

ଆମେ ପୂର୍ବ ବକ୍ତବ୍ୟରୁ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ବିଷୟରେ ଆମର ଆଲୋଚନା ସହିତ ଜାରି ରଖୁଛୁ ଯେ ଆମେ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ପାଇଁ ଗତିର ସମୀକରଣକୁ ଦେଖୁଥିଲୁ ଏବଂ ଆମେ ଯାହା ପାଇଲୁ ତାହା ହେଉଛି ଯଦି ବିସ୍ଥାପନ x ତେବେ ତେବେ ମୋଡେ ଏହି ବିସ୍ଥାପନକୁ ଡାକନ୍ତୁ ତେବେ ଗତିର ସମୀକରଣ $| dt$ ବର୍ଗ ଉପରେ d ଦୁଇ x ଥିଲା ମାଲନସ୍ କିଛି ସ୍ଥିର x ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଆମେ ଏହି c କୁ ଚିହ୍ନଟ କଲୁ ଯାହା ମାଲନସ୍ ଓମେଗା ବର୍ଗ x ପରି 0 ରୁ ଅଧିକ ଅଟେ ଯେଉଁଠାରେ ଓମେଗା କୋଣାର୍କ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଅଟେ

ତେଣୁ dt ବର୍ଗ d ାରା ଏହି ସମୀକରଣକୁ d x x ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ | ଓମେଗା ବର୍ଗ x ଆମେ ସମାଧାନ ମଧ୍ୟ ଲେଖୁଛୁ ଯେହେତୁ ଓମେଗା t ର ଓମେଗା t ପୁସ୍ତକ b ସାଲନ୍ ଏକ ସ୍ଥିର କୋସାଇନ୍ ସହିତ ସମାନ, ଯେଉଁଠାରେ a ଏବଂ b ସ୍ଥିରତା ଦୁଇଟି ଅବସ୍ଥା ଦ୍ୱାରା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଏ ଯାହା ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ବିସ୍ଥାପନ ହୋଇପାରେ ଏବଂ ଶୂନ୍ୟରେ ବେଗ ହୋଇପାରେ | କିମ୍ବା ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ସମୟରେ ବିସ୍ଥାପନ ଏବଂ ଆମେ ଏହାର କିଛି ଉଦାହରଣ ସମାଧାନ କଲୁ ଯାହା ସମୀକରଣ ବ୍ୟତୀତ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଶିଖୁଲୁ ଯାହା ସମୀକରଣ ଯାହା dt ବର୍ଗ ଉପରେ d x x ସମାନ ମାଲନସ୍ ଓମେଗା ବର୍ଗ x ମନେରଖ ଯେ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ କିପରି ଉତ୍ତର କଲୁ | ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ରେଡିୟସ୍ ର ଏକ ବୃତ୍ତରେ ଗତି କରୁଥିବା ଏକ କଣିକାର x ଏବଂ y ସଂଯୋଜନାକୁ ଦେଖୁ ଏହା ପ୍ରେରିତ ହୋଇଥିଲା ଏହା ସ୍ୱିଚ୍ v କିମ୍ବା କୋଣାର୍କ ସ୍ୱିଚ୍ ଓମେଗା ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ ଗତି କରେ ଯାହା v time ାରା ସମୟ t ରେ ସୃଷ୍ଟ ହେଉଥିବା କୋଣ ଓମେଗା t ଏବଂ ଏହାର x ଅଟେ | କମ୍ପୋନେଣ୍ଟକୁ ଓମେଗା t ର x ସମାନ r କୋସାଇନ୍ ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ y ଉପାଦାନକୁ ଓମେଗା ଟାଙ୍ଗଟ୍ ର r ସାଇନ ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ଏଗୁଡ଼ିକ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ଠିକ୍ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ସମୀକରଣକୁ ଯାଇପାରିବା ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଶିଖୁଲୁ ଯେ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ | shm ଏବଂ ଶେଷରେ ଆମେ ଶେଷ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଦେଖୁଲୁ ଯେ ଶାରୀରିକ ଭାବରେ ଏକ spring ରଣା ଜନ ପ୍ରଣାଳୀ ଯେତେବେଳେ ବସନ୍ତ ହୁଏ ନିୟମକୁ ଅନୁସରଣ କରେ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି କରେ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ସେଟଅପ୍ ଯାହା ବିରୁଦ୍ଧରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟରେ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଖାଇବାକୁ ଏବଂ ଆଉ କିଛି ଉଦାହରଣ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବାକୁ ଯାଉଛି | ଯେଉଁଠାରେ ଆପଣ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ଦେଖନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଭ $physical$ ଟିକ ପ୍ରଣାଳୀ ଯେଉଁଠାରେ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ହୁଏ ଗୋଟିଏ ସ୍ପ୍ରିଂ ପ୍ରଶ୍ନ ହେଉଛି ଯଦି ମୁଁ ଏହି ବସନ୍ତକୁ ନେଇ ଏକ ଭୁଲମ୍ ସ୍ଥିତିରେ ଏକ ମାସ ଟାଙ୍ଗିଦିଏ ତେବେ ଗତ ଥର ମନେରଖନ୍ତୁ | ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁଥିଲୁ ତାହା ଏକ spring ରଣା ଏବଂ ମାସ ଯାହାକି ଜନତା ଉପରେ ଗତି କରୁଥିଲା ଏକ ଭୂସମାନ୍ତର ଘର୍ଷଣହୀନ ପୃଷ୍ଠରେ ଗତି କରୁଥିଲା ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ମାସକୁ ଦେଖିବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ଏକ spring ରଣା ଉପରେ ing ଣୁଛି ଯାହା v the ାରା ଯଦି ଜନତା ହୁଏ ତେବେ କଣ ହେବ? m ହେଉଛି ପ୍ରାରମ୍ଭରେ ବସନ୍ତ ବିସ୍ତାର ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଜନତା କିଛି ସନ୍ତୁଳନ ସ୍ଥିତିକୁ ଓହ୍ଲାଇବାକୁ ଯାଉଛି, ଏହା କେତେ ପ୍ରସାରିତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ତାହା L ଦ୍ୱାରା ଲିମିଟି ଯାହାକି k v mg ାରା ମିଶ୍ରା ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯେଉଁଠାରେ k ହେଉଛି ବସନ୍ତ ସ୍ଥିର ଯାହାକୁ ଆମେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିଥିଲୁ | ଗତ ଥର m ହେଉଛି କଲର ମାସ ଏବଂ g ହେଉଛି ଗ୍ରେଭିଟେସନ୍ ଡରଣ ଯଦି ଆମେ ଏକ ଦୂରତା v mass ାରା ମାସକୁ ଟାଣିବା କିମ୍ବା ସମାନ ଭାବରେ ଠେଲିବା ଏବଂ ଏହାକୁ ମୁକ୍ତ କରିବା v what ାରା କଣ ହୁଏ ତାହା ଦେଖିବା, ଏହାର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ସନ୍ତୁଳନ ସ୍ଥିତିରୁ ଜନତା ଟାଣି ହୋଇଯିବା ପରି ଦେଖାଯିବ ଯାହା ବସନ୍ତ ହେତୁ ନେଟ ଫୋର୍ସରେ ଦୂରତାରେ ଥିଲା | ଏହା ଉପରକୁ ଯିବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏହି ବଳ t ହେତୁ ହେବ | o ବସନ୍ତ k ନେଟ ବିସ୍ଥାପନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ବର୍ତ୍ତମାନ l plus y ଅଟେ ଏବଂ ଅବଶ୍ୟ ଏହି ଶକ୍ତି ଏହାକୁ ଟାଣି ନେଉଛି

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ଏକ ଟାର ଦ୍ୱାରା ଦେଖାଇବି ଏବଂ m ହେତୁ ଏହାର f ମିଶ୍ରା ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ତଳକୁ ଯାଉଛି |
ତେଣୁ ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ k l ପୁସ୍ତକ y ମାଲନସ୍ ମିଶ୍ରା ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ମନେରଖନ୍ତୁ k l ସମାନ mg mg ସମାନ mg ଏବଂ

ତେଣୁ ମୋର ଯାହା ବାକି ଅଛି ତାହା ହେଉଛି ky ଏହାକୁ ଟାଣିବା ପାଇଁ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ବିସ୍ଥାପନ ତାହାଣକୁ ଏବଂ ବଳ ଉପର ଅଟେ

ତେଣୁ ମୁଁ ଲେଖୁପାରେ ଯେତେବେଳେ ଅନ୍ୟ ପଟେ ଏହା ଉପରେ ମାଲନସ୍ କାଲକୁ ଧରାଯାଉ, ଧରାଯାଉ ଏହି ବସନ୍ତ ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ସ୍ଥିତିରୁ ଉପରକୁ ଠେଲି ହୋଇଯାଆନ୍ତି ଯେଉଁଠାରେ ବସନ୍ତର v length ଘୂରୁ ଲମ୍ବ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଲମ୍ବିଥିଲା ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ମୁଁ ଏହାକୁ y କୁ ଠେଲି ଦେଇଛି | ବସନ୍ତ ହେତୁ ବଳ k l ମାଲନସ୍ y ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏହା ଉପରକୁ ଯିବାକୁ ଯାଉଛି କାରଣ ମୁଁ ଅନୁମାନ କରୁଛି ଯେ l y ଠାରୁ ବଡ଼ ଅଟେ

ତେଣୁ ବସନ୍ତ ବିସ୍ତାରିତ ହୋଇଛି ଏବଂ ଜନତା ହେତୁ f ମିଶ୍ରା ଏବଂ ତଳକୁ ଯିବ | ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ ପୁନର୍ବାର k l minus y minus mg minus ky ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି | ମାଲନସ୍ ସାଇନସ୍ ମାଲନସ୍ ky ଉପରକୁ କିମ୍ବା ky ତଳକୁ ଯାଏ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ y ଅପ୍ ଫୋର୍ସ ହେଉଛି ଅନ୍ୟ ଉପାୟ ଠିକ୍
ତେଣୁ ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ ମୁଁ ସର୍ବଦା ଲେଖୁପାରେ

ତେଣୁ spring ରଣାକୁ ଉପରକୁ ଠେଲି ଦିଆଯାଉଛି କି f ସର୍ବଦା ମାଲନସ୍ k y ସହିତ ସମାନ ହେବ | ଗତିର ସମୀକରଣ dd ବର୍ଗ ଉପରେ md ଦୁଇ y ହେବାକୁ ଯାଉଛି dt ବର୍ଗ ସହିତ ମାଲନସ୍ କାଲ କିମ୍ବା d ଦୁଇ ବର୍ଗ ଉପରେ dt ବର୍ଗ ସମାନ ମାଲନସ୍ k ମୋ ଓମେଗା ବର୍ଗ ଉପରେ ମାଲନସ୍ k ତଥାପି m ରୁ ଅଧିକ ହେବ

ତେଣୁ ତୁମେ ଯଦି ବସନ୍ତକୁ ଭୁଲମ୍ ଭାବରେ ଟାଙ୍ଗିଦିଅ | କ୍ରମାଗତ ବଳ v down ାରା ତଳକୁ କ୍ରମାଗତ ଫୋର୍ସ ମିଶ୍ରା v down ାରା ଟାଣି ନିଆଯାଉଛି, ତଥାପି ଓମେଗା ବର୍ଗ ସମାନ ସମ୍ପର୍କୀୟ ସମସ୍ୟା ହୋଇପାରେ ଯଦି ମୁଁ ଏହି ବସନ୍ତ ମାସ ସିଷ୍ଟମକୁ ଏକ ଭୂସମାନ୍ତର ଟେବୁଲ ଉପରେ ରଖିବି ଏବଂ ଏହାକୁ ଏକ ସ୍ଥିର ବଳ ଦ୍ୱାରା ଟାଣିବି | ତାହା ଘଟିବାକୁ ଯାଉଛି, ଏହାର ବିସ୍ଥାପନ f ଉପରେ k ସହିତ ଏହାର ସ୍ଥିତିକୁ ଏକ ନୂତନ ସ୍ଥିତିକୁ ବଦଳାଇବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏହା ପରେ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ ସେହି ସ୍ଥାନରୁ ପୁନର୍ବାର ବିସ୍ଥାପନ କରେ ତେବେ ସମାନ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଓମେଗା ବର୍ଗ k ଉପରେ m ସହିତ ସମାନ ହେବ | ଏହି ସିଷ୍ଟମ ପ୍ରାକୃତିକ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ବସନ୍ତ ମାସ ସିଷ୍ଟମ ଭୁଲମ୍ କିମ୍ବା ଏହା ଭୂସମାନ୍ତର ଏବଂ ତଥାପି ଏବଂ ଏକ ସ୍ଥିର ବଳ ପ୍ରୟୋଗ କରାଯିବା ସହିତ ସନ୍ତୁଳନ ବିନ୍ଦୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେବା v ାରା ମୁଁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଉଦାହରଣ ନେବା, ମୁଁ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସିଷ୍ଟମ କିପରି ସରଳ ପ୍ରଦର୍ଶନ କରେ ତାହା ଦେଖାଇବାକୁ ମୁଁ ଏହି ଉଦାହରଣଗୁଡ଼ିକ ନେଉଛି | ହାରମୋନିକ୍ ଗତି
ତେଣୁ ଏହି ସିଷ୍ଟମରେ ମୁଁ ଏକ ସ୍ପ୍ରିଂ ଟାଣିବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା v it ାରା ଏହାର ଏକ ଟେନ୍ସନ୍ ଟି ଏକ ମସାଜ୍ ମଧ୍ୟରେ ଏକ ଭର୍ଡି ଲଗାଇବ ଏବଂ ସମାନ ଟେନସନ୍ ର ଲମ୍ବ ସମାନ spring ରଣାକୁ ସଂଲଗ୍ନ କରିବ ଏବଂ ଏହାକୁ ଅନ୍ୟ ପାର୍ଶ୍ୱରେ କାନ୍ଧରେ ସଂଲଗ୍ନ କରିବ | ମୋର v length ଘୂରୁ ଦୁଇଟି ସ୍ପ୍ରିଂ ଅଛି, ଉଭୟର ଟେନ୍ସନ୍ ଅଛି, ସେଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ଏହି ମାସ ସହିତ ଟାଣାଯାଉଛି ଏବଂ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ ଯାହା କରିବା ତାହା ହେଉଛି ଡିସପ୍ଲେସ୍ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ସ୍ଥିତି ଏହି ପୁରା ଜିନିଷକୁ ଟିକେ ଟେନ୍ସନ୍ ରହିଥାଏ ମୁଁ ଏହାକୁ ବିସ୍ଥାପନ କରିବି ଯେପରି ଏହା ଅନୁମାନ କରାଯାଏ | ଦୂରତା ହେଉଛି xx ଉପରେ l ଠାରୁ ବହୁତ କମ୍

ତେଣୁ ସ୍ପ୍ରିଂର v length ଘୂରୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ ପ୍ରକୃତରେ ଅଧିକ ନୁହେଁ
ତେଣୁ ଟେନସନ୍ ପ୍ରାୟ ସମାନ ରହିଥାଏ ଯାହା ଘଟିବାକୁ ଯାଉଛି ଯଦିଓ ଏହି ମାସଟି p ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଥିବା ସ୍ପ୍ରିଂ v this ାରା ଏହିପରି ଅଲ୍ଟେଡ୍ ଏବଂ ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଥିବା ସ୍ପ୍ରିଂ ଦ୍ୱାରା ଏହିପରି ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଏହି ଦିଗରେ ଏକ ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ f ନେଟ୍ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯଦି ଅନ୍ୟ ପଟେ ବିସ୍ଥାପନର ବିପରୀତ ସ୍ପ୍ରିଂରେ ଯଦି ମୁଁ ଏହି ମାସକୁ ଟାଣି ନେବି | ଏହିପରି ଏହା ହେଉଛି ଟେନସନ୍ t ଏହା ହେଉଛି ଟେନସନ୍ t ତାପରେ ବଳ ଏହି ଦିଗରେ ଅଛି

ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖୁପାରିବେ ଯେ ଯେତେବେଳେ ଜନତା ବିସ୍ଥାପିତ ହୁଏ ସେହି ବିସ୍ଥାପନକୁ ବିରୋଧ କରୁଥିବା ଏକ ଶକ୍ତି ଅଛି ଏବଂ ସେହି ଶକ୍ତି କେତେ ହିସାବ କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଏହି କୋଣଟି ହେଉଛି i ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱରେ ମଧ୍ୟ ଲେଖୁପାରିବେ ତାପରେ ଏହା ଉପରେ ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରୁ ଟେନସନ୍ର ଏକ ଉପାଦାନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରୁ ଟେନସନ୍ର ଏକ ଉପାଦାନ ସମାନ ଭାବରେ ଏଠାରେ ଏହି ଦୁଇଟି ଉପାଦାନ ମୋଡେ ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ ଦେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ f net ଯାଉଛି | ସେହି ଭୁଲମ୍ ଉପାଦାନ ହେବାକୁ ଯାହାକୁ ଆପଣ ସହଜରେ ଦେଖୁପାରିବେ ଥାଟା ପୁସ୍ତକ ଟି ସାଇନ ହେବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି ଯାହା ଥାଟା ର ଦୁଇଟି ସାଇନ ଅଟେ କାରଣ x ପାପ ଠାରୁ x ବହୁତ କମ୍ ଅଟେ, ଟାଟା ପାଖାପାଖି ସମାନ | ଯେପରି ଥାଟା x ଉପରେ l an ଅଟେ | d

ତେଣୁ f net ଦୁଇଟି ଉପରେ tx ହେବ ଏବଂ ବିସ୍ଥାପନର ବିପରୀତ ଦିଗରେ
ତେଣୁ ମୁଁ ଏକ ମାଲନସ୍ ସଙ୍କେତ ରଖିବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲୁ ଯେ ଏହି ସିଷ୍ଟମରେ f ନେଟ ବିସ୍ଥାପନ ଏବଂ ଏହାର ମାଲନସ୍ ଦୁଇଟି ବିପରୀତ ଅଟେ | tx by l

ତେଣୁ ମାତ୍ର ପାଇଁ ଗତିର ସମୀକରଣ mx ଡବଲ୍ ଡବ୍ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ମାଲନସ୍ ଦୁଇ tx ଉପରେ l ଯାହା l ଉପରେ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ t ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ x ଡବଲ୍ ଡବ୍ lm times x ଉପରେ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ t ଅଟେ | ଓମେଗା ବର୍ଗ ଭାବରେ ଏହି ଶବ୍ଦଟି ତୁମର ବର୍ତ୍ତମାନ ଆଲ୍ଲାଲାର ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ସହିତ ଦୋହଲି ଯାଉଛି ଓମେଗା lm ଉପରେ ଦୁଇ t ର ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ସମୟ ଅବଧି lm ର ଦୁଇଟି pi ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହି ମାସର ସାଧାରଣ ବିସ୍ଥାପନ yt କିମ୍ବା xt ଯାଉଛି | ଦୁଇଟି ସ୍ଥିର ବର୍ଗର ମୂଳର ଏକ କୋସାଇନ୍ ଭାବରେ lmt ଉପରେ ଦୁଇଟି t ର ବର୍ଗ ମୂଳର b t ସାଇନ lm t ଦ୍ୱାରା ଦିଆଯିବା ଯାହା $another$ ଦ୍ୱାରା ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ କେବଳ ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଖାଇବା ପାଇଁ ସରଳ ହରମୋନିକ୍ ଗତି ପ୍ରାୟ ଅନେକ ଦିନ ବିଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତିରେ ଘଟେ | ଆମ ଜୀବନ ମୋଡେ ଏକ ତୃତୀୟ ଉଦାହରଣ ନେବାକୁ ଦିଅ | e ତିନୋଟି ଧରାଯାଉ ମୋର ଏକ କାଚ ବ୍ଲକ୍ ଅଛି କିମ୍ବା $liquid$ ଶସି ବସ୍ତୁର କିଛି ତରଳ ପଦାର୍ଥରେ ଭାସୁଥିବା $material$ ଶସି ବ୍ଲକ୍ ଅଛି, ଏହାକୁ ଏହି ୟୁନିଫର୍ମ ଭୂପୃଷ୍ଠର ବ୍ଲକ୍ ଉପରେ ଡାକିବାକୁ ଦିଅ ଏବଂ ଏହା କିଛି ତରଳ ପଦାର୍ଥରେ ଭାସୁଛି l ଗଭୀରତା l ଏଠାରେ ଅଛି

ତେଣୁ ଏହା ଏହା ଜଳମୟ | ଏହା ହେଉଛି ଏକ ଭୂପୃଷ୍ଠ ଏବଂ ଏଠାରୁ ଏ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏହି ଗଭୀରତା l ଏବଂ ଆର୍କିମିଡିସ୍ ନୀତିରୁ ମୁଁ ଜାଣେ ଯେ ରୋ ବ୍ଲୋ ଟାଇମ୍ ହେଉଛି ଲିକ୍ୱିଡ୍ ଡିସପ୍ଲେସ୍ ର ଓଜନ ମିଶ୍ରା ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯେଉଁଠାରେ ମି ବ୍ଲକ୍ ର ମାସ ହେଉଛି ସମସ୍ତ ତାହାଣ ରୋ ର ଘନତା | ଲିକ୍ୱିଡ୍ l ହେଉଛି ଗଭୀରତା ଯେଉଁଥିରେ ବ୍ଲକ୍ ଜଳମୟ ହୋଇଛି g ହେଉଛି ମାଧ୍ୟାକର୍ଷଣ ବ୍ଲୋକ୍ଟିଡ୍ ଏବଂ ai ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଖାଇଛି ଏହା ହେଉଛି କ୍ରସ୍ ବିଭାଗର ଏକ କ୍ଷେତ୍ର

ତେଣୁ ମୋର ଏକ ରୋହୋ ମିଲ୍ mgg ବାଟିଲ୍ ଅଛି
ତେଣୁ ମି ଏକ ରୋହୋ ତରଳ ସମୟ ସହିତ ସମାନ | ବ୍ଲକ୍ ର ମାସ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଯାହା କରୁ ତାହା ହେଉଛି ଆମେ ଏହାକୁ ଟିକେ ବିସ୍ଥାପିତ କରିବା ଧରାଯାଉ ମୁଁ ଏହାକୁ ଠିକ୍ ତଳକୁ ଠେଲି ଦେଉଛି ଏବଂ ଏହାକୁ ଟିକେ ତଳକୁ ଠେଲିଦେଉଛି ଯେତେବେଳେ ମୁଁ ବ୍ଲକ୍ କୁ y ଦ୍ୱାରା $push$ ଦ୍ୱାରା ଠେଲିଦେବି

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ବ୍ଲକ୍ ପୂର୍ବରୁ ତରଳ | ଗଭୀରତା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଥିଲା ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହାକୁ y ଦ୍ୱାରା $further$ ଦ୍ୱାରା ଆଗକୁ ଠେଲିଛୁ
ତେଣୁ ତଳ ପୃଷ୍ଠ | ଅଧିକ ଗାପ ଅଧିକ ଭାବ କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ନେଟ୍ f ବ୍ୟବସ୍ଥିତ ଫୋର୍ସ୍ ତରଳ ବିସ୍ଥାପନର ଓଜନ ପରିମାଣ ହେବାକୁ ଯାଉଛି
ତେଣୁ କ୍ଷେତ୍ରଟି ସମାନ l ପୂର୍ଣ୍ଣ y rho g ରହିଥାଏ ଏବଂ ଏହି ଶକ୍ତି ବ up ଦ୍ୱାରା ଶକ୍ତି ସର୍ବଦା ଉପରକୁ ଏବଂ | f ମାଧ୍ୟାକର୍ଷଣ କାରଣରୁ f ମାଧ୍ୟାକର୍ଷଣ ବଳ ହେଉଛି mg n ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ମାଲନସ୍ ଲେଖିବା ପରି ଏହାକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅପ୍ ସାଇନସ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସାଇନ ଭାବରେ ଲେଖି ପାରିବି ଏବଂ
ତେଣୁ f net al rho g $minus$ mg 0 ଠିକ୍ ଆମେ ଜାଣିଲୁ ଯେ a ଏକ rho l ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ aal rho g ଏବଂ mg ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ସେମାନେ ବାଟିଲ୍ କରନ୍ତି ଏବଂ ତୁମେ ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ୍ ay rho g କୁ ପାଇଥାଅ | ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ ସ୍ଥାନାନ୍ତରିତ କରେ ତେବେ ଧରାଯାଉ ସମାନ ତରଳ ତାହାଣରେ ବ୍ଲକ୍ଟି ପ୍ରଥମେ ଗଭୀରତା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଥିଲା କିନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ମୁଁ ଏହାକୁ y କୁ ଠେଲି ଦେଇଛି
ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଗଭୀରତା l ମାଲନସ୍ y ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ f ବ୍ୟବସ୍ଥିତ ଏକ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | rho gl $minus$ y ତଥାପି ଉପରକୁ ଯିବ ଏବଂ f ମାଧ୍ୟାକର୍ଷଣ କିମ୍ବା ଓଜନ ମାଲନସ୍ ମିଶ୍ରା ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ଯେତେବେଳେ ମୁଁ ଦୁଇଟି ଫୋର୍ସ୍ ଯୋଡ଼େ, f net ଏକ rho $glnmg$ ବାଟିଲ୍ ହେବାକୁ ବାହାରିଥାଏ ଏବଂ ତୁମେ ମାଲନସ୍ ଏକ ରୋହୋ ଅପ୍ ଏବଂ ମାଲନସ୍ ସାଇନ୍ ଅର୍ଥାତ୍ ତାଉନ୍ ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ag rho y ତଳକୁ ଯିବ ଯେତେବେଳେ y ପଜିଟିଭ୍ ହେବ ଅର୍ଥାତ୍ ଠେଲି ହୋଇଯାଉଛି | ଫୋର୍ସ୍ ତଳକୁ ଅଛି
ତେଣୁ ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ୍ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ସମାନ f ନେଟ୍ ଅଟେ ଯାହା ଅବରୋଧ ନହେଉ ବ୍ଲକ୍ ଉପରକୁ ଯାଏ କିମ୍ବା ତଳକୁ ଆସେ ମାଲନସ୍ ଏକ୍ସ ରୋ ଯା ରୋ ଯାଗ ରୋହୋ

ତେଣୁ ଗତିର ସମୀକରଣ dt ଉପରେ md ଦୁଇ y ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଏକ୍ସ ରୋ y ସହିତ ସମାନ କିମ୍ବା dt ବର୍ଗ ଉପରେ d y y ମୋ ସଂଖ୍ୟା ଉପରେ rus times l ସହିତ ମାଲନସ୍ ଏକ୍ସ ରୋ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ଲେଖି ପାରିବି ଯେପରି ରୋ ଉପରେ g ଉପରେ ly m ଉପରେ l ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ |
ତେଣୁ ଓମେଗା ବର୍ଗ g ଉପରେ l ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି କିମ୍ବା ସମୟ ଅବଧି l ଉପରେ g ର ଦୁଇ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମୂଳ ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଯଦି ଏହା ଗଭୀରତାକୁ ଖସିଯାଏ l ସମୟ ଅବଧି ପରବର୍ତ୍ତୀ ଉଦାହରଣ ଉପରେ ଦୁଇଟି pi l ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ପରବର୍ତ୍ତୀ ଉଦାହରଣ ନେବା ପୂର୍ବରୁ ମୁଁ ବାଟରେ ନେବାକୁ ଯାଉଛି, ଆପଣ ଏହାକୁ ଅନ୍ୟ ଆକୃତିଗୁଡ଼ିକରେ ମଧ୍ୟ ସାଧାରଣ କରିପାରିବେ | ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଯଦି ମୋର ଏହି ଜଳ ଅଛି ଏବଂ ମୁଁ s ଏହାର ଅନ୍ୟ ଏକ ଜିନିଷକୁ ଠିକ୍ କରନ୍ତୁ ଯାହାର ଏକ ସମାନ କ୍ରସ୍ ବିଭାଗ ଅଛି

ତେଣୁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ମୋର ଏକ ବୋତଲ୍ ଆଇପାରେ ଯାହା ସେହି ପରିସ୍ଥିତିରେ ବୁଡ଼ି ଯାଇଥାଏ ଯେତେବେଳେ ବୋତଲ୍ ଟି ତଳକୁ ଠେଲି ହୋଇଯାଏ କିମ୍ବା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କ୍ରସ୍ ବିଭାଗୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ଏହି କ୍ରସ୍ ବିଭାଗୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହାକୁ ବାହାର କରି ପାରିବି ମୁଁ ଏହି ଧାରଣାକୁ କିପରି ସମାଧାନ କରିବି ପରବର୍ତ୍ତୀ ଉଦାହରଣ ନମ୍ବର ଚାରିଟି ମୁଁ ୟୁନିଫର୍ମ କ୍ରସ୍ ବିଭାଗର ଏକ ୟୁନିଫର୍ମ ଯେଉଁଥିରେ ଆମେ କିଛି ତରଳ ଭରି ଦେଇଛୁ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସମସ୍ତ $length$ ଘ୍ୟ କହିବା | ଲିକ୍ୱିଡ୍ ସ୍ତମ୍ଭ ହେଉଛି l ଯାହା ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ କରୁଛୁ ତାହା ହେଉଛି ଏହି ଲିକ୍ୱିଡ୍ କୁ ତଳକୁ ଠେଲିଦିଅ ଯାହା the ଦ୍ୱାରା ଲିକ୍ୱିଡ୍ ନୁତନ ସ୍ଥିତି ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ଯାଏ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ପଟେ ସମାନ ପରିମାଣରେ ତଳକୁ ଆସେ
ତେଣୁ ଏହା ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ସନ୍ତୁଳନ ସ୍ଥିତି ଥିଲା

ତେଣୁ ଏହା ପରିମାଣ y କୁ ବ $goes$ ଦ୍ୱାରା ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଏହା y ପରିମାଣକୁ ଓହ୍ଲାଇଥାଏ ଯାହା $here$ ଦ୍ୱାରା ଏଠାରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ଉଚ୍ଚତା ଦୁଇ y ହୋଇପାରେ ଏହା ଅନ୍ୟ ଉପାୟ ହୋଇପାରେ ଏବଂ ତରଳ ପଦାର୍ଥକୁ ଅନ୍ୟ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ଠେଲି ଦିଆଯାଇପାରେ y ଏହା ହେଉଛି y y ମଧ୍ୟ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି $extr$ କଣ ହୁଏ | ଦୁଇଟି ଆଖିର ଉଚ୍ଚତା ଏକ ଗାପ ଅତିରିକ୍ତ ଗାପ ପ୍ରୟୋଗ କରେ ଏବଂ ଏହା ତରଳ ସ୍ତମ୍ଭ ତଳକୁ ଠେଲିଦିଏ କାରଣ ଉଚ୍ଚତା ହ୍ରାସ ହେବା ସହିତ ଗାପ ମଧ୍ୟ ତଳକୁ ଯାଏ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ବଳ ମଧ୍ୟ ତଳକୁ ଖସିଯାଏ ଯଦିଓ ଏହି ଗାପ ହେତୁ ଉଚ୍ଚତା ବଳ କ୍ରସର ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ବିଭାଗୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ଏକ କ୍ରସ୍ ବିଭାଗୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ଏକ ଧର ଧାଡ଼ି ତରଳ ଦୁଇଥର ଦୁଇଥର g ଯାହାକି ନେଟ୍ ଫୋର୍ସ୍ ଏବଂ ବିସ୍ଥାପନର ବିପରୀତ ଦିଗରେ ଅଛି

ତେଣୁ ଯଦି ବାମ ହାତରେ ତରଳ ପଦାର୍ଥର ବିସ୍ଥାପନ ଅଧିକ ଥାଏ ତେବେ ବଳ ଏହାକୁ ତଳକୁ ଟାଣି ନେଉଛି | ଏହି ଉପାୟରେ ଏଠାରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ପରି ବାମ ହାତ ଏହା ତାହାଣ ବାହୁକୁ ଓହ୍ଲାଇଥାଏ ଏହା ଅନ୍ୟ ପଟେ ଉପରକୁ ଯାଏ ଯଦି ତାହାଣ ହାତରେ ତରଳ ଅଧିକ ଥାଏ ତେବେ ତାହାଣ ବାହୁ ତଳକୁ ଯିବାକୁ ଲାଗେ ଏବଂ ଏଠାରେ ଏହା ଉପରକୁ ଯାଏ

ତେଣୁ ବଳ ବିପରୀତ ଅଟେ | ତରଳ ପଦାର୍ଥର ବିସ୍ଥାପନ ହେଉଛି କ୍ରସ୍ ବିଭାଗୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ସମୟ l ହେଉଛି ଭଲ୍‌ସ୍ ଟାଇମ୍ ରୋଡ୍ ଲିକ୍ୱିଡ୍ ଯାହା ଭସାଏ ଅଟେ ଏବଂ
ତେଣୁ ଗତିର ସମୀକରଣ ହେଉଛି dd ବର୍ଗ my ଦ୍ୱାରା ମାଲନସ୍ ଦୁଇ y ମାଲନସ୍ ଦୁଇ rho g times y ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଆମ ପାଖରେ ଥିଲା | f ଗଣନା କର $orce$ be be a rho yg two a rho yg and $mass$ is al rho so al rho $minus$ two a rho gya $cancels$ to so rho ଏବଂ ତୁମର ଗତିର ସମୀକରଣ ଅଛି କିମ୍ବା dt ବର୍ଗ two ଦ୍ୱାରା ଦୁଇଟି y ରେ ଅଛି | dt ବର୍ଗ ଉପରେ ଗତି d ର y ର ସମୀକରଣ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ g ସହିତ l ଧର y ସହିତ ସମାନ, ଏହା ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ପାଇଁ ସମାନ ସମୀକରଣ ଅଟେ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ତୁମେ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତିର ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ପାଇବାକୁ l ଦ୍ୱାରା two ଦ୍ୱାରା l କିମ୍ବା ଦୋହରିବାର ସମୟ ଅବଧି ଦୁଇ g ରୁ ଅଧିକ ଦୁଇ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ କିଛି ଉଦାହରଣ ଯାହାକୁ ଆପଣ $daily$ ନିର୍ଦ୍ଦିନ ଜୀବନରେ ଦେଖନ୍ତି ଆପଣ ଏହାକୁ ଘରେ ମଧ୍ୟ କରିପାରିବେ ଏବଂ ଏହି ସମୟକୁ ମାପ କରିପାରିବେ ଏବଂ ଦେଖିବେ ଯେ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ପ୍ରକୃତରେ ଏଥିରେ ଘଟିଥାଏ | ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ନାମକ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତିର ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଉଦାହରଣକୁ ଆସିବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏକ ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ଦୋହରିବା ପାଇଁ ସମୟ ଅବଧିକୁ ଆମେ ଏଠାରେ ଯାହା ବି କରୁ ତାହା ଆପଣ ଘରେ ମଧ୍ୟ ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବେ କାରଣ ଆପଣ ଯାହା କରିବା ପାଇଁ ଏକ ସହଜ କଥା | ଏକ ଷ୍ଟିକ୍ ନିଅ ଏବଂ ତଳ ଭାଗରେ ଏକ ମାସ ବାନ୍ଧ | ମାସର ପରିମାଣ ବା ମାସର ଆକାର ଷ୍ଟିକ୍‌ର $length$ ଘ୍ୟଠାରୁ ବହୁତ କମ୍ ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହା ଏକ ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ହୋଇଯାଏ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ସ୍ଥାନାନ୍ତର କରନ୍ତି ତେବେ ଜନତା ଅନ୍ୟ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ଫେରି ଆସନ୍ତି ଶକ୍ତି ସମାନ ଭାବରେ ହଜିଯାଏ ନାହିଁ | ଉଚ୍ଚତା ଏବଂ ଏକ ପଛକୁ ଏବଂ ଆଗକୁ ଗତି କରେ

ଡେଣୁ ପ୍ରଥମ ଜିନିଷ ଆପଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରନ୍ତି ଯେ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ଗତି ପର୍ଯ୍ୟାୟକ୍ରମେ କିନ୍ତୁ ପ୍ରଶ୍ନ ହେଉଛି ଗତି ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ଏବଂ ଆପଣ ଦେଖିବେ ଏବଂ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ହୋଇଯିବ ଯଦି ଏହା ଏହି ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ନେଇପାରେ | ଏକ ବାଡ଼ିରେ ତିଆରି ଯାହା ବଡ଼ ଆଗା ପାଇଁ ଯଦି ଭୁଲମ୍ଭରୁ ବିସ୍ଥାପନ ବଡ଼ ହୁଏ ତେବେ ଅନ୍ୟ ପଟେ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ବୁହେଁ ଯଦି ଆପଣ ବହୁତ ଛୋଟ ତେବେ ଗତି ସରଳ ହାରମୋନିକ୍

ଡେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଯଦି ଆଗା ଛୋଟ ତେବେ ତାହା କିପରି ହୁଏ | ଛୋଟ ବିସ୍ଥାପନ ପାଇଁ ମୁଁ ଏହାକୁ ପ୍ରାୟ ଭୂସମାନ୍ତର ଭାବରେ ଗତିଶୀଳ ବୋଲି ବିବେଚନା କରିପାରିବି ଯାହା \sin ାରା ଯଦି ବିସ୍ଥାପନ x ଠିକ ଅଛି ତେବେ x ହିସାବରେ ଥିବା ବଳ ମୋଡେ ହିସାବ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ କାର୍ଣ୍ଣିକ ସେହି ବଳ ଆମକୁ ବିଶ୍ଳେଷଣ କରିବା ଯେତେବେଳେ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ବିସ୍ଥାପିତ ହୁଏ ଏବଂ ଏଠାରେ | ମୁଁ ଏକ କୋଣ ତିଆରି କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଓଜନ ମିଶ୍ରା ଦୁଇଟି ଉପାଦାନ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଯେହେତୁ ଗୋଟିଏ ଉପାଦାନ ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗରେ ଅଛି ଏବଂ ଅନ୍ୟଟି ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗ ସହିତ p ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗରେ ଅଛି ଏବଂ ଏହା ବିସ୍ଥାପନର ବିପରୀତ ଦିଗରେ ଅଛି ଏବଂ ଏହି ଉପାଦାନଟି ଯଦି ଏହି କୋଣ ଅଟେ | କମ୍ପୋନେଣ୍ଟ f perpendicular to string theta ok ର $mg \sin$ ସହିତ ସମାନ

ଡେଣୁ ଏଠାରେ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ଅଛି ଯାହା ଏଠାରେ ଏକ କୋଣ ଆଗା ଦ୍ୱାରା ବିସ୍ଥାପିତ ହୋଇଛି ଓଜନ ମିଶ୍ରା ଏହାର ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ଉପାଦାନ ଏବଂ ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗ ସହିତ p ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗରେ ଥିବା ଅନ୍ୟ ଉପାଦାନ | ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗ ହେଉଛି ଆଗା ର ମିଶ୍ରା ସାଇନ

ଡେଣୁ ଫୋର୍ସ ହେଉଛି ମିଶ୍ରା ପାପ ଆଗା ଯାହା ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ଦ length ଘିଏ 1 ଥାଏ ଏବଂ ଭୂସମାନ୍ତର ଦିଗରେ ଏହି ବିସ୍ଥାପନ x ତେବେ x କିମ୍ବା ଏହି ଆର୍ଦ୍ଧ ଲମ୍ବ ପ୍ରକୃତରେ ନଥାଏ | ଆଗା ପାଇଁ ଏକରୁ କମ୍ ବିଷୟ

ଡେଣୁ ଏହାକୁ ପ୍ରାୟ ମିଶ୍ରା ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଯାହାକି ମିଶ୍ରା x ଉପରେ 1 ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ମୋଡେ ସତର୍କ ରହିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଏବଂ ଏଠାରେ ଏକ ମାଲନସ୍ ଟିକ୍ ରଖିବାକୁ ହେବ କାରଣ ବଳଟି x ର ବିପରୀତ ଦିଗରେ ଅଛି ଏବଂ

ଡେଣୁ dt ବର୍ଗ ଉପରେ ଗତି md ଦୁଇ x ର ସମୀକରଣ $1x$ ଉପରେ ମାଲନସ୍ ମିଶ୍ରା ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି ଗତିର ସମୀକରଣ ମୁଁ ଭଲେ ପାର୍ଶ୍ୱରୁ m କୁ ବାଟିଲୁ କରିବି ଏବଂ dt ବର୍ଗ ଉପରେ d ଦୁଇ x ପାଇବି $1x$ ଉପରେ ମାଲନସ୍ g ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି ସମୀକରଣ | ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ମୋସନ୍ ନୋଟିସ୍ ପାଇଁ ଏହା ହେଉଛି ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି କେବଳ ଆନୁମାନିକତା ଅନୁଯାୟୀ ଆପଣ 1 ଠାରୁ ବହୁତ କମ୍ କିମ୍ବା ତିସ୍ତେସ୍ତେମେଣ୍ଟ x 1 ଠାରୁ ବହୁତ କମ୍ ଡେଣୁ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ଆଗା ପାଇଁ ମୋର ଯାହା ଅଛି | 1 ଠାରୁ ବହୁତ କମ୍ କିମ୍ବା ଏହି x ah ଆଗା ଏକ କିମ୍ବା x ଠାରୁ ବହୁତ କମ୍, $1i$ ଠାରୁ d ଦୁଇଟି x ଉପରେ d t ବର୍ଗ ଉପରେ $1x$ ଉପରେ ମାଲନସ୍ g ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ଡେଣୁ ଓମେଗା ବର୍ଗ 1 ଉପରେ 1 କିମ୍ବା ଓମେଗା ବର୍ଗ ମୂଳ ଅଟେ | g ଉପରେ 1 ଏବଂ ସମୟ ଅବଧି t ସମାନ ଦୁଇଟି π ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ 1 ଉପରେ g ନୋଟିସ୍ କରନ୍ତୁ ଯେ ସମୟ ଅବଧି ବର୍ଗ ର ମାସ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ ନାହିଁ କିମ୍ବା ସେହି ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗ ଶେଷରେ ଆପଣ hang ୁଲୁଥିବେ | କେବଳ ଷ୍ଟ୍ରିଙ୍ଗର ଦ length ଘିଏରେ ଏକ ମଜାଦାର ସମସ୍ୟା ମିଳିବ | ଏକ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ଲମ୍ବ ଯାହାର ଏକ ସେକେଣ୍ଡର ସମୟ ଅବଧି ଅଛି ଆମେ ଫର୍ମୁଲାକୁ ଯିବା, 1 ଉପରେ g ର ଦୁଇଟି π ବର୍ଗ ମୂଳ ସମାନ 1 ଆପଣଙ୍କୁ ଚାରି π ବର୍ଗ ଉପରେ g ସମାନ କରେ ଯାହା ମୁଁ ପ୍ରାୟ ପାଇପାରେ କାରଣ g ପ୍ରାୟ π ବର୍ଗ ଗୋଟିଏ | ଚାରି ମିଟର କିମ୍ବା ପ୍ରାୟ ପଚାଶ ସେଣ୍ଟିମିଟରରୁ ଅଧିକ ଏବଂ ତୁମେ ତୁମର କାନ୍ଥ ଘଣ୍ଟାକୁ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ଦେଖିବ ଯେଉଁଠାରେ ପାଖାପାଖି $ings$ o ସେଣ୍ଟିମିଟର ଦ length ଘିଏ ଥାଏ କାରଣ ମୁଁ g କୁ ପାଇ ବର୍ଗ ଭାବରେ ନେଇଛି

ଡେଣୁ ଏହା 25 ସେଣ୍ଟିମିଟର ପାଖାପାଖି ହେବ | ପରବର୍ତ୍ତୀ ଏକ ସେକେଣ୍ଡର ଏକ ସମୟ ଅବଧି ଅଛି ଯାହା ମୁଁ କରିବାକୁ ଯାଉଛି ତାହା ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ ଦେଖୁଛୁ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ shm ପ୍ରଦର୍ଶନ କରୁଥିବା ବିନ୍ଦୁ ଜନତାକୁ ଦେଖୁଛୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ସାଧାରଣକରଣ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ବର୍ଷିତ ଶରୀର ସହିତ କଠିନ କାରବାର କରୁ ତେବେ କ'ଣ ହେବ ଦେଖିବା | ଦେହ ଲତ୍ୟାଦି ଯେପରି ପ୍ରଥମ ଉପାଦାନର ଭାବରେ ମୁଁ ଏକ ପିଭଟ୍ ସହିତ ing ୁଲୁଥିବା ଏକ ବାଡ଼ି ନେବାକୁ ଯାଉଛି, ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡରେ ପିଭୋଟ୍ hang ୁଲୁଛି ଏବଂ ଭୁଲମ୍ଭରେ hang ୁଲୁଛି ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଏହା ଫର୍ମକୁ ଭୁଲମ୍ଭ ଭାବରେ ଭୁଲମ୍ଭ ଭାବରେ ସଜ୍ଜନ ସ୍ଥିତିରେ ବୁଲିବାକୁ ଆରମ୍ଭ କରେ

ଡେଣୁ ଏହା ପର୍ଯ୍ୟାୟକ୍ରମେ କାର୍ଯ୍ୟ କରେ | ଏହା ହେଉଛି ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ଯାହା ଆମେ ପଚାରୁଥିବା ପ୍ରଶ୍ନକୁ ଦେଖିବା ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ଏହାର ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ସହିତ ଏହାର ସମାନତା ଦେଖିବା ଯାହା ବିଷୟରେ ଆମେ ଆଲୋଚନା କରିଥିଲୁ କିନ୍ତୁ ଯେତେବେଳେ ଆପଣ କଠିନ ଶରୀର ସହିତ କାରବାର କରୁଛନ୍ତି ସେତେବେଳେ ଆପଣଙ୍କୁ ସତର୍କ ରହିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ ଏହି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଶରୀର ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଶରୀର ଅଟେ | ବର୍ଷିତ କଠିନ ସଂସ୍ଥାଗୁଡ଼ିକ ସହିତ କାରବାର କରିବାବେଳେ ମୋଡେ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ, ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା ସମୀକରଣ କ'ଣ ଆମେ ଟର୍କ୍ ସମୀକରଣ ବ୍ୟବହାର କରୁ

ଡେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ମୁଁ ବଳ ସହିତ mx ସମୀକରଣକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯାଉଛି ନାହିଁ ବରଂ ଟର୍କ୍ i ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ଯେଉଁଠାରେ ଆଲଫା କୋଣାର୍କ ଭରଣ ସମୀକରଣ ଅଟେ | ଚାଲନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ସମସ୍ୟା ଗଠନ କରିବା ଏବଂ କହିବା ଯେ ମାସ ଏବଂ ଲମ୍ବ ଏକ ୟୁନିଫର୍ମ ରଡ୍ ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡରେ ପିଭୋଟ୍ ହୋଇଛି

ଡେଣୁ ମୋଡେ ଏଠାରେ ଏକ ଚିତ୍ର ତିଆରି କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯଦି ଏହା ଭୁଲମ୍ଭ ଲେଖାରୁ ଏକ କୋଣ ଆଗା ଦ୍ୱାରା ବିସ୍ଥାପିତ ହୁଏ ତେବେ ଏହା ସଜ୍ଜନରେ ଭୁଲମ୍ଭ ଭାବରେ ing ୁଲୁଛି | ଏହା ରିଲିଜ୍ ହେବାବେଳେ ଏହାର ଗତିର ସମୀକରଣ

ଡେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରୁଛୁ ତାହା ହେଉଛି ଆମେ ଏହାକୁ ଏକ ଆଙ୍ଗୁଳି ଆଗା ଦ୍ୱାରା ବିସ୍ଥାପନ କରୁ ଏବଂ ଏହାକୁ ମୁକ୍ତ କରୁ ଏବଂ ମୁଁ ମୋସନ୍ ନମ୍ବର ଏକର ସମୀକରଣ ଲେଖିବାକୁ ଚାହେଁ, ଯଦି o ଠାରୁ କମ୍ ଥାଏ | ଏହା ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି କରେ ଏବଂ ଏହାର ସମୟ ଅବଧିକୁ ଖୋଜି ବାହାର କରେ

ଡେଣୁ ଦେଖିବା ଏହା ଏକ କଠିନ ଶରୀର ଏହାର ଏକ ସମାନ କଠିନ ଶରୀର ଏବଂ

ଡେଣୁ ଫୋର୍ସ ଦୁଇଭାଗରୁ ଅଧିକ ଦୂରତାରେ ମାସର କେନ୍ଦ୍ରରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରେ ଏବଂ ଏହା ଏକ ପ୍ରୟୋଗ କରେ ଟର୍କ୍ ଟର୍କ୍ କେତେ ଦୂରତା ଦୂରତା ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ଡେଣୁ ମୋଡେ ଏହାକୁ ବିଭିନ୍ନ ରଙ୍ଗରେ ପର୍ଯେଣ୍ଟିକୁଲାର ଦୂରତା ଦେଖାଇବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯାହା ଲାଲ 1 ରେ 2 ସାଇନା ଦ୍ୱାରା ଦେଖାଯାଏ ଏବଂ ଏହା ଏହାକୁ ପଛକୁ ଟାଣେ

ଡେଣୁ ଶରୀର ଉପରେ ଟର୍କ୍ ମିଶ୍ରା 1 ଅଟେ | 2 ଟି ସାଇନା ଦ୍ୱ and ାରା ଏବଂ ଏହା ବିସ୍ଥାପନର ବିପରୀତ ଦିଗରେ ଗତିର ଏକ ସମୀକରଣ

ଡେଣୁ ରତ ସମୟର କୋଣ ଅନୁକୋଣ ଭରାକିତ ଆଲଫା ମାଲନସ୍ ମିଶ୍ରା 1 ସହିତ 2 ସାଇନ ଆ କାର୍ଣ୍ଣିକ ଏହି ମାଲନସ୍ ଟିକ୍ କାରଣ ଟର୍କ୍ ବିସ୍ଥାପନ ବିପରୀତ ଦିଗରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରୁଛି ମନେରଖନ୍ତୁ ଯେ ଆଲଫା dt ବର୍ଗ ଉପରେ d ଦୁଇଟି ଆଗା ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ଡେଣୁ ଗତିର ସମୀକରଣ ହେଉଛି dt ବର୍ଗ ଉପରେ ଦୁଇଥର ଆଗା କିମ୍ବା ଦୁଇଟି ସାଇନ ଉପରେ ମାଲନସ୍ $mg1$ ସହିତ ସମାନ | ଦୁଇଟି ଥା ଓଭ୍ | er dt ବର୍ଗ ଦୁଇଟି i ସାଇନ ଉପରେ ମାଲନସ୍ $mg1$ ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି ମୋସନ୍ ନୋଟିସ୍ ସମୀକରଣ ଯେ ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ମୋର ଆଗା ସାଇନ ଅଛି ଯଦି ଆଗା ଗୋଟିଏ ଠାରୁ ବହୁତ କମ୍ ତେବେ ମୁଁ ପାପ ଆଗା ପ୍ରାୟ ସମାନ ଲେଖିପାରେ | ଆଗାକୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଗତିର ସମୀକରଣ dt ବର୍ଗରେ ଦୁଇଟି ଆଗା ମାଲନସ୍ ମିଶ୍ରା 1 ସହିତ ଦୁଇଗୁଣରୁ ସମାନ ଅଟେ ଏହି ସମୀକରଣଟି ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ପାଇଁ ସମୀକରଣ ଅଟେ ଯାହା ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଲେଖୁଥିଲୁ dt ବର୍ଗ ଦ୍ୱ d ାରା d x x ଥିଲା | ମାଲନସ୍ କିଛି ସ୍ଥିର ସମୟ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା x ବର୍ତ୍ତମାନ ଆଗା ଦ୍ୱାରା ପ୍ରତିସ୍ଥାପିତ ହୋଇଛି, ଏହା ବ୍ୟତୀତ ଏହା ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କ difference ଶିଦ୍ଧି ପାର୍ଥକ୍ୟ ନାହିଁ ଏହା ଏକ ସ୍ଥିର ଅଧିକାର

ଡେଣୁ ଛୋଟ ଆଗା ପାଇଁ ଏହାଠାରୁ କମ୍ ଏହା ଏକ ଓମେଗା ବର୍ଗ ସହିତ ଏକ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି କରିବାକୁ ଯାଉଛି | 1 ଦୁଇରୁ ଅଧିକ ମୁଁ ଠିକ୍

ଡେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଲମ୍ବ ର ଏକ ୟୁନିଫର୍ମ ରଡ୍ ନେବି ତେବେ ବିସ୍ଥାପିତ ହୁଏ ଏହା ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି କରିଥାଏ ଯାହା ସହିତ ଓମେଗା ବର୍ଗକୁ ଦୁଇ i ଉପରେ ମିଶ୍ରା 1 ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ଏକ ୟୁନିଫର୍ମ ରଡ୍ ପାଇଁ ମୁଁ ତିନୋଟି ଓମେଗା ବର୍ଗ ଉପରେ ମିଲ୍ ବର୍ଗ ଅଟେ | ମି ହୋଇଯାଏ | ତିନିରୁ ଅଧିକ ଦୁଇଥର ମିଲ୍ ବର୍ଗ ଉପରେ $g1$ ଯାହାକି ଦୁଇ ମିଟର ଉପରେ ତିନି g ବାଟିଲୁ କରେ 1 ଅନ୍ୟଟି ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ମଧ୍ୟ ବାଟିଲୁ କରେ ଏବଂ ସମୟ ଅବଧି t ଓମେଗା ଉପରେ ଦୁଇଟି ପାଇ ସମାନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ଦୁଇ ପି ବର୍ଗ ଦୁଇ ମୂଳ ତିନିରୁ ଅଧିକ | g

ଡେଣୁ ଏହା ସାମାନ୍ୟ ଭିକ୍ଟ ଅଟେ ଏକ ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ପାଇଁ ସମୟ ଅବଧି ଟିକିଏ ଅଲଗା ଅଟେ ଯେଉଁଠାରେ ସମସ୍ତ ଜନତା ଶେଷରେ ଏକାଗ୍ର ହୋଇଥିଲେ ଏହାର ଅନ୍ୟ ଏକ ଉପାଦାନର ଧରାଯାଉ ମୋର ଏକ ଟିକ୍ ଅଛି ଏବଂ ମୁଁ ଏହାକୁ ଏହାର ପାରିପାର୍ଶ୍ୱରେ ଏକ ଡିଭାଇଜ୍ କରେ | ମାସ୍ ମି ଏବଂ ରେଡିୟସ୍ ର ଏକ ୟୁନିଫର୍ମ ଟିକ୍ ଏହାର ପାରିପାର୍ଶ୍ୱରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ବିଭକ୍ତ ହୋଇଛି ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହାକୁ ଛୋଟ କୋଣ ସହିତ ଛୋଟ କୋଣ ସହିତ ଟିକିଏ ବିସ୍ଥାପନ କରୁଛୁ

ଡେଣୁ ପ୍ରଶ୍ନ ହେଉଛି ଏକ ଛୋଟ କୋଣ ଦ୍ୱାରା ବିସ୍ଥାପିତ ହେଲେ ଦୋହରିବାର ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି କ'ଣ? ଭର୍ଟିକାଲ୍ ରୁ ଥିବା ଏବଂ ରିଲିଜ୍ ହୋଇଛି ଯାହା ଦ୍ୱ we ାରା ଆମେ

ଯାହା କରୁଛି ତାହା ହେଉଛି ଆମେ ଏହି ଡିସ୍କ୍ରିପ୍ଟିଭ୍ ଉର୍ଦ୍ଧ୍ୱକାଳ ପୋଜିସନ୍ ଠାରୁ ଚିକିତ୍ସା ବିସ୍ତାପନ କରୁଛି ଯେଉଁଠାରେ ଏହା ସମ୍ଭବନରେ ଅଛି ଏବଂ ଏହାକୁ ମୁକ୍ତ କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଜାଣିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ

ତେଣୁ ପୁନର୍ବାର ଏଠାରେ ଡିସ୍କ୍ରିପ୍ଟିଭ୍ ଅଛି ଏବଂ ଏହାର ସାମାନ୍ୟ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହୋଇଛି | f ମି ଏହାର ସମ୍ଭବନ ସ୍ଥିତି ଏବଂ ସମସ୍ତ ଜନତା ଏହାକୁ ଚାଣିବା ପାଇଁ କେନ୍ଦ୍ରରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରୁଛି ଏବଂ ଏହା ଏକ କାଉଣ୍ଟର ଚର୍ଚ୍ଚ ଯୋଗାଇଥାଏ ଯାହା ν counter ାରା ଏହା ପଛକୁ ଚାଣି ହୋଇଯାଏ ଯେ କାଉଣ୍ଟର ଚର୍ଚ୍ଚ କେତେ r ଅଟେ ତେବେ ଚର୍ଚ୍ଚିତ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟବ୍ତୀକୃତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ପିଭର୍ ଠାରୁ ଦୂରତା ଏବଂ ପିଭର୍ ଚର୍ଚ୍ଚ ଦେଇ ଯାଉଥିବା ଭୂଲମ୍ବ ରେଖା ଭୂଲମ୍ବ ରେଖା mgr ଗୁଣ ସାଇନ ଥାତା ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏକ ଛୋଟ ଥାତା ପାଇଁ ଏହା $mg r \theta$ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏବଂ

ତେଣୁ ଗତିର ସମୀକରଣ i ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ହେବ | $mg r \theta$ କିମ୍ବା id ଦୁଇଟି ଥାତା dt ବର୍ଗ ଉପରେ ସମାନ୍ତରାଳ ଅକ୍ଷ ଥିବେ ν \min ାରା ମାଲନସ୍ ମିଗ୍ରା r ଥାତା ସହିତ ସମାନ, ମୁଁ ମାସର କେନ୍ଦ୍ର ବିଷୟରେ ନିଷ୍ପତ୍ତର ମୁହୂର୍ତ୍ତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା mr ବର୍ଗ ν 2 ାରା ଦୁଇ ପୁସ୍ mr ବର୍ଗ ଯାହା ଡିନି ମିଟର ବର୍ଗ ଅଟେ | ଦୁଇଟି ଏବଂ

ତେଣୁ ଗତିର ସମୀକରଣ ହେଉଛି ଦୁଇ ମିଟର ଉପରେ ଡିନି ମିଟର ବର୍ଗ, dt ବର୍ଗ ଉପରେ ଦୁଇଟି ଥାତା ମାଲନସ୍ ମିଗ୍ରା r ସହିତ ସମାନ, ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱରେ m କୁ ବାଟିଲ୍ କରିବାକୁ ଦିଅ ଏବଂ ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱରେ r ର ଗୋଟିଏ ବାଟିଲ୍ କରିବାକୁ ଦିଅ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ମୁଁ dt ଉପରେ ଦୁଇଟି ଥାତା ପାଇବି | ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ tw ସହିତ ସମାନ | $o g$ ଡିନୋଟି r ଉପରେ ଆଥାକ୍ତି

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଓମେଗା ବର୍ଗ ଡିନି r ଉପରେ ଦୁଇ g ହେବ ଏବଂ ସମୟ ଅବଧି t ଦୁଇଟି r ର ଦୁଇ π ବର୍ଗ ମୂଳ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଅନ୍ୟ ଏକ ସମସ୍ୟା ଯାହା ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖାଇବାକୁ ଯାଉଛି | ସରଳ ହରମୋନିକ୍ ଗତିର ଏହି ଧାରଣାକୁ ପ୍ଲାଜମା ଦୋହରିବା କୁହାଯାଏ ଏବଂ ଆପଣ ଯଦି ଆପଣଙ୍କର ଦ୍ୱାବଣ ଶ୍ରେଣୀ ପୁସ୍ତକରୁ ମନେ ପକାନ୍ତି ତେବେ ଏହା ଘଟିଥାଏ କିମ୍ବା ଆୟନୋସ୍ପାକ୍ଟର ରେଡିଓ ତରଙ୍ଗ ବିଷୟରେ କଥାବାର୍ତ୍ତା କରିବା ସମୟରେ ଆପଣ ପ୍ଲାଜମା କିମ୍ବା ପ୍ଲାଜମା ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ବିଷୟରେ ଶୁଣିଥିବେ | ସକରାତ୍ମକ ଏବଂ ନକାରାତ୍ମକ ଚାର୍ଜର ଏକ ସଂଗ୍ରହ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ସେମାନେ ପରସ୍ପର ପ୍ରତି ବିସ୍ତାପିତ ହୁଅନ୍ତି ମୁଁ ଯେପରି ସମସ୍ୟାରେ ଦେଖାଇବି ସେମାନେ ଏକତ୍ର ବୋହଲିବା ଆରମ୍ଭ କରନ୍ତି ଏବଂ ଏହାକୁ ପ୍ଲାଜମା ଦୋହରିବା କୁହାଯାଏ ଏବଂ ଏଥିପାଇଁ ପ୍ରାକୃତିକ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଓମେଗା p ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ ହୋଇଥାଏ ଯାହା ଜଣାଶୁଣା | ପ୍ଲାଜ୍ମା ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି

ତେଣୁ ଆମେ ଯେଉଁ ପ୍ରଶ୍ନ ପଚାରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ତାହା ନିମ୍ନରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ସମସ୍ୟା ହେଉଛି ସକରାତ୍ମକ ଏବଂ ନକାରାତ୍ମକ ଚାର୍ଜର ଏକ ସଂଗ୍ରହ ଯାହା ଆମେ କହିପାରିବା ପଡିଟିଭ୍ ଆୟନ ଏବଂ ଇଲେକ୍ଟ୍ରନ୍ ମୋଡେ ଏହାକୁ ଦେଖାଇବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହା ଦେଖାଯାଇଥିବା ପଡିଟିଭ୍ ଚାର୍ଜ ପରି | y କଳା ଏବଂ ଏହା ଉପରେ ଲାଲ୍ ଦ୍ୱାରା ଦେଖାଯାଇଥିବା ନେଗେଟିଭ୍ ଚାର୍ଜ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ସ୍ପ୍ଲବ୍ ଜ୍ୟାମେଟ୍ରିରେ ଦେଖାଯାଏ ପଡିଟିଭ୍ ଚାର୍ଜଗୁଡ଼ିକ ସ୍ଥିର ହୋଇଥିବାବେଳେ ନେଗେଟିଭ୍ ଚାର୍ଜର ସ୍ପ୍ଲବ୍ ବିସ୍ତାପିତ ହୋଇଥିବାର ଦେଖାଯାଏ ଯେପରି ଏହା ଓସିଲିଏସନ୍ ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଖୋଜିଥାଏ | ଆମେ ଦେଖାଉଛୁ ଯେ ଏହି ନେଗେଟିଭ୍ ଚାର୍ଜ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ବାହାରେ ଚିକିତ୍ସା ବିସ୍ତାପିତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ଏହା ଦର୍ଶାଯାଇଛି ଯାହା ν $this$ ାରା ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱରେ ନକାରାତ୍ମକ ଚାର୍ଜ ଅଛି ଯାହା ପଛରେ ଅଛି ଯାହା ପଛରେ ଅଛି ତାହା ସମସ୍ତ ସକରାତ୍ମକ ଚାର୍ଜ ଏବଂ ତା' ପରେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ | ଏହା ଏକ e $electric$ ଦୁପ୍ତିକ କ୍ଷେତ୍ର ସେଟ୍ ଅପ୍ କରେ ଯାହା ନକାରାତ୍ମକ ଚାର୍ଜକୁ ପଛକୁ ଚାଣିଥାଏ

ତେଣୁ ମୋଡେ ବର୍ତ୍ତମାନ ସମସ୍ୟାକୁ ଅଧିକ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରୁଛୁ ତାହା ହେଉଛି ଆମର ସ୍ପ୍ଲବ୍ ଯାହା ଉପରେ ଆମର ଏହି ନକାରାତ୍ମକ ଚାର୍ଜ ଅଛି ଯାହା ସାମାନ୍ୟ ବିସ୍ତାପିତ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଯାହା ଘଟୁଛି ତାହା ହେଉଛି | ଏହି ଚାର୍ଜ ନକାରାତ୍ମକ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ତୁମେ ଯାହା ପଛରେ ଛାଡ଼ିଛ ତାହା ହେଉଛି ଏହି ସକରାତ୍ମକ ଚାର୍ଜ ଏବଂ ଏହା ଏଠାରେ ଏକ ଇଲେକ୍ଟ୍ରିକ୍ ଫିଲ୍ଡ ସେଟ୍ ଅପ୍ କରେ ଏବଂ ଏହି e $electric$ ଦୁପ୍ତିକ କ୍ଷେତ୍ର ଏହି ଲାଲ୍ ଜିନିଷକୁ ପଛକୁ ଚାଣିବାକୁ ଯାଉଛି | e $electric$ ଦୁପ୍ତିକ କ୍ଷେତ୍ର ହେତୁ ଏକ ପୁନରୁଦ୍ଧାର ଶକ୍ତି ଅଛି ଯଦି ଏହି ପୁନରୁଦ୍ଧାର ବଳ x କିମ୍ବା ବିସ୍ତାପନ ସହିତ ଆନୁପାତିକ ତେବେ ମୁଁ ଜାଣେ ସରଳ ହରମୋନିକ୍ ଦୋହରିବାକୁ ଯାଉଛି ଏହି ଦୂରତା x ସ୍ପ୍ଲବର ମୋଡେଲ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଏଠାକୁ ଛାଡ଼ିଦିଅ | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଏହି ଚାର୍ଜ x ν $displ$ ାରା ବିସ୍ତାପିତ ହୋଇଛି କି ନାହିଁ ଏଠାରେ ଭୁଲ୍ସ ଚାର୍ଜ କେତେ ଅଛି

ତେଣୁ n ଚାର୍ଜର ସଂଖ୍ୟା ସାନ୍ଦ୍ରତା ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ମୁଁ ଏହାକୁ x ଦ୍ୱାରା ବିସ୍ତାପନ କରେ ତାହା ଭଲ୍ସ ν ଏଠାରେ ଦେଖାଯାଏ | ଯାହା ମୁଁ ମୋ ପେନ୍ ଉପରେ ରଖୁଛି ଯାହା ବାଇଗଣୀ ଦ୍ୱାରା ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହୋଇଛି ଏବଂ ଯାହାକି ଏକ ଥର x ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଚାର୍ଜ ସଂଖ୍ୟା n ଗୁଣକୁ x ଥର ହେବ

ତେଣୁ ଚାର୍ଜ ହେବ କାରଣ ଏହାର ନକାରାତ୍ମକ ଚାର୍ଜ ମାଲନସ୍ ନେସ୍ ହେବ | e ହେଉଛି ଚାର୍ଜ କହିବା ଇଲେକ୍ଟ୍ରୋନିକ୍ ଚାର୍ଜ ଯଦି ଏହି ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ ଗୁଞ୍ଜାଯାଉଛି ତେବେ ଇଲେକ୍ଟ୍ରନ୍ ଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ପରିମାଣରେ ଅନ୍ୟ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଥିବା ଚାର୍ଜ ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱରେ ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଯୁକ୍ତିତ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇଁ ଚାର୍ଜ ଯାହା i କଲ୍ ସିଗନା a ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜିତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ଯାହା ନେସ୍ ଏହା ହେଉଛି ସିଗନା

ତେଣୁ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ମୋର ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ପୁସ୍ ସିଗନା ଅଛି ମୋର ମାଲନସ୍ ସିଗନା ଅଛି

ତେଣୁ e $electric$ ୀରେ e $electric$ ୀରେ ଥିବା e $electric$ ଦୁପ୍ତିକ କ୍ଷେତ୍ର ଇପିସିଲନ୍ ଶୂନ୍ୟ ଉପରେ ସିଗନା ହେବ ଯାହା ତାହାଣକୁ ଇପିସିଲନ୍ ଶୂନ୍ୟ ଉପରେ ନିସ୍ତୁଳ ଅଟେ | ଏହା ଏହି ଇଲେକ୍ଟ୍ରନ୍ ଗୁଡ଼ିକ ଉପରେ ଏକ ବଳ ପ୍ରୟୋଗ କରିବାକୁ ଯାଉଛି, ବଳ ବଳ ଇଲେକ୍ଟ୍ରନ୍ ସଂଖ୍ୟା ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ଆମେ ଅନୁମାନ କରୁଛୁ ଯେ x 1 l nal ସମୟଠାରୁ ବହୁତ କମ୍ ଅଟେ, ଚାର୍ଜ ଏକ ମାଲନସ୍ ସଙ୍କେତ ଦେଇପାରେ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଯେହେତୁ କେବଳ ପରିମାଣକୁ ହିସାବ କରୁଛି ଦ୍ୱିଗୁଣିତ ମାସକୁ ଗୁଞ୍ଜାଯାଉଥିବା ଯାଉଛି ଇଲେକ୍ଟ୍ରନ୍ ସଂଖ୍ୟା ମୋ ଇଲେକ୍ଟ୍ରନ୍ ର ତବଲ୍ ତବ୍ ମାଲନସ୍ n ବର୍ଗ ଆଲେ ବର୍ଗ x x ଏପିସିଲନ୍ ν $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହେବ ଏହି ମାଲନସ୍ ସଙ୍କେତ ଦର୍ଶାଏ ଯେ ଏହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ପୁନରୁଦ୍ଧାର ଶକ୍ତି ଅଟେ i ମୁଁ ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱରୁ ଏକ ବାଟିଲ୍ କରିପାରିବି | ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱ n ରୁ n 1 କୁ ବାଟିଲ୍ କର ମୋ ଉପରେ ଏପିସିଲନ୍ ଶୂନ୍ୟ ନେ ବର୍ଗ ν $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ଏବଂ ଏହା ଓମେଗା ପୁସ୍ ବର୍ଗ ଛତା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଓମେଗା ପ୍ଲାଜମା ବର୍ଗ ମୋ ଉପରେ ଏପିସିଲନ୍ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ପ୍ଲାଜମା ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା

ତେଣୁ ଏହା ଧାରଣାର ଏକ ଭିନ୍ନ ପ୍ରୟୋଗ | ଚାର୍ଜ ହୋଇଥିବା କଣିକାର ସଂଗ୍ରହକୁ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି ଏହି ବକ୍ରବ୍ୟରେ ଅକ୍ତିମ ସମସ୍ୟା ଭାବରେ ମୁଁ ଏକ ପିଭର୍ ପାର୍ଶ୍ୱର ଏକ ବର୍ଗକୁ ଏହାକୁ ଏକ କୋଣରେ ଭୂଲମ୍ବ ଭାବରେ ନେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହାକୁ ଭୂଲମ୍ବ ସ୍ଥିତିରୁ ଏକ କୋଣ ଥାତା ଦ୍ୱାରା ଚିକିତ୍ସା ସ୍ଥାନାନ୍ତର କରିବାକୁ ଯାଉଛି | ଏବଂ ଆମେ ଜାଣିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ଯେ ପୁନର୍ବାର ଦୋହରିବାର ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି କ'ଣ ହେବ, ଯେହେତୁ ଏହାର ବିସ୍ତାରିତ ଶରୀର ସମୀକରଣ ଯାହାକୁ ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ତାହା ହେଉଛି i θ ତବଲ୍ ତବ୍ ଯାହା ସମାନ ଭାବରେ ମୁଁ କୋଣାକ୍ ଦ୍ୱରଣ ଚର୍ଚ୍ଚ ସହିତ ସମାନ | ଡିସ୍କ୍ରିପ୍ଟିଭ୍ ସମସ୍ୟା ପରି ଚର୍ଚ୍ଚ ପୁନର୍ବାର ଏହି ଓଜନ ମିଗ୍ରା ହେତୁ ଆସୁଛି

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ହିସାବ କରିବା ତେବେ ଏହା ଭୂଲମ୍ବରୁ ବିସ୍ତାପିତ ବର୍ଗ ଅଟେ ଏହା ଅକ୍ଷଠାରୁ ମିଗ୍ରା ଦୂରତା ହେଉଛି ଅର୍ଦ୍ଧ ତାଇଗୋନାଲ୍ ଯାହା ମୂଳ ଦୁଇ ସାଇନ ଥାତା ଉପରେ | ଚର୍ଚ୍ଚ ହେଉଛି ମୂଳ ଦୁଇଟି ପାପ ଉପରେ ଏକ ମିଗ୍ରା ଚିହ୍ନ ଏବଂ ମୁଁ ଆଗରେ ଏକ ମାଲନସ୍ ସଙ୍କେତ ରଖୁଛି କାରଣ ଏହା ବିସ୍ତାପନର ବିପରୀତ ଦିଗରେ ଅଛି ଯାହା ଛୋଟ କୋଣର ଆନୁମାନିକତାରେ ଏହା ମୂଳ ଦୁଇଟି ଥାତା ଉପରେ ମାଲନସ୍ $mg a$ ହୋଇଯାଏ ଯଦି ଥାତା ଛୋଟ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ସମୀକରଣ | ଗତି ହେଉଛି ମୁଁ ଥାତା ତବଲ୍ ତବ୍ ମୂଳ 2 ଥା ଉପରେ ମାଲନସ୍ ମି ଗା ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଓମେଗା ବର୍ଗ

ତେଣୁ ରୁଟ୍ 2 ଉପରେ $mg a$ ଅଟେ, ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ କରିବାକୁ ହେବ ତାହା ହେଉଛି ବର୍ଗ ପାଇଁ i ପାଇଁ ବଦଳାଇବା ବର୍ତ୍ତମାନ ମୁଁ ପିଭର୍ ବିଷୟରେ | ପିଭର୍ ବିଷୟରେ i ସେମି ପୁସ୍ i ପ୍ରାୟ cm ସେମି

ତେଣୁ ପିଭର୍ ବିଷୟରେ i cm ସେମି ଦୁଇ ବର୍ଗ ν $square$ ାରା ବର୍ଗଫୁଟ୍ ହେବ ଏବଂ କାଗଜରେ ଏହି ଅକ୍ଷରେ ପ୍ରାୟ ସେମି ପ୍ରାୟ cm ସେମି ବର୍ଗଫୁଟ୍ ହେବ ଯାହା ପରେ 3 ରୁ ଦୁଇଟି ମା ବର୍ଗ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଓମେଗା ବର୍ଗ | $uare$ 2 ରୁ 2 ବର୍ଗ ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ଉପରେ $mg a$ ଛତା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ, ଆମେ ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱରେ m କୁ ବାଟିଲ୍ କରିପାରିବା ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଆପଣ ପାଇଥିବା ଉତ୍ତର ହେଉଛି 2 ରୁଟ୍ ଉପରେ $3 g$ ଯାହା ଓମେଗା ବର୍ଗ କିମ୍ବା ଫ୍ରିକ୍ୱେନ୍ସି ଓମେଗା |

ନିଜେ ଦୁଇଟି ମୂଳ ଉପରେ ତିନି ଗ୍ରାମ ଦୁଇରୁ ଏକ ଅଧାକୁ ବା $\frac{1}{2}$ ରାହା

ତେଣୁ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ନେବା ପାଇଁ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ $\frac{dy}{dt}$ ବର୍ଗ ମାତ୍ରରେ ଉପରେ y ସହିତ ସମାନ, ତୁମ୍ଭର y ପାଇଁ କିଛି ଆଇପାରେ ଏହା କୋଣ ହୋଇପାରେ ଏହା ବିସ୍ଥାପନ ହୋଇପାରେ | ଖାସ୍ତା ଲିକ୍ସ୍ କିମ୍ବା ଯେତେବିନ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସମୀକରଣ ଏହି ଫର୍ମରେ ଅଛି, ଏହା ସରଳ ହରମୋନିକ୍ ଗତିକୁ \sin ଓ \cos ଆପଣ ଏହାକୁ ଗତିର ସମୀକରଣରୁ ବାହାର କରି ପାରିବେ ଏବଂ ବଳ ଏବଂ ବିସ୍ଥାପନକୁ ବିଚାର କରି ଆପଣ କଠିନ ଶରୀରରେ ବିସ୍ଥାପିତ ହୋଇପାରିବେ | ଚର୍ଚ୍ଚ ଏବଂ କୋଣାର୍କ ଦ୍ଵାରା ସମୀକରଣକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ସମାନ ସମୀକରଣ ଯେପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସମୀକରଣ ଫର୍ମରେ ଆସେ ଯେଉଁଠାରେ ଦ୍ଵାରା ବିସ୍ଥାପନର ମାତ୍ର ସହିତ କିଛି ଆନୁପାତିକ ଅଟେ ଯାହା କ୍ରମାଗତ ଆପଣଙ୍କୁ ସରଳ ହରମୋନିକ୍ ଗତି ଏବଂ ଶରୀରର ଆବୃତ୍ତି ଦେଇଥାଏ | ତୁମ୍ଭକୁ ସରଳ ହରମୋନିକ୍ ଗତି କରେ |

Prutor@iitk