

ଆଜି ଆମେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ବିଷୟରେ ଜାଣିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଯେଉଁଠି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଇତିହାସକୁ ଦୁଇ ଗଣିତଜ୍ଞଙ୍କ ଅବଦାନ ଅସାଧାରଣ ବୋଲି ବିବେଚନା କରାଯାଏ, ଜଣେ ଜର୍ମାନ ଗଣିତଜ୍ଞଙ୍କ ପାଇଁ ରିମାନ୍ ଜଣେ ଅନ୍ୟ ଜଣେ ଫ୍ରେଞ୍ଚିଶ ଗଣିତଜ୍ଞ ଫ୍ରେଡ଼େରିକ୍ ବ୍ରେସେଲ୍ ଉଭୟ ବିଷୟରେ ଅଧିକ ଜାଣିବାକୁ ଅନୁରୋଧ କରେ ।

ପ୍ରେସେଲ୍ ହୁଅନ୍ତୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ପ୍ରୟୋଗଗୁଡ଼ିକ କ'ଣ

ତେଣୁ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଅନେକ ପ୍ରୟୋଗ ଅଛି ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆପଣ ବକ୍ର ପୃଷ୍ଠର ପ୍ଲାନାର୍ ଅଞ୍ଚଳର ଏକ ବକ୍ର କ୍ଷେତ୍ରର ଦିଗ୍ length ଯିଏ ଗଣନା କରିବା ପାଇଁ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବେ । ସ୍ୱେୟାର୍ ମାସ୍ ଇସେଟେରାର ଉଦାହରଣ ଉଲ୍ଲ୍ୟମ୍

ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ସେଠାରେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଅନେକ ପ୍ରୟୋଗ ଅଛି

ତେଣୁ ମୁଁ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ବ୍ୟାପାର କ'ଣ କହିବାକୁ କୁ understand ୀବା ପାଇଁ ଏକ କ୍ଷେତ୍ର ଭାବରେ ଏକ କ୍ଷେତ୍ର ନେଇଛି ଯାହା ଦି you ାରା ଆପଣ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରୁ ଜାଣିଛନ୍ତି ଯେ ଆପଣ ସରଳ କ୍ଷେତ୍ର ଗଣନା କରିପାରିବେ । ତ୍ରିଭୁଜୀ ଆୟତାକାର ବୃତ୍ତ ଇତ୍ୟାଦି ପରି ଆକୃତି ଏବଂ ଯଦି ତୁମର ଜଟିଳ ଆକୃତି ଅଛି । ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଯଦି ଆପଣଙ୍କୁ ଏହି ଆକୃତିର କ୍ଷେତ୍ରର ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବାକୁ କୁହାଯାଏ ତେବେ ଆପଣ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ସୀମିତ ସଂଖ୍ୟକ ସରଳ ଆକାରରେ ଭାଙ୍ଗି ପାରିବେ ଏବଂ ତାପରେ ଆପଣ ଏହି ସମସ୍ତ ସରଳ ଆକୃତିର ବ୍ୟକ୍ତିଗତ କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରିପାରିବେ ଏବଂ ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ର ପାଇବାକୁ ଏହା ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ଅଟେ । କିନ୍ତୁ ଜଟିଳ କ୍ଷେତ୍ରକୁ ସରଳ ଆକାରରେ ଭାଙ୍ଗିବାର ଏହି ଧାରଣା ସର୍ବଦା ପ୍ରମୁଖ୍ୟ ନୁହେଁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ସେଠାରେ ଅନେକ ବାସ୍ତବ ଜୀବନ ସମସ୍ୟା ଅଛି ଏବଂ ସେଠାରେ ଅନେକ ଗାଣିତିକ ସମସ୍ୟା ଅଛି ଯେଉଁଠି ଆପଣଙ୍କର ଆକୃତି ରହିବ ଯାହାକୁ ଆମେ ସୀମିତ ସଂଖ୍ୟକ ଆକାରରେ ବିଭକ୍ତ କରିପାରିବୁ ନାହିଁ ଯାହାର କ୍ଷେତ୍ର ଆପଣଙ୍କୁ ଜଣା । ତେଣୁ ଆମେ କିଛି ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା ଯେଉଁଠାରେ ଆପଣ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ସୀମିତ ସଂଖ୍ୟକ ଆକୃତିରେ ବିଭକ୍ତ କରିପାରିବେ ନାହିଁ ଯାହାର କ୍ଷେତ୍ର ସହଜରେ ଗଣନା ଯୋଗ୍ୟ

ତେଣୁ ଏକ ରେଖା ଏବଂ ଏକ ବକ୍ର ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଅଞ୍ଚଳ ଆସନ୍ତୁ y କୁ ସମାନ ଏବଂ y ବର୍ଗକୁ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ କରିବା, ଆସନ୍ତୁ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରିବା । ତୁମର y ଅକ୍ଷ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ y 1 ସହିତ ସମାନ ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ରେଖା ଏବଂ y x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ଏକ ପାରାବୋଲା ଯାହାର ଭର୍ଟେକ୍ସ 0 0 ଏବଂ ଅକ୍ଷ y ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ଏହାକୁ ଷଡ଼ଯନ୍ତ୍ର କର

ତେଣୁ ତୁମର ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି ମୁଁ ସମସ୍ତ କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଅନୁରୋଧ କରୁଛି ଯେ ସେମାନେ ଏହାକୁ ସୀମିତ ସଂଖ୍ୟକ ଆକୃତିରେ ଭାଙ୍ଗି ପାରିବେ କି ନାହିଁ ଯାହାର କ୍ଷେତ୍ର ଆପଣଙ୍କୁ ଜଣା ଅଛି ଆମକୁ ଆଉ କିଛି ଉଦାହରଣ ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା ଦୁଇଟି ବକ୍ର ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ଦୁଇଟି କ୍ଷେତ୍ର । x ବର୍ଗ ଏବଂ y ବର୍ଗ x ସହିତ ସମାନ, ଆସନ୍ତୁ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଷଡ଼ଯନ୍ତ୍ର କରିବା ଏହା ହେଉଛି ଆପଣଙ୍କର y ଅକ୍ଷ ଏହା ହେଉଛି ଆପଣଙ୍କର x ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ y ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏକ ପାରାବୋଲା ଯାହାର ଭର୍ଟେକ୍ସ 0 0 ଏବଂ ଅକ୍ଷ x ଅକ୍ଷ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆପଣଙ୍କର ଏହି ପାରାବୋଲା ଏବଂ y ସମାନ y ଅକ୍ଷ । ବର୍ଗ x ସହିତ ସମାନ ହେଉଛି ପୁନର୍ବାର ଏକ ପାରାବୋଲା ଯାହାର ଭର୍ଟେକ୍ସ 0 0 ଏବଂ ଅକ୍ଷ ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ତୁମର ଏହି ପାରାବୋଲା ଅକ୍ଷ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ସେହି କ୍ଷେତ୍ର ଯାହା ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ସୀମିତ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ, ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ପାଇଁ କିଛି ଉଦାହରଣ ଉଦାହରଣ ଦେବା ପାଇଁ କାହିଁକି ଆମେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଆବଶ୍ୟକ କରୁ । ତିନୋଟି ବକ୍ର ମଧ୍ୟରେ ସୀମାବଦ୍ଧ

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ବକ୍ର y ରୁଟ୍ ଦୁଇ x ସହିତ ସମାନ, ଅନ୍ୟଟି ହେଉଛି ମୂଳ ଦୁଇଟି x ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଅନ୍ୟଟି ହେଉଛି ଏକ ରେଖା x ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ । ଗୋଟିଏ ଅଟେ ସର୍କଲ୍ ଆପଣ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ନିମ୍ନ ଫର୍ମରେ ଲେଖିପାରିବେ ଯାହା ଦି you ାରା ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହା ଏକ କମ୍ପା ଶୂନ୍ ଏବଂ ରେଡିଓ ସହିତ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆପଣ ସର୍କଲ୍ ବ୍ୟାପାରୀ ଗୋଟିଏ କମ୍ପା ଶୂନ୍ୟ କେନ୍ଦ୍ର ଗୋଟିଏ କମ୍ପା ଶୂନ୍ୟ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧକୁ ଆସନ୍ତୁ, ଦୁଇଟିକୁ ମୂଳ କରିବା ପାଇଁ y ସମାନ କରିବା । xy ରୁଟ୍ 2 x ସହିତ ସମାନ ହେଉଛି ପାରାବୋଲା ଯାହାର ଭର୍ଟେକ୍ସ 0 0 ଏବଂ ଅକ୍ଷ ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହି ପାରାବୋଲା ପାଇବ ଏବଂ x 2 ସହିତ ସମାନ ହେବ କାରଣ ଏହି ବିନ୍ଦୁର ଏହି ସଂଯୋଜନା 2 କମ୍ପା 0.

ତେଣୁ ରେଖାଟି ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ହେବ । ଏହି ସମୟରେ ସର୍କଲ୍ କରନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଆବଶ୍ୟକୀୟ କ୍ଷେତ୍ର ଯାହା ଏଠାରେ ଧ୍ୟାନ ଦେବା ଆବଶ୍ୟକ ହେଉଛି ଏହି ପାରାବୋଲା ଶୂନ୍ୟ କମ୍ପା ଶୂନ୍ୟ ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କି ewhere ଶିଥି ସ୍ଥାନକୁ ବୃତ୍ତକୁ ଛକ କରିବାକୁ ଯିବ ନାହିଁ ଯାହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଯଦି ଆପଣ ଦୁଇଟି x ରୁଟ୍ ପାଇଁ y ସମାନ କରନ୍ତି ଏବଂ y ମୂଳ ତଳେ ଦୁଇଟି ସମାନ । ଦୁଇଟି x ମାଲନସ୍ x ବର୍ଗ ଯଦି ତୁମେ ସେଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କର ତେବେ ତୁମେ ଦେଖିବ ଯେ କେବଳ ଶୂନ୍ୟ କମ୍ପା ଶୂନ୍ୟରେ ଛକ

ତେଣୁ ପୁନର୍ବାର ମୁଁ ମୋର ସମସ୍ତ କ୍ଷେତ୍ରମାନଙ୍କୁ ଅନୁରୋଧ କରେ ଯେ ସେମାନେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ସୀମିତ ଆକାରରେ ବିଭକ୍ତ କରିପାରିବେ କି ନାହିଁ ଏବଂ ଏହାର କ୍ଷେତ୍ର ପାଇବାକୁ ଯୋଗ କରିବେ । ଏହି ଅଞ୍ଚଳ s ହେଉଛି ଅକ୍ଷର ଉଦାହରଣ ସବୁଠାରୁ ଜଟିଳ ଏବଂ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ କହିବାକୁ ଦେବି ଯେ ମୁଁ କାହିଁକି ଏହି ଉଦାହରଣଗୁଡ଼ିକ ଦେଉଛି ତାହା ହେଉଛି ଶେଷରେ ଆମେ ଏହି ସମସ୍ତ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବୁ ଏବଂ ଦେଖିବା କିପରି ଏହି ସମସ୍ୟାର ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ବ୍ୟାପାର ଯଦି ନିଆଯିବ ତେଣୁ ଚୁଡ଼ାକ୍ତ ଉଦାହରଣ କ୍ଷେତ୍ର ସୀମିତ ଅଟେ । ଚାରିଟି ବକ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଏବଂ ମୁଁ ଚାରିଟି ପାରାବୋଲାସ୍ y ବର୍ଗକୁ ଚାରି xy ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଷୋହଲ xy ସମାନ ଚାରି x ବର୍ଗ ଏବଂ y ଷୋହଲ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ସେମାନଙ୍କୁ ଷଡ଼ଯନ୍ତ୍ର କର ଏହା ତୁମର y ଅକ୍ଷ ଏହା ତୁମର x ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ y ବର୍ଗ ଚାରି x ଏବଂ y ବର୍ଗ ସମାନ 16 x ସହିତ ସମାନ, ସେମାନେ ଭର୍ଟେକ୍ସ 0 0 ଏବଂ ଭର୍ଟେକ୍ସ 0 0 ଏବଂ ଅକ୍ଷକୁ x ଅକ୍ଷ ଭାବରେ ରଖିଛନ୍ତି

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହି ଦୁଇଟି ପାରାବୋଲା ଏବଂ y କୁ ଚାରି x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ y ଷୋହଲ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ । ପାରାବୋଲାସ୍ କିଛି ଯାହାର ଭର୍ଟେକ୍ସ ଶୂନ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଅକ୍ଷ ହେଉଛି y ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହି ଦୁଇଟି ପାରାବୋଲା ପାଇବ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହା ତୁମର y ବର୍ଗ ଚାରି x ଦୁ sorry ଖୁଡ଼ି y ଚାରି x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା y ଷୋହଲ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ଅଞ୍ଚଳ । ପୁନର୍ବାର ମୁଁ ପୁନର୍ବାର ତୁମେ ସମସ୍ତଙ୍କୁ ଖୋଜ, ତୁମେ ଏହାକୁ ସୀମିତ ସଂଖ୍ୟକ ଆକୃତିରେ ଭାଙ୍ଗି ପାରିବ କି ଯାହାର କ୍ଷେତ୍ର ତୁମକୁ ଜଣା ଏବଂ ଶେଷରେ ତୁମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀର ଜଣାଶୁଣା ପଦ୍ଧତି ବ୍ୟାପାର ଗଣନା କରିପାରିବ ଏବଂ ଏହି ସମସ୍ତ ଉଦାହରଣ ଯାହା ମୁଁ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆଲୋଚନା କରିସାରିଛି । ଶେଷରେ ଏବଂ ଆମେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ସମାଧାନ କରିବା ଏବଂ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରିବା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବା ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଏହି ଫର୍ମରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯାଇଛି ଯେଉଁଠାରେ ଏକ ନିମ୍ନ ସୀମା କୁହାଯାଏ ଏବଂ b କୁ ଉପର ସୀମା କୁହାଯାଏ ଏବଂ ଏହା କ୍ଷେତ୍ରର ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରେ । ଫଙ୍କସନ୍ ଆସନ୍ତୁ ଅନୁମାନ କରିବା ଯାହା ଦି f ାରା f x ପଡ଼ିତ୍ୱ ଅଟେ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି ତେବେ ଏହା ହେଉଛି y ଅକ୍ଷ ଏହା ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ଆପଣଙ୍କର କାର୍ଯ୍ୟ ଏହା x ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା x ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପ୍ରଶ୍ନ ହେଉଛି କିପରି ଏହି ମୂଲ୍ୟକୁ ଗଣନା କର, ଗୋଟିଏ ଗଣନା କରିବାର ଦୁଇଟି ପଦ୍ଧତି ହେଉଛି ସୀମିତ ରାଶିର ସୀମା ଦି and ାରା ଏବଂ ଅନ୍ୟଟି ହେଉଛି ଆଣ୍ଟି ଡେରିଭେଟିଭ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ପ୍ରଥମେ ଦେଖିବା ଏହି ସୀମିତ ରାଶିର ସମୟ ସୀମା ମଧ୍ୟରେ କିପରି ବିକଶିତ ହେଲା ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା କିପରି t ଡାକ୍ତର ସୀମିତ ରାଶିର ସୀମା ବିକଶିତ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏଥିପାଇଁ ମୁଁ ପୁଣି ଏକ ଉଦାହରଣକୁ ବିଚାର କରିବି ଏବଂ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ କହିବି ଯେ y ମଧ୍ୟରେ ସମାନ ସୀମା 0 y ସହିତ 1 ସ୍ପର୍ଶ x ବର୍ଗ x ସମାନ 0 ଏବଂ x 1 ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ 1 ସହିତ ସମାନ । ଆମେ ପ୍ରଥମେ ଏହି ଅଞ୍ଚଳକୁ ଷଡ଼ଯନ୍ତ୍ର କରୁ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ତୁମର y ଅକ୍ଷ ଏହା ତୁମର x ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ y 1 ସ୍ୱୟଂ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ପୁଣି ଏକ ପାରାବୋଲା ଯାହାର ଭର୍ତ୍ତୀ 0 କମା 1 ଏବଂ ଯାହାର ଅକ୍ଷ y ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ତୁମେ ଏହି ଆକୃତି ପାଇବ 0 କମା 1 | ଏବଂ ଏହା x କୁ 0 ସହିତ ସମାନ ବୋଲି କୁହନ୍ତୁ ଏହା x ସହିତ ସମାନ 1 ଏହା y ସହିତ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏହା y ଏକ ସ୍ୱୟଂ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଛାୟା କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଖୋଜୁଛୁ

ତେଣୁ ଏହା କ୍ଷେତ୍ରର ମୂଲ୍ୟ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଅବିଚ୍ଛେଦ୍ୟ ଅଟେ | ଶୂନ୍ୟ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ x ବର୍ଗ dx

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ସେହି ସମାନ କି ick ଶଳ ବ୍ୟବହାର କରିବା ଯାହାକି ଆମେ ପୂର୍ବରୁ କରୁଥିଲୁ ଏବଂ ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଅନେକ ଆକାରରେ ବିଭକ୍ତ କରୁଥିଲୁ

ତେଣୁ ବ୍ୟବଧାନର ଏହି ମଧ୍ୟଭାଗକୁ ନେଇ ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଦୁଇଟି ସର୍ବ ଅଞ୍ଚଳରେ ବିଭକ୍ତ କରୁ | ଏହା x ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏହିପରି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଆଙ୍କିବା | ଏହି ଦୁଇଟି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଗଣନା କ୍ଷେତ୍ର କୁହନ୍ତି ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଏହି କ୍ଷେତ୍ରଟି ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଏହା r ଦୁଇଟି

ତେଣୁ ଆମେ କହିବୁ ଯେ ଉଭୟ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଦୁଇଟି କ୍ଷେତ୍ର r ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ r ଦୁଇଟି r ଗୋଟିଏ ପ୍ରଥମ କ୍ଷେତ୍ର ଅଟେ | ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଛୋଟ ଏବଂ r ଦୁଇଟି ହେଉଛି କ୍ଷେତ୍ରଟି ବର୍ତ୍ତମାନ ବୃହତ୍ ଅଟେ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ଗଣନା କରିବା ତେବେ ଆମେ ଅଧା ପାଇଥାଉ ଏହି ଆୟତାକାରର ମୋଟେଇ ଏବଂ ଉଚ୍ଚତା x ରେ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାଲୁ୍ୟ ବ୍ୟାପାର ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଶୂନ୍ୟ ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଅଧା ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାଲୁ୍ୟରେ | ଅଧା ରେ

ତେଣୁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ ଚାରିରୁ ଗୋଟିଏ ପାଇବୁ ଏହା ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ସହିତ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ ଚାରି ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହାକୁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଭାବରେ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ଲେଖିପାରିବା ଯାହା ନଅରୁ ଆଠଟି ଯାହାର ମୂଲ୍ୟ ଗୋଟିଏ ପଏଣ୍ଟକୁ ଦୁ two ଖ କରିବା ସହିତ ସମାନ | ଆପଣ ଦେଖନ୍ତି a ହେଉଛି ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ର ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ 1 ଦୁଇଟି ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଏକ ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରିବାବେଳେ ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ବାଦ ଦେଇଛୁ

ତେଣୁ ଏହି 1 2 ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ରଠାରୁ କମ୍ 1 ବର୍ତ୍ତମାନ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ରଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ | ଆମେ ପ୍ରକୃତ ଅନୁମାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁ | ଅନ୍ୟ ପଦ୍ଧତି q area ାରା କ୍ଷେତ୍ର

ତେଣୁ ଏଥିପାଇଁ ଆମକୁ ପୁନର୍ବାର ଚିତ୍ର ଆଙ୍କିବାକୁ ପଡିବ ଏହା ହେଉଛି x ଏହା ହେଉଛି y ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ପାରାବୋଲା ଏକ ସ୍ୱୟଂ x ବର୍ଗ କୁହନ୍ତୁ ଏହା x ସହିତ ସମାନ, ଏହା x ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ଶୂନ୍ୟ x ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ପୁନର୍ବାର ସର୍ବ ଏରିଆକୁ ଦୁଇଟି ସର୍ବ ଏରିଆରେ ବିଭକ୍ତ କରିବା ଏହାର ଅଧା ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ଶୂନ୍ୟ ଯାହାକି ସେହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରକୁ ନେବା ପରିବର୍ତ୍ତେ ଏହାକୁ ଏକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବା ଏବଂ ଏହାକୁ ଏକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବା ଏବଂ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରଟି ଗୋଟିଏ ବୋଲି କହିବା | ବାର୍ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି r ଦୁଇଟି ବାର୍ | ତୁମେ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏରୁ ଚାରି ସ୍ୱୟଂ ଅଧାକୁ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାଲୁ୍ୟରେ ପାଇଥାଉ ଯାହା ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ ଅଟେ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଗଣନା କରିବା ତେବେ ତେରୁ ଆଠଟି ଏବଂ ଏହା ଗୋଟିଏ ପଏଣ୍ଟ ଛଅ ଦୁଇ ପାଞ୍ଚ ସହିତ ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ରାଶି ଯାହା ଆମେ ଗଣନା କରିଛୁ ଯେ ଆମେ $u2$ ଯାହାକୁ ଆମେ ଗଣନା କରିଛୁ ଉପର s ଭାବରେ କୁହାଯାଏ | ଓମ୍ ଏବଂ ଶେଷ ଗଣନାରେ ଆମେ 12 ଗଣନା କରିଛୁ ଯାହାକୁ ଆମେ 12 ଗଣନା କରିଛୁ ଯାହାକୁ ବର୍ତ୍ତମାନ କମ୍ ରାଶି ଭାବରେ କୁହାଯାଏ ଯାହା ଏଠାରେ ଆମେ ଦେଖିପାରୁଛୁ ଯେ $u2$ ସର୍ବଦା $u2$ ଠାରୁ ସର୍ବଦା ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ରଠାରୁ ବଡ଼ ଅଟେ କାରଣ ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ଅତିରିକ୍ତ ଆବଶ୍ୟକତାକୁ ଗଣନା କରାଯାଇଛି | କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି ଏହା

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରଟି ଯୋଡ଼ା ଯାଇଛି

ତେଣୁ $u2$ ହେଉଛି ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ରଠାରୁ ଅଧିକ ଏବଂ 12 ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ରଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ 12 ର ମୂଲ୍ୟ 1.125 ଥିଲା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ର କିପରି ପାଇବେ

ତେଣୁ ଆମେ ଆମର ଗଣନାରୁ ଯାହା ଦେଖୁ | ଯଦି ଆମେ ଥରେ ଥରେ ଗଣନା କରିବା ପରେ ଆମେ ଦୁଇଟିକୁ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରକୁ ନେଇଛୁ ଏବଂ ତୁମେ ଗଣନା କରିପାରିବା ପରେ ଦୁଇ ଜଣ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଏବଂ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରକୁ ନେଇଛନ୍ତି

ତେଣୁ ସଠିକତା କିପରି ବ to ୍ରବ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଅଧିକ ସର୍ବ ରେ ବିଭକ୍ତ କରିବା ତେବେ ଆମେ କଣ କରିବା | ଅ say ିତଳଗୁଡ଼ିକ ଏହା ଏକରୁ ଚାରିଟି ଏହା ଅଧା ଥିଲା ଏହା ତିନିଟି ଚାରିଟି ଏହା ଏକ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ସ୍ୱୟଂ ଏବଂ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ର ଏବଂ ଏହି ପୁନ re ର କ୍ଷେତ୍ର | $ctangle$

ତେଣୁ ଆହୁରି କିଛି କ୍ଷେତ୍ର ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ ହେବ

ତେଣୁ ମୂଲ୍ୟ ହେବ ଏହି ଦୁଇଟି ଅଂଶ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମର ଆନୁମାନିକ ଅଞ୍ଚଳରେ ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ ହେବ ଆମେ କହିବୁ ଏହା ହେଉଛି 14 ଏହା ଅନ୍ୟ ଏକ କମ୍ ରାଶି ଯାହାକୁ ଆମେ 1 ଚାରି ଏବଂ 1 ଚାରିଟି ଏହି ଚାରୋଟି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ସମୀକରଣ | ଏହା ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଉଚ୍ଚତାରେ ଗୋଟିଏରୁ ଚାରି ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହା ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାଲୁ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ବ୍ୟାପାର ପରିଚାଳିତ ହେବ କାରଣ ଫଳସ୍ୱରୂପ ବ is ୁଛି

ତେଣୁ ଆମେ ଶୂନ୍ୟରେ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାଲୁ୍ୟରେ ଶୂନ୍ୟ ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ ଏହା ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ପରେ ଗୋଟିଏ ଚାରିରୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ରେ | ଗୋଟିଏ ବ୍ୟାପାର ଚାରିଟିରେ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାଲୁ୍ୟ ଚାରି ଚାରି ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଚାରି ସ୍ୱୟଂ ନଅ q 16 ାରା 16 ଯାହା 1 ସ୍ୱୟଂ 14 ରୁ 4 ରୁ 16 ସହିତ ସମାନ ଯାହା 32 ରୁ 32 ସ୍ୱୟଂ 7 ରୁ 32 ସହିତ ସମାନ ଯାହା 39 ରୁ 32 ଯାହାର ମୂଲ୍ୟ ଗୋଟିଏ ପଏଣ୍ଟ ଦୁଇ ଏକ ଆଠ ବର୍ତ୍ତମାନ ମନେରଖ ଯେ ତୁମର 1 ଦୁଇଟି ଥିଲା | ଗୋଟିଏ ପଏଣ୍ଟ ଗୋଟିଏ ଦୁଇ ପାଞ୍ଚ

ତେଣୁ ତୁମେ ଯାହା ଦେଖୁଛ ଯେ 1 2 1 4 ଠାରୁ କମ୍ ଏବଂ 1 4 a ଠାରୁ କମ୍ କାରଣ ଆମେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କ୍ଷେତ୍ର ଛାଡ଼ିଛୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ବ୍ୟାପାର ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଆକଳନ କରିଛୁ, ଆସନ୍ତୁ ପୁନର୍ବାର ଆନୁମାନିକ କ୍ଷେତ୍ର ଗଣନା କରିବା | ଏହାକୁ ବ୍ୟବଧାନରେ ବିଭକ୍ତ କରିବା ଏବଂ ପୂର୍ବରୁ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରକୁ ନେଇ ଆମର ଏହି ଦୁଇଟି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଥିଲା

ତେଣୁ ଆମର ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ଅଧିକ ଥିଲା

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଅବହେଳା କରାଯିବ

ତେଣୁ $u4$ $u4$ ଚାରୋଟି ବ୍ୟବଧାନ ପାଇଁ $u4$ $u2$ ଠାରୁ କମ୍ ହେବ କିନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି | ବାସ୍ତବରେ ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ରଠାରୁ ଅଧିକ

ତେଣୁ $u4$ ର $u4$ ର ମୂଲ୍ୟ ଏଥର ପ୍ରଥମ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଉଚ୍ଚତା ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାଲୁ୍ୟ q one ାରା ଚାରିରୁ ଗୋଟିଏରେ ଚାରିରୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ ଷୋହଳ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ ଚାରିରୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏରେ ପରିଚାଳିତ ହେବ | ଚାରି ସ୍ୱୟଂ q by ାରା ଚାରିରୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ନଅରୁ ଷୋହଳ q $this$ ାରା ଏହା ଅଧା ଏହା ତିନିରୁ ଚାରି ଏହା ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ ଚାରିରୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ଏଥର ଉଚ୍ଚତା ଏହି ସମୟରେ ଫଳସ୍ୱରୂପ ଭାଲୁ୍ୟ ବ୍ୟାପାର ପରିଚାଳିତ | ଏହି ବିନ୍ଦୁକୁ ସ୍ୱଚିତ କର ଏବଂ ଏହି ବିନ୍ଦୁକୁ ସ୍ୱଚାଳ ଦିଅ,

ତେଣୁ ଆମର ଏହି ଚାରିଟି ଅଛି ଏବଂ u ଚାରିର ମୂଲ୍ୟ ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ଚାରି ଚାରି ଚାରି ସ୍ୱୟଂ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟଂ ଚାରି ସ୍ୱୟଂ ନଅ ସ୍ୱୟଂ ଷୋହଳ q so ାରା ଷୋହଳ q so ାରା ଆମେ 1 ସ୍ୱୟଂ 30 ରୁ 4 ରୁ 16 ପାଇଥାଉ ଯାହା 47 ରୁ 32 ସହିତ ସମାନ | ଯାହା 1.46875 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ମନେରଖନ୍ତୁ ଯେ $u2$ ର ମୂଲ୍ୟ 1.625 ଥିଲା

ତେଣୁ ଶେଷରେ ଏହି ହିସାବରୁ ଆମେ ଯାହା ପାଇଲୁ ତାହା ହେଉଛି ନିମ୍ନ ରାଶି ଏହି ସମ୍ପର୍କକୁ ସମ୍ବନ୍ଧ କରେ ଏବଂ ଉପର ରାଶି ଏହି ସମ୍ପର୍କକୁ ସମ୍ବନ୍ଧ କରେ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମର n ବ୍ୟବଧାନ ଥାଏ ତେବେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ପର କ'ଣ ହେବ? ଆମେ ବ୍ୟବଧାନରେ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟକ ପଏଣ୍ଟ ବ $increase$ ାଇବୁ ଏକ ମୂଲ୍ୟ

ପାଇବ ଯାହା ଉଭୟ ଉପର ପାର୍ଶ୍ୱରୁ ଏବଂ ତଳ ପାର୍ଶ୍ୱରୁ ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ରର ନିକଟତର ଅଟେ ଯାହା କମ୍ ରାଶି ଏବଂ ଉପର ରାଶିରୁ ହୋଇଥାଏ
ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ସର୍ବ ଲଘୁରଭାଲ୍ ସଂଖ୍ୟା ବ $increase$ ାଇଥାଉ ତେବେ ଉପର ରାଶି କମିଯାଏ ଏବଂ କମ୍ ରାଶି ବୃଦ୍ଧି ହୁଏ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆମେ ସର୍ବ ସ୍ୱ
ଫିଲ୍ଡିଂର ସାମିତ ସଂଖ୍ୟକ ସର୍ବ ଲଘୁରଭାଲ୍ ନେଇଥାଉ ତେବେ ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟ ପାଇବାରେ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ହେବ ନାହିଁ
ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି lns ର ସୀମା ନେଇଥାଉ ତେବେ ଆମେ ତାହା ଦେଖିବା | ଏହି ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ଗୋଟିଏ ମୂଲ୍ୟରେ ପରିଣତ ହେବ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି
ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟ ଯାହା 0 ରୁ 1 ପୁର୍ଯ୍ୟନ୍ତ x ବର୍ଗ dx ହେବ , ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା, ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ର ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଆମେ ଏହି କ ick ଶଳକୁ କିପରି
ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା | ଆମେ ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ନେବା, fx ବନ୍ଦ ଲଘୁରଭାଲ୍ ab ଉପରେ ଏକ କ୍ରମାଗତ କାର୍ଯ୍ୟ ହେବା ସହିତ ଏହା ଅନୁମାନ କରିବା ସହିତ fx
ସକାରାତ୍ମକ ଅଟେ ଏହି ଧାରଣା ପଛରେ ଏକ କ୍ଷେତ୍ର ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବା ସହଜ ଅଟେ ଯେ ଏକ କ୍ଷେତ୍ର କେବଳ x ଅକ୍ଷର ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ରହିବ ଏବଂ fx ହେଉଛି
ବୋଲି ଅନୁମାନ କରିବା | ବ $increasing$ ିବ
ତେଣୁ ପ୍ରଥମେ ଆମେ ଏହାକୁ ଫଙ୍କସନ୍ ବ for ାଇବା ପାଇଁ କରିବୁ କିନ୍ତୁ ଏହି ସିଦ୍ଧାନ୍ତକୁ ଯେକ any ଶସି କ୍ରମାଗତ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ବିସ୍ତାର କରାଯାଇପାରିବ ଯାହା ବ
 $increasing$ ୁନାହିଁ
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ fx ର କ୍ଷେତ୍ର ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଯାହାକି x ମଧ୍ୟରେ a ଏବଂ x ମଧ୍ୟରେ b ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ଉପରେ | x ଅକ୍ଷ
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଚିତ୍ର ଆଙ୍କିବା, ଯେହେତୁ ଆମେ ଅନୁମାନ କରିଛୁ ଯେ fx ପରିଚିତ୍ ଏବଂ ବ୍ୟବଧାନରେ ବ $increasing$ ୁଛି ଆମେ ଏହିପରି ଗ୍ରାଫକୁ ଅନୁମାନ
କରିପାରିବା ଏହା ହେଉଛି ଆପଣଙ୍କର fx ଏହା ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ ଏହା y ଅକ୍ଷ ବର୍ତ୍ତମାନ n ସର୍ବ int ରେ ବିଭକ୍ତ | ସମାନ ଦ $length$ ଧ୍ୟର ଏଭାଲ୍
ତେଣୁ କୁହନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ପଦ୍ମଗୁଡ଼ିକ କୁହନ୍ତୁ ଏହା x ନୁହେଁ ଏହା xn ଅଟେ
ତେଣୁ x କିଛି ନୁହେଁ axn ହେଉଛି b
ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ବ୍ୟବଧାନକୁ ସମାନ ଦ $length$ ଧ୍ୟର n ସର୍ବ ଲଘୁରଭାଲ୍ରେ ବିଭକ୍ତ କରିଛୁ ଯାହା ଦ $this$ ାରା ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ଦେବ | ପ୍ରତ୍ୟେକ ସର୍ବ
ବ୍ୟବଧାନର ଦ $length$ ଧ୍ୟ ଏବଂ କୁହ ଯେ ଏହା ହେଉଛି ଯେହେତୁ ପଦ୍ମଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ବ୍ୟବଧାନରେ ଅଛି
ତେଣୁ xk ଯେକ any ଶସି ବିନ୍ଦୁକୁ ଏହି ସୂତ୍ର ବ୍ଯାବହାର କରିବା କରାଯାଇପାରିବ ଯେଉଁଠାରେ k 1 ରୁ n କୁ ଯାଏ
ତେଣୁ ଆମର ପରିକ୍ଷିତ ଅଛି ଯାହା ଦ we ାରା ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ସର୍ବ ଏରିଆରେ ବିଭକ୍ତ କରିଛୁ | x ଅକ୍ଷରେ ସମାନ ବ୍ୟବଧାନରେ ପଦ୍ମ ପଦ୍ମ ଗ୍ରହଣ କରିବା,
ଆସନ୍ତୁ ln କମ୍ ରାଶି ପରିଭାଷିତ କରିବା
ତେଣୁ ଏହା x କିଛି ନୁହେଁ ଏହା x ଗୋଟିଏ ଏହା x ଦୁଇଟି ଏହା xn ଏହା xn ମାଲନ୍ସ ଗୋଟିଏ
ତେଣୁ l କୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ର ଖୋଜୁ | ବକ୍ର ତଳେ ln ଏହି ଉଚ୍ଚତା ମଧ୍ୟରେ ଏହି ମୋଟେଇ
ତେଣୁ ପଦ୍ମଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ଭାବରେ ବ୍ୟବହୃତ ହୋଇଥିବାରୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉପ ବ୍ୟବଧାନର ମୋଟେଇର ଉଚ୍ଚତା h
ତେଣୁ ln h କୁ fx ରେ ନାହିଁ ଏବଂ ଶେଷକୁ ଉଚ୍ଚତା ପାଇଁ fx ରେ h ଅଟେ | $gove$ ହେବ | ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର rn ଉଚ୍ଚତା xn ମାଲନ୍ସ ରେ ଫଙ୍କସନ୍
ଭାଲ୍ୟୁ ବ୍ଯାବହାର ପରିଚାଳିତ ହେବ
ତେଣୁ fxn ମାଲନ୍ସ ରେ h
ତେଣୁ ଆମେ ln ଲେଖିପାରିବା ଯେପରି hk ରେ ସମୀକରଣ fxk ଶୂନ୍ୟରୁ n ମାଲନ୍ସ ଯାଏ ଆମେ ସମାନ ଭାବରେ un କୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିପାରିବା | ଏହିପରି,
ଯେହେତୁ ଫଙ୍କସନ୍ ବ is ୁଛି, ଉପର ରାଶିଗୁଡ଼ିକ x ରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁରେ h ଭାବରେ ପରିଭାଷିତ ହେବ କାରଣ ଫଙ୍କସନ୍ ବ is ୁଛି
ତେଣୁ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଉଚ୍ଚତା x ରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁ ବ୍ଯାବହାର ପରିଚାଳିତ ହେବ
ତେଣୁ fx ଏକ ପୁର୍ଯ୍ୟନ୍ତ h ରେ | ଶେଷ ପାଇଁ fx ଦୁଇରେ ଆମେ h କୁ fxn ରେ ପାଇବୁ
ତେଣୁ ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଲେଖିପାରିବା ଯେହେତୁ k ର ସମୀକରଣ 1 ରୁ $nfxk$ କୁ h କୁ ଯାଏ
ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁଛୁ ଯେ ln ର ସମୀକରଣ k ରୁ 0 ରୁ n ମାଲନ୍ସ 1 fxk କୁ h କୁ ଯାଏ | ଏବଂ un ହେଉଛି ସମୀକରଣ k ପୂର୍ବ ଆଲୋଚନା ଠାରୁ
 $nfxk$ କୁ h କୁ ଯାଏ ଆମେ ଦେଖୁଛୁ ଯେ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ସର୍ବଦା ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ରଠାରୁ କମ୍ ଏବଂ u ns ସର୍ବଦା ପ୍ରକୃତ କ୍ଷେତ୍ରଠାରୁ ବଡ଼ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କର ସାମିତ
ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ଆପଣଙ୍କୁ ଏସି ଦେଇଥାଏ | ତୁଆଲ୍ ଏରିଆ
ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ln ର ସୀମା ନିଅନ୍ତି, ଯଦି ଆପଣ k ର ସୀମାକୁ ଶୂନ୍ୟରୁ n ମାଲନ୍ସ ଗୋଟିଏ fxk କୁ h କୁ ନେଇଯାଆନ୍ତି ତେବେ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ଫଙ୍କସନ୍ ର
କ୍ଷେତ୍ର ଦେଇଥାଏ ଯାହା x ସହିତ ସମାନ କୁମ୍ବ ସହିତ b କୁ ସମାନ ଅଟେ
ତେଣୁ ଆପଣ କରିପାରିବେ | ଦେଖନ୍ତୁ ଏହି ସୂତ୍ରରୁ ସମୀକରଣ ସହିତ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ କିପରି ଜଡ଼ିତ, ଆପଣ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର କମ୍ ରାଶି କିମ୍ବା ଉପର ରାଶି ମୂଲ୍ୟ ବ୍ୟବହାର
କରି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବେ,
ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଦିଆଯାଇଥିବା ବକ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରକୁ ଗଣନା କରିବା ପାଇଁ ଆପଣ ଅନ୍ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବେ | ବକ୍ରତା କିନ୍ତୁ x ଅକ୍ଷ ଉପରେ a ଏବଂ b ମଧ୍ୟରେ
ଖୋଲିବା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ କିଛି ଉଦାହରଣ ସମାଧାନ କରିବା ଏବଂ ଦେଖିବା ଏହି ସିଦ୍ଧାନ୍ତ କିପରି କାର୍ଯ୍ୟ କରେ
ତେଣୁ y ମଧ୍ୟରେ ଶୂନ୍ୟ y ସହିତ ସମାନତା ଏକ ପୁର୍ଯ୍ୟନ୍ତ x ବର୍ଗ x ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ x ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ | ସମାନ ବକ୍ର ଯାହା ଆପଣ ପୂର୍ବରୁ ଅଙ୍କନ
କରିଛନ୍ତି
ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ଆଉଥରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାକୁ ଯାଉଛି ନାହିଁ
ତେଣୁ ଆମେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରକୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ସମାନ ଆକାରର n ସର୍ବ ଲଘୁରଭାଲ୍ରେ ବିଭକ୍ତ କରିଛୁ
ତେଣୁ ଏହା ଆପଣଙ୍କର 0
ତେଣୁ x କିଛି ନାହିଁ 0 xn ହେଉଛି 1 x ଏହା ହେଉଛି x 1 ଏହା ଏହା ହେଉଛି xn ମାଲନ୍ସ 1 ଏବଂ ଏହିପରି | ଲ ଲଘୁରଭାଲ୍ 0 1 କୁ ସମାନ୍ତରାଳର n ସର୍ବ
ଲଘୁରଭାଲ୍ରେ ବିଭକ୍ତ କରିବା ଦ 1 ାରା 1 ମାଲନ୍ସ 0 ଦ n ାରା ଆପଣଙ୍କୁ h ଦିଆଯିବ ଏବଂ ଏହି ସୂତ୍ର ବ୍ଯାବହାର xk x କିଛି ନୁହେଁ ପୁର୍ଯ୍ୟନ୍ତ khx 1 ହେବ 0 ପୁର୍ଯ୍ୟ
 h ହେଉଛି 1 ଦ n ାରା
ତେଣୁ ଆପଣ 1 ବ୍ଯାବହାର ପାଇବେ | k ରେ xk ଏତେ xk ହେଉଛି k ଦ n ାରା n
ତେଣୁ x ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ nx ଦ by ାରା ଦୁଇଟି ଏବଂ xn ମାଲନ୍ସ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି n ମାଲନ୍ସ ଗୋଟିଏ n ଏବଂ xn ଗୋଟିଏ ଆସନ୍ତୁ ଏଥିପାଇଁ ln
ଲେଖିବା
ତେଣୁ ln ହେବ h ଯାହା ହେବ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସର୍ବ ବ୍ୟବଧାନର ଦ $length$ ଧ୍ୟ
ତେଣୁ ln ରେ ln ହେଉଛି ଏହି ସମସ୍ତ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ସମୀକରଣ ଯାହାକି ବକ୍ରତା ତଳେ h କୁ fx ରେ ରଖେ ଯାହା ଦ one ାରା ଗୋଟିଏ ପୁର୍ଯ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ପୁର୍ଯ୍ୟ h
ଗୋଟିଏ ପୁର୍ଯ୍ୟ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁରେ x
ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ପୁର୍ଯ୍ୟ ଏବଂ ବର୍ଗ ବର୍ଗ n ବର୍ଗ ପୁର୍ଯ୍ୟ | ଶେଷ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଏହି ଗୋଟିଏ h କୁ 1 ପୁର୍ଯ୍ୟ ସହିତ xn ମାଲନ୍ସ 1 ରେ ଫଙ୍କସନ୍ ମୂଲ୍ୟର ଉଚ୍ଚତା କାରଣ
ଫଙ୍କସନ୍ ବ is ୁଛି ଏବଂ ଆୟତକାରୀ ବକ୍ର ତଳେ ପଡ଼ିଛି
ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ପାଇଲୁ
ତେଣୁ ମୋତେ ଏହାକୁ ପୁନର୍ବାର h ରେ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅ | ଆମେ 1 ପୁର୍ଯ୍ୟ ପାଇଥାଉ ଏହା n ଥର ଅଟେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ 1 ବର୍ଗ ପୁର୍ଯ୍ୟ 2 ବର୍ଗ ପୁର୍ଯ୍ୟ n ମାଲନ୍ସ
ଗୋଟିଏ ସ୍ଥା ପାଇଥାଉ | re by n ବର୍ଗ ଯେହେତୁ ଆମେ ପ୍ରମାଣ କରିଛୁ ଯେ h ଗୋଟିଏ ପରେ n ଅଟେ
ତେଣୁ ମୁଁ h କୁ ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ବଦଳାଇ ପାରିବି, ଆମେ ଏଠାରେ ସମୀକରଣକୁ n ଭାବରେ ପାଇଥାଉ ଏବଂ ସମୀକରଣର ସେମି ମୂଲ୍ୟ ତୁମକୁ ଭଲ
ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା ତୁମେ ଏହି ସମୀକରଣ ଲେଖି ପାରିବ | ବର୍ଗ ପୁର୍ଯ୍ୟ ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ପୁର୍ଯ୍ୟ n ମାଲନ୍ସ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଯେହେତୁ ଏହା ହେଉଛି

ତେଣୁ ଏହା 1 ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ 1 ରୁ 6 1 ମାତ୍ର 1 ବା 1 ନ୍ନ ଦ୍ୱାରା 2 ମାତ୍ର 1 ଦ୍ୱାରା 1n ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି 1n ର ସମାପନ ନିଅ, ଯେହେତୁ n ଅସମାପନ ପାଇଁ 1 ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ପାଇଥାଏ | 1 ରୁ 6 ରୁ 2 ଏହା 1 ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ 1 ରୁ 3 ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଚାରିରୁ ତିନୋଟି ଅଟେ ଯାହା ଶୁନୁ ଗୋଟିଏ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗର ଏକ ଅବିଭେଦ୍ୟ ଅଟେ ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ରାଶିର ଏହି ପ୍ରକ୍ରିୟା ଗଣନା ପାଇଁ କିପରି ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇପାରିବ | ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବକ୍ତୃତ୍ତ ଅର୍ଥାତ୍ ଅ u h ଚଳର ଅ u h ଚଳର ଅ area ଚଳ ଯାହାକି x x ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ x ଅକ୍ଷରେ b ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଶୁନ୍ୟ x ସହିତ ସମାନ ଶୁନ୍ୟ ଏବଂ x ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ତୁମର y ଅକ୍ଷ ଏହା ତୁମର x ଅକ୍ଷ ଏବଂ e ଶକ୍ତି | ମାତ୍ର x ଏହିପରି ଅକ୍ଷାୟାକାରୀବ ତେଣୁ ଏହା x ସହିତ 0 ସହିତ ସମାନ, ଏହା x ସହିତ 1 ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି ଇ ପାଖର ମାତ୍ର x ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି 0 ସହିତ ସମାନ | ତେଣୁ ପୁନର୍ବାର ପୂର୍ବ ପରି ସମାନ, ତୁମେ ବ୍ୟବଧାନ x କୁ ବିଭାଜନ କରିବା ଆବଶ୍ୟକ | 0 ସହିତ ସମାନ କିନ୍ତୁ x x 1 ବ୍ୟବଧାନରେ 0 1 n n ବ୍ୟବଧାନରେ ସମାନ

ତେଣୁ ପୁନର୍ବାର 1 ମାତ୍ର 0 ହେବ ଏବଂ ଏହା ପ୍ରତ୍ୟେକ ସବୁ ବ୍ୟବଧାନର ଦ length ଘ୍ୟ ହେବ ଏବଂ x 1 xk x କିଛି ହେବ ନାହିଁ ଏବଂ ଏଠାରେ x କିଛି ଶୁନ୍ୟ ନୁହେଁ |

ତେଣୁ xk ଶୁନ୍ୟ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ k କୁ ଗୋଟିଏ ଦ୍ୱାରା n ତେଣୁ x ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ nx ଦ୍ୱାରା 2 ଦ୍ୱାରା ଏବଂ ଏଠାରେ ଧାନ ଦେବା ପାଇଁ ଯଦି ଆପଣ 1n ଲେଖନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ h ଥର ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁ ପାଇବେ କିନ୍ତୁ ଏଠାରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଏହା ହ୍ରାସ ପାଉଛି | ସମୟ, ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁ ବା 1 x ରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁ ଶୁନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହେବ ନାହିଁ କିନ୍ତୁ x ରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁ

ତେଣୁ ଏହି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଉଚ୍ଚତା x ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁ ବା 1 ପରିଚାଳିତ ହେବ କାରଣ ଫଙ୍କସନ୍ ଶେଷ ପାଇଁ ସମାନ ଭାବରେ ହ୍ରାସ ହେଉଛି | x ରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁ ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ 1n ହେଉଛି fx ରେ | ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁରେ x ଦୁଇଟିରେ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାଲ୍ୟୁରେ ଗୋଟିଏ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ, କମ ରାଶି ପାଇଁ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଉଚ୍ଚତା ପାଇଁ x ଦୁଇ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ h ପାଇଁ fxn ରେ ତୁମର ଫଙ୍କସନ୍ fx ହେଉଛି 0 ମାତ୍ର x

ତେଣୁ ତୁମେ ପାଖର ମାତ୍ର ଏକକୁ h ପରି 1n ପାଇବ | n ଦ୍ୱାରା so ଯାହା h ସାଧାରଣ ଅଟେ ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ପାଖର ମାତ୍ର କୁ n ଦ୍ୱାରା plus ଯାହା n ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା

ତେଣୁ ପାଖର ମାତ୍ର କୁ n ଥର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ମାତ୍ର କୁ n ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ମାତ୍ର କୁ ମାତ୍ର n ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ପାଖର କୁ ଲେଖିବା | ମାତ୍ର ଗୋଟିଏ ତୁମେ ଏହା ପୂର୍ବରୁ ଆଉ ଏକ ଶବ୍ଦ ଲେଖି ପାରିବ ତୁମେ n ମାତ୍ର ଗୋଟିଏ ପାଇ ପାରିବ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତି ଅଟେ ଏବଂ ତୁମେ ଏହାର ସମୀକରଣକୁ ସରଳ ସୂତ୍ର ବା 1 ଲେଖି ପାରିବ ଯାହା ତୁମେ ମୋଡେ 1 ରୁ n କୁ h ବା 1 ବଦଳାଇବାକୁ ସମାନ | ପାଖର h କୁ e ଦ୍ୱାରା multip ଯାହା ଗୁଣ କର ଯାହା ଦ୍ୱାରା you ଯାହା ତୁମେ ବହୁଗୁଣ କର ଏବଂ ବିଭାଜନ କର ଯାହା ଦ୍ୱାରା you ଯାହା ତୁମେ ପାଖର h ମାତ୍ର 1 ରେ ପହଞ୍ଚିବ ଏବଂ ଏହା ତୁମକୁ ପାଖର ମାତ୍ର 1 କୁ ଦେବ ତୁମେ ଜାଣି ଯେ ଯେତେବେଳେ n ଅସମାପନ 0 କୁ 0 କୁ ପ୍ରବୃତ୍ତି କରେ | n ଏହି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅସମାପନ ଆଡକୁ ଗତି କରେ ତୁମେ ଦେଖି ପାରିବ ଯେ s 0 କୁ ଚେଷ୍ଟା କରେ

ତେଣୁ 1n ର ସମାପନ ଗୋଟିଏ | s ରୁ ଅସମାପନ 1n ର ସମାପନ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯେହେତୁ h ଶୁନ୍ୟରେ ଥାଏ ଏବଂ ଏହି ସମାପନ ପାଖର ମାତ୍ର 0 ରୁ e କୁ ପାଖର ମାତ୍ର ସହିତ ସମାନ ହେବ, ଏହା ପଛରେ ଗୋଟିଏ କାରଣ ହେଉଛି ଶକ୍ତି ବା 1 h ର ସମାପନ | h ମାତ୍ର 1 ଯେହେତୁ h 0 ରେ ଥାଏ,

ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି ପଦ୍ଧତି ବା 1 ଆପଣ ଗଣନା କରିପାରିବେ ଆପଣ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ମୂଲ୍ୟକୁ 0 ରୁ 1 e ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପାଖର ମାତ୍ର x dx ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଗଣନା କରିପାରିବେ ଯାହା 1 ମାତ୍ର u ମାତ୍ର 1 ଭାବରେ ଦେଖିବା | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସମାପନ ପାଇଁ ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ କିପରି ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇପାରିବ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ରାଶିର ସମାପନ କିପରି ବ୍ୟବହାର କରିବା ଏବଂ ବିଭିନ୍ନ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟ ଜାଣିବା ପାଇଁ ଦେଖିବା, ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା କିପରି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ | ଆମେ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ଆରମ୍ଭ କରିବା ପୂର୍ବରୁ ଆମକୁ କିଛି ଧାରଣା ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବାକୁ ପଡିବ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ଫଙ୍କସନ୍ ନେବା ଯାହା ସମାଧାନ ଏବଂ ନିରନ୍ତର ଏବଂ ଏହାକୁ ଗଣିତ ଆସନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି b

ତେଣୁ ଏହି ଫଙ୍କସନ୍ ଏରିଆ ଫଙ୍କସନ୍ କୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ it କରେ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ଛାୟା କ୍ଷେତ୍ରକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରେ | ଏରିଆ ଫଙ୍କସନ୍ ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା | ଯଦି ଯୁଁ x କୁ b ସ୍ଥାନରେ ରଖେ ତେବେ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ବକ୍ତୃତ୍ତ ତଳେ ଥିବା କ୍ଷେତ୍ର ଦେବ ଯାହାକି x ମଧ୍ୟରେ ଥିବା nx ସହିତ x ଅକ୍ଷରେ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ଫଙ୍କସନ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଦୁଇଟି ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ତରୁ one କୁ କହିଥାଉ ଯାହାକୁ ଆମେ fundamental ଲିନି ଥିରେ ମୁଁ କୁହାଯାଏ | କାଲକୁଲସ୍ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଅନ୍ୟଟି ହେଉଛି କାଲକୁଲସ୍ ଦୁଇଟିର ମେ fundamental ଲିନି ତରୁ so

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କାଲକୁଲସ୍ ପ୍ରଥମ ମେ fundamental ଲିନି ଥିରେ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବା ତେଣୁ ଏହା କହିଥାଏ ଯେ ଯଦି ଆପଣଙ୍କ ଫଙ୍କସନ୍ ଅଛି ଯଦି fx ବନ୍ଦ ବ୍ୟବଧାନରେ ଅବିରତ ରହିଥାଏ ଏବଂ ଏରିଆ ଫଙ୍କସନ୍ xfxdx ରୁ ପରିଭାଷିତ ହୁଏ

ତେବେ ଏକ ତ୍ୟାସ x ସମାନ | fx କୁ ଅନ୍ୟ ଥିରେ ଯାହା କାଲକୁଲସ୍ ଦ୍ୱିତୀୟ ମେ fundamental ଲିନି ଥିରେ ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା, ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗଣନା କରିବାରେ ପ୍ରକୃତରେ ବ୍ୟବହୃତ ହେବ ଏବଂ ଏହା କହିଛି ଯେ f କୁ ab ନିକଟ ବ୍ୟବଧାନରେ ଅବିରତ କାର୍ଯ୍ୟ କରିବା ଉଚିତ ଏବଂ କ୍ୟାପିଟାଲ୍ fx ହେଉଛି ଛୋଟ fx ର ଏକ ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ | f dash x fx ସହିତ ସମାନ, ତେବେ a ରୁ bfxdx fxx ସହିତ ସମାନ, a ରୁ x ସହିତ ସମାନ, ଯାହାକୁ ଆମେ fb ମାତ୍ର ଫା ଭାବରେ ଲେଖିଛୁ

ତେଣୁ ଏହି ତରୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ ପାଇଁ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇପାରିବ | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ପ୍ରଦାନ କରାଗଲେ ଆମେ ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଜାଣିବା ଆମକୁ କିଛି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା ଏବଂ ବିଭିନ୍ନ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ପାଇଁ ଏହି ଥିରେ ମୁଁ କିପରି ବ୍ୟବହାର କରାଯିବ ତାହା ଦେଖିବା

ତେଣୁ ଆମେ କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିପାରିବୁ ଏବଂ ଆମେ ସେଗୁଡ଼ିକର ସାହାଯ୍ୟ ନେବୁ ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ମୂଲ୍ୟ | ଯାହା ବକ୍ତୃତ୍ତ ତଳେ ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ which କରେ ଯାହା x ମଧ୍ୟରେ ଶୁନ୍ୟ ଏବଂ x ସମାନ

ଅକ୍ଷରେ x ଅକ୍ଷରେ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଆମେ ରାଶି ସମାପନ ପ୍ରକ୍ରିୟାରୁ ପାଇଲୁ ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ ପଦ୍ଧତି ପ୍ରୟୋଗ କରେ | ଏବଂ ଦେଖନ୍ତୁ ତୁମେ ସମାନ ମୂଲ୍ୟ ପାଇଛ କି ନାହିଁ ଏହି ତରୁ ଦ୍ୱାରା this ଯାହା ଏହି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ମୂଲ୍ୟ x ରୁ ଶୁନୁ x କୁ ଯିବ ଯେଉଁଠାରେ fx ହେଉଛି 1 ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗର ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଯାହା f dash x ହେଉଛି 1 | ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗ

ତେଣୁ ଆମେ ସହଜରେ ଜାଣିପାରିବା ଯେ ଗୋଟିଏ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗର ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ ହେବ ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗର ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ ହେଉଛି x ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ x କ୍ୟୁବ୍ ତିନୋଟି ବା 1 ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ର ମୂଲ୍ୟ ହେଉଛି x ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ x କ୍ୟୁବ୍ 3 x fr ଥିରେ ମୁଁ ପ୍ରୟୋଗ କରି om 0 ରୁ 1 ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଆମେ 1 ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ 1 ରୁ 3 ମାତ୍ର 0 ପାଇଥାଉ ଯାହା 4 ରୁ 3 ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଯାହା ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା ଆମକୁ ମିଳିଥିବା ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ନେବା | x ମଧ୍ୟରେ ପଡିଥିବା କ୍ଷେତ୍ର 0 ଏବଂ x ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ବକ୍ତୃତ୍ତ ପାଖର ମାତ୍ର x ତଳେ ଥିବା ବକ୍ତୃତ୍ତ 1 ସହିତ ସମାନ ଯାହା x ଅକ୍ଷ ଉପରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଯଦି ଆପଣ ଦ୍ୱିତୀୟ ମେ fundamental ଲିନି ପ୍ରୟୋଗ କରନ୍ତି ତେବେ ଏହା ପାଖର ମାତ୍ର 1 ମାତ୍ର ଅଟେ | କାଲକୁଲସ୍ ର ଥିରେ ଯାହା ଦ୍ୱାରା this ଯାହା ତୁମ ସହିତ ସମାନ ହେବ ତୁମେ ସହଜରେ ଦେଖି ପାରିବ ଯେ ଏହାର dx ବା 1 eo ମାତ୍ର x ଅର୍ଥାତ୍ ମାତ୍ର ଇ ପାଖର ମାତ୍ର x ହେଉଛି ଇ ମାତ୍ର x ର ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍

ତେଣୁ ଥିରେ ବା 1 ତୁମେ ଏହାକୁ ଲେଖି ପାରିବ | ଏହା ଏବଂ ଯାହା ପାଖର ମାତ୍ର ସହିତ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର e ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଆପଣ ପୁଣିଥରେ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି ମୂଲ୍ୟ ଯାହା ଆପଣ ରାଶି ସମାପନ ପାଇଛନ୍ତି ସେହି ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଆପଣ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଶ୍ରେଣୀରେ ଆଣ୍ଟି-ଡେରିଭେଟିଭ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ପାଇଛନ୍ତି | ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଗୁଣ ବିଷୟରେ ଅଧିକ ଶିଖିବେ ଏବଂ ଅଧିକ ସମାଧାନ କରିବେ | ଜଟିଳ ସମସ୍ୟା ଆପଣଙ୍କୁ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ |