

ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଉପରେ ଏହି ଶୃଙ୍ଖଳାର ଷଷ୍ଠ ବକ୍ତବ୍ୟକୁ ସ୍ଥାନିତ | ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି  $f$  ଅସୀମତାକୁ ହ୍ରାସ ଗଠିରେ ଯାଏ କିମ୍ବା  $g$  କିମ୍ବା  $f$  ଠାରୁ ଧୀର ଏବଂ ସମୀନ ସ୍ଥାନରେ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଆମେ ଗତଥର ଏହି ବିଷୟଗୁଡ଼ିକ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିଥିଲୁ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ବିଷୟ ଉପରେ ଆଉ ଏକ ଉଦାହରଣ ନେବା

ତେଣୁ ଅସୀମତା ଏବଂ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ର ଆଦେଶ | ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଏକ ନିରୀହ ଦେଖାଯାଉଥିବା ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ସମୀକରଣ  $dy$  ଦ୍ୱାରା  $dx$  ସମୀନ  $y$  ଉପରେ  $1$  ପୁଣି  $y$  ରେ  $x$  ସହିତ ଆମେ ପ୍ରଥମ କ୍ୱାଡ୍ରାଣ୍ଟରେ ଏହି ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିଛୁ ଯଥା  $x > 0$  ରୁ ବଡ଼ ଏବଂ  $0$  ରୁ ବଡ଼ | 2.11 ଯାହାକୁ ଆପଣ ସ୍ମାରକ୍ତ ରେ ଦେଖିଛନ୍ତି ତାହା ହେଉଛି ଏକ ଭେରିଏବଲ୍ ଅଲଗା ଅଲଗା ସମୀକରଣ | 2.11 ର ସମାଧାନ ଏବଂ ତା' ପରେ ଦେଖାଇବାକୁ ଯେ ସମାଧାନ ସୀମିତ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ଅସୀମତାକୁ ପଳାଇ ପାରିବ ନାହିଁ ଏବଂ ତାପରେ ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଖାଇବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ ସମାଧାନଟି ଲଗ୍  $x$  ସହିତ ସମାନ ହାରରେ ଅସୀମତା ଆଡ଼କୁ ଗତି କରେ ଏହାର ଅର୍ଥ କ'ଣ ଏହାର ସମାଧାନ ଅସୀମତା ଆଡ଼କୁ ଗତି କରେ | ଲଗ୍  $x$  ସହିତ ସମାନ ହାର ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଲଗ୍  $x$  ଉପରେ  $x$  ର ଅନୁପାତକୁ ଏକ ସ୍ଥିର ସୀମାକୁ ଯାଏ, ଲଗ୍  $x$  ଉପରେ ଶୂନ୍ୟ ସୀମା ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏବଂ ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ଏବଂ ତା' ପରେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମସ୍ୟା ହେଉଛି  $y$  କୁ ଦେଖିବା | ଲଗ୍ ଲଗ୍ ଉପରେ  $x$  ମାଲନସ୍ ଲଗ୍  $x$  ଏବଂ ତୁମକୁ ସୀମା ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଇଛି ଯେହେତୁ ଏହି ସୀମା ଶୂନ୍ୟ ନହୋଇଛି ତେବେ ତୁମେ କହିବ ଯେ  $x$  ମାଲନସ୍ ଲଗ୍  $x$  ର ମାଲନସ୍ ଲଗ୍  $x$  କିମ୍ବା  $x$  ର  $y$  ଭଳି ବ୍ୟବହାର କରେ |  $\log x$  plus  $\log \log x$  ଗାଲୁକ୍ ଏହି ମନୋରମ ବ୍ୟାୟାମକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା କଷ୍ଟସାଧ୍ୟ ନୁହେଁ ଏହା କଷ୍ଟସାଧ୍ୟ ଦେଖାଯାଏ କିନ୍ତୁ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ସମୀକରଣ ଏକ ପରିବର୍ତ୍ତନଶୀଳ ପୃଥକ ସମୀକରଣ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆପଣ କଣ କରିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି ଆପଣ ଭେରିଏବଲ୍ ଗୁଡ଼ିକୁ ଅଲଗା କରିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି ଏବଂ ଆପଣ ତୁରନ୍ତ ଏକାକୃତ ହେବେ | ଯଥା ତୁମେ ବିଭାଜନ କରିବ | e 2.11 by  $y$  ଦ୍ୱାରା ଆପଣ 2.11 କୁ  $1$  ପୁଣି  $y$  କୁ ବ multip ାଇବେ ଏବଂ ଆପଣ ସଠିକ୍ ସଂଯୋଗ କରିବେ ଏବଂ ଆପଣ  $x$  etcetera ଉପରେ  $1$  ଉପରେ  $y$   $1$  ପରି ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକୁ ଏକାକୃତ କରିବେ ଯାହା  $y$  ଆପଣ ଏହି ସମୀକରଣ  $y$  plus  $\log y$  ସମୀନ  $c$  plus  $\log x$  ଏହା ଏକ ସରଳ ବର୍ତ୍ତମାନଠାରୁ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଆମକୁ ଏହି ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଦେବାକୁ ପଡ଼ିବ ତୁମକୁ ଦେଖାଇବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ  $x$  ର  $y$  ସୀମିତ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ଅସୀମତାକୁ ପଳାଇ ପାରିବ ନାହିଁ ଠିକ୍ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଠିକ୍ ବିସ୍ତୃତ ଭାବରେ ଦେଖିବା ହିଁ ଏଠାରେ ଆମେ ଅଛି

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣ  $y$  ପୁଣି ଲଗ୍ ସମୀନ  $c$  ପାଇଲୁ | ପୁଣି ଲଗ୍  $x$  ବର୍ତ୍ତମାନ ଧରାଯାଉ  $x$  ର  $x$  ଅସୀମ ସମୟକୁ ପଳାୟନ କରେ ଏହାର ଅର୍ଥ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ  $x$  ଯେପରି ଏକ ସୀମିତ ସଂଖ୍ୟା  $y$  କୁ  $x$  କୁ ପୁଣି ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ, ଯଦି  $x$  ର  $y$  ଯାଏ ତେବେ ତାହା ହୋଇପାରେ | ଅସୀମତାକୁ ଯୋଡ଼ିବା ପରେ ଲଗ୍  $y$  ମଧ୍ୟ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ  $y$  ମଧ୍ୟ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଏହି ସମୀକରଣର ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଏବଂ ତାହା ପାର୍ଶ୍ୱ ଏକ ସ୍ଥିରତାକୁ ଯାଏ କିପରି ସମୟ ଯେ ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ଯାଏ | ଏକ ସୀମିତ ସୀମା ଯାହା ଗି ଦେବ |  $ve$  ତୁମର ଏକ ପ୍ରତିବାଦ

ତେଣୁ  $x$  ର  $x$  ଅସୀମ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ଅସୀମତାକୁ ପଳାଇ ପାରିବ ନାହିଁ ମୋଡେ ସାମାନ୍ୟ ଭିନ୍ନ ଯୁକ୍ତି ଦିଆଯାଏ କିନ୍ତୁ ଏହା ମୁଁ ସମୀନ ଯାହା ମୁଁ କହିଛି ଏହି ସ୍ମାରକ୍ତ ରେ ମୁଁ ଯାହା କରିଛି ତାହା ହେଉଛି ମୁଁ ବାମ ହାତ ଲେଖୁଛି | ଠିକ୍ ଭିନ୍ନ ଫର୍ମରେ  $y$  କୁ  $1$  ପୁଣି ଲଗ୍  $y$  ଦ୍ୱାରା ଠିକ୍

ତେଣୁ  $y$  ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଏବଂ ଗତ ଥର ଆମେ ଦେଖିଲୁ ଯେ ଲଗ୍  $y$  ଠାରୁ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ

ତେଣୁ ଲଗ୍  $y$  ଦ୍ୱାରା  $0$

ତେଣୁ  $1$  ପୁଣି ଲଗ୍  $y$  କୁ ଯିବ |  $1$  ରେ ରୁପାନ୍ତରିତ ହେବ

ତେଣୁ ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟ  $1$  କୁ ଯିବ ଏବଂ  $y$  ଅସୀମତାକୁ ଯିବ

ତେଣୁ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ ଅସୀମତାକୁ ତାହା ପାର୍ଶ୍ୱ ସୀମିତ ସୀମାକୁ ଯିବ ଯାହା ଏକ ପ୍ରତିବାଦ

ତେଣୁ ଆମେ ତୁରନ୍ତ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଦେଇଛୁ ଯେ  $x$  ର  $y$  ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ | ଅସୀମତାକୁ ଅସୀମତାକୁ ପଳାନ୍ତୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ପ୍ରଶ୍ନଟି ହେଲା  $x$  ଅସୀମତାକୁ ଯିବାବେଳେ ଯାହା ଘଟେ  $x$  ଯେପରି ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ, ସର୍ବପ୍ରଥମେ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ସମୀକରଣ  $dx$  ଦ୍ୱାରା ରଙ୍ଗ ହୋଇଛି, ମୋଡେ କେବଳ ଏଠାରେ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ |  $dx$   $y$  ଉପରେ ସମୀନ |  $x$  ରେ  $1$  ପୁଣି  $y$  ତାହା ଯାହା ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ସମୀକରଣ ଥିଲା ଏବଂ ଆମେ କେଉଁଠାରେ ଅଛୁ ଯେଉଁଠାରେ  $x$  ପଡ଼ିଛି ଏବଂ  $y$  ମଧ୍ୟ ପଡ଼ିଛି

ତେଣୁ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ସମୀକରଣ କ'ଣ ଆପଣଙ୍କୁ କହିଥାଏ ଯେ ଡେରିଭେଟିଭ୍ ସର୍ବଦା ସକରାତ୍ମକ ଅଟେ

ତେଣୁ ମୋନୋଟୋନ୍ କାହିଁକି ବ increasing ୁଛି? ଯଦି ଆପଣଙ୍କର ଏକ ମୋନୋଟୋନ୍ ବ increasing ୁଥିବା କାର୍ଯ୍ୟ ଅଛି ତେବେ ଏହାର ଏକ ସୀମିତ ସୀମା ଥିବା ଆବଶ୍ୟକ କିମ୍ବା ଏହା ଅସୀମତାକୁ ଯିବା ଆବଶ୍ୟକ, ଅନ୍ୟ କ choice ଶସି ବିକଳ୍ପ ସଠିକ୍ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ପରବର୍ତ୍ତୀ ପ୍ରଶ୍ନ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ଦର୍ଶାଉଛି ଯେ  $x$  ର  $y$  ଅସୀମତାକୁ ଯାଉଛି ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି  $x$  ର  $x$  ଦେଖାଇବାକୁ ପଡ଼ିବ | ଏଠାରେ ଏକ ସମୀକରଣକୁ ଏକ ସୀମିତ ସୀମାକୁ ଯାଆନ୍ତୁ ଯଦି  $x$  ର ଏକ ସୀମିତ ସୀମା ଲଗ୍ କୁ ଯାଏ ତେବେ  $y$  ମଧ୍ୟ ଏକ ସୀମିତ ସୀମାକୁ ଯିବ

ତେଣୁ  $y$  ପୁଣି ଲଗ୍ ର ଏକ ସୀମିତ ସୀମା ରହିବ ଏବଂ  $x$  ଅସୀମତାକୁ ଯାଉଛି |

ତେଣୁ ଲଗ୍  $x$  ଅସୀମତାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ପୁନର୍ବାର ଆପଣ ଏକ ପ୍ରତିବାଦ ପାଇବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି

ତେଣୁ  $x$  କ'ଣ ଅସୀମତାକୁ ବାଧ୍ୟତାମୂଳକ ଭାବରେ ଯିବ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଅସୀମତାକୁ ଯିବା ଉଚିତ କିନ୍ତୁ ପ୍ରଶ୍ନ ଆପଣଙ୍କୁ ପଚାରିଥିବା ପ୍ରଶ୍ନ ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଖାଇବାକୁ କହିଥାଏ |  $x$  ର  $y$  ପ୍ରଭୃତି କରେ | ସମୀନ ହାରରେ ଫାଇନିଟି,  $x$  ର  $\log xy$  ସମୀନ ହାରରେ ଅସୀମତା ଆଡ଼କୁ ଗତି କରେ ଯାହା ଲଗ୍  $x$  ସହିତ ଆମେ ଯାହା ଦେଖାଇଛୁ ତାହା ହେଉଛି  $x$  ର ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଯେହେତୁ  $x$  ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ  $x$  ମଧ୍ୟ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଯେପରି  $x$  ବର୍ତ୍ତମାନ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ | ଲଗ୍  $x$  ଉପରେ ଅନୁପାତ  $yx$  କୁ ଦେଖିବା ଉଚିତ ଏବଂ  $x$  ଅସୀମତାକୁ ଯିବାବେଳେ ଅନୁପାତରେ କ'ଣ ଘଟେ ଦେଖିବା ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଯେ ଏହି ଅନୁପାତ ସୀମାକୁ ଦେଖିବା ଆବଶ୍ୟକ, ଯେହେତୁ ଲଗ୍ ଉପରେ  $x$  ଅସୀମତା  $yx$  ଆଡ଼କୁ ଥାଏ, l'hopital ର ନିୟମକୁ କେବଳ ପ୍ରୟୋଗ କର | l'hopital ର ନିୟମ ପ୍ରୟୋଗ କର, ତୁମେ  $x$  ଉପରେ  $1$  ଉପରେ  $y$  ପ୍ରାଇମ୍ ପାଇବ କିମ୍ବା ତୁମେ ସୀମାକୁ ଦେଖିଛୁ ଯେହେତୁ  $x$  ଅସୀମତା  $x$  phi ପ୍ରାଇମ୍ କୁ ଯାଉଛି କିନ୍ତୁ  $xy$  ପ୍ରାଇମ୍ କ'ଣ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ସମୀକରଣକୁ ଫେରିଯାଏ, ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ ସମୀକରଣ ପୁଣି  $dx$  ଦ୍ୱାରା ରଙ୍ଗ ହୋଇଛି |  $y$  ଉପରେ  $x$  କୁ  $1$  ପୁଣି  $y$  ସହିତ ସମୀନ, ଯାହା ଏକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଅଟେ,

ତେଣୁ  $x$  ପ୍ରାଇମ୍ ରେ  $x$  ପ୍ରାଇମ୍ ରେ  $x$  ହେଉଛି  $y$  ଉପରେ  $1$  ପୁଣି  $y$

ତେଣୁ  $xy$  ପ୍ରାଇମ୍  $y$  ଉପରେ  $1$  ପୁଣି  $y$  ଉପରେ l'hopital ର ଆଉ ଏକ ପ୍ରୟୋଗ ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଇଥାଏ

ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖିଛୁ ଯେ  $x$  ର  $y$  ଅସୀମତାକୁ ଲଗ୍  $x$  ଅନୁପାତ  $g$  ସହିତ ସମୀନ ହାରରେ ଯାଏ | oes to one

ତେଣୁ ଆମେ କହିବୁ ଯେ  $x$  ର  $y$  ପ୍ରତୀକଗୁଡ଼ିକରେ ଲଗ୍  $x$  ପରି ଆଚରଣ କରେ ଆମେ  $x$  ଓଗଲ୍ ଲଗ୍ ର  $y$  ଲେଖିବା ପରବର୍ତ୍ତୀ ଜିନିଷ ଯାହା ଆମକୁ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ତାହା ହେଉଛି ସୀମାକୁ ଦେଖିବା ଯେହେତୁ  $x$  ମାଲନସ୍ ଲଗ୍  $x$  ର ଅସୀମତା ଆଡ଼କୁ ଥାଏ | ଲଗ୍ ଲଗ୍  $x$  ବର୍ତ୍ତମାନ ଆପଣ କିପରି ଜାଣିବେ ଯେ ଆମେ l'hopital ର ନିୟମ ପ୍ରୟୋଗ କରିପାରିବା ଆପଣ କିପରି ଜାଣିବେ ଯେ ସଂଖ୍ୟା  $yx$  ମାଲନସ୍ ଲଗ୍  $x$  ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଆସନ୍ତୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସ୍ମାରକ୍ତ କୁ ଦେଖିବା  $y$   $y$  minus  $\log x$  ଏହି ସମୀକରଣ  $y$  minus କୁ ଦେଖନ୍ତୁ | ଲଗ୍  $x$   $c$  ମାଲନସ୍ ଲଗ୍ ସହିତ ସମୀନ ହେବ  $yc$  ହେଉଛି ଏକ ସ୍ଥିର ମନ  $uc$  ଏକ ସ୍ଥିର ଏବଂ ଆମେ ଆଗରୁ ଜାଣୁ ଯେ  $x$  ର  $y$  ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ

ତେଣୁ  $c$  ମାଲନସ୍ ଲଗ୍ ମାଲନସ୍ ଅସୀମତାକୁ ଯିବ

ତେଣୁ  $x$  ମାଲନସ୍ ଲଗ୍  $x$  ର ମାଲନସ୍ କୁ ଯିବ | ଅସୀମତା

ତେଣୁ ଆମେ ଗଣନା କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁଥିବା ସୀମା ହେଉଛି ଲଗ୍ ଲଗ୍ ଉପରେ  $x$  ମାଲନସ୍ ଲଗ୍  $x$  ର ସଂଖ୍ୟା ସଂଖ୍ୟା ମାଲନସ୍ ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ ଏବଂ ନାମଟି ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ଆପୋଷ୍ଟ୍ରୋଫିଲ୍  $l'hospital$  ର ନିୟମ ପ୍ରୟୋଗ କରିବାକୁ ଅନୁମତି ଦିଆଯାଇଛି

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ଆପୋଷ୍ଟ୍ରୋଫିଲ୍ ଆବଶ୍ୟକ |  $l'hospital$  ର ନିୟମକୁ ଲଗାଇଲେ  $x$  ଅନୁପାତରେ  $yx$  ମାଲନସ୍ ଲଗ  $x$  ଅନୁପାତରେ ପ୍ରୟୋଗ କରାଯାଏ ଏବଂ  $you$  ାରା ତୁମେ  $y$  ପାଇବାକୁ ଭିନ୍ନ କର | ସଂଖ୍ୟାରେ  $x$  ଉପରେ ପ୍ରାକ୍ତମ ମାଲନସ୍ 1 ଉପରେ ଆପଣ ଭଗ୍ନାଂଶଗୁଡ଼ିକ ସଫା କରିବେ ଯାହାକୁ ଆପଣ  $xy$  ପ୍ରାକ୍ତମ ମାଲନସ୍ 1 ପାଇବେ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଆପଣ ନାମକୁ ପୃଥକ କରିବେ ସେତେବେଳେ ଆପଣ ଏକ  $x$  କୁ ବାଛିବେ ଯେତେବେଳେ ଏହା  $x$  ଉପରେ 1 ରେ ହେବ, ତେଣୁ  $x$  ବାଟିଲ୍ ହେବ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ତୁମେ କ'ଣ ବାକି ରହିଲୁ ଆମେ ଗଣନା ସାମାନ୍ୟ ସହିତ ରହିଯାଇଛୁ ଯେହେତୁ  $x$  ଅସୀମତା  $xy$  ପ୍ରାକ୍ତମ ମାଲନସ୍ 1 କୁ ଲଗ  $x$  ରେ ଆସି କିନ୍ତୁ  $xy$  ପ୍ରାକ୍ତମ ମାଲନସ୍ 1 ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଫେରିଯାଏ  $xy$  ପ୍ରାକ୍ତମ ହେଉଛି  $y = 1$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ଉପରେ ମନେରଖନ୍ତୁ ଯାହା  $you$  ାରା ଆପଣ ତାହା ପାଇଛନ୍ତି ତେଣୁ ଆମେ ଗଣନା ସାମାନ୍ୟ ଅଗ୍ରସର ହେଉଛୁ ଯେହେତୁ  $x$  ଅସୀମତା  $xy$  ପ୍ରାକ୍ତମ ମାଲନସ୍ 1 କୁ ଲଗ  $x$  ରେ ଟେଣ୍ଡର କରେ କିନ୍ତୁ  $xy$  ପ୍ରାକ୍ତମ କ'ଣ ମନେ ରଖନ୍ତୁ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ  $xy$  ପ୍ରାକ୍ତମ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ଉପରେ ଅଛି

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍  $xy$  କ'ଣ? ପ୍ରାକ୍ତମ ମାଲନସ୍ 1  $y$  ଉପରେ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ମାଲନସ୍ 1 ଆପଣ ଏହାକୁ ସରଳୀକରଣ କରିପାରିବେ ଏବଂ ସ୍ଲାଇଡ୍ ସାମାନ୍ୟ ଯାହା ଅଛି ତାହା ଠିକ୍ ଭାବରେ ପାଇପାରିବେ ଯେହେତୁ  $x$  ଅସୀମତା ମାଲନସ୍ ଲଗ  $x$  ଉପରେ  $y$  ପୂର୍ଣ୍ଣ 1 ପୁନର୍ବାର ଏହା ଅସୀମତା ବାବଦ  $l'hospital$  ର ଏକ ପ୍ରୟୋଗ ଅଟେ | ନିୟମ ଆପଣଙ୍କୁ  $li$  ଦେବ |  $mit -1$

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ଆମେ ସମସ୍ୟାଟି ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ଜଟିଳ ପରି ଦେଖାଯାଉ କିନ୍ତୁ ମୁଁ ଆଶା କରେ ତୁମେ ନିଶ୍ଚିତ ନୁହଁ ଯେ ଲଗ ଲଗ ଉପରେ  $x$  ମାଲନସ୍ ଲଗ  $x$  ର ଏହି ଅନୁପାତର ସାମାନ୍ୟ ଗଣନା କରିନାହିଁ ଏହି ଅନୁପାତ ମାଲନସ୍ 1 କୁ ଯାଏ |

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ଆମେ କହିପାରିବା ଯେ  $x$  ର ମାଲନସ୍ ଲଗ  $x$  ର ମାଲନସ୍ ଲଗ  $x$  ପରି ବ୍ୟବହାର କରେ କିମ୍ବା  $x$  ର  $x$  ଲଗ  $x$  ମାଲନସ୍ ଲଗ  $x$  ଭଳି ବ୍ୟବହାର କରେ ବୋଧହୁଏ ଏହା ଏକ ସଠିକ୍ ଉପାୟ କହିବାର ଏକ ହଜିଯିବା ଉପାୟ ଯାହା ଏହାର ସାମାନ୍ୟ ମାଲନସ୍ 1 ଅଟେ | ଆମେ ଗଣନା କରୁଥିବା ସାମାନ୍ୟ ହେଉଛି ମାଲନସ୍ 1 ତେଣୁ ଏହାର ସମାଧାନର ଆଚରଣକୁ କିପରି ବୁଝାଯାଏ ତାହା ପାଇଁ ଏହା ଏକ ଆକର୍ଷଣୀୟ ବ୍ୟାୟାମ ଥିଲା ଯେହେତୁ  $x$  ଅସୀମତାକୁ ଯାଏ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ଆମେ ସମାଧାନର ଅଭିବୃଦ୍ଧି ବିଷୟରେ ଅତି ସଠିକ୍ ସୂଚନା ପାଇଲୁ ଯାହା ଆମେ କହିଆଉ | ସମାଧାନ  $yx$  ଲଗ  $x$  ମାଲନସ୍ ଲଗ  $x$  ଭଳି ବ୍ୟବହାର କରେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଏବଂ ସମାଧାନ କରିବା ଆଶାବାଦୀ ତୁମେ କହି ପାରିବ କାହିଁକି ଆମେ ଏହା କରୁ ଆମର ସ୍ପଷ୍ଟ ସମାଧାନ ଠିକ୍ ଅଛି ଆମର ସମାଧାନ  $y$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଲଗ ସମାନ  $c$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଲଗ  $x$  କିନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି ସମାଧାନ ଯେପରି ଆମେ ଚାହୁଁଛୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ |  $e$  ପାଇବା ପାଇଁ ଏହା  $x$  ଏବଂ  $y$  କୁ ସଂଯୋଗ କରୁଥିବା ଏକ ସମୀକରଣ ଏହା ଏକ ବନ୍ଦ ଫର୍ମ ସମାଧାନ କିନ୍ତୁ  $y$  କୁ  $x$  ରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ଆପଣ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚାହାଁନ୍ତି ଏବଂ  $x$  ଅନୁଯାୟୀ  $y$  କୁ ପ୍ରକାଶ କରିବାକୁ ଚାହାଁନ୍ତି କିନ୍ତୁ ଏହିପରି ଏକ ପ୍ରୟାସଟି ଅଦରକାରୀ ହେବାକୁ ଯାଉଛି କିନ୍ତୁ ଏହା ନକରି ଆମେ  $x$  ର ଆଚରଣ ବିଷୟରେ ଏକ ଅତି ସଠିକ୍ ସୂଚନା ପାଇଛୁ ଯାହା ଆମେ କରିଛୁ ଯାହା ଏହି ବ୍ୟାୟାମ ଦେଖାଏ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ କାଲିକୁଲସ୍ ପ୍ରୟୋଗ ଦେଖାଏ ଯାହାକୁ ଆମେ ଗଣନା କରିଛୁ ସାମାନ୍ୟ ଆମେ ଗଣନା କରି ଶେଷ ଉଦାହରଣରେ  $l'hospital$  ର ନିୟମ ବ୍ୟବହାର କରୁ | ଶେଷ ସ୍ଲାଇଡ୍ ର ଉଦାହରଣକୁ ଗ୍ରାହ୍ୟ କରନ୍ତୁ, ଶ୍ୟାକ୍ଲ୍ ଅଭିବୃଦ୍ଧିର ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାଗଜରୁ ହାର୍ଡ ଫ୍ଲୋ ସଲ୍ୟୁସନ୍ ବିଷୟରେ ଘଟିଥାଏ | ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଯେକ  $any$  ଶସି ପ୍ରାସଙ୍ଗିକତା ପାଇଁ ମୁଁ ଏହି ରେଫରେନ୍ସ ରଖିଛୁ କାରଣ ଏହିଠାରେ ମୁଁ ଉଦାହରଣ ପାଇଛି ଏବଂ ଏହି କାଗଜର ମୂଳ ଥିଲା ସହିତ ଆମେ ଯାହା କରିଛୁ ତାହା କ  $nothing$  ଶସି ସମ୍ପର୍କ ନାହିଁ ଏବଂ  $com$  ପାଇଁ ଏହି ରେଫରେନ୍ସ ରଖାଯାଇଛି | ତୁମକୁ ଦେଖିବା ଅପେକ୍ଷା ପୂର୍ଣ୍ଣତା ଏବଂ ସଠିକତା ତୁମେ ଏହି କାଗଜକୁ ଆବ  $look$  ଦେଖିବ ନାହିଁ ଏହା ବଡ଼ ସମୟ ପାଇଁ ଏକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣର ସମାଧାନର ଆଚରଣକୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ବୁଝି  $understanding$  ିବା ତୁମ ପାଇଁ ପ୍ରାସଙ୍ଗିକ ନୁହେଁ କାରଣ ଏହା ତୁମ ବିଷୟରେ ସୂଚନା ଦେବାକୁ ଯାଉଛି | ଭ  $physical$  ଟିକ ପ୍ରଣାଳୀର ଆଚରଣ ମନେରଖନ୍ତୁ ଆମର ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ କେଉଁଠାରୁ ଆସୁଛି ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରୁ ସେମାନେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରୁ ଆସୁଛନ୍ତି ସେମାନେ ରାସାୟନିକ ଗତିଜ ଇତ୍ୟାଦିରୁ ଆସୁଛନ୍ତି

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍  $physical$  ଟିକ ବ୍ୟବସ୍ଥାର ଅବସ୍ଥା ସହିତ କ'ଣ ଘଟେ ତାହା ଆପଣ ବୁଝିବାକୁ ଚାହାଁନ୍ତି | ସମୟ ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ ଅସୀମତାକୁ ବିକଶିତ କରେ ତୁମେ ସମୟର ବଡ଼ ମୂଲ୍ୟ ପାଇଁ ସମାଧାନର ଆଚରଣକୁ ବୁଝିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ଏବଂ ଆମେ  $l'hospital$  ର ନିୟମ ବ୍ୟବହାର କରି ଏହାର ଦୁଇଟି ସରଳ ଉଦାହରଣ ଦେଖୁଛୁ ଏବଂ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ଥିବା ସମାଧାନର ଡେଭେଲପ୍ ର ବିକାଶ ପାଇଁ ଆବଶ୍ୟକ କରେ କାରଣ ଆମେ କରିବା | ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣର ସମାଧାନ ନକରି ଏହି ସୂଚନା ପାଇବାକୁ ପସନ୍ଦ କରନ୍ତି କାରଣ ବାସ୍ତବ ଜୀବନରେ ଆପଣ ସମାଧାନ କରିପାରିବେ ନାହିଁ | ଇ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ଏବଂ ତା' ପରେ ସମାଧାନର କ'ଣ ଘଟେ ସେ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କର, ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଏହାର ସମାଧାନ ନକରି ସମାଧାନ ବିଷୟରେ ସୂଚନା ପାଇବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରେ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଶ୍ରେଣୀର ସମାଧାନର ଆଚରଣ ବିଷୟରେ ତତ୍ତ୍ୱ  $prove$  ପ୍ରମାଣ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ |  $Ghrd$  ଏବଂ  $such$  ାରା ଏହିପରି ଏକ ତତ୍ତ୍ୱ  $discovered$  ଆବିଷ୍କୃତ ହୋଇଛି କାରଣ ଆପଣ ଗାର୍ଡ ବିଷୟରେ ଜାଣିଥିବେ କାରଣ ଆପଣ ବୋଧହୁଏ ଚଳଚ୍ଚିତ୍ର ବ୍ୟକ୍ତିଙ୍କୁ ଦେଖୁଥିବେ ଯିଏ ଅସୀମତା ଜାଣିଥିବେ ସେ ହେଉଛନ୍ତି ସେହି ବ୍ୟକ୍ତି ଯିଏ କି ରାମାନ୍ନଜନଙ୍କୁ କ୍ୟାପ୍ଟିଭ୍ ନିମନ୍ତ୍ରଣ କରିଥିଲେ ଏବଂ ଗାର୍ଡର ଫଳାଫଳ ପରେ ଚନ୍ଦ୍ରଶେଖରଙ୍କ  $used$  ାରା କିଛି ଦଶନ୍ଧି ପରେ ବ୍ୟବହୃତ ହୋଇଥିଲା | ପରେ ତାରକା ଜ୍ୟୋତିର୍ବିଜ୍ଞାନର ଅଧ୍ୟୟନରେ ହାର୍ଡ ଥିବା ସମୟରେ ପ୍ରୟୋଗ କଲେ ଏହା ଅତ୍ୟନ୍ତ କ  $interesting$  ତୁହଲପୂର୍ଣ୍ଣ ଯେ ଏକ ଗାଣିତିକ ଥିବା ସମୟରେ ଯାହା 1910 ରେ ପ୍ରମାଣିତ ହୋଇଥିଲା ତାହା ପରେ ପରେ ଆସନ୍ତୁ ଆସନ୍ତୁ ସମାନ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଉପରେ  $y$  କୁ  $bx$  ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ | ମୁଁ କଥାବାର୍ତ୍ତା କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛି

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ମୁଁ ଏହା ସହିତ ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛି | ରେନଭିଲ୍ ର ପୁସ୍ତକରୁ ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ମୁଁ ପୂର୍ବରୁ ରେଭିଲ୍ ର ପୁସ୍ତକ ବିଷୟରେ ଉଲ୍ଲେଖ କରିଥିଲି ଏବଂ ଆମେ ରେଭିଲ୍ ର ବୁକ୍ ଉଦାହରଣରୁ  $y$  ସ୍ପାର୍ଟର ଛଅ  $y$  ମାଲନସ୍ ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟରୁ  $x$  ସ୍ପାର୍ଟ  $dx$  ମାଲନସ୍  $xdy = 0$  ସମୀକରଣ 2.12 ବର୍ଷା ସହିତ ସାମାନ୍ୟ ଦେବୁ | ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଅବସ୍ଥା ମୁଁ ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଅବସ୍ଥାକୁ  $y$  ରୁଟ୍ 3 ଏବଂ 2 ାରା ସମାନ କରିବା ପାଇଁ ଅର୍ଦ୍ଧେକ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ସ୍ପେର୍ ସଲ୍ୟୁସନ୍ ବକ୍ରଗୁଡ଼ିକ ସ୍ପେର୍ କରେ ଏବଂ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏକୁ ସ୍ପେର୍ କରେ ଯେଉଁଥି ପାଇଁ ରୁଟ୍ 3 ରୁ 2 ର ଅଧା ସମସ୍ୟା ସାତଟି ମୁଁ ଏହାକୁ ତୁମକୁ ଛାଡ଼ିଦେବି | ନିଜକୁ ବାହାର କରିବା ପାଇଁ ଆମେ କେବଳ ଛଅ ନମ୍ବର ସମସ୍ୟା ଉପରେ ଧ୍ୟାନ ଦେବୁ ପ୍ରଥମ କଥାଟି ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ଏକ ସମାନ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ  $term$  ିତୀୟ ଶବ୍ଦ ମାଲନସ୍  $xdy = x$  ଶବ୍ଦଟି ସମାନ କିନ୍ତୁ  $y$  ସ୍ପାର୍ଟ ପୂର୍ଣ୍ଣ ର ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ  $y$  ମାଲନସ୍ ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟକୁ ଦେଖନ୍ତୁ |  $x$  ସ୍ପାର୍ଟ ଏହା ଏକ ସମକକ୍ଷ ନୁହେଁ ଏହା କେବଳ ସକାରାତ୍ମକ ଭାବରେ ସମାନ ଏବଂ ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ  $v$  କୁ  $vx$  ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ତେବେ ଆମକୁ ପ୍ରଥମ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ ରହିବାକୁ ପଡ଼ିବ | ଏବଂ ପ୍ରଥମ ଅବସ୍ଥା ପ୍ରଥମ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ ଦିଆଯାଇଛି ମନେ ରଖନ୍ତୁ ଯଦି ସହ ମନୋନୀତ ହୋଇଛି

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ବର୍ଷା କେବଳ ପ୍ରଥମ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ ସମାଧାନ ପାଇଁ ପଚାରିବ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ବର୍ଷାମାନ ଆସନ୍ତୁ ପଚାରିବା  $qu$  ିତୀୟ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ କଣ କରିବା ଉଚିତ ଆମେ ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ୱାଡ୍ରାଣ୍ଟରେ ଏହି ସମୀକରଣ 2.12 କୁ କିପରି ସମାଧାନ କରିବୁ ତେଣୁ ଆପଣ | ଏହି ବ୍ୟାୟାମକୁ ନିଜେ 6 କରନ୍ତୁ କାରଣ ଆପଣଙ୍କୁ  $y$  କୁ  $vx$  ସହିତ ସମାନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଏବଂ ଏହା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ନିତ୍ୟ ବ୍ୟବହାରୀୟ କାର୍ଯ୍ୟ ସମାପ୍ତ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ତେବେ ଆମେ ଏହି ପ୍ରକାରର ଦୁଇଟି ଡିନୋଟି ଉଦାହରଣ କରିସାରିଛୁ କିନ୍ତୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ 2.12 ସମୀକରଣକୁ କିପରି ସମାଧାନ କରାଯିବ ତାହା ବୁଝିବାକୁ ଚାହୁଁ | ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ୱାଡ୍ରାଣ୍ଟ ସମୀକରଣରେ 2.12 ରେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ସମାଧାନ କରିବା ପାଇଁ କିପରି ସମାଧାନ ହେବ ଆସନ୍ତୁ  $vy$  ସମାଧାନର ଭାବରେ  $vy$  ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ଅକ୍ଷ ଭାବରେ ଆଗକୁ ବ  $you$  ିବା ପାଇଁ ତୁମେ କେବଳ ରିମାମାଲ ଦେଇ ଯାଆ ଏବଂ ତୁମେ  $x = dv$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ  $v$  ବର୍ଗ  $dx$  ସହିତ ସମାନ | 0 ଏବଂ ତୁମେ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କର ତୁମେ  $x = \text{div}$  ାରା ବିଭକ୍ତ କର ଏବଂ ତୁମେ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ  $v$  ସ୍ପାର୍ଟର ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ  $\text{div}$  ାରା ବିଭକ୍ତ କର, ତେଣୁ ତୁମେ  $dx$  କୁ  $x$  ଉପରେ ସଂଯୋଗ କରିବା ଉଚିତ ଯାହାକି  $x$  ର ଲଗ୍ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ ଅଟେ କିନ୍ତୁ ବର୍ଷାମାନ ଆମେ ଦ୍ୱିତୀୟ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ ଅଛୁ |  $x$  ଶବ୍ଦଟି ନକାରାତ୍ମକ ହେବ ଯାହାକି ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦ  $dv$  ବିଷୟରେ ବର୍ଗ ରୁଟ୍ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ  $v$  ସ୍ପାର୍ଟ ଲଗ୍  $v$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ରୁଟ୍ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ  $b$  ସ୍ପାର୍ଟ ଲଗ୍ ଭିତରେ ଥିବା ପରିମାଣ  $v$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ବର୍ଗ ବର୍ଗର 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ  $v$  ବର୍ଗର ସର୍ବାଧିକ ସକାରାତ୍ମକ ଅଟେ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ୍ ଏହାର ଆବଶ୍ୟକତା ନାହିଁ | ସେଠାରେ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ ରଖି କିନ୍ତୁ ଲଗ୍ ମୋଡ୍  $x$  ମାଲନସ୍  $x$  ର ଲଗ୍ ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ଦୁଇଟି ଲଗ୍ କୁ ଏକତ୍ର କର, ତୁମେ ମାଇନସ୍ xv ପାଇବ କିନ୍ତୁ ମାଇନସ୍ xv ମାଇନସ୍ y  
ତେଣୁ ସମାଧାନ ମାଇନସ୍ y ପ୍ଲସ୍ ରୁଟ୍ x ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ସହିତ ସମାନ | e ପାଖାନ୍ତ c କୁ ଯାହା ପ୍ରବର୍ତ୍ତିତ ସ୍କାଲଡ୍ ରେ 2.14 ଅଟେ କିନ୍ତୁ ଏହା ଭୁଲ ଅଟେ  
2.14 ତାପରେ ତୁମେ ଅନୁଭବ କର ଯେ ତୁମେ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଫେରିବ ନାହିଁ

ତେଣୁ 2.14 ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ସମାଧାନ ଦୁହେଁ  
ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ଅକ୍ଷ ଭାବରେ ଆଗକୁ ବା you ିବ ତେବେ ତୁମେ ଭୁଲ ଭଉର ପାଇବ | ଏହା ଗମ୍ଭୀର ଅଟେ ତୁମେ ଭୁଲ କୁ understand ିବା ଉଚିତ୍  
ମନେରଖ ଯେ ମୁଁ ତୁମକୁ ଯତ୍ନ ସହ କହିଲି ଯେ ଯଦି ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କେବଳ ପ୍ରଥମ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ ସକାରାତ୍ମକ ଭାବରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ଯଦି ତୁମେ ଦ୍ୱିତୀୟ  
ଚତୁର୍ଥାଂଶକୁ ଯାଅ ତେବେ ସବୁ ଠିକ୍ ଅଛି | nt ସତର୍କତାର ଆବଶ୍ୟକତା ଅଧିକ ସତର୍କତା ଆବଶ୍ୟକ କାରଣ ଯଦି ଆପଣ କେବଳ ଅକ୍ଷ ଭାବରେ ପ୍ରଣାଳୀ ଦେଇ ଯାଆନ୍ତି  
ତେବେ ଆପଣ ଭୁଲ ଭଉର ପାଇବେ ଏବଂ ଏଠାରେ ଉଦାହରଣ ହେଉଛି ଯଦି ଆପଣ 2.14 କୁ ଭିନ୍ନ କରନ୍ତି ତେବେ ସମୀକରଣ ହେଉଛି 2.15 ଯାହା ମୂଳ ଡିଫେରିଏଲ୍  
ସମୀକରଣ ଦୁହେଁ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ପଚାରିବା | ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ତୁଟି କେଉଁଠାରେ ଅଛି ତାହା କେବଳ ସକାରାତ୍ମକ ଭାବରେ ସମାନ ଭାବରେ ବୁଝାଯାଇଛି ଏବଂ  
ତେଣୁ ସମାଧାନ ପ୍ରକ୍ରିୟା କେବଳ ପ୍ରଥମ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ ବା valid ଧ ଅଟେ ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ପୁରା ଗଣନାକୁ ପୁନର୍ବାର କରିବା, ଆମକୁ ବିକଶିତ ସିଦ୍ଧାନ୍ତରେ ବିଶ୍ୱ  
believe ାସ କରିବା ନାହିଁ | ଆମେ ପୁରା ଜିନିଷକୁ ସାବଧାନତାର ସହିତ ପୁନର୍ବାର ପୁନଃ ଉଦ୍ଧାର କର x କମା vxdx ର ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣରେ x  
କମା vxdy ର n କମା vx ର m କୁ ମାଇନସ୍ xx ର ମାଇନସ୍ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇଛି | ମାଇନସ୍ x ର ମାଇନସ୍ ଭାବରେ ଲେଖା ହୋଇଛି ମୁଁ କାହିଁକି ଏହା  
କରିଛି କାରଣ x ଦ୍ୱିତୀୟ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ ଅଛି ଏବଂ ମାଇନସ୍ x ପରିଚିତ୍ ମୁଁ ମାଇନସ୍ x କୁ ବାହାର କରିପାରିବି କାରଣ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ସକାରାତ୍ମକ ଭାବରେ ସମାନ  
ଅଟେ

ତେଣୁ ମୁଁ ମାଇନସ୍ x କୁ ପାଖାନ୍ତ k କୁ ଗଣିଲି | ଏବଂ ମୁଁ ମାଇନସ୍ x କୁ ପାଖାନ୍ତ k ରେ ମିସ୍ ମାଇନସ୍ 1 କମା ମାଇନସ୍ v ଡ୍ ଟର୍ମ ିତୀୟ ଶବ୍ଦରୁ ni x କୁ  
ପାଖାନ୍ତ k କୁ ଗଣି ନେଇପାରେ କାରଣ n ଶବ୍ଦ ଏକ ପ୍ରକାର ଅଟେ ମୁଁ ଜାଣେ ଯେ k problem ଶସି ଅସୁବିଧା ନାହିଁ ଏବଂ ରଙ୍ଗ ଅବଶ୍ୟ | vdx ପ୍ଲସ୍ x dv  
ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ସହିତ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣରେ ଯାହା ଘଟେ, ରୂପାନ୍ତରିତ ସମୀକରଣ ହେଉଛି ସ୍କାଲଡ୍ ମାଇନସ୍ 1 ରେ ପାଖାନ୍ତ k ରେ ମାଇନସ୍ 1 କମା  
ମାଇନସ୍ v dx ପ୍ଲସ୍ n ର 1 କମା v ର v dx ରେ ଶେଷ ପ୍ରବର୍ତ୍ତିତ ସମୀକରଣ | ପ୍ଲସ୍ x dv 0 ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଗଣନାରେ ସାମାନ୍ୟ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଅଛି, ସେଠାରେ ମାଇନସ୍ ଟିହୁ ଭାସମାନ ଅଛି କିନ୍ତୁ ତଥାପି ଶେଷ ପ୍ରବର୍ତ୍ତିତ ସମୀକରଣ ପୁନର୍ବାର ଭେରିଏବଲ୍ ଅଲଗା ଅଟେ  
ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଶେଷ ସ୍କାଲଡ୍ ରେ ସୂଚିତ କରାଯାଇଥିବା ପରି ଅଗ୍ରଗତି କରିବା | ପଛକୁ m କ'ଣ ଏବଂ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣରୁ n କ'ଣ ଆମେ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍  
y ମାଇନସ୍ ବର୍ଗ୍ ମୂଳ ପାଇଥାଉ x ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ dx ମାଇନସ୍ xdy ସମାନ 0 ତୁମେ y କୁ bx x ସହିତ ସମାନ ରଖିବା ନକାରାତ୍ମକ ଅଟେ ଯେତେବେଳେ x  
ନକାରାତ୍ମକ ହେଲେ ବର୍ଗ୍ ମୂଳ କ'ଣ? y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ x ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ x ବାହାରକୁ ଆସେ ନାହିଁ ମୋଡ୍ x ବାହାରକୁ ଆସେ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ଶବ୍ଦଟି କ problem ଶସି  
ଅସୁବିଧା ଦୁହେଁ dy ହେଉଛି vdx ପ୍ଲସ୍ xt ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ଏକ ପ୍ଲସ୍ v ବର୍ଗ୍ dx ମାଇନସ୍ xtv ର ବର୍ଗ୍ ମୂଳକୁ ସରଳ କରିଥାଏ 0 ଏହା କାହିଁକି କାରଣ ମୋଡ୍ |

x ହେଉଛି ମାଇନସ୍ x ବର୍ତ୍ତମାନ ମୋଡ୍ x ହେଉଛି ମାଇନସ୍ x ଏବଂ ସେହି ଶେଷର ସମାଧାନ ହେଉଛି ମୋଡ୍ x ଉପରେ v ପ୍ଲସ୍ ରୁଟ୍ 1 ପ୍ଲସ୍ v ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍  
ସମାନ c ସମାଧାନ ହେଉଛି ମୋଡ୍ x ଉପରେ b ପ୍ଲସ୍ ରୁଟ୍ 1 ପ୍ଲସ୍ v ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ସମାନ c ପୁନର୍ବାର ସକାରାତ୍ମକ ଅଟେ | କାରଣ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପ୍ରକାଶ କରିଛୁ ଯେ  
ତୁମେ 2.16 ରେ ନାମକୁ ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କର ଏବଂ 2.16 ରେ ତେନୋମିନେଟରକୁ ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କର ଏବଂ ତୁମେ ସଠିକ୍ ସମାଧାନ y ପ୍ଲସ୍ x ବର୍ଗ୍ ପ୍ଲସ୍ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପାଇବ  
ତେଣୁ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କେବଳ ସକାରାତ୍ମକ ଭାବରେ ସମାନ ହେଲେ ତୁମେ କ'ଣ ଶିକ୍ଷା ପାଇବ? ହେଉଛି | ଦ୍ୱିତୀୟ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରିବା ସାବଧାନ  
ରୁହନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ କିଛି ସ୍ଥାନରେ କେବଳ ଏକ ମୋଡ୍ x ବାହାରକୁ ଆସିବ ଏବଂ ଯେଉଁଠାରେ ଏକ ମୋଡ୍ x ବାହାରକୁ ଆସିବ ଆପଣ ଏହାକୁ ମାଇନସ୍ x ଡ୍ ଟ୍ x  
ଦ୍ୱାରା ବଦଳାଇବା ଉଚିତ୍ ଠିକ୍ ଅଛି ସେଠାରେ କିଛି ଅନ୍ତମ ମନ୍ତବ୍ୟ ଅଛି ଯାହା ମୁଁ ଏହି ଦୁଇଟି ବିଷୟରେ କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛି | ରେନ୍ଦ୍ରିଲ୍ ବହିର ଉଦାହରଣ ଯଦି ତୁମେ  
ସେହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣକୁ ଦେଖ, ଆସନ୍ତୁ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା ଆସନ୍ତୁ 2.12 2.12 ସମୀକରଣକୁ ଫେରିବା, ଆପଣଙ୍କୁ ଏକ ସମାଧାନ ଖୋଜିବାକୁ  
କହିବ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ y ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ x କିମ୍ବା x ର ଏକ କାର୍ଯ୍ୟ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ | y ସଠିକ୍ ବର୍ତ୍ତମାନ ଧରାଯାଉ ମୁଁ y ଅକ୍ଷରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ  
ଯାଉଥିବା ସମାଧାନ ବକ୍ତ ଖୋଜିବାକୁ y ଅକ୍ଷରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ନିଅ 0 କମା ଟି ଜାଣିବାକୁ ଚାହେଁ ଯେ y ହେଉଛି x ର ଫଙ୍କସନ୍ କିମ୍ବା x ହେଉଛି y ର ଫଙ୍କସନ୍ କି?  
ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକ ଏହା ହୋଇପାରେ ଯେ dx ଡ୍ ାରା ରଙ୍ଗ 0 କିମ୍ବା dx ଡ୍ ାରା 0 ହୋଇପାରେ | ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟି ଭୁଲମ୍ବ ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ଏହା ଭୁସମାନ୍ତର  
ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ope ୁଲା ଆଦି defined ବ୍ୟାଖ୍ୟା ହୋଇନପାରେ କାରଣ ଆପଣ ଉଭୟ m ଏବଂ n ସର୍ଭାବଳୀ ଦେଖନ୍ତି | ଯଦି ଆପଣ xy ର 2.12  
ମିଟରକୁ ଦେଖନ୍ତି ତେବେ 0 ହୋଇଯାଉଛି | ପରିଚିତ୍ y ଅକ୍ଷରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ xy ର 0 ଏବଂ n 0 ହୋଇଯାଉଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଟିକିଏ ଯତ୍ନ ସହ ଦେଖିବା

ତେଣୁ ମୁଁ y ଅକ୍ଷରେ ପଏଣ୍ଟ୍ଗୁଡ଼ିକ କ'ଣ ହୁଏ କୁ understand ିବାକୁ ଚାହେଁ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ପଏଣ୍ଟ୍ 0 କମା t ଏବଂ ସମୀକରଣ 2.12 | dx ଡ୍ ାରା dy ପ x ୋx ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ରେ y ମାଇନସ୍ ବର୍ଗ୍ ମୂଳ ସହିତ ସମାନ  
ଅଟେ କିମ୍ବା ମୁଁ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କରିପାରିବି ଏବଂ ଏହାକୁ ମାଇନସ୍ x ଉପରେ y ପ୍ଲସ୍ ରୁଟ୍ x ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ରେ ଲେଖିପାରେ ଯଦି ପ୍ରଥମ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଶୂନ୍ୟ  
ଫର୍ମ ଦ୍ୱାରା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ | ଯଦି ତୁମେ y ଅକ୍ଷରର ଉପର ଅଂଶକୁ ନେଇଯାଅ, ଯଦି ତୁମେ ପରିଚିତ୍ ସହିତ ଏକ ପଏଣ୍ଟ୍ ଶୂନ୍ୟ ନିଅ, ତେବେ ପ୍ରଥମ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ଶୂନ୍ୟ ଫର୍ମ  
ଡ୍ second ୾ରା ଦ୍ୱିତୀୟ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ କୁ ଦେଖ, ଦ୍ୱିତୀୟ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ଅର୍ଥ ପ୍ରଦାନ କରେ କାରଣ ଭେଦକାରୀ ମନେରଖନ୍ତୁ x ହେଉଛି 0 ଏବଂ y ହେଉଛି  
ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ରେ ବର୍ଗ୍ ମୂଳ ହେଉଛି ମୋଡ୍ y ଏବଂ ମୋଡ୍ y ଟି କାରଣ t ପରିଚିତ୍

ତେଣୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ 0 କୁ dy ଦ୍ୱାରା dy ଭାବରେ ରଖେ, ଅନ୍ୟ ପଟେ ଆପଣ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ଲେଖିପାରିବେ | dx ଡ୍ ାରା x ସହିତ ସମାନ |  
x ବର୍ଗ୍ରେ y ମାଇନସ୍ ବର୍ଗ୍ ରୁଟ୍ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ରେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି 0 କମା t ରେ 0 ରୁ କମ୍ ସହିତ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିର ଅର୍ଥ କରେ ଯଦି t 0 ରୁ କମ୍ ତେବେ 0 କମା t  
ରେ କଣ ହୁଏ

ତେଣୁ x ବର୍ଗ୍ରେ ରେଡିକାଲ୍ ସାଇନ୍ ବର୍ଗ୍ ମୂଳକୁ ଦେଖନ୍ତୁ | ପ୍ଲସ୍ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ x ହେଉଛି 0

ତେଣୁ ତୁମେ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ରେ ବର୍ଗ୍ ମୂଳ ସହିତ ରହିଛ ଯାହା ମୋଡ୍ y ଅଟେ

ତେଣୁ ତୁମେ y ମାଇନସ୍ ମୋଡ୍ ପାଇଛ

ତେଣୁ yy କ'ଣ ଏବଂ ମୋଡ୍ y ମାଇନସ୍ t dx ଦ୍ୱାରା dy ଦ୍ୱାରା y ମାଇନସ୍ ଉପରେ ଅର୍ଥ ଅଛି | x ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ରେ ବର୍ଗ୍ ମୂଳ ପ୍ଲସ୍ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ରେ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ  
x କୁ 0 ସହିତ ସମାନ ରଖିବ ତୁମେ ମାଇନସ୍ ମୋଡ୍ d ପାଇବ କିନ୍ତୁ ମୋଡ୍ ଟି ମାଇନସ୍ ଟି ହେବ କାରଣ t ନକାରାତ୍ମକ ଅଟେ

ତେଣୁ ତୁମକୁ x ର କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ y କିମ୍ବା y ର ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଲେଖିବାକୁ ପଡିବ | ସଂଯୋଜନା ଅକ୍ଷରେ ମନେରଖନ୍ତୁ ଯେ y ସମାନ v y ପଦ୍ଧତି y  
ଅକ୍ଷରେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ବିଫଳ ହୁଏ କାରଣ ଭେରିଏବଲ୍ b ର କ meaning ଶସି ଅର୍ଥ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏଠାରେ bx ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ y ପାଇଁ ସମାନ ସମୀକରଣର ସମାଧାନ କିପରି ମିଳିବ ସେ ସମ୍ଭବରେ ଆଉ ତିନୋଟି ବ୍ୟାୟାମ ଅଛି | 0 c ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ  
ସମାନ ବର୍ଷାଜଳ ସମସ୍ୟାକୁ 2.1 ର ବକ୍ତା | omma c ଆମେ କେବଳ ଆଲୋଚନା କରିଛୁ ଯେ y ଅକ୍ଷରେ ପଦ୍ଧତି ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ବିଫଳ ହେବା ଉଚିତ୍ କାରଣ v  
ସହିତ y ସହିତ x ର ଭେରିଏବଲ୍ ର କ meaning ଶସି ଅର୍ଥ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଆପଣ କେଉଁ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି v କୁ vx ସହିତ ସମାନ କୁହନ୍ତୁ ନାହିଁ ଆପଣ ଏଠାରେ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ନିଅନ୍ତୁ | x ସହିତ v ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ  
x ସହିତ ସମାନ vy ଏହାକୁ ଅନ୍ୟ ଉପାୟରେ କର ଏବଂ ସମାନ ଜିନିଷ ପଦ୍ଧତିକୁ ସଠିକ୍ ରୂପେ ରୂପାନ୍ତର କରିବ ଯାହା ଡ୍ you ୾ରା ତୁମେ ସମସ୍ୟା ନମ୍ବର ଆଠଟି  
କରିବା, ଆସନ୍ତୁ ସଂକ୍ଷେପରେ ସମସ୍ୟା ନମ୍ବର ନଅ ସମୀକରଣ ଦୁଇ ପଏଣ୍ଟ୍ ଗୋଟିଏ ସାତ ଡାଏ ଦ୍ୱାରା ସଂକ୍ଷେପରେ ଦେଖିବା | dx x ପ୍ଲସ୍ y ସହିତ x ମାଇନସ୍ y  
ଡ୍ it ୾ରା ଏହା ଏକ ସମକ୍ଷ ସମୀକରଣ y ସହିତ vx ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ, x ରେଖା ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ସମୀକରଣର କ sense ଶସି ଅର୍ଥ ନାହିଁ କିନ୍ତୁ  
ଏହି ରେଖାଠାରୁ ଦୂରରେ ଏହା ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଏକ ସମାନ ଅଟେ | କ problem ଶସି ଅସୁବିଧା ନାହିଁ ତୁମେ ଉଭୟ ଲଗ୍ x ବର୍ଗ୍ ପ୍ଲସ୍ y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍ 2



କ୍ଷେତ୍ର  $x$  କୁ କ୍ୟାପିଟାଲ୍  $x$  ଦ୍ୱାରା  $t$  କୁ ବଦଳାଇବ ଏବଂ କ୍ଷେତ୍ର  $y$  ଦ୍ୱାରା କ୍ୟାପିଟାଲ୍  $y$  ଓ  $t$  ଦ୍ୱାରା ଅବଶ୍ୟକ ହେବ କାରଣ  $f$  ଡିଗ୍ରୀ 0 ର ସମାନ ଅଟେ  
ତେଣୁ ନୂତନ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ସମୀକରଣରେ ଯାହା ଘଟେ ତୁମେ 2.25 ସମାନ | ପୁରୁଣା ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ଭାବରେ | ସମୀକରଣ 2.24 ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ସମୀକରଣ 2.24 ଏବଂ  
2.25 ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ କହିଥାଉ ଯେ ସମାନ୍ତରାଳ ରୂପାନ୍ତରଣରେ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ସମୀକରଣ 2.24 ଅବଶ୍ୟକ ଅଟେ କିମ୍ବା ଏହା ହୋମୋ ଥାଟା ଅନ୍ତର୍ଗତ ପରିବର୍ତ୍ତନଶୀଳ ଅଟେ  
ତେଣୁ ସମୀକରଣର ନୀତି କହୁଛି ଯେ ଯଦି  $xy$  ର  $\phi$  ସହିତ ସମାଧାନ ହୁଏ ତେବେ  $\phi$  ର  $\phi$  |  $\theta$  ସହିତ ସମାନ ଥିବା  $cx$  କମା ସାଇ ମଧ୍ୟ ଏକ  
ସମାଧାନ ଏବଂ ସମସ୍ତ ସମାଧାନ ଏକ ସମାଧାନରୁ ମିଳିପାରିବ ଯଦି ଆପଣ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ଭାବରେ ବର୍ଣ୍ଣାଯାଇଥିବା ସମାଧାନର ଏକ ସାଧାରଣ ପସନ୍ଦ ବାଛିବେ ତେବେ  
ସମଲିଙ୍ଗୀତା ଏକ ସମାଧାନର ସମାଧାନ ନିଏ କିମ୍ବା ସମାଧାନର ସେଟ୍ ଅବିଚ୍ଛେଦନୀୟ ହୁଏ ଏହି ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ ଠିକ୍ ନୁହେଁ | ଜି ପରୀକ୍ଷଣ ପାଇଁ ବୋଧହୁଏ ପ୍ରାୟତଃ କିଛି ଏହା  
ଶିକ୍ଷଣୀୟ ଏବଂ ମୁଁ ଭାବୁଛି ଏହା ଜାଣିବା ଉଚିତ୍

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଉଦାହରଣ ମାଧ୍ୟମରେ ଦେଖିବା ଯାହା ପୂର୍ବରୁ ଆମେ ଅଧ୍ୟୟନ କରିଥିଲୁ  
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ସମୀକରଣ ନେବା ଯାହାକୁ ଆମେ  $2xydx$  ମାଇନସ୍  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍  $y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଡାଏ ସହିତ ସମାନ କରିଛୁ | 0 ସମୀକରଣ  
2.4 ଆମେ ଏହି ଅଧ୍ୟାୟରେ ଅଧ୍ୟୟନ କରିଥିଲୁ, ସମାଧାନଟି କ'ଣ ଆମେ  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍ ସାଇ 0 ନେବାକୁ ସମାନ |  $c$  1 ସହିତ ସମାନ  $c$  କୁ 1  
ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଏକ ସ୍ୱ solution ଡକ୍ସ ସମାଧାନ  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍  $y$  ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା

ତେଣୁ  $c$  ଉପରେ  $x$  ଉପରେ  $\phi$  ହେଉଛି  $c$  ଦ୍ୱାରା ସମଗ୍ର ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $y$  ଦ୍ୱାରା ହେବ |  $c$  ପୁରା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍  $y$  ଉପରେ  $c$   
ତେଣୁ  $x$  ଉପରେ  $c$  ଉପରେ  $\phi$   $\theta$  ସହିତ ସମାନ  $x$   $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍ ସାଇ ସମାନ 0 ତୁମେ ଦେଖି ଯେ ଆମେ ସମସ୍ତ ସମାଧାନ ପାଇଲୁ  $xy$   
ର ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମାଧାନ  $\phi$   $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ସହିତ ସମାନ |  $y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍  $y$   $\theta$  ସହିତ ସମାନ ଏହି ସ୍ୱ solution ଡକ୍ସ ସମାଧାନକୁ ଆମେ  $x$  ଦ୍ୱାରା  
 $x$  ଦ୍ୱାରା  $c$  ଏବଂ  $y$  ଦ୍ୱାରା  $c$  କୁ ବଦଳାଇଥିଲୁ ଏବଂ ଆମେ ସମସ୍ତ ସମାଧାନ ପାଇଲୁ

ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖିବେ ଯେ ଆମେ ଉଦାହରଣକୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଉଦାହରଣ  $2xydx$  plus  $x$  ସହିତ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣତାର ନୀତି ଦେଇଛୁ | ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍  $y$  ବର୍ଗ  $dy$   
ସମାନ 0 ସହିତ ସାଧାରଣ ସମାଧାନ କ'ଣ ଆମେ  $3x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍  $y$  ମାଇନସ୍  $y$  କ୍ୟୁବେଡ୍  $c$  ସହିତ ସମାନ  $c$  କୁ ସମାନ 1 କୁ ନେଇଥିଲୁ ଯଦି ଆପଣ ପସନ୍ଦ କରନ୍ତି  
ନାହିଁ ତେବେ ଆପଣ  $c$  କୁ 5 କୁ ନେଇପାରିବେ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆପଣ  $c$  ନିଅନ୍ତି 0 ସହିତ ସମାନ ଏହା କାମ କରିବ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ  $c$  କୁ 0 ସହିତ ସମାନ କର, ତୁମେ ଏକ ଅସାଧାରଣ ସମାଧାନ ପାଇବ | ଏକ ସମାଧାନ ପାଆନ୍ତୁ ଯାହା ଜେନେରିକ୍ ନୁହେଁ  
ତେଣୁ  $c$  ସହିତ ସମାନ ନିଅନ୍ତୁ ତୁମେ  $xy$  ର  $\phi$  କୁ  $3x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍  $y$  ମାଇନସ୍  $y$  କ୍ୟୁବ୍ ମାଇନସ୍ 1 ସହିତ ସମାନ କର ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ  
ଯାହାକୁ ଆମେ ସମାଧାନ କରିଥିଲୁ  $yx$  plus  $x$  in  $\log y$  minus  $\log xdy$   $\theta$  ସହିତ ସମାନ ଯାହା ପାଇଁ ଆମେ ସମାଧାନ  $y$  ମାଇନସ୍ 1  
ମାଇନସ୍ ଲଗ୍  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଲଗ୍  $x$  ସମାନ 0 ଯାହା ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ଏକ ଶୂନ୍ୟ ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ପୁନର୍ବାର ଆମକୁ  $a$   $xy$  ର  $\phi$  ଏଠାରେ  $xy$  ର  $\phi$  ହେଉଛି  $p$  ର  $x$  ହେଉଛି  $y$  ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଲଗ୍ ପ୍ଲସ୍ ଲଗ୍  $x$   
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଆମେ  $x$  କୁ  $x$  ଉପରେ  $c$  ଏବଂ  $y$  କୁ  $c$  ଉପରେ  $y$  କୁ ବଦଳାଇବା କି ନାହିଁ ଦେଖିବା ଆସନ୍ତୁ ତାହା କରିବା ତେବେ କଣ କରିବା | ଏହି  
କ୍ଷେତ୍ରରେ  $xy$  ର  $\phi$  ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ  $xy$  ର 3 ହେଉଛି  $y$  ମାଇନସ୍ 1 ମାଇନସ୍ ଲଗ୍ ପ୍ଲସ୍ ଲଗ୍  $x$  ଏଠାରେ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଆମକୁ ପ୍ରଥମ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ କାମ  
କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ କିନ୍ତୁ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ପ୍ରଥମ କ୍ୱାଡାଣ୍ଟରେ କାମ କରିବ ନାହିଁ

ତେଣୁ ସାଇ ଉପରେ  $x$  ର  $\phi$  |  $c$  ଉପରେ  $c$  ଉପରେ ମାଇନସ୍ 1 ମାଇନସ୍ ଲଗ୍ ଉପରେ  $c$  ଉପରେ ପ୍ଲସ୍ ଲଗ୍ ଉପରେ  $c$  ଉପରେ ଯାହା  $b$  ଉପରେ 1  
ରୁ  $c$  ରେ  $y$  ହେବ | ମାଇନସ୍ ସି ମାଇନସ୍ ସି ଲଗ୍ ପ୍ଲସ୍  $c$  ଲଗ୍  $x$

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ  $x$  ଦ୍ୱାରା  $\phi$  କୁ  $c$  ଦ୍ୱାରା 0 କୁ ସମାନ କର, ତୁମେ  $y$  ମାଇନସ୍  $c$  ମାଇନସ୍  $c$  ଲଗ୍ ପ୍ଲସ୍  $c$  ଲଗ୍  $x$  କୁ ସମାନ କର | ତୁମେ ଯାଞ୍ଚ  
କର ଯେ ଏହା ହେଉଛି ସାଧାରଣ ସମାଧାନ | ରେନ୍ଡିଲ୍ ର ବୁକ୍  $y$  ମାଇନସ୍ ବର୍ଗ ରୁଟ୍  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍  $y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍  $dx$  ମାଇନସ୍  $xdy$  ରୁ ସମାନ ଉଦାହରଣ 0 ସହିତ  
 $xy$  ସମାନ  $y$  ପ୍ଲସ୍  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ମାଇନସ୍ 1 ର ସମାଧାନ ସମାଧାନ ପାଇଲୁ କିନ୍ତୁ ପରଠାରୁ କେବଳ ପ୍ରଥମ ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ | ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ସମୀକରଣ  
କେବଳ ସକାରାତ୍ମକ ଭାବରେ ସମୀକ୍ଷା ଅଟେ  $xydx$  ମାଇନସ୍  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $4y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $4y$   $dy$  ସମାନ 0 ରେନ୍ଡିଲ୍ ବହିରୁ ଆଉ ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ଗ୍ରହଣ  
କରନ୍ତୁ ଯଦି ଆପଣ  $xy$  ର  $\phi$  କୁ  $y$  plus  $x$  ସହିତ ସମାନ କରନ୍ତି ତେବେ  $xy$  ର  $\phi$  ସମାନ | 0 ହେଉଛି ଏକ ସମାଧାନ ଯଥା  $y$  ସହିତ ମାଇନସ୍  $x$   
ସହିତ ସମାନ ହେଉଛି ଏକ ସମାଧାନ କିନ୍ତୁ ତାପରେ ଆପଣ ଏଠାରୁ ସମସ୍ତ ସମାଧାନ ପାଇବାକୁ ଯାଉନାହାଁନ୍ତି କାରଣ ଯଦି ଆପଣ  $y$  ପ୍ଲସ୍  $x$  ନିଅନ୍ତି ଏବଂ ଯଦି ଆପଣ  
 $y$  ଦ୍ୱାରା  $y$  କୁ  $c$  ଏବଂ  $x$  ଦ୍ୱାରା  $x$  ଦ୍ୱାରା  $c$  କୁ ବଦଳାନ୍ତି ତେବେ  $x$  ର  $\phi$  ଦ୍ୱାରା  $c$  କମା  $y$  ଦ୍ୱାରା  $c$  ରା 0 ସହିତ ସମାନ | ସମାନ ସମାଧାନ  
ତେଣୁ ତୁମେ ସମାନ ସମାଧାନ ପାଇବ ତୁମେ କିଛି ନୁଆ ପାଇବ ନାହିଁ ଏହା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣତାର ନୀତିର ବିରୋଧ କରେ କି ସାଧାରଣତଃ 2. 2.26 ସମୀକରଣର ସମାଧାନ କରେ  
ନାହିଁ ଏବଂ ସ୍ୱ solution ଡକ୍ସ ସମାଧାନକୁ ଭଲ ଭାବରେ ଚିହ୍ନଟ କର 2.26 ହେଉଛି ଏକ ସମୀକ୍ଷା ସମୀକରଣ  $y$  କୁ  $vx$  ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ କର  
ସମାଧାନ ଏହି ସମାଧାନରେ ଏହି ସ୍କାଲର୍ ରେ ସାଧାରଣ ସମାଧାନ ଲାଲ୍ ରଙ୍ଗରେ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହୁଏ ଯଦି ତୁମେ  $c$  କୁ 0 ସହିତ ସମାନ ରଖିବ ତେବେ ତୁମେ  $y$  କ୍ୟୁବ୍ କୁ  $x$   
ପ୍ଲସ୍  $y$  ରେ 0 ସହିତ ସମାନ କରିବ

ତେଣୁ ସେଥିପାଇଁ ତୁମେ  $x$  ପ୍ଲସ୍  $y$  ଏକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ସମାଧାନ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖୁଛୁ | ତୁମେ କୁ understand ୀପାରୁଛ କାହିଁକି ଏହା ପ୍ରକୃତରେ ଏକ ଶେଷ  
ଉଦାହରଣ ତୁମେ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ସମୀକରଣ  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଡାଏ ମାଇନସ୍  $4x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $2y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $7xy$   $dx$   $\theta$  ସହିତ ସମାନ ଦେଖିବା ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ  
 $xy$  ର  $\phi$   $\theta$  ସହିତ ସମାନ ପ୍ରତ୍ୟେକଟି ପାଇଁ ଏକ ସମାଧାନ ପ୍ରଦାନ କରେ | ପସନ୍ଦ  $x$  ପ୍ଲସ୍  $y$  ଏବଂ  $2x$  ପ୍ଲସ୍  $y$  ଯଥା ଯଥା ମାଇନସ୍  $x$  ସହିତ ସମାନ  
ହେଉଛି ଏକ ସମାଧାନ ଏବଂ  $y$  ମାଇନସ୍  $2x$  ସହିତ ସମାନ ମଧ୍ୟ ଏକ ସମାଧାନ ଯଦି ଆପଣ ଏହି ସମାଧାନଗୁଡ଼ିକରୁ ଆରମ୍ଭ କରନ୍ତି ଏବଂ  $x$  ଟ୍ରାଇ ଓ  $by$  ୀରା  $x$   
କରନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ସମସ୍ତ ସମାଧାନ ପାଇବେ ନାହିଁ | ତୁମେ ଦେଖିବ ପୁନର୍ବାର ସମାନ ସମାଧାନ

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ସମାଧାନ ଜେନେରିକ୍ ନୁହେଁ କାହିଁକି ସେମାନେ ସାଧାରଣ ଉପାୟରେ 2.27 ସମାଧାନ କରନ୍ତି ନାହିଁ  $vx$  ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ  
ସାଧାରଣ ସମାଧାନ ପାଆନ୍ତି ଏବଂ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣକୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରୂପେ ସମାଧାନ କରନ୍ତି ଏବଂ କ'ଣ ଘଟୁଛି ଜାଣିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରନ୍ତୁ | ଏହାର ଉତ୍ତର ତୁମକୁ  
ଦିଆଯାଉଛି ଏହା ହେଉଛି  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍  $y$  ପ୍ଲସ୍  $2x$  କ୍ୟୁବେଡ୍ ମାଇନସ୍  $cx$  ମାଇନସ୍ ସାଇ |  $2x$  ଏକ ସ୍ୱ special ଡକ୍ସ ସମାଧାନ ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ  $y$  ପ୍ଲସ୍  $2x$  ହେଉଛି ଏକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ସମାଧାନ କିନ୍ତୁ  $x$  ପ୍ଲସ୍  $2x$  ସ୍ୱ special ଡକ୍ସ ସମାଧାନ ପ୍ରଦର୍ଶନରେ ଶେଷ ପ୍ରଦର୍ଶନରେ ଶେଷ ଯାଡ଼ିରେ ଦେଖ, ତୁମେ  $c$   
ଦ୍ୱାରା  $div$  ୀରା ବିଭାଜନ କର, ତେବେ କଣ ହୁଏ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା | ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ସମୀକରଣ ହେଉଛି  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଡାଏ ମାଇନସ୍  $4x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  $2y$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍  
 $7xy$   $dx$   $\theta$  ସହିତ ସମାନ | ଠିକ୍ ଅଛି ମୁଁ କହୁଛି ଯେ ମାଇନସ୍  $x$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $y$  ମାଇନସ୍  $2x$  ସହିତ ସମାନ, ଉଭୟ ସ୍ୱ  $a1$  ଡକ୍ସ ସମାଧାନ ସେମାନେ  
ଜେନେରିକ୍ ନୁହଁନ୍ତି କାହିଁକି? ମୁଁ ଏହା କହୁଛି ତୁମର ଅଛି | ଏହାକୁ ଏକ ବ୍ୟାୟାମ ଭାବରେ କରିବା ପାଇଁ ଏହା ଏକ ବ୍ୟାୟାମ ଯାହା ତୁମ ପାଇଁ ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ସମୀକରଣକୁ  
ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ରୂପେ ସମାଧାନ କର, ଅବଶ୍ୟ  $y$  କୁ  $vx$  ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ ବ୍ୟବହାର କର ଠିକ୍ ଅଛି ତୁମେ ସମାଧାନକୁ  $x$  ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ କୁ  $y$  ପ୍ଲସ୍  $2x$   
ମାଇନସ୍  $c$  ରେ  $x$  ପ୍ଲସ୍  $y$  ରେ ପ solution ୀବ | 0 ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି ଏକ ସାଧାରଣ ସମାଧାନ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ  $c$  କୁ 0 ସହିତ ସମାନ  
କର, ଯାହା ତୁମକୁ  $y$  ପ୍ଲସ୍  $2x$  କୁ ଏକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ସମାଧାନ ଭାବରେ ଦିଏ କିନ୍ତୁ ଏହା ଏକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ସମାଧାନ କାହିଁକି ତୁମେ  $c$  ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜନ କରୁଥିବାର ଦେଖିବ ଏବଂ  $c$   
କୁ ଅସୀମତାକୁ ଯିବ ଏବଂ କଣ କରିବ | ତୁମେ  $x$  ପ୍ଲସ୍  $y$  କୁ 0 ସହିତ ସମାନ ପାଇବ

ତେଣୁ ତୁମେ ଦେଖିବ ଯେ  $y$  ମାଇନସ୍  $x$  ସହିତ ସମାନ ମଧ୍ୟ ଏକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ସମାଧାନ ଅଟେ  
ତେଣୁ ଏହି ବ୍ୟତିକ୍ରମ ସମାଧାନଗୁଡ଼ିକ ଜେନେରିକ୍ ନୁହେଁ ଏବଂ ସେମାନେ ସର୍ବଦା ସେଠାରେ ରହିବେ କିନ୍ତୁ ଯଦି ତୁମେ ଏହି ଅସାଧାରଣ ସମାଧାନ ଛାଡ଼ିଦିଅ | ଏକ  
ଜେନେରିକ୍ ସଲ୍ୟୁସନ୍ ଅପ୍ କର ଏବଂ  $x$  କୁ  $x$  ଉପରେ  $c$  ଏବଂ  $y$  କୁ  $y$  ଉପରେ  $c$  କୁ ବଦଳାନ୍ତୁ ତାପରେ  $c$  ର କମା  $y$  ଉପରେ  $c$  କୁ 0 ସହିତ ସମାନ ସମସ୍ତ  
ସମାଧାନ ସୃଷ୍ଟି କରିବ ଦୁର୍ଭାଗ୍ୟବଶତ hom ଏହା ଏକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣର ଏକ ସ୍ୱନ୍ଦର ଅଂଶ | ଏହା ପୁସ୍ତକଗୁଡ଼ିକରେ ଆଲୋଚନା କରାଯାଇ ନାହିଁ  
ତେଣୁ ମୁଁ ଭାବିଲି ମୁଁ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଏହି ଅନ୍ତର୍ଗତ ଜ୍ୟାମିତିକୁ ସୂଚୀତ କରିବି ଯାହା ଏହି ଅଧ୍ୟାୟରେ ଉପସ୍ଥିତ ଅଛି ମୁଁ ଭାବୁଛି ଏହା ଏହି ବକ୍ତୃତାକୁ ବନ୍ଦ କରିବ ଏବଂ

ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ମୁଁ ର line ଖୁବ୍ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତୁଲି ସମୀକରଣ ଉପରେ ନୂତନ ଅଧ୍ୟୟନ ଆରମ୍ଭ କରିବାକୁ ଯାଉଛି | ଏବଂ ଏହା ପରେ ଆମେ ବୋଧହୁଏ ଏକ ସମାପ୍ତ  
ବକ୍ତୃତା ଗ୍ରହଣ କରିବୁ ଏବଂ ବକ୍ତୃତା କ୍ରମର ସମାପ୍ତି ଆପଣଙ୍କୁ ବହୁତ ଧନ୍ୟବାଦ |

Prutor@iitk