

ਹੁਣ ਤੱਕ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਹੈ ਕਿ ਇੱਕ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਕੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਿਵੇਂ ਕਰਨਾ ਹੈ ਇੱਕ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਦੇ ਤਰੀਕੇ ਹਨ ਇੱਕ ਰਕਮਾਂ ਦੀ ਸੀਮਾ ਦੀ ਵਿਧੀ ਦੁਆਰਾ ਅਤੇ ਦੂਜਾ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੀ ਵਿਧੀ ਦੁਆਰਾ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਹੈ ਕਿ ਇੱਕ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ $\int_a^b f(x) dx$ ਮਾਇਨਸ $f(a)$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਕੈਪੀਟਲ $f(x)$ ਛੋਟੇ $f(x)$ ਦਾ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਹੈ, ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਟਿੱਪਣੀ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਵਿਲੱਖਣ ਨਹੀਂ ਹਨ ਅਤੇ $f(x)$ ਪਲੱਸ c ਡੈਸ਼ ਤੁਹਾਨੂੰ x ਦਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਵੀ ਦੇਵੇਗਾ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰ ਸਕੀਏ। ਇੰਟੈਗਰਲ $f(x)$ ਪਲੱਸ c ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਸ ਸਥਿਰ c ਨੂੰ ਹਟਾ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਸਾਨੂੰ ਉਹੀ ਮੁੱਲ ਮਿਲ ਰਿਹਾ ਹੈ ਭਾਵੇਂ ਅਸੀਂ ਕੈਪੀਟਲ $f(x)$ ਨੂੰ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਵਜੋਂ ਜਾਂ $f(x)$ ਪਲੱਸ c ਨੂੰ x ਦੇ ਛੋਟੇ ਦੇ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਵਜੋਂ ਵਰਤ ਰਹੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦੇ ਦੌਰਾਨ ਸਥਿਰ c ਨੂੰ ਨਜ਼ਰਅੰਦਾਜ਼ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦੇ ਮੁੱਲ ਨੂੰ ਪ੍ਰਭਾਵਤ ਨਹੀਂ ਕਰਦਾ ਹੈ ਆਓ ਆਪਣੇ ਮਨ ਨੂੰ ਤਾਜ਼ਾ ਕਰਨ ਲਈ ਇੱਕ ਹੋਰ ਉਦਾਹਰਣ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰੀਏ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇੰਟੈਗਰਲ ਲਈਏ ਤਾਂ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਇੰਟੈਗਰਲ ਹੋ ਸਕਦੇ ਹਨ। ਖੇਤਰ ਵਜੋਂ $\int_0^1 x^2 dx$ ਜੇਕਰ ਇਹ ਤੁਹਾਡਾ x ਧੁਰਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਤੁਹਾਡਾ y ਧੁਰਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਲਾਈਨ x ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਇਹ ਲਾਈਨ x ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਹੈ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਹ ਔਧਾ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਹ ਇੱਕ ਜ਼ੀਰੋ ਕੌਮਾ ਇੱਕ ਹੋਵੇਗਾ। ਜ਼ੀਰੋ ਕੌਮਾ ਔਧਾ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੰਟੈਗਰਲ ਇਸ ਖੇਤਰ ਨੂੰ ਦਰਸਾਉਂਦਾ ਹੈ ਇਹ ਹੁਣ ਇੱਕ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਹੈ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੀ ਵਿਧੀ ਦੁਆਰਾ ਇਸ ਅੱਟਵੇਂ ਨੂੰ ਲੱਭਣਾ ਚਾਹੁੰਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੈਂ ਇੱਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲੱਭਾਂਗਾ ਜਿਸਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਇੱਕ ਇੱਕ ਕਰਕੇ ਹੈ। ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਅਤੇ ਮੈਂ ਉਮੀਦ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਸਾਰਿਆਂ ਨੂੰ ਯਾਦ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ ਇੱਕ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਦਾ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਕੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਇੱਕ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਸ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਮੁੱਲ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਪਹਿਲਾਂ ਸਮਝਾਏ ਗਏ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੁਆਰਾ ਜੋ ਦਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇੱਕ ਪਾਈ ਬਾਇ ਚਾਰ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਜ਼ੀਰੋ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ π ਬਾਇ ਚਾਰ ਹੈ, ਇਸ ਕਿਸਮ ਦੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਨੂੰ ਦਿੱਤੇ ਜਾਣ 'ਤੇ ਅਸੀਂ ਇਸ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਮੁੱਲ ਇਸ ਵਿੱਚ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਫਾਰਮ 'ਤੇ y ਜੇਕਰ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਜਾਂ ਸਮਾਲ ਐਫਐਕਸਆਈ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣਾ ਆਸਾਨ ਹੈ ਤਾਂ ਕੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਕੈਪੀਟਲ $f(x)$ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣਾ ਆਸਾਨ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਜਿਸਦਾ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਛੋਟਾ $f(x)$ ਹੈ ਪਰ ਇੱਥੇ ਸਾਰੇ ਵਿਚਿਆਰਥੀਆਂ ਲਈ ਇਹ ਨੋਟ ਕਰਨ ਦੀ ਗੱਲ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਆਸਾਨ ਨਹੀਂ ਹੈ ਹਮੇਸ਼ਾ $f(x)$ ਦੇ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰੋ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਕੀ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਮੈਂ ਅਗਲੀਆਂ ਕੁਝ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਵਿੱਚ ਇਸ ਸਵਾਲ ਦਾ ਜਵਾਬ ਦੇਵਾਂਗਾ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਹੋਰ ਉਦਾਹਰਣ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਨੂੰ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਨਹੀਂ ਲੱਭ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਆਓ ਅਸੀਂ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਇਹ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਹੁਣ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇੰਟੀਗਰੈਂਡ ਦੇ ਐਂਟੀਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣਾ ਆਸਾਨ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਚਾਲ ਲੱਭਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਚਾਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਹ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\tan x = t$ ਹੈ ਤਾਂ ਸਕਵੇਅਰ $x dx dt$ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ ਇਹ ਹੁਣ ਤੁਹਾਡੀ dt ਹੈ। ਇਸਲਈ ਇੰਟੀਗਰਲ ਇਸ ਇੰਟੀਗਰਲ ਵਰਗਾ ਦਿਖਾਈ ਦੇਵੇਗਾ $\int \frac{1}{1+t^2} dt$ ਵਰਗਾ ਦਿਖਾਈ ਦੇਵੇਗਾ ਅਤੇ $\sec^2 x dx dt$ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਤੁਸੀਂ ਏਕੀਕਰਣ ਦੇ ਵੇਰੀਏਬਲ ਨੂੰ ਬਦਲ ਦਿੱਤਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸੀਮਾਵਾਂ ਬਦਲ ਜਾਣਗੀਆਂ ਜਦੋਂ $x = 0$ ਤਾਂ $t = 0$ ਹੈ। ਵੀ 0

ਇਸ ਲਈ ਹੇਠਲੀ ਸੀਮਾ $x = 0$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ 0 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਜਾਂਦਾ ਹੈ t ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਜਦੋਂ $x = \pi$ ਬਾਇ ਚਾਰ $\tan \pi$ ਬਣਾ ਚਾਰ ਇੱਕ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਉਪਰਲੀ ਸੀਮਾ ਦਾ ਨਵਾਂ ਮੁੱਲ ਇੱਕ ਹੈ ਹੁਣ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ t ਦਾ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਜੋ ਕਿ ਦੇ ਗੁਣਾ ਵਰਗ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ ਇੰਟੀਗ੍ਰੇਲ ਦਾ ਮੁੱਲ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਜ਼ੀਰੋ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਉਹ ਚਾਲ ਜੋ ਅਸੀਂ ਲਾਗੂ ਕੀਤੀ ਹੈ ਉਸਨੂੰ ਆਮ ਤੌਰ 'ਤੇ ਬਦਲ ਦੀ ਵਿਧੀ ਵਜੋਂ ਜਾਣਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਕਿਸਮ ਦੀ ਸਮੱਸਿਆ ਬਾਰੇ ਵਿਚਾਰ ਕਰਦੇ ਹੋ ਜਿੱਥੇ ਇਹ ਫੰਕਸ਼ਨ ਆਪਣੇ ਆਪ ਵਿੱਚ ਕਿਸੇ ਹੋਰ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਇੱਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ $g(x)$ ਕਰੋ ਅਤੇ ਤੁਹਾਡੇ ਕੋਲ g ਡੈਸ਼ x ਨੂੰ dx ਵਿੱਚ ਹੈ ਜੋ ਤੁਹਾਡੇ ਕੋਲ ਇਸ ਕਿਸਮ ਦਾ ਇੰਟੈਗਰਲ ਹੈ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਕੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਤੁਸੀਂ $g(x)$ ਨੂੰ ਆਪਣਾ ਨਵਾਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਮੰਨ ਸਕਦੇ ਹੋ u ਫਿਰ g ਡੈਸ਼ $x dx du$ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ $\int g(x) dx = \int g(u) du$ ਅਤੇ ਸੀਮਾਵਾਂ ਬਦਲ ਜਾਣਗੀਆਂ ਕਿਉਂਕਿ ਤੁਸੀਂ ਹੋ ਹੁਣ ਯੂ ਦੇ ਸਬੰਧ ਵਿੱਚ ਏਕੀਕ੍ਰਿਤ ਕਰਨਾ

ਇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ $x = a$ ਹੁੰਦਾ ਹੈ $u = g(a)$ ਹੈ ਤਾਂ x ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ a ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਹੇਠਲੀ ਸੀਮਾ $g(a)$ ਵਿੱਚ ਬਦਲ ਜਾਵੇਗੀ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਉਪਰਲੀ ਸੀਮਾ ਨੂੰ $g(b)$ ਵਿੱਚ ਬਦਲ ਦਿੱਤਾ ਜਾਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਹ ਸੰਭਵ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਅੱਟਵੇਂ ਲਈ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਪਤਾ ਲਗਾਓ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਜਿਸਦਾ ਅਰਥ ਹੈ ਕੈਪੀਟਲ ਐਫਐਕਸ,

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਵਿਧੀ ਨੂੰ ਬਦਲ ਦੀ ਵਿਧੀ ਵਜੋਂ ਜਾਣਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ, ਆਓ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਹੋਰ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰੀਏ ਅਤੇ ਵੇਖੀਏ ਕਿ ਇਸ ਵਿਧੀ ਨੂੰ ਹੋਰ ਵੀ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਲਈ ਕਿਵੇਂ ਖੋਜਣਾ ਹੈ, ਤਾਂ ਆਓ ਹੁਣ ਇਸ ਅੱਟਵੇਂ ਨੂੰ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਟਿੱਪਣੀ ਕਰੀਏ ਕਿ ਇੱਥੇ ਕਈ ਹੋ ਸਕਦੇ ਹਨ। ਵੱਖ-ਵੱਖ ਬਦਲਾਂ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰਕੇ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਦੇ ਤਰੀਕੇ, ਪਰ ਉਹਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਤੁਹਾਨੂੰ ਸਭ ਤੋਂ ਸਰਲ ਹੱਲ ਪ੍ਰਦਾਨ ਕਰੇਗਾ,

ਇਸ ਲਈ ਉਦਾਹਰਣ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ 1 ਬਾਇ x ਨੂੰ ਪਾਵਰ 3 ਬਾਇ 2 ਲੈਂਦੇ ਹੋ, ਤਾਂ ਇਹ ਇਸਦੇ ਲਈ ਸੰਭਵ ਸਭ ਤੋਂ ਸਰਲ ਸੰਭਾਵੀ ਵਿਕਲਪਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਇੰਟੀਗ੍ਰੇਲ ਤਾਂ ਆਓ ਦੇਖੀਏ ਕਿ ਸੀਮਾਵਾਂ ਕੀ ਹੋਣਗੀਆਂ

ਇਸ ਲਈ x ਬਰਾਬਰ 1 ਤੁਹਾਨੂੰ ਦੇਵੇਗਾ u ਬਰਾਬਰ 1 ਗੁਣਾ 2 x ਬਰਾਬਰ 4 ਤੁਹਾਨੂੰ ਦੇਵੇਗਾ u ਬਰਾਬਰ 2 ਇੱਕ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਅੱਠ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਬਾਇ ਨੌਂ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਇੰਟੈਗਰਲ $\int_1^4 \frac{1}{2\sqrt{u}} du$ ਹੋਵੇਗਾ। ਇੱਕ ਦੇ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਕ ਦੁਆਰਾ ਨੌਂ ਦੁਆਰਾ ਚਾਰ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਹੁਣ ਇਸਨੂੰ ਵੱਖ ਕਰੋ ਤਾਂ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਇੰਟੀਗ੍ਰੇਲ ਅਤੇ ਡੂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਸਬੰਧ ਨੂੰ ਲੱਭ ਸਕੋ

ਇਸ ਲਈ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਵੱਖਰਾ ਕਰੀਏ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਜੀ t ਘਟਾਓ 1 1 ਪਲੱਸ x ਦੀ ਪਾਵਰ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਦੇ ਵਰਗ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਦੇ x ਦੀ ਪਾਵਰ ਔਧਾ dx ਡੂ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ $x dx$ ਇੱਕ ਜੇੜ x ਦਾ ਪਾਵਰ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਦੇ ਪੂਰੇ ਵਰਗ d ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਦੇ du ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸ ਸਮੁੱਚੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਹੁਣ ਮਾਇਨਸ ਦੇ ਡੂ ਮਾਇਨਸ ਦੇ ਡੂ ਨਾਲ ਬਦਲ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇੱਕ ਸਥਿਰਾਂਕ ਦਾ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਕੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਤੁਸੀਂ ਇੱਥੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੋਗੇ u ਇੱਕ ਦੁਆਰਾ ਦੇ ਦੇ ਇੱਕ ਦੁਆਰਾ ਨੌਂ ਘਟਾਓ ਦੇ ਇੱਕ ਦੁਆਰਾ ਨੌਂ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਦੁਆਰਾ ਦੇ ਘਟਾਓ ਦੇ ਦੁਆਰਾ ਨੌਂ ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਜੋ ਕਿ ਸੱਤ ਗੁਣਾ ਨੌਂ ਹੈ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਅਸਲ ਇੰਟੈਗਰੈਂਡ ਦੇ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਨੂੰ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣਾ ਸ਼ੁਰੂ ਵਿੱਚ ਬਹੁਤ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਜਾਪਦਾ ਹੈ ਪਰ ਇਸ ਬਦਲ ਦੁਆਰਾ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨਾ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨ ਹੈ ਅਤੇ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਸਿਰਫ ਪਰਿਵਰਤਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ। ਸਥਿਰ ਬਚਿਆ ਹੋਇਆ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਇਕਾਈ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਤੁਹਾਨੂੰ ਜਾਣਦਾ ਹੈ, ਆਓ ਹੁਣ ਇੱਕ ਹੋਰ ਉਦਾਹਰਣ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ x ਪਾਵਰ 4 ਪਲੱਸ 9 ਨੂੰ ਸਾਡੇ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਦੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਤੁਹਾਨੂੰ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਲਈ ਕੁਝ ਪਹੁੰਚ ਪ੍ਰਦਾਨ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ ਪਰ ਇਸ ਨੂੰ t ਮੰਨਣਾ ਬਿਹਤਰ ਹੈ। $y = 0$ ਤੁਸੀਂ ਪਿਛਲੇ ਬਦਲ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਮੈਂ ਇਹ ਬਦਲ ਲਵਾਂਗਾ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਬਦਲ ਲੈਂਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਦੇਖੋ ਕਿ ਤੁਹਾਨੂੰ ਕੀ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦੇ x ਘਣ dx ਬਾਇ x ਪਾਵਰ ਚਾਰ ਪਲੱਸ ਨੌਂ ਗੁਣਾ ਦੇ ਹੇਠਾਂ ਇਹ dt ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇੰਟੈਗਰਲ ਬਦਲਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ x ਘਣ dx ਅਧੀਨ ਗੁਣ x ਪਾਵਰ 4 ਪਲੱਸ 9 ਦੁਆਰਾ dt ਹੈ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ 2 ਦੁਆਰਾ dt ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੋਗੇ ਤਾਂ ਸੀਮਾਵਾਂ ਦਾ ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ x ਜ਼ੀਰੋ t ਤੇ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਗੁਣ ਨੌਂ ਦੇ ਹੇਠਾਂ ਹੈ ਜੋ ਤਿੰਨ ਹੈ ਅਤੇ x ਦੇ t ਹੈ 25 ਅੰਡਰ ਗੁਣ ਜੋ ਕਿ ਪੰਜ ਤਿੰਨ ਤੋਂ ਪੰਜ ਹੈ ਇਸਲਈ ਤੁਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ ਇੱਕ ਬਾਇ ਦੇ ਹੈ ਸਥਿਰ ਹੈ ਤੁਸੀਂ ਕੱਢ ਸਕਦੇ ਹੋ ਅਤੇ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਹੈ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਪੰਜ ਘਟਾਓ ਤਿੰਨ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹੋ ਜੋ ਇੱਕ ਹੈ ਆਓ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਹੋਰ ਉਦਾਹਰਣਾਂ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਤੁਹਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰਨਗੇ। ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦੀਆਂ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਆਓ ਅਸੀਂ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੇ ਇੰਟੈਗਰਲ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਸਾਡੇ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ ਦੇ ਤੌਰ ਤੇ ਮੰਨਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ u ਕਰੋ ਤਾਂ ਮੈਨੂੰ $\int \frac{1}{\sqrt{u}} du$ ਦੀ ਪਾਵਰ ਮਾਇਨਸ ਦੇ dt ਬਰਾਬਰ du ਮਿਲਦੀ ਹੈ ਇਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ $\int \frac{1}{\sqrt{u}} du = 2\sqrt{u} + C$ ਜਦੋਂ t ਮਾਇਨਸ ਇੱਕ u ਤੇ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਅਤੇ ਜਦੋਂ t ਘਟਾਓ ਔਧਾ u ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਤੁਹਾਡੇ ਇੰਟੀਗ੍ਰੇਲ $\int_0^1 \frac{1}{\sqrt{u}} du$ ਦਾ ਮੁੱਲ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜ਼ੀਰੋ ਘਟਾਓ ਔਧਾ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਚਾਰ ਗੁਣਾ \sin ਵਰਗ

ਇਸ ਲਈ $x \pi \text{ minus } t$ ਨੂੰ ਬਦਲੇ ਸਾਨੂੰ dx ਨੂੰ ਘਟਾਓ dt ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਮਾਇਨਸ a ਨੂੰ ਬਦਲ ਦਿੱਤਾ ਜਾਵੇਗਾ x ਨੂੰ ਘਟਾਓ a ਵਸੀਅਤ ਦੇ ਬਰਾਬਰ t ਦੇ ਬਰਾਬਰ a ਨਾਲ ਬਦਲਿਆ ਜਾਵੇ ਅਤੇ x ਨੂੰ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ t ਨਾਲ ਬਦਲਿਆ ਜਾਵੇ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ $0 f$ ਘਟਾਓ t ਘਟਾਓ dt ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਗੁਣ 2 ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਅਸੀਂ ਸੀਮਾਵਾਂ ਨੂੰ ਬਦਲ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਹ ਘਟਾਓ ਦਾ ਚਿੰਨ੍ਹ ਹੋਵੇਗਾ $get canceled$ ਹੋਵੇ ਜਾਵੇਗਾ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ t ਡਮੀ ਵੇਰੀਏਬਲ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ t ਨੂੰ x ਨਾਲ ਬਦਲ ਸਕਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਆਖਰਕਾਰ ਅਸੀਂ dx ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪਹੁੰਚ ਗਏ ਹਾਂ ਮਾਫ ਕਰਨਾ ਸਾਨੂੰ ਇਹ 0 ਤੋਂ af ਘਟਾਓ $t dt$ ਪਲੱਸ 0 ਤੋਂ af ਦੇ $t dt$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਮਿਲਿਆ ਹੈ। $minus a$ ਤੋਂ $afx dx$ we ਮਾਇਨਸ $x dx$ ਦੇ 0 ਤੋਂ af ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕੀਤਾ ਕਿਉਂਕਿ ਵੇਰੀਏਬਲ ਡਮੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ $x dx$ ਦੇ $x 0$ ਤੋਂ af ਨਾਲ ਬਦਲ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ fx ਵੀ i ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਮਾਇਨਸ x ਦਾ ief ਹੈ fx ਹੈ ਇਸਲਈ ਮਾਇਨਸ a ਤੋਂ $afx dx$ 0 ਦਾ ਦੋ ਗੁਣਾ ਹੋਵੇਗਾ $afx dx$ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਮਾਇਨਸ x ਦਾ f ਇਸ ਦਾ ਮਾਇਨਸ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਵੈਲਯੂ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਮਿਲਦੀ ਹੈ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਸਧਾਰਨ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰੀਏ ਅਤੇ ਵੇਖੀਏ ਕਿ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਪੂਰਨ ਅੰਕਾਂ ਦੀਆਂ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾਵਾਂ ਨੂੰ ਪ੍ਰੋਬ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਪੂਰਨ ਅੰਕਾਂ ਨੂੰ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਹੱਲ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਕਿਵੇਂ ਵਰਤਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ, ਉਦਾਹਰਣ ਇੱਕ ਆਓ 0 ਤੋਂ 4 ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰੀਏ। $mod x \text{ minus } 2 dx$ ਹੁਣ ਜੇ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਪੁੱਛਦਾ ਹਾਂ ਕਿ x ਮਾਇਨਸ ਦੋ ਦੇ ਮਾਡ ਦਾ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਕੀ ਹੈ ਕੀ ਤੁਸੀਂ ਇਸਦਾ ਜਵਾਬ ਦੇ ਸਕਦੇ ਹੋ ਇਸ ਦੇ ਐਂਟੀ-ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣਾ ਆਸਾਨ ਨਹੀਂ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰੀਏ ਅਸੀਂ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾਂ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸਨੂੰ ਤੋੜਦੇ ਹਾਂ। ਦੋ ਭਾਗਾਂ ਵਿੱਚ ਕਿਉਂਕਿ x ਮਾਇਨਸ ਦੋ ਦਾ ਮਾਡ x ਮਾਇਨਸ ਦੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਜਦੋਂ $x 2$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ x ਮਾਇਨਸ 2 ਜਦੋਂ $x 2$ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਜਾਂ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ 2 ਹਿੱਸਿਆਂ ਵਿੱਚ ਤੋੜ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਸਧਾਰਨ ਵਿੱਚ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਬਹੁਪਦ ਰੂਪ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਸਧਾਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਏਕੀਕ੍ਰਿਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਅਸੀਂ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾਂ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦੋ ਤੋਂ ਦੋ ਤੋਂ ਚਾਰ ਨੂੰ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਐਂਟੀ ਡੈਰੀਵੇਟਿਵ ਦੀ ਵਿਧੀ ਦੁਆਰਾ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਨ ਨਾਲ ਅਸੀਂ ਇਸ ਲਈ ਅੰਤਿਮ ਉੱਤਰ ਚਾਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਸੰਪੱਤੀ ਤਿੰਨ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਿਵੇਂ ਕੀਤੀ ਜਾ ਸਕਦੀ ਹੈ। ਇੱਕ ਛੋਟੀ ਜਿਹੀ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਸਮੱਸਿਆ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣ ਲਈ ਆਓ ਇੱਕ ਹੋਰ ਉਦਾਹਰਣ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜਿਸ ਵਿੱਚ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ 0 ਤੋਂ $afx dx$ 0 ਤੋਂ afa ਮਾਇਨਸ $x dx$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਸ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾ ਦੁਆਰਾ $i 0$ ਤੋਂ π ਦੇ ਬਰਾਬਰ 2 ਗੁਣਾ ਚਾਰ ਗੁਣਾ ਹੋਵੇਗਾ। ਇਹ ਇਹ i ਅਤੇ ਇਹ i ਸਮਾਨ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਇਹ ਇੰਟੈਗਰਲ ਮੁੱਲ ਅਤੇ ਇਸ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਮੁੱਲ ਸਮਾਨ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਮੈਨੂੰ ਇਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ π ਬਾਇ 2 ਘਟਾਓ x ਪਹਿਲੇ ਚਤੁਰਭੁਜ ਵਿੱਚ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਰੂਟ ਦੇ ਹੇਠਾਂ ਰੂਟ ਦੇ ਹੇਠਾਂ $\cos x$ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। $\cos x$ plus under root sine $x dx$ ਹੁਣ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਨੂੰ ਜੋੜਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਦੋ ਹੈ ਤਾਂ ਇੱਕ ਅਤੇ ਦੋ ਨੂੰ ਜੋੜਨ ਨਾਲ ਖੱਬੇ ਪਾਸੇ ਦੋ i ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਣਗੇ ਅਤੇ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਇੱਕ ਵਾਰ ਦੋਵੇਂ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਜੋੜੇ ਜਾਣਗੇ। ਸਿਰਫ ਚਾਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ rdx ਜੋ ਕਿ ਇਸ ਇੰਟੈਗਰਲ ਦਾ ਚਾਰ ਗੁਣਾ ਹੈ π ਬਾਇ ਦੋ ਚਾਰ ਵਿੱਚ π ਬਾਇ ਦੋ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ i ਬਰਾਬਰ ਹੈ π ਫਾਈਨਲ ਜਵਾਬ ਆਉ ਇੱਕ ਹੋਰ ਉਦਾਹਰਣ ਲਈ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਬਾਇ ਦੋ ਲੌਗ $\cos x dx$ ਅਸੀਂ ਇਸ ਇੰਟੀਗ੍ਰਲ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਉਸ ਸੰਪੱਤੀ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਜੇ ਸਾਨੂੰ ਹੁਣ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ i ਦੇਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਅਤੇ ਦੋ ਜੋੜਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ i ਦੇ i ਬਰਾਬਰ ਹੈ 2 ਗੁਣਾ 0 ਤੋਂ π ਬਾਇ 2 ਲੌਗ ਆਫ ਸਿਨੇ x ਪਲੱਸ ਲੌਗ ਆਫ ਕੋਸ $x dx$

ਇਸ ਲਈ ਇਹ i ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ π sine x cos x ਹੁਣ dx ਦੇ ਦੋ ਲੌਗ ਦੁਆਰਾ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇੱਥੇ 2 ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਅਤੇ ਭਾਗ ਕਰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਤੁਹਾਨੂੰ $i 0$ ਤੋਂ π ਬਾਇ 2 ਲੌਗ ਸਾਈਨ $2 x dx$ ਮਾਇਨਸ 0 ਤੋਂ π ਬਾਇ 2 ਲੌਗ $2 dx$ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਤਾਂ i ਬਰਾਬਰ ਹੈ if ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਇੰਟੈਗ੍ਰਲ ਵਿੱਚ t ਦੇ ਬਰਾਬਰ $2 x$ ਲੈਂਦੇ ਹੋ $0 0 x$ ਬਰਾਬਰ $0 t 0 x \pi$ ਬਾਇ $2 t$ is π ਅਤੇ $\log \sin t dx$ ਹੋਵੇਗਾ 1 ਬਾਇ ਦੋ dt ਮਾਇਨਸ π ਬਾਇ ਦੋ ਲੌਗ ਦੇ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਬਾਇ ਦੋ ਮਿਲਿਆ। $zero to \pi \log \sin t dt \text{ minus } \pi \text{ by } two \log two$ ਹੁਣ ਇਸ ਇੰਟੀਗਰਲ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਥੇ π ਬਾਇ 2 ਇਨ 2 ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਾਰਮੂਲਾ 0 ਤੋਂ $2 afx dx$ ਬਰਾਬਰ ਲਾਗੂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। 0 ਤੋਂ $afx dx$ ਦੇ ਦੋ ਗੁਣਾ ਤੱਕ ਬਸ਼ਰਤ $f 2 a$ ਘਟਾਓ $x fx$ ਹੈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹੋ ਕਿ ਅਸੀਂ i ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਬਾਇ ਦੋ ਵਿੱਚ ਦੋ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਬਾਇ ਦੋ ਲੌਗ ਦੇ sine π ਮਾਇਨਸ tdt ਮਾਇਨਸ π ਬਾਇ ਦੋ ਲੌਗ ਦੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ i ਬਰਾਬਰ ਹੈ $to zero to \pi \text{ by } two \log \sin t dt \log two$ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਡੀ ਪਿਛਲੀ ਗਣਨਾ ਤੋਂ ਇਸ ਦਾ ਮੁੱਲ ਕੀ ਹੈ, ਆਓ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦਿਖਾਵਾਂਗਾ ਕਿ ਇਸਦੀ ਪਿਛਲੀ ਗਣਨਾ ਮੁੱਲ ਦੁਆਰਾ ਇਸਦੀ ਪਿਛਲੀ ਗਣਨਾ ਮੁੱਲ ਦੁਆਰਾ ਇਸਦੀ $i \text{ by } 2$ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਆਖਰਕਾਰ i ਬਰਾਬਰ ਹੈ i ਬਾਇ 2 ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਲੌਗ 2 ਇਸਲਈ i ਬਾਇ 2 ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੋ ਲੌਗ ਦੇ ਹੈ ਇਸਲਈ ਮੈਂ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਲੌਗ 2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੱਕ ਬਹੁਤ ਹੀ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਸਮੱਸਿਆ ਸੀ ਅਤੇ ਤੁਸੀਂ ਵੇਖੋਗੇ ਕਿ ਇਹ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾਵਾਂ ਕਿਵੇਂ ਹਨ integrals ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਤੁਹਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰਦਾ ਹੈ, ਆਓ ਆਪਾਂ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਇੱਕ ਲੈ ਲਈਏ ਤਾਂ ਕਿ ਇਹ ਗੁਣ 0 ਤੋਂ afa ਘਟਾਓ $x dx$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ i ਬਰਾਬਰ 0 ਤੋਂ $1 x$ ਨੂੰ 1 ਘਟਾਓ $x 1$ ਘਟਾਓ ਨਾਲ ਬਦਲਿਆ ਜਾਵੇਗਾ। ਪਾਵਰ ndx ਲਈ 1 ਘਟਾਓ x ਸਾਨੂੰ 0 ਤੋਂ $1 1$ ਘਟਾਓ x ਮਿਲਦਾ ਹੈ x ਦੀ ਪਾਵਰ ndx ਜੋ ਕਿ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਇੱਕ dx ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਏਕੀਕਰਣ ਦੁਆਰਾ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇੱਕ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਜੇ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦਿੰਦਾ ਹੈ, ਜੋ ਕਿ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਲੈ ਲਈਏ i ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ $\pi x dx$ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ $\sin x$ ਤਾਂ ਇਹ ਹੋਵੇਗਾ 0 ਤੋਂ $\pi \pi$ ਮਾਇਨਸ $x 1$ ਪਲੱਸ $\sin \pi$ ਘਟਾਓ $x dx$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ ਇਸਲਈ i ਬਰਾਬਰ ਹੈ 0 ਤੋਂ $\pi \pi$ ਮਾਇਨਸ $x dx x 1$ ਪਲੱਸ $\sin x$

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਇੰਟੈਗ੍ਰਲ ਨੂੰ ਇਸ ਇੰਟੈਗਰਲ ਨਾਲ ਜੋੜਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ $2 i 0$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ। $\pi \pi dx$ ਉੱਤੇ 1 ਪਲੱਸ $\sin x$

ਇਸ ਲਈ $2 i$ ਬਰਾਬਰ ਹੈ 0 ਤੋਂ π ਸਥਿਰ ਹੈ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਬਾਹਰ ਕੱਢ ਸਕਦੇ ਹੋ ਅਤੇ ਇਸ ਨੂੰ $\sin x \text{ by } 2 \text{ plus } \cos x x 2$ ਪੂਰੇ ਵਰਗ ਵਜੋਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਇਸ ਨੂੰ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਸਕਿੰਟ ਵਜੋਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਵਰਗ x ਦੇ dx ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਜੋੜ $\tan x$ ਦੇ ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਹੁਣ $\tan x$ ਬਾਇ ਦੋ ਹੈ t

ਇਸ ਲਈ ਸਕੋਰ $x x$ ਦੇ dx ਬਰਾਬਰ dt ਅੱਧਾ

ਇਸ ਲਈ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦੋ i ਬਰਾਬਰ $\pi \tan$ ਜ਼ੀਰੋ ਤੇ ਜ਼ੀਰੋ $\tan \pi$ ਬਾਇ ਦੋ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਨੰਤਤਾ ਅਤੇ ਦੂਜੇ ਵਰਗ x ਦਾ ਦੋ dx ਦੇ dt ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇੱਕ ਜੋੜ t ਵਰਗ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਤੁਹਾਨੂੰ 0 ਉੱਤੇ ਦੋ ਘਟਾਓ ਦੇਵੇਗਾ। $ne \text{ plus } t$ ਇਸ ਜ਼ੀਰੋ ਨੂੰ ਅਨੰਤਤਾ ਵਿੱਚ ਏਕੀਕਰਣ ਵਿੱਚ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਤੁਹਾਨੂੰ π ਦਿੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ $\pi \text{ minus } 2 \pi 0 \text{ minus } 1$ ਤਾਂ i ਦਾ ਅੰਤਮ ਮੁੱਲ ਤੁਹਾਨੂੰ $2 i$ ਬਰਾਬਰ 2π ਦੇ ਤੌਰ ਤੇ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ i ਬਰਾਬਰ π ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੈ ਇਸ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾ ਨੂੰ 0 ਤੋਂ $afx dx$ ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ afa ਮਾਇਨਸ $x dx$ ਲਈ ਵਰਤਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਬਦਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕੀਤੀ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਸ i ਸਟਾਪ ਦੇ ਨਾਲ ਕੁਝ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਪਛਾਣ ਵੀ ਹਨ ਅਤੇ ਬਾਅਦ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਹੋਰ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ 'ਤੇ ਵਿਚਾਰ ਕਰਾਂਗੇ ਅਤੇ ਨਿਸ਼ਚਿਤ ਪੂਰਨ ਅੰਕਾਂ ਬਾਰੇ ਹੋਰ ਖੋਜ ਕਰਾਂਗੇ। ਇੱਕ ਕਰਵ ਦੇ ਕਰਵ ਤਿੰਨ ਕਰਵ ਚਾਰ ਗ੍ਰਾਮ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਗੁੰਝਲਦਾਰ ਚਿਪਸ ਦੇ ਖੇਤਰ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣ ਲਈ ਉਹਨਾਂ ਦੀਆਂ ਐਪਲੀਕੇਸ਼ਨਾਂ ਤੁਹਾਡਾ ਧੰਨਵਾਦ