

ഹലോ വിദ്യാർത്ഥികളേ, കഴിഞ്ഞ ലെക്ചറിലെ ഡെറിവേറ്റീവുകളെ കുറിച്ചുള്ള നാലാമത്തെ ലെക്ചർ ലെക്ചറാണ് ഇന്ന് ഞങ്ങൾ ഡിഫറൻഷ്യൽ കണക്കായി ചെയിൻ റൂൾ നോക്കി, തുടർന്ന് ഞങ്ങൾ അവസാന ക്ലാസിലെ വിപരീത ത്രികോണമിതി ഫംഗ്ഷനുകളുടെ ഡെറിവേറ്റീവുകൾക്കായി തിരയുകയായിരുന്നു. x എന്നതിന് ശേഷം ഞാൻ പറഞ്ഞു, അതുപോലെ തന്നെ മറ്റ് വിപരീത ത്രികോണമിതി ഫംഗ്ഷനുകളുടെ ഡെറിവേറ്റീവ് അടുത്ത ക്ലാസിൽ ഞങ്ങൾ കണക്കാക്കും, അതിനാൽ x ന്റെ സൈൻ വിപരീതത്തിന്റെ ഡെറിവേറ്റീവിന്റെ d ബൈ dx എന്നത് 1 മൈനസ് x ചതുരത്തിന്റെ 1 വർഗ്ഗമൂലത്തിന് തുല്യമാണെന്ന് ഞങ്ങൾ മുമ്പ് കണ്ടു. കൂടാതെ x ന്റെ വിപരീതം x ന്റെ വ്യുൽപ്പന്നം ഒന്നിന് മുകളിലുള്ള x ചതുരമാണ്, ഇപ്പോൾ ത്രികോണമിതിയുടെ പ്രഭാഷണത്തിൽ നിങ്ങൾ ചില ഐഡൻറിറ്റികൾ പഠിച്ചിരിക്കണം, അതിനാൽ ഞങ്ങൾക്കറിയാം സൈൻ ഇൻവേഴ്സ് x പ്ലസ് ടാൻ പ്ലസ് $\cos$ ഇൻവേഴ്സ് x ന് തുല്യമാണ് π രണ്ടിലും ടാൻ വിപരീതം x കൂടാതെ $\cotangent\ inverse\ x$ എന്നത് രണ്ട് കൊണ്ട് π ആണ്, അതുപോലെ തന്നെ $\secant\ inverse\ x$ പ്ലസ് $\cscant$ വിപരീതം x എന്നത് π രണ്ട് ആണ്, അതിനാൽ $\sin\ inverse$ ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് $1/x$ എന്നതിന് $\cos\ inverse\ x$ ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് കണക്കാക്കാൻ കഴിയും ഈ ഐഡൻറിറ്റി അതിനാൽ കോസ് ഇൻവേഴ്സ് x എന്നത് പൈ ബൈ 2 മൈനസ് സിൻ ഇൻവേഴ്സ് x അല്ലാതെ മറ്റൊന്നുമല്ല, ഇത് സൂചിപ്പിക്കുന്നത് കോസ് ഇൻവേഴ്സ് x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് പൈയുടെ ഡെറിവേറ്റീവിന് തുല്യമാണ് സൈൻ വിപരീതം x ന്റെ ഡിഫറൻഷ്യൽ 0 മൈനസ് 1 ബൈ 2 ആണ് അതിനാൽ നമുക്ക് ഇത് ലഭിക്കും ഒരു മൈനസ് x ചതുരത്തിന്റെ മൈനസ് 1 ന്റെ സ്ക്വയർ റൂട്ടിന് തുല്യവും കട്ടിലിന്റെ വിപരീത x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവും തുല്യമാണ് ടാൻ വിപരീത x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവിന്റെ മൈനസിന് തുല്യമാണ്, ഇത് മൈനസ് ഒന്നിന് മുകളിൽ x ചതുരം ആണ് കോസെക്കന്റ് വിപരീതം x , അതിനാൽ എനിക്ക് സെക്കന്റ് വിപരീത x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് കണക്കാക്കാൻ കഴിയുമെങ്കിൽ, വീണ്ടും കോസെക്കന്റ് വിപരീത x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് സെക്കന്റ് വിപരീത x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവിന്റെ നെഗറ്റീവ് ആയിരിക്കും, അതിനാൽ സെക്കന്റ് വിപരീത x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് d ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവിനെ കണക്കാക്കാം, അങ്ങനെ ഞങ്ങൾ അത് തന്നെ ചെയ്യും പാപത്തിന് നമ്മൾ ചെയ്ത രീതി വിപരീതവും ടാൻ വിപരീതവും ആകട്ടെ y സെക്കന്റ് വിപരീതം x ന് തുല്യമാണ്, തുടർന്ന് x y യുടെ സെക്കന്റിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഞാൻ x ന്റെ കാര്യത്തിൽ വ്യത്യസ്തം വരുത്തിയാൽ നമുക്ക് കൈവശം ലഭിക്കും x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് ഒന്ന് dx ന് തുല്യമാണ്. y യുടെ സെക്കന്റ്, ചെയിൻ റൂൾ പ്രകാരം ഇത് സമമാണ് u 1 to d ന്റെ dy ന്റെ dy സെക്കന്റ് dy/dx ഇത് ചെയിൻ റൂൾ പ്രകാരമാണ്, എന്നാൽ $\secant\ y$ യുടെ ഡെറിവേറ്റീവ് എന്താണെന്ന് നമുക്കറിയാം, ഇത് y തവണ $\tan\ y$ തവണ dy/dx ന്റെ സെക്കന്റിനു തുല്യമാണ് y ടൈംസ് ടാൻ y ഈ ഡെറിവേറ്റീവ് പ്രകടിപ്പിക്കാൻ ഞങ്ങൾ ആഗ്രഹിക്കുന്നു xy ന്റെ വിപരീതം x ആയിരുന്നു, അതിനാൽ y യുടെ സെക്കന്റ് x ആണ്, കാരണം y യുടെ സെക്കന്റ് $1/x$ ആണ്, കാരണം y യുടെ സെക്കന്റ് y യെ x കൊണ്ട് മാറ്റിസ്ഥാപിക്കാം, കൂടാതെ y യുടെ ടാൻ ടാൻ സ്ക്വയർ എന്താണെന്ന് നമുക്കറിയാം സെക്കന്റ് സ്ക്വയർ y മൈനസ് 1 ആയതിനാൽ ഇത് x സ്ക്വയർ മൈനസ് 1 ന് തുല്യമാണ്, ഇത് സൂചിപ്പിക്കുന്നത് ടാൻ y എന്നത് x ചതുരശ്ര മൈനസ് ഒന്നിന്റെ പ്ലസ് അല്ലെങ്കിൽ മൈനസ് സ്ക്വയർ റൂട്ട് ആണ്, ഇത് പോസിറ്റീവ് ആണോ നെഗറ്റീവ് ചിഹ്നമാണോ എന്ന് ഞങ്ങൾ ഇപ്പോൾ നിർണ്ണയിക്കേണ്ടതുണ്ട്, അതിനാൽ നിങ്ങളുടെ ത്രികോണമിതി പ്രഭാഷണങ്ങളിൽ നിന്ന് വിപരീത വിപരീതം ഓർക്കുക x ന്റെ എന്റെ സെക്കന്റ് വിപരീതമാണ് ഞാൻ എഴുതുന്നതെങ്കിൽ, ഇത് x 1 നേക്കാൾ വലുതാണെങ്കിൽ 0 മുതൽ π വരെ 2 ആണ്, x n ആണെങ്കിൽ π -ൽ രണ്ട് മുതൽ π വരെ ആയിരിക്കും x ന്റെ രണ്ടാമത്തെ വിപരീതം എല്ലായ്പ്പോഴും പൂജ്യത്തിനും π നും ഇടയിലാണ്, അത് ഒരിക്കലും 2 കൊണ്ട് π ആകാൻ കഴിയില്ല, x 1 നേക്കാൾ വലുതാണെങ്കിൽ n 1 -നേക്കാൾ വലുതോ തുല്യമോ ആണെങ്കിൽ, സെക്കന്റ് വിപരീതം x എന്നത് π -ൽ 2 -ൽ കുറവും 0 -ന് തുല്യവുമാണ്, x എന്നത് മൈനസ് 1 -ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ, സെക്കന്റ് വിപരീതം x -ന് π -നേക്കാൾ വലുതും π -ന് തുല്യവും x മൈനസ് ഒന്നിനും ഒന്നിനും ഇടയിലാണെങ്കിൽ സെക്കന്റ് വിപരീത x നിർവ്വചിക്കപ്പെടുന്നില്ല, കാരണം തീറ്റയുടെ സെക്കന്റ് എല്ലായ്പ്പോഴും ഒന്നിന് തുല്യമോ അതിൽ കുറവോ മൈനസ് ഒന്നിന് തുല്യമോ ആയതിനാൽ y സെക്കന്റ് വിപരീത x ന് തുല്യമാണ് x ഒന്നിനും അനന്തത്തിനും ഇടയിലാണെങ്കിൽ, ഇത് 0 മുതൽ π വരെ 2 -ൽ ആണെന്നും, x മൈനസ് ഒന്നിന് തുല്യമാണെങ്കിൽ, ഇത് π -ൽ നിന്ന് π -ൽ നിന്ന് π -ൽ ഉള്ളതാണെന്നും ഇപ്പോൾ നമുക്ക് വേണ്ടത് എന്താണ് ടാൻ എന്ന് കണ്ടെത്തണം y എന്നത് 1 -ന് തുല്യമായ x -ന് തുല്യമായ x -ന്റെ ഇടവേള പൂജ്യത്തിൽ നിന്ന് π -ൽ നിന്ന് രണ്ടാണെന്നും x എന്നത് മൈനസ് ഇൻഫിനിറ്റിയിൽ നിന്ന് മൈനസ് 1 -ൽ ആണെങ്കിൽ y എന്നത് π -ന്റെ 2 -ന്റെ ഇടവേളയിൽ ആണെന്നും നമുക്കറിയാം. അതിനാൽ ഇത് y യുടെ ടാൻ സൂചിപ്പിക്കുന്നു x ഒരു അനന്തതയുടേതാണെങ്കിൽ പൂജ്യത്തിന് തുല്യമായതിനേക്കാൾ വലുതാണ്, ഇത് പൂജ്യത്തേക്കാൾ കുറവോ തുല്യമോ ആണ് e ടാൻ ഫംഗ്ഷൻ ആദ്യ ക്വാഡ്റന്റിൽ പോസിറ്റീവും രണ്ടാമത്തെ ക്വാഡ്റന്റിൽ നെഗറ്റീവും ആണെന്ന് ഞങ്ങൾക്കറിയാം, അതിനാൽ മുമ്പത്തെ പേജിൽ ടാൻ y ഉണ്ടായിരുന്നുവെന്ന് നിങ്ങൾ കാണുകയാണെങ്കിൽ x സ്ക്വയർ മൈനസ് 1 ന്റെ പ്ലസ് അല്ലെങ്കിൽ മൈനസ് സ്ക്വയർ റൂട്ട് ആണ് നമുക്ക് x ഉണ്ടെങ്കിൽ, 1 ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ y യുടെ ടാൻ നെഗറ്റീവ് അല്ലാത്തതായിരിക്കണം അതിനാൽ x 1 ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ x ചതുരം മൈനസ് 1 ന്റെ വർഗ്ഗമൂലത്തിന് തുല്യമാണ്, ഇത് x കുറവാണെങ്കിൽ x ചതുരം മൈനസ് 1 ന്റെ വർഗ്ഗമൂലത്തിന്റെ മൈനസ് ആണ് മൈനസ് 1 ന് തുല്യമായതിനേക്കാൾ ഇത് x ന്റെ വിപരീത വിപരീതത്തിന്റെ ടാൻ ആയിരുന്നു, അതിനാൽ സെക്കന്റ് വിപരീതത്തിന്റെ dx ന്റെ dx ന്റെ dx തുല്യമാണ് x എന്നത് 1 ന്റെ y എന്നത് x ആണ് x ചതുരാകൃതിയിലുള്ള മൈനസ് 1 ന്റെ വർഗ്ഗമൂലം 1 ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ 1 ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ ഇത് 1 ന്റെ മൈനസ് x സ്ക്വയർ റൂട്ട് x ചതുരശ്ര മൈനസ് 1 ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ x ഒന്നിന് തുല്യമാണെങ്കിൽ y യുടെ ടാൻ മൈനസ് വർഗ്ഗമൂലം x ചതുരശ്ര മൈനസ് ഒന്ന് x എന്നത് മൈനസ് ഒന്നിന് തുല്യമായതിനേക്കാൾ കുറവാണെങ്കിൽ ക്ഷമിക്കണം, നമുക്ക് ഇത് സംയോജിപ്പിച്ച് x 1 ന്

തുല്യമാണെങ്കിൽ നമുക്ക് പോസി ഉണ്ടെന്ന് നോക്കാം x , മൈനസ് 1 മൈനസ് x ന് തുല്യമായ x വീണ്ടും പോസിറ്റീവ് മൈനസ് x എന്നത് $\text{mod } x$ ആണ്, കാരണം $\text{mod } x$ എന്നത് x ന് തുല്യമാണ് സെക്കന്റ് വിപരീതത്തിന്റെ dx ന്റെ dx ന്റെ dx എന്നത് 1 ഓവർ മോഡിന്റെ x മടങ്ങ് x ചതുരശ്ര മൈനസ് ഒന്നിന്റെ വർഗ്ഗമുപത്തിന് തുല്യമാണ്, തീർച്ചയായും $\text{mod } x$ ഒന്നിനെക്കാൾ വലുതോ തുല്യമോ ആണെങ്കിൽ ഇത് നിർവചിക്കുമെന്ന് ഞങ്ങൾക്കറിയാം, അതിനാൽ ഇതാണ് സെക്കന്റിന്റെ ഡെറിവേറ്റീവിനുള്ള സൂത്രവാക്യം വിപരീതം x ഇവിടെ നമുക്ക് x സ്ക്വയർ മൈനസ് 1 ന്റെ ഒരു ഓവർ മോഡ് x തവണ സ്ക്വയർ റൂട്ട് ഉണ്ടെന്ന് നിങ്ങൾ ഓർക്കണം, അതിനാൽ x നെഗറ്റീവ് മൈനസ് 1-നേക്കാൾ കുറവോ തുല്യമോ ആണെങ്കിൽ, ഇത് ഡെറിവേറ്റീവ് നെഗറ്റീവ് ആകും, അതിനാൽ നമുക്ക് കോസെക്കന്റിന്റെ ഡെറിവേറ്റീവും ലഭിക്കും. വിപരീതം x ഇത് സെക്കന്റ് വിപരീതം x ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവിന്റെ മൈനസിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ മൈനസ് 1 ന്റെ മോഡ് x തവണ x ചതുരാകൃതിയിലുള്ള മൈനസ് ഒന്നിന്റെ സ്ക്വയർ റൂട്ട് വീണ്ടും ഇത് നിർവചിച്ചിരിക്കുന്നത് ഒന്നിന് തുല്യമായതിനേക്കാൾ വലിയ മോഡ് x ന് മാത്രമാണ്, അതിനാൽ ഞങ്ങൾ ചെയിൻ റൂൾ ഉപയോഗിക്കുകയും ഡെറിവേറ്റീവ് തെളിയിക്കുകയും ചെയ്തു എല്ലാ വിപരീത ത്രികോണമിതി ഫംഗ്ഷനുകളുടേയും അടുത്തതായി നമ്മൾ കാണുന്നത് കണ്ടെത്തുക എന്നതാണ് ഒരു ഫംഗ്ഷന്റെ വ്യുൽപ്പന്നം x ന്റെ ഒരു ഫംഗ്ഷനാണ്, അവിടെ നമുക്ക് y ഉള്ളത് x -ൽ ഒരു പരോക്ഷമായ ഫംഗ്ഷനായി നിർവചിക്കപ്പെടുന്നു, അതിനാൽ ഞാൻ പരോക്ഷമായ വ്യത്യാസം ചെയ്യട്ടെ, അതിനാൽ ചിലപ്പോൾ നമുക്ക് y -യുമായി x -യുമായി ബന്ധപ്പെട്ട ഒരു സമവാക്യം ഉണ്ടാകും, പക്ഷേ y എന്ന് വ്യക്തമായി എഴുതാൻ പ്രയാസമാണ്. ഉദാഹരണത്തിന്, x ന്റെ ഫംഗ്ഷൻ, നമുക്ക് y പ്ലസ് സൈൻ y എന്നത് x -ന് തുല്യമാണെന്ന് കരുതുക, അതിനാൽ ഇവിടെ y x -നെ ആശ്രയിച്ചിരിക്കുന്നുവെന്ന് നമുക്കറിയാം, പക്ഷേ x -ന്റെ ഒരു ഫംഗ്ഷനായി y നേരിട്ട് എഴുതാൻ കഴിയില്ല, അതിനാൽ dy/dx കണക്കാക്കാൻ ഞങ്ങൾ ആഗ്രഹിക്കുന്നു. dx ന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് dy കണ്ടെത്തുന്നതിന്, ഇവിടെ നമുക്ക് ഇവിടെ എഴുതാൻ കഴിയില്ല, x ന്റെ ഒരു ഫംഗ്ഷൻ ആയി y എഴുതാൻ ശ്രമിക്കുന്നതിന് പകരം ഞങ്ങൾ ഇനിപ്പറയുന്ന രീതിയിൽ പരോക്ഷമായ വ്യത്യാസം ചെയ്യും, അതിനാൽ നമ്മൾ ചെയ്യുന്നത് ഡെറിവേറ്റീവ് എഴുതുക എന്നതാണ്, അതിനാൽ y പ്ലസ് ചിഹ്നം y തുല്യമാണ് x ഇത് സൂചിപ്പിക്കുന്നത്, ഞാൻ ഡെറിവേറ്റീവ് d by dx of y പ്ലസ് $\sin y$ എടുക്കുകയാണെങ്കിൽ, ഇത് d by dx of x ന് തുല്യമാണ്, ഇപ്പോൾ ഇത് dy/dx ആണ്, സൈൻ y യുടെ ഡെറിവേറ്റീവ് ddx എന്നത് ഇപ്പോൾ ചെയിൻ റൂൾ പ്രകാരം ഒന്നിന് തുല്യമാണ് എന്ന് നമുക്ക് അറിയാം x നെ സംബന്ധിച്ച് $\sin y$ യുടെ ഡെറിവേറ്റീവ് d എന്ന് എഴുതാം dy of $\sin y$ ടൈം dy/dx കൂടാതെ ഇവിടെ ഞങ്ങൾ ചെയിൻ റൂൾ ഉപയോഗിക്കുന്നു, അതിനാൽ ഇത് എനിക്ക് dy/dx കോമൺ ടൈംസ് ഒന്ന് എടുക്കാം എന്നാണ് അർത്ഥമാക്കുന്നത്, സൈൻ y യുടെ ഡെറിവേറ്റീവ്, കോസൈൻ y എന്നത് ഒന്നിന് തുല്യമാണ്, ഇത് സൂചിപ്പിക്കുന്നത് dy/dx ഒരു ഓവർ വണ്ണിന് തുല്യമാണ് കൂടാതെ $\cos y$ നൽകിയാൽ $\cos y$ മൈനസിന് തുല്യമല്ല സൂക്ഷ്മമായ വേർതിരിവ് നടത്തുന്നതിലൂടെ നമുക്ക് ഡെറിവേറ്റീവ് dy/dx x ന്റെ ഫംഗ്ഷനായി മാത്രം ലഭിക്കേണ്ടതില്ല, അതിനാൽ ഈ ഉദാഹരണത്തിൽ ഡെറിവേറ്റീവ് dy/dx 1 ഓവർ 1 പ്ലസ് $\cos y$ ആണ്, ഇപ്പോൾ നമുക്ക് x ന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ $\cos y$ അറിയില്ല. പൊതുവായ ഡെറിവേറ്റീവ് dy/dx x , y എന്നിവയുടെ ഒരു ഫംഗ്ഷനായിരിക്കും, ഈ സമവാക്യം വഴി y എന്നത് x -ന്റെ ഒരു ഫംഗ്ഷൻ ആണെന്ന് ഞങ്ങൾക്കറിയാം, അതിനാൽ ഇത് പരോക്ഷമായ വ്യത്യാസത്തെക്കുറിച്ചാണ് ഇപ്പോൾ ഞാൻ ചെയ്യാൻ ആഗ്രഹിക്കുന്ന അടുത്ത കാര്യം ഇതുവരെ ഞങ്ങൾ പരിഗണിച്ചത് പോളിനോമിയലുകൾ അല്ലെങ്കിൽ ത്രികോണമിതി ഫംഗ്ഷനുകൾ അല്ലെങ്കിൽ വിപരീത ത്രികോണമിതി ഫംഗ്ഷനുകൾ അല്ലെങ്കിൽ ചില പവറിൽ ചിലത് x എന്നിങ്ങനെയുള്ള ഫംഗ്ഷനുകൾ, എന്നാൽ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷനുകൾ, ലോഗരിഥമിക് ഫംഗ്ഷനുകൾ എന്നിവ പോലെ കാൽക്കുലസിൽ വളരെ ഉപയോഗപ്രദമായ മറ്റ് ഫംഗ്ഷനുകളും ഉണ്ട്, അതിനാൽ നിങ്ങൾക്ക് എക്സ്പൻഷൻ അവതരിപ്പിക്കാൻ ഞാൻ ആഗ്രഹിക്കുന്നു. ഒന്നെഷ്യലും ലോഗരിഥമിക് ഫംഗ്ഷനും തുടർന്ന് ഡെറിവേറ്റീവുകൾ എന്താണെന്ന് നോക്കാം, അതിനാൽ നമുക്ക് എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷനെ കുറിച്ച് സംസാരിക്കാം, ഇത് 1 പ്ലസ് x ന് 1 ഫാക്ടോറിയൽ പ്ലസ് x സ്ക്വയർ 2 ഫാക്ടോറിയൽ പ്ലസ് ഡോട്ട് ഡോട്ട് വരെ x മുതൽ n വരെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ നിർവചിക്കാം അനന്തത വരെ n ഫാക്ടോറിയൽ ആയതിനാൽ ഇത് മറ്റൊന്നുമല്ല, ഇതിന് തുല്യമാണ്, പുഷ്പത്തിന് തുല്യമായ n ന്റെ സംഗ്രഹമായും ഞങ്ങൾ എഴുതുന്നു. n അനന്തതയെ സമീപിക്കുമ്പോൾ 0 മുതൽ n വരെയുള്ള k ഫാക്ടോറിയൽ k ന് തുല്യമായതിനാൽ ഇതിനെ പവർ സീരീസ് എന്ന് വിളിക്കുന്നു, അതിനാൽ നമ്മൾ ഒരു ഫംഗ്ഷൻ ഒരു അനന്ത ശ്രേണിയായി എഴുതുന്നു, കൂടാതെ ഏത് അനന്ത ശ്രേണിയും ഈ പരിമിത ശ്രേണിയുടെ പരിധിയായി നമുക്ക് എഴുതാം, അതിനാൽ ഞങ്ങൾ അങ്ങനെ ചെയ്തില്ല. ഇവിടെ വളരെ കർക്കശതയിലേക്ക് പോകുക, എന്നാൽ ഈ ശ്രേണിയിലെ ഈ ശ്രേണി ഒത്തുചേരുകയും ഒത്തുചേരുകയും ചെയ്യുന്നു എന്നതിനർത്ഥം ഓരോ യഥാർത്ഥ സംഖ്യ x ന്റെയും പരിമിതമായ യഥാർത്ഥ സംഖ്യയിലേക്കാണ്, അതിനാൽ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷൻ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ആണ്, ഈ സീരീസ് ഒത്തുചേരുന്നതിന്റെ പരിധി അങ്ങനെ വിസ്താരം എല്ലാ യഥാർത്ഥ സംഖ്യകൾക്കും $a1$ x നിർവചിച്ചിരിക്കുന്നു x ശരി, അതിനാൽ കൂടുതൽ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x ഇനിപ്പറയുന്ന ഗുണങ്ങളെ തൃപ്തിപ്പെടുത്തുന്നു, x ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ നിങ്ങൾ കണ്ടാൽ പുഷ്പത്തിന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ എന്താണ്? ഞാൻ പുഷ്പത്തിന് തുല്യമായ x എന്നത് ആദ്യ പദം മാത്രമാണ്, മറ്റെല്ലാ പദങ്ങളും പുഷ്പമാണ്, അതിനാൽ പുഷ്പത്തിന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഒരു സെക്കൻഡിന് തുല്യമാണെന്ന് കാണാൻ എളുപ്പമാണ്, x ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x ന്റെ വർദ്ധിച്ചുവരുന്ന ഫംഗ്ഷനാണ്, അതായത് x ഒന്ന് x രണ്ടിൽ കുറവ് എന്നത് x ഒന്നിന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x രണ്ടിന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യലിനേക്കാൾ കുറവാണെന്ന് സൂചിപ്പിക്കണം, അതിനാൽ ഇത് നിങ്ങൾ ഇവിടെ കാണുകയാണെങ്കിൽ x ഒന്നിനെക്കാൾ വലുത് x two എടുക്കുകയാണെങ്കിൽ, തീർച്ചയായും x two by factorial one x -നേക്കാൾ വലുതാണ് ഫാക്ടോറിയൽ

ഒന്ന്, x രണ്ട് സ്കെയർ ബൈ ഫാക്ടോറിയൽ രണ്ട് എന്നിവ x ഒരു സ്കെയർ ഫാക്ടോറിയൽ രണ്ട് എന്നതിനേക്കാൾ വലുതാണ്, അതിനാൽ ഈ പവർ സീരീസിലെ ഓരോ പദവും എക്സ്പോണൻഷ്യൽ $x-1$ -നുള്ള പവർ സീരീസിലെ ഓരോ പദത്തേക്കാൾ വലുതാണ്, അതിനാൽ ഇത് വർദ്ധിച്ചുവരുന്ന ഫംഗ്ഷൻ ആണെന്ന് ഞങ്ങൾക്കറിയാം. ഈ ഡോമെയ്ൻ ഈ എഫിൻറെ ഡോമെയ്ൻ ഞാൻ പറഞ്ഞു $unction$ എന്നത് എല്ലാ യഥാർത്ഥ സംഖ്യകളുടെയും ഗണമാണ്, അതിനാൽ ഈ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x എല്ലാ r നും നിർവ്വചിക്കപ്പെട്ടിരിക്കുന്നു, കൂടാതെ ഇത് എല്ലാ പോസിറ്റീവ് റിയൽ സംഖ്യകൾക്കും തുല്യമായ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷന്റെ ശ്രേണി അതിനെ r പ്ലസ് കൊണ്ട് സൂചിപ്പിക്കും, ഇത് θ മുതൽ അനന്തതയ്ക്ക് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x ഒരിക്കലും എടുക്കില്ല. നെഗറ്റീവ് മൂല്യം അല്ലെങ്കിൽ പൂജ്യം മൂല്യം എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x ഒരിക്കലും പൂജ്യമോ നെഗറ്റീവോ അല്ല, അഞ്ചാമത്തെ പ്രോപ്പർട്ടി ഞാൻ എഴുതും, x പോസിറ്റീവ് ഇൻഫിനിറ്റിയെ സമീപിക്കുമ്പോൾ ഈ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x ന് എന്ത് സംഭവിക്കും, x ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ 1 പ്ലസ് x കൊണ്ട് ഫാക്ടോറിയൽ 1 പ്ലസ് x ഫാക്ടോറിയൽ 2 ആണ് അതിനാൽ, x പോസിറ്റീവ് ഇൻഫിനിറ്റിയെ സമീപിക്കുകയാണെങ്കിൽ, ആദ്യ ടേം 1 ഒഴികെയുള്ള ഓരോ പദങ്ങളും പോസിറ്റീവ് ഇൻഫിനിറ്റിയെ സമീപിക്കുന്നു, അതിനാൽ ഈ പരിധി പോസിറ്റീവ് അനന്തതയ്ക്ക് തുല്യമായിരിക്കണം, മറ്റൊന്ന് ഇവിടെ വ്യക്തമല്ല, പക്ഷേ എക്സ്പോണൻഷ്യലിന്റെ പരിധി ഞാൻ എഴുതട്ടെ x നെഗറ്റീവ് ഇൻഫിനിറ്റിയെ സമീപിക്കുമ്പോൾ, ഇത് പൂജ്യത്തിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഏഴാമത്തെ പ്രോപ്പർട്ടി വളരെ പ്രധാനമാണ്, ഇത് പറയുന്നത് x , y എന്നിവയുടെ ആകെത്തുക എക്സ്പോണൻഷ്യൽ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ എക്സ്പോണൻഷ്യലിന്റെ ഗുണനത്തിന് തുല്യമാണ് x പ്ലസ് x തവണ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ y a മായി m പ്ലസ് n എന്നതുമായി താരതമ്യം ചെയ്യുക, m , n എന്നിവ ഏഴ് ഉപയോഗിച്ച് സ്വാഭാവിക സംഖ്യകൾ എന്ന് പറയുകയാണെങ്കിൽ a മുതൽ n വരെയുള്ള സമയം a ലേക്ക് തുല്യമാണ് കാരണം, 1 എന്നത് θ -ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ആണെന്ന് എനിക്കറിയാം, അത് എനിക്ക് x പ്ലസ് മൈനസ് x ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യലായി എഴുതാം, പ്രോപ്പർട്ടി സെവൻ ഇത് എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x തവണ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ആണ്, അതിനാൽ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ മൈനസ് x എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x -ന് മുകളിൽ ഒന്നാണ്, അതിനാൽ ഇപ്പോൾ നിങ്ങൾക്ക് ഇതിൽ നിന്ന് കാണാൻ കഴിയും. ആറ് പിന്തുടരുന്നു, കാരണം x മൈനസ് ഇൻഫിനിറ്റിയിലേക്ക് പോകുമ്പോൾ ആറ് അഞ്ച് മുതൽ പിന്തുടരുന്നു, കാരണം x മൈനസ് ഇൻഫിനിറ്റിയിലേക്ക് പോകുമ്പോൾ മൈനസ് x പോസിറ്റീവ് അനന്തതയിലേക്ക് പോകുന്നു, കൂടാതെ x ന്റെ ഈ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ പോസിറ്റീവ് അനന്തതയിലേക്ക് പോകുന്ന മൈനസ് x ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യലിന് ഒന്നായി എഴുതാം. അനന്തത θ ലേക്ക് പോകുന്നു. അതിനാൽ നമുക്ക് ഈ ഫംഗ്ഷന്റെ ഗ്രാഫ് വരയ്ക്കാൻ പറയാം, അതിനാൽ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x എല്ലാ x നും x ന് തുല്യമായി നിർവ്വചിക്കപ്പെട്ടിരിക്കുന്നു എന്ന് നമുക്കറിയാം, ഇത് 1 ആണ്, അതിനാൽ എനിക്ക് θ കോമ 1 ഉണ്ട്, ഇത് x ആയി വർദ്ധിക്കുന്ന ഫംഗ്ഷനാണ്. പൂജ്യത്തിൽ നിന്ന് വർദ്ധിക്കുന്നു, ഇത് വർദ്ധിച്ചുകൊണ്ടിരിക്കും നിങ്ങൾ പോസിറ്റീവ് ഇൻഫിനിറ്റിയിലേക്ക് പോകുമ്പോൾ x നെഗറ്റീവാണെങ്കിൽ, x ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷൻ വർദ്ധിക്കുന്നതിനാൽ θ -ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ 1 -ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യലിനേക്കാൾ കുറവായിരിക്കും, നിങ്ങൾ നെഗറ്റീവ് ഇൻഫിനിറ്റിയിലേക്ക് പോകുമ്പോൾ ഇത് വലത്തേക്ക് പോകും, അതിനാൽ ഇതാണ് ഗ്രാഫ് എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x എന്ന ഫംഗ്ഷന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ എപ്പോഴും വർദ്ധിച്ചുകൊണ്ടിരിക്കുന്നു, ഇത് നെഗറ്റീവ് അനന്തതയിലേക്ക് പോകുന്നു, x നെഗറ്റീവായ അനന്തതയിലേക്ക് പോകുമ്പോൾ, ഇത് പോസിറ്റീവ് അനന്തതയിലേക്ക് പോകുന്നു, x പോസിറ്റീവ് അനന്തതയിലേക്ക് പോകുന്നു, ഇപ്പോൾ നമ്മൾ x ന് തുല്യമായി 1 ഇട്ടാൽ നമുക്ക് 1 ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ലഭിക്കും. ഒന്നിന് തുല്യമാണ് ഞാൻ x എന്നത് ഒന്നിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഒന്നിന് മുകളിൽ ഒരു ഫാക്ടോറിയൽ പ്ലസ് x സ്കെയർ വീണ്ടും ഒന്നിന് മുകളിൽ രണ്ട് ഫാക്ടോറിയൽ ആണ്, അതിനാൽ ഇത് എനിക്ക് എഴുതാം, ഇത് ഒരു ഓവർ k ഫാക്ടോറിയൽ k ന്റെ സംഗ്രഹം കൂടിയാണ്, കാരണം ഇത് പൂജ്യത്തിൽ നിന്ന് അനന്തതയിലേക്ക് പ്രവർത്തിക്കുന്നു ഇത് ഒന്നിന്റെ ചില യഥാർത്ഥ സംഖ്യകളുടെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഒരു യഥാർത്ഥ സംഖ്യയാണ്, ഞങ്ങൾ ഇതിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്നു e ഇതിനെ യൂലറിന്റെ സ്ഥിരാങ്കം എന്ന് വിളിക്കുന്നു, അതിനാൽ e എന്നത് ഒന്നിന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ആണ്, അതിനാൽ e എന്നത് ഒന്നിന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യലാണ്, ഇത് പൂജ്യത്തിനും അനന്തതയ്ക്കും തുല്യമാണ്. ഇത് e ആണെന്ന് കാണിക്കാം ഓം യഥാർത്ഥ സംഖ്യ രണ്ടിനേക്കാൾ വലുതും മൂന്നിൽ കുറവുമാണ്, വാസ്തവത്തിൽ e ഏകദേശം രണ്ട് പോയിന്റ് ഏഴ് ഒന്ന് എട്ട് ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഇത് ഇപ്പോൾ നമുക്ക് കാൽക്കുലസിൽ പ്രധാനമല്ലെങ്കിലും e രണ്ടിനേക്കാൾ വലുതായത് എന്തുകൊണ്ടാണെന്ന് നിങ്ങൾക്ക് കാണിക്കാൻ ശ്രമിക്കാം കൂടാതെ മൂന്നിൽ കുറവായതിനാൽ, e എന്നത് ഒന്നിന് മുകളിൽ ഒന്ന് പ്ലസ് വൺ ഒരു ഫാക്ടോറിയൽ പ്ലസ് വൺ ഓവർ 5 ഫാക്ടോറിയൽ ഡോട്ട് ഡോട്ട് ഡോട്ട് അനന്തത വരെ തുല്യമാണെന്ന് ഞങ്ങൾക്കറിയാം, ഇത് തീർച്ചയായും ഒന്നിനെക്കാൾ വലുതാണ്, അത് രണ്ടിന് തുല്യമാണ് ഇ രണ്ടിനേക്കാൾ വലുതാണ്, എന്തുകൊണ്ട് ഇത് മൂന്നിൽ കുറവാണ്, ഞാൻ e ഒന്ന് പ്ലസ് വൺ ഓവർ വൺ ഫാക്ടോറിയൽ പ്ലസ് ഒന്ന് രണ്ട് ഫാക്ടോറിയൽ പ്ലസ് വൺ ഓവർ ത്രീ ഫാക്ടോറിയൽ എന്ന് എഴുതിയാൽ പിന്നെ ഇത് ഒന്നിൽ കുറവായതിനാൽ നമുക്ക് ഇത് എഴുതാം, ഇത് വീണ്ടും 1 ആണ് പ്ലസ് 1 ഓവർ 2 ഫാക്ടോറിയൽ എന്നത് 2 പ്ലസ് 3 ഫാക്ടോറിയൽ 3 തവണ 2 ആണ് അതിനാൽ ഇത് 1 ഓവർ 2 സ്കെയറിനേക്കാൾ കുറവാണ്, തുടർന്ന് ഞാൻ ഒരു തവണ കൂടി എഴുതാം 1 ഓവർ 4 ഫാക്ടോറിയൽ 4 ഫാക്ടോറിയൽ 4 തവണ 3 തവണ 2 അത് 2 നേക്കാൾ വലുതാണ് തവണ 2 തവണ 2 അതായത് 2 ക്യൂബ്, അതിനാൽ 1 ഓവർ 4 ഫാക്ടോറിയൽ 1 ഓവർ 2 ക്യൂബിനേക്കാൾ കുറവാണ് ഞാൻ ഒന്നിന് മുകളിൽ n പ്ലസ് വൺ ഫാക്ടോറിയൽ എഴുതുകയാണെങ്കിൽ, ഇത് n എന്നതിന് തുല്യമായ രണ്ടിനേക്കാൾ വലുതാണ്, ഇത് നിങ്ങൾക്ക് ഇൻഡക്ഷൻ വഴിയോ അല്ലെങ്കിൽ ഞാൻ വിശദീകരിച്ചത് പോലെ നേരിട്ട് തെളിയിക്കുകയോ ചെയ്യാം, ഞങ്ങൾ ഇവിടെയാണെന്ന് ഞങ്ങൾ കാണുന്നു

ഒരു ജ്യോതിയ സീരീസ് 1 പ്ലസ് പകുതി പ്ലസ് പകുതി ചതുരവും മറ്റും ലഭിക്കുന്നു, ഈ ജ്യോതിയ ശ്രേണി നമുക്ക് ഈ അനന്തമായ സീരീസ് സംഗ്രഹിക്കാൻ കഴിയുമെന്ന് നിങ്ങൾ കണ്ടിരിക്കാം, അതിനാൽ ആ ജ്യോതിയ സീരീസ് ഒരു പ്ലസ് ആർ പ്ലസ് ആർ സ്ക്വയർ എന്നിങ്ങനെ അനന്തത വരെ ഈ ഓർമ്മപ്പെടുത്തൽ എഴുതാം ജ്യോതിയ അനുപാതം r കേവല മൂല്യത്തിൽ 1-ൽ കുറവാണെങ്കിൽ, ഇത് 1 മൈനസ് r -ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഇത് നിങ്ങൾ ഈ ജ്യോതിയ പുരോഗതിയുടെ ആകെത്തുകയിൽ കാണും, നിങ്ങൾ അനന്ത ശ്രേണിയുടെ പരിധി എടുക്കുമ്പോൾ പൊതു അനുപാതം ഉള്ളിടത്തോളം സമ്പൂർണ്ണ മൂല്യത്തിൽ 1-ൽ കുറവ് ഇത് ഒത്തുചേരുന്നു, ഇത് ഒന്നിന് മുകളിൽ മൈനസ് r ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഒന്നിന് തുല്യവും r രണ്ടിന് തുല്യവും ഇടുന്നത് ഒന്ന് പ്ലസ് ക്ഷമിക്കണം r തുല്യമായി ഒന്നിന് രണ്ടിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ar ഒന്ന് രണ്ട് ചതുരവും ഒന്ന് രണ്ട് ചതുരവുമാണ് ഇത് a is one by one മൈനസ് one by two whi എന്നതിന് തുല്യമാണ് ch എന്നത് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഈ ശ്രേണി 1 പ്ലസ് പകുതിയും 1 4-ഉം 1 8 ലും ഇത് 2 ആയി കണക്കാക്കുന്നു, തുടർന്ന് എനിക്ക് 1 പ്ലസ് ഉണ്ട്, അതിനാൽ e എന്നത് ഒന്നിൽ താഴെയാണ് പ്ലസ് ജ്യോതിയ തുക രണ്ട് ആയിരുന്നു അത് മൂന്നിന് തുല്യമാണ് ഞാൻ പ്രസ്താവിക്കും e എന്നത് ഒരു അവിഭാജ്യ സംഖ്യയാണെന്ന് തെളിയിക്കാനാകുമെന്നതിനാൽ, ഈ ശ്രേണി 1 പ്ലസ് 1 ന്റെ പരിധി നോക്കുകയാണെങ്കിൽ, n എന്നതിന്റെ പരിധി ഒന്ന് പ്ലസ് വണ്ണിന്റെ അനന്തതയിലേക്ക് n -ലേക്ക് n -ലേക്ക് പോകുന്നു. n -ന്റെ ശക്തി n -ന് ഇത് നമുക്ക് കൃത്യമായി e -ന് തുല്യം നൽകുന്നു, കൂടാതെ 1-ന്റെ 0-ലേക്ക് പോകുന്ന x -ന്റെ പരിധിയും x -ന്റെ 1-ന്റെ x -ന്റെ x -ന്റെ 1-ൽ x -ന്റെ പരിധി എഴുതാനും കഴിയും, ഇതും e -ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഈ വസ്തുത ഞാൻ ഇപ്പോൾ തെളിയിക്കില്ല. നമുക്ക് ആവശ്യമുള്ളത്, h ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യലിന്റെ 0 ലേക്ക് പോകുന്ന h ന്റെ പരിധി കണക്കാക്കാം, അതിനാൽ ഞാൻ ഈ നൊട്ടേഷൻ ഉപയോഗിക്കട്ടെ, അതിനാൽ നൊട്ടേഷൻ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x എന്നത് പവർ x ലേക്ക് e ആയി എഴുതാം, അതിനാൽ ഞാൻ നോക്കിയാൽ ശരി h ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഇത് ഒരു ഫാക്ടോറിയൽ പ്ലസ് എച്ച് സ്ക്വയർ രണ്ട് ഫാക്ടോറിയൽ ഈ അനന്ത ശ്രേണിക്ക് തുല്യമാണെന്ന് ഞങ്ങൾക്കറിയാം, അതിനാൽ ഈ ഇംപ് ലീസ് എക്സ്പോണൻഷ്യൽ h ഞാൻ e ലേക്ക് h e മുതൽ h മൈനസ് 1 വരെ എഴുതാം, ഇത് h പ്ലസ് h സ്ക്വയറിന് തുല്യമാണ് ഫാക്ടോറിയൽ 2 h ക്യൂബ് ഫാക്ടോറിയൽ മൂന്ന് h മുതൽ ഫാക്ടോറിയൽ n കൊണ്ട് n വരെ ഇത് സൂചിപ്പിക്കുന്നു മൈനസ് ഒന്നിന് മുകളിൽ h എന്നത് ഫാക്ടോറിയൽ രണ്ട് പ്ലസ് എച്ച് സ്ക്വയർ ഫാക്ടോറിയൽ മൂന്ന് h മുതൽ n മൈനസ് ഒന്ന് ഫാക്ടോറിയൽ n എന്നിങ്ങനെയാണ്, പുഷ്യമല്ലാത്ത ഏത് h നും തുല്യമാണ്, തുടർന്ന് e - ന്റെ പരിധി h -ലേക്ക് കാണിക്കാം. മൈനസ് ഒന്നിന് മുകളിൽ ഇത് ഒരു അവകാശത്തിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഔപചാരികമായി h പുഷ്യത്തോട് അടുക്കുമ്പോൾ h ഈ പദങ്ങളെല്ലാം ഫാക്ടോറിയൽ 3 വഴി h ചതുരത്തിലേക്ക് അടുക്കുന്നു, അങ്ങനെ എല്ലാ നിബന്ധനകളും 0-നെ സമീപിക്കുകയും ആദ്യ പദം 1 ആകുകയും ചെയ്യുന്നു, അതിനാൽ ഈ പരിധി കാണിക്കാൻ കഴിയും, h പുഷ്യത്തിലേക്ക് പോകുമ്പോൾ, അത് ഒന്നിനെ സമീപിക്കുന്നു, അതിനാൽ ഇത് ഒരു പ്രധാന പരിധിയാണ്, നമുക്ക് എക്സ്പോണൻഷ്യൽ h എന്നതിന്റെ പരിധി ആവശ്യമാണ്, h - ന് മുകളിൽ ഒന്ന് മൈനസ് എന്നത് ഒന്നിന് തുല്യമാണ് ഇതാണോ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷൻ, അതിനാൽ e -ന് e -ന് തുല്യമായ fx എന്ന് എഴുതാം, തുടർന്ന് f പ്രൈം x കണ്ടെത്തുന്നതിന്, ഈ പരിധി h -ലേക്ക് പോകുന്നുണ്ടോ എന്ന് നോക്കേണ്ടതുണ്ട് ഈ പരിധി നിലവിലുണ്ടെങ്കിൽ, x -ന്റെ പുഷ്യം x -ന്റെ പുഷ്യവും h മൈനസ് f -ന്റെ x -നും ഈ പരിധി നിലവിലുണ്ടെങ്കിൽ, പരിധി ഡെറിവേറ്റീവ് ആണ്, ഇത് h ന്റെ പരിധിക്ക് തുല്യമാണ്, 0 e -ലേക്ക് x പ്ലസ് h മൈനസ് e -ൽ നിന്ന് x -ൽ നിന്ന് x പ്ലസ് h ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ, h മൈനസ് എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x ന്റെ എക്സ്പോണൻഷ്യൽ x മടങ്ങ് എക്സ്പോണൻഷ്യൽ അല്ലാതെ മറ്റൊന്നുമല്ല, അതിനാൽ നമുക്ക് e യെ x കോമൺ ആയി എടുക്കാം, ഇത് e യുടെ x മടങ്ങ് പരിധി e യുടെ 0 ലേക്ക് പോകുന്ന h ന്റെ x മടങ്ങാണ് 1 ഓവർ h , ഈ പരിധി 1 ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഇത് e ലേക്ക് e ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ e മുതൽ x എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷൻ വളരെ സവിശേഷമായ ഒരു ഫംഗ്ഷനാണ്, അതിന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് തന്നെയാണ്, അതിനാൽ ഞങ്ങൾക്ക് ഡെറിവേറ്റീവ് d by dx e ലേക്ക് ലഭിച്ചു x എന്നത് ഇപ്പോൾ x -ലേക്ക് e ആണ്. ഞാൻ ഇത് d d five x e മുതൽ $5x$ തവണ d by dx of five x എന്നിങ്ങനെ എഴുതുകയാണെങ്കിൽ, എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് എനിക്ക് e അഞ്ച് x t വരെ നൽകും $imes$ അഞ്ച്, e യുടെ വ്യുൽപ്പന്നം x ചതുരം ആണ്, ഇത് എക്സ്പോണൻഷ്യലിന്റെ ഡെറിവേറ്റീവിന് തുല്യമാണ്, എന്നാൽ എനിക്ക് ചെയിൻ റൂൾ x സ്ക്വയർ ഉപയോഗിച്ച് വേർതിരിക്കേണ്ടതുണ്ട്, ഇത് രണ്ട് x ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ എനിക്ക് രണ്ട് x മടങ്ങ് e ലഭിക്കും. x ന്റെ ടാൻ വിപരീതമായി dx എന്നതിന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് ചെയ്യുക ഒന്ന് പ്ലസ് ഇ മുതൽ രണ്ട് വരെ x ശരി, അതിനാൽ ഇത് അടുത്ത ലെക്ചറിൽ ഇന്നത്തെ പ്രഭാഷണം പൂർത്തിയാക്കുന്നു, അടുത്ത പ്രഭാഷണത്തിൽ ലോഗരിതമിക് ഫംഗ്ഷൻ എന്ന് വിളിക്കപ്പെടുന്ന എക്സ്പോണൻഷ്യൽ ഫംഗ്ഷന്റെ വിപരീതം നിർവ്വചിക്കുമെന്ന് ഞങ്ങൾ കാണിക്കും, തുടർന്ന് ലോഗരിതത്തിന്റെ ചില ഗുണവിശേഷതകൾ കാണും, തുടർന്ന് ഈ ഫംഗ്ഷനുകൾ ഉപയോഗിച്ച് കുറച്ച് ഡെറിവേറ്റീവുകൾ കണക്കാക്കും നന്ദി