

ଗତ ଶ୍ରେଣୀରେ ଛାତ୍ରମାନଙ୍କୁ ସ୍ଵାଗତ କରୁ ଆମେ ଏକ ପଦ୍ଧତିର ପରିଚୟ ଦେଖୁଲୁ ଯାହା ସେହି ପଦ୍ଧତିର ଅଂଶ ଦ୍ଵାରା ଏକୀକରଣର ପଦ୍ଧତି ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା ଆମେ ଦେଖୁଲୁ ଯେ ଦୁଇଟି କାର୍ଯ୍ୟର ଏକ ଉତ୍ପାଦ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରି ଏକୀକୃତ ହୋଇପାରିବ ଯାହାକୁ ଆମେ ଏକ ଉଦାହରଣ ଦେଖୁଲୁ |

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ, ଫର୍ମୁଲାକୁ ପୁନର୍ବାର ଲେଖିବା,

ତେଣୁ ଦୁଇଟି ଫଙ୍କସନ୍ ପାଇଁ  $f(x)$  ଏବଂ  $g(x)$  ଉତ୍ପାଦର ଏକୀକରଣ  $f(x)$  ର  $f(x)$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ସହିତ  $f(x)$  ର  $f(x)$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା  $f$  ପ୍ରାଇମ  $x$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍  $g(x)dx$  ଏବଂ ତାପରେ  $dx$

ତେଣୁ ଏହାକୁ ଆମେ ଏକୀକରଣ ଅଂଶର ପଦ୍ଧତି ବୋଲି କହିଥାଉ |

ତେଣୁ ଏହି ପଦ୍ଧତିକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବା ଅତ୍ୟନ୍ତ ଉପଯୋଗୀ କି  $technique$  ଶବ୍ଦ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଆମେ କିଛି ସମୟ ମଧ୍ୟରେ ଦେଖିବା ଯେ କିଛି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସମାଧାନ କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ଏହି ପଦ୍ଧତିକୁ କିପରି ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଯଦି ଆପଣ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀକୁ ମନେ ରଖନ୍ତି କିମ୍ବା ମନେରଖନ୍ତି ତେବେ ଆମେ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟକୁ ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରୁ | ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏହା ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସୂତ୍ରକୁ ସ୍ମରଣ କରିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରେ

ତେଣୁ ଏହା କହେ ଯେ ଦୁଇଟି ଫଙ୍କସନ୍ ର ଉତ୍ପାଦର ଏକୀକରଣ  $h$  ଆମେ ପ୍ରଥମକୁ ଦ୍ଵିତୀୟକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଏବଂ ପରେ ପୁରା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭାବରେ ଦ୍ଵିତୀୟକୁ ଡାକିବୁ

ତେଣୁ ଏହିପରି ଭାବରେ ଆମେ ମନେ ପକାଇବୁ ଯେ ଉତ୍ପାଦର ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ପ୍ରଥମ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ଦ୍ଵିତୀୟ ମାଲନସ୍ ଭିନ୍ନତା | ଦ୍ଵିତୀୟଟି ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି ଫର୍ମୁଲାକୁ ସେହି ପଦ୍ଧତିରେ ରେଫର୍ କରିବା ଜାରି ରଖିବି ଯଦି ମୁଁ ଆଉ କିଛି ଉଦାହରଣ ଦେଖେ ତେବେ ଚାଲନ୍ତୁ ପାଖରୁ  $x$  କୁ ଉଠାଯାଇଥିବା  $x$  ସ୍କ୍ଵାର୍ଡ ଇ ର ଏକୀକରଣ ପାଇଁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା, ମୁଁ ପୁନର୍ବାର ସେହି ସମାନ କ  $u$  ଶବ୍ଦ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବି ଏବଂ ମୁଁ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ କହିବି | ଏବଂ ଏହା  $u$

function ଚିତ୍ରୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ର ପାଖରୁ  $dx$  ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭିନ୍ନତାକୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଯାଇଥିବା ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ର ପ୍ରଥମ  $x$  ବର୍ଗ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ହେବ | ଜିନିଷ  $x$  ବର୍ଗ ଇ ପାଖରୁ  $x$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ କୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଚିହ୍ନି ତୁମେ ଜାଣି ଯେ ଏହା ପାଖରୁ  $x$  କୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଚିହ୍ନି ଯେପରି ମୁଁ ତୁମକୁ କହିଥିଲି ଆମକୁ ଏକ କନଷ୍ଟାନ୍ଟ ରଖିବା ଆବଶ୍ୟକ ନାହିଁ |  $t$  ଏଠାରେ ମାଲନସ୍ ଦୁଇକୁ ବାହ୍ୟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ନିଆଯାଇପାରେ  $xe$

କୁ ପାଖରୁ  $x$  କୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଯାଇଥିବା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଯେପରି ଇ ପାଖରୁ  $dx$  କୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଯାଇଥାଏ

ତେଣୁ ଆମେ ପାଖରୁ  $x$  କୁ ଉଠାଯାଇଥିବା ଏହି  $xe$  ରେ ପହଞ୍ଚିବା ଯାହାକୁ ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିଛୁ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଆମେ ଏହାକୁ ସମାନ ପଦ୍ଧତିର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବା | ଆମେ ପୂର୍ବ ଉଦାହରଣରେ ଦୁଇଥର ଏଠାରେ ଏକ ବର୍ଗ ବ୍ରାକେଟ୍ ରଖିଥିଲୁ ତୁମେ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବିବେଚନା କର ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍

ତେଣୁ ଦ୍ଵିତୀୟର ପ୍ରଥମ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ମାଲନସ୍ ଭିନ୍ନତାର ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଏବଂ ପୁରା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍

ତେଣୁ ଏହି ପୁରା ଜିନିଷ ତୁମକୁ ନେଇଯିବ |  $to$   $x$  ବର୍ଗ  $e$  କୁ ପାଖରୁ  $x$  ମାଲନସ୍ ଦୁଇଥର ଏହି ଫଙ୍କସନ୍ ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ପାଖରୁ  $x$  ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଇ ପାଖରୁ  $dx$  କୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଲାଭ ଏବଂ ଶେଷରେ  $x$  ବର୍ଗ ଇ ପାଖରୁ  $x$  ମାଲନସ୍  $2$   $xe$  ପାଖରୁ  $x$  ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ ପୁସ୍ତକ କୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଲାଭ | ଦୁଇଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ପାଖରୁ  $x$  କୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଚିହ୍ନି ଏବଂ ତା' ପରେ ଏକ ଏକୀକରଣର ଏକ ସ୍ଥିରତା ଆପଣ ମଧ୍ୟ ଏଠାରେ ଏକ ସ୍ଥିର ଏକୀକରଣକୁ ଯୋଡ଼ିପାରିବେ ଏବଂ ଶେଷରେ ଏହା ହେବ | ଏହି ଫଙ୍କସନ୍ ର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ  $x$  ବର୍ଗ ଇ ପାଖରୁ କୁ ବ  $u$  raised  $u$  ଚିହ୍ନି ଏହା ହେଉଛି ମୋଡେ ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଆଉ ଏକ ଉଦାହରଣ ନେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯାହା ଗ୍ରାଲଗୋନେସନ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ସହିତ ଜଡ଼ିତ ଅଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ  $x \sin 3x$  କୁ ପୁନର୍ବାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ଏବଂ ଏହାକୁ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବା | ଆପଣଙ୍କ ମନରେ ଏକ ପ୍ରଶ୍ନ ରହିବା ଉଚିତ ଯେ ମୋର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଆମେ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏବଂ ଏହାକୁ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ କାହିଁକି ବାଛିଛୁ

ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖିବା ଯେ ଏକ ମୁହୂର୍ତ୍ତରେ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଏବଂ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ପାଇଁ ଆମେ ଅନେକ ଥର ବାଛିବା ପାଇଁ ଏକ ସଠିକ୍ ପସନ୍ଦ ହେବା ଉଚିତ | ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଯାହା ଆମକୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ରେ ଶବ୍ଦ ହ୍ରାସ କରିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରେ କାରଣ ଫର୍ମୁଲା  $u$  second ଚିତ୍ରୀୟର ପ୍ରଥମ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ଦ୍ଵିତୀୟ ମାଲନସ୍ ଡିଫେରେସନ୍ସର ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭଳି ଚାଲିଥାଏ

ତେଣୁ ଆମକୁ ଦୁଇଟି ଜିନିଷକୁ ମନେ ରଖିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯଦି ଏଠାରେ | ମୁଁ  $x$  କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରେ ତାପରେ ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଅଦୃଶ୍ୟ ହୁଏ ଯାହା ସେହି ଜିନିଷ ଯାହାକୁ ମୁଁ ମନେ ରଖେ କିନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ କିଛି ଜିନିଷ ମଧ୍ୟ ଅଛି ଯାହାକୁ ଆମେ ମନେ ରଖିବା ଉଚିତ | ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମେ ଏହି ଉଦାହରଣକୁ ସମାଧାନ କରିବା |

ତେଣୁ ମୁଁ ଡେରିଭେଟିଭ୍ ରେ ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଲେଖି ପାରିବି

ତେଣୁ ଏହା ମାଲନସ୍ କୋସ୍ ତିନି  $x$  ଉପରେ ତିନୋଟି ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହା ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିସାରିଛୁ ଯେ କୁରା  $ax$  ଚିହ୍ନି ପୁସ୍ତକ  $bdx$  ର ଏକୀକରଣ ହେଉଛି ଏକ ପୁସ୍ତକ  $c$   $u$  capital ାରା କ୍ୟାପିଟାଲ୍  $f$  ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଏକୀକରଣ  $f(x)dx$  ର  $f(x)$  ର  $u$  capital ିତି ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ସାଇନ  $x$  ର ଏକୀକରଣ ହେଉଛି କୋସାଇନ  $x$  ର ମାଲନସ୍ ତାପରେ ତୁମେ ଏହାକୁ ଏକୀକୃତ କରିପାରିବ ଏହାର ଅସୁବିଧା ନୁହେଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଗୋଟିଏ ଥର ପାପର ଏକୀକରଣ ତିନି  $x$  ପୁଣି ମାଲନସ୍ କୋସ୍ ତିନି  $x$   $u$  three ାରା ତିନି  $dx$

ତେଣୁ ଏହି ଶବ୍ଦ  $x \cos$  ତିନି  $x$  ର ମାଲନସ୍ କୁ ଯାଏ ତିନୋଟି ମାଲନସ୍ ପୁସ୍ତକ ଏବଂ ଗୋଟିଏ  $u$  three ାରା ତିନୋଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍  $\cos$  ତିନି  $xdx$  ପ୍ରାରମ୍ଭରେ ଯଦି ନିଆଯିବା ଉଚିତ ଯେଉଁଥିପାଇଁ ମୁଁ ଏହି ସମସ୍ତ ପଦକ୍ଷେପ ଲେଖୁଛି

ତେଣୁ ଥରେ ତୁମେ ଏହି ଗଣନା ସହିତ ପରିଚିତ ହେଲେ ତୁମେ ଏଡ଼ାଇ ପାରିବ | ଦୁଇଟି ଷ୍ଟେପ୍ ଏବଂ ଆପଣ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖିପାରିବେ

ତେଣୁ ମାଲନସ୍  $x \cos$  ତିନି  $x$   $u$  three ାରା ତିନି ପୁସ୍ତକ ଏବଂ ଗୋଟିଏ  $u$  three ାରା ପୁଣି ଥରେ କୋସାଇନ ତିନି  $x$  ର ଏକୀକରଣ ଜାଣେ ଯେ ଏହା ସମାନ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରୁଛି ମୁଁ ଜାଣେ  $\cos x$  ର ଏକୀକରଣ ପାପ  $x$  ଅଟେ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହା ତିନି  $x$  ପାପ ହୋଇଯାଏ | ତିନୋଟି ପୁସ୍ତକ  $u$  constant ାରା ଏକୀକରଣର ସ୍ଥିରତା

ତେଣୁ ଏହା ମାଲନସ୍  $x \cos$  ତିନି  $x$   $u$  three ାରା ତିନି ପୁସ୍ତକ ଗୋଟିଏ ନଅ ସାଇନ ତିନି  $x$  ପୁସ୍ତକ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ସ୍ଥିର ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ  $x$  ସାଇନ ତିନି  $x$  ର ଏକୀକରଣ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ସମାନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସହିତ ଜାରି ରଖିବା ଚାଲନ୍ତୁ ଅନ୍ୟକୁ ବାଛିବା | ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଏହି ଉଦାହରଣ ଆମକୁ ଖୋଜିବାକୁ କିମ୍ବା କେଉଁ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛିବା ଉଚିତ ତାହା ଜାଣିବା ପାଇଁ ପ୍ରେରଣା ଦେବ

ତେଣୁ ଅନୁମାନ କର ଯେ ଆମକୁ  $f(x)$  କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ |  $x$  ଲଗ୍  $x$  ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଖୋଜିବାହାର କର ଯଦି ମୁଁ ମୋର ସମାନ କ  $ick$  ଶବ୍ଦ ବ୍ୟବହାର କରେ ତେବେ ମୁଁ ଏହାକୁ ଡାକିବି ତେବେ ମୁଁ ଏହାକୁ ଏଠାରେ ଲେଖିବି  $x \log xdx$

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ କିଛି ନୁଆ କରେ ନାହିଁ ତେବେ ମୁଁ ସମାନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଅନୁସରଣ କରିବି ମୁଁ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟକୁ ପ୍ରଥମେ ଡାକିବି | ଫଙ୍କସନ୍ ଏବଂ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏହି ଫଙ୍କସନ୍ ଯେପରି ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ କହିଥିଲି ଏହା ଅଦୃଶ୍ୟ ହେଉଛି ଆମକୁ ସେହି ଧାରଣା ପ୍ରକୃତରେ କାମ କରେ କି ନାହିଁ ତାହା ଦେଖିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଏହା  $u$  function ଚିତ୍ରୀୟ ଫଙ୍କସନ୍  $dx$  ର ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭିନ୍ନତାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ କୁ ଯିବ | ପରିଶେଷରେ ଲଗ୍  $xdx$  ର ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର  $x$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ତା' ପରେ  $dx$

ତେଣୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଖୋଜିବାର ସମସ୍ୟା ମୋଡେ ଏହି ଫର୍ମକୁ ନେଇଗଲା ଏବଂ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ ଆମ ପାଇଁ ଅଧିକ ଜଟିଳ ହୋଇଗଲା କାରଣ ଆମେ ପ୍ରକୃତରେ ଅଖଣ୍ଡ କ'ଣ ଜାଣିନାହିଁ | ଲଗ୍  $x$  ର

ତେଣୁ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ ଆମେ ଜାଣୁ ନାହିଁ ଲଗ୍  $x$  ର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ କ'ଣ ଏବଂ

ତେଣୁ ଆମେ ଆଗକୁ ଯାଇ ପାରିବୁ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଦ୍ଵିତୀୟ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ଲୋଗାରିଥମିକ୍  $x$  କୁ ବାଛିବା | ଏବଂ  $x$  ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ପାଇଁ ପସନ୍ଦ ଯେହେତୁ ଏହା ଅଦୃଶ୍ୟ ହୋଇଯାଉଥିଲା ଏହା ଆମକୁ ଏଠାରେ



ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ଅକ୍ରିମ ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଏହା ଏହି ଲମ୍ବା ଗଣନା ପରି ପରିଣତ ହୁଏ ଯାହା ଆପଣଙ୍କୁ ଏହି କାରଣଗୁଡ଼ିକ ପ୍ରଦାନ କରେ

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଜାଗାରେ ମୁଁ ଏହାକୁ ତୁମ ପାଇଁ ଲେଖିବି ମୋର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ  $i$

ତେଣୁ ମୋର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ  $i$  ଶେଷରେ  $x$  ବର୍ଗ ପାପ ଓଲଟା  $x$  କୁ ଦେଖେ |  $q \times$  ାରା  $2 \times$  ସ୍ଵାତନ୍ତ୍ର ସାଇନ ଓଲଟା  $x$  ଦ୍ଵ  $2$  ାରା  $2$  ମାଇନସ୍ ଅଥା  $i$  ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଅଥା  $i$  ଯାହାକୁ ମୁଁ ମାଇନସ୍ ଅଥା  $i$  ଦୁଇକୁ ବଦଳାଇବି

ତେଣୁ ମୁଁ ଦୁଇଜଣ ଏହାକୁ ସହଜରେ ଦେଖିପାରିବି ଏହା ସାଇନ ଓଲଟା  $x$  ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏକ ସ୍ଥିର ସ୍ଥିର | ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ବର୍ତ୍ତମାନ ଓଲଟା ସାଇନ କରିବା ପାଇଁ ସାଇନ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟର କୁ ପଛକୁ ଦେଖ | ଜାଣନ୍ତୁ ଏହି ଶବ୍ଦଟି ସମାନ ଅଟେ | ଦୁଇଟି ଆଟାକୁ ପାପ କରିବା ପାଇଁ ଭାଲେଟ୍

ତେଣୁ ଆପଣ ଏହାକୁ ଲେଖିପାରିବେ ଯେପରି ମୁଁ ଏହାକୁ ଏଠାରେ ସରଳୀକରଣ କରିବାକୁ ଦେବି ଯାହା ପାଇଁ ଆପଣ ପୂର୍ବରୁ ଜାଣିଥିବେ  $x$  ହେଉଛି

ତେଣୁ ଏହା ଦୁଇଟି  $x$  କୋଟା ହୋଇଯିବ ଯାହାକୁ ଆପଣ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ପାପ ବର୍ଗ ଥିବା ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବେ | ଆପଣ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍  $x$  ସ୍ଵାତନ୍ତ୍ର ଦୁଇଟି  $x$  ବର୍ଗ ମୂଳ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବେ କେବଳ ଆପଣ ଏହାକୁ ମଧ୍ୟ ସରଳ କରିପାରିବେ ଦୁଇଟି ସାଇନ ଇନଭର୍ସ  $x$  ର ସାଇନ ଇନଭର୍ସ  $x$  ର ସାଇନ ଇନଭର୍ସ  $x$  ର ସାଇନ ଇନଭର୍ସ  $x$  ଏବଂ ତା' ପରେ ସାଇନ ଇନଭର୍ସ  $x$  ର କୋସାଇନ ହୋଇପାରେ | ସାଇନ ବନାମ  $x$  ର ସାଇନସ୍ ର  $1$  ମାଇନସ୍ ବର୍ଗ ମୂଳ ଭାବରେ ଲେଖା

ହୋଇଛି ଯାହାକି ଏହି ଶବ୍ଦ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ଶେଷରେ ଆମେ ସମାନ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ପାଇବୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ଏଠାରୁ ପାଇବୁ

ତେଣୁ ଏହା  $2 \times 1$  ମାଇନସ୍  $x$  ବର୍ଗର  $1$  ରୁ  $4$  ଅଟେ | ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ହେଉଛି  $1 \times 4$  ବର୍ଗ ମୂଳର  $1$  ମାଇନସ୍  $x$  ସ୍ଵାତନ୍ତ୍ର ମାଇନସ୍  $1$  ସାଇନ ଇନଭର୍ସ  $x$  ର ଅଥା ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $i$  ଯାହାକୁ ଆମେ ଏହି ପଦ୍ଧତିକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିଥିଲୁ ତାହା ବହୁତ ଲମ୍ବା ଆହା ଆମେ ଏହାକୁ ପାଇଲୁ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳ କରିଥାଉ  $x$  ମାଇନସ୍ ଉପରେ  $x$  ବର୍ଗ ପାପ ଓଲଟା  $x$  | ଏହାର ଅଥା ହେଉଛି ଦୁଇରୁ ତାରି ଯାହାକି ଏହାକୁ ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ କରିଦେବ

ତେଣୁ ଏହା ଏହାକୁ ଏକ ମାଇନସ୍  $x$  ସ୍ଵାତନ୍ତ୍ର ମାଇନସ୍  $x$  ସ୍ଵାତନ୍ତ୍ର ମାଇନସ୍ ର ଅର୍ଦ୍ଧେକ ସାଇନ ଓଲଟା  $x$  ଏବଂ ତା' ପରେ ମାଇନସ୍ ଅଥା ଇନଭର୍ସ  $x$  ପ୍ଲସ୍ ସ୍ଥିର କରିବ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି | ଅକ୍ରିମ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଆମେ ଏହି ସମଗ୍ର ପଦ୍ଧତି କରିବା ପରେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିଥିଲୁ ଯାହା  $q$  we ାରା ଆମେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ସାହାଯ୍ୟରେ ପାର୍ଶ୍ଵ ଏବଂ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ କ  $ques$  ଶଳ ବ୍ୟବହାର କରି ମଧ୍ୟ କରିପାରିବା ଯାହାକି ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଶିଖିଛୁ ଆମେ କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାର୍ଯ୍ୟର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ବର୍ତ୍ତମାନ ଜାଣିପାରିବା |

ପ୍ରଥମ ଏବଂ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ର ପସନ୍ଦ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଆମେ କେଉଁ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଡାକିବା ଏବଂ କେଉଁ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ଆମେ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ କଲ୍ କରିବା ଉଚିତ୍ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଫର୍ମୁଲା ପ୍ରୟୋଗ କରୁ, ସେଥିପାଇଁ ପ୍ରାୟତଃ  $we$  ଆମେ ଫଙ୍କସନ୍ ର ମିଶ୍ରଣକୁ ଦେଖିବା ଏହା ସମସ୍ୟା ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ | କିନ୍ତୁ ମୁଁ ଯେପରି ତୁମକୁ କହିଥିଲି ଯେ ଏହା ତୁମର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଆହାକୁ ଜଟିଳ କରିବା ଉଚିତ୍ ନୁହେଁ କାରଣ ତୁମେ ସୂତ୍ରରେ ଏହା  $g$   $x$  ର  $f$   $x$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କହିପାରିବ

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଏକ ଫର୍ମ ଫଙ୍କସନ୍ ନେବି ଯାହା  $h$   $ave$  ଏକ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଯାହା ଅତ୍ୟନ୍ତ ଜଟିଳ ଅଟେ କିମ୍ବା ଯଦି ଏହା ବିସ୍ତାର କରିବାରେ ଲାଗେ ତେବେ ମୁଁ ଅସୁବିଧାରେ ପଡ଼ିବି କାରଣ ଏହା ପୁନର୍ବାର ଏଠାରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ସହିତ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ସହିତ ଜଡ଼ିତ ହେବ ଯାହା  $q$   $problems$  ାରା ସମସ୍ୟା ସୃଷ୍ଟି ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ ମୁଁ ଚତୁରତାର ସହ କାର୍ଯ୍ୟକୁ ବାଛିବା ଉଚିତ୍ ଯେଉଁଠାରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କାରଣ  $i$  ସମଗ୍ର ଉପାଦାନ ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ପୂର୍ବରୁ ଜାଣି ନାହିଁ ଏବଂ ଯଦି ମୁଁ କିଛି ବାଛିବି ଯାହା ଏହାକୁ ଆହୁରି ଜଟିଳ କରିବ ତେବେ ମୋର ଅସୁବିଧା ହେବ

ତେଣୁ ମୁଁ ପ୍ରାୟତଃ  $the$  ଫଙ୍କସନ୍ ବାଛିବା ଉଚିତ୍ ଯାହା ଅତ୍ୟଧିକ ଜଟିଳ ହେବା ଉଚିତ୍ ନୁହେଁ ସେଠାରେ ଏକ ସମ୍ପର୍କ ଅଛି ଯେଉଁଥିରେ କୁହାଯାଇଛି ଯେ ଯଦି ତୁମର ଅଛି ଫଙ୍କସନ୍ ଏକ ମିଶ୍ରଣ ଯାହା ତୁମର ଇନଭର୍ସ ଟ୍ରାଇଗୋନୋମିଟ୍ରିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଆଲଜେବ୍ରା କହିବ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଇସେଟେରା ତାପରେ ଟ୍ରାଇଗୋନୋମିଟ୍ରିକ୍ ଇନଭର୍ସ ଟ୍ରାଇଗୋନୋମିଟ୍ରିକ୍ ଏବଂ ଟ୍ରାଇଗୋନୋମିଟ୍ରିକ୍ ଏବଂ ତାପରେ ଏକ୍ସପୋନେନାଲ୍ ଏକ୍ସପୋନେନାଲ୍ ସାଧାରଣତ  $much$  ଅଧିକ ସମସ୍ୟା ସୃଷ୍ଟି କରେ ନାହିଁ

ତେଣୁ ସେମାନେ କହନ୍ତି ଯେ ଏହା ସାଧାରଣତ  $should$  ହେବା ଉଚିତ୍ | ଚୟନର ଆହା କ୍ରମ ଯାହା ତୁମେ ପ୍ରଥମେ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଉଚିତ୍ | ଆହା ଇନଭର୍ସ ଗ୍ଲୋବେଲିକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛିବା ପାଇଁ ଯଦି ଏହା ଉପସ୍ଥିତ ଥାଏ ଏବଂ ଏହା କ୍ରମରେ ରହିବା ଉଚିତ୍ ଏବଂ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍

ତେଣୁ ଆମେ କେସ୍ ଦେଖିଛୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆମକୁ  $x \log x$  ଏକାଡୁତ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆପଣ ଜାଣିପାରିବେ ଯେ ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ କାର୍ଯ୍ୟ ଉପସ୍ଥିତ ଥିଲା ଏବଂ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଉପସ୍ଥିତ ଥିଲା

ତେଣୁ ଏହି କ୍ରମ ଅନୁଯାୟୀ ମୁଁ ପ୍ରଥମେ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଏବଂ ତା' ପରେ ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ ଚୟନ କରିବା ଉଚିତ୍

ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖୁଥିବେ ଯେ ଯେତେବେଳେ ମୁଁ ସେହି ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖୁଲି ଯେ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛିବି ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଅତି ସହଜ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ଏହା ସହଜରେ ହାତ ଥିଲା | ଆମେ ଏହାକୁ ସହଜରେ ସମାନ ଭାବରେ ପରିଚାଳନା କରିବାରେ ସକ୍ଷମ ହୋଇଥିଲୁ

ଆମେ  $x$  ସାଇନ ଇନଭର୍ସ  $x$  ପାଇଁ କେସ୍ ଦେଖୁଥିଲୁ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଓଲଟା ଫଙ୍କସନ୍ ମଧ୍ୟ ସେ ପ୍ରଥମ ଥିଲା ଏବଂ ଏହା  $q$   $was$  ିତୀୟ ଥିଲା

ତେଣୁ ଏହା ମଧ୍ୟ ଏହି କ୍ରମରେ ପଡ଼େ ଯାହାକୁ ଆପଣ ଓଲଟା ଟ୍ରାଇଗୋନୋମିଟ୍ରିକ୍ ଏବଂ ପରେ ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ

ତେଣୁ ଓଲଟା ଟ୍ରାଇଗୋନୋମିଟ୍ରିକ୍ ଚୟନ କରାଯାଇଥିଲା | ଏବଂ ତାପରେ ଆଲଜେବ୍ରା ଫଙ୍କସନ୍  $q$   $function$  ିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ମନୋନୀତ ହେଲା ଏବଂ ଆହା ଏହା ହେଉଛି ଫଙ୍କସନ୍ ର କ୍ରମ ଯାହା ସରଳ ପାଇଁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାବେଳେ ମନେ ରଖିବା ଉଚିତ୍ | ଇ ଫଙ୍କସନ୍ ଅନେକ ଥର ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା

କଷ୍ଟକର ହୋଇନପାରେ ଯଦିଓ ତୁମେ କ୍ରମକୁ ଅନୁସରଣ କରୁନାହିଁ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ବହୁତ ଜଟିଳ ହୋଇଯାଏ ତେବେ ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା କଷ୍ଟକର ହେବ ମୁଁ ତୁମକୁ ଦେଖାଇବି ଯେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ପାଇଁ ଯଦିଓ ତୁମେ ଏହାକୁ ବାଛିଛୁ | ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟକୁ ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରାଯାଇପାରେ କିନ୍ତୁ ତା' ପରେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ଟିକେ ଜଟିଳ ହେବ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହି ପଦ୍ଧତିର ଗୁରୁତ୍ଵପୂର୍ଣ୍ଣ ପ୍ରୟୋଗକୁ ଦେଖିବା ଯାହା ଆମକୁ କିଛି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରିବ ଯାହା ଜଣାଶୁଣା ପଦ୍ଧତି ବ୍ୟବହାର କରି ଏକାକରଣ କରିବା ଆମ ପାଇଁ କଷ୍ଟକର ହେବ | ଲଗ  $x dx$  ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ପାଇଁ ତୁମ ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ନିଅ ତାପରେ ଆମେ ଅର୍ଡର ପଦ୍ଧତି ପ୍ରୟୋଗ କରୁ ଯାହା କେଉଁ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ସିଲେକ୍ଟ କରାଯିବ ଉଚିତ୍ ଏବଂ କେଉଁ ଫଙ୍କସନ୍ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ସିଲେକ୍ଟ କରାଯିବ

ଉଚିତ୍ |  $og$  ଜିନିଷ ଉପସ୍ଥିତ ଅଛି

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରିବା ଉଚିତ୍ ଏବଂ ଏହି ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ ଫଙ୍କସନ୍ ହେଉଛି ନିଜ ପାଇଁ ଏକ ସ୍ଥିର ଫଙ୍କସନ୍  $z$  ହେଉଛି ଟ୍ରେକ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରାଯିବ ଉଚିତ୍ ଏବଂ ଯଦି ମୁଁ ସେହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ କୁ ଅଂଶ ଦ୍ଵାରା କରେ ତେବେ ଏହା ମୋଡେ ଲଗ୍  $x$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଦେବ | ଗୋଟିଏ ମୁଁ ଏହାକୁ ସିଧାସଳଖ ଲେଖିପାରିବି ଲଗ୍  $x$  ର ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭିନ୍ନତା ଏହା ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ହେବା ଉଚିତ୍  $x$  ର ଏକାକରଣ ମୋଡେ  $x dx$  ଦେଇଥାଏ ଏହି ସମଗ୍ର ଜିନିଷ ମୋଡେ  $x$  ଲଗ୍  $x$  ମାଇନସ୍  $x$  ଦେବ କାରଣ  $x$  ବାଟିଲ ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ମୁଁ ଗୋଟିଏ  $x$  ପାଇବି |  $dx$  ଯାହା ମୋଡେ  $x$  ଦେବ ଏବଂ ତା' ପରେ ଶେଷରେ ଏକାକରଣର ଏକ ସ୍ଥିରତା

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି ଗୁରୁତ୍ଵପୂର୍ଣ୍ଣ ଫଳାଫଳ ଲଗ୍  $x dx$  କୁ  $x$  ଲଗ୍  $x$  ମାଇନସ୍  $x$  ଭାବରେ ପାଇଲି

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ  $x$  ଲଗ୍  $x$  ର ଏକାକରଣକୁ ଫେରିବାକୁ ଚାହେଁ, ଯେପରି ମୁଁ ତୁମକୁ କହିଥିଲି ଏହା ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏବଂ ଏହା ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏବଂ ଯେହେତୁ ଏହା ଏକ ସରଳ ଫଙ୍କସନ୍ ଅଟେ, ଯଦି ମୁଁ ଅର୍ଡର ବିଷୟରେ ଚିନ୍ତା କରେ ନାହିଁ ତେବେ ଏହା ମୋଡେ  $x \times$  ଏକାକରଣର ଲଗ୍  $x$  ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଡିଫେରେସନ୍  $x$  ଏକାକରଣକୁ ନେଇଯିବ | ଲଗ୍  $x$  ର ଏହାକୁ ପୁରା ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ କଲ୍ କରନ୍ତୁ ଯେପରି ମୁଁ ଲଗ୍  $x$  ର ଏକାକରଣ ବର୍ତ୍ତମାନ

ଜାଣିଛି ଲଗ x ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ହେଉଛି x ଲଗ x ମାଲନସ୍ x

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି ମୂଲ୍ୟକୁ ଏଠାରେ ବଦଳାଇ ପାରିବି

ତେଣୁ ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ xx ଲଗ x ମାଲନସ୍ x ପାଇବି | ଏହାପୂର୍ବରୁ ସେହି ସ୍ଥିରତାକୁ ଆମେ ଅଣଦେଖା କରିପାରିବା ଏହି ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ ଲଗ x ର ଏକାକରଣକୁ ପୁନର୍ବାର x ଲଗ x ମାଲନସ୍ x dx ବ୍ୟାପୀ ବଦଳାଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ଏକାକରଣକୁ ଯାଏ ଏହା x ବର୍ଗ ଲଗ x ମାଲନସ୍ x ସ୍ୱାଭାବିକ ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ କୁ x ଲଗ x ଏବଂ ତା' ପରେ ପୁଣି x ବର୍ଗକୁ ଯାଇଥାଏ | ଦୁଇ ଦ୍ then ାରା ଏବଂ ତା' ପରେ ଶେଷରେ ଏକ ସ୍ଥିରତାର ଏକ ସ୍ଥିରତା ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଦେଖନ୍ତି ତେବେ ଏହି ଶବ୍ଦଟି x log x dx ଆମର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସ୍ ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ଲେଖି ପାରିବି

ତେଣୁ ମୁଁ x ବର୍ଗ ଲଗ x ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗକୁ ଦୁଇ ପୁଣି x ବର୍ଗ ପାଇବି | ଦୁଇ ଦ୍ me ାରା ମୋତେ x ବର୍ଗ ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ i ପୁଣି c ଦେବ

ତେଣୁ ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନଠାରୁ ପାଇଥିବା ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ହେଉଛି ଯେ ମୁଁ ବାମ ହାତକୁ x ବର୍ଗ ଲଗ x ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗକୁ ଦୁଇ ମାଲନସ୍ plus ାରା ଏବଂ ବାମ ହାତକୁ କ୍ରମାଗତ ସ୍ଥାନାନ୍ତର i ସହିତ ସମାନ | ପାର୍ଶ୍ୱ ଯାହା ଦ୍ you ାରା ଆପଣ i ଏବଂ ର ଦୁଇଥର ପାଇବେ | n ଦୁଇଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ କର,

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହାକୁ ସିଧାସଳଖ ଲେଖି ପାରିବ ଯେପରି ମୁଁ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ i ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ସ୍ଥାନାନ୍ତର କରୁଛି ଯାହା ଦ୍ two ାରା ଏହା ଦୁଇଟି ହୋଇଗଲା ଏବଂ ଦୁଇଟି ଦ୍ x ାରା x ବର୍ଗ ଲଗ x ଦ୍ two ାରା ଦୁଇ ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗ ଚାରି ପୁଣି ଦ୍ divided ାରା ବିଭକ୍ତ ହେଲା | ଏହି ସ୍ଥିର c ଦ୍ two ାରା ମୁଁ ଏହାକୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ନୂତନ ସ୍ଥିର c ଲେଖିପାରେ ଯାହାକି ଆମକୁ ସ୍ଥିର ଭାବରେ ବୁ understood ୀହେବ କାରଣ ଏହା ଏକ ସ୍ଥିର ଅଟେ ଏହା ପ୍ରକୃତରେ କ matter ଶସି ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ନୁହେଁ ଯେ ଆପଣ କେଉଁ ଇଚ୍ଛାଧୀନ ସ୍ଥିରକୁ ବାଛିବେ

ତେଣୁ ଶେଷରେ ସମାଧାନଟି ଏହି ଫର୍ମ ପରି ଦେଖାଯିବା ଉଚିତ | ଏହି ଫଳସ୍ୱରୂପ ପାଇଁ ଯଦି ମୁଁ ଜାଣେ ଯଦି ଲଗ x ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ହୁଏ ତେବେ ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରାଯାଇପାରେ କିନ୍ତୁ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଗଣନା କେତେ ଜଟିଳ ଥିଲା ଯଦି ଆମେ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଗୁଡ଼ିକର ପସନ୍ଦ କ୍ରମରୁ ଅଲଗା ହୋଇଥାଉ ତେବେ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ଭାବରେ ଦେବି | ତୁମେ ସମାଧାନ କରିବ ନାହିଁ ଏହି ଉଦାହରଣ ପାଇଁ x ବର୍ଗ ଲଗ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କର x dx ଉଭୟ x କ ques ଶିଳ ବ୍ୟବହାର କର ଯାହା ମୁଁ ତୁମକୁ ପ୍ରଥମେ କହିଥିଲି କାରଣ ଏଠାରେ ଅର୍ଡର କହେ ଯେ ଲଗ x କୁ ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ th ଭାବରେ ବିବେଚନା କରାଯିବା ଉଚିତ | ଆଲଜେବ୍ରାକ୍ x ବର୍ଗକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରାଯିବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମେ ଆପଣ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ଏବଂ x ବର୍ଗକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ବାଛନ୍ତୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଟ୍ କରନ୍ତୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆପଣ ଯାହା କରିବେ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆପଣ ଏହି ଫଳସ୍ୱରୂପ କୁ ପ୍ରଥମ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ବାଛନ୍ତୁ | ତାପରେ ଏକାକରଣ ଏବଂ ଗଣନାରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଦେଖ ଏବଂ ଶିଖିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କର ଯେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଜଟିଳ କାର୍ଯ୍ୟ ପାଇଁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଉଦାହରଣ ହେଉଛି ଟାନ୍ ଇନଭର୍ସ x ର ଏକାକରଣ

ତେଣୁ ଏଥିପାଇଁ ମୁଁ ମଧ୍ୟ ସେହି ସମାନ କ ick ଶିଳ ବ୍ୟବହାର କରିବି ଯାହାକୁ ଆମେ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ x ପାଇଁ ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲୁ ଏହି ଟାନ୍ ଓଲଟା xs କୁ ଗୁଣିତ କର | ଟାନ୍ ଇନଭର୍ସ x ବ୍ୟାପୀ ଏହି ଫଳସ୍ୱରୂପ ଲେଖା ଯେହେତୁ ଏହା ଓଲଟା ଟ୍ରାଇଗୋମେଟ୍ରିକ୍ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ କାର୍ଯ୍ୟକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରାଯିବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ଏହା ଦ୍ tan ିତୀୟର ଟାନ୍ ଓଲଟା x ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଟାନ୍ ଓଲଟା x ଇଲ୍ଲାର x ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭିନ୍ନତା ହେବ | ଗୋଟିଏରୁ ଅଧିକ ପୁଣି x ବର୍ଗ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଆପଣଙ୍କୁ ଗୋଟିଏ ଦେବ ଏବଂ ଶେଷରେ dx ଦେବ ଯାହା ଦ୍ you ାରା ଆପଣ କିପରି ଦେଖିବେ | mple ଏହା ଆମର ସମସ୍ୟା ଅଭ୍ୟାସ ସହିତ ଏକ ପୁଣି x ବର୍ଗ dx ଉପରେ x ଟାନ୍ ଓଲଟା x ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ x ରେ ପରିଣତ ହୋଇଛି ମୁଁ ଭାବୁଛି ତୁମେ ସହଜରେ ଦେଖି ପାରିବ ଯେ ସଂଖ୍ୟାଟି ନାମର ଭିନ୍ନତା ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ତୁମେ ଯାହା କରୁଛ ତାହା ହେଉଛି ତୁମେ ଗୋଟିଏ ନାମକୁ ନେଇଛ | ପୁଣି x ବର୍ଗ ଏକ ନୂତନ ଭେରିଏବଲ୍ t ଭାବରେ ଯାହା ଦ୍ you ାରା ତୁମେ ଦୁଇଟି x dx ପାଇବ dt ସହିତ ସମାନ, ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି x dx dt ଦ୍ two ାରା ସମାନ

ତେଣୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସହଜରେ x tan inverse x ମାଲନସ୍ dt ର ଅଧା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ବ୍ୟାପୀ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ ହୋଇପାରିବ ଏବଂ ଯାହା ତୁମକୁ ଆଗେଇ ନେଇଥାଏ | ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଫଳସ୍ୱରୂପ କୁ ଏହା ଦ୍ you ାରା ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ x ଟାନ୍ ଓଲଟା x ମାଲନସ୍ ଅଧା ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ମୋଡ୍ t ପୁଣି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ପ୍ରଦାନ କରିବ ଯାହା ଶେଷରେ ଆପଣଙ୍କୁ ଏକ ପୁଣି x ସ୍ୱାଭାବିକ ମୋଡ୍ ର ଅନ୍ତିମ ଉତ୍ତର ଟାନ୍ ଇନଭର୍ସ x ମାଲନସ୍ ଅଧା ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଏବଂ ପୁଣି ସ୍ଥିର c କୁ ଦେବ | ଟାନ୍ ଇନଭର୍ସ x ର ଏକାକରଣ ଏହି ଫର୍ମାଟ୍ରେରେ ସହଜରେ ମିଳିପାରିବ

ତେଣୁ ଆପଣଙ୍କୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ହୋମୱାର୍କ ବ୍ୟାୟାମ ଦିଅନ୍ତୁ ଯାହା ଜାଣିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରନ୍ତୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ x ସ୍କ୍ୱାର୍ ଓଲଟା x ପ୍ରଥମ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଳସ୍ୱରୂପ ବାଛନ୍ତୁ | ନିଜେ ଆଇନ୍ କରନ୍ତୁ ଏବଂ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କର | ମୂଳ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସହିତ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମ୍ପର୍କ ହେବାକୁ ଏହି କ ick ଶିଳ ବାସ୍ତବରେ ବେଳେବେଳେ ଅତି ସହଜ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ଆମେ ଏହାକୁ କିଛି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନରେ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା

ତେଣୁ ସେହି ଶ୍ରେଣୀର କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ ଯେଉଁଠାରେ ଉଭୟ ପ୍ରକାରର କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ଏକାକରଣ ଆପଣଙ୍କୁ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଦେବାରେ ଲାଗିବ | ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ହ୍ରାସ ହେବ ନାହିଁ ଏହି ଧାରଣାଟି ବହୁତ ଭଲ କାମ କରେ

ତେଣୁ ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖନ୍ତୁ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ କହିବି ଏହା କିପରି କାର୍ଯ୍ୟ ହୋଇପାରିବ

ତେଣୁ ପାଖର mx cos nxdx କୁ ଉଠାଯାଇଥିବା ଇ ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କୁ ନେଇ ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖନ୍ତୁ ଏବଂ ମୋତେ କଲ କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ | ଏହା ଯେପରି ମୁଁ ଏହାକୁ ଏହାକୁ ଦୁଇଟି ଇ ବ raise ାଇବାକୁ ପାଖର mx ସାଇନ nxdx କୁ ଏଠାରେ m ଏବଂ n ଯେକ number ଶସି ସଂଖ୍ୟା ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ଆପଣ ସେଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କରିପାରିବେ | ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାମଲାରେ ଆମେ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଯେକ any ଶସି ସଂଖ୍ୟା ଭାବରେ ବିଚାର କରୁଛୁ ଯାହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଶୁନ୍ୟ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଆପଣ ଏକ୍ସପୋନେନାଲ୍ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଜାଣିଛନ୍ତି ଯଦି ଆପଣ ଭିନ୍ନ କରନ୍ତି କିମ୍ବା ଏକାକୃତ କରନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ଅନ୍ୟ ଏକ ଏକ୍ସପୋନେନାଲ୍ ଫଳସ୍ୱରୂପ କୋସାଇନ୍ ଫଳସ୍ୱରୂପ ପାଇବେ ଯଦି ଆପଣ ଭିନ୍ନ କରନ୍ତି କିମ୍ବା ଏକାକୃତ କରନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ କୋସାଇନ୍ ଫଳସ୍ୱରୂପ ପାଇବେ | ସାଇନ ଫଳସ୍ୱରୂପ ସମାନ ଭାବରେ ସାଇନ ଫଳସ୍ୱରୂପ ତୁମେ କୋସାଇନ୍ ଫଳସ୍ୱରୂପ ପାଇବ

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ଫଳସ୍ୱରୂପ ପାଇଁ ଆହା ମୁଁ ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ପାଇଁ ସମାଧାନ ଖୋଜିବି ଏବଂ ମୁଁ ah i ଦୁଇଟିକୁ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ବାଛିବି ଯାହା ମୁଁ ତୁମ ପାଇଁ ସମାନ ଭାବରେ ସମାଧାନ କରିବି | ଚାଲନ୍ତୁ ଏହାକୁ ମୁଁ ଦୁଇଟି ଲେଖିବା ଏବଂ ଆହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ବାଛିବା

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ଟ୍ରାଇଗୋମେଟ୍ରିକ୍ ଫଳସ୍ୱରୂପ ସାଇନ xi ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ବାଛିବା ଉଚିତ ଏବଂ ମୋ କ୍ରମ ଅନୁଯାୟୀ ମୁଁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ଏକ୍ସପୋନେନାଲ୍ ବାଛିବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୋତେ ଦେବ | ସାଇନ nxe କୁ ପାଖର mx କୁ ବ raise ାନ୍ତୁ ପ୍ରଥମ ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭିନ୍ନତା ଦ୍ divided ାରା ବିଭକ୍ତ

ତେଣୁ ଏହା n cos nxe କୁ mi ବ୍ୟାପୀ ପାଖର mx କୁ ବ raise ାଏ | ଦ୍ୱିତୀୟ dx ର ପ୍ରଥମ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ର ଦ୍ୱିତୀୟ ଡିଫରେସନ୍ ର ଦ୍ୱିତୀୟ ଡିଫରେସନ୍ ର ntegration

ତେଣୁ ଏହା ମୋତେ ପାଖର mx ସାଇନ nx କୁ m ମାଲନସ୍ ଉପରେ ପାଖର mx cos nxdx କୁ ବ raised ାଇଲା | ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରି ଏହାକୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ଏହାକୁ ପୁନି integr ସଂଯୋଗ କରିବା ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଦ୍ୱିତୀୟ ଫଳସ୍ୱରୂପ

ତେଣୁ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବି ତାହା ହେଉଛି ଯେ n ର ପାଖର mx ସାଇନକୁ n ମାଲନସ୍ n ଦ୍ m ାରା ବିଭାଜିତ ହୋଇଛି ଏବଂ ପ୍ରଥମ ଇ ଫଳସ୍ୱରୂପ cos nx ଦ୍

integr ଚିତ୍ର ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ | m ର ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ଭିନ୍ନତା ଦ୍ୱାରା power ଚିତ୍ର ପାଖରେ mx କୁ ବ so ଚିତ୍ର  
ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି n ମାତ୍ରାତ୍ମକ ସାଧନ nx ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ଦ୍ୱାରା ଚିତ୍ର ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ mx କୁ m ଏବଂ ପରେ ପୁରା ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ  
ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହାକୁ ଅଧିକ ସରଳୀକରଣ କରିବା ସେତେବେଳେ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି i ସହିତ ସମାନ | m ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଉପରେ ପାଖରେ  
mx ସାଧନ nx କୁ ବ raised ାଲକ୍ଷଣ gn ସ୍ୱୟଂ ଭାବରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଶେଷରେ ଏହି ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଚିତ୍ର ସମସ୍ତ ସଙ୍କେତରେ ଚିତ୍ରାନ୍ତ କରିବ, ମୁଁ ଏକ  
ମାତ୍ରାତ୍ମକ ସାଧନ n କୁ nn ବର୍ଗ ମିଟରରେ mmb ବର୍ଗରେ ପାଇବି  
ତେଣୁ n ବର୍ଗ ଉପରେ m ବର୍ଗ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ପାଖରେ mx ସାଧନ nx dx କୁ ତୁମର ଯତ୍ନ ସହ ଦେଖ | ଏଠାରେ ପ୍ରାୟ ଲକ୍ଷଣେ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ତୁମେ ଆରମ୍ଭ  
କରିଛ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ i 2 ଦ୍ୱାରା ବଦଳାଇ ପାରିବି ଯାହା ଦ୍ୱାରା I ଚିତ୍ର ମୁଁ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ପହଞ୍ଚିବି  
ତେଣୁ ମୁଁ ସମସ୍ତଙ୍କୁ ସ୍ଥାନାନ୍ତର କରିବି  
ତେଣୁ i ବର୍ଗର ମାତ୍ରାତ୍ମକ ବର୍ଗ 2 ମାତ୍ରାତ୍ମକ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଆସନ୍ତୁ ସ୍ୱୟଂ n ବର୍ଗ ଦ୍ୱାରା m ବର୍ଗ ସମାନ ହେବ ଯଦି ମୁଁ ଏହି m ବର୍ଗକୁ ନେବି ତେବେ lcm ଏଠାରେ m  
ବର୍ଗ ପାଇବ ଯାହା ଦ୍ୱାରା power ଚିତ୍ର ମୁଁ ପାଖରେ mx ସାଧନ nx ମାତ୍ରାତ୍ମକ ନେ ପାଖରେ mx cos nx କୁ ବ will ାଲକ୍ଷଣ ପରିଶେଷରେ i 2 କୁ ଆଗେଇ  
ନିଅ ଯାହାକି ପାଖରେ mx cos nx dx କୁ ବ raised ାଲକ୍ଷଣ ଲକ୍ଷଣ ଏକାକରଣ m ବର୍ଗ ମିଟର ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଏଠାରେ ବାତିଲ ହେବ ତୁମେ m  
ବର୍ଗ ସ୍ୱୟଂ n ବର୍ଗ ପାଇବ ଯାହା ଏଠାରେ ଏକ ବର୍ଗ ମିଟର ସ୍ୱୟଂ n ରେ ଆସିବ | ବର୍ଗ ମିଟର ସାଧନ nx ମାତ୍ରାତ୍ମକ n cos nx କୁ ପାଖରେ mx e କୁ ବ raised  
ାଲକ୍ଷଣ ପାଖରେ mx କୁ ସାଧନ ଲକ୍ଷଣ ପାଖରେ mx କୁ ବ raised ାଲକ୍ଷଣ ସାଧନ m ସାଧନ nx ମାତ୍ରାତ୍ମକ n cos nx

ତେଣୁ ଏହି ସମାନ ପ୍ରକ୍ରିୟାକୁ ସରଳୀକରଣ କଲାବେଳେ ଶେଷରେ ଏହା ପାଇବ | ଯେତେବେଳେ ଆମେ rmx cos ଏବଂ x କୁ ଉଠାଇବେ ସେତେବେଳେ ଆମେ  
ଏହି ମାତ୍ରାତ୍ମକ ପାଇଁ ଆବେଦନ କରିପାରିବେ ଏବଂ ତା' ପରେ ସମାନ ଭାବରେ ଆମେ ସମାନ ସୂତ୍ର ପାଇବେ  
ତେଣୁ ଏଠାରେ ଧ୍ୟାନ ଦେବା ଜରୁରୀ ଅଟେ ଯେ ବେଳେବେଳେ ଆମେ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ବାଛିପାରିବେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଯଦି ଆମେ ବାରମ୍ବାର ଅଂଶ ଦ୍ୱାରା ଏକାକରଣ  
କରନ୍ତି | ତୁମେ ସମାନ ଫଳସୂତ୍ର ପାଇ ପାରିବ ଏବଂ ତାପରେ ତୁମେ ସେହି ସମାନ କାର୍ଯ୍ୟକୁ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ସ୍ଥାନାନ୍ତର କର ଏବଂ ତାପରେ ସେହି ସମୀକରଣକୁ ସେହି  
ଅଜ୍ଞାତ କାର୍ଯ୍ୟ ପାଇଁ ସମାଧାନ କର ଏବଂ ତାପରେ ତୁମେ ସେହି କାର୍ଯ୍ୟର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ହୋଇପାରିବ  
ତେଣୁ ଏହି ଆହା ପଞ୍ଚତ କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପାଇଁ ଅତି ସହଜ ହୋଇଯାଏ | ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମୁଁ ଅନ୍ୟ ଏକ ବିଶେଷ କାର୍ଯ୍ୟ ପାଇଁ ସମାଧାନ କରିବି ଯାହାକୁ ମୁଁ ଅନ୍ୟ ଏକ  
ପୂର୍ବ ସମସ୍ୟାରେ ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲି

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ମୁଁ u sin ପାଇଁ x sin inverse x ର ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରୁଥିଲି ଏହି ଫଳସୂତ୍ର i one t ପ୍ରକୃତରେ ତାଙ୍କର ପ୍ରକାରର  
କାର୍ଯ୍ୟ ସାଧନ ଚିତ୍ର ସମାଧାନ ହୋଇପାରିବ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ସମ୍ପାନ କରାଯାଇପାରିବ  
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ dx ର ବର୍ଗ ମୂଳର କାର୍ଯ୍ୟକୁ ଦେଖିବା ସମାନ ଭାବରେ ମୁଁ ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ x ବର୍ଗ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ସ୍ୱୟଂ x ବର୍ଗ ପାଇଁ  
କରିବି | x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ପାଇଁ କର ଏବଂ ତା' ପରେ ବାକି ସେଗୁଡ଼ିକ ମୁଁ ତୁମ ପାଇଁ ସୂତ୍ର କହିବି  
ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଯେ ଆମକୁ ଏହି ଲକ୍ଷଣେ ଲକ୍ଷଣେ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ  
ତେଣୁ ତୁମେ ଯାହା କରିବ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଲୋଗାରିଥମିକ ଫଳସୂତ୍ର ପାଇଁ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା ସମାନ କ que ଶଳକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ | ଆମେ ଏହାକୁ ଏକ  
ଥର x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ dx ର ଏକାକରଣ ଭାବରେ ଲେଖୁ ଯଦି ଆମେ ପୂର୍ବ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଲକ୍ଷଣ କରନ୍ତି ଏହା ଗୋଟିଏ ମାତ୍ରାତ୍ମକ x ବର୍ଗ ଅଟେ  
ତେଣୁ ମୁଁ ସେହି ସମାନ କ que ଶଳ ଯାହା ମୁଁ ଏଠାରେ ବ୍ୟବହାର କରୁଛି ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ମଧ୍ୟ ଆମେ ଏକ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ x ସମାନ | ଥିବାକୁ ପାପ କରିବା  
ତେଣୁ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଫର୍ମର ସମାଧାନ ପାଇଁ ଆମେ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ x ବ୍ୟବହାର କରିବା ପାପ ଆମ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରୁ କିନ୍ତୁ  
ଏଠାରେ ଆମେ ଅଂଶଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ୱାରା ଏକାକରଣ ବ୍ୟବହାର କରୁଛୁ

ତେଣୁ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟକୁ ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ଏବଂ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ବ୍ୟବହାର କର | ଯାହା ଦ୍ୱାରା you ାରା ଆପଣ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ପାଇବେ  
ଗୋଟିଏ ବର୍ଗର ଏକାକରଣ ଆପଣଙ୍କୁ ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ଦ୍ୱାରା x ାରା x ବର୍ଗ ପ୍ରଦାନ କରିବ, ଗୋଟିଏ x ଏକାକରଣ ଆପଣଙ୍କୁ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ଭିନ୍ନତା  
ଦେବ x ବର୍ଗ ବର୍ଗର ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ଆପଣଙ୍କୁ ଦୁଇଟି ମୂଳ ଉପରେ ଦୁଇଟି x ଦେବ | x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟର ଭିନ୍ନତା ଦ୍ୱାରା  
second ଚିତ୍ର ଏକାକରଣ ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ହେବା ଦ୍ୱାରା ାରା ଆପଣଙ୍କୁ ଏହି ଦୁଇଟି ଏହି ଦୁଇଟି ସହିତ ବାତିଲ ହେବ ଏବଂ ଏଠାରେ ଆପଣଙ୍କୁ x ବର୍ଗ ମିଳିବ ଯାହା  
ଦ୍ୱାରା you ାରା ଆପଣ x ବର୍ଗର ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗର x ବର୍ଗ ମୂଳ ପାଇବେ | x ବର୍ଗ ଉପରେ x ବର୍ଗର ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମୂଳ dx  
ତେଣୁ ଆଗକୁ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ଦେଖିବା ତେବେ ଆମେ ସରଳୀକରଣ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଆପଣ ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ ଲେଖିବାରେ ଲାଗନ୍ତି ଯେହେତୁ ଏହା ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଅଟେ ଯଦି ମୁଁ ଏଠାରେ ଏକ ବର୍ଗକୁ ଯୋଡ଼େ ଏବଂ ବିସ୍ତାର କରେ ତେବେ ମୁଁ a ପାଇ ପାରିବି |  
ଏଥିରୁ ଫଳାଫଳ  
ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ସ୍ୱୟଂ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ବର୍ଗ x ରୁ ବର୍ଗର ମୂଳ ଦ୍ୱାରା square ାରା ଏକ ବର୍ଗ dx ସହଜରେ ବିଭକ୍ତ କରିବି ତୁମେ ଏଠାରେ x  
ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗକୁ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଦ୍ୱାରା ବିଭକ୍ତ କରି ପାରିବ | quare  
ତେଣୁ ମୁଁ ଏଠାରେ ଦୁଇଟି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଶବ୍ଦ ପାଇବି ଯାହା ମୋଡେ ପ୍ରଥମ ବର୍ଗର x ବର୍ଗ ମୂଳ x ବର୍ଗର ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଚିହ୍ନ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ  
ବର୍ଗ x ରୁ ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ କ୍ଷମା ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ବର୍ଗ ମୂଳ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଦେବ | ଏକ ବର୍ଗ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗର dx ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଦ୍ୱାରା  
divided ାରା ବିଭକ୍ତ ଏବଂ ଏହି ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏହା ସହିତ ଚାଲିଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗକୁ x ବର୍ଗ ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳର ସାଧନ ଏକାକରଣ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରାଯାଇପାରେ | ବର୍ଗର ମୂଳ ସହିତ ସମାନ ଆହା ଏକ x ବର୍ଗ  
ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ଏକାକରଣ ଆମକୁ ପୂର୍ବରୁ ଜଣାଶୁଣା ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗର x ସ୍ୱୟଂ ବର୍ଗ ମୂଳର ଫଳସୂତ୍ର ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଏବଂ  
ଶେଷରେ ଏକାକରଣର ଏକ ସ୍ଥିରତା  
ତେଣୁ ଶେଷରେ ଏହି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ i ବାହାରିଲା | x ବର୍ଗର x ବର୍ଗ ମୂଳ ହେବା ପାଇଁ ଏକ ବର୍ଗର ଦୁଇ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ଦ୍ୱାରା mod ାରା ମୋଡ୍ x ସ୍ୱୟଂ ବର୍ଗ ବର୍ଗ  
ମୂଳ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ସ୍ୱୟଂ ସ୍ଥିର c

ତେଣୁ ଶେଷରେ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିଛୁ ii ଏହା ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ dx ଲେଖିବ | x ବର୍ଗର ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ମୂଳ ଦ୍ୱାରା x ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ  
ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ଦ୍ୱାରା mod ାରା ମୋଡ୍ x ସ୍ୱୟଂ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମୂଳ x ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ ଏକ ବର୍ଗ ଏବଂ ସ୍ୱୟଂ ସ୍ଥିର ଏକାକରଣ ସହିତ ଅନ୍ୟ ସୂତ୍ର ମଧ୍ୟ ସମାନ  
ଭାବରେ ମିଳିପାରିବ ଏବଂ ମୁଁ ସେଗୁଡ଼ିକ ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଲେଖିବି | ଯାହାକୁ ତୁମେ ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ x ବର୍ଗ dx ର ଏକାକରଣର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ଉଚିତ  
ଯାହାକି ଗୋଟିଏ ମାତ୍ରାତ୍ମକ x ବର୍ଗର ପାଖାପାଖି ଥିଲା ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ x ବର୍ଗର ଦୁଇ ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ x ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ xn ଓଲଟା x  
ତୃତୀୟର ଉଦାହରଣରେ ଦେଖୁ, x ବର୍ଗର ଏକାକରଣ ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ଏକ ବର୍ଗ dx x ବର୍ଗର ଦୁଇ ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ x ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ସ୍ୱୟଂ  
ଏବଂ x ର 2 ବର୍ଗ ବର୍ଗ ସହିତ ବର୍ଗ p1 ଆମକୁ ଏକ ବର୍ଗ ସ୍ୱୟଂ ସ୍ଥିର

ତେଣୁ ଏହି ଚିତ୍ରାନ୍ତ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ସୂତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ସେମାନେ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାରେ ଆପଣଙ୍କୁ ସାହାଯ୍ୟ କରିବେ, କେଉଁ ପ୍ରକାରର ଫର୍ମ  
ଉପରେ ଆମେ ନିର୍ଭର କରିପାରିଛୁ ତାହା ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ ଯାହା ଆମ ବର୍ଗ ଉପରେ ସ୍ୱୟଂ bx ଉପରେ ଥିଲା | ଏକ ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ସ୍ୱୟଂ c ଯାହା ଏହାକୁ x  
ବର୍ଗ ସ୍ୱୟଂ ମାତ୍ରାତ୍ମକ k ବର୍ଗର ଏକ ଫର୍ମରେ ରୂପାନ୍ତର କରାଯାଇପାରେ କିମ୍ବା ଏକ ନିକାର୍ଯ୍ୟକ ହେଲେ ମଧ୍ୟ k ବର୍ଗ ମାତ୍ରାତ୍ମକ x ବର୍ଗ ପ୍ରକାରର ଫର୍ମ ଏଠାରେ ସମାନ  
ଭାବରେ ଯଦି ଆପଣଙ୍କୁ ଏକ ଫଳସୂତ୍ର ଦିଆଯାଏ ଯାହା ଏକାକରଣ ଅଟେ | କୁମ୍ଭ ବର୍ଗ ସ୍ୱୟଂ bx ସ୍ୱୟଂ c କୁ ଆମେ ଏହି ଚିତ୍ରାନ୍ତ ଫର୍ମ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏରେ ପରିଣତ  
କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିପାରିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏହି ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବା  
ତେଣୁ ଏହି ଚିତ୍ରାନ୍ତ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ସୂତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ଲକ୍ଷଣେ ସନ୍ତୁ ସମାଧାନ ପାଇଁ ସହାୟକ ହୋଇପାରେ ଯେପରି ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଖାଇଥିଲି ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଶୀଘ୍ର ଉଦାହରଣ ଦେବି |

ଚାଲନ୍ତୁ ଚାଲନ୍ତୁ ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଚାରି x ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗ dx ର ବର୍ଗ ମୂଳର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ସମ୍ମାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଯାହା ଯେ you ାରା ଆପଣ ସହଜରେ  
ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଆପଣ ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଚାରି x ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗ ଲେଖିପାରିବେ  
ତେଣୁ ଆପଣ ଏହାକୁ 1 ମି ଭାବରେ ଲେଖିବେ |  $nus\ 4\ x\ plus\ x\ ବର୍ଗ$   
ତେଣୁ ଏହି x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ 2 x  
ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଏଠାରେ 4 କୁ ଯୋଡ଼େ ଏବଂ 4 କୁ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ କରେ ତେବେ ଏହା ଶେଷରେ ଗୋଟିଏ ନେଇଥାଏ ଏବଂ ଏହା x ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ହୋଇଯାଏ  
ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଚାରିଟି ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ଚାରି ହେବ ଯାହା ପାଞ୍ଚ ମାଲନସ୍ x ହେବ | ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ  
ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $i\ i$  ପାଞ୍ଚ ମାଲନସ୍ x ପ୍ଲସ୍ ଏବଂ ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ dx ର ଏକୀକରଣ ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ  
ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ମୁଁ ସିଧାସଳଖ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବି କାରଣ ଏହା ଏକ ର ar ଖ୍ୟ କାରକ ଅଟେ  
ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ସିଧାସଳଖ ସେହି ସୂତ୍ରରେ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବି x ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି | ଏହା t ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଯେ integr ାରା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ପାଞ୍ଚ ମାଲନସ୍  
t ଫ୍ଲାର୍ଡ dt ର ବର୍ଗ ମୂଳ ହୋଇଯାଏ କାରଣ ଏଠାରେ ଆପଣ dx ଦେଖିପାରିବେ  
ତେଣୁ ଏହା ଏକ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ t ବର୍ଗ ଆକାରର ଅଟେ  
ତେଣୁ ଆମର ପୂର୍ବ ସୂତ୍ର ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗ ଯାହା କାର୍ଯ୍ୟ କରିବ | ଏଠାରେ  
ତେଣୁ ମୁଁ ଏକ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ t ବର୍ଗର 2 ବର୍ଗ ରୁଟ୍ ଭାବରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ପାଇବି ଯାହା 5 ମାଲନସ୍ t ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ଯେ by ାରା 5 ରୁ 2 ସାଇନ ଓଲଟା t  
5 ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଯେ plus ାରା ପ୍ଲସ୍ ସହିତ x କୁ ବଦଳାଇ ଏକୀକରଣର ସ୍ଥିରତା | ପ୍ଲସ୍ 2 ଆମେ x ପ୍ଲସ୍ 2 ବର୍ଗ ରୋ ପାଇଥାଉ | t 5 ମାଲନସ୍ t ବର୍ଗ ଯାହାକି  
5 ମାଲନସ୍ x ପ୍ଲସ୍ 2 ବର୍ଗ ଏବଂ ଏହା 1 ମାଲନସ୍ 4 x ପ୍ଲସ୍ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ  
ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ସିଧାସଳଖ 1 ମାଲନସ୍ 4 x ପ୍ଲସ୍ x ଫ୍ଲାର୍ଡ ପ୍ଲସ୍ ଏବଂ ପାଞ୍ଚ ଯେ two ାରା ସାଇନ ଓଲଟା ଟି ହେଉଛି x ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି ରୁଟ୍ ପାଞ୍ଚ ଏବଂ ତା' ପରେ  
ପ୍ଲସ୍ ସ୍ଥିର ଏହା x ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇ ଯେ two ାରା ହେବା ଉଚିତ ଯାହା ଏହାର ଉତ୍ତର  
ତେଣୁ ଏହା ସହିତ ଆମେ ଏହି ଆହା ଲେକ୍ଚର୍ ଶେଷ କରିବାକୁ ଆସିଛୁ  
ତେଣୁ ଆଜିର ଲେକ୍ଚର୍ରେ ଆମେ ପାର୍ଟସ୍ ଦ୍ଵାରା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ବ୍ୟବହାର କରିବାର ବିଭିନ୍ନ କ ques ଶଳ ଶିଖିଲୁ ଏବଂ ଆମେ ଏହା କିପରି ଦେଖିଲୁ | କିଛି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  
ସମାଧାନ କରିବାରେ ଆମକୁ ସାହାଯ୍ୟ କରିପାରିବ ଯାହାକୁ ଆମେ କ known ଶିଏ ଜଣାଶୁଣା କ ques ଶଳ ବ୍ୟବହାର କରି ସମାଧାନ କରିପାରିବୁ ନାହିଁ ଯାହାକି  
ଆମକୁ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଜଣା ଯାଏ ଆମେ ଆଉ କିଛି ଉଦାହରଣ ଦେଖିବୁ ଧନ୍ୟବାଦ |