

ପ୍ରଥମ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଉପରେ ଦ୍ୱିତୀୟ ବକ୍ତବ୍ୟକୁ ଛାଡ଼ିମାନଙ୍କୁ ସ୍ୱାଗତ କରିବା ଆମେ ଏକ ବର୍ଗ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ପାଇଁ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ କ'ଣ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିଛୁ ଏବଂ ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଆମେ କିଛି ଗୁଣ ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିଛୁ ଏବଂ ଆମେ ଏକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଅଧିକ ଗୁଣ ପରୀକ୍ଷା କରିବା ସହିତ ଜାରି ରଖିବା ଏବଂ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ | କିଛି ସମସ୍ୟା ଯଦି ତୁମେ ଚାରିଟି ସମ୍ପର୍କରେ ମନେ ରଖୁଛ, ଆମେ ଦେଖିଲେ ଯଦି ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ, ଗୋଟିଏ ଦୁଇ ଦୁଇ ତିନି ତିନି ଦୁଇ ଦୁଇ ଦୁଇ ତିନି ତିନି ଏବଂ ଗୋଟିଏ ତିନି ତିନି 3 a 3 3 ଡେବେ ଯଦି b ଥାଏ ka 1 1 ka 1 2 ka 1 3 a 2 1 a 2 2 a 2 3 a 3 1 a 3 2 a 3 3 ସହିତ ସମାନ | ଯଦି a ର ସମସ୍ତ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ k ସହିତ ଗୁଣିତ ହୁଏ ତେବେ ଏହା ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ କିପରି ପ୍ରଭାବିତ କରେ କିମ୍ବା ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ କ'ଣ ଯାହା ka 1 1 ka 1 2 ka 1 3 ka 2 1 ka 2 2 ka 2 ସହିତ ସମାନ | 3 କା 3 1 କା ତିନି ଦୁଇ କା ତିନି ତିନି ଯାହା ଦେ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ଏହି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଚର୍ମନାଶ୍ୱ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ସମାନ similar ଜାରେ ବିସ୍ତାର କରୁ ତା'ହେଲେ ଆମେ ବ୍ୟବହାରକାରୀ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ହେଉଛି ka 1 1 ରେ ka 2 2 ରେ ka 3 3 ମାଲନସ୍ କା 2 3 ରେ ka 3 2 ମାଲନସ୍ କା 1 2 ରେ ka 2 1 ରେ ka 3 3 ମାଲନସ୍ କା 3 1 ରୁ କା 2 3 ପୁସ୍ କା 1 3 ରେ କା 2 1 ରେ କା 3 2 ମାଲନସ୍ କା 2 2 ରେ କା 3 1 ଯଦି ଆମେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶବ୍ଦକୁ ଦେଖିବା ତିନୋଟି ମାମଲା ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ତିନି ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ ଦୁଇ ତିନି ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ତିନୋଟି କିମ୍ବା ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ ଆମେ ସାଧାରଣ ହେବା ପାଇଁ k କୁ୍ୟ୍ ନେଇପାରିବା ଏବଂ ତା'ପରେ ଯାହା ପାଇବି ମୁଁ ଏହାକୁ ଆଉ ଲେଖୁ ନାହିଁ ତୁମେ ଦେଖ ଯେ ଏହା ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ k କୁ୍ୟ୍ ସମୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ | a ଯଦି a ର ସମସ୍ତ ଉପାଦାନ ସାଧାରଣତ k k ସହିତ ଗୁଣିତ ହୁଏ ଯଦି a ଏକ କ୍ରମ n ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ସମସ୍ତ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ଏକ ସ୍ଥିର k ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ହୁଏ ତେବେ ଦୂତନ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ପାଖାନ୍ତ n କୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ଯଦି ଗୋଟିଏ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି କିମ୍ବା ସ୍ତମ୍ଭ ସମାନ ତେବେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ | ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ , ମୋଡେ ପ୍ରଥମେ ଯାଞ୍ଚ କରିବାକୁ ଦିଅ, ଏହାକୁ abcabcxyz ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ବିଚାର କର,

ତେଣୁ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଏପରି ଯେ ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି ସମାନ ଦେଖାଯିବ ଯେ ଏହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ, ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମ ଧାଡ଼ିରେ ବିସ୍ତାର କରିବା ତେଣୁ ଏହା ଏକ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | bz minus cy minus b ରେ az minus cx plus c ରେ ay minus bx ରେ ଏହା ଆମେ ଜାଣୁ ଏହା abz ମାଲନସ୍ acy ମାଲନସ୍ abz plus dcx plus acy minus bcx ସହିତ ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ସେମାନେ ପରସ୍ପରକୁ ବାଟିଲ କରନ୍ତୁ | ପୁସ୍ ଏସି ମାଲନସ୍ ଏସି ସେମାନେ ପରସ୍ପରକୁ ବାଟିଲ କରନ୍ତୁ ଏବଂ ମାଲନସ୍ bcx ପୁସ୍ bcx ସେମାନେ ପରସ୍ପରକୁ ବାଟିଲ କରନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଫଳାଫଳ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ କାରଣ ଆମେ ଏହାକୁ ଗଣନା କରିବା ପୂର୍ବରୁ ଫଳାଫଳ ଜାଣି ନ ଥିଲୁ କିନ୍ତୁ ଥରେ ଆପଣ ଜଣେ ବିଶେଷଜ୍ଞ ହୋଇଗଲେ ଏବଂ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି a ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ସମାନ କିମ୍ବା ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଦୁଇଟି ସ୍ତମ୍ଭ ସମାନ ତେବେ ସେହି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଶୂନ୍ୟ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ମୁଁ ଧାଡ଼ି ବିସ୍ତାର କରି ଏହାକୁ ଦେଖାଇଲୁ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ | ଏକ ପିମ୍ପୁଡ଼ି ଟ୍ରାନ୍ସପୋଜର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଦୁଇଟି ସ୍ତମ୍ଭ ଟ୍ରାନ୍ସପୋଜ ନେଇଥାଉ ତେବେ ପ୍ରଥମ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ସ୍ତମ୍ଭ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଶୂନ୍ୟ ସମ୍ପର୍କ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯେଉଁଠାରେ a ହେଉଛି a ମ matrix matrix ା matrix ୍ରିକ୍ସ ପ୍ରଦାନ କରାଯାଇଛି ଏବଂ ଆମେ ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି କିମ୍ବା ଦୁଇଟି ସ୍ତମ୍ଭ ବଦଳାଇ ଏକ ଦୂତନ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ b ପ୍ରାପ୍ତ କରୁ, ତା'ପରେ b ର ଡିଟର୍ମିନାଣ୍ଟ a ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା ମୂଲ୍ୟ ସମାନ ରହିବ କିନ୍ତୁ ଚିହ୍ନଟି ବଦଳିବ ମୋଡେ abcdefgh ଏବଂ k ଏହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଭାବରେ ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବାକୁ ଦିଅ | ଏକ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଧାଡ଼ି ଦ୍ୱିତୀୟ ଧାଡ଼ିଟି ଯେପରି ରହିଥାଏ ଏବଂ ଏଠାରେ ଆମେ b ର ଦ୍ୱିତୀୟ ଧାଡ଼ି ଭାବରେ ପ୍ରଥମ ଧାଡ଼ି ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ g ସହିତ ଇକ୍ ମାଲନସ୍ bf ମାଲନସ୍ h ରେ dc ମାଲନସ୍ ଆର୍ ପୁସ୍ k ରେ ସମାନ | b minus ae ଚାଲିବ ବର୍ତ୍ତମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀର ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ସହିତ ତୁଳନା କରିବା ଯାହାକୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପାଇଛୁ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ବିଚାର କରିବା ବିଜ୍ଞାନ gec ର ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ଚିହ୍ନ ଅଛି ମୁଁ gc କୁ ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ଚିହ୍ନ ସହିତ gb f ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ଚିହ୍ନ ସହିତ ଆସେ | gb ଏବଂ gb f ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ସଙ୍କେତ ସହିତ ଆସେ କାରଣ ମାଲନସ୍ ଏବଂ ମାଲନସ୍ ପୁସ୍ ହୋଇଯାଏ hdc ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ସଙ୍କେତ ସହିତ hdc ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ସଙ୍କେତ ସହିତ ଆସେ ଏବଂ ଏକ hf ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ଚିହ୍ନ ସହିତ ଆସେ ଏବଂ ତା'ପରେ kdb ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ଚିହ୍ନ ସହିତ ଆସେ କିନ୍ତୁ ଏଠାରେ ଏହା ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ସଙ୍କେତ ଅଟେ ଏବଂ କା ଏବଂ କା ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ସଙ୍କେତ ସହିତ ଏଠାକୁ ଆସେ ଏବଂ କା ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ସଙ୍କେତ ସହିତ ଏଠାକୁ ଆସେ

ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ସମସ୍ତ ସର୍ତ୍ତାବଳୀ ରଖାଯାଇଛି କିନ୍ତୁ ସମସ୍ତ ଶବ୍ଦର ଚିହ୍ନ ଓଲଟା ହୋଇଛି ଯଦି ଏହା ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ଭୟ ଥିଲା | ଏହା ଏଠାରେ ନକାରାତ୍ମକ ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ଏହା ଏକ ନକାରାତ୍ମକ ଅଟେ ତେବେ ଏହା ଏଠାରେ ସକାରାତ୍ମକ ହୋଇଯାଏ କିମ୍ବା ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ ଆମେ କହିପାରିବା ଯେ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଏକ ପ୍ରମାଣିତ ସମ୍ପର୍କ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ | ଦୁଇଟିର ଦୁଇଟି ମ matrix matrix ା matrix ୍ରିକ୍ସ ପାଇଁ ଏହାକୁ ସିଧାସଳଖ ଦେଖାଇବା ପାଇଁ ମୁଁ ଏହାକୁ ସିଧାସଳଖ ଭାବରେ ଦୁଇଟି କୋସ୍ ଦୁଇଟି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ପାଇଁ ଦେଖାଏ ଏବଂ ମୁଁ ପରାମର୍ଶ ଦେଉଛି ଯେ ତୁମେ ତିନୋଟି କ୍ରମ ତିନୋଟି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ପାଇଁ ସମାନ ଉପାୟ ଯାଞ୍ଚ କର | a abcd ସହିତ ସମାନ ଏବଂ b mnpq ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ a ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ବିଜ୍ଞାପନ ମାଲନସ୍ bc ସହିତ ସମାନ ଏବଂ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ mq ମାଲନସ୍ np ସହିତ ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ପ୍ରତ୍ୟେକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ am plus bpan plus bqcm plus dpcn plus dq ସହିତ ସମାନ | ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ m ପୁସ୍ bp ସହିତ cn ପୁସ୍ d କୁ୍ୟ୍ ମାଲନସ୍ ସେମି ପୁସ୍ dp ସହିତ ଏକ ପୁସ୍ bq ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଭାବରେ ବିଚାର କରିବା ବିଜ୍ଞାପନ ମାଲନସ୍ bc ସହିତ mq ମାଲନସ୍ np ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ଆଡମ୍ ମାଲନସ୍ bcmq ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ | p ରେ adnp plus bc ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ସେହି ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକୁ ତୁଳନା କରିବା, ଯାହାକୁ ଆମେ ଆଡମ୍ ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଭାବରେ ପାଇଛୁ, ଆମ ପାଖରେ ଆଡମ୍ କ୍ୟାଡମ୍ ମାଲନସ୍ bcmq ମାଲନସ୍ bcmq ମାଲନସ୍ adnp ମାଲନସ୍ adnp ପୁସ୍ bcnp ପୁସ୍ bcnp ଅଛି ଏବଂ ଆମେ ଦେଖିପାରିବା ଯେ ଅବଶିଷ୍ଟ ସର୍ତ୍ତାବଳୀ amcn ଏବଂ ମାଲନସ୍ ଆକ୍ ମ୍ ସେମାନେ ବାଟିଲ କରନ୍ତୁ | ପରସ୍ପର

ତେଣୁ ଆମେ ab ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ a ଏବଂ b ସମ୍ପର୍କ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଉପାଦ ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ଆମର ଧାଡ଼ିର ସମସ୍ତ ଏଣ୍ଟ୍ରିଗୁଡ଼ିକ ଦୁଇ ପରିମାଣର ସମଷ୍ଟି ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ତେବେ ଏକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | ଦୁଇଟି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ସମଷ୍ଟି ଭାବରେ ମୋଡେ ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଏକ ପୁସ୍ kb ପୁସ୍ ମି c ପୁସ୍ ndefxyz ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ଆମେ ଦେଖିବା ଯେ ପ୍ରଥମ ଧାଡ଼ିର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ଦୁଇଟି ପରିମାଣର ସମଷ୍ଟି ଭାବରେ ପ୍ରକାଶିତ ହୋଇଛି ଯାହାକୁ ଆମେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ବୋଲି ଦାବି କରୁ | a abcdefxyz ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ kmndefxyz ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ, ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହାକୁ t ସହିତ ବିସ୍ତାର କରିବା ଦେଖିବା ଅତି ସହଜ | ସେ a ର ପ୍ରଥମ ଧାଡ଼ି, କାରଣ a ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଏକ ପୁସ୍ k ସହିତ efyz ମାଲନସ୍ b ପୁସ୍ m ର dfxz ର ଡିଟର୍ମିନାଣ୍ଟରେ dfxz ପୁସ୍ c ପୁସ୍ n ସହିତ ସମାନ, ଆମେ efyz ମାଲନସ୍ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ମଧ୍ୟରେ ଏକ ଲେଖିବା ସହିତ ସମାନ | dfxz plus c ର dexy plus k ର efyz minus m ର dfxz minus n ର dexinantant ରେ ଏବଂ ଆମେ ସହଜରେ କହିପାରିବା ଯେ ପ୍ରଥମଟି ହେଉଛି abcdefxyz ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା kmndefxyz ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଅଟେ | ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଯେହେତୁ ଦୁଇଟି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ସମଷ୍ଟି ମୋଡେ ବର୍ତ୍ତମାନ କିଛି ସମସ୍ୟା କରିବାକୁ ଦିଅ, ଗୋଟିଏ ବର୍ଗର db ବର୍ଗ ଏବଂ ଗୋଟିଏ ସିସି ବର୍ଗ ଭାବରେ ଆମେ ଏହାର ପ୍ରଥମ ଧାଡ଼ିରେ ବିସ୍ତାର କରୁ

ତେଣୁ a ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ 1 ସହିତ ସମାନ | bc ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ cb ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ a ରେ c ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ b ବର୍ଗ c ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ b ବର୍ଗ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ମଧ୍ୟରେ c ମାଲନସ୍ b ସମାନ ଅଟେ ଯଦି ମୁଁ ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦରୁ bc କୁ ସାଧାରଣ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରେ ତେବେ ଏହା bc କୁ c ମାଲନସ୍ b ମାଲନସ୍ a କୁ c ମାଲନସ୍ b ରେ c ପୁସ୍ b ରେ ଏକ ବର୍ଗ ଏବଂ c ମାଲନସ୍ b ରେ ଏକ ବର୍ଗ ସମାନ ଅଟେ ଯଦି ମୁଁ c ମାଲନସ୍ ବିଟ୍ କୁ ସାଧାରଣ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରେ bc ମାଲନସ୍ ଏସି ପୁସ୍ ଅବ ମାଲନସ୍ ଅବ ପୁସ୍ ଏକ ବର୍ଗ c ମାଲନସ୍ b ସହିତ ସମାନ, ମୋଡେ ଏଥିରୁ c କୁ ସାଧାରଣ ଭାବରେ ନେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ c କୁ b ମାଲନସ୍ a b ମାଲନସ୍ a c ମାଲନସ୍ b ରେ b ମାଲନସ୍ a ରୁ c ମାଲନସ୍ a ସହିତ ସମାନ | ଯାହାକୁ ଆମେ ଏହାକୁ ମାଲନସ୍ b ରେ b ମାଲନସ୍ c ରେ c ମାଲନସ୍ ରେ ଲେଖିପାରିବା ଯାହା ଦ୍ୱ this ାରା ଏହି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ସମ୍ପର୍କ ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିବା ଯଦି ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସରେ ith ଧାଡ଼ିଟି ith ଧାଡ଼ି ଏବଂ jth ଧାଡ଼ିର ସମଷ୍ଟି ଦ୍ୱାରା ବଦଳାଯାଏ ତେବେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଦୃଷ୍ଟାନ୍ତ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ ନାହିଁ a କୁ abc mnpxyz

ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ଭାବିବା b ପ୍ରଥମ ଧାତି ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ଧାତିର ସମଷ୍ଟି ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି  $\rho_1$  କୁ  $\rho_1$  ଏବଂ  $\rho_2$  ର ସମଷ୍ଟି ସହିତ ବଦଳାଇ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ବର୍ତ୍ତମାନ b ଏକ ପୁସ୍ତ ସହିତ ସମାନ | mb plus nc plus p ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଧାତିଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ରହିଥାଏ | t ହେଉଛି mnp ଏବଂ xyz ତେବେ ଦାବି ହେଉଛି ଯେ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଏକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ କାରଣ ସମ୍ପର୍କ ହେତୁ ଯଦି ଧାତି ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ଦୁଇଟି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିର ସମଷ୍ଟି ଭାବରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇପାରେ ତେବେ  $\rho_1$  ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ ଦୁଇଟି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ସମଷ୍ଟି ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ |

ତେଣୁ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ପ୍ରକୃତରେ abc mnp xyz ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ଏହି ଅନ୍ୟ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ mnp mnp xyz ଏହି ମାଟ୍ରିକ୍ସର ଏକ ପୁସ୍ତ ଡିଟର୍ମିନାଣ୍ଟର ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକି b ର ଦୁଇଟି ଧାତି ସମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ | aa ଟିକିଏ ଅଧିକ ସାଧାରଣକରଣ ଯଦି ith ଧାତିର ith ଧାତି ସହିତ କିଛି ସ୍ଥିର ସମୟ jth ଧାତି ଦ୍ୱାରା ପ୍ରତିସ୍ଥାପିତ ହୁଏ ତେବେ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ମଧ୍ୟ a ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ କିମ୍ବା ଯଦି b ଏକ ପୁସ୍ତ kmb ପୁସ୍ତ knc ପୁସ୍ତ kpmnp xyz ସହିତ ସମାନ ତେବେ b ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଅଟେ | ଏହା ଏକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି ଏକ ପୁସ୍ତ mkmb ପୁସ୍ତ knc plus kpmnp xyz ର ପ୍ରକୃତ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ | abc mnp xyz ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଏବଂ kmknkpmnp xyz ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଏକ ପୁସ୍ତ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ, ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଯଦି ସମସ୍ତ ଉପାଦାନ ସମାନ ସ୍ଥିର ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ହୁଏ ତେବେ ଆମେ ସ୍ଥିରକୁ ବାହାର କରିପାରିବା |

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ k ସମୟ mnp mnp xyz ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା ଏବଂ ଏହା 0 ହୋଇଯାଏ | b ଏକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ, ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆଉ କିଛି ସମସ୍ୟା କରିବା, ଗୋଟିଏ bca ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ b ପୁସ୍ତ c ରେ ଗୋଟିଏ କ୍ୟାବ୍ କୁ c ଏବଂ ଗୋଟିଏ abc କୁ ଏକ ପୁସ୍ତ b ରେ 1 bc ab plus ac 1 cabc plus ba ସହିତ ସମାନ | 1 abca plus ab ବର୍ତ୍ତମାନ  $\rho_1$  ଦେଖାଇଲେ ଯେ ଯଦି ଗୋଟିଏ ଧାତି ସେହି ଧାତିର ସମଷ୍ଟି ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଧାତିର ସମଷ୍ଟି ଦ୍ୱାରା ପ୍ରତିସ୍ଥାପିତ ହୁଏ ତେବେ ଏହା ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ ନାହିଁ କାରଣ ଆମେ ଧାତିଗୁଡ଼ିକ ବିଷୟରେ ଯାହା କହିପାରିବା, ସେହିଭଳି ସ୍ତର ବିଷୟରେ ମଧ୍ୟ କହିପାରିବା | ଯଦି ଗୋଟିଏ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସ୍ତର ସେହି ସ୍ତରର ସମଷ୍ଟି ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଏକ ସ୍ତର ଦ୍ୱାରା ପ୍ରତିସ୍ଥାପିତ ହୁଏ ତେବେ ଏହା ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ ନାହିଁ | ତେଣୁ  $\rho_1$  ଲେଖିପାରେ ଯେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ବ୍ୟବହାର ହେଉଛି 1 | bc ବର୍ତ୍ତମାନ  $\rho_1$  ସ୍ତର 2 କୁ ସ୍ତର 3 ରେ ଯୋଡ଼ୁଛି is ab plus ca it is cbcb ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ଦେଖିବା ଏହା ab plus plus ac bc it is ab plus ac plus bc ଏବଂ ଏହା ab ab plus ac plus bc

ତେଣୁ ତୃତୀୟ ସ୍ତରର ସମସ୍ତ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ହେଉଛି | ସମାନ ସ୍ଥିର ତେଣୁ ବ୍ୟବହାରକାରୀ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ହେଉଛି ab plus bc plus ca ଯଦି ଆମେ ସେହି ଫ୍ୟାକ୍ଟରକୁ ବାହାର କରିଦେଉ ଯାହା 1 1 1 bc ca ab ତେବେ 1 1 1. ଏବଂ ଏହି ମାଟ୍ରିକ୍ସର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ କ'ଣ କାରଣ ଏହାର ଦୁଇଟି ସମାନ ସ୍ତର ଅଛି ଏହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ | ଏହାର ଦୁଇଟି ସମାନ ସ୍ତର ଅଛି ତେଣୁ ମୂଳ ମାଟ୍ରିକ୍ସ ଶୂନ୍ୟର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଅନ୍ୟ ଏକ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ 2 zx କମା yz ଦ୍ୱାରା element ଡିଟର୍ମିନାଣ୍ଟ ଉପାଦାନ ହେଉଛି y ପୁସ୍ତ z ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି xy ଏବଂ ତୃତୀୟ ଧାତି ହେଉଛି zx | z ପୁସ୍ତ x ପୁସ୍ତ 2 y ଆମକୁ ଏହି ମାଟ୍ରିକ୍ସର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ ଗଣନା କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯାହା ଆମେ ପ୍ରଥମ କରିବୁ ଆମେ ପ୍ରଥମେ ସ୍ତର ଦୁଇକୁ ସ୍ତରରେ ଯୋଡ଼ିବା ପରେ ଗୋଟିଏ c ଗୋଟିଏ ପୁସ୍ତ c ଦୁଇ ହୋଇଯାଏ ତାପରେ ଆମେ ମାଟ୍ରିକ୍ସ ଯାହା ପାଇବୁ x ଦୁଇ x ପୁସ୍ତ y ହୋଇଯାଏ | ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି zxy ଦୁଇ x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି zy ପୁସ୍ତ z ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି x କୁ yx ପୁସ୍ତ zx ଏବଂ z ପୁସ୍ତ x ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି y ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ସ୍ତର 1 କୁ ସ୍ତର 1 ପୁସ୍ତ ସ୍ତର 2 ସ୍ତର 3 ଦ୍ୱାରା ବଦଳାଇବୁ | x ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି y ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି zxy ଏହା ଦୁଇଟି x ପୁସ୍ତ ଦୁଇ y ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି zy ପୁସ୍ତ z ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି x ଏବଂ ଦୁଇଟି x ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି z ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି yxz ପୁସ୍ତ x ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି y ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଦେଖିପାରିବା ଯେ ପ୍ରଥମ ସ୍ତରରେ ସମସ୍ତ ଉପାଦାନ | ସମାନ

ତେଣୁ  $\rho_1$  ଏହାକୁ ବାହାର କରି ପାରିବି ତେଣୁ ଦୁଇଟି x ପୁସ୍ତ ଦୁଇ y ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି z ସହିତ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ xyy ପୁସ୍ତ z ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି xxyz ପୁସ୍ତ x ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି y ସହିତ ଏହା ସମାନ ଅଟେ ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରିବୁ ତାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ବଦଳାଇବ | ଦ୍ୱିତୀୟ ଧାତିର ମାଲନସ୍ ସହିତ ପ୍ରଥମ ଧାତିରେ ଗୋଟିଏ ଥର ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମର ଅଛି | e ଦର୍ଶାଯାଇଛି ଯେ ଯଦି ଗୋଟିଏ ଧାତି କ୍ରମାଗତ ସମୟ ଦ୍ୱାରା another ଧାରା ଅନ୍ୟ ଧାତି ପୁସ୍ତ ସେହି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଧାତି ଦ୍ୱାରା ବଦଳାଯାଏ ତେବେ ଏହା ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ ନାହିଁ ତେଣୁ  $\rho_1$  ଯାହା କରୁଛି ତାହା  $\rho_1$  ଧାତି 2 କୁ ଧାତି 2 ପୁସ୍ତ ମାଲନସ୍ 1 ଥର  $\rho_1$  ସହିତ ବଦଳାଇଛି ତେବେ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ | ଏହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ 1 xy 0 y ପୁସ୍ତ z ପୁସ୍ତ x 0 1 xz ପୁସ୍ତ x ପୁସ୍ତ 2 y ସହିତ ଅବଶ୍ୟ 2 କୁ x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ z କୁ ଗୁଣିତ କରେ ଯେହେତୁ ସେଠାରୁ ଆସୁଛି  $\rho_3$  କୁ  $\rho_3$  ମାଲନସ୍  $\rho_1$  ସହିତ ବଦଳାଇ ଯାହା ଆମେ ପାଇପାରୁ | ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ 2 ରୁ x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ z ସହିତ 1 xy 0 x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ z 0 ର ଡିଟର୍ମିନାଣ୍ଟରେ ସମାନ,  $\rho_1$  ବର୍ତ୍ତମାନ ଧାତି 3 0 0 x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ z ରୁ  $\rho_1$  କୁ ବାହାର କରୁଛି ଯଦି ଆମେ ଏହା ଦେଖୁଛୁ ଏହା ଏକ ତ୍ରିକୋଣୀୟ ମାଟ୍ରିକ୍ସ ଏବଂ ଆମେ | ଜାଣି ରଖନ୍ତୁ ଯେ ଏକ ତ୍ରିକୋଣୀୟ ମାଟ୍ରିକ୍ସର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ହେଉଛି ତ୍ରିକୋଣୀୟ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ଉପାଦାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ତ୍ରିକୋଣୀୟ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ z ଏବଂ x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ z

ତେଣୁ ସେମାନଙ୍କର ଉପାଦାନ ହେଉଛି x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ z ପୁରା ବର୍ଗ x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ | z ତେଣୁ ସାମଗ୍ରିକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ i 2 ରେ x ପୁସ୍ତ y ପୁସ୍ତ z ପୁରା କ୍ୟୁବ୍ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ହେଉଛି ଉତ୍ତର ନୋଟିସ୍ ଯେ ଆମେ ଏହାକୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ବିସ୍ତାର କରିନାହିଁ କାରଣ ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକ ବହୁତ ଲମ୍ବା ଲମ୍ବା ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଅଛି ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଡିଟର୍ମିନାଣ୍ଟ ଶବ୍ଦର ରାଶି ଅନ୍ୟ ଡିଟର୍ମିନାଣ୍ଟ ସହିତ ବ multip ାଇବୁ | ତେଣୁ ଏହା ନଅଟି ଶବ୍ଦ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏହା ଗଣନାତ୍ମକ ଭାବରେ ବିଶ୍ଳେଷଣ ହେବ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଯାହା କରିଥିଲୁ ଆମେ ଅନେକ ଗୁଣ ବ୍ୟବହାର କରିଛୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ଶେଷ ଶ୍ରେଣୀରେ ଦେଖାଇଛୁ ଏବଂ ଏହି ଶ୍ରେଣୀଟି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ ଅତି ସରଳ ଉପାୟରେ ଗଣନା କରିବା ପାଇଁ ମୋଡେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ସାଂଖ୍ୟିକ ଉପାଦାନ ନେବାକୁ ଦିଅ | ଦୁଇଟି ସାତ ସାଠିଏ ପାଞ୍ଚ ତିନି ସତ୍ତର ସତ୍ତର ପାଞ୍ଚ ଏବଂ ପାଞ୍ଚ ନଅ ଅଶୀ ଛଅଟି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ କ'ଣ ଅତ୍ୟନ୍ତ ଜଟିଳ କିନ୍ତୁ ଏହା ନୁହେଁ ଯେ  $\rho_1$  ଏହି ଦୁଇଟି ସ୍ତରକୁ ଦେଖିବ ଏବଂ ଦେଖିବ କିପରି  $\rho_1$  ତୃତୀୟ ସ୍ତର ସୃଷ୍ଟି କରିପାରିବ 65 ଏଠାରେ ଆମର 7 ଟି ଅଛି ଏବଂ ଏଠାରେ ଏହା ହେଉଛି 2 ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ 7 ରୁ 9 ହେଉଛି 63 ପୁସ୍ତ 2 ସମାନ 65 ସହିତ ସମାନ 8 ରୁ 9 ପୁସ୍ତ 3 ସମାନ 72 ପୁସ୍ତ 3 ସମାନ 75 ଏବଂ 9 ରୁ 9 ପୁସ୍ତ 5 ସମାନ 86

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଲେଖିବା | 9 7 9 ରୁ 7 ପୁସ୍ତ 2 3 8 9 ରୁ 8 ପୁସ୍ତ 3 ପାଞ୍ଚ ନଅ ନଅରୁ ନଅ ପୁସ୍ତ ପାଞ୍ଚଟି ଯେହେତୁ ସ୍ତର ଦୁଇଟି ଉପାଦାନର ସମଷ୍ଟି ଭାବରେ ପ୍ରକାଶିତ ହୁଏ  $\rho_1$  ଏହାକୁ ଲେଖିପାରେ ଯେହେତୁ ଦୁଇଟି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ସମଷ୍ଟି ଦୁଇଟିର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସହିତ ସମାନ | ସାତ ନଅରୁ ସାତ ତିନି ଆଠ ନଅ ରୁ ଆଠ 5 9 9 ରୁ 9 ପୁସ୍ତ 2 7 2 3 8 3 ପାଞ୍ଚ ନଅ ପାଞ୍ଚ ଏହାର ଦୁଇଟି ସ୍ତର ସମାନ ତେଣୁ ଏହା ଆମକୁ ଶୂନ୍ୟ ଦେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏହାର ସ୍ତର 3 ସ୍ତର 2 ର 9 ଗୁଣ ଅଟେ ଏବଂ ତେଣୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ବ୍ୟବହାର କରନ୍ତୁ ଯଦି  $\rho_1$  ବାହାର କରେ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି 2 7 7 3 8 8 5 9 9 ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଆମେ ପାଇବୁ ଯେ ଏହାର ସମାନ ଦୁଇଟି ସ୍ତର ଅଛି

ତେଣୁ ବିପଦ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ମଧ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ତେଣୁ ଉତ୍ତର ଠିକ ଅଛି ଛାଡ଼ି ଦିଅଁ ବନ୍ଦ କରେ | ଆଜି ଏଠାରେ ଏହି ଶ୍ରେଣୀରେ ଆମେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଅନେକ ଗୁଣ ପରୀକ୍ଷା କରିଛୁ ଏବଂ ସେହି ଗୁଣଗୁଡ଼ିକ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଅନେକ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିଛୁ ଯାହା ପରବର୍ତ୍ତୀ ଶ୍ରେଣୀରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଗଣନାକୁ ସରଳ କରିଦେଇଛି  $\rho_1$  ଆଉ କିଛି ସମସ୍ୟା ଦେଖିବ ଏବଂ  $\rho_1$  ମଧ୍ୟ ଆମକୁ ଯିବି | ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଧାରଣା ବିଶେଷତ ଶ୍ରେଣୀ ବ୍ୟାକରଣର ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଏବଂ ସମୀକରଣ ଇତ୍ୟାଦି ସମୀକରଣର ସମାଧାନ ଆମେ ଧନ୍ୟବାଦ |