

ఇప్పటి వరకు మేము ఖచ్చితమైన సమగ్రత అంటే ఏమిటో చూసాము
మరియు దానిని ఎలా మూల్యాంకనం చేయాలో కచ్చితమైన సమగ్రతను మూల్యాంకనం చేయడానికి రెండు పద్ధతులు
ఉన్నాయి

ఒకటి మొత్తాల పరిమితి పద్ధతి ద్వారా మరియు మరొకటి

యాంటీ డెరివేటివ్ల పద్ధతిలో ఉంటుంది కాబట్టి మేము ఒక ఖచ్చితమైన

సమగ్రత $\int b f x dx$ అనేది $\int b$ మైనస్ $\int f$ కి సమానం, ఇక్కడ క్యాపిటల్

$f x$ అనేది స్కేల్ $f x$ యొక్క యాంటీ డెరివేటివ్గా ఉంటుంది, ఇక్కడ ఒక వ్యాఖ్య ఉంది, యాంటీ డెరివేటివ్లు

ప్రత్యేకమైనవి కావు మరియు $f x$ ఫ్లస్ c డాష్ కూడా మీకు x ఫంక్షన్ని అందజేస్తుందని మాకు తెలుసు కాబట్టి

మేము ఫంక్షన్ని మూల్యాంకనం చేయవచ్చు ఈ స్థిరాంకం c తీసివేయబడిందని మనం చూసేదానికి సమానమైన $f x$
ఫ్లస్ c కి సమానం, మనం

క్యాపిటల్ $f x$ ని యాంటీ డెరివేటివ్గా లేదా $f x$ ఫ్లస్ c ని చిన్న x కాబట్టి యాంటీ డెరివేటివ్గా ఉపయోగిస్తున్నా అదే
విలువను పొందుతాము.

ఖచ్చితమైన సమగ్ర సమయంలో స్థిరాంకం c ని

విస్మరించవచ్చు ఇది సమగ్ర విలువను ప్రభావితం చేయదు కాబట్టి మన మనస్సును రిఫ్రెష్ చేయడానికి మరో

ఉదాహరణను పరిష్కరిద్దాం, కాబట్టి

సమగ్ర సమగ్రతను తీసుకుందాం, కాబట్టి ఖచ్చితమైన సమగ్రాలను ప్రాంతంగా అర్థం చేసుకోవచ్చుని మీకు తెలుసు

s మీ x అక్షం ఇది మీ y అక్షం మరియు ఇది పంక్తి x

సున్నాకి సమానం ఇది పంక్తి x ఒకటికి సమానం అప్పుడు మీరు ఈ ఫంక్షన్ను ప్లాట్ చేయవచ్చు కాబట్టి ఇది సగం

అవుతుంది మరియు

ఇది ఒక సున్నా కామా ఒకటి సున్నా కామా సగం ఉంటుంది ఈ సమగ్రత ఈ ప్రాంతాన్ని సూచిస్తుంది, ఇది

నేను యాంటీ-డెరివేటివ్ల పద్ధతి ద్వారా ఈ సమగ్రతను కనుక్కోవాలనుకుంటే ఇప్పుడు ఒకదానిపై ఒకటి ప్లస్

x స్క్వేర్ యొక్క గ్రాఫ్, కాబట్టి నేను ఉత్పన్నం ఒకదాని తర్వాత ఒకటి x స్క్వేర్ మరియు మీ

అందరికీ ఒకదాని మీద ఒకటి ప్లస్ x స్క్వేర్ యొక్క వ్యతిరేక ఉత్పన్నం ఏమిటో గుర్తుంటుందని నేను ఆశిస్తున్నాను,

కాబట్టి టాన్ ఇన్వర్స్ x యొక్క

ఉత్పన్నం ఒకదానిపై ఒకటి ప్లస్ x స్క్వేర్ అని మీకు తెలుసు కాబట్టి ఈ ఖచ్చితమైన సమగ్రత యొక్క విలువ

ఫార్ములా ద్వారా సమానంగా ఉంటుంది ఇంతకు ముందు వివరించినది పది టాన్ విలోమం ఒకటి π ద్వారా

నాలుగు మరియు టాన్ విలోమ సున్నా సున్నా కాబట్టి ఈ సమగ్రత నాలుగు ద్వారా π

ఈ రకమైన ఏదైనా ఖచ్చితమైన సమగ్రాన్ని ఇచ్చినట్లయితే మనం ఈ రూపంలో మాత్రమే ఈ సమగ్ర విలువను

వ్రాయగలము

యాంటీ-డిని కనుగొనడం సులభం ఎరివేటివ్ లేదా చిన్న $f x$ అంటే ఫంక్షన్ క్యాపిటల్ $f x$ ని కనుగొనడం సులభం,

అంటే దీని ఉత్పన్నం చిన్న $f x$ అయితే అన్ని విద్యార్థుల కోసం ఇక్కడ గమనించాల్సిన విషయం

ఏమిటంటే, $f x$ యొక్క యాంటీ-డెరివేటివ్ను ఎల్లప్పుడూ గణించడం అంత సులభం కాదు అప్పుడు ఏమి చేయాలి

మేము ఈ

ప్రశ్నకు తదుపరి కొన్ని సమస్యలలో సమాధానం ఇస్తాను కాబట్టి మనం మరో ఉదాహరణను తీసుకుందాం మరియు

యాంటీ డెరివేటివ్ను సులభంగా కనుగొనలేకపోతే ఏమి

జరుగుతుందో చూద్దాం మరియు ఈ ఖచ్చితమైన సమగ్రతను ఇప్పుడు కనుగొనడం సులభం కాదు

ఈ ఫంక్షన్ ఇంటిగ్రేండ్ యొక్క యాంటీడెరివేటివ్ నుండి బయటకు వస్తుంది, కాబట్టి మేము ఒక ఉపాయం కోసం

ప్రయత్నిస్తాము మరియు

ట్రీక్ ఏమిటంటే, టాన్ $x t$ కాబట్టి సెకను $x dx dt$ అవుతుంది కాబట్టి ఇది ఇప్పుడు మీ dt కాబట్టి సమగ్రం

ఈ సమగ్రంగా కనిపిస్తుంది ఇప్పుడు మీరు ఏకీకరణ యొక్క వేరియబుల్ని మార్చినందున 2 టాన్ $x t$ మరియు

సెకను $x dx dt$ లాగా ఉంది

కాబట్టి పరిమితులు మారుతాయి కాబట్టి x 0 టాన్ 0 అయినప్పుడు t కూడా 0 అవుతుంది కాబట్టి తక్కువ పరిమితి x

సున్నాకి సమానం అవుతుంది x నాలుగు π అయినప్పుడు రెండుకి సమానం t సున్నా $n \pi$ by four

ఒకటి కాబట్టి ఎగువ పరిమితి యొక్క కొత్త విలువ ఒకటి ఇప్పుడు మీరు t యొక్క యాంటీ డెరివేటివ్ని

తెలుసుకున్నారు, అది రెండు ద్వారా వర్గంగా ఉంటుంది కాబట్టి సమగ్ర విలువ ఒకటి మైనస్ సున్నా అవుతుంది,

మేము వర్ణించబడిన ట్రీక్కి సమానం ప్రత్యామ్నాయ పద్ధతి సాధారణంగా మీరు ఈ రకమైన సమస్యను పరిగణలోకి

తీసుకుంటే, ఈ ఫంక్షన్ మరొక ఫంక్షన్కు సంబంధించిన ఫంక్షన్ అని చెప్పండి మీ కొత్త వేరియబుల్

u తర్వాత g డాష్ $x dx du$ అవుతుంది కాబట్టి సమగ్రమైన $i u g x g$ డాష్ $x dx d$ కి సమానంగా

ఉంటుంది మరియు పరిమితులు మారుతాయి ఎందుకంటే మీరు ఇప్పుడు u కి సంబంధించి ఇంటిగ్రేట్ చేస్తున్నారు

కాబట్టి x అయినప్పుడు $au ga$ కాబట్టి x సమానం a వరకు వెళుతుంది కాబట్టి దిగువ పరిమితి g కి

మారుతుంది

అదే విధంగా ఎగువ పరిమితి gb కి మార్చబడుతుంది మరియు

ఈ సమగ్రం కోసం మీరు క్యాపిటల్ $f x$ అనే యాంటీ డెరివేటివ్ని చాలా సులభంగా కనుగొనవచ్చు

కాబట్టి ఈ పద్ధతి తెలుసు ప్రత్యామ్నాయ పద్ధతిగా మనం పరిష్కరిద్దాం ఇ మరికొన్ని సంక్లిష్టమైన సమస్యలు మరియు సంక్లిష్టమైన సమస్యలను కూడా పరిష్కరించడానికి ఈ పద్ధతిని ఎలా అన్వేషించాలో చూడండి కాబట్టి మనం ఇప్పుడు ఈ సమగ్రమైన ఒక వ్యాఖ్యను తీసుకుందాం, ఈ సమస్యను పరిష్కరించడానికి విభిన్న ప్రత్యామ్నాయాలను ఎంచుకోవడం ద్వారా అనేక మార్గాలు ఉండవచ్చు కానీ వాటిలో ఒకటి మీకు అందజేస్తుంది.

సరళమైన పరిష్కారం కాబట్టి ఉదాహరణకు మీరు 1 ద్వారా xని పవర్ 3 బై టూ తీసుకుంటే, ఈ సమగ్రానికి సాధ్యమయ్యే అత్యంత సులభమైన పరిష్కారాలలో ఇది ఒకటి కావచ్చు కాబట్టి పరిమితులు ఏమిటో చూద్దాం కాబట్టి 1కి సమానం 1 ఇస్తుంది మీరు 1 బై 2 x ఈ క్యల్క్యులేషన్లు ఇస్తారు u ఈ క్యల్క్యులేషన్ ఆన్ వన్ ప్లస్ ఎయిట్ అంటే వన్ బై నైన్ కాబట్టి ఈ ఇంటెగ్రల్ ఐ వన్ బి వన్ బై వన్ బై వన్ బై వన్ బై వన్ బై నైన్ ఇప్పుడు దీన్ని డిఫరెన్స్ చేయండి మీరు ఈ ఇంటిగ్రాండ్ మరియు డు మధ్య సంబంధాన్ని కనుగొన్నారు కాబట్టి దీని కోసం మేము దీన్ని వేరు చేద్దాం కాబట్టి మీరు మైనస్ 1 1 ప్లస్ x నుండి పవర్ త్రీ బై టూ స్క్వేర్ త్రీ టు టు x నుండి పవర్ హాఫ్ డిఎక్స్ డుకు సమానం కాబట్టి మూడు రూట్ o ద్వారా x dx ne ప్లస్ x నుండి పవర్ మూడు బై టూ మొత్తం చదరపు d మైనస్ రెండు duకి సమానం కాబట్టి ఈ మొత్తం వ్యక్తీకరణ ఇప్పుడు మైనస్ టూ డు మైనస్ రెండు డుతో భర్తీ చేయబడింది మరియు స్థిరాంకం యొక్క యాంటీ-డెరివేటివ్ అంటే ఏమిటో మీకు తెలుసు కాబట్టి మీరు ఇక్కడకు వచ్చారు.

రెండు రెండు ఒకటి తొమ్మిది మైనస్ రెండు ఒకటి తొమ్మిది మైనస్ ఒకటి రెండు మైనస్ రెండు తొమ్మిది ప్లస్ ఒకటి ఏడు తొమ్మిది కాబట్టి మీరు అసలైన వ్యత్యన్నం యాంటీ డెరివేటివ్ని కనుగొనడం మొదట్లో చాలా క్లిష్టంగా ఉన్నట్లు మీరు చూడవచ్చు.

సమగ్రమైనది కానీ ఈ ప్రత్యామ్నాయం ద్వారా సమస్యను పరిష్కరించడం చాలా సులభం మరియు చివరకు రూపాంతరం చెందిన సమగ్ర స్థిరాంకం మాత్రమే మిగిలి ఉంటుంది, దీని ఎంటిటీ డెరివేటివ్ మీకు తెలిసినది, ఇప్పుడు మరొక ఉదాహరణను తీసుకుందాం, కాబట్టి మనం x పవర్ 4 ప్లస్ 9ని మా కొత్త వేరియబుల్గా తీసుకుంటే చెప్పండి ఇది మీకు సమస్యను పరిష్కరించడానికి కొంత విధానాన్ని అందించవచ్చు.

xt o రూట్ కింద ఉన్న పవర్ నాలుగు ప్లస్ తొమ్మిది ఇది dtకి సమానం కాబట్టి ఈ సమగ్రత x క్యూబ్ dx ద్వారా రూట్ x పవర్ 4 ప్లస్ 9 dt ద్వారా dtగా మార్చబడుతుంది కాబట్టి మీరు 2 ద్వారా dtని పొందుతారు కాబట్టి x పరిమితులకు ఏమి జరుగుతుంది సున్నాకి వెళితే t అనేది రూట్ తొమ్మిది అంటే మూడు మరియు x రెండుకి వెళితే ఇరవై ఐదు రూట్ కింద ఐదు మూడు నుండి ఐదు కాబట్టి మీరు ఒకదానికొకటి రెండు పొందుతారు మీరు తీయవచ్చు మరియు

ఉత్పన్నం t కాబట్టి మీరు ఐదు మైనస్ మూడు పొందుతారు అంటే ఈ రకమైన సమస్యలను పరిష్కరించడంలో మీకు సహాయపడే మరికొన్ని ఉదాహరణలను తీసుకుందాం మరియు దాన్ని పరిష్కరిద్దాం, కాబట్టి మేము ఈ క్రింది సమగ్రతను తీసుకుందాం, నేను దీనిని మా కొత్త వేరియబుల్ సే యు అని ఊహించినట్లయితే, నేను శక్తికి మైనస్ని పొందుతాను అని మీరు చూడవచ్చు.

మైనస్ రెండు dt డుకి సమానం అంటే t మైనస్ ఒకటికి వెళ్లినప్పుడు మైనస్ du u సున్నా మరియు t మైనస్ సగం u అయినప్పుడు మైనస్ ఒకటి కాబట్టి మీ సమగ్రమైన i మైనస్ ఒకటి మైనస్ యొక్క మీ విలువ సున్నాకి మైనస్ సగం మైనస్ వన్ ఫోర్కి వెళుతుంది టైమ్స్ సైన్ స్క్వేర్ ఉడు ఇప్పుడు సిన్ స్క్వేర్ యు యొక్క యాంటీ డెరివేటివ్ని కనుగొనడం అంత సులభం కాదు కాబట్టి మనం ఎన్ eed to i we అనే త్రికోణమితి గుర్తింపుతో ప్రత్యామ్నాయం చేయాలి కాబట్టి మనం sine స్క్వేర్ uని దీనితో భర్తీ చేయాలి కాబట్టి మీరు మైనస్ 2 0 నుండి మైనస్ 1 1 మైనస్ cos 2 uduని పొందుతారు, ఇది మైనస్ 2 u మైనస్ sin two u by two zero మైనస్ ఒకటి కాబట్టి ఇది మీకు మైనస్ ఒకటి మైనస్ సున్నా మైనస్ సైన్ మైనస్ 2 బై 2 ప్లస్ సున్నా ఇస్తుంది కాబట్టి సమగ్ర విలువ చివరకు రెండు మైనస్ గుర్తు రెండు అవుతుంది కాబట్టి మేము అనేక సమస్యలను పరిష్కరించాము మరియు ప్రత్యామ్నాయ పద్ధతి ఎలా సాధ్యమో మేము చూశాము అనేక సమగ్ర ఖచ్చితమైన సమగ్రాలను సులభతరం చేయండి, అనేక ఇతర సమస్యలు ఉన్నాయి, ఇవి కేవలం ప్రత్యామ్నాయాల పద్ధతి ద్వారా పరిష్కరించబడవు కాబట్టి ఖచ్చితమైన సమగ్రాలను పరిష్కరించడంలో సహాయపడే నిర్దిష్ట సమగ్రాల యొక్క అనేక ఇతర లక్షణాలు ఉన్నాయి,

కాబట్టి మేము ఆ లక్షణాలను నేర్చుకుని

దానిని ఒకటి నిరూపించబోతున్నాము.

ఒకదాని ద్వారా కాబట్టి ఖచ్చితమైన ఇంటిగ్రల్స్ ప్రాపర్టీ యొక్క లక్షణాలు ఒకటి ఈ ప్రాపర్టీ వేరియబుల్ ని x నుండి t కి మార్చడం

సమగ్రతను ప్రభావితం చేయదని చెబుతుంది కాబట్టి మీరు అందించిన ఈ ఆస్తి యొక్క రుజువు ఒక లైన్ x అనేది t కాబట్టి $dx dt$ అవుతుంది మరియు x కు సమానం a తో భర్తీ చేయబడుతుంది t ఈ క్వల్ కి e మరియు x

ఈ క్వల్ లు $to b$ స్థానంలో t ఈ క్వల్ లు బి తో భర్తీ చేయబడుతుంది కాబట్టి మనకు ఆస్తి ఉంది కాబట్టి మనకు ఆస్తి సంఖ్య రెండు చూడాలి $bfx dx$ కు b మైనస్ నుండి $afx dx$ కి సమానం ప్రత్యేకించి $a to afx dx$ సున్నా, చిన్న fx కి క్యాపిటల్ fx అనే యాంటీ డెరివేటివ్

ఉంటే, సమగ్ర విలువ ఇలా వ్రాయబడుతుంది కాబట్టి మనం దానిని ఈ రూపంలో వ్రాయవచ్చు కాబట్టి మనం దానిని వ్రాయవచ్చు దీని కోసం ఇప్పుడు ప్రాపర్టీని ఇలా వ్రాయండి, మీరు దీనిలో p ని భర్తీ చేయవచ్చు మరియు విలువ సున్నా అని చూడండి, దీన్ని మరొక

వైపు కుడి వైపు నుండి ఎడమ

వైపుకు తీసుకెళ్లడం ద్వారా విలువ సున్నా అని చూడండి.

సున్నా fx పాజిటివ్ అని అనుకుందాం మరియు గ్రాఫ్ ఇలా ఉంటుంది కాబట్టి ఈ సమగ్రత వక్రరేఖ క్రింద ఉన్న ప్రాంతాన్ని సూచిస్తుంది కాబట్టి b అనేది a తో సమానంగా ఉంటే, ఈ పంక్తి b నిలువు పంక్తి b సమానంగా ఉంటే ఆ ప్రాంతం సున్నా అవుతుందని గ్రహించడం చాలా సులభం. నిలువు

పంక్తి a ప్రాంతం సున్నా అవుతుంది ఈ ఆస్తి కాబట్టి ఈ ప్రాపర్టీ నిజమైన ప్రాపర్టీ మూడు ప్రాపర్టీ మూడు మీరు ఈ ఇంటిగ్రల్ ని ఖచ్చితమైన సమగ్రాలుగా విభజించవచ్చు, ఇక్కడ $c b$ మరియు a మధ్య ఉంటుంది కాబట్టి క్యాపిటల్ fx fx కి వ్యతిరేక ఉత్పన్నం అయితే a నుండి $bfx dx$ విలువ fb కి సమానం a నుండి $cfx dx$ వరకు మైనస్ fa విలువ fc మైనస్ fa

మరియు c నుండి $bfx dx$ విలువ fb మైనస్ fc కాబట్టి మీరు దీని నుండి ప్రారంభించండి మరియు మీరు ఇక్కడ కేవలం

fb మైనస్ fc ప్లస్ fc మైనస్ fa అని వ్రాయవచ్చు, ఆపై మీరు ఈ రెండింటిని ఉపయోగించవచ్చు కాబట్టి మీరు ఫీ పొందుతారు మైనస్ FA మీరు c నుండి $bfx dx$ కి రీప్లేస్ చేయవచ్చు మరియు మీరు ఈ సమీకరణాన్ని ఉపయోగించి దీని ద్వారా రీప్లేస్

చేయగలరు

b మైనస్ $x dx$ కాబట్టి ఈ ప్రాపర్టీని

కేవలం సాధారణ ప్రత్యామ్నాయం ద్వారా చాలా సులభంగా నిరూపించవచ్చు కాబట్టి మీరు x ని ప్లస్ b మైనస్ t గా తీసుకుంటే

dx మైనస్ dt సమానం అవుతుంది.

అలా

ఇది సమగ్రం ఈ పరిమితి అవుతుంది, ఒక వీలునామా పరిమితిని t ఈ క్వల్ గా b కి మార్చబడుతుంది, ఈ b t ఈ క్వల్ టు గొడ్డలికి వెళుతుంది a plus b మైనస్ t మరియు dx అనేది మైనస్ dt తో భర్తీ చేయబడుతుంది, ఇక్కడ మీరు

రెండు ప్రాపర్టీని ఉపయోగించవచ్చు మరియు మీరు పరిమితులను మార్చుకోవచ్చు మీరు ప్రతికూల గుర్తును కలిగి ఉన్నందున

మీరు పరిమితులను మార్చుకున్న తర్వాత ప్రతికూల సంకేతం రద్దు చేయబడుతుంది

కాబట్టి మీరు ప్లస్ b మైనస్ $t dt$ ని పొందుతారు కాబట్టి మీరు వేరియబుల్ t డమ్మీ అని ఆస్తి ఒకటి చెప్పింది కాబట్టి మేము t ని x తో భర్తీ చేయవచ్చు కాబట్టి

ఆస్తి నాలుగు ఈ లక్షణాలన్నీ చాలా

ముఖ్యమైనవిగా స్థాపించబడ్డాయి మరియు మేము ఈ లక్షణాలను ఉపయోగించి అనేక ఉదాహరణలను

పరిష్కరిస్తున్నప్పుడు మేము దానిని చూస్తాము

ఆస్తి నాలుగు యొక్క నిర్దిష్ట సందర్భం అయిన ఆస్తి

ఐదుని చూడాలి మరియు సున్నా నుండి $afx dx$ వరకు సున్నా నుండి afa మైనస్ $x dx$ అని చెబుతుంది కాబట్టి మీరు ప్రారంభించండి ఈ ఎడమ చేతితో

మళ్ళీ మరియు x ని మైనస్ t తో ప్రత్యామ్నాయం చేయండి, తద్వారా మీరు dx ని మైనస్ dt x 0 కి

సమానం చేస్తే మీకు t ఈ క్వల్ ని ఇస్తుంది, ఈ θ

యాక్స్ కి ఈ క్వల్ ని టు ఎ యాక్స్ కి వెళుతుంది కాబట్టి y మీరు t సమం

a కి సమానం మరియు t సున్నా కి సమానం fx ఉంటుంది fa మైనస్ t మరియు dx అనేది మైనస్ dt ,

ప్రాపర్టీ రెండింటిని ఉపయోగించడం ద్వారా మీరు పరిమితులను మార్చుకోవచ్చు కాబట్టి మీరు ఈ ప్రతికూల సంకేతం పొందడం వలన ఈ ప్రతికూల గుర్తు

రద్దు చేయబడుతుంది కాబట్టి మీరు దీన్ని పొందుతారు ఇప్పుడు మీరు t అనే డమ్మీ వేరియబుల్ ని x తో భర్తీ చేస్తే, మీకు rhs వస్తుంది, ఇది మీ ఆస్తి ఐదుని రుజువు చేస్తుంది చాలా ముఖ్యమైన ఆస్తిని రుజువు చేస్తుంది, మేము ఈ ఆస్తిని ఉపయోగించడం ద్వారా చాలా సమస్యలను పరిష్కరిస్తాము అని చూస్తాము ఆరు ప్రాపర్టీ ఆరు ఈ సమగ్రత గురించి చెబుతుంది కాబట్టి మేము కనుగొనాలనుకుంటున్నాము ఈ సమగ్ర విలువను మించి మరియు ఈ సమగ్ర విలువను మీరు మూడు ప్రాపర్టీని

ఉపయోగించడం ద్వారా 0 నుండి $afxdx$ ప్లస్ a నుండి రెండు $afxdx$ వరకు వ్రాయవచ్చు ఎందుకంటే ఇది సున్నా అయితే ఇది a మరియు ఇది

రెండు a కాబట్టి మీరు ఈ సమగ్రతను రెండు సమగ్రాలుగా విభజించవచ్చు ప్రాపర్టీ త్రీని ఉపయోగించి ఇక్కడ ఇది a ఇది c ఇది b ప్రాపర్టీ 3ని ఉపయోగించడం ద్వారా మీరు ఇలా వ్రాయవచ్చు ఇప్పుడు

ఈ సమగ్ర విలువ ఎంత అని చూద్దాం కాబట్టి మనం x ని $2a$ మైనస్ t తో ప్రత్యామ్నాయం చేద్దాం కాబట్టి dx మైనస్ కి సమానం dtx సమానం a వెళుతుంది t గొడ్డలి రెండు సమానం a

t సున్నాకి సమానం కాబట్టి మీరు ఒక రెండుకి వెళ్తారు a సున్నాకి వెళుతుంది x ని రెండు a మైనస్ t తో భర్తీ చేస్తారు మరియు dx ని మైనస్ dt తో మేము ప్రాపర్టీ టూని ఉపయోగించడం ద్వారా భర్తీ చేస్తాము పరిమితులను మళ్ళీ మార్చుకోండి కాబట్టి ఈ ప్రతికూల సంకేతం రద్దు చేయబడుతుంది,

కాబట్టి మేము రెండు మైనస్ $t dt$ ని పొందుతాము మరియు ఈ t ని మళ్ళీ భర్తీ చేయడం ద్వారా ఇది డమ్మీ వేరియబుల్ కాబట్టి మనకు $f 2 a$ మైనస్ $x dx$ వస్తుంది కాబట్టి సున్నా నుండి రెండు $afxdx$ సున్నాకి $afxdx$ కి సమానం అదనంగా a నుండి

రెండు $afxdx$ మరియు దీని విలువ ఇలా గణించబడుతుంది, కాబట్టి మనం దాన్ని ఇక్కడ భర్తీ చేయవచ్చు కాబట్టి మేము సున్నా నుండి af two a మైనస్ $x dx$ వరకు ఉండే తుది సూత్రాన్ని పొందుతాము, ఇది మీ ఆస్తి ఆరు ఈ ఫార్ములా ఏడు అయిన ఈ ఫార్ములా నుండి మరొక ఆస్తిని తగ్గించుకుందాం.

కాబట్టి మేము చూసినట్లుగా, సున్నా నుండి రెండు $afxdx$ సున్నా నుండి $afxdx$ వరకు సున్నాకి $afxdx$ మరియు సున్నా నుండి af రెండు ఒక మైనస్ $x dx$ ఇప్పుడు f రెండు

ఒక మైనస్ $x dx$ కి సమానం అయితే, సమీకరణం ప్రకారం ఒకటి మీకు ఇస్తుంది అంటే ఆస్తి ఆరుగా సరళీకరించబడుతుంది ఇది మరియు రెండింటిలో f మైనస్ x

, th లో fx మైనస్ కి సమానం అయితే ఈ ఆస్తి ఆరు సరళీకరించబడుతుంది మరియు మీరు సున్నా పొందుతారు కాబట్టి ఇది ఆస్తి 7 ఈ పరతు నిజమైతే ఇది దీనికి సమానం అని చెబుతుంది మరియు ఈ పరతు నిజమైతే ఈ పరతు నిజమైతే ఈ ఆస్తి మేము దానిని చూస్తాము

కొన్ని సంక్లిష్టమైన సమస్యలను పరిష్కరించడంలో ఈ లక్షణాలు ఎలా సహాయపడబోతున్నాయి ఇప్పుడు చివరి ఆస్తిని నిరూపిద్దాం

అంటే ఎనిమిది ఆస్తి ఎనిమిది ఆస్తి అని చెబుతుంది, మైనస్ a నుండి $afxdx$ కి సమానం, fx అయితే కూడా పని చేస్తే రెండు అవకాశాలు ఉన్నాయి, ఇది

సున్నాకి సమానం $afxdx$ మరియు fx సరి అయితే మరియు fx బేసి అయితే ఈ సమగ్రతలో ఒకటి సున్నా అయితే సరి ఫంక్షన్ క్రింది లక్షణాన్ని

సంతృప్తిపరుస్తుంది అంటే f మైనస్ $x dx$ మరియు బేసి ఫంక్షన్ మైనస్ x యొక్క f మైనస్ సగం fx ని సంతృప్తిపరుస్తుంది కాబట్టి మనం చూద్దాం ప్రాపర్టీ 3ని ఉపయోగించడం ద్వారా ఈ లక్షణాన్ని

నిరూపించండి కాబట్టి మనం ఈ ఇంటిగ్రల్ ని వ్రాయవచ్చు కాబట్టి ఇప్పుడు ఈ ఇంటిగ్రల్ ని తీసుకుని , సరి nr ఫంక్షన్ లక్షణాలను ఉపయోగించడం ద్వారా దీన్ని సులభతరం చేయవచ్చు కాబట్టి $x pi$ మైనస్ t ని

భర్తీ చేస్తే dx ని మైనస్ dt గా మరియు మైనస్ $a r$ అవుతుంది స్థానభ్రంశం చేయబడిన x సమానం మైనస్ a తో భర్తీ చేయబడుతుంది t సమానం a మరియు x సున్నాకి

సమానం t భర్తీ చేయబడుతుంది t సున్నాకి సమానం కాబట్టి మనకు $0 f$ మైనస్ t మైనస్ dt వస్తుంది కాబట్టి ఇది ప్రాపర్టీ 2ని ఉపయోగించి తో సమానం పరిమితులు మరియు ఈ మైనస్ గుర్తు

రద్దవుతుంది మరియు t డమ్మీ వేరియబుల్ కనుక మేము దీనిని పొందుతాము, కాబట్టి మేము t ని x తో భర్తీ చేయవచ్చు కాబట్టి చివరకు మేము dx కి చేరుకున్నాము మైనస్ కి సమానం క్షమించండి 0 నుండి af

మైనస్ $t dt$ ప్లస్ గా పొందాము 0 నుండి $t dt$ నుండి మైనస్ a నుండి $afxdx$ వరకు మైనస్ a నుండి $afxdx$ వరకు మనకు మైనస్ $x dx$ 0 నుండి af వరకు వచ్చింది, ఎందుకంటే

వేరియబుల్ డమ్మీ కాబట్టి మనం దానిని $x 0$ నుండి $x dx$ యొక్క af వరకు భర్తీ చేయవచ్చు, అయితే fx కూడా i అంటే మైనస్ x యొక్క ief fx కాబట్టి మైనస్ a నుండి $afxdx$ 0 నుండి $afx dx$ కి రెండు రెట్లు ఉంటుంది

మరియు మైనస్ x యొక్క f మైనస్ అయినట్లయితే మనం ఈ విలువను సున్నాగా పొందుతాము, కాబట్టి మనం కొన్ని సాధారణ సమస్యలను పరిష్కరిస్తాము మరియు ఖచ్చితమైన సమగ్రాల యొక్క ఈ

లక్షణాలను పరిష్కరించడంలో ఎలా ఉపయోగించవచ్చో చూద్దాం prob definite integrals చాలా సులభంగా ఉదాహరణ ఒకటి నేను అడిగితే ఇప్పుడు 0 నుండి $4 \text{ mod } x \text{ minus } 2 dx$ ని పరిష్కరిద్దాం మీరు x మైనస్ రెండు మోడ్ యొక్క యాంటీ డెరివేటివ్ అంటే ఏమిటి మీరు దీనికి సమాధానం చెప్పగలరా

x మైనస్ రెండు మోడ్ యొక్క యాంటీ డెరివేటివ్ అంటే ఏమిటి మీరు దీనికి సమాధానం చెప్పగలరా

, దీని యొక్క యాంటీ-డెరివేటివ్ కనుగొనడం సులభం కాదు కాబట్టి మేము ఏమి చేస్తాము మేము ప్రాపర్టీ త్రిని ఉపయోగిస్తాము మరియు దానిని రెండు భాగాలుగా విభజిస్తాము ఎందుకంటే $x \sin x$ రెండు మోడ్ x^2 కంటే తక్కువగా ఉన్నప్పుడు $x \sin x$ రెండు యొక్క మైనస్ కు సమానం నుండి 2 మరియు x కంటే ఎక్కువగా ఉన్నప్పుడు $x \sin x$ 2 లేదా 2కి సమానం కాబట్టి మనం దానిని 2 భాగాలుగా విభజించి సాధారణ బహుపది రూపంలో వ్రాయవచ్చు కాబట్టి మనం దీన్ని ఇలా వ్రాయవచ్చు మరియు ఇక్కడ మేము ప్రాపర్టీ త్రిని ఉపయోగిస్తున్నాము కాబట్టి ఇది మీకు రెండు నుండి నాలుగుకి సున్నాని ఇస్తుంది కాబట్టి యాంటీ డెరివేటివ్ పద్ధతి ద్వారా ఖచ్చితమైన సమగ్రాల ఫార్ములాని వర్తింపజేయడం ద్వారా మనకు తుది సమాధానం నాలుగు వస్తుంది కాబట్టి మీరు ప్రాపర్టీ మూడు ఎలా చేయగలరో చూడగలరు కొంచెం సంక్లిష్టమైన సమస్యను కనుగొనడంలో ఉపయోగించబడుతుంది మనం మరొక ఉదాహరణను తీసుకుందాం, కాబట్టి మేము $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ నుండి $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ తో సమానం అని చెప్పే ప్రాపర్టీని ఉపయోగించబోతున్నాం కాబట్టి నేను $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ నుండి $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ నాలుగు రెట్లు సమానంగా ఉంటాను ఈ ఆస్తి ద్వారా ఇది నేను మరియు ఇది నేను ఒకే థి అవుతుంది దీని సమగ్ర విలువ యొక్క సమగ్ర విలువ మరియు ఈ సమగ్ర విలువ ఒకేలా ఉంటుంది, కనుక ఇది $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ 2 మైనస్ $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ మొదటి క్వడ్రంట్ లో ఉంటుంది కాబట్టి కాబట్టి మనకు రూట్ కింద రూట్ $\cos x$ ప్లస్ రూట్ సైన్ $x dx$ కింద ఇప్పుడు ఉంటే మేము ఒకటి అని చెప్పండి మరియు ఇది రెండు అని చెప్పండి కాబట్టి ఒకటి మరియు రెండు జోడించడం ద్వారా ఎడమ చేతి వైపు రెండు i మరియు కుడి వైపున రెండు వస్తుంది ఒకసారి కుడి వైపు రెండు జోడించబడితే నాలుగు dx మాత్రమే వస్తుంది, అది నాలుగు బాగా వస్తుంది ఈ సమగ్రతలో π రెండు నాలుగుతో π రెండుగా ఉంటుంది కాబట్టి నేను $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమానం తుది సమాధానానికి సున్నా నుండి π బై టూ లాగ్ $\cos x dx$ మరో ఉదాహరణ తీసుకుందాం $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ ఈ సమగ్రతను మనం ఇచ్చే ఆస్తిని ఉపయోగించి వ్రాయవచ్చు మేము ఇప్పుడు ఉన్నాము కాబట్టి మనం ఒకటి మరియు రెండు కలుపుతాము మరియు ఐ టూ i అని 2 సార్లు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ నుండి $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ లాగ్ సైన్ x ప్లస్ $\cos x dx$ లాగ్ కి సమానం కనుక ఇది $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ రెండు లాగ్ సైన్ ఆఫ్ సున్నా నుండి $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ సమానం $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ కాబట్టి మీరు ఇక్కడ 2 ద్వారా గుణించి భాగిస్తే, మీరు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ 2 లాగ్ సైన్ $2 x dx$ మైనస్ 0 to π 2ని పొందుతారు $\log 2 dx$ కాబట్టి మీరు ఈ సమగ్రంలో $2 x$ సమానం t తీసుకుంటే $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమానం $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ సమానం $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ కి వెళ్తుంది మరియు $\log \sin t dx$ 1 బై టూ dt మైనస్ పై అవుతుంది రెండు లాగ్ రెండు కాబట్టి మనకు ఒకటి రెండు సున్నా నుండి π లాగ్ $\sin t dt$ మైనస్ π by two $\log two$ ని పొందాము, ఇప్పుడు ఈ సమగ్రంలో మనం దీన్ని ఇక్కడ π ద్వారా 2 నుండి 2 వరకు వ్రాయవచ్చు మరియు 0 నుండి 2 $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ఫార్ములా 0కి రెండు రెట్లు సమానం $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ అందించిన $f(x) = \int_0^{\pi} x \sin x dx$ అని మీరు వర్తింపజేస్తే మేము $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ఈ క్వల్స్ టు వన్ బై టూ టూ టూ జీరో టూ π టూ లాగ్ బై సైన్స్ పై మైనస్ tdt మైనస్ పై రెండు లాగ్ రెండు కాబట్టి నేను సున్నాకి సమానం $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ బై టూ లాగ్ $\sin t dt$ లాగ్ టూ మరియు మా మునుపటి గణన నుండి దీని విలువ ఎంత అనేది మాకు తెలుసు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ 2 మైనస్ $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ 2 లాగ్ 2కి సమానం కాబట్టి $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ by 2 మైనస్ $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ by two $\log two$ కాబట్టి నేను మైనస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమానం కాబట్టి ఇది చాలా క్లిష్టంగా ఉంటుంది $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమస్య మరియు ఈ ఖచ్చితమైన సమగ్రాల లక్షణాలు ఈ సమస్యను పరిష్కరించడానికి మీకు ఎలా సహాయపడతాయో మీరు చూస్తారు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ శక్తి $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ 1 మైనస్ $\int_0^{\pi} x \cos x dx$ 1 మైనస్ 1 మైనస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ తో భర్తీ చేయబడుతుంది $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ మేము పవర్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ 0 నుండి 1 1 మైనస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ని పొందుతాము, ఇది సున్నాకి ఒక $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమానం కాబట్టి ఏకీకరణ ద్వారా మీరు మీకు ఇచ్చే ఒక దానికి సున్నాని పొందుతారు. మనం ఇంకొక సమస్యను తీసుకుందాం $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సున్నా నుండి $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ఒకదానితో కలిపి పాపం $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమానం కనుక ఇది 0 నుండి $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ మైనస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ప్లస్ సైన్ పై మైనస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమానం కాబట్టి నేను 0 నుండి $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమానం మైనస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ బై 1 ప్లస్ సిన్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ కాబట్టి మనం ఈ సమగ్రతను ఈ సమగ్రతతో జోడిస్తే మనకు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ వస్తుంది 0 నుండి $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ మీద 1 ప్లస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ కాబట్టి 2 $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సమానం 0 to π స్థిరంగా ఉంటుంది కాబట్టి మీరు దీన్ని తీసుకోవచ్చు మరియు ఇది $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ద్వారా 2 ప్లస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ మొత్తం చతురస్రంతో వ్రాయవచ్చు దీన్ని సున్నా నుండి $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ సెకను చదరపు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ రెండు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ద్వారా ఒకటి ప్లస్ $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ అని వ్రాయవచ్చు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ద్వారా రెండు చతురస్రాలు ఇప్పుడు $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ ని రెండుగా $\int_0^{\pi} x \sin x dx$ కాబట్టి సెకను

చదరపు x రెండు dx dt సగానికి సమానం కాబట్టి మీకు రెండు i ఈక్వల్లు π టాన్ సున్నా
 సున్నా $\tan \pi$ కి రెండు వెళుతుంది మరియు రెండవ చదరపు x by two dx రెండు
 dt మరియు ఇక్కడ మీరు వన్ ప్లస్ t స్క్వేర్ ని పొందుతారు కాబట్టి ఇది మీకు ఈ సున్నా నుండి అనంతానికి
 ఏకీకరణలో మైనస్ రెండు మీద ఒకటి ప్లస్ t
 ని ఇస్తుంది కాబట్టి ఇది మీకు π ఉంది కాబట్టి π మైనస్ 2π 0 మైనస్ 1 కాబట్టి i యు యొక్క చివరి విలువ
 పొందండి $2i$ 2π కి సమానం కాబట్టి నేను π కి సమానం ఇక్కడ మళ్ళీ మేము ఈ ప్రాపర్టీని ఉపయోగించాము 0
 నుండి
 $afdx$ సున్నా నుండి afa మైనస్ xdx కి సమానం అపై మేము ప్రత్యామ్నాయాన్ని కూడా ఉపయోగించాము
 మరియు దీనితో
 పాటు కొన్ని త్రికోణమితి గుర్తింపులు ఉన్నాయి నేను ఆపివేస్తాను మరియు తర్వాత మేము
 కొన్ని సంక్లిష్టమైన సమస్యలను పరిగణలోకి తీసుకుంటాము మరియు
 ఒక వక్రత రెండు
 వక్రత మూడు వక్రత నాలుగు గ్రాముల మధ్య సరిహద్దులుగా ఉన్న సంక్లిష్ట చిప్ల ప్రాంతాన్ని కనుగొనడంలో
 ఖచ్చితమైన సమగ్రతలు మరియు వాటి అప్లికేషన్ల గురించి మరింత అన్వేషిస్తాము మరియు ధన్యవాదాలు

Prutor@Prutor