

ପୂର୍ବ ବକ୍ତୃତା ରେ ଆମେ ତରଙ୍ଗ ଉପରେ ଆମର ଆଲୋଚନା ଆରମ୍ଭ କରିଥିଲୁ ଏବଂ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଯାହା କହିଥିଲି ସେହି ତରଙ୍ଗଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଏକ ବିଶ୍ୱାସୀୟ ଯାହା ଏକ ସ୍ଥାନରୁ ଅନ୍ୟ ସ୍ଥାନକୁ ଯାତ୍ରା କରେ ଏବଂ ବିଶେଷତଃ the ତରଙ୍ଗ ଯାହା ଉପରେ ଆମେ ଧ୍ୟାନ ଦେଉଛୁ ତାହା ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ତରଙ୍ଗ ଏବଂ ଯଦି ମୁଁ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରେ ବିଶ୍ୱାସୀୟ ଏବଂ ଏହାକୁ ଏକ ଷ୍ଟିକ୍ ଯାତ୍ରା କରିବାକୁ ଦିଅ କିମ୍ବା ଅନ୍ୟ କି it ଶାସି ସ୍ଥାନରେ ଏହା ଏହାର ଆକାର ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ ନାହିଁ ଯେହେତୁ ଏହା ଭ୍ରମଣ କରେ ଏବଂ ଆମେ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଫର୍ମ ପାଇଲୁ

ତେଣୁ ଯଦି ଏହା ଏକ ଫଳସ୍ୱରୂପ f ତେବେ ଏକ ତରଙ୍ଗ ପାଇଁ $f(x,t)$ ଏକ x ର କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ | ମାଇନସ୍ v t କିମ୍ବା f ଅନ୍ୟ କିଛି ଫଳସ୍ୱରୂପ f ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ f ବାବୁ t ମାଇନସ୍ x ଉପରେ v କହିବା ଏହା ତାହାଣକୁ ଯାତ୍ରା କରୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ପାଇଁ ହେବ

ତେଣୁ ଅନ $inform$ ପଚାରିବି ଭାଷାରେ ଭ୍ରମଣ କରୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ମୁଁ ଏହାକୁ ତାହାଣକୁ ଡାକିଲୁ କିନ୍ତୁ ପ୍ରକୃତରେ ପଢ଼ିବି ଭ୍ରମଣ କରୁଥିବା ତରଙ୍ଗ | x ଦିଗ ଏବଂ ନେଗେଟିଭ୍ x ଦିଗରେ ଭ୍ରମଣ କରୁଥିବା ତରଙ୍ଗଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ ନେଗେଟିଭ୍ x ଦିଗରେ ଯାତ୍ରା କରୁଥିବା ତରଙ୍ଗଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ x t ର ଏହି ଫଳସ୍ୱରୂପ x ପ୍ଲସ୍ v t ର କିଛି ଫଳସ୍ୱରୂପ କିମ୍ବା t plus x over v ର ଅନ୍ୟ କିଛି ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ | ଏଗୁଡ଼ିକ ବର୍ତ୍ତମାନ ଭ୍ରମଣ କରୁଥିବା ତରଙ୍ଗଗୁଡ଼ିକ ଏହା ଏପରି ହୋଇପାରେ ଯେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସ୍ଥାନରେ ଯଦି ଏକ ତରଙ୍ଗ ଗୋଟିଏ ପଥରେ ଯାତ୍ରା କରେ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଏକ ତରଙ୍ଗ ଅଛି ଯାହା ଅନ୍ୟ ଦିଗକୁ ଆସୁଛି କିମ୍ବା ମୁଁ ଏକ ବିଶ୍ୱାସୀୟ ସୃଷ୍ଟି କରୁଛି ଏବଂ ଏହା ଅନ୍ୟ ଏକ ବିଶ୍ୱାସୀୟ ପୁରଣ କରେ

ତେଣୁ ସେହି ଅନୁମାନ ସହିତ | ଏହା ହେଉଛି ଏକ ବିଶ୍ୱାସୀୟ ଯାହା ସାଇନୋସଏଡାଲ୍ ଅଟେ
ତେଣୁ ଏହି ବିଶ୍ୱାସୀୟ ଭ୍ରମଣ କରେ ଏବଂ ସାଇନୋସଏଡାଲ୍ ବ୍ୟାପାତ ମଧ୍ୟ ଭ୍ରମଣ କରେ କିପରି ଅଧିକ ବିସ୍ତାପନ ଦେଖାଯାଏ

ତେଣୁ ଆମେ ପଚାରୁଥିବା ପ୍ରଶ୍ନଟି ଏକ ସମୟରେ ଦୁଇଟି କିମ୍ବା ଅଧିକ ତରଙ୍ଗ ଏକ ସ୍ଥାନରେ ପହଞ୍ଚିବା ପରେ କ'ଣ ହୁଏ ତାହା ମୋତେ ଅନୁସରଣ କରେ | କ'ଣ ଘଟେ ତା'ର ଅର୍ଥ ବୁ $explain$ ାକୁ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ପଚାରୁଛୁ ତାହା ହେଉଛି ବିସ୍ତାପନ କ'ଣ ଯେପରି ଆମେ ଷ୍ଟିକ୍ରେ କିମ୍ବା ଚାପରେ ଦେଖୁଲୁ ଯେପରି ଚାପ ତରଙ୍ଗ କିମ୍ବା ଧ୍ୱନି ତରଙ୍ଗରେ ଏକ ସମୟରେ ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ତରଙ୍ଗ ଏକ ସ୍ଥାନରେ ପହଞ୍ଚେ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହା | ଆମେ ଉତ୍ତର ଦେବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ଏବଂ ଏହା ତରଙ୍ଗର ସୁପରପୋଜିସନ୍ ବ୍ଯାବାରା ଉତ୍ତର ଦିଆଯାଇଛି ଯାହା ସୁପରପୋଜିସନ୍ କ'ଣ କହୁଛି ତେଣୁ ଆମେ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ବିଷୟରେ କହୁଛୁ ସୁପରପୋଜିସନ୍ କ'ଣ ଯଦି ଦୁଇଟି କିମ୍ବା ଅଧିକ ତରଙ୍ଗ ଆସେ | ଏକ ସମୟରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏକ ତରଙ୍ଗ f ଗୋଟିଏ ପହଞ୍ଚିବା ସେଠାରେ ଏକ ତରଙ୍ଗ f ଦୁଇଟି ପହଞ୍ଚିବା ଏବଂ ତା'ପରେ ନେଟ୍ ବିସ୍ତାପନ କିମ୍ବା ଚାପ ଏହି ଦୁଇଟି ତରଙ୍ଗ ଯାହାକୁ ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଅଧ୍ୟୟନ କରିଥିଲୁ ସେହି ରାଶି ବ୍ଯାବାରା ଦିଆଯାଏ | ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ବିସ୍ତାପନ କିମ୍ବା ଚାପ ମୁଁ ଶବ୍ଦ ବିସ୍ତାପନ ବ୍ୟବହାର କରି ରଖିବି ମୁଁ ବାରମ୍ବାର ଚାପ ଲେଖିବାକୁ ଚାହେଁ ନାହିଁ ତେଣୁ ସେହି ସମୟରେ ନେଟ୍ ଡିସପ୍ଲେସମେଣ୍ଟ୍ $f(x,t) = f_1(x,t) + f_2(x,t)$ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ମୁଁ ଦେଖେ ଯେକ $point$ ଶାସି ସମୟରେ | ନେଟ୍ ଡିସପ୍ଲେସମେଣ୍ଟ୍ ଏହା ସେଠାରେ ପହଞ୍ଚୁଥିବା ଏହି ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ତରଙ୍ଗର ସମଷ୍ଟି ହେବ, ଏହା ତରଙ୍ଗକୁ ସକ୍ତୁଷ୍ଟ କରୁଥିବା ର $line$ ଖ୍ୟ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ପାଇଁ ଅତ୍ୟନ୍ତ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଅଟେ ମୁଁ ଏହା ବର୍ଣ୍ଣନା କରେ ଯେ ଏହା ତରଙ୍ଗଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ପତ୍ତ ହୁଏ ଯାହା ତରଙ୍ଗଗୁଡ଼ିକର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣତା ପାଇଁ ର $line$ ଖ୍ୟ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ସକ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ | ଯେଉଁମାନେ ର $line$ ଖ୍ୟ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ସକ୍ତୁଷ୍ଟ କରନ୍ତି

ତେଣୁ ଆପଣ ଏହାକୁ ଗ୍ରହଣ କରିପାରିବେ ଯେ ଦୁଇ କିମ୍ବା ଅଧିକ ତରଙ୍ଗ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ପହଞ୍ଚିବା ପରେ କ'ଣ ଘଟେ ତାହା ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବାକୁ ଆମେ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ନୀତି ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ | ସୁପରପୋଜିସନ୍ ର ଶିପିଲ୍ ମୋତେ ନେଟ୍ ଡିସପ୍ଲେସମେଣ୍ଟ୍ ଦେଇଥାଏ ଏବଂ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ର ନୀତି କହିଥାଏ ଯେ ସେହି ସମୟରେ ନେଟ୍ ଡିସପ୍ଲେସମେଣ୍ଟ୍ ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ବିସ୍ତାପନ କିମ୍ବା ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ଚାପର ସମଷ୍ଟି ହେବ, ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଯେତେବେଳେ ମୁଁ କହୁଛି ଏବଂ ଅନ୍ୟ କେହି ମଧ୍ୟ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟରେ କଥା ହେଉଛି | ଚାପର ପାର୍ଥକ୍ୟ ଏହି ଦୁଇଟି ଚାପର ପାର୍ଥକ୍ୟ ମଧ୍ୟରୁ କିଛି ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯଦି ମୋର ଏକ ଷ୍ଟିକ୍ ଯାଉଛି ଏବଂ ଦୁଇଜଣ ବ୍ୟକ୍ତି ଏହା ଉପରେ ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ତରଙ୍ଗ ସୃଷ୍ଟି କରନ୍ତି ଯେକ any ଶାସି ସମୟରେ ଷ୍ଟିକ୍ରେ ବିସ୍ତାପନ ବ୍ଯାବାରା ସୃଷ୍ଟି ହୋଇଥିବା ବିସ୍ତାପନର ସମଷ୍ଟି ବ୍ଯାବାରା ଦିଆଯାଏ | ଏହି ଦୁଇ ଜଣଙ୍କ ତରଙ୍ଗ

ତେଣୁ ମୋତେ ସଂକ୍ଷେପରେ ସଂକ୍ଷେପରେ ପୁନର୍ବାର କହିବାକୁ ଦିଅ, ଯାହା ମୁଁ କହିଲି ତାହା ହେଉଛି ସୁପରପୋଜିସନ୍ ର କିଛି ନୀତି ଅଛି ଏବଂ ମୁଁ ଏହାକୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଗାଣିତିକ ଭାବରେ କହିବି ଯେ ଏକ ସମୟରେ ନେଟ୍ ବିସ୍ତାପନ ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ବିସ୍ତାପନର ସମଷ୍ଟି ହେବ | ସେହି ସମୟରେ ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ତରଙ୍ଗ q $given$ ାରା ପ୍ରଦତ୍ତ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ମୁଁ ସାଇନୁସଏଡାଲ୍ ତରଙ୍ଗ ପାଇଁ ବିଶେଷତଃ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏହି ତରଙ୍ଗଗୁଡ଼ିକରେ ଡିସପ୍ଲେସ୍ କ'ଣ ଅଛି ତାହା ଆପଣଙ୍କୁ ମନେ ପକାଇବାକୁ ଦେବି | k $ment$ ମାଇନସ୍ ଓମେଗା t ର କିଛି ଏଣ୍ଟିରୁପ୍ଟ୍ ସାଇନ ସମାନ ଭାବରେ ଏହାକୁ ଓମେଗା t ମାଇନସ୍ kx ର ଆଣ୍ଟିରୁପ୍ଟ୍ ସାଇନ କିମ୍ବା କିଛି ଏଣ୍ଟିରୁପ୍ଟ୍ କୋସାଇନ୍ kx ମାଇନସ୍ ଓମେଗା t ଭାବରେ ଲେଖିବ ଏବଂ kx ର ସକାରାତ୍ମକ x ଦିଗ କିମ୍ବା ସାଇନ ଆଡ଼କୁ ଯାଉଥିବା ତରଙ୍ଗ ପାଇଁ ଅନ୍ୟ କି $form$ ଶାସି ଫର୍ମ ଲେଖିବ | ନେଗେଟିଭ୍ x ଦିଗକୁ ଯାତ୍ରା କରୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ପାଇଁ ଓମେଗା t

ତେଣୁ ମୋତେ ସୁଚାଇ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଏହି ତରଙ୍ଗଗୁଡ଼ିକ ବ୍ଯାବାରା ମୋତେ ମନେ ପକାଇବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ k v ଓମେଗା ଉପରେ vk ମଧ୍ୟ ସମାନ ଅଟେ ଯେପରି ଲମ୍ବତାର ତରଙ୍ଗର ବେଗ ଉପରେ ଦୁଇଟି ପାଇଁ ସମାନତା ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ସମୟ ବ୍ଯାବାରା ଦିଆଯାଏ | ଏହି ସବୁ ଜିନିଷ ଆମେ ପୂର୍ବରୁ କରିସାରିଛୁ

ତେଣୁ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ର କେଉଁ ନୀତି ବର୍ତ୍ତମାନ କହୁଛି ଯେ ବିଭିନ୍ନ ସାଇନୁସଏଡାଲ୍ ତରଙ୍ଗ ଆସିବା ହେତୁ ଯେକ any ଶାସି ସମୟରେ ନେଟ୍ ଡିସପ୍ଲେସମେଣ୍ଟ୍ kx ମାଇନସ୍ ଓମେଗା t ର ଏକ ସାଇନ ଏଣ୍ଟିରୁପ୍ଟ୍ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ବାସ୍ତବରେ ମୋତେ ଏହାକୁ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଓମେଗା କରିବାକୁ ଦିଅ | ଗୋଟିଏ t ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି ସାଇନ k ଦୁଇ x ମାଇନସ୍ ଓମେଗା ଦୁଇ t ପ୍ଲସ୍ ଏବଂ ଏହାର ତିନୋଟି ସାଇନ k ତିନି x ହୋଇପାରେ ତରଙ୍ଗ ନକାରାତ୍ମକ x ଦିଗକୁ ଓମେଗା ତିନି ଚାଇଟ୍ ଆଡ଼କୁ ଯାତ୍ରା କରିପାରେ ଏହା ଅନ୍ୟ ଏକ ଫର୍ମ b ଗୋଟିଏ କୋସାଇନ୍ ହୋଇପାରେ | k ଚାରି x ପ୍ଲସ୍ ଓମେଗା ଚାରି t ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି ସବୁ ସମ୍ଭାବନାଗୁଡ଼ିକ ବିବ୍ୟାପନ ଅଛି ଯେ ନେଟ୍ ଡିସପ୍ଲେସମେଣ୍ଟ୍ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ନୀତିର ଫଳାଫଳର ଏକ ସମଷ୍ଟି ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯେ ପ୍ରତିଫଳନ ସମୟରେ କିଛି ଠିକ୍ ହୁଏ ଏବଂ ମୁଁ ଆଲୋଚନା କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଯେ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ତରଙ୍ଗ ଦୁଇଟି ତରଙ୍ଗ ବ୍ଯାବାରା ସୃଷ୍ଟି | ବିପରୀତ ଦିଗକୁ ଯାତ୍ରା କରିବା ଯାହା ମଧ୍ୟ ଆମେ ଆଲୋଚନା କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତୃତାଗୁଡ଼ିକରେ ଏହି ସମସ୍ତ ଘଟଣା ମୁଁ ବିଟ୍ ଏବଂ ହସ୍ତକ୍ଷେପ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଯେ ଏହି ସମସ୍ତ ଘଟଣାଗୁଡ଼ିକ ମୂଳତ $super$ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ନୀତିର ଫଳାଫଳ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ସେମାନଙ୍କୁ ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ନେବା | ମୁଁ ସେମାନଙ୍କୁ ପ୍ରଥମେ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ନୀତିର ପରିଣାମ ଲେଖୁ

ତେଣୁ ଆମେ ଏକ ସୀମାରେ ପ୍ରତିଫଳନ ଦେଖିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଚାପରେ ଆମେ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ତରଙ୍ଗ ଦେଖିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଏବଂ ପରେ ଆପଣଙ୍କ ବ୍ଯାବାରା ଶ୍ରେଣୀରେ ଆପଣ ଏହାର ତରଙ୍ଗର ହସ୍ତକ୍ଷେପ ଅଧ୍ୟୟନ କରିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି | ଏଠାରେ ବିଟ୍ ଘଟଣାଗୁଡ଼ିକୁ ଡାକନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାରେ ତରଙ୍ଗର ପ୍ରତିଫଳନ ଏକ ସୀମାରେ ଗାଣିତିକ ଭାବରେ ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବା ସମୟରେ ମୁଁ ଯିବି | ମୋ ପଏଣ୍ଟକୁ ସୁବିଧାଜନକ ଭାବରେ ବାଛିବା ପାଇଁ ଯାହା q $mathemat$ ାରା ଗଣିତ ସରଳ ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ମୁଁ ଯାହା କରିବାକୁ ଯାଉଛି ତାହା ହେଉଛି ଏକ ତରଙ୍ଗ ଯାହା ତାହାଣକୁ ଆସୁଛି ଏବଂ x ପଏଣ୍ଟରେ ପ୍ରତିଫଳିତ ହେବ 0 ଏକ ହାର୍ଡ କାନ୍ଥ ବ୍ଯାବାରା ଏହା ଠିକ୍ ହୋଇପାରେ | କାନ୍ଥରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବା ଷ୍ଟିକ୍ କିମ୍ବା ଏହା ଏକ ପାଇପ୍ ହୋଇପାରେ ଯାହା ଏହି ଶେଷରେ ଖୋଲା ଅଛି ଯାହା q $de1$ ାରା ତେଲଟା p ଏଠାରେ ଶୂନ୍ୟ ହେବ ଏହା ଖୋଲା ରହିପାରିବ ଏବଂ କି $pressure$ ଶାସି ଚାପର ପାର୍ଥକ୍ୟକୁ ବଞ୍ଚାଇ ପାରିବ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଥିବା ଚାପ ସମାନ ହେବ | ବାୟୁମଣ୍ଡଳୀୟ ଚାପ ଏବଂ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ତେଲ୍ p କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କରିଥାଏ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ଜିନିଷ ଯାହା ସମାନ ଅର୍ଥାତ୍ ଏକ କଠିନ କାନ୍ଥରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବା ଏକ ଷ୍ଟିକ୍ ଏବଂ ଏକ ଖୋଲା ସମାପ୍ତ ପାଇପ୍ ଯେଉଁଠାରେ ଚାପର ପାର୍ଥକ୍ୟ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ସ୍ଥିର ରହିବ ନାହିଁ ଧରାଯାଇ ଏକ ତରଙ୍ଗ ଅଛି | ଭିତରକୁ ଆସୁଛି ମୋତେ ଏହାକୁ ଦେଖାଇବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯଦି ମୁଁ ଶେଷରେ ଏକ ସାଇନ ତରଙ୍ଗକୁ ବିଚାର କରିବାକୁ ଯାଉଛି, ମୋତେ ଆସୁଥିବା ଏକ ବିସ୍ତାପନ ଦେଖାଇବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଏବଂ ଯେକ any ଶାସି ସୀମାରେ ଏହା ପ୍ରତିଫଳିତ ହେବ

ତେଣୁ ଏହା ଏଠାରେ ପ୍ରତିଫଳିତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଏହା ସମାନ ରୂପରେ ପ୍ରତିଫଳିତ ହେବ କିମ୍ବା ନକାରାତ୍ମକ ଦିଗରେ ଏହା | ବାସ୍ତବରେ ନକାରାତ୍ମକ ଦିଗରେ ରହିବ, ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖାଇବାକୁ ଯାଉଛି ଯେକ $given$ ଶସି ସମୟରେ ବିସ୍ଥାପନ ଏହି ସମୟରେ ଯେଉଁଠାରେ ଷ୍ଟିଙ୍ଗ ବନ୍ଧା ହୋଇଛି ଯେଉଁଠାରେ ଷ୍ଟିଙ୍ଗ ବନ୍ଧା ହୋଇଛି ସେହି ସ୍ଥାନରେ ବିସ୍ଥାପନ ଶୂନ୍ୟ ହେବ ଏବଂ ଆମେ ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବୁ | ଦେଖାନ୍ତୁ ଯେ ପ୍ରତିଫଳନ ସମୟରେ ନାଡ ପ୍ରକୃତରେ ସଙ୍କେତ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ତାହା କରିବା

ତେଣୁ ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ଷ୍ଟିଙ୍ଗରେ ଏକ ତରଙ୍ଗର ପ୍ରତିଫଳନକୁ ବିଚାର କରୁଛି ଯେଉଁଠାରେ ଷ୍ଟିଙ୍ଗଟି ଠିକ୍ ବନ୍ଧା ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଆମେ ବିଚାର କରୁଥିବା ଘଟଣାଗୁଡ଼ିକ ଏଠାରେ ଏକ ଷ୍ଟିଙ୍ଗ ଅଟେ | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଛି ଏବଂ ସେଠାରେ ଏକ ତରଙ୍ଗ ଅଛି ଯାହା ସୀମାରେ x ସମାନ ଶୂନ୍ୟରେ ଅଛି, ମୁଁ ଏହି ବିନ୍ଦୁକୁ x ସମାନ ଶୂନ୍ୟ ଭାବରେ ବାଛିଛି ଯାହାକୁ ଆମେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ନେଟ ବିସ୍ଥାପନ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଏବଂ ଜାଲ ବିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ମୁଁ ଜାଣେ | ବିଶେଷ ଭାବରେ ଏଠାରେ ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ବିସ୍ଥାପନର ସମଷ୍ଟି ଏହା ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ହେତୁ ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ପୁଣି ବିସ୍ଥାପନ ହେତୁ ବିସ୍ଥାପନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ମୁଁ ଜାଣେ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ପୁଣି ହେତୁ ବିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ | ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ହେତୁ ବିସ୍ଥାପନ ଏବଂ ଏହା ଏକ କଠିନ ସୀମାରେ ଅଛି ଯେଉଁଠାରେ କ $displ$ ଶସି ବିସ୍ଥାପନ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ଏବଂ ଏହା ତୁରନ୍ତ ଆପଣଙ୍କୁ କହିଥାଏ ଯେ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗର ବିସ୍ଥାପନ ମାତ୍ର ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ହେତୁ ବିସ୍ଥାପନର ବିପରୀତ ଅଟେ

ତେଣୁ ସେମାନେ ସର୍ବଦା ଆସନ୍ତି | ଏହାର ବିପରୀତ ଯାହା ଘଟିବ ତାହା ହେଉଛି ଏହି ତରଙ୍ଗ ଭିତରକୁ ଆସିବା ମୋଡେ ଦେଖାନ୍ତୁ ଲାଲ୍ ବ୍ଲୀର ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ଏହା କାନ୍ଥ ଆଡ଼କୁ ଆସୁଛି ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଏହା ପ୍ରତିଫଳିତ ହେବ ବିସ୍ଥାପନ ଦିଗକୁ ବଦଳାଇବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ବିପରୀତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦିଗ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ସାଇନ ତରଙ୍ଗ ନେବା ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ମୁଁ ଏହି ଷ୍ଟିଙ୍ଗକୁ ଦେଖୁଛି ଯେଉଁଥିରେ ସାଇନ ତରଙ୍ଗ ଆସୁଛି

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ତରଙ୍ଗ ଏବଂ ଏକ ସମୟରେ ଯେତେବେଳେ ଏହା କାନ୍ଥକୁ ଧକ୍କା ଦିଏ ଏହା ପ୍ରତିଫଳିତ ହୁଏ ଯେ ଦୁଇଟି ବିସ୍ଥାପନ କିପରି ଜଡ଼ିତ | ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ବର୍ତ୍ତମାନ ବିସ୍ଥାପନ ମୋଡେ ଏହାକୁ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେହେତୁ $yx t$ କିଛି ବିସ୍ତାର ବ୍ଲୀର kx ମାତ୍ର ସହିତ t ର ସାଇନ ଦିଆଯିବ

ତେଣୁ ଏହା ଆସୁଛି ଏବଂ ମୋଡେ y ପ୍ରତିଫଳିତ xt ଲେଖିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେହେତୁ b ସାଇନ ଫ୍ରେକ୍ୱେନ୍ସି ପରିବର୍ତ୍ତନ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ | $e k$ ଲମ୍ବତା ବଦଳାଇ ପାରିବ ନାହିଁ

ତେଣୁ ସମାନ ମାଧ୍ୟମ କିନ୍ତୁ ଏହା ପାପ kx ପୁଣି t ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହାକୁ ଆମେ x ସମାନ ଶୂନ୍ୟକୁ ଦେଖୁଛୁ ଏବଂ

ତେଣୁ x ନେଟରେ x ନେଟ ଶୂନ୍ୟରେ କିଛି ନୁହେଁ, t ପୁଣି ବି ସାଇନ ଏକ ମାତ୍ର ସାଇନ ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ | t ର ଏବଂ ଏହା ଶୂନ୍ୟ ହେବା ଭାବରେ ଏହା ମୋଡେ କ'ଣ କହିଥାଏ ଏହା ମୋଡେ କହିଥାଏ ଯେ b ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମ ପାଖରେ ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ସାଇନ kx ମାତ୍ର ସହିତ t ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ଏକ ସାଇନ kx ପୁଣି t ନୋଟିସ୍ ସହିତ ସମାନ | ମୁଁ x ରେ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗକୁ t ର ସାଇନ ସହିତ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ଲେଖିପାରେ ଯାହା t ର ମାତ୍ର ସାଇନ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଆସିବା ସମୟରେ ମାତ୍ର y ଅଟେ

ତେଣୁ ଦୁଇଟି ତରଙ୍ଗ ପ୍ରକୃତରେ ବିସ୍ଥାପନ ବିପରୀତ ଅଟେ

ତେଣୁ i ଲେଖିପାରେ ଯେ y ପ୍ରତିଫଳିତ ହେଉଛି t ର ସାଇନ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା ମୁଁ ମାତ୍ର t ପୁଣି ସାଇନ ର ସାଇନ ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ କାରଣ ମାତ୍ର t ପୁଣି ସାଇନ ଏକ ସାଇନ ସାଇନ t ର ମାତ୍ର ସାଇନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା t ର ଏକ ସାଇନ ସହିତ ସମାନ କିନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଏହି ଫର୍ମରେ ଲେଖିବାର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଅଟେ | ଫ୍ରେକ୍ୱେନ୍ସି ମାତ୍ର t ପୁଣି ସାଇନ ସହିତ ସମାନ, ଏହି ମାତ୍ର t ପ୍ରକୃତରେ ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗର ପର୍ଯ୍ୟାୟ ଦେଖାଏ

ତେଣୁ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗର ବିସ୍ଥାପନ ଦେଖାଇବା ପାଇଁ ଆମକୁ ଏକ ପର୍ଯ୍ୟାୟ ଯୋଡ଼ିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ପାଇବାକୁ ମୋଡେ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅ | ଆମେ ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗର ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ π ର ଏକ ପର୍ଯ୍ୟାୟ ଯୋଡ଼ିବା ଏବଂ ଏହା କେବଳ ଯେତେବେଳେ ପ୍ରତିଫଳନ ଏକ କଠିନ କାନ୍ଥରୁ ହୋଇଥାଏ

ତେଣୁ ଏକ ପର୍ଯ୍ୟାୟ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଅଛି ସେଠାରେ ଏକ ପର୍ଯ୍ୟାୟ ପାର୍ଥକ୍ୟ ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଆସୁଥିବା ପର୍ଯ୍ୟାୟ ମଧ୍ୟରେ ପାଇର ଏକ ପର୍ଯ୍ୟାୟ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଅଛି | ଏବଂ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ଯେତେବେଳେ ପ୍ରତିଫଳନ ଏକ କଠିନ କାନ୍ଥରୁ ଆସେ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଚିତ୍ରଣ ଭାବରେ ଦେଖିବା

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଯାହା ଘଟୁଛି ତାହା ହେଉଛି କାନ୍ଥ ଏବଂ ଯେକ $given$ ଶସି ସମୟରେ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ଏହି ସମୟରେ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ତେଣୁ ଏହା ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ | କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟରେ kx ମାତ୍ର t ର ସାଇନ ହେଉଛି ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ବିପରୀତ

ତେଣୁ ଲାଲ୍ ଏହା ପ୍ରତିଫଳିତ ଉପାୟ ଯାହାକି ସେହି ସମୟରେ kx ପୁଣି t ର ସାଇନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆସୁଥିବା ସମୟରେ ଅଳ୍ପ ସମୟ ପରେ ଯାହା ଘଟୁଛି | ତରଙ୍ଗ ଆଗକୁ ବା ଯାଏ | ଧରାଯାଉ ଏହା ଏହିପରି ହୋଇସାରିଛି ଏହା ଆଗକୁ ବା so ଯାହା $this$ ାରା ଏହି ସର୍ବାଧିକ ପରିମାଣ କିଛି ପରିମାଣରେ ଆଗକୁ ବା the ଯାହା ପ୍ରତିଫଳନ ହେତୁ ଆସୁଥିବା ତରଙ୍ଗ ମଧ୍ୟ ଆଗକୁ ବା but କିନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଦିଗରେ

ତେଣୁ ଏହା ଏହିପରି ହୋଇପାରେ | ଏହି ଦୁଇଟି ବିସ୍ଥାପନ ଠିକ୍ ବିପରୀତ ରହିଥାଏ ତୁମେ ଦେଖ ଯେ ଏଠାରେ ବିସ୍ଥାପନ କ'ଣ ଅଛି ସମାନ ବିସ୍ଥାପନ ଏଠାରେ ଅଛି ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଏହି ସାଥୀ ଏହି ପଥକୁ ଗତି କରେ ଏବଂ ଏହି ସାଥୀ ଏହି ଉପାୟରେ ଗତି କରେ x ରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ବିସ୍ଥାପନ ଶୂନ୍ୟ ରହିଥାଏ ଏବଂ ଏହିପରି

ଭାବରେ ନେଟ ବିସ୍ଥାପନ ଶୂନ୍ୟ ହୋଇ ରହିଥାଏ | ପଏଣ୍ଟରେ x ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ପ୍ରତିଫଳନ ବିଷୟରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହାର ପରିଣାମ ହେଉଛି ଏହାର ପରିଣାମ ଯାହା ସୀମାରେ ପ୍ରତିଫଳନ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯାହା ଦେଖୁଛୁ ତାହା ହେଉଛି ସେହି ସ୍ଥାନ ଯେଉଁଠାରେ ବିସ୍ଥାପନ ଯାହା ଆମେ ଜାଣିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ | ଅନ୍ୟ ପଏଣ୍ଟରେ ବିସ୍ଥାପନ ସହିତ ଯାହା ଘଟେ ଏବଂ ଆମେ ଯାହା ଦେଖିବା ତାହା ହେଉଛି ଆସୁଥିବା ଏବଂ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗର ସୁପରପୋଜିସନ୍ ସୃଷ୍ଟି କରେ | ତରଙ୍ଗ ମୁଁ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ତରଙ୍ଗ ବ୍ଲୀର କ'ଣ କହିବାକୁ ଚାହେଁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ତରଙ୍ଗ ଯାହା ଭ୍ରମଣ କରୁନାହିଁ ସେମାନେ ସେଠାରେ ଠିଆ ହୋଇଛନ୍ତି କିନ୍ତୁ ଆମେ ଏହା କରିବା ପୂର୍ବରୁ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ପ୍ରତିଫଳନ ବିଷୟରେ ଏକ ପ୍ରଶ୍ନ ସହିତ ଛାଡ଼ିଦେବାକୁ ଚାହେଁ ମୁଁ ଏକ ସୀମାରେ ପ୍ରତିଫଳନ ବିଷୟରେ କହିଛି ଯେଉଁଠାରେ ଚାପର ପାର୍ଥକ୍ୟ | କିମ୍ବା ବିସ୍ଥାପନ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ମୁଁ ସେହି ବିଷୟରେ ଚିନ୍ତା କରିବାକୁ ଚାହେଁ ଯେଉଁଠାରେ ବିସ୍ଥାପନ ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ମୁଁ ଏଠାରେ ଏକ ଷ୍ଟିଙ୍ଗକୁ ଏକ ରିଙ୍ଗରେ ବାନ୍ଧି ରଖିପାରେ ଏବଂ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଷ୍ଟିଙ୍ଗକୁ ଏକ ତରଙ୍ଗ ଯାହାକି ଏକ ତରଙ୍ଗ ଅଟେ | ଭିତରକୁ ଆସିବା ଏହି ରିଙ୍ଗକୁ ମଧ୍ୟ ଉପରକୁ ଏବଂ ତଳକୁ ବା $make$ ାଇବ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଏହା ମଧ୍ୟ ଏକ ତରଙ୍ଗ ସୃଷ୍ଟି କରିବ ଏବଂ ଏକ ତରଙ୍ଗ ଯାହାକି ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ପ୍ରତିଫଳିତ ହେବ ଏଠାରେ ବିସ୍ଥାପନ କ'ଣ ହେବ ଏବଂ ତରଙ୍ଗର ଅନୁପାତ କ'ଣ ହେବ ଯାହା ବିସ୍ତାରର ପ୍ରତିଫଳିତ ହେବ | ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗ ବିସ୍ତାରିତ ତରଙ୍ଗର ପ୍ରଶସ୍ତତା କ'ଣ ହେବ ଏହା ହେଉଛି କିଛି ଯାହାକି ଆପଣ ଉନ୍ନତ ଶ୍ରେଣୀରେ ଶିଖିବେ କିନ୍ତୁ ଗୁଣାତ୍ମକ ଭାବରେ ସମୟ ପାଇଁ ଆପଣ ଚିନ୍ତା କରିବା ଉଚିତ୍ ଯେ ସୀମାରେ କ'ଣ ହୋଇପାରେ | e ଏହି ରିଙ୍ଗଟି ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ମୁଁ ଯାହା ବିଷୟରେ କହୁଛି ତାହା ହେଉଛି ସୀମାରେ ଥିବା ନେଟ ବିସ୍ଥାପନ ଚାପ ତରଙ୍ଗ ଦୃଷ୍ଟିରୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ସୀମାରେ ଥିବା ଚାପ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ | ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଯଦି ମୋର ଏକ ପାଇପ୍ ଅଛି ଏବଂ ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଏକ କଠିନ କାନ୍ଥ ଅଛି, ଚାପର ପାର୍ଥକ୍ୟ କିଛି ନହେଉ, ପ୍ରକୃତରେ କିଛି ଘଟେ ନାହିଁ

ତେଣୁ ତେଲଟା p ଅନ୍ୟ ପଟେ ଶୂନ୍ୟ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ନାହିଁ ଯେଉଁଠାରେ ପାଇପ ଖୋଲା ତେଲଟା ଅଛି | p ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଏହା ବିଷୟରେ ଚିନ୍ତା କରିବାକୁ ଦେବି ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ତରଙ୍ଗ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବା ପାଇଁ ଆଗକୁ ବା so ିବା ତେଣୁ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ତରଙ୍ଗକୁ $understand$ ିବା ପାଇଁ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ତରଙ୍ଗକୁ ସକାରାତ୍ମକ x ଦିଗରେ ଗତି କରିବା ବିଷୟରେ ବିଚାର କରିବା ଏବଂ ଏହା $amplitude \times \sin(kx - \omega t)$ ଏବଂ $superpose$ ହେବ | ସମାନ ପ୍ରଶସ୍ତତାର ତରଙ୍ଗ ସହିତ ଏହା ଏକ ସାଇନ kx ପୁଣି

ଓମେଗା t ନକାରାତ୍ମକ x ଦିଗରେ ଭ୍ରମଣ କରେ

ତେଣୁ ଆମର ଯାହା ଅଛି ତାହା ଆମର ଏକ ଚରଣ ଅଛି ଯାହା ତାହାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ମୁଁ ଏହାକୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଚରଣ ସହିତ ସୁପରପୋଜ କରୁଛି ଯାହା ବାମକୁ ଯାଉଛି | ଏବଂ ଚାଲି ନେଟ୍ ରେଜଲ୍ୟୁକ୍ ଶ ତାହା ମନେରଖନ୍ତୁ ଯେ ଦୁଇଟି ଚରଣର ଆଞ୍ଚିତ୍ୱ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଯେକ **given** ଶସି ବିନ୍ଦୁରେ ନେଟ୍ ଫଳାଫଳ yxt kx ମାଲନସ୍ ଓମେଗା t ଏବଂ kx ପ୍ଲସ୍ ଓମେଗା t ଏବଂ i ର ସାଇନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ଏହାକୁ ବିସ୍ତାର କରିପାରେ ଏବଂ ଏହାକୁ ଓମେଗା ଟି ମାଲନସ୍ ର ଏକ ସାଇନ kx କୋସାଇନ ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ ଓମେଗା t ର ଏକ ସାଇନ kx କୋସାଇନ ର ଫର୍ମ 2 ଅଟେ କାରଣ ଦ୍ୱିତୀୟ ଶକ ବର୍ତ୍ତମାନ ବାତିଲ କରେ ଏହା ଫର୍ମରୁ ନୁହେଁ ଏହା x ମାଲନସ୍ vt କିମ୍ବା f ପ୍ଲସ୍ vt ର f ନୁହେଁ

ତେଣୁ x ଏବଂ t ଆସୁନାହିଁ | ଏହି ଫର୍ମଟି x ମାଲନସ୍ vt କିମ୍ବା x ପ୍ଲସ୍ vt କିମ୍ବା t ମାଲନସ୍ x ଉପରେ v କିମ୍ବା t ପ୍ଲସ୍ x ଉପରେ v ର ମିଶ୍ରଣରେ କିଛି ସେମାନେ ଅଲଗା ହୋଇଗଲେ

ତେଣୁ ଏହା ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ **what** କରୁଥିବା ଏକ ଭ୍ରମଣ ଚରଣକୁ ପ୍ରତିପାଦିତ କରେ ନାହିଁ କିନ୍ତୁ ଏହା ଏକ ସ୍ଥିର ଚରଣକୁ ପ୍ରତିପାଦିତ କରେ

ତେଣୁ ଆପଣ ବୁ **understand** ପାରିବେ | ଛିଡା ହୋଇଥିବା ଚରଣ ଦ୍ୱାରା ଆମେ ଯାହା କହିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ଚରଣ ଯାହା ସମାନ ଆଞ୍ଚିତ୍ୱ ଅଟେ ଦୁଇଟି ଚରଣର ବିପରୀତ ଦିଗକୁ ଯାଉଛି ଯାହା v ଥିବା ଲ ନେଟ୍ ଫଳାଫଳ ହେଉଛି ଯେ କିଛି ଭ୍ରମଣ କରୁନାହିଁ କାରଣ ଯଦି ଏହା ଭ୍ରମଣ କରେ ତେବେ ଏହା x ମାଲନସ୍ vt କିମ୍ବା x ପ୍ଲସ୍ vt କିମ୍ବା t ପ୍ଲସ୍ x ଉପରେ v କିମ୍ବା t ମାଲନସ୍ x ଉପରେ v ର ଏକ ଫଳସୂତ୍ର ହୋଇଥାନ୍ତା, ତଥାପି ଏହାର ଫର୍ମ ନାହିଁ | ଏକ ବିସ୍ଥାପନ ଯାହାକି ସମୟ ଏବଂ x ର କାର୍ଯ୍ୟ ଅଟେ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଆମେ ଏହାକୁ ଏକ ସ୍ପାଣ୍ଡିଙ୍ଗ୍ ଖେତ୍ର ବୋଲି କହିବା, ଆସନ୍ତୁ ଏହାର ଏକ ଚିତ୍ର ଡିଆରି କରିବା ଏବଂ ଏହାର ଅର୍ଥ କ'ଣ ଦେଖିବା

ତେଣୁ ମୋ ପାଖରେ yxt ଫର୍ମ 2 ଓମେଗା ର kx କୋସାଇନ ସହିତ ସମାନ | ଦୁଇଟି କେବଳ ଓମେଗା t ର kx କୋସାଇନ ର ଅନ୍ୟ ଏକ କ୍ରମାଗତ b ସାଇନ ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ ଦେଖେ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି ଯେ ଯେକ **given** ଶସି ସମୟରେ ବିସ୍ଥାପନ ହେଉଛି x ର କାର୍ଯ୍ୟ

ତେଣୁ ବିସ୍ଥାପନ ଯେକ **given** ଶସି ସମୟରେ ଏହା ହୋଇପାରେ | ବାମ ଏବଂ ତାହାକୁ

ତେଣୁ ଏହା k kx ର b ସାଇନ ଅଟେ ଯେହେତୁ ସମୟ ବଦଳିବା ସହିତ ପ୍ରତ୍ୟେକ ପଏଣ୍ଟ୍ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଓମେଗା ସହିତ ଏକ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି କରିଥାଏ ଏବଂ ସମୟ ନିର୍ଭରଶୀଳତା ଓମେଗା t ର କୋସାଇନ ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ

ତେଣୁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ ଲାଲ୍ ଚୀର ଦ୍ୱାରା ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହେବ | ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଓମେଗା ସହିତ ତଳକୁ ସବୁଜ ଦ୍ୱାରା ଦେଖାଯାଇଥିବା ବିନ୍ଦୁଟି fr ସହିତ ଉପରକୁ ଏବଂ ତଳକୁ ଯିବ | ସମାନତା ସମାନ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଓମେଗା ଏହାର କୋସାଇନ ଓମେଗା ର ଏକ ସମୟ ନିର୍ଭରଶୀଳତା ମଧ୍ୟ ରହିବ

ତେଣୁ ସମୟ ସହିତ ଆପଣ ଯାହା ଦେଖିବେ ତାହା ଅନୁମାନ କରାଯାଏ ମୁଁ ମ **middle** େରେ ଏହି ବିଭାଗ ଉପରେ ଧ୍ୟାନ ଦେବି ଯାହା ଆପଣ ଦେଖିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି ତାହା ହେଉଛି ଏହି ସମଗ୍ର ଜିନିଷଟି କେବଳ ଦୋହଲି ଯାଉଛି | ଏହାକୁ ଭ୍ରମଣକାରୀ ଚରଣ ସହିତ ତୁଳନା କରନ୍ତୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆପଣ ସମୟ ସହିତ ଯାହା ଦେଖୁଥିବେ ତାହା ଏକ ବିସ୍ଥାପନ ପ୍ରଦାନ କରାଯାଇଥାଏ ଯେପରି ସମୟ ଅଗ୍ରଗତି କଲାବେଳେ ଏହା ସ୍ଥାନାନ୍ତରିତ ହୋଇଥାନ୍ତା ଏହା ତେଲ୍ t ରେ ସମୟ ତେଲ୍ t ଦ୍ୱାରା ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହୋଇଥାନ୍ତା ଯାହା ପ୍ରଦର୍ଶିତ ଚରଣରେ ଘଟୁନାହିଁ | ଏହି ତାହା ଉପରେ, ଏହି ସର୍ବାଧିକ ବିନ୍ଦୁ ଯାହା ଘଟୁଛି ତାହା ସ୍ଥାନାନ୍ତର କରୁନାହିଁ, ଏହା ସେହି ଅବସ୍ଥାରେ ପଛକୁ ଓ ପଛକୁ ଦୋହଲି ଯାଉଛି ଯେପରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ପଏଣ୍ଟ୍ରେ ଅନେକ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଓସିଲେଟର ଅଛି ଯାହା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନତା ସହିତ ଦୋହଲିଯାଏ କିନ୍ତୁ ସେଗୁଡ଼ିକ ସମସ୍ତେ ପରସ୍ପର ସହିତ ଜଡ଼ିତ | ଯାହାଫଳରେ kx ର ସାଇନ ପରି ଏଞ୍ଚିତ୍ୱ ବଦଳିଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ଛିଡା ହୋଇଥିବା ଚରଣ ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା ଏବଂ ଏହା ଦୁଇଟି ଚରଣର ବିପରୀତ ଦିଗକୁ ଯାତ୍ରା କରୁଥିବା ଏକ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ଅଟେ ଯେପରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ବିନ୍ଦୁ ଓସିଲେଟି ଭଳି | କୁମ୍ଭର ସାଇନ v **given** ାରା ଦିଆଯାଇଥିବା ଏହି ପ୍ରଶସ୍ତତା ସହିତ ଆପଣ ପୁସ୍ତକଗୁଡ଼ିକରେ ଯାହା ଦେଖିବେ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଯେତେବେଳେ ସେମାନେ ଏକ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ଚରଣ ଦେଖାନ୍ତି ଏହା ସାଧାରଣତ **this** ଏହିପରି ଦେଖାଯାଏ ଏବଂ ଆପଣ ଏହିପରି ଏକ ଚିତ୍ର ମଧ୍ୟ ଦେଖନ୍ତି ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ନେଟ୍ ବିସ୍ଥାପନ | ସମୟର କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ପଏଣ୍ଟ୍ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଓମେଗା ସହିତ ପଛକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଏହା ଡିସପ୍ଲେସମେଣ୍ଟ୍ yxt କୁ ପ୍ରତିପାଦିତ କରୁଛି ଓମେଗା t ର kx କୋସାଇନ ର କିଛି ଏଞ୍ଚିତ୍ୱ ବି ସାଇନ ସହିତ ଆମେ ସାଇନୋସଏଡାଲ୍ ଅନ୍ୟ ଫର୍ମ ମଧ୍ୟ ନେଇଥାନ୍ତୁ ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକ ଲେଖିପାରିବା | ଓମେଗା t ର kx କୋସାଇନ ର କିଛି ସ୍ଥିର c କୋସାଇନ କିମ୍ବା ଓମେଗା t ର kx ସାଇନ ଅନ୍ୟ କିଛି ସ୍ଥିର d ସାଇନ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ ଆମେ କେଉଁ ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ ଚୟନ କରୁଛୁ t ସମାନ 0 ଆମେ କେଉଁ ବିସ୍ଥାପନକୁ ବାଛି କିନ୍ତୁ ଏହା କିପରି ଦେଖାଯାଏ ଯେପରି ଦୋହଲିଯାଏ | ଏପରି ଏକ ସମୟ ଆସିବ ଯେତେବେଳେ ଏହି ସମଗ୍ର ସ୍ଥିଳ ସମତଳ ହେବାକୁ ଯାଉଛି କିନ୍ତୁ ସମସ୍ତ ପଏଣ୍ଟ୍ଗୁଡ଼ିକ ତଳକୁ କିମ୍ବା ଆଗକୁ ବ **moving** େବ

ତେଣୁ ଏହା କେବଳ ପଛକୁ ଘୁଞ୍ଚି ଯାଉଛି ଏବଂ ଏହା ଏକ ସ୍ଥିର ଚରଣ ଯାହା ଆମେ ବିଚାର କରିବୁ | d ଯଦି କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବିସ୍ଥାପନ ଦ୍ୱାରା ଆବଶ୍ୟକ ନହୁଏ ତେବେ ଏହି ସବୁରେ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ଚରଣର ଉଦାହରଣ ଯଦି ମୁଁ ଅନୁମାନ କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଯେ ମୋର ବିସ୍ଥାପନ yxt ଏକ ଫର୍ମରେ ହେବ କିମ୍ବା b ମୋଡେ ଓମେଗା ଟି ର kx କୋସାଇନ ର ଏକ ସାଇନ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ କେଉଁଠାରେ ନିର୍ଭର କରେ | ମୋର ନିଜ ସୁବିଧା ଅନୁଯାୟୀ ମୁଁ ମୋର x କୁ ଅନ୍ୟ କିଛି ଫର୍ମ ବାଛି କିନ୍ତୁ ଏହାର କ **matter** ଶସି ଫରକ ପଡ଼େ ନାହିଁ

ତେଣୁ ମୁଁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଓମେଗା t ର kx ସାଇନ କିମ୍ବା ଅନ୍ୟ କ **combination** ଶସି ମିଶ୍ରଣକୁ ମଧ୍ୟ ବାଛି ପାରିବି କିନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି ସାଧାରଣ ଫର୍ମ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମ ଉଦାହରଣ ଭାବରେ | ଏକ ସ୍ଥିଳ ଉପରେ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ଚରଣ ଯାହା ଦ୍ୱାରା ମୁଁ କହିବାକୁ ଚାହୁଁଛି, ମୋର ଏକ ସ୍ଥିଳ ଅଛି ଯାହା ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଛି ମୁଁ ଏହାକୁ ଅନ୍ୟ ମୁଣ୍ଡରେ ବାନ୍ଧିପାରେ ଏବଂ ଏଥିରେ କିଛି ଟେନ୍ସନ୍ ଅଛି କିମ୍ବା ମୁଁ ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ ସ୍ଥିଳରେ ବନ୍ଧା ହୋଇପାରେ | ଅନ୍ୟ ଶେଷକୁ ଉପରକୁ ଏବଂ ତଳକୁ ଘୁଞ୍ଚାଯାଉଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ମୁଁ ଏହି ଚରଣରେ ଏକ ଚରଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ସେତେବେଳେ କ'ଣ ହେବ ମୁଁ ଅନୁମାନ କରିବି ଯେ ମୁଁ ଏକ ନାଡ଼ ସୃଷ୍ଟି କରିବି ଏବଂ ତା' ପରେ ନେଟ୍ ବିସ୍ଥାପନକୁ ପଛକୁ ଯିବ | ଏହି ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରୁ କିଛି ପ୍ରତିଫଳିତ ଏବଂ ଏକ ଆସୁଥିବା ଦ୍ୱାରା ଦିଆଯାଉ | x ରେ ନାଡ଼ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ନେଟ୍ ବିସ୍ଥାପନ ସର୍ବଦା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ଯଦି ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଉଭୟ ମୁଣ୍ଡରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବା ସ୍ଥିଳରେ ସାଇନୋସଏଡାଲ୍ ଚରଣକୁ ବିଶେଷଜ୍ଞ କରେ ସେଠାରେ ଏକ ସାଇନୋସଏଡାଲ୍ ଚରଣ ଆସିବା ଏବଂ ବାହାରକୁ ଯିବା ଏବଂ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ମୋଡେ ଏକ ଛିଡା ଚରଣ ଏବଂ ନେଟ୍ ଦେବାକୁ ଯାଉଛି | ଉଭୟ ପଏଣ୍ଟ୍ରେ ବିସ୍ଥାପନ ଶୂନ୍ୟ ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ମୁଁ କହିଥିଲି ଯେ ପୂର୍ବରୁ ଠିଆ ହୋଇଥିବା ଚରଣ ସାଧାରଣତ **this** ଏହିପରି ଦେଖାଯାଏ ଏବଂ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯାହା ଘଟୁଛି, ପ୍ରତ୍ୟେକ ପଏଣ୍ଟ୍ ସାଇନ kx v **given** ାରା ଦିଆଯାଇଥିବା ଏହି ପ୍ରଶସ୍ତକରଣରେ ପଛକୁ ଘୁଞ୍ଚିବାକୁ ଯାଉଛି | ଅନ୍ୟ ପଟେ ଯଦି ମୋର ଏହି ସ୍ଥିଳଟି ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡରେ ବନ୍ଧା ହୋଇ ଅନ୍ୟ ପଟେ କମ୍ପାନ କରେ ତେବେ ମୋର ଏହି ସମୟରେ ଏକ ଶୂନ୍ୟ ନେଟ୍ ଡିସପ୍ଲେସମେଣ୍ଟ୍ ଏବଂ ଖୋଲା ମୁଣ୍ଡରେ ସର୍ବ ବୃହତ୍ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ବିସ୍ଥାପନ ଏହା ଉପରେ ଏବଂ ତଳକୁ ଗତି କରିବ ଏବଂ ଏହି ସମସ୍ତ ପଏଣ୍ଟ୍ | ତାପରେ ସମାନ ପ୍ରଶସ୍ତତା v **up** ାରା ଉପରକୁ ଏବଂ ତଳକୁ ଗତି କରିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ଛିଡା ହୋଇଥିବା ଚରଣ ଗୋଟିଏକୁ ଉଭୟ ମୁଣ୍ଡରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବା ସ୍ଥିଳ ସହିତ ଏବଂ ଅନ୍ୟଟି ଗୋଟିଏ ପଟେ ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବା ସ୍ଥିଳ ସହିତ ଏବଂ ଅନ୍ୟଟିରେ ଯିବା ପାଇଁ ମୁକ୍ତ | **nd** ମୁଁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ଗୁଡ଼ିକୁ x ସମାନ ଶୂନ୍ୟରେ ନେବାକୁ ନେଉଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଗାଣିତିକ ଭାବରେ ବିଶ୍ଳେଷଣ କରିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଶାରୀରିକ ଭାବରେ ଏହାର ଅର୍ଥ କ'ଣ ଦେଖିବା ମଧ୍ୟ ଗାଣିତିକ ଭାବରେ ମୁଁ ପ୍ରଥମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଉଭୟ ମୁଣ୍ଡରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବା ସ୍ଥିଳର ମାମଲା ଗ୍ରହଣ କରିବି ଯେପରି ମୁଁ ବିସ୍ଥାପନ ପୂର୍ବରୁ କହିଥିଲି | ଓମେଗା ଟିର ଏକ ସାଇନ kx କୋସାଇନ ଦ୍ୱାରା yxt ଦିଆଯିବ, ମୁଁ ଏହି ସ୍ଥିଳର ବାମ ହାତ ଏବଂ ବାମ ହାତକୁ ଶୂନ୍ୟରେ ରଖିବାକୁ ଏବଂ ତାହା ଯାତ୍ରାକୁ x ସମାନ କରିବାକୁ 1 ଅର୍ଥାତ୍ ସ୍ଥିଳର v **length** ଯିଏ ସମାନ | **to** 1

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ମୁଁ ଏହି ବିସ୍ଥାପନକୁ ନେଇଥାଏ yx t ଓମେଗା t ର ଏକ ସାଇନ kx କୋସାଇନ ସହିତ x ରେ ଶୂନ୍ୟ y ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ହେବା ଉଚିତ କାରଣ ତାହା ହେଉଛି କାରଣ ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଚାହୁଁଛି ଯେ ଆମ ପାଖରେ x ରେ x ସମାନ 1 ମଧ୍ୟ ଯେକ **time** ଶସି ସମୟରେ ହେବା ଉଚିତ | ଶୂନ୍ୟ ହୁଅ କାହିଁକି

କାରଣ ଏହି ଷ୍ଟିଙ୍ଗିଟି ସେହି ସମୟରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଛି ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ମୋର ଓମେଗା t ର kx କୋସାଇନ୍ ର ଏକ ସାଇନ ରହିବା ଉଚିତ ଯାହା ଓମେଗା t ର କୁ କୋସାଇନ୍ ସହିତ ସମାନ, ଉଭୟ ମୁଣ୍ଡରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବା ଷ୍ଟିଙ୍ଗ ପାଇଁ ଶୂନ୍ୟ | ଅଛି, ଏହି ଷ୍ଟିଙ୍ଗ ପାଇଁ ଯାହା ଉଭୟ ମୁଣ୍ଡରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଛି, ମୋର yxt ଏକ ସାଇନ k ସହିତ ସମାନ | ଓମେଗା t ର x କୋସାଇନ୍ ଏବଂ ମୋର ଓମେଗା t ର ଏକ ସାଇନ କୁ କୋସାଇନ୍ ସହିତ ଓମେଗା t ର ଶୂନ୍ୟ ଆହା କୋସାଇନ୍ ସମୟ ସହିତ ଭିନ୍ନ ହୋଇଥାଏ

ତେଣୁ ଏହା ଶୂନ୍ୟ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ଏହାର ପ୍ରଶସ୍ତତା

ତେଣୁ ଏକମାତ୍ର ଶବ୍ଦ ଯାହା ଶୂନ୍ୟ ହୋଇପାରେ | ଏବଂ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ k1 କିଛି ଇଣ୍ଟିଜର n times pi ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ମୁଁ k1 ସମାନ n pi କିମ୍ବା k ସମାନ n pi ଉପରେ ଅଛି, k ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ତରଙ୍ଗର ଗତି ଉପରେ ଓମେଗା ବୋଲି କହିଛୁ | l pi ଉପରେ n pi ସହିତ ସମାନ ହୁଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଓମେଗା ଦୋହରିବାର ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିର ଦୁଇଗୁଣ ଅଟେ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ମୋର ଦୁଇଟି pi ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି v ଉପରେ ଉଭୟ pi ର l pi କ୍ୟାନସେଲ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ମୁଁ ପାଇଥିବା ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିଗୁଡ଼ିକ | n l ସହିତ ଦୁଇଥର ସମାନ ହେବା ପାଇଁ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ସମସ୍ତ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିଗୁଡ଼ିକ ଷ୍ଟିଙ୍ଗ କେବଳ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିରେ ସ୍ପନ୍ଦନ କରିବାକୁ ଅନୁମତିପ୍ରାପ୍ତ ନୁହେଁ ଏବଂ ମୁଁ ସେମାନଙ୍କୁ nu n ବୋଲି କହିବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ସେମାନେ v ର ଦୁଇଗୁଣ ହେବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି

ତେଣୁ ମୁଁ n ଆମେ ଦୁଇଟି l ଉପରେ nv ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ଜାଣିବାକୁ ପାଇଲୁ ଏବଂ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଟେନସନର ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ ହୋଇପାରେ | ୟୁନିଟ୍ ଦ length ଧ୍ୟାନ ଉପରେ ମାସ ଉପରେ ଅଧିକ,

ତେଣୁ ଯେଉଁ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିଗୁଡ଼ିକ ଯେଉଁଠାରେ ଷ୍ଟିଙ୍ଗ n ଉପରେ ଦୁଇ l ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟରୁ n ଉପରେ ସ୍ପନ୍ଦନ କରିପାରିବ ଏହା ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ ଯେ ସାଇନ କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ k ଲମ୍ବତା ଉପରେ ଦୁଇଟି ପାଇ ସମାନ | to n pi କିମ୍ବା lambda times l lambda 2 l over n ସହିତ ସମାନ, ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଶାରୀରିକ ଭାବରେ ବୁଝାନ୍ତୁ

ଶାରୀରିକ ଭାବରେ ବୁଝାନ୍ତୁ understand ୱା ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ଦୁଇ ପଏଣ୍ଟ ମଧ୍ୟରେ ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବା ଷ୍ଟିଙ୍ଗ ପାଇଁ ଯେହେତୁ ଶେଷ ପଏଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକ ଶୂନ୍ୟ ବିସ୍ଥାପନରେ ଅଛି, ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ପାଇଁ ଏହା ହୋଇପାରେ | ତରଙ୍ଗ ଏହିପରି ଅଟେ କିମ୍ବା ଏହା ଦୁଇଟି ଲୁପ୍ ତିଆରି କରେ କିମ୍ବା ଏହା ତିନୋଟି ଲୁପ୍ ତିଆରି କରେ ଏବଂ ଏହି ଅଧିକ ଲୁପ୍ ମଧ୍ୟରୁ ଦୁଇଟି ଲମ୍ବତା ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ମୋର ଯାହା ରହିବା ଉଚିତ ତାହା ହେଉଛି ଲମ୍ବତା ଦୁଇଥର n ଯେଉଁଠାରେ n ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ହୋଇପାରେ | କିମ୍ବା ତିନୋଟି l ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ଯାହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଲମ୍ବତା n ଉପରେ ଦୁଇ l ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ଗାଣିତିକ ଭାବରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖୁଲୁ ଯେ ଦୁଇ ମୁଣ୍ଡକୁ ସମାନ k ରଖିବା k ର ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ ଶାରୀରିକ ଭାବରେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି i ଏହି ଲେନ୍ ମାଧ୍ୟମରେ କେବଳ ଅଧା ତରଙ୍ଗ ଦ eng ଧ୍ୟାନ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା ହୋଇପାରେ | gth ଏବଂ ଏହା ଏହି ଷ୍ଟିଙ୍ଗର ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରେ

ତେଣୁ ଏହା ଅନ୍ୟ କ frequ ଶସି ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିରେ କମ୍ପନ କରିପାରିବ ନାହିଁ କିନ୍ତୁ କିଛି ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ବର୍ତ୍ତମାନ ଶୂନ୍ୟ ବିସ୍ଥାପନରେ ଥିବା ଏହି ପଏଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକ ନୋଡ ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା | ଏହିପରି ଏକ ସାଧାରଣ ଷ୍ଟାଣ୍ଡିଂ ତରଙ୍ଗ ତିଆରି କରନ୍ତୁ ଯାହା ପଏଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକ ସର୍ବାଧିକ ଶୂନ୍ୟ ବିସ୍ଥାପନରେ ଥାଏ ଯାହାକୁ ମୁଁ ଏହି ବଡ଼ ବିନ୍ଦୁଗୁଡ଼ିକରେ ରଖୁଛି

ନୋଡଗୁଡ଼ିକ ପଏଣ୍ଟ ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା ଯାହା ସର୍ବାଧିକ ବିସ୍ଥାପନରେ ସର୍ବାଧିକ ବିସ୍ତାରତା ନୋଡ ମଧ୍ୟରେ ଆଣ୍ଟିନୋଡ ଦୂରତା ଲମ୍ବତା ସହିତ ସମାନ | ଦୁଇଟି ଆଣ୍ଟିନୋଡ ମଧ୍ୟରେ ଦୁଇଟି ଦୂରତା ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସଂଲଗ୍ନ ସାନ୍ତତା ନୋଡଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ ଲମ୍ବତା ଦ by ାରା ଏବଂ ଆମେ ଦେଖୁଲୁ ଯେ ଯେଉଁ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିରେ ଏହା ସ୍ପନ୍ଦନ ହୁଏ, ତାହା ଦୁଇ l ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟରୁ n ଉପରେ ହେବ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଉଦାହରଣ ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ନେବାକୁ ଯାଉଛି | ଧରାଯାଉ ମୁଁ ସମାନ ଷ୍ଟିଙ୍ଗକୁ ଏହାକୁ ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ବାନ୍ଧେ

ଏବଂ ଅନ୍ୟ ପଟେ ମୁଁ ଏହାକୁ ଏକ କମ୍ପନ ସହିତ ସଂଲଗ୍ନ କରେ ଓସିଲେଟର ହୋଇପାରେ ମୁଁ ମୋ ହାତରେ କମ୍ପନ କରିପାରେ ଏବଂ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଷ୍ଟା | nding ତରଙ୍ଗ ଯାହାକି ଏକ ସାଇନ kx କୋସାଇନ୍ ଓମେଗା ଟାଇମ୍ସ y ଶୂନ୍ୟରେ ଶୂନ୍ୟ ହୋଇଥିବ କିନ୍ତୁ ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯାହା କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛି ତାହା ହେଉଛି ଯେ x ରେ x ସମାନ l ଏବଂ t ଯାହା ଓମେଗା t ର ଏକ ସାଇନ କୁ କୋସାଇନ୍ ରେ ସର୍ବାଧିକ ବିସ୍ଥାପନ ହେବ | x ସମାନ l ଏବଂ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି k l ଦୁଇଟି n ପୂର୍ଣ୍ଣ ଗୋଟିଏ ଥର pi ଦ two ାରା ଏବଂ k ଲମ୍ବତା ଉପରେ ଦୁଇଟି pi ହେବା ଦୁଇ n ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ ଦୁଇ ପାର୍ଶ୍ୱରେ li li ବାଡ଼ିଲୁ ହେବା

ଏବଂ lambda ଦୁଇ n ଉପରେ ଚାରି l ସମାନ ହେବା ଉଚିତ | ଏଥିସହ ଗୋଟିଏ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଲମ୍ବତା ସାମାନ୍ୟ ଭିନ୍ନ ଏବଂ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିଗୁଡ଼ିକ nu n ଯାହାକି ଲମ୍ବତା ଉପରେ ଅଛି, ମୁଁ ଏଥର ଡେରିଭେସନ୍ ଟିକିଏ ଭିନ୍ନ ଭାବରେ କରୁଛି, କେବଳ ଭିନ୍ନ ଚିହ୍ନାଧାରା ଦେବା ପାଇଁ ଚାରି l ସହିତ ସମାନ, ଦୁଇଟି n ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦ divided ାରା ବିଭକ୍ତ ଯାହା v ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ଚାରି l ରୁ ଅଧିକ ଦୁଇ n ପୂର୍ଣ୍ଣ ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ଏଥର ପ୍ରକୃତି ସାମାନ୍ୟ ଭିନ୍ନ ଏବଂ ମୁଁ ଏହାକୁ n n ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ଦୁଇ l ଉପରେ ଲେଖିପାରେ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସିଗୁଡ଼ିକ ସାମାନ୍ୟ ଭିନ୍ନ କାରଣ ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡ ଖୋଲା ଏବଂ ଗୋଟିଏ ନୁହେଁ ଏବଂ ପୁନର୍ବାର ମୋର ଏକ ଶାରୀରିକ ବ୍ୟାଖ୍ୟା ଅଛି ଯେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ତରଙ୍ଗ ଯାଉଛି | ଯେଉଁ ଫର୍ମରେ ଓପନ୍ ଏଣ୍ଡର ସର୍ବାଧିକ ବିସ୍ଥାପନ ଅଛି, ସେହି ଫର୍ମରେ ରହିବା ପାଇଁ ମୁଁ 2 ଲମ୍ବତା ଦ 2 ାରା 2 ଲମ୍ବତା ପାଇବାକୁ ଯାଉଛି, nn ସେଗମେଣ୍ଟ ଲମ୍ବତା ଦ length ଧ୍ୟାନ ଚାରି ଗୁଣ ହେବ

ତେଣୁ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବାକୁ ଯାଉଛି ତାହା ଲମ୍ବତା ଚାରି ଗୁଣ ଦୁଇଗୁଣ | n ପୂର୍ଣ୍ଣ ଗୋଟିଏ l ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ତାହା ସଙ୍ଗେ ସଙ୍ଗେ ମୋଡେ ଲମ୍ବତା ଦୁଇ l ଉପରେ ଚାରି l ସହିତ ସମାନ କରେ ଯାହା ଗାଣିତିକ ଭାବରେ ଏକ ଭ physical ଟିକ ବ୍ୟାଖ୍ୟା ଅଟେ ଆମେ କେବଳ k l ଲେଖିବା ଉଚିତ ଏବଂ ଆମର ଉତ୍ତର ପାଇବା

ତେଣୁ ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ବକ୍ତୃତା ସମାପ୍ତ କରିବି | ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଆମେ ଯାହା କରିଛୁ ତାହା ସଂକ୍ଷେପରେ ସଂକ୍ଷେପରେ ମୁଁ ଖୋଲା ପାଇପ୍ ଏବଂ ଅଙ୍ଗ ପାଇପ୍ ଏବଂ ସେଥିରେ ଥିବା ବାୟୁ ସ୍ତମ୍ଭର ଦୋହରିବା ଏବଂ ବିଟ୍ ଏବଂ ଡୋପଲର୍ ଘଟଣା ବିଷୟରେ ବିଚାର କରିବାକୁ ଯାଉଛି,

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ଶିଖୁଛୁ ତାହା ସଂକ୍ଷେପରେ ଏହି ବକ୍ତୃତା ସମାପ୍ତ କରିବାକୁ ଦିଅ | ସୁପର ପୋଜିସନ୍ ନ ନୀତି ବିଷୟରେ ଯାହା କହିଛି ଯେ ଯେକ any ଶସି ସମୟରେ ବିସ୍ଥାପନ ହେଉଛି ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ତରଙ୍ଗ ସେଠାରେ ପହଞ୍ଚିବା ହେତୁ ବିସ୍ଥାପନର ସମଷ୍ଟି ଅଟେ ତା' ପରେ ଆମେ ଏକ ସାମାନ୍ତର ଏକ ତରଙ୍ଗର ପ୍ରତିଫଳନ ବିଷୟରେ ବିଶେଷ ଭାବରେ ଜାଣିଲୁ ଯେ ଏହାର ଏକ ପର୍ଯ୍ୟାୟ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଅଛି | ଆସୁଥିବା ଏବଂ ପ୍ରତିଫଳିତ ତରଙ୍ଗର ପର୍ଯ୍ୟାୟ ମଧ୍ୟରେ pi ଯେତେବେଳେ ସାମା କଠିନ ହୁଏ ଅର୍ଥାତ୍ ସାମାରେ କ disp l ଶସି ବିସ୍ଥାପନ ହୁଏ ନାହିଁ ଏବଂ ଶେଷରେ ଆମେ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ତରଙ୍ଗ ବିଷୟରେ ଶିଖୁଲୁ ଯାହା ବିଭିନ୍ନ ହାରରେ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ଆଞ୍ଚିଲିଗୋଡ୍ ସହିତ ସରଳ ହାରମୋନିକ ଓସିଲେଟର ସହିତ ସମାନ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ସହିତ ଆମେ ଶିଖୁଲୁ | ଏକ ଷ୍ଟିଙ୍ଗରେ ଛିଡା ହୋଇଥିବା ତରଙ୍ଗ ଏବଂ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ପ୍ରାପ୍ତ କର ଯେଉଁଥିରେ ଷ୍ଟିଙ୍ଗ ଉଭୟ ଗାଣିତିକ ଭାବରେ କମ୍ପନ କରିପାରିବ ଏବଂ ଶାରୀରିକ ଭାବରେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଦେଖିବ ତୁମର ଅର୍ଥ କ'ଣ ?