

ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਵਿਦਿਆਰਥੀਆਂ ਦਾ ਸੁਆਗਤ ਹੈ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਅਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦੀਆਂ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾਵਾਂ ਦੇ ਨਾਲ-ਨਾਲ ਅਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦੇ ਜੋੜ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਦੀ ਵਿਧੀ ਬਾਰੇ ਦੇਖਿਆ ਹੈ, ਆਹ ਜ਼ਿਆਦਾਤਰ ਇੰਟੈਗਰਲਜ਼ ਦਾ ਸ਼ੁਰੂਆਤੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਅਸੀਂ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੇ ਵਿਚਾਰ ਜਾਂ ਡਿਫਰੈਂਸ਼ੀਅਲ ਕੈਲਕੁਲਸ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਵਿਚਾਰਾਂ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕੀਤਾ ਸੀ। ਅੱਧੇ ਬਾਅਦ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਕਿ ਇਹਨਾਂ ਵਿਚਾਰਾਂ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਇੰਟੈਗਰਲ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ ਹਮੇਸ਼ਾ ਸੰਭਵ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਕੁਝ ਹੋਰ ਸਾਧਨ ਹੋਣੇ ਚਾਹੀਦੇ ਹਨ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਹੋਰ ਵਿਧੀ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕੀਤੀ ਜਿਸਨੂੰ ਬਦਲ ਦੀ ਵਿਧੀ ਵਜੋਂ ਜਾਣਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜਿਸਨੂੰ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਕਿ ਇਹ ਸਾਡੇ ਇੰਟੈਗਰਲ ਨੂੰ ਵਿੱਚ ਬਦਲ ਦੇਵੇਗਾ ਸਰਲ ਰੂਪ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਦਾ ਅੰਤ ਤੱਕ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ, ਮੈਂ ਤੁਹਾਡੇ ਲਈ ਇੱਕ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਹੈ ਕਿ $\int ax \, dx$ ਪਲੱਸ $\int b \, dx$ ਦੇ ਸਾਈਨ ਦਾ ਅਨਿੱਖੜਵਾਂ ਅਤੇ $\int ax \, dx$ ਪਲੱਸ $\int b \, dx$ ਬਰਾਬਰ $\int (ax + b) \, dx$ ਦੇ ਬਦਲ ਕੇ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਇਸਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਕਿ ਜਵਾਬ $\int ax \, dx + \int b \, dx$ ਦਾ \cos ਹੈ। $\int b \, dx$ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਥਿਰ c ਇੱਕ ਏਕੀਕਰਣ ਦੀ ਸਥਿਰਤਾ ਹੈ ਇਸ ਨੂੰ ਅਸੀਂ ਬਦਲ ਕੇ ਦੇਖਿਆ ਹੈ $\int ax \, dx + \int b \, dx$ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਹ ਸਿਫਾਰਸ਼ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਫਾਰਮੂਲੇਸ਼ਨ ਨੂੰ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਸਧਾਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ, ਆਓ ਇਹ ਕਹੀਏ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\int f(x) \, dx$ ਦੇ ਏਕੀਕਰਣ ਨੂੰ ਕੈਪੀਟਲ X ਕਹਿਣਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਸਥਿਰਤਾ ਨੂੰ ਨਜ਼ਰਅੰਦਾਜ਼ ਕਰਦੇ ਹੋਏ $\int (ax + b) \, dx$ ਦੇ ਏਕੀਕਰਣ ਨੂੰ $\int f(X) \, dX$ ਦੇ $\int ax + b$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਹੁਣ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਸਥਿਰਤਾ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣੇ ਕਿ ਸਥਿਰਤਾ ਇੱਕ ਦੂਜੇ ਦਾ ਧਿਆਨ ਰੱਖਣਗੇ, ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇੱਕ ਉਦਾਹਰਨ ਦੇ ਨਾਲ ਵੀ ਦਿਖਾਵਾਂਗਾ, ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਮੈਨੂੰ ਇਸ ਕਿਸਮ ਦਾ ਕੋਈ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਿੱਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਮੈਂ ਹਮੇਸ਼ਾ ਇਸ ਕਿਸਮ ਲਈ ਅਹਿ ਇੰਟੈਗਰਲ ਲਿਖ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਮੈਂ ਇੱਥੇ ਫਾਰਮੂਲੇਸ਼ਨ ਲਾਗੂ ਕਰਾਂ। ਮੈਂ ਜਾਣਦਾ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਈਨ x ਦਾ ਏਕੀਕਰਣ ਕੋਸਾਈਨ x ਦਾ ਘਟਾਓ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ $\int \sin x \, dx$ ਦੇ ਸਾਈਨ ਦਾ ਏਕੀਕਰਣ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਸਥਿਰਤਾ ਦੁਆਰਾ ਕੋਸਾਈਨ ਐਕਸ ਪਲੱਸ b ਦਾ ਮਾਇਨਸ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਸਦਾ ਸਬੂਤ ਬਹੁਤ ਮੁਸ਼ਕਲ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿ ਕੋਈ ਵੀ ਇਹ ਦੇਖ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਜਿਹਾ ਕਿਉਂ ਹੋ ਰਿਹਾ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਤਾਰਾ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਦੇ ਬਰਾਬਰ $\int (ax + b) \, dx$ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰੋ ਤਾਂ ਜੋ ਤੁਹਾਨੂੰ ਪਤਾ ਹੋਵੇ ਕਿ $\frac{dx}{dt}$ ਜਾਂ $\frac{dx}{dt}$ ਇੱਕ $\frac{dx}{dt}$ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇੰਟੈਗਰਲ ਮੁੜ ਹੋਵੇਗਾ। ਫੈਕਸ ਪਲੱਸ b ਦੇ ਇੰਟੈਗਰਲ ਵਜੋਂ ਪੇਸ਼ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ $\int f(x) \, dx$ ਦਾ $\int f(a + bt) \, dt$ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ $\int f(x) \, dx$ ਦੇ ਇੰਟੈਗਰਲ $\int f(a + bt) \, dt$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਹੁਣ t ਨੂੰ ਕਿਸੇ ਵੀ ਵੇਰੀਏਬਲ ਨਾਲ ਬਦਲਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਫਾਰਮ $\int f(x) \, dx$ ਦੇ ਸਮਾਨ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਤੁਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇਸ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਵੀ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ ਲਿਖਣਾ ਜ਼ਰੂਰੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਪਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇਸ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਵੀ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ $\int f(x) \, dx$ ਦੁਆਰਾ $\int f(x) \, dx$ ਅਤੇ ਇਸ ਫਾਰਮ ਵਿੱਚ ਕੈਪੀਟਲ f ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਇੰਟੈਗਰਲ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ $\int f(x) \, dx$ ਇੱਕ ਕੈਪੀਟਲ f ਦੁਆਰਾ ਬਣਾ ਦੇਵੇਗਾ ਪਰ ਤੁਹਾਡੇ ਕੋਲ ਹੈ ਇਹ ਧਿਆਨ ਵਿੱਚ ਰੱਖੋ ਕਿ ਇਹ ਇਸ f ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਅਨੁਸਾਰੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸੰਬੰਧਿਤ f ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਦੁਬਾਰਾ ਮੂਲ ਫੰਕਸ਼ਨ ਵਿੱਚ ਬਦਲਣਾ ਪਏਗਾ ਇਸਲਈ ਇਹ ਬਿਹਤਰ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਮੂਲ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਨੂੰ ਆਪਣੇ ਆਪ ਵਿੱਚ ਰੱਖਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਇਹ ਤੁਹਾਨੂੰ ਉਲਝਣ ਵਿੱਚ ਨਾ ਪਵੇ ਤਾਂ ਜੋ ਇਹ ਮੈਨੂੰ f ਦੇਵੇਗਾ। ਦਾ t ਪਲੱਸ ਏਕੀਕਰਣ ਦਾ ਸਥਿਰਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ t ਵੇਰੀਏਬਲ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ $\int ax + b \, dx$ ਦੇ ਮੂਲ ਨਾਲ ਮੌਜੂਦ ਹੈ, ਇਸ ਨੂੰ ਏਕੀਕਰਣ ਦੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਸਥਿਰਤਾ ਦੁਆਰਾ $\int ax + b \, dx$ ਦਾ f ਲਿਖ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਮੌਜੂਦਾ ਪਾਸੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੋ ਇੱਥੇ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅੰਤਮ ਅਸੀਂ ਜੋ ਸਿੱਖਿਆ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਦੇ ਸਬੰਧ ਵਿੱਚ ਇੱਥੇ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਇੰਟੈਗਰਲ ਨੂੰ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਤੁਹਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਲੀਨੀਅਰ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ, ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਜੋ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਉਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਇੰਟੈਗਰਲ ਵੈਲਯੂ ਬਦਲੋ ਅਤੇ ਫਿਰ ਡਿਫਰੈਂਸ਼ੀਅਲ ਦੁਆਰਾ ਵੰਡੋ। ਸ਼ਬਦ ਦਾ ਜੋ ਇੱਥੇ ਹੈ ਜੋ a ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਹ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਕਈ ਗੁਣਾ ਲਾਭਦਾਇਕ ਹੈ ਸਾਨੂੰ ਬਾਰ ਬਾਰ ਗਣਨਾ ਨਹੀਂ ਕਰਨੀ ਪੈਂਦੀ ਹਾਲਾਂਕਿ ਸ਼ੁਰੂ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਉਹ ਗਣਨਾਵਾਂ ਕਰਾਂਗੇ ਹੁਣ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇੱਕ ਉਦਾਹਰਨ ਦਿਖਾਵਾਂਗਾ, ਆਓ ਅਸੀਂ ਸਾਈਨ ਦਾ ਇੰਟੈਗਰਲ ਕਹੀਏ। $\int (ax + b) \, dx$ ਦੇ ਕੋਸਾਈਨ ਵਿੱਚ $\int ax + b \, dx$

ਇਸ ਲਈ ਮੈਂ ਬਦਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਇਸ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਆਓ ਦੇਖੀਏ ਕਿ ਇਹ ਕਿਵੇਂ ਵਿਕਸਿਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਕ ਹੋਰ ਤਰੀਕਾ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਪਿਛਲੀ ਉਦਾਹਰਨ ਵਿੱਚ ਦਿਖਾਇਆ ਸੀ ਕਿ ਕੀ ਜੇ ਮੈਨੂੰ ਪਹਿਲਾਂ ਤੋਂ ਹੀ ਦਾ ਇੰਟੈਗਰਲ ਪਤਾ ਹੈ $\int \sin x \, dx = -\cos x + C$ ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਮੇਰਾ $\int f(x) \, dx$ ਹੈ ਇਹ $\int ax + b \, dx$ ਦਾ f ਹੈ ਪਲੱਸ b ਇਹ ਮੁਲਾਂਕਣ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਦੇ ਨਾਲ ਭਾਗ ਅਤੇ ਗੁਣਾ ਕਰਕੇ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ $\int \sin x \, dx = -\cos x + C$ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਸਨੂੰ ਮੈਂ ਪਾਪ ਦੇ ਅੱਧੇ ਵਜੋਂ ਲਿਖ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਸਾਈਨ ਦੇ $\int x \, dx = \frac{1}{2}x^2 + C$ ਦੇ x ਇੰਟੈਗਰਲ ਅਤੇ ਦੁਬਾਰਾ $\int ax + b \, dx$ ਦੇ ਸਾਈਨ ਦਾ ਉਹੀ ਵਿਚਾਰ

ਇਸ ਲਈ ਮੈਂ ਜਾਣਦਾ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਈਨ x ਦਾ ਇੰਟੈਗਰਲ ਕੋਸਾਈਨ x ਦਾ ਘਟਾਓ ਹੈ ਇਸਲਈ $\int \sin x \, dx = -\cos x + C$ ਦੀ ਬਜਾਏ ਕੋਸਾਈਨ ਦੇ ਮਾਇਨਸ ਨੂੰ $2x$ ਲਗਾਉਣਾ ਪਏਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਭਾਗ ਕਰਨਾ ਹੋਵੇਗਾ ਇੱਥੇ ਡਿਫਰੈਂਸ਼ੀਅਲ

ਇਸ ਲਈ $\int 2 \cos x \, dx$ ਹੈ ਤਾਂ ਹੁਣ ਮੈਨੂੰ ਸਾਈਨ $x \cos x \, dx$ ਦਾ ਇੰਟੈਗਰਲ ਪਤਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ $\int 4 \cos^2 x \, dx$ ਪਲੱਸ ਕੰਸਟੈਂਟ ਹੈ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਇਸ ਮਾਮਲੇ ਵਿੱਚ ਆਪਣੇ ਪਿਛਲੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਇੰਟੈਗਰਲ ਨੂੰ ਇਸ ਨਾਲ ਜੋੜਨਾ ਚਾਹੁੰਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੈਨੂੰ ਬਾਹਰ ਆਉਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ। ਘਟਾਓ $\int 4 \cos^2 x \, dx$ ਨੂੰ ਧਿਆਨ ਵਿੱਚ ਰੱਖੋ ਕਿ ਇੱਥੇ ਵੇਰੀਏਬਲ x ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਦੋ x ਹੋਣ ਲਈ ਬਾਹਰ ਆ ਰਿਹਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਦੋ ਅਤੇ ਫਿਰ $\int ax + b \, dx$ ਨੂੰ ਇਸ ਪਦ ਦੇ ਅੰਤਰ ਦੁਆਰਾ ਵੰਡਿਆ ਗਿਆ ਜੋ ਕਿ a ਅਤੇ $\int b \, dx$ ਸਥਿਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸਾਨੂੰ ਨਤੀਜਾ ਦਿੰਦਾ ਹੈ ਇੰਟੈਗਰਲ ਲਈ ਹੁਣ ਕੀ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਚੁਣਿਆ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਬਦਲੀ $\int ax + b \, dx$ ਬਰਾਬਰ ਦੀ ਚੋਣ ਕੀਤੀ ਹੈ ਤਾਂ ਇੰਟੈਗਰਲ $\int \sin t \, dt$ ਇੱਕ ਏਕੀਕਰਣ $\int \sin t \, dt$ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਥੋਂ ਤੁਸੀਂ ਲੱਭ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ $\int \sin t \, dt = -\cos t + C$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਿੱਖਿਆ ਇੱਕ ਅੱਟ ਟ ਸਿਨੇ $t \cos t$ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਹੋਵੇਗੀ $\int \sin t \cos t \, dt$ ਦੁਬਾਰਾ ਇਸੇ ਵਿਧੀ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਜਾਂ ਫਿਰ ਦੁਬਾਰਾ $\int \sin t \, dt$ ਨੂੰ ਚੁਣਨ ਦੇ ਕਿਸੇ ਹੋਰ ਬਦਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ, ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਹੋਰ ਵੇਰੀਏਬਲ u ਕਹਿਣ ਦਿਓ ਅਸੀਂ u ਕਹਿਣ ਲਈ ਇੱਕ ਹੋਰ ਬਦਲੀ $\int \sin t \, dt$ ਬਰਾਬਰ ਬਣਾ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜਿਸਦਾ ਅਰਥ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ $\int \cos t \, dt = \sin t + C$ ਹੈ du ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ $\int \cos t \, dt = \sin t + C$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੰਟੈਗਰਲ ਇੱਕ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ $\int \sin t \, dt = -\cos t + C$ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਤੁਸੀਂ u ਵਰਗ ਨੂੰ ਦੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੋਗੇ ਤਾਂ ਇਹ u ਵਰਗ ਦੇ ਗੁਣਾ a ਜੋੜ ਇੱਕ ਸਥਿਰ ਕੀ ਹੈ $\int u \sin t \, dt$ ਕੀ ਹੈ $\int (ax + b) \, dx$ ਕੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਰੇ ਮੁੱਲਾਂ ਨੂੰ ਵਾਪਸ ਕਰਨ ਨਾਲ ਸਾਨੂੰ $\int \sin t \, dt$ ਮਿਲੇਗਾ ਜੋ ਕਿ $\int \sin t \, dt = -\cos t + C$ ਹੈ ਅਤੇ $\int (ax + b) \, dx = \frac{1}{2}ax^2 + bx + C$ ਹੈ ਅਤੇ ਪਲੱਸ a ਸਥਿਰ ਨਾਲ ਵੰਡਿਆ ਜਾਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਕੀ ਮਿਲਿਆ? ਇਹਨਾਂ ਦੋਨਾਂ ਮੁੱਲਾਂ 'ਤੇ ਇੱਕੋ ਜਿਹੇ ਹਨ ਇਸਲਈ ਦੋ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਆਹ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੇ ਨਾਲ ਅੱਗੇ ਵਧਣ ਨਾਲ ਦੋ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੇ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਢੰਗ ਹਨ ਜੋ ਅਸੀਂ ਸਮਝਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੋ ਫੰਕਸ਼ਨ ਅਸੀਂ ਇੰਟੈਗਰਲ ਵਜੋਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਵੱਖਰੇ ਦਿਖਾਈ ਦਿੰਦੇ ਹਨ ਪਰ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਉਹ ਸਮਾਨ ਧਾਰਨਾ ਨਹੀਂ ਹਨ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੈ। e ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਦਿਖਾਇਆ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ ਇੱਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਇੰਟੈਗਰਲ ਵਿਲੱਖਣ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਹ ਕੇਵਲ ਇੱਕ ਸਥਿਰਤਾ ਤੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਇੱਥੇ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਫੰਕਸ਼ਨ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਚਾਰ \cos ਦੇ $\int ax + b \, dx$ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਸਥਿਰਤਾ ਪਰਿਵਾਰ ਦੇ ਇੱਕੋ ਸਮੂਹ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ। ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਜੋ ਕਿ $\int (ax + b) \, dx = \frac{1}{2}ax^2 + bx + C$ ਹੈ, ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦਿਖਾਵਾਂਗਾ ਕਿ ਇਹ ਕਿਵੇਂ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਕਰਦੇ ਹੋ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇਹ ਮਹਿਸੂਸ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ $\cos \theta$ ਲਈ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫਾਰਮੂਲਾ ਵਰਤਦੇ ਹੋ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ ਬਰਾਬਰ ਹੈ $\frac{1}{2}$ ਘਟਾਓ $\int 2 \cos \theta \, d\theta$ ਨਾਲ ਰੱਦ ਕਰ ਦੇਵੇਗਾ ਜੋ ਇੱਥੇ $\int 4 \cos^2 \theta \, d\theta$ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ $\int 2 \cos \theta \, d\theta$ ਬਣਾ ਦੇਵੇਗਾ $\int 4 \cos^2 \theta \, d\theta$ ਦੁਆਰਾ $\int 2 \cos \theta \, d\theta$ ਬਣਾ ਦੇਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਨੈਗੇਟਿਵ ਚਿੰਨ੍ਹ ਇਸਨੂੰ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਬਣਾ ਦੇਵੇਗਾ ਤਾਂ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਸਾਈਨ ਵਰਗ $\int ax + b \, dx$ ਉੱਤੇ $\int 2a \cos^2 \theta \, d\theta$ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਸ਼ਬਦ i ਇੱਥੇ ਵਾਂਗ ਹੀ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਸਥਿਰ ਸ਼ਬਦ ਜੋ ਦਿਖਾਈ ਦੇ ਰਿਹਾ ਹੈ ਇੱਥੇ $\int 4 \cos^2 \theta \, d\theta$ ਦਾ ਮਾਇਨਸ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਮੈਂ $\int \sin \theta \, d\theta = -\cos \theta + C$ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਥਿਰ c ਇੱਕ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਦੇ ਨਤੀਜਿਆਂ ਨੂੰ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਭਾਵੇਂ ਉਹ ਇੱਕ ਵੱਖਰਾ ਰੂਪ ਦਿਖਾਈ ਦਿੰਦੇ ਹਨ ਪਰ ਉਹ ਇੱਕੋ ਜਿਹੇ ਹੁੰਦੇ ਹਨ ਤਾਂ ਕਈ ਵਾਰ ਅਜਿਹਾ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਲਈ ਇੱਕ ਵੱਖਰਾ ਮਾਰਗ ਚੁਣ ਸਕਦੇ ਹੋ ਅਤੇ ਤੁਸੀਂ ਇੱਕ ਫਾਰਮ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਜੋ ਬਿਲਕੁਲ ਉਹੀ ਨਹੀਂ ਹੋ

ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇੱਕ ਵੱਖਰੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਤੋਂ ah ਪ੍ਰਾਪਤ ਕੀਤਾ ਹੈ ਪਰ ਆਹ ਉਹ ਨਤੀਜੇ ਹਨ ਜੋ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਪਰਿਵਾਰ ਨੂੰ ਦਰਸਾਉਂਦੇ ਹਨ ਜੋ ਹੁਣ ਉਹੀ ਹੋਵੇਗਾ, ਆਹ ਅਗਲੀ ਉਦਾਹਰਣ ਜੋ ਮੈਂ ਤੁਹਾਡੇ ਲਈ ਦਿਖਾਵਾਂਗਾ। ਅਸੀਂ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ a ਦਾ ਇੰਟੀਗਰਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਇੰਟੀਗਰਲ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨਾ ਪਏਗਾ ਹੁਣ ਕੋਈ ਫੰਕਸ਼ਨ ਚੁਣਨ ਲਈ ਤੁਰੰਤ ਚੋਣ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਿਸ ਨੂੰ ਸਾਨੂੰ ਬਦਲਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਪੱਸ਼ਟ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦੇ ਕਿ ਇਹ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਨਹੀਂ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਤੁਰੰਤ ਪਛਾਣ ਸਕਦੇ ਹਨ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਬਦਲਣਾ ਪਏਗਾ, ਇਸ ਲਈ ਕੋਈ ਵੀ ਪਹਿਲਾਂ $\int x$ ਨੂੰ ਇੱਕ ਬਦਲ ਵਜੋਂ ਇੱਕ ਵਿਕਲਪ ਬਣਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ t ਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ x ਦਾ ਪਾਵਰ ਅੱਧਾ t ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇੱਕ ਅੱਧਾ x ਵਧਾ ਘਟਾਓ ਅੱਧਾ dx dt ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਬਾਇ ਦੇ ਰੂਟ ਹੈ $x dx$ dt ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੰਟੀਗਰਲ ਟੈਨ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਰੂਪ ਲੈ ਲਵੇਗਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਪਾਵਰ ਚਾਰ t ਸਕਵੇਅਰ t ਨੂੰ ਵਧਾਏਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ dx ਦੁਆਰਾ $\int x^2 dt$ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਤਾਂ ਇਹ $\int x$ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇੱਥੇ ਵਰਤਿਆ ਜਾਵੇਗਾ ਇਸਲਈ dx $\int x$ ਦੁਆਰਾ ਇਹ ਹੁਣ $2 dt$ ਹੈ ਇਸ ਨੂੰ ਤੁਰੰਤ ਹੱਲ ਨਹੀਂ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਦੋਂ ਤੱਕ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਹੋਰ ਬਦਲ ਨਹੀਂ ਬਣਾਉਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਉਹ ਸੇਕ ਵਰਗ ਇੱਥੇ ਦਿਖਾਈ ਦੇ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇੱਥੇ ਦਿਖਾਈ ਦੇ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ \tan ਸੈਕੰਡ ਵਰਗ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਤੁਰੰਤ ਕਲਿੱਕ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਇੱਥੇ $\tan t$ ਦੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਕੋਈ ਹੋਰ ਬਦਲ ਚੁਣਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਬਦਲ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰਦੇ ਸਮੇਂ ਸਾਨੂੰ ਫੰਕਸ਼ਨ ah ਨੂੰ ਦੇਖਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਵਿੱਚ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦਾ ਕੋਈ ਵੀ ਹਿੱਸਾ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦੇ ਕੁਝ ਹਿੱਸੇ ਦੇ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਵਜੋਂ ਪ੍ਰਸਤੁਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਜੇਕਰ ਇਹ ਸੰਭਵ ਹੈ ਤਾਂ ਉਸ ਹਿੱਸੇ ਨੂੰ ਚੁਣਿਆ ਜਾਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਇੱਥੇ $\tan t$ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ $\tan t$ ਨੂੰ ਵੱਖ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਤੁਹਾਨੂੰ \sec ਵਰਗ t ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸ ਲਈ \sec ਵਰਗ t integrand an ਦਾ ਹਿੱਸਾ ਹੈ। d ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ $\tan t$ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ \sec ਵਰਗ $t dt$ ਨੂੰ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਦੇ ਇੱਕ ਹੋਰ ਨਵੇਂ ah ਫਰਕ ਵਜੋਂ ਦਰਸਾਇਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ $\tan t$ is equal ਦੀ ਚੋਣ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਸਾਨੂੰ u ਕਹਿਣ ਦਿਓ ਤਾਂ ਕਿ \sec ਵਰਗ $t dt$ ਇਸ ਨੂੰ ਬਣਾਉਣ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਸਬਸਟੀਟਿਊਸ਼ਨ ਅਸੀਂ ਨੋਟ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ u ਪਾਵਰ ਚਾਰ ਸਕਵੇਅਰ $t dt$ ਦੇ ਪਹਿਲਾਂ ਤੋਂ ਹੀ du ਤੋਂ ਬਾਹਰ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ u ਦਾ ਦੋ ਗੁਣਾ ਵਧਾ ਕੇ ਪੰਜ ਗੁਣਾ ਪੰਜ ਪਲੱਸ ਸਥਿਰਤਾ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ ਮੁੱਲ ਦੇ ਬਦਲਣ ਤੋਂ ਬਾਅਦ $u \tan t$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਰੂਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। x ਸਾਨੂੰ ਰੂਟ x ਪਲੱਸ ਕੰਸਟੈਂਟ ਦਾ ਦੋ ਗੁਣਾ ਪੰਜ ਟੈਂਜੈਂਟ ਪਾਵਰ ਪੰਜ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਵਿਕਲਪਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਕੋਈ ਵੀ ਇੱਥੇ ਸਿੱਧਾ ਉਹੀ ਤਰਕ ਦੇਖ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜੋ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇੱਥੇ ਦਿੱਤਾ ਹੈ ਕਿ ਉਹ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇੱਥੇ ਹੈ ਅਤੇ ਸਕਵੇਅਰ ਵਰਗ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਇੱਥੇ ਦਿਖਾਈ ਦੇ ਰਿਹਾ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਮੰਨਣਾ ਤੁਰੰਤ ਸੰਭਵ ਹੈ। ਇਹ \tan ਫੰਕਸ਼ਨ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਦੇ ਤੌਰ ਤੇ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਕੀ ਅਸੀਂ ਰੂਟ x ਦੇ \tan ਨੂੰ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਵਜੋਂ ਲੈ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਆਓ ਦੇਖੀਏ ਕਿ ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਰੂਟ x ਦਾ \tan ਚੁਣਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਫਰਕ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਸਕਵੇਅਰ ਰੂਟ x ਅਤੇ t ਮਿਲੇਗਾ। ਰੂਟ x ਦਾ ਅੰਤਰ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇੱਕ ਬਾਇ ਦੇ ਰੂਟ $x dx$ ਦੇਵੇਗਾ ਜੋ ਕਿ dt ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸ ਦਾ ਸਰਲੀਕਰਨ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦੇਵੇਗਾ \sec ਵਰਗ x ਸੈਕਿੰਡ ਵਰਗ ਰੂਟ $x dx$ ਓਵਰ ਰੂਟ x ਦੇ ਸੰਜੇ ਪਾਸੇ ਵੱਲ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਦੇ dt ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਕਿਉਂ ਲਿਖ ਰਿਹਾ ਹਾਂ ਇਸ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦਾ ਹਿੱਸਾ ਹੈ \sec ਵਰਗ ਰੂਟ x over root x ਇੱਥੇ integrand ਦਾ ਹਿੱਸਾ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਥੇ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ \sec ਵਰਗ ਰੂਟ x over root x integrand ਦਾ ਹਿੱਸਾ ਹੈ ਜੋ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਕੋਈ ਚੋਣ ਕਰਦਾ ਹਾਂ। ਦਾ ਟੈਨ ਰੂਟ x t ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਹ ਮੈਨੂੰ ਇੱਕ ਸਰਲ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਆਖਰਕਾਰ ਜੋ ਮੈਂ ਇੰਟੀਗਰਲ i ਬਰਾਬਰ ਟੈਨ ਰੂਟ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਾਂਗਾ ਪਹਿਲਾਂ ਤੋਂ ਹੀ t ਚੁਣਿਆ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ t ਨੂੰ ਪਾਵਰ 4 ਵਿੱਚ 2 dt ਵਿੱਚ ਵਧਾਏਗਾ ਤਾਂ 2 ਹੋਵੇਗਾ। ਬਾਹਰ ਨਿਕਲਣ ਲਈ ਇਹ 2 ਗੁਣਾ 5 t ਵਧਾ ਕੇ ਪਾਵਰ 5 ਪਲੱਸ ਸਥਿਰ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਜੋ ਕਿ ਪੰਜ ਰੂਟ x ਪਲੱਸ c ਦੇ ਦੋ ਗੁਣਾ ਪੰਜ ਟੈਂਜੈਂਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਕੋਈ ਚੋਣ ਕਰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਘੋਲ ਦਾ ਉਹੀ ਰੂਪ ਮਿਲੇਗਾ ਪਰ ਜੇ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਧਿਆਨ ਦਿੰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਗਣਨਾ ਬਹੁਤ ਦੂਰ ਸੀ ਇਸ ਕੇਸ ਨਾਲੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਸਾਨੂੰ ਇੱਥੇ ਦੇ ਵਾਰ ਵਿਕਲਪ ਬਣਾਉਣਾ ਪੈਂਦਾ ਹੈ ਇੱਕ ਵਾਰ ਸਾਨੂੰ ਬਦਲਣਾ ਪੈਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਕ ਵਾਰ ਦੂਜੀ ਵਾਰ ਸਾਨੂੰ ਇੱਥੇ ਬਦਲਣਾ ਪੈਂਦਾ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਬਦਲ ਦੀ ਇਸ ਵਿਧੀ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਹੀ ਚੋਣ ਕਰਨਾ ਮਹੱਤਵਪੂਰਨ ਹੈ ਆਹ ਇੱਕ ਬਿਹਤਰ ਵਿਕਲਪ ਬਹੁਤ ਜਲਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨ ਲਈ ਅਗਵਾਈ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਤੁਹਾਨੂੰ ਜਲਦੀ ਸਹੀ ਉੱਤਰ ਵੱਲ ਲੈ ਜਾਵੇਗਾ x ਨੂੰ ਪਾਵਰ 4 ਨਾਲ ਭਾਗ ਕੀਤਾ x ਨੂੰ ਪਾਵਰ 8 ਨਾਲ 1 dx ਤੱਕ ਵੰਡਿਆ ਗਿਆ ਤਾਂ ਇਹ ਇੰਟੀਗਰਲ ਹੈ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਇੰਟੀਗਰਲ ਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਇਹ ਇੱਕ ਬਹੁਤ ਹੀ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਰੂਪ x ਘਣ ਦਿਖਾਈ ਦਿੰਦਾ ਹੈ, ਫਿਰ ah sine ਫਿਰ \tan ਉਲਟ ਇਹ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਿਖਾਈ ਦੇ ਰਹੇ ਹਨ। ਉੱਥੇ ਪਰ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਸ਼ਰਤਾਂ ਨੂੰ ਧਿਆਨ ਨਾਲ ਵੇਖਦੇ ਹੋ ਅਤੇ ਤਰਕ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੀ ਸਮੱਸਿਆ ਵਿੱਚ ਸਮਝਿਆ ਸੀ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਕੀ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦਾ ਕੋਈ ਹਿੱਸਾ ਹੈ ਜਿਸਨੂੰ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਵਜੋਂ ਚੁਣਦੇ ਹਾਂ ਕੀ ਉਸ ਹਿੱਸੇ ਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦੇ ਅੰਦਰ ਹੀ ਹੋਣਾ ਸੰਭਵ ਹੈ ਇਹ ਇੱਥੇ ਬਹੁਤ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ x^4 ਨੂੰ ਵੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਕੀ x^4 ਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ x ਘਣ ਹੈ ਲਈ ਇੱਕ ਬਦਲ x^4 ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜੇ ਦਾ ਵੇਗਾ ਤੁਸੀਂ x ਘਣ ਨੂੰ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੇ ਤੌਰ ਤੇ ਅਤੇ ਅਗਲੀ ਮਿਆਦ ਲਈ ਤੁਸੀਂ ਹੋਰ ਬਦਲ ਲਈ ਜਾਂਦੇ ਹੋ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਮੌਜੂਦ ਹੈ ਅਤੇ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਤੁਹਾਨੂੰ ਵੇਰੀਏਬਲ ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੇ ਵਰਗ 'ਤੇ ਲੈ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਧਿਆਨ ਨਾਲ ਵੇਖਦਾ ਹਾਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਨੂੰ ਪਾਵਰ ਚਾਰ ਲਈ ਉਠਾਇਆ ਗਿਆ ਸ਼ਬਦ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਆਹ ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਨੂੰ ਪਾਵਰ ਅੱਠ ਤੱਕ ਵਧਾ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇਸ ਸ਼ਬਦ ਦਾ ਵਰਗ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਬਹੁਤ ਤਰਕਸੰਗਤ ਜਾਪਦਾ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਰੈਜ਼ ਟੂ ਪਾਵਰ ਚਾਰ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਨਵੇਂ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਫਿਰ ਇਹ ਮੈਨੂੰ ਚਾਰ x ਘਣ ਚਾਰ x ਘਣ ਇੱਕ ਬਾਇ 1 ਪਲੱਸ x ਵਧਾ ਕੇ ਪਾਵਰ 8 dx ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਦੇਵੇਗਾ dt ਜੋ ਕਿ ਥੋੜੀ ਜਿਹੀ ਸਰਲਤਾ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਮੈਂ ਲਿਖ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਕਿ x ਘਣ ਬਾਇ 1 ਪਲੱਸ x raise to power adx ਬਰਾਬਰ ਹੈ। $4whi$ ਤੱਕ dt ch ਇੱਥੇ ਮੇਰੇ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦਾ ਹਿੱਸਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਮੈਂ ਇਸ ਦੀ ਬਦਲੀ ਕਰਾਂਗਾ ਤਾਂ ਕਿ ਮੈਨੂੰ dx ਘਣ x raise ਟੂ r ਅੱਠ ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੀ ਬਜਾਏ i equals to integration ਮਿਲ ਜਾਵੇ ਮੈਂ ਇੱਥੇ $ah dt$ by e^4 ਲਿਖਾਂਗਾ ਤਾਂ ਇਹ sine of ਟੀ ਦਾ ਨਵਾਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਸਾਇਨ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਨੂੰ ਸਿਰਫ਼ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ $\cos t$ ਦਾ ah ਮਾਇਨਸ ਪਲੱਸ ਸਥਿਰ ਹੈ ਜੋ ਆਖਰਕਾਰ ਤੁਹਾਨੂੰ \tan inverse x raise to power for 4 ਪਲੱਸ ਸਥਿਰਾਂਕ ਦੇ ਮਾਇਨਸ 'ਤੇ ਲੈ ਜਾਵੇਗਾ, ਇਸਲਈ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਜਲਦੀ ਹੱਲ ਕੀਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਇੱਕ ਸਹੀ ਚੋਣ ਅਤੇ ਆਹ ਸਾਨੂੰ ਤੁਰੰਤ ਨਤੀਜਾ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤੁਹਾਡੇ ਲਈ ਇੱਕ ਹੋਰ ਉਦਾਹਰਨ ਇਹ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿਣਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੰਟੀਗਰਲ i ਬਰਾਬਰ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਜੋ 10 ਨੂੰ ਵਧਾਓ 5 ਪਾਵਰ ਵਿੱਚ ਵਧਾਓ x^5 ਦੁਆਰਾ ਵਧਾਏ ਗਏ ਪਾਵਰ x ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਕਰੋ ਗੁਣਾ ਦਾ ਮਤਲਬ dx ਦੇ ਇੰਟੀਗਰਲ ਤੋਂ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦਸ ਹੈ ਪਾਵਰ ਪੰਜ ਨੂੰ ਵਧਾ ਕੇ ਪਾਵਰ x ਵਿੱਚ ਪੰਜ ਵਧਾ ਕੇ ਪਾਵਰ x ਵਿੱਚ ਸਾਨੂੰ ਕੀ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਇਹ ਤੁਰੰਤ ਸਮਝਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ 5 ਤੱਕ ਉਠਾਇਆ ਗਿਆ ਪਾਵਰ x ਨੂੰ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਦੇ ਬਦਲ ਵਜੋਂ ਵਰਤੋ ਅਤੇ ਪਾਵਰ x ਵਰਗ ਲਈ ਉਠਾਏ ਗਏ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰੋ ਕੁਝ ਸਥਿਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਜਾਂ ਡਿਫਰੈਂਸ਼ੀਅਲ ਇੱਕ ਉੱਚਿਤ ਟੂ ਪਾਵਰ x ਲੋਗ ਇੱਕ ਬੇਸ edx ਬਰਾਬਰ dt ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਚੋਣ ਕਰਾਂ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਦੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਪਾਵਰ x ਨੂੰ ਵਧਾ ਕੇ 5 ਦਾ ਪਾਵਰ x ਨੂੰ ਵਧਾ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ, ਫਿਰ 5 ਨੂੰ ਪਾਵਰ x ਨੂੰ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦੇ ਹਿੱਸੇ ਵਜੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਪੇਸ਼ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਜੋ dx ਦੇ ਨਾਲ dt ਬਣਾ ਦੇਵੇਗਾ, ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਇੰਟੀਗਰਲ ਨੂੰ ਇਸ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ 10 ਨੂੰ ਪਾਵਰ ਕਰਨ ਲਈ ਇਸ 5 ਨੂੰ ਵਧਾ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ। $power$ x ਨਵਾਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਫਾਈਵ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਪਾਵਰ $x dx$ ਨੂੰ ਵਧਾ ਕੇ ਪਾਵਰ $x dx$ ਪੰਜ ਨੂੰ dt ਲੋਗ ਪੰਜ ਬੀ ਸੀ ਨਾਲ ਵੰਡਿਆ ਜਾਵੇਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਇਸ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਨੂੰ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ 1 ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ 10 raise to power $t dt$ ਦੇ ਲੋਗ 5 ਬੇਸ ਈ ਇੰਟੀਗਰਲ ਦੁਆਰਾ ਜਿਸ ਨੂੰ ਤੁਸੀਂ 10 raise to power t ਇੰਟੀਗਰਲ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹੋ a raise to power x ਦਾ integral is a raise to power x ਨੂੰ $\log a$ ਬੇਸ e ਨਾਲ ਵੰਡਿਆ ਗਿਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਮੈਨੂੰ \log ten base e plus constant of integration ਨਾਲ ਭਾਗ ਦੇਵੇਗਾ i ਬਦਲ ਸਕਦਾ ਹੈ th ਕੀ ਇੱਥੇ t ਦਾ ਮੁੱਲ ਹੈ ah ਇਸ t ਬਦਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਪੰਜ ਵਧਾਏ ਗਏ x ਨੂੰ ਪਾਵਰ x ਤਾਂ ਜੋ ਮੈਂ ਅਸਲ ਜਵਾਬ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਸਕਾਂ ਇਸ ਲਈ ਇਹਨਾਂ ਉਦਾਹਰਣਾਂ ਦੀ ਮਦਦ ਨਾਲ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਤੱਕ ਇਹ ਸਿੱਖਿਆ ਹੈ ਕਿ ਆਹ ਚੋਣਾਂ ਕਿਵੇਂ ਕਰੀਏ ਅਸੀਂ ਕਿਸ ਕਿਸਮ ਦੀਆਂ ਚੋਣਾਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤੁਸੀਂ ਕੁਝ ਵਿਕਲਪ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਅਤੇ ਇੱਕ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਇਹ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਮੇਰਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਸਮੱਸਿਆ ਥੋੜੀ ਲੰਬੀ ਹੋ ਸਕਦੀ ਹੈ ਪਰ ਅੰਤ ਵਿੱਚ

ਇਹ ਤੁਹਾਨੂੰ ਹੱਲ ਦੇਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਸ਼ੁਰੂਆਤ ਵਿੱਚ ਨਿਰਾਸ਼ ਨਾ ਹੋਵੋ ਕੁਝ ਅਭਿਆਸ ਕਰਨ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਤੁਸੀਂ ਸਮਝ ਜਾਓਗੇ ਕਿ ਤੁਹਾਨੂੰ ਕਿਹੜਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਚੁਣਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਇੰਟੀਗਰਲ ਦੀ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਗਣਨਾ ਕਰ ਸਕੋ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਮਹੱਤਵਪੂਰਨ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਇੰਟੀਗਰਲ ਦੀ ਖੋਜ ਕਰਾਂਗੇ ਜੋ ਕਿ ਕੁਝ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਨੂੰ ਸ਼ਾਮਲ ਕਰਦੇ ਹਨ ਇਸਲਈ ਇਹਨਾਂ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦਾ ਇੱਕ ਵਾਰ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਨੂੰ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੇ ਤੌਰ ਤੇ ਵਰਤਾਂਗੇ, ਉਦਾਹਰਣ ਲਈ ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ $\tan x$ ਦਾ ਇੰਟੀਗਰਲ ਸਾਨੂੰ ਨਹੀਂ ਪਤਾ ਕਿ ਕੀ ਕਰਨਾ ਹੈ ਪਰ ਹੁਣ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਟੂਲ ਹੈ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਸਮਝਣ ਵਿੱਚ ਮਦਦ ਕਰੇਗਾ ਕਿ ਟੈਨ x ਦੇ ਇੰਟੀਗਰਲ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਿਵੇਂ ਕਰਨਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕੀਏ ਕਿ ਇਹ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਕਿਵੇਂ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। $\tan x$ 'ਤੇ $\cos x$ ਦੁਆਰਾ $\sin x$ ਹੈ ਅਤੇ ਹੁਣ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਦੇਖੋ integrand $\sin x$ ਅਤੇ $\cosine x$

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਵਜੋਂ ਫੰਕਸ਼ਨ ਵਿੱਚੋਂ ਕਿਸੇ ਇੱਕ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੈਂ ਦੇਖ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਕਿ ਉਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਮੌਜੂਦ ਹੈ। ਇੱਥੇ ਪਰ ਮੈਨੂੰ ਕਿਹੜਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਚੁਣਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੇ ਨਾਲ ਉਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਨਾਲ ਉਤਪਾਦ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਬਣ ਜਾਵੇ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਧਿਆਨ ਨਾਲ ਦੇਖੋਗੇ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਵਜੋਂ $\cos x$ ਨੂੰ ਚੁਣਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੈਨੂੰ $\sin x dx$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਮਿਲੇਗਾ ਇੱਕ $ah dt$ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇੱਕ ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਚਿੰਨ੍ਹ ਦੇ ਨਾਲ ਹੈ ਇਸਲਈ ਮੇਰੀ ਚੋਣ ਇਸ ਸ਼ਬਦ ਨੂੰ ਨੇੜਿਓਂ ਦੇਖ ਕੇ ਇੱਥੋਂ ਬਹੁਤ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ਮੈਂ ਇਸ ਚੋਣ ਨੂੰ $\cos x$ ਨੂੰ ਨਵਾਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਬਣਾਵਾਂਗਾ ਤਾਂ ਜੋ ਘਟਾਓ ਚਿੰਨ੍ਹ $dx dt$ ਬਣ ਜਾਵੇ ਅਤੇ ਸਾਈਨ x ਦਾ ਹਿੱਸਾ ਹੋਵੇ integrand ਇਸਲਈ ਆਹ ਇੰਟੀਗਰਲ ਮੈਨੂੰ ਇਸ ਨੂੰ ਇੰਟੀਗਰਲ ਕਰਦੇ ਹਨ i

ਇਸ ਲਈ ਇੰਟੀਗਰਲ i ਘਟਾਓ ਦਾ ਏਕੀਕਰਣ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ t ਉੱਤੇ ਇਹ ਘਟਾਓ ਦਾ ਚਿੰਨ੍ਹ ਇੱਥੇ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ $\cos t \cos x t$ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਆਉਂਦਾ ਹੈ dt ਉੱਤੇ t ਕੀ ਮੈਂ ਇਹ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਜਾਣਦਾ ਹਾਂ ਇੱਕ ਲੌਗ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਫਾਰਮੂਲੇ ਤੋਂ

ਇਸ ਲਈ $\log t$ ਦਾ ਲੌਗ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਸਥਿਰ ਨੈਗੇਟਿਵ ਅਸੀਂ ਲੌਗ ਦਾ ਘਟਾਓ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਇਸਨੂੰ $ah \log t$ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਦੇ ਲੌਗ ਵਿੱਚ ਬਦਲਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਫਾਰਮੂਲਾ ਤੁਹਾਨੂੰ ਲੌਗ t ਦੇ ਪਹਿਲੇ ਘਟਾਓ 'ਤੇ ਲੈ ਜਾਵੇਗਾ ਜੋ $\cos x$ ਪਲੱਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। c ਜੋ ਆਖਿਰਕਾਰ ਇਸ ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਚਿੰਨ੍ਹ ਦੇ ਕਾਰਨ ਤੁਹਾਨੂੰ $\cos x - 6x$ ਦੁਆਰਾ ਸਕਿੰਟ $x - 1$ ਦੇ ਮਾਡ ਦੇ ਲੌਗ 'ਤੇ ਲੈ ਜਾਵੇਗਾ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕੀਤਾ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ $x dx$ ਦਾ ਅੱਟੁੱਟ ਲੌਗ ਮਾਡ ਸੇਕ x ਪਲੱਸ ਸਥਿਰਤਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਰਾਂਗੇ। ਉਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਵਰਤੋ, ਅਸੀਂ ਉਸੇ ਪ੍ਰਕਿਰਿਆ ਨੂੰ $\cos x$ ਨੂੰ $\sin x$ ਨਾਲ ਭਾਗ ਕਰਕੇ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਸਾਰੀਆਂ ਗਣਨਾਵਾਂ ਨੂੰ ਲਿਖ ਕੇ $\cot x$ ਦੇ ਇੰਟੀਗਰਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ, ਤੁਸੀਂ ਇਹ ਪਤਾ ਲਗਾ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ $\log \sin x + \text{plus constant}$ ਦਾ ਲੌਗ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ ਇਹ ਭਾਗ ਤੁਸੀਂ ਆਪਣੇ ਆਪ ਨੂੰ ਸਾਬਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇਹ ਆਪਣੇ ਆਪ ਕਰਦੇ ਹੋ ਇਹ ਉਸੇ ਲਾਈਨ 'ਤੇ ਲਿਖ ਕੇ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਪਿਛਲੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਤੀਸਰਾ ਫਾਰਮੂਲਾ $\sec x dx$ ਦੇ ਅੱਟੁੱਟ ਲਈ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ $i \log \sec x$ ਦੇ ਤੌਰ ਤੇ ਕਹਾਂਗੇ ਕੀ ਤੁਸੀਂ $\cos x$ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਨੂੰ ਜਾਣਦੇ ਹੋ। ਕੋਈ ਵੀ ਹਿੱਸਾ ਵੱਖਰਾ ਨਹੀਂ ਹੈ, ਫਿਰ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ t ਫੰਕਸ਼ਨ ਤੋਂ kx ਇੱਕ ਨੂੰ $\cos x$ ਦੇ ਦੁਆਰਾ ਕਰੋ ਉਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ $\cos x$ ਖੁਦ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਕੀ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਵਿਚਾਰ ਸਧਾਰਨ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਕੀ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਕ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਬਦਲਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜਿੱਥੇ ਅਸੀਂ ਆਪਣੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਜਾਂ ਕਿੱਥੇ ਅਸੀਂ ਆਪਣੇ ਪਿਛਲੇ ਨਤੀਜਿਆਂ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਅੰਕ ਅਤੇ ਹਰ ਦੋਨਾਂ ਨੂੰ $\sec x + \tan x$ ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਹ ਇੱਕ ਪਲ ਵਿੱਚ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੋ ਜਾਵੇਗਾ ਕਿ ਤੁਹਾਨੂੰ ਕੀ ਲਾਭ ਮਿਲੇਗਾ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਅਜਿਹਾ ਕਰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਹੁਣ ਵਿਸਤਾਰ ਕਰਦੇ ਹੋ। ਅਤੇ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਲਿਖੋ ਤਾਂ ਇਹ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਸਕਵੇਅਰ x ਪਲੱਸ ਸੇਕ x ਟੈਨ x ਪੂਰੇ ਨੂੰ ਸੇਕ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ x ਨਾਲ ਭਾਗ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੁਣ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਧਿਆਨ ਨਾਲ ਦੇਖੋ ਕਿ ਤੁਹਾਨੂੰ ਕੀ ਫਾਇਦਾ ਹੋਇਆ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਡੀਨੋਮੀਨੇਟਰ ਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਇਹ ਸੇਕ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ x ਹੈ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਉਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਵੱਖਰਾ ਕਰਦੇ ਹੋ, ਤਾਂ $\sec x$ ਦਾ ਭਿੰਨਤਾ ਤੁਹਾਨੂੰ $\sec x \tan x$ ਦੇਵੇਗੀ ਅਤੇ $\tan x$ ਦਾ ਭਿੰਨਤਾ ਤੁਹਾਨੂੰ \sec ਵਰਗ x ਦੇਵੇਗਾ ਅਤੇ ਹੁਣ ਦੇਖੋ ਕਿ ਇਹ ਦੋਵੇਂ ਅੰਕ ਇੱਕੋ ਹੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹਨ ਇਸਲਈ $\sec x$ ਪਲੱਸ $\tan x$ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਵੱਖ ਕਰੋ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹੋ ਸੰਖਿਆ ਜੋ ਕਿ ਇੰਟੀਗ੍ਰੇਂਡ ਦਾ ਹਿੱਸਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਡੀ ਪਿਛਲੀ ਚਾਲ ਜੇਕਰ ਮੈਂ $\sec x$ ਪਲੱਸ $\tan x$ ਨੂੰ ਨਵਾਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਮੰਨਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ \sec ਵਰਗ x ਪਲੱਸ $\sec x \tan x dx dt$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਸ਼ਬਦ ਨੂੰ dt ਓਵਰ ਵਜੋਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। t ਜੋ ਜੀਵਨ ਨੂੰ ਬਹੁਤ ਸਰਲ ਬਣਾਉਂਦਾ ਹੈ ਹੁਣ ਇਸਨੂੰ ਮਾਡ t ਪਲੱਸ ਸਥਿਰਾਕ ਦੇ ਲਯੂਗਣਕ ਵੱਲ ਲੈ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ t ਕੀ ਹੈ ਇਹ $\sec x$ ਪਲੱਸ $\tan x$ ਪਲੱਸ ਸਥਿਰਾਕ ਦਾ ਲੌਗ ਹੈ ਇਸਲਈ $\sec x$ ਦਾ ਇੰਟੀਗਰਲ ਸਮਾਂਤਰ ਰੇਖਾਵਾਂ 'ਤੇ ਇਹ ਫਾਰਮੂਲਾ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਤੇਜ਼ੀ ਨਾਲ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। $\operatorname{cosec} x$ ਦਾ ਇੰਟੀਗਰਲ ਉਮੀਦ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਹੁਣ ਇਹ ਚਾਲ ਸਮਝ ਗਏ ਹੋ ਕਿ ਸਾਨੂੰ $\operatorname{cosec} x$ ਪਲੱਸ ਕੋਰਟੇਕਸ ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਅਤੇ ਭਾਗ ਕਰਨਾ ਹੈ ਅਤੇ ਸ਼ਰਤਾਂ ਨੂੰ ਦੁਬਾਰਾ ਧਿਆਨ ਨਾਲ ਵੇਖਣਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ $\cos xx$ ਪਲੱਸ $\cot x$ ਨੂੰ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਵਜੋਂ ਚੁਣਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਤੁਹਾਨੂੰ \cos ਦਾ ਘਟਾਓ ਮਿਲੇਗਾ। x ਵਰਗ x ਅਤੇ ਫਿਰ $\cos xx$ ਕਾਰਟੈਕਸ ਦਾ ਘਟਾਓ ਜੋ ਦੋਵਾਂ ਨੂੰ ਜੋੜ ਦੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਬਣਾ ਦੇਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ah ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦਾ ਹਿੱਸਾ ਇੰਟੀਗ੍ਰੇਂਡ ਵਿੱਚ ਮੌਜੂਦ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਚੋਣ ਕਰਾਂਗੇ ਕਿ $\cos xx$ ਪਲੱਸ $\cot x$ ਨੂੰ ਚੁਣੋ। ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਨੂੰ ਫਿਰ ਤੋਂ ਦੱਸ ਦੇਈਏ ਕਿ ਟੀ ਤਾਂ ਕਿ $\cos xx \cot x$ ਘਟਾਓ ਘਟਾਓ $\cos x$ ਵਰਗ x ਪੂਰਾ ਗੁਣਾ dx ਨਾਲ dt ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਇਸ ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਚਿੰਨ੍ਹ ਨੂੰ ਆਮ ਸਮਝਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੈਨੂੰ ਉਹੀ ਚੀਜ਼ ਮਿਲ ਰਹੀ ਹੈ ਜੋ ਇੱਥੇ ਹੈ $\cos x$ ਵਰਗ x ਪਲੱਸ $\cos xx \cot x$ ਅਤੇ ਇਹ ਸਿਰਫ t ah ਉੱਤੇ $\int dt$ ਦੇ ਮਾਇਨਸ ਵਜੋਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾਵੇਗਾ ਜੋ ਕਿ ਮਾਡ t ਪਲੱਸ ਸਥਿਰ $ah t$ ਦੇ ਲਯੂਗਣਕ ਦੇ ਮਾਇਨਸ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਹੋਰ ਕੁਝ ਨਹੀਂ ਹੈ ਦੁਬਾਰਾ x ਪਲੱਸ $\cot x$ ਦਾ ਕਾਰਨ ਬਣ ਰਿਹਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਲਿਖ ਸਕਦਾ ਹਾਂ। ਲੌਗ ਆਫ ਮੋਡ ਆਫ ਵਨ $\log \cos xx + \log \cot x + \text{plus constant } c$ ਆਮ ਤੌਰ 'ਤੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਨੂੰ ਵਿਭਾਜਨ ਵਿਚ ਨਾ ਰੱਖ ਕੇ ਸਰਲ ਬਣਾ ਕੇ ਅੱਗੇ ਲਿਖਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਨੂੰ ਇੱਕ ਹੋਰ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ah ਲਿਖਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜਿਸ ਨੂੰ ਇੱਥੇ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਦੇਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕੀ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਅੰਕ ਅਤੇ ਵਿਭਾਜ ਦੋਵਾਂ ਨੂੰ $\cos xx$ ਘਟਾਓ $\cot x$ ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਕਿ ਅੰਕ $ah \cos x$ ਵਰਗ x ਘਟਾਓ \cot ਵਰਗ x ah ਬਣ ਜਾਵੇ ਜਾਂ ਤੁਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਸੋਚ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਸ ਨੂੰ ਮੈਂ $\cos x$ ਵਰਗ x ਘਟਾਓ \cot ਵਰਗ x ਨਾਲ ਬਦਲ ਸਕਦਾ ਹਾਂ। ਅਤੇ ਫਿਰ ਫੈਕਟਰਾਈਜ਼ ਕਰੋ ਇਹ ਤਾਂ ਉਹਨਾਂ ਗਣਨਾਵਾਂ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਸੋਚਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ ਬੰਦ ਹੈ, ਤੁਸੀਂ ਇਸਨੂੰ $\operatorname{cosec} x$ ਮਾਇਨਸ $\cot x$ ਪਲੱਸ c ਦੇ ਲੌਗ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੋਗੇ ਤਾਂ $\cos xx dx$ ਦਾ ਇੰਟੀਗਰਲ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੱਥੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਉਮੀਦ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਸਮਝ ਗਏ ਹੋ ਕਿ ਇੱਥੇ ਇਹ ਇੱਕ ਹੈ $\cos x$ ਪਲੱਸ $\cot x$ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਤਰੀਕਾ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇੱਥੇ $\cos x$ ਘਟਾਓ ਕਾਰਟੈਕਸ ਨਾਲ ਅੰਕ ਅਤੇ ਭਾਜ ਦੋਵਾਂ ਨੂੰ ਗੁਣਾ ਕਰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਅੰਕਾਂ ਨਾਲ ਤੁਹਾਨੂੰ $\cos xx$ ਘਟਾਓ ਕਾਰਟੈਕਸ ਅਤੇ ਵਿਭਾਜ ਮਿਲੇਗਾ ਤੁਹਾਨੂੰ $\cos x$ ਵਰਗ x ਘਟਾਓ \cot ਵਰਗ x ਮਿਲੇਗਾ ਅਤੇ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ $\cos x$ ਵਰਗ x ਘਟਾਓ \cot ਵਰਗ x $\cos x$ ਵਰਗ x ਘਟਾਓ \cot ਵਰਗ x ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਅੱਟੁੱਟ ਅੰਗ ਲਈ ਕੁਝ ਹੋਰ ah ਫਾਰਮੂਲੇ ਵਿਕਸਿਤ ਕੀਤੇ ਹਨ, ਇਹ ਫਾਰਮੂਲੇ ਬਾਅਦ ਵਿੱਚ ਦੁਬਾਰਾ ਕੰਮ ਆਉਣਗੇ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਇੰਟੀਗਰਲ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰੋ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ x ਪਲੱਸ ਐਡਐਕਸ ਦੇ ਸਾਈਨ x ਉੱਤੇ ਸਾਈਨ x ਦੇ ਇੰਟੀਗ੍ਰੇਲ ਦੀ ਇੱਕ ਉਦਾਹਰਨ ਦੀ ਮਦਦ ਨਾਲ ਦਿਖਾਵਾਂਗਾ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਉਦਾਹਰਨ ਨੂੰ ਦੁਬਾਰਾ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਮੁਸ਼ਕਲ ਆਉਂਦੀ ਹੈ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਅਜਿਹਾ ਸ਼ਬਦ ਨਹੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਜੋ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਉਪ ਵਜੋਂ ਚੁਣਦੇ ਹਾਂ substitution ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ ਇੰਟੀਗ੍ਰੇਂਡ ਤੋਂ ਕੁਝ ਸ਼ਬਦ ah ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੁੰਦੇ ਹਨ ਪਰ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਚੋਣ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਨੂੰ ਧਿਆਨ ਨਾਲ ਵੇਖੀਏ ਤਾਂ ਕੀ ਹੋ ਰਿਹਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਜੋੜ ਡੀਨੋਮੀਨੇਟਰ ਵਿੱਚ ਆ ਰਿਹਾ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕਿਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਸ ਨੂੰ ਅੰਕ ਵਿੱਚ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਸਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਕੀ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ x ਪਲੱਸ a ਨੂੰ ਡੀਨੋਮੀਨੇਟਰ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਨਾਲ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਸਾਨੂੰ dt ਦੇ ਬਰਾਬਰ dx ਦੇਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇੰਟੀਗਰਲ ਇਸ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਬਦਲ ਜਾਵੇਗਾ x ਦਾ $\sin t$ ਘਟਾਓ a ਅਤੇ x ਦਾ \sin ਪਲੱਸ a ਇਹ ਹੋਵੇਗਾ। ਬਣ ਗਿਆ $\sin t$ ਅਤੇ $dx dt$ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੰਟੀਗਰਲ ਨੂੰ ਇਸ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਬਦਲ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਹੁਣ ਇਹ ਸਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਮਾਇਨਸ b ਦੇ ਸਾਈਨ ਦਾ

ਫਾਰਮੂਲਾ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਜਿਸਦਾ ਅਸੀਂ ਵਿਸਤਾਰ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕੀ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਅਜਿਹਾ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ $\sin t \cos a$ ਮਾਇਨਸ $\cos t \sin a$ ਨੂੰ $\sin t dt$ ਦੁਆਰਾ ਵੰਡਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਗਣਨਾ $\sin t \sin t$ ਵੱਲ ਲੈ ਜਾਂਦੀ ਹੈ ਪਹਿਲੇ ਇੰਟੀਗਰਲ ਵਿੱਚ ਰੱਦ ਹੋ ਜਾਂਦੀ ਹੈ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਰੇਖਿਕਤਾ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਕ ਸਥਿਰ ਹੋਣਾ ਇੰਟੀਗਰਲ ਵਿੱਚੋਂ ਬਾਹਰ ਆਉਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਇੱਕ dt ਮਾਇਨਸ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। $\sin a$ ਦੁਬਾਰਾ ਹੋਣਾ ਏਸੀ $\sin t$ is $\cot t dt$ ਦੁਆਰਾ $\int \cos t$ ਤੋਂ ਆਨਸਟੈਟ ਬਾਹਰ ਨਿਕਲਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ $\cos a$ integral of one t ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਥਿਰ c one minus sign a ਇਹ $\cot t$ ਹੈ ਇਸਲਈ ਹੁਣੇ ਅਸੀਂ ਦੇ ਏਕੀਕਰਣ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕੀਤਾ ਹੈ $\cot x$ ਦੇ $\cot t$ ਏਕੀਕਰਣ ਦਾ ਅਸੀਂ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕੀਤਾ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਉਹੀ ਸਮੱਗਰੀ ਦੱਸਿਆ ਹੈ ਕਿ ਕਿਹੜੇ ਵੇਰੀਏਬਲ ਵਰਤੇ ਜਾ ਰਹੇ ਹਨ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਸਿਰਫ਼ ਸੋਧ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਮਾਡ ਸਾਈਨ ਦਾ ਲੌਗ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ x ਦੀ ਬਜਾਏ ਤੁਹਾਨੂੰ t ਪਲੱਸ ਨਿਰੰਤਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਹੈ ਫਾਰਮੂਲਾ ਜਿਸ ਦੀ ਅਸੀਂ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਇਸ ਲਈ ਇਹ $\sin t$ ਦਾ ਲੌਗ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਥਿਰ ਇਸ ਨੂੰ c ਟੂ ਦੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਕਾਲ ਕਰੀਏ ਤਾਂ ਆਖਰਕਾਰ ah ਇੰਟੀਗਰਲ ਹੋ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਹੁਣ ਸਾਨੂੰ ਕੁਝ ਸਰਲੀਕਰਨ t ਲਗਾਉਣ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ x ਪਲੱਸ a ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ x ਪਲੱਸ a ਪਲੱਸ c ਇੱਕ ਵਿੱਚ $\cos a$ ਘਟਾਓ $\sin a$ ਇਸ ਲੌਗ ਦੇ \sin of x ਪਲੱਸ a ਪਲੱਸ c ਟੂ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਾਵਾਂਗੇ ਜਿਸਨੂੰ ਅੱਗੇ $\cos a$ ਫਿਰ $\sin a$ ਵਾਰ c ਦੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ c ਇੱਕ ਦੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਥਿਰ ਨਾਲ ਐਡਜਸਟ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਦੋ ਇਸ ਪੂਰੇ ਸ਼ਬਦ ਨੂੰ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਸਥਿਰ cs ਵਜੋਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ o ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਆਖਰਕਾਰ $x \cos a$ minus $\sin a$ times \log of \sin of x ਪਲੱਸ a ਪਲੱਸ ਸਮੁੱਚੀ ਸਥਿਰ c ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੁੰਦੀ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਕਈ ਵਾਰ ਸਾਨੂੰ ਉਸ ਕਿਸਮ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨੀ ਪੈਂਦੀ ਹੈ ਜਿਸਨੂੰ ਤੁਸੀਂ ਕਾਲ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਇੱਕ ਚਾਲ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਇੰਟੀਗਰਲ ਜੋ ਸ਼ੁਰੂ ਵਿੱਚ ਨਾ ਹੋਵੇ। ਫਾਰਮ ਦਾ ਜਿਸਦਾ ਅਸੀਂ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਪਰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਬਦਲ ਬਣਾਉਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਕਿਸੇ ਹੋਰ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਬਦਲਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਅਸੀਂ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਨੂੰ ਜਾਣਨਾ ਇੱਥੇ ਸੌਖਾ ਬਣ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਅਗਲੇ ਸਮੇਂ ਵਿੱਚ ਇਸ ਅਟੱਟ ਦਾ ਜਲਦੀ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਦੇ ਯੋਗ ਹੋ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਕੁਝ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਪਛਾਣਾਂ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹਾਂ,

ਇਸ ਲਈ ਪਹਿਲੀ ਉਦਾਹਰਣ ਜੋ ਮੈਂ ਤੁਹਾਡੇ ਸਾਹਮਣੇ ਰੱਖਣਾ ਚਾਹਾਂਗਾ ਉਹ ਹੈ $\sin^3 x \cos x dx$ ਨੇ ਹੁਣੇ ਹੀ ਤਿੰਨ ਚੁਣੇ ਹਨ ਤਾਂ ਜੋ ਇਹ ਬਹੁਤ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਗਣਨਾ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਸ 'ਤੇ ਦੁਬਾਰਾ ਧਿਆਨ ਨਾਲ ਅਸੀਂ ਬਦਲ ਦੀ ਵਿਧੀ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਥੇ ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਸਾਈਨ ਘਣ $x \cos$ ਵਰਗ $x \cos x dx$ ਵਿੱਚ ਤੋੜ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਕਿਵੇਂ ਐਸ. ਇਸ ਨੂੰ ਦੇਖਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਅਜਿਹਾ ਕਿਉਂ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\sin x$ ਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਕੋਸਾਈਨ $x dx$ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਘੱਟੋ-ਘੱਟ ਇੱਕ ਹਿੱਸਾ ਖਤਮ ਹੋ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਹੁਣ ਸਾਨੂੰ ਬਾਕੀ ਦੇ ਹਿੱਸੇ ਦੀ ਦੇਖਭਾਲ ਕਰਨੀ ਪਵੇਗੀ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਇਸ \cos ਵਰਗ ਨਾਲ ਕੀ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ। x

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਕੋਸਿਨ ਕਰਨੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ ਕਿ ਕੀ ਅਸੀਂ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਸਾਈਨਸ ਸਾਈਨਸ ਸ਼ਬਦ ਵਿੱਚ ਜੋੜ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ ਤੁਹਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀਕ ਪਛਾਣ ਹੈ ਜੋ ਕਹਿੰਦੀ ਹੈ ਕਿ ਸਾਈਨਸ ਵਰਗ x ਪਲੱਸ ਕੋਸ ਵਰਗ x^2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ \cos ਵਰਗ x^2 ਮਾਇਨਸ ਪਾਪ ਹੈ। ਵਰਗ x ਤਾਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਨੂੰ ਵੀ ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਵਿੱਚ ਬਦਲ ਸਕਦੇ ਹੋ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਹ ਸਾਰਾ ਕੁਝ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਚਲਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਪਾਪ ਘਣ x ਇੱਕ ਘਟਾਓ \sin ਵਰਗ x ਨੂੰ $\cos x dx$ ਵਿੱਚ ਹੁਣ ਜੇ ਮੈਂ $\sin x$ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ t ਨੂੰ $\sin x$ ਨੂੰ t ਚੁਣੇ।

ਇਸ ਲਈ ਕੋਸਾਈਨ $x dx$ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਮੈਂ ਇੱਥੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ t ਘਣ ਇੱਕ ਘਟਾਓ t ਵਰਗ dt ਸਧਾਰਨ ਬਹੁਪਦ ਸਮੀਕਰਨ ਜਿਸਦਾ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ t ਘਣ ਘਟਾਓ t ਨੂੰ ਪਾਵਰ ਫਾਈਵ ਵਿੱਚ ਵਧਾਓ ਜੋ ਇਸਨੂੰ t ਨੂੰ ਵਧਾ ਕੇ ਚਾਰ ਗੁਣਾ ਚਾਰ ਘਟਾਓ t ਵਧਾਏਗਾ। ਪਾਵਰ ਸਿਕਸ ਬਾਇ ਸਿਕਸ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਇੰਟੀ ਦੀ ਸਥਿਰਤਾ $gration$ ਜਿੱਥੇ $t \sin x$ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਆਖਰਕਾਰ ਤੁਹਾਨੂੰ ਸਾਈਨ ਚਾਰ x ਚਾਰ ਮਾਇਨਸ ਸਾਇਨ ਛੇ x ਛੇ ਪਲੱਸ ਸਥਿਰ ਆਹ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸ ਲਈ ਜਾਣਾ ਜ਼ਰੂਰੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਜਾਂ ਇਸ ਉਦਾਹਰਣ ਨਾਲ ਨਜਿੱਠਣ ਲਈ ਜਿਸ ਢੰਗ ਨਾਲ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਡੀਲ ਕੀਤਾ ਹੈ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਵੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ। ਮੈਨੂੰ ਦੁਬਾਰਾ ਉਹੀ ਉਦਾਹਰਣ ਲੈਣ ਦਿਓ ਤੁਸੀਂ ਕਿਸੇ ਹੋਰ ਰਿਸ਼ਤੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਵੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ $\sin x \cos x$ whole cube dx ਦੇ ਉਤਪਾਦ ਵਜੋਂ ਲਿਖਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਕੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਦੋ ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਅੰਦਰ ਗੁਣਾ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਘਣ ਬਰੈਕਟ ਜਿਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੋ ਘਣ ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਦੋ ਘਣ ਨਾਲ ਵੰਡਣਾ ਪਵੇਗਾ ਇੱਕ ਵਾਰ ਜਦੋਂ ਮੈਂ ਅਜਿਹਾ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਇੱਕ ਬਹੁਤ ਹੀ ਜਾਣਿਆ-ਪਛਾਣਿਆ ਫਾਰਮੂਲਾ ਦੇ $\sin a \cos a$ is that $\sin 2a$

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅਟੱਟ ਬਣਾਉਂਦਾ ਹੈ ਇੱਕ ਨੂੰ ਅੱਠ ਨਾਲ ਦੇ $x dx$ ਦੇ ਸਾਈਨ ਘਣ ਦੇ ਬਾਹਰ ਲਿਆ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਮੈਂ ਪਾਪ ਘਣ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਲਈ ਦੋ x ਲਈ ਆਪਣੇ ਬਦਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹਾਂ, ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਦੋ x t ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ dx ਦਾ ਦੋ ਵਾਰ dt ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ ਤਾਂ ਕਿ dx ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ dt by two so substitutio ਬਣਾਉਣ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ni ਇੱਥੇ ਸਾਇਨ ਘਣ $t dt$ ਦਾ ਇੱਕ ਬਾਇ ਅੱਠ ਏਕੀਕਰਣ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੇਗਾ ਜੋ ਇਸਨੂੰ ਇੱਕ ਬਾਇ ਸੇਲੂਜ਼ ਇੰਟੀਗਰੇਸ਼ਨ ਬਣਾ ਦੇਵੇਗਾ $\sin^3 t$ ਸਾਰੇ ਕਦਮਾਂ ਨੂੰ ਕਰ ਰਿਹਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਇਹ ਤੁਹਾਡੇ ਲਈ ਚੰਗੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੋਵੇ ਜਿਵੇਂ ਅਸੀਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸ ਸਮੇਂ ਕੋਈ ਫਾਰਮੂਲਾ ਨਹੀਂ ਜਾਣਦਾ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਕੀ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਇਸਨੂੰ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਾਈਨ ਵਰਗ ਵਿੱਚ $\sin t$ ਵਿੱਚ ਬਦਲਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਉਸ ਪ੍ਰਕਿਰਿਆ ਦੇ ਨਾਲ ਜਾਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਕਰ ਚੁੱਕੇ ਹਾਂ ਜਾਂ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਹੋਰ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਪਛਾਣ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ ਉਮੀਦ ਹੈ ਕਿ ਤੁਹਾਨੂੰ ਫਾਰਮੂਲਾ ਸਾਈਨ ਤਿੰਨ x ਬਰਾਬਰ ਯਾਦ ਹੋਵੇਗਾ ਤਿੰਨ ਸਾਈਨ x ਮਾਇਨਸ ਚਾਰ ਸਾਈਨ ਘਣ x

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਇੱਥੇ ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੈਂ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਇਹ ਨਿਰਭਰ ਕਰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਮੈਨੂੰ ਫਾਰਮੂਲਾ ਯਾਦ ਹੈ ਤਾਂ ਹੀ ਮੈਂ ਇਸ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਮੈਨੂੰ ਫਾਰਮੂਲਾ ਯਾਦ ਹੈ ਤਾਂ ਮੈਂ ਤੁਰੰਤ ਤਿੰਨ ਚਿੰਨ੍ਹ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਸਿਨ ਘਣ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਵੇਰੀਏਬਲ t ਮਾਇਨਸ ਸਾਇਨ ਤਿੰਨ t ਨੂੰ ਚਾਰ dt ਨਾਲ ਵੰਡਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜਿਸ ਨਾਲ ਨਿਸ਼ਾਨ t ਦਾ ਇੱਕ ਤੋਂ ਚੌਠ ਇੰਟੀਗਰਲ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਮਾਇਨਸ $\cos t$ ਮਾਇਨਸ ਇੰਟੀਗਰਲ ਸਾਇਨ ਤਿੰਨ t ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਫਿਰ ਤੋਂ ਮਾਈਨਸ \cos ਤਿੰਨ t ਦਾ ਤਿੰਨ ਅਤੇ ਫਿਰ ਪਲੱਸ a constant c ਤਾਂ ਆਖਰਕਾਰ ਜੇ ਮੈਂ ਇੱਥੇ ਦੇਖਿਆ ਹੈ ਉਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਮੈਂ ਇੱਥੇ ਪਾਇਆ ਹੈ ਕਿ t ਦਾ ਘਟਾਓ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਚੌਠ ਕੋਸ ਦੇ x ਹੈ ਇਸਲਈ ਦੋ x ਇਹ ਘਟਾਓ ਘਟਾਓ ਜੋੜ ਇੱਕ ਬਾਇ ਚੌਠ ਗੁਣਾ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਛੇ x ਜੋੜ ਸਥਿਰ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਫਾਰਮਾਂ ਨੂੰ ਚੰਗੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਪਿਛਲੀ ਉਦਾਹਰਣ ਵਿੱਚ ਦੁਬਾਰਾ ਦੇਖਦੇ ਹੋ, ਇਸ ਉਦਾਹਰਣ ਦੇ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਅਸੀਂ ਜਿਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕੀਤਾ ਹੈ ਉਹ ਸ਼ਾਇਦ ਉਹ ਨਹੀਂ ਦੇਖ ਰਹੇ ਹਨ ਜਿਸਦੀ ਤੁਸੀਂ ਉਮੀਦ ਕਰ ਰਹੇ ਸੀ ਪਰ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਪਹਿਲਾਂ ਵੀ ਦੱਸਿਆ ਸੀ ਕਿ ਵਿਲੱਖਣਤਾ ਦੀ ਕੋਈ ਗਾਰੰਟੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਪਰ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਕਿ ਉਹ ਇੱਕੋ ਪਰਿਵਾਰ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹਨ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਇਸ \cos ਦੇ x ਨੂੰ ah ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਦੇ ਸਾਈਨ ਵਰਗ ਵਿੱਚ ਫੈਲਾ ਸਕਦੇ ਹੋ ਅਤੇ ਫਿਰ ਹੋਰ ਅੱਗੇ ਤਾਂ ਕਿ ਤੁਹਾਨੂੰ ਉਹੀ ਸ਼ਰਤਾਂ ਮਿਲਣਗੀਆਂ ਤਾਂ ਕਿ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ah ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇੱਕ ਹੋਰ ਉਦਾਹਰਣ ਦਿਖਾਉਣਾ ਚਾਹਾਂਗਾ ਜੋ ਪਾਪ ਚਾਰ x ਚਿੰਨ੍ਹ ਅੱਠ x ਦੇ ਇੰਟੀਗਰਲ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣ ਲਈ ਕੁਝ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਸੰਬੰਧ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਹਨਾਂ ਉਦਾਹਰਣਾਂ ਨੂੰ ਅਹ ਆਮ ਉਦਾਹਰਣਾਂ ਵਜੋਂ ਮੰਨਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ah ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨਾ ਹੈ ਜਾਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਕਿਸੇ ਹੋਰ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨਾ ਹੈ। $a1$ ਜਿਸ ਵਿੱਚ ਇਸ ਕਿਸਮ ਦੇ ਫੰਕਸ਼ਨ ਸ਼ਾਮਲ ਹੋਣਗੇ, ਤੁਹਾਨੂੰ ਇਹ ਸੁਨੇਹਾ ਦੇਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਨਾਲ ਕਿਵੇਂ ਨਜਿੱਠ ਸਕਦੇ ਹੋ, ਉਦਾਹਰਣ ਲਈ ਇੱਥੇ ਦੁਬਾਰਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਪਿਛਲੀ ਉਦਾਹਰਣ ਵਿੱਚ ਤੁਸੀਂ ਦੋ ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਅਤੇ ਭਾਗ ਕਰੋ ਤਾਂ ਕਿ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦੋ ਸਾਈਨ ਚਾਰ x ਸਾਈਨ ਅੱਠ x ਦਾ ਅੱਧ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਵੇਗਾ। ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਅਟੱਟ ਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਹੁਣ ਇਸਨੇ ਦੋ ਸਾਈਨ a ਸਾਈਨ b ਦਾ ਰੂਪ ਲੈ ਲਿਆ ਹੈ ਖੁਸ਼ਕਿਸਮਤੀ ਨਾਲ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਸਾਈਨ b ਸਾਈਨ ਕਰਨ ਦਾ ਫਾਰਮੂਲਾ ਹੈ ਤੁਹਾਨੂੰ ਯਾਦ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਫਾਰਮੂਲਾ ਤੁਹਾਨੂੰ ਮਾਫੀ ਦੇ ਸਾਈਨ 'ਤੇ ਲੈ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇੱਕ ਘਟਾਓ b ਘਟਾਓ \cos ਦੇ \cos of \cos ਤੱਕ ਲੈ ਜਾਂਦਾ ਹੈ a ਪਲੱਸ b ਦਾ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਸਾਡਾ ਇੰਟੈਗਰਲ i ਇਸ ਮਾਮਲੇ ਵਿੱਚ ਚਾਰ ਘਟਾਓ ਅੱਠ x ਘਟਾਓ ਚਾਰ ਜੋੜ ਅੱਠ x ਦੇ ਇੱਕ ਸਾਈਨ $b \cos$ ਦੇ ਸਾਈਨ ਕਰਨ ਲਈ ਇੱਕ ਅੱਧਾ ਇੰਟੈਗਰਲ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ। ਇਸਲਈ ਇੱਕ ਵਾਰ ਜਦੋਂ ਮੈਂ ਫਾਰਮੂਲਾ ਵਰਤਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ ਸਾਰਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਮਾਮੂਲੀ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਘਟਾਓ ਚਾਰ x ਦਾ ਅੱਧਾ ਅਟੱਟ \cos ਜੋ ਘਟਾਓ x ਦਾ \cos ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਹਮੇਸ਼ਾ $\cos x$ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਬਾਰਾਂ $12x dx$ ਦੇ ਚਾਰ x ਘਟਾਓ \cos ਦੀ \cos ਹੋਵੇਗੀ ਅਤੇ ਇਹ ਉਸ ਰਿਸ਼ਤੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਜੋ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ax ਅਤੇ v ਲਈ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਕਿ ਜੇ ਮੈਨੂੰ ਪਤਾ ਹੋਵੇ ਇੰਟ \cos ਦਾ $gral$ ਫਿਰ ਮੈਨੂੰ ਸਿਰਫ ah ਨੂੰ ਇਸ ਸ਼ਬਦ ਦੇ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੁਆਰਾ ah ਨਾਲ ਵੰਡਣ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ \cos ਦਾ ਅਟੱਟ ਚਿੰਨ੍ਹ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇਸ ਸਾਥੀ ਦੇ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੁਆਰਾ ਚਾਰ x ਵੰਡਿਆ ਜਾਵੇਗਾ ਚਾਰ ਘਟਾਓ \cos ਬਾਰਾਂ ਦਾ ਅਟੱਟ ਚਿੰਨ੍ਹ ਬਾਰਾਂ x ਵੰਡਿਆ ਹੋਇਆ ਹੈ। ਬਾਰਾਂ x ਦੇ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੁਆਰਾ ਬਾਰਾਂ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਪਲੱਸ ਏਕੀਕਰਣ ਦੀ ਇੱਕ ਸਥਿਰਤਾ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਉਹੀ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਜੋ ਇਸ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹੋਏ ਜੇ ਤੁਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਇਹ ਥੋੜਾ ਮੁਸ਼ਕਲ ਲੱਗਦਾ ਹੈ ਪਰ ਆਹ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਇਸਲਈ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਸਬੰਧਾਂ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਸਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰਦਾ ਹੈ ah ਇੱਕ ਬਿਹਤਰ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਜਾਂ ah ਇੱਕ ਸਰਲ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ

ਇਸ ਲਈ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਮੈਂ ਸੰਖੇਪ ਵਿੱਚ ਦੱਸਣਾ ਚਾਹਾਂਗਾ ਕਿ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕੀਤਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅੱਜ ਅਸੀਂ ਸਿੱਖਿਆ ਕਿ ਅਨਿਯਮਿਤ ਪੂਰਨ ਅੰਕਾਂ ਨੂੰ ਬਦਲ ਕੇ ਕਿਵੇਂ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨਾ ਹੈ ਫਿਰ ਕੁਝ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਸੰਬੰਧ ਜਾਂ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫਾਰਮੂਲੇ ਲਈ ਅਤੇ ਅੱਗੇ ਅਸੀਂ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀਕ ਪਛਾਣਾਂ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਅਗਲੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਇਹਨਾਂ ਪੂਰਨ ਅੰਕਾਂ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਲਈ ਅਸੀਂ ਦੇਖਾਂਗੇ ਕਿ ਕੁਝ ਹੋਰ ਖਾਸ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਿਵੇਂ ਕਰਨਾ ਹੈ ਜਿਸ ਵਿੱਚ ਅਲਜਬਰੇਕ ਐਕਸ ਸ਼ਾਮਲ ਹੋਣਗੇ ਪ੍ਰੈਸ਼ਰ ਜਾਂ ਬਹੁਪਦ ਸਮੀਕਰਨ ਤੁਸੀਂ

