

ٹھیک ہے دوس

تو اب ہم لکیری پروگرامنگ کے مسئلے پر لیکچر تھری شروع کرتے ہیں آپ سب کو لکیری مساوات اور لکیری مساوات سے ایک اور دو متغیرات میں مہارت حاصل ہے جنہیں الجبری یا گرافیکل طور پر حل کیا جاسکتا ہے ہم نے لکیری مساوات کے نظام کو دو متغیر میں حل کرنا سیکھا ہے۔
r گرافیکل طور پر تفصیلات میں اب ایل پی پی کے حل کے لیے گرافیکل طریقہ اس کے لیے ہمارے پاس دو تھیوریز تھیوریز ہیں ایک کہتا ہے کہ کی ایک بہترین قدر ہو زیادہ z پلس کے ذریعے معروضی فعل ہے جب ax کے برابر ہے z مساوی z کی قابل عمل وجہ ہے اور lpp ایک سے زیادہ یا کم از کم خطی مستقل کے ساتھ مشروط ہے یا تو لکیری مساوات کے ذریعہ بیان کیا گیا ہے یا مساوات میں لکیری زیادہ سے زیادہ قدر کو کونے کے پوائنٹس پر ہونا چاہئے جو قابل عمل خطہ کا آجیکٹو ax plus by be the کے برابر ہونے کی قابل عمل وجہ ہے۔ z اور lpp تمام rb ورٹیکس ہے دوسرا تھیوری کہتا ہے کہ بانڈڈ ہے r فنکشن اگر قابل عمل خطہ ان r کی زیادہ سے زیادہ اور کم از کم قدر دونوں ہے اور کیا یہ قدر قابل عمل خطے کے کارنر پوائنٹس پر واقع ہوتی ہے اگر z تو آجیکٹو فنکشن بانڈڈ ہے

تو مقصدی فنکشن کی زیادہ سے زیادہ یا کم از کم قدر موجود نہیں ہو سکتی ہے اور اگر موجود ہے تو یہ قابل عمل خطے کے کارنر پوائنٹس پر واقع ہوتی ہے اب کارنر پوائنٹ کے طریقہ کار پر بات کرنے سے پہلے کارنر پوائنٹ کے طریقے سب سے پہلے ہمیں اس قدم پر عمل کرنا ہے پہلا مرحلہ یہ ہے کہ ایل پی پی کی ایل پی پی کی تشکیل دو حصوں پر مشتمل ہے جو مقصدی فنکشن کی وضاحت کر رہی ہے جسے زیادہ سے زیادہ یا کم کرنا ہے اور دوسرا لکیری مستقل ہے اور ایل پی پی کی تشکیل کے بعد ہمارے پاس ہے قابل عمل وجہ کو حاصل کرنے کے لیے خطی طور پر لکیری مستقل کی نمائندگی کرنے کے لیے اور وہ وجہ کھلی وجہ یا بند ڈیزائن ہو سکتی ہے پھر ہمیں اس کی وضاحت کرنی ہوگی یا ہمیں قابل عمل خطے کے کونے کے نکات تلاش کرنے ہوں گے جو کہ قابل عمل خطے کی چوٹی پر موجود ہیں پھر کی اگر قابل عمل وجہ بانڈڈ وجہ ہے z قدر حاصل کریں۔ ہر کونے کے نقطہ پر تو مقصدی فنکشن کی یا

تو زیادہ سے زیادہ قدر ہوتی ہے۔ یا کم از کم قیمت یا دونوں موجود ہو سکتے ہیں اور یہ منفرد ہے اور یہ ایک لائن سیگمنٹ پر بھی موجود ہو سکتا ہے کا مطلب ہے دو کونے والے پوائنٹس کو جوڑنا اور اگر قابل عمل وجہ کھلی وجہ ہے

کی بہترین قدر موجود نہیں ہو سکتی ہے اور اگر موجود ہے z تو اس کا موجود ہونا ضروری ہے۔ کارنر پوائنٹس لہذا یہ وہ عمل ہے جس کے ذریعے ہم روزمرہ کی زندگی کے مسئلے میں لکیری پروگرامنگ کے اور اسی a 2 a 3 مسئلے کے تصور کو لاگو کر سکتے ہیں اب ہمارے پاس کچھ اصطلاحات ہیں جو آجیکٹو فنکشن آجیکٹو فنکشن ہیں اگر ایک 1 x 1 a 2 x ایک z متغیرات ہیں جنہیں فیصلہ متغیر کہا جاتا ہے پھر لکیری فنکشن x 2 x 3 xn ہیں۔ 1 x مستقل اور an طرح جس کو آپٹمائز کرنا ہے اسے آجیکٹو فنکشن کہا جاتا ہے یہ ہمیشہ غیر منفی فنکشن ہوتا ہے پھر مستقل anxn کے برابر ہے اور 2 a 3 x 3 کے ٹائپ کرنے کے لیے برابر سے زیادہ x 1 x 2 xn ایل پی پی کے متغیر پر مساوات یا مساوات کو مستقل کہا جاتا ہے وہ متغیرات کی قیمت سے زیادہ کے برابر یا اس سے کم کے برابر ہو سکتے ہیں۔ غیر منفی لہذا متغیرات میں کوئی منفی مستقل نہیں ہے اب ہم کچھ مسئلے پر بات کرتے ہیں جو کہ ایل پی پی کا اطلاق ہے اب پہلا مسئلہ یہ ہے کہ ایک قسم کے کیک کے لیے 300 گرام آٹا اور 15 گرام چربی کی ضرورت ہوتی ہے دوسری قسم کے کیک کے لیے 150 گرام آٹا اور 30 گرام چربی کی ضرورت ہوتی ہے کیک کی زیادہ سے زیادہ تعداد معلوم کریں جو 7.5 کلو آٹے اور 600 گرام چکنائی سے بنایا جا سکتا ہے اسے ایل پی پی بنائیں اور اسے گرافک طریقے سے حل کریں اس لیے دیے گئے ڈیٹا سے سب سے اور x کی تعداد ہو تیز رفتار اور دوسری قسم کے کیک بالترتیب ایک اور دوسری قسم کے کیک y اور x پہلے ہمیں ایک ایل پی پی بنانا ہو گا کہ کی تعداد اور کیک ون کے لیے 300 گرام اور چربی درکار چار کیک ایک پندرہ گرام دوبارہ بہاؤ کی ضرورت ہے دوسرے کیک کے لیے 150 y گرام اور چربی کی ضرورت ہے۔ سوال کے مطابق 4 سیکنڈ کا کیک 30 گرام ہے ہمیں کیک کی زیادہ سے زیادہ تعداد تلاش کرنی ہے جو 7.5 کلو اور ہمارے پاس دو y جمع x کے برابر ہے۔ z آٹے اور 600 گرام چکنائی سے بنائے جاسکتے ہیں لہذا مقصدی فنکشن کیک کی تعداد ہے جو برابر 7.5 کلوگرام سے کم یعنی سات y جمع 150 x مستقل ہیں جو کہ منزل ہے سات پوائنٹ پانچ کلوگرام کے برابر ہونا چاہیے لہذا تین سو x یہ چھ سو گرام کے برابر سے کم ہونا چاہئے اور y جمع تیس x پانچ صفر صفر گرام اور دوسرا وہ مستقل جو چربی کا مستقل ہے پندرہ کو اس طرح بناتے ہیں lpp غیر منفی مستقل ہے آخر میں ہم y اور x کے برابر ہے یعنی 0 y برابر 0 سے بڑا اور y جمع x برابر ہے پچھتر سو سے کم جو کہ دو y جمع ایک پچاس x سے مشروط تین سو y جمع x کو زیادہ سے زیادہ بنائیں z تو y صفر سے زیادہ x چالیس کے برابر سے کم اور y جمع دو x کم برابر چھ سو سے کم یعنی y جمع تیس x پچاس کے برابر اور پندرہ بڑا صفر کے برابر اس طرح ہم دیے گئے ایل پی پی کو تشکیل دیتے ہیں اب ہمیں حل کرنا ہے یا ہمیں اس فنکشن کو بہتر بنانا y صفر کے برابر فنکشن ہے لہذا ہمیں اس فنکشن کو دی گئی مستقلات سے منسلک ve کو آجیکٹو فنکشن کہتے ہیں اسے آجیکٹو کہتے ہیں۔ z اس z ہے ہے چالیس i جمع دو x پچاس سے کم کے برابر ہے کہ یہ پہلا y جمع x مساوات کا استعمال کرتے ہوئے بہتر بنانا ہے لہذا مستقل دو جمع دو میں چالیس کے برابر اب ان دو لائنوں کو x برابر ہے پچاس y جمع x کے برابر ہے سیکنڈ سے منسلک مساوات چار ایک اور دو دو ضرب پچاس برابر ایک کے y پچیس جمع x کھینچی چار ایک ایک کے برابر ہے 20 y جمع 40 x انٹرسیٹ پچاس اور چار سیکنڈ y انٹرسیٹ پچیس x تو انٹرسیٹ بیس اب ان دو لائنوں کو کھینچی ایک اور دو کہتے ہیں کہ یہ 10 20 30 40 50 60 10 20 y انٹرسیٹ چالیس اور x تو 30 40 50 60

1-50. y جمع x 25 x تو مساوات

یہ پچاس کے y جمع x دو y جمع x تو یہ 25 ہے اور اس طرح ان دو پوائنٹس کو جوڑیں اور دوسری مساوات کے لیے یہ مساوات دو

بانی بیس ہے y بانیس y اکتالیس پوائنٹ یہ ہے اور x برابر اب

کم وہیں پچاس کے برابر ہے y جمع x برابر چالیس کے بعد سے دو i جمع ہے دو x تو ان دو پوائنٹس کو جوڑیں یہ

تو اگر آپ اور یجن ٹیسٹ اور یجن ٹیسٹ لیں

تو ایک کے بدلے چار ایک

برابر سے کم کے y جمع x تو دو میں صفر جمع صفر برابر صفر سے کم پچاس کے برابر درست ہے اس کا مطلب ہے کہ اصل اس مستقل دو حل والے علاقے میں ہے۔ سیکنڈ اور یجن ٹیسٹ کے لیے اب پچاس میں چار سیکنڈ 0 جمع 2 میں 0 برابر 0 سے کم 40 کے برابر دوبارہ درست اس سے x کے برابر y کا مطلب ہے کہ اس مستقل کے لیے حل کا علاقہ بھی حل شامل کرتا ہے اور ہمارے پاس غیر منفی مستقل ہے جو صفر اور بڑا ہے۔ صفر کے برابر سے زیادہ

اب اس مسئلے کا واضح گراف اس c اور ab تو قابل عمل وجہ یہ قابل عمل وجہ ہوگی اور اس قابل عمل خطے کے کارنر پوائنٹس کہتے ہیں طرح ہے کہ اس حد کی وجہ کے لیے یہ کارنر پوائنٹس پچیس صفر ہوں گے اور بی بیس دس اور سی صفر بیس اب ہمیں اس کونے والے پوائنٹس جمع x to برابر ہے۔ z پر آجیکٹو فنکشن کی ویلیو تلاش کرنی ہے جو کہ پچیس صفر بی بیس دس اور سی صفر بیس ہے لہذا آجیکٹو فنکشن

صفر جمع بیس کے c پر z کے برابر بیس جمع دس کے برابر تیس اور b پر z پر ایک کے برابر پچیس جمع صفر کے برابر پچیس z so y برابر بیس

بیس دس پر اس کی تعداد زیادہ سے زیادہ ہے لہذا پہلے کیک کی تعداد بیس کے برابر ہے اور دوسرے گیک کی تعداد b زیادہ سے زیادہ ہے z تو دس کے برابر ہے اس طرح ہم ایل پی پی کے تصور کو استعمال کر کے مسئلہ حل کر سکتے ہیں، آئیے ایک اور مثال لیتے ہیں کہ فرنیچر کا سودا صرف دو اشیاء میں ہوتا ہے۔ میز اور کرسی اس کے پاس سرمایہ کاری کے لیے 10000 روپے ہے اور تقریباً 60 ٹکڑوں کو ذخیرہ کرنے کی جگہ ایک ٹریبو ٹیبل اس کی قیمت 500 روپے ہے اور حصص کی قیمت 100 روپے ہے۔ وہ ایک میز 550 روپے میں اور کرسی 115 روپے میں فرض کر سکتا ہے کہ وہ بیچ سکتا ہے۔ وہ تمام اشیاء جو وہ خریدتا ہے اس مسئلے کو ایل پی پی کے طور پر تیار کرتا ہے تاکہ وہ اپنے منافع کو زیادہ سے زیادہ کرے اور کرسیوں کی تعداد x زیادہ کر سکے کارنر پوائنٹ طریقہ استعمال کرتے ہوئے اس مسئلے کو حل کرے لہذا میزوں کی تعداد y کی قیمت ہے اور نمبر x برابر ہونے دیں لہذا اٹمز اور نمبرز اس طرح میزوں اور کرسیوں کی تعداد

تو میز کی قیمت 500 روپے دی گئی ہے اور کرسی کی قیمت 100 500 روپے ہے اور کرسی کی قیمت 100 ہے اور منافع ہے تو میز کی قیمت 500 روپے ہے اور وہ 550 روپے میں میز بیچ سکتا ہے

تو منافع ہے 550 مانس 500 کے برابر 50 اور کرسی کی قیمت 100 ہے اور وہ ایک کرسی 115 روپے میں بیچ سکتا ہے یعنی کرسی کا منافع اور مستقل ہے فرنیچر ڈیلر کے y جمع پندرہ x کے برابر ہے پچاس z پچاس روپے ہے لہذا ہمیں زیادہ سے زیادہ منافع حاصل کرنا ہوگا جو کہ پاس زیادہ سے زیادہ ساٹھ ٹکڑوں کو ذخیرہ کرنے کی جگہ ہوتی ہے اس کا مطلب ہے کہ میز اور کرسی کی تعداد ساٹھ کے برابر ہے کم ہونی کے برابر ہے۔ y جمع ایک سو x چاہیے اور اس کے پاس سرمایہ کاری کے لیے 10000 روپے ہیں اس لیے سرمایہ کاری کا تسلسل پانچ سو

صفر کے برابر ہے y صفر کے برابر اور y صفر کے برابر اور x دس ہزار اور x کے برابر ہے یہ منافع کا فعل ہے پانچ y جمع پندرہ x پچاس z تو آخر کار ہمارے پاس اس مسئلے کی تشکیل ہے اس طرح زیادہ سے زیادہ x ساٹھ کے برابر یہ سٹوریج مستقل ہے اور y جمع x یہ انویسٹمنٹ مستقل ہے اور s لیس کے ساتھ مشروط ہے سو کے برابر y جمع سو کے برابر ہے y جمع x صفر کے برابر ہے یہ غیر منفی مستقل ہے لہذا ہمارے پاس دو مستقل ہیں لہذا لکیری مستقل ہیں پانچ y صفر کے برابر اور کم سے کم برابر کے برابر 60 کہتے ہیں کہ یہ پہلا مستقل ہے اور یہ دوسرا مستقل ہے پھر ہم ایک اور دو کے لئے متعلقہ y جمع x برابر اور ساٹھ کے برابر ہے اور x برابر ہے سو اور y جمع x مساوات لیتے ہیں جو کہ پانچ

ساٹھ برابر ہے اب ان دو لکیری x y ساٹھ جمع x x سو برابر ہے اور x y بیس جمع x x تو اس کو انٹرسیٹ شکل میں ظاہر کریں جو مساوات کا گراف کھینچیں

انٹرسیٹ 100 ہے y انٹرسیٹ 20 ہے اور x تو پہلی مساوات

انٹرسیٹ x انٹرسیٹ اور y تو

برابر ہے 60 y جمع x برابر ہے 100 اور 60 y جمع x تو ان دو پوائنٹس کو جوڑیں یہ پانچ

میں صفر جمع صفر برابر صفر سے کم ive ساٹھ اب اصل ٹیسٹ چار ایک ایف y جمع x انٹرسیٹ ساٹھ کہتے ہیں x انٹرسیٹ 60 y تو سو کے برابر ہے

تو اصل ایک کے حل کی وجہ میں مضمحل ہے اس کا مطلب ہے کہ ہمیں اس نصف طیارہ کو دوبارہ اور یجن ٹیسٹ پر غور کرنا ہوگا دوسرے صفر جمع صفر سے کم ساٹھ کے برابر دوبارہ سچ ہے لہذا اصل جھوٹ حل والے علاقے میں

کارنر abc صفر کے برابر سے بڑا ہے لہذا قابل عمل وجہ یہ ہوگی اور y صفر کے برابر اور x تو یہ نصف طیارہ محلول خطہ ہوگا اور پوائنٹس ہیں اصل میں کارنر پوائنٹس بھی ہیں لیکن اصل میں مقصدی فعل صفر ہے لہذا ہم اصل کو کارنر پوائنٹ کے طور پر نہیں مانتے ہیں لہذا کی z ہیں لہذا اس کا منصفانہ گراف اس طرح ہے لہذا کارنر پوائنٹس بیس صفر ہی دس پچاس اور سی صفر ساٹھ اب ہمیں abc کارنر پوائنٹس قدر کا حساب لگانا ہے اس کارنر پوائنٹس کو شامل کریں تاکہ کارنر پوائنٹس ہوں ایک بیس صفر ہی دس پچاس اور سی صفر ساٹھ

کا مطلب ہے پچاس میں صفر پچاس میں بیس جمع پندرہ صفر z تو

پچاس میں دس جمع پندرہ میں پچاس b پر z y جمع پندرہ x تو یہ ایک ہزار z کے برابر ہے پچاس

منافع کا فنکشن ہے لہذا ہمیں اسے زیادہ سے زیادہ کرنا ہے z میں 0 جمع 15 میں 60 برابر 900 کیونکہ 50 zrc zrc تو بارہ سو پچاس اور دس b پر ہوتی ہے۔ لہذا زیڈ کی زیادہ سے زیادہ قیمت بارہ سو پچاس کے برابر ہے 1050 b کی زیادہ سے زیادہ قیمت 1250 ہے جو z لہذا

پچاس میزوں کی تعداد 10 کے برابر ہے اور کرسیوں کی تعداد 50 کے برابر ہے۔ اب ہم ایک اور مثال لیتے ہیں یہ مینوفیکچرنگ کا مسئلہ ہے ایک پر تین گھنٹے اور a پہلی قسم کے ٹرنک کو مشین b اور a مینوفیکچر دو قسم کے اسٹیل ٹینک تیار کرتا ہے اس کے پاس دو مشینیں ہوتی ہیں۔

a مشین پر دو گھنٹے درکار ہوتے ہیں b پر تین گھنٹے اور مشین a دوسری قسم کے ٹرنک کو مشین b مشین پر تین گھنٹے درکار ہوتے ہیں زیادہ سے زیادہ چار اٹھارہ گھنٹے اور 15 کام کر سکتے ہیں۔ فی دن گھنٹے بالترتیب وہ پہلی قسم اور دوسری قسم کے بالترتیب 30 روپے b اور

بمیں دوبارہ منافع e اور 25 روپے فی اپ ٹرنک کا منافع کماتا ہے کہ زیادہ سے زیادہ منافع کمانے کے لیے اسے ہر قسم کا کتنا حصہ بنانا چاہیے کو بالترتیب y اور x کو زیادہ سے زیادہ کرنا ہے اور ہر قسم کے تھے کی تعداد بھی تلاش کرنی ہے تاکہ منافع زیادہ سے زیادہ ہو اس لیے

فرسٹ ہینڈ سیکنڈ ٹائپ کے ٹرنک کا نمبر ہونے دیں

اور ٹرنک کی تعداد دوسری بار قسم کا کہنا ہے کہ x تو ٹرنک کی پہلی قسم اور دوسری قسم کی قسم اور ٹرنک کی تعداد پہلی قسم کا کہنا ہے کہ پر تین a پہلی قسم کی زبان کے لیے مشین b اور a منافع اب مسئلہ کے مطابق اس کے پاس دو مشینیں ہیں B مشین ایک مشین y اور yx

گھنٹے اور ان تین گھنٹے درکار ہیں مشین بی مشین اے پر تین گھنٹے اور مشین بی پر تین گھنٹے دوسری قسم کے ٹرنک کو مشین اے پر تین گھنٹے اور مشین بی پر دو گھنٹے مشین اے پر تین گھنٹے اور مشین بی پر دو گھنٹے مشین اے اور بی پر زیادہ سے زیادہ کام کر سکتے ہیں۔ 18 گھنٹے

کم ہے y جمع دو x بھی پندرہ گھنٹے فی دن کام کرتی ہے جو کہ تین B کم کے برابر اٹھارہ کے برابر اور مشین y جمع 3 x تو مشین ایک 3 کے برابر ہے وہ 30 روپے اور 25 روپے فی ٹرنک منافع کماتا ہے۔ قسم اور دوسری قسم کے پہلے درجے پر وہ 30 روپے منافع اور دوسری 15

کے برابر ہے اور اسے منافع y جمع پچیس x ہے تیس z قسم کے ٹرنک پر 25 روپے بطور منافع کماتا ہے لہذا منافع کا فنکشن کل منافع جو کہ کا فعل کہتے ہیں لہذا مقصد فنکشن یہاں پرافٹ فنکشن ہے اور ہمیں اسے زیادہ سے زیادہ کرنا ہے اور مستقل

کم سے کم چھ کے برابر ہے کہتے ہیں y جمع x کم سے کم برابر کے برابر ہے یعنی y جمع تین x تین x کے ساتھ مشروط ہے تیسرا تین کم سے کم پندرہ کے برابر کہتے ہیں کہ یہ سیکنڈ ہے y جمع دو x تین i جمع دو x یہ پہلا ہے اور تین

صفر کے برابر ہے جو کہ تتوں کی تعداد ہے اب منفی نہیں ہوسکتی ہے 1 xy مستقل ہے اور b تو پہلی مشین ایک مستقل ہے اور دوسری مشین برابر ہے y جمع 2 برابر 1 اور 3 x 6 y جمع x x 6 کے برابر 6 کے لیے مساوات کی مساوات اس کا مطلب ہے y جمع x اور 2

پندرہ اب ان دونوں مساوات کا گراف کھینچیں ne کے o سات پوائنٹ پانچ برابر x y ضرب پانچ جمع x تو اس کا مطلب ہے

تو x x x اور y x x x

سات پوائنٹ پانچ ہے y پانچ اور x x x کے برابر ہے اور دوسری لائن x x + y x + + yx + x تو یہ

تو ابھی کے لئے ابتدائی ٹیسٹ چار پہلے اور دوسرے پہلے اور دوسرے کے لیے اصلیت کا امتحان ہے

برابر چھ کے برابر ہے y جمع x تو پہلے

تو صفر جمع صفر ایک صفر کے لیے جمع صفر صفر کے برابر صفر سے کم چھ کے برابر جو درست ہے اس لیے اصل ایک کے حل والے علاقے دو میں صفر اور صفر سے کم پندرہ کے برابر کے لیے ٹیسٹ جو درست ہے y میں ہے اس کا مطلب ہے اصل دوسرے تین میں صفر جمع دو میں اس لیے اصل دوسرے کے لیے محلول کے علاقے میں ہے اس کا مطلب یہ ہے کہ یہ نصف طیارہ محلول خطہ ہو گا لہذا دونوں مستقلات کے لیے ہمارے پاس مشترک ہے۔ قابل عمل وجہ یہ ہے اور کارنر پوائنٹ پانچ صفر ہی تین تین اور سی صفر چھ ہے لہذا اس کا واضح گراف اس طرح ہے لہذا کارنر پوائنٹ اے پانچ صفر ہی تین تین اور سی صفر چھ اب ہمیں منافع کے فنکشن کی بہترین قیمت تلاش کرنی ہوگی۔ یہ کونے والے پوائنٹس صفر چھ c تین تین b تو کونے کے پوائنٹس کونے والے پوائنٹس ایک پانچ صفر

y جمع پچیس x برابر ہے $30z$ پر z کی قدر z تو

میں $0 \leq z \leq 30$ تیس میں تین جمع پچیس تین برابر ایک 165 کے برابر اور b پر z تو 30 میں پانچ جمع پچیس میں صفر برابر ایک پچاس اور جمع 25 میں 6 برابر 150

جمع پچیس کے x کی زیادہ سے زیادہ ویلیو $30z$ پر ہوتا ہے لہذا منافع فنکشن b تو یہ 165 زیادہ سے زیادہ ویلیو ہے جو کونے کے پوائنٹس

ہی تھری تھری پر ہوتا ہے y برابر

زیادہ سے زیادہ ایک پینسٹھ کے برابر ہی تھری تھری پر اس لیے مینوفیکچرر کو چاہیے کہ وہ ہر قسم کے تین ٹرنک بنائے تاکہ زیادہ سے z تو زیادہ 165 روپے کا منافع ہو اس طرح ہم ایل پی پی کو مینوفیکچرنگ کے مسئلے میں بھی استعمال کر سکتے ہیں ٹھیک ہے دوست ہم اگلے سیشن میں کچھ اور مسائل پر بات کریں گے شکریہ