

تسلسل کی مساوات کا مطالعہ کرنے کے بعد آئیے برنولی کی مساوات کو دیکھتے ہیں برنولی کی مساوات سیال کے مستقل بہاؤ کے لیے ہے تو اسے ڈینیٹل برنولی آہ نے لکھا ہے

تو یہ ہے اور سترہ صفر اٹھ سترہ سو سے سترہ بیاسی

تو اس نے برنولی کی مساوات لکھی جو کہ صرف

توانائی کے تحفظ کا ایک بیان ہے آئیے دیکھتے ہیں کہ ہم اس مساوات یا مساوات کو کیسے اخذ کر سکتے ہیں جو اس نے لکھا ہے کہ جسمانی

نظاموں کے ساتھ ان کے کیا اطلاق ہوتے ہیں یا یہ سیال کے بہاؤ کی پیمائش میں کس طرح مدد کرتا ہے اور جیسا کہ میں نے کہا کہ یہ ایک

مستحکم یا سٹریم لائن بہاؤ کے لیے ہے ایک ناقابل تسخیر مائع کے مائع آہ کے مستحکم یا ہموار بہاؤ کے لیے لہذا برنولی کی مساوات اخذ کرنے

کے لیے آئیے ہم اس تصویر کو لیتے ہیں

تو یہ پائپ کے ذریعے سیال کا بہاؤ ہے اس لیے اوپر کی طرف بہاؤ ہے۔ اس خطے کو اس طرح پکاریں کہ میں اس خطے میں ایک عنصری سیال

پر غور کر رہا ہوں اور اس خطے میں ایک عنصری سیال پر بھی غور کر رہا ہوں آئیے ہم اسے خطہ 1 کہتے ہیں اور اسے خطہ 2 کہتے ہیں۔

کہتے ہیں کہ اسے p one لکھتے ہیں اور آہ یہاں جو پریشر ریکارڈ کیا گیا ہے h1 ایک ہم یہاں h پر ہے یہ ایک اونچائی پر ہے h2 اونچائی

ہے جو کہ ہے پریشر گیج آہ کے ذریعے طے کیا جاتا ہے p one پریشر گیج سے ریکارڈ کیا گیا ہے میں پریشر گیج نہیں بنا رہا ہوں بلکہ پریشر

دو ہے اور اس طرح یہ اوپر کی طرف بڑھ رہا ہے لہذا رفتار کا بہاؤ یہاں اس سمت میں ہے اور یہاں اس سمت میں جو بالترتیب p کہ یہاں دباؤ

ہونے دیں a2 ایک ہے اور ہم بھی کراس سیکشن کے علاقے مختلف ہیں اور کراس سیکشن کا رقبہ یہاں v دو اور خطہ 1 میں v خطے دو میں

کا رقبہ یہاں ہے 1 ba اور کراس سیکشن

تو یہ صورتحال ہے لہذا یہ صرف عنصر ہے یہاں سیال کھینچا جاتا ہے جو پائپ پائپ سے بہتا ہے۔ ہمارے لیے اہمیت نہیں ہے ہمیں صرف سمجھا

ہے اور یہ سیال بلندیوں کی طرف بہ رہا ہے جہاں سے اونچائی 0 کے m جاتا ہے کہ ہم بڑے پیمانے پر غور کر رہے ہیں لہذا اس سیال کا ماس

ہیں اور رفتار دکھائی گئی ہے۔ وہاں h1 اور h2 برابر ہے کچھ حوالہ جاتی لکیر کی بلندیوں

تو اب یہ سیال ہے۔ یقیناً کشش ثقل کے تحت اس لیے

توانائی مستقل ہے اور کل

کو سیال کی حرکتی e توانائی اس طرح

توانائی کے علاوہ ممکنہ

توانائی سے دیا جاتا ہے اس لیے ہم کل

ہے۔ بہاؤ کے ساتھ کسی بھی صوابدیدی v اور v کے برابر ہے جہاں mgh مربع جمع mv توانائی محفوظ رہتی ہے اور اس لیے یہ نصف

اس حوالہ کی سطح سے ماپا جانے والی اونچائی کے مطابق اونچائی ہے لہذا خطہ ایک اور خطہ دو کے درمیان h نقطہ پر رفتار اور

توانائی کا فرق لہذا خطہ ایک کے درمیان

h1 mg مربع پلس 1 mv یہ نصف 2 e ماننس 1 ah دو یعنی خطہ دو ہے r ایک اور لکھوں گا۔ r توانائی کا فرق میں اسے مختصراً

کے برابر ہے h2 mg مربع جمع v2 m ماننس آدھا

تو یہ دونوں خطوں کے خطے 2 اور یہاں 1 کے درمیان

کے ذریعہ دیے گئے ہیں اور یہ ہیں حرکتی 2 e ماننس 1 e توانائی کا فرق ہے۔ وہ

توانائی اور خطے 1 میں ممکنہ

توانائی اور خطے 2 میں مائع یا سیال کی ممکنہ

توانائی۔ وہ کام اس کے ذریعے کچھ کام کرنے میں صرف کرنا چاہیے بلکہ اس

توانائی کو کچھ کام کرنے میں صرف کرنا چاہیے اور کام کی

m ah v ایک ماننس ای ٹو کے برابر ہے جو کہ نصف e توانائی کے نظریہ کے مطابق یہ کام جس کے بارے میں ہم نے ابھی بات کی ہے وہ

کے لیے ایک متبادل اظہار بھی تلاش کر w اب ہم اس h2 mg مربع جمع v2 m آدھا ah ایک ماننس mgh کے برابر ہے۔ ایک مربع جمع

سکتے ہیں جو کہ سیال کو ایک نقطہ سے پڑوسی نقطہ پر منتقل کرنے میں کیا گیا کام ہے اس کے لیے آئیے لیتے ہیں۔ سیال کا ایک چھوٹا عنصر

درست ہے لہذا میں 1 کا ایک رقبہ ہے اور اس کی لمبائی a بہت چھوٹا ہے اس پر صرف بہت زیادہ زور دیا گیا ہے اس میں کراس سیکشن

ہونا ہے۔ 1 کی لمبائی ah اور اس a کہتے ہیں ایریا ڈیلٹا ah صرف ایک چھوٹا عنصری سیال لے رہا ہوں جس میں

کہتے ہیں اب نیچے والے مقام پر ایک p تو اتنا زیادہ سیال جس پر میں غور کر رہا ہوں اور اب یہاں کچھ دباؤ ہے اس کے آخر میں ہم اس دباؤ کو

کے طور پر کہتے ہیں p جمع ڈیلٹا p بڑا دباؤ ہے اس کو

یہاں دباؤ ہے لہذا ہمارے پاس ہے ہم کچھ مٹا سکتے ہیں۔ ان آہ چیزوں میں سے یہاں اور ہمارے پاس آہ ایک پریشر p تو یہاں یہ دباؤ ہے اور یہ

کے برابر p کے برابر ہے اور ڈیلٹا p پر پریشر o پرائم کہتے ہیں لہذا o کہتے ہیں اور اس پوائنٹ کو ah o ہوگا آئیے ہم اس پوائنٹ کو

کے برابر ہے ٹھیک ہے p پریشر ah پرائم پر o ہے اور

میں آئیے ah میں p جمع ڈیلٹا p کے برابر o نقطہ پر کام کر رہی ہے اس کے برابر ہے اتنی قوت پر o تو اب وہ قوت جو اوپر کی سمت

کہتے ہیں تاکہ ہمیں معلوم ہو کہ کراس سیکشن اس علاقے کا یہاں اس چھوٹے سے حصے میں کراس سیکشن a کے بجائے صرف a اسے ڈیلٹا

کے فلائٹ میں مستقل کراس سیکشن نہیں ہوتا ہے لیکن چونکہ ہم نے اس the 1 کا جس کو مستقل سمجھا جاتا ہے حالانکہ پورا آہ مائع آہ

علاقے کو کافی چھوٹا سمجھا ہے یا اس خطے کو اتنا چھوٹا ہو کہ ہم اسے مستقل ہونے کے لیے لے سکتے ہیں اور ہم اسے کہتے ہیں کہ یہ ایک

قوت عمل ہے اور سمت اوپر کی طرف ہے جیسا کہ اسے یہاں دکھایا گیا ہے

تو یہ ایک قوت کی سمت ہے اوہ افسوس اور ایک قوت بھی ہے۔ یہ یہاں کام کر رہا ہے جو اسے آہ فو پرائم کہتے ہیں

تو او پرائم پر فورس پا کے برابر ہے۔

o کے درمیان قوت میں فرق ہے یا آپ اسے o prime o اور o prime o اور o تو جو کام کیا گیا ہے یا اس کے بجائے قوت میں فرق ہے

کے برابر ہے اب یہ قوت اس کام کو کرنے میں pa جو کہ ڈیلٹا pa ماننس p جمع ڈیلٹا p اس کے برابر o کہہ سکتے ہیں اور prime

خرچ کی جائے گی جس کا ہم نے یہاں ذکر کیا ہے اور اس قوت کو اس مائع کالم کو آگے بڑھانے کے لیے ہمیں صرف اس قوت کی ضرورت ہوگی

یہاں ah میں فاصلہ ہے مائع فلم کو حرکت دیتے ہوئے ah میں یہ 1 کے برابر p ah ہے اس ڈیلٹا ah w اس لیے جو کام کیا گیا ہے وہ

اس چھوٹے سے حصے کا حجم ہے جو یہاں کھینچا گیا v کے برابر ہے جہاں av اور p ہو جائے گا جو ڈیلٹا ah سے یہاں تک جائیں اور یہ

ہے

ہو جائے گا لہذا اب اس کام کو جو یہاں دائیں طرف لکھا گیا ہے اس کام کو کہیں v میں p اور اس طرح کیا گیا کام ڈیلٹا v تو یہ ہے ایک والیوم

ایسا نہیں ہے۔ لہذا یہ ایک بنیادی کام ہوگا تاکہ مائع فلم کو ریجن 2 ah گئے کام کے برابر کرنا پڑے گا کہ وہاں آہ ہے آپ کو تعجب ہوگا کہ یہ

اب اُن 1 ہمیں ان تمام بنیادی کاموں کا خلاصہ کرنا ہوگا اور یہ صرف اتنا ہی ہوگا کہ کیا گیا پورا v میں p سے ریگ تک پہنچانے کے لیے ڈیلٹا

2 p میں ہوگا جہاں v میں 1 p ماننس 2 p کام

ہے جو سطحی تناؤ کی تعریف ہے یہ سطح کے م توازی طور پر کام کرتا ہے جو سطح پر موجود کسی بھی لکیر کے ساتھ کام کرتا ہے اور گویا یہ سطح کو کھینچنے کی کوشش کر رہا ہے جو سطح کو کھولنے کی طرف مائل ہوتا ہے لہذا اس تناؤ کو کہا جاتا ہے۔ ایک سطحی تناؤ اور اسے قوت فی یونٹ لمبائی کے طور پر بیان کیا گیا ہے اور اس میں یونٹ نیوٹن فی میٹر ہے اور یہ سطحی تناؤ کی تعریف ہے کہ یہ آہ فورس ہے جس کو قوت فی یونٹ لمبائی سے تقسیم کیا گیا ہے اور یونٹ جیسا کہ آپ سمجھتے ہیں نیوٹن میں ہے۔ فی میٹر آئیے ہم یہ سمجھنے کی کوشش کریں کہ سطحی تناؤ کیوں پیدا ہوتا ہے یا اس کے لیے سطحی تناؤ کے کیا نتائج ہوتے ہیں آئیے اس یو شکل والی ٹیوب پر غور کریں

نو اس یو شکل والی ٹیوب میں ایک حرکت پذیر راڈ ہے مثال کے طور پر اور یہ حرکت پذیر ای راڈ کچھ مائع کو گھیر لیتا ہے ٹھیک ہے تو یہ ہے اس طرح مائع کی ایک پتلی فلم ہے جو اس حرکت پذیر راڈ سے بند ہے اور آپ کو اس حرکت پذیر چھڑی کو کھینچنے کے لیے اس چھڑی ہے۔ شکل والی ٹیوب ایک حرکت پذیر راڈ کے ذریعے سیال کی ایک پتلی فلم -u کو کھینچنے کے لیے کچھ طاقت کی ضرورت ہوتی ہے لہذا یہ ایک کو گھیر لیتی ہے لہذا جب ہم اس حرکت پذیر راڈ کو کھینچتے ہیں تو اس مائع فلم کی سطح کا رقبہ بڑھ جاتا ہے اور ہم سیال کا ایک چھوٹا عنصر لیتے ہیں اور اسے کہتے ہیں کہ سیال کا ایک بیلناکار عنصر اور قوت عمل کرتی ہے۔

تو یہ سب اس لیے سطح پر ایک سطحی تناؤ کام کر رہا ہے یہ ایک پتلی فلم ہے یہ حجم کا سیال نہیں ہے کہ ہم اسے ایک پتلی فلم صرف ایک سطح سمجھ رہے ہیں اور یہ تمام سطحی تناؤ سطح کے م توازی ہر مقام پر کام کر رہا ہے لہذا آئیے ہم یہاں ایک چھوٹا سا کالم لیتے ہیں اور اس قوت پر غور کرتے ہیں جو اس پر عمل کرتا ہے جس سے سطح کا رقبہ بڑھ جاتا ہے اس سے ٹیوب کے ان دونوں اطراف کی لمبائی بڑھ جاتی ہے تاکہ آپ کو معلوم ہو کہ سطح کا تناؤ یہاں ہے۔ ایک ایسی فلم کے بارے میں بتایا جس میں 2 جہتی سلنڈر کے دونوں ta سے زیادہ کیونکہ ہمارے پاس $f \ 2 \ 1 \ 2 \ 1$ برابر ہے۔ s تو لمبائی میں اضافہ ہے لہذا یہ 1 سے زیادہ ہے لہذا $f \ 2 \ 1 \ 2$ اطراف ہیں جس کے بارے میں ہم بات کر رہے ہیں لہذا سطح کے تناؤ کی تعریف کے برابر ہے اور اس قسم کے آلات کو درحقیقت سطحی تناؤ کا تعین کرنے f سے زیادہ $s \ 2 \ 1$ سطحی تناؤ کی سطحی تناؤ کی تعریف ہے۔ اس مقدار سے بڑھتا ہے جب آپ اس آہ کو کھینچتے ہیں 1 جانتے ہیں اور یقیناً ہم جانتے ہیں f کے لیے استعمال کیا جا سکتا ہے دیکھیں کہ کیا ہم اور میں دونوں کو جانا جاتا ہے لہذا آپ اس فارمولے کو استعمال کرتے ہوئے آسانی سے حاصل f جیسا کہ آپ اس قوت کو لگاتے ہیں فرض کریں کر سکتے ہیں اور اب ہم کچھ عام سیالوں کی وجہ سے سطحی تناؤ کو لکھتے ہیں جو ہم ہر روز آتے ہیں مادہ کو لکھے گا اور سطح کے تناؤ کو لکھے گا جو نیوٹن فی یونٹ is تو آئیے صرف ایک ٹیبل بنائیں جیسا کہ ہم پہلے بھی کئی بار کر چکے ہیں۔ نیوٹن فی میٹر میں ہے لہذا یاد رکھیں کہ سطح کا تناؤ درجہ حرارت کا ایک فعل ہے لہذا آپ کو اس درجہ حرارت کا ذکر کرنے کی ضرورت ہے جس پر آپ سطح کے بارے میں بات کر رہے ہیں۔ اس لیے تناؤ کیا آہ پارا 20 ڈگری سینٹی گریڈ پر ہے زیادہ تر ہم 20 ڈگری سینٹی گریڈ کے بارے میں بات کریں گے اس کے 0.44 اے کے برابر ہے پھر خون پھر آہ یہ 20 ڈگری سینٹی گریڈ پر نہیں ہے یہ 37 ڈگری سینٹی گریڈ ہے جو پوائنٹ صفر پانچ آٹھ اے کے برابر ہے اور پھر آہ بیس ڈگری سینٹی گریڈ پر ایتھائل الکوحل دوبارہ پوائنٹ صفر دو تین کے برابر ہے اور بیس ڈگری سینٹی گریڈ پر صابن دوبارہ پوائنٹ صفر دو پانچ صفر دو پانچ کے برابر ہے اب پانی آہ میں اسے یہاں الگ سے لکھتا ہوں تو آہ دوبارہ مادہ اور نیوٹن میں سطح کا تناؤ فی میٹر تو 0 ڈگری سینٹی گریڈ پر پانی جو 0.076 پانی کے برابر ہے 20 ڈگری سینٹی گریڈ پر 0.072 پانی اہلتے ہوئے مقام پر جو کہ 100 ڈگری سینٹی گریڈ 0.059 کے برابر ہے یہ دیکھنا دلچسپ ہے کہ ہم اس بات پر بحث نہیں کریں گے کہ سطح کا تناؤ کم ہوتا ہے۔ درجہ حرارت میں اضافہ تو یہ 0.076 سے 0.076 ڈگری سینٹی گریڈ پر 100 ڈگری سینٹی گریڈ پر 0.059 ہو جاتا ہے کا پارا 20 ڈگری سینٹی گریڈ پر 0.44 ہے s تو آئیے اس سطحی تناؤ کو تھوڑا بہتر سمجھیں میں آپ کو صرف ایک اور نقطہ نظر پیش کرتا ہوں۔ جو کہ کم از کم کچھ ایسا ہی ہے جیسے ایک ترتیب کی شدت دوسرے مادوں سے زیادہ ہے جسے ہم نے 37 ڈگری سینٹی گریڈ پر خون سمجھا ہے پوائنٹ صفر پانچ آٹھ ایتھائل الکوحل بیس ڈگری سینٹی گریڈ پوائنٹ صفر دو تین کے برابر ہے اور صابن بیس ڈگری سینٹی گریڈ پوائنٹ صفر دو پانچ کے برابر ہے پانی کے لیے پانی کی قدریں یہاں بالکل ٹھیک دی گئی ہیں تو آئیے سالماتی نقطہ نظر سے سطح کے تناؤ کو سمجھنے کا ایک نظریہ لیں یا مالیکیولر سطح پر واقعی کیا ہوتا ہے اور کیا چیز سطحی تناؤ کو جنم دیتی ہے۔

تو آئیے ہم ایک برتن لیں جس میں پانی ہے یہاں لیں پانی کے مالیکیول دیگر تمام پانی b یہاں اور ایک پوائنٹ a تو یہ پانی کی سطح ہے آئیے ہم سطح کے مالیکیول پر دو پوائنٹس ایک پوائنٹ کے مالیکیولز کی وجہ سے ایک پرکشش قوت کا تجربہ کرتا ہے لہذا یہ ہے تمام سم توں میں یکساں پانی کے دیگر تمام مالیکیولز کی وجہ سے ایک پرکشش قوت ہے اب اس پر غور کریں آئیے اس پوائنٹ کو ایک پوائنٹ کہتے ہیں اور پوائنٹ آہ کہتے ہیں اوپر کوئی کاؤنٹر پارٹس نہیں ہیں لہذا سطح کے m b اس پوائنٹ کو توازی قوت کی لکیریں مخالف سمت میں ہیں اور یہ بھی ایسی قوتیں ہوں گی جو اوپر کی قوتوں سے m

توازن نہیں ہوں گی اور ان قوتوں کی وجہ سے نیچے کی طرف مائع سطح تھوڑا سا سکڑے کی کوشش کر رہی ہے اور رقبہ کم سے کم کیا جائے گا ٹھیک ہے اور یہی وجہ ہے کہ سطح کے رقبے کو کم کرنے کی یہی وجہ ہے کہ ہم دیکھتے ہیں کہ شبیم شکل میں کرووی ہوتی ہے یا ٹپکنے والا پانی پانی کا آخری قطرہ نل کے آخر میں کرووی شکل رکھتا ہے کیونکہ کربوں کا کم از کم سطحی رقبہ ہوتا ہے اور وہ کم از کم سطح کا رقبہ ایک کرہ کا ہوتا ہے اس لیے وہ کرووی شکل اختیار کرتے ہیں اس لیے سطح کا تناؤ شبیم کی اس کرووی شکل کے لیے ذمہ دار ہے جسے ہم زمین پر دیکھتے ہیں اب آئیے ایک متعلقہ کو دیکھتے ہیں۔ اس خیال کی

توسیع اور اس کے بارے میں بات کریں جسے سطحی توانائی کہا جاتا ہے لہذا سطح کے رقبے کو بڑھانے کے لیے کچھ مقدار میں توانائی کی ضرورت ہوتی ہے جیسا کہ ہم نے یوٹیوب کے اس تجربے میں دیکھا ہے جس کا ہم نے ذکر کیا ہے۔ کیا وہ حرکت پذیر راڈ اور یہ فلم گھیرے ہوئے ہے یا یہ علاقہ آہ پتلی مائع فلم کو گھیرے ہوئے ہے لہذا ہمیں کچھ مقدار میں کام کرنے کی ضرورت ہے اور اس علاقے کو بڑھانے کے لیے ایک قوت لگائیں تاکہ یہ کام کیا جائے تو کچھ سطحی توانائی کے طور پر ذخیرہ کیا جائے گا۔ لہذا اس کام کو کہا جائے گا یا اس کے بجائے نظام میں سطحی توانائی اور سطحی f کے طور پر بیان کیا گیا ہے جہاں x ڈیٹا f توانائی کے طور پر ذخیرہ کیا جائے گا یا اس کے بجائے جس کام کے ساتھ شروع کیا جائے اسے چھوٹا ہے جسے آپ جانتے ہیں۔ x دی گئی قوت ہے اور ڈیٹا

1 کے برابر $s \cdot f$ کے برابر لکھا جا سکتا ہے کیونکہ 1 میں s توسیع جو کہ قوت کے استعمال کی وجہ سے ہوتی ہے اور یہ ہم جانتے ہیں کہ

جہاں ڈیلٹا Δ لے رقبے میں اضافہ ہے جو اس چھوٹی a کے برابر ہے ڈیلٹا s اور یہ x اور پھر ڈیلٹا l میں s کے برابر f تو a عمل میں کیا گیا کام ہے اور w جہاں a کے برابر ہے w ڈیلٹا کے اوپر s توسیع کی وجہ سے ہوا ہے لہذا ہم یہ بھی لکھ سکتے ہیں کہ فی میٹر مربع اور جیسا کہ $1e$ میں نمائندگی کی جا سکتی ہے۔ jou ڈیلٹا ہے رقبہ میں خالص تبدیلی کیونکہ یہ کام کیا جا رہا ہے لہذا اس کی بھی ہم نے دیکھا ہے کہ نیوٹن فی میٹر میں اس کی نمائندگی کی جاتی ہے اسے جول فی میٹر مربع کے طور پر بھی ظاہر کیا جاتا ہے ہم ایک اور کام کریں گے جو دوبارہ اس سے متعلق ہے اسے رابطہ کا زاویہ کہا جاتا ہے

تو آپ نے دیکھا ہوگا۔ یہ کہ کچھ حشرات دراصل پانی پر چل سکتے ہیں یا جیسا کہ ہم نے پہلے مثال دی ہے کہ ایک چھوٹا غبارہ درحقیقت پانی کے میدان کے غبارے کو پانی سے بھر سکتا ہے جو پانی پر تیر سکتا ہے اور ایسا ہو سکتا ہے اگرچہ وہ مائع سے زیادہ گھنے ہوں۔ یا پانی لیکن یہ پھر بھی تیر سکتا ہے اور اس کی وجہ سطحی تناؤ ہے لہذا ہم ایک کرہ کے رابطے کے زاویے کا حساب لگا سکتے ہیں لہذا یہاں ایک آہ مائع فلم ہے اور وہاں ایک کرہ ہے

تو وہاں یہ آہ سطحی تناؤ اس پر عمل پیرا ہے۔ پانی سے بھرا ہوا غبارہ سمجھا جاتا ہے جس کے بارے میں ہم نے بات کی ہے اور یہ ایک مائع کی سطح ہے

سے f تو یہ سطح ہے اور مائع نیچے ہے اور یہ آہ پانی سے بھرا ہوا غبارہ ڈوب نہیں رہا ہے بلکہ تیر رہا ہے۔ سطح کا تناؤ کام کر رہا ہے جو r ہے اس دائرے میں ہے یا غبارے کا رداس r کے برابر ہے اور رابطہ کا زاویہ تھیٹا کے ذریعہ دیا گیا ہے لہذا اس کا ایک رداس l زیادہ اور اس کا وزن ہے جو نیچے کی طرف کام کر رہا ہے جس کی وجہ سے یہ کشش ثقل اس لیے سطح کا تناؤ اس سمت میں کام کر رہا ہے تاکہ وزن کو سہارا دینے کے لیے سطحی تناؤ کے افقی اجزاء دونوں اطراف سے منسوخ ہو جائیں کیونکہ مائع کی سطح کے ساتھ افقی اجزاء دونوں اطراف سے منسوخ ہو جائیں گے اور عمودی جز شامل ہو جائیں گے۔ اوپر جائیں اور اس غبارے کے وزن کو سپورٹ کریں گے عمودی جزو سے بچ گیا ہے اگر ہم تھیٹا کو اس طرح کہیں گے $s \cos$ تھیٹا $s \cos$ تو ہمارے پاس تھیٹا ہو گا $s \cos$ تو یہ عمودی جز ہو گا

سطح کے تناؤ کا عمودی جزو اور وزن کو سہارا دیتا ہے لہذا پانی سے بھرا ہوا غبارہ مائع کی سطح پر ہے لہذا یہ $s \cos \theta$ کے دائرے پر تمام پوائنٹس پر کام کر رہی ہے لہذا یہ مائع اس کو گھیر رہا ہے اور یہ اس سطح کو ڈبو رہا ہے۔ اور اس طرح ہمارے r قوت رداس آ رہے ہیں جہاں کرہ πr ہے کیونکہ تھیٹا میرے غبارے کے وزن کو درست کرنے جا رہا ہے لہذا ہر ایک نقطہ پر دو $2 \pi r s \cos \theta$ پاس ڈوب رہا ہے لہذا یہ دائرہ تمام پوائنٹس پر یہ سطحی تناؤ کام کرتا ہے اور اوپر کی طرف ایک کل قوت کو جنم دے گی جو اس معاملے میں شے یا غبارے کے وزن اور کشش ثقل کی وجہ سے نیچے کی طرف کی قوت کو م

توازن کرتی ہے اور یہ اس کے برابر ہے اس لیے تھیٹا اب مجھے 2 سے زیادہ کا حساب لگا سکتے ہیں لہذا یہ کسی چیز کے رابطے کا زاویہ ہے جو مائع کی سطح کی سطح پر آہ تیرتا ہے اور یہ وہ $\cos^{-1} w$ زاویہ ہے جو یہ بناتا ہے پھر یہ عمودی طور پر کہیں گئی سمت کو نارمل بناتا ہے تو ائیے اس آہ کی ایک مثال دیکھیں

تو اس کی وضاحت کے لیے ایک مسئلہ لکھیں تاکہ ایک کیڑا پانی کی سطح پر چل سکے جو کیڑے کے پاؤں کی خوراک کی بنیاد ہے۔ تقریباً گروی جس کا رداس 10 سے پاور مائکس 4 میٹر ہے۔ کیڑے کی 6 ٹانگیں ہیں آپ نے ایک چھ ٹانگوں والا کیڑا دیکھا ہے آہ اور ایک ماس پوائنٹ صفر صفر دو گرام کا زاویہ تھیٹا کا حساب لگائیں جو اس کی ٹانگیں عمودی حساب سے بناتی ہیں معذرت

$\pi r s \cos \theta$ تو یہ ایک بیان ہے اس لیے زاویہ کا حساب لگائیں کہ زاویہ تھیٹا کہ ٹانگیں عمودی کے ساتھ بنائیں تاکہ ہم جانتے ہیں کہ دو دس سے پاور $ah \cdot r$ چھ پوائنٹ دو آٹھ π ہے تین پوائنٹ ایک چار ایک طرح کی آسان قدر لے گا لہذا دو $2 \pi \pi$ برابر w برابر θ بن جائے گا اب پانی کی سطح کا تناؤ ہے ah مائکس چار میٹر

تو اب یہ دیا جاتا ہے کہ درجہ حرارت کو 20 ڈگری سینٹی گریڈ مان لیں جس کا مطلب ہے کہ آپ کو پانی کی سطح کے تناؤ کی قیمت بیس 2 mg ڈگری سینٹی گریڈ پر لینی ہوگی جو ہم نے کہا ہے۔ اسے ایک بار پھر لکھے گا اس کا پوائنٹ صفر سات دو نیوٹن فی میٹر اور یہ برابر ہے سے نو پوائنٹ آٹھ میٹر ہے۔ فی سینٹی ah ہے اور یہ نو پوائنٹ آٹھ kg ہے اور اس طرح یہ ah مائکس 6 یعنی ماس 10 سے نو پوائنٹ آٹھ میٹر ہے۔

ٹانگیں ix ہیں۔ s مربع لیکن وہاں تو ان کو سہارا دیا جائے گا تو یہ چھ ٹانگیں کل وزن کو سہارا دیں گی اس لیے اس چیز کو چھ سے تقسیم کرنا ہوگا اور ہمیں اس زاویہ کو جاننا ہوگا کہ کھانا پانی پر ٹانگوں میں سے ایک ٹانگ کس کرتا ہے

سے تقسیم کر کے برابر ہو جاتا ہے جو پوائنٹ آہ تین سات ah تھیٹا پوائنٹ تین تین کو پوائنٹ نو صفر \cos تو یہ آہ اگر آپ اس کا حساب لگائیں پوائنٹ تین سات کے برابر ہوتا ہے اور تھیٹا کوسائن انورس پوائنٹ تین سات کے برابر تقریباً ڈسٹھ پوائنٹ دو ڈگری ہوتا ہے

تو یہ وہ زاویہ ہے جس کا پاؤں کیڑے پانی پر بناتا ہے اور یہ ڈوبتا نہیں بلکہ پانی پر چل سکتا ہے اور اس لیے یہ ہے رابطے کا زاویہ رابطہ کے زاویہ کے بارے میں کچھ اور دلچسپ بات ہے جسے کیپیلریٹی کہا جاتا ہے اس لیے ہم آپ کی کیپیلریٹی پر بات کریں گے۔ آپ نے دیکھا ہے کہ ایک گلاس میں پانی کے گلاس میں ایک پر رکھے ہوئے پانی کے کنارے دراصل اوپر کی طرف جھک جاتے ہیں

تو یہ مائع مینیسکس ہے جب اس کا پانی ہے

تو یہ پانی ہے اور اگر یہ پانی نہیں ہے

تو کہنے کہ اگر اس کا پارا ہے

تو مینیسکس کی طرح نہیں ہے۔ کہ حقیقت میں یہ نیچے جاتا ہے جب کسی مائع کی سطح کنٹینر کی سطح کو چھوتی ہے کہ اس نے اسے یا

تو اس جگہ رکھا جہاں گوشت اٹھے گا جیسا کہ ہم پانی کے لئے ہوتا ہے اور یہ پارے کے لئے ڈوبتا ہے اور آپ اسے ایک زاویہ سے بیان کرسکتے ہیں۔ ائیے ہم اسے تھیٹا کہتے ہیں اور یہ زاویہ پانی کے لیے اس کے لیے شدید ہے اور زاویہ عطارد کے لیے اویطور ہے جہاں اسے عمودی سے ناپا جاتا ہے

تو یہ دو قسم کے مائع ہیں جو ہمارے پاس آہ ہیں جو ان میں سے ایک ہے جہاں سطح بیکر کی سطح یا شیشے یا کنٹینر کے ساتھ رابطے میں آتی ہے جس میں رکھا جاتا ہے یا

تو اس میں مائع مینیسکس بڑھتا ہے یا مائع مینیسکس ڈوبتا ہے جیسا کہ یہاں دکھایا گیا ہے یا

تو ایک شدید زاویہ یا اوبٹیس اینگل بناتا ہے اب ایسا کیوں ہوتا ہے؟ سوال یہ ہے کہ یہ دو چیزوں کی وجہ سے ہوتا ہے ایک کو ہم آہنگی کی قوت کہا جاتا ہے اور دو فو

توں کے درمیان مقابلہ ایک کو ہم آہنگی کی قوت کہا جاتا ہے دوسری کو جوڑ کی قوت کہا جاتا ہے لہذا ہم آہنگی کی قوت کو ہم آہنگی کی قوت کہا جاتا ہے۔ ساون خود مائع کے درمیان بین سالماتی قوت ہے لہذا یہ وہ قوت ہے جو ایک مالیکیول دوسرے مالیکیول پر لگاتا ہے

جسے ہم آہنگی کی قوت کہا جاتا ہے اور چپکنے کی قوت وہ قوت ہے جو مائع مائع کے مالیکیولز پر لگاتا ہے۔ شیشے کے بیکر کے مالیکیولز پر یہاں کہیں یا کنٹینر کے مالیکیولز جو اس طرح پانی میں رکھے جاتے ہیں اس میں چپکنے کی قوت ہم آہنگی کی قوت سے زیادہ ہوتی ہے لہذا ہم اسے آسنجن کی قوت کے طور پر fa کہتے ہیں ہم آہنگی کی قوت کے طور پر اور ہم اسے کہتے ہیں۔ fc تو اس معاملے میں پانی کے معاملے میں ہمارے پاس چپکنے کی قوت ہم آہنگی کی قوت سے زیادہ ہوتی ہے لہذا پانی کے مالیکیولز شیشے کے مالیکیولز کی طرف مضبوطی سے م

سے بڑا جس کا fa ہے fc توجہ ہوتے ہیں اور اسی وجہ سے وہ اوپر کی طرف بڑھتے ہیں اور صرف الٹ یہاں ہوتا ہے آپ کے پاس چار ah یا r پارے کے مالیکیولز ہم آہنگ ah مطلب ہے عطارد کے مالیکیولز قوت کشش یا عطارد کے مالیکیولز کے درمیان موجود قوت کی قوت وہ چپکنے والی قوتیں ہیں جو عطارد کے مالیکیولز اور کنٹینر کے مالیکیولز کے درمیان ہوتی ہیں جس میں اسے رکھا جاتا اther سے زیادہ ہیں

تو یہ دونوں مل کر ایسا بنائیں گے کہ یہ ایک شدید زاویہ ہے کہ پانی کنٹینر کے ساتھ آہ بناتا ہے اور وہ چپکنے کی قوت ہم آہنگی کی قوت سے زیادہ ہوتی ہے اور عطارد کے لیے بالکل اس کے برعکس ہوتا ہے جہاں یہ نارمل کے ساتھ ایک موٹا زاویہ بناتا ہے اور پارے کے مالیکیولز کے درمیان مربوط قوت عطارد اور کنٹینر کے درمیان چپکنے والی قوت سے زیادہ ہوتی ہے۔ میں رکھا گیا ہے تاکہ ہم اصل میں اس تھیٹا کا حساب لگا سکیں تو اس تھیٹا کا حساب کیسے کریں آئیے ہم پانی کی ایک مثال لیتے ہیں اور اس پر صرف زور دیتے ہیں یا اس پر مزید زور دیتے ہیں کہ یہ مینیسکس ہے r اور یہاں کچھ اونچائی اٹھ لیں اور ہم اونچائی اٹھ کا حساب لگانا چاہتے ہیں یہاں اس میں فاصلہ کے طور پر دو یہ بھی زاویہ تھیٹا ہے ہم اس اونچائی کا حساب لگانا چاہتے ہیں کہ آہ مائع کالم اس سے اٹھتا ہے جس سے آپ کو معلوم s ہے اور یہ s تو یہ ہے افق اونٹل آہ لیول

کے دائرے کے r تو سطح کا تناؤ دائرے کے چاروں طرف ایک زاویہ تھیٹا اے اے پر عمل کرتا ہے جسے ہم نے کہا ہے کہ سطح کا تناؤ رڈاس عمودی قوت کی شدت اتنی عمودی اوپر کی قوت کی شدت سطحی تناؤ کی وجہ سے قوت ہے لہذا یہ سطحی ah چاروں طرف کام کرتا ہے لہذا سطحی تناؤ کی تعریف ہے ah جو کہ a cos theta in l ہے اور f سطحی تناؤ کی وجہ سے ah تناؤ ہیں جو وہاں کام کر رہے ہیں کے برابر ہے pi r دو l برابر ہے چونکہ l تھیٹا اس لیے کیونکہ cos کے برابر ہے pi rs کے برابر ہے جو دو pi r دو l اور l تھیٹا جو کہ عمودی طور پر اوپر کی طرف قوت ہے کشش نقل کی وجہ سے pi rs cos اور یہ سپورٹ کرنے جا رہا ہے اس لیے یہ دو عمودی نیچے کی طرف والی قوت کو م

کے مائع پر rho کے برابر ہے اور آئیے ہم پانی کے بیلناکار کالم کے حجم یا کثافت g میں rho v کے برابر ہے۔ mg توازن کرے گا جو غور کریں

vo ہے جسے آپ سب جانتے ہیں۔ کہ سلنڈر کا حجم h مربع pi r کی جگہ v کے برابر ہے جہاں g اور h rho مربع pi r تو یہ کے برابر ہے h مربع pi r لume سے دیا جاتا ہے۔ ایک سلنڈر کا

ah 2 s cos theta by um جس کا میں حساب لگانا چاہتا ہوں نکلتا ہے ah h تو میرا

کے کناروں کی طرف کیبلیری کے bicker اور اسی طرح یہ rho gr تھیٹا ہو جائے گا s cos r اور یہ 2 r تو 1 عروج کی بلندی کا اظہار ہے یا پانی کے تھیٹا کے لیے یہاں مائع پر مشتمل کنٹینر تقریباً 0 کے برابر ہے یعنی ہم نے یقینی طور پر تصویر کو بڑا کیا ہے اصل میں زاویہ بہت چھوٹا ہے یہ صفر کے قریب ہے لہذا اگر تھیٹا صفر کے قریب ہے

لہذا پانی کی سطح کے تناؤ rho gr بذریعہ s برابر ہے h 2 تو تھیٹا ایک بن جاتا ہے اور ایسی صورت میں میرے پاس ایک سادہ اظہار ہے یقیناً معلوم ہے اور g معلوم ہوگا s rho کو جاننا اور یقیناً درجہ حرارت کو جاننا اس کی وضاحت کرنی ہوگی جس پر ہمیں معلوم ہوگا کہ اس کا ہے کہو دیا گیا ہے پھر آپ اس اونچائی کا حساب لگا سکتے ہیں یعنی وہ ریکارڈ کیا جائے گا یا نوٹ کیا جائے گا۔ کنارے تاکہ آپ ah بیکر کا رڈاس اگر ہم ایک بڑا بڑا یا اس سے بڑا بڑا گلاس لیں جس کا رڈاس زیادہ ہے e سمجھیں کہ ان تمام چیزوں کو باقی رکھنا سیم ہے۔

نیچے جاتا ہے h بڑھتا ہے r کے طور پر جاتا ہے لہذا جیسے ہی r تو ہم اصل میں 1 سے زیادہ تو یہ اونچائی چھوٹی اور چھوٹی ہوتی جائے گی کیونکہ آپ کے پاس بڑا پانی والا پانی بڑا اور بڑا ہوتا جاتا ہے۔ تم