

আগের ক্লাসের শিক্ষার্থীদের স্বাগতম

আমরা বুঝেছিলাম উদাসীন ইন্টিগ্রেলের ধারণা আমরা বুঝলাম একটি এরিয়া ফাংশন বলতে কী বোঝায় আমরা এটাও বুঝেছিলাম অ্যান্টি-ডেরিভেটিভের ধারণা কী তারপর আমরা $f(x) dx$ এর ইন্টিগ্রালকে সংজ্ঞায়িত করেছি সমস্ত অ্যান্টি ডেরিভেটিভের সংগ্রহ হিসাবে এই c এর অন্তর্ভুক্ত বাস্তবের একটি সেট শেষের দিকে আমরা এই বক্ররেখা বা অ্যান্টি ডেরিভেটিভের জ্যামিতিক ব্যাখ্যা বুঝতে পেরেছি এবং আমরা এরিয়া ফাংশনটিকে ইন্টিগ্রেলের দৃষ্টিকোণ থেকেও দেখেছি যাতে এটিকে অবিচ্ছেদ্য হিসাবে বিবেচনা করা হয় যা আমরা বলেছিলাম যে এটি একটি নির্দিষ্ট অখণ্ড

তাই এইগুলি আমাদের আগের ক্লাসে আমরা যে জিনিসগুলি শিখেছি

আজকে আমরা আরও দেখব যে

অনির্দিষ্ট অখণ্ডের বৈশিষ্ট্যগুলি কী কী আমরা কীভাবে একটি ফাংশনের ইন্টিগ্রালকে মূল্যায়ন করতে পারি যা আমাদের দেওয়া হবে

তাই শুরু করার আগে আমরা একটি উদাহরণ নিই

যেখানে আমি আপনাকে দেখাব c -এর গুরুত্ব যা আমরা

গ্রহণ করি যখন আমরা ইন্টিগ্রাল গ্রহণ করি

তাই ধরুন যে আমাদের ফাংশনের অ্যান্টি-ডেরিভেটিভ এফএক্স খুঁজে বের করতে বলা হয়েছে ছোট এফএক্স-এ যাকে দেওয়া হয় যেমন পাঁচ x উত্থিত করে পাওয়ার ফোর প্লাস টু

যেমন অ্যান্টি-ডেরিভেটিভের মান আমাদের দেওয়া হয়

তাই এটি শুধু বলে না যে আমাদের

x এর অ্যান্টি ডেরিভেটিভ খুঁজে বের করতে হবে কিন্তু এটাও বলে যে আমরা সেই nt ডেরিভেটিভ খুঁজে বের করতে হবে যার

মান f এর মান পাঁচটি যখন x একটির সমান হয়

তাই সমস্ত অ্যান্টি-ডেরিভেটিভের পরিবারের

বাইরে আপনাকে একটি নির্দিষ্ট অ্যান্টি-ডেরিভেটিভ খুঁজতে হবে আমি আপনাকে দেখাব কীভাবে এটি করা যায়

x raise to power n টাইপের একটি ফাংশনের অ্যান্টি ডেরিভেটিভের আমাদের পূর্বের অভিজ্ঞতা থেকে আমরা বের করতে পারি যে d দ্বারা x এর dx বাডালে 5 যোগ করে দুই x পরিণত হয় এবং

তাই এই ফাংশনটিকে অ্যান্টি-ডেরিভেটিভ হিসাবে বিবেচনা করা হয় আমাদের অ্যান্টি-ডেরিভেটিভ প্রয়োজন যেমন f -এর f এর সমান পাঁচ যার মানে হবে এক যোগ

দুই যোগ c সমান পাঁচ দিয়ে c -এর মান দুটি দেওয়া

তাই এখানে থেকে অ্যান্টি-ডেরিভেটিভ fx

x এর মান পাঁচকে বাড়িয়ে দেয় প্লাস দুই x যোগ দুই

তাই এই ক্ষেত্রে আপনি লক্ষ্য করেন যে w e একটি অনন্য

অ্যান্টি-ডেরিভেটিভ x পেয়েছে পাঁচটি প্লাস দুই x প্লাস টু যা আপনাকে

মান দেয় যখন x এক হয় পাঁচের সমান

তাই যদি আমাদেরকে এমন একটি শর্ত দেওয়া হয় যে

শর্তটি এই ক্ষেত্রে দেওয়া হয়েছিল $f(1)$ হিসাবে is 5 এর সমান সেই c বক্রের নির্দিষ্ট মান কে

সাধারণভাবে মূল্যায়ন করা যেতে পারে আমরা এই c বক্রটিকে যেকোনো নির্বিচারে c হিসাবে বিবেচনা করি এরপর আমরা

অনির্দিষ্ট অখণ্ডের বৈশিষ্ট্যগুলি দেখব যা প্রথম সম্পত্তি সম্পর্কিত হয় যেমন আমরা

প্রাথমিকভাবে বলেছিলাম যে ইন্টিগ্রেশনকে এর বিপরীত প্রক্রিয়া হিসাবে বিবেচনা করা যেতে পারে ডিফারেনসিয়েশন তাই প্রোপার্টি d by integral $f(x) dx$ এর dx হল ফাংশন নিজেই যার

মানে হল এটি ফাংশনের ইন্টিগ্রাল এবং যদি আপনি সেই ইন্টিগ্রেলের ডেরিভেটিভ নেন তাহলে

আপনি একই ফাংশন পাবেন দ্বিতীয় প্রোপার্টি

হল ফাংশনের ডেরিভেটিভের ইন্টিগ্রেল ফাংশন প্লাস একটি c এখন এই সমীকরণের প্রমাণের জন্য যাওয়ার আগে প্রথমে এই দুটি রাশির দিকে তাকান

প্রথম রাশিটি বলে যে এর

পার্থক্য একটি ফাংশনের ইন্টিগ্রেল হল ফাংশনটি নিজেই যখন দ্বিতীয় ক্ষেত্রে এটি

বলে যে ফাংশনের ডিফারেনশিয়ালের ইন্টিগ্রাল হল ফাংশন প্লাস কনস্ট্যান্ট

এবং

তাই আমরা বলি না যে দুটি অপারেশন ডিফারেনশিয়াল

এবং ইন্টিগ্রেলগুলি প্রতিটিতে বিপরীত অপারেশন অন্য কিন্তু আমরা বলি যে সেগুলিকে

একটি বিপরীত অপারেশন হিসাবে ভাবা যেতে পারে কারণ বীনের বিপরীত অপারেশন ছিল তারপরে

উভয় অপারেশন একই সাথে প্রয়োগ করার পরে তাদের আপনাকে ফাংশনটি দেওয়া উচিত ছিল

কিন্তু এখানে এই ক্ষেত্রে এটি একটি c বক্র

তাই যদি যদি আমরা c বক্র পর্যন্ত স্বতন্ত্রতা বিবেচনা করি তারপরে

সেগুলিকে একটি বিপরীত অপারেশন প্রমাণ হিসাবে বিবেচনা করা যেতে পারে

তাই প্রমাণটি a

সরাসরি সংজ্ঞা ব্যবহার করে প্রমাণ করা যেতে পারে যা আমরা

অ্যান্টি-ডেরিভেটিভের ধারণা থেকে জানি যে d দ্বারা fx এর dx সমান ছোট fx যেমন মূলধন fx হল ছোট fx এর অ্যান্টি ডেরিভেটিভ

তারপর fxdx এর ইন্টিগ্রেল হল ক্যাপিটাল fx প্লাস c

তাই এখন আমরা এই ইন্টিগ্রেলের উপর ডেরিভেটিভ অপারেটর প্রয়োগ করব

এই ক্যাপিটাল ধরে নিয়ে a1 f হল ছোট এফএক্স-এর জন্য অ্যান্টি-ডেরিভেটিভ

তাই যদি আমরা

এখানে ডেরিভেটিভ প্রয়োগ করি তাহলে এটি আমাদেরকে dx দ্বারা integral fxdx-এর dx দিয়ে দেবে যেমন এটি ডান দিকে প্রয়োগ করা হয়েছে dx এর dx দিয়ে fx প্লাস c যা df এর মত dx-এর উপরে কারণ

ফ্রবকের ফ্রবক শূন্য হবে

তাই এবং এই সম্পর্ক থেকে আমরা ইতিমধ্যেই জানি

যে dx-এর উপর df আর কিছুই নয় fx

তাই d দ্বারা integral fx-এর dx

ফাংশন fx হয়ে যায়

তাই d দ্বারা integral f-এর dx xdx নিজেই ফাংশন

তাই এটি প্রমাণটির

জন্য একটি প্রমাণটি দেখায় b আমরা আবার সংজ্ঞা ব্যবহার করি

তাই আমরা নোট করি যে d দ্বারা f

x এর dx যা মূলত f prime x

তাই এখন যদি আপনি nt ডেরিভেটিভের সংজ্ঞার দৃষ্টিকোণ থেকে এটিকে আবার দেখেন

তাহলে ছোট fx হল

f prime x এর জন্য অ্যান্টি ডেরিভেটিভ এবং

তাই ইন্টিগ্রেলের সংজ্ঞা ব্যবহার করে আমরা লিখতে পারি যে

f prime xdx এর integral হল fx প্লাস c এর জন্য c এর জন্য

বাস্তবের সেট এবং এটিই bf prime xdx এর সম্পত্তি

fx প্লাস সিএস এর সমান o আমরা এই বৈশিষ্ট্যটি সংজ্ঞা ব্যবহার করে দেখিয়েছি যে একটি

ডেরিভেটিভের ইন্টিগ্রেল একই ফাংশন এবং একটি ফ্রবক দ্বিতীয় প্রমাণটি যা আমরা দেখি যে যদি

আমাদের দেওয়া হয় যে দুটি ইন্টিগ্রেলের ডেরিভেটিভ একই যার মানে হল দুটি ফাংশনের জন্য fx এবং g x যদি

integral fxd এর d

x d x integral g xdx এর d দ্বারা d x একই তাহলে integral fx এবং gx উভয় ফাংশনই

একই ফাংশন পরিবারের অন্তর্গত তাহলে আমরা যদি দেখাই যে আমরা যা করি

তা হল আমরা পুরোটাই নিই অভিব্যক্তি অভিব্যক্তিটি বোঝায় যে d দ্বারা dx এর

integral of fxdx বিয়োগ integral of gxdx zero,

তাই প্রথমে আপনি এটিকে d by

integral dxdx এর dx বাম দিকে স্থানান্তর করুন তারপর অপারেটরকে বাইরে নিয়ে যান এবং তারপর এই সমতা থেকে এইভাবে

এই অভিব্যক্তিটি লিখুন সকল x এর জন্য সত্য এবং

তাই এই সমতা সকলের জন্যও সত্য x এবং এটি সম্ভব যে x এর কিছু ফাংশনের ডেরিভেটিভ যা

শূন্যের সমান হওয়ার সম্ভাবনা শুধুমাত্র তখনই যদি ফাংশনটি নিজেই একটি কনস্ট্যান্ট হয় tant যার

মানে হল যে fxdx এর integral of integral of gxdx এর integral is a constant এর সমান c

এবং এর মানে হল যে আমি যদি g x ডানদিকে ট্রান্সফার করি তাহলে

সমস্ত ফাংশনের সংকলন integral gxdx প্লাস c এক কল করা যাক।

এটি যেমন c একটি

যেমন c একটি r তে এবং একইভাবে যদি আমি ফাংশনটি

ডান দিকে নিই তাহলে fxdx প্লাস সি টু যেমন c দুটি r এর অন্তর্গত

তাই তারা এই পূর্ণাঙ্গগুলির জন্য বক্ররেখার পরিবারকে প্রতিনিধিত্ব করে এবং তাই

দুটি অখণ্ড কারণ এই দুটি পরিবার এখানে এই সমতার কারণে তারা সমতুল্য

তাই আমরা সাধারণত এই পরিবারগুলিকে সমতুল্য করি না আমরা সাধারণত

এখানে লেখা ফ্রবকগুলি নিয়ে মাথা ঘামাই না এবং আমরা লিখি যে fxdx-এর অবিচ্ছেদ্য অবিচ্ছেদ্য

সমান।

gxdx অর্থাৎ ফ্রবক ah এখানে বাদ দেওয়া হয়েছে আরও আমরা

ah ইন্টিগ্রাল অপারেটরের আরও কিছু বৈশিষ্ট্য খুঁজছি এই বৈশিষ্ট্যগুলি
ডিফারেনশিয়াল অপারেটরের বৈশিষ্ট্যের মতো যা আপনি ইতিমধ্যেই দেখেছেন প্রথম প্রপার্টি হল লিনিয়ারিটি প্রপার্টি যা
আমি নিচের পদ্ধতিতে

লিখব fx প্লাস gdx এর integral এবং $fxdx$ এর

integral plus integral of gdx এর ফাংশনগুলি দেখুন এতে বলা হয়েছে যে দুটির সমষ্টি ফাংশনগুলি
সেই দুটি ফাংশনের অখণ্ডের সমষ্টির সমান

তাই অখণ্ড

মূলতঃ যোগফলের উপর বিতরণ করা সহজ আমরা এখানে যা করি তা হল যে আপনি

বাম দিকে নিয়ে যান এবং বাম দিকের dx দ্বারা এটিকে আলাদা করুন আমরা একটি সম্পত্তি থেকে জানি যা আমরা
ইতিমধ্যেই দেখিয়েছি যে integral এর ডেরিভেটিভটি নিজেই ফাংশন

তাই প্রোপার্টি ব্যবহার করে এমনকি যা আমরা ইতিমধ্যেই প্রমাণ করেছি যে

এই ইন্টিগ্রালের ডেরিভেটিভটি fx প্লাস gx ছাড়া আর কিছুই নয় এটি আমরা বলি যে এটি একটি সম্পর্ক যেটি

এখন বাম দিক থেকে আসছে একই জিনিস আমরা ডানদিকে করব

ডানদিকের দিকটি আলাদা করে কারণ আমরা ইতিমধ্যেই জানি যে ডেরিভেটিভ একটি

যোগে বিতরণকারী

তাই আমরা এটিকে dx

দ্বারা $fxdx$ -এর integral-এর উপর dx দিয়ে লিখতে পারি এখন gdx -এ integral-এর dx দ্বারা এখন আবার
একটি প্রপার্টি ব্যবহার করে আমরা জানি যে

d integral-এর dx ফাংশন fx প্লাস integral d দ্বারা integral gx -এর dx -এর সমান

ফাংশন জিএক্স বিবেচনা একই সাথে সম্পর্কযুক্ত

তাই আমরা এখানে যা দেখিয়েছি তা হল যে যদি আমরা

বাম দিকে এবং ডান দিকের দুটি ফাংশনকে আলাদা করি তাহলে আমরা একই ডেরিভেটিভ পাব

এবং পূর্ববর্তী সম্পত্তি থেকে তারা একই ah এর অন্তর্গত বক্ররেখার পরিবার

এবং সেইজন্য এই বৈশিষ্ট্যটি সত্য

তাই এটি প্রমাণ করে যে অখণ্ডগুলির উপর রৈখিক বৈশিষ্ট্যটি

অনুসরণ করা হয় দ্বিতীয় বৈশিষ্ট্য স্কেলার গুণের জন্য

তাই এখানে যা বলা হয়েছে তা হল যে k গুণের $fxdx$ -এর

একীকরণ $fxdx$ -এর k গুণ একীকরণের সমান যেখানে k কিছু ধ্রুবক এটিও আমরা একই ধারণা ব্যবহার করে প্রমাণ
করব

যেমনটি আমরা পূর্ববর্তী সম্পত্তির জন্য করেছি d দ্বারা বাম দিকের dx এবং ডান দিকের d দ্বারা dx আমরা জানি যে
স্কেলার k এর বাইরে নেওয়া যেতে পারে

ডিফারেনশিয়াল অপারেটর থেকে আলাদা করার জন্য যা আমাদেরকে আবার একটি প্রপার্টি ব্যবহার

করে আবার একইভাবে আবার আগের ক্ষেত্রে আমরা দাবি করি যে $kfxdx$ $kfxdx$ এর মতোই আমরা এখন যা করব তা
হল আমরা এই

দুটি বৈশিষ্ট্যকে একত্র করব একসাথে এবং একটি সাধারণ সূত্রে তাদের রাখুন

তাই আসুন ধ্রুবকগুলির জন্য বলি k_1 k_2 ডট ডট kn এবং ফাংশন f_1 x দুই x ডট ডট ডট f_n x এর সাথে
সম্পর্ক রয়েছে যে

k_1 f_1 প্লাস k_2 f_2 প্লাস ডটের ইন্টিগ্রেশন ডট ডট কেএনএফএনডিএক্স একই রকম আপনি যেমন k ওয়ান

ইন্টিগ্রালের বাইরে নিয়ে যান f_1 dx plus k_2 এবং তারপর $knfnx$ dx এই বৈশিষ্ট্যটি

ইন্টিগ্রেলগুলির মূল্যায়ন করতে সাহায্য করে

যেখানে ফাংশনগুলি নির্দিষ্ট রৈখিক সংমিশ্রণে লেখা আছে আমরা একটি দ্রুত

উদাহরণ দিই

তাই ধরুন আমাদের করতে হবে ফাংশন ax স্কোয়ার প্লাস bx

প্লাস c -এর ইন্টিগ্রাল খুঁজে বের করুন এই ফাংশনের ইন্টিগ্র্যাল খুঁজে বের করার জন্য আমরা এটি এখন এই পদ্ধতিতে লিখি
যেহেতু আমরা

রৈখিক বৈশিষ্ট্য জানি

তাই আমরা এই abc ধ্রুবক লিখতে পারি

এখানে x এর একটি integral হল x এর বর্গ প্লাস b integral এর x plus c গুন integral এবং একটি
আছে

তাই আমরা এটিকে integral one dx হিসাবে লিখি যা আমরা ইতিমধ্যেই দেখেছি বা আমরা এখানে অ্যান্টি ডেরিভেটিভ
পদ্ধতিটি ব্যবহার করতে পারি তা

হল যে যদি আমরা 3 দ্বারা x ঘনকের পার্থক্য ধরুন

আমরা x বর্গ পাব এবং

তাই এটিকে x কিউব বাই 3 যোগ bx হিসাবে লিখতে পারি আপনি ইতিমধ্যেই দেখেছেন

যে এটি x বর্গ বাই দুই প্লাস ছোট c একের জন্য ইন্টিগ্রেশন যার মানে

যদি আমরা পার্থক্য করি x আপনি একটি পাবেন

তাই x ফাংশনটি এখানে উপস্থিত হওয়া উচিত

এবং সবশেষে ধ্রুবক

তাই আমরা এটিকে c one হিসাবে কল করব কারণ এই c ইতিমধ্যেই এখানে উপস্থিত হচ্ছে

তাই এটি আমাদের বিভ্রান্ত করবে না

তাই এই রৈখিক সংমিশ্রণের অবিচ্ছেদ্যটি এই ফাংশন হিসাবে পরিণত হবে

যেটিকে সহজেই তিনটি পৃথক অংশে বিভক্ত করে মূল্যায়ন করা যেতে পারে এবং

তাদের মূল্যায়ন করার মাধ্যমে এই কৌশলটি আমাদেরকে কিছু জটিল সমস্যা সমাধানে আরও সাহায্য করবে

এখন আমরা আমাদের পার্থক্যের জ্ঞান ব্যবহার করব এবং লিখব কিছু নির্দিষ্ট সূত্র যা

সমস্যা সমাধানের সময় অংশের মূল্যায়নে আমাদের সাহায্য করবে এই সূত্রগুলি খুবই মৌলিক সূত্র এবং আপনার যতটা সম্ভব মনে রাখার চেষ্টা করা উচিত

তাই আমি বাম দিকে যা করব তা

আমি লিখব এর অনুরূপ সূত্রটি ডেরিভেটিভ এবং ডানদিকে আমি

সংশ্লিষ্ট ইন্টিগ্র্যাল লিখব

তাই আমাদের কাছে এই d এর dx এর ঘাত n যোগ 1 দ্বারা n যোগ 1 হিসাবে x বাড়তে n পাওয়ার n

তাই x এর অনুরূপ ইন্টিগ্রেল এন পাওয়ারে উত্থাপিত হয় nd

x হয় x বাড়তে পাওয়ার n প্লাস 1 ওভার n প্লাস 1 প্লাস একটি ধ্রুবক c এখানে আমাদের অবশ্যই মনে রাখতে হবে যে n

বিয়োগ 1 এর সমান হতে পারে না আমরা এই বিয়োগ 1 কেসটি আলাদাভাবে মোকাবেলা করব যা

নির্দিষ্ট ক্ষেত্রে সময়ের সাথে সাথে আসবে আমরা জানি যে d দ্বারা x -এর dx হল একটি

এবং সেইজন্য এক d x -এর অখণ্ডাংশ আমরা ইতিমধ্যেই দেখেছি এটি

x প্লাস ধ্রুবক নিশ্চিততা ব্যাকরণগত ফাংশন যেমন

সাইন x এর d দ্বারা x কোসাইন x এবং

তাই কোসাইন x -এর অবিচ্ছেদ্য হল সাইন x প্লাস c d দ্বারা dx কোসাইন x এর বিয়োগ সাইন

x হয়

তাই আমরা এখানে বিয়োগ চিহ্ন রাখব যাতে আমরা যখন পূর্ণাঙ্গ লিখি তখন এটি

সাইন x এর অবিচ্ছেদ্য হয়ে যায় বিয়োগ কোসাইন x প্লাস ট্যান x এর ধ্রুবক d x dx সেকেন্ড বর্গ x এবং

তাই দুঃখিত, আমি

এখানে dx মিস করেছি সেকেন্ড বর্গ x dx এর সমান $\tan x$ plus c এই সবগুলি আদর্শ সূত্র যা

আপনি যেকোন রেফারেন্স বইতে পাবেন

এইভাবে যাতে এটি $\cos x$ বর্গ

x এর অবিচ্ছেদ্য হয় x হল বিয়োগ $\cot x$ প্লাস ধ্রুবক d দ্বারা dx এর ছয় হল $\sec x \tan x$ যা আপনাকে দেয়

$\sec x \tan x dx$ এর integral is $\sec x$ প্লাস ধ্রুবক d দ্বারা dx এর সমান $\operatorname{cosec} x$ হল $\cos xx$ এবং

$\cot x$ এখানে নেতিবাচক চিহ্ন সহ যেটি আবার একইভাবে আমি

এখানে নিব

তাই এটি $\cos xx \cot x dx$ এর অবিচ্ছেদ্য অংশ হয়ে যায় বিয়োগ $\cos xx$ প্লাস c এর সাথে সাথে আমরা

বিপরীত ত্রিকোণমিতিক ফাংশনের ডেরিভেটিভের দিকে নজর দেব

তাই আমরা পূর্ববর্তী $\sin x$ এর সময় এটি দেখেছি $\sin x$ dx by d

x এর \sin ইনভার্স x হল এক ওভার বর্গমূল এক বিয়োগ x বর্গমূল এবং তাই

এক বিয়োগ x বর্গমূল dx এর জন্য একীকরণ হল সাইন ইনভার্স x প্লাস ধ্রুবক এবং এছাড়াও

আমরা দেখেছি যে বিয়োগের dx দ্বারা d কারণ ইনভার্স x হল

এক বিয়োগ x বর্গক্ষেত্রের বর্গমূলের সমান এবং

তাই এক বিয়োগ

তাই একই ফাংশন নিয়ে বিভ্রান্ত হওয়া উচিত নয়

কারণ আমরা আপনাকে আগেই দেখিয়েছি যে এই দুটি ফাংশন

বক্ররেখার একই পরিবারের অন্তর্ভুক্ত এবং

তাই সাইন ইনভার্স x এবং বিয়োগ

কোসাইন ইনভার্স x তারা একই ফাংশনের অবিচ্ছেদ্য হতে পারে আবার আমরা ট্যান ইনভার্স x

এর d দ্বারা dx হিসাবে আরও কিছু সূত্র দেখি আমরা জানি যে এটি এক দ্বারা এক যোগ

x বর্গ এবং

তাই এক দ্বারা এক যোগ x বর্গ dx এর একীকরণ $\tan x$ প্লাস

ধ্রুবকের সমান এবং আগের d এর dx এর সমান্তরাল dx এর \cot ইনভার্স x হল বিয়োগ এক ওভার এক প্লাস x

বর্গ যা এখানে বিয়োগ নেয় এবং

তাই dx এক প্লাস xa বর্গক্ষেত্র বিয়োগ বলে

এখানে $\cot^{-1} x$ মিস করা হয়েছে প্লাস সেকেন্ড ইনভার্স x -এর dx দ্বারা ধ্রুবক হল x বর্গ বিয়োগ 1-এর x বর্গমূলের এক ওভার

এবং

তাই x বর্গ বিয়োগ 1-এর x বর্গমূলের ইন্টিগ্রেশন

সেকেন্ড ইনভার্স x প্লাস ধ্রুবক অনুরূপভাবে d দ্বারা $\cos x$ বিপরীতের dx x একটি ঋণাত্মক চিহ্ন

সহ x এর x বর্গমূলের x বর্গমূলের একের সমান

তাই x বর্গমূলের x বর্গমূলের উপর অবিচ্ছেদ্য dx এর x বর্গমূল

বিয়োগ এককে cosec এর বিয়োগ হিসাবেও লেখা যেতে পারে বিপরীত x প্লাস ধ্রুবক c

তাই কাইনেমেটিক

এবং বিপরীত ত্রিকোণমিতিক ফাংশন সহ আমরা লগারিদমিক এবং সূচকীয় ফাংশনের সম্পর্ক

আছে আমাদের কাছে d এর জ্ঞান আছে dx এর dx এর e raise এ e power x এ উত্থাপিত হয়েছে যা

আমাদের দেয় $\int dx$ এর সূচকের সমান .

d -এর dx দ্বারা e উত্থাপিত nx কে n দিয়ে বিভক্ত করা হয়েছে $n \neq 0$ এর চেয়ে বড় n এর

জন্য e উত্থাপিত শক্তি nx যাতে e -এর ধারক nx dx -এ উত্থাপিত nx এর সমন্বিত সমান

হয় যা n দ্বারা বিভক্ত এবং n বড় জন্য একটি ধ্রুবক 0 বা বরং n নাও হলে t সমান 0

একইভাবে n নেতিবাচকের ক্ষেত্রেও সত্য কারণ n এখানে শূন্য হলে এই ফাংশনটি

এক হয়ে যাবে এবং আমরা ইতিমধ্যেই জানি যে একটি dx -এর জন্য অবিচ্ছেদ্য এবং

$\int dx$ -এর লগের জন্য d by dx যেটি x by one এবং

তাই $\int dx$ দ্বারা একের ইন্টিগ্রেল

$\int dx$ প্লাস ধ্রুবকের লগ হিসাবে লেখা হবে

তাই এই ah কেস যা আমরা x এর জন্য আলোচনা করছি যখন

শক্তি বাড়ায় nn কোনটাই ah বিয়োগ এক এর সমান হয় না

তাই আপনি বুঝতে পারেন যে কেস যখন

n সমান হয় একটি বিয়োগ করার জন্য এই সূত্রটি দ্বারা যত্ন নেওয়া যেতে পারে এই সূত্রগুলি আমাকে মন্তব্য

করতে দেয় যে সেগুলি খুবই গুরুত্বপূর্ণ এবং যেহেতু সেগুলি খুব মৌলিক

তাই আমাদের সেগুলি মনে রাখা উচিত

কারণ আমরা সেগুলি খুব ঘন ঘন ব্যবহার করব আরও একটি গুরুত্বপূর্ণ মন্তব্য যা আমি করতে চাই

আমি উদাহরণের সাথে এগিয়ে যাওয়ার আগে এখানে রাখি যে প্রাথমিক ফাংশনের পরিপ্রেক্ষিতে সমস্ত ফাংশনের অবিচ্ছেদ্য

খুঁজে বের করা সম্ভব

নাও হতে পারে এমন কিছু ফাংশন থাকতে পারে যার জন্য আমরা হয়তো

জানি না যে এটির অ্যান্টি-ডেরিভেটিভ কি.

পরিদর্শন বা এমনকি মূল্যায়নের মাধ্যমে এমন একটি উদাহরণ

পাওয়ার বিয়োগ x বর্গ dx এ উত্থাপিত হতে পারে তাই

প্রাথমিক ফাংশনের পরিপ্রেক্ষিতে এই ফাংশনের জন্য অ্যান্টি ডেরিভেটিভ এর মানে হল যে বহুপদী ত্রিকোণমিতিক

বিনিয়োগ সংখ্যা ট্রিক এক্সপোনেনশিয়াল ইত্যাদি সম্ভব নয়

তাই কিছু ক্ষেত্রে আমরা মূল্যায়ন করতে সক্ষম নাও হতে পারে

এবং সেসব ক্ষেত্রে আমরা অনির্দিষ্ট অবিচ্ছেদ্যগুলিকে তাদের নিজস্ব আকারে রেখে দিই যেহেতু

সেগুলি রয়েছে

তাই এখন আমরা বৈশিষ্ট্য এবং অখণ্ডের উপর নির্ভর করে কিছু উদাহরণ দেখব

যা আমরা শিখেছি যে প্রথম উদাহরণটি আমি বেছে নিয়েছি তা খুবই

সহজ e এর জন্য ফাংশনের ইন্টিগ্রেল খুঁজে বের করুন $3x + 1$ d

x তে উত্থাপিত

তাই আপনি যদি এই অবিচ্ছেদ্যটি দেখেন প্রথমে এটি দুটি ফাংশনের যোগফল

এবং

তাই আমরা যোগফলের উপর অখণ্ডের বন্টনমূলক প্রকৃতির বৈশিষ্ট্য

ব্যবহার করি এবং এটি লিখি এই ফর্মটিতে e উত্থাপিত হয়েছে $3x$ ধ্রুবক নিচ্ছেন

4 এর বাইরে প্লাস সেকেন্ড ইন্টিগ্রাল $1 dx$ এখন সূত্র থেকে আমরা জানি e এ উত্থাপিত

পাওয়ার nx

তাই e^{3x} এর অবিচ্ছেদ্য $3x + 1 dx$ থেকে পাওয়ার $3x + 1 dx$ ধারণ করে e উত্থাপিত

হয় $3x + 1$ বাই তিন যোগ ধ্রুবক

তাই এটিকে \int হিসাবে রাখুন e এর ঘাত 3

x বাই তিন যোগ চারবার ধ্রুবক হিসাবে উত্থাপিত হয়

তাই আমরা এটিকে চার সি ওয়ান প্লাস বলব $\int e^{3x+1} dx$

এটি আমরা ইতিমধ্যেই জানি যে এটি integral x প্লাস ধ্রুবক c দুই যাতে পুরো পদটি 4 বাই 3 e হয়ে যায় $3x$ plus x যোগ $4c$ 1 প্লাস c 2 যেহেতু c 1 এবং c 2

উভয়ই ধ্রুবক

তাই আমরা তাদের একত্রিত করতে পারি এবং আমরা তাদের একটি নতুন ধ্রুবক হিসাবে পুনঃনামকরণ করতে পারি যাতে এটি 4 বাই 3 e হয়ে যাবে $3x$ plus x প্লাস একটি ধ্রুবক c তে উত্থাপিত

তাই অবিচ্ছেদ্য

পরিণত হবে এখন এখানে আপনিও করতে পারেন যে ইন্টিগ্রেট করার সময় হয় আপনি

ধ্রুবকের প্রতিস্থাপন করেন যখন আপনি একটি ইন্টিগ্র্যাল ইন্টিগ্রেট করছেন বা আপনি এটাও করতে পারেন যে আপনি শেষের ধ্রুবকটিকে প্রতিস্থাপন করতে পারেন

তাই অনেক বার আমরা করি না বা আমরা

একটি নির্দিষ্ট ইন্টিগ্রেল মূল্যায়ন করার সময় অবিলম্বে ধ্রুবক প্রতিস্থাপন করতে পারি না আমরা

$p1$ দ্বারা শেষ পর্যন্ত এটি করব একটি একক একটি একক ধ্রুবককে ug করা

তাই আমরা আরেকটি উদাহরণ নেব

আপনি বলছেন আমরা x পূর্ণ বর্গ dx এর বর্গমূল দ্বারা x বিয়োগ এক এর integral এর মূল্যায়ন করতে চাই

তাই অনেকবার আমাদের কাছে integral এর প্রয়োগ নাও থাকতে পারে যা আমরা শিখেছি আহ সরাসরি আমাদের কিছু সরলীকরণ করতে হতে পারে

উদাহরণ স্বরূপ এখানে আপনি যদি দেখেন যে আমরা যদি বর্গকে প্রসারিত করি তাহলে আমরা যা

পাব তা হল বর্গমূল বর্গ মানে x প্লাস এক দ্বারা বর্গমূল x বর্গ মানে এক

বাই x বিয়োগ দুই গুণ গুণফল যা দুই এখানে লিনিয়ারিটি প্রপার্টি প্রয়োগ করুন তাই

আমরা যা পাব তা হল $x dx$ এর integral plus integral one by $x dx$ minus two times

integral one dx যা আপনি এখানে x বর্গ বাই 2

প্লাস 1 বাই x সূত্র ব্যবহার করে মূল্যায়ন করতে পারেন এটি হল $\int x dx = \frac{1}{2} x^2 + C$ বিয়োগের লগ 2 x প্লাস একীকরণের ধ্রুবক

তাই এটি

এই ক্ষেত্রের জন্য অবিচ্ছেদ্য

তাই একটি সমস্যা যা প্রাথমিকভাবে একটু জটিল মনে হতে পারে কিন্তু যদি

আমরা এমন কিছু সম্পর্ক ব্যবহার করি যা আমরা ইতিমধ্যেই জানি এটি সরলীকৃত এবং আরও w .

ই এটা

বের করতে পারে যে ইন্টিগ্রাল খুব সহজ হয়ে যাবে একই রকম আরেকটি উদাহরণ যা

আমি আপনার জন্য নেব তা হল x কিউব বিয়োগ x বর্গ প্লাস x

বিয়োগ 1 ভাগ করা x বিয়োগ 1 dx

তাই এটি শুরুতে একটু জটিল দেখায়

কিন্তু আপনি যদি ভালোভাবে লক্ষ্য করেন তাহলে আপনি বুঝতে পারবেন যে প্রথম দুটি পদে আপনি x বর্গকে সাধারণ হিসেবে নিতে

পারেন যাতে x বিয়োগ 1 যোগ করে দ্বিতীয় পদ হিসেবে x বিয়োগ 1 পুরো ভাগ x বিয়োগ 1।

এখন

আপনি x বিয়োগ দ্বারা ভাগ করে দেখতে পারেন একটি আমরা x বর্গ প্লাস ওয়ান পাব

তাই এখানে জটিল দেখতে টার্মটি

x বর্গ প্লাস ওয়ান ছাড়া আর কিছুই নয় যার জন্য এখন আমরা অবিলম্বে পূর্ণাঙ্গ x

বর্গ নির্ণয় করতে পারি এবং

তাই এটি হবে x কিউব বাই থ্রি এবং

তাই এটি x এবং ধ্রুবক তাই

লক্ষ্য করুন যে আমরা বিতরণ করিনি এখন এই পূর্ণাঙ্গ সমষ্টির উপর আমরা

সরাসরি এটি লিখেছি

তাই অনুশীলনের সাথে সাথে আপনি সরাসরি অখণ্ডগুলি লিখতে পারেন

এবং আমরা যখন পূর্ণসংখ্যা মূল্যায়ন করছি তখন আমরা এই সমস্ত অবিচ্ছেদ্য বিবরণগুলি বাদ দেব $a1$ কিছু

ত্রিকোণমিতিক সম্পর্ক ব্যবহার করে আপনার জন্য আরেকটি উদাহরণ রাখবে

উদাহরণ চারটি বলে যে আমাদের সেকেন্ড বর্গ x কে $\cos x$ বর্গ $x dx$ দ্বারা ভাগ করে মূল্যায়ন করতে হবে

তাই আমাদের এখানে সরাসরি কোনো সূত্র

নেই কিন্তু আপনি যদি এগুলোকে সাবধানে দেখেন এবং ত্রিকোণমিতিক সম্পর্ক প্রয়োগ করেন

যেটি সেকেন্ড বর্গ x আর কিছুই নয় একটি দ্বারা \cos বর্গ x এবং $\cos x$ বর্গ x

\sin বর্গ x দ্বারা এক ছাড়া আর কিছুই নয়

তাই আমরা এটিকে সাইন বর্গ x হিসাবে লিখতে পারি

\cos বর্গ x এর উপরে যা ট্যান বর্গ $x dx$ ছাড়া আর কিছুই নয় এখন আবার আমরা জানি না

ট্যান বর্গ x এর জন্য অখণ্ড কিন্তু আমরা জানি যে ট্যান বর্গ x এর সাথে সেকেন্ড বর্গ x এর সম্পর্ক এবং

আমরা সেকেন্ড বর্গ x এর ইন্টিগ্রেল জানি তাই আমাদের ভাবতে হবে যে আমরা কী জানি এবং কীভাবে আমরা সমস্যাটিকে সূত্রে বা একটি সমস্যায় রূপান্তর করতে পারি যা আমরা আমরা ইতিমধ্যে জানি

তাই আমরা জানি যে সূত্র এক প্লাস ট্যান বর্গ x সেকেন্ড বর্গ x এর সমান এবং তাই এই সূত্রটি ব্যবহার করে আমরা এখানে সেকেন্ড বর্গ x বিয়োগ ওয়ান dx হিসাবে রাখতে পারি যা আপনাকে দেবে সেকেন্ড বর্গ x এর অবিচ্ছেদ্য $\tan x$ বিয়োগ অখণ্ড এর একটি হল x প্লাস অখণ্ডের ধ্রুবক

তাই এই সামান্য জটিল ফর্মুলাটি

নির্দিষ্ট গণনা করার পরে আমরা এমন একটি সম্পর্কে পৌঁছেছি যা আমরা জানতাম এবং আমরা সেই সম্পর্কটি ব্যবহার করেছি

এবং আমরা শেষ পর্যন্ত পূর্ণাঙ্গটি খুঁজে পেয়েছি আমরা পার্থক্য এবং একীকরণের একটি সংকোচন রাখব সেটি হল তারা উভয়ই অপারেটর যেগুলি ফাংশন ডিফারেন্সিয়ালের উপর কাজ করে একটি অপারেটর এবং ইন্টিগ্রাল হল একটি অপারেটর অপারেটররা ইনপুট হিসাবে ফাংশন গ্রহণ করে আমি যা বলতে চাই তা হল d এর dx দ্বারা fx

তাই এটি ফাংশনে পরিচালিত হয় fx তারপরে

শুধুমাত্র এটি আপনাকে f prime x দেয় এবং একইভাবে এখানে $fx dx$ এর ইন্টিগ্র্যাল এটি আপনাকে একটি ফাংশন fx দেওয়ার জন্য ফাংশন ইফেক্টের উপর পরিচালিত হয়

তাই তারা উভয়ই অপারেটর

তাদের রৈখিকতার বৈশিষ্ট্যকে সন্তুষ্ট করে ইন্টিগ্রালও রৈখিকতা বৈশিষ্ট্যকে সন্তুষ্ট করে এটি আমরা একটি ফাংশন নিলে পার্থক্য দেখেছি এটি

অনন্য

তাই একটি ফাংশনের ডেরিভেটিভ অনন্য

ইন্টিগ্রাল সূত্রাং আমরা যেভাবে স্বতন্ত্রতাকে সংজ্ঞায়িত করি সেভাবে এটি অনন্য নয়

কিন্তু আমরা এটিকে বেশিরভাগ সময় একটি ধ্রুবক পর্যন্ত অনন্য বলে থাকি যার অর্থ হল যদি আমরা

ধ্রুবকটিকে উপেক্ষা করি তাহলে সেই অখণ্ডগুলি অনন্য আপনি একটি ফাংশনের ডেরিভেটিভকে সংজ্ঞায়িত করতে পারেন একটি বিন্দুতে যার অর্থ হল এটি বিন্দুতে স্পর্শকের দিক নির্দেশ করে কিন্তু অখণ্ডের ক্ষেত্রে এমন কোনো অর্থ বরাদ্দ করা যায় না যার অর্থ হল একটি বিন্দুতে

অখণ্ডের কোনো অর্থ থাকে না যখন একটি বিন্দুতে ডিফারেনশিয়ালের একটি অর্থ থাকে ট্যানজেন্টও আমরা দেখেছি জ্যামিতিক ব্যাখ্যা

বক্ররেখার পরিবারের জন্য অখণ্ডের ক্ষেত্রে এবং

dx দ্বারা dy -এর জন্য অনুরূপ জ্যামিতিক ব্যাখ্যার ক্ষেত্রেও বোঝা যায় আমরা ডেরিভেটিভ-এর ক্ষেত্রে দেখেছি

যে এটি একটি সীমাবদ্ধ প্রক্রিয়া এবং আপনি একই ইন্টিগ্রাল সম্পর্কেও জানুন

যে এটি শেষ পর্যন্ত প্রক্রিয়াকে সীমিত করেছে যেমনটি আমি ইতিমধ্যে একটি সম্পত্তির জন্য উল্লেখ করেছি তা হল যে ইন্টিগ্রেলগুলিকে ডিফারেনশিয়ালের বিপরীত অপারেটর হিসাবে বিবেচনা করা হয় যেমন আমি উল্লেখ করেছি যে তারা মূলত ঠিক বিপরীত অপারেটর নয় কারণ ধ্রুবকের উপস্থিতির কারণে

আমরা শিখতে যাচ্ছি কিভাবে পূর্ণাঙ্গ মূল্যায়ন করতে হয়

তাই এমন কোনো নির্দিষ্ট

পদ্ধতি নেই যা প্রতিটি হাতে প্রতিটি ফাংশনে প্রয়োগ করা হবে এবং একটি উপর নির্ভর করে

একটি অন বা একটি নির্দিষ্ট সমস্যার উপর ফাংশন আমাদের বিভিন্ন পদ্ধতি প্রয়োগ করতে হবে

তাই আমরা সেগুলিকে একের পর এক করে চলে যাব এই পদ্ধতিতে করা হল যে $\int f(x) dx$ মূল্যায়ন করার জন্য আমরা লক্ষ্য করি

যে এখানে স্বাধীন ভেরিয়েবল হল x আমরা এই পরিবর্তনশীল স্বাধীন

চলক x কে অন্য একটি স্বাধীন চলক t এ কিছু সম্পর্কের মাধ্যমে পরিবর্তন

করি উদাহরণ স্বরূপ ধরুন যে x এর কিছু কাজ t যার এই পার্থক্যে নির্দিষ্ট বৈশিষ্ট্য রয়েছে

যাতে আমরা এটিকে আলাদা করতে পারি তাহলে এটি আমাদের দেবে dx দ্বারা dt সমান সমান g প্রাইম টি এবং

তাই t এ ডিফারেনশিয়ালের dx আমরা এটিকে লিখতে পারি dx সমান g prime tdt এর সমান

তাই আসল

$\int f(x) dx$ যদি আমি এটির নাম রাখি তাহলে এটি f এর \int হতে দেখা যায়

x দ্বারা g dx দ্বারা g prime tdt দ্বারা প্রতিস্থাপিত হয়

তাই $\int f(x) dx$ এর সূত্র যদি আমি করি

স্বাধীন ভেরিয়েবলের x থেকে t এ পরিবর্তন হলে এটি

$\int f(x) dx$ এর $\int f(t) dt$ এর f এর \int -এর অন্য সূত্রে রূপান্তরিত হয়

তাই আমি এখানে আবার লিখব $fx dx$ এর

integral কে gt g prime t dt এর f এর ইন্টিগ্রেল হিসাবে লেখা যেতে পারে এখন আমরা আগেই উল্লেখ করেছি যে

এই integrals x এবং t এর ভেরিয়েবলগুলি তারা ডামি এবং

তাই ah কখনও কখনও এটাও ঘটতে পারে

যে x কে gt হিসাবে বেছে নেওয়ার পরিবর্তে আমরা ah t কে gx হিসাবে বেছে নিতে পারি যার অর্থ হল t x এর একটি ফাংশন হিসাবে

তাই x এর কিছু নির্দিষ্ট ফাংশন আমরা t হিসাবে বেছে নিতে পারি এবং তারপরে আমরা সেই ah প্রতিস্থাপনের সাথে এগিয়ে যেতে পারি যা সময়ের সাথে সাথে

পরিষ্কার হবে আমি খুব সাধারণ উদাহরণ

নেব

তাই আসুন এখানে উদাহরণটি নেওয়া যাক যে আমরা খুঁজে বের করতে চাই দুই x ওভার এক প্লাসের অবিচ্ছেদ্য x বর্গ ডিএক্স

তাই আমরা তাৎক্ষণিকভাবে পারি না প্রাথমিক সূত্রের মাধ্যমে এই অবিচ্ছেদ্যটি পেতে পারেন

যা আমরা ইতিমধ্যেই জানি কিন্তু আপনি যদি লক্ষ্য করেন যে এখানে হর

পদটি যদি আপনি এটিকে আলাদা করেন তবে আপনি যা পাবেন তা হল $2x$ যা

এখানে লব পদটির সমান এবং

তাই আপনি যদি এখানে মনোযোগ সহকারে লক্ষ্য করেন তাহলে ডেরিভেটিভ গুণিত

ডিফারেনশিয়াল দ্বারা অন্য একটি ভেরিয়েবলে ডিফারেনশিয়াল হিসাবে লেখা যেতে পারে

তাই যদি আমি এই ফাংশনটিকে gx হিসাবে মনে

করি তবে এটি জি প্রাইম x dx ছাড়া আর কিছুই নয় এবং

তাই আমি এটিকে একটি নতুন ভেরিয়েবলে রূপান্তর

করতে পারি t আসুন দেখি কিভাবে আমরা এটি করতে পারি যাতে t সমান সংজ্ঞায়িত করা যায় 1 প্লাস x বর্গক্ষেত্রে বা কখনও কখনও আমরা এটাও বলি যে বিকল্প

1 প্লাস x বর্গ সমান t এর যাতে dt ডিফারেনশিয়ালটি আমরা সর্বদা এটিকে

এই ফ্যাশনে লিখি dt হল ডেরিভেটিভের সমান যা $x dx$ তে $2x$ গুণ ডিফারেনশিয়াল হয়

তাই dt দুই $x dx$ এর সমান প্রদত্ত ইন্টিগ্রলে এই প্রতিস্থাপন করাকে

এই ইন্টিগ্রাল বলুন যেটা আমরা পাব dt ওভার t এবং এখন এই ফর্মটি ফর্মে রূপান্তরিত হয়

যা আমরা ইতিমধ্যেই জানি এবং এটি আমাদেরকে মোড t প্লাস c এর লগ দেবে অবিলম্বে কিন্তু আমাদের সমস্যাটি ছিল x -এ

তাই আমাদেরকে x -এ ফিরে যেতে হবে

এবং

তাই t -এর বিকল্প হিসেবে এটিকে লগ হিসাবে তৈরি করতে হবে t এর সমান এক যোগ x বর্গ প্লাস

c এর জন্য এটি আমাদের চূড়ান্ত

অবিচ্ছেদ্য হয়ে ওঠে ax plus bdx যাতে আপনি সহজেই দেখতে পারেন যে আমি ax plus b কে

কিছু নতুন পরিবর্তনশীল হিসাবে নিই যা আমরা $\sin t$ এর অবিচ্ছেদ্যতা জানি

তাই এই অবিচ্ছেদ্য মূল্যায়ন করার জন্য আমরা

ax plus b এর সমান t যাতে adx dt এর সমান হয়

এবং integral হয় আমি $\sin t dt$ -এর সমান যা আমরা

এখানে রাখব একটি $\sin t dt$ দ্বারা একটি যাতে $\sin t$ -এর অবিচ্ছেদ্য অংশ কোসাইন t -এর বিয়োগ ছাড়া আর কিছুই নয়

এবং অবশেষে আমরা একটি ধ্রুবক c যুক্ত করব যা আপনাকে $\cos t$ এর বিয়োগ দেবে

আমাদের কাছে ax plus b হিসাবে পরিচিত একটি যোগ c দ্বারা বিভক্ত প্রকৃতপক্ষে এই সম্পর্কটি

সাধারণীকরণ করা যেতে পারে যা আমরা আমাদের পরবর্তী ক্লাসে দেখব যে আমাদের যদি একটি ফাংশন দেওয়া হয় যার

রৈখিক শব্দটি ax plus b হিসাবে থাকে তবে এটি সর্বদাই অবিচ্ছেদ্য যে ফাংশনটি

ধ্রুবক দ্বারা বিভক্ত

তাই আমরা আমরা আজকে যা শিখেছি তা সংক্ষিপ্ত করব

তাই আমরা

অনির্দিষ্ট অখণ্ডের বৈশিষ্ট্যগুলি শিখেছি আমরা কিছু প্রাথমিক সূত্রও শিখেছি আমরা শিখেছি কীভাবে সাধারণ অখণ্ডকে

মূল্যায়ন করতে হয় আমরাও শিখেছি

পার্থক্য এবং একীকরণের সমাপ্তি এবং অবশেষে আমরা

প্রতিস্থাপনের অত্যন্ত গুরুত্বপূর্ণ পদ্ধতি শিখেছি ধন্যবাদ আপনি