

ସମୀକରଣର ର  $ar$  ଖ୍ୟ ବ୍ୟବସ୍ଥାର ସମାଧାନରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକ ଭୂମିକା ଅଧ୍ୟୟନ ଉପରେ ଏହି ବକ୍ତୃତାକୁ ସ୍ୱାଗତ | ସେଗୁଡ଼ିକ ଉତ୍ତର ହୋଇପାରେ  
 ତେଣୁ ଏକ ପ୍ରେରଣାଦାୟକ ଉଦାହରଣ ହେଉଛି ସମୀକରଣର ର  $line$  ଖ୍ୟ ବ୍ୟବସ୍ଥାର ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ସମାଧାନ କରିବା ତାପରେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଦେଖିଲୁ ଯେ  
 ସେମାନଙ୍କର ଜ୍ୟାମିତିକ ବ୍ୟାଖ୍ୟା ଅଛି ତାପରେ ଆମେ ଏକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କଲୁ ଯାହା ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ପ୍ରଥମ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଥିଲା | କେତେକ ଗୁଣରେ  
 ଯାହା ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ମୂଲ୍ୟକୁ ଦକ୍ଷତାର ସହିତ ଗଣିବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରିବ ତା' ପରେ ଆମେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକ ଗୋଟିଏ ପ୍ରୟୋଗ ଦେଖିଲୁ ଯାହା ଦେଖିଲୁ ଯେ ବର୍ଗ  
 ମେଟ୍ରିକ୍ସର ଓଲଟା ଗଣନା କରିବାରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀମାନେ କିପରି ସହାୟକ ହୋଇପାରିବେ, ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଓଲଟା ରହିବ କି ନାହିଁ ଏବଂ ସେହି ଧାଡ଼ିରେ ଆଜି |  
 ସମୀକରଣର ର  $ar$  ଖ୍ୟ ପ୍ରଣାଳୀ ସମାଧାନ କରିବାରେ ସେମାନେ କିପରି ସାହାଯ୍ୟ କରନ୍ତି ଆମେ ଦେଖୁ  
 ତେଣୁ ଧାରଣାଟି ପୁଣି ସିଧା ଆଗକୁ ବ  $it$  େ ଏବଂ ଏହା ସାଧାରଣକରଣ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ | ସରଳ ସମୀକରଣ ଯାହାକୁ ଆମେ ସାଧାରଣତ  $see$  ଦେଖୁ  
 ତେଣୁ  $2 \times$  ସହିତ ସମାନ ସମୀକରଣ ଦେଖିପାରିବା ଏବଂ ଭେରିଏବଲ୍  $x$  ପାଇଁ ସମାନ ଭାବରେ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚାହିଁବୁ ଯେତେବେଳେ ଆମର ଏକରୁ ଅଧିକ  
 ସମୀକରଣ ଥାଏ, ଧରାଯାଉ ଆମର ସମୀକରଣ ଅଛି ଯାହାର ଏକାଧିକ ଅଜ୍ଞାତ  $x$  ଏବଂ  $y$  କିମ୍ବା  $xy$  ଏବଂ  $z$  ଅଛି | ସାଧାରଣ  $n$  ସମୀକରଣରେ ତାପରେ ଆମେ  
 ଦେଖିଲୁ ଯେ ଆମେ କିପରି ଏହି ଉପସ୍ଥାପନାଗୁଡ଼ିକୁ ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଉପସ୍ଥାପନାରେ ରୂପାନ୍ତର କରିପାରିବା  
 ତେଣୁ ଆମେ ଏକ ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ କୁମ୍ଭକୁ  $b$  ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ ଲେଖିବା, ଯେଉଁଠାରେ  $n$  ବର୍ଗ  $n$  ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଦ୍ୱାରା ସାଧାରଣ  $n$  ଥାଏ, ଯଦି  $n$  ଅଜ୍ଞାତ  
 ଏବଂ କ  $any$  ଶସି ସମୀକରଣ ଆହା ଥାଏ | ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏହାର ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚାହିଁଛୁ  
 ତେଣୁ ଏଠାରେ ଆମେ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଯାଉଛୁ ଯେ ଏହି ସମସ୍ୟାକୁ ସମାଧାନ କରିବା ପାଇଁ ଆମେ କିପରି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଏବଂ ଆମେ ଯାହା  
 ଦେଖିବା ତାହା ହେଉଛି କିପରି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ କିମ୍ବା ସଂପୃକ୍ତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଗଣନା କରିବା ଏକ ସରଳ ଦେବ | ସେଠାରେ ଏକ ସମାଧାନ ଅଛି କି ନାହିଁ ସମାଧାନ  
 କିମ୍ବା ଅନେକ ସମାଧାନ ଠିକ୍ ଅଛି ତାହା ଜାଣିବା ପାଇଁ ଯାହା ଆମର ଲକ୍ଷ୍ୟ ଅଟେ ତାହା ଲେଖିବା ପାଇଁ ଆମେ ହୁଏତ ପୂର୍ବରୁ କୁମ୍ଭ ପରି ସମୀକରଣର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ  
 ହୋଇଥାଇ ପାରିବା ଯେଉଁଠାରେ କିଛି ସ୍କାଲାର୍ ବି ମଧ୍ୟ ହୋଇପାରେ | କାଲାର୍ ଏବଂ  $x$  ଏକ ଅଜ୍ଞାତ ଅଟେ ଯାହା ପାଇଁ ଏହାର ସମାଧାନ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ  
 ଏହାର ସମାଧାନ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ଏହି ସବୁ ସ୍କାଲାର୍ ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ଆମେ ଠିକ୍ ଭାବରେ କହିପାରିବା ଯଦି  $a$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କୁହେଁ ତେବେ  $x$  ବର୍ତ୍ତମାନ  
 ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହି ଆହାକୁ ସାଧାରଣ କରିଥାଉ | ଚାଲନ୍ତୁ ଦୁଇଟି ଅଜ୍ଞାତ କୁମ୍ଭରେ ସମୀକରଣ କହିବା  $m$  ଏବଂ  $cx$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $n$   
 ସହିତ ସମାନ, ଯେଉଁଠାରେ ବର୍ତ୍ତମାନ  $x$  ଏବଂ  $y$  ଅଜ୍ଞାତ ଅଟେ  
 ତେଣୁ ଦୁଇଟି ଅଜ୍ଞାତ ଏବଂ ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ଅଛି ଏହାର ସମାଧାନ ଆମେ କିପରି ପାଇବୁ ଏବଂ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଆମେ ଲେଖିପାରିବା | ଏହା ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ  
 $ab$  ରେ  $abcd$  ରେ ଅଛି ଏବଂ ସେଠାରେ  $x$   $y$  ଅଛି ଏବଂ ତା' ପରେ  $m$  ଏବଂ  $n$  ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଏହା ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଭୂମିକା ଗ୍ରହଣ କରେ ଏହା ଏକ ଅଜ୍ଞାତ ଭେକ୍ଟର ଅଟେ  
 ତେଣୁ ନୋଟିସ୍ କୁ ଭୂମିକା କରିବା ପାଇଁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହା ତଳେ ଥିବା ଏକ ଭେକ୍ଟର  $x$  | ବାର୍  
 ତେଣୁ ଏହି  $x$  ଏକ ସ୍କାଲାର୍ ଅଟେ ଏହା ଏକ ଭେକ୍ଟର  
 ତେଣୁ ମୋତେ କେବଳ ଏକ ଟିପ୍ପଣୀ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏହା ଏକ ଭେକ୍ଟର ତାହାଣ ଦୁଇ ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ଅଟେ ଏବଂ ଏଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ ଜଣାଶୁଣା କନଷ୍ଟାଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକ  
 ବର୍ତ୍ତମାନ ଜଣାଶୁଣା ଏବଂ ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଏହି ଜିନିଷ | ସମୀକରଣ ମଧ୍ୟ ଜଣାଶୁଣା କିନ୍ତୁ  $x$  ଅଜ୍ଞ  $unknown$  ାତ ଅଟେ  
 ତେଣୁ ଏକ ସମୟର  $x$  ର ଏକ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ ଏକ  $kn$  ସହିତ ସମାନ | ନିଜର ମୂଲ୍ୟ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ କ୍ୟାପିଟାଲ୍  $b$  କୁ  $b$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ  
 ତେଣୁ ଆମେ ଏଠାରେ  $x$  ର ଭାଲ୍ୟୁ କିପରି ପାଇପାରିବା  
 ତେଣୁ ଏହା ଏକ ସମାନ ସାଧାରଣକରଣ ଯାହା ଆମେ ଏକ ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ରେ ଦେଖୁ ଏହା ଦୁଇଟି ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ଏବଂ ସାଧାରଣତ  $we$  ଆମର ଏକ ପରିଚ୍ଛିତ  
 ହୋଇପାରେ |  $n$  ପରିମାପ  
 ତେଣୁ ଆମେ କିପରି ଏହି ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍କୁ ସମାଧାନ କରିବୁ ଏହି ସମୀକରଣର ର  $line$  ଖ୍ୟ ସିଷ୍ଟମ୍ ଆହା ଏଥିରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକ ଭୂମିକା କ'ଣ ଯାହା ଏହି  
 ବକ୍ତବ୍ୟର ଲକ୍ଷ୍ୟ ଅଟେ  
 ତେଣୁ ଆପଣ କିପରି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ବ୍ୟବହାର କରିବେ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ କିପରି କରିବୁ? ସେମାନଙ୍କର ଅସ୍ତିତ୍ୱ  $or$  କିମ୍ବା ସମାଧାନ ଯାଞ୍ଚ କରିବା  
 ପାଇଁ ସରଳ ସହିତ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଆମେ ସଂପୃକ୍ତ ଧାରଣାକୁ ଦେଖିବା ଏବଂ ଏଠାରେ କିଛି ସମସ୍ୟାକୁ ମଧ୍ୟ ଦେଖିବା ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ କେବଳ ପୂର୍ବ ଉଦାହରଣ ସହିତ ଆଗକୁ ବ  $to$  ିବା ପାଇଁ ଆମ ପାଖରେ କିଛି ଅଛି ଯାହାକି  $x$  ଏବଂ  $m$  ସହିତ ସମାନ | ଆମେ କହିଛୁ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ଅଜ୍ଞାତ  
 ଭେକ୍ଟର  $x$  ଏହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଠିକ୍ ଅଛି ଯେପରି ଆମେ ଠିକ୍ କହିଛୁ ଯେ  $x$  ରାଲର୍ ପାଇଁ କିପରି ସମାଧାନ କରାଯିବ ତାହା ଜାଣିବା ଏବଂ ଆହା କେବଳ ଏକ ଟିପ୍ପଣୀ ଯାହା  
 ଆମେ ଥରେ ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ | ବିଷୟବସ୍ତୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଆମେ କହିବାକୁ ଯାଉଛୁ |  $x$  କୁ କେବଳ ସାଧାରଣ ନୋଟେସନ୍  $x$  ସହିତ ବଦଳାଇବାକୁ ଯାଉଛି  
 ସ୍କାଲାର୍  $x$  ଦ୍  $used$  ାରା ଭୂମିକା ହେବ ନାହିଁ  
 ତେଣୁ ଉପଯୁକ୍ତ ପ୍ରସଙ୍ଗରେ ଆମେ ଭେକ୍ଟର ମୂଲ୍ୟକୁ ସୂଚାଇବା ପାଇଁ  $x$  ବ୍ୟବହାର କରୁ ଯଦିଓ କ  $any$  ଶସି ବସ୍ତୁକୁ ଏତାଇବା ପାଇଁ ଆମେ  $x$  କୁ ଅଣ୍ଟର ବାର୍ ସହିତ  
 ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯଦ୍ୱନ୍ଦ୍ୱ ହେବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମର ଏହା ହେଉଛି ଦୁଇଟି ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ଆହା ସିଷ୍ଟମ୍ ଏକ ଉଦାହରଣ ଯାହା ହେଉଛି ଦୁଇଟି  
 ଅଜ୍ଞାତ ଅଛି ଏବଂ ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ଅଛି ଆହା କେବଳ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣତା ପାଇଁ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ତିନୋଟି ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ସମୀକରଣ ପ୍ରଣାଳୀ ଲେଖିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ସଂପୃକ୍ତ  
 ପରିମାଣକୁ ତିନୋଟି ଦ୍ୱାରା ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବା | ତିନୋଟି ଉଦାହରଣ ଏକ ତିନୋଟି ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ଉଦାହରଣ ତିନୋଟି ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ଉଦାହରଣ  $ok$   
 ତେଣୁ ଏଠାରେ ଆମେ କହୁଛୁ ତିନୋଟି ସମୀକରଣ ଅଛି ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ  $x$  ପ୍ଲ୍ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି  $y$  ପ୍ଲ୍ ଗୋଟିଏ ତିନି  $z$  ସମାନ  $b$  ଗୋଟିଏ ଓକେ ଏହା  
 ସମୀକରଣ ଗୋଟିଏ ଦ୍ୱିତୀୟ ସମୀକରଣ ଦୁଇଟି ଗୋଟିଏ  $x$  ହୋଇପାରେ | ପ୍ଲ୍ ଦୁଇଟି ଦୁଇଟି  $y$  ପ୍ଲ୍ ଦୁଇଟି  $b$   $z$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତୃତୀୟ ସମୀକରଣ ହେଉଛି  
 ଏକ ତିନି  $x$   $x$  ପ୍ଲ୍ ତିନି ଦୁଇଟି  $y$  ପ୍ଲ୍ ତିନି ତିନୋଟି  $z$  ସମାନ  $b$   
 ତେଣୁ ତିନୋଟି ଅଜ୍ଞାତ  $xy$  ସହିତ ତିନୋଟି ସମୀକରଣର ଏକ ଉଦାହରଣ |  $z$  ଯାହାର ପ୍ରତ୍ୟେକଟି ସ୍କାଲାର୍ ଅଟେ | ସାଧାରଣ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଉପସ୍ଥାପନାରେ ଆମେ ଏହାକୁ  
 କିପରି ଲେଖିବା, ଆମେ ଏକ ବର୍ଗର ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସରେ ଦୁଇଟି ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ସିଷ୍ଟମ୍ ପାଇଁ କରିଥିବା ପରି ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକ ସଂଗ୍ରହ କରିପାରିବା ଯାହାକୁ ଆମେ ଏହାକୁ କ୍ୟାପିଟାଲ୍  
 ବୋଲି କହିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏକ ଅଜ୍ଞାତ | ଅଣ୍ଟର ବାର୍ ସହିତ ଭେକ୍ଟର  $x$  ଯାହା ଏକ ଅଜ୍ଞାତ ମୂଲ୍ୟ  $xy$  ଏବଂ  $z$  ଥିବା ଏକ ସ୍ତମ୍ଭ ଭେକ୍ଟର ଏବଂ  
 ତା' ପରେ ସମୀକରଣର ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ସ୍ତମ୍ଭ ଭେକ୍ଟର ହେବ  $b$   $b$   $b$   $b$   $b$   $b$  ତିନି ଯାହାକୁ ତୁମେ କ୍ୟାପିଟାଲ୍  $b$  ବୋଲି କହିବା ଭିତ୍ତି  
 ତେଣୁ ଆମେ କରିପାରିବା | ଏହାକୁ ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଭାବରେ ଲେଖିବୁ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଦୁଇ ଦୁଇ ଗୋଟିଏ ତିନି ତିନି ଦୁଇ ଦୁଇ ଦୁଇ ତିନି ତିନି ତିନି  
 ତିନି ତିନୋଟି ତାପରେ ଆହା ସ୍ତମ୍ଭ ଭେକ୍ଟର ଏଠାରେ  $xyz$  ଏବଂ ତା' ପରେ ଭେକ୍ଟର  $b$  ଗୋଟିଏ  $b$  ଦୁଇ  $b$  ତିନି  
 ତେଣୁ ଏହାକୁ କ୍ୟାପିଟାଲ୍ ଭାବରେ ସୂଚିତ କରାଯାଇପାରେ, ଏହା ହେଉଛି  $x$  ବାର୍ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି କ୍ୟାପିଟାଲ୍  $b$   
 ତେଣୁ ଆମ ପାଖରେ ଥିବା ସମୀକରଣ ହେଉଛି ଏକ ସମୟର  $x$  ବାର୍  $b$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏଠାରେ ଆମର ଲକ୍ଷ୍ୟ ହେଉଛି  $x$  ଖୋଜିବା  
 ତେଣୁ ତିନୋଟି ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ସିଷ୍ଟମ୍ ଲେଖିବାର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ | ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ଏହାକୁ ଦୁଇଟି ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ସିଷ୍ଟମ୍ ସହିତ ତୁଳନା କର, ସମୀକରଣର ଆହା  
 ଦେଖାଇବାକୁ ଥିଲା ଯାହା  $g$  ରେ |  $eneral$  ଆପଣ ଏହାକୁ ଏକ  $n$  ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ସିଷ୍ଟମ୍ ପାଇଁ ଲେଖିପାରିବେ ଯାହାର  $n$  ସମୀକରଣ ଏବଂ  $n$  ଅଜ୍ଞାତ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଆହା ଏଠାରେ  $n$  ସହିତ ସମାନ  $3$  ପାଇଁ ଏକ ମାମଲା ଆମେ ସାଧାରଣତ  $a$  ଏକ  $x$  ବାର୍ ଏବଂ  $b$  କୁ ସେମାନଙ୍କ ଉପଯୁକ୍ତ  $n$  ତାଲମେନ୍ସନାଲ୍ ପରିମାଣ  
 ଭାବରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିପାରିବା |  $n$  ବର୍ଗ  $n$  ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ  $x$  କୁ ଏକ  $n$  ଭେକ୍ଟର ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ  $b$   $1$  ଭେକ୍ଟର ହେବାକୁ ଯାଉଛି  
 ତେଣୁ ସାଧାରଣତ  $this$  ଏହା ହେଉଛି  $n$  ବର୍ଗ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଦ୍ୱାରା ଏହା  $1$  ଭେକ୍ଟର ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ ଏକ  $n$  |  $1$  ଭେକ୍ଟର ଦ୍  
 So ାରା ଏହା ହେଉଛି ସମୀକରଣର ବା ର  $line$  ଖ୍ୟ ସିଷ୍ଟମ୍ ସହିତ ସମାନ କୁମ୍ଭ ସେଟ୍ ଅପ୍ ସମସ୍ୟା, ଆମେ କିପରି ସମାଧାନ ଖୋଜୁ, ଯେଉଁଥି ପାଇଁ ଏହାର  
 ସମାଧାନ ଅଛି କି ନାହିଁ

ତେଣୁ ସାଧାରଣ ସିଷ୍ଟମ୍ ହେଉଛି ନିମ୍ନ କୁରା now ି ବର୍ତ୍ତମାନ b ସହିତ ସମାନ | ମୁଁ ଏହି ସୁଯୋଗକୁ ଦୁଇଟି ଶବ୍ଦକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛି ଯାହା ଏହି ପ୍ରସଙ୍ଗରେ ବାରମ୍ବାର ବ୍ୟବହୃତ ହୁଏ ଆହା ସେମାନେ ପରସ୍ପରର ବିରୋଧୀ

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ଶବ୍ଦ ସ୍ଥିର ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହାର ସମାଧାନ ହେଲେ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ସ୍ଥିର ବୋଲି କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ଗୋଟିଏ ହୋଇପାରେ | କିମ୍ବା ଅଧିକ ସମାଧାନ ଏବଂ ଯଦି କ so1 ଶସି ସୋଲୁ ନଥାଏ ତେବେ ଏହା ଅସଙ୍ଗତ ବୋଲି କୁହାଯାଏ | ଟାଇଲ୍ସ ତେଣୁ ମୋଡେ ଏହି ଡାଇଲ୍ସ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅ କିନ୍ତୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଶବ୍ଦ ଯାହାକି ସମୀକରଣର ଏକ ସିଷ୍ଟମ୍ ଥିବା ଏହି ପ୍ରସଙ୍ଗକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯାଇଥାଏ ଏବଂ ଏହି ଅଞ୍ଚାତ ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକର ସ୍ଥିରତା ପାଇଁ ସମୀକରଣର ଏକ ସିଷ୍ଟମ୍କୁ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରାଯାଏ ଯେପରି ଏକ ସମାଧାନ ଯଦି ସ୍ଥିର ହୁଏ ତେବେ ସ୍ଥିର ବୋଲି କୁହାଯାଏ | ବିଦ୍ୟମାନ ଅଛି ଏବଂ ଅବଶ୍ୟ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ କିମ୍ବା ଏକରୁ ଅଧିକ ସମାଧାନ ହୋଇପାରେ ଏବଂ ଅସଙ୍ଗତର ଅନୁରୂପ ସଂଜ୍ଞା ହେଉଛି ସମୀକରଣର ଏକ ସିଷ୍ଟମ୍ ଅସଙ୍ଗତ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ଯଦି କ solution ଶସି ସମାଧାନ ନଥାଏ ତେବେ ଆସକ୍ତ ପୁନର୍ବାର ଏହାକୁ ଦେଖିବା

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ସିଷ୍ଟମ୍ | ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍କୁ ଏଠାରେ ଦର୍ଶାଯାଇଥିବା ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ଏକ ସମୀକରଣର ଏକ ସିଷ୍ଟମ୍ ସ୍ଥିର ବୋଲି କୁହାଯାଏ ଯଦି ଏକ ସମାଧାନ ବିଦ୍ୟମାନ ଥାଏ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି x ର ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି କିମ୍ବା ଏକରୁ ଅଧିକ ସମାଧାନ ଅସଙ୍ଗତ ଏକ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ଅସଙ୍ଗତ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ଯଦି ସେଠାରେ ଏକ ସମାଧାନର ଅର୍ଥ ନଥାଏ | କ no ଶସି x ନୁହେଁ ଯାହା ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ପ୍ରଦତ୍ତ ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ ଏଗୁଡ଼ିକୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କରେ a ଏବଂ b ok ତେଣୁ ଏହି ah ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକର ସ୍ଥିରତା ଏବଂ ଅସଙ୍ଗତ କହିବାର ଲକ୍ଷ୍ୟ ହେଉଛି s ପାଇଁ ଏକ ସଂକ୍ଷିପ୍ତ ଫର୍ମ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି | x ର ah ସମାଧାନ ବିଷୟରେ ନିୟନ୍ତ୍ରଣ କରିବା କିମ୍ବା କଥାବାତ୍ତା କରିବା ପାଇଁ ଆମେ କହିବୁ

ତେଣୁ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ସ୍ଥିର ଅଟେ କିମ୍ବା ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ଅସଙ୍ଗତ ଅଟେ ଏବଂ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହାର ସମାଧାନ ଅଛି ନା ସେହି ନୋଡରେ ସମାଧାନର ସମାଧାନ ନାହିଁ | ଉଲ୍ଲେଖ କରନ୍ତୁ ଯେ ଅନେକ ଅଦଳବଦଳ ଶବ୍ଦ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ

ତେଣୁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଯଦି ସମୀକରଣର ଏକ ସିଷ୍ଟମ୍ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି ତେବେ ଆମେ କହିଥାଉ ଏହାର ଏକ ଅନନ୍ୟ ସମାଧାନର ଅନନ୍ୟ ଅର୍ଥ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ବେଳେବେଳେ ସେମାନେ ଏକ ଅଣ-ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ସମାଧାନ ବିଷୟରେ କଥାବାତ୍ତା କରନ୍ତି , ଯାହା ତୁମେ ପାଇଥିବା ସମାଧାନ | x ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ଅନ୍ୟ କିଛି ଶବ୍ଦ ଯାହାକି ଆମ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟରେ ପ୍ରସଙ୍ଗରେ ବ୍ୟବହୃତ ହୁଏ ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳ ରଖୁ ଏବଂ କେବଳ ସ୍ଥିରତା ଏବଂ ଅସଙ୍ଗତକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ ତେଣୁ ଆମେ ଏହି କୁରା ax ିର ସମାଧାନ ପାଇଁ କିପରି ଯିବା, ଆମେ ଜାଣିବାକୁ ଚାହୁଁ ଏହା ହେଉଛି ସ୍ଥିରତା ଗୁଣ ଯାହା ଅସଙ୍ଗତ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ସ୍ଥିର ଅସଙ୍ଗତ କିପରି ଏହାକୁ ଠିକ୍ ଯାଞ୍ଚ କରାଯିବ ତାହା ହେଉଛି ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍ ସ୍ଥିର କି ନୁହେଁ ତାହା ଯାଞ୍ଚ କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ସ୍ଥିର କରିଛୁ ଏବଂ ଏହିଠାରେ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ | ବିଶେଷକରି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା ପାଇଁ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀକ ଭୂମିକା ବିଷୟରେ କଥାବାତ୍ତା କରନ୍ତୁ , ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଏକ ଅଦୃଶ୍ୟ କି ନୁହେଁ ତାହା ସ୍ଥିର କରିବା ଦ୍ our ାରା ଆମର କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଅଟେ ଆମେ ଠିକ୍ କହିବୁ ଯେପରି ଆମେ ପୂର୍ବ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଦେଖିଛୁ ଯେ ଏହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ 0 ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଏକକ କିମ୍ବା ଅଣ ଏକକ ହୋଇପାରେ | କିମ୍ବା ନୁହେଁ ଯଦି ଏହା ଅଣ-ଏକକ ଅଟେ, ଯଦି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ 0 ଥାଏ ତେବେ ଏହା ଇନଭର୍ଟିବଲ୍ ଏବଂ ଯଦି ଏହା ଇନଭର୍ଟିବଲ୍ ତେବେ ଆମର ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଓଲଟା ଅଛି ଯାହାକୁ ଆମେ ଏକ ଓଲଟା ବୋଲି କହିଥାଉ ଯାହାକୁ ଆପଣ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ବ multip ାଇ ପାରିବେ ଏବଂ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଗୁଣନ କରିବୁ | ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଏକ ଓଲଟା ଦ୍ୱାରା ସମୀକରଣ ଏକ ଥର ଏକ ଓଲଟା ସମୟ x ହେବ ଏବଂ ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ଏକ ବିପରୀତ ସମୟ b ରେ ପରିଣତ ହେବ ଏବଂ ଯଦି ଏକ ଓଲଟା ସମୟ ଯାହାକୁ ଆମେ ସଂଜ୍ଞା ଦ୍ୱାରା ଜାଣୁ ତେବେ ପରିଚୟ ତେବେ ଆମ ପାଇଁ x ପାଇଁ ଏକ ପ୍ରସ୍ତୁତ ସମାଧାନ ଅଛି | ଆମେ ଅନ୍ୟ କେସ୍ କୁ ଦେଖିବା ଯେତେବେଳେ ଏହା ଅବିସ୍ମରଣୀୟ ନୁହେଁ ଏବଂ ତା' ପରେ ସେଠାରେ କ'ଣ ଘଟେ ଦେଖିବା ଆସକ୍ତ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କହିଥିଲୁ ତାହା ଲେଖିବା | ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ | t ର a ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ତତକ୍ଷଣାତ୍ ପ୍ରଭାବ ହେଉଛି ଏକ ଓଲଟା ବିଦ୍ୟମାନ | ଏହା ଆମେ ଜାଣୁ ପରିଚୟ

ତେଣୁ ଯଦି ଏହା ଏକ ଦୁଇ ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଅଟେ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ଦୁଇ ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ପରିଚୟ ଯାହା ସାଧାରଣତ one ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ଯଦି ଏହା ଏକ ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଅଟେ ତେବେ ଏହା ଏକ ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ପରିଚୟ

ତେଣୁ ଏହାର n ଯାଡ଼ି n ସ୍ତମ୍ଭ ଏବଂ ସମସ୍ତ ଅଛି | ଡାଇଗୋନାଲ୍ ଏଣ୍ଟ୍ରିଗୁଡ଼ିକ ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ପରିଚୟ ସମୟ x ହେଉଛି x

ତେଣୁ ଏହା ଆମେ ପାଇଥାଉ x ହେଉଛି ଏକ ଓଲଟା ସମୟ b

ତେଣୁ ଯଦି ଏକ ଅଣ ଏକକ ସମାଧାନ ଯାହା ଆମେ ପାଇଥାଉ x ଏକ ଓଲଟା b ତାହାଣ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ପ୍ରଥମ ମାମଲା | ଯେଉଁଠିରେ ଏହା ଅଣ-ଏକକ ଅଟେ ଯାହା ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଏହି ଠିକ୍ ପାଇଁ ଆମର ଏକ ପ୍ରସ୍ତୁତ ସମାଧାନ ଅଛି ବର୍ତ୍ତମାନ ଅନ୍ୟ କେସ୍ ବିଷୟରେ ଆମେ ପୁନର୍ବାର ସେହି ଉପକରଣଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ବିଶେଷ ଭାବରେ ଗଣିତ ମେଟ୍ରିକ୍ସକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାରେ ବିକଶିତ କରିଛୁ | ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ

ତେଣୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ 0 ହେଲେ ଆମେ ସହଜରେ th କୁ ଦେଖିପାରିବା | ଏକ ସମୟର ସଂଲଗ୍ନରେ a ହେଉଛି 0 ଠିକ୍ କାରଣ ପୂର୍ବରୁ ଆମେ ଏହି ସମ୍ପର୍କ ସହିତ ଆସିଥିଲୁ ଯାହା ଏକ ଚାଇଲ୍ କ୍ୟାପିଟାଲ୍ ର ଆଡୋଜିଣ୍ଡ୍ a ର ନିର୍ଣ୍ଣୟ ସମୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ 0 ଅଟେ ତେବେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏକ ସମୟର ଯୋଗ | a ହେଉଛି 0 ତେବେ ଆସକ୍ତ ଦେଖିବା କ'ଣ ଘଟେ

ତେଣୁ ବିଚାର କେସ୍ ହେଉଛି ଯଦି ଏକ ଏକକ ଅଟେ ଯାହା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖିଲୁ ଯେ ଏକ ସମୟର ସଂଯୋଗ ଏକ ସମୟ ପରିଚୟର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଅଟେ କାରଣ ଏହା 0 ଅଟେ ଏହା ସମାନ | 0 ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସକୁ ଏବଂ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ୍କୁ ବହୁଗୁଣିତ କରି ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ, ଯଦି ତୁମେ ଏହାକୁ ବହୁଗୁଣିତ କର, ତେବେ ଆମେ ସେହି ସମୟର x ବାରର ଯୋଗକୁ b ସମୟର ଗଣି ସହିତ ସମାନ କରୁ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏଠାରେ ହଜିଯାଉଛି | ଏହା ଏକ ଥର x ବାର ର ଏକ ଯୁଗ୍ମ ହେବା ଉଚିତ ଯାହା ଦ sense ାରା ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି କାରଣ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରେ କୁରା bar ି ଅଛି

ତେଣୁ ଆମର ଏକ ଚାଇଲ୍ କୁରା bar ିର ସଂଯୋଜନା ଅଛି ଏବଂ ତା' ପରେ ଏଠାରୁ ଏକ ସମୟର ଆଡୋଜେଣ୍ଡ୍ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଏହି ଶବ୍ଦଟି ହେଉଛି | ଶୂନ୍ୟ ତେଣୁ ବାମ ହାତ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମର ଏକ ସମୟର b ର ଗଣି ଅଛି

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଦୁଇଟି ଅଛି | କେସ୍ ସବ୍ କେସ୍ ଏକ ଛୋଟ ଯଦି ଏକ ସମୟର ଯୋଗ 0 ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଆମେ କିଛି କହି ପାରିବୁ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଆମେ ସ୍ଥିରତା କିମ୍ବା ଅସଙ୍ଗତ ସ୍ଥିରତା କିମ୍ବା ଅସଙ୍ଗତ ବିଷୟରେ କିଛି କହି ପାରିବୁ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ଅସ୍ପଷ୍ଟ ଫଳାଫଳ ଅଟେ ଯଦି ଏକ ସଂଯୋଗ ହୁଏ | ଏହା ହେଉଛି ଦୁଇଟି b ଯଦି ଏକ ସମୟର b ର ଯୋଗ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ତେବେ ଆମର ଏକ ଅସ୍ପଷ୍ଟ ଅଛି କାରଣ ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ 0

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମେ କହୁଛୁ ସିଷ୍ଟମ୍ ହେଉଛି | ଅସଙ୍ଗତ ଡାହାଣ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକ ଅଛି ଯେ ଏହା କେତେ ଭଲ ଭାବରେ ପୋଜ୍ ହୋଇଛି କାରଣ ବାମ ହାତ 0 ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ 0 ନୁହେଁ 0 ଆମେ କିପରି 2 ଡାହାଣକୁ ସମାନ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯେତେବେଳେ ଏକ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ହେଉଛି ଅଧିକାଂଶ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଯାହା ଆମେ ଆସିପାରିବା | ନିମ୍ନଲିଖିତଗୁଡ଼ିକ ସହିତ ଆମେ ଅପରେସନ୍ ର ମୋଡସ୍ ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଠିକ୍ କହୁଛୁ ଠିକ୍ ଠିକ୍ ଭାବରେ ଆମେ ଆଡୋଜେଣ୍ଡ୍ ଦ୍ୱାରା ବହୁଗୁଣିତ ହେବାକୁ ଯାଉଛୁ ଯେପରି ପୂର୍ବର ଏକ ଓଲଟା ସହିତ କରିଥିଲୁ ଏହା ପୂର୍ବରୁ ଏହା ଏକ ସରଳ ପରିସ୍ଥିତି ଥିଲା କାରଣ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ a ଓଲଟା ଏହାର ଓଲଟା ସମୟ ଏକ ପରିଚୟ ଅଟେ | ଏବଂ

ତେଣୁ ଆମେ ଏଠାରେ  $x$  ପାଇଁ ଏକ ପ୍ରସ୍ତୁତ ସମାଧାନ ପାଇପାରିବା ଏହା ଚିକିତ୍ସ ଅଧିକ ଜଟିଳ କାରଣ ଏଠାରେ ଆମେ ଜାଣୁନାହିଁ ଓଲଟା ପ୍ରକୃତରେ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଏହା ବିଦ୍ୟମାନ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରିଥିଲୁ ତାହା କରିପାରିବୁ ନାହିଁ | ଆମେ ଏଠାରେ କରୁ ଯେ ଆମେ ସେହି ଗଣିତ ଦ୍ୱାରା ବହୁଗୁଣିତ ହୋଇଥାଉ ଏବଂ ତା' ପରେ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯେ ସମୀକରଣର ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଥିବା ବି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ସ୍ଥିରତା 0 କିମ୍ବା 0 ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ ତେବେ ଆମର ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଅଛି ଯେ ଆମେ ଠିକ୍ ଲେଖୁଛୁ

ତେଣୁ ଏହା ସାମଗ୍ରିକ ଭାବରେ ଆମେ କିପରି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଧାରଣାକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ ଏବଂ ବିଶେଷ ଭାବରେ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଉଦ୍ଭବ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବାରେ ଏହାର ଭୂମିକା ସମୀକରଣର ଏକ ର  $ar$  ଖ୍ୟ ପ୍ରଣାଳୀରେ ସ୍ଥିରତା ଏବଂ ଅସଙ୍ଗତିକୁ ସମାଧାନ କରିବା ପାଇଁ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ ନିଜ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିଛୁ | ଫ୍ରେମ୍ ହୋଇଛି ଆମେ ଦୁଇଟି ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ କିମ୍ବା ତିନୋଟି ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ଉଦାହରଣ ବ୍ୟବହାର କରି ଉଦାହରଣ କରିଛୁ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହି ସମସ୍ୟାକୁ ଉଦାହରଣ କରିଛୁ ଏବଂ ତା' ପରେ କହିଲୁ ଠିକ୍ ଅଛି ଆସନ୍ତୁ ଏକ ସାଧାରଣ  $n$  କୁ  $n$  ବର୍ଗ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ବିଷୟରେ ବିଚାର କରିବା ଯାହାକି ଯେକ  $any$  ଶସି ସମୀକରଣ ଏବଂ  $n$  ଅଜ୍ଞାତ ବିଷୟରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏକ ସାଧାରଣ ସହିତ ଆସିଛୁ | ଏହାର ସମାଧାନ ଅଛି କି ନାହିଁ ଏହାର କ  $solution$  ଶସି ସମାଧାନ ନାହିଁ କି ନାହିଁ ଏହି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବାର ଉପାୟ ଏବଂ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ ସମାଧାନ ଦିଗରେ ଆମେ ଯାହା ଦେଖିବାକୁ ଚାହଁବୁ ତାହା ପଛରେ ଏହା ଏକ ଧାରଣା ବୁ  $understanding$  ାମଣା ଅଟେ, ଆସନ୍ତୁ କିଛି ଉଦାହରଣ ଦେଖିବା ଏବଂ ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା | କିମ୍ବା ଏହି ଉଦାହରଣଗୁଡ଼ିକ ମାଧ୍ୟମରେ ଏହି ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରନ୍ତୁ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ଉଦାହରଣ ଯାହା ମୁଁ ଉପସ୍ଥାପନ କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛି ତାହା ହେଉଛି କିଛି ଯାହା ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଦେଖିଛୁ ଆସନ୍ତୁ ଜାଣିବା ଏହି ଫଳାଫଳକୁ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଆମେ ଏହି ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ ଶିରରେ ଜାରି ରଖିବା | ବକ୍ତୃତା ମ  $matrix$   $matrix$  ିକ୍ସ ପରି 1 1 ଆହା 4 ମାଇନସ୍ 1 ଥର  $xy$  ଥିଲା ଏବଂ ଏହା ଦଶ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଥିଲା

ତେଣୁ ଏହା ଏକ  $x$  ର ଭୂମିକା ଗ୍ରହଣ କରେ ଏବଂ ଏହା  $b$  ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଭୂମିକା ଗ୍ରହଣ କରେ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି | ଏହି ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକରେ କେବଳ କିଛି ସଂଖ୍ୟା ରଖି , କେବଳ ପ୍ରକୃତରେ ଆମେ କିପରି ଇସ୍ତୁ ବିଷୟରେ ଯିବୁ ସେ ବିଷୟରେ ଏକ ଧାରଣା ପାଇବା ପାଇଁ ପ୍ରଥମ ସମାଧାନ ଯାହା ସମାଧାନ ହୋଇଛି କି ନାହିଁ ତାହା ଯାଞ୍ଚ କରିବା ଏବଂ ଏଥିପାଇଁ ଆମେ ଯାହା କରିବୁ ତାହା ଦେଖିବା | ଏହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଏହା  $by$  ାରା ଦୁଇ |  $o$  ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଅପେକ୍ଷାକୃତ ସହଜ ହେବା ଉଚିତ୍ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ମୁଁ ଏହାକୁ ଆକଳନ କରିପାରିବି କି ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଦୁଇଟି  $mat$  ାରା ଦୁଇ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଚାରି ମାଇନସ୍ ପାଞ୍ଚ କିମ୍ବା ଆମେ  $um$  ବ୍ୟବହାର କରି ପାରିବା | ପରିଭାଷା ଯାହାକି ସମାନ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କିଛି ନୁହେଁ,

ତେଣୁ ଆମେ 1 ମାଇନସ୍ 1 କୁ  $lying$  ାଉଛି ଯାହା  $min$  ାରା ମାଇନସ୍ 1 ସେଥିପାଇଁ ଏହି ଶବ୍ଦ ଆସେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏଠାରେ ମାଇନସ୍ 4 ଥର 1 ଅଛି

ତେଣୁ ମାଇନସ୍ 4 ହେଉଛି ମାଇନସ୍ 5 ଏବଂ ଧାନ ଦେବା ପାଇଁ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ବିଷୟ | ଏହା ହେଉଛି ଯେ ଏହା 0 ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ମାମଲା ଯାହା ଆମେ ପ୍ରୟୋଗ କରୁ ଏବଂ ଏହା ଆମକୁ ଯାହା କହିଥାଏ ଠିକ୍ ଅଛି ଏହି ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମର ଏକ ସମାଧାନ ଅଛି

ଯେତେବେଳେ ଆମେ ସମାଧାନ ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଓଲଟା ବ୍ୟବହାରକୁ ଅନୁସନ୍ଧାନ କରୁ | ଦେଖନ୍ତୁ ଯେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ସମାଧାନ ନିର୍ମାଣ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଏହାର ସମାଧାନ

ତେଣୁ ଏହା କହିଥାଏ ଯେ ଏହାର ଏକ ସମାଧାନ ଅଛି ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହାର ସମାଧାନ କିପରି ଅଛି ସମାଧାନର ସମାଧାନ କିପରି ହେବ  $x$  ର ସମାଧାନ ହେଉଛି ଏକ ବିପରୀତ ସମୟ  $b$  ଠିକ୍

ତେଣୁ ସତ୍ୟକୁ ବ୍ୟବହାର କରି | ସେହି ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ଆମେ ଏହା କହିପାରିବା | ସମୀକରଣର ଏକ ସ୍ଥିର ପ୍ରଣାଳୀ ହେଉଛି ସେଠାରେ ସମାଧାନର ସମାଧାନ ହେଉଛି ଆମର ଏହି  $x$  ବାର୍ ହେଉଛି ଏକ ଓଲଟା ସମୟ  $b$

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏକ ଓଲଟା ଓଲଟା କ'ଣ ହେଉଛି ଆହା ମାଇନସ୍ 1 ରୁ 5 ଥର ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସକୁ ଏକ ଗଣି ସହିତ ବଦଳାଇବା

ତେଣୁ ମାଇନସ୍ 1 1 ମାଇନସ୍ 1 1 ମାଇନସ୍ 4

ତେଣୁ ମୁଁ ବିଶି  $believe$  ାସ କରେ ଏହା ହେଉଛି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଓଲଟା ଯାହା ସହିତ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଗୁଣନ କରି ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବା ଏବଂ ଏହା ଜଣାପଡେ ଯେ ଏହା ଏକ ପରିଚୟ ପରି ଦେଖାଯାଉଛି

ତେଣୁ ଏହା ଓଲଟା ଏବଂ ଏହାର ସମାଧାନ

ତେଣୁ କଣ? ଓଲଟା ସମୟ ଏହା ହେଉଛି ମାଇନସ୍ 1  $by$  5 ମୋଡେ ପୁନର୍ବାର ଏକ ଓଲଟା ଲେଖିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ମାଇନସ୍ 1 ମାଇନସ୍ 1 ମାଇନସ୍ 4 1 ଏବଂ ତା' ପରେ 10 0

ତେଣୁ ସ୍ୱଚ୍ଛିତ କରେ ଯେ  $x$  ବାର୍ ମାଇନସ୍ 1 ରୁ 5 ଏବଂ ମାଇନସ୍ 1

ତେଣୁ ତାହା ମାଇନସ୍ 10 ଏବଂ ମାଇନସ୍ ଚାରି ମାଇନସ୍ ଚାଳିଶ |

ତେଣୁ ଏହା ଦୁଇ ଏବଂ ଆଠ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ସମାଧାନ ଠିକ୍

ତେଣୁ ଆମେ ଏଠାରେ ଯାହା କରିଛୁ ତାହା ନିମ୍ନଲିଖିତ ପ୍ରଥମେ ଆମେ ଯାଞ୍ଚ କରିଛୁ ଯେ ଏହି ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମର ସମାଧାନ ଅଛି କି ନାହିଁ ଏବଂ ଏହା କରିବା  $we$  ାରା ଆମେ ପ୍ରଥମେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ଅଣ-ଏକକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ସମାନତାର ଏକ ସ୍ଥିର ବ୍ୟବସ୍ଥା |  $ations$  ଏବଂ ତାପରେ ଆମେ ଠିକ୍ କହିଥାଉ ଯଦି ଏହାର ସମାଧାନ କ'ଣ ସ୍ଥିର ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ସମାଧାନର ନିର୍ମାଣରେ ଅଛି ଏବଂ ଏହା ପୂର୍ବରୁ ଆମେ ଦେଖିଛୁ ଯେ ସମାଧାନ ହେଉଛି ଏକ ଓଲଟା ସମୟ  $b$  ଏବଂ

ତେଣୁ ଆମେ  $b$  ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ଏକ ଓଲଟା ଗଣନା କରୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ପାଇଥାଉ | ସମାଧାନ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବା ଯେ ଦୁଇଟି ଆଠଟିର ଏହି ସମାଧାନ ଦୁଇଟି ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ କି ନାହିଁ ଆସନ୍ତୁ ଯାଞ୍ଚ କରିବା ଯେ ଆସନ୍ତୁ ଯାଞ୍ଚ କରିବା ଯେ  $x$  କମା 2 କମା 2 8 ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ କି ନାହିଁ

ତେଣୁ ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ କ'ଣ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖିବା | ସେମାନଙ୍କର ମୂଳ ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ ଫର୍ମରେ ତଳକୁ, ଯେଉଁଠାରେ ତୁମର ଦୁଇଟି ଅଜ୍ଞାତରେ ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ଅଛି

ତେଣୁ  $4x$  ମାଇନସ୍ 5 ଠିକ୍

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ତୁମେ  $x$  କୁ ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $y$  ଆଠ ସହିତ ସମାନ ତେବେ ହିଁ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ  $x$  ପୁସ୍ତ  $y$  ଦଶ ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଦୁଇଟି ପୁସ୍ତ

ଆଠଟି ଦଶଟି ଅନୁମାନ | ଆପଣ ଏହାକୁ ଏଠାରେ ରଖିଛନ୍ତି

ତେଣୁ  $x$  ଦୁଇଟି ଅଟେ

ତେଣୁ ଚାରିଟି ଦୁଇଟିରେ ଆଠଟି ମାଇନସ୍ ଆଠଟି ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ସମାଧାନଟି ମୂଳ ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ

ତେଣୁ ଏହା କେବଳ ଏକ ସାନଟା ଯାଞ୍ଚ ଅଟେ ଯଦି ଆପଣ ଚାହାଁନ୍ତି ଯେ ଆମେ କିଛି ପାଇଁ ଏକ ନୂତନ ବିଷୟ ଆଣିଛୁ | ଆମକୁ ଶେଷ କରିବାର ଉପାୟ |  $d$  ସମାଧାନ ବାହାର କର ଏବଂ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଯଦି ତୁମେ ସମାଧାନ ପାଇବ ତେବେ ସିଧାସଳଖ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କ  $ques$  ଶଳ ଦ୍ୱାରା ଆମେ ଯାଞ୍ଚ କିମ୍ବା ସମାଧାନ ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ କି ନାହିଁ ଯାଞ୍ଚ କରିବାର ଏକ ଉପାୟ ବାହାର କରିପାରିବା ଏବଂ ହିଁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ସମାଧାନ ହେଉଛି ଏହି ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକର ସଠିକ୍ ସମାଧାନ | ଠିକ୍

ଅଛି ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ ଏହି ସମସ୍ୟାକୁ ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ ଭାବରେ ଦେଖିବା ବିଶେଷ କରି ଏହା ଏକ ଦୁଇଟି ଡାଇମେନ୍ସନାଲ୍ ଉଦାହରଣ ଏବଂ ଏହି ଇସ୍ୟୁର ଜ୍ୟାମିତିକ ଦିଗକୁ କଳ୍ପନା କରିବା ସହଜ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ ବିଶେଷ ଭାବରେ ଏହି ଫଳାଫଳକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ । ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ଦୃଷ୍ଟିକୋଣ ଏବଂ ସମୀକରଣର ସ୍ଥିରତା କିମ୍ବା ଅସଙ୍ଗତତାର ଏହି ପ୍ରସଙ୍ଗରେ ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ସ୍ତରକୁ ଏକ ବିକଳ୍ପ ବୁ *understanding* ୠବା ପାଇଁ ଆମେ ଏକ ସମାନ ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖି କିଛି ଜ୍ୟାମିତିକ ଦୃଷ୍ଟିକୋଣରୁ ଏହି ଉଦାହରଣର ଜ୍ୟାମିତି

ତେଣୁ ଦୁଇଟି | ଆହା ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ଦଶ ଏବଂ ଚାରି  $x$  ମାଲନସ୍  $y$  ସହିତ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣକୁ ଜ୍ୟାମିତିକ ଦୃଷ୍ଟିକୋଣରୁ ଦେଖିବା ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ରେଖା | ଏକ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଫ୍ରେମ୍ ରେ ରେଖାଗୁଡ଼ିକର

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ଲେଖିବା ପାଇଁ ଏହାକୁ ଲେଖିବା ପାଇଁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଫ୍ରେମ୍ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହା ହେଉଛି  $x$  ଅକ୍ଷ ଏହା ହେଉଛି  $y$  ଅକ୍ଷ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ସହିତ ସମାନ 10 ଟି ସମାନ ଧାଡ଼ି ଯାହା ଏଠାରେ 10 ପଏଣ୍ଟ ଅଛି | ଏବଂ 0 10. ଏହା ଏକ ରୁଗ୍ଣ କ୍ଷେତ୍ର କିଛି ଏଠାରେ ଧାରଣା ହେଉଛି ଏହି ରେଖାଗୁଡ଼ିକର ସାଧାରଣ ଆକୃତିକୁ ସଠିକ୍ ଚାରି  $x$  ମାଲନସ୍  $y$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କରିବା ଏକ ରେଖା ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା  $4x$  ମାଲନସ୍  $y$  0 ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା  $x$  ଅଟେ | plus  $y$  10 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହାର ସମାଧାନ ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁ, ଆମେ ଛୋଟ  $x$  ଛୋଟ  $y$  ମୂଲ୍ୟର ଏକ ସେଟ୍ ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁଛୁ ଯାହା ଉଭୟ ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରିବ

ତେଣୁ ଜ୍ୟାମିତିକ ଦୃଷ୍ଟିକୋଣରୁ କଣ? ଆମେ ଦେଖିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁଛୁ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଛି କି ନାହିଁ ତାହା କାହିଁକି ନୁହେଁ କାରଣ ଯଦି ସେମାନେ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଅନ୍ତୁ ତେବେ ସେହି ବିନ୍ଦୁଟି ଉଭୟ ଧାଡ଼ିର ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରିବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଏହି ବିନ୍ଦୁ ଉଭୟ ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରିବା ଉଚିତ୍ ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ | ସମୀକରଣ ଏବଂ ଉଦାହରଣର ପୂର୍ବ ବିଶ୍ଳେଷଣ ଉପରେ ଆଧାର କରି ଆମେ କହିପାରି ଯେ ଏହା ହେଉଛି ଦୁଇଟି କମ୍ପା | ଆଠ ଏବଂ ଆମେ ଦେଖୁଲୁ ଯେ ଏହା ଉଭୟ ରେଖା ଉପରେ ଏବଂ ଏହି ରେଖା ଉପରେ ଅଛି

ତେଣୁ ଛକ ବିନ୍ଦୁ ଉଭୟ ରେଖାର ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ ଏବଂ ସେହି ସମାଧାନ ଯାହା ଆମେ ଠିକ୍ ଖୋଜୁଛୁ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ସମୀକରଣର ଏକ ସ୍ଥିର ବ୍ୟବସ୍ଥା | ଏହି ଧାରଣାରୁ ଏତେ ଆଗକୁ ବ *see* ୠବା ଦେଖନ୍ତୁ ଯେ ଠିକ୍ ଅଛି ଆମେ ଜ୍ୟାମିତିକ ଭାବରେ ଏହି ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ିକୁ ଭିନ୍ନଭାବେ କରିପାରୁ, କେଉଁ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ିରେ କ *solution* ଶସି ସମାଧାନ ହେବ ନାହିଁ ଯେଉଁଠି ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ିରେ ଛକଗୁଡ଼ିକର କ *points* ଶସି ବିନ୍ଦୁ ରହିବ ନାହିଁ ଗୋଟିଏ ସମ୍ଭାବନା ହେଉଛି ଯଦି ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି ଥାଏ | ପରସ୍ପର ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ତାପରେ ସଂଖ୍ୟା *they* ୠରା ସେମାନେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଅନ୍ତି ନାହିଁ ଏବଂ ଏହା ଏକ ପରିସ୍ଥିତି ହୋଇପାରେ ଯେଉଁଠାରେ ସମାଧାନ ଅସଙ୍ଗତ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ସମୀକରଣର କ *no* ଶସି ସମାଧାନ ହେବ ନାହିଁ ଏବଂ ଏହାକୁ ଅସଙ୍ଗତ ଭାବରେ ନାମିତ କରାଯିବ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା | ଏହି ଉଦାହରଣ ଉପରେ ଆଧାର କରି ଆମେ ସମୀକରଣର ଏକ ସିଷ୍ଟମ ଆଣିପାରିବା କି ଯାହାର କ *solution* ଶସି ସମାଧାନ ନାହିଁ ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଆମ ମନରେ ଅଛି ଯେ ଆମେ ଏକ ଅସଙ୍ଗତ ସିଷ୍ଟମ ଗଠନ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଆମେ ପୁନର୍ବାର  $p$  ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ ଦେଖିବା | ଗାଡ଼ି ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି

ତେଣୁ ଏହାର ମୂଳ ହେଉଛି  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ଦଶ ସହିତ ସମାନ ଧରାଯାଉ ଆମ ପାଖରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ସିଷ୍ଟମ ଅଛି ଯାହାକି  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  କୋଡ଼ିଏ ସହିତ ସମାନ ଏହା  $x$  ଏହା ହେଉଛି  $y$  ଏବଂ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ଦୁଇଟି ସମାନ୍ତରାଳ ରେଖା

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖିବା |  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ଦଶ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ସମାନ କୋଡ଼ିଏ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣର ଏକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ସଂସ୍କରଣ ଆଣିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁ ଏବଂ ଏହାର ସମାଧାନ ହେବ କି ନାହିଁ କିମ୍ବା ଆମର ଜ୍ୟାମିତିକୁ ବୁ *understanding* ୠବା ଉପରେ ଆଧାର କରି ଆମର ପୂର୍ବ ଉପାୟରେ ଯାଞ୍ଚ କରିବା | ସମାନ୍ତରାଳ ରେଖା ଅଛି, ଛକଗୁଡ଼ିକର କ *point* ଶସି ବିନ୍ଦୁ ରହିବା ଉଚିତ୍ ନୁହେଁ ଏବଂ

ତେଣୁ କ *solution* ଶସି ସମାଧାନ ହେବା ଉଚିତ୍ ନୁହେଁ କିଛି ଆସନ୍ତୁ ଜାଣିବା କେବଳ ଧାରଣାକୁ ଯାଞ୍ଚ କରିବା ଯାହା ଠିକ୍ ଅଛି ଆମେ ଜାଣୁ କିଛି ସ୍ଥାପିତ ପଦ୍ଧତିକୁ ଯାଞ୍ଚ କରିବା ଯାହାକୁ ଆମେ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଚେଷ୍ଟା କରୁଛୁ | ଏହା ଅତ୍ୟଧିକ ଅଟେ ଯାହା *then* ୠରା ଆପଣ କଣ କରିବେ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଠିକ୍ କହୁଛୁ ଏହା ହେଉଛି 1 1 1  $xy$  ଏବଂ 10 20. ଏବଂ ଆମେ ଜାଣିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ଯେ ଏହି ସିଷ୍ଟମ୍ ଏକକ କି ନୁହେଁ ତାହା ପ୍ରଥମେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ 0 ଅଟେ ଏବଂ ଆମେ ତାପରେ କହିବୁ | ଓକେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ହେଉଛି 1 ମାଲନସ୍ 1

ତେଣୁ | ତାହା ହେଉଛି 0.

ତେଣୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଆମେ ଏକ ଓଲଟା ସମୟ ଦୃଷ୍ଟିରୁ ପୂର୍ବ ପରି ଏକ ସମାଧାନ ନିର୍ମାଣ କରିପାରିବୁ ନାହିଁ ଯେପରି ତୁମେ ଦେଖୁଛୁ, ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଯେତେବେଳେ ଆମେ ସେହି ଗଣିତ ଦେଖିବା,  $a$  ର ଗଣିତ ଗଣିତ ଗୋଟିଏ ବଦଳାଇବା | ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ମିଳନ କାରଣ ଗୋଟିଏର କୋଫାକ୍ଟର୍ ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏଠାରେ ଏହାର କୋଫାକ୍ଟର୍ ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଏହାକୁ ଏଠାରେ ସମାନ ପ୍ରବେଶିକା ଭାବରେ ରଖାଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ କିଛି ସାଧାରଣତଃ | ଏହା ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ନୁହେଁ ତା' ହେଲେ ଆମେ ଯାଞ୍ଚ କରିବୁ ଯେ ଏକ ଯୁଗଳର ଗଣିତ ମୂଲ୍ୟ କ'ଣ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏହା  $b$  ଅଟେ

ତେଣୁ ଏକ ସମୟର ସଂଯୋଗ କ'ଣ  $b$  ହେଉଛି 1 ମାଲନସ୍ 1 ମାଲନସ୍ 1 1 ଥର 10 20 ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି 10 ମାଲନସ୍ 20 ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ମାଲନସ୍ 10 ଏବଂ ତା' ପରେ ପୂର୍ଣ୍ଣ 10 |

ତେଣୁ ଆମର ଏକ ପରିସ୍ଥିତି ଅଛି ଯେଉଁଠାରେ ସମୀକରଣର ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ତାହାଣ ହାତର ସମାନ ସମୟ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳର ଗୁଣନ ଦ୍ୱାରା ଆମେ ପାଇଥିବା ସମୀକରଣର ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ କିଛି ତାହାଣ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ *because* କାରଣ ଏକ ସମୟର ଗଣିତ ଶୂନ୍ୟ

ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଆମେ ଏଠାରେ ସିଧାସଳଖ ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବା ଯାହା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ | ଏହା ଏକ ପରିସ୍ଥିତି ସହିତ ଆସିବ ଯେଉଁଠାରେ 0 କିଛି ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା 0 ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହୋଇନଥାଏ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଆମେ ଏହାକୁ ଅସଙ୍ଗତ ବୋଲି କହିଥିଲୁ ଏବଂ ଜ୍ୟାମିତିକ ଦୃଷ୍ଟିକୋଣରୁ ଆମେ ଦେଖିପାରିବା ଯେ ଏଗୁଡ଼ିକ ଦୁଇଟି ସମାନ୍ତରାଳ ରେଖା

ତେଣୁ ସେଠାରେ ରହିବା ଉଚିତ୍ | କ *solution* ଶସି ସମାଧାନ ହେବ ନାହିଁ ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ ଆମର ସମୀକରଣର ଏକ ସ୍ଥିର ସିଷ୍ଟମର ଧାରଣା ସହିତ ଅଛି

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଏହି ବ୍ୟାୟାମର ଲକ୍ଷ୍ୟ ଥିଲା ଏକ ଶୁଦ୍ଧ ବୀଜ ବର୍ଣ୍ଣିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଦୃଷ୍ଟିକୋଣରୁ ଠିକ୍ କହିବା ବୋଧହୁଏ ଏହା କାହିଁକି ସ୍ପଷ୍ଟ ନୁହେଁ? ଆମେ ଏହାକୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ଅସଙ୍ଗତ ଭାବରେ ଲେବଲ୍ କରୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଜ୍ୟାମିତିକ ଦୃଷ୍ଟିରେ ଦେଖିପାରିବା ଏବଂ ଠିକ୍ ସମାନ୍ତରାଳ ରେଖା କହିପାରିବା ନାହିଁ ଯେ କ *action* ଶସି ବିଚ୍ଛେଦ ବିନ୍ଦୁ ନାହିଁ

ତେଣୁ ସଂଖ୍ୟା ସଂଖ୍ୟା *they* ୠରା ସେମାନେ ଅସଙ୍ଗତ ଅଟନ୍ତି

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଏକ ଉଦାହରଣ ଅଛି ଯେଉଁଠାରେ ଆହାଙ୍କ ଧାରାରେ କ *solution* ଶସି ସମାଧାନ ନାହିଁ | କିଛି ସ୍ଥିର ଭାବରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବା ପାଇଁ ଆମକୁ କହିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ଗୋଟିଏରୁ ଅଧିକ ସମାଧାନ ହୋଇପାରେ ଏବଂ ଆମେ ଏକ ଉଦାହରଣକୁ ଦେଖୁଛୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆହା ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି, ଆମେ ଏକ ଉଦାହରଣ ବିଷୟରେ ଚିନ୍ତା କରିପାରିବା ଯେଉଁଠାରେ ଏକରୁ ଅଧିକ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ଥାଇପାରେ | ଆୟନ ଏବଂ ବିଶେଷତ *inf* ଅସୀମ ସଂଖ୍ୟାର ସମାଧାନରେ ଏହି ଜ୍ୟାମିତିକ ଧାରଣାକୁ ଫେରିଯାଉଛି ଯେ ଏହା ଏକ ବିମାନରେ ରେଖା ଅଟେ, ଆସନ୍ତୁ ବିଚାର କରିବା ଯେତେବେଳେ ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି ସମାନ ସମୀକରଣକୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କରେ ଯଦି ଆପଣଙ୍କର ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି ଅଛି ତେବେ ଆପଣ ସମାନ ସମୀକରଣକୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କରନ୍ତି କିମ୍ବା *i* କ୍ଷମା ମାଗନ୍ତୁ ଯଦି ମୁଁ କହିଥିବି ଯଦି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ସମାନ ଧାଡ଼ି ବର୍ଣ୍ଣନା କରେ ତେବେ କ'ଣ ହୁଏ ତା' ହେଲେ ଦୁଇଟି ଧାଡ଼ି ପରସ୍ପର ଉପରେ ଥାଏ



ଏହାକୁ ଯାଞ୍ଚ କରିବା, ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ କେବଳ ଓଲଟା ନିର୍ମାଣ କରି ଯାଞ୍ଚ କରିବା ଯାହା ଦ୍ୱାରା ଓଲଟା ମାଲ୍‌ସ୍ କିମ୍ବା 1 ମାଲ୍‌ସ୍ 2 ଆଲ୍‌ସ୍ ମାଲ୍‌ସ୍ 6 ହେବ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆଡ୍‌ଜିକ୍ଟିଭ୍ ଦ୍ୱାରା ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସକୁ ବଦଳାଇବା ଯାହା ମାଲ୍‌ସ୍ ଅଟେ | 2 ଆଲ୍‌ସ୍ ଦୁଇ ମାଲ୍‌ସ୍ ଦୁଇ ମାଲ୍‌ସ୍ ତିନି ଏବଂ ତା' ପରେ ଲମ୍ବତା ମୁଁ ତେଣୁ ଆମ ପାଖରେ ଯାହା ଅଛି ତାହା ହେଉଛି ମାଲ୍‌ସ୍ ଗୋଟିଏ ଦ୍ୱାରା two ାରା ଦୁଇ ଆଲ୍‌ସ୍ ମୁଁ ଛଅ ଏବଂ ମାଲ୍‌ସ୍ ଦୁଇ ମାଲ୍‌ସ୍ ଦୁଇ ତେଣୁ ମାଲ୍‌ସ୍ 2 ଲମ୍ବତା ମାଲ୍‌ସ୍ 2 ମୁଁ ଏବଂ ମାଲ୍‌ସ୍ 3 ଲମ୍ବତା ମୁଁ ଆଲ୍‌ସ୍ u ଯେପରି ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ସେଠାରେ ଅଛି | ପ୍ରଦତ୍ତ ଲମ୍ବତା କମା ମୁଁ ଏବଂ ଆଲ୍‌ସ୍ ପାଇଁ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଏବଂ ଆଲ୍‌ସ୍ ମାଲ୍‌ସ୍ ସହିତ ସମାନ ନହେବା ପାଇଁ ଦିଆଯାଏ ତେଣୁ ହିଁ ଏକ ଅନନ୍ୟ ସମାଧାନ ଅଛି କାରଣ ଲମ୍ବତା ଏବଂ ମୁଁ ର ଯେକ value ଶସି ମୂଲ୍ୟ ପାଇଁ ଆମେ ଏହାର ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ଆସିବା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ | ଆଲ୍‌ସ୍ ମାଲ୍‌ସ୍ ତିନୋଟି ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ହିଁ ଏହି ଷ୍ଟେଟମେଣ୍ଟ୍ ସତ ଅଟେ

ତେଣୁ ସମସ୍ୟାରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଅନ୍ୟ ତିନୋଟି ବିକଳ୍ପ ଅଛି ଏବଂ ଆମେ ଏହି ପଦ୍ଧତିକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବା ତେଣୁ ଏହି ଉନ୍ନତ ସମସ୍ୟାର ଏହି ଅଂଶ ଉପସ୍ଥାପନ କରିବାର ଲକ୍ଷ୍ୟ କେବଳ ଠିକ୍ | ଠିକ୍ କହିବାକୁ ଧାରଣା ଏବଂ ସମସ୍ୟା ଏବଂ ତ୍ରିମ୍ | ତୁମେ ପାଇଥିବା cussion ମଧ୍ୟ ଏପରି କିଛି ଯାହାକି ଏକ ଉନ୍ନତ ସ୍ତରରେ ପରୀକ୍ଷିତ ଏବଂ ସମାନ ସାଧନ ଯାହା ଆମେ କରିଛୁ ମୁଁ ମାନେ ସିଧା ସଳଖ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଚିତ୍ରକୁ ଆସେ ଆହା ସିଷ୍ଟମ୍ ଆମର ସ୍ଥିର କି ନୁହେଁ ତାହା ବୁ understanding ୱା ସଙ୍ଗେ ସଙ୍ଗେ ଆମର ବୁ understanding ାମଣା | ଚିତ୍ରକୁ ମଧ୍ୟ ଦେଖିପାରିବେ ଏବଂ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଏହା କରିବାକୁ ଉତ୍ସାହିତ କରେ ଯେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟାର ଜ୍ୟାମିତିକ ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଏବଂ ଠିକ୍ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଏହା ଏକ ଛକ ସ୍ଥିତିର ଏକ ସିଧା ବିନ୍ଦୁ ହେବ କିମ୍ବା ରେଖାଗୁଡ଼ିକ ସମାନ୍ତରାଳ ହେବ କି? ଏବଂ ଏହିପରି ଭାବରେ ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟର ଲକ୍ଷ୍ୟକୁ ସଂକ୍ଷେପରେ ସଂକ୍ଷେପରେ କହିବାକୁ ଗଲେ ସମୀକରଣର ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମର ସମାଧାନରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ଭୂମିକା ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିବା ଏବଂ ଆମେ ଏକ ସାଧାରଣ n ପାଇଁ n କେସ୍ ଦେଖିଲୁ ଯେ ସିଷ୍ଟମ୍ ଗଠନ କିପରି ହୋଇପାରେ | ସରଳ ଦୁଇଟି ଦ୍ୱାରା two ାରା ତିନି କିମ୍ବା ତିନୋଟି ଉଦାହରଣ ଦ୍ୱାରା then ାରା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକର ସ୍ଥିରତା ଅସଙ୍ଗତିକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିଥିଲୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଇନଭର୍ସ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଅଧ୍ୟାୟରେ ଆମେ ଯାହା ଶିଖୁଥିଲୁ ତାହା ବ୍ୟବହାର କରି ଦେଖିଲୁ କିପରି ମା ବିଷୟରେ ପୂର୍ବ ବକ୍ତୃତା | ତ୍ରିକ୍ଷ ଇନଭର୍ସ ବିଶେଷ ଭାବରେ ଧାରଣା ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇପାରେ ଯେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ଏହା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରନ୍ତି ଯେ ଏହା ଏକକ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ କି ନୁହେଁ କାରଣ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ଓଲଟା ବିଦ୍ୟମାନ ଅଛି କି ନାହିଁ ତାହା ବିଷୟରେ ଏକ ଧାରଣା ଦେଇପାରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହାର ସମାଧାନ ନିର୍ମାଣରେ କିମ୍ବା କିଛି କହିବାକୁ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇପାରିବ | ସମାଧାନ ନିର୍ମାଣ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏହା ପୁନର୍ବାର ସମୀକରଣର ର ar ଖ୍ୟ ସିଷ୍ଟମ ସମାଧାନରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ମହତ୍ତ୍ୱ illustr କୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କରେ

ତେଣୁ ମୋତେ ଏହାକୁ ଏକ ସାରାଂଶ ଷ୍ଟେଟମେଣ୍ଟ୍ ଭାବରେ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହି ବକ୍ତୃତା ସମୀକରଣର ର ar ଖ୍ୟ ସିଷ୍ଟମ ସମାଧାନରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ରୋଲକୁ ଆଲୋଚିତ କଲା

ତେଣୁ ମୁଁ ଧନ୍ୟବାଦ ଦେଉଛି | ତୁମେ ତୁମର ଧ୍ୟାନ ପାଇଁ ଏବଂ ମୁଁ ଆଶା କରେ ଧାରଣା ଏବଂ ସମସ୍ୟା ଯାହା ବିଷୟରେ ଆମେ ଆଲୋଚନା କରିଛୁ ତାହା ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀଙ୍କ ବିଷୟରେ ଧାରଣାକୁ ବୁ understanding ୱାରେ ବ୍ୟବହାର ହେବ |