

ତେଣୁ [ବକ୍ତୃତା] ପୂର୍ବ ବକ୍ତୃତାଗୁଡ଼ିକରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ ପାଇଁ ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ଧାରଣା ଏବଂ ସ୍ୱ independence ାଧାନତା ରାଶ୍ଟ୍ରମ ଭେଦିଏବଲ୍ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ବନ୍ଧନ ଏବଂ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ବିଚରଣର ସଂକଳ୍ପ ବିଷୟରେ ମୁଁ ବିସ୍ତୃତ ଭାବରେ ଆଲୋଚନା କରିଛି, ମୁଁ ବିଭିନ୍ନ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବି | ଯାହା ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରବେଶିକା ପରୀକ୍ଷାରେ ବାରମ୍ବାର ପଚରାଯାଏ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଇଞ୍ଜିନିୟରିଂ ପ୍ରବେଶିକା ପରୀକ୍ଷା ଅନ୍ୟ କେତେକ ବିଶ୍ୱବିଦ୍ୟାଳୟର ପରୀକ୍ଷା ଇତ୍ୟାଦି ଏହା ପ୍ରାୟ ସମସ୍ତ ବିଷୟକୁ ଆଛାଦନ କରିବ ଯାହାକୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କରିସାରିଛୁ ମୁଁ ପୁନର୍ବାର ଛାତ୍ରମାନଙ୍କୁ ପରାମର୍ଶ ଦେବି ଦୟାକରି ତୁମର ଅନୁମତି ଏବଂ ମିଶ୍ରଣର ଧାରଣାକୁ ସଂଶୋଧନ କରି କାରଣ ଗଣନାରେ | ଅନେକ ଥର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସମସ୍ୟାରେ ଆମେ ଏହି ଧାରଣାଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ଚାରି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାକୁ ମନଇଚ୍ଛା ମନୋନୀତ କରାଯାଇଥାଏ , ସେହି ସଂଖ୍ୟାରେ ଠିକ୍ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ଅଛି, ଜଣେ ପ୍ରଶ୍ନ କରିପାରନ୍ତି ଯେ ଏହି ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ କେବଳ ଏକାଡେମିକ୍ ସ୍ୱାର୍ଥ ପାଇଁ କିମ୍ବା ଏହାର କ practical ଶସି ବ୍ୟବହାରିକତା ଅଛି କି? ଏହା ମଧ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରନ୍ତୁ ଯାହା ଯେ you ାରା ଆପଣଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେତେକଙ୍କର h ଆଇପାରେ | କୋଡ୍ କିମ୍ବା କ୍ରିୟୋଗ୍ରାଫି ଇତ୍ୟାଦିର ନାମ ଶୁଣନ୍ତୁ ଯାହା ଯେ the ାରା କୋଡ୍ ଡିଜାଇନ୍ କରିବାକୁ କିମ୍ବା କୋଡ୍ ଭାଙ୍ଗିବାକୁ ଏହି ପ୍ରକାରର ସମସ୍ୟାର ସମ୍ମୁଖୀନ ହେବାକୁ ପଡ଼ିବ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ବିଭିନ୍ନ ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ସମ୍ଭାବନାକୁ ଗଣନା କରିବା ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ସେଠାରେ ଥିବା ଏକ ସମସ୍ୟା ଅଟେ ଯଦି ଆମକୁ ଏକ ଚାରି ଅଙ୍କ ବାଛିବାକୁ ପଡ଼ିବ | ସଂଖ୍ୟା ଏହିପରି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା କ'ଣ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ସ୍ଥାନରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଚାରି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ଏକରୁ ନଅ ମଧ୍ୟରେ ଯେକ **any** ଶସି ସଂଖ୍ୟା ରହିପାରେ ତେଣୁ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ନଅଟି ସମ୍ଭାବନା ଅଛି ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ତୃତୀୟ ଏବଂ ଚତୁର୍ଥ ସ୍ଥାନରେ ଶୂନ୍ୟ ମଧ୍ୟ ସେଠାରେ ରହିପାରିବ | ପ୍ରତ୍ୟେକ ସ୍ଥାନରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଦଶଟି ସମ୍ଭାବନା ଅଛି ଯାହା ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ନଅ ହଜାର ଏହିପରି ମାତ୍ରା ବର୍ତ୍ତମାନ ଅଛି ଯଦି ସେହି ସଂଖ୍ୟାରେ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ ହୁଏ ଯଦି ଆମକୁ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ପାଇବାକୁ ପଡ଼ିବ ତେବେ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମ ସ୍ଥାନ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଏକରୁ ନଅକୁ ବାଛିବା ଯାହା ଯେ you ାରା ଆପଣ ପାଇପାରିବେ | ନଅଟି ଏପରି ସମ୍ଭାବନା ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଏକ ସ୍ଥାନରେ ତୁମର ସଂଖ୍ୟା 1 ରୁ 9 ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ ନଅଟି ଏପରି କେସ୍ ଅଛି ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ଶୂନ୍ୟ ଭାବରେ ଫିଲ୍ କରୁଛୁ ତେଣୁ ସେଠାରେ କ **choice** ଶସି ବିକଳ୍ପ ନାହିଁ | ଅବଶିଷ୍ଟ ଦୁଇଟି ସ୍ଥାନ ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରଥମ ସ୍ଥାନ ଶୂନ୍ୟ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ଅବଶିଷ୍ଟ ତିନିଟି ସ୍ଥାନ ଦୁଇଟି ସ୍ଥାନ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ତେଣୁ ସେହି ସ୍ଥାନଗୁଡ଼ିକ ତିନୋଟି c ଦୁଇଟି ଉପାୟରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଇପାରିବ ଯେଉଁଠାରେ ଶୂନ୍ୟ ସ୍ଥାନିତ ହୋଇପାରିବ ତିନୋଟି ସ୍ଥାନ ଦୁଇଟିରେ ଚୟନ କରାଯାଇପାରିବ ଯାହା ତିନୋଟି ଉପାୟ ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଆମେ ଏକ ଚାରି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ହେବାର ସମ୍ଭାବନାକୁ ଗଣନା କରିଛୁ ଯେଉଁଥିରେ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ଅଛି ତେଣୁ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ଅନୁକୂଳ ମାତ୍ରାଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା, ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଏଠାରେ ଲେଖିବା ଏହା 9 ରୁ 9 ମଧ୍ୟରେ 3 ହେବ ତେଣୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟାରେ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ଅଛି | ମାତ୍ରାଗୁଡ଼ିକର ଅନୁକୂଳ ସଂଖ୍ୟା 9 ରୁ 9 ରୁ 3 ଏବଂ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ମାତ୍ରା 9000 ଅଟେ ତେଣୁ ସରଳୀକରଣ ପରେ ଏହା କେବଳ 27 ରୁ 1000 ହୋଇଯାଏ କିମ୍ବା ଆପଣ କହିପାରିବେ 0.027 ଠିକ୍ ଅଛି ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ସମସ୍ୟା ନେବା ଯେଉଁଥିରେ ସେଟ୍ ଥିଉରିଟିକ୍ ନୋଟେସ୍ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଉ | **f** ସ୍ୱ independent ାଧାନ ରୁହନ୍ତୁ ଏବଂ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **f** ର ସମ୍ଭାବନା ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ **e** ଛକ **f** ର ସମ୍ଭାବନାକୁ 2 ରୁ 9 ସମାନ ହେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଏବଂ ଏହା ଦିଆଯାଉଛି ଯେ **e** ର ସମ୍ଭାବନା ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ ଅଧିକ | **f** ର ତାପରେ ଆପଣଙ୍କୁ **e** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଭାବିବା **e** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **p** କହିବା ପାଇଁ ସମାନ ଅଟେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ଦିଆଗଲା ଯେ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **f** ର ସମ୍ଭାବନା ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଏହା ସ୍ୱଚିତ କରେ ଯେ **f** ର ସମ୍ଭାବନା ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ହେବ | ମାତ୍ରା **p** ବର୍ତ୍ତମାନ ଇ ଛକ **f** ର ସମ୍ଭାବନା କାରଣ **e** ଏବଂ ଯଦି **s** are ାଧାନ ତେବେ ଏହା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତାରେ **e** ର ସମ୍ଭାବନା ହୋଇଯାଏ ଯାହା ଯେ **p** ାରା **p** ସହିତ 1 ମାତ୍ରା **p** ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକି 2 ରୁ 9 ଅଟେ ଯେହେତୁ ଆପଣ ଏହା ଦେଖିପାରିବେ ଏହା କେବଳ ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ ସମୀକରଣ

ତେଣୁ **p** 1 ରୁ 3 **r** 2 **by** 3 ହୋଇପାରେ କାରଣ ଏହି ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ପାଇଁ କେବଳ ଏହି ସମୀକରଣ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ ହେବ ଯଦି ମୁଁ **p** କୁ 1 ରୁ 3 କୁ ବାଛିବି ତେବେ **f** ର ସମ୍ଭାବନା 2 ରୁ 3 ହୋଇଯିବ କିନ୍ତୁ ଏହା ଦିଆଯାଇଛି ଯେ **e** ର ସମ୍ଭାବନା ଅଧିକ | **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା

ତେଣୁ ଆମେ 2 ରୁ 3 ହେବାର ସମ୍ଭାବନାକୁ ବାଛିବା କାରଣ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ **f** ର ସମ୍ଭାବନା 1 ରୁ 3 ହୋଇଯିବ | ଏହି ସମସ୍ୟାରେ ମୁଁ ଘଟଣାଗୁଡ଼ିକର ସ୍ୱ independence ାଧାନତାର ସଂକଳ୍ପ ଏବଂ ଏକ ଅଣ ସିଷ୍ଟମର ସିଧାସଳଖ ସମାଧାନ ବ୍ୟବହାର କରିଛି | -ଲାଭ ସମୀକରଣ ମୋତେ ଆଉ ଏକ ଉଦାହରଣ ଦେବାକୁ ଦିଅ | **e** ଯେଉଁଥିରେ ସେଟ୍ ତତ୍ତ୍ୱ **prob** ଠିକ୍ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ବ୍ୟବହୃତ ହୁଏ **e** ଏବଂ **f** ଯେକ **two** ଶସି ଦୁଇଟି ଇଭେଣ୍ଟ ହେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ 0 ରୁ କମ୍ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ 1 କମ୍ ଏବଂ **f** ରୁ କମ୍ ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ 0 କମ୍ ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ ଦିଆଯାଏ ଯେ **e** ର ସମ୍ଭାବନା ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ | **e** ଦିଆଯାଇଥିବା **f** ର ଯାହା ହେଉଛି ଦିଆଯାଇଥିବା **f** ର କଣ୍ଠିଶନାଳ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **e** ର ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ ଅଧିକ ଏବଂ ଏହି ସର୍ତ୍ତାବଳୀରେ ଆମେ ପ୍ରମାଣ କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ଯେ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତାଠାରୁ କମ୍ , **e** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **e** ଦିଆଯାଇଥିବା ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ ଅଧିକ | **f** ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **f** ଦିଆଯାଇଥିବା ଇ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ ଅଧିକ ଅଟେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ଦିଆଯାଇଛି ଯେ **e** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **e** ଦିଆଯାଇଥିବା **f** ର ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସର୍ତ୍ତକୁ ସରଳ କରିଥାଉ ଏବଂ ସର୍ତ୍ତମୂଳକ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ପରିଭାଷାର ସଂଜ୍ଞା ପ୍ରୟୋଗ କରୁ | **e** ଦିଆଯାଇଥିବା **f** ହେଉଛି ଇ ଛକ **f** ର ସମ୍ଭାବନା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **divided** ାରା ବିଭକ୍ତ

ତେଣୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି **e** ଛକ **f** ର ସମ୍ଭାବନା **e** ର ପ୍ରୋବାବିଲିଟିରେ ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ ଅଧିକ | **f** ର ଚାଲିଯି, ଏହା ତୁମେ ଇ ଇଭେଣ୍ଟରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଭାବରେ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **divided** ାରା ବିଭକ୍ତ ହୋଇଥିବା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ବ୍ୟତୀତ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କିଛି ନୁହେଁ | ଗୋଟିଏ ହେଉଛି **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ପ୍ରମାଣ କରିବା ଉଚିତ ଯାହା **f** ଦିଆଯାଇଥିବା **e** ର ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ଯାହା ଏଠାରେ ପ୍ରତିଷ୍ଠିତ ହୋଇଛି, ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଦ୍ୱିତୀୟଟି ନେବା ଯଦି ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବା ତେବେ ଏହାକୁ ଏକ ଡାକିବା ଯାହାକୁ ଆମେ ଇ ଛକ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ବିଷୟରେ ବିଚାର କରିପାରିବା | ଏହା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ **f** ମାତ୍ରା ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ କମ୍ ହୋଇଯିବ

ତେଣୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ **f** ଛକ ଇ ପ୍ରଶଂସାର ସମ୍ଭାବନା ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ **f** ର ମାତ୍ରା ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ସମ୍ଭାବନା ହୋଇଯାଏ ତେଣୁ ଏହା ବିବୃତ୍ତି ସହିତ ସମାନ | **f** ଛକ ଇ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବନା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ ଇ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଏହା ଲେଖନ୍ତି ତେବେ ଏହା **f** ଛକ ହେବାର ସମ୍ଭାବନା ହୋଇଯାଏ | **e** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **divided** ାରା ବିଭକ୍ତ ହୋଇଥିବା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ କମ୍

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରମେ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସହିତ ସମାନ ଅଟେ **f** ର ଇ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବନା **f** ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି କ୍ଷେତ୍ରମେ ନମ୍ବର 3 **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **f** ଦିଆଯାଇଥିବା **e** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ ଅଧିକ | ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରିଛୁ, ଆମେ ଦିଆଯାଇଥିବା କଣ୍ଠିଶନାଳ ବ୍ୟବହାର କରିଛୁ ଯାହା ଇ ର ସମ୍ଭାବନା ଇ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ ଇ ଛକ ହେବାର ସମ୍ଭାବନାକୁ ସରଳୀକରଣ କରିଥାଉ ଯାହା ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ ଅଧିକ ଅଟେ ଏବଂ ମୁଁ ଉଭୟ ଉପରେ ଟିକିଏ ମନିପୁଲେସନ୍ କରିଥିଲି | ପାର୍ଶ୍ୱ **i** ଗୁଡ଼ିକ ମୁଁ **p** ମାତ୍ରା ସମ୍ଭାବ୍ୟତା କରିଥିଲି

ତେଣୁ ଏହାର ସରଳୀକରଣ ପରେ ଅସମାନତା ଓଲଟା ହୋଇଯାଏ ଆମେ ଆବଶ୍ୟକ ଫଳାଫଳ ପାଇଥାଉ ତେଣୁ ପ୍ରକୃତରେ ଆମେ ତୃତୀୟଟିକୁ ଏଠାରେ ପ୍ରମାଣ କରିଛୁ ଆସନ୍ତୁ ଦ୍ୱିତୀୟଟିକୁ ପ୍ରମାଣ କରିବା ପାଇଁ **one** ଠିକ୍ ପ୍ରମାଣ କରିବା ପାଇଁ ମୁଁ ଏହାକୁ ପୁନର୍ବାର ଗୋଟିଏ ବ୍ୟବହାର କରିବି | ଆମେ ଇ ବିଚ୍ଛେଦ **f** ର ଇ ମାତ୍ରା ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ସମ୍ଭାବନାକୁ ବିବେଚନା କରୁ ତା' ହେଲେ ଏହା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ମଧ୍ୟରେ **e** ମାତ୍ରା ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ | **e** ଛକ **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା **f** ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ **f** ର 1 ମାତ୍ରା ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ କମ୍ ପରିପୁର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ ଯାହା **imp** ାରା ଏହା ସ୍ୱଚିତ କରେ ଯେ **e** ଛକ **f** ପ୍ରଶଂସାର ସମ୍ଭାବନା **e** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଠାରୁ **e** ସମ୍ଭାବନାଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଇ ଛକ

f ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମାବେଶୀ । f ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମାବେଶୀ e ର ସମାବେଶୀ ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ଯାହା e ଦିଆଯାଇଥିବା f ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମାବେଶୀ e ର ସମାବେଶୀ ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ଯାହା 2 ରେ ପ୍ରମାଣିତ ହେବା ପାଇଁ ଷ୍ଟ୍ରେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ ଥିଲା ଯାହା e ଦିଆଯାଇଥିବା f ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମାବେଶୀ ଠାରୁ e ର ସମାବେଶୀ ଅଧିକ । ଆମେ ଏହି ଷ୍ଟ୍ରେଟ୍‌ମେଣ୍ଟକୁ ପୁଣି ଥରେ ଏହି ଉଦାହରଣରେ ସ୍ଥାପିତ କରିଛୁ ଯେ ଆମେ କଣ୍ଟ୍ରୋଲ୍‌ଡାଲ୍ ସମାବେଶୀର ସଂକଳ୍ପ ବ୍ୟବହାର କରିଛୁ ।
ତେଣୁ ଆମେ ପ୍ରକୃତରେ କଣ୍ଟ୍ରୋଲ୍‌ଡାଲ୍ ସମାବେଶୀର ସଂଜ୍ଞା ପ୍ରୟୋଗ କରିଛୁ ତାପରେ ଆମେ ପ୍ରକୃତରେ ଦୁଇଟି ସ୍ଥାନରେ ଯୋଗ ନିୟମକୁ ବ୍ୟବହାର କରିଛୁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଇ ଛକ ହେବାର ସମାବେଶୀ । f ଛକ ଇ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା f ର ସମାବେଶୀ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଏଠାରେ ବ୍ୟବହୃତ ହୁଏ । ly ରେ ମୁଁ ଇ ଇଣ୍ଟେରେସ୍ଟ୍ f ର ସମାବେଶୀ ବ୍ୟବହାର କରିଛି ଏବଂ ଇ ଇଣ୍ଟେରେସ୍ଟ୍ f ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମାବେଶୀ e ର ସମାବେଶୀ ସହିତ ସମାନ ।

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଆଡ଼ ଆଡ଼ ନିୟମ ଏହା ହେବ ଏବଂ e ଛକ f ଏହା ହେବ
ତେଣୁ ଏହାର ମିଳନ ସମାନ ଅଟେ ଯଦି ମୁଁ f ଛକ ଇ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ବିଚାର କରେ ତେବେ ତାହା ହେଉଛି ଏହି ଅଂଶ f ଛକ ଏହା
ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଦୁଇଟିର ମିଳନ ନେବି ତେବେ ମୋତେ ଦେବି । ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ଯେଉଁଥିରେ କିଛି ପ୍ରକାରର ଜ୍ୟାମିତିକ ଆର୍ଗୁମେଣ୍ଟ୍ ବ୍ୟବହୃତ ହୁଏ
ତେଣୁ ଦ length ଘି 9 ସେଣ୍ଟିମିଟରର ଏକ ରେଖା ସେଗମେଣ୍ଟ୍ରେ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍ ମନଇଚ୍ଛା ମନୋନୀତ ହୁଏ
ତେଣୁ ଏକ ରେଖା ସେଗମେଣ୍ଟ୍ରେ ସମାବେଶୀ ଅଛି ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍ ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା 3 ସେଣ୍ଟିମିଟରରୁ କମ୍ ଅଟେ । ଏହାକୁ ଜ୍ୟାମିତିକ ଭାବରେ ଦେଖନ୍ତୁ
ତେଣୁ 9 ସେଣ୍ଟିମିଟରର ଏକ ରେଖା ସେଗମେଣ୍ଟ୍ ଅଛି ଯାହାକୁ ଆମେ x ଏବଂ y କୁ ବାଛୁ ଏବଂ ଏହା ଏଠାରେ ମଧ୍ୟ ହୋଇପାରେ ଯେପରି x ଏଠାରେ ରହିପାରେ y ଏଠାରେ ରହିପାରେ x ଅର୍ଥାତ୍ x yx ଠାରୁ କମ୍ ହୋଇପାରେ । y ଠାରୁ ବଡ଼ ହୋଇପାରେ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଚାହୁଁ ଏହି ଦୂରତା 3 ସେଣ୍ଟିମିଟରରୁ କମ୍ ହେଉ
ତେଣୁ ଏହାକୁ ଦେଖିବାର ଏକ ଉତ୍ତମ ଉପାୟ ଆମେ ଏହାକୁ ଦୁଇଟି ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ସ୍ପେସ୍ରେ ସ୍ପର୍ଶ କରିପାରିବା ଏବଂ ଧରାଯାଉ ଏହା ହେଉଛି x ଅକ୍ସ ଏହା y ଅକ୍ସ ଏବଂ ଆମେ ଏକ ବର୍ଗ ବିବେଚନା କରୁ । ସାଇଜ୍ ନଅ ର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଆପଣଙ୍କର 9 9 ମଧ୍ୟ ଅଛି ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ରେଖା

ତେଣୁ ଆମେ ଚାହୁଁ x x ମାଇନସ୍ y 3 ry ମାଇନସ୍ x ରୁ 3 ରୁ କମ୍ ହେବ ।
ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି ଏଠାରେ ବିଚାର କରିବା ତେବେ ହେଉଛି x ମାଇନସ୍ y ତିନୋଟି ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି ରେଖା x ମାଇନସ୍ y ତିନୋଟି ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଆମେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଧାଡ଼ି x ମାଇନସ୍ y ମାଇନସ୍ ତିନି ଆହା ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ଭାବୁଛୁ ଯଦି ଆପଣ ଚାହାଁନ୍ତି ଯଦି y ଶୂନ୍ୟ x ସହିତ ସମାନ ତେବେ ସ୍ଥିତିକୁ ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବେ । ତିନୋଟି ସହିତ ସମାନ ଯଦି ତୁମେ x କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ଭାବୁଛୁ, ତେବେ y ମାଇନସ୍ ତିନି ସହିତ ସମାନ
ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ପଏଣ୍ଟ୍ରେ ଯୋଗ ଦିଅ ଏବଂ ତୁମେ ଏହାକୁ ଅଙ୍କନ କର ତେବେ ତୁମେ ଏହାକୁ ସମାନ ଭାବରେ ପାଇବ ଯଦି ତୁମେ କହିବ ଯଦି x 0 y ସହିତ ସମାନ 3 ଅଟେ । ଯଦି y 0 x ସହିତ ମାଇନସ୍ 3 ସହିତ ସମାନ, ତେବେ ଏହା ହେଉଛି ରେଖା ଯାହା ତୁମେ ଏଠାରେ ପହଞ୍ଚିବ
ତେଣୁ ପ୍ରକୃତରେ ଆମେ x କୁ ବିଚାର କରୁଛୁ । y ଏଠାରେ ଦୁଇଟି ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ସ୍ପେସ୍ରେ ଆମେ xy ବିନ୍ଦୁକୁ ଏକ ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ସ୍ପେସ୍ରେ ଏକ ବର୍ଗରେ ବିବେଚନା କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଏହି ସମଗ୍ର କ୍ଷେତ୍ର 9 ରୁ 9 ଯାହାକି 81 ବର୍ଗ ସେଣ୍ଟିମିଟର ଏବଂ ଛାୟା କ୍ଷେତ୍ର ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ସହିତ ଆବଶ୍ୟକୀୟ ସମାବେଶୀ କ୍ଷେତ୍ର ସହିତ ସମାନ । ସମୁଦାୟ କ୍ଷେତ୍ର ଦ୍ୱିଭୁଜ ଛାୟା ଅଞ୍ଚଳ ଏହା ଏକ ସହଜ ଉପାୟରେ ମଧ୍ୟ କରାଯାଇପାରିବ ଯେପରି ତୁମେ ଏହି ତାହାଣ କୋଣ ତ୍ରିଭୁଜ ପାଇପାରିବ
ତେଣୁ ଏହାର କ୍ଷେତ୍ର 6 ରୁ 6 ଦ୍ୱିଭୁଜ ହେବ ଯାହା 18 ଏବଂ ସମାନ ଜିନିଷ
ତେଣୁ 18 ସ୍ପର୍ଶ 18 36

ତେଣୁ 18 1 ମାଇନସ୍ 36 କୁ 81 ଦ୍ୱିଭୁଜ ଛାୟା ବିଭକ୍ତ ହୁଏ 5 ରୁ 9 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ପ୍ରୟୋଗ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ସ ଧାରଣା ଜ୍ୟାମିତିକ ଯୁକ୍ତି ବ୍ୟବହାର କରୁଛୁ ଯଦିଓ ଜି ଶେଷ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦିଗାନ୍ତ ବନ୍ଧୁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବ ଏବଂ ଟ କିଏ ଅଗ୍ରାମ ସମାବେଶୀ ସ ଛାଡ଼ି ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବ କିନ୍ତୁ ଏଠାରେ ମୁଁ ଅଛି । ବର୍ଗାଭିତ୍ତି ଯେ ଏକ ସରଳ ଜ୍ୟାମିତିକ ଯୁକ୍ତି ଦ୍ୱିଭୁଜ we ଠାରୁ ଆମେ ଆବଶ୍ୟକୀୟ ସମାବେଶୀ ପାଇପାରିବା ଏଠାରେ u 1 ଏବଂ u 2 କୁ 2 ons ଦିଅନ୍ତୁ ଯେପରି u1 ତିନୋଟି ଧଳା ଏବଂ ଦୁଇଟି ଲାଲ୍ ବଲ୍ ଧାରଣ କରେ ଏବଂ u2 କେବଳ ଗୋଟିଏ ଧଳା ବଲ୍ ଧାରଣ କରେ ଯଦି ମୁଣ୍ଡ ଦେଖାଯାଏ ତେବେ ଏକ ସ୍ୱନ୍ନର ମୁଦ୍ରା ଚୟ ହୋଇଯାଏ । s ତାପରେ ଗୋଟିଏ ବଲ୍ u1 ରୁ ଅନିୟମିତ ଭାବରେ ଅଙ୍କିତ ହୁଏ ଏବଂ u2 ରେ ରଖାଯାଏ ଯଦି 1 ଦେଖାଯାଏ ତେବେ u1 ରୁ ଦୁଇଟି ବଲ୍ ଆକୃଷ୍ଟ ହୋଇ u2 ରେ ରଖାଯାଏ ବର୍ତ୍ତମାନ ଗୋଟିଏ ବଲ୍ u2 ରୁ ମନଇଚ୍ଛା ଗଣାଯାଏ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ପ୍ରକୃତରେ u2 ଦୁଇଟି ବଲ୍ ଆଇପାରେ କିମ୍ବା ଏଥିରୁ ତିନୋଟି ବଲ୍ ଆଇପାରେ ଯାହା ଦ୍ୱିଭୁଜ ଠାରୁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ବଲ୍ କୁ ମନଇଚ୍ଛା ଚୟନ କରୁଛୁ, u2 ରୁ ଗଣାଯାଇଥିବା ବଲ୍ ଧଳା ହୋଇଥିବାର ସମାବେଶୀ କ'ଣ, u2 ରୁ ଗଣାଯାଇଥିବା ବଲ୍ ଧଳା ହୋଇଥିବାରୁ ମୁଦ୍ରାରେ ମୁଣ୍ଡ ଦେଖାଯିବାର ସମାବେଶୀ କ'ଣ? ପୂର୍ବ ଇଣ୍ଡିନିୟର ପ୍ରବେଶିକା ପରୀକ୍ଷା ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏରେ ପଚରାଯାଇଥିବା ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଆସନ୍ତୁ ସମାଧାନକୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ରୂପେ ଦେଖିବା

ତେଣୁ ମୁଁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଇଡେଣ୍ଟି ସହିତ ସେଟ୍ ଥିଓରିଟିକ୍ ସମାବେଶୀକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁଛି, ଆମେ ଏକ ସେଟ୍ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବୁ
ତେଣୁ u2 ରୁ ବଲ୍ ହେଉଛି ଇଡେଣ୍ଟିକ୍ ସୂଚିତ କରିବା । ଧଳା ରଙ୍ଗ b1 ଇଡେଣ୍ଟି ହେଉ ଯେ ମୁଦ୍ରାରେ ମୁଣ୍ଡ ଅଛି ଏବଂ b2 ଇଡେଣ୍ଟି ହେଉ ଯେ ମୁଦ୍ରାରେ ଲାଞ୍ଜ ଅଛି
ତେଣୁ ମୁଦ୍ରା ଆମେ ନ୍ୟାୟଯୁକ୍ତ ବୋଲି ଭାବୁଛୁ

ତେଣୁ b ଗୋଟିଏର ସମାବେଶୀ ଏବଂ b ଦୁଇଟି wi ର ସମାବେଶୀ । 11 ବର୍ତ୍ତମାନ ଅଧା ସହିତ ସମାନ ହେବ, ଦିଆଯାଇଥିବା b କୁ କହିବାର ସମାବେଶୀ କ'ଣ
ତେଣୁ ଦିଆଯାଇଥିବା b1 ର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯଦି ମୁଣ୍ଡ ଆସେ ତେବେ ଆମେ u1 ରୁ ଗୋଟିଏ ବଲ୍ ଆଙ୍କିବା ଏବଂ u2 ରେ ରଖିବା ବର୍ତ୍ତମାନ ବଲ୍ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ସେହି ବଲ୍ a ହୋଇପାରେ । ଲାଲ୍ ବଲ୍ ଏହା ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି ଆମେ ପଚାରୁଛୁ ଲୁହା u2 ରୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଆଙ୍କିବାର ସମାବେଶୀ କ'ଣ
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଇଡେଣ୍ଟିକ୍ ସୂଚିତ ଭାବରେ ଧଳା ବଲ୍ u2 ରୁ ଲେଖିବା ବା ଧଳା ବଲ୍ u1 ରୁ ଧଳା ବଲ୍ ଗଣି ହେବାର ସମାବେଶୀ ଅଛି । u1 ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମାବେଶୀ ଯେ ଧଳା ବଲ୍ u2 ରୁ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି ଯେ ଲାଲ୍ ବଲ୍ u1 ରୁ ସମାବେଶୀ ଗଣିଆ ଯେ ଲାଲ୍ ବଲ୍ u1 ରୁ ଗଣାଯାଇଥାଏ
ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରିଛୁ ଆମେ ସମୁଦାୟ ସମାବେଶୀର ଥିଓରେମ୍ ପ୍ରୟୋଗ କରିଛୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ u1 ରୁ ଏକ ବଲ୍ ଅଙ୍କନ କରୁ । ତିନୋଟି ଧଳା ଏବଂ ଦୁଇଟି ଧଳା ବଲ୍ ଧାରଣ କରେ

ତେଣୁ ବାଲଭ୍ରମ ଧଳା ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ଏହା ଲାଲ୍ ହୋଇପାରେ ଯଦି ଗଣାଯାଇଥିବା ବାଲ ଧଳା ହୋଇଯାଏ ତେବେ u ରେ ଗୋଟିଏ ଉପରେ ଉଭୟ ଧଳା ବଲ୍ ରହିବ

ତେଣୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଆଙ୍କିବାର ସମାବେଶୀ ରହିବ । କେବଳ ଗୋଟିଏ ହୋଇଯାଅ କିନ୍ତୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ତୁମଠାରୁ ଗୋଟିଏ ଗଣିବା ସମାବେଶୀ କ'ଣ ତାହା କେବଳ ତିନିରୁ ପାଞ୍ଚ ହୋଇଯିବ କାରଣ u1 ରେ ସମୁଦାୟ ପାଞ୍ଚଟି ବଲ୍ ଅଛି ଯେଉଁଥିରୁ ତିନୋଟି ଧଳା ଅଟେ

ତେଣୁ ଏକ ଲାଲ୍ ବଲ୍ ଯଦି ସମାବେଶୀ ତିନିରୁ ପାଞ୍ଚ ହୋଇଯିବ । ଅଙ୍କିତ ଏବଂ u2 ରେ ରଖାଯାଏ ତେବେ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଅଙ୍କନ କରିବାର ସମାବେଶୀ ଅଧା ହୋଇଯିବ କାରଣ ଦୁଇଟି ଉପରେ ଆମର ଗୋଟିଏ ଧଳା ଏବଂ ଗୋଟିଏ ଲାଲ୍ ବଲ୍ ରହିବ ଏବଂ u ରୁ ଗୋଟିଏ ଲାଲ୍ ବଲ୍ ହେବାର ସମାବେଶୀ ଦୁଇରୁ ପାଞ୍ଚ ହେବ
ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି । ସମାନ ଭାବରେ ଚାରିରୁ ପାଞ୍ଚଟି ବ୍ୟତୀତ ସମାନ ଭାବରେ ଆସନ୍ତୁ, ଦିଆଯାଇଥିବା b 2 ର ସମାବେଶୀର ସମାବେଶୀକୁ ଗଣନା କରିବା ଯାହାକି ଧଳା ବଲ୍ ସମାବେଶୀ u2 ରୁ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି ଯେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯେତେବେଳେ ଏକ ଲାଞ୍ଜ ଅଛି ସେଠାରେ ଗୋଟିଏରୁ ଦୁଇଟି ବଲ୍ ଗଣି ହୋଇ ରଖାଯାଏ । ଏହାକୁ ତୁମେ ଦୁଇଟିରେ ପରିଣତ କର ଧଳା ବଲ୍ଗୁଡ଼ିକ u1 ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମାବେଶୀରୁ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି ଯେ ଧଳା ବଲ୍ u2 ରୁ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି ଯେ ଗୋଟିଏ ଧଳା ଏବଂ ଗୋଟିଏ ଲାଲ୍ ବଲ୍ u1 ରୁ ସମାବେଶୀ ଗଣାଯାଏ ଯେ ଗୋଟିଏ ଧଳା ଏବଂ ଗୋଟିଏ ବଲ୍ u1 ରୁ ସମାବେଶୀ ଥାଏ ଏବଂ ଧଳା ବଲ୍ u2 ରୁ ଧଳା ବଲ୍ ଗଣାଯାଇଥାଏ । ଦୁଇଟି ଲାଲ୍ ବଲ୍ ଗଣି ତୁମଠାରୁ ଗୋଟିଏ ସମାବେଶୀ ମଧ୍ୟରେ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି ଯେ ତୁମଠାରୁ ଦୁଇଟି ଲାଲ୍ ବଲ୍ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି, ମୋତେ ଏଠାରେ ବାକ୍ୟର ପୁନରାବୃତ୍ତି କରିବାକୁ ଦିଅ, ଆମେ ସମୁଦାୟ ସମାବେଶୀ b2 ର ତତ୍ତ୍ୱ applied ପ୍ରୟୋଗ କରିଛୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯଦି ଏକ ଲାଞ୍ଜ ମିଳିଲା ତେବେ ଏକ ଲାଞ୍ଜ ମିଳିଲା । ତାପରେ ଆମେ u1 ରୁ ଦୁଇଟି ବଲ୍ ଅଙ୍କନ କରୁଛୁ ଏବଂ u2 ରେ ରଖୁ
ତେଣୁ ଆମେ ତିନୋଟି ସମାବେଶୀକୁ ଦେଖୁଛୁ u ରୁ ଉଭୟ ବଲ୍ ଗୋଟିଏ ଧଳା ହୋଇପାରେ ଗୋଟିଏ ବଲ୍ ଧଳା ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ଗୋଟିଏ ଲାଲ୍ ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ଉଭୟ ବଲ୍ ଲାଲ୍ ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପ୍ରୟୋଗ କରିଛୁ | ଧଳା ବଲ୍ ସମ୍ଭାବନାକୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବା ପାଇଁ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ଥିବାରୁ u_2 ରୁ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି ଯେ ଏକ ଲାଞ୍ଜ ପ୍ରାପ୍ତ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ସମ୍ଭାବନାକୁ ଦେଖି ଆମେ ଏହାକୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ବର୍ଣ୍ଣନା କରୁ | te ବଳଗୁଡ଼ିକ ତୁମଠାରୁ ଗୋଟିଏ ଆକାଂକ୍ଷାଧାରୀ ତାପରେ ତୁମର ଦୁଇଟିରେ ସମସ୍ତ ଧଳା ବଲ୍ ରହିବ

ତେଣୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଚିତ୍ର କରିବାର ସମ୍ଭାବନା କେବଳ ଗୋଟିଏ ହେବ କିନ୍ତୁ ଗୋଟିଏରୁ ଦୁଇଟି ଉଚ୍ଚତା ବଲ୍ ଟାଣିବାର ସମ୍ଭାବନା କ'ଣ କାରଣ ତିନୋଟି ଧଳା ବଲ୍ ଅଛି | ତିନୋଟି c ଦୁଇଟି ସମ୍ଭାବ୍ୟ ପାଞ୍ଚ d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହେଲେ ସେଠାରେ ପାଞ୍ଚ c ଦୁଇଟି ପୁଣି ଅଛି ଗୋଟିଏ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଗୋଟିଏ ଧଳା ଏବଂ ଗୋଟିଏ ନାଲି u_1 ରୁ ଟାଣାଯାଏ ଏବଂ ଏହାକୁ u_2 ରେ ରଖାଯାଏ ତେବେ u_2 ର ଦୁଇଟି ଉଚ୍ଚତା ଏବଂ ଗୋଟିଏ ଲାଲ୍ ରହିବ

ତେଣୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଆକାଂକ୍ଷା ସମ୍ଭାବନା d by ାରା ଦୁଇ ହୋଇଯିବ | ଏବଂ ଏହି ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ସମ୍ଭାବନା $3 c 1 2 c 1$ ହେବ ଏବଂ $5 c 2$ d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହେବ ଏବଂ ପରବର୍ତ୍ତୀଟି ହେଉଛି ଦୁଇଟି ଲାଲ୍ ବଲ୍ ଗୋଟିଏରୁ ଅଙ୍କିତ ହୋଇ u ଦୁଇଟିରେ ରଖାଯିବ ତାପରେ u_2 ରେ ଗୋଟିଏ ଧଳା ଏବଂ ଦୁଇଟି ନାଲି ବଲ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ଧଳା ବଲ୍ ଅଙ୍କନ କରିବାର ସମ୍ଭାବନା ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ହୋଇଯିବ ଏବଂ ଏହି ପସନ୍ଦର ସମ୍ଭାବନା $2 c 2$ କୁ $5 c 2$ d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହେବ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିଗୁଡ଼ିକ ଅତି ସହଜରେ $3 c 2$ କୁ $3 5 c 2$ $is 10 3 c 1 is 3 2 c 1$ ହେଉଛି $1 2 c 2 is 1 2 c 2 is 2$

ତେଣୁ ସରଳୀକରଣ ପରେ ଏହି ମୂଲ୍ୟ $b 11$ ରୁ 15 କୁ ଆୟ କରେ a ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା v_1 ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସହିତ ପ୍ରଦତ୍ତ b ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସହିତ ସମାନ b_2 ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସହିତ b_2 ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକି 4 ରୁ 5 ରୁ ଅଧା ଏବଂ 11 ରୁ 15 କୁ ଅଧା ଅଟେ ଯାହାକି 23 ାରା 23 ରୁ 30 ସମାନ | u_2 ରୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଆକାଂକ୍ଷା ହେଉଛି 23 ରୁ 30 | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମକୁ ସମ୍ଭାବନାକୁ ଗଣିବାକୁ କୁହାଯାଇଛି ଯେ ଯଦି u_2 ରୁ ଟାଣାଯାଇଥିବା ବଲ୍ ଧଳା ହୋଇଯାଏ ତେବେ ମୁଦ୍ରାରେ ମୁଣ୍ଡ ଦେଖାଯିବାର ସମ୍ଭାବନା କ'ଣ ଯାହା $b 1$ ର ସମ୍ଭାବନା | ଆମକୁ ବେସ୍ ଥିରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା କରିବାକୁ ଦିଆଯାଇଥିବା $b 1$ ର ସମ୍ଭାବନା ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଆମକୁ ଏଠାରେ ବେସ୍ ଥିରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ $b 1$ ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଯାହା ଦିଆଯାଇଥିବା $b 1$ ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସହିତ ସମାନ, $b 1$ ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ | ସମ୍ଭାବ୍ୟତାରେ | $b 2$ ର ପ୍ରଦତ୍ତ $b 2$ ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା $v 2$ ର ସମ୍ଭାବନାରେ |

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏଠାରେ ସମସ୍ତ ମୂଲ୍ୟକୁ ବଦଳାଇଥାଉ ଯାହା 4 ରୁ 5 ରୁ 1 କୁ 2 d 23 ାରା 23 d 30 ାରା ବିଭକ୍ତ ଯାହା 12 d 23 ାରା 23 ସହିତ ସମାନ, ମୋଟେ ପୁନର୍ବାର କହିବାକୁ ଦିଅ | ଏହି ସମସ୍ୟାରେ ଆମେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ଥିରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଧାରଣାକୁ ତିନିପର ବ୍ୟବହାର କରିଛୁ, ପ୍ରଥମେ u_2 ରୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଆକାଂକ୍ଷାର ସମ୍ଭାବନାକୁ ଗଣନା କରିବା ପାଇଁ ଯେତେବେଳେ ଏକ ମୁଣ୍ଡ ଦେଖାଯାଏ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଦୁଇଟି ସମ୍ଭାବନା ଥିଲା ଯେ u_1 ରୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ହୋଇପାରେ | ଯାହା u_2 ରେ ରଖାଯାଇଥାଏ କିମ୍ବା u_1 ରୁ ଏକ ଲାଲ୍ ବଲ୍ ହୋଇପାରେ ଯାହା d $case$ ିତୀୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ u_2 ରେ ରଖାଯାଇଥାଏ ଯାହା ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଉପରେ ଟାଣାଯାଏ ଯେତେବେଳେ ଏକ ଲାଞ୍ଜ ଦେଖାଯାଏ ତେବେ ତିନୋଟି ମାମଲା ଅଛି କାରଣ ଏଥିରେ ସେହି ପରିପ୍ରେକ୍ଷାରେ ଆମେ u_1 ରୁ ଦୁଇଟି ବଲ୍ ଅଙ୍କନ କରୁଛୁ

ତେଣୁ ଉଭୟ ଧଳା r_1 ଧଳା ହୋଇପାରେ ଗୋଟିଏ ଲାଲ୍ ହୋଇପାରେ ଉଭୟ ଲାଲ୍ ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ ଏହା ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି ଆମେ ଏହାର d $part$ ିତୀୟ ଭାଗରେ ବିଭିନ୍ନ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଗଣନା କରିଛୁ ଆମେ ଏଠାରେ ବାକସ୍ ଥିରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା କରିଛୁ | ଆହା ମୋଟେ ଆଉ ଏକ pr ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଦିଅ | ଓକ୍ସେମ୍ ଯାହା ସମାନ ପ୍ରକାରର ଏକ ପ୍ରବେଶିକା ପରୀକ୍ଷଣରେ ଦେଖାଯାଏ ସେଠାରେ n ବାହୁ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି $2 2 n$ ପ୍ରତ୍ୟେକରେ n ପୁଣି ଗୋଟିଏ ବଲ୍ ଲୁହା ଆଖିରେ ଆଖି ଧଳା ବଲ୍ ଏବଂ n ପୁଣି 1 ମାଲନସ୍ i ଲାଲ୍ ବଲ୍ ମୁଁ 1 ରୁ n ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ରୋଜଗାର ଚୟନ କରାଯାଇଛି | ଏବଂ ଏଥିରୁ ଏକ ବଲ୍ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି, ଯାହା i କୁ ମନୋନୀତ ହୋଇଛି ଏବଂ ଇଭେଣ୍ଟ ହେବା ଉଚିତ ଯାହା ମନୋନୀତ ବାହୁରୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଅଙ୍କିତ ହେବ ବୋଲି ମନେକରନ୍ତୁ ଯେ ଇ ଇଭେଣ୍ଟକୁ ସୂଚିତ କରେ ଏବଂ ଏପରିକି ସଂଖ୍ୟାକୁ ମଧ୍ୟ ଚୟନ କରାଯାଇଥାଏ | ui ପାଇଁ i ସହିତ ଆନୁପାତିକ ହୁଅନ୍ତୁ i ପାଇଁ 1 ରୁ n ସମାନ ତେବେ ଆପଣଙ୍କୁ ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ସୀମା ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେହେତୁ n d $case$ ିତୀୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଅସୀମତା ଆଡ଼କୁ ଗତି କରେ ଯଦି ui ର ସମ୍ଭାବନା 1 ରୁ n ସହିତ ସମାନ, ଯେଉଁଠାରେ c ଏକ ସ୍ଥିର ଅଟେ | ଅଣ ଦିଆଯାଇଥିବା w ତୃତୀୟର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଖୋଜି ଯଦି ui ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା 1 ରୁ n ସହିତ ସମାନ, ଏବଂ n ହେଉଛି ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ଇଣ୍ଟିଜର w ର ଇ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଖୋଜିଥାଏ

ତେଣୁ ମୋଟେ ପୁଣି ଅରେ ସମସ୍ୟାର ପୁନରାବୃତ୍ତି କରିବାକୁ ଦିଅ | ଆୟନ ଯାହା ଆମେ | 1 ରୁ n ଭାବରେ ଚିହ୍ନଟ କରନ୍ତୁ

ତେଣୁ ସେଠାରେ କିଛି ସଂଖ୍ୟାକରଣ କରାଯାଏ, ସେଗୁଡ଼ିକର ପ୍ରତ୍ୟେକରେ n ପୁଣି 1 ବଲ୍ ଅଛି $i i$ ଇଥାନରେ i ଧଳା ଏବଂ n ପୁଣି 1 ମାଲନସ୍ i ଲାଲ୍ କାନ୍ଥଗୁଡ଼ିକ ବର୍ତ୍ତମାନ ଗୋଟିଏ ଲୁହାକୁ ମନଇଚ୍ଛା ଚୟନ କରାଯାଇଛି ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଥିରୁ ଏକ ବଲ୍ ଟାଣାଯାଇଛି | ଆମେ କିଛି ଇଭେଣ୍ଟ ଚିହ୍ନଟ କରୁଛୁ

ତେଣୁ ui ହେଉଛି ଇଭେଣ୍ଟ ଯାହା ରୋଜଗାର କରେ ମୁଁ ମନୋନୀତ ହୁଏ ଏବଂ w ହେଉଛି ଇଭେଣ୍ଟ ଯାହା ମନୋନୀତ ବାହୁରୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ଟାଣାଯାଇଥାଏ ଏବଂ ଇ ହେଉଛି ଇଭେଣ୍ଟ ଯାହା ଉପରେ ଆଧାର କରି ଏକ ନିୟମିତ ଲୁହା ମଧ୍ୟ ଚୟନ କରାଯାଇଥାଏ ଆମେ କିଛି ସମସ୍ୟା ପଚାରୁଛୁ | ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଯଦି ui ର ସମ୍ଭାବନା i ସହିତ ଆନୁପାତିକ, ତେବେ w ର ସମ୍ଭାବନା କ'ଣ ସୀମା ଖୋଜିବାର ସମ୍ଭାବନା ଅଛି, ଯେହେତୁ n ର ଅସୀମତା ଥାଏ, ଯଦି ui ର ସମ୍ଭାବନା ସ୍ଥିର ଥାଏ ତେବେ ଅଣ ଦିଆଯାଇଥିବା w ର ସମ୍ଭାବନା ଖୋଜି ଏବଂ ଅନୁପାତିକରେ w ଦିଆଯାଇଥିବା ଇ ର ସମ୍ଭାବନା ଖୋଜି | ଆମେ ଏହାର ସମାଧାନକୁ ଦେଖିବା ଯଦି ui ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା i ସହିତ ଆନୁପାତିକ ତେବେ ଆମେ ui ର ସମ୍ଭାବନାକୁ କି ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ ଲେଖିବା ପାଇଁ i ପାଇଁ 1 ରୁ n ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ uh ର ସମସ୍ତ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ | ସେଗୁଡ଼ିକ ଚୋ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ | ସେନ୍

ତେଣୁ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ k $sigma$ ii ଦେଇଥାଏ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକରୁ n ସହିତ ସମାନ, ଯାହାକି k ଧର n ସହିତ n ପୁଣି 1 ରୁ 2 ଯାହା ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ $k 2$ କୁ n d n ାରା n ପୁଣି 1 ରେ ବିଭକ୍ତ ହୁଏ

ତେଣୁ ui ର ସମ୍ଭାବନା ସମାନ | 2 ରୁ 2 କୁ n d n ାରା n ପୁଣି 1 ରେ ବିଭକ୍ତ କରେ i ପାଇଁ 1 ରୁ n ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି u_1 ରେ ପ୍ରଥମଟି ସମ୍ଭାବ୍ୟତା 2 ସହିତ n d n ାରା n d $plus$ ାରା ବିଭାଜିତ ହୋଇଛି ଏବଂ 2 ରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା 4 ବ୍ୱାରା n କୁ ଚୟନ କରାଯାଇଛି | n ପୁଣି 1 ଉପରେ n କୁ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା 2 ସହିତ n ପୁଣି 1 d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ କରାଯାଇଛି

ତେଣୁ ଏଠାରେ ପ୍ରଶ୍ନ ଉକ୍ତି ମାରୁଛି w ର ସମ୍ଭାବନା କ'ଣ ଯାହା ଏକ ଧଳା ବଲ୍ ମନୋନୀତ ହୋଇଛି ଏବଂ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାର ଡାକ୍ତା $apply$ ପ୍ରୟୋଗ କରିପାରିବା | ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ଥିରେ ଯାହା w ର ସମ୍ଭାବନା ଦେବ, wii ର ui ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ମଧ୍ୟରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ସିମା ସମ୍ଭାବନା ସହିତ ସମାନ 1 ରୁ n ସମାନ ଅଟେ ଯାହା i -th ଲ $iron$ ହରେ ସମାନ, ମୁଁ ଧଳା ବଲ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଚୟନ କରିବାର ସମ୍ଭାବନା | ia -thon ରୁ ଏକ ଧଳା ବଲ୍ କୁ n ପୁଣି 1 d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ କରାଯାଇଛି ଏବଂ ui ର ସମ୍ଭାବନା ଅଛି | ବର୍ତ୍ତମାନ ହିସାବ କରାଗଲା ଏହା ହେଉଛି 2 ବ୍ୱାରା n d n ାରା n ପୁଣି 1 ରେ ବିଭକ୍ତ ହୋଇଛି 1 ରୁ n ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହା n d n ାରା n d n ାରା n ପୁଣି 1 ବର୍ଗ ସମୀକରଣ i ବର୍ଗ $i 1$ ରୁ n ସହିତ ସମାନ ଅଟେ | ପ୍ରଥମ n ପଦ୍ଧତିକୁ ଇଣ୍ଟିଜର ବର୍ଗର ଫର୍ମୁଲା ଜଣାଶୁଣା ଯାହା n ରେ n ପୁଣି 1 ରୁ 2 n ପୁଣି 1 ରୁ 6 ଅଟେ | 1 ରୁ 6

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ସହଜରେ ସରଳୀକରଣ କରିପାରିବା ଏହା ଦୁଇପର $2 n$ ପୁଣି 1 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ 6 ବ୍ୱାରା n ପୁଣି 1 ରେ ବିଭକ୍ତ କାରଣ ଏହି ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକ nm ବାତିଲ୍ n ପୁଣି 1 ବାତିଲ୍ ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ସୀମା ନେବି | ଏଥିରୁ n ଅସୀମତା ଆଡ଼କୁ ଗତି କଲାବେଳେ ତୁମେ କେବଳ 2 ରୁ 2 କୁ 6 ପାଇବ ଯାହା 2 ରୁ 3 ସହିତ ସମାନ, ଯେହେତୁ n ଅସୀମତା 1 କୁ n କୁ 0 କୁ ଯାଏ

