

ଛାତ୍ରମାନଙ୍କୁ ସ୍ୱାଗତ କରିବା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ ଅନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗୁଡ଼ିକର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ବିଭିନ୍ନ ଉପକରଣ ଦେଖିଛୁ ଯାହା ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିଥିଲୁ ଯାହା ଫଙ୍କସନ୍ସର ଭିନ୍ନତା ଚିହ୍ନଟାଣା ବ୍ୟବହାର କରି ବିକଶିତ ହୋଇଥିଲା ତାପରେ ଆମେ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ପ୍ରଣାଳୀ ବ୍ୟବହାର କରି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ଧାରଣାକୁ ଦେଖିଲୁ | କିଛି ଆହା ମୁକ୍ତିପୁତ୍ର କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ଆମେ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶର ପଦ୍ଧତିକୁ ଦେଖିଲୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଅଂଶଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ୱାରା ଏକୀକରଣର ପଦ୍ଧତିକୁ ଦେଖିଲୁ ଯେଉଁଠାରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଣ୍ଡ୍ ଏହି ଉପକରଣଗୁଡ଼ିକ ସହିତ ଦୁଇଟି କାର୍ଯ୍ୟର ଉତ୍ପାଦ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇଥିଲା ଆମେ ଅନେକ ଉଦାହରଣର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିଛୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟରେ କିପରି ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବୁ ତାହା ଦେଖିଲୁ | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ସେହି ସମସ୍ତ ଉପକରଣ ବ୍ୟବହାର କରିବୁ ଏବଂ ଆମେ ଏହି ଉଦାହରଣଗୁଡ଼ିକ କରିବୁ ଯାହା ପୂର୍ବରୁ ଏହି ସମସ୍ତ ଧାରଣା ସହିତ ଜଡ଼ିତ ହେବ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଉଦାହରଣ ସମାଧାନ କରୁଥିଲୁ ପ୍ରାୟତଃ we ଆମେ ଜାଣିଥିଲୁ ଯେ ଏହି ଉଦାହରଣ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଧାରଣା ଉପରେ ନିର୍ଭରଶୀଳ କିନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ବାଛିବୁ | ଉଦାହରଣ ଏବଂ ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖିବା ଦ୍ୱାରା ଆମେ ସ୍ଥିର କରିବୁ ଯେ କେଉଁ ପଦ୍ଧତିକୁ ଆମେ ଏଠାରେ ବ୍ୟବହାର କରିବା ଉଚିତ୍ ମୁଁ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଆପଣଙ୍କୁ କହିବି | u ଯେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଉଦାହରଣ ଅନ୍ୟ ପଦ୍ଧତି ଦ୍ୱ different ାରା ଏକ ଭିନ୍ନ ପଦ୍ଧତି ଦ୍ୱାରା ସମାଧାନ ହୋଇପାରେ ଏବଂ ମୁଁ ଏହାକୁ ଏକ ଭିନ୍ନ ପଦ୍ଧତି ସହିତ ସମାଧାନ କରିପାରେ ତେଣୁ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଉଦାହରଣ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି ଏହା ତୁମର ପସନ୍ଦ ଅଟେ ଆପଣ କେଉଁ ପଦ୍ଧତିକୁ ବାଛିବାକୁ ଚାହାଁନ୍ତି ତାହା ବେଳେବେଳେ ସମ୍ଭବ ହୋଇପାରେ | ଉଦାହରଣଟି ଏକାଧିକ ପଦ୍ଧତି ଦ୍ୱ solved ାରା ସମାଧାନ ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ ଏକ ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖିବା ପରେ ଆପଣ ଏହାକୁ ପ୍ରୟୋଗ କରୁଥିବା ଏକ ପଦ୍ଧତିକୁ ବାଛିବୁ ଏବଂ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କରୁଛୁ ଯାହା ଦ୍ୱ you ାରା ଆପଣ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ସହିତ ଅଭ୍ୟାସ କରିବେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଥରେ ଅଭ୍ୟାସ ହୋଇଗଲେ ଆପଣ ଜାଣିପାରିବେ ଯେ ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା କିମ୍ବା ଦମ୍ପିଟିଙ୍କ ପାଇଁ ସମାଧାନ କରିବା ପରେ | ରେଖାଗୁଡ଼ିକର ତୁମେ ଅନୁଭବ କରିବ ଯେ ତୁମେ କେଉଁ ପଦ୍ଧତିକୁ ପ୍ରୟୋଗ କରିବା ଉଚିତ୍

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ବିଭିନ୍ନ ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖିବା

ତେଣୁ ଆମେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଇ ବ power ାଇବା ପାଇଁ ପାୱାର୍ x ପ୍ଲସ୍ ଇ ପାୱାର୍ ମାଇନସ୍ x d କୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ଏକ ଅତି ସରଳ ଉଦାହରଣ ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିବୁ

ତେଣୁ ଡେନୋମିନେଟରର ଏହି ରାଶି ଅଛି | e ପାୱାର୍ x କୁ ବ raised ାଇଲା ଏବଂ ପାୱାର୍ ମାଇନସ୍ x କୁ ବ raised ାଇଲା ଆମେ ସେହି ଚିହ୍ନଟାଣାକୁ ଦେଖିବା ଉଚିତ୍ ଯାହା ବିଷୟରେ ଜାଣିବା ଆମେ କଣ କରିବା ଉଚିତ୍ ତାହା ଜାଣିବା ଏକ ମଜାଦାର ଉତ୍ପାଦନରେ ନାହିଁ | ction ଯାହା ସିଧାସଳଖ ମିଳିପାରିବ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆମେ ଫଙ୍କସନ୍ସ ର ଫର୍ମକୁ ଚିକିତ୍ସା ବଦଳାଇଥାଉ ଏବଂ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ପାୱାର୍ ମାଇନସ୍ x କୁ ଉଠାଯାଇଥିବା ପାୱାର୍ x କୁ ଏକ ଓଭର ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଇ ଉଠାଯାଇଥିବା ରୂପ ନେବ | ପାୱାର୍ x ଉପରେ e କୁ ପାୱାର୍ 2 x ପ୍ଲସ୍ 1 dx କୁ ବ raised ାଇବା ପାଇଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଫର୍ମଟି ପୂର୍ବ ଅପେକ୍ଷା ଅଧିକ ଆରାମଦାୟକ ଦେଖାଯାଉଛି

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏକ ଫର୍ମକୁ ଅତି ନିକଟରୁ ଦେଖିବା ଏବଂ ଏକ ଫର୍ମରେ ପରିଣତ ହେବା ଯାହା ଅଧିକ ଆରାମଦାୟକ ଦେଖାଯାଏ ତେବେ ଆମେ ଏହାକୁ ସହଜରେ ପରିଚାଳନା କରିପାରିବା କାହିଁକି ଏହା ଅଧିକ ଆରାମଦାୟକ | କାରଣ ଏଠାରେ ଏହା ଦେଖାଯାଉଛି ଯେ ମୁଁ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନର ପଦ୍ଧତିକୁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବି ଏହି ଶବ୍ଦର ଏକ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସାଲ୍ ଏବଂ ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସାଲ୍ ର ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସାଲ୍ ଭାବରେ ଭିନ୍ନତା ଅଛି ଏବଂ

ତେଣୁ ସଂଖ୍ୟାସଂଖ୍ୟାକାରୀ ଏହାକୁ ଏକ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ଭାବରେ ରଖିଛୁ

ତେଣୁ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନର ଧାରଣା କାର୍ଯ୍ୟ କରିବ ଏବଂ ଯଦି ମୁଁ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କରିବି | e ପାୱାର୍ x କୁ t କୁ ବ raised ାଇଦିଆଯାଏ ତେବେ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବି ତାହା ହେଉଛି ଯେ ପାୱାର୍ x dx କୁ dt ଭାବରେ ବ raised ାଇଦିଆଯାଇଛି

ତେଣୁ ଏହି ଉଦାହରଣଟି d ବର୍ଗ ଉପରେ dt ର ସରଳ ରୂପରେ ପରିଣତ ହୁଏ କାରଣ e ଶକ୍ତିକୁ ବ raised ାଇଲା | ଦୁଇଟି x କେବଳ ପାୱାର୍ x ବର୍ଗକୁ ବ raise ାଇବା ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ nd ସ୍ୱତ୍ୱ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଜାଣିଥିବା ଏହି ସ୍ୱତ୍ୱଟି ହେଉଛି ଯେ ଟାନ୍ ଓଲଟା t କୁ ପାୱାର୍ x କୁ ବ t ାଇଦେବା ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କିଛି ନୁହେଁ, ଆମେ ପାୱାର୍ x ପ୍ଲସ୍ କୁ ସ୍ଥିର ହୋଇଯିବା | ଏକୀକରଣ

ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହାକୁ ଏକ ସମସ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରି ଆମେ ଏହାକୁ କିପରି ସହଜରେ ସମାଧାନ କରିଛୁ ଯେଉଁଠାରେ ଏକ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କାର୍ଯ୍ୟ କଲା ଏବଂ ତା' ପରେ ଜଣାଶୁଣା ଫର୍ମର ଏକ ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟରେ ପରିଣତ ହୁଏ

ତେଣୁ ଆମେ ଆଉ କିଛି ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ରୂପାନ୍ତର ସମ୍ଭବ ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା କିଛି ସରଳୀକରଣ | ଫଙ୍କସନ୍ସ ଗୁଡ଼ିକ ସମ୍ଭବ ହୋଇପାରେ ତେଣୁ ଏହି ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖନ୍ତୁ cos two x over cos x plus sin x squared dx ଯଦି ମୁଁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଣ୍ଡ୍ ଦେଖେ ତେବେ ତୁରନ୍ତ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଆହା ବୋଧହୁଏ କାମ କରିବ ନାହିଁ କିନ୍ତୁ ଯଦି ମୁଁ ଗ୍ରାଉଣ୍ଡୋନୋମେଟ୍ରିକ୍ ପରିଚୟ ବ୍ୟବହାର କରେ i ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଣ୍ଡ୍ କୋସର ସଂଖ୍ୟା ପାଇଁ xi କୁ ଜାଣନ୍ତୁ ଏହାକୁ cos ବର୍ଗ x ମାଇନସ୍ ପାପ ବର୍ଗ x ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବେ ତାପରେ ମୁଁ ଜାଣିଲି ଏହା cos ବର୍ଗ x ମାଇନସ୍ ସାଇନ ବର୍ଗ x ଭାବରେ ଲେଖାଯିବ | cos x plus sin xv squared dx ଦ୍ divided ାରା ବିଭାଜିତ ହେବା ଯଦି ମୁଁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଣ୍ଡ୍ ଦେଖେ ତେବେ ମୁଁ ଦେଖିପାରୁଛି ଯେ cos x plus sin x ସ୍କ୍ୱାଡ୍ରେରେ ଏକ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ଅଛି ଏବଂ ଏଠାରେ ମୁଁ ଏହାକୁ ଫ୍ୟାକ୍ଟରାଇ କରିପାରିବି ଯାହା ଦ୍ it ାରା ଏହା ବାଟିଲ୍ ହୋଇଯିବ

ତେଣୁ ଶେଷରେ ମୁଁ ଏହାକୁ ଲେଖି ପାରିବି | ଯେହେତୁ cos x ମାଇନସ୍ ପାପ x କୁ cos x ପ୍ଲସ୍ ପାପ x ରେ ବିଭକ୍ତ ହୋଇଛି cos x plus sin x ସ୍କ୍ୱାଡ୍ରେ ଦ୍ this ାରା ଏହା ବର୍ଗ ଅଟେ ଯାହା ଏହି ଶବ୍ଦ ସହିତ ବାଟିଲ୍ ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ମୁଁ cos x ମାଇନସ୍ ପାପ x ଉପରେ cos x plus sin x ଏହି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ହୋଇପାରେ | ସହଜରେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରାଯାଏ ଯଦି ମୁଁ ସାବଧାନତାର ସହ ଦେଖେ ଯେ ନାମଟି କ'ଣ ଏବଂ ସଂଖ୍ୟାଟି କ'ଣ

ତେଣୁ ଡେନୋମିନେଟରର ସାଇନ x ଏବଂ କୋସାଇନ୍ x ସାଇନ x ର ଡେରିଭେଟିଭ୍ କୋସାଇନ୍ x ଏବଂ ଡେରିଭେଟିଭ୍ ମାଇନସ୍ ପାପ x ପରି ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଏହା ସଂଖ୍ୟାର ଏକ ଅଂଶ ଦେଖାଯାଏ | ସଂଖ୍ୟାଟି ପ୍ରକୃତରେ କିଛି ନୁହେଁ, କେବଳ ନାମର ଭିନ୍ନତା

ତେଣୁ ମୁଁ ସାଇନ x ପ୍ଲସ୍ cos x କୁ ବାଛିବି ଯାହା ଏକ ନୂତନ ଭେରିଏବଲ୍ t ଭାବରେ ଡେନୋମିନେଟର ଅଟେ ଯାହା ଦ୍ cos ାରା cos x ମାଇନସ୍ ସାଇନ x ପୁରା dx dt ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନକୁ ମୁଁ dt ଭାବରେ ପାଇବି | ଯାହା ଉପରେ ଅଛି ମୋଡ୍ t ପ୍ଲସ୍ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟର ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ଏହା ମୁଁ ମୋର t ଭାଲ୍ୟୁକୁ ବଦଳାଇ ପାରିବି, ସାଇନ x ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ x ଏବଂ ପ୍ଲସ୍ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟ ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଗ୍ରାଉଣ୍ଡୋନୋମେଟ୍ରିକ୍ ପରିଚୟ ସୃଷ୍ଟି କରି ଏହାକୁ ସରଳୀକରଣ କରି ଏହି ଏକୀକରଣକୁ ପାଇଲୁ | ଯେ ଆମେ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ଯାହା ସରଳୀକରଣ ପରେ ପାଇଥାଉ ସେଗୁଡ଼ିକ ଏକୀକୃତ ଏବଂ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ମିଳିପାରିବ ଯାହା ମୁଁ ତୁମକୁ ଦେଖାଇବା ପାଇଁ ଗ୍ରାଉଣ୍ଡୋନୋମେଟ୍ରିକ୍ ପରିଚୟ କିପରି ଏକ ଜଟିଳ ଦେଖାଯାଉଥିବା ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ସହଜ ହୋଇପାରିବ

ତେଣୁ ଏହାକୁ ଏକ ଉଦାହରଣ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କର | ଆମେ ପାୱାର୍ କୁ ବ raised ାଇଦିଆଯିବା ସାଇନକୁ ଏକୀକରଣ କରିବାକୁ ହେବ, ଆଠ x ମାଇନସ୍ କୋସାଇନ୍ କୁ 8 ମାଇନସ୍ 2 ସାଇନ ବର୍ଗ x କୋସ୍ ବର୍ଗ x dx ଉପରେ ଶକ୍ତି ବ raised ାଇବା ପାଇଁ ଏହା ହେଉଛି ଆମର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଣ୍ଡ୍

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଆପଣ ପାୱାର୍ କୁ 8 x ମାଇନସ୍ କୋସାଇନ୍ କୁ ଶକ୍ତି 8 କୁ ବ raised ାଇଥିବାର ଦେଖନ୍ତି | x 1 ମାଇନସ୍ 2 ସାଇନ ବର୍ଗ x cos ବର୍ଗ x ଦ୍ divided ାରା ବିଭକ୍ତ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ଜଟିଳ ଦେଖାଯାଉଥିବା କାର୍ଯ୍ୟ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆମେ କିଛି ସମ୍ପର୍କ ବ୍ୟବହାର କରୁ ଯାହା ଆମେ ଆଗରୁ ଜାଣିଛେ ତେବେ ଆମେ କରିପାରିବା | ଏହା ଏକ ସରଳ କାର୍ଯ୍ୟରେ ରୂପାନ୍ତରିତ ହୋଇପାରିବ ବୋଲି ଆକଳନ କର, ମୁଁ ତୁମକୁ ଦେଖାଇବି ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ପାୱାର୍ 8 x ମାଇନସ୍ କୋସାଇନ୍ କୁ ପାୱାର୍ କୁ ବ raised ାଇଦିଆଯିବା ସାଇନକୁ ଦେଖିବ ପ୍ରଥମ ଧାରଣା ଯାହା ତୁମ ମନକୁ ଆସିବ ଉଚିତ୍ | ଏହା ହେଉଛି କି ଆମେ ଏହାକୁ ଏକ ଫର୍ମରେ ରୂପାନ୍ତର କରିପାରିବା ଯାହାକି ଏକ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ b ବର୍ଗ ଅଟେ କାରଣ ସେହି ଫର୍ମଟି ଆମେ ଜାଣୁ କିପରି ଏକ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ b ବର୍ଗକୁ ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ସହିତ ଏକ ମାଇନସ୍ b ରେ ଫ୍ୟାକ୍ଟର

କରିବା

ତେଣୁ ଆସକ୍ତ ପାଖରୁ ଆଠକୁ ସାଇନ ଶବ୍ଦକୁ ଦେଖିବା | ସାଇନ ଚାରି x ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ ମାଇନସ୍ କୋସ୍ 4 x ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଯାହା ସାଇନ 4 x ମାଇନସ୍ କୋସ୍ 4 x ସାଇନ ଚାରି x ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ଚାରି x ରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏଠାରେ ଫୁଁ ଏକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ଏକ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ b ବର୍ଗ ଏକ ମାଇନସ୍ b ସହିତ ସମାନ | ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ରେ ଏହା ଆହୁରି ସମାନ ଏଠାରେ ବ୍ୟବହୃତ ହୋଇପାରେ ପାପ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ଯାହା ଦିତ ାରା ଏହା ସାଇନ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ x ମାଇନସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ x ସାଇନ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ x ରେ ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ x କୁ ସାଇନ ବ raise ାଇବା ପାଇଁ 4 x ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | କ୍ଷମତାକୁ ବୃଦ୍ଧି କର 4 x ତୁମେ ପାପ ବର୍ଗ x ଜାଣିଛ | ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ x ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହାକୁ ଆହା ଦୁ sorry ଶୁଦ୍ଧ ଫୁଁ ଏଠାରେ x ମିସ୍ କରିଥିଲି

ତେଣୁ ତୁମେ ପାପ ବର୍ଗ x ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ x କୁ ଗୋଟିଏ ଭାବରେ ରଖ ଏବଂ ତାପରେ ତୁମେ ସବୁକିଛି cos ଅନୁଯାୟୀ ଲେଖ, ତେଣୁ ପାପ ବର୍ଗ ବଦଳରେ xi ଏହାକୁ 1 ଭାବରେ ଲେଖିବ | ମାଇନସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ x ଯାହା ଦି ାରା ଫୁଁ 1 ମାଇନସ୍ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ x ପାଇବି ଯାହା ସାଇନ ଦ୍ୱାରା ପାଖର 4 କୁ ବ multip ିଆଏ ଯାହା ଫୁଁ 1 ମାଇନସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ x ପୁରା ବର୍ଗ ଭାବରେ ଲେଖିବି କାରଣ ସାଇନ ତୁ ପାଖର 4 ସାଇନ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ଏବଂ ସାଇନ ବର୍ଗ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | ଏହା ହେଉଛି 1 ମାଇନସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ବ power ାଇବା ପାଇଁ 4 x ଏହା ଆଗକୁ 1 ମାଇନସ୍ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ x ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏଠାରେ ପାଖର 4 x ମାଇନସ୍ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ x ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ବ power ାଇବା ପାଇଁ 1 ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | x ଏବଂ ଯାହା ଶେଷରେ 1 ମାଇନସ୍ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ x 1 ପ୍ଲସ୍ 2 କୋସ୍ ବ power ାଇବା ପାଇଁ 4 x ମାଇନସ୍ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ x ଭାବରେ ଲେଖା ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଆମର ସଂଖ୍ୟା ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସକ୍ତ ନାମକୁ ଦେଖିବା ଏବଂ ଏଠାରେ ସମାନ କ techni ଶଳ କରିବା | ମାଇନସ୍ 2 ସାଇନ ବର୍ଗ x cos ବର୍ଗ x ଯେପରି ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ପରି | ody ଫୁଁ ଏଠାରେ cos ବିଷୟରେ ଲେଖିଛି ଏବଂ ଫୁଁ ଏହାକୁ cos ଅନୁଯାୟୀ ଲେଖିବାକୁ ଚାହୁଁଛି ତେଣୁ ଫୁଁ ଏହାକୁ 1 ମାଇନସ୍ 2 ଥର 1 ମାଇନସ୍ କୋସ୍ ବର୍ଗ x କୁ cos ବର୍ଗ x ରେ ଲେଖିବି ଯାହା ମୋଡେ 1 ମାଇନସ୍ 2 ଗୁଣ cos ବର୍ଗ x ମାଇନସ୍ ଦେବ | ମାଇନସ୍ ପ୍ଲସ୍

ତେଣୁ ଦୁଇଥର କୋସ୍ ବର୍ଗ କୋସ୍ ବର୍ଗ କୋସ୍ ଚାରି x କୁ ଶକ୍ତି ବ raise ାକ୍ତ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଦୁଇଟି କାରଣ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦେଖିବୁ ଏହା ହେଉଛି ଆପଣଙ୍କର ସଂଖ୍ୟାକାରୀ

ତେଣୁ ସଂଖ୍ୟା ସଂଖ୍ୟା ଏକ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ କୋସ୍ ବର୍ଗ x ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଦୁଇଟି କୋସ୍ ଚାରି x ମାଇନସ୍ ଦୁଇ କୋସ୍ ବର୍ଗ x ଏବଂ ନାମକୁ ଶକ୍ତି ପ୍ରଦାନ କରିବାକୁ | ଏଥିରେ ସେହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର ଅଛି ଯାହାକି ସଂଖ୍ୟା 1 ମାଇନସ୍ 2 ରେ ଅଛି ଓ oh ଦୁ sorry ଶୁଦ୍ଧ ଫୁଁ ଏକ ପ୍ଲସ୍ ହିଁ ମାଇନସ୍ ଏବଂ ମାଇନସ୍ ପ୍ଲସ୍ ହରାଇଲି

ତେଣୁ 1 ମାଇନସ୍ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ x ପ୍ଲସ୍ କୋସ୍ ଶକ୍ତି 4 x

ତେଣୁ 1 ମାଇନସ୍ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ x ପ୍ଲସ୍ 2 କୋସ୍ ପାଖରୁ 4 x କୁ ବ raise ାକ୍ତ

ତେଣୁ ଏହି ଶବ୍ଦଟି ବାତିଲ ହୋଇଯିବ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହାକୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ପାଇଁ ସରଳୀକୃତ କରିବି i 1 ମାଇନସ୍ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ x ଭାବରେ ଲେଖାଯାଏ ଯାହା ଏହି ଶବ୍ଦରେ ସାଂଖ୍ୟିକ ଅଟେ ଯାହା ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ସରଳୀକୃତ ବାତିଲ ହେବ

ତେଣୁ i ସେଗୁଡ଼ିକ ଲେଖିବାର ଆବଶ୍ୟକତା ନାହିଁ ଫୁଁ କେବଳ କରିବି | ସେଗୁଡ଼ିକୁ dx ଲେଖିବୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆପଣ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କୁ ସହଜରେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବେ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ଚର୍ମ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ x ମାଇନସ୍ ଦୁଇଥର cos ବର୍ଗ x

ତେଣୁ ବର୍ଗ cos ଫଙ୍କସନ୍ ପାଇଁ ଆମକୁ ଏହାକୁ ଲାଇନ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ରେ ରୂପାନ୍ତର କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ cos two x ଦୁଇଟି cos ବର୍ଗ x ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ |

ତେଣୁ cos ବର୍ଗ x କେବଳ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ cos ଦୁଇ x ଦି two ାରା ଦୁଇଟି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଫୁଁ ଏହାକୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ cos ଦୁଇ x କୁ ଦୁଇଟି dx ଦି replaced ାରା ବଦଳାଇବି

ତେଣୁ ଶେଷରେ ଫୁଁ ଏହି ଦୁଇଟିକୁ ବାତିଲ କରିଦେବି, ଗୋଟିଏର ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ପୁଣି x ଏବଂ ତା' ପରେ cos ଦୁଇଟିର ଏକାକରଣ | x କିଛି ନୁହେଁ, cos two x ର ଏକାକରଣର ମାଇନସ୍ ଦୁଇଟି x ଦି two ାରା ଦୁଇ ପ୍ଲସ୍ ଏକ ସ୍ଥିର ହେବ

ତେଣୁ ଏହି x ଏହି x ସହିତ ବାତିଲ ହୋଇଯିବ ତୁମେ ତଥାପି ମୋର ଅର୍ଥ ଏହା ଏଠାରେ ଥିବା ପରି ସମାନ ଫର୍ମ ଲେଖିବା କିମ୍ବା ତୁମେ ସାଇନ ଲେଖିବା | ଦୁଇଟି x ତୁମେ ଦୁଇଟି ପାପ x cos x ଜାଣିଛ

ତେଣୁ ଏହାକୁ sinus x cos x plus ର ମାଇନସ୍ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ ଟ୍ରାଇଗୋନୋମେଟ୍ରିକ୍ ପରିଚୟ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଦେଖୁଲୁ ଯେ ଏହି ଫଙ୍କସନ୍ ଆହା ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଆହାକୁ ଅତି ସରଳ ରୂପରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଯାହା ପୁନର୍ବାର ରୂପାନ୍ତର ହେବ | ଅନ୍ୟ ଏକ ବ techn ଷ୍ଟିକ୍ ପରିଚୟ ବ୍ୟବହାର କରି ତାପରେ ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରାଯାଏ ଆମେ ଆହୁରି କିଛି ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖିବା ଏବଂ ଅନ୍ୟ କେତେକ ଉଦାହରଣର ଉଦାହରଣ ଅନୁମାନ କରିବା ଯେ ଆମକୁ ଏକ ପ୍ଲସ୍ ବି ସାଇନ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ x ଉପରେ ପ୍ରକାରର dx ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ କିମ୍ବା ସେହି ବିଷୟ ପାଇଁ ମୋଡେ ଡାକିବାକୁ ଦିଅ | ଏହା ଯେପରି ଫୁଁ ତୁମକୁ ଏକ କୋସ୍ ବର୍ଗ x ପ୍ଲସ୍ ବି ପାପ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ x ଉପରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ dx ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେଉଁଠାରେ a ଏବଂ b କିଛି ସ୍ଥିର ଅଟେ ଯାହା ଉପଯୁକ୍ତ ଭାବରେ ଚୟନ ହୋଇଛି ବର୍ତ୍ତମାନ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି ସମସ୍ୟାକୁ cos ଚୟନ କରି ଏହି ସମସ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରାଯାଇପାରିବ | ବର୍ଗ xs 1 ମାଇନସ୍ ସାଇନ ବର୍ଗ x ଏବଂ ତାପରେ ସରଳୀକରଣ ଏବଂ ତାପରେ କିଛି ନୂତନ a ଏବଂ b ବାଛିବା ଦି so ାରା ସେହି ସମସ୍ୟାଟି ଚୟନ ହୋଇପାରିବ

ତେଣୁ ଆମେ ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ପାପ ବର୍ଗ x ଆହା ଉପରେ dx ପ୍ରକାରର ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କିପରି ହେବ ତାହା ଦେଖିବା | ଆମକୁ ମନକୁ ଆସିବା ଉଚିତ ଯେ ଏକ ଫର୍ମରେ ପରିଣତ ହେବା ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ଆମର କିଛି କ ques ଶଳ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଯାହାକୁ ଆମେ ଆଗରୁ ଶିଖିଛୁ ଗୋଟିଏ ଉପାୟ ହେଉଛି ଉଭୟ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ନାମକୁ cos ବର୍ଗ x ଦି div ାରା ଭାଗ କରିବା ଯାହା ଦି in ାରା ନମ୍ବରରେ ଆମେ ସେକେଣ୍ଡ ବର୍ଗ x ପାଇବୁ ଏବଂ ତେମେନିନେଟରରେ ଆମେ ଏକ ସେକ୍ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ x ପ୍ଲସ୍ b ଚାନ୍ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ x ପାଇବୁ ଯଦି ଫୁଁ ଏହା କରେ ଯାହା ଫୁଁ ଏଠାରେ ବୁ realize ିପାଉଛି ଯେ ସଂଖ୍ୟାଟି x ବର୍ଗ x ପାଇଥାଏ ଏବଂ ଯଦି ଫୁଁ ଚାନ୍ x କୁ ଅନ୍ୟ ଭାବରେ ବଦଳାଇଥାଏ | ନୂଆ ଭେରିଏବଲ୍ ତାପରେ ସେକ୍ ବର୍ଗ xdx ହୋଇଯିବ ଯେ dt କେବଳ ସମସ୍ୟା ଏହି ସେକ୍ ବର୍ଗ x ସହିତ ହେବ କିନ୍ତୁ ସ un ଭାଗ୍ୟବଶତ we ଆମର ଏକ ସମ୍ପର୍କ ଅଛି ଯେ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ଚାନ୍ ବର୍ଗ x ସେକ୍ ବର୍ଗ x ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ନାମକରଣରେ ଆମେ ସେକେଣ୍ଡ ବର୍ଗ x କୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ଭାବରେ ବଦଳାଇବୁ | ଚାନ୍ ବର୍ଗ x ସେକେଣ୍ଡ ବର୍ଗ xdxa ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ଚାନ୍ ବର୍ଗ x ତେଣୁ ଏକ ପ୍ଲସ୍ ପ୍ଲସ୍ b ଚାନ୍ ବର୍ଗ x ଫର୍ମୁଲା ବ୍ୟବହାର କରି x ବର୍ଗ x ଏକ ପ୍ଲସ୍ ଚାନ୍ ବର୍ଗ x ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତା' ପରେ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଚାନ୍ x କୁ t ସହିତ ସମାନ କରନ୍ତୁ ଯାହା ଦି sec ାରା ସେକେଣ୍ଡ ବର୍ଗ xdx ସମାନ ହେବ | dt କୁ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ପାଇଥାଉ ଯେହେତୁ dt ଏକ ପ୍ଲସ୍ ଦ୍ୱାରା ବିଭକ୍ତ ହୋଇ ଦୁ sorry ଶୁଦ୍ଧ ଆମକୁ ସାଧାରଣ s ଭାବରେ ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ନେବା ଆବଶ୍ୟକ | o ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ଏକ ପ୍ଲସ୍ b କୁ ସାଧାରଣ ଭାବରେ ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ଦ୍ୱାରା ସାଧାରଣ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବା ତେବେ ଫର୍ମଟି dt ରେ ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ପ୍ଲସ୍ t ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ ଦ୍ୱାରା ରୂପାନ୍ତର ହେବ, ଯଦି ଫୁଁ ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ଲେଖେ ତେବେ ଏହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଜଣାଶୁଣା ସୂତ୍ର ଅଟେ | ଏକ ପ୍ଲସ୍ ବି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଦି a1 ାରା ଆଲଫା ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ଫୁଁ ଭାବୁଛି ଏହା ଏକ ପ୍ଲସ୍ b କୁ ଆଲଫା ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ଼ ଭାବରେ ବ୍ୟବହାର କରେ

ତେଣୁ ଫୁଁ ଏଠାରେ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବି ଯାହା ଦି a1 ାରା ଏହା ଆଲଫା ଦି by ାରା ଏକ ପ୍ଲସ୍ b 1 ହୋଇଯିବ ଯାହା ଏହି ଛୋଟ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ପରେ | ପ୍ଲସ୍ ସ୍ଥିର ହେବ ଯାହା ଏହି ଛୋଟ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ପରେ ଆଲଫା ଦି a ାରା ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ଏହାକୁ ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ର ବର୍ଗ ମୂଳରେ ପରିଣତ କରିବ, ଏକ ପ୍ଲସ୍ b ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଦି

by ଚାରା ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ b ସମୟର t ପୂର୍ଣ୍ଣ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟର ବର୍ଣ୍ଣ ମୂଳ ଦ୍ୱିଭାଜିତ ଚାରା ବିଭକ୍ତ ଯାହା ଶେଷରେ ପରେ | ସାମାନ୍ୟ ସରଳୀକରଣ ଆପଣ ଏହାକୁ ଏକ ବର୍ଣ୍ଣ ରୁଟ୍ ଭାବରେ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ b ରେ ଚନ୍ଦ୍ର ଓଲଟା t ରୁଟ୍ ରେ ପୂର୍ଣ୍ଣ b ରୁଟ୍ ଉପରେ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବେ

ତେଣୁ a ଏବଂ b ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟାରେ ଏହା ଦିଆଯାଏ | କିଛି ମୂଲ୍ୟ ଥିବା b ର କିଛି ଅଛି | ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ମୂଲ୍ୟ

ତେଣୁ ଆପଣ କେବଳ ଜାଣିପାରିବେ ଯେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କ'ଣ ହେବ କିମ୍ବା ଯଦି ଏହି ଫର୍ମରେ ଫର୍ମ ଦିଆଯାଏ ତେବେ ଆପଣ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ମୂଲ୍ୟ ମଧ୍ୟ ଜାଣିପାରିବେ ଆମେ ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ବାଛି

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଆମକୁ ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ | ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ dx ଉପରେ ପାପର ଓଲଟା ଦୁଇ x ର ଅବିଭକ୍ତତା,

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଅନ୍ୟ କ factor ଶିକ୍ଷା ଫ୍ୟାକ୍ଟର ନାହିଁ, ଯାହାକୁ ଆମେ ଏଠାରେ ବ୍ୟବହାର କରିବା ଉଚିତ ଯେ ଗୋଟିଏ ଉପାୟ ଅଛି ଯେ x ପାଇଁ ଏକ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବେ ଯାହାକୁ କି ଆପଣ କିଛି ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କିମ୍ବା ଅନ୍ୟ ଉପାୟରେ ରଖିପାରିବେ | ଏହା ହେଉଛି ଯେ ଆପଣ ସେହି ଧାରଣାକୁ ଯାଞ୍ଚ କରନ୍ତୁ ଯାହା ଆପଣ ଏଠାରେ ବିପରୀତ କାର୍ଯ୍ୟର ଉଦାହରଣ ପାଇଁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିଛନ୍ତି ବୋଲି ବିଚାର କରି ଏହା ସାଇନ ଜନଭର୍ସ 2 x ଦ୍ୱାରା 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ ଗୁଣିତ ହୋଇ ଲେଖା ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଏବଂ ଦେଖିବା ଯଦି ମୁଁ ଚୟନ କରେ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ ଯେହେତୁ ଏହା ଏକ ଓଲଟା ଟ୍ରାଇଗୋମେଟ୍ରିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଅଟେ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରିବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ଏହା ଏକ ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ମୁଁ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଦ୍ୱିତୀୟ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ବିଚାର କରିବି

ତେଣୁ ଅଂଶଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ୱାରା ଏକୀକରଣ ମୁଁ ଏଠାରେ ପ୍ରୟୋଗ କରିବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଆମ୍ଭ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବାକୁ ଯାଉଛି ତାହା ଦ୍ୱିଭାଜିତ ଚାରା ଏହି ଏକୀକରଣକୁ ପୁଲ୍ କରନ୍ତୁ, ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ ସାଇନ ଓଲଟା ଦୁଇ x ଯାହା ଦ୍ୱି second ଚିତ୍ରାୟନ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଅଟେ

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ମୋଡେ ସାଇନ ଜନଭର୍ସର x ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭିନ୍ନତା ଦେବ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାର ଭିନ୍ନତା ଜାଣେ | ସାଇନ ଜନଭର୍ସ x ହେଉଛି 1 ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣର ବର୍ଣ୍ଣ ମୂଳ ଦ୍ୱି ଚାରା 1

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ 1 ବର୍ଣ୍ଣ ବର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ 1 ମାଇନସ୍ ର ମୂଳ ଲେଖିବି

ତେଣୁ x ବଦଳରେ ଏହା 2 x ଉପରେ 2 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ପୁରା ବର୍ଣ୍ଣ ତାପରେ ଏହା ଦ୍ୱି multiplic ଚାରା ଗୁଣିତ ହେବ | ଫ୍ୟାକ୍ଟର

ତେଣୁ ମୋଡେ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟରର ଡେରିଭେଟିଭ୍ ନେବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ d ର dx ଦ୍ୱି ଚାରା ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ dx ର ଭିନ୍ନତା ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟର ଦ୍ୱିତୀୟ ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଡିଫରେସନ୍ସର ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଏବଂ ପରେ ଦ୍ୱିତୀୟ ଏକୀକରଣ | ଦ୍ୱି second ଚିତ୍ରାୟନ ଆପଣଙ୍କୁ xdx ଦେବ ବର୍ତ୍ତମାନ ମୋଡେ ଜାଣିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ ଦୁଇ x ପାଇଁ dx ଦ୍ୱି ଚାରା d କ'ଣ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ମୋଡେ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ସ୍କାଲରେ ଦୁଇ x ର dx ଦ୍ୱି separ ଚାରା ପୃଥକ ଭାବରେ ଜାଣିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହା ଫର୍ମ ସଂଖ୍ୟାରେ ଅଛି | ଗୁଣ୍ଠା ଉପରେ ଓମିନେଟର

ତେଣୁ ଏହା ମୋଡେ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ସ୍କାଲରୁ ଦୁଇ x ର ଭିନ୍ନତାରେ ଦେବ ଏବଂ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣର ଭିନ୍ନତା ପାଇଁ ମୋଡେ ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ ଦୁଇ x ଦେବ, ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ଦ୍ୱି divided ଚାରା ବିଭକ୍ତିତ ଦୁଇଟି x ଦେବ, ଏହା ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇ x ବର୍ଣ୍ଣ ମାଇନସ୍ | ଚାରି x ବର୍ଣ୍ଣ ଯାହା ମୋଡେ ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ ଦୁଇ x ବର୍ଣ୍ଣ ଦେବ ଯାହାକି ଶେଷରେ ମୁଁ ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣରେ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ସ୍କାଲ ପୁରା ବର୍ଣ୍ଣ ଦ୍ୱାରା ବିଭକ୍ତ ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ ଏହି ଶବ୍ଦର ଡେରିଭେଟିଭ୍ ମୋର ବର୍ତ୍ତମାନ ମୂଲ୍ୟ ଅଛି ମୁଁ ଏହାକୁ ଏଠାରେ ଲେଖିବି x ସାଇନ ଓଲଟା ଦୁଇଟି | x ଉପରେ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ରେ ମୋର ଏହି ଶବ୍ଦ ଅଛି ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ 1 ମାଇନସ୍ ଏହା 4 x ବର୍ଣ୍ଣ ହୋଇଯିବ

ତେଣୁ ଡେରିଭେଟିଭ୍ ମୋର ପୃଥକ ଭାବରେ 1 ମାଇନସ୍ 4 x ବର୍ଣ୍ଣ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ପୁରା ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବି

ତେଣୁ ଏହି ଶବ୍ଦଟି ମୁଁ ଏଠାରେ ଲେଖିବି | ଏହା ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣର ବର୍ଣ୍ଣ ମୂଳ ଭାବରେ ଚାରି ବର୍ଣ୍ଣ ମାଇନସ୍ ଚାରି x ବର୍ଣ୍ଣକୁ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ପୁରା ବର୍ଣ୍ଣ ଦ୍ୱି divided ଚାରା ବିଭକ୍ତ ଯାହା ମୁଁ ଏଠାରେ c ଭାବରେ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ପୁରା ବର୍ଣ୍ଣ ଖୋଲିବି ତେବେ ମୁଁ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ power ାଇବି | 4 plus 2 x ବର୍ଣ୍ଣ ମାଇନସ୍ 4 x ବର୍ଣ୍ଣ ଏହାକୁ ମାଇନସ୍ 2 x ବର୍ଣ୍ଣ କରିବ ଯାହା ଦ୍ୱି ଚାରା ମୁଁ 1 ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣ ପୁରା ବର୍ଣ୍ଣ ପାଇବି

ତେଣୁ ସଂଖ୍ୟାଟି ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ପୁରା ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ ଏକ ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣ ପୂର୍ଣ୍ଣ ବର୍ଣ୍ଣ ହେବ ଏବଂ ଶେଷରେ ମୁଁ ଏହାକୁ ପାଇବି | ଯେହେତୁ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ,

ତେଣୁ ଏହି ଆହା ଶବ୍ଦଟି 1 ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣ 1 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣରେ ପରିଣତ ହୁଏ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି ନାମକରଣ ଶବ୍ଦ ପାଇଁ ଏହି ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କରିବି

ତେଣୁ ଏହାକୁ ମୁଁ 1 ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ 1 ରୁ ଅଧିକ ପାଇବି | 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ଏହାକୁ ଭିନ୍ନତା ଦ୍ୱି multiplic ଚାରା ଗୁଣିତ କରେ ଯାହା ମୁଁ ପୂର୍ଣ୍ଣରୁ 2 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ପୁରା ବର୍ଣ୍ଣ ଉପରେ 2 ଥର 1 ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣ ପାଇଯାରିଛି ଏବଂ ଶେଷରେ ଏହି xdx

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ x ଏଠାରେ ରଖିବି ଏବଂ ଶେଷରେ dx ଏଠାରେ ରଖିବି

ତେଣୁ ଏହାକୁ ଭଲ ଭାବରେ ଦେଖନ୍ତୁ | କିଛି ସର୍ଭାବଳୀ ବାଟିଲ୍ ହେଉଛି ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଏହି ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ x ବର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ବାଟିଲ୍ ହେଉଛି

ତେଣୁ ଶେଷରେ ଏହା ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ସ୍କାଲ ଉପରେ ଦୁଇ ସାଇନ ଓଲଟା ହୋଇଯାଏ | ଇ ମାଇନସ୍ x ଉପରେ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ dx ପୁନର୍ବାର ମୁଁ ଏହାକୁ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣକୁ ଏକ ନୂତନ ଭେରିଏବଲ୍ t ଭାବରେ ନେଇପାରିବି ଯାହା ଦ୍ୱି ଚାରା tx ଦୁଇଟି xdx dt ହେବ

ତେଣୁ xdx ଦୁଇଟି ଦ୍ୱି ଚାରା dt ହେବ ଯାହାକୁ ମୁଁ ସିଧାସଳଖ ଏକ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଲେଖିପାରେ ଯାହାକୁ ତୁମେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବ | ଏହା ଏକ x ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଣ୍ଣ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଛିନ୍ନ ମୋଡେ ର x ବର୍ଣ୍ଣ ମାଇନସ୍ ଅଧା ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଉପରେ x ପାପ ଓଲଟା ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ସର୍ଭାବଳୀକୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପରେ ଆମେ ଏହି ଫଳାଫଳ ପାଇପାରିବା ବେଳେବେଳେ ଏହା ଯେତେବେଳେ ଆପଣ ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ କିଛି ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ବ୍ୟବହାର କରନ୍ତି ସେତେବେଳେ ଏହା ଅତି ସହଜ ହୋଇଯାଏ | ଓଲଟା ଟ୍ରାଇଗୋମେଟ୍ରିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଗୁଡ଼ିକ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଏଠାରେ ଏକ ଆହାକୁ ଦେଖିବା ଦ୍ୱାରା x କୁ ଚାନ୍ତୁ ଯିବା ଏବଂ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଉଦାହରଣ ସହିତ କ'ଣ ଘଟେ ତାହା ଦେଖିବା ପାଇଁ ମୁଁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ବାଛିବି ଯାହା ଦେଖାଇବା ପାଇଁ ଯଦି ଆମେ ସେହି ପ୍ରକାରର ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ବ୍ୟବହାର କରୁ ତେବେ ଏହା କିପରି ବିକଶିତ ହୁଏ | ଆହା ଅନ୍ୟ ଏକ ଭେରିଏବଲ୍

ତେଣୁ x ବର୍ଣ୍ଣର ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ dx ର ଦୁଇଥର cos ଓଲଟା ଏକୀକରଣର ଉଦାହରଣ ବାଛିବା ଦ୍ୱି so ଚାରା ଏହି କୋସ୍ ଓଲଟା ଦୁଇ x ବର୍ଣ୍ଣ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ t

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାର ପୂର୍ଣ୍ଣ ଉଦାହରଣକୁ ସମାଧାନ କରିବା ପରିବର୍ତ୍ତେ | ମୁଁ ଏକ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କରିବି ଯେହେତୁ x cos theta ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଦ୍ୱି ଚାରା dx sin sin theta dta ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ i ଏହାର ଫର୍ମକୁ cos inverse two cos square thetaus minus one minus sin theta d theta ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଶବ୍ଦଟି cos ଅଟେ | ଏହି ସାଥୀକ୍ ଓଲଟା କିଛି ମୁଁ ଜାଣେ ସୂତ୍ର ଟ୍ରାଇଗୋମେଟ୍ରିକ୍ ସମ୍ପର୍କ 2 କୋସ୍ ବର୍ଣ୍ଣ ଥାଗା ମାଇନସ୍ 1 ହେଉଛି cos 2 ଥା

ତେଣୁ କୋସ୍ ଓଲଟା କୋସ୍ 2 ଥାଗା ଆଉ କିଛି ହେବ ନାହିଁ କିଛି ଦୁଇଥର ଥା କୋସ୍ ଓଲଟା କୋସ୍ ଦୁଇ ଥାଗା ଦୁଇଥର ଥାଗା ଏବଂ ତା' ପରେ ମାଇନସ୍ ସାଇନସ୍ | ଥାଗା ଥା

ତେଣୁ ଏହା ସାଇନସ୍ ଥାଟା ର ମାଇନସ୍ ଦୁଇଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ସହିତ ସମାନ, ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ପାର୍ଟସ୍ ଦ୍ଵାରା ଆ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବି କାରଣ ଏହା ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଅନୁମାନ କରୁଛି ଏବଂ ଏହା ଟ୍ରାଇଗୋନୋମିଟ୍ରିକ୍ ଆହା ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍
ତେଣୁ ଏହା ମୋତେ ଦୁଇଟି ଥାଟା ପାପର ମାଇନସ୍ ଦେବ | କୋଟା ଥାସ୍ ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଥେଟା ଭିକ୍ଟା 1 ଏବଂ ପାପ ଥେଟା ର ମାଇନସ୍ କୋସ୍ ଥାଟା ଭଳି ଏକାକରଣ ଅଛି ଯାହା ଶେଷରେ ମୋତେ ମାଇନସ୍ ମାଇନସ୍ ପ୍ଲସ୍ 2 ଆ କୋସ୍ ଦେବ | ଥାଟା ତାପରେ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ
ତେଣୁ ଏହା ମାଇନସ୍ ମାଇନସ୍ ପ୍ଲସ୍ ହୋଇଯିବ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହି ମାଇନସ୍ ଏହାକୁ କୋସ୍ ଥାଟା ର କୋସ୍ ଥାଟା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ମାଇନସ୍ ଦୁଇଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ କରିଦେବ | ଏହାର ମୂଲ୍ୟ କ'ଣ

ତେଣୁ $\cos \theta \times \sin \theta$ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ $2 \times \cos \theta \sin \theta$ ଏଠାରୁ ମାଇନସ୍ $2 \sin \theta$

ତେଣୁ $\sin \theta$ 1 minus $\cos^2 \theta$ ର ବର୍ଗ ମୂଳ ହେବ

ତେଣୁ 2 ମାଇନସ୍ ର 2 ବର୍ଗ ମୂଳ | \cos ବର୍ଗ ଥାଟା ଯାହାକି ଏକ ମାଇନସ୍ x ସ୍କ୍ଵେର୍ଡ ଅଟେ ଯେତେବେଳେ ପ୍ଲସ୍ ଏକ ଏକାକରଣର ଏକ ସ୍କ୍ଵିର ଅଟେ

ତେଣୁ ଆହର ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ଯେତେବେଳେ ଆମକୁ ଓଲଟା କିନାମେଟିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଦିଆଯାଏ, ଟ୍ରାଇଗୋମେଟ୍ରିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ରେ ଗୋଟିଏ ଭେରିଏବଲ୍ ର ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ ଏହା ବେଳେବେଳେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଅନ୍ୟ ଏକ ସରଳ ଫର୍ମରେ ପରିଣତ କରିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରେ | ଯାହାକୁ ଆମେ ସହଜରେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବା ଆମେ ଏହାକୁ ଆହୁରି କିଛି ଉଦାହରଣରେ ଦେଖିବା, ନିମ୍ନଲିଖିତ ଉଦାହରଣ ବାଛିବା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଉଦାହରଣକୁ ଗ୍ରହଣ କରିବା $\int \sin \theta \cos \theta d\theta$ ର ଏକାକରଣ ସହିତ ସମାନ | ଏହି ଉଦାହରଣକୁ ସମାଧାନ କରିବା ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ x ର ଗୋଟିଏ ଓଲଟା dx ର ଚନ୍ ଓଲଟା ମୂଳ, ଆମେ ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବୁ ଯେପରି ଆମେ ପୂର୍ବ କ୍ଷେତ୍ରରେ ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲୁ କେବଳ ଏହାକୁ ମନେ ରଖିବାକୁ ହେବ ଯେ ଆମେ x ର ପ୍ରତିସ୍ଥାପନକୁ ଏପରି ଭାବରେ କରିବା ଉଚିତ | ଏହି ସମଗ୍ର ଶବ୍ଦଟି ଏକ ଚାନ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ରେ ରୂପାନ୍ତରିତ ହୁଏ ଯାହା $\int \sin x dx$ ଯାହା $-\cos x$ ଏବଂ $-\cos x$ ର ଓଲଟା ବାଟିଲ୍ ହୋଇଯାଏ ଯାହା $\sin x$ ମନେ ରଖିବା ଉଚିତ୍

ତେଣୁ ଏହି ଫର୍ମକୁ 1 ମାଇନସ୍ x 1 ପ୍ଲସ୍ x ଉପରେ ଦେଖନ୍ତୁ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏକ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରିବା ଉଚିତ ଯେଉଁଠାରେ ଏହିଗୁଡ଼ିକ ବାଟିଲ୍ ହେବା ଉଚିତ୍ |

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତି ଏବଂ ଯଦି ଆପଣ ଯାସ୍ତ କରନ୍ତି ତେବେ ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ରୂପରେ $\cos 2\theta$ ର ସୂତ୍ର ଅଛି ତେବେ ଆପଣ ଏହାକୁ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ସାଇନ ବର୍ଗ ଥାଟା ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବେ କିମ୍ବା ଆପଣ ଏହାକୁ ଦୁଇଟି \cos ବର୍ଗ ଥାଟା ମାଇନସ୍ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବେ

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ x ର ଏକ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କର \cos ଦୁଇଟି ଆ ସହିତ ସମାନ, ମୁଁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରେ ଯେ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ x ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ x ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ମୁଁ ଏହାକୁ ଲେଖିବା ପରଠାରୁ ମୋତେ ଏହାକୁ ବାଟିଲ୍ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି ସୂତ୍ରକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବା ଉଚିତ୍

ତେଣୁ 1 ମାଇନସ୍ 2 | ସାଇନ ସ୍କ୍ଵେର୍ଡ ଥାଟା 1 ପ୍ଲସ୍ 2 ସି ଉପରେ | \cos ବର୍ଗ ଥାଟା ମାଇନସ୍ ଏତେ ଯତ୍ନ ସହିତ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ ଦେଖନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ଶେଷରେ ଏଠାରେ ଯାହା ପାଇବେ ତାହା ହେଉଛି ଏହା ବାଟିଲ୍ ହୋଇଯିବ ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ ସଂଖ୍ୟାରେ ବାଟିଲ୍ ହୋଇଯିବ ଆପଣ ସାଇନ ସ୍କୋୟାର୍ ଥାଟା ଏବଂ ନାମକରଣ ପାଇବେ ଆପଣ କୋସ୍ ବର୍ଗ ଥାଟା ପାଇବେ କାରଣ ଦୁଇଜଣ ମଧ୍ୟ ବାଟିଲ୍ ହୋଇଯିବେ | ଦୁଇଟି

ତେଣୁ ତୁମେ କୋସ୍ ବର୍ଗ ଥାଟା ଉପରେ ସାଇନ ସ୍କ୍ଵେର୍ଡ ଥାଟା ପାଇବ

ତେଣୁ 1 ପ୍ଲସ୍ x ଉପରେ 1 1 ମାଇନସ୍ x ଉପରେ 1 ପ୍ଲସ୍ x କୋସ୍ ସ୍କ୍ଵେର୍ଡ ଥାଟା ଉପରେ ପାପ ସ୍କ୍ଵେର୍ଡ ହୋଇଯାଏ ଯାହା ଚାନ୍ ସ୍କୋୟାର୍ ଥାଟା ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଆମର ଏହି ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ | $\int \cos 2\theta d\theta$ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଆପଣଙ୍କୁ dx ଦେବ ଦୁଇଟି ସାଇନ ଦୁଇଟି ଥାଟା $d\theta$ ର ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ | ଥାଟା dx ଦ୍ଵାରା ଗୁଣିତ ହୋଇଛି ଯାହା ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ସାଇନ ଦୁଇ ଥାଟା d ଥାଟା

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି ମାଇନସ୍ ଦୁଇକୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଚାଲି ଇନଭର୍ସ ଚାନ୍ ବାହାରେ ନେଇ ପାରିବି ମୋତେ ଥାଟା ସାଇନ ଦୁଇଟି ଥାଟା ଦେବ ଏବଂ ଏହା ପୁଣି ଥରେ ହେବ | ପୂର୍ବ ସମସ୍ୟା

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଏବଂ ଏହାକୁ ଦ୍ଵିତୀୟ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବି ଏବଂ ତା' ପରେ ଅଂଶଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ଵାରା ବ୍ୟବହାର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବି, ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ଅଂଶଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ଵାରା ଏକାକରଣକୁ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ରୂପେ ବ୍ୟବହାର କରିବ ନାହିଁ ଏବଂ ତା' ପରେ ସମ୍ପର୍କକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଥାଟାରୁ x କୁ ରୂପାନ୍ତରିତ କରିବ ଯାହା y ଥାଟା ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ | ସେହି ସରଳୀକରଣ ସାହାଯ୍ୟ କରେ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କରି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କର, ଯାହାକି ଏକ ସରଳ ରୂପରେ ସମସ୍ୟା ସୃଷ୍ଟି କରିବ ଯାହା ମୁଁ ତୁମ ପାଇଁ ବାଛିବି, ଏହା ଏକ ଧରାଯାଉ ଯେ ଆମକୁ କେବଳ 1 ପ୍ଲସ୍ ଉପରେ 1 ମାଇନସ୍ ମୂଳ x ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାକୁ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟ ଦିଆଯାଇଛି | ମୂଳ $x dx$

ତେଣୁ ପୂର୍ବ ଉଦାହରଣରୁ ତୁମେ ଅତି କମରେ କିଛି ଧାରଣା ପାଇବା ଉଚିତ ଯେ ଏହାର ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କ'ଣ ହୋଇପାରେ କାରଣ 1 ମାଇନସ୍ ଏବଂ ତା' ପରେ 1 ପ୍ଲସ୍ ତେଣୁ ମୁଁ ଭାବୁଛି ତୁମେ ସହଜରେ ଅନୁମାନ କରିପାରିବ ଯେ ମୁଁ ବର୍ଗ ମୂଳ x ଚେଷ୍ଟା କରିବା $\cos 2$ ଆ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ 1 ମାଇନସ୍ ରୁଟ୍ x ଉପରେ 1 ପ୍ଲସ୍ ରୁଟ୍ x ଯେପରି ଆମେ ପୂର୍ବ ସମସ୍ୟାରେ କରିଥିଲୁ ଏହା ପାଇଁ 1 ମାଇନସ୍ କୋସ୍ 2 ଥାଟା 1 ପ୍ଲସ୍ ଉପରେ $\cos 2$ ଥାଟା ଆସିବ ଯାହା ମୁଁ ବ୍ୟବହାର କରିବି ଇ ସାଇନ ଫଙ୍କସନ୍ ଡେନୋମିନେଟର ମୁଁ କୋସାଇନ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ବ୍ୟବହାର କରିବି ଯାହା I ଥାଟା ମୁଁ ଏହାକୁ କୋସାଇନ୍ ସ୍କୋୟାର୍ ଥାଟା ଉପରେ ସାଇନ ସ୍କ୍ଵେର୍ଡ ଥାଟା ଭାବରେ ପାଇବି ଯେପରି ପୂର୍ବ ସମସ୍ୟା ପରି ଆମେ ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଏହାକୁ ବଦଳାଇଥିଲୁ

ତେଣୁ ସମ୍ପର୍କ ପାଇଁ ତୁମେ $\cos \theta$ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା ସଂଖ୍ୟା ସହିତ ସମାନ | 1 ମାଇନସ୍ 2 ସାଇନ ସ୍କ୍ଵେର୍ଡ ଥାଟା ଏବଂ ଡେନୋମିନେଟର କୋସ୍ ଥାଟା ପାଇଁ ଆପଣ 2 କୋସ୍ ବର୍ଗ ଥାଟା ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ ବ୍ୟବହାର କରନ୍ତି ଯାହା y ଥାଟା ଆପଣ ସମାନ ଶବ୍ଦ ପାଇବେ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଯଦି ମୁଁ ଡିଫେରିଏଲ୍ ନେବି ଯାହା ମୁଁ ପାଇବି ତାହା ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ରୁଟ୍ ରୁ ଗୋଟିଏ xdx ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ | ସାଇନ ଦୁଇ ଥାଟାକୁ ଦୁଇଥର ବିଭକ୍ତ କର ଏହାକୁ ଦୁଇଟି କୋସ୍ ଦୁଇ ଥାଟା ପାପ ଦୁଇ ଥାଟା ସାଇନ ଚାରି ଥାଟା ଥାଟା ଭାବରେ ଲେଖି,

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଶବ୍ଦର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିଛୁ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଚାନ୍ ବର୍ଗ ଥାଟା

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ୍ $\int \sin \theta \cos \theta d\theta$ ଚାନ୍ ବର୍ଗ ଥାଟାର ବର୍ଗ ମୂଳର ଏକାକୃତରେ ପରିଣତ ହେବ ଯାହା ଚାଙ୍ଗେଣ୍ଡ୍ | ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ସାଇନ ଚାରି ଥାଟା ଦ୍ଵାରା ଗୁଣିତ ଏବଂ ତାପରେ d ଥାଟା

ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନକୁ ଦେଖିବ ତାହା ଦେଖାଯାଏ ନାହିଁ ଯେ ଆମେ ତୁମକୁ ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଆମକୁ ଟ୍ରାଇଗୋନୋମେଟ୍ରିକ୍ ସମ୍ପର୍କର ଅଧିକ ବ୍ୟବହାର ପାଇଁ ଯିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଦୁଇଥର ଏହି ଚଟାକୁ ମୁଁ ଲେଖିପାରେ | ଏହା ସାଇନ ଚାରି ଥାଟା ଦ୍ଵାରା ଗୁଣିତ କୋସ୍ ଥାଟା ଉପରେ ପାପ ଥାଟା ଦୃଷ୍ଟିରୁ ଯାହା ମୁଁ ଦୁଇଟି ସାଇନ ଦୁଇ ଥାଟା କୋସ୍ ଦୁଇ ଥାଟା ଭାବରେ ଲେଖିବି

ତେଣୁ ଏହା ମାଇନସ୍ ଚାରି ହୋଇଯିବ ତୁମେ ଜାଣି ଯେ ତୁମେ ପାପ ଦୁଇଟି ଥାଟାକୁ ଦୁଇଟି ପାପ ଥାଟା କୋସା ଭାବରେ ଲେଖି ପାରିବ | ସେହି ସାଇନା ଥାଟା ଉପରେ କୋସା ଥାଟା ଚାରିଟିର ଏହି ଦୁଇ ଦ୍ଵାରା ଗୁଣିତ ହୋଇଯାଉଛି, ସେଠାରେ ଦୁଇଟି ସାଇନ ଥାଟା କୋସା ଦୁଇଟି କୋସା ଥାଟା ଅଛି

ତେଣୁ ଏହି କୋସ ଥାଟା ବାଟିଲ୍ ହୋଇଯାଏ ଏ ଂ ତୁମେ ଯାହା ଛାଡ଼ିଛ ତାହା ମ ଇନସ୍ ଚ ରି ଚାରିରୁ ଆଠ ମାଇନସ୍ ଆଠ ସ ଇନ ବର୍ଗ | $\int \sin \theta \cos \theta d\theta$

ବର୍ତ୍ତମାନ ଆପଣ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କରିପାରିବେ ଯଦିଓ ଆପଣ ଚାହାଁନ୍ତି କିଛି ଏକ ସରଳ ଉପାୟ ହେଉଛି ଯେ ଆପଣ $\int \sin \theta \cos \theta d\theta$ କୁ ରୂପାନ୍ତରିତ କରନ୍ତି | $\int \sin \theta \cos \theta d\theta$ ସାଇନ ଦୁଇଟି ଥାଟା

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ମାଇନସ୍ ଦୁଇଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ନେବି ତେବେ ଏହା ହୋଇଯିବ ମୁଁ ଏଠାରେ ଚାରୋଟି ସାଇନ ବର୍ଗ ଥାଟା କୋସ୍ ବର୍ଗ ଥାଟା ଲେଖିବି ଏବଂ ଏହା କେବଳ

ତେଣୁ ମୁଁ ଲଗ୍ ଲଗ୍ ହୋଇଯାଏ t ପୁଣି 1 ଦ୍ୱାରା t ସ୍ୱାର୍ଥ ଲୋ | g ର t ପୁଣି by ାରା ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଏବଂ ତାପରେ ଏହା ପାଖରୁ tdt କୁ $raised$ ିକି

ତେଣୁ ଏହାକୁ ଏହି ଫର୍ମରେ ଲେଖିବା it ାରା ମୁଁ ଏହାକୁ ପାଖରୁ ଲଗ୍ tdt ପୁଣି କୁ $square$ ାଇବା ପାଇଁ t ବର୍ଗ dt $power$ ାରା ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଅଛି | ଏହି ଫର୍ମରେ ରୁପାନ୍ତରିତ ହୋଇଛି କିନ୍ତୁ ସିଧାସଳଖ ii ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ପ୍ରୟୋଗକୁ ଦେଖି ନାହିଁ ଯାହାକୁ ଆମେ ପୂର୍ବ ସମସ୍ୟାରେ ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲୁ କିନ୍ତୁ ମୁଁ ଏଠାରେ ଯାହା କରିପାରିବି ତାହା ହେଉଛି ଯେ ମୁଁ ପୁନର୍ବାର ଏହି କାରଣ ପାଇଁ ଅଂଶଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ୱାରା ଏକୀକରଣ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବି ଏବଂ ଯେହେତୁ ଲୋଗାରିଥିମିକ୍ ଏଠାରେ ଅଛି | ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ମୁଁ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଏହି ଲୋଗାରିଥିମିକ୍ କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏବଂ ଏହି ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସିଆଲ୍ $function$ ିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛିବି

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ତାହା କରେ ତେବେ ମୁଁ ପାଖରୁ tz କୁ ପାଖରୁ t କୁ $raise$ ାଇବା ପାଇଁ ଲଗ୍ ଇ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ପାଇବି ଇ ପାଖରୁ କୁ $raised$ ିକି ଇ ପାଖରୁ tdt ପୁଣି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ କୁ $square$ ାଯାଇଛି t ବର୍ଗ dt ଉପରେ ପାଖରୁ କୁ $raised$ ାଇବା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ସେମାନଙ୍କୁ ଏକତ୍ର କୁଣ୍ଡ କରିବା ଏବଂ ପାଖରୁ t ଲଗ୍ ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ କୁ ପାଖରୁ t ଉପରେ $raised$ ାଇବା ଦେଖିବା | ମାଇନସ୍ ଏକ ଓଭର t ବର୍ଗ dt ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର କୁ ଦେଖି | t ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ t ାରା t ବର୍ଗ ସମାନ ସମସ୍ୟା ଯାହା ମୁଁ ପୂର୍ବ ଉଦାହରଣରେ ସମାଧାନ କରିଥିଲି

ତେଣୁ ଆପଣ ଜାଣନ୍ତି ଯେ ସେହି ଉଦାହରଣର ସାହାଯ୍ୟରେ ଏହା ହେଉଛି ft ଏବଂ ଏହା f ପ୍ରାଇମ୍ ଅଟେ

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ପାଖରୁ t କୁ ft ପୁଣି କନଷ୍ଟାଣ୍ଟରେ ବୁଦ୍ଧି ହେବ |

ତେଣୁ ଚାଲିଲୁ ଲେଖିବା e କୁ ପାଖରୁ tc କୁ $raised$ ାଯାଇଥିବା ଅଂଶ ହେଉଛି x ଲଗ୍ t ହେଉଛି କ୍ଷୁଦ୍ର ଭାବରେ ଲଗ୍ ହେଉଛି ଲଗ୍ x ମାଇନସ୍ ଇ ପାଖରୁ କୁ $raise$ ାଇବା ପୁଣି x କୁ 1 ରୁ t କୁ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଲଗ୍ x ଦ୍ୱାରା ପୁଣି କ୍ରମାଗତ c

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ସମାଧାନ ବା ଉତ୍ତର | ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ଯାହା ଆମେ d ଏତେ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ସହିତ $ealt$ ତେବେ ଏହି ପ୍ରୋକ୍ର ପ୍ରୟୋଗ ଏହି ଫର୍ମୁଲା ଯାହାକୁ ଆମେ ଅଧ୍ୟୟନ କରିଥିଲୁ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ପାଇଁ ତୁମ ପାଇଁ ଆଉ ଏକ ସରଳ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରେ ଯାହା ସମାନ ଧାରଣାକୁ ବ୍ୟବହାର କରେ ଇ ପାଖରୁ x 1 ପୁଣି ପାପ x କୁ $raised$ ାଯାଇଥିବା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଖୋଜିବା | ପ୍ରଥମ ଦେଖାଗେ 1 ପୁଣି $\cos x$ ଏହା ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ପରି ଦେଖାଯାଏ ନାହିଁ ଏବଂ ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଫର୍ \cos କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ ଯତ୍ନ ସହ ଦେଖନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଆପଣ ଏହାକୁ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ରୂପରେ ପରିଣତ କରିପାରିବେ ଏବଂ ଆପଣ ଦେଖିବେ ଯେ ଆମେ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମେ କିପରି କରିବୁ | ଏସବୁ ମଧ୍ୟରୁ ଆମେ ଏହି ଟ୍ରାଇଗୋନୋମେଟ୍ରିକ୍ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ 1 ପୁଣି ସାଇନ x ଉପରେ 1 ପୁଣି $\cos x$ ଲେଖିବା ଏବଂ ସେହି ସମାନ ଆଙ୍ଗୁଳି ଫର୍ମୁଲା ବ୍ୟବହାରରେ ରୁପାନ୍ତରିତ କରିବୁ

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ପୁଣି $\sin xi$ ଗୋଟିଏ ଲେଖିବ ମୁଁ $\cos square x$ two ାରା ଦୁଇଟି $plus square square x$ $by two$ $\cos square x$ ଦୁଇଟି ପୁଣି ସାଇନ ସ୍ୱାର୍ଥ x two ାରା ଦୁଇ ପୁଣି ଦୁଇଟି ସାଇନ x two ାରା ଦୁଇ କୋସ୍ x two ାରା ଏହା ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଏହା ସାଇନ x ପୁରା ଗୋଟିଏ $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ଏହି କୋସ୍ xi ଦୁଇଟି କୋସ୍ ବର୍ଗ x ରେ ଦୁଇ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏରେ ପରିଣତ ହେବ ଯାହା $this$ ାରା ଏହା ଗୋଟିଏ | ବାଡ଼ିଲୁ ହୁଏ a ତୁମେ ଏଠାରେ ଯାହା ପାଇବ ତାହା ହେଉଛି $\cos x$ two ାରା ଦୁଇ ପୁଣି ସାଇନ x two ାରା ଦୁଇଟି ପୁରା ସ୍ୱାର୍ଥ cos ାରା ଦୁଇ ବର୍ଗ $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ଏବଂ ଏହି $\cos x$ କୁ ଏଠାରେ ପରିଚିତ କର, ଯାହା you ାରା ତୁମେ ଗୋଟିଏ ପୁଣି ଟାନ୍ x ର ଅଧା ପାଇବ | ଦୁଇଟି ପୁରା ସ୍ୱାର୍ଥ ପୁଣି 2 ଟାନ୍ x two ାରା ଏବଂ ଧାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଗୋଟିଏ ପୁଣି ଟାନ୍ ବର୍ଗ ଥାଗା ସେକେଣ୍ଡ୍ ବର୍ଗ ଥାଗା ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଯାହା $half$ ାରା ଏହା ଅଧା ସେକେଣ୍ଡ୍ ବର୍ଗ x two ାରା ଦୁଇ ଦୁଇଟି ବାଡ଼ିଲୁ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ପୁଣି ଟାନ୍ by ାରା ଦୁଇ so ାରା ବାଡ଼ିଲୁ ହୁଏ

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଟ୍ରାଇଗୋନୋମେଟ୍ରିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଏହି ଫର୍ମରେ ଲେଖିବା ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର କୁ ଧାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ $fx \tan x$ 2 ାରା fx ଭାବରେ ବିବେଚନା କରେ ତେବେ ଟାନ୍ x 2 ାରା ଡେରିଭେଟିଭ୍ ହେଉଛି ସେକେଣ୍ଡ୍ ବର୍ଗ x two ାରା ଦୁଇଗୁଣ ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର f ପ୍ରାଇମ୍ x ଅଟେ

ତେଣୁ ସାମାନ୍ୟ ମନିପୁଲେସନ୍ ପରେ | ପ୍ରତ୍ୟେକ ସହିତ ସେହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର ସହିତ ଯାହା ମୁଁ w କରିପାରିବି | ରାଇଟ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସ୍ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା ସହିତ ଏହି ସାଥୀ e କୁ ପାଖରୁ x କୁ $factor$ ାଇ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର $multip$ ାରା ଗୁଣିତ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର ମୁଁ କେବଳ ଏହି ଫର୍ମରେ ଗଣନା କରିଛି, ଏହାକୁ ମୁଁ ଟାନ୍ x ଭାବରେ 2 ଏବଂ ସେକେଣ୍ଡ୍ ବର୍ଗ x ର ଅଧା ଏବଂ ତା' ପରେ dx ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଲେଖିବି | ମୁଁ ଜାଣେ ଏହା ହେଉଛି fx ଏହା f ପ୍ରାଇମ୍ x

ତେଣୁ ପାଖରୁ xfx ପୁଣି f କୁ $raised$ ାଯାଇଥିବା ଫର୍ମୁଲାକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବା you ାରା ତୁମେ ସମାଧାନ x ଭାବରେ ପାଖରୁ xfx ପୁଣି କୁ ଛିର କରିବ

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହି ଜଟିଳ ଦେଖାଯାଉଥିବା ସମସ୍ୟା ଦେଖିବ ଏବଂ ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳୀକୃତ କରିଛୁ | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମ୍ପର୍କକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଏହାକୁ ଏଠାରେ ପହଞ୍ଚାଇ ପାରିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ସେହି ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କରୁ

ତେଣୁ ଏହାର ଉତ୍ତର ହେଉଛି ଶେଷରେ ଆମେ ଆଉ ଏକ ଉଦାହରଣ 1 ପୁଣି x ପୁଣି x ମାଇନସ୍ 1 ଦ୍ୱାରା x କୁ ପାଖରୁ x କୁ $raise$ ାଇବା | ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ପୁଣି 1 x ାରା xdx ଆପଣ ଦେଖୁଥିବା ଆମକୁ ଏହାକୁ ଏକ ଭିନ୍ନ କୋଣରୁ ଦେଖିବା ଆବଶ୍ୟକ, କାରଣ ଯଦି ଆମେ x ପୁଣି 1 କୁ x କୁ ସିଧାସଳଖ ଭାବରେ ବାଛିଥାଉ ତେବେ ଏହା 1 ମାଇନସ୍ 1 କୁ x ବର୍ଗ dx ଦେବ dt ସହିତ ସମାନ | ଏଠାରେ ଦେଖାଯିବ ନାହିଁ 1 ଏବଂ ଆମେ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମେ ଦୁଇ ଭାଗରେ ଭାଙ୍ଗିବା ଗୋଟିଏକୁ ଅଲଗା ରଖିବା ଏବଂ x ମାଇନସ୍ କୁ ଗୋଟିଏ ଦ୍ୱାରା ଅଲଗା ରଖିବା ଯାହା we ାରା ଆମେ ଏହାକୁ x ପୁଣି ଦ୍ୱାରା $x dx$ ଲେଖିବା ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ଭାଗ ଏହାକୁ x ମାଇନସ୍ 1 ଭାବରେ xe ପାଖରୁ x କୁ $raised$ ାଇବା ଭଳି ଲେଖିବା | $x dx$ now ାରା ଆମେ ପ୍ରଥମେ ଏହି ଦ୍ୱିତୀୟ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ସହିତ ମୁକାବିଲା କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ଏବଂ x ପୁଣି କୁ ଗୋଟିଏ ରୁଆ ଡେରିଭେଟିଭ୍ t ଭାବରେ ବାଛିବୁ ଯାହା one ାରା ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ x ବର୍ଗ $dx dt$ ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ ଯତ୍ନ ସହ ଦେଖେ ତେବେ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ | x ବର୍ଗ dx ଉପରେ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ ଏଠାରେ dt ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ମୁଁ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର କୁ ଦେଖେ ତେବେ ଏହା ମୋଡେ x ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ 1 ଦେଇଥାଏ

ତେଣୁ ମୋଡେ ଯାହା କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ମୁଁ x ଦ୍ୱାରା ଗୁଣନ ଏବଂ ବିଭାଜନ କରେ ଯାହା I ାରା ମୁଁ ସେହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର ପାଇ ପାରିବି କିନ୍ତୁ ତାହା ନୁହେଁ ଯେ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ଜିନିଷ ଯାହାକି ଏହି ମୁହୂର୍ତ୍ତରେ ଏଠାରେ ଉପସ୍ଥିତ ନାହିଁ

ତେଣୁ ମୁଁ କରିବି ଯେ ମୁଁ ସେହି ଗୁଣ ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ହୋଇ ବିଭାଜନ କରିବି ଏବଂ x div ାରା ବିଭାଜନ କରିବି

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ତାହା କରେ ତେବେ ମୁଁ ଏଠାରେ ଯାହା ପାଇବି ତାହା ହେଉଛି x ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ 1 x ାରା x $multip$ ାରା ଗୁଣିତ ହେଉଛି x ବର୍ଗ ତେଣୁ ଏହାକୁ ଯତ୍ନ ସହ ଦେଖନ୍ତୁ ଏହି ସଂଖ୍ୟାକୁ x ବର୍ତ୍ତମାନ y କୁ ଛାଡ଼ିଦିଅ | ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ t ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରନ୍ତି ତେବେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସ୍ ଚାଲିମ୍ dx ର ନୂତନ ଅଂଶର ଅଂଶ dt ଅଟେ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି ସାଥୀର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସମ୍ପର୍କ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ x ଭାବରେ ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରିବା ଏବଂ ଏକୀକରଣ ପ୍ରୟୋଗ କରିବା | ଅଂଶଗୁଡ଼ିକ $that$ ାରା ସେହି ଧାରଣା ଯାହାକି ଏହାକୁ ଏହିପରି ଭାବରେ ଆମ x ପୁଣି କୁ xdx $raised$ ାରା $raised$ ାଇବ ଏବଂ ତା' ପରେ ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ x ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ $plus$ ାରା ଏହା ପାଖରୁ t କୁ $raised$ ିବ ଏବଂ ଏହି ସମଗ୍ର ଫ୍ୟାକ୍ଟର dx ଥର dt ହୋଇଯିବ |

ତେଣୁ ପାଖରୁ t କୁ ଉଠାଯାଇଥିବା ଇ ର ଏକୀକରଣ, ପାଖରୁ t କୁ ah ାଯାଇଥିବା $ah e$ ର ଏକୀକରଣ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହାକୁ x ପୁଣି କୁ x କୁ $raised$ ାଇବ ଏବଂ ଏହାକୁ ପୃଥକ ଭାବରେ ଗଣନା କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ, ଦାବି ହେଉଛି x ମାଇନସ୍ 1 ରୁ x ରେ 1 | xe $power$ ାରା ପାଖରୁ x କୁ $raised$ ାଯାଇଥିବା xdx $power$ ାରା ପାଖରୁ x କୁ $raised$ ାଯାଇଥିବା ଇ ସହିତ ସମାନ, ଏହାକୁ ବଦଳାଇ x ପୁଣି 1 ଦ୍ୱାରା ମିଳିପାରିବ

ତେଣୁ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମର ମାଲିକିୟତାକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ଗଣନା କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଏବଂ ତା' ପରେ ପୁଣି ଏକାକରଣ ହେବ ଯାହା ଯେ you ାରା ତୁମେ ପାଇବ । ଇ
ପାଠି $raise$ ା ବ $raise$ ାଇବା । rx plus 1 by x ବର୍ତ୍ତମାନ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ସାବଧାନତାର ସହିତ ଦେଖ । ଭେରିଏବଲ୍‌ର କିଛି ପରିବର୍ତ୍ତନ ଆମକୁ
ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗୁଡ଼ିକର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କଲା ଏବଂ ଆମେ ଶିଖୁଛୁ ଏବଂ ଦେଖୁଛୁ ଯେ ଆମେ ସେମାନଙ୍କୁ କିପରି ଏକ ଫର୍ମରେ ରୂପାନ୍ତର କରିପାରିବା
ଯାହା ଆମ ପାଇଁ ଆରାମଦାୟକ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ ସହଜରେ ପରିଚାଳନା କରିପାରିବା
ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ବକ୍ତୃତା ସମାପ୍ତ କରିବାକୁ ଆସିଥାଉ । ଅଧିକ ସମସ୍ୟା ସହିତ ଅଭ୍ୟାସ କରନ୍ତୁ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କ ସହିତ ନିଜକୁ ଆରାମଦାୟକ କରନ୍ତୁ ଧନ୍ୟବାଦ ।

Prutor@MITK