

ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଉପରେ ଏହି ବକ୍ତୃତା ପାଇଁ ଶୁଭ ସମ୍ବାରଣ ସ୍ୱାଗତ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଏବଂ କାଳକ୍ରମେ ର ଏହି ଯୁଗର ପ୍ରାରମ୍ଭରେ ଘଟିଥିବା ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ, ତେବେ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ କିଛି ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ଗଣିତଜ୍ଞାନ ନାମ ଦେବି ଯାହା ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ଅଧ୍ୟୟନରେ ସହଯୋଗ କରାଯାଇଥିଲା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ତାଙ୍କ ଗତିଶୀଳତାର ନିୟମ ସହିତ ତାଙ୍କ କାଳକ୍ରମେ ଇସାକ ନ୍ୟୁଟନ୍ ସହିତ ସମ୍ପର୍କ ହେବ । ଗ୍ରହଗୁଡ଼ିକର ଗତିକୁ ସମୀକରଣର ସଠିକତା ଏବଂ ତୁଆର ଜ୍ୟୋତିର୍ବିଜ୍ଞାନର ଗଠନକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାରେ ସକ୍ଷମ ହୋଇଥିଲା ଯାହା ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏକ ସାମ୍ରାଜ୍ୟ ବିଜ୍ଞାନରେ ଏକ ଗତିଶୀଳ ବିଜ୍ଞାନରେ ପରିଣତ ହୋଇଛି ଏହା ନ୍ୟୁଟନ୍ ର ଏକ ସ୍ମରଣୀୟ ସଫଳତା ଅଟେ ଯେଉଁଥିପାଇଁ ଏହା ମହାନ ନୁହେଁ ବୋଲି ବିବେଚନା କରାଯାଏ । କେବଳ କାଳକ୍ରମେ ଉଦ୍ଭାବନ ପାଇଁ କିଛି ଚିନ୍ତାଧାରାର ରୂପାନ୍ତର ପାଇଁ ଯାହା ରୂପାନ୍ତର । ଜ୍ୟୋତିର୍ବିଜ୍ଞାନର ଆୟନ ଏକ ଗତିଶୀଳ ବିଜ୍ଞାନ ଭାବରେ ନ୍ୟୁଟନ୍ ଯାହା କରିଥିଲେ ତାହା ହେଉଛି ସେ ମୂଳତ two ଦୁଇଟି ଶରୀର ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ଏକ ସିଷ୍ଟମ୍ ସହିତ କାର୍ଯ୍ୟ କରିଥିଲେ ଏବଂ ସେ ଗ୍ରହମୁକ୍ତ ଗତିର କେପଲର ନିୟମ ପାଇବାକୁ ସକ୍ଷମ ହୋଇଥିଲେ

ତେଣୁ ତିଫେରିଏଲ୍ ସିଦ୍ଧାନ୍ତର ଉତ୍ପତ୍ତି । ଅନ୍ତତ least ପକ୍ଷେ ନ୍ୟୁଟନ୍ କୁ ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ଅନୁସନ୍ଧାନ କରାଯାଇପାରିବ, ବର୍ତ୍ତମାନ ମୋଡେ ତୁମକୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସ୍କାଲଡ୍ କୁ ଆଣିବାକୁ ଦିଅ, ଯାହା ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ଦିଏ ଯେ ମାଷ୍ଟରମାନଙ୍କ ନାମର କିଛି ନାମ ଏହି ବିଷୟ ପାଇଁ ପ୍ରଥମ ମାଷ୍ଟରମାନେ ଯୋଗଦାନ କରିଥିଲେ ପ୍ରଥମେ ତୁମେ ଆଇସାକ୍ ବାରୁଓର ନାମ ଦେଖିବୁ ଯିଏ ଶିକ୍ଷକ ଥିଲେ । isaac newton ର କାଳକ୍ରମେ ର କିଛି ଧାରଣା ପୂର୍ବରୁ isaac barrow କୁ ଫେରିଯାଏ ଏବଂ ଅବଶ୍ୟ 1687

ରେ ନ୍ୟୁଟନ୍ ଆସେ ସେ 1693 ରେ ଏକ ର line ଖ୍ୟ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଏକୀକୃତ କଲେ ତୁମେ ଲିବନିଜ୍ ନାମ ଦେଖୁଲୁ ଏବଂ ସେ ଆବିଷ୍କାର କଲେ ଯେ ସମାନ ସମୀକରଣ ପାଇଁ tx ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମାନ । bernoulli ର ଏକ ଅତି ପ୍ରସିଦ୍ଧ ନାମ ଆମେ ପରେ ବର୍ତୁଲୀ ସମୀକରଣର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମାଧାନ ହେବ । ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣର ସିଦ୍ଧାନ୍ତରେ ତାପରେ ଆପଣ ରିସ୍କାଟିର ନାମ ଦେଖିବେ ଯାହା ପ୍ରସିଦ୍ଧ ସମୀକରଣ y ପ୍ରାଇମ୍ ସହିତ ax y ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ bxy plus cx ଏହି ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କୁଖ୍ୟାତ କାରଣ ଏହା ନିର୍ଦ୍ଦୋଷର ସମାଧାନ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ଯଦିଏ ଏହା ସ୍ୱ special ଚକ୍ର ବ୍ୟତୀତ ସମାଧାନ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ।

ଲିଓନାର୍ଡ ଇଉଲର ମହାନ ପ୍ରତିଭା ସେ ଦର୍ଶାଇଛନ୍ତି ଯେ ରିଗାଟି ସମୀକରଣକୁ ଏକ ର ar ଖ୍ୟ ସମୀକରଣରେ କିପରି ହ୍ରାସ କରାଯାଇପାରିବ ଯଦି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦୋଷ ସମାଧାନ ଚାଲିକାଟି ବହୁତ ଲମ୍ବା ଏବଂ ଆମକୁ ଏହି ଚାଲିକାକୁ ଛେଦନ କରିବାକୁ ପଡିବ କାରଣ ଭିନ୍ନସମ ସମୀକରଣର ବିଷୟ ଅତି କମରେ 350 ବର୍ଷ ପୁରୁଣା ଏବଂ ଆମେ । ଏହି ସାମ୍ପ୍ରତିକ ପାଠ୍ୟକ୍ରମର ନିଜି-ଗ୍ରାଟିକୁ ପହଞ୍ଚିବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ଆମେ ଏହି historical ଚିହ୍ନିତ ବିକାଶ ଉପରେ ଆଉ ଅଧିକ ରହିପାରିବା ନାହିଁ ମୁଁ the ଚିହ୍ନିତ ବିକାଶ ପାଇଁ ଆପଣଙ୍କୁ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମର୍ଥ ଦେବାକୁ ଚାହୁଁଛି, ରାବଣ ଦ୍ୱାରା ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣରେ ଏହି ପୁସ୍ତକର ପ୍ରାରମ୍ଭ ଅଧ୍ୟାୟ । ମ basic

ଲିକ ଧାରଣା ଫଳାଫଳ ଏବଂ ପ୍ରୟୋଗଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂସ୍କରଣରେ ଏହାର ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନର ଏକ ସୁନ୍ଦର historical ଚିହ୍ନିତ ପରିଚୟ ନିୟମ ଅଛି । ଗାଣିତିକ ଶବ୍ଦରେ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ରସାୟନ ବିଜ୍ଞାନରେ ଜନ କାର୍ଯ୍ୟର ନିୟମ ଆପଣଙ୍କୁ ରାସାୟନିକ କିନେଟିକ୍ସ ଏବଂ ଏନଜାଇମ୍ କିନେଟିକ୍ସ ମଡେଲଗୁଡ଼ିକର ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ଦେଇଥାଏ ଯାହା ଜ bi ବ ଇକୋଲୋଜି ତେମୋଗ୍ରାଫିରେ ଉତ୍ପନ୍ନ ହୁଏ । ଆଜିର ବକ୍ତବ୍ୟର ପରବର୍ତ୍ତୀ ଭାଗରେ ଇକୋଲୋଜିକାଲ୍ ମଡେଲଗୁଡ଼ିକ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ମଧ୍ୟରେ କିଛି ଚମତ୍କାର ସମାନତା ଦେଖେ ଯାହା ରାସାୟନିକ ଗତିଜ୍ଞ ଏବଂ ଗାଣିତିକ ଇକୋଲୋଜିରେ ଉତ୍ପନ୍ନ ହୁଏ ଦୁଇ ପ୍ରକାରର ସିଷ୍ଟମ୍ ମଧ୍ୟରେ ଗାଣିତିକ ଜୀବବିଜ୍ଞାନ ଆଜି ଏକ ବିସ୍ତୃତ ଅଞ୍ଚଳରେ ବୃଦ୍ଧି ପାଇଲା ଏବଂ ସକ୍ରିୟ ହେଲା । ଗାଣିତିକ ଜୀବବିଜ୍ଞାନରେ ଅନୁସନ୍ଧାନ ଚାଲିଛି ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଇକ୍ ସାଇମେନ୍ସ ହୃଦସ୍ପନ୍ଦନକୁ ମଡେଲିଂ କରିବାରେ ସଫଳ ହୋଇଥିଲେ, କାରଣ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ହଲ୍ଡିଂ ଏବଂ ହଲ୍ଡିଂ ଏକ ସ୍ୱାୟତ୍ତ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କାର୍ଯ୍ୟ ପାଇଁ ସେମାନେ ନୋବେଲ ପୁରସ୍କାର ଗ୍ରହଣ କରିଥିଲେ ତେବେ ଜ୍ୟାମିତିରେ ସମସ୍ୟା ଉତ୍ପତ୍ତିଥାଏ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଏକ ପରିସ୍ଥିତି ଅଛି । ଆମେ ପ୍ରୟୋଗ ଦେଖୁ । ଗଣିତର ଗୋଟିଏ ଅଂଶ ଗଣିତର ଅନ୍ୟ ଏକ ଅଂଶ ତେଣୁ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଭ physical ଚିକ ବିଜ୍ଞାନରେ ରସାୟନ ବିଜ୍ଞାନ ଇକୋଲୋଜିରେ ଜ ological ବ ବିଜ୍ଞାନରେ ଇଞ୍ଜିନିୟରିଂରେ ଚ୍ୟୁମରର ବୃଦ୍ଧି ଏବଂ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ଜିନିଷ ଏବଂ ହିଁ ଜ୍ୟାମିତିର ସମସ୍ୟା ସୃଷ୍ଟି କରେ । ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ପାଇଁ ଅନେକ କାରଣ ଅଛି ଯେଉଁଥିରେ ଜଣେ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଅଧ୍ୟୟନ କରିବା ଆବଶ୍ୟକ, ସେଠାରେ ଏକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଅଧ୍ୟୟନ କରିବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ଏହି ପାଠ୍ୟକ୍ରମରେ ଆପଣ ଯାହା ଦେଖିବେ ତାହା ହେଉଛି ଗଣିତର ଏକ ବିସ୍ତୃତ କ୍ଷେତ୍ରର ଏକ ସାମାନ୍ୟ ଆରମ୍ଭ । ଚାଲନ୍ତୁ, ଏକ ଅତି ସରଳ ଶାରୀରିକ ପରିସ୍ଥିତିକୁ ଦେଖିବା ଦ୍ୱାରା ଆରମ୍ଭ କରିବା । ଦ length ଘ୍ୟ l ଯାହା ଦୋହରିବାରେ ସେଟ୍ ହୋଇଛି ଏବଂ ଏହି କୋଣ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ହାରାହାରି ସ୍ଥିତି ବା ବସ୍ ଏବଂ ଏହି ବସ୍ i | s ଏକ କୋଣ y ଦ୍ୱାରା ବିସ୍ଥାପିତ ହୋଇଛି ଏବଂ ଏହା ଦୋହରିବାରେ ସେଟ୍ ହୋଇଛି ଆପଣ ଦେଖୁଥିବେ ଯେ ବସ୍ ମାସ ହେଉଛି ମିଗ୍ରା ଏବଂ ମିଗ୍ରା ହେଉଛି ଓଜନ ଭୁଲମ୍ଭ ଭାବରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରୁଛି ଏବଂ ମିଗ୍ରା ସାଇନ y ହେଉଛି ଉପାଦାନ ହେଉଛି ଏହି ଦିଗର ଉପାଦାନ ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଚାହୁଁଛୁ । ନ୍ୟୁଟନ୍ ର ଗତିର ଦ୍ୱିତୀୟ ନିୟମ କିପରି ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ଏହି ବସ୍ ର ଗତିକୁ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କରୁଥିବା ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମକୁ ବ rise ାଇଥାଏ ତାହା ଦେଖାଇବା ପାଇଁ ଆସନ୍ତୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା କୋଣାର୍କ ବିସ୍ଥାପନ ଠିକ୍ ଅଛି ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ କୋଣାର୍କ ବୃନ୍ଦିତ । ବିସ୍ଥାପନର କୋଣ ହେଉଛି y ତାପରେ କୋଣାର୍କ ବେଗ କ'ଣ ଏହା dt ଦ୍ୱ d ାରା ରଙ୍ଗ ହୋଇଥାଏ ଯାହା କୋଣାର୍କ ବୃନ୍ଦିତ କ'ଣ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଦ୍ୱ d ାରା d2y ଅଟେ ଏବଂ ତୁମର ଏକ ଶକ୍ତି ଅଛି ଯାହା ଭୁଲମ୍ଭ ଭାବରେ ଭୁଲମ୍ଭ ଭାବରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରୁଛି ଏବଂ ସେହି ଶକ୍ତି ଏକ ବ rise ିବାକୁ ଯାଉଛି । ଟକ

ତେଣୁ ଏହି ଟକର ପରିମାଣ କ'ଣ ଏହି ଟକର ପରିମାଣ ହେଉଛି mgl sine y ତୁମକୁ ଟକ ପାଇବା ପାଇଁ ଏହାକୁ l କୁ ବ ly ାଇବାକୁ ପଡିବ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ବସ୍ ନିଷ୍ପନ୍ନତାର ମୁହୂର୍ତ୍ତ କ'ଣ i ଏହି ବସ୍ ର ନର୍ଟିଆ ହେଉଛି ମିଲ୍ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ । ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ସ୍କାଲଡ୍ କୁ ଫେରିଯିବା ବାହ୍ୟ ଟକ ହେଉଛି ମାଇନସ୍ mgl sine y the m ବାତିଲ୍ ହୁଏ ଏବଂ ତୁମେ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ g ଉପରେ 1.1 d2y ସମୀକରଣ ପାଇବ ।

ତେଣୁ ସମୀକରଣ 1.1 ହେଉଛି ଏକ ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ଗତିକୁ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କରୁଥିବା ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ତେଣୁ ଏହି ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ତେଣୁ ବୋମା ର ଗତି କିମ୍ବା ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ଏହି ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ d 2 y ଦ୍ୱ d ାରା dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ g ଉପରେ l ସାଇନ y ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଏକ ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ଗତି ପାଇଁ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ଅଟେ । ଦ length ଘ୍ୟ l ଏବଂ ଗତି ସ୍ଥିର ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ 1.1 କୁ ଫେରିଯିବା ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖିବେ ଯେ ଦୁଇଟି ଚାଇମ୍ ତେରିଭେଟିକ୍ ଅଛି ଯାହା dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଦ୍ୱ d ାରା d2y ଅଟେ ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମାଙ୍କ ତିଫେରିଏଲ୍ ଇକ୍ୱାଟ୍ । ଆୟନ ଠିକ୍ ଅଛି ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ଆସନ୍ତୁ ପରବର୍ତ୍ତୀକୁ ଯିବା ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରୁ shm ର ସରଳ ହର୍ମୋନିକ୍ ଗତି ପାଇଁ ଆଉ ଏକ ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା । ସର୍ବପ୍ରଥମେ ଏକ ସିଧା ରେଖା ଏହା ଏକ ସିଧା ଲାଇନରେ ଗତି କରେ ଏବଂ କଣିକା ଉପରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରୁଥିବା ଶକ୍ତି ଉତ୍ପତ୍ତିରୁ ବିସ୍ଥାପନ ସହିତ ଆନୁପାତିକ ଅଟେ ଏବଂ ବଳ ବିସ୍ଥାପନର ବିପରୀତ ଦିଗରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରେ

ତେଣୁ କଣିକାର ବିସ୍ଥାପନ y ର ଅଟେ । ବୃନ୍ଦିତତା dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଦ୍ୱ d ାରା d2y ଅଟେ ଏବଂ ଏହି ବୃନ୍ଦିତତା m ଦ୍ୱ multip ାରା ଗୁଣ କର ତୁମେ ବଳ ପାଇବ ଏବଂ ଏହି ବଳଟି y ସହିତ ଆନୁପାତିକ ଅଟେ ଏବଂ ଏହି ବଳର ପରିମାଣ ky ଅଛି ଏବଂ ଏହା ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ସଙ୍କେତ ଉଠାଇବାକୁ ଯାଉଛି କାରଣ ଦିଗଟି ବିପରୀତ

ତେଣୁ ସମ୍ବଳନ ନିୟମ । ଆପଣଙ୍କୁ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ky ଦ୍ୱ m ାରା m d2 y ଦେଇଥାଏ ଏବଂ m କୁ 0 ଭିତାଇଡ୍ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ k ଦ୍ୱାରା m କୁ ଓମେଗା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଭାବରେ କଲ୍ କର ଏବଂ ଆମେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ 1.2 d2y dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ଓମେଗା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ y ସହିତ 0 ସହିତ ସମାନ । ତେଣୁ ସମୀକରଣ 1.2 ହେଉଛି ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାହିଁକି ଏହା ଦ୍ୱ order ିତୀୟ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାରଣ ଆପଣ ଦେଖିଛନ୍ତି ଯେ ଦ୍ୱିତୀୟ ତେରିଭେଟିକ୍ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଦ୍ୱାରା d2y ଦେଖାଯାଏ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ ଆମେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଉଦାହରଣ ଦେଖୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ପାଇଲୁ । ଏକ ସମ୍ବଳିତ ନିୟମକୁ ଦେଖି ସମ୍ବଳନ ଆଇନ ଦ୍ୱ so ାରା ମୁଁ ପୁନର୍ବାର ପୁନରାବୃତ୍ତି କରେ ଯେ ଗାଣିତିକ ଶବ୍ଦରେ ପ୍ରକାଶିତ ହେଲେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନର ନିୟମଗୁଡ଼ିକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ଆମେ ଏହିପରି ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ଦେଖି ସାରିଛୁ ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ହେଉଛି ଉଭୟ ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମାଙ୍କ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ, ଆସନ୍ତୁ ଟିକିଏ ଆଗକୁ ବ move

ତେଣୁ ସମ୍ବଳନ ନିୟମ । ଆପଣଙ୍କୁ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ky ଦ୍ୱ m ାରା m d2 y ଦେଇଥାଏ ଏବଂ m କୁ 0 ଭିତାଇଡ୍ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ k ଦ୍ୱାରା m କୁ ଓମେଗା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଭାବରେ କଲ୍ କର ଏବଂ ଆମେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ 1.2 d2y dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ଓମେଗା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ y ସହିତ 0 ସହିତ ସମାନ । ତେଣୁ ସମୀକରଣ 1.2 ହେଉଛି ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାହିଁକି ଏହା ଦ୍ୱ order ିତୀୟ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାରଣ ଆପଣ ଦେଖିଛନ୍ତି ଯେ ଦ୍ୱିତୀୟ ତେରିଭେଟିକ୍ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଦ୍ୱାରା d2y ଦେଖାଯାଏ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ ଆମେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଉଦାହରଣ ଦେଖୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ପାଇଲୁ । ଏକ ସମ୍ବଳିତ ନିୟମକୁ ଦେଖି ସମ୍ବଳନ ଆଇନ ଦ୍ୱ so ାରା ମୁଁ ପୁନର୍ବାର ପୁନରାବୃତ୍ତି କରେ ଯେ ଗାଣିତିକ ଶବ୍ଦରେ ପ୍ରକାଶିତ ହେଲେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନର ନିୟମଗୁଡ଼ିକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ଆମେ ଏହିପରି ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ଦେଖି ସାରିଛୁ ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ହେଉଛି ଉଭୟ ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମାଙ୍କ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ, ଆସନ୍ତୁ ଟିକିଏ ଆଗକୁ ବ move

ତେଣୁ ସମ୍ବଳନ ନିୟମ । ଆପଣଙ୍କୁ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ky ଦ୍ୱ m ାରା m d2 y ଦେଇଥାଏ ଏବଂ m କୁ 0 ଭିତାଇଡ୍ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ k ଦ୍ୱାରା m କୁ ଓମେଗା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଭାବରେ କଲ୍ କର ଏବଂ ଆମେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ 1.2 d2y dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ଓମେଗା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ y ସହିତ 0 ସହିତ ସମାନ । ତେଣୁ ସମୀକରଣ 1.2 ହେଉଛି ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାହିଁକି ଏହା ଦ୍ୱ order ିତୀୟ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାରଣ ଆପଣ ଦେଖିଛନ୍ତି ଯେ ଦ୍ୱିତୀୟ ତେରିଭେଟିକ୍ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଦ୍ୱାରା d2y ଦେଖାଯାଏ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ ଆମେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଉଦାହରଣ ଦେଖୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ପାଇଲୁ । ଏକ ସମ୍ବଳିତ ନିୟମକୁ ଦେଖି ସମ୍ବଳନ ଆଇନ ଦ୍ୱ so ାରା ମୁଁ ପୁନର୍ବାର ପୁନରାବୃତ୍ତି କରେ ଯେ ଗାଣିତିକ ଶବ୍ଦରେ ପ୍ରକାଶିତ ହେଲେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନର ନିୟମଗୁଡ଼ିକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ଆମେ ଏହିପରି ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ଦେଖି ସାରିଛୁ ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ହେଉଛି ଉଭୟ ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମାଙ୍କ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ, ଆସନ୍ତୁ ଟିକିଏ ଆଗକୁ ବ move

ତେଣୁ ସମ୍ବଳନ ନିୟମ । ଆପଣଙ୍କୁ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ky ଦ୍ୱ m ାରା m d2 y ଦେଇଥାଏ ଏବଂ m କୁ 0 ଭିତାଇଡ୍ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ k ଦ୍ୱାରା m କୁ ଓମେଗା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଭାବରେ କଲ୍ କର ଏବଂ ଆମେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ 1.2 d2y dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ପ୍ଲସ୍ ଓମେଗା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ y ସହିତ 0 ସହିତ ସମାନ । ତେଣୁ ସମୀକରଣ 1.2 ହେଉଛି ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାହିଁକି ଏହା ଦ୍ୱ order ିତୀୟ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାରଣ ଆପଣ ଦେଖିଛନ୍ତି ଯେ ଦ୍ୱିତୀୟ ତେରିଭେଟିକ୍ dt ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ୍ ଦ୍ୱାରା d2y ଦେଖାଯାଏ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ ଆମେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଉଦାହରଣ ଦେଖୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ପାଇଲୁ । ଏକ ସମ୍ବଳିତ ନିୟମକୁ ଦେଖି ସମ୍ବଳନ ଆଇନ ଦ୍ୱ so ାରା ମୁଁ ପୁନର୍ବାର ପୁନରାବୃତ୍ତି କରେ ଯେ ଗାଣିତିକ ଶବ୍ଦରେ ପ୍ରକାଶିତ ହେଲେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନର ନିୟମଗୁଡ଼ିକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ଆମେ ଏହିପରି ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ଦେଖି ସାରିଛୁ ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ହେଉଛି ଉଭୟ ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମାଙ୍କ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ, ଆସନ୍ତୁ ଟିକିଏ ଆଗକୁ ବ move

ିବା | ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରୁ ଉଦାହରଣକୁ ଟିକିଏ ଆଗକୁ ବ but ାକୁ କିନ୍ତୁ ଏହାପୂର୍ବରୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତିକୁ ଟିକିଏ ବିସ୍ତୃତ ଭାବରେ ଦେଖିବା
ତେଣୁ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତିର ସମୀକରଣ ପୁଣିଥରେ ସ୍ଥାପନା d^2y ରେ dt ସ୍ଵାର୍ଥ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଓମେଗା ସ୍ଵାର୍ଥ y ସମାନ ଭାବରେ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହୁଏ | to 0 ଯେକ
 $body$ ଶସି ବ୍ୟକ୍ତି ଓମେଗା t ର କୋସାଇନ୍ କୁ 1.2 ସମୀକରଣରେ ବଦଳାଇ ପାରିବେ ଏବଂ ସିଧାସଳଖ ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବେ ଯେ ଓମେଗା t ର କୋସାଇନ୍
ସମାନତାକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ | 1.2 ରେ

ତେଣୁ ଆମେ ଓମେଗା t ର କୋସାଇନ୍ କୁ 1.2 ସମୀକରଣର ସମାଧାନ ଭାବରେ ସମାନ ଭାବରେ ସମାନ ଭାବରେ ସାଇନେ ଓମେଗା t କୁ ଡିଫେରିଏଲ୍
ସମୀକରଣରେ ବଦଳାଇବା ପାଇଁ ଚେଷ୍ଟା କରିପାରିବା ଏବଂ ସାଇନେ ଓମେଗା t ମଧ୍ୟ ସମୀକରଣ 1.2 ର ସମାଧାନ ଅଟେ
ତେଣୁ ଆମେ ପାଇଲୁ | ଦୁଇଟି ସମାଧାନ କୋସାଇନ୍ ଓମେଗା t ଏବଂ ସାଇନେ ଓମେଗା t ର 1.2 ବର୍ତ୍ତମାନ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରେ ତୁମେ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ର ଧାରଣା
ସହିତ ପରିଚିତ

ତେଣୁ ତୁମେ ଦୁଇଟି ଚରଙ୍ଗର ସୁପରପୋଜିସନ୍ ଠିକ୍ ନିଅ,
ତେଣୁ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ର ଗାଣିତିକ ଅର୍ଥ କ'ଣ ଆମେ କହିବୁ ଯେ ଆମେ ଏକ ସୁପରପୋଜିସନ୍ ନେଉ | ଏକ କୋସାଇନ୍ ଏବଂ ସାଇନେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଆପଣ
ଏକ ତୃତୀୟ ପ୍ରକାରର ସମାଧାନ 1.3 ଯଥା ଏକ $\cos \omega t + b \sin \omega t$ କୁ ଦେଖିବା | ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ 1.2

ତେଣୁ ଆମେ କଣ କରିଛୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ 1.2 ର ଅନେକ ସମାଧାନ ଚାଲିକାଉଛୁ କରିଛୁ ଯଥା କୋସାଇନ୍ ଓମେଗା ସାଇନେ ଓମେଗା t ଏବଂ ସାଧାରଣତ a ଏକ
କୋସାଇନ୍ ଓମେଗା t ପୂର୍ଣ୍ଣ ବି ସାଇନେ ଓମେଗା t ଯାହା 1.3 ନୋଟିସ୍ th 1.3 ରେ ଯଦି ତୁମେ 1 କୁ ସମାନ ଏବଂ b କୁ 0 ସହିତ ସମାନ କର, ତେବେ ଆମେ
ଓମେଗା t ର କୋସାଇନ୍ ପାଇଥାଉ ଯଦି ଆମେ 0 କୁ ସମାନ ଏବଂ b କୁ ସମାନ କରିବା ତେବେ ଆମେ ସାଇନେ ଓମେଗା ପାଇଥାଉ ଏବଂ ମୁଁ ବିଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ 1 2 3
ମାଇନସ୍ ଥିଆ ଦେଇପାରେ | 1 3 ଯାହା ବି ହେଉ ଏବଂ ଆପଣ ରୁଟ୍ 2 ଉପରେ ମାଇନସ୍ 1 0 ଇଟ୍ୟାଦି ଉପରେ b ବିଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ ଦେଇପାରିବେ

ତେଣୁ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟାଣ୍ଟିକର ପ୍ରତ୍ୟେକ ପସନ୍ଦ ପାଇଁ a ଏବଂ b ସମୀକରଣ 1.3 ହାରମୋନିକ୍ ଓସିଲେଟର ସମୀକରଣ 1.2 ର ଏକ ସମାଧାନ ପ୍ରଦର୍ଶନ କରେ
ତେଣୁ ଆମେ 1.2 ର ଅନେକ ସମାଧାନ ଚାଲିକାଉଛୁ କରିଛୁ | 1.2 ର ସମାଧାନର ଏକ ଅସୀମ ପରିବାରକୁ ଚାଲିକାଉଛୁ କର | ଏକ କୋସାଇନ୍ ଓମେଗା t ପୂର୍ଣ୍ଣ b
ସାଇନେ ଓମେଗା ଏହି ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଉତ୍ତର ଦିଆଯିବ ଉଚିତ ଯେ ଆମେ କିପରି ଜାଣୁ ଯେ ଯଦି z ହେଉଛି 1.2 ର କ solution ଶସି
ସମାଧାନ ତେବେ z ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କୋଷ୍ଟାଣ୍ଟାଣ୍ଟ ପାଇଁ ଏକ କୋସାଇନ୍ ଓମେଗା t ପୂର୍ଣ୍ଣ b ସାଇନେ ଓମେଗା t ଅଟେ | ଦେଖନ୍ତୁ ଯେ ଆମେ ସ୍ଵାଭାବିକ

ଭାବରେ th କୁ ଯାଇଛୁ | e ସମସ୍ତ ସମାଧାନର ଶ୍ରେଣୀକୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବାର ସମସ୍ୟା ଏହା ଦର୍ଶାଇବା କଷ୍ଟକର ନୁହେଁ ଯେ 1.3 ର ସମସ୍ତ ସମାଧାନ 1.2 ର ପ୍ରତ୍ୟେକ
ସମାଧାନ 1.2 ର ପ୍ରତ୍ୟେକ ସମାଧାନ ହେଉଛି ଏକ କୋସାଇନ୍ ଓମେଗା t ପୂର୍ଣ୍ଣ b ସାଇନେ ଓମେଗା t ଏହା ପ୍ରମାଣ କରିବା କଷ୍ଟକର ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ଆମେ କରିବୁ ନାହିଁ |
ଏହି ମୁହୂର୍ତ୍ତରେ ତାହା କର ଯଦି ସମୟ ଅନୁମତି ଦିଏ ତେବେ ଆମେ ଏହା ବଦଳରେ ଆଉ କିଛି ଉଦାହରଣକୁ ଯିବା, ଆସନ୍ତୁ ବ $electrical$ ଦୁପ୍ତିକ ସର୍କିଟ୍ ର
କିଛି ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା 1.2 1.2 ର ଆନାଗଲ୍ ହେଉଛି ଏକ ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ର ଯାନ୍ତ୍ରିକ ପ୍ରଣାଳୀ | ଏକ ବଳ ଦ୍ଵାରା ଏକ ସିଧା ଧାଡ଼ିରେ ଗତି କରୁଥିବା ଏକ
କଣିକାର ଗତି ଯାହାକି ar ଖ୍ୟ ଏବଂ ବିପରୀତ ଦିଗରେ ଆନାଗଲ୍ ମଧ୍ୟ 1.2 ବ $electrical$ ଦୁପ୍ତିକ ସର୍କିଟ୍ ସିଷ୍ଟମରେ ଉତ୍ପନ୍ନ ହୁଏ ଯଥା Ic ସର୍କିଟ୍ ଗୁଡ଼ିକ

I ଇନ୍ଦୁକାନ୍ସ ପାଇଁ ଏବଂ c କ୍ୟାପାସିଟାନ୍ସ ପାଇଁ ଥାଏ
ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକର ଆଲୋଚନା ପାଇଁ | Ic ସର୍କିଟ୍ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ରୋବର୍ଟ ରେସ୍ନିକ୍ ଏବଂ ଡେଭିଡ୍ ହଲିଡେ ର ପ୍ରସିଦ୍ଧ ପୁସ୍ତକକୁ ପଠାଇବି ଯାହା ମୁଁ ନିଶ୍ଚିତ ଯେ ଆପଣ
ବର୍ତ୍ତମାନ ପ୍ରସ୍ତୁତି ପାଇଁ ଏବଂ ତୃତୀୟ ସଂସ୍କରଣ p ପାଇଁ ବିଦ୍ୟୁତ୍ ଉଲ୍ଲ୍ୟାମ୍ ପ $reading$ ୁଛିନ୍ତି | ଲିଜ୍ ସଂସ୍କରଣ ପ୍ରତି ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ କାରଣ ଏହି ପୁସ୍ତକଟି ଅନେକ
ସଂସ୍କରଣ ଅତିକ୍ରମ କରିଛି

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଭୁଲ୍ ସଂସ୍କରଣ ଉଠାନ୍ତି ତେବେ ଆମେ ସମାନ ପୃଷ୍ଠାରେ ନାହିଁ
ତେଣୁ ମୁଁ କୁସ୍ତିର ତୃତୀୟ ସଂସ୍କରଣରେ ପୃଷ୍ଠା 845 ସମୀକରଣ 38.5 ବିଷୟରେ କହୁଛି | ଏବଂ ଛୁଟିଦିନର ପ୍ରସିଦ୍ଧ ପୁସ୍ତକ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନ ଭଲ୍ଲ୍ୟାମ୍ 2 ସେଠାରେ ଆପଣ ଏହି
ବ $electrical$ ଦୁପ୍ତିକ Ic ସର୍କିଟ୍ ର ଏକ ବିସ୍ତୃତ ବିବରଣୀ ଦେଖିବେ ବାସ୍ତବରେ ସେ ପୃଷ୍ଠା 848 ରେ Icr ସର୍କିଟ୍ ବିଷୟରେ କଥାବାର୍ତ୍ତା କରନ୍ତି ଏବଂ Icr
ସର୍କିଟ୍କୁ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କରୁଥିବା ସମୀକରଣ କ'ଣ dt ସ୍ଵାର୍ଥ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦ୍ଵାରା d^2 q ଅଟେ | r ଉପରେ I dq d ାରା dt ପୂର୍ଣ୍ଣ q ଉପରେ Ic ଶୂନ୍ୟ ସହିତ
ସମାନ, r ହେଉଛି ଏକ ପ୍ରତିରୋଧ I ହେଉଛି ଇନ୍ଦୁକାନ୍ସ ଏବଂ c ହେଉଛି ବିଶେଷ ଭାବରେ ଯଦି ପ୍ରତିରୋଧ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ତେବେ ପ୍ରତିରୋଧ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ଯାହା
ତୁମେ ଦେଖୁଥିବା ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣରେ କଣ ହୁଏ | ଶବ୍ଦ ମଧ୍ୟମ ଶବ୍ଦ ସେଠାରେ ନାହିଁ ମଧ୍ୟମ ଶବ୍ଦଟି ସେଠାରେ ନାହିଁ ଯଦି r ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ତେବେ ତୁମେ କ'ଣ
 dt ସ୍ଵାର୍ଥ d ାରା ଦୁଇଟି କ୍ୟୁବ୍ ପାଇଛୁ ଏବଂ ସ୍ଥିର ସମୟ q ଶୂନ୍ୟ ହେଉଛି Ic ଉପରେ ସ୍ଥିର କ'ଣ? Ic ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ସ୍ଥିର

ତେଣୁ ଆପଣ ଏହାକୁ ଓମେଗା ସ୍ଵାର୍ଥ ବୋଲି କହିପାରିବେ
ତେଣୁ ଆପଣ dt ସ୍ଵାର୍ଥ d ାରା d^2 କ୍ୟୁବ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଓମେଗା ସ୍ଵାର୍ଥ q କୁ 0 ସହିତ ସମାନ ଦେଖନ୍ତି କିନ୍ତୁ 1.2 1.2 d^2y dt ସ୍ଵାର୍ଥ ଏବଂ ଓମେଗା ସ୍ଵାର୍ଥ y ଶୂନ୍ୟ
ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ କି? ଆପଣ ଦେଖୁଥିବେ ଯେ ବ $electrical$ ଦୁପ୍ତିକ ସର୍କିଟ୍ ସିଷ୍ଟମରେ ଆପଣ ସାମ୍ନା କରୁଥିବା Ic ସର୍କିଟ୍ ଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଏକ ସରଳ
ହାରମୋନିକ୍ ଗତିର ଯାନ୍ତ୍ରିକ ପ୍ରଣାଳୀର ବ $electrical$ ଦୁପ୍ତିକ ଆନାଗଲ୍

ତେଣୁ ଅନ୍ୟ ପଟେ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ଅତ୍ୟନ୍ତ ସମାନ ଯଦି ଆପଣ ଏକ ପ୍ରତିରୋଧ ଶବ୍ଦରେ ପକାନ୍ତି ତେବେ ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଏକ ମଧ୍ୟମ ଅବସ୍ଥା ଅଛି | ମଧ୍ୟମ ଶବ୍ଦ
 r d ାରା dt d ାରା ମଧ୍ୟମ ଶବ୍ଦ ଅଟେ
ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣ ଏକ ତୃତୀୟ ଶବ୍ଦ ସହିତ ଏକ ଓସିଲେଟର ହେବ

ତେଣୁ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ କୁସ୍ତି ଏବଂ ଛୁଟିଦିନର 15.37 ସମୀକରଣକୁ ରେଫର୍ କରିବି, ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନର କ୍ଷେତ୍ର ଛାଡ଼ିବା | 1798 ମସିହାରେ ମାଲଥସ୍ ଏକ
ପରିବେଶର ଜନସଂଖ୍ୟା ବୃଦ୍ଧି ପାଇଁ ଏକ ମଡେଲ୍ ପ୍ରସ୍ତାବ ଦେଇଥିଲା ଯେଉଁଥିରେ ଜୀବଜନ୍ତୁର ଏକ ମାତ୍ର ପ୍ରଜାତି ଅଛି, ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଆପଣ ବ୍ୟାକ୍ଟିରିଆରେ
ଭାବିପାରିବେ | ଜୀବାଣୁ ସଂସ୍କୃତିର ଅଭିବୃଦ୍ଧି ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ପରିବେଶରେ କେବଳ ଗୋଟିଏ ପ୍ରଜାତି ଅଛି, ଏହି ମଡେଲ୍ ଲିଓନାର୍ଡ ଇଉଲର୍ d $independ$ ାରା ସ୍ଵ
 $ently$ ାଧାନ ଭାବରେ ପ୍ରସ୍ତାବିତ ହୋଇଛି ଯାହା ମଡେଲ୍ ଏହା କହିଛି ଯେ ଯଦି t ର ପ୍ରଜାତିର ଜନସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି t ର ହାର ଯେତେବେଳେ t ର ହାର ଅଟେ
| dt d $population$ ାରା ଜନସଂଖ୍ୟା dy ର ପରିବର୍ତ୍ତନ ସେହି ସମୟରେ ଉପସ୍ଥିତ ଥିବା ଜନସଂଖ୍ୟା ସହିତ ଆନୁପାତିକ ଅଟେ ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ dt d
ାରା k ଅନୁପାତର କିଛି ସ୍ଥିର k ପାଇଁ ଏହା ହେଉଛି ସମୀକରଣ 1.4 ହେଉଛି ଏକ ପ୍ରଜାତିର ଇକୋଲୋଜିର ସମୀକରଣ କିମ୍ବା ମାଲ୍ଟୁସିଆନ୍ ମଡେଲ୍ ନୋଟ୍ ଯେ
1.4 ତୁରନ୍ତ ତୁମକୁ ଦେଇଥାଏ ଯେ y ର t ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ପାଖର kt ପାଇଁ ae ହେବା ଉଚିତ 1.4 ସମୀକରଣ ae ଦ୍ଵାରା kt ର ଏକ ଥର ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସିଆଲ୍
ଦ୍ଵାରା ସନ୍ତୁଷ୍ଟ ହୁଏ

ତେଣୁ ଏହା ଦର୍ଶାଏ ଯେ ଜନସଂଖ୍ୟା yt ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ବୃତ୍ତ ଗତିରେ ବ $grow$ ିବା ଉଚିତ
ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ପାଇଁ ମାଲ୍ଟୁସିଆନ୍ ମଡେଲ୍ ଅନୁଯାୟୀ | ପ୍ରଜାତିର ଇକୋଲୋଜି ଜନସଂଖ୍ୟା yt ବିସ୍ଫୋରଣ କରେ ଏହା ଅତି ବୃତ୍ତ ଗତିରେ ବ ows େ ଏହା ପାଖର
 kt କୁ ଆସନ୍ତୁ ଆମକୁ ନିଜକୁ ଦୁଇଟି ପ୍ରଶ୍ନ ପଚାରିବା ହେଉଛି ଏହି ବ୍ୟବହାରିକ ଜନସଂଖ୍ୟା ପ୍ରକୃତରେ ଗ୍ରୋ ହୋଇପାରେ | w ଅସୀମିତ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ବୃତ୍ତ ଗତିରେ
ବୃତ୍ତ ଗତିରେ ପ୍ରକୃତି ଜନସଂଖ୍ୟାର ଏପରି ଏକ ଅଭିବୃଦ୍ଧି ବୃଦ୍ଧି ପାଇଁ ଅନୁମତି ଦେବ ଯଦି ପ୍ରାକୃତିକ ସମ୍ପଦର ସୀମାବଦ୍ଧତା ହେତୁ କିଛି ପ୍ରତିବନ୍ଧକ ସୃଷ୍ଟି କରିବ ନାହିଁ ଯାହା
ଏହି ସୁକ୍ଷ୍ମ ଅଭିବୃଦ୍ଧିକୁ ରୋକିବ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଜନସଂଖ୍ୟା ବ $growing$ ିପାରିବ ନାହିଁ | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟରେ କିଛି ବୃତ୍ତ ଗତିରେ କିଛି ଯାନ୍ତ୍ରିକ ପ୍ରଣାଳୀ ରହିବା

ଆବଶ୍ୟକ ଯାହା d $this$ ାରା 1836 ମସିହାରେ ଭର୍ଣ୍ଣସ୍ d $such$ ାରା ଏହିପରି ଏକ ଯାନ୍ତ୍ରିକ ପ୍ରଣାଳୀ ବନ୍ଦ ହୋଇଯାଇଥିଲା ଯାହା ଭେରହୋଲ୍ କହୁଛି ଯେ
ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖ ଏହା ହେଉଛି ଯେ ତାହା ଯାହା $must$ କୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରାଯିବ ଆବଶ୍ୟକ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ଦେଖିବ ଯେତେବେଳେ ପ୍ରାକୃତିକ
ସମ୍ପଦର ସ୍ଥିରତା ଥାଏ ଯେତେବେଳେ ସକାରାତ୍ମକ ଖାଦ୍ୟ ଥାଏ ସେତେବେଳେ ସାମାଜିକ ଘର୍ଷଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଯାହା ସାମାଜିକ ଘର୍ଷଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ସାମାଜିକ ଘର୍ଷଣ
ଜନସଂଖ୍ୟା ବୃଦ୍ଧି ଉପରେ ନକାରାତ୍ମକ ପ୍ରଭାବ ପକାଇବାକୁ ଯାଉଛି | ky ଶବ୍ଦକୁ ଆକି ମାଇନସ୍ ky ସ୍ଵାର୍ଥରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରାଯିବ ଆବଶ୍ୟକ, r ସମୀକରଣ 1.5
ରେ ଭିନ୍ନତା | ଏଣୁ ଆଲ୍ ସମୀକରଣ ଜନସଂଖ୍ୟାର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହାରକୁ ବଦଳାଇ ଦେଇଛି dt d ky ାରା ky ସହିତ ଏହା dy d ky ାରା ky ମାଇନସ୍ ସହିତ
ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକି ky ସ୍ଵାର୍ଥ ଶବ୍ଦ r ଅଟେ ଯେଉଁଠାରେ r ଅନ୍ୟ ଏକ ସ୍ଥିର ଏହି r d $constant$ ିତୀୟ ସ୍ଥିର r କୁହାଯାଏ | ପରିବେଶର ବହନ କରିବାର

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ପାଇଁ ମାଲ୍ଟୁସିଆନ୍ ମଡେଲ୍ ଅନୁଯାୟୀ | ପ୍ରଜାତିର ଇକୋଲୋଜି ଜନସଂଖ୍ୟା yt ବିସ୍ଫୋରଣ କରେ ଏହା ଅତି ବୃତ୍ତ ଗତିରେ ବ ows େ ଏହା ପାଖର
 kt କୁ ଆସନ୍ତୁ ଆମକୁ ନିଜକୁ ଦୁଇଟି ପ୍ରଶ୍ନ ପଚାରିବା ହେଉଛି ଏହି ବ୍ୟବହାରିକ ଜନସଂଖ୍ୟା ପ୍ରକୃତରେ ଗ୍ରୋ ହୋଇପାରେ | w ଅସୀମିତ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ବୃତ୍ତ ଗତିରେ
ବୃତ୍ତ ଗତିରେ ପ୍ରକୃତି ଜନସଂଖ୍ୟାର ଏପରି ଏକ ଅଭିବୃଦ୍ଧି ବୃଦ୍ଧି ପାଇଁ ଅନୁମତି ଦେବ ଯଦି ପ୍ରାକୃତିକ ସମ୍ପଦର ସୀମାବଦ୍ଧତା ହେତୁ କିଛି ପ୍ରତିବନ୍ଧକ ସୃଷ୍ଟି କରିବ ନାହିଁ ଯାହା
ଏହି ସୁକ୍ଷ୍ମ ଅଭିବୃଦ୍ଧିକୁ ରୋକିବ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଜନସଂଖ୍ୟା ବ $growing$ ିପାରିବ ନାହିଁ | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟରେ କିଛି ବୃତ୍ତ ଗତିରେ କିଛି ଯାନ୍ତ୍ରିକ ପ୍ରଣାଳୀ ରହିବା

ଆବଶ୍ୟକ ଯାହା d $this$ ାରା 1836 ମସିହାରେ ଭର୍ଣ୍ଣସ୍ d $such$ ାରା ଏହିପରି ଏକ ଯାନ୍ତ୍ରିକ ପ୍ରଣାଳୀ ବନ୍ଦ ହୋଇଯାଇଥିଲା ଯାହା ଭେରହୋଲ୍ କହୁଛି ଯେ
ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖ ଏହା ହେଉଛି ଯେ ତାହା ଯାହା $must$ କୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରାଯିବ ଆବଶ୍ୟକ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ଦେଖିବ ଯେତେବେଳେ ପ୍ରାକୃତିକ
ସମ୍ପଦର ସ୍ଥିରତା ଥାଏ ଯେତେବେଳେ ସକାରାତ୍ମକ ଖାଦ୍ୟ ଥାଏ ସେତେବେଳେ ସାମାଜିକ ଘର୍ଷଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଯାହା ସାମାଜିକ ଘର୍ଷଣ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ସାମାଜିକ ଘର୍ଷଣ
ଜନସଂଖ୍ୟା ବୃଦ୍ଧି ଉପରେ ନକାରାତ୍ମକ ପ୍ରଭାବ ପକାଇବାକୁ ଯାଉଛି | ky ଶବ୍ଦକୁ ଆକି ମାଇନସ୍ ky ସ୍ଵାର୍ଥରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରାଯିବ ଆବଶ୍ୟକ, r ସମୀକରଣ 1.5
ରେ ଭିନ୍ନତା | ଏଣୁ ଆଲ୍ ସମୀକରଣ ଜନସଂଖ୍ୟାର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହାରକୁ ବଦଳାଇ ଦେଇଛି dt d ky ାରା ky ସହିତ ଏହା dy d ky ାରା ky ମାଇନସ୍ ସହିତ
ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକି ky ସ୍ଵାର୍ଥ ଶବ୍ଦ r ଅଟେ ଯେଉଁଠାରେ r ଅନ୍ୟ ଏକ ସ୍ଥିର ଏହି r d $constant$ ିତୀୟ ସ୍ଥିର r କୁହାଯାଏ | ପରିବେଶର ବହନ କରିବାର

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ପାଇଁ ମାଲ୍ଟୁସିଆନ୍ ମଡେଲ୍ ଅନୁଯାୟୀ | ପ୍ରଜାତିର ଇକୋଲୋଜି ଜନସଂଖ୍ୟା yt ବିସ୍ଫୋରଣ କରେ ଏହା ଅତି ବୃତ୍ତ ଗତିରେ ବ ows େ ଏହା ପାଖର
 kt କୁ ଆସନ୍ତୁ ଆମକୁ ନିଜକୁ ଦୁଇଟି ପ୍ରଶ୍ନ ପଚାରିବା ହେଉଛି ଏହି ବ୍ୟବହାରିକ ଜନସଂଖ୍ୟା ପ୍ରକୃତରେ ଗ୍ରୋ ହୋଇପାରେ | w ଅସୀମିତ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ବୃତ୍ତ ଗତିରେ
ବୃତ୍ତ ଗତିରେ ପ୍ରକୃତି ଜନସଂଖ୍ୟାର ଏପରି ଏକ ଅଭିବୃଦ୍ଧି ବୃଦ୍ଧି ପାଇଁ ଅନୁମତି ଦେବ ଯଦି ପ୍ରାକୃତିକ ସମ୍ପଦର ସୀମାବଦ୍ଧତା ହେତୁ କିଛି ପ୍ରତିବନ୍ଧକ ସୃଷ୍ଟି କରିବ ନାହିଁ ଯାହା
ଏହି ସୁକ୍ଷ୍ମ ଅଭିବୃଦ୍ଧିକୁ ରୋକିବ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଜନସଂଖ୍ୟା ବ $growing$ ିପାରିବ ନାହିଁ | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟରେ କିଛି ବୃତ୍ତ ଗତିରେ କିଛି ଯାନ୍ତ୍ରିକ ପ୍ରଣାଳୀ ରହିବା

କ୍ଷମତା ଏହି ସ୍ଥିତି r ପରିବେଶର ସୀମାବଦ୍ଧତା ଉପରେ ନିର୍ଭର କରିବ ଯେଉଁଠାରେ ପରିବେଶର ବିକାଶ ହେଉଛି $jd murray$ ଦ୍ୱାରା ଗାଣିତିକ ଜୀବବିଜ୍ଞାନ ଉପରେ ଏକ ସୁନ୍ଦର ପୁସ୍ତକ ଅଛି ଯୁଁ ଏହା ପାଇଁ ଏକ ସମ୍ଭବତଃ ଦେଇଛି ଯାହା ଏହା ଉପରେ ଲେଖା ହୋଇଛି । ଗାଣିତିକ ଜୀବବିଜ୍ଞାନ ଏବଂ ଆପଣ ଏହି ପୁସ୍ତକରେ ଅନେକ *historical* ତିହାସିକ ବିବରଣୀ ପାଇପାରିବେ ବିଭିନ୍ନ ମଡେଲଗୁଡ଼ିକ ବିଭିନ୍ନ ମଡେଲଗୁଡ଼ିକ ଯାହା ବିଭିନ୍ନ *scientists* ଜ୍ଞାନିକମାନେ ଏହି ବିଭିନ୍ନ ମଡେଲଗୁଡ଼ିକର ଗୁଣ ଏବଂ ତିନୋଟି ପାଇଁ ପ୍ରସ୍ତାବ ଦେଇଛନ୍ତି, ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ସମୀକରଣ ଯାହା ଆପଣ ବିଭିନ୍ନ ଅନୁମାନ କରି ପାଇଥା'ନ୍ତି । ଅନ୍ୟ ଏକ ସିଷ୍ଟମକୁ ଯାଆନ୍ତୁ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ଇକୋଲୋଜିକାଲ ସିଷ୍ଟମକୁ ଯିବା କିଛି ଏଥର ଏହା ଏହି ଇକୋଲୋଜିରେ ଦୁଇ ପ୍ରକାରର s ଧାରଣ କରେ । ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆପଣ ଏକ ଶିକାରୀକୁ ଶିକାର କରନ୍ତି ଏବଂ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆପଣ ଶିକାରୀକୁ ସାର୍ବ ଏବଂ ଶିକାରକୁ ସାର୍ବ ଭାବରେ ଭାବିପାରନ୍ତି କିମ୍ବା ଯେକ *any* ଶସି ଶିକାରକୁ ଆପଣ ବିଲେଇ ଏବଂ ମାଉସ୍ ବିଷୟରେ ଭାବିପାରନ୍ତି ଯଦି ଆପଣ ଚାହାଁନ୍ତି ତେବେ ଆସନ୍ତୁ ଦୁଇଟି ପ୍ରକାରି ପରିବେଶକୁ ବିଚାର କରିବା । ଜନସଂଖ୍ୟା xd ଏବଂ ଜନସଂଖ୍ୟା yt ସହିତ ଏକ ଶିକାର

ତେଣୁ ଶିକାରକାରୀଙ୍କ ପାଇଁ ଖାଦ୍ୟର ଉତ୍ପାଦନ ହେଉଛି ଶିକାରର ଉପଲବ୍ଧତା ଏବଂ ଶିକାର ସେମାନେ b ସଂଖ୍ୟା ପ୍ରାଣୀ, ସେମାନେ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଯଦି ଆପଣ ଜଳ ପ୍ରଣାଳୀକୁ ଦେଖୁଛନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ଅନୁମାନ କରୁଛନ୍ତି ଯେ ଶିକାରଟି ବଞ୍ଚେ । ଆଲଗା ଉପରେ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ପ୍ରାକୃତିକ ଶାକାହାରୀ ଖାଦ୍ୟ ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ସେଠାରେ କ ey ଶସି ଶିକାର ନାହିଁ ଯେ ଶିକାରୀମାନେ ଖାଇବାକୁ ଖାଦ୍ୟ ପାଇ ନାହାଁନ୍ତି ତେଣୁ ସେମାନଙ୍କର ଜନସଂଖ୍ୟା $1.6 dx$ ସମୀକରଣରେ ହ୍ରାସ ଗତିରେ ମରିବ ଯାହା ମାଲନସ୍ କୁରା ସହିତ ସମାନ । ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏକ୍ସପ୍ଲୋ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ xt ଫଳସ୍ୱରୂପ ପାଖାନ୍ତ ମାଲନସ୍ ସହିତ ଇ ଭଳି ହେବାକୁ ଯାଉଛି, ଯେହେତୁ ସମୟ ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ ଅସାମାନ୍ୟତାକୁ ଚାଲିଯାଉଛି ଯଦି ଯଦି ଥାଏ । ଯଦି କ y ଶସି ଶିକାର ନଥାଏ ଯଦି yt ସେଠାରେ ନଥାଏ ତେବେ ଅନ୍ୟପକ୍ଷେ xt ର ଜନସଂଖ୍ୟା ହାର ଅତି ଶୀଘ୍ର ହ୍ରାସ ପାଇବ ଯଦି କ $pred$ ଶସି ଶିକାରକାରୀ ନାହାଁନ୍ତି ସେଠାରେ xt ନାହିଁ ତେବେ ଜନସଂଖ୍ୟାର ବୃଦ୍ଧିକୁ ରୋକିବା ପାଇଁ କିଛି ନାହିଁ । ଶିକାର ଶିକାର ହେଉଛି b ସଂଖ୍ୟା ପ୍ରାଣୀ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କର ଜନସଂଖ୍ୟା ହ୍ରାସ ଗତିରେ ବ *increasing* ିବରେ ଲାଗିଛି ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆପଣ ରାବଣ ଏବଂ ଠେକୁଆ ସହିତ ଏକ ପରିବେଶ ବିଷୟରେ ଚିନ୍ତା କରିପାରିବେ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଶିକାରଟି ଶାବକ ହୋଇପାରେ ଏବଂ ଶିକାରକାରୀମାନେ ଶାବକ ହୋଇପାରନ୍ତି ଶାବକମାନେ ହର୍ବାଭୋରସ୍ ପ୍ରାଣୀ ଏବଂ ଠେକୁଆମାନେ ପଶୁପକ୍ଷୀ ଅଟନ୍ତି । ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଦୁଇଟି ପ୍ରକାରି ପ୍ରାଣୀକୁ ଏକାଠି ରଖିବା ତେଣୁ ହ୍ରାସର ହାର

ତେଣୁ 1.6 ଆଉ ସତ୍ୟ ନୁହେଁ କାରଣ ଶିକାରକାରୀମାନଙ୍କର ବର୍ତ୍ତମାନ ଖାଇବାକୁ ଖାଦ୍ୟ ଅଛି ତେଣୁ ଜନସଂଖ୍ୟା ହ୍ରାସ ଯାହା ମାଲନସ୍ କୁରା ax ୍ୱାରା ଯାଏଁ ହେବାକୁ ଯାଉଛି । ଏକ ସ୍ୱୟଂ bxy ଶବ୍ଦର ଯୋଗରେ ଆପଣ ସ୍ୱାଇଡ୍ ର ଶେଷ ଧାଡ଼ି ଦେଖନ୍ତି ah ସମୀକରଣର ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ସମୀକରଣ ମାଲନସ୍ କୁରୁକୁ ମାଲନସ୍ ଆସନ୍ତୁ ସ୍ୱୟଂ bxy m ଦ୍ୱାରା ବଦଳାଇ ପରିବର୍ତ୍ତିତ ହୁଏ । *ind* ତୁମେ ସମସ୍ତ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟ abc ଏବଂ k ସବୁ ସକାରାତ୍ମକ ଅଛି ବର୍ତ୍ତମାନ କଣ ହେବ ଏବଂ 1.7 ର ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ *indicated* ରେ ସୂଚୀତ ବୃଦ୍ଧି ହାର ବର୍ତ୍ତମାନ ତୁମେ ଶିକାରକାରୀଙ୍କୁ ରଖ ଏବଂ ଏକତ୍ର ପ୍ରାର୍ଥନା କର ଯେ ଶିକାରକାରୀମାନେ ସେଠାରେ ଯାଉଛନ୍ତି । ଶିକାରକୁ ଖାଅ ତେଣୁ ଶିକାରର ଜନସଂଖ୍ୟା 1.7 ପରି ବ *increasing* ି ଗାଲିପାରିବ ନାହିଁ ଯେପରି ଜନସଂଖ୍ୟା ବୃଦ୍ଧି dy ବ ky ାରା ky ଶବ୍ଦ ସହିତ ପରିବର୍ତ୍ତିତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏହା କିପରି ରୁପାନ୍ତରିତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଆପଣ କି ମାଲନସ୍ କୁ ଦେଖିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି । cxy ଆପଣ ky ମାଲନସ୍ cxy କୁ ଦେଖିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି ଏବଂ

ତେଣୁ ସମୀକରଣର ପରିବର୍ତ୍ତିତ ସିଷ୍ଟମ୍ dt ବ d ାରା dt ସମାନ ମାଲନସ୍ ଆସନ୍ତୁ ସ୍ୱୟଂ bxy dy ବ dy ାରା ky ମାଲନସ୍ cxy ସହିତ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ 1.8 କନଷ୍ଟାଣ୍ଟ abc ଏବଂ k ପାଇବ । ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ସମୟରେ ପଢ଼ିବୁ ଅଛି ଆପଣ ପଚାରି ପାରନ୍ତି ଯୁଁ କାହିଁକି ଏକ ସ୍ୱୟଂ bxy ଏବଂ ଏକ ମାଲନସ୍ cxy ରଖିଲି କାହିଁକି ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜ ଶବ୍ଦ xyy *naught* x ସ୍ୱାତନ୍ତ୍ର yy *naught* xy ସ୍ୱାତନ୍ତ୍ର ଭଲ ଭାବରେ ଏଗୁଡ଼ିକ ମଡେଲ୍ ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକ ସର୍ବପ୍ରଥମେ ସଠିକ୍ ମଡେଲ୍ ନୁହେଁ । ଆମେ ଏକ ଚିନ୍ତାଧାରା ପ୍ରୟୋଗ କରୁ ଯେ ଏହା ଏକ ବିଲେଇ ଏବଂ ମୂଷା ସହିତ ଏକ ପରିବେଶ ଅଛି ବୋଲି ମନେକରନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଧରାଯାଉ ବିଲେଇଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ବିଗୁଣିତ ହୁଏ ଏବଂ ମୂଷାଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟ ବିଗୁଣିତ ହୁଏ ତା' ହେଲେ ବିଲେଇଙ୍କ ମୂଷାଙ୍କ ସାମ୍ନା କରିବାର ସମ୍ଭାବନା ଯାଉଛି । ଚାରିଥର ତାପରେ ତାହା ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରେ କାହିଁକି xy ଶବ୍ଦ ଏବଂ ଏକ ବିଲେଇ ଏବଂ ମାଉସ୍ ମଧ୍ୟରେ ଏହି ପାରସ୍ପରିକ କ୍ରିୟା ମାଉସ୍ ପାଇଁ କ୍ଷତିକାରକ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯେତେବେଳେ ଏହା ବିଲେଇମାନଙ୍କ ପାଇଁ ଅନୁକୂଳ ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣ ତୁମେ ଏହି ଶବ୍ଦକୁ ସ୍ୱୟଂ ସହିତ ଦେଖିବ । ଚିହ୍ନ ଏବଂ ବିଚାରୀ ସମୀକରଣ ଆପଣ ଏହି ଶବ୍ଦକୁ ଏକ ମାଲନସ୍ ସଙ୍କେତ ସହିତ ଦେଖନ୍ତି ଯାହା ବ emp ାରା ଏହି ମଡେଲକୁ ଏକ ପ୍ରକାରର ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରେ 1.8 ଏହି ମଡେଲ୍ ଏକ ଅତି ପ୍ରସିଦ୍ଧ ମଡେଲ୍ ଯାହାକୁ ଏହାକୁ ଭୋଲ୍ଟା ଲିଙ୍ଗ ମଡେଲ୍ କୁହାଯାଏ ଏହା ଏକ ଭୋଲ୍ଟା ଲୋଡକାଷ୍ଟ ସମୀକରଣର ଏକ ସମାନ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ଏକ ସିଷ୍ଟମ୍ । ଏବଂ ଏହା ଭିନ୍ନସମ ସମୀକରଣର ଏକ ଯୁକ୍ତ ପ୍ରଣାଳୀ ମନେକରନ୍ତୁ 1.8 ରେ ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖ । ଆୟନ ମଧ୍ୟ ଏବଂ ବ equ ିତୀୟ ସମୀକରଣ dy ବ ky ାରା ky ମାଲନସ୍ cxy ସହିତ x ବ x ିତୀୟ ସମୀକରଣରେ ଦୃଶ୍ୟମାନ ହୁଏ

ତେଣୁ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ହେଉଛି ଏକ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ଯଥା ଉଭୟ ଅଜ୍ଞାତ x ଏବଂ y ଉଭୟ ସମୀକରଣରେ ଦେଖାଯାଏ ଏବଂ ଏହା ଏକକାଳୀନ ସିଷ୍ଟମ୍ । ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ଏବଂ ଏହି ଉଦାହରଣ ଯୁଁ କେବଳ ବର୍ତ୍ତନା କରିବାକୁ ଦେଇଛି ଯେ ପରିବେଶ ପ୍ରଣାଳୀର ଅଧ୍ୟୟନରେ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କିପରି ଉପଯୁକ୍ତ ହୁଏ ଆମେ ଅଧ୍ୟୟନ କରିବାକୁ ଯାଉନାହିଁ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣ 1.8 କୁ ବିସ୍ତୃତ ଭାବରେ ବିଶ୍ଳେଷଣ କରିବାକୁ ଯାଉନାହିଁ କାରଣ ଏହା ଏହି ପାଠ୍ୟକ୍ରମର ପରିସର ମଧ୍ୟରେ ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ଏହି ଉଦାହରଣକୁ ଏଠାରେ ଦର୍ଶାଇବାକୁ ଦର୍ଶାଯାଇଛି ଯେ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ପୁଣିଥରେ ପଦାର୍ଥ ବିଜ୍ଞାନରେ ବ *electrical* ଦୁଡ଼ିକ ସର୍କଟ୍ ମେକାନିକାଲ୍ ସିଷ୍ଟମ୍ରେ ଦେଖାଯାଏ ଯେପରି ସେମାନେ ବ୍ୟାକ୍ଟେରିଆର ବୃଦ୍ଧିରେ ଦେଖାଯାଏ ଏବଂ ଜନସଂଖ୍ୟା ମଡେଲ ରୋଗର ରାସାୟନିକ ଗତିର ବିସ୍ତାର ଏବଂ ବହୁ ଅଧିକ । ଆହୁରି ଅଧିକ ଠିକ ଅଛି

ତେଣୁ ଯୁଁ ଜ bi ବ ପ୍ରଣାଳୀର ଏହି ସଂକ୍ଷିପ୍ତ ଆଲୋଚନାକୁ ବନ୍ଦ କରିବାକୁ ଚାହେଁ । ଏହା ଉପରେ କିଛି ସମୟ ପାଇଁ କଥା ହୋଇଛି ତେଣୁ ଆପଣଙ୍କୁ କିଛି ରେଫରେନ୍ସ ଦେବା ଅର୍ଥପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆପଣ କିଛି ସମୟରେ ପ *read* ିପାରିବେ ଗାଣିତିକ ଜୀବବିଜ୍ଞାନ ଉପରେ ଶହ ଶହ ବହି ଲେଖା ଅଛି ଏବଂ ଯୁଁ ସେଥିରୁ ତିନୋଟି ବାଛିଛି ଶେଷଟି ହେଉଛି । $jd murray$ ବ $very$ ାରା ବହୁତ ସୁନ୍ଦର ପୁସ୍ତକ ଯାହା ଯୁଁ ପୂର୍ବରୁ କହିସାରିଛି ଏବଂ ପ୍ରଥମ ପୁସ୍ତକ ds $jones$ mj $planck$ ଏବଂ bd $sleeman$ କୁହନ୍ତି ଗାଣିତିକ ଜୀବବିଜ୍ଞାନରେ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଏହି ପୁସ୍ତକ ଆପଣଙ୍କୁ ବିଭିନ୍ନ ଜ bi ବିକ ସମସ୍ୟାରେ ସୃଷ୍ଟି ହେଉଥିବା ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ଦେଇଥାଏ ଯେପରିକି ଟ୍ୟୁମରର ବୃଦ୍ଧି । ରୋଗର ପ୍ରସାର ଏବଂ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ଜ bi ବିକ ପ୍ରଣାଳୀ ଉପରେ ଆଲୋଚନା କରାଯାଇଛି ଜ bi ବିକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଆଠର୍ଗରେ ଫିଜିଓଲୋଜି ରକ୍ତ ପ୍ରବାହରେ ସୃଷ୍ଟି ହୁଏ ଯାହା ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ଆକର୍ଷଣୀୟ ପ୍ରଣାଳୀ ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ଏକ ପୁରା ପୁସ୍ତକ ଗାଣିତିକ ଫିଜିଓଲୋଜି ଉପରେ କିନ୍ତୁ ଏବଂ ସ୍ମିଥ୍ ଦ୍ୱାରା ଲେଖାଯାଇଥିଲା । ଅବଶ୍ୟ ଆମେ ଏହି ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ ବିଷୟରେ ଅଧିକ କିଛି କହିବାକୁ ଯାଉନାହିଁ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ପରିଚୟ । ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣର ଉପୁତ୍ତି କିପରି ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣର ଉପୁତ୍ତି ଉପରେ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣର ଉପୁତ୍ତି ଉପରେ ଚୋରା ଆକ୍ ଲେକ୍ଚର୍, ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣକୁ ଆସିବା ଯାହା ଏହି ପାଠ୍ୟକ୍ରମ ପାଇଁ ପ୍ରଯୁଜ୍ୟ ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ପ୍ରଥମ କ୍ରମରେ କେବଳ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ଅଧ୍ୟୟନ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ । ପ୍ରଥମ କ୍ରମର ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କିପରି dy ଦ୍ୱାରା dx ପରି ଦେଖାଯାଏ x x କମା y ସମୀକରଣର $f9$ ସହିତ ସମାନ, ଯାହାକୁ ଆପଣ ସ୍ୱାଇଡ୍ ରେ ଦେଖନ୍ତି ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ଅର୍ଡର ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ କ୍ରମ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ କାରଣ କେବଳ ଗୋଟିଏ ଡେରିଭେଟିଭ୍ dx ଦ୍ୱାରା ରକ୍ତ ଦେଖାଯାଏ । ଏହାର ବିପରୀତରେ, *shm* ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତି, ସରଳ ହାରମୋନିକ୍ ଗତିକୁ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କରୁଥିବା ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ଏକ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ଗତିକୁ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କରୁଥିବା ସମୀକରଣ lcr ସର୍କଟ୍ ଇନଡୁକାନ୍ସ କ୍ୟାପିଟାନ୍ସ ପ୍ରତିରୋଧକୁ ଏହି ସମସ୍ତ ସିଷ୍ଟମ୍ ଦୁଇଟି ଡେରିଭେଟିଭ୍ ସହିତ ତିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ସହିତ ଜଡ଼ିତ କରେ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଆମେ ଅଧ୍ୟୟନର ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ଅଛି | ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମ ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ର ଅଧ୍ୟୟନ ନିଅ | ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ପ୍ରଥମ କ୍ରମର ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣରୁ ସହଜ ହେବା ଆରମ୍ଭ କରିବା ସ୍ୱାଭାବିକ ଏବଂ ଏହି ପାଠ୍ୟକ୍ରମରେ ଯାହା ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ରମୀୟ ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣ ପାଇଁ ଆମେ ଦେଖିବା, ଯାହାକୁ ଆପଣ ବର୍ତ୍ତମାନର ବକ୍ତୃତା ସିରିଜ୍ ବାହାରେ ଦେଖିବା ଆବଶ୍ୟକ କରନ୍ତି

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ xy ର f ହେଉଛି a ଦୁଇଟି ଭେରିଏବଲ୍ ର ଫଙ୍କସନ୍

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଆମେ ମୁଖ୍ୟତଃ three ଚିନି ପ୍ରକାରର ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା | ସେମାନଙ୍କର ଘନିଷ୍ଠ ସମ୍ପର୍କୀୟ ଯଥା ବର୍ତ୍ତୁଳି ସମୀକରଣ ମନେ ରଖନ୍ତୁ ଯେ ଆରମ୍ଭରୁ ଯୁଁ ଏହାକୁ ଜିନ୍ଦ ବର୍ତ୍ତୁଳିକ ନାମ ରଖୁଥିଲି ଯିଏ ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣର ଏହି historical ଚିହ୍ନିକ ବିକାଶରେ ଏକ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ବ୍ୟକ୍ତି ଥିଲେ ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ସମୀକରଣ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ତାଙ୍କ ନାମ ବର୍ତ୍ତମାନ ଦୃଶ୍ୟମାନ ସମୀକରଣ ଏବଂ bernoulli ସମୀକରଣ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ t ରେ ଏହି ଚିନି ପ୍ରକାରର ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା | ତାଙ୍କର କୋର୍ସ୍ ଠିକ ଅଛି

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଚାଲନ୍ତୁ ପ୍ରଥମଟି ଭେରିଏବଲ୍ ଅଲଗା ଅଲଗା ସମୀକରଣକୁ ଠିକ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବା | ବିଭିନ୍ନ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ଡାହାଣ f ର x ର ସ୍କାଲର୍ ହୋଇପାରେ ସ୍ୱାଭାବିକ y ସ୍କାଲର୍ ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା xy ର f $yfxy$ ରେ x ହୋଇପାରେ ଏବଂ ଉଦାହରଣସ୍ୱରୂପ $\cos y$ ରେ $\cos x$ ହୋଇପାରେ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଏହି ଶେଷ ଦୁଇଟି ମାମଲା ଅତ୍ୟନ୍ତ ସ୍ୱାଭାବିକ xy ର f ବିଷୟରେ ବିଶେଷ ଅଟେ | x ର ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ହେଉଛି y ର ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ କିନ୍ତୁ ପ୍ରଥମ ଉଦାହରଣରେ ଯୁଁ xy ର f କୁ x ସ୍କାଲର୍ ସ୍ୱାଭାବିକ y ସ୍କାଲର୍ ସହିତ ସମୀକରଣ ଦେଇଥିଲି ଏହା x ର ଫଙ୍କସନ୍ ଏବଂ y ସଠିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ର ଉପାଦାନ ନୁହେଁ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ କ'ଣ? ଭେରିଏବଲ୍ ଅଲଗା ଅଲଗା ସମୀକରଣ 1.9 ସମୀକରଣ ହେଉଛି ଏକ ଭେରିଏବଲ୍ ଅଲଗା ଅଲଗା ସମୀକରଣ hy ରେ gx ଫର୍ମ | ତାପରେ ଆମେ କହିଲୁ ଯେ ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣ ଭେରିଏବଲ୍ ଅଲଗା ଅଲଗା ଅଲଗା ଅଟେ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ 1.9 f ରେ xy ର gx ହାଇ ହାଇ ରେ ଏହା gx ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଚାଲି ଏହାକୁ ଲେଖିବା ମୋଡେ ଲେଖିବା ପାଇଁ ଦିଅନ୍ତୁ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ତୁମେ dx ଦ୍ୱାରା f କୁ ସମୀକରଣ ଭାବରେ ଦେଖିଲୁ | xy ର ଏବଂ ଯୁଁ ଅନୁମାନ କରୁଛି ଯେ xy ର ଏହି f ହେଉଛି gx ର ଫର୍ମ ଅଟେ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଯୁଁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ କ'ଣ କରିବି, ଯୁଁ h କୁ y ଦ୍ୱାରା div ଚାଲି ବିଭାଜନ କରିବି ଏବଂ ଯୁଁ ଏହାକୁ d ଉପରେ ସମୀକରଣ ଭାବରେ y ରେ d ରେ ଲେଖିବି | g ର x କୁ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭାବରେ ଯୁଁ ଅନୁମାନ କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଯେ h ର y 0 ନୁହେଁ ଯୁଁ ଅନୁମାନ କରିବାକୁ ଯାଉଛି ତା'ହେଲେ ପରବର୍ତ୍ତୀ କ'ଣ x ଏବଂ y ର ଫଙ୍କସନ୍ ହେଉଛି ସମୀକରଣ ମଧ୍ୟ x ଏବଂ h ହେଉଛି ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ | y ଏବଂ y ପ୍ରତିବଦଳରେ x ର ଏକ କାର୍ଯ୍ୟ ଅଟେ, ଯୁଁ x ସହିତ ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱ integr କୁ ଏକାଠି କରିବାକୁ ଯାଉଛି

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଆପଣ ଦେଖିବେ ସମୀକରଣ 1.10 d h ଚାଲି ବିଭାଜନ ହୋଇଛି ଯୁଁ ଅନୁମାନ କରିବି ଯେ hy ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ବାସ୍ତବରେ ଆମେ ଅନୁମାନ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ | ଯେହେତୁ gx 0 କିମ୍ବା hy 0 ନୁହେଁ, ଯେତେବେଳେ ସେଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ 0 ହୁଏ ସେତେବେଳେ ଯାହା ଘଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ ପରେ ଗ୍ରହଣ କରିବୁ ଏବଂ ଏହିପରି ମାମଲା ସବୁବେଳେ ଯେକ any ଶାସି ଗଣନାରେ ଉପସ୍ଥାପନ ହେବ | ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ବିଭାଜନ କର, ତୁମେ ସେହି ସ୍ୱାଭାବିକ cases ତଳେ କେସ୍ ଗୁଡ଼ିକ ଦେଖିବା ପାଇଁ ପଢ଼ିବ ଯେଉଁଠାରେ ତୁମେ ବିଭାଜନ କରୁଥିବା ପରିମାଣ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ସେହି ମାମଲାଗୁଡ଼ିକ ସର୍ବଦା ପୃଥକ ଭାବରେ କାର୍ଯ୍ୟ କରାଯାଏ ଆମେ ପରେ ତାହା କରିବୁ ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଆସନ୍ତୁ ଯୁକ୍ତିର ପ୍ରବାହକୁ ବାଧା ଦେବା ନାହିଁ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଆମେ h ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜନ କରିବା | y ଏବଂ ତୁମେ 1.10 ସମୀକରଣର ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ଏକାଠି କର uh ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଥିଲେ ମଧ୍ୟ ପ୍ରୟୋଗ କରିବାକୁ ପ୍ରଲୋଭନ, ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଥିଲେ ମଧ୍ୟ ପ୍ରୟୋଗ କରିବା ଅତ୍ୟନ୍ତ ପ୍ରଲୋଭନକାରୀ ଅଟେ ଯାହା d you ଚାଲି ତୁମେ x ର y କୁ ମନେ ରଖିବ ଏବଂ y ର y ହେଉଛି xy ର ଏକ କାର୍ଯ୍ୟ, ତୁମେ x ର y କୁ ସମୀକରଣ କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛ ଯଦି y ର x ସହିତ ସମୀକରଣ, ତେବେ dx d ଚାଲି dy ଠିକ୍ ହେବ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ r ରେ ଆମର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ହାଇ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ gx dx d ଚାଲି ରଙ୍ଗରେ ପରିଣତ ହେବ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଏକ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଥିଲେ ମଧ୍ୟ ଆମେ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଥିଲେ ମଧ୍ୟ ପ୍ରୟୋଗ କରିବା ପୂର୍ବରୁ ଆପଣ ସାବଧାନ ହେବା ଉଚିତ ଯେ ଡେରିଭେଟିଭ୍ | ତୁମେ ଭେରିଏବଲ୍ସର ଏକ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରୁଥିବା ସମ୍ପର୍କରେ ସେହିପରି ଥିଲେ ମଧ୍ୟ ପରିବର୍ତ୍ତନ ଶୂନ୍ୟ ହେବା ଉଚିତ ନୁହେଁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ତୁମର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କାଲକୁଲସରେ ମନେରଖ, ତୁମେ 1 ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗ dx ର ବର୍ଗ ମୂଳକୁ ଏକାଠି କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛ ତୁମେ କହିବ x କୁ ସାଜନା ଆଗା ସହିତ ସମୀକରଣ ରଖ | ଯେପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ତୁମେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମାଲନସ୍ ପରେ 2 ପି dy ଚାଲି କାମ କରୁଛ ସେପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ x କୁ ସମୀକରଣ ଭାବରେ ରଖିପାରିବ | ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଫେରନ୍ତୁ 1.10 ଆମେ ଅନୁମାନ କରୁଛୁ hy ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଅନୁମାନ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ gx ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ dx d your ଚାଲି ଆପଣଙ୍କ ରଙ୍ଗ ଶୂନ୍ୟ ହେବ ନାହିଁ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଥିଲେ ମଧ୍ୟ valid ଧ ଅଟେ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ 1.11 ସମୀକରଣ ପାଇଲୁ | ଯାହା ବାକି ରହିଲା ଆମେ ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ gx dx କୁ ଏକାଠି କରିବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ହାଇ ଦ୍ୱାରା ରଙ୍ଗକୁ ଏକାଠି କରିବା ଆବଶ୍ୟକ, ଆଶାକରେ ଆମେ ଏହି ସଂଯୋଗଗୁଡ଼ିକୁ ସଂଯୋଗ କରିପାରିବା ଏବଂ ଆଶାକରେ ଆମେ ଏକ ବନ୍ଦ ଉତ୍ତର ପାଇପାରିବା କିନ୍ତୁ ଆପଣଙ୍କ ଅନୁଭୂତିରୁ ଆପଣ ଜାଣିଛନ୍ତି | ଏଗୁଡ଼ିକରେ କେବଳ ଭରସା ଅଛି ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକ ସର୍ବଦା ହୃଦୟଙ୍ଗମ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ଆପଣ ପ୍ରାୟତଃ functions ଅନେକ କାର୍ଯ୍ୟର ଉଦାହରଣ ଜାଣିଛନ୍ତି ଯାହାର ଅନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ $gxdx$ ଗଣନା କରାଯାଇପାରିବ ନାହିଁ କିମ୍ବା ଏହାର ଗଣନା ବହୁତ ଚତୁର ହୋଇପାରେ ବେଳେବେଳେ ସେମାନେ ସହଜ ହୁଅନ୍ତି ଯଦି ସେମାନେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗୁଡ଼ିକୁ ଗଣନା କରିବା ସହଜ ହୁଅନ୍ତି | ଗଣନା କରିବା ପ୍ରାୟତଃ we ଆମେ ଏତେ ଭାଗ୍ୟଶାଳୀ ନୁହଁ କି ଏହା କିଛି ଚତୁର ମନିପୁଲେସନ୍ ଆବଶ୍ୟକ କରେ ଏବଂ ବେଳେବେଳେ ଅନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗଣନା କରିବା ସମ୍ଭବ ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ସେହି ଜୀବନ ଆମକୁ ଏହାକୁ ଗ୍ରହଣ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ସରଳ ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା ଏବଂ ସାଧାରଣତଃ what ଯାହା ଘଟେ ତାହା ଏକ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ସମ୍ପର୍କ | କିଛି ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଅବସ୍ଥା ସହିତ ଯୁଁ ଏହି ମନୁଷ୍ୟ ପରେ ସମୀକରଣ ହୋଇଥିବା ଉଦାହରଣକୁ ଆସିବ, ଆମେ ଭେରିଏବଲ୍ କୁ ସ୍ୱାଭାବିକ ଭାବରେ ଭେରିଏବଲ୍ କୁ ଚାଲି ଠିକ୍ ବୋଲି ଭାବୁ ଏବଂ ନିର୍ଭରଶୀଳ ଭେରିଏବଲ୍ ହେଉଛି ଚାଲି ଚାଲି ଜନସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ଆମେ ଦେଖିଛୁ କିମ୍ବା ଏହା ସାମ୍ପ୍ରତିକ ପ୍ରବାହିତ ହୋଇପାରେ | ଏକ ବ electrical ଦ୍ୟୁତିକ ସର୍କିଟ୍ ମାଧ୍ୟମରେ କିମ୍ବା ଏହା ସରଳ ପେଣ୍ଡୁଲମ୍ ର ହାରାହାରି ସ୍ଥିତିରୁ ବିସ୍ଥାପନ ହୋଇପାରେ ଯାହା ଆମକୁ ଆବଶ୍ୟକ | ଏହା କରିବା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ସ୍ୱା independent ଧାତୀ ଭେରିଏବଲ୍ କୁ ଚାଲି ଭେରିଏବଲ୍ ଭାବରେ ଭାବିବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ କିଛି ସମୟରେ ଚାଲି t ସହିତ ସମୀକରଣ ନୁହେଁ ଯାହା ଆପଣଙ୍କୁ ତଥ୍ୟ ଦେବା ଆବଶ୍ୟକ କରେ ଯେପରି ଜନସଂଖ୍ୟା t କୋଣାର୍କ ବିସ୍ଥାପନ ସହିତ ସମୀକରଣ ନୁହେଁ | ଯଦି ତୁମେ ରାସାୟନିକ ପ୍ରତିକ୍ରିୟାରେ ଅଧ୍ୟୟନ କରୁଛ, ରାସାୟନିକ ପ୍ରତିକ୍ରିୟାରେ ଏକାଗ୍ରତା କିମ୍ବା ରାସାୟନିକ ପ୍ରତିକ୍ରିୟାର ଏକାଗ୍ରତା ସହିତ ସମୀକରଣ, ତେବେ ବିଭିନ୍ନ ପଦାର୍ଥର ଏକାଗ୍ରତା ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ କିମ୍ବା ଯଦି ଅଧ୍ୟୟନଗୁଡ଼ିକ ଯଦି କରେ | ଏକ ବ electrical ଦ୍ୟୁତିକ ସର୍କିଟ୍ ତାପରେ କରେଣ୍ଟ t ସମୀକରଣ t କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ

ଡେଣ୍ଟ୍ରାଲ ତୁମକୁ t ର ସମୀକରଣ ସମୟ ସହିତ ତଥ୍ୟ ଦରକାର ଯାହାକି ସମୀକରଣ ଯାହା ତୁମେ ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁଛ ଅତିକମରେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମୟ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ହେବା ଉଚିତ | ସମୟ t ସମୀକରଣ t ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ ଆମକୁ y ର ମୂଲ୍ୟ ଦିଆଯାଉଛି t ସହିତ ସମୀକରଣ ନୁହେଁ ଯାହା ତୁମକୁ ସମୀକରଣର ମୂଲ୍ୟ ଦିଆଯାଉଛି yt ସମୀକରଣ t ସହିତ ସମୀକରଣ ସମୟରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ହୋଇଛି | ught ଏବଂ ତୁମେ ଯାହା କରୁଛ ତାହା ହେଉଛି ତୁମେ ଏକ ବ୍ୟବଧାନରେ ସମୀକରଣ ଖୋଜୁଛ, ମାଲନସ୍ a ରୁ t କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ସାଧାରଣତଃ different ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସମୀକରଣ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପାର୍ଶ୍ୱ ଅବସ୍ଥା ସହିତ ସମ୍ପର୍କ ହୋଇଛି ଯେପରି ତୁମେ ଦେଖୁଥିବା ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଅବସ୍ଥା | କେବଳ ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା ନୁହେଁ ତୁମେ କେବଳ x ର f ସହିତ ସମୀକରଣ dx ଦ୍ୱାରା ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା ନୁହେଁ ତୁମକୁ ଦିଆଯାଉଛି ଯେ କ nothing ଶାସି ଚେତାବନୀ ନାହିଁ ଯାହାକୁ ତୁମେ ଦେଖୁଥିବା ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣରେ ମଧ୍ୟ ବ୍ୟବଧାନରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯାଇଥାଏ ଯେଉଁଠାରେ ସମୀକରଣର ଅର୍ଥ ସୀମିତ ହୋଇପାରେ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଏକ ସରଳ ଏବଂ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର କ୍ଷେତ୍ରରେ ଦେଖିବା | d ସ୍କାଲର୍ ସହିତ dt d different ଚାଲି ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣ dy ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦେଖାଯାଉଥିବା ଡିଫେରିଏନ୍ସାଲ୍ ସମୀକରଣ dy d ଚାଲି y ସ୍କାଲର୍ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ t ର ସମୀକରଣର ମୂଲ୍ୟ 0 i ସହିତ ସମୀକରଣ | sc ଯେଉଁଠାରେ c ଏକ ସ୍ଥିର ଏବଂ ଅନୁମାନ କର ଯେ c ହେଉଛି ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ସ୍ଥିର କେବଳ ଧାରଣାକୁ ଠିକ୍ କରିବା ପାଇଁ ତାପରେ ଆମକୁ proceed ଚାଲି ତୁମେ କଣ କହିବାକୁ ଚାହୁଁଛ ଯେପରି ଆମେ y ସ୍କାଲର୍ d div ଚାଲି ବିଭାଜନ କରିବା ଏବଂ y d div ଚାଲି ବିଭାଜନ ହେବା ସହିତ ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ଏକତ୍ର କରିବା | ସ୍କାଲର୍ ଏବଂ t ସହିତ ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱ integr କୁ ଏକତ୍ର କର | ସମୟ ସହିତ ଉଭୟ ପକ୍ଷ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ 1 କୁ y ସ୍କାଲର୍ ତାଏ ଉପରେ

dt dt ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ dt ତାହାଣ ସହିତ ସମାନ କରନ୍ତି ଯାହା ଠିକ୍ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହା କରିଛୁ, ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱଟି ଭେରିଏବଲ୍ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଥିବାରୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେତୁ y ବର୍ଗ ଦ୍ୱାରା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ରଙ୍ଗକୁ ସରଳ କରିବ | ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଥିବାରୁ ଯୁ ଆପଣଙ୍କୁ ଏହା ଦେବି ଯାହା ସ୍ୱାଭାବିକ ରେ ଆପଣ ଯାହା ଦେଖନ୍ତି ତାହା ଆପଣ y ସ୍କାଲ୍ ସମାନ dt ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଟ୍ ଦ୍ୱାରା dy ଦେଖନ୍ତି ଏବଂ ଏକାକରଣର ସ୍ଥିରତାକୁ ମନେ ରଖନ୍ତୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ଅନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାଳ ପାଇଁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଟ୍ ହେବ | integration ଚାରିଆଡ଼େ ଭାସୁଛି ଏକାକରଣ ସଠିକ୍ ଅଟେ ଯାହା t ର ମାଲନସ୍ 1 ସହିତ t ସ୍ୱାସ୍ b ସହିତ ସମାନ ପଢ଼ା ବର୍ତ୍ତମାନ ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଅବସ୍ଥାରେ ରଖନ୍ତୁ ମନେରଖନ୍ତୁ ଯେ ଆମକୁ ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଅବସ୍ଥା ଦିଆଯାଇଛି $t = 0$ ସହିତ ସମାନ ରଖାଯିବାବେଳେ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ 0 ସହିତ ସମାନ ହେଲେ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ t ସହିତ ସମାନ 0 ହେଉଛି c

ତେଣୁ ଆମେ କ'ଣ c କୁ ମାଲନସ୍ 1 ସହିତ b କିମ୍ବା b ସହିତ ମାଲନସ୍ 1 କୁ ସମାନ କରିବା, c ଇଚ୍ଛାଧୀନ ସ୍ଥିର ମୂଲ୍ୟ ବର୍ତ୍ତମାନ ଗଣନା କରାଯାଇଛି ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଇଚ୍ଛାଧୀନ ସ୍ଥିର ଏକାକରଣ ସ୍ଥିର ମୂଲ୍ୟ ଗଣନା କରିଛୁ | ଆସନ୍ତୁ ଏଥିରେ ମତାମତ ଦେବା, ଏହି ମୂଲ୍ୟକୁ ପୁନର୍ବାର ଏଠାରେ ରଖିବା, ଆମେ କ'ଣ ପାଇବୁ, t ର ମାଲନସ୍ 1 ଉପରେ c ମାଲନସ୍ 1 ସହିତ ସମାନ ହେବା କିମ୍ବା c ଦ୍ୱାରା 1 ମାଲନସ୍ ct ହେବ

ତେଣୁ ତାହା ହେଉଛି ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣର ସମାଧାନ ଯାହା ଏହାର ସମାଧାନ ଅଟେ | ଭିନ୍ନତା | ଇନ୍ଟିଗ୍ରେଟ୍ ସମୀକରଣ ଯାହା ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ନୋଟିସ୍ ଅଟେ ଯେ ଯଦି t 1 ଉପରେ c କୁ ଆସେ ତେବେ କଣ ହୁଏ ଯେତେବେଳେ t ଉପରେ 1 କୁ ଆସେ ଯେତେବେଳେ ଏହି ବସ୍ତୁ ସହିତ କ'ଣ ଘଟେ ଏଠାରେ ଏହି ଜିନିଷ ଅସାମାନ୍ୟତାକୁ ଉଚିତ୍ତାପ ଯାହା ଜିନିଷ ଅସାମାନ୍ୟତାକୁ ଉଚିତ୍ତାପ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଆପଣ ଏହାକୁ ସ୍ୱାଭାବିକ i ରେ ଦେଖନ୍ତି | ଏହାକୁ ଲାଲ ରଙ୍ଗରେ ମଡ଼କ୍ୟ ଦେଇଥିବାରୁ t ବାମରୁ 1 କୁ c କୁ ଯାଏ ଯାହା ମୂଲ୍ୟ ଆରମ୍ଭ ହୁଏ ଏବଂ ଏହା ଅଗ୍ରଗତି ହୁଏ ଏବଂ ସମୟ ବିକଶିତ ହୁଏ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ସମୟ 1 c ରା c ନିକଟତର ହୁଏ ସମାଧାନର କ'ଣ ଘଟେ ସମାଧାନର ସମାଧାନ ଅସାମାନ୍ୟତାକୁ ଚାଲିଯାଏ | ଅସାମାନ୍ୟତା ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ଅସାମାନ୍ୟତାକୁ ପଳାଇଥାଏ

ତେଣୁ ଭ physical ଡିକ ପ୍ରଣାଳୀର ସମାଧାନ ଅର୍ଥ କରେ ଯେ ଭ physical ଡିକ ପ୍ରଣାଳୀର ବିବର୍ତ୍ତନ କେବଳ ସମୟ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ t କୁ 1 ରୁ c କୁ ସମାନ କରିଥାଏ ଏବଂ c ଦ୍ୱାରା ଭ physical ଡିକ ସିଷ୍ଟମ ବିଶ୍ଳେଷଣ ହୋଇଯାଉଛି | ବିପର୍ଯ୍ୟୟ ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଯେଉଁ ସମୟ ବ୍ୟବଧାନରେ ସମାଧାନ ବିବ୍ୟୟନ ଅଛି ତାହା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ବାସ୍ତବ ରେଖା ଦୁହେଁ, ଏହା ମାଲନସ୍ ଅସାମାନ୍ୟତା ଠାରୁ 1 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ c ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏହାଠାରୁ ଅଧିକ ଦୁହେଁ, କ୍ୟାପସନ୍ ଗୁଡ଼ିକ କହୁଛି s ସାମିତ ସମୟ ସମାଧାନରେ olution ଅସାମାନ୍ୟତାକୁ ପଳାଇଥାଏ

ତେଣୁ ସାମିତ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ଅସାମାନ୍ୟତାକୁ ପଳାଇଥାଏ

ତେଣୁ ମୋଡେ କେବଳ ପୂର୍ବ ସ୍ୱାଭାବିକ କୁ ଫେରିଯିବାକୁ ଦିଅ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଚେତାବନୀକୁ ଦେଖିବା ଯଦିଓ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା | dy y ରା y ସ୍କାଲ୍ ସହିତ ସମାନ, ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣରେ କ wrong ଶସି ଭୁଲ୍ ନାହିଁ y ସ୍କାଲ୍ କୁ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ସବୁଆଡ଼େ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯାଇଥାଏ ତଥାପି ସମାଧାନ ସାମିତ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ଅସାମାନ୍ୟତାକୁ ପଳାଇଥାଏ

ତେଣୁ ଡିଫେରିଏଲ୍ ସମୀକରଣ ମଧ୍ୟ ବ୍ୟବଧାନରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯାଇଥାଏ ଯେଉଁଠାରେ ସମାଧାନର ସମାଧାନ ହୁଏ | ଏହାର ଅର୍ଥ ସାମିତ ହୋଇପାରେ ଏବଂ ଏହି ସ୍ special ଡକ୍ଟ୍ରେରେ ତାହା ହିଁ ଘଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ପ୍ରଥମ ବକ୍ତୃତାକୁ ଏଠାରେ ବନ୍ଦ କରିଦେବୁ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ବକ୍ତୃତାରେ ଏହାକୁ ଜାରି ରଖିବା ଆପଣଙ୍କୁ ବହୁତ ଧନ୍ୟବାଦ