

آپ سب کو صبح بخیر ہم میگنیٹوسٹیٹکس میں اپنی بحث جاری رکھیں گے آپ کو وہ آخری لیکچر یاد ہوگا جو ہم نے ہائیو سوارٹ قانون متعارف کرایا تھا اور ہائیو سرور قانون سے ہم نے موجودہ لوپ سے پیدا ہونے والے مقناطیسی میدان اور لامحدود طور پر پیدا ہونے والے مقناطیسی فیلڈ کا بھی حساب لگایا۔ لمبا سیدھا کرنٹ لے جانے والا کنڈکٹر

کے ساتھ لامحدود لمبا سیدھا کرنٹ لے جانے والا کنڈکٹر ہے i تو مجھے یاد کرنے دو اگر آپ کے پاس تار سے کرنٹ

پر مقناطیسی فیلڈ کا حساب لگایا p کے فاصلے پر x تو ہم نے یہاں سے

$b \mu \text{ naught } i \text{ by two}$ محور ہے اور ہم نے حساب لگایا اور دکھایا کہ مقناطیسی فیلڈ y محور کہتے ہیں۔ اور یہ یہاں x تو ہم اسے ہے اور اس مقام پر مقناطیسی فیلڈ کاغذ کے اندر اشارہ کر رہا ہے لہذا مقناطیسی میدان یہاں کاغذ میں جا رہا ہے اور $\sin kk$ ماننس πx ہمیں ہائیوس کوشش قانون کا استعمال کرتے ہوئے یہاں ایک چھوٹا کرنٹ عنصر لے کر حساب لگایا جاتا ہے پھر اس مقام پر مقناطیسی فیلڈ کا حساب لگانے کے لیے اس موجودہ عنصر کو استعمال کرتے ہوئے اور تمام موجودہ عناصر پر ضم کر کے یہ نوٹ کرنا دلچسپ ہے کہ تمام موجودہ عناصر ایک ہی سمت میں مقناطیسی میدان پیدا کرتے ہیں لہذا ہمیں صرف یہ کرنا تھا کہ ہم ہر عنصر کی وجہ سے مقناطیسی میدانوں کو شامل کریں اور کل کے x مقناطیسی میدان حاصل کریں اب ہم یہ بھی نوٹ کریں کہ ہم انہی کی وجہ سے مقناطیسی میدان تمام پوائنٹس پر یکساں رہیں جو یہاں سے فاصلے پر ہیں لہذا ہم حقیقت میں اس کو عام کر سکتے ہیں اور لکھ سکتے ہیں کہ اگر میرے پاس اس طرح کا ایک کرنٹ کائنے تک کنڈکٹر ہے اور اگر کے دائرے پر واقع ہے۔ مرکز میں تار کے ساتھ r میں کسی بھی نقطہ پر مقناطیسی فیلڈ کا حساب لگانا ہوں جو رداں

ہوگی اور سمتی مقناطیسی میدان دائیں ہاتھ کے اصول کے مطابق ہوگا براہ کرم نوٹ $b \mu \text{ naught } i \text{ by two } \pi r$ کی شدت b تو کریں کہ اگر کرنٹ دائیں ہاتھ کے اسکرُو سے اوپر کی طرف جارہا ہے اگر میں اسکرُو کو حرکت دیتا ہوں اس سمت میں پھر اسکرُو اوپر جائے گا لہذا اگر کرنٹ اوپر کی طرف جا رہا ہے

s محوری سے آزاد فاصلے سے آزاد ہے۔ z تو مقناطیسی فیلڈ کو اس سمت میں تار کے گرد گھمنا ہوگا لہذا یہ مقناطیسی فیلڈ کی شدت ہے جو تار کی اس لمبائی کے ساتھ زاویہ سے آزاد ہے اور یہ صرف تار سے اس نقطہ کے فاصلے پر منحصر ہے اور یہ بھی نوٹ کریں کہ مقناطیسی فیلڈ لائنیں بند لائنیں بناتی ہیں لہذا اگر میں مقناطیسی فیلڈ کو آہ سے کھینچوں اگر یہ کرنٹ ہے میری طرف کرنٹ لے جانے والا کینیٹک کنڈکٹر مقناطیسی میدان کی لکیریں اس طرح نظر آئیں گی یا کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر کے گرد بند لوپس ہوں گے اور دوبارہ مقناطیسی میدان کی سمت کا تعین کرنٹ کی سمت سے کیا جاتا ہے جو دائیں ہاتھ کے اسکرُو کے اصول کی وجہ سے اس میں سے بہ رہا ہے۔ موجودہ مقناطیسی فیلڈز گھڑی کی مخالف سمت میں ہیں جب کرنٹ میری طرف آ رہا ہے

تو اس کا مطلب یہ بھی ہے کہ اگر آپ کسی بند سطح کو لیتے ہیں فرض کریں کہ میں ایک بند سطح لیتا ہوں جتنی فیلڈ لائنیں سطح میں داخل ہوں گی جتنی باہر جائیں گی۔ اور آپ کے پاس یہ مساوات ہے کہ مقناطیسی فیلڈز کے لیے گاؤس کا قانون انٹیگرل ہی ڈاٹ دا صفر کے برابر ہے جس کا بنیادی طور پر یہ مطلب ہے کہ مقناطیسی فیلڈ لائنوں کے کوئی ذرائع نہیں ہیں جو مقناطیسی فیلڈ لائنز کسی بھی نقطہ سے شروع نہیں ہوتی ہیں اور کسی دوسرے مقام پر وہ قریبی لوپ بنتی ہیں یا وہ یہاں سے شروع ہوتی ہیں اور لامحدودیت پر ختم ہوتی ہیں لہذا یہ الیکٹرو اسٹیٹک فیلڈز کی طرف سے مطمئن آہ مساوات کے خلاف ہے جہاں بہاؤ چارج کے برابر تھا۔ ایک کرنٹ کائنے تک کنڈکٹر کے ذریعہ تیار کردہ فیلڈ کے اس حساب سے تقسیم شدہ خالص چارج ہم نے ایک مساوات اخذ کی ہے جو ایمپیرر کا قانون ہے لہذا مجھے دوبارہ یاد کرنے دیں $\epsilon \text{ zero}$ سے ڈاٹ ڈی ایل v تاکہ ہمارے پاس یہ موجودہ کینیٹک کنڈکٹر ہے اور اگر میں ایک سرکلر لوپ لیتا ہوں اس نقطہ کے ارد گرد اور اس لوپ کے ارد گرد کے برابر ہے جو کہ سرکلر آرک کے پار سے لوپ کے $\mu \text{ naught times } i$ کو مربوط کریں میں نے آپ کو پچھلی بار دکھایا تھا کہ یہ کے برابر ہے جسے ایمپیرر کا قانون کہا جاتا ہے اب $\mu \text{ naught } i$ کے برابر ہے۔ $d1$ یا $b \text{ dot } d1$ انٹیگرل اوپر انٹیگرل ہے یہاں یہ قانون ہمیشہ درست ہے یہ گاس کے قانون

توانائی کے اعداد و شمار سے بہت ملتا جلتا ہے یہ ہمیشہ درست ہے یہ بہت مفید ہے کیونکہ میں آپ کو دکھاؤں گا جب بھی آپ مقناطیسی میدان کو باہر لے سکتے ہیں انٹیگرل کے باہر پھر آپ اصل میں اس انٹیگرل فارمولیشن کو مقناطیسی فیلڈ کا حساب لگانے کے لیے استعمال کر سکتے ہیں ورنہ یہ ہمیشہ درست ہوتا ہے اس لیے ہم نے جو کیا وہ بنیادی طور پر سرکلر پاتھ پر انضمام کرنا تھا ہے اور یہ سرخ $d \text{ phi}$ کی لمبائی یہاں ہے لہذا اگر یہ زاویہ $d1$ تو مجھے یاد کرنے دیں کہ ہم نے کیا کیا ہم نے یہاں ایک چھوٹا عنصر لیا ہے r فاصلہ

$b \text{ dot } d1$ برابر ہے $b \text{ dot } d1$ ویکٹر کی سمت کے ساتھ ہے لہذا $d1$ کے برابر ہے اور مقناطیسی فیلڈ بھی $rd \text{ phi}$ ویکٹر کی شدت $d1$ تو میں شمار کیا $rd \text{ phi}$ سے πr کو دو $\mu \text{ naught } i$ اور مقناطیسی میدان میں نے ابھی $rd \text{ phi}$ کے برابر ہے b جو $d1$ اوقات کو ضم کرتا ہوں $d1$ ڈاٹ v کے برابر ہے لہذا اگر میں انٹیگرل $d \text{ phi}$ میں π کو دو $\mu \text{ naught } i$ ہے جو اس نقطہ کے ارد گرد مکمل زاویہ ہے $d \text{ phi}$ انٹیگرل $\text{by two } \pi \text{ integral } d \text{ phi}$ کے برابر ہو جاتا ہے۔ $\mu \text{ naught } i$ تو کے لیے اس مساوات کی قدر کو شمار $b \text{ dot } d1$ یہی ہے جو ہم نے انٹیگرل $v \text{ nought } i$ کے برابر ہے لہذا یہ مجھے π جو 2 کے ساتھ ہوتا ہے میں اب یہ فرض کر کے ایک حساب کتاب ہے۔ تار سرکلر پاتھ کے مرکز $\mu \text{ naught } i$ کرنے کے لیے استعمال کیا تھا اور یہ میں نے اب میں آپ کو دکھانا چاہتا ہوں کہ انٹیگرل کی یہ قدر ہمیشہ نہیں ہوتی ہے اس سے قطع نظر کہ میں موجودہ لے جانے والے کنڈکٹر کے ارد گرد جو بھی راستہ اختیار کرتا ہوں اس لیے مجھے یہاں ایک بار پھر ایک شکل کھینچنے دیں تاکہ یہ کیا میرا کرنٹ کاغذ کے ہوائی جہاز سے نکل رہا ہے

تو میں اس موجودہ قسم کے کنڈکٹر کے ارد گرد کچھ صوابدیدی راستہ اختیار کرتا ہوں لہذا مجھے یہاں ایک شکل بنانے کی کوشش کرنے دیں تاکہ ویکٹر $d1$ ویکٹر اس طرح ہے اور b ویکٹر اس لکیر پر کھڑا ہے۔ اس نقطہ پر مرکز سے جوڑنے والی لائن $uh \text{ b}$ مثال کے طور پر اس مقام پر یہاں ہے

تو میں اس زاویہ کو درمیان میں تھیٹا کہوں

تو میں یہاں ایک اور لائن کھینچتا ہوں

ویکٹر کے درمیان زاویہ ضمیمہ ہے $d1$ ویکٹر اور b کے برابر ہے کیا $b d1 \cos \theta$ $b \text{ dot } d1$ کے برابر ہے $b \text{ dot } d1$ $b d1 \cos \theta$ $d1 \text{ dot } b \text{ dot } d1$ ویکٹر راستے کے ساتھ ہے جو ضروری نہیں کہ مرکز میں تار کے ساتھ گول ہو لہذا $d1$ لہذا کہوں کیا فاصلہ th اور $d \text{ phi}$ تھیٹا ہے یہ لمبائی اور اگر میں اس زاویہ کو $d1 \cos \theta$ یہ لمبائی ہے لہذا $d1 \cos \theta$ ہے اور $d1 \cos \theta$ کے برابر ہوتا ہے اور وہ بھی $d \text{ phi}$ کے برابر ہوتا ہے کیا یہ فاصلہ یہ فاصلہ زاویہ $rd \text{ phi}$ تھیٹا $rd1 \cos \theta$ $\pi r \text{ in } rd \text{ phi}$ کے سوا کچھ نہیں بنتا ہے لہذا اس معاملے میں یہ جانتا کوئی بات نہیں ہے از دو $b \text{ dot } d1 \text{ brd } \text{phi}$ ہے لہذا $\pi r \text{ in } rd \text{ phi}$ $d1 \mu \text{ naught } i \text{ by two } \pi$ ڈاٹ b دیتا ہے لہذا انٹیگرل $\text{by two } \pi \text{ in } d \text{ phi}$ $\mu \text{ naught } i$ تاکہ یہ مجھے $\text{integral } d \text{ phi}$ μ جو کہ phi اس سے احاطہ کرتا ہے۔ conv ہے کیونکہ پورا زاویہ π کے برابر ہوگا جو کہ دوبارہ دو $\text{integral } d \text{ phi}$ کے سوا کچھ بھی نہیں ہے $\mu \text{ naught } i$

ہمیشہ کرنٹ $b \text{ dot } d1$ تو اگر میرے پاس انضمام کا راستہ ہے جو مرکز میں تار کے ساتھ گول نہیں ہے جو میں نے دکھایا ہے کہ یہ انٹیگرل ایک دوسرے کے m $d1$ اور b اوقات کے برابر ہوتا ہے۔ کنڈکٹر جو انضمام کے اس لوپ سے بند ہے لہذا اگرچہ $\mu \text{ naught } i$ میں

ہوتا ہے اور جب میں انضمام کرتا ہوں bd dot dl brd phi توازی نہیں ہیں

تو مجھے صرف کچھ نہیں ہوتا ہے اب کیا ہوگا اگر میں نے ایسا کیا

تو میں نے کیسے منتخب کیا یہاں انضمام کی سمت کہ انضمام کا لوپ ایسا ہے کہ یہ ساتھ ہوتا ہے۔ ای مقناطیسی فیلڈ کیونکہ کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر کے لیے جس میں کرنٹ میری طرف آتا ہے مقناطیسی فیلڈ اینٹی کلاک وائز ہوتا ہے میں گھڑی کی سمت میں بھی انضمام کر سکتا ہوں، مثال کے طور پر اگر میرے پاس اس طرح کا کرنٹ ہے اور اگر میرے پاس ہے الٹ سمت میں انضمام کے ساتھ اس طرح لوپ کریں ٹو ہے اور وہی کرنٹ لے جانے والا کنڈکٹر ہے اگر میرے پاس c یہاں یہ اوور کرو i ہوگا mu naught ڈاٹ ڈی ایل مائنس b تو انٹیگرل mu naught i ڈاٹ ڈی ایل کے برابر ہے b کے ساتھ دوسرا راستہ ہے جیسے اس انٹیگرل c

تو یہ اس راستے پر منحصر ہے کہ آپ موجودہ قسم کے کنڈکٹر کے ارد گرد لے جا رہے ہیں اگر یہ مقناطیسی میدان کی سمت کے ساتھ ہو جو ہو سکتا ہے۔ کچھ بھی نہیں میں یہ آپ کو یہ mu یا مائنس mu naught i دائیں ہاتھ کے اصول کو پورا کرتا ہے یا الٹ سمت آپ کے پاس جمع بھی بتاتا ہے کہ میں اصل میں کر سکتا ہوں اگر میرے پاس صرف ایک کنڈکٹر نہیں ہے لیکن فرض کریں کہ میرے پاس ایک سے زیادہ کنڈکٹر ہیں جو کرنٹ لے جانے والے ہیں

تو اور میں ایک اور لوپ بناتے ہیں اس i تو مجھے فرض کرنے دیں کہ میرے پاس کرنٹ لے جانے والا ایک کنڈکٹر ہے اور ایک دوسرے کے ساتھ طرح انٹیگرل ہی ڈاٹ ڈی ایل انٹیگرل ہی ون پلس ہی ٹو ڈاٹ ڈی ایل کے برابر ہوگا کیونکہ مقناطیسی فیلڈ سپر پوزیشن کے اصول کو پورا کرتے ہیں دو کی وجہ سے ہے لہذا یہ کچھ i ایک اور مقناطیسی میدان i لہذا کسی بھی مقام پر کل مقناطیسی فیلڈ مقناطیسی فیلڈ کا مجموعہ ہے کیونکہ کے یہ mu naught i one کے اور یہ کچھ نہیں سوائے $\text{integral b two dot dl}$ پلس $b one dot dl$ نہیں ہے سوائے $\text{mu naught times i two}$ اور پلس one اوقات کے برابر ہے کنڈکٹر Mu naught کرنٹ لے

ٹو کے i ایک جمع mu naught times i تو یہ کچھ بھی نہیں سوائے کے برابر ہے جو میں $d\text{ mu naught times i}$ ڈاٹ b بہت سے کرنٹ کو منتخب کر کے کیا دکھا سکتا ہے وہ یہ ہے کہ انٹیگرل ii تو نے یہاں منسلک کیا ہے اب ان کنڈکٹرز کا کیا ہوتا ہے جو کرنٹ لے رہے ہوتے ہیں لیکن جو انضمام کے راستے سے باہر ہوتے ہیں تو میں یہاں ایک مثال دیتا ہوں

تو میرے پاس یہاں ایک کرنٹ قسم کا کنڈکٹر ہے اور میں اس طرح کا راستہ اختیار کرتا ہوں

تو اب کیا ہوتا ہے جو میں کرتا ہوں مجھے کرنے دو یہاں ایک لکیر کھینچیں

کہ یہ زاویہ فائی ون سے مساوی ہے یہ زاویہ فائی ٹو کے مساوی ہے لہذا انٹیگرل ہی ڈاٹ ڈی ایل مجھے حساب کرنے y تو مجھے اجازت دیں۔ کی ضرورت ہے براہ کرم یاد رکھیں کہ میں نے ابھی آپ کو دکھایا تھا کہ ایک صوابدیدی راستے کے لئے ڈی ایل کوس تھیٹا آر ڈی فائی ہے لہذا ہی phi ڈاٹ ڈی ایل ہی آر ڈی کے علاوہ کچھ نہیں ہے۔

mu جو rd phi میں pi r کے برابر ہے دو $\text{integral mu naught i}$ ہے جو brd phi تو میں حاصل کروں گا یہ انٹیگرل naught i منسوخ کر دیتا ہے جو ہے $\text{pi integral d phi r}$ کے برابر ہے دو

تو چھوڑ دیں

پلس $d\text{ phi}$ ٹو $\text{mu naught i by two pi integral phi one to phi}$ تو یہ برابر ہے

کہتا ہوں اور پھر میں واپس آتا ہوں $c one$ ٹو میں جاتا ہوں اور phi one سے

تو میں یہاں سے یہاں اس وکر کے ساتھ جاتا ہوں اور میں اس کے ساتھ واپس آتا ہوں۔ فائی ٹو سے فائی ون ڈی فائی جو کچھ بھی نہیں ہے سوائے میو ناٹ آئی پائی ٹو پائی فائی ٹو مائنس فائی ون پلس فائی ون مائنس فائی ٹو جو صفر کے برابر ہے لہذا اس بند راستے کے ساتھ انٹیگرل ہی ڈاٹ ڈی ایل جو موجودہ کائناتے ٹک کنڈکٹر کو بند نہیں کرتا ہے صفر ہوتا ہے لہذا انضمام کے لوپ سے باہر موجود کوئی بھی موجودہ عنصر انضمام میں اور اسی وجہ سے میں اصل میں لکھ سکتا ہوں اگر میرے پاس ایک سے زیادہ کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر ہوں $b dot dl$ حصہ نہیں ڈالتا

اب مجھے ان دو $\text{b dot dl is equal to mu nought i}$ interested that ampere's law تو میں انٹیگرل لکھ سکتا ہوں چیزوں کا ذکر کرنا چاہیے جن کا میں ڈرائنگ کر رہا ہوں منحنی خطوط جو ہوائی جہاز میں ہوتے ہیں انضمام کا منحنی خطوط انضمام کا راستہ ہوائی جہاز میں نہیں ہوسکتا ہے لہذا میرے پاس اس طرح کے کرنٹ لے جانے والی تار ہوسکتی ہے لہذا میں اس طرح کے کچھ صوابدیدی راستے کو mu naught i یا مائنس mu naught i انٹیگریٹ کر سکتا ہوں اور مجھے ابھی بھی کرنٹ سے بہت زیادہ مل جائے گا یقیناً منسلک ہے کہ آیا یہ پلس

اس بات پر منحصر ہے کہ آیا میں انضمام کی سمت کو مربوط کرتا ہوں کہ آیا یہ کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر کے حوالے سے دائیں mu naught i ہاتھ کے اصول سے مطابقت رکھتا ہے یا نہیں اس لیے میں ایک صوابدیدی راستہ کچھ صوابدیدی راستہ رکھ سکتا ہوں ہو سکتا ہے جو ہوائی جہاز کی لکیر نہ ہو لیکن جو اعداد و شمار میں یہاں کھینچ رہا ہوں ان میں منحنی خطوط ایک ہوائی جہاز پر پڑے ہوئے دکھائی دیتے ہیں لہذا یہ ایک بہت ہی عام نتیجہ ہے لہذا میں مثال کے طور پر ایک شکل کھینچ سکتا ہوں جس میں میں یہ کہہ سکتا ہوں کہ میں کر سکتا ہوں موجودہ اس طرح لے

تین تاکہ میرے پاس انضمام کا ایک لوپ i دو اور دوسرا ایک مثال کے طور پر i ایک دوسرے کرنٹ لے جانے والا کنڈکٹر i جانے والا کنڈکٹر ہو جو اس طرح آنے کے پیچھے جا سکتا ہے، اگرچہ یہ کرنٹ نہیں ہے جو کرنٹ پر مشتمل ہوائی جہاز میں نہیں ہے۔ کرنٹ میرے پاس اب بھی اس انٹیگرل وی ڈاٹ ڈی ایل میں ہے اس معاملے میں اب کے برابر ہے جیسا کہ آپ یہاں دیکھ سکتے ہیں کہ یہ سمت اس کرنٹ کے حوالے سے تھری i ٹو مائنس i ایک مائنس mu naught i مثبت سمت سے مطابقت رکھتی ہے یہ

اس انٹیگرل میں حصہ نہیں ڈالتا ہے یا اس لیے کہ یہ i_4 i_4 تو اور اگر میرے پاس دوسرا ہے یہاں کرنٹ کرنٹ کنڈکٹر مثال کے طور پر انضمام کے لوپ سے باہر ہے جیسا کہ میں نے الیکٹرو سٹیٹکس میں ذکر کیا تھا مجھے یہاں یہ بتانا ضروری ہے کہ ہر نقطہ پر مقناطیسی فیلڈ کا تعین تمام کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹرز سے ہوتا ہے۔ جیسا کہ گاس کے قانون میں الیکٹرو سٹیٹکس کیس میں برقی فیلڈ کا تعین تمام چارجز سے پیدا اسی طرح کسی بھی مقام پر پیدا ہونے والی ide ہونے والے برقی فیلڈ سے ہوتا ہے جبکہ بند سطح پر بہاؤ صرف چارجز پر منحصر ہوتا ہے۔ چار کی وجہ i تین اور i دو اور i ایک i مقناطیسی فیلڈ مثال کے طور پر اس اعداد و شمار میں یہاں پیدا ہونے والی مقناطیسی فیلڈ کرنٹ ڈاٹ ڈی ایل کو مربوط کرتا ہوں v سے ہے لیکن جب میں

تو واحد کرنٹ جو انٹیگرل ویلیو میں حصہ ڈالتا ہے اس لوپ سے منسلک تین دھارے اس لیے براہ کرم مت بھولیں کہ کسی بھی مقام پر مقناطیسی ڈاٹ ڈی ایل میں تمام کرنٹ سے پیدا ہوتے ہیں صرف وہی کرنٹ جو لوپ کے اندر موجود ہوتے ہیں اس اٹوٹ p فیلڈز ایمپیئر کے قانون میں انٹیگرل کے برابر $b dot dl \theta$ ویلیو میں حصہ ڈالتے ہیں لہذا انٹیگرل وی ڈاٹ ڈی ایل فرض کریں کہ میں ایک ایسی صورتحال میں پاتا ہوں جو انٹیگرل b ہے اس کا مطلب یہ نہیں ہے کہ مقناطیسی فیلڈ صفر ہے جیسا کہ ہم نے ابھی دیکھا ہے کہ کیا انضمام کا لوپ موجودہ لے جانے والے کنڈکٹر کے باہر موجود ہے اگرچہ ہر نقطہ پر مقناطیسی فیلڈ صفر ہے صفر نہیں تھا اب میں آپ کے سوچنے کے لیے یہاں ایک مسئلہ چھوڑنا dot dl

چاہتا ہوں

تو میں اسے اوپر سے دیکھتا ہوں

تو میرے پاس پانچ ایمپیئر کا کرنٹ آ رہا ہے یہاں ایک اور کرنٹ پانچ ایمپیئر اندر کی طرف جا رہا ہے اس کا کرنٹ جو میری طرف دس ایمپیئر آ رہا

ہے

تو مجھے دو لوپس پر غور کرنے دیں ایک یہ ایک اور ایک یہ ایک
 تو انٹیگرل ہی ڈاٹ ڈی ایل کی ویلیو پاتھ سی ون اور دو ڈرا پاتھز کے لیے انٹیگرل ہی ڈاٹ ڈی ایل زیادہ سے زیادہ معلوم کریں اور مثبت اور زیادہ
 اور one c ون سے زیادہ ہے لہذا آپ c سے زیادہ اور منفی اور آخر میں ایک اور راستہ کھینچیں جس میں انٹیگرل ہی ڈاٹ ڈی ایل کی قیمت
 ڈاٹ ڈی ایل زیادہ سے زیادہ اور مثبت اور زیادہ سے b ڈاٹ ڈی ایل کا حساب لگاتے ہیں جس کے لیے انٹیگرل b ٹو ڈرا پاتھ کے لیے انٹیگرل
 کی b dot d1 کے لیے حساب لگا لیا ہے ایک دوسرے کو ایک اور وکر کھینچیں جس کے لیے c زیادہ ہے۔ منفی اور پھر آپ نے پہلے ہی پاتھ
 کے برابر ہے لہذا اس مسئلے پر کچھ سوچیں اور یہ آپ کو ایمپینر کے اطلاق کو بہتر طور پر سمجھنے میں مدد دے گا۔ قانون c1 انٹیگرل ویلیو
 ٹھیک ہے

تو میں کچھ خاص حالات کے لیے ایمپینر کا قانون لاگو کرنا چاہتا ہوں اور جس طرح ہم نے گاس کے قانون کے لیے گاؤس کے قانون کے لیے کیا تھا
 ہم نے گاس کا قانون حاصل کیا اور چارج شدہ تقسیم پر الیکٹرو سٹیٹک فیلڈز کا حساب لگانے کے لیے گاس کے قانون کو لاگو کیا اب یاد رکھیں کہ ہم
 کیا ہیں پایا گیا ہے گاس کا قانون ہمیشہ درست ہوتا ہے یہ بعض حالات میں مفید ہے جہاں ہم آہنگی ہوتی ہے کیونکہ ہم آہنگی کے حالات میں میں
 الیکٹریک فیلڈ کو گاس کے قانون میں انٹیگرل سے باہر لے سکتا ہوں اور اس سے مجھے برقی میدان کی تقسیم کا حساب لگانے میں مدد ملے گی یہاں
 ایمپینر کا قانون ہمیشہ ہوتا ہے۔ درست ایمپینر قانون مفید ہے جب بھی میں کچھ ہم آہنگی کے دلائل کے ذریعہ مقناطیسی فیلڈ کو انٹیگرل سے باہر لے
 سکتا ہوں اور اسے مقناطیسی فیلڈ کا حساب لگانے کے لیے استعمال کر سکتا ہوں لہذا ہم کچھ مثالوں کو دیکھنا شروع کریں گے جس کی پہلی مثال
 میں دیکھنا چاہتا ہوں وہ ایک لامحدود طویل اور سیدھا کرنٹ ہے۔ لے جانے والا کنڈکٹر

پر انحصار نہیں کر z تو یہ میرا موجودہ موجودہ کنڈکٹر ہے اب پہلی چیز جو میں نے محسوس کی ہے کہ ہم آہنگی کی وجہ سے مقناطیسی میدان
 سکتا ہے اس فاصلے پر اسے یہاں ایک جیسا ہونا چاہئے یہاں ہر جگہ یہ لامحدود لمبی تار ہے یہ اس زاویہ پر انحصار نہیں کر سکتا کیونکہ اگر آپ
 موجودہ قسم کا کنڈکٹر ہے یہ نقطہ اس مقام پر ایک جیسا ہے میرا مطلب ہے کہ اسے ایک جیسا ہونا چاہیے اس میں کوئی انحصار نہیں ہو سکتا
 r انحصار جو کہ یہاں سے فاصلہ ہے اور مقناطیسی میدان اگرچہ مقناطیسی میدان کا ar ہو سکتا ہے اس میں ہو سکتا ہے e صرف انحصار
 انحصار ہے اس کے تین اجزاء ہیں اس میں تین اجزاء ہو سکتے ہیں اس میں یہ جزو ہو سکتا ہے اس میں یہ جزو ہو سکتا ہے اور اس میں یہ ہو سکتا
 ہے کھڑا جزو تار کے م

تواری جزو ایک جزو تار کا کھڑا اور ایک جزو دوسری سمت میں تار کے م
 توازی اب میں مثال کے طور پر بائیں سرور قانون کے لحاظ سے سوچ سکتا ہوں اور دیکھ سکتا ہوں کہ اگر میرے پاس تار کے ساتھ کوئی بھی
 موجودہ عنصر موجود ہے ایک مقناطیسی میدان پیدا کرے گا جو اس سمت کے ساتھ ہے اس کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر میں کوئی عنصر کبھی بھی
 d1 اس سمت یا اس سمت کے ساتھ کوئی مقناطیسی میدان پیدا نہیں کرے گا کیونکہ براہ کرم یاد رکھیں کہ مقناطیسی میدان کی سمت ہے لہذا یہ
 ویکٹر ہے r ویکٹر ہے اور یہ

ویکٹر کے لیے کھڑا ہوتا ہے اس لیے یہ اس طرح ہوتا ہے اس لیے r اور d1 مقناطیسی میدان کی سمت میں جو ہمیشہ r کر اس d1 تو
 مقناطیسی فیلڈ کو ازیموتھل ہونا چاہیے لہذا اگر میں اس سے دیکھوں میرے موجودہ لے جانے والے کنڈکٹر میں سب سے اوپر مقناطیسی فیلڈ میں
 صرف اس جزو کا ایک جزو ہو سکتا ہے لیکن اگر میرے پاس یہاں مقناطیسی میدان ہے
 تو صرف اس طرح ہو سکتا ہے یہاں ایسا ہو گا اب میں یہ دکھانے کے لیے کچھ ہم آہنگی کے دلائل بھی استعمال کر سکتا ہوں کہ مقناطیسی میدان
 نہیں ہو سکتا اس جزو میں یہ جزو ہے لیکن یہاں میں آپ کو قائل کرنے کے لیے ایک حیاتیاتی قانون کا استعمال کر رہا ہوں کہ مقناطیسی میدان جو
 کچھ بھی موجود ہے اسے اس سمت میں ہونا چاہیے اب ایک بار جب مجھے مقناطیسی میدان کی سمت معلوم ہو جائے اور ایک بار جب مجھے معلوم
 ہو جائے کہ مقناطیسی میدان نہیں ہے اس زاویہ پر منحصر ہے کہ میں اس مساوات کو استعمال کرنے جا رہا ہوں لہذا یہ میرا بائیس ایمپینر کا
 قانون ہے

لہذا یاد رکھیں کہ ہر نقطہ پر r تو میں کیا کروں میں اس تار کے گرد ایک گول راستہ لیتا ہوں جس کے مرکز میں تار ہے جس میں ایک فاصلہ ہے
 ویکٹر کے م b d1 بھی اس طرح ہے لہذا کسی بھی نقطہ پر b کی طرح ہے یہ اور d1
 d1 اس طرح ہے b کی طرح ہے اس نقطہ پر d1 اس b کے سوا کچھ نہیں ہے b d1 اس مقام پر b dot d1 توازی ہے اور اس طرح
 اس طرح ہے

براہ کرم اس انضمام کے لیے یاد رکھیں میں کسی بھی راستے کا انتخاب کر سکتا ہوں بالکل اسی طرح گاوسی سطح کی طرح میں کسی بھی i تو
 گاوسی سطح کا انتخاب کر سکتا ہوں میں کسی بھی وکر کا انتخاب کر سکتا ہوں جو میں اس انضمام میں چاہتا ہوں اس لیے میرا انتخاب تار کے گرد
 کیا ہے d1 ایک سرکلر راستہ ہے جس کے مرکز میں ایک تار ہے تاکہ یہ مجھے انضمام کرنے میں مدد دے بائیں ہاتھ کی طرف اور
 ہے rd1 ہے اور یہ d phi مثال کے طور پر اگر یہ زاویہ d1 تو

ڈاٹ ڈی ایل b ہے اور اس طرح ایمپینر کا قانون مجھے انٹیگرل دیتا ہے b dot d1 برد phi کے علاوہ کچھ نہیں ہے لہذا rd phi تو
 ہے mu naught i مس صفر کے برابر ہے موجودہ منسلک جو کہ صرف کرنٹ ہے جو میں کنڈکٹرز کے ذریعہ لے جاتا ہے جو
 سے آزاد ہے وہی یہاں یہاں یہاں b phi b اب i کے برابر ہے integral برد phi mu naught تو یہ کچھ بھی نہیں ہے لیکن
 یہاں ہر جگہ b یہاں b کے ساتھ ایک دائرہ دار راستہ لے رہا ہوں لہذا y ہے۔ ایک ہی ہے کیونکہ میں مرکز میں اس b یہاں یہاں ہر جگہ
 d phi mu nought i انٹیگرل ہیں b پر منحصر نہیں ہے لہذا r phi کو انٹیگرل سے نکال سکتا ہوں اور یقیناً b یکساں ہے لہذا میں
 ہے pi اس مقام پر جو دو rcle کے ذریعے جمع کیا گیا ہے۔ ci وہ کل زاویہ ہے جو d phi انٹیگرل br جو کچھ نہیں ہے مگر
 ہے mu naught i برابر ہے pi تو دو

اگرچہ براہ کرم یاد رکھیں کہ میں نے لامحدود so ampere's law پہلے کی طرح ہے mu naught i تو مجھے میگنیٹک فیلڈ مل گئی ہے
 کی وجہ سے مقناطیسی میدان اخذ کر کے ایمپینر کا قانون حاصل کیا ہے۔ لانگ کرنٹ لے جانے والا کنڈکٹر میگ ایمپینر کا قانون ایک بہت ہی عام
 قانون ہے یہ تمام حالات کے لیے درست ہے اور میں ایک بار پھر ایمپرز کا قانون استعمال کر رہا ہوں تاکہ کرنٹ کیریٹنگ کنڈکشن لامحدود طویل
 ویکٹر کا تار کے فاصلے پر انحصار b ویکٹر کی سمت واقفیت اور b کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر کی وجہ سے فیلڈ کا حساب لگایا جا سکے۔
 معلوم کرنے کے لیے کچھ ہم آہنگی دلائل استعمال کریں میں انضمام کے ایک مناسب راستے کا انتخاب کرتا ہوں جو مجھے ہی کو انٹیگرل سے نکالنے

لیتا ہوں یہ راستہ میں ایسا arb میں مدد کرے گا یہ میں نے کیا ہے اس لیے میں نے تار کے گرد ایک سرکلر راستہ اختیار کیا ہے اگر میں کچھ
 نہیں کر سکتا ہوں گا اس لیے مجھے مناسب راستے کا انتخاب کرنا ہو گا جس میں انضمام کا معقول راستہ منتخب کیا گیا ہو اور یہاں میرا دورانیہ
 ایسا ہوتا ہے۔ b درست طریقے سے منتخب کیا گیا راستہ تار کے گرد ایک سرکلر راستہ ہے اور اس لیے کہ میں نے اس حصے کا انتخاب کیا ہے
 کے م d1 ہر نقطہ پر

کو انٹیگرل سے نکال b سے آزاد ہوتا ہے لہذا میں b phi کے طور پر لکھ سکتا ہوں اور برد phi کو b dot d1 توازی اس لیے میں
 کا فنکشن ہوتا b phi سکتا ہوں اگر

تو میں یہ نہیں کر سکتا تھا لہذا میں اس قابل ہوں ہی کو انٹیگرل سے نکالیں اور فوری طور پر انضمام کریں اور مقناطیسی میدان حاصل کریں تاکہ
 کے b یہ ایک بہت ہی دلچسپ مثال ہے جو مجھے بتاتی ہے کہ لامحدود طویل کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر کا مقناطیسی میدان کچھ نہیں ہے بلکہ

جو ہم نے پہلے بائیو سرور قانون کا استعمال کرتے ہوئے حاصل کیا تھا اب میں آپ کو ایک اور $\mu \text{ naught } i \text{ by two pi } r$ برابر ہے مثال دینا چاہتا ہوں کہ کرنٹ کو گول کر اس سیکشن کے ایک بیلناکار تار کے کر اس سیکشن پر یکساں طور پر تقسیم کیا گیا ہے اور لامتناہی طور پر لمبا ہے

تو اس طرح کچھ میرے پاس موٹا کرنٹ ہے ڈکٹر اس کا کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر میں اس طرح بہہ رہا ہے r ہے تو میں فرض کر لیتا ہوں کہ رداں

تو اوپر کا منظر ایسا نظر آئے گا جیسے میرے پاس ایک گول تار ہے اس لیے کرنٹ میری طرف بہہ رہا ہے ہر نقطہ پر یکساں طور پر تقسیم کیا گیا ہے اور اس لیے میرے پاس ہے اس کے مقناطیسی میدان کو تار کے اندر اور تار کے باہر تلاش کرنے کے لیے اب میں وہی دلیل استعمال کر سکتا ہوں جو کہ ایک لامحدود لمبے پتلے کرنٹ کائے ٹک کنڈکٹر کے لیے ہے اور یہ کہہ سکتا ہوں کہ مقناطیسی میدان اس پوزیشن پر انحصار نہیں کر سکتا کیونکہ لامحدود طویل ہے یہ نقطہ یہ نقطہ یہ تمام نکات بالکل مساوی ہیں لہذا مقناطیسی فیلڈ کا اس کو آرڈینیٹ پر انحصار نہیں ہو سکتا انحصار اور انحصار نہیں ہو سکتا ہے ϕ ہے کیونکہ یہ سرکلر کر اس سیکشن تار کا ایک بیلناکار کر اس سیکشن ہے مقناطیسی فیلڈ کا زاویہ پر جس کا مطلب ہے کہ یہ ہوگا فنکشن زاویہ کے طور پر ہر جگہ ایک جیسا اگر میں کچھ فاصلہ طے کرتا ہوں اور دائرے کے ساتھ کسی بھی نقطہ پر مقناطیسی فیلڈ کا حساب لگاتا ہوں

تو یہ ایک جیسا ہونا ضروری ہے کیونکہ اس نقطہ کے درمیان اس نقطہ کے درمیان کوئی فرق نہیں ہے لہذا اس کا ہونا ضروری ہے کہ اس میں آگ انحصار ہو سکتا ہے جس کا رداں تار کے مرکز سے فاصلہ ہے یہ صرف اب دوبارہ r پر انحصار نہیں ہو سکتا ہے لہذا مقناطیسی فیلڈ کا صرف پر انحصار کر سکتا ہے۔ مجھے جو معلوم ہوا ہے وہ یہ ہے کہ میں اسے اس سمت میں جانے والے پتلے کرنٹ عناصر کی ایک بڑی تعداد سمجھ r سکتا ہوں ہم سب ایک مقناطیسی فیلڈ تیار کریں گے جو ایزیموتھال ہے اور جو اس سمت کے ساتھ ہے اور میں اسے مقناطیسی کا حساب لگانے کے لیے فوری طور پر استعمال کر سکتا ہوں۔ موجودہ کائینیٹک کنڈکٹر کی فیلڈ

کے برابر ہے $v \cdot t \mu \text{ zero } i \text{ enclosed}$ تو یہ ایمپیریل کا قانون مجھے بتاتا ہے کہ تو اگر یہ میرا موجودہ کرنٹ کنڈکٹر ہے

کے اندر ایک راستہ لیں اب کوئی اسی طرح کے آرگومٹ سمیٹری آرگومٹ کے ذریعے دکھا سکتا ہے کہ r رداں r_i تو واضح ہے کہ سمت کے ساتھ ساتھ ہونا چاہئے جو وہ سمت ہے جو مرکز کے ارد گرد ایک سرکلر راستے کے لیے azimuthal مقناطیسی میدان کو اس ٹینجینٹل ہے لہذا اگر میں راستہ اختیار کرتا ہوں

مربع سے r ایک علاقے سے i کے برابر ہے ابرو بار میں نے بند کیا اب میرے پاس کل کرنٹ ہے $v \cdot dl \mu z$ تو یہ راستہ انٹیگرل کو ایک تار پر لے جاتا i مربع ہے اور کرنٹ پورے تار میں یکساں طور پر تقسیم ہوتا ہے اس لیے کرنٹ πr رقبہ y گزر رہا ہے تار کا کل مربع ہے لہذا میں اس کی وضاحت کر سکتا ہوں کہ موجودہ کثافت کسے کہا جاتا ہے جو کرنٹ فی یونٹ رقبہ $i \pi r$ ہے۔ کر اس سیکشنل ایریا مربع ہے لہذا اگر آپ ایک یونٹ کا رقبہ تار پر کھڑا کرتے ہیں $i \text{ by } \pi r$ ہے جو مربع $i \pi r$ ہے تو مجھے ایک کرنٹ ملے گا جو گزر رہا ہے۔

πr مربع میں $i \pi r$ کے رقبہ کے برابر ہے جو کچھ بھی نہیں ہے بلکہ $c \text{ one}$ سے بند کرنٹ موجودہ کثافت $c \text{ one}$ تو راستہ مربع سے ضرب کرنٹ کثافت ہے اس کے رقبہ سے یہاں یہ علاقہ سرکلر پاتھ سے بند ہے اور میں یہ حاصل کرتا ہوں $i \pi r$ مربع ٹھیک ہے r مربع میں $i r$ تو موجودہ منسلک ہے

مربع اب جیسا کہ میں نے آپ کو بتایا کہ ہم آہنگی کے دلائل بتاتے ہیں میں کہ مقناطیسی r مربع بہ کیپٹل r گنا چھوٹا i تو موجودہ منسلک ہے ارتھ آرک $r \text{ cular}$ کے ساتھ اس سمت میں ہے۔ $c i$ میدان

زاویہ b کے برابر ہوگا اور کیونکہ $\text{brd } \phi$ پھر سے انٹیگرل $b \text{ integral } b \cdot dl$ کچھ بھی ہوگا لیکن $b \cdot dl$ تو b جو کچھ نہیں ہے مگر $d \phi$ ٹائم انٹیگرل کے سوا کچھ نہیں ہے۔ r اوقات b سے آزاد ہے مختلف زاویوں پر ہر نقطہ پر یکساں ہے یہ $\mu \text{ naught times } i$ جو مساوی ہے πi اوقات دو r اوقات b اس لیے میں استعمال کرتا ہوں قانون $\text{times } r \text{ times two pi}$ مربع r مربع بہ کیپٹل $\mu \text{ naught } i r$ جو مساوی ہے enclosed

$\mu \text{ naught } i r \text{ by two pi}$ جو کہ $\text{by } r$ مربع ایک $\text{by two pi } r$ برابر ہے b تو یہ مجھے بتاتا ہے $\mu \text{ naught } i r \text{ by two pi}$ کے متناسب ہے اس کا انحصار ہے جیسے r مربع کے برابر ہے لہذا مقناطیسی میدان اب چھوٹے πr پر مقناطیسی میدان صفر کے برابر ہے مقناطیسی میدان صفر ہے جب آپ مرکز سے دور جاتے ہیں r مربع ہے لہذا πr ایک c تو مقناطیسی میدان بڑھتا ہے اور یہ صرف درست ہے یہ فارمولہ کنڈکٹر کے اندر پڑے راستے کے لیے درست ہے لہذا یہ چھوٹا حصہ ہے

سے بڑا ہے تاکہ میرا r سے کم کے لیے ہے کیونکہ ہمارا راستہ اندر ہے۔ کنڈکٹر اب کنڈکٹر کے باہر ایک راستے کا کیا ہوتا ہے جو r تو یہ اور میں باہر ایک سرکلر راستہ لے سکتا ہوں لہذا کرنٹ دو ہے میری طرف آ رہا ہے اب وہی دلائل مجھے بتاتے ہیں کہ مقناطیسی میدان r کنڈکٹر ہونا ضروری ہے اس سرکلر پاتھ کی سمت کے ساتھ کیونکہ سرکلر پاتھ کا یہ نقطہ مرکز میں ہوتا ہے اس لیے سرکلر پاتھ کے ساتھ مقناطیسی فیلڈ ϕ کے برابر ہے۔ d ٹائم انٹیگرل r بار $ah b$ کے برابر ہے جو کہ $\text{brd } \phi$ انٹیگرل $b \cdot dl$ جو مجھے دوبارہ بتاتا ہے انٹیگرل کنڈکٹر کے ذریعے لے جانے والا کل کرنٹ ہے لہذا مجھے i کے برابر ہے اور جو کرنٹ بند ہے وہ کچھ نہیں ہے بلکہ r اوقات πb جو دو اور یہ مقناطیسی فیلڈ جیسا ہی ہے جو $\mu \text{ naught } i \text{ by two pi } r$ برابر b کے برابر یا $\mu \text{ naught } i$ ملتے ہیں $\pi b r$ دو کرنٹ لے جانے والے لوہے کے کرنٹ لے جانے والے کنڈکٹر کے ذریعے تیار کیا جاتا ہے لہذا یہ کنڈکٹر کے باہر کنڈکٹر کے سائز پر منحصر نہیں ہے $c \text{ urrent conductor}$ ہوتا ہے مقناطیسی فیلڈ ایسا ہے جیسے پورا کرنٹ کرنٹ کے مرکز سے گزر رہا ہو۔

تو مجھے یہاں دو ایکسپریشنز ملے ہیں $\mu \text{ naught } i \text{ by two pi } r$ برابر r اس سے کم r یا r مربع $\mu \text{ naught } i \text{ by two pi } r$ برابر b تو میں اسے لکھ دیتا ہوں تاکہ کے برابر ہے اور اس $\mu \text{ naught } i \text{ by two pi } r$ اس مساوات سے $v \text{ at } r$ نوٹس کہ r سے زیادہ r کے لیے $\text{two pi } r$ ایک ہی ہے لہذا مقناطیسی میدان باؤنڈری کے پار لگاتار ہے لہذا اگر میں یہاں ایک شکل کھینچتا ہوں $b \text{ at } r$ مساوات سے یکساں ہے لہذا تو یہ ہے میرا موجودہ کرنٹ کنڈکٹر

ہے r تو یہ کے برابر θ ہے θ ۔ r تو اس فارمولے کو دیکھیں مقناطیسی فیلڈ

کے ساتھ لکیری طور پر بڑھتا ہے r تو یہ مقناطیسی فیلڈ یہاں r تک جاتا ہے اور پھر یہ 1 سے کم ہوتا ہے۔ r تو یہ اس طرح پوائنٹ کیپٹل

کم ہوتی ہے r ہے مقناطیسی فیلڈ لکیری طور پر بڑھتا ہے یہ باہر کچھ مستقل خرابی ہے اور پھر یہ تار کے باہر 1 بذریعہ r تو اگر یہ θ سے کے موجودہ قسم کے موصل کے لیے تقسیم مقناطیسی میدان ہے اور سمت مقناطیسی میدان صرف دائیں ہاتھ کے سکرو کے r اور اس طرح رداں اصول کو دیکھ کر حاصل کیا جا سکتا ہے۔ سمت کو نکالنا اور اس معاملے میں سمت یہ ہے کہ اگر کرنٹ میری طرف آ رہا ہے

تو فرض کریں مجھے یہاں اوپر کی سطح کو دیکھنے دیں
 تو یہ میرا سولینائیڈ ہے۔ اور میں اس راستے کو اس طرح لے جا رہا ہوں کہ یہ سطح کا میرا حصہ ہے
 کیپ کی سمت ہے ایک عام یہاں اس طرح ہے r تو یہ
 بھی اس میں ہے ایک ہی سمت $b \cdot dl$ so dl so da so da vector da vector
 da میں br ہو جائے گا b ڈاٹ b تو یہ
 ایک ہی جز ہے da کیا یہ جز br تو

یہ سمت ہے br اس طرح ہے اور a is da تو اس مقام پر

da انٹیگرل آہ سوری انٹیگرل br اس سے آزاد ہیں لہذا مجھے جو ملے گا وہ ہے br سے سمت اور br یہاں ہے اور da تو اس مقام پر
 صفر کے برابر ہے وہاں br اس کا مطلب ہے کہ l میں ہے جس کی لمبائی r π دو br تین صفر کے برابر ہوگا یعنی s اور سطح
 ہوسکتا ہے مقناطیسی میدان مقناطیسی میدان کے کسی بھی شعاعی جزو میں سولینائیڈ سے دور اشارہ کرنے والا جزو نہیں ہو سکتا اس لیے میں نے
 مقناطیسی فیلڈز کے لیے گاس کے قانون کا استعمال کیا ہے تاکہ یہ ظاہر کیا جا سکے کہ مقناطیسی فیلڈ میں سولینائیڈ کے لیے ریڈیل جزو نہیں ہو
 ly long closely bound very closely bound solenoid میں ایک لامحدود کے لیے مقناطیسی میدان کا حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں

سولینائیڈ کو da vector da vector سے لے کر br vector br vector تک لے کر حساب لگا رہا ہوں۔
 اب مجھے ایک اور انٹیگریشن لینے دیں