

అన్ని నిబంధనల సంకేతం రివర్స్ చేయబడింది , అది సానుకూల భయం అయితే ఇక్కడ అది ప్రతికూలంగా ఉంటుంది మరియు ఇక్కడ అది ప్రతికూలంగా ఉంటే అది ఇక్కడ సానుకూలంగా మారుతుంది లేదా ఇతర మాటల్లో చెప్పాలంటే , b యొక్క డిటర్మినెంట్ నిరూపితమైన ఆస్తి యొక్క డిటర్మినెంట్ యొక్క మైనస్ కు సమానం అని చెప్పవచ్చు ఏడు డిటర్మినెంట్ ab యొక్క చీమ అనేది bi యొక్క నిర్ణయకానికి సమానం, దానిని రెండు క్రాస్ టూ మ్యాట్రిక్స్ కోసం నేరుగా చూపుతాను నేను నేరుగా a మరియు b సైజు రెండు క్రాస్ టూ కోసం చూపిస్తాను మరియు మీరు మూడు క్రాస్ త్రీ మాత్రికల కోసం అదే విధంగా ధృవీకరించాలని నేను సూచిస్తున్నాను a అనేది $abcd$ కి సమానం

మరియు b $mnpq$ కి సమానం కాబట్టి a యొక్క డిటర్మినెంట్ అడ్ మైనస్ bc కి సమానం మరియు b యొక్క డిటర్మినెంట్ mq మైనస్ np కి సమానం ఇప్పుడు ab ఉత్పత్తి మాతృక am ప్లస్ $bpan$ ప్లస్ $bqcm$ ప్లస్ $dpcn$ ప్లస్ dq కాబట్టి దాని డిటర్మినెంట్ సమానం m ప్లస్ bp in cn ప్లస్ d క్యూబ్ మైనస్ cm ప్లస్ dp ఒక ప్లస్ bq లోకి సమానం am cn ప్లస్ $bpcn$ ప్లస్ $amdq$ ప్లస్ $bpdq$

మైనస్ $ancm$ మైనస్ అండీ p మైనస్ $bcmq$

మైనస్ $bdpq$ మరియు మేము ఈ రెండు నిబంధనలను రద్దు చేసినట్లు చూస్తాము మనం ఇప్పుడు b యొక్క డిటర్మినెంట్ యొక్క డిటర్మినెంట్ ని పరిశీలిద్దాం.

p లో $adnp$ ప్లస్ bc

ఇప్పుడు మనం ab యొక్క డిటర్మినెంట్ గా పొందిన నిబంధనలను పోల్చి చూద్దాం, మనకు $admq$ ఉంది $admq$ మైనస్ $bcmq$ మైనస్ $bcmq$ మైనస్ $adnp$ మైనస్ $adnp$ ప్లస్ $bcnp$ ప్లస్ $bcnp$ మరియు మిగిలిన పదాలు $amcn$ మరియు మైనస్ $ancm$ రద్దు చేయడాన్ని మనం చూడవచ్చు.

ఒకదానికొకటి కాబట్టి మనకు ab యొక్క నిర్ణయకం

a మరియు b ఆస్తి ఎనిమిది యొక్క డిటర్మినెంట్ల ఉత్పత్తికి సమానం అని పొందుతాము, ఒకవేళ

మన వరుస a యొక్క అన్ని ఎంట్రీలను రెండు పరిమాణాల మొత్తంగా వ్రాయగలిగితే అప్పుడు a యొక్క నిర్ణయాధికారిని వ్రాయవచ్చు

రెండు డిటర్మినెంట్ల మొత్తంగా, a ప్లస్ kb ప్లస్ m c ప్లస్ $ndefxyz$ కి సమానం అని పరిగణలోకి తీసుకుంటాను , మొదటి వరుసలోని మూలకాలు రెండు పరిమాణాల మొత్తంగా వ్యక్తీకరించబడిందని మేము చూస్తాము , వాటిలో ప్రతి ఒక్కటి మనం నిర్ణయించేది a అనేది $abcdefxyz$ మరియు $kmndefxyz$ యొక్క డిటర్మినెంట్ కి సమానం

a యొక్క మొదటి వరుసలో a యొక్క

డిటర్మినెంట్ సమానం ఎందుకంటే $efyz$ మైనస్ b ప్లస్ m నుండి $dfxz$ డిటర్మినెంట్ కి ప్లస్ c ప్లస్ n

determinant ఆఫ్ డెక్సీకి సమానం కాబట్టి మనం $efyz$ మైనస్ b ని డిటర్మినెంట్ గా వ్రాయవచ్చు $dfxz$ ప్లస్ c ని determinant ఆఫ్ $dexy$ ప్లస్ k లోకి $efyz$ మైనస్ m నుండి $dfxz$ మైనస్ n ని determinant ఆఫ్ $dexy$

ని డిటర్మినెంట్ లోకి మరియు మొదటిది నిజానికి $abcdefxyz$ ని డిటర్మినెంట్ అని మనం సులభంగా చెప్పగలం మరియు ఇది $kmdefx$ ని

నిర్ణయించేది .

మాతృక యొక్క డిటర్మినెంట్ a రెండు డిటర్మినెంట్ల మొత్తంగా వ్రాయవచ్చు, ఇప్పుడు నేను కొన్ని సమస్యలను చేస్తాను, ఒకదానిని స్క్వేర్ వన్ డిబి స్క్వేర్ మరియు ఒక సిసి స్క్వేర్ గా కనుగొనండి, మేము దానిని మొదటి వరుసలో విస్తరిస్తాము కాబట్టి a యొక్క డిటర్మినెంట్ కి సమానం బిసి స్క్వేర్ మైనస్ సిబి స్క్వేర్ మైనస్ ఎ ఇన్ సి స్క్వేర్ మైనస్ బి స్క్వేర్ సి స్క్వేర్ మైనస్ బి స్క్వేర్ ప్లస్ ఒక స్క్వేర్ లోకి నేను మొదటి టర్మ్ నుండి bc కామన్ తీసుకుంటే c మైనస్ b సమానం, నేను c మైనస్ బిట్ ని కామన్ తీసుకుంటే అది bc లోకి c మైనస్ b మైనస్ a లోకి c మైనస్ b లోకి c ప్లస్ b కి ప్లస్ c minus b కి సమానం

bc మైనస్ ac ప్లస్ ab మైనస్ ab ప్లస్ ఒక చతురస్రం c మైనస్ b కి సమానం దీని నుండి c కామన్ తీసుకుంటాం కాబట్టి c లోకి b మైనస్ a మైనస్ a లోకి b మైనస్ a కి సమానం c మైనస్ b లోకి b minus a in c minus a మేము దానిని మైనస్ బిగా బి మైనస్ సి నుండి సి మైనస్ ఎగా వ్రాయగలము కాబట్టి అది ఈ మాతృక యొక్క నిర్ణయాధికారి కనుక

మాత్రికలో ith వరుసను ith వరుస మరియు jth వరుస మొత్తంతో భర్తీ చేస్తే మరొక ఆస్తిని అన్వేషిద్దాం.

డిటర్మినెంట్ మారదు దృష్టాంతాన్ని పరిగణలోకి తీసుకుంటే a $abcmnpqxyz$ కి సమానం అని పరిగణించండి b అనేది మొదటి వరుస మరియు రెండవ వరుస మొత్తానికి సమానం అంటే నేను ρ_1 ని ρ_1 మరియు ρ_2 మొత్తంతో భర్తీ చేస్తున్నాను అంటే ఇప్పుడు b అనేది ప్లస్ కి సమానం mb ప్లస్ nc ప్లస్ p మరియు ఇతర అడ్డు వరుసలు i గానే ఉంటాయి t అనేది mnp మరియు xyz

అప్పుడు క్లెయిమ్ ఏమిటంటే , b యొక్క డిటర్మినెంట్ ఎందుకు ఒక నిర్ణయానికి సమానం,

ఎందుకంటే ఆస్తి కారణంగా అడ్డు వరుస మూలకాలను రెండు వ్యక్తీకరణల మొత్తంగా వ్యక్తీకరించగలిగితే, నేను డిటర్మినెంట్ ను రెండు డిటర్మినెంట్ల మొత్తంగా వ్రాయగలము కాబట్టి b యొక్క నిర్ణయకం నిజానికి $abcmnpqxyz$

యొక్క డిటర్మినెంట్ గా వ్రాయవచ్చు మరియు ఈ ఇతర భాగాల యొక్క డిటర్మినెంట్ $mnpqxyz$ ఈ మాతృక యొక్క ప్లస్ డిటర్మినెంట్ యొక్క డిటర్మినెంట్ కి సమానం, ఇది θ కి సమానం, ఎందుకంటే రెండు అడ్డు వరుసలు

ఒకేలా ఉంటాయి కాబట్టి b యొక్క నిర్ణయానికి సమానం

aa కొంచెం ఎక్కువ సాధారణీకరణ ith అడ్డు వరుస మరియు కొన్ని స్థిరమైన సమయాలు jth వరుసతో భర్తీ

చేయబడితే, b యొక్క నిర్ణయాత్మకం a యొక్క నిర్ణయానికి సమానం లేదా b ఒక ఫ్లస్ kmb ఫ్లస్ knc ఫ్లస్ kpmnpxyzకి సమానం అయితే

అప్పుడు b యొక్క డిటర్మినెంట్ ఇది ఒక ఫ్లస్ mkmb ఫ్లస్ knc ఫ్లస్

kpmnpxyz యొక్క నిజమైన డిటర్మినెంట్ కి సమానం abcmnpxyz యొక్క నిర్ణాయకం

ఫ్లస్ kmknkpmnpxyz యొక్క డిటర్మినెంట్ అనేది ఒక ఫ్లస్ యొక్క డిటర్మినెంట్ కి సమానం

, అన్ని మూలకాలు ఒకే స్థిరాంకంతో గుణించబడితే, మనం స్థిరాంకాన్ని తీసుకోవచ్చు కాబట్టి మనం దానిని k సార్లు

mnpmnpxyzగా వ్రాయవచ్చు మరియు ఇది 0 అవుతుంది కాబట్టి నిర్ణయాత్మకం b అనేది a యొక్క డిటర్మినెంట్ కి

సమానం, ఇప్పుడు మనం మరికొన్ని సమస్యలను ఒక bca లోకి b ఫ్లస్ c

ఒక క్యాబ్ లోకి c మరియు ఒక abc లోకి ఒక ఫ్లస్ b అనేది 1 bc ab ఫ్లస్ ac 1 cabc ఫ్లస్ ba యొక్క

డిటర్మినెంట్ కి సమానం.

1 abca ఫ్లస్ ab ఇప్పుడు నేను చూపించాను, ఒక అడ్డు వరుసను ఆ అడ్డు వరుస మరియు మరొక అడ్డు వరుస మొత్తంతో భర్తీ చేస్తే అది నిర్ణాయకతను మార్చదు, ఎందుకంటే అడ్డు వరుసల గురించి మనం ఏమీ చెప్పగలమో అదే విధంగా మనం నిలువు వరుసల గురించి కూడా చెప్పగలము ఒక నిర్దిష్ట నిలువు వరుసను ఆ కాలమ్ మరియు మరొక నిలువు వరుస మొత్తంతో భర్తీ చేసినట్లయితే, అది డిటర్మినెంట్ ను మార్చదు కాబట్టి నేను ఉపయోగ నిర్ణయాత్మకం 1 అని వ్రాయగలను bc ఇప్పుడు నేను కాలమ్ 2ని కాలమ్ 3 bc ఫ్లస్ ab ఫ్లస్ acని జోడిస్తున్నాను ఆపరేషన్ c రెండు ఇప్పుడు c రెండు ఫ్లస్ c మూడు కాలమ్ క్షమించండి కాలమ్ మూడు కాలమ్ రెండు ఫ్లస్ కాలమ్ మూడు అవుతుంది కాబట్టి ఒక ca ఇది ca ఫ్లస్ bc ఫ్లస్ ba వన్ అబ్ ఇట్ ab ఫ్లస్ ca ఇది cbcబ ఇప్పుడు ఈ మూలకాలను చూద్దాం ఇది ab ఫ్లస్ ac ఫ్లస్ bc ఇది ab ఫ్లస్ ac ఫ్లస్ bc మరియు ఇది కూడా ab ఫ్లస్ ac ఫ్లస్ bc కాబట్టి మూడవ నిలువు వరుసలోని అన్ని మూలకాలు గుణించబడుతున్నాయి అదే స్థిరాంకం కాబట్టి డిటర్మినెంట్ ని ab ఫ్లస్ bc ఫ్లస్ caను ఉపయోగిస్తాము, ఆ కారకాన్ని మనం తీసుకుంటే అది 111 bc ca ab ఆపై 111.

మరియు ఈ మాతృక యొక్క నిర్ణయాధికారం ఏమిటి ఎందుకంటే దీనికి రెండు సారూప్య నిలువు వరుసలు

ఉన్నందున దాని నిర్ణయాధికారి సున్నా ఇది రెండు సారూప్య నిలువు వరుసలను కలిగి ఉంది కాబట్టి అసలు మాతృక

సున్నా యొక్క డిటర్మినెంట్ ఇప్పుడు మనం మరొక సమస్యను పరిష్కరిద్దాం x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ 2 zx కామా yz రెండవ

మూలకం y ఫ్లస్ z ఫ్లస్ టూ xy మరియు మూడవ వరుస zx z ఫ్లస్ x ఫ్లస్ 2 y మనం ఈ మాతృక యొక్క

డిటర్మినెంట్ ను గణించాలి, మనం మొదటి దశను ఏమీ చేస్తాము, ముందుగా కాలమ్ రెండుని కాలమ్ ఒకటికి

కలుపుతాము c ఒకటి c ఒకటి ఫ్లస్ c రెండు అవుతుంది, ఆపై మనం పొందుతున్న మాతృక x రెండు x ఫ్లస్ y

అవుతుంది ఫ్లస్ టూ zxy

టూ x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ టూ zy ఫ్లస్ z ఫ్లస్ టూ x ఇన్ yx ఫ్లస్ zx మరియు z ఫ్లస్ x ఫ్లస్ టూ y ఇప్పుడు మనం

కాలమ్ 1ని కాలమ్ 1 ఫ్లస్ కాలమ్ 2 కాలమ్ 3 మొత్తంతో భర్తీ చేస్తాము.

అప్పుడు మనం పొందుతున్నది రెండు x ఫ్లస్ టూ y ఫ్లస్ టూ zxy

ఇది టూ x ఫ్లస్ టూ y ఫ్లస్ టూ zy ఫ్లస్ z ఫ్లస్ టూ x ఇన్ టూ మరియు టూ x ఫ్లస్ టూ z ఫ్లస్ టూ yxz ఫ్లస్ x

ఫ్లస్ టూ y ఇప్పుడు మనం మొదటి నిలువు వరుసలో అన్ని మూలకాలను చూడవచ్చు ఒకేలా ఉంటాయి కాబట్టి నేను

దాన్ని తీయగలను కాబట్టి రెండు x ఫ్లస్ టూ y ఫ్లస్ టూ z ఒకదానిని డిటర్మినెంట్ గా ఒక

xyy ఫ్లస్ z ఫ్లస్ టూ

xyyz ఫ్లస్ x ఫ్లస్ టూ y ఇది కొంత క్లిష్టంగా ఉంది కాబట్టి మనం ఏమీ చేస్తామో ఇప్పుడు భర్తీ చేస్తాము రెండవ అడ్డు

వరుసలో మైనస్ ఒక రెట్లు మొదటి వరుసలో ఇప్పుడు మేము కలిగి ఉన్నాము e ఒక అడ్డు వరుసను స్థిరమైన

సమయాలతో మరొక అడ్డు వరుస మరియు నిర్దిష్ట అడ్డు వరుసతో భర్తీ చేస్తే అది డిటర్మినెంట్ ను మార్చదు కాబట్టి నేను

ఏమీ చేస్తున్నాను కాబట్టి నేను వరుస 2ని అడ్డు వరుస 2తో మైనస్ 1 సార్లు rho 1తో భర్తీ చేస్తున్నాను అప్పుడు మనం

ఏమీ పొందుతున్నాము దాని డిటర్మినెంట్ 1 xy 0 y ఫ్లస్ z ఫ్లస్ x 0 1 xz ఫ్లస్ x ఫ్లస్ 2 y కోర్సు యొక్క 2

ద్వారా గుణించబడుతుంది x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ z, అది ఇప్పుడు అక్కడ నుండి వస్తుంది కాబట్టి r3ని r3 మైనస్ r1తో

భర్తీ చేయండి డిటర్మినెంట్ 2 నుండి x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ z 1 xy 0 x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ z 0 డిటర్మినెంట్ కి సమానం,

ఇప్పుడు నేను rho 1ని అడ్డు వరుస 3 0 0 x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ z నుండి తీసివేస్తున్నాను ఇప్పుడు మీరు దీన్ని గమనిస్తే

ఇది త్రిభుజాకార మాతృక మరియు మేము త్రిభుజాకార మాతృక యొక్క డిటర్మినెంట్ ఇప్పుడు వికర్ణ మూలకాల

యొక్క ఉత్పత్తి అని తెలుసుకోండి, ఇప్పుడు ఈ వికర్ణ మూలకాలు x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ z మరియు x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ z కాబట్టి

వాటి ఉత్పత్తి x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ z మొత్తం చతురస్రం x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ y ఫ్లస్ గుణించబడుతుంది z కాబట్టి మొత్తం

నిర్ణయాధికారి i s 2 లోకి x ఫ్లస్ y ఫ్లస్ z మొత్తం క్యూబ్ అవుతుంది కాబట్టి మేము దానిని స్పష్టంగా

విస్తరించలేదని సమాధానం నోటీసు, ఎందుకంటే నిబంధనలు చాలా పొడవుగా ఉన్నాయి కాబట్టి చాలా పొడవుగా ఉన్న

వ్యక్తీకరణలు ఉన్నాయి కాబట్టి మనం ఈ మూడు పదాల మొత్తాన్ని మరో మూడు పదాలతో గుణిస్తే కాబట్టి ఇది

గణనపరంగా పేలుతుంది, అయితే ఇది తొమ్మిది పదాలు అవుతుంది, కానీ మనం ఏమీ చేస్తాము, మేము గత తరగతిలో

చూపిన అనేక లక్షణాలను మరియు ఈ తరగతిలో చాలా ప్రభావవంతంగా డిటర్మినెంట్ ను చాలా సులభమైన

మార్గంలో గణించడానికి ఉపయోగించాము.

రెండు ఏడు అరవై ఐదు మూడు ఎనిమిది డెబై ఐదు మరియు ఐదు తొమ్మిది ఎనబై ఆరు యొక్క డిటర్మినెంట్

ఏమిటి అనేది చాలా క్లిష్టంగా ఉంది కానీ అది కాదు నేను ఈ రెండు నిలువు వరుసలను చూడండి మరియు నేను

మూడవ నిలువు వరుసను ఎలా రూపొందించవచ్చో చూస్తాను అది 65 ఇక్కడ మనకు 7 ఉన్నాయి మరియు ఇక్కడ

అది 2 అని మనకు తెలుసు, 7 నుండి 9 కి 63 ప్లస్ 2 అంటే 65 అదే విధంగా 8 నుండి 9 ప్లస్ 3 ఈక్వల్ టు 72 ప్లస్ 3 ఈక్వల్ టు 75 మరియు 9 ఇన్ 9 ప్లస్ 5 ఈక్వల్ టు 86 కాబట్టి మనం దీన్ని ఇలా వ్రాయవచ్చు.

2 7 9 నుండి 7 ప్లస్ 2 3 8 9 నుండి 8 ప్లస్ 3 ఐదు తొమ్మిది తొమ్మిది నుండి తొమ్మిది ప్లస్ ఐదు వరకు నిలువు వరుస రెండు మూలకాల మొత్తంగా వ్యక్తీకరించబడినందున నేను దానిని వ్రాయగలను, రెండు నిర్ణాయకాల మొత్తం రెండు డిటర్మినెంట్ కు సమానం ఏడు తొమ్మిది నుండి ఏడు మూడు ఎనిమిది తొమ్మిది నుండి ఎనిమిది 5 9 9 నుండి 9 కి కలిపి 2 7 2 3 8 3 ఐదు తొమ్మిది ఐదు దీనికి రెండు నిలువు వరుసలు ఒకేలా ఉన్నాయి కాబట్టి ఇది మనకు సున్నాని ఇస్తుంది మరియు ఇది కాలమ్ 3 కాలమ్ 2 కి 9 రెట్లు ఎక్కువ మరియు అందుచేత డిటర్మినెంట్ ఉపయోగించండి అంటే నేను 9ని తీసుకుంటే అది 2 7 7 3 8 8 5 9 9 యొక్క డిటర్మినెంట్ మరియు కనుక ఇది అదే రెండు నిలువు వరుసలను కలిగి ఉందని మేము కనుగొంటాము కాబట్టి రిస్క్ డిటర్మినెంట్ కూడా సున్నా కాబట్టి సమాధానం సరే విద్యార్థి నేను ఆగాను ఇక్కడ ఈ రోజు ఈ తరగతిలో మేము డిటర్మినెంట్ల యొక్క అనేక లక్షణాలను పరిశీలించాము మరియు తరువాతి తరగతిలో డిటర్మినెంట్ యొక్క గణనను సులభతరం చేసిన ఆ లక్షణాలను ఉపయోగించి మేము అనేక సమస్యలను పరిష్కరించాము

మరియు నేను మరికొన్ని సమస్యలను చూస్తాను మరియు నేను ముందుకు వెళ్తాను డిటర్మినెంట్స్ భావన ముఖ్యంగా వ్యాకరణ నియమం మరియు సమీకరణాల పరిష్కారం మొదలైనవి ధన్యవాదాలు మీకు