

لہذا لیکچرز کے ان سیٹ میں تھرمل فزکس کا مختصر تعارف پیش کروں گا تو بنیادی طور پر میں تھرمل فزکس کے بارے میں بات کروں گا پہلی چیز حرارت اور درجہ حرارت ہوگی اور درجہ حرارت اور درجہ حرارت کروں گا میں آپ کو بتاؤں گا کہ حرارت کیا ہے اور درجہ حرارت کیا ہے دو گیس کا حرکیاتی نظریہ تیسرا تھرموڈینامکس اور چوتھا مادے کی حرارتی خصوصیات اس لیے جیسا کہ ہم جانتے ہیں کہ مادے میں لچک اور دیگر خصوصیات ہیں جو میکانیکی خصوصیات ہیں یہاں میں مادے کی حرارتی خصوصیات کے بارے میں بات کروں گا جس کا مطلب ہے کہ اگر میں درجہ حرارت کو بڑھاتا ہوں تو مادے کا ردعمل کیا ہوتا ہے درجہ حرارت میں ہونے والی اس تبدیلی کو جو کہ مادے کی حرارتی خصوصیات سے ظاہر ہوتا ہے پھر کانٹے تک تھیوری کیا ہے اس پر میں تفصیل سے بتاؤں گا اور تھرمو ڈائنامکس کیا ہے اس پر بھی وضاحت کروں گا اب میں پہلے یہ سوال پوچھتا ہوں کہ حرارت کیا ہے

تو پہلا سوال جو میں پوچھنے جا رہا ہوں کہ طبیعیات میں حرارت کیا ہے ہم جانتے ہیں کہ ہم جس چیز سے نمٹتے ہیں اس کا تعلق توانائی سے ہے لہذا ہم مکینیکل کے بارے میں بات کرتے ہیں۔

توانائی جو ہم اپنے میکینکس کورس میں لمبائی کے ساتھ سیکھتے ہیں اس کے دو ٹکڑے ہوتے ہیں ایک حرکی توانائی جس کے بارے میں ہم بات کرتے ہیں اور پھر ان نظاموں کے لیے جس کے بارے میں ہم بات کرتے ہیں پوٹینشل انرجی کے بارے میں اگر کوئی قوت ہو

تو ایک ذرہ کسی قوت کے تابع ہوتا ہے جس کے بارے میں ہم بات کر سکتے ہیں۔ ایک ممکنہ توانائی اس لیے حرارت

توانائی کی ایک شکل کے سوا کچھ نہیں ہے ٹھیک ہے میں کیسے جان سکتا ہوں کہ یہ توانائی کی ایک شکل ہے ہم جانتے ہیں کہ

توانائی سے متعلق کوئی بھی چیز

توانائی کی دوسری شکلوں سے حاصل کی جا سکتی ہے

تو ہم کیا جانتے ہیں مثال کے طور پر اگر میرے پاس رگڑ کے ساتھ کھردری سطح کی کھردری سطح ہے اور پھر میں کسی چیز کو سطح پر چلاتا ہوں میں اسے دھکا دیتا ہوں

تو میں جانتا ہوں کہ میں حرارت پیدا کرتا ہوں اس کا مطلب ہے کہ مکینیکل

توانائی حرارت کی

توانائی میں تبدیل ہو جاتی ہے ٹھیک ہے اس لیے

توانائی ایک سرے سے بہتی ہے دوسرے ہم جانتے ہیں کہ حرارت کی

توانائی گرم سے ٹھنڈے جسموں تک جاتی ہے اس طرح یہ پھیلتی ہے

تو یہ

توانائی کی شکل ہے اور درجہ حرارت کا درجہ حرارت کیا ہے ایک پیمانہ ہے جو یہ بتاتا ہے کہ گرمی کس سمت میں بہتی ہے ٹھیک ہے یہ ہمیشہ بلندی سے بہتی ہے کہ درجہ حرارت لہذا جب میں درجہ حرارت کے بارے میں بات کرتا ہوں

تو میں جانتا ہوں کہ درجہ حرارت کو تھرمامیٹر نامی کسی چیز سے ناپا جانا چاہئے ٹھیک ہے ہم اپنے روزمرہ کے استعمال میں مرکزی تھرمامیٹر کے بارے میں جانتے ہیں اور ہم مختلف قسم کے تھرمامیٹر کے بارے میں سوچ سکتے ہیں لیکن یہاں ہم کچھ مختلف دینے کی کوشش کرتے ہیں۔

درجہ حرارت کے درجہ حرارت کی تفصیل گیس کے حرکی نظریہ کے معنوں میں کہہ سکتا ہوں کہ درجہ حرارت کیپٹل ٹی جلد ہی آپ کو بتائے گا کہ کیپٹل ٹی کیپٹل ٹی کیا ہے درجہ حرارت کسی پیمانے پر مایا جاتا ہے جسے میں درجہ حرارت کا مطلق پیمانہ کہوں گا یہ میں ہوں جلد اوسط کے تناسب سے  $t$  ہی اس کی وضاحت کرنے جا رہے ہیں گیس کی حرکیاتی تھیوری میں درجہ حرارت کی ایک تعریف ہے جو کہتی ہے کہ

یہ لفظ بہت اہم ہے یہ لفظ اوسط ٹھیک ہے اوسط ترجمہ بھی بہت اہم ہے اور میں زیادہ تر مثالی گیسوں کے بارے میں بات کروں گا۔ یہ ایک

حرکی

توانائی ہے اس لیے یہ مالیکیولز کی حرکی

توانائی کے متناسب ہوگی اور یہ درجہ حرارت کی زیادہ اچھی طرح سے طے شدہ تعریف ہے جسے آپ جانتے ہیں جب ہم درجہ حرارت میں

اضافہ کرتے ہیں

تو مالیکیولز میں ہمیشہ کمین ہوتی ہے مالیکیولز ٹھوس سے مائع اور مائع سے گیس کی طرف جا سکتے ہیں اس عمل میں وہ زیادہ سے زیادہ

توانائی حاصل کرتے ہیں کیونکہ درجہ حرارت آتا ہے اور مالیکیولز کی اوسط حرکی

توانائی بڑھتی رہتی ہے ٹھیک ہے لیکن اب سوال آتا ہے اگر میں درجہ حرارت کی وضاحت کرتا ہوں

تو میں تھرمامیٹر کی وضاحت کر سکتا ہوں اور ہم سب اپنی 9ویں 10ویں کی بنیادی تعلیم سے جانتے ہیں کہ تھرمامیٹر ایک ایسا پیمانہ ہے جہاں ہم ہمیشہ آئس پوائنٹ کے بارے میں بات کرتے ہیں جو کہ سب سے کم آئس پوائنٹ ہے جو سب سے کم ہے اور سٹیٹ پوائنٹ کو بھاپ کہتے ہیں۔

پوائنٹ جو سب سے زیادہ پیمانہ ہے جسے ہم صفر ڈگری اور سو ڈگری سیلسیس پانی کے بارے میں جانتے ہیں یہ میرے تھرمامیٹر کو کیلیبریٹ کرنے میں میری مدد کر سکتا ہے اور یہ پیمانہ طے کرتا ہے لہذا ہم اپنے سیلسیس پیمانے پر ان دو درجہ حرارت کے حوالے سے کسی بھی چیز

کی پیمائش کر سکتے ہیں ایک صفر ڈگری ہے اور دوسرا ہے 100 ڈگری سیلسیس اب اس مقام پر واپس آ رہا ہوں کہ اوسط سے میرا کیا مطلب ہے میں اسے اوسط تقسیم اوسط کیوں کہہ رہا ہوں پہلے میں نے لکھا ہے پہلے سے ہی دو چیزیں ہیں ایک گیس کا کائینیٹک تھیوری اور دوسرا گیس کی

تھرموڈینامکس اب میرا اوسط سے کیا مطلب ہے ٹھیک ہے پہلی بات یہ ہے کہ میں پہلی بار ذرات کی ایک بڑی تعداد سے نمٹ رہا ہوں جس کا مطلب ہے کہ میں ڈیل کر رہا ہوں ذرات کے نظام کے ساتھ 10 سے طاقت 23 مالیکیولز کے ساتھ ہم یہ کہتے ہیں کہ عام طور پر ایوگاڈرو نمبر کون سا

ہے ہم سب 10 سے پاور 23 نمبر والے ذرات کی ایک بڑی تعداد کو جانتے ہیں جو ہم نے اپنے میکینکس میں سیکھا ہے کہ نیوٹن کے قوانین کے دو لکھ سکتا ہوں جو مالیکیول پر کام کرتی ہے  $xdt$  دو  $d$  اور  $m$  ذریعہ بیان کردہ ہر مالیکیول مالیکیول کا ماس ہم کہتے ہیں کہ

تو یہ میرا نیوٹن کا قانون ہے اب آپ دیکھیں یہ ایک ویکٹر کی مساوات ہے ایک پوزیشن ویکٹر کے ذرے کے تین اجزاء ہیں اب میں کل کروں گا مساوات کی اس قسم کی تعداد جس کو سنبھالنا میرے لیے ناممکن ہے میں 10 سے طاقت 23 ذرات کے ساتھ نہیں سنبھال سکتا ہوں میں اس بہت

سی دوسری ترتیب کے فرق والی مساوات کو نہیں سنبھال سکتا جیسا کہ آپ جانتے ہیں کہ ہم اس مسئلے کو کسی بھی طریقے سے حل نہیں کر یہاں تک کہ جدید ترین کمپیوٹر کا استعمال کرتے ہوئے جو ہمارے پاس آج موجود ہے اس لیے ہمارے پاس اوسط تفصیل ہونی چاہیے ns سکتے۔

یہاں فائدہ آتا ہے اور کائینیٹک تھیوری کے درمیان فرق بھی اس لیے مجھے اوسط تفصیل کی ضرورت ہے اور یہاں کائینیٹک تھیوری اور تھرموڈینامکس کرنے کی بالکل ضرورت آتی ہے

تو ٹھیک ہے میں پہلے سوال پوچھوں گا کہ کائینیٹک تھیوری کیا ہے اور تھرموڈینامکس کیا ہے ٹھیک ہے پھر میں دوسری چیزوں کی تفصیلات پر جاؤں گا میں سب سے پہلے کائینیٹک تھیوری کے بارے میں بات کروں گا یہاں میں تقسیم کی تقسیم کے بارے میں بات کروں گا ٹھیک ہے میں تقسیم کو دیکھوں گا میں گیس کے مالیکیولز کو دیکھوں گا۔ اور ان کی رفتار یا رفتار کی مثال کے طور پر تقسیم کی چھان بین کرتا ہوں، اس لیے اگرچہ میں

یہاں ایک مالیکیول کے بارے میں بات کرتا ہوں، مجھے واقعی انفرادی مالیکیول اور اس کے رویے میں دلچسپی نہیں ہے، بلکہ مجھے ان کی رفتار کی تقسیم میں دلچسپی ہوگی جس سے میں اوسط کے بارے میں بات کر سکتا ہوں۔ رفتار کچھ اوسط رفتار جس سے مجھے حرکت میں اسے درجہ nature توانائی کی کچھ اوسط ملے گی ٹھیک ہے اور اس سے میں یہ جاننے کی کوشش کروں گا کہ درجہ حرارت کیا ہے حرارت سے متعلق کروں گا میں اسے کنٹینر کے دباؤ اور حجم سے متعلق کروں گا لہذا یہاں میں سالماتی سطح کے بارے میں بات کروں گا لیکن براہ کرم نوٹ کریں کہ میں سالماتی سطحوں کے لحاظ سے اوسط معنی میں بات کرتا ہوں لہذا مجھے تقسیم کی ضرورت ہے۔ رفتار کی اور وہ رفتار کی تقسیم مجھے اوسط خصوصیات دے گی جو حرکتی

توانائی سے متعلق ہوں گی مثال کے طور پر میں اوسط حرکتی

توانائی کے بارے میں بات کروں گا یہ اوسط حرکتی

توانائی بعد میں درجہ حرارت کے دباؤ اور حجم سے متعلق ہوگی ٹھیک ہے یہ حرکتی نظریہ کا نقطہ نظر ہے تھرموڈینامکس کا نقطہ نظر کیا ہے تو پھر تھرموڈینامکس میں ہمیں واقعی انفرادی مالیکیولز کی پرواہ نہیں ہے ٹھیک ہے مجھے مالیکیولز کی ان کی رفتار کی تقسیم کی کوئی پرواہ نہیں ہے لہذا کائینیٹک تھیوری اگر میں زیادہ رسمی زبان استعمال کرتا ہوں

تو یہ خوردبینی سطح پر ایک خوردبین نظریہ مائکروسکوپک تھیوری ہے میں یہ دیکھنے کی کوشش کر رہا ہوں کہ مالیکیولز تھرموڈینامکس کے ساتھ میرا کیا escription coarse grained description کیا ہو رہا ہے کسی لحاظ سے زیادہ رسمی زبان ایک موٹے دانے دار ڈی ہے مطلب ہے کوارٹر پیسنے سے موٹے پیسنے کا مطلب ہے کہ میں مالیکیولر لیول کو نہیں دیکھتا بلکہ میں میکروسکوپک لیول کو دیکھتا ہوں ٹھیک ہے میں میکروسکوپک لیول کو دیکھتا ہوں ٹھیک ہے اور میکروسکوپک لیول مجھے میکروسکوپک لیول میں اس حصے کو مٹانے دو میں بس قابل پیمائش مقداروں پر غور کریں مثال کے طور پر قابل پیمائش مقداریں تمام طبیعیات تمام مساواتیں جو میں لکھنے جا رہا ہوں ان میں صرف قابل پیمائش مقداریں شامل ہوں گی یعنی پریشر والیوم کا درجہ حرارت اور اسی طرح آپ دیکھیں گے کہ پریشر والیوم کا درجہ حرارت یہ تجربات میں پیمائش کے ساتھ مقداریں ہیں لیکن ایک فرق ہے۔ حجم ایک مقدار ہے جو دباؤ اور درجہ حرارت سے بالکل مختلف ہے جس کے بارے میں بعد میں بتانے جا رہا ہوں کہ دو قسم کی مقداریں ہیں ایک وسیع مقدار کہلاتی ہے اور دوسری کو انتہائی مقدار کہتے ہیں میں صرف اس وقت نام ڈالتا ہوں دباؤ اور درجہ حرارت ہے۔ یہ دونوں یہ دو نقطہ نظر کرتے ہیں  $t$  حرارت انتہائی متغیرات ہیں لہذا وہ انتہائی متغیر ہیں جبکہ حجم ایک وسیع متغیر ہے ٹھیک ہے اب جن کا میں نے یہاں ذکر کیا ہے کیا وہ نتائج کے مختلف سیٹ کی طرف لے جاتے ہیں جب میں ان دو طریقوں کے بارے میں بات کرتا ہوں تو ہوسکتا ہے کہ وہ دو مختلف نقطہ نظر ہوں لیکن اگر میں

توازن میں ہوں جس کے بارے میں میں بات کروں گا وہ

توازن سے متعلق ہے ٹھیک ہے اور میں طبیعیات میں میں جو بھی

توازن ٹھیک ناپتا ہوں یہ ضروری ہے کہ ہم جس بھی چیز کی پیمائش کرتے ہیں وہ اس تھیوری سے آزاد ہونا چاہیے جو میں نے بنایا ہے اس لیے

توازن میں

توازن کے نتائج کانٹے ٹک تھیوری سے آتے ہیں یا تھرموڈینامکس سے نتیجہ آتے ہیں ان کا ایک جیسا نتیجہ ہونا چاہیے ٹھیک ہے اس سے پہلے کہ

میں آگے بڑھوں مزید مجھے آپ کو بتانا چاہیے کہ

توازن کیا ہے میں شروع میں ایک بہت ہی غیر رسمی تعریف دوں گا کہ

توازن کا مطلب ہے کچھ بھی وقت پر منحصر نہیں ہے ٹھیک ہے کچھ بھی وقت پر منحصر نہیں ہے میں دباؤ کی پیمائش کرتا ہوں میں درجہ حرارت کی پیمائش کرتا ہوں مثال کے طور پر تھرمامیٹر سے شاید یہ میرا صرف طبی تھرمامیٹر کلینیکل تھرمامیٹر ہو میں جو کچھ بھی ناپنے والی مقداروں اور اسے بلائیں uid کو ناپتا ہوں کوئی بھی چیز وقت پر منحصر نہیں ہوتی ہے لہذا آپ مثال کے طور پر شراب لے سکتے ہیں ایک کنٹینر میں کافی دیر تک انتظار کریں ٹھیک ہے اب سب کچھ ٹھیک ہو گیا ہے اور آپ کہتے ہیں کہ نظام ایک

توازن کی ترتیب کو پہنچ گیا ہے جس کا مطلب ہے کہ اب میری قابل پیمائش مقدار وقت پر منحصر نہیں ہے لہذا

توازن میں اگر میں کانٹے ٹک تھیوری کا مطالعہ کرتا ہوں

تو

توازن کے لیے ایک مختلف نقطہ نظر دکھائے گا۔ ہوسکتا ہے کہ تھرموڈینامکس آپ کو

توازن کے لیے ایک اور نقطہ نظر فراہم کرے لیکن میں

توازن کے بارے میں مسلسل بات کرتا رہوں گا اور

کے برابر ہے اگر آپ کو  $pV$  توازن میں جو بھی نقطہ نظر میں کائینیٹک تھیوری یا تھرموڈینامکس اختیار کرتا ہوں میری مثالی گیس مساوات

$pV$  پسند ہے

ٹھیک ہے یہ تبدیل نہیں ہوتا ہے لہذا یہ بہت اہم ہے کہ  $moles$  نمبر ہے۔  $n$  کے برابر ہے جو بھی  $nrt$  تو

توازن کے نتائج اس بات پر منحصر نہیں ہیں کہ میں اب جو بھی طریقہ اختیار کرنے جا رہا ہوں کیونکہ میں مثالی گیس پر آیا ہوں اب سوال یہ ہے کہ مثالی گیس کیا ہے ٹھیک ہے پہلا سوال یہ ہے کہ مثالی کیا ہے گیس یہ وہ چیز ہے جس کے ساتھ ہمیں کافی وقت گزارنا پڑتا ہے اور پھر اس کا گیس ٹھیک ہے کیونکہ آپ جلد ہی مفروضوں کو دیکھیں گے 1 انڈیا واضح ہونا چاہیے نام ہی بتاتا ہے کہ یہ اصلی نہیں ہے حقیقی گیس نہیں ہے اور یہ آپ پر واضح ہو جائے گا کہ میں کیوں کہہ رہا ہوں کہ یہ حقیقی نہیں ہے پہلے اس کا میں فرض کروں گا کہ ایک نقطہ ذرہ ہے لہذا تمام

مثالی گیسوں جو میں نقطہ ذرات سمجھوں گا

تو یہ بہت ہی چھوٹا یا اس سے بھی زیادہ رسمی طور پر کوئی کہہ سکتا ہے کہ میں فرض کروں گا کہ ذرہ کا سائز بین سالماتی فاصلے کے

مقابلے میں بہت چھوٹا ہے ٹھیک ہے

تو میرا مطلب ہے کہ نقطہ ذرہ سے یہ کہ بین ذرہ فاصلہ اس کے سائز کے مقابلے میں بہت بڑا ہے۔ مالیکیول اگر آپ چاہیں لیکن یاد رکھیں کہ یہ گیس کا تخمینہ لگ بھگ مثالی ہے دوسری چیز یہ ہے کہ میں فرض کروں گا کہ کوئی تعامل نہیں ہے یہ سچ نہیں ہے ہم جانتے ہیں کہ جب بھی ہمارے پاس مالیکیول ایٹم ہوتے ہیں وہ کسی کنٹینر پر قابض ہوتے ہیں وہاں ایک الیکٹرو سٹیٹک قوت اور عام تعامل ہونا ضروری ہے۔ دو مالیکیولز کے درمیان اگر آپ کو یہ پرکشش پسند ہے جب وہ ایک دوسرے سے دور ہوں اور جب یہ دو مالیکیول ایک دوسرے کے قریب ہوں

تو وہ مکروہ ہوتے ہیں

تو آپ دیکھتے ہیں کہ میں یہ نہیں سمجھ سکتا کہ وہ عقل سے بات چیت نہیں کر رہے ہیں۔ ایک دوسرے کو ٹھیک ہے

تو یہ بھی ایک تخمینہ ہے کہ ان میں کوئی تعامل نہیں ہے اور

توانائی پھر مکمل طور پر کانٹے ٹک ہے مکمل طور پر مکمل طور پر کانٹے ٹک ٹھیک ہے اب چوتھی شرط یہ

توانائی مکمل طور پر حرکتی ہے اور ان میں تصادم ٹھیک ہے لیکن یہ سب لچکدار تصادم ہیں یہ بہت ہے۔ اہم یہ لچکدار تصادم ہیں کوئی تعامل نہیں

اور تصادم تصادم تصادم ہیں جو فطرت میں مکمل طور پر لچکدار ہیں لہذا کوئی

توانائی ضائع نہیں ہوتی

توانائی کو مکمل طور پر تسلی دی جاتی ہے اب سوال یہ ہے کہ کیا میں فطرت میں اس قسم کی مثالی گیس رکھ سکتا ہوں اچھی بات یہ ہے کہ میں

ایک مثالی حاصل نہیں کر سکتا گیس فطرت میں ہے کیونکہ یہ دو شرائط کبھی پوری نہیں ہوتی ہیں لیکن کیا اب یہ ایک ایسی صورتحال ہے جو میں آپ کے سامنے سوال کرنے جا رہا ہوں کہ کیا ایسی صورتحال ہے جب میں ایک حقیقی گیس کے کنویں کے طور پر ایک حقیقی گیس کا تخمینہ لگا سکتا ہوں اکثر آپ کو کتابوں میں اس کا جواب مل جائے گا۔ لیکن میں آپ کو یہ بتانے کی کوشش کروں گا کہ کیوں کچھ محدود صورت حال میں ٹھیک مثالی گیس کا تخمینہ لگایا جا سکتا ہے مثالی گیس کو محدود صورت حال کے طور پر قریب کیا جا سکتا ہے ٹھیک ہے اب اس مسئلے کے مختلف لمبائی کے پیمانوں کا موازنہ کرنے کے لحاظ سے یہ بہت آسانی سے سوچا جا سکتا ہے اچھی طرح سے میں ایک جرگن لمبائی کا پیمانہ استعمال کر رہا ہوں آپ جلد ہی دیکھیں گے کہ لمبائی کے ترازو سے میرا کیا مطلب ہے ٹھیک ہے سب سے پہلے میں نے آپ کو بتایا کہ جوہری فاصلہ یا بین سالماتی فاصلہ ایک گیس کا اوسط بین سالماتی فاصلہ جسے میں کہہ سکتا ہوں کہ مسئلہ کی لمبائی کا پیمانہ ہے ٹھیک ہے جو آسانی سے پایا جا مالیکول رکھتا ہوں لہذا میں عام طور پر  $n$  کا ایک کنٹینر ہے اور اس حجم میں میں  $v$  سکتا ہے اس کا تعلق کثافت سے ہے اگر میرے پاس والیوم سے جانتا ہوں۔ طاقت سے یہ عام طور پر اوسطاً یہ میرا بین سالماتی فاصلہ ہے اور اب مجھے اس فاصلے کا موازنہ مسئلہ کے  $n$  کو  $v$  دوسرے طول و عرض سے کرنے کے قابل ہونا چاہیے مجھے کچھ ایسا لانے دیں جو آپ بعد میں سیکھیں گے یا آپ کو پہلے ہی معلوم ہوگا کہ اگر میرے پاس ایک مومینٹم کا ذرہ ہی ٹھیک ہے مومینٹم ہی ویو پارٹیکل ڈوئلٹی پکچر سے معلوم ہوتا ہے کہ اس کے ساتھ ایک لمبیدا وابستہ ہے جو ہی اوکے سے زیادہ ہے اب موٹے طور پر ایک بہت ہی ہاتھ لہرانے والے معنی میں آئیے فرض کریں کہ ایک کی اوسط حرکت کی ترتیب کا ہے  $kt$  توانائی مالیکول جس کے بارے میں میں جانتا ہوں وہ

سے زیادہ جڑ کی ترتیب کا ہے  $mkt$  دو  $p$  تو آپ جانتے ہیں کہ ہے ٹھیک ہے اب ان دونوں کو دیکھیں۔ لمبائی اس  $mkt$  تو آپ دیکھیں گے کہ ایک طول موج ہے یا اس کے ساتھ لمبائی کا پیمانہ منسلک ہے جو دو کی پیمائش کرتی ہے اگر آپ نہیں جانتے کہ آپ کو صرف ڈی بروگلی طول موج کو تلاش کرنا ہوگا کہ بروگلی طول موج کیا ہے اور میں نے کیا کہا  $kt$  سے زیادہ  $m$  مربع پر بعد میں وضاحت کروں گا۔  $p^2$  ہے اور عام طور پر حرکتی نظریہ ہمیں بتاتا ہے کہ میں اس  $h$  پر لمبائی  $p$  ہے کہ کی ترتیب سے ہے

سے زیادہ جڑ کی ترتیب سے ہے لہذا یہ مسئلہ میں دوسری لمبائی ہے لہذا میں آپ کو یاد دلاتا ہوں کہ دو لمبائی ایک ہے دوسرا  $mkt$  دو  $p$  تو لمبیدا سے بہت زیادہ ہے  $a$  بہت زیادہ ہے لمبیدا سے بہت بڑا کہنے دیں کہ کسی طرح یا دوسرا  $a$  لمبیدا ہے ان دونوں کا موازنہ کیا جائے اگر صرف میں کہہ سکتا ہوں کہ ذرات کے درمیان جوہری فاصلے یا بین سالماتی فاصلہ جو ایک اہم کردار ہے ٹھیک ہے جو بھی ڈی بروگلی لمبائی کے ایک دوسرے کے ساتھ تعامل کر رہے ہیں وہ تعامل کی لمبائی  $es$  پیمانے کے مقابلے میں بہت زیادہ ہے۔ بروگلی طول موج آپ کو وہ ذرہ بتاتی ہے۔ ہو سکتی ہے تعاملات کو انٹرمیکینیکل نوعیت کے ہو سکتے ہیں آئیے ہم اس میں نہ جائیں کہ میں صرف دو لمبائی کے پیمانے بنا رہا ہوں اس میں ایک سے دی جاتی ہے۔ اور دوسرا وہ ہے جو بین ایٹمی فاصلہ ہے اب آپ یہ سوال دیکھیں  $h$  ڈی بروگلی طول موج ہے جو دو میٹر کے اوپر جڑ سے گئے کہ مجھے لمبیدا سے کہیں زیادہ کی ضرورت ہے آپ اسے کیسے حاصل کر سکتے ہیں کہ آپ اسے دو طریقوں سے حاصل کر سکتے ہیں اول درجہ حرارت میں اضافہ اگر آپ درجہ حرارت کو بڑھاتے رہیں۔ بہت زیادہ درجہ حرارت آپ دیکھتے ہیں کہ آپ کا لمبیدا چھوٹا اور چھوٹا ہوتا جاتا ہے یہ مقدار یہاں سے چھوٹی اور چھوٹی ہوتی جاتی ہے ٹھیک ہے اگر یہ مقدار رنگین ہو جاتی ہے

لمبیدا سے بہت زیادہ ہے آپ کہہ سکتے ہیں کہ میرے پاس کچھ الگ تھلگ ذرات ہیں جو آپس میں تعامل نہیں  $a$  تو یہ خود بخود مطمئن ہو جاتا ہے کرتے ہیں۔ ایک دوسرے کے ساتھ اور یہ ایک محدود صورتحال ہے جہاں گیس کی مثالی حالت درست ہو سکتی ہے اب میں اسے آپ کے لیے چھوڑتا کو دیکھ سکتے ہیں۔ مقدار یہ کثافت کا لٹا ہے کیونکہ کثافت کی  $v$  by  $n$  ٹھیک ہے آپ  $v$  by  $n$  ہوں کہ آپ اس کے بارے میں سوچیں کہ بناتا ہوں  $v$  سے  $n$  کے ذریعہ دی جاتی ہے لہذا اگر میں  $v$  سے زیادہ  $n$  کثافت عام طور پر سے بہت زیادہ ہے۔  $a$  lambda خود بخود بڑھ رہا ہے لہذا میں ایک بار پھر کہہ سکتا ہوں کہ  $a$  تو میری کثافت ہے اگر کثافت کم اور کم ہے اگر آپ کو لمبیدا کا تصور پسند نہیں ہے

تو آپ کو یہ پسند ہے کہ میں مسئلہ کے دوسرے طول و عرض کے پیمانوں کے مقابلے میں کس طرح نسبتاً بڑا بنا سکتا ہوں پہلے درجہ حرارت میں اضافہ کریں یا کثافت کو کم کریں یہی وجہ ہے کہ کتابوں میں آپ اکثر یہ بیان دیکھتے ہیں۔ وہ مثالی گیس کا تخمینہ مثالی گیس ایک اچھا تخمینہ زیادہ ہو اور کثافت کم ہو ٹھیک ہے یہ وہ خطہ ہے جہاں ہم گیس کے مثالی نظام کے بارے میں بات کر سکتے ہیں اس لیے میں نے آپ  $t$  ہے جب کو بتایا کہ مثالی گیس کیا ہے مثالی گیس ایک محدود صورتحال ہے اصلی گیس اگر میں بہت زیادہ درجہ حرارت والی گیس اور کم کثافت والی گیس مستقل درجہ  $t$  کے بارے میں بات کروں اور دوسری بات یہ کہ مثالی گیس کے لیے ہم سب مندرجہ ذیل چیزیں جانتے ہیں مثال کے طور پر میں کوئی  $cons$  پھر اگر میں تشکیل دیتا ہوں یا  $aw$  ایک مستقل کے برابر ہے جسے ہم بوائلز ایل کے نام سے جانتے ہیں۔  $pv$  حرارت مستقل مادہ ہے یا گیس کی دی گئی مقدار ہے

درجہ حرارت کے متناسب ہے جسے چارلس لاء کہا جاتا ہے اور پھر یہ بوائلز کا قانون ہے یہ چارلس کا قانون ہے اور  $v$  تو میں لکھ سکتا ہوں کے برابر  $pv$  سب کو ایک ساتھ ملا کر کسی بھی مادے کے لیے ٹھیک ہے یا میرے پاس گیس کی کوئی بھی مقدار ہو سکتی ہے یہ مساوات نمونے کے مولز کی تعداد ہے جو میرے پاس ٹھیک ہے لہذا اب یہ ہمیں درجہ حرارت کے  $n$  درجہ حرارت ہے اور  $t$  ہے مثالی گیس مستقل مطلق درجہ حرارت کے متناسب  $p$  مستقل رکھیں  $v$  کو مستقل رکھیں آئیے  $v$  مطلق پیمانے کی وضاحت کرنے میں بھی مدد کرتا ہے اگر آپ صفر کے برابر ہے یا سیلسیس پیمانے پر اگر میں اسے سیلسیس پیمانے پر تقریباً منفی دو تہتر ڈگری  $t$  ہے اور ہم سب جانتے ہیں کہ اگر میں سیلسیس کہوں

تو میرا مطلق درجہ حرارت اس طرح ہے۔ مثال کے طور پر مطلق درجہ حرارت صفر ہے میرا سیلسیس پیمانے پر درجہ حرارت منفی دو سات تین ڈگری سیلسیس ہے اور پھر اگر میرے پاس  $10$  ہے جس کا مطلب ہے مائٹس  $263$  ڈگری سیلسیس اور اگر یہ مطلق صفر ہے تو اس کا مطلب ہے کہ میں اس ایل سی اے میں پہنچ گیا ہوں پیمانہ مائٹس  $273$  ڈگری سیلسیس مجھے معلوم ہوگا کہ ایک مثالی گیس کا دباؤ صفر ہو جائے گا لہذا اگر میں بہت زیادہ درجہ حرارت لیتا ہوں یا جو بھی آپ کو بہت کم کثافت والی گیس پسند ہے اس لیے یہ تقریباً ایک مثالی گیس ہے اگر تک پہنچ سکتے ہیں  $t$  صفر کے برابر ہے اگر ہم  $t$  پر  $t$  کو بطور فنکشن بناتا ہوں۔  $p$  میں صفر کے برابر ہے  $t$  تو صفر کے برابر ہے یہ بہت اہم ہے ہم نہیں پہنچ سکتے تو دباؤ صفر کے برابر ہوگا اگر میں حجم کو درست رکھتا ہوں

برابر ہے صفر تک ناقابل حصول ہے لیکن آپ کو اس مثالی گیس کی مساوات کے لحاظ سے درجہ حرارت  $t$  تو ہم جانتے ہیں کہ یہ غیر طبعی ہے کے مطلق پیمانے کی ضرورت کیوں ہے کیونکہ اس حقیقت کی وجہ سے کہ یہ آفاقی ہے میں مرکزی استعمال نہیں کر رہا ہوں میں کوئی اور خاص مادہ استعمال نہیں کر رہا ہوں بلکہ میں کسی ایسی چیز پر کام کر رہا ہوں جو یونیورسل ہے اس مواد پر منحصر نہیں ہے جو میں نے تھرمائیٹر میں رکھا ہے لہذا میرے پاس ایک پیمانہ ہے جو یونیورسل ہے اور جو پیمانے سے آزاد ہے میں ٹھیک ہے دوسری بات یہ کہ یہ ہمیشہ مثبت درجہ حرارت ہوتا ہے اب آپ مجھ سے سوال پوچھ سکتے ہیں کہ کیا میں منفی مطلق درجہ حرارت رکھ سکتا ہوں؟ یہ کچھ کتابوں میں توازن کی صورتحال نہیں ہے آپ کو معلوم ہوگا کہ وہ بہت ہی جدید کتاب میں منفی مطلق درجہ حرارت کا ذکر کرتی ہیں لیکن یاد رکھیں کہ ہم یہاں صرف مطلق درجہ حرارت سے نمٹ رہے ہیں جو کہ توازن کی صورت حال میں



مانس انفیٹی سے پلس انفیٹی تک جاتا ہے یہ بتانے کے لئے کافی نہیں ہے کہ ہم اوسط قدر کیا ہے  $x$  قدر کیا ہے میں یہ معلومات دیکھ رہا ہوں کہ کے درمیان ہونے کا کیا امکان ہے جو کہ بہت اہم ہے جسے تقسیم ٹھیک کہا جاتا ہے  $dx$  جمع  $x$  سے  $x$  کسی چیز کی ضرورت ہے کہ اس کا ہے یہ وہ امکان  $pxdx$  ٹھیک ہے کیا ہے امکانی امکان  $pxdx$  تو اب میں آپ کو بتانا چاہتا ہوں کہ تقسیم ٹھیک کا کیا مطلب ہے چلو میں جانتا ہوں کے درمیان ہے لہذا آپ سوچ سکتے ہیں کہ میں بہت سارے تجربات کر رہا ہوں جس کی معیاری مثال میں نے  $x$  plus  $dx$  سے  $x$  ہے کہ دی ہے اس کا مطلب ہے کہ میں پھینک رہا ہوں۔ میں نے جو معیاری مثال دی ہے اس میں ڈانس ٹھیک ہے جس کا مطلب ہے ڈانس پھینکنا ایک مسلسل متغیر ہے جو مانس انفیٹی  $x$  تو اب میں بہت سارے تجربات پوچھ رہا ہوں اور میں یہ فرض کرتے ہوئے سوال پوچھ رہا ہوں کہ اب کی اوسط قدر کیا ہے اور یہ اس امکانی تقسیم کے لحاظ  $x$  سے پلس انفیٹی تک کوئی بھی قیمت لے سکتا ہے میں پوچھ رہا ہوں۔ سوال یہ ہے کہ مربع ٹھیک ہے اور پھر کچھ  $x$  سے پاور مانس الفا  $e$  کی شکل  $px$  سے دی گئی ہے ائیے ایک بہت ہی سادہ سی مثال لیتے ہیں ہم کہتے ہیں کہ مانس انفیٹی ٹو پلس انفیٹی مانس انفیٹی ٹو پلس انفیٹی آپ  $pxdx$  مستقل ہوگا جسے نارملائزیشن کانسٹیٹنٹ کہا جاتا ہے کیونکہ آپ جانتے ہیں کہ انٹیگریٹ کر رہے ہیں یہ آپ کو کیا بتاتا ہے یہ صرف آپ کو کل امکان بتاتا ہے اور میں جانتا ہوں کہ کل امکان ایک ہے اگر آپ کو آپ کا نرد کا مسئلہ یاد ہے ٹھیک ہے پھر ہر امکان کسی بھی چہرے کا چھٹا حصہ ہے مجھے ایک ہی تھرو مل رہا ہے میں ایک ایک ٹھیک یا دو حاصل کر رہا ہوں تمام امکان کے ساتھ ایک چھٹا لیکن کل امکان  $1$   $6$  ضرب  $6$  ہے  $1$  یہ سب ریاضی میں لکھا گیا ہے۔ زبان ٹھیک ہے ٹھیک ہے اگر آپ اس فنکشن کو  $pxdx$  ہم اس وقت کے لئے اس کو بھول سکتے ہیں لیکن ہمیں کیا یاد رکھنا ہے  $n$  تو یہ مجھے ایک مستقل دینا ہے پلاٹ کرتے ہیں

کا امکان  $x$  تو ٹھیک ہے اسے ایک عام گاوسی فنکشن کہا جاتا ہے جو اس طرح جاتا ہے ٹھیک ہے اب دیکھیں یہ فنکشن آپ مجھ سے پوچھتے ہیں کہ پلس انفیٹی حاصل کرنے کا امکان کیا ہے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ یہ تیزی سے چھوٹا  $n$   $x$  کے برابر ہے جو اس نمبر کے ذریعہ دیا گیا ہے  $0$  ہے یہ اصل میں  $0$  الفا ہے کچھ مثبت ہے میں آپ کو بتاتا ہوں الفا  $0$  سے بڑی مثبت چیز ہے ٹھیک ہے انفیٹی ویلیو سے زیادہ ہے  $x$  تو اگر الفا  $0$

$x$  کو مثبت لامحدودیت پر جاتے ہوئے یا  $x$  کے فنکشن کے طور پر پلاٹ کر رہا ہوں تاکہ آپ  $x$  کو  $px$  منفی انفیٹی ویلیو  $0$  ہے میں  $x$  تو  $0$  کے  $dx$  جمع  $x$  دو  $x$  کو منفی لامحدودیت کی طرف جاتا دیکھ سکیں یہ امکانات بنیادی طور پر صفر ہیں آپ مجھ سے پوچھ سکتے ہیں کہ  $x$  ہے کیا یہ میرا  $dx$  جمع  $x$  کا امکان کیا ہے یہ امکان  $x$  یہ امکان ہے ٹھیک ہے  $dx$  درمیان اس کا کیا امکان ہے اگر یہ میرا چھوٹا وقفہ ہے اب آپ مجھ سے پوچھ سکتے ہیں کہ آپ کیا کر رہے ہیں  $dx$  جمع  $x$  اور  $x$  ہے اس خطے میں کسی بھی چیز کے ہونے کا محور کا امکان کیونکہ یہ تمام تھرموڈینامک کورس کے بعد آپ اس امکانی تقسیم کے بارے میں کیوں بات کر رہے ہیں میں صرف آپ کو اوسط کو بھرنے کی کوشش کر رہا ہوں کیوں مجھے اوسط کی ضرورت ہے آپ کو سمجھنا ہوگا کہ میرے اختیار میں  $10$  کی طاقت  $23$  پارٹیکلز ہیں اور پاور  $23$  پارٹیکلز کو  $10$  دے میں نیوٹن کے قوانین نہیں لکھ سکتا میں انہیں حل نہیں کر سکتا مجھے اس امکانی تقسیم کے لئے امکانی تقسیم پر جانا پڑے گا آپ کو امکان کیا ہے  $x$  کے بارے میں تھوڑا سا بتائیں اگر آپ مجھ سے پوچھیں کہ

کیا یہ ہے اگر آپ اپنے ڈانس تجربہ کی طرح لکھتے ہیں اگر آپ مکمل کر لیتے ہیں  $x$  کی اوسط قدر اب آپ یہ نہیں بتا سکتے کہ  $x$  تو اور آپ پوچھ رہے ہیں کہ اوسط قدر کیا ہے اگر میں کرتا ہوں  $inity$  تو یہ مانس انفیٹی سے پلس انف تک کوئی بھی ممکنہ قیمت لے سکتا ہے۔ کی قدر کے بارے میں بات نہیں کر رہے ہیں براہ کرم یاد رکھیں  $x$  کے ذریعہ دیا جائے گا لہذا آپ اب  $xpxdx$  تو کئی بار ٹھیک ہے یہ انضمام کی اوسط قدر کے بارے میں بات کر رہے ہیں ٹھیک ہے یہ امکانی تھیوری کا  $x$  کی قدر کے بارے میں بات نہیں کر رہے ہیں بلکہ آپ  $x$  کہ آپ ایک مختصر تعارف ہے اب میں آپ کو بتاؤں گا کہ یہ امکانی تھیوری کے انتہائی مختصر تعارف سے کیسے جڑا ہوا ہے اب میں آپ کو بتاؤں گا کہ یہ گیس کانٹے ٹک تھیوری کے حرکیاتی تھیوری سے کیسے جڑا ہوا ہے۔ گیس آپ کو بتاتی ہے کہ میں نے آپ کو بتایا تھا کہ اوسط حس والی چیزوں کو اوسط معنی میں ٹھیک سے نمٹا جاتا ہے لہذا یہ میکسویل کی رفتار کی تقسیم کا تصور لاتا ہے ٹھیک ہے میکسویل کی رفتار کی تقسیم میں صرف مختصر طور پر ذکر کروں گا کہ میکسویل کی رفتار کی تقسیم کیا ہے جو میرے پاس ہے میرے پاس ایک کنٹینر میں مثالی گیس کے مالیکیولز کے نے آپ کو بتایا کہ وہ  $vxvyvzi$  ہے اور یہ مالیکیولز کے ترتیب حرکت کر رہے ہیں رفتار کے اجزاء ہیں  $v$  مالیکیولز اوکے ہیں جو کہ ایک حجم آپ کی حد سے بہت آگے ہے لہذا میں صرف چند چیزوں کا ذکر کرنا چاہتا ہوں جس سے یہ استدلال کیا جا  $s$  ایک دوسرے سے آزاد ہیں ٹھیک ہے  $vxvyvz$  ہے لہذا اگر آپ کے پاس یہ ہیں اجزاء  $v$  اس ریاضی کے اظہار کو پڑھیں آپ کو یاد رکھیں کہ کنٹینر والیوم  $pvxpvypvzdvxdvdydvzi$  تو اسے دکھایا جا سکتا ہے رفتار کی ہم بتاتے ہیں کہ اس رفتار کی تقسیم اگر میں ایک ذرہ کو ٹریک کرتا ہوں

کے درمیان اب یہ میکانکس میکانکس سے انحراف ہے میں آپ کو ایک قوت دیتا ہوں آپ کو  $dvx$  اور  $vx$  تو اس ذرہ کی رفتار کا کیا امکان ہے ابتدائی حالت دیتا ہوں اور آپ سے پوچھتا ہوں سوال ٹھیک ہے میں آپ سے سوال پوچھتا ہوں کہ نیوٹن کی مساوات کو حل کرنے کے ایک وقت کے بعد رفتار کتنی ہوتی ہے آپ مجھے ابتدائی شرط کے پیش نظر جواب ٹھیک بتا دیں اور اگر یہ قابل حل قوت ہے

تو آپ ایسا کر سکتے ہیں لیکن یہاں میں پہلے ہی قوت سے چھٹکارا پا چکا ہوں۔ کوئی طاقت نہیں ہے ٹھیک ہے مسئلہ میں کوئی طاقت نہیں ہے لیکن ہے یہ آپ کو بتاتا ہے کہ کیا ہے یہ امکان  $pvxdvx$  میں جس کے بارے میں بات کر رہا ہوں وہ رفتار کے تین اجزاء کی ایک امکانی تقسیم ہے یہ کے درمیان ہے لہذا یہ ایک امکانی تقسیم ہے اس کی ایک شکل ہے جسے کوئی مستقل طور پر لکھ  $vx$  plus  $dvx$  اور  $vx$  ہے کہ رفتار مربع ٹھیک ہے میں آپ کو اس وقت نہیں بتا رہا ہوں کہ کیا کیا یہ مستقل ہے لیکن آپ اندازہ لگا  $vz$  مربع  $vy$  مربع  $avx$  سکتا ہے کچھ مستقل میں کچھ لکھتا ہوں  $v$  exponential سکتے ہیں کہ اس کا طول و عرض کیا ہونا چاہیے کیونکہ آپ جہتی تجربہ سے جانتے ہیں کہ اگر میں

تو یہ ایک ایسی چیز ہونی چاہیے جس کی پوری مقدار بغیر جہت کے ہو ٹھیک ہے میں آپ کو نہیں بتا رہا ہوں۔ یہ کیا ہے ٹھیک ہے لیکن ایسا ہونا چاہیے کہ مجموعی طور پر پوری مقدار ایک طول و عرض کے بغیر مقدار ہو اور ایک رفتار کی تقسیم بھی ہو اب مجھے اس کی پرواہ نہیں ہے that speed of the particle lies between ok  $v$   $2$   $v$  plus  $dv$  what is  $v$  speed  $v$  is root over  $vx$  square  $vy$  square  $vz$  square that is my speed ok now speed distribution similar form  $pvdv$  or you can ask me how many particles are on an average having velocity  $nv$  whose speed lies between  $v$  two  $v$  plus  $dvi$  put a another constant  $ae$  to the power lets say  $i$  call it  $b$  this time  $bv$  square  $dvi$  am not telling you what is  $a$  what is  $b$  but again  $b$  can be argued out remembering that exponential minus  $bv$  square should be dimensionless ok so this is the distribution this is far advanced but  $i$  just wanted to tell you that what is average we often see in books that the people talk about  $i$  will talk about average over some distribution whenever there is a probability there is a probability distribution and if you ask me what is the average speed average speed you can calculate taking the integral of this form here given

here so this is the average so we talk about average velocities average kinetic energy but let me ask you a question now i have random motion of the particles ok i am inside a container ok and here i have two boundaries let us say this is my boundary one and this opposite phase is my boundary two now if it goes randomly with equal probability with velocity  $v_x$  in the positive direction equal velocity minus  $v_x$  ok in the negative direction if this is my x axis let us say this is my  $v_x$  axis if you like it goes like this with  $v_x$  and comes back again with minus  $v_x$  what do you expect to the average to be i will tell this answer later i just don't want to tell you but its obvious since particles are moving in the equal and opposite direction with equal probability there is nothing that distinguishes plus  $v_x$  and minus  $v_x$  if you look at this expression it is given in terms of  $v_x^2$  so there is a equal probability of having  $v_x$  and minus  $v_x$  because it is given in terms of  $v_x^2$  probability is given in terms of  $v_x^2$  so average you would expect to be zero and that is indeed the case ok now we have next what i will do in the next set of lectures i will put ideal gas in a container and try to form an equation state which is  $pV$  is equal to one third  $mN \langle v^2 \rangle$  lets say  $\langle v^2 \rangle$  average i will explain the meaning in the next class this  $\langle v^2 \rangle$  average is actually averaging in this sense so what i told you today that there are two approaches to study the thermal properties or equation of state of a gas or for that matter any system one is kinetic theory approach where you go microscopic other is thermodynamic approach in equilibrium results would be the similar i have started with the kinetic theory approach i have tried to tell you what is a probability distribution how do you talk about averages ok and the next lecture which i am going to say take i will go to the details today's were more like preamble and introduction tomorrow or whenever our next meeting is i will tell you about the equation of state already it is very close to what we know about  $pV = nRT$  can we see that from here i told you in the beginning that temperature is related to the average kinetic energy can we see it from here how do i get this form at all what is pressure pressure whose pressure particles are hitting the walls of the container and that gives me a force distribution there is a momentum transfer this momentum transfer will be related to pressure and i will arrive at this form in the next set of lectures thank you for today you