

اب میں b مائنس a مائنس cc 2 c 2 b سے a مائنس c مائنس bb کے برابر ہے 1 1 1 2 c جمع b کا ایک جمع a تعین کنندہ c ایک برابر ہے c کیا کروں میں اسے آسان بنانے کی کوشش کروں گا کہ میں کیسے کروں گا کہ میں گھٹاؤں گا کالم ون سے کالم تھری اس لیے b مائنس دو b بار ایک مائنس ون صفر ہے دو c جمع b کا تعین ایک جمع کے برابر ہے a تین اس آپریشن کے بعد مجھے c ایک مائنس بن جائے گی دوسرے کالم وہی رہتے ہیں کیا فائدہ ہے اب فائدہ c پلس b پوری چیز ایک جمع b جمع a مائنس c مائنس c صفر ہے اور دو یہ ہے کہ اب ہم ڈیٹرمیننٹ کو صرف اس اصطلاح اور متعلقہ ذیلی میٹرکس کو لے کر بڑھا سکتے ہیں مجھے اس کے بارے میں پریشان ہونے کی کے برابر ہے اب نوٹ c کا تعین کنندہ ایک جمع ہی جمع a ضرورت نہیں ہے کہ اس کے ساتھ کیا ہو رہا ہے اور اس کے ساتھ کیا ہو رہا ہے لہذا b اس میٹرکس کے تعین کنندہ میں جو 2 c جمع b جمع a کریں کہ یہ تیسرا ہے قطار پہلا کالم اس لیے مائنس 1 سے پاور 3 جمع 1 اس میں دیتا ہے یہ مجھے دیتا ہے ایک جمع ہی جمع سی اور یہ مجھے ایک اور c جمع b برابر ہے یہ مجھے ایک جمع a مائنس c مائنس b مائنس جمع ہی جمع سی بھی دے گا اور نشان مثبت ہے اس لیے جواب جمع ہی جمع سی مکمل مکعب ہے جیسا کہ ہم دیکھ سکتے ہیں کہ xy مربع zz کا تعین کرنے والا تلاش کریں اور zx مربع zyzy مربع xx تو یہی جواب ہے ایک اور مثال اگر ہم قطار کی کارروائیاں جوڑ یا گھٹا کر کرتے ہیں

کے برابر ہے rho 2 rho 1 rho 1 مائنس rho 1 rho 1 تو ہمیں کچھ مل سکتا ہے لہذا ہم جو کرتے ہیں وہ مربع ہے جو y مربع مائنس x جو میں یہاں حاصل کر رہا ہوں وہ y مائنس x کا تعین کرنے والا وہی ہے جو میں حاصل کر رہا ہوں a تو ہے اور دوسری قطاریں وہی ہیں اب ہم دیکھ x مائنس y میں z ہے اور جو میں یہاں حاصل کر رہا ہوں وہ y پلس x میں y مائنس x کے برابر ہے 1 y مائنس x کا determinant x سے مشترک ہے اس لیے rho one y لے سکتے ہیں۔ مائنس x سکتے ہیں کہ ہم اب اسی طرح xy مربع xzzy مربع yy تھی اس لیے مائنس کا نشان x مائنس y کے تعین کے لیے کیونکہ اصطلاح z مائنس y جمع کا تعین a تین اب قطار دو میں جاتی ہے لہذا rho آئے گا۔ اب میں قطار 2 سے قطار 3 کو منہا کروں گا۔ اس کا مطلب ہے کہ قطار دو مائنس xy مربع yzz مائنس z میں x میں z جمع y میں z مائنس zy مائنس zy مائنس y جمع x کے برابر ہے 1 y مائنس x مائنس x کنندہ مائنس z جمع y 1 z مائنس z جمع x لیتا ہوں اور ہمارے پاس 1 z مائنس y کے برابر ہے اب میں قطار دو سے a لہذا تعین کنندہ بنا z رہ گیا ہے اب کیا کریں ہم اس قطار کو اس قطار سے گھٹائیں گے کیا ہوگا اس کو 0 بنائیں اور یہ اس کو مائنس ایکس پلس xy مربع xzz z مائنس y کے برابر y مائنس x کا تعین کرنے والا ہے a کے برابر ہے ہمارے پاس 1 r مائنس 2 r کرنا 2 r دے گا لہذا دوبارہ کامن x مائنس z اب اس قطار سے ہم لے سکتے ہیں xy مربع zz اور x مائنس xz مائنس z 0 z مائنس z مائنس y جمع x میں ایک کامن لیتا ہوں x مائنس z میں لے سکتے ہیں اگر میں z مائنس y کو y مائنس x مائنس x برابر یہ تعین کن کیا ہے xy مربع 1 1 z مائنس y جمع x تو جو بچا ہے وہ ہے 1 ہے b کے تعین کنندہ میں جہاں یہ میٹرکس b کو x مائنس z میں z مائنس y میں y مائنس x تو میں اسے پہلے لکھتا ہوں کے تعین کنندہ کا حساب لگاتے ہیں b تو آئیے

مائنس y برابر ہے z مائنس مائنس مائنس y پلس x میں z مربع جمع z مائنس xy مائنس xy تو اگر میں اس کے ساتھ پھیلتا ہوں پہلا کالم یہ ایک ہے yz جمع xy مربع اور یہ منسوخی z جمع yz جمع xz مربع پلس z مائنس xy برابر ہے z میں z جمع y جمع x مربع جمع z جمع yz جمع xy کو ضرب x مائنس z میں z مائنس کے برابر ہے y میں y مائنس x کا تعین کنندہ a کے برابر ہے لہذا zx جمع مربع جمع ایک کا تعین کیا ہے یہ ایک بہت ہی مشکل bccacbc سے یہ ایک اور مسئلہ کا جواب ہے ایک مربع جمع ایک اباکب مربع جمع 1 zx a مسئلہ ہے کیونکہ ہم کسی بھی قطار سے عام چیز نہیں لے سکتے نہ ہی کسی کالم سے اس لیے ہم کوئی چال چلتے ہیں کہ ہم اس پہلی قطار کو دوسری idi کو ایک سے تقسیم کیا جائے تاکہ تعین کنندہ تبدیل نہ ہو اسی طرح i سے ضرب دیتے ہیں اور اس بات کا خیال رکھنے کے لیے کہ سے تقسیم کرتا ہوں تاکہ تعین c سے ضرب دیتا ہوں اور پھر وہاں c اور میں تیسری قطار کو b سے ضرب دے کر تقسیم کریں۔ b قطار کو کے b دوسری قطار کو c مربع ba مربع 1 a کے متعین کو مربع پلو میں 1 کے برابر ہے a کا تعین کنندہ a کنندہ تبدیل نہ ہو اس لیے کامن اور b سے ضرب کرنے سے ہمیں کیا فائدہ ملتا ہے فائدہ یہ ہے کہ اب ہم دوسرے کالم سے c ساتھ ضرب کرنے سے اور تیسری قطار کو سے اب پہلے کالم سے کامن نکالنے کے بعد ہم abc کے برابر ہے تقسیم اس abc کا تیسرا کالم اس a سے کامن لے سکتے ہیں۔ لہذا c اور abc نکالتے ہیں اس طرح ہم اس میں ہیں۔ قدرے بہتر پوزیشن کیونکہ c حاصل کرتے ہیں اور تیسرے کالم سے b دوسرے کالم سے یہ c مربع c مربع b مربع جمع ایک b مربع سے b کا تعین کرنے والا ایک مربع جمع ایک مربع a منسوخ ہو جاتے ہیں اس لیے abc مربع جمع ایک اب بھی ہمیں معلوم ہوتا ہے کہ ان میں سے کوئی بھی نہیں قطاروں کو ہم دو کالموں کے مجموعے کے طور پر c مربع توڑ سکتے ہیں ہم دو عناصر کے مجموعے کے طور پر

توڑ سکتے ہیں لہذا ہم اسے اس طرح سے آسان نہیں بنا سکتے
a ہمیں 1 جمع r 3 جمع r 2 جمع r 1 ہے مساوی 1 r تو ہم کیا کریں گے میں قطار 2 اور قطار 3 کو قطار 1 کے ساتھ شامل کروں گا لہذا مربع جمع ایک ملے گا اور یہاں بھی ہمیں c مربع جمع b مربع جمع ایک یہاں ہمیں مربع جمع c مربع جمع b کا تعین کرے گا ایک مربع جمع مربع جمع پہلی قطار کا ایک c مربع جمع b ملے گا۔ وہی چیز دوسری قطاریں ایک جیسی رہتی ہیں اس کا فائدہ یہ ہے کہ اب ہم ایک مربع جمع b مربع جمع b مربع جمع کے برابر ہے 1 کے تعین میں 1 1 1 c مربع جمع b کا تعین کرنے والا مربع جمع a مشترک لے سکتے ہیں لہذا مربع جمع ایک اب آئیے کالم ون سے کالم تین کو گھٹائیں اور کالم دو کے لئے کالم تھری کے لئے کالم c مربع c مربع c مربع b مربع جمع ایک تین بھی کریں

تین پر جاتا ہے لہذا ان دو c دو مائنس c دو c تین پر جاتا ہے اور c ایک مائنس c ایک c تو ہم ایک ہی وقت میں دو کر رہے ہیں۔ وقت کے تعین میں اس سے منہا کر i مربع جمع ایک اب اس c مربع جمع b کا تعین کنندہ ملتا ہے ایک مربع جمع a عملوں کو کرنے کے بعد ہمیں مربع جمع 1 مائنس 1 کے برابر ہے۔ اب میں اس کالم کو اس کالم سے گھٹا c مربع مائنس c مربع ہے 0 b مربع مائنس b رہا ہوں۔ لہذا 0 مربع جمع میں رہ گیا ہے۔ ایک یہ ہماری زندگی کو بہت آسان بنا دیتا ہے کیونکہ c مربع b رہا ہوں لہذا یہ 0 1 مائنس 1 ہے اور ہمارے پاس 1 کا استعمال کیا جا سکتا ہے جو determinant پوری پہلی قطار 0 ہے سوائے 1 3 عنصر کے اس لیے اس ڈیٹرمیننٹ کو کمیونٹنگ کرتے ہوئے کا تعین کرنے والا ایک کے برابر ہے جمع ایک مربع a ایک کے برابر ہے لہذا determinant کہ بہت آسان ہے جو کہ ایک ہے اس لیے یہ p n جمع 1 جمع n nnpnncnn کا تعین کنندہ a جمع ہی مربع جمع سی مربع جو کہ جواب ہے اب مجھے ایک دلچسپ مسئلہ کرنے دیں جمع 2 مضبوط لگتا ہے لیکن ہم اسے آسان بنانے کا cn جمع n 2 جمع pn 2 جمع n 2 جمع n 2 جمع n 2 اور cn جمع 1 جمع n 1 جمع 1 کے لئے 1 کے برابر ہے لہذا n تمام ncn کے برابر ہے اور n کے لئے فیکٹوریل n تمام npn طریقہ جانتے ہیں کیونکہ ہم جانتے ہیں کہ جمع 2 فیکٹوریل اور 1 1 1 کے طور پر لکھوں n پلس 1 فیکٹوریل n فیکٹوریل n جمع n 2 جمع n 1 جمع nn اگر میں اسے wil ایک میٹرکس فیکٹوریل اوقات n کا تعین کنندہ a فیکٹوریل نکال سکتے ہیں اور اس لیے n تو میں آسان نظر آتا ہے۔ ان میں سے اس لیے ہم دوسرے کالم سے فیکٹوریل نکالنے کے بعد ایک حاصل n جمع دو کا تعین کرنے والا n جمع ایک nn فیکٹوریل نکالنے کے بعد n فیکٹوریل سے n کے برابر ہے پلس n جمع ایک کو n فیکٹوریل نکالنے کے بعد ہمیں n پلس n فیکٹوریل سے n کرتا ہے۔ تو میں مل جاتا ہے اور یقیناً تیسرا کالم وہی رہتا ہے جو 1 1 1 ہے۔ اب ہم کیا کرتے ہیں ہم دوسرے کو گھٹاتے ہیں۔ تیسری قطار سے قطار اس لیے

جمع ایک میں اب جب میں n جمع $1 \ 1 \ n \ 1$ فیکٹوریل کے برابر ہے n کا عامل a یہ بناتا ہے کہ $2 \ r$ مائنس $3 \ r$ برابر ہے $3 \ r$ تیسری قطار سے دوسری قطار کو گھٹا رہا ہوں جمع ایک پورے مربع کو ایک میں اب ہم اسے مزید n پلس میں حاصل کرتا ہوں۔ دو مائنس ایک جو کہ n پلس ایک کو n تو مجھے ملتا ہے ایک میں اُسان بناتے ہیں جیسا کہ میں 1 سے 1 کو گھٹاتا ہے ہمیں 0 ملتا ہے اب ہم اسے مزید اُسان بناتے ہیں جو ہم کرتے ہیں ہم قطار 1 کو قطار دو سے $1 \ n$ فیکٹوریل کے برابر ہے n کا تعین a ہم حاصل کرتے ہیں ρ one دو کے برابر ہے مائنس ρ گھٹاتے ہیں لہذا قطار دو کی جگہ جمع 1 مکمل مربع صفر لہذا اب اگر ہم تیسرے کالم کے ساتھ پھیلتے ہیں $1 \ n \ 0 \ 1 \ n$ جمع 1 پورا n فیکٹوریل میں مائنس 1 سے پاور 1 پلس 3 میں n کا تعین کنندہ برابر ہے a تو ہمارے پاس صرف ایک باقی ہے صفر ہے لہذا y جمع n مربع پلس n فیکٹوریل میں n برابر ہے n مربع مائنس کے برابر کی تصدیق کرنا چاہتے ہیں دو کے لیے ہم جانتے ہیں کہ n فرض کریں کہ n تو اُٹے ہم اسے ایک سادہ کے لیے تصدیق کرتے ہیں a کا تعین کنندہ $2 \ 2 \ 1 \ 2 \ 3 \ 1 \ 6 \ 4 \ 1 \ 24 \ 1$ یا a برابر ہے دو فیکٹوریل کے برابر ایک تین فیکٹوریل تین ایک چار فیکٹوریل چار ایک اس لیے a کے برابر ہے۔ $2 \ 2 \ 1 \ 2 \ r$ مائنس $3 \ r$ برابر $3 \ r$ ہم حاصل کرتے ہیں s تعین کنندہ $2 \ 2 \ 1$ کے برابر ہے۔ $3 \ 6 \ 1 \ 1 \ 18 \ 0$ تھی۔ ایک اب کے برابر ہے اگر میں اس r دو مائنس r دو بنا کر حاصل کرتے ہیں r صفر کے متعین کے برابر ہے اور یہ ہم $18 \ 0 \ 1 \ 4$ تیسرے کالم کے ساتھ بڑھاتا ہوں n تعین n تو ہمیں صرف ایک کا تعین کنندہ ملتا ہے جو 1 میں 18 مائنس چار کے برابر ہے چودہ اب اگر آپ کو یاد ہے کہ ہم نے حاصل کیا ہے عام جمع $1 \ n$ مربع پلس n فیکٹوریل ہے n دو کے برابر ہے ہمارے پاس n جمع ایک ڈالنا n مربع پلس n کے فیکٹوریل چار میں a کرنے والا کے n برابر 2 فیکٹوریل میں 2 مربع جمع 2 جمع 1 برابر 2 میں 4 جمع 2 جمع 1 برابر 2 میں 7 ہے 40 کے برابر۔ ہم تصدیق کرتے ہیں کہ جواب فارمولے کے امتزاج کے ساتھ ٹھیک ہے دوس n کی ترتیب اور n برابر ہے 2 اس لیے جو ہمیں بظاہر پیچیدہ میٹرکس کا تعین کرتا ہے جس میں تو اس کے ساتھ میں آج یہاں رکنا ہوں اس کلاس میں ہم نے کئی مسائل حل کیے ہیں یقین آپ کو سمجھائے گا کہ اس سے کیسے نمٹا جائے۔ پہلے کچھ مناسب قطار اور کالم کی کارروائیوں کو انجام دینے سے تعین کنندگان کی کمپیوٹنگ کا مسئلہ جس سے تعین کنندگان کی گنتی ہو جائے گی جس سے اگلی کلاسوں میں تعین کنندگان کی گنتی اُسان ہو جائے گی، میں رقبہ کے حساب کے حوالے سے تعین کنندگان کی کچھ خصوصیات کو دیکھوں گا۔ ایک مثلث اور میں اسکوائر میٹرکس کے تعین کرنے والوں کے حوالے سے نابالغ کو فیکٹرز سے ملحق میٹرکس وغیرہ کے بارے میں بات کروں گا ٹھیک ہے طلباء آپ کا بہت شکریہ آپ کا