

ଆମେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଶିଖୁଛୁ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ ଯାହା ଶିଖୁଛୁ ଯେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ମୂଲ୍ୟ ଜାଣିବା ପାଇଁ ଦୁଇଟି ପଦ୍ଧତି ଅଛି, ତାହା ହେଉଛି ରାଶିର ସୀମା ଏବଂ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି nt derivatives ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଦେଖୁଛୁ ଯେ ସେଠାରେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଅଛି ଯାହାର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ୍ ବହୁତ | ସରଳ ଯାହା q small ାରା ଛୋଟ fx ର ଆଣ୍ଟି ଡେରିଭେଟିଭ୍ ବିବ୍ୟାପନ ଅଛି ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଆପଣ ଏହି ଫର୍ମରେ ମୂଲ୍ୟ ଲେଖିପାରିବେ କିନ୍ତୁ ସେଠାରେ ଅନେକ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଅଛି ଯେଉଁଠାରେ fx ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଜଟିଳ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ଅତ୍ୟନ୍ତ ଜଟିଳ କାର୍ଯ୍ୟ , ଯାହାର ଆଣ୍ଟି ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଗଣନାକାରୀ ଆଣ୍ଟି ଖୋଜିବା କଷ୍ଟକର | -derivative i f f dash x କୁହେ ଯେ ଏହା ଛୋଟ fx ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ତେବେ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁଛୁ ଯେ ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ପ୍ରୟୋଗ କରୁ ଆମେ ପ୍ରତିକ୍ଷାପନର ପଦ୍ଧତି ପ୍ରଣାଳୀ ପ୍ରୟୋଗ କରୁ ଏବଂ ଏଥିରେ ଆମେ ଯାହା କରୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ରୁପାନ୍ତର କରିବା | ଦୃଢ଼ ସୀମା ଅଛି ଏହି ସୀମା ଅଲଗା ହେବ ଏବଂ ଆମେ ଅନ୍ୟ ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ପାଇଁ ଯାହା କମ୍ପ୍ୟୁଟି ଆଣ୍ଟି ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଗଣନା କରିବା ପାଇଁ ଯଥେଷ୍ଟ ସରଳ ଅଟେ, ସେଠାରେ g dash t ଅଛି ଯେପରି ସେଠାରେ gt ଅଛି ଯେପରି ଏହା ସମାନ | ଆଲୁ ନୁ ଛୋଟ gt ତାପରେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଦେଖୁଛୁ ଯେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ସାତଟି ଗୁଣ ଅଛି ଯଦି ତୁମେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ଏହି ଗୁଣଗୁଡ଼ିକ ବ୍ୟବହାର କର ଏବଂ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଲାଇଫ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କର, ତେବେ ତୁମେ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କୁ ଅନ୍ୟ ତୁଳନାରେ ଅଧିକ ସହଜ ଗଣନା କରିପାରିବ | ଗୁଣଗୁଡ଼ିକ q understand ୀବା ପାଇଁ ଏହାକୁ ପ୍ରମାଣ କର ଏବଂ ତା' ପରେ ଜଟିଳ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ଏହାକୁ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଉପରେ ପ୍ରୟୋଗ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କର, ତେବେ ସେଠାରେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ଅନେକ ପ୍ରୟୋଗ ଅଛି ଏବଂ ଏକ ପ୍ରୟୋଗ ଭାବରେ ଆମର କିଛି ଆକୃତି ଗଣନା କ୍ଷେତ୍ର ଆରମ୍ଭ ହୋଇଛି ଏବଂ ଆମେ ଅତି ସରଳ ଆକୃତି ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିଛୁ | ଆମେ ସର୍ବଲ୍ ଏଲିମ୍ପୁର କ୍ଷେତ୍ର ଗଣନା କରିଛୁ ଏବଂ କ୍ରମରେ ବକ୍ର ଏବଂ ଏକ ପ୍ରଦତ୍ତ ରେଖା ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଏକ ବକ୍ର କ୍ଷେତ୍ରକୁ ମଧ୍ୟ ଗଣନା କରିଛୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ଆଗକୁ q and ୀବା ଏବଂ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କୁ ଅଧିକ ଭଲ ଉପାୟରେ q to ୀବା ପାଇଁ କିଛି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା | ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟକୁ ନେବା | ଉଦାହରଣସ୍ୱରୂପ , ଏଲିମ୍ପୁ ଏବଂ ଭର୍ଟିକାଲ୍ ଲାଇଫ୍ ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଛୋଟ କ୍ଷେତ୍ର ଖୋଜ , ae ସହିତ ସମାନ, ଯେଉଁଠାରେ b ଠାରୁ ବଡ଼

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏଲି ପ୍ଲଟ୍ କରିବା | pse ଏବଂ ଏହି ରେଖା ଯଦି ଏହା ତୁମର x ଅକ୍ଷ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ତୁମର y ଅକ୍ଷ , ଯେହେତୁ a b ଠାରୁ ବଡ଼ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଏହା ଶୂନ୍ୟ କମା b ଏବଂ ଏହା ଶୂନ୍ୟ କମା ମାଇନସ୍ p ତେବେ ତୁମେ ଏହିପରି ଏଲିମ୍ପୁକୁ ପ୍ଲଟ୍ କରିପାରିବ ଏବଂ ତୁମେ ଜାଣ ଯେ ଏଲିମ୍ପୁର ଫୋକସ୍ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି ଫୋକସ୍ ର ସଂଯୋଜନା

ତେଣୁ ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ
ତେଣୁ ତୁମକୁ ଦିଆଯାଇଥିବା ଭୁଲମ୍ଭ ରେଖା ହେଉଛି |
ତେଣୁ ଯେହେତୁ ଆମେ ଏଲିମ୍ପୁ ଏବଂ ଏହି ରେଖା ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଏକ ଛୋଟ କ୍ଷେତ୍ର ଖୋଜୁଛୁ
ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି ଏହା ପୁଣି ଆପଣ ଜାଣନ୍ତି ଯେ ଏଲିମ୍ପୁ ଉଭୟ x ଏବଂ y ଅକ୍ଷରେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ କାରଣ ଶକ୍ତିଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ
ତେଣୁ x ଏବଂ y ଅକ୍ଷରେ ସମକକ୍ଷ | କ୍ଷେତ୍ରଟି ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ଅଟେ
ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ସବୁଜ ରଙ୍ଗ ବ୍ୱାରେ ଛାଇ ଯାଇଥିବା ଅଞ୍ଚଳ କୁହନ୍ତୁ ଏହା ଏକ ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ସବୁଜ ରଙ୍ଗର ଛାୟା କ୍ଷେତ୍ରର ଦୁଇଗୁଣ ସହିତ ସମାନ, ଏହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ
ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଏଠାରେ ଏକ ଭୁଲମ୍ଭ ଷ୍ଟିପ୍ ବିବେଚନା କରନ୍ତି | ଯାହାର ମୋଟେଇ dx ଏବଂ ଉଚ୍ଚତା ବ୍ୱାରେ ପରିଚାଳିତ ହେବ | ଏଲିମ୍ପୁର ସମୀକରଣ
ତେଣୁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ydx ହେବ ଏବଂ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ x ରୁ ସର୍ବନିମ୍ନରୁ ଏକାଭୂତ କରିବେ ଯାହାକି x ରୁ ae ରୁ x ସମାନ ହେବ ତେବେ ଆପଣ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇବେ

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ y ପାଇଁ ସମୀକରଣ ସମାଧାନ କରନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ପାଇବେ | y ର ଗୋଟିଏ ରୁଟ୍ ପ୍ଲସ୍ ମାଇନସ୍ b ର ଏକ ବର୍ଗ୍ q by ୀରା ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ x ବର୍ଗ୍, ଯେହେତୁ ଆମେ ଲିଫ୍ଟର ଉପର ଅଂଶ ବ୍ୟବହାର କରୁଛୁ ଯାହା x ଅକ୍ଷ ଉପରେ ପଡ଼ିଛି
ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଏକ ବର୍ଗ୍ ବ୍ୟବହାର କରିବ
ତେଣୁ y ତଳେ ଏକ ମୂଳ ବ୍ୱାରେ b ଅଟେ | ଏକ ବର୍ଗ୍ ମାଇନସ୍ x ବର୍ଗ୍
ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର

ତେଣୁ ମୂଳରୁ ଏକ ବର୍ଗ୍ ମାଇନସ୍ x ବର୍ଗ୍ dx q 2 ୀରା $2 a$ ରୁ b ଅଟେ , ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ସମାଧାନ କରିବା ଏବଂ ମୂଲ୍ୟକୁ ଆମେ ae q a ୀରା ମୂଳ ତଳେ ଏକ ବର୍ଗ୍ ମାଇନସ୍ x ବର୍ଗ୍ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପାଇବା | dx
ତେଣୁ ଆମେ ଏହା ଲେଖିପାରିବା ଏହା ଏକ ଜଣାଶୁଣା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ୍ ଏବଂ ଏହାର ମୂଲ୍ୟ ତୁମକୁ ଜଣାଶୁଣା
ତେଣୁ ତୁମେ ମୂଲ୍ୟକୁ ସିଧାସଳଖ ଲେଖି ପାରିବ
ତେଣୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ମୂଲ୍ୟ ସୀମା ଏକରୁ ଦୁଇକୁ b କୁ ଯାଏ ଏବଂ ଏହା ତୁମକୁ ଶୂନ୍ୟ ଦେବ |
ତେଣୁ ଏହି ଫଙ୍କସନ୍ ର ମୂଲ୍ୟ, ଏହି ଫଙ୍କସନ୍ ର ମାଇନସ୍ ଭାଲ୍ୟୁରେ,
ତେଣୁ ଆଠରେ ଏହା z ହେବ | ଏହା ପ୍ଲସ୍ ଗୋଟିଏ q two ୀରା ଏକ ବର୍ଗ୍ ସାଇନ ଓଲଟା ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଅଥା ମୂଳ ମୂଳରେ ଏକ ବର୍ଗ୍ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ୍ ଲ ବର୍ଗ୍ ଏବଂ ଗୋଟିଏ q two ୀରା ଏକ ବର୍ଗ୍ ସାଇନ ଓଲଟା ଲ
ତେଣୁ ଆମେ ଦୁଇଟି ସାଇନ ଓଲଟା q two ୀରା ଦୁଇଟି ପାଇ ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ ଆମେ ପାଇ ପାଇ a ବର୍ଗ୍ q four ୀରା ଚାରି ମାଇନସ୍ q by ୀରା ଏହି ମୂଲ୍ୟ ତୁମେ b ବ୍ୱାରେ ବଦଳାଇ ପାରିବ କାରଣ ତୁମେ ଜାଣ ଯେ b ବର୍ଗ୍ ଏକ ବର୍ଗ୍ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ୍ ଲ ବର୍ଗ୍ ସହିତ ଏଲିମ୍ପୁ ପାଇଁ q sorry ଖୁଡ଼, ଏଠାରେ ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ଚିହ୍ନ ରହିବ ଦୟାକରି ଏହାକୁ ସଂଶୋଧନ କର
ତେଣୁ ଆମେ ମାଇନସ୍ by q get ୀରା ପାଇବା | 2 ଏକ ବର୍ଗ୍ ସାଇନ ଓଲଟା ଲ
ତେଣୁ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ଦିଆଯାଇଥିବା ସମସ୍ୟାର ଉତ୍ତର ଅଟେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ନେବା ଏବଂ ଦୁଇଟି ବକ୍ର ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଅଞ୍ଚଳକୁ କିପରି ଗଣନା କରାଯାଏ ତାହା ଦେଖିବା | ବ୍ୟବଧାନରେ ସମସ୍ତ x ପାଇଁ gx ଏବଂ ସେମାନେ a ଏବଂ b ବିନ୍ଦୁରେ ସମକକ୍ଷ ହୁଅନ୍ତି ଯଦି ଏହା ହେଉଛି ତୁମର y ଅକ୍ଷ ତେବେ ଏହା ତୁମର x ଅକ୍ଷ ଅଟେ
ତେଣୁ ତୁମେ x ଏବଂ gx ର ପ୍ଲଟ୍ କରିପାରିବ ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି a ଏବଂ ଏହି ବିନ୍ଦୁ ହେଉଛି | b
ତେଣୁ ଆପଣ ଅନୁମାନ କରନ୍ତି ଯେ fx ଏବଂ gx ର a ଏବଂ b ରେ ସମାନ ମୂଲ୍ୟ ଅଛି କିନ୍ତୁ fx dominax ପ୍ରାଧାନ୍ୟ ଦେଇଥାଏ କିନ୍ତୁ fx t ରେ gx ଉପରେ ପ୍ରାଧାନ୍ୟ ଦେଇଥାଏ | ସେ a ରୁ b କୁ ବ୍ୟବଧାନ କରନ୍ତି

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ବକ୍ର ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଏକ କ୍ଷେତ୍ର ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ କିପରି ଗଣନା କରାଯାଏ
ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଅନେକ ପତଳା ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରରେ ବିଭକ୍ତ କରାଯାଏ ଯାହା ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ଭାବରେ ମଧ୍ୟ କୁହାଯାଏ ଏବଂ ଆପଣ ଏହାକୁ x ରେ ଏଠାରେ ବିସ୍ତାର କରନ୍ତି କି ନାହିଁ ଦେଖନ୍ତୁ | ଅକ୍ଷ କୁହନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି dx
ତେଣୁ ଏହି ପ୍ରାଥମିକ ଷ୍ଟିପ୍ ର କ୍ଷେତ୍ର ଏହି ଉଚ୍ଚତା dx ରେ ହେବ ଏବଂ ଏହି ଉଚ୍ଚତା ଏହି ଉଚ୍ଚତା fx ମାଇନସ୍ gx ହେବ
ତେଣୁ ଉଚ୍ଚତା dx ରେ ଆପଣଙ୍କୁ ଏହି ଷ୍ଟିପ୍ ର କ୍ଷେତ୍ର ଦେଇଥାଏ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ ସଂଯୋଗ କରନ୍ତି ତେବେ ଏହା ଆପଣଙ୍କର ଅଟେ | ଏହି ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇଁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ପାଇଁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ଏହା ହେଉଛି fx ଏହା ହେଉଛି $g x$
ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ x ରୁ a ରୁ b କୁ ସଂଯୋଗ କରନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ଆପଣଙ୍କର ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇପାରିବେ ତେବେ ଆମେ ଏହି ଉଦାହରଣକୁ ଏକ ଭିନ୍ନ ଉପାୟରେ q understand ୀପାରିବା ଏବଂ ସେହି ଫର୍ମୁଲାକୁ ସେହି ଅନୁମତି ପାଇଁ ପାଇପାରିବା | ଆମେ ପୁନର୍ବାର ଚିତ୍ର ଆଙ୍କିବା ଏବଂ fx ଏହା ହେଉଛି gx ଏହା ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ y ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମେ ଆସନ୍ତୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରିବା | ଯଦି ଆପଣ ଏହି ଭୁଲମ୍ବ s କୁ ନିଅନ୍ତି ତେବେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ସବୁଜ ରଙ୍ଗର ଛାଇ | ତ୍ରିଭୁଜ ଯାହା ଶୂନ୍ୟ ଆରମ୍ଭ ହୁଏ ଏବଂ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର gx ରେ ଶେଷ ହୁଏ

ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ଏହାକୁ ଏକାଠି କର ତେବେ ତୁମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ପାଇବ

ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ $gxdx$ କୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ର କ୍ଷେତ୍ର ତେବେ ଏହା କ୍ଷେତ୍ର ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ତୁମେ a ରୁ b କୁ ସଂଯୋଗ କର ତେବେ ତୁମେ ଏହି ଲାଲ୍ ଅଞ୍ଚଳକୁ ନାଲି ରଙ୍ଗର ଛାଇ ପାଇବ | ଯଦି ଏବଂ a ରୁ b ଯାଏ $gxdx$ ହେଉଛି ସବୁଜ ରଙ୍ଗ ବାହାର ଛାଇ ହୋଇଥିବା କ୍ଷେତ୍ର

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ବାହାର କରନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ଆବଶ୍ୟକ ସୂତ୍ର ପାଇପାରିବେ

ତେଣୁ ଆମେ ପ୍ରଥମ ସବୁଜ ଛାଇ କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରିଛୁ ଯାହା ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ବାହାର ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଲାଲ୍ ଛାଇ କ୍ଷେତ୍ର ଗଣନା କରିଛୁ ଯାହା ଏହା ବାହାର ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ବିସ୍ତାର କରିଥାଉ ଆମେ ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ରକୁ ନାଲି ରଙ୍ଗରେ ଛାଇ ଦେଇଥାଉ ଏବଂ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଫର୍ମୁଲାକୁ ଶେଷରେ ଅନ୍ୟ ଏକ କେସ୍ କେସ୍ ନେବାକୁ ଦିଅ, ଯେଉଁଠାରେ fx gx ଉପରେ ପ୍ରାଧାନ୍ୟ ଦେଇଥାଏ ଯେତେବେଳେ x ଏକ cac ବନ୍ଦ ବ୍ୟବଧାନରେ ଥାଏ ଏବଂ x cb ର fx ଉପରେ ପ୍ରାଧାନ୍ୟ ଦେଇଥାଏ | ପରିସ୍ଥିତିକୁ ଗ୍ରାଫିକାଲ୍ ଭାବରେ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଭାବରେ ଉପସ୍ଥାପିତ କରାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ ଆମର fx ଏବଂ gx ଅଛି ଏହା ହେଉଛି c ଏହା ହେଉଛି a ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି b ଏବଂ ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ଖୋଜୁଛୁ ଏହି ବକ୍ତୃତ୍ତି fx ଏହା gx ଅଟେ

ତେଣୁ ମୋତେ ଏହାକୁ ବିଭିନ୍ନ ରଙ୍ଗରେ ଆଙ୍କିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯାହା dx ଠାରୁ ଏହା ଏକ cfx ଡୋମେନାଟ୍ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଅଟେ | es ଏବଂ c ରୁ bgx ପୂର୍ବ ଫର୍ମୁଲା ପ୍ରୟୋଗ କରି ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ପ୍ରାଧାନ୍ୟ ବିସ୍ତାର କରେ ଆମେ ଲାଲ୍ ଛାଇ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇଁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇଁ c fx ମାଇନସ୍ $gxdx$ ପ୍ଲସ୍ c ରୁ b gx ମାଇନସ୍ $fxdx$ ଭାବରେ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇପାରିବା | ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର କିମ୍ବା ପତଳା ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି dx ରେ fx ମାଇନସ୍ gx ଏବଂ ସବୁଜ ଛାଇ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇଁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି ଏବଂ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ରଟି gx ମାଇନସ୍ fx ବାହାର dx ରେ ଦିଆଯିବ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସୂତ୍ରକୁ ପ୍ରୟୋଗ କରିବା ଏବଂ କିଛି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା | y ବର୍ଗ $2x$ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ y ଚାରି x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ, ଆସନ୍ତୁ ବକ୍ତୃତ୍ତି ଆଙ୍କିବା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା କେଉଁ ଅଞ୍ଚଳ ପାଇଁ ଆମେ ଜାଣି ଯେ y ବର୍ଗ $2x$ ସହିତ ସମାନ ହେଉଛି ପାରାବୋଲା ଯାହାର ଉର୍ଦ୍ଧେକୁ 0 ଏବଂ ଅକ୍ଷ fx ଅଟେ | ଅକ୍ଷ ତେଣୁ ତୁମେ ଏହାକୁ ପାଇବ ଏବଂ y ଚାରି x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେଉଛି ଏକ ପାରାବୋଲା ଯାହାର ଉର୍ଦ୍ଧେକୁ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଅକ୍ଷ y ଅକ୍ଷ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ଏହିପରି ଅଙ୍କାଯିବ

ତେଣୁ ଏହି ପାରାବୋଲା ମଧ୍ୟରେ ଅନ୍ୟତ୍ର ସୀମାବଦ୍ଧ ହେବ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଅଞ୍ଚଳ | ପାରାବୋଲାସ୍ n ହେବ | ଆମେ କଣ କରୁ ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ବିଭକ୍ତ କରୁ

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଅନୁମାନ କରନ୍ତି ଯେ ଏହିପରି ଏକ ପ୍ରାଥମିକ ଆୟତାକାରର ମୋଟେଇ dx ଅଟେ ତେବେ ଏହି ଅଞ୍ଚଳ ପାଇଁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ହେବ ଏହା ହେଉଛି ଆପଣଙ୍କର y ବର୍ଗ ଦୁଇ x ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଆପଣଙ୍କର y ସମାନ | ଚାରି x ବର୍ଗରୁ

ତେଣୁ ଦୁଇ xy ବର୍ଗକୁ ମୂଳ କରନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି y ବର୍ଗ ଦୁଇଟି x ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ପ୍ରକୃତରେ ଦୁଇଟି x ମୂଳ ଏବଂ ଏହା ଚାରି x ବର୍ଗ ଅଟେ

ତେଣୁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ଦୁଇଟି x ମାଇନସ୍ ଚାରି x ବର୍ଗକୁ dx ରେ ମୂଳ କରିବ

ତେଣୁ ଏହି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଜାଣିବା ପାଇଁ | ଆମକୁ ଉଭୟ ପାରାବୋଲାର ଛକ ବିନ୍ଦୁ ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯାହା କରିବା ପାଇଁ ଆମକୁ ଉଭୟର ଛକକୁ ଗଣନା କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଏଠାରେ y କୁ ବଦଳାନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ଖୋଜନ୍ତୁ x ଶକ୍ତି 4 କୁ $2x$ ସହିତ ସମାନ କରିବେ ଯାହା y ଠାରୁ ଆପଣଙ୍କୁ $8x$ କ୍ୟୁବ୍ x କ୍ୟୁବ୍ ମାଇନସ୍ ଦେବ | x ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କରି ବିଚ୍ଛେଦ ବିନ୍ଦୁ ତୁମେ x କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କରିବ ଏବଂ

ତେଣୁ ତୁମେ x କ୍ୟୁବ୍ ମାଇନସ୍ 1 କୁ x ରେ ପାଇବ ତୁମେ ଗୋଟିଏ ବ୍ରାକେଟ୍ ରେ x କ୍ୟୁବ୍ $10x$ କ୍ୟୁବ୍ ମାଇନସ୍ ପାଇବ

ତେଣୁ ତୁମେ x କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କରିବ | x ଅଧା ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଛକର ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଶୂନ୍ୟ କମା ଶୂନ୍ୟ ଅନ୍ୟ ଏକ ବିନ୍ଦୁ | r section ଅଧା ଯଦି ତୁମେ ଯଦି ଏଠାରେ ଅଧା ରଖିବ ତେବେ ତୁମେ ଗୋଟିଏ ପାଇବ

ତେଣୁ ଏହାର ଅନ୍ୟ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ହେଉଛି ଅଧା କମା ଶୂନ୍ୟ, ଛକ ବିନ୍ଦୁ ଅଧା କମା ଅଟେ

ତେଣୁ ଏକାକରଣର ସୀମା ସର୍ବାଧିକ ସର୍ବାଧିକ ହେବ ଯାହା x ଶୂନ୍ୟରୁ x ସହିତ ସମାନ | ଅଧା ସହିତ ସମାନ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଏକାଠି କରିବା ଯାହା y ଠାରୁ ଆପଣ ମୂଳ 2 0 ରୁ ଅଧା ମାଇନସ୍ ଚାରି x କ୍ୟୁବ୍ କୁ ତିନି ଶୂନ୍ୟରୁ ଅଧା ପାଇପାରିବେ

ତେଣୁ ଆମେ ଦୁଇଟି ମୂଳକୁ ଦୁଇଟି ଡିଗ୍ରୀକୁ ଗୋଟିଏ ରୁଟ୍ ଦ୍ two ଠାରୁ ଦୁଇ ମାଇନସ୍ ଚାରିରୁ ତିନିକୁ ଗୋଟିଏରୁ ଆଠକୁ ପାଇଥାଉ ଯାହା ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ଦ୍ $three$ ଠାରୁ ତିନୋଟି ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏରୁ ଛଅ ସମାନ ଏହା ଏକରୁ ଛଅ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ଗୋଟିଏ ପରେ ଛଅଟି ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ନେବା ଯାହା ପାରାବୋଲା y ବର୍ଗ ବାହାରେ ଚାରି x ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ବୃତ୍ତ x ବର୍ଗ ଭିତରେ | ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ଆଠ x ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ବୃତ୍ତର ଏହି ସମୀକରଣକୁ x ମାଇନସ୍ ଚାରି ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ଖୋଜନ୍ତୁ ସହିତ ଲେଖାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ x ଏବଂ y ଅକ୍ଷକୁ ଗୋଟିଏ ଚିତ୍ର ମନେରଖନ୍ତୁ ଯେ ଏହି ସବୁ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବାରେ ଆପଣ କ୍ଷତ୍ରରେ ବହୁତ ଭଲ ହେବା ଉଚିତ |

ତେଣୁ ଏହା ସେଣ୍ଟର 4 କମା 0 ଏବଂ ରେଡିଓ 4 ସହିତ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଟେ | ସର୍କଲ୍ ପାଆନ୍ତୁ ଏବଂ ଏହି ପାରାବୋଲା ବୃତ୍ତକୁ ବିଚ୍ଛେଦ କରିବ

ତେଣୁ ଆମକୁ ଏହା ଜାଣିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଚାରି ଆଠଟି y ବର୍ଗକୁ ଚାରି x କୁ ବଦଳାଇ ଏଠାରେ ଆମେ ଆଠ x ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ x ବର୍ଗ ଚାରି xxx ମାଇନସ୍ ଚାରି ଶୂନ୍ୟ

ତେଣୁ x ଶୂନ୍ୟ x ସହିତ ସମାନ | ଚାରିଟି ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ପାରାବୋଲା ବୃତ୍ତକୁ x ରେ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ x ଚାରି ସହିତ ସମାନ କରେ

ତେଣୁ ପାରାବୋଲା ଏହିପରି ଅଙ୍କିତ ହେବ ଯାହା y ଠାରୁ ଆପଣ ପାରାବୋଲା ବାହାରେ ଏବଂ ବୃତ୍ତ ଭିତରେ ଥିବା ଅଞ୍ଚଳକୁ ଖୋଜିବେ | କ୍ଷେତ୍ରଟି ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ଯେହେତୁ ଏହି ବୃତ୍ତଟି x ଅକ୍ଷରେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଏବଂ ପାରାବୋଲା ମଧ୍ୟ x ଅକ୍ଷରେ ସମାନ୍ତରାଳ ଅଟେ ଏହି ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ରଟି ମଧ୍ୟ x ଅକ୍ଷରେ ସମାନ୍ତରାଳ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ଯଦି ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ଏକ ଅଟେ ତେବେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ମଧ୍ୟ ଏକ ହେବ | ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ବର୍ତ୍ତମାନ ଦୁଇଗୁଣ ଅଟେ ଯଦି ଆପଣ ଅନୁମାନ କରନ୍ତି ଯେ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର, ଆସନ୍ତୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରିବା ଯାହାକି x ଅକ୍ଷ ଉପରେ ପଡ଼ିଛି ଯାହା ବୃତ୍ତ ଭିତରେ ପାରାବୋଲା ବାହାରେ

ତେଣୁ ଯଦି ଏହା dx ଦ୍ $length$ ଘୂର୍ଣ୍ଣନ ଏକ କ୍ଷେତ୍ର ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ହେବ | y ର ମୂଲ୍ୟ ପାରାବୋଲା ଠାରୁ phi ର ସର୍କଲ୍ ମାଇନସ୍ ମୂଲ୍ୟରୁ

ତେଣୁ ତୁମର ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ସର୍କଲ୍ ରୁ y ହେବ

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହାକୁ y ପାଇଁ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ତୁମେ 16 ମାଇନସ୍ x ମାଇନସ୍ 4 ବର୍ଗ ପାଇବ ଏବଂ ତୁମେ ପ୍ଲସ୍ ମାଇନସ୍ ଏବଂ y ସମାନ ମାଇନସ୍ ରୁଟ୍ ଚାରି x ସହିତ ପ୍ରାଥମିକ ହେବ | କ୍ଷେତ୍ର ହେବ

କାରଣ ଆପଣ x ଅକ୍ଷ ଉପରେ ବକ୍ତୃତ୍ତିକ ବ୍ୟବହାର କରୁଛନ୍ତି

ତେଣୁ ଆପଣ ମୂଳ ଚାରି x ତଳେ ଖୋଜନ୍ତୁ ମାଇନସ୍ x ମାଇନସ୍ ଚାରି ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ବ୍ୟବହାର କରିବେ

ତେଣୁ ଏହା ଆପଣଙ୍କର ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ଏବଂ ସୀମା x ସମାନରୁ ଶୂନ୍ୟରୁ x ସମାନ ହେବ ଚାରିଟି ଆମକୁ ଦିଅନ୍ତୁ | ଏହାକୁ ଆଗକୁ ଗଣନା କର

ତେଣୁ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ଏହି ଅଂଶରେ x ମାଇନସ୍ ଚାରି ସମାନକୁ ବଦଳାନ୍ତୁ ତୁମେ ସୀମା x ସହିତ ଶୂନ୍ୟ ସୀମା ପାଇବ t ସୀମା ମାଇନସ୍ ଚାରି ହେବ ଏବଂ x ସମାନ ହେବ ଚାରି $t1$ ଶୂନ୍ୟ ହେବ ଏବଂ ତୁମେ ଏଠାରେ ଖୋଜନ୍ତୁ ହେବ | ମାଇନସ୍ ଚି ବର୍ଗ dt ଏବଂ ଏହି ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଆମେ ଯେପରି ଲେଖିପାରିବା

ତେଣୁ ଏହା ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ଗୋଟିଏ ଚାରି କୋଣକୁ କୁଅ ସହିତ ସମାନ ହେବ, ମୂଳ ଷୋହଳ ମାଲନସ୍ t ବର୍ଗ ତଳେ ଗୋଟିଏ 2 ାରା ଦୁଇ ଟି ହେବ ଏବଂ ଗୋଟିଏ 2 ାରା ଷୋହଳ ପାପ ବିପରୀତ ଚାରି ମାଲନସ୍ ଦୁଇ | ଏଠାରୁ ମାଲନସ୍ ଏହି ସୀମା ମାଲନସ୍ ଚାରିରୁ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ଏବଂ ଏଠାରେ ସୀମିତ ରହିବ | 1 ଶୂନ୍ୟ ଚାରି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ରୁହନ୍ତୁ

ତେଣୁ ତୁମେ ଏଠାରେ 0 ପାଇବ ତାପରେ 0 ତାପରେ ମାଲନସ୍ 4 ରେ ଏହା ପୁଣି 0 ତାପରେ ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ 2 ାରା ଆହା ଷୋହଳ ମଧ୍ୟରେ ଆଠ ସାଇନ ଓଲଟା ମାଲନସ୍ ଏକ ମାଲନସ୍ ଚାରିରୁ ତିନିରୁ ଚାରି ଶକ୍ତି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଦୁଇ ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ ପାପ | ଏହା ମଧ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ଶେଷରେ ତୁମେ ଏହାର ମୂଲ୍ୟ ମାଲନସ୍ ପି 2 ାରା ପାଇବ

ତେଣୁ ତୁମେ 4 ପାଇ ମାଲନସ୍ 4 ରୁ 3 କୁ 8 ପାଇବ

ତେଣୁ ଚୂଡ଼ାନ୍ତ ମୂଲ୍ୟ ହେଉଛି 4 ପାଇ ମାଲନସ୍ 32 2 ାରା ତୁମର ଅନ୍ତିମ ଉତ୍ତର

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି କ୍ଷେତ୍ର ଯାହାକି x ଉପରେ ଅଛି | ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ଏହାର ଦୁଇଗୁଣ ହେବ

ତେଣୁ ତୁମେ 8 ପାଇ ମାଲନସ୍ 64 2 ାରା 3 ପାଇବ, ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ନେବା, ବୃତ୍ତାକାର x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ କ୍ଷେତ୍ର ଏବଂ 4 ମାଲନସ୍ 2 ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ଚାରିଟି ସହିତ ସମାନ | ଉଭୟକୁ କାର୍ଟେସିଆନ୍ ଫ୍ଲେନ୍ରେ ଟାଣନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହି ପ୍ରଥମ ଏକ x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ଚାରିଟି ସହିତ ସମାନ, ସେଣ୍ଟର ବ୍ୟାଠୁ୍ୟସର ଏକ ବୃତ୍ତ ଏବଂ ସେଣ୍ଟର ଶୂନ୍ୟ

ତେଣୁ ଆପଣ ଏହାକୁ ପାଇବେ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି 2 କମା 0 ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ କେନ୍ଦ୍ର ଦୁଇଟି ସହିତ ଏକ ବୃତ୍ତ | କମା ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ବ୍ୟାଠୁ୍ୟସ୍ ଦୁଇଟି

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହି ସର୍କଲ୍ ପାଇବ

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ମଧ୍ୟରେ ସାଧାରଣ କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି ଏହା ଜାଣିବା ପାଇଁ | ଆସନ୍ତୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଭୂସମାନ୍ତର ଅତି ପତଳା ଭୂସମାନ୍ତର ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରରେ ବିଭକ୍ତ କରିବା ଏବଂ ଏହା ଏକ ଭୂସମାନ୍ତର ଷ୍ଟ୍ରିପ୍ ର ରଙ୍ଗ ମୋଟେଇ ବୋଲି କହିବା

ତେଣୁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର କ୍ଷେତ୍ର x ଏଠାରୁ ଏଠାକୁ ଯିବ

ତେଣୁ ଆମକୁ ବୃତ୍ତର ଏହି ଅଂଶର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ପଡିବ | ଆମକୁ ବୃତ୍ତର ଏହି ଅଂଶର ସମୀକରଣ ଏବଂ ବୃତ୍ତର ଏହି ଅଂଶର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ପଡିବ ତେଣୁ ଏହି ଅଂଶର ସମୀକରଣ ଏବଂ ଏହି ଅଂଶର ସମୀକରଣ ଯଦି ତୁମେ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କର x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ଚାରିଟି ସହିତ ତୁମେ x ସହିତ ପ୍ଲସ୍ ମାଲନସ୍ ପାଇବ | ମୂଳ ଚାରି ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ

ତେଣୁ ଏହାର ସମୀକରଣ ଚାରି ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ହେବ ସମାନ ଭାବରେ ତୁମେ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କର x ପାଇଁ ତୁମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ସମାଧାନ କର ତୁମେ x ମାଲନସ୍ ଦୁଇ ପ୍ଲସ୍ ମାଲନସ୍ 4 ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ

ତେଣୁ x ହେଉଛି 2 ପ୍ଲସ୍ ମାଲନସ୍ ମୂଳ 4 ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ତଳେ ଯଦି ବର୍ତ୍ତମାନ ତୁମେ ଏହାକୁ x ପାଇଁ ସମାଧାନ କର ତୁମେ ଦୁଇଟି ଶାଖା ପାଇବ ଏବଂ

ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ଏହି ଭୂଲମ୍ବ ରେଖା ଦୁଇ ପ୍ଲସ୍ ମୂଳ ଚାରି ଚାରି ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ତଳେ ବକ୍ରର ଏହି ଅଂଶକୁ ପ୍ରତିପାଦିତ କରେ ଯୁଁ ମୂଳ 2 ପ୍ଲସ୍ ମୂଳ 4 ମାଲନସ୍ 5 ବର୍ଗ ଏହି ଅଂଶକୁ ସବୁଜ ରଙ୍ଗର ଅଂଶକୁ ପ୍ରତିପାଦିତ କରେ | ବୃତ୍ତ ଏବଂ ମୂଳ 4 ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ତଳେ 2 ମାଲନସ୍ 2 ମାଲନସ୍ ବୃତ୍ତର ଏହି ଲାଲ୍ ଅଂଶ ଦ୍ୱାରା ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ

So ହେବ

ତେଣୁ ଏହି ଲାଲ୍ ଅଂଶର ସମୀକରଣ ମୂଳ ଚାରି ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ତଳେ ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ଅଟେ

ତେଣୁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି ଏହି ମାଲନସ୍ ରଙ୍ଗରେ | ଏହା ହେଉଛି 4 ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ 2 ମାଲନସ୍ 4 ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ରଙ୍ଗରେ ଯାହା ଚାରି ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ ରଙ୍ଗର ଦୁଇଗୁଣ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକୀୟ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ଯଦି ଏକାକୃତ ହୁଏ ତେବେ ଆପଣ ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇବେ ଯାହା ମୂଳ ଚାରି ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ତଳେ ଦୁଇଟିର ଏକୀକରଣ ଅଟେ | ଦୁଇଟି dy y ସର୍ବନିମ୍ନରୁ ସର୍ବାଧିକ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପୁଣିଥରେ ଏହି ସୀମା ପାଇବା ପାଇଁ ଆମେ ଉଭୟ ସର୍କଲର ah ସମୀକରଣକୁ ସମାଧାନ କରିବା ଆବଶ୍ୟକ | ଛକଗୁଡ଼ିକର x

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି

ତେଣୁ x ରେ ଗୋଟିଏ y ସହିତ ସମାନ ହେଉଛି ପ୍ଲସ୍ ମାଲନସ୍ ରୁଟ୍ 3 ପୁଟ୍ x ସମାନକୁ ଏଠାରେ 1 କୁ ସମୀକରଣରେ କୁହନ୍ତୁ ଯେ x କୁ ଏହି ସମୀକରଣରେ 1 ସହିତ ସମାନ କରନ୍ତୁ ତୁମେ ଏହାକୁ ପ୍ଲସ୍ ମାଲନସ୍ ରୁଟ୍ ତିନୋଟି ପାଇବ

ତେଣୁ ଏହା ମାଲନସ୍ ଅଟେ | ମୂଳ ତିନୋଟି y ମାଲନସ୍ ରୁଟ୍ ତିନି ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା i s y ପ୍ଲସ୍ ରୁଟ୍ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏକୀକରଣର ସୀମା ମାଲନସ୍ ରୁଟ୍ ରୁ ପ୍ଲସ୍ ରୁଟ୍ ତିନି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ହେବ, ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ସମାଧାନ କରିବା, ଏହା ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ମାଲନସ୍ a ରୁ $f(x)dx$ ପ୍ରକାର ଅଟେ ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଣ୍ଡ୍ ମଧ୍ୟ କାର୍ଯ୍ୟ କରିଥାଏ | y

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହାକୁ 0 ରୁ 3 ରୁ ମୂଳରୁ ଦୁଇଥର ଚାରିଟି ଚାରି ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ ରଙ୍ଗକୁ ଲେଖିବା ପାଇଁ ଏହା ଲେଖି ପାରିବ

ତେଣୁ ଏହା ଚାରି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ମୂଳ ତିନିକୁ ସମାନ ହେବ ଯାହା ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଶୂନ୍ୟର ଗୋଟିଏ 2 ାରା ସମାନ ହେବ | ମୂଳ ଚାରିଟି ମୂଳ ଚାରିଟି ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ ରଙ୍ଗ ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ହେବ ଚାରି ବର୍ଗ ସାଇନ ଓଲଟା y 2 ାରା ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ଏହାର ଏକ ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟରେ ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ, ଏହାକୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ଏବଂ ଅନ୍ତିମ ଉତ୍ତର ପାଇବ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ସମାନ କରିବା | ରୁ 4 1 ରୁ 2 ରୁଟ୍ 3 ଏହା ହେଉଛି 4 ମାଲନସ୍ y ବର୍ଗ 3

ତେଣୁ ତୁମେ 1 ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି ପାପ ଓଲଟା ରୁଟ୍ ତିନିରୁ ଦୁଇ ମାଲନସ୍ ଶୂନ୍ୟରେ ପାଇବ ଶୂନ୍ୟରେ ଏହା ଶୂନ୍ୟ ହେବ ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ହେବ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ପାଇବୁ |

ତେଣୁ ଦୁଇଟି ପାଇଁ ଏହା ତିନୋଟି ମାଲନସ୍ ରୁଟ୍ π ାରା π ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଆଠ ପି ପାଇ ତିନି ଆଠପି ପାଇ ତିନି ମାଲନସ୍ ଦୁଇ ରୁଟ୍ ପାଇଥାଉ | ତିନୋଟି ଏହା ହେଉଛି ଅନ୍ତିମ ଉତ୍ତର, ଆସନ୍ତୁ , ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ର ଅନ୍ୟ ଏକ ସରଳ ଉଦାହରଣ ନେବା, ଯାହା ଏହାର ଚିହ୍ନକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ ଏବଂ x ଅକ୍ଷରେ ଏବଂ ତଳେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ଦେଖିବା କିପରି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରାଯାଇପାରିବ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ସରଳ ଉଦାହରଣ ନେବା x ଅକ୍ଷ ସାଇନ x ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଅଞ୍ଚଳ ଖୋଜିବା | ଏବଂ x ମାଲନସ୍ ପି ସହିତ 2 ରୁ x ସମାନ, ତିନୋଟି ପାଇ 2 ାରା ସମାନ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ବକ୍ରଗୁଡ଼ିକ ଆଙ୍କିବା, ଏହା ମାଲନସ୍ ପି 2 ାରା ଏହା ହେଉଛି ପି 2 ାରା ଏହା ହେଉଛି ପି 2 ାରା ଏହା ହେଉଛି ପି 2 ାରା 2

ତେଣୁ ପାପ x ପ୍ରାୟ ଏହା ପ୍ରବର୍ତ୍ତନ କରିବ | ଏକ ପ୍ରକାରର ସମ୍ପତ୍ତି ଯାହା ପାପ x ର ସାଧାରଣ ସମ୍ପତ୍ତି ଅଟେ

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହି ବକ୍ରଟା ପାଇବ

ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ରଟି ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଦୁଇଟିର ତିନୋଟି ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ତୁମର ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ମୋଡେ ଚିତ୍ର କରିବାକୁ ଦିଅ, ମୋଡେ ଆବଶ୍ୟକ କରୁଥିବା କ୍ଷେତ୍ର ଏହି ପ୍ଲସ୍ ଅଟେ | ଏହା ହେଉଛି ଯେହେତୁ $a1$ ଏବଂ $a3$

ସେମାନେ x ଅକ୍ଷ ତଳେ ପଡ଼ିଛନ୍ତି

ତେଣୁ ସେମାନଙ୍କର ନକାରାତ୍ମକ ମୂଲ୍ୟ ରହିବ

ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର 1 ପ୍ଲସ୍ ର ମତ୍ତ୍ୟୁଲସ୍ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତିନୋଟିର ଦୁଇଟି ପ୍ଲସ୍ ମତ୍ତ୍ୟୁଲସ୍

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ପି 2 ାରା ଦୁଇରୁ ଶୂନ୍ୟ ସାଇନ ଅଟେ | ପାପ x ର xdx ଏକୀକରଣ ହେଉଛି ମାଲନସ୍ କୋସ୍ x ମାଲନସ୍ ପି 2 ାରା ଦୁଇରୁ ଶୂନ୍ୟ ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟରୁ $\pi \sin xdx$ ଯାହା ମାଲନସ୍ କୋସ୍ x ଶୂନ୍ୟ ପିଏ

ତେଣୁ ତୁମେ ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ପାଇବ ଯାହା ଦୁଇଟି ଡିଜିଟି ହେଉଛି ପିନ୍ ରୁ ତିନୋଟି ପିନ୍ ଦ୍ \sin ାରା ଦୁଇଟି ପାପ $x dx$ ଯାହା ମାଲନସ୍ $\cos x \pi$ ରୁ ତିନି π ଦ୍ two ାରା ସମାନ ଯାହା ମାଲନସ୍ ଏକ ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ସହିତ ସମାନ । ମୋ ସହିତ ସମାନ ହେବ , ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ନେବା , ମୋଡ୍ x ପ୍ଲସ୍ ମୋଡ୍ y ଦ୍ୱାରା ସାମିତ ଅଞ୍ଚଳ ଖୋଜି ବାହାର କରିବା

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଯତ୍ନ ସହ ପରୀକ୍ଷା କରନ୍ତି ତେବେ ଏହି ସମୀକରଣ ଚାରୋଟି ବକ୍ତୁ ଦର୍ଶାଏ x ପ୍ଲସ୍ y ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ x ପ୍ଲସ୍ y ସହିତ ଗୋଟିଏ x ମାଲନସ୍ y ସହିତ ସମାନ । ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ମାଲନସ୍ x ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ । $y 1 x$ ମାଲନସ୍ y ସହିତ ସମାନ, ଏହି ରେଖା x ମାଲନସ୍ y ହେଉଛି 1 ମାଲନସ୍ x ମାଲନସ୍ 5 ହେଉଛି 1 ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର
ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଏହିପରି ପତଳା ଭୂଲମ୍ବରେ ବିଭକ୍ତ କରିବା ଯାହା ପାଇଁ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ । ଏହି ଅଂଶ ଯାହାକି x ଅକ୍ଷରର ନକାରାତ୍ମକ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଅଛି , ପ୍ରାଥମିକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ଏହି ଧାଡ଼ିରୁ ଆରମ୍ଭ ହୋଇ ଏହି ପୋର୍ଟ ପାଇଁ ଏହି ଧାଡ଼ିରେ ଶେଷ ହୁଏ । ଯାହା ଉପରେ x ଅକ୍ଷରର ସକାରାତ୍ମକ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ସେମାନେ ଏହି ଲାଲନରୁ ଆରମ୍ଭ କରନ୍ତି ଏବଂ ଏହି ଧାଡ଼ିରେ ଶେଷ କରନ୍ତି

ତେଣୁ ଆମକୁ ଏହି ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଏକୀକରଣକୁ ଦୁଇଟି ଭାଗରେ ଭାଙ୍ଗିବା ଆବଶ୍ୟକ,
ତେଣୁ କଳା ଦ୍ୱାରା ଛାଇ ହୋଇଥିବା କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଅଲଗା ଭାବରେ ଲାଲ ଦ୍ୱାରା ଛାଇ ଯାଇଥିବା କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରିବୁ ଏବଂ ତା'ପରେ ଆମେ କରିବୁ । ଏହାକୁ ଯୋଡ଼ନ୍ତୁ
ତେଣୁ କଳା ଛାୟା କ୍ଷେତ୍ର ପାଇଁ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର ହେବ ଯଦି ଆପଣ dx କୁ ଷ୍ଟିପ୍ ର ମୋଡେଲ ପରି dx ନିଅନ୍ତି ତେବେ dx ହେବ y ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ x ମାଲନସ୍ ଏଠାରେ $y x x$ ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ dx ରେ x ର ସୀମା ଏଠାରୁ ଏ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ହେବ ।

ତେଣୁ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ ଦ୍ you ାରା ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହା ଗୋଟିଏ କମା ଶୂନ୍ୟ ହେବ ଏହା ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ କମା ଶୂନ୍ୟ ହେବ ଏବଂ ଏହା ପୂର୍ବପରି ଉତ୍ତୁ
ତେଣୁ ଏହି ସଂଯୋଗର ସୀମା ଶୂନ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ପାଇଁ ଲାଲ ଛାୟା ଅଞ୍ଚଳ ପାଇଁ ଯଦି ଆପଣ dx କୁ dx ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରନ୍ତି । ପ୍ରାଥମିକ ଷ୍ଟିପ୍ ପ୍ରାଥମିକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ରର ପ୍ରସ୍ଥ ଭାବରେ ଯାହା ସୀମା ମାଲନସ୍ ରୁ ଶୂନ୍ୟ ହେବ ଏବଂ ପ୍ରାଥମିକ କ୍ଷେତ୍ର y ହେବ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ x ମାଲନସ୍ y ହେଉଛି ମାଲନସ୍ x ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ dx ମାଲନସ୍ $g x f x$ ମାଲନସ୍ $g x$ ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଆଲୋଚନା କରିଥିବା ସୂତ୍ରକୁ ମନେରଖିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରନ୍ତୁ । ଆମେ ଶୂନ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ $x dx$ ପ୍ଲସ୍ ମାଲନସ୍ o ପାଇଆଉ । ne ରୁ ଶୂନ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ x କୁ dx ରେ ଏହା 2 1 ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗ ସହିତ 2 ମାଲନସ୍ 0 ରୁ 1 ପ୍ଲସ୍ 2 1 ପ୍ଲସ୍ x ବର୍ଗକୁ ଦୁଇ ମାଲନସ୍ ଏକରୁ ଶୂନ୍ୟ ସମାନ କରି ଆମେ ଦେଖିଥିବା ସୀମାକୁ ରଖି ଏହି ମୂଲ୍ୟକୁ ଆମେ ଉପର ସୀମା ପାଇଁ ପାଇଆଉ । ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ତେବେ ମାଲନସ୍ ଲୋୟର ଲୋୟ ସୀମା ଆପଣଙ୍କୁ 2 କୁ ମାଲନସ୍ ଅଧା ପ୍ଲସ୍ ଉପର ସୀମା ପୁନର୍ବାର ଦେବ ଏବଂ ଆପଣଙ୍କୁ ମୂଲ୍ୟ ଲୋୟର ସୀମା ଆପଣଙ୍କୁ ଶୂନ୍ୟ ଦେବ

ତେଣୁ ଆମେ ଦୁଇଟିକୁ ଅଧା କରିଦେବୁ
ତେଣୁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ପାଇବୁ ଯାହା ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ । ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି ଦୁଇଟି, ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ନେବା
ତେଣୁ ଉଦାହରଣ ହେଉଛି ବକ୍ତୁଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ବର୍ଷିତ କ୍ଷେତ୍ର ଚାରି କୁରା ax ୍ସହିତ ସମାନ ଏବଂ $y mx$ ସହିତ ସମାନ, ଆମକୁ a ଏବଂ m ଉପରେ କିଛି ସର୍ତ୍ତ ଆବଶ୍ୟକ କରେ ଯାହା ଦ୍ $least$ ାରା ଆମେ ଅତି କମରେ ଏହି ବକ୍ତୁଗୁଡ଼ିକୁ ସଠିକ୍ ଭାବରେ ପ୍ଲସ୍ କରିପାରିବା । ଆମେ ଅନୁମାନ କରୁ ଯେ ଏକ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ମି ମଧ୍ୟ ସକାରାତ୍ମକ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ସମସ୍ୟାକୁ ଆମର ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ସମାଧାନ କରିବୁ ଏବଂ ପରେ ଆମେ କିଛି ଜଟିଳ ସମସ୍ୟା ବିଷୟରେ ବିଚାର କରିବୁ ଏବଂ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରେଲ୍ ବିଷୟରେ ଅଧିକ ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିବୁ ଧନ୍ୟବାଦ ।