

ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀର ଛାତ୍ରମାନଙ୍କୁ ସ୍ୱାଗତ କରୁ ଆମେ ଦେଖୁଲୁ କିପରି କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଖୋଜି ବାହାର କରିବା ଯାହା ବହୁଭାଷୀ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ସହିତ ଜଡ଼ିତ ଥିଲା, ଆମେ  $px^2$  ପୂର୍ବ  $q$  ର ଶ୍ରେଣୀର ଅର୍ଦ୍ଧ ଭାଗରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଖୋଜୁଥିଲୁ ଏବଂ ଆକସ୍ ବର୍ଗ ଉପରେ  $bx^2 + cpx + q$  ଉପରେ | କୁରା square  $\int$  ବର୍ଗର ମୂଳ  $bx^2 + c$  ଏବଂ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାତ୍ରା ଭାବରେ ଗୋଟିଏ ଓଭର ବର୍ଗ  $bx^2 + c$  ଏବଂ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗର ବର୍ଗର ରୁଟ୍ ଆକସ୍ ବର୍ଗ  $bx^2 + c$  ଏହି ସମସ୍ତ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଗୁଡ଼ିକ ଆମେ କିଛି ଜଣାଶୁଣା ଫର୍ମରେ ପରିଣତ କରିଛୁ ଏବଂ ଆମେ ସେଗୁଡ଼ିକ ବ୍ୟବହାର କରି ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁ | ଆଗକୁ ବ  $before$  ଯିବା ପୂର୍ବରୁ ଜଣାଶୁଣା ଫର୍ମଗୁଡ଼ିକ ମୁଁ ଅଧିକ କିଛି ଉଦାହରଣ ବାଛିବି ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଫର୍ମ ସହିତ ଜଡ଼ିତ ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ଆହାକୁ ଅଧିକ ବୁ  $understand$  ଯିବା ପାଇଁ କିମ୍ବା ପଢ଼ନ୍ତୁ କିପରି ପ୍ରୟୋଗ କରାଯାଏ ସେଥିପାଇଁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ଶୀଘ୍ର ଉଦାହରଣ ବାଛିବା ପାଇଁ ଏଠାରେ ଦୁଇଟି  $x$  ମାତ୍ରା ଏକ କିମ୍ବା ବର୍ଗକୁ ଏକତ୍ର କରିବା ଆବଶ୍ୟକ | ଚାରି  $x$  ମାତ୍ରା  $x^4$  ସ୍ୱାଭାବିକ ମୂଳ

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ  $px^2 + q$  ସହିତ  $x$  ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ଉପରେ  $bx^2 + c$  ସହିତ ତୁଳନା କରନ୍ତି ତେବେ ଏଠାରେ ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ମାତ୍ରା ଗୋଟିଏ ଭଳି | ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ କହିଥିଲି ଯେ ଆମେ ଯାହା କରୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ନାମର ଡେରିଭେଟିଭ୍ ପୂର୍ବ ର ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମିଶ୍ରଣ ଅନୁଯାୟୀ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଲେଖୁଛୁ

ତେଣୁ ଆପଣ ଏହାକୁ ଲେଖିବେ  $2x$  ମାତ୍ରା  $1$   $d$  ସମୟ ସହିତ ସମାନ | ବର୍ଗ ମୂଳ ବ୍ୟତୀତ ତେନୋମିନେଟର ଫଙ୍କସନ୍ ର  $dx$  ତେଣୁ ଏଠାରେ ଏହା  $4x$  ମାତ୍ରା  $x$  ସ୍ୱାଭାବିକ  $b$  ଅଟେ ଯାହା  $4$  times ାରା ଚାରି ମାତ୍ରା ଦୁଇ  $x$  ପୂର୍ବ  $b$  ମିଳିବ ବର୍ତ୍ତମାନ ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱ ବହୁଭୂତ ଅଟେ ତେଣୁ ଆମେ କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟସ୍ ତୁଳନା କରିପାରିବା

ତେଣୁ ପ୍ରଥମେ  $x$  ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟସ୍ ତୁଳନା କର | ତେଣୁ ତୁମେ ଦୁଇଟିର ମାତ୍ରା ସହିତ ଦୁଇଟି ସମାନ ପାଇବ, ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ମାତ୍ରା ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତା' ପରେ ଚାରିଟି  $b$  ମାତ୍ରା ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଦର୍ଶାଏ ଯେ  $b$  ତିନୋଟି ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଥରେ ଆମେ  $a$  ଏବଂ  $b$  ର ମୂଲ୍ୟ ପାଇବା ପରେ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି  $x$  ମାତ୍ରା ବଦଳାଇବା | ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ରେ ଏହି ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍  $dx$  ାରା ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ହେଉଛି

ତେଣୁ ଏହି ଶବ୍ଦକୁ ବଦଳାଇବା ପରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍  $i$  ବର୍ତ୍ତମାନ  $dx$  ବାହା ଏକ ଟାଇମ୍ ଭାବରେ ଉପସ୍ଥାପିତ ହୋଇପାରିବ ଯାହା  $ai$  ବଦଳରେ ଚାରି ମାତ୍ରା ଦୁଇ  $x$  ଦୁ  $sorry$  ଖୁବ୍, ଏହାକୁ ମାତ୍ରା ଗୋଟିଏ ମାତ୍ରା ରଖିବାକୁ ପଡ଼ିବ | ମି  $inus$  ଗୋଟିଏ ଥର ଚାରି ମାତ୍ରା ଦୁଇ  $x$  ଏବଂ ପୂର୍ବ  $b$  ର ମୂଲ୍ୟ ଚାରୋଟି  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ସ୍ୱାଭାବିକ  $dx$  ର ବର୍ଗ ମୂଳ  $dx$   $divided$  ାରା ବିଭକ୍ତ, ଏହା ମାତ୍ରା ଗୋଟିଏ ଥର ଚାରି ମାତ୍ରା ଦୁଇ  $x$  ଏହାକୁ ଚାରି ମାତ୍ରା ଦୁଇ  $x$  ବର୍ଗ ମୂଳ ବାହା ବିଭକ୍ତ ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ | ଚାରି  $x$  ମାତ୍ରା ଦୁଇ  $dx$  ପୂର୍ବ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଶବ୍ଦଟି ହେଉଛି ଚାରୋଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍  $dx$  ଚାରିଟି ଉପରେ ମୋର ଚାରି  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ହେଉଛି ଚାରି  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ସ୍ୱାଭାବିକ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମୂଳ ଆହା ଏହି ଦୁଇଟି ଅଂଶକୁ ଦେଖନ୍ତୁ

ତେଣୁ ପୂର୍ବ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯେତେବେଳେ ବର୍ଗ ମୂଳ ନଥିଲା ସେଠାରେ ଆମେ ବଦଳାଇଥିଲୁ | କ୍ଷମାକର ତେଣୁ ଚାରୋଟି  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ବର୍ଗ ସହିତ  $t$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା  $4$   $four$  ାରା ଚାରୋଟି ମାତ୍ରା ଦୁଇଟି  $dx$  ପ୍ରଥମ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ରେ  $dt$  ସହିତ ସମାନ, ଏହା  $t$  ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଉପରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $dt$  ର ମାତ୍ରା ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ  $dx$   $integ$  ାରା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ | ତାହା ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି  $x$  ବର୍ଗ  $bx^2 + c$  ର ଫର୍ମ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହା ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ଫର୍ମର ଯାହା ଆମେ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ଆହା ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିଥିଲୁ ଏହା ହେଉଛି ଫର୍ମ ହେଉଛି  $x$  ବର୍ଗ  $bx^2 + c$  ର ବର୍ଗ ରୁଟ୍

ତେଣୁ ଆପଣ ଚେଷ୍ଟା କରିବେ | ଏଥିରୁ ଏକ ସିଦ୍ଧ ବର୍ଗ ତିଆରି କରିବାକୁ ଯାହା  $4$   $you$  ାରା ଆପଣ ସହଜରେ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ମୁଁ ଚାରି  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ବର୍ଗକୁ ମାତ୍ରା  $x$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା ଚାରି  $x$  ଲେଖିପାରେ ଯାହା ମୁଁ ଚାରି ମାତ୍ରା  $x$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା ଚାରି  $x$  ପୂର୍ବ ଚାରି ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ ଯାହା ଏହାକୁ ତିଆରି କରିବ | ଚାରି ମାତ୍ରା  $x$  ମାତ୍ରା ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ

ତେଣୁ ଚାରୋଟି  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ବର୍ଗ ଶବ୍ଦଟି ବର୍ତ୍ତମାନ ଚାରି ମାତ୍ରା  $x$  ମାତ୍ରା ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ରୂପରେ ପରିଣତ ହୁଏ ଏହି  $dt$  କୁ ମୂଳ  $t$  ବାହା ସହଜରେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରାଯାଇପାରିବ ଏହା  $ically$  ଲିକ୍ ଭାବରେ ପାଖାନ୍ତ ମାତ୍ରା ବୃଦ୍ଧି ହେବ ଯାହା ଆପଣଙ୍କୁ ଦେବ |  $t$  କୁ ଅର୍ଦ୍ଧ ଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ କରି ପାଖାନ୍ତ କୁ  $raise$  ାରା ଯଦି ମୁଁ  $x$  ମାତ୍ରା ଦୁଇକୁ ସମାନ କରେ ତେବେ  $dx$   $du$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା  $this$  ାରା ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଚାରି ମାତ୍ରା  $u$  ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ଉପରେ ତୁ ରୂପରେ ପରିଣତ ହେବ ଯାହାକୁ ଯଦି ତୁମେ ମନେ ରଖିବ ଏହା ସୂଚକ ସୂଚ ଅଟେ | ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $u$  ବର୍ଗ ତେଣୁ ଶେଷରେ ଏହା  $t$  ର ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ମୂଳର ମାତ୍ରା ପରି ପରିଣତ ହୁଏ ଏବଂ ତିନୋଟି ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $u$  ବର୍ଗ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା  $u$  ାରା ଆକ୍ରମ  $two$  ାରା ସାଇନସ୍ ଓଲଟା ହେବ ଏବଂ ଶେଷରେ  $t$  ଏବଂ  $u$  ର ମୂଲ୍ୟ ବଦଳାଇବ |  $t$  ଏବଂ  $t$  ର ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ମୂଳର ମାତ୍ରା  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ସ୍ୱାଭାବିକ  $u$  ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ,  $x$  ମାତ୍ରା ଦୁଇକୁ ଦୁଇ ଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ ଏବଂ ଏକାକରଣର ସ୍ଥିତିତା

ତେଣୁ ଆମେ ଧ୍ୟାନ ଦେବୁ ଯେ ଦୁଇଟି  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ଏକାକରଣ ମୂଳ ବାହା ବିଭକ୍ତ | ଚାରୋଟି  $x$  ମାତ୍ରା  $x$  ବର୍ଗର ଆମକୁ ଏହି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ମୂଲ୍ୟ ପ୍ରଦାନ କରେ ଯାହା ଏଠାରେ ଅଧିକ ଗୁରୁତ୍ୱ  $is$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ, ତାହା ବୁ  $to$  ିବା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଦୁଇଟି ପ୍ରଥମ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ରେ ରୂପାନ୍ତର କରି କିପରି ଅଗ୍ରଗତି କରିଥିଲୁ ଯାହା ପାଇଁ ଆମେ ଜାଣିଥିଲୁ ଏହି ଧାରଣାକୁ କିପରି ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବୁ ଆମେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ଏଠାରେ ଅଗ୍ରଗତି କରିଥିଲୁ | ସଂଖ୍ୟା କିମ୍ବା ପ୍ରତୀକ ସହିତ ଅକ୍ଷର ମଧ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରି |  $r$  ଉଦାହରଣ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ମାତ୍ରାକୁ ବିଚାର କରିଛୁ ଯେଉଁଠାରେ ତେନୋମିନେଟର ଆକ୍ରମ ବର୍ଗ  $bx^2 + c$  ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ ତିନି ଅକ୍ଷର ସମଗ୍ର ଶବ୍ଦଟି ତିନି ଅଧା ବର୍ଗ ମୂଳର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏକ ତିନି ଅଧା ଅକ୍ଷର ଯଦି ଏହା ବ୍ୟତୀତ ଯଦି ଏହା ଅନ୍ୟ ଅଟେ | ଶବ୍ଦଟି ମଧ୍ୟ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ କୁହନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି ଆକସ୍ ବର୍ଗ  $bx^2 + c$  ପାଖାନ୍ତ ରାଶିରେ ତିନି ଚାରି କିମ୍ବା ଅନ୍ୟ କିଛି ସଂଖ୍ୟାକୁ  $raised$  ାରା ଯାଇଥାଏ ତାପରେ ଆପଣ ସମାନ ଧାରଣା  $px^2 + q$  ଲେଖିବା ପାଇଁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବେ | ଏବଂ ତାପରେ ଆପଣ ଆଗକୁ ବ  $another$  ିପାରିବେ ଆଉ ଏକ ଶୀଘ୍ର ସରଳ ଉଦାହରଣ ବାଛିବେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ  $x$  ବର୍ଗର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $x$  ର ବର୍ଗର ମୂଳ ଉପରେ ପାଖାନ୍ତ  $6$  କୁ  $power$  ାଇବା ଏବଂ ପାଖାନ୍ତ  $6$  କୁ  $raise$  ାଇବା ଯେଉଁଠାରେ ଏକ ସ୍ଥିର ଯାହାକି ସକାରାତ୍ମକ ହେବାକୁ ଦିଆଯାଏ | ଆମକୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଲୁକକୁ ଯଦୁର ସହିତ ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଆମକୁ ଭଲ ଭାବରେ ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ ମୁଁ ଆଣା କରେ ତୁମେ ଶୀଘ୍ର ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିଛ ଯେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $x$  କୁ  $dx$  ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଉପରେ  $x$  ବର୍ଗ  $dx$  ଭାବରେ ଉପସ୍ଥାପିତ ହୋଇପାରିବ | ସ୍ୱାଭାବିକ ପାଖାନ୍ତ  $raised$  ିଛି ଏବଂ ଯଦି ମୁଁ  $x$  କୁ  $dx$  ର ଡେରିଭେଟିଭ୍ ନେବି ତେବେ ମୁଁ ଆହା  $x$  ବର୍ଗ ପାଇବି ଯାହା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡର ଏକ ଅଂଶ

ତେଣୁ  $x$  କୁ  $dx$  ନେବା  $x$  ବର୍ଗ  $dx$  ର ଏକ ନୂତନ ଭେରିଏବଲ୍  $t$  ବୃଦ୍ଧି ସହିତ ସମାନ ହେବ |  $dt$  କୁ ଏବଂ ତେଣୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଚି ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ଉପରେ ଏକରୁ ତିନି  $dt$  ରୂପରେ ରୂପାନ୍ତରଣ ହେବ ଯେହେତୁ ମୁଁ ମୋର ଫର୍ମୁଲା ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛି ଯାହା ମୁଁ ଆହା  $x$  ବର୍ଗ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ପ୍ରକାରର ସୂତ୍ର ବିଷୟରେ ଜାଣିଛି

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ବୃଦ୍ଧି | ଛଅଟି ପାଖାନ୍ତ କରିବାକୁ ମୁଁ ଏକ କୁ  $dx$  ସ୍ୱାଭାବିକ ଭାବରେ ଲେଖିବା ଉଚିତ ତେଣୁ ଏହା ଅତି ସହଜରେ  $t$  ବର୍ଗ ଉପରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $dt$  ର ଜଣାଶୁଣା ଫର୍ମ ହୋଇଯାଏ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ ଏକ କୁ  $dx$  କିଛି ନୂତନ ସଂଖ୍ୟା ବୋଲି ବିଚାର କରେ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି  $t$  ବର୍ଗ  $dx$  ଏବଂ ଏକ ସ୍ୱାଭାବିକ |  $t$  ବର୍ଗ  $dx$  ଏକ ବର୍ଗ ଯାହା ଆମେ ଜାଣୁ ଏହା  $t$   $dx$  ର ବର୍ଗ  $dx$  ର ବର୍ଗ  $dx$  ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏକ କୁ  $dx$  ସ୍ୱାଭାବିକ ଯାହା ଶେଷରେ ଆମକୁ ଏହାର  $x$  କୁ  $dx$   $x$  କୁ  $dx$  ସ୍ୱାଭାବିକ ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ଲଗ୍ ଦେଇଥାଏ | ଏକ କୁ  $dx$  | ଲାଲ୍ ପୂର୍ବ କ୍ରମାଗତ ଭାବରେ ଏଠାରେ ଏକ ଛୋଟ ଜିନିଷକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି ଏକ ଛଅଟି ବାବୁ କୁ ଉପାଧିକାର ଏକ କୁ  $dx$  ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଆମେ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏହି ଉଦାହରଣକୁ ସମାଧାନ କରିପାରିବା ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ ଦେଖୁଛୁ ଯେ କେତେକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଯାହା କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବାଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ ରୂପରେ ଲେଖାଯାଇଥିଲା | କ

techni ଶଳ ଯାହା ଆମେ ଆଗକୁ ବିକଶିତ କରିଛୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଅନ୍ୟ ଏକ ପଦ୍ଧତିକୁ ଦେଖିବା ଯାହା ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶ ଓ method ାରା ପଦ୍ଧତି ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା

ତେଣୁ ଯଦି ଆମକୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଦିଆଯାଏ ତେବେ ଏହା  $qx dx$  ଓ  $p$  ାରା  $px$  ଫର୍ମ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ପ୍ରକାରର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଖୋଜିବାକୁ ଯାଉଛୁ | ଆମର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ  $qx$  ଓ  $p$  ାରା  $px$  ଫର୍ମ ଅଟେ ଯେପରି  $qx$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହା  $p$  ଏବଂ  $q$  ର ଏକ ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟ ଯେଉଁଠାରେ  $p$  ଏବଂ  $q$  ଭେଦିଏବଲ  $x$  ରେ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶର ପଦ୍ଧତି ବ୍ୟବହାର କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ଅନୁମାନ କରିବା | ଏହି  $p$  ଏବଂ  $q$  ଉପରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଫର୍ମଗୁଡ଼ିକ ବହୁଭାଷାର ଡିଗ୍ରୀକୁ ଭେଦିଏବଲ୍ ପାଇଁ ଉପସ୍ଥିତ ଥିବା ସର୍ବୋଚ୍ଚ ଡିଗ୍ରୀ ଶବ୍ଦ ଭାବରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯାଇଛି ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଡିନି  $x$  ପ୍ଲସ୍ ଚାରି ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ  $apx$  ଭାବରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରେ ତେବେ  $t$  ଚାକ୍ଷର ଡିଗ୍ରୀ ଦୁଇ କିମ୍ବା ଚତୁର୍ଥୀଂଶ ବହୁଭୁତ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ଯଦି ମୁଁ କୁ୍ୟବରେ ଏକ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରେ ତେବେ ତାହା ଘନ ଭାବରେ ପରିଭାଷିତ ହେବ ମୁଁ ଆଶା କରେ ଆପଣ ସମସ୍ତେ ଏହା ଜାଣିଥିବେ

ତେଣୁ ଯଦି ବହୁଭାଷା  $px$  ର ଡିଗ୍ରୀ ପଲିନୋମିଆଲ୍  $qx$  ର ଡିଗ୍ରୀଠାରୁ କମ ଅଟେ | ତାପରେ  $q$  ଓ  $p$  ାରା ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟ ଆମେ ଏହାକୁ ସଠିକ୍ ବୋଲି କହିଥାଉ ଏବଂ ଯଦି ତାହା ନୁହେଁ ଯଦି ଡିଗ୍ରୀ  $q$  ଠାରୁ ବଡ଼ କିମ୍ବା ସମାନ ତେବେ ଆମେ ଏହାକୁ ଅନୁପଯୁକ୍ତ ବୋଲି କହିଥାଉ

ତେଣୁ ଏକ ସଠିକ୍ ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟ ପାଇଁ  $px$  ର ଡିଗ୍ରୀ ଡିଗ୍ରୀଠାରୁ କମ ହେବା ଉଚିତ |  $qx$   $ah$  ର ଏକ ଗୁରୁତ୍ୱ fact ପୂର୍ଣ୍ଣ ଓପ୍ୟ ଧାନ ଦେଇପାରେ ଯେ ଯଦିଓ ଏହା ଭୁଲ୍ ଅଟେ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ  $px$  ର ଡିଗ୍ରୀ  $qx$  ଡୁଲନାରେ ବଡ଼ ଅଟେ ଆମେ ଆହା ବଡ଼ ବିଭାଜନ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏହାକୁ ଏକ ଆହା ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଏକ ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା | ଯାହା ଏକ ପ୍ରଚାର ପ୍ରସାର କାର୍ଯ୍ୟ ହେବ ମୁଁ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶ ପ୍ରଣାଳୀରେ ଏହା କିପରି କରାଯାଇପାରିବ ତାହା ଏକ ଉଦାହରଣ ସାହାଯ୍ୟରେ ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଖାଇବି ଯାହା ଆମେ ଅନୁମାନ କରୁ ଯେ ଡେନୋମିନେଟର ପଲିନୋମିଆଲ୍  $qx$  ଉଭୟ ର  $ar$  ଖ୍ୟରେ ଫ୍ୟାକ୍ଟ ହୋଇପାରେ | କିମ୍ବା ଚତୁର୍ଭୁଜ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଆମେ ଏହି  $qx$  କୁ ର  $ar$  ଖ୍ୟ କାରକ ଦୃଷ୍ଟିରୁ ଫ୍ୟାକ୍ଟାଇଜ୍ କରିପାରିବା କିମ୍ବା ଯଦି ଅନ୍ତତ least ପକ୍ଷେ ଚତୁର୍ଥୀଂଶ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଗୁଡ଼ିକରେ ଏପରି ଏକ ଉଦାହରଣ ଯାହା ଆମେ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ଦେଖି ସାରିଥିଲୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ  $x$  ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ ଉପରେ  $dx$  ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରୁଥିଲୁ |

ତେଣୁ ଏଠାରେ ତୁମେ ଯଦି ଏହାକୁ ଯନ୍ତର ସହ ଦେଖ , ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ହେଉଛି  $p$  ର  $q$  ର  $p$ , ଯେଉଁଠାରେ  $p$  ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $q$   $x$  ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ,  $q$  କୁ  $x$  ମାଇନସ୍ ଥର  $x$  ପ୍ଲସ୍ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ  $q$  ଦୁଇଟି ର line ଖ୍ୟ ପଲିନୋମିଆଲ୍  $q$  ାରା ଫ୍ୟାକ୍ଟାଇଜ୍ ହୋଇପାରିବ

ତେଣୁ  $p$  ଏବଂ  $q$  ର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଫର୍ମ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି ଆମେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶ ଅନୁମାନ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟର ଫର୍ମ ଏବଂ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶକୁ ଆମେ ବାଛିବା ଉଚିତ ଯଦି ଫର୍ମଟି ର  $ar$  ଖ୍ୟ ଅଟେ | ସାଂଖ୍ୟିକ ଏବଂ ନାମକରଣ ଯାହା ଚତୁର୍ଭୁଜ ଅଟେ , ଆହା ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ର line ଖ୍ୟ କାରକ ଭାବରେ  $b$  ସହିତ ସମାନ ନହେବା ପାଇଁ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରେ ଯଦି ଆମେ ଏହି  $qx$  କୁ 0 ସହିତ ସମାନ କରିବା ଏବଂ  $b$  କୁ ମଧ୍ୟ ମୂଳ କୁହାଯାଏ |

ତେଣୁ ସେହି ଅର୍ଥରେ ଆମେ କହିପାରିବା ଯେ ଡେନୋମିନେଟର ଫ୍ୟାକ୍ଟର ର ଦୁଇଟି ପୃଥକ ମୂଳ  $a$  ଏବଂ  $b$  ଅଛି, ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମେ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶକୁ  $x$  ମାଇନସ୍ ଉପରେ ପ୍ଲସ୍  $b$  ଉପରେ  $x$  ମାଇନସ୍  $b$  ଉପରେ ସମାନ ଭାବରେ ବାଛିଥାଉ ଯଦି ମାମଲାଟି ବାରମ୍ବାର ମୂଳ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର କାର୍ଯ୍ୟ ଅଟେ |  $px$  plus  $q$  ଏବଂ denominator ଫର୍ମ ପୁନରାବୃତ୍ତି ହୋଇଛି ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି  $x$  ମାଇନସ୍ ଏକ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ | ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶ  $x$  ମାଇନସ୍ ଉପରେ ପ୍ଲସ୍  $b$  ଭାବରେ  $x$  ମାଇନସ୍ ପୁରା ବର୍ଗ ଭାବରେ ମନୋନୀତ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହି ମାମଲାଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ ଦୁଇଟି ମାମଲା | ଯେତେବେଳେ ସାଂଖ୍ୟିକ ର line ଖ୍ୟ ଅଟେ ଏବଂ ନାମଟି ଚତୁର୍ଥୀଂଶ ଅଟେ ଯଦି ନାମଟି ଏକ ଘନ କାର୍ଯ୍ୟ ଅଟେ ତେବେ ଧରାଯାଉ ଡିନୋମି ପୃଥକ ମୂଳ ଅଛି ଏକ ସଂଖ୍ୟା ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ବହୁଭୁତ ଅଟେ ତେବେ ଅନୁରୂପ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶ ଦିଆଯାଇପାରେ

ତେଣୁ ଏକ  $abc$  ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ | ସମାନ କ  $b$  ଶସି ଜିନିଷ  $b$  ଏବଂ  $b$  ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏବଂ  $c$  ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏବଂ ଚତୁର୍ଥ ମାମଲା ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ କାରଣ ଏହାର ନାମ ଏକ ଘନ ବହୁଭୁତ

ତେଣୁ ଦୁଇଟି ପୁନରାବୃତ୍ତି ମୂଳର ସମ୍ଭାବନା ଅଛି

ତେଣୁ  $p$   $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍  $qx$  ପ୍ଲସ୍  $r$  ଉପରେ  $x$  ମାଇନସ୍ ପୁରା ବର୍ଗକୁ  $x$  ମାଇନସ୍  $b$  ରେ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ମୁଁ ଏହାକୁ ଏହି ଫ୍ୟାକ୍ଟରରେ ଲେଖିପାରେ  $x$  ବାରମ୍ବାର ମୂଳ କେସ୍  $x$  ମାଇନସ୍ ପୁରା ବର୍ଗ ପାଇଁ

ତେଣୁ ଏହା ପୂର୍ବ ମାମଲା ସହିତ ସମାନ | ଆମର ଏଠାରେ ବାରମ୍ବାର ରୁଟ୍ କେସ୍ ପ୍ଲସ୍  $c$  ଉପରେ  $x$  ମାଇନସ୍  $b$  ଏବଂ ପଞ୍ଚମ କେସ୍ ଥିଲା ଯେତେବେଳେ ସଂଖ୍ୟାଟି ଚତୁର୍ଭୁଜ  $px$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍  $qx$  ପ୍ଲସ୍  $r$  ଅଟେ ଏବଂ ଡେନୋମିନେଟର ହେଉଛି  $x$  ମାଇନସ୍  $a$  କୁ କୁମ୍ପ ବର୍ଗରେ ପ୍ଲସ୍  $bx$  ପ୍ଲସ୍  $c$  ଅର୍ଥାତ୍ ଏହା ଫ୍ୟାକ୍ଟାଇଜ୍ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ | ତୃତୀୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ ର line ଖ୍ୟ କାରକଗୁଡ଼ିକ ପସନ୍ଦ ହେଉଛି  $x$  ମାଇନସ୍ ଉପରେ ଯାହା  $q$  line ାରା ର line ଖ୍ୟ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ପୃଥକ ପ୍ଲସ୍ ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ସହିତ ଅନୁରୂପ ଅଟେ ଯାହା ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶ ପାଇଁ ପସନ୍ଦକୁ ବକ୍ସ ପ୍ଲସ୍  $c$  କୁ ଆକସ୍ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ ପ୍ଲସ୍  $bx$  ପ୍ଲସ୍  $c$  ଦିଅନ୍ତୁ | ମୁଁ ଏହାକୁ ଗୋଟିଏ ଭାବରେ ଡାକେ ଯାହା  $q$  no ାରା କ  $conf$  ଶସି ବ୍ଲକ୍ ନହେବା  $q$  one ାରା ଦୁଇଟି ଶବ୍ଦ ଅଲଗା ଏବଂ ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ଏହାର ଏକ ପୃଥକ ମୂଳ ଅଛି ଏବଂ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ବହୁଭାଷାର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟସ୍

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ପାଞ୍ଚଟି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାମଲା | କେଉଁ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶଗୁଡ଼ିକ ଲେଖା ହୋଇଛି ଏବଂ ସେହିଭଳି ସମାନ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ଆମେ ଅନ୍ୟ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ପାଇଁ ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଯଦି ଚେରଗୁଡ଼ିକ ପୃଥକ ହୁଏ ତେବେ ମୂଳଗୁଡ଼ିକ ପୁନରାବୃତ୍ତି ହେଲେ ଆମେ ପୃଥକ ଭାବରେ ଲେଖିବା ତେବେ ଶବ୍ଦଟି ପୁଣି ଥରେ ଲେଖାଯାଏ | ଚତୁର୍ଥୀଂଶ ଶବ୍ଦ ସହିତ ଏବଂ ସମାନ ଭାବରେ ଆହା ଯଦି ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ଶବ୍ଦ ଅଛି ଯାହାକି ଅଧିକ ଫ୍ୟାକ୍ଟାଇଜ୍ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ତା' ହେଲେ ସେହି ଶବ୍ଦଟି ଭେଦିଏବଲ୍  $x$  ପ୍ଲସ୍ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟର ଏକାଧିକ ଭାବରେ ଲେଖା ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହି ଫର୍ମଗୁଡ଼ିକୁ ମନେ ରଖିବାକୁ ହେବ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ବାଛିବା | ଗୋଟିଏ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ଉଦାହରଣ ଯାହା ଆମେ ପୂର୍ବରୁ କରିସାରିଛୁ  $dx$  ଉପରେ  $x$  ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ମୂଲ୍ୟକୁ ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ  $x$  ମାଇନସ୍ ଓଭର ପ୍ଲସ୍ ସ୍କ୍ୱିର ଭାବରେ ଜାଣିଥାଉ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ସମାଧାନ କରିବା ତେବେ କଣ ହେବ? ଏହା ଆଂଶିକ ଭଙ୍ଗାଂଶ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଦେଖିପାରୁ ଯେ ଏଠାରେ ଥିବା ଡେନୋମିନେଟର ଫ୍ୟାକ୍ଟର  $x$  ମାଇନସ୍  $a$  ରୁ  $x$  ପ୍ଲସ୍ ରେ ଫ୍ୟାକ୍ଟାଇଜ୍ ହୋଇପାରିବ

ତେଣୁ ସମଗ୍ର ଫ୍ୟାକ୍ଟର ପାର୍ଟି ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | ଏହି ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟର ସମସ୍ତ ଭଙ୍ଗାଂଶକୁ  $x$  ଉପରେ ମାଇନସ୍ ଏକ ପ୍ଲସ୍  $b$  ଉପରେ  $x$  ପ୍ଲସ୍ ଭାବରେ ସୂଚିତ କରାଯାଇଛି

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ର ଫର୍ମ ଯଦି ଏହା ଏହି ଫର୍ମ  $px$  ପ୍ଲସ୍  $q$  ଉପରେ  $x$  ମାଇନସ୍ କୁରା ମାଇନସ୍  $b$  ଉପରେ ଲେଖାଯାଏ | ମାଇନସ୍ ଏକ ପ୍ଲସ୍  $b$  ଓ  $x$  ାରା  $x$  ମାଇନସ୍  $b$

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ହେଉଛି ଏକ ବର୍ଗର  $x$  ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗର ଯାହା ମୁଁ ଏହି ଫର୍ମରେ ଲେଖିଛି

ତେଣୁ ଏହାକୁ  $x$  ମାଇନସ୍ ଉପରେ ପ୍ଲସ୍  $b$  ଭାବରେ  $x$  ମାଇନସ୍  $b$  ଉପରେ ଲେଖିବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ଏହାକୁ ଗଣନା କରିବା | ଆମେ ପାଇପାରୁ ଯେ ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ  $x$  ମାଇନସ୍  $x$  ପ୍ଲସ୍ କୁ ପୁନର୍ବାର  $1cm$  ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବା  $q$  you ାରା ଆପଣ ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଯାହା ପାଇବେ ତାହା ଏକ ଥର  $x$  ପ୍ଲସ୍ ପ୍ଲସ୍  $b$  ଥର  $x$  ମାଇନସ୍  $a$  ଏବଂ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଆପଣ ଗୋଟିଏ ପାଇବେ | କାରଣ  $x$  ମାଇନସ୍ ଆକ୍ସ ପ୍ଲସ୍ ଏକ ସମଗ୍ର ବାଡ଼ିଲ୍ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ତୁମେ କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟସ୍ କୁ ପୁନର୍ବାର ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଭାବରେ ଚୁଳନା କର ତୁମେ ଉଭୟ ପାର୍ଟି of ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟସ୍ ଚୁଳନା କର ଯାହା ଯେ  $you$  ାରା ତୁମେ ଯାହା ପାଇବା ଉଚିତ ଚାହା ଚାହାଣ ପାର୍ଟିରେ  $x$  ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଅଟେ ଏବଂ ଏଥିରେ କିଛି ନାହିଁ | ବାମ ପାର୍ଟି

ତେଣୁ ଏକ ପୁସ୍ତକ  $b$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏଠାରେ ଆ ମାଇନସ୍ ଅବ

ତେଣୁ ଏକ ସାଧାରଣକୁ ସାଧାରଣ ଭାବରେ ସମାନ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିରୁ ଆମେ ଜାଣିପାରିବା ଯେ ମାଇନସ୍  $b$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଯଦି ମୁଁ  $a$  କୁ ବଦଳାଇବା ମାଇନସ୍  $b$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ତେବେ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବି ଚାହା ହେଉଛି ମାଇନସ୍ ଦୁଇଟି  $ab$  ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ | ମୋତେ  $b$  କୁ ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ କରନ୍ତୁ, ଯେହେତୁ  $a$  ମାଇନସ୍  $b$  ସହିତ ସମାନ, ତେଣୁ  $a$  ଗୋଟିଏ ଦ୍  $two$  ାରା ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ  $a$  ସହିତ ସମାନ ହେବା ପାଇଁ ଲେଖା ହୋଇଛି  $x \times$  ମାଇନସ୍  $ab$  ହେଉଛି | ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ନକରାତ୍ମକ ଚିହ୍ନ ସହିତ ମାଇନସ୍ ମୁଁ ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି  $s$  କୁ ଗୋଟିଏ ପୁସ୍ତକ ନେଇପାରେ

ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ମନେ ରଖୁବ ତୁମେ ସମାନ ଜିନିଷ ପାଇଛ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଆମର ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ଏହି ସ୍ମୃତି ପାଇଥିଲୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ତୁମେ ଏହାକୁ ସହଜରେ ଲେଖି ପାରିବ | ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ଏହା ହେଉଛି ମୋଡ୍  $x$  ମାଇନସ୍ ର ଏକ ମାଇନସ୍ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ମୋଡ୍ ପୁସ୍ତକ  $a$  ଏବଂ ଡା' ପରେ ଏକ ସ୍ଥିର  $c$

ତେଣୁ ଲଗ୍ ମାଇନସ୍  $n$  ର ଲଗ୍  $m$  ବ୍ଯାରା  $n$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ସ୍ମୃତି ସମାନ ସ୍ମୃତିରେ ପହଞ୍ଚିବା |

ତେଣୁ ଆମେ ଆପଣଙ୍କୁ ଏଠାରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ଦେବୁ ଧରାଯାଉ ଆମେ ଏକାଭୂତ ହେବାକୁ ଚାହୁଁ |  $dx$  ଫଙ୍କସନ୍ କୁ  $x$  ରୁ  $x$  କୁ ପାଖାନ୍ତ ଚାରି ପୁସ୍ତକ କୁ ବ  $raise$  ାନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହା କ  $any$  ଶସି ଫର୍ମରେ ପଢ଼ିବ ନାହିଁ ଯାହାକୁ ଆମେ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆଲୋଚନା କରିଛୁ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆମେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ରେ କିଛି ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିବା ତେବେ ଆମେ ପ୍ରକୃତରେ ଜାଣିପାରିବା | ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ ବ୍ୟବହାର କରି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ

ତେଣୁ ଏଥିପାଇଁ ଆମକୁ ଏଠାରେ ଯାହା କରିବାକୁ ହେବ ଚାହା ହେଉଛି ଆମେ ଜାଣିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁ ଯଦି ଆମେ କିଛି ସଂଖ୍ୟାକୁ ବଦଳାଇବୁ ଯାହା ଯେ  $you$  ାରା ତୁମେ ତୁମର ପ୍ରତିସ୍ଥାପନକୁ ଜାଣିଛ ଯେପରି ତୁମେ ସେହି ଡେରିଭେଟିଭ୍ ରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡର ଏକ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ପାଇବ | ଏଠାରେ ଏହା  $x$  କୁ ପାଖାନ୍ତ 4 କୁ ବୃଦ୍ଧି କରାଯାଇଛି ଯାହାକି  $x$  ଅଟେ

ତେଣୁ ସେଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ କ  $working$  ଶସିଟି କାମ କରୁନାହିଁ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ ଉଭୟ କ୍ଷୁଦ୍ରରେ ଏବଂ ଡେନୋମିନେଟରରେ  $x$  କ୍ଷୁଦ୍ର ବ୍ଯାରା ଗୁଣନ କରନ୍ତି ତେବେ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବି ଚାହା ହେଉଛି  $x$  ଚାରି  $x$  ଚାରି ପୁସ୍ତକ ଗୋଟିଏ ଭଲ, ଯଦି ମୁଁ  $x$  ଚାରିକୁ ବଦଳାଇବି ଏବଂ ମୁଁ ଦେଖୁଛି ଯେ  $x$  କ୍ଷୁଦ୍ର  $dx$  ସେଠାରେ ଦେଖାଯାଉଛି

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡର ଏକ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟାରେ ଦେଖାଯାଉଛି ଯାହା ଯେ  $x$  ାରା ମୁଁ  $x$  କୁ ଚାରିକୁ ବ  $raise$  ାଇବି ଯାହା  $t$  ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହା ଚାରୋଟି  $x$  କ୍ଷୁଦ୍ର  $dx$   $dt$  ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହା ଯେ  $x$  ାରା  $x$  କ୍ଷୁଦ୍ର |  $dx$  ଚାରୋଟି ବ୍ଯାରା  $dt$  ସହିତ ସମାନ |

ତେଣୁ ଏହି ଗଣନାଟି ଗୋଟିଏରୁ ଚାରିଟି  $dt$  ଉପରେ  $t$  କୁ ପୁସ୍ତକ କୁ ନେଇଯାଏ ଏବଂ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ଫର୍ମ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ ଡେନୋମିନେଟରରେ ଚତୁର୍ଥାଂଶ ଦେଖୁଛୁ ଏବଂ ସଂଖ୍ୟାରେ ସ୍ଥିର

ତେଣୁ ମୁଁ ଏଥିରୁ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ ତିଆରି କରିପାରିବି |  $t$  in  $t$  plus one ମୁଁ ଏହାକୁ  $a$  by  $t$  plus  $b$  by  $t$  plus one ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବି

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ମୋତେ କେବଳ  $a$  ଏବଂ  $b$  ର ଭଲ୍ଲ୍ୟ ଗଣନା କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ, ଏକ ଟାଇମ୍  $t$  ପୁସ୍ତକ ଗୋଟିଏ ପୁସ୍ତକ  $b$  ଟାଇମ୍  $d$  ତେଣୁ ଏହା ଆଗେଇବ |  $a$  ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $b$  ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଯେ  $this$  ାରା ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଚିଟି ଉପରେ ଚାରିଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ  $dt$  ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ଏହି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଏହି ସଂଖ୍ୟା ବ୍ଯାରା ବଦଳାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ  $tb$  ଦ୍  $one$  ାରା ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ  $t$  ପୁସ୍ତକ ବ୍ଯାରା ଗୋଟିଏ | ଗୋଟିଏ  $dt$  ଯାହାକୁ ଅତି ସହଜରେ ଦେଖିପାରିବେ, ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ଚାରିଟି ହେଉଛି  $t dt$  ହେଉଛି ଲଗ୍ ମୋଡ୍ ମାଇନସ୍ ଏହା ହେଉଛି ମୋଡ୍ ଚି ପୁସ୍ତକ ଏବଂ ଗୋଟିଏ ପୁସ୍ତକ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟ

ତେଣୁ  $t$  ପାଇଁ ମୂଲ୍ୟକୁ ବଦଳାଇବା ଯାହାକି  $x$  କୁ ପାଖାନ୍ତ 4 କୁ ବ  $we$  ାଇଆଏ ଆମେ 1 ଭାବରେ ଚୁଡ଼ାନ୍ତ ଉତ୍ତର ପାଇଥାଉ | 4 ଦ୍  $and$  ାରା ଏବଂ ମି ମାଇନସ୍ ଲୋ ର ଏକକାଳୀନ ଲଗ୍ ଫର୍ମୁଲା ବ୍ୟବହାର କରି |  $g$  ର  $n$  ଲଗ୍ ସହିତ  $m$  ର ଲଗ୍ ସହିତ ସମାନ, ଯେହେତୁ  $x$  କୁ ପାଖାନ୍ତ 4 କୁ ବ  $power$  ାଇଆଏ  $x$  କୁ ପାଖାନ୍ତ 4 କୁ ବିଭକ୍ତ କରେ ଗୋଟିଏ ପୁସ୍ତକ ଗୋଟିଏ ମୋଡ୍ ପୁସ୍ତକ ସ୍ଥିର  $c$

ତେଣୁ ଏହା ତୁମେ ପାଇବ ଯେପରି ମୁଁ ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ ମାମଲା ଉଲ୍ଲେଖ କରିଛି |  $qx$  ଦ୍  $p$  ାରା  $px$  ଫର୍ମ କରନ୍ତୁ ଯେପରି  $qx$  ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ଆହା ଏହା ସମ୍ଭବ ହୋଇପାରେ  $px$  ର ଡିଗ୍ରୀ  $qx$  ର ଡିଗ୍ରୀଠାରୁ ଅଧିକ କିମ୍ବା ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ  $qx$  ର ଡିଗ୍ରୀ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଆମେ କରୁ ଚାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ପ୍ରଥମେ ଲମ୍ବା ବିଭାଜନ କରୁ ଯାହା ଯେ  $we$  ାରା ଆମେ ଏକ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ପ୍ରାପ୍ତ କରନ୍ତୁ ଏବଂ ତାପରେ ଏକ ସଠିକ୍ ଆହା ଯୁକ୍ତିଯୁକ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ ଡା' ପରେ ପୁନରାବୃତ୍ତି କାର୍ଯ୍ୟରେ ଆମେ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ ପ୍ରୟୋଗ କରୁ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା ଯାହା ଆପଣଙ୍କୁ ସମସ୍ୟା କୁ  $understand$  ିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରିବ

ତେଣୁ ଉଦାହରଣଟି ହେଉଛି  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତକ ଗୋଟିଏ  $x$  ବର୍ଗ ଏବଂ ଦୁଇଟି  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତକ | ତିନୋଟି  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତକ ଚାରି  $dx$  ଆମକୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ କୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯଦି ଆପଣ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡକୁ ଦେଖନ୍ତି ତେବେ ଏହା  $x$  ବର୍ଗ ଥର  $x$  ବର୍ଗ  $x$  କୁ ପାଖାନ୍ତ ଚାରିକୁ ବ  $raise$  ାଇବା ପରି ଦେଖାଯାଏ

ତେଣୁ ଏହାର ଚାରି ଡିଗ୍ରୀ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ସଂଖ୍ୟାରେ ଚାରି ଡିଗ୍ରୀ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ନାମକରଣ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆମେ ମଧ୍ୟ ଦେଖିବା | ଏହା ଗ ଆମେ ଦେଖିପାରୁଛୁ ଯେ ଚତୁର୍ଥାଂଶ ଶକ୍ତଗୁଡ଼ିକ ସେମାନେ କେବଳ ଉଭୟ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ଡେନୋମିନେଟରରେ ଦେଖାଯାଉଛି ସେଠାରେ କ  $line$  ଶସି ର  $ar$  ଖ୍ୟ ଶକ୍ତ ନାହିଁ କିମ୍ବା କ  $cub$  ଶସି ଘନ ଶକ୍ତ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏହି ଚତୁର୍ଥାଂଶ ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କ  $term$  ଶସି ଶକ୍ତ ଦୃଶ୍ୟମାନ ହେଉନାହିଁ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରିପାରିବା ଚାହା ହେଉଛି | ଏହି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ଖୋଜିବା ଆରମ୍ଭ କରିବା ପୂର୍ବରୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଏକ ନୂତନ ଭେରିଏବଲ୍  $x$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ ବଦଳାଇ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିକୁ ସରଳୀକରଣ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ରେ ପ୍ରକୃତ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଭାବରେ ତିଆରି କରୁନାହିଁ ବରଂ ଆମେ କେବଳ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ରେ ଏହି ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କରୁଛୁ | ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ହୋଇଯାଏ  $y$  ପୁସ୍ତକ ଗୋଟିଏ  $y$  ପୁସ୍ତକ ଦୁଇ ଓଭର  $y$  ପୁସ୍ତକ ତିନି  $y$   $y$  ପୁସ୍ତକ ଚାରି ଯାହା ଯାହା ଯଦି ମୁଁ ପ୍ରତ୍ୟେକ  $y$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତକ ତିନୋଟି  $y$  ପୁସ୍ତକ ଦୁଇଟି  $y$  ବର୍ଗ ଏବଂ ସାତ  $y$  ପୁସ୍ତକ ଦ୍  $twelve$  ାରା ବିଭକ୍ତ ହୁଏ ତେବେ ଉଭୟ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ଭେଦଭାବରେ ସେମାନେ ସମାନ ଡିଗ୍ରୀ ଫର୍ମ କରୁଛନ୍ତି ଏବଂ

ତେଣୁ ଆମକୁ ଭଲ ବିଭାଜନ ପାଇଁ ଯିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ  $y$  ବର୍ଗ 7  $y$  ପୁସ୍ତକ ବାର  $y$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତକ ତିନୋଟି  $y$  ପୁସ୍ତକ ଦୁଇ

ତେଣୁ କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଏଠାରେ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ଗୋଟିଏ ଥର ଯାଇପାରେ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏଠାରେ  $y$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତକ ସାତ  $y$  ପୁସ୍ତକ ବାରଟି ସବୁଗୁଡ଼ିକୁ ପାଇବି, ଆମେ ଏହି ସଙ୍କେତଗୁଡ଼ିକୁ ମାଇନସ୍ ଭାବରେ ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ବାକି ରହିଲା ଯେ ଏହି  $y$  ବର୍ଗ ବାଟିଲ୍ 3 ମାଇନସ୍ 7 ଆପଣଙ୍କୁ ମାଇନସ୍ ଦେବ | 4  $y$  ଏବଂ 2 ମାଇନସ୍ 12 ର ମାଇନସ୍ ଦଶ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଅବଶିଷ୍ଟାଂଶ ମାଇନସ୍ ଚାରି  $y$  ମାଇନସ୍ ଦଶ ଅଟେ

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ର ଏହି ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ର ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍  $y$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ସାତ  $y$  ପ୍ଲସ୍  $d$  divided ାରା ବିଭକ୍ତ 1 ପ୍ଲସ୍ ମାଇନସ୍ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ହେଉଛି ଏହା

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଫର୍ମାଟ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଲେଖିବା କିମ୍ବା ଆମେ ଏହାକୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ବଦଳରେ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଚାରି  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଦଶରୁ  $y$  ବର୍ଗ ବଦଳରେ ଲେଖିବା

ତେଣୁ ଏହି ଫର୍ମାଟ୍ ଆମକୁ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଯେପରି ଯୁ  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଡିନିଟି  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଚାରିରେ ଏବଂ ଏହା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ପାଇଁ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମର ପ୍ରକୃତ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $i$  ଯାହାକି  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଗୋଟିଏ  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି  $x$  ବର୍ଗ  $d$  plus ାରା ବିଭକ୍ତ ଡିନିଟି  $x$  ବର୍ଗରେ ଏବଂ ଚାରି  $dx$  ଏଥିରେ ଆମେ କେବଳ  $x$  ଦ୍ଵାରା  $yx$  ବର୍ଗ  $d$   $y$  ାରା ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିଛୁ | ତାଙ୍କୁ ଦେଖ | re ଆମେ କେବଳ  $x$  ବର୍ଗକୁ  $y$   $d$  change ାରା ପରିବର୍ତ୍ତନ କରୁ

ତେଣୁ ସେହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଲେଖିବା ପାଇଁ ଚାଲନ୍ତୁ ଫେରିଯିବା

ତେଣୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡରେ  $y$  କୁ  $x$  ବର୍ଗକୁ ବଦଳାନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହା 1 ମାଇନସ୍  $4x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ 10 ସହିତ  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଡିନି ଏବଂ  $x$  ବର୍ଗ ଦ୍ଵାରା ବିଭକ୍ତ ହେବ | ଆହୁରି ଚାରି  $dx$

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିର ସମାଧାନର ଏହି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ବ୍ୟାୟାମ ଅନ୍ୟ ଏକ ସମସ୍ୟାରେ ପରିଣତ ହୁଏ ଯାହାକି ଗୋଟିଏ ବହୁଭାଷୀ ଏବଂ ତା' ପରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି

ତେଣୁ ଆମେ ଏଠାରେ ଯାହା କରିବୁ ତାହା ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ଯେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିକୁ ବର୍ତ୍ତମାନ କିପରି ପରିଚାଳନା କରାଯିବ ତାହା ଜାଣିବା କାରଣ ଏହି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ | ଆମେ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ ବ୍ୟବହାର କରି ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଏହାର ସମାଧାନ ପାଇଁ ଆମେ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ ଦେଇ ଯିବା ଏବଂ ଯୁ ଆପଣଙ୍କୁ ଦେଖାଇବି କିପରି ଚାରି  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଦଶ ଉପରେ  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଉପରେ  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଡିନି ଏବଂ  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଚାରିରେ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ

ତେଣୁ ଏହା ପାଇଁ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ | ଆମୁ ପ୍ଲସ୍ ଡିନୋଟି ପ୍ଲସ୍ ପ୍ଲସ୍ ଚାରି ଭାବରେ ଲେଖନ୍ତୁ ଯାହାକୁ ସମାଧାନ କରିବା ପରେ ଆପଣ ସହଜରେ ଜାଣିପାରିବେ ଯେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏକ ଦୁଇଟି ଏବଂ  $b$  ଛଅଟି ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ଗୁଣନକୁ ନିଅନ୍ତୁ | ଗୋପି ଏବଂ ତାପରେ ଆପଣ ଏହି ଗଣନା ଲେଖିପାରିବେ

ତେଣୁ ଆପଣ ଜାଣିପାରିବେ ଯେ  $a$  ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $b$  ଛଅ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ସହିତ ସମାନ ହେବ  $dx$  ମାଇନସ୍ ଏହି ଫର୍ମାଟ୍ରେ  $y$  କୁ  $x$  ବର୍ଗ ଦ୍ଵାରା ବଦଳାଇବା ଏହି ଫର୍ମାଟ୍ରେ ସହିତ ସମାନ | ଏହା ଏକ ମାଇନସ୍ 2 ହେବ

ତେଣୁ ମାଇନସ୍ ର ଏକ କର୍ଲ୍ ବ୍ରାକେଟ୍ ଏଠାରେ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ଉପରେ  $y$  ପ୍ଲସ୍ ଡିନୋଟି ରଖିବା  $d$   $y$  ାରା  $x$  ବର୍ଗ ଏବଂ ଡିନୋଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ  $dx$  ପ୍ଲସ୍  $b$   $d$  plus ାରା 6 ଏବଂ  $y$  ପ୍ଲସ୍  $4x$  ବର୍ଗ ଏବଂ ଚାରି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $dx$  ଏବଂ ତାପରେ କୁଞ୍ଚିତ ବ୍ରାକେଟ୍ ବନ୍ଦ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଆମେ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଯାହା କରିଛୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି କିଛି ନୂତନ ରିପ୍ରେସେଣ୍ଟେସନ୍  $y$  ବ୍ୟବହାରରେ ରୂପାନ୍ତରିତ ହୋଇଛି କିମ୍ବା ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିରେ ରୂପାନ୍ତରିତ ହୋଇଛି ଏବଂ ଏହା ସହିତ ଆମେ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ ବ୍ୟବହାର କରିଛୁ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିକୁ ଶବ୍ଦରେ ଲେଖୁଛୁ | ସେହି ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଶେଷରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଯାହା ଶେଷରେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସହିତ ସମାନ, ଯୁ ଏହାକୁ ପୁନଃ  $r$  ଲିଖନ କରିବି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗୋଟିଏ  $dx$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗୋଟିଏ  $dx$  ଯାହା  $x$  ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ  $x$  ଉପରେ ଦୁଇଥର | ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଡିନି ମାଇନସ୍ ଛଅ ଗୁଣ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଗୋଟିଏ  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଚାରି  $dx$

ତେଣୁ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିକୁ  $x$  ମାଇନସ୍ ଦୁଇଥର  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ଫର୍ମୁଲା ଭାବରେ ସହଜରେ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରାଯାଇପାରିବ, ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ଏକ ଚ୍ୟାନ୍ ଓଲଟା  $x$  ଦ୍ଵାରା ପ୍ଲସ୍ ଛଅ ଗୁଣ ଦେବ | ଏକ ପ୍ଲସ୍ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟ  $d$  you ାରା ଆପଣଙ୍କୁ ଗୋଟିଏ ଚାନ୍ ଇନଭର୍ସ  $x$  ମଧ୍ୟ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ସରଳୀକରଣ ପରେ ଏହା ଦୁଇ ଡିନି ଛଅକୁ ଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ସମାଧାନର ଏକ ଫର୍ମା ହେବ ଯାହାକୁ ଆପଣ ପାଇପାରିବେ

ତେଣୁ ବେଳେବେଳେ ଏହା ସମସ୍ୟାକୁ ଠିକ୍ ଭାବରେ ଦେଖିବା ପରିବର୍ତ୍ତେ ସାହାଯ୍ୟ କରେ | କିଛି ଭେରିଏବଲ୍ ବଦଳାଇବା କିମ୍ବା ବଦଳାଇ ଏକ ଭିନ୍ନ ଦୃଷ୍ଟିକୋଣରୁ ଲେଖାଯାଇଛି ଏହା ପଞ୍ଜି କିମ୍ବା କ  $ques$  ଶଳ ବ୍ୟବହାର କରି ସମାଧାନ କରିବା ଅଧିକ ସହଜ ହୋଇପାରେ ଯାହା ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ଖୋଜିବୁ

ତେଣୁ ଏହି ଉଦାହରଣଟି ର  $ar$  ଖ୍ୟ ସମସ୍ୟା ସହିତ ଜଡ଼ିତ | ସଂଖ୍ୟାରେ ଫର୍ମାଟ୍ରେ ଏବଂ ଡେନୋମିନେଟର ହେଉଛି ଏକ ଘନ ବହୁମୁଖୀ, ଯାହାର ମୂଳ ଭାବରେ ଦୁଇଟି ଏବଂ ତା' ପରେ  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଗୋଟିଏ ଫର୍ମାଟ୍ରେ

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଆମକୁ ଏହି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ସମ୍ପାନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ | ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଭାବରେ ଜଣେ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହା ହେଉଛି ଫର୍ମା ର  $line$  ଖ୍ୟର କ୍ୟୁବିକ୍  $d$  divided ାରା ବିଭକ୍ତ ଯେଉଁଠାରେ ଆହା କ୍ୟୁବିକ୍ ର ଏକ ର  $line$  ଖ୍ୟ ଫର୍ମାଟ୍ରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ଫର୍ମାଟ୍ରେ ଅଛି ଆମେ ପୁନର୍ବାର ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶର ଫର୍ମାଟ୍ରେ ଫେରିଯିବା ଯେଉଁଠାରେ ଏହା ଆହାରେ ଉଲ୍ଲେଖ କରାଯାଇଥିଲା ଯେ ଯଦି ଏହା ହୁଏ | ପରିମାଣ ଫର୍ମାଟ୍ରେ ଅଧିକ ଫର୍ମାଟ୍ରେ କରାଯାଇପାରିବ ନାହିଁ ତେବେ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମକୁ ଏହାକୁ ର  $line$  ଖ୍ୟ ଫର୍ମାଟ୍ରେ ପ୍ଲସ୍  $bx$  ପ୍ଲସ୍  $c$  ଥର ଚତୁର୍ଭୁଜ ଫର୍ମାଟ୍ରେ ଭାବରେ ଲେଖିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଏହି କେସ୍ ତୁଳନା କରାଯାଇପାରେ ଯେ  $p$  ଶୂନ୍ୟ  $q$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $r$  ଉଭୟ ଗୋଟିଏ କାରଣ ଏହା ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଗୋଟିଏ  $q$  ଏବଂ  $r$  ଗୋଟିଏ ଏବଂ ସମାନ ଭାବରେ ଆମେ ଏହାକୁ ଲେଖିବା ପାଇଁ ଅନ୍ୟ କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟସ୍ ତୁଳନା କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ ଭାବରେ ଲିଖିତ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ  $x$  ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ପ୍ଲସ୍  $bx$  ପ୍ଲସ୍ ଉପରେ  $x$  ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଭାବରେ ଲେଖାଯିବ

ତେଣୁ ଏହାକୁ ସରଳ କରିବା ଦ୍ଵାରା ଆମେ ବାମ ପାର୍ଶ୍ଵକୁ ଏକ ର  $ar$  ଖ୍ୟ ବହୁଜନ ଭାବରେ ପାଇଥାଉ | ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ଵ  $we$  ରେ ଆମେ କୁରା  $square$  ାରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍  $bx$  ପ୍ଲସ୍  $c$  ଥର  $x$  ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ପାଇଥାଉ ଯାହା  $d$  you ାରା ଆପଣ ଯେଠାରେ କୁମ୍ ବର୍ଗ ଦେଖିପାରିବେ ଏବଂ ଏଠାରେ ଆପଣ  $bx$  ବର୍ଗ ପାଇବେ

ତେଣୁ ବାମ ପାର୍ଶ୍ଵରେ କ  $x$  ଶସି ସ୍କ୍ଵାର୍ ନାହିଁ |  $e$

ତେଣୁ ତୁମେ  $x$  ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ତୁଳନା କରିବା ପରେ ଏକ ପ୍ଲସ୍  $b$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା ତୁମେ ଏଠାରୁ ପାଇବ ତାହା ହେଉଛି ମାଇନସ୍ ଦୁଇ  $b$  ପ୍ଲସ୍  $c$

ତେଣୁ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ  $b$  ପ୍ଲସ୍  $c$  ଏଠାରେ  $x$  ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ତା' ପରେ ଯଦି ତୁମେ କୋଇଲ୍ ତୁଳନା କର ରାଜ୍ୟ ସ୍ଥିର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟସ୍ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ଏକ ମାଇନସ୍  $c$  ମାଇନସ୍ ଦୁଇ  $ca$  ମାଇନସ୍ ଦୁଇ  $c$  ବାମ ପାର୍ଶ୍ଵରେ ଗୋଟିଏ ଆହା ସହିତ ସମାନ କରେ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଡିନୋଟି ସମୀକରଣକୁ ଡିନୋଟି ଅଜ୍ଞାତ ଡିନୋଟି ସମୀକରଣ ପାଇଥାଉ ଯାହା  $d$  you ାରା ଆପଣ ସେଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କରିପାରିବେ ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ |  $b$

ତେଣୁ ଆପଣ ବି ବଦଳାନ୍ତୁ ମାଇନସ୍  $a$  ସହିତ ସମାନ କିମ୍ବା  $a$  ମାଇନସ୍  $b$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତାପରେ ଆପଣ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣକୁ  $a$  ଏବଂ  $c$  କିମ୍ବା  $b$  ଏବଂ  $c$  ରେ ସମାଧାନ କରନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହାର ସମାଧାନ କରିବା ଏବଂ ଜାଣିବା ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ କଷ୍ଟକର ନୁହେଁ |  $a$  କିଛି ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ଡିନି ରୁ ପାଞ୍ଚ  $b$  କିଛି ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ମାଇନସ୍ ଡିନିରୁ ପାଞ୍ଚ ଏବଂ  $c$  କିଛି ନୁହେଁ, ଗୋଟିଏ  $d$  five ାରା ମାଇନସ୍ ଛଅ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ ଏହି ଫର୍ମାଟ୍ରେ ଫର୍ମାଟ୍ରେ ଉପସ୍ଥାପିତ ହୋଇପାରିବ ଏବଂ

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $i$  ଉପସ୍ଥାପିତ ହେବ କାରଣ ଏହି ଫର୍ମାଟ୍ରେ ସମାନ | ଏକ  $wh$  କୁ ଏହା ପୂର୍ବରୁ ଏହି ସଂଖ୍ୟା  $b$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ  $c$  ହେଉଛି ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ

ତେଣୁ ଆମେ  $a$  ଏବଂ  $b$  ର ମୂଲ୍ୟ ବଦଳାଇ ଏହି ଫର୍ମାଟ୍ରେ ସହିତ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ କୁ ବଦଳାଇବୁ ଏବଂ  $a$  ମଧ୍ୟ ଡିନିରୁ ପାଞ୍ଚ ଅଟେ

ଡେଣ୍ଡୁ ଏଠାରେ  $x$  ମାଲନସ୍ 2 ଉପରେ ଏକରୁ ତିନିଟି ପାଞ୍ଚ ଏବଂ  $b$  ମାଲନସ୍ 3 ରୁ 5 ଅଟେ  
ଡେଣ୍ଡୁ ମାଲନସ୍ 3 ରୁ 5 ଥର  $x$  ପୁସ୍ ସିସି ଦୁ sorry ଖୁତ  $c$  ହେଉଛି ମାଲନସ୍ 1 ରୁ 5 ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ  $q$  five ଠାରୁ  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ ଏବଂ ଗୋଟିଏ  $x$  ବର୍ଗ  
ପୁସ୍ ଗୋଟିଏ  $dx$   $q$  divided ଠାରୁ ବିଭକ୍ତ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଏହି ସମଗ୍ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଫର୍ମରେ ପ୍ରଥମ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ଏକାକରଣରେ ପରିଣତ ହୋଇଛି |  $q$  factor ଠିକାୟ ଫ୍ୟାକ୍ଟରକୁ ଏକାଭୂତ କରିବା ପାଇଁ  
ଆମେ ଯାହା କରିବା ତାହା ହେଉଛି ଅତି ସହଜ ଯେ ଆମେ ଏହାକୁ ଦୁଇ ଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ କରିଥାଉ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଆମେ  $x$  ମାଲନସ୍ ଦୁଇ ମାଲନସ୍ ର ତିନିଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଭାବରେ ଲେଖିବା ଯାହା ମୁଁ ତିନିରୁ  $x$  ର ସାଧାରଣ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଭାବରେ ଗୋଟିଏ ପରେ  
ଗୋଟିଏ ନେଇପାରେ |  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ ଉପରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ମାଲନସ୍  $dx$  ଅବଶ୍ୟ ଗୋଟିଏ ପରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଗୋଟିଏ  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ ଗୋଟିଏ  $dx$   
ଡେଣ୍ଡୁ ଏହା ହିଁ ଆମେ ମାଲନସ୍ ତିନିରୁ ପାଞ୍ଚ ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ପରେ ପାଞ୍ଚ ପାଇବୁ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୋଡ୍ ର ତିନି ରୁ ପାଞ୍ଚ ଲଗ୍ ହୋଇଯାଏ |  $x$  ମାଲନସ୍ ଦୁଇଟି ର line ଖ୍ୟ ଶବ୍ଦ ମାଲନସ୍ ତିନି ରୁ ପାଞ୍ଚ ଥାଇ |  $sx$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ ଗୋଟିଏ ଯଦି ମୁଁ  
ଏହାକୁ ଏକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ଵାରା ବଦଳାଇବି ତେବେ ମୁଁ ଦୁଇଟି  $x dx$  ପାଇବି  $dt$  ସହିତ ସମାନ  
ଡେଣ୍ଡୁ  $x dx$  ଦୁଇଟି  $q$  d ଠାରୁ ହେବ  
ଡେଣ୍ଡୁ ମୁଁ ତୁରନ୍ତ ଏହାକୁ  $x$  ବର୍ଗର ମୋଡ୍ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ର ଅଧା ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବି | ତୁମେ ଏହାକୁ କେବଳ ମାଲନସ୍ ଏକରୁ ପାଞ୍ଚଟି ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଏଠାରେ ଏହା  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ ଉପରେ  $dx$  ଅଟେ ଯାହାକୁ ମୁଁ ତୁରନ୍ତ ସୂତ୍ର ଟନ୍ ଓଲଟା  $x$  ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖିପାରେ ଏବଂ ଶେଷରେ ଏକାକରଣର ଏକ ସ୍ଥିରତା  
ଏହାକୁ ଚିକେ ସରଳ କରି ତୁମେ ତୁଡ଼ାନ୍ତ ଉତ୍ତର ପାଇପାରିବ | ଯେଉଁ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଆଗକୁ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଏଠାରେ  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍  
ଗୋଟିଏ ଫ୍ୟାକ୍ଟର ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ଆମେ ଏହି କ  $que$  ଶଳକୁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଏବଂ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶର ଏହି ବିଷୟକୁ ଅନ୍ୟ କିଛି ଜଣାଣୁଣା ସୂତ୍ର  
ବ୍ୟବହାର କରି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଖୋଜି ବାହାର କରିବା ଏହା ଅଭ୍ୟାସ ହୋଇପାରିବ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବ | ହୃଦୟଙ୍ଗମ କରିବ ଯେ  $ab$   
ର ଏବଂ ଏହି ଅଞ୍ଚଳ ସ୍ଥିରଗୁଡ଼ିକର ମୂଲ୍ୟକୁ କିପରି ଗଣନା କରାଯାଏ ଏବଂ ଅରେ ତୁମେ ସେଗୁଡ଼ିକର ସୂତ୍ର କିମ୍ବା ଚତୁର୍ଭୁଜ କାରଣଗୁଡ଼ିକ ଉପରେ ସୂତ୍ର ଦେବାରେ ସକ୍ଷମ  
ହେବ  $ave$  ପୂର୍ବରୁ ବିକଶିତ ହୋଇଛି ସେମାନେ ଅତି ସହଜ ହୋଇଥାନ୍ତି  
ଡେଣ୍ଡୁ ସେହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗୁଡ଼ିକର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରନ୍ତି ଯାହା  $p$  ର  $q$  ର ଅଟେ ଯେଉଁଠାରେ ସେହି  $p$   $q$  ଠାରୁ ଆଂଶିକ ଭଗ୍ନାଂଶ ଅନୁଯାୟୀ ଲେଖା ହୋଇପାରେ ଏହା  
ଅତି ସହଜରେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ ଅନ୍ୟ ଏକ ପଦ୍ଧତି ଖୋଜିବୁ ଯାହା ଜଣାଣୁଣା | ଆଂଶଗୁଡ଼ିକ  $q$  integr ଠାରୁ ଏକାକରଣ ଭାବରେ ଏହି ପଦ୍ଧତି ଗୁରୁତ୍ଵପୂର୍ଣ୍ଣ  
ଆହା ଯେତେବେଳେ ଆମକୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯାହାକି କିଛି ଉତ୍ପାଦକୁ ଜଡ଼ିତ କରେ ଆମେ ଦେଖୁଛୁ ଯେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସ୍ଵରୂପ ଜଡ଼ିତ ହୋଇଯାଉଛି  
ଯେତେବେଳେ ସେମାନେ କିଛି ଉତ୍ପାଦକୁ ଜଡ଼ିତ କରନ୍ତି ବେଳେବେଳେ ଏହା ସହଜ ହୋଇଯାଏ ଯଦି ଆମେ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଉତ୍ପାଦରେ ଭାଙ୍ଗିବାରେ ସକ୍ଷମ ହୋଇଥାଉ |  
ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଖୋଜି,  
ଡେଣ୍ଡୁ ଆମେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ ପାଇଁ ଅନ୍ୟ ଏକ ପଦ୍ଧତି ଖୋଜିବୁ ଯେଉଁଠାରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ପାଦ ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ ବେଳେବେଳେ ଏହା  
ସହଜ ହୋଇଯାଏ ଯଦି ଆମେ ଆହର ଆଂଶଗୁଡ଼ିକର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଜାଣୁ କିମ୍ବା ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ରୂପାନ୍ତର କରିପାରିବା | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଫର୍ମ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ଆଂଶଗୁଡ଼ିକର  
ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବା ତେବେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପଦ୍ଧତି ଅତ୍ୟନ୍ତ ଉପଯୋଗୀ ହୋଇଯାଏ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଆମେ ଦେଖିବା | ଆଂଶଗୁଡ଼ିକ  $q$  integr ଠାରୁ ଏକାକରଣ ଭାବରେ ଜଣାଣୁଣା ପଦ୍ଧତିରେ ଏହି ପଦ୍ଧତି ପ୍ରେରିତ ହୋଇଛି ଯେ ଭିନ୍ନତା କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମେ ଜାଣୁ  
ଯେ  $u$  ଏବଂ  $v$  ଦୁଇଟି ଫଙ୍କସନ୍ ର ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ଯଦି ଆମେ ସେମାନଙ୍କ ଉତ୍ପାଦର ଡିଫରେନ୍ସିଆଲ୍ ନେଇଥାଉ ତେବେ ଏହା  $u$  ଏବଂ  $v$  ସ୍ଵୟଃ ଭାବରେ ଦେଖାଯାଏ |  
ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ସମଗ୍ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଟ୍ କରିବା ତେବେ  $x$  ର ଫଙ୍କସନ୍ ବୋଲି ଅନୁମାନ କରାଯାଏ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଆମେ ଏହି  $ah$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଅପରେସନ୍ ଚଳାଇ ପାରିବା, ତେବେ  $uv$  କୁ  $dx$  ଉପରେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସହିତ  $dv$  ପୁସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସହିତ  $dx$   
ଟାଇମ୍  $vdx$  ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ମୁଁ ଏହି  $udv$  କୁ ନେଇ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଲେଖିବି | ବାମ ପାର୍ଶ୍ଵରେ  $dx$  ଏବଂ ଏହାକୁ  $uv$  ଭାବରେ ଲେଖି, ତା' ପରେ  $dx$  ଥର  $dd$   
ଉପରେ ମାଲନସ୍ ହୋଇଯାଏ  $vdx$  ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ କିଛି ଅନୁମାନ କର ଯେ  $a$  ହେଉଛି  $u$  ହେଉଛି  $x$  ଫଙ୍କସନ୍ ଏବଂ  $v$  ହେଉଛି  $x$  ର ଏକ କାର୍ଯ୍ୟ  
ଯେପରି  $dx$  ଉପରେ  $dv$  ସମାନ |  $gx$  ଆପଣ ଧ୍ୟାନ ଦେବେ ଯେ ଆମେ ଏହା କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ କରୁଛୁ ଯାହା  $q$  here ଠାରୁ ଏହା ଏଠାକୁ ଆସିବ ଯେ  $fx dv$  ଉପରେ  
 $dx$  ହେଉଛି  $dx$   
ଡେଣ୍ଡୁ  $fx$  ଥର  $gx dx$  ତେବେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି  $fx gx dx$  ସମାନତାର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ରୂପ ଧାରଣ କରିବ |  $to uv$   
ଡେଣ୍ଡୁ  $u dx$  ଉପରେ  $fx dv$  ହେଉଛି  $gx$  ସହିତ ସମାନ  
ଡେଣ୍ଡୁ  $v gx dx$  ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $d$  ଉପରେ  $dx$  ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ହେବ କାରଣ  $u fx$  ସହିତ ସମାନ  
ଡେଣ୍ଡୁ  $du$  over  $dx$   $f f$  ପ୍ରାଇମ୍  $x$  ଥର  $vv$  ପୁଣି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $gx$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $gx dx$  ରଖିବ | ବ୍ରାକେଟ୍ ବନ୍ଦ କର ଏବଂ ତା' ପରେ ସମଗ୍ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  
ଏତେ ସମଗ୍ର ଜିନିଷର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଆମେ ଯାହାଠାରୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁ ତାହା ହେଉଛି ଯଦି ଆମେ ଦୁଇଟି ଫଙ୍କସନ୍ ର ଉତ୍ପାଦର ଏହି ଭିନ୍ନତାକୁ ନେଇଥାଉ ତେବେ ଆମେ ସେହି ସୂତ୍ରକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ  
ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି କାର୍ଯ୍ୟକଳାପ ଚିହ୍ନକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ପହଞ୍ଚିବା | ଫଙ୍କସନ୍ ର ଏହି ଫର୍ମୁଲା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ସହିତ  $fx gx dx$   $fx$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍  
ସହିତ ସମାନ ଅଟେ  $gx dx$  ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍  $f$  ପ୍ରାଇମ୍  $x$  କୁ  $gx dx$  ର ଏକାକରଣରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ସମଗ୍ର ଏକାକରଣ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଏହା ଆଂଶଗୁଡ଼ିକର ଏକାକରଣର ସୂତ୍ର ହୋଇଯାଏ କିମ୍ବା ଦୁଇଟି କାର୍ଯ୍ୟର ଉତ୍ପାଦର ଏକାକରଣ ପାଇଁ ସୂତ୍ର ଆମେ କିପରି କରିବୁ | ଏହାକୁ ବୁ  $understand$   
କୁ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଉତ୍ପାଦର ଏକାକରଣ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଆମେ ଫଙ୍କସନ୍ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଏବଂ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ବୋଲି କହିବୁ | ଟାଇମ୍  
ଡେଣ୍ଡୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସ୍ ଦୁଇଟି ଫଙ୍କସନ୍ ର ଉତ୍ପାଦକୁ ପ୍ରଥମେ ଦ୍ଵିତୀୟରେ ଲେଖାଯାଏ ଏବଂ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ  $fx$  କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ବୋଲି କହିବୁ  
ଯାହାକୁ ଆମେ ସାଧାରଣତ  $mem$  ସ୍ମରଣ କରିଥାଉ କିମ୍ବା ଏହାକୁ ଏହି ଫର୍ମରେ  $gx dx$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଦ୍ଵାରା ଗୁଣିତ କରିଥାଉ ଯାହା  $q$  second ଠିକାୟ ଫଙ୍କସନ୍  
ମାଲନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $f$  ପ୍ରାଇମ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଅଟେ | ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟର ଭିନ୍ନତା  $q$  function ଠିକାୟ ଫଙ୍କସନ୍ ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍  $q$  multip ଠାରୁ ଗୁଣିତ ହୁଏ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଉତ୍ପାଦର ଏକାକରଣ  $q$  function ଠିକାୟ ଫଙ୍କସନ୍ ର ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଡିଫରେସନ୍  $q$   
second ଠିକାୟ ଫଙ୍କସନ୍ ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଡିଫରେସନ୍, ଆସନ୍ତୁ ଗୋଟିଏ ଶୀଘ୍ର ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା ଯାହା ଆମକୁ ସାହାଯ୍ୟ କରିବ |  $x e$  କୁ ପାଖରୁ  $x dx$  କୁ  
ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ଏହି ସୂତ୍ରକୁ ବୁ  $simple$  ଠିକାୟ ପାଇଁ ଅତି ସରଳ ଉଦାହରଣ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଏହାର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ବାଛି ପାରିବା  
ଡେଣ୍ଡୁ ଧରାଯାଉ ଆମେ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏବଂ ଏହାକୁ ଦ୍ଵିତୀୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛି ତେବେ ଫର୍ମୁଲା ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍  $k$  ଶ ହିବ |  $f$  ର ଶକ୍ତି  
 $x$  ମାଲନସ୍ ଭିନ୍ନତାକୁ  $q$  raised ଠାୟାଲ୍ ଥିବା ଦ୍ଵିତୀୟ ଲ ର ଏକାକରଣ |  $irst x$  ପ୍ରାଇମ୍  
ଡେଣ୍ଡୁ  $dx$  ପ୍ରାଇମ୍  $q$  one ଠିକାୟ ଏକାକରଣର ଏକାକରଣ ଦ୍ଵାରା ବହୁଗୁଣିତ ହୋଇଛି ଏବଂ ଦ୍ଵିତୀୟର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ କୁ ପାଖର  $x$  ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କୁ  $raised$   
ଠାୟାଏ ଏବଂ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ  $x$  କୁ ପାଖର  $x$  କୁ  $q$  raised ଠାୟାଏ  $x$  ମାଲନସ୍ ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସିଆଲ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ପୁଣି ପାଖର  $x$  ଏବଂ ପୁସ୍ କୁ  $raised$  ଠାୟାଏ |  
ଶେଷରେ ଏକ ଅବିରତ ଏକାକରଣର ଦୁ sorry ଖୁତ  
ଡେଣ୍ଡୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏକାକରଣର ସୂତ୍ରକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଏହା ଏକ ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଅଟେ ଯାହା ଗୁରୁତ୍ଵପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ କିମ୍ବା ଆପଣ ଏଠାରେ ଧ୍ୟାନ ଦେଇପାରିବେ ଯେ  
ଯେତେବେଳେ ବି ଆମେ ସୂତ୍ରର ବ୍ୟବହାର ସମୟରେ ପ୍ରଥମେ ଏକାକରଣ ହେଉ, ଆମେ ସ୍ଥିର ବ୍ୟବହାର କରୁନାହିଁ | ଏହା ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଏଠାରେ ଅଛି ଏବଂ ଦେଖନ୍ତୁ

କ'ଣ ଘଟେ

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଯେ ଏକାକରଣ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମୟରେ ଯଦି ଆମେ କନଷ୍ଟାଣ୍ଟ ବ୍ୟବହାର କରିଥାଉ ତେବେ  $xdx$  କୁ ପାଖାନ୍ତ କୁ ଉଠାଯାଇଥିବା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ର ରୂପ ନେଇଥାନ୍ତା ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଏହା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ରେ ବିଚାର ଫଙ୍କସନ୍ |  $dx$  ଓ  $of$  ଚିହ୍ନଟି ତେଣୁ ପାଖାନ୍ତ  $x$  କୁ ବ  $raised$  ାଯାଇଥିବା ଇ ଲେଖିବା ପରିବର୍ତ୍ତେ ଏଠାରେ ପ୍ରଥମ ଫୁର ପାଖାନ୍ତ  $x$  ପୁସ୍ତ ସି ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେସନ୍ ଭିନ୍ନତାକୁ ଲେଖିବା ଉଚିତ୍ |  $nction$  ଏହା ଦ୍  $second$  ଚିହ୍ନଟିର ଏକାକରଣ ହେବ ଯାହା ଫୁଁ ପାଖାନ୍ତ  $x$  ପୁସ୍ତ  $c$  କୁ  $d$  ଲେଖିବା ଉଚିତ୍ ଏବଂ  $dx$  ତେଣୁ ଶେଷରେ ଫୁଁ ଯାହା ପାଇବି ତାହା ହେଉଛି  $xe$  କୁ ପାଖାନ୍ତ  $x$  ପୁସ୍ତ  $cx$  ମାଇନସ୍ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ବର୍ତ୍ତମାନ ବ  $raised$  ାଇ ଦିଆଯାଇଛି | ପାଖାନ୍ତ  $x$  କାରଣ ଏହି ଫଙ୍କସନ୍  $c$  ଏକ ସ୍ଥିର

ତେଣୁ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୋଡେ  $cx$  ପୁସ୍ତ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଏକ ସ୍ଥିର  $c$  ପାଇବ ଏହି  $cx$  ଏହି  $cx$  ସହିତ ବାଟିଲ୍ କରିବ ତେଣୁ ଶେଷରେ ଫୁଁ  $xe$  କୁ ପାଖାନ୍ତ  $x$  ମାଇନସ୍ ଇ କୁ ପାଖାନ୍ତ  $x$  କୁ ବ  $raised$  ାଇବି ଏବଂ ଆପଣ ଜାଣିଥିବା ସ୍ଥିର  $c$  କୁ ଜାଣିପାରିବେ | ସ୍ଥିର ହେବା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏଗୁଡ଼ିକ ଠିକ୍

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ସମାନ  
ତେଣୁ ଏକାକରଣ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମୟରେ ସ୍ଥିର ଲେଖିବା ଅନାବଶ୍ୟକ ଏବଂ ଆମେ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଛାଡ଼ି ପାରିବା  
ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ବିଚାର କାର୍ଯ୍ୟର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଲେଖୁ ସେତେବେଳେ ବ୍ୟସ୍ତ ହେବୁ ନାହିଁ | ଆମେ ସେହି ସ୍ଥିରକୁ ଛାଡ଼ିଦେବା ଏଠାରେ ବାଛିବା କିମ୍ବା ଫଙ୍କସନ୍ ର ପସନ୍ଦ କରିବା ଅତ୍ୟନ୍ତ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ , କେଉଁ ଫଙ୍କସନ୍ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛିବା ଉଚିତ୍ ଏବଂ ଯଦି ଆପଣ ଫଙ୍କସନ୍ ଦେଖନ୍ତି ତେବେ କେଉଁ ଫଙ୍କସନ୍ ବିଚାର ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛିବା ଉଚିତ୍ | ଉପାଦ ଏହି ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ଅତି ସହଜ ହୋଇଯାଏ ଯଦି ଆମର କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ସଠିକ୍ ପସନ୍ଦ ଅଛି ଯଦି ଆପଣ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ରରେ ଧ୍ୟାନ ଦେଉଛନ୍ତି ଏଠାରେ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ରରେ ଯାହା ଘଟୁଛି ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଉପାଦ ଫଙ୍କସନ୍ ଦ୍  $function$  ଚିହ୍ନଟି କାର୍ଯ୍ୟର ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଏବଂ ଭିନ୍ନତା ପାଇବାକୁ ଯାଉଛି | ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ତେଣୁ ଯଦି ଆମର ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ଅଛି, ଯେତେବେଳେ ଆମେ ତେରିଭେଟିଲ୍ କରିବା ସମୟରେ ହ୍ରାସ ହୁଏ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଏକ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଆପଣ ଜାଣନ୍ତି ଯେ ଯଦି ଆପଣ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ଭିନ୍ନ କରନ୍ତି ତେବେ ଏହାର ଡିଗ୍ରୀ ହ୍ରାସ ହୁଏ ତେବେ ଆମେ ସେହି ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବିଚାର ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛି ପାରିବା | କିନ୍ତୁ ଏହାକୁ ନିୟମ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରାଯାଇପାରିବ ନାହିଁ ଏହା ଆମର ବିଚାର ଫଙ୍କସନ୍ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ କାରଣ ଯଦି ଆମର ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବିଚାର ଫଙ୍କସନ୍ ଅଛି ଯାହା ଫଙ୍କସନ୍ ଦେବ କିମ୍ବା ଫଙ୍କସନ୍ ଯାହା ପାଇଁ ଆମେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଜାଣିନାହିଁ ତେବେ ଏହା ଆମ ପାଇଁ କଷ୍ଟକର ହେବ | ସେହି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାକୁ ତେଣୁ ଆମେ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ପସନ୍ଦ ଖୋଜିବୁ ଯାହା କେଉଁ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ପ୍ରଥମ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛିବା ଉଚିତ୍ |  $nction$  ଆମେ ବିଚାର ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ବାଛିବା ଉଚିତ୍ ଏବଂ ଆମର ପରବର୍ତ୍ତୀ ଶ୍ରେଣୀରେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର କିପରି ବ୍ୟବହାର କରିବା ଉଚିତ୍ ଧନ୍ୟବାଦ |