

ନିମ୍ନଲିଖିତ ଛାତ୍ରମାନେ iit ଖଜୁରା ଗଣିତ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ଅଧିବେଶନକୁ ସ୍ୱାଗତ, ଏହା ହେଉଛି ଏହି ବକ୍ତୃତା ରେ ଲେକ୍ଚର ନିୟମ ପାଞ୍ଚ, ଫ୍ଲୁର line ଖ୍ୟ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ ସହିତ ଜଡ଼ିତ କିଛି ମଜାଦାର ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ସମସ୍ୟା ନିୟମ ଧାରଣ କରିବା, ସମସ୍ତ ସ୍ତର ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ସେଟ୍ରେ ରହିବ।  $b_2 \ b_3$  ଯେପରିକି  $b_1 \ b_2 \ b_3$  ସେଗୁଡ଼ିକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ରିଆଲ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ମାଇନସ୍  $x$  ପୂର୍ବ  $2i$  ପୂର୍ବ  $5z$  ରେ ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମ  $b_1 \ 2x$  ମାଇନସ୍  $4y$  ପୂର୍ବ  $3z$   $v_2 \ x$  ମାଇନସ୍  $2i$  ପୂର୍ବ  $2z$  ସହିତ  $v_3$  ସହିତ ସମାନ | ସମାଧାନ ଠିକ୍ ଅଛି ତେବେ ପ୍ରକୃତ ଭେରିଏବଲ୍ ଗୁଡ଼ିକରେ ନିମ୍ନଲିଖିତ ସିଷ୍ଟମଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରତ୍ୟେକରେ  $b_1 \ b_2 \ b_3$  ପାଇଁ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି ପ୍ରଥମ ସିଷ୍ଟମ ହେଉଛି  $x$  ପୂର୍ବ  $2 \ i$  ପୂର୍ବ  $3 \ z$  ସମାନ  $b_1$  ଦ୍ୱିତୀୟ ସମୀକରଣ ସହିତ  $4y$  ପୂର୍ବ  $5z$  ସମାନ  $b_2$  ତୃତୀୟ ସହିତ  $x$  ପୂର୍ବ  $2i$  ପୂର୍ବ  $6z$   $b_3$  ଦ୍ୱିତୀୟ ଭାଗ ସହିତ ସମାନ, ଠିକ୍  $x$  ପୂର୍ବ  $y$  ପୂର୍ବ  $3z$   $b \ 1 \ 5 \ x$  ପୂର୍ବ  $2i$  ପୂର୍ବ  $6z$  ସହିତ  $b_2$  ଏବଂ ମାଇନସ୍  $2x$  ମାଇନସ୍  $y$  ମାଇନସ୍  $3z$   $b \ 3 \ c$  ସହିତ ସମାନ | ଅଂଶ ହେଉଛି ମାଇନସ୍  $x$  ପୂର୍ବ  $2 \ i$  ମାଇନସ୍  $5z$   $b_1 \ 2x$  ମାଇନସ୍  $4y$  ପୂର୍ବ  $10z$  ସହିତ  $b_2$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତୃତୀୟ ସମୀକରଣ ହେଉଛି  $x$  ମାଇନସ୍  $2i$  ପୂର୍ବ  $5z$   $b_3$  ଭାଗ  $d$  ସହିତ  $x$  ପୂର୍ବ  $2y$  ପୂର୍ବ  $5z$  ସମାନ  $b \ 1 \ 2 \ x$  ପୂର୍ବ  $3z$  ସହିତ ସମାନ |  $b \ 2 \ x$  plus  $4 \ 4y$  minus  $5z$  ସହିତ ସମାନ  $b_3$  ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ଫେରିଯିବା ଏବଂ ଏହି ପ୍ରଶ୍ନକୁ ସାବଧାନତାର ସହିତ ପଢ଼ିବା | ସମାଧାନ

ତେଣୁ ନିମ୍ନଲିଖିତ ସିଷ୍ଟମ ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ  $b_1 \ b_2 \ b_3$  ପାଇଁ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ରହିବ ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ସର୍ବପ୍ରଥମେ ଆମକୁ ସେଟ୍ ର ସଠିକ୍ ସନ୍ଧାନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ସର୍କିଟ୍ କ'ଣ ଯେ ଏହି ସିଷ୍ଟମରେ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି | ଠିକ୍

ତେଣୁ  $s$  ହେଉଛି ସେହି ସମସ୍ତ  $b_1 \ b_2 \ b_3$  ର ସେଟ୍ ଯାହା ପାଇଁ ସିଷ୍ଟମରେ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ପ୍ରଥମେ ସେଟ୍ ଫର୍ମ କରିବା ହେଁ ଠିକ୍ ଅଛି ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା

ତେଣୁ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ପ୍ରଣାଳୀକୁ ବିଚାର କରନ୍ତୁ ଯାହା ଏଥିରେ ଦିଆଯାଇଛି | ପ୍ରଶ୍ନ ଠିକ୍ ଅଛି ମାଇନସ୍  $x$  ପୂର୍ବ  $2y$   $p_1$  ଆମ  $5cz$   $b_1 \ 2x$  ମାଇନସ୍  $4y$  ପୂର୍ବ  $3z$  ସହିତ  $b_2 \ x$  ମାଇନସ୍  $2 \ y$  ପୂର୍ବ  $2 \ z$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ସିଷ୍ଟମ୍ ପାଇଁ ବର୍ଷିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଲେଖନ୍ତୁ ଯାହା ମାଇନସ୍  $1 \ 2 \ 5 \ 2$  ମାଇନସ୍  $4 \ 3 \ 1$  | ମାଇନସ୍  $2 \ 2 \ d_1 \ b_2 \ b_3$  ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଚାଲନ୍ତୁ ଚାଲନ୍ତୁ କିଛି ଧାଡ଼ି ଅପରେସନ୍ ପ୍ରୟୋଗ କରିବା | ଠିକ୍ ଅଛି ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ପୃଷ୍ଠାରେ ଲେଖିବା ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ଧାଡ଼ିରେ କ change ଶସି ପରିବର୍ତ୍ତନ ମାଇନସ୍ ନାହିଁ  $2 \ 2 \ b_1$  ବର୍ତ୍ତମାନ  $r_2$  କୁ  $r_2$  ପୂର୍ବ  $2r$  ସହିତ ବଦଳାଯାଇଛି

ତେଣୁ ଏହା  $0$  ଅଟେ ଏବଂ ଏହା  $0 \ 3$  ପୂର୍ବ  $10$  ହେଉଛି  $13 \ b_2$  ପୂର୍ବ  $2 \ b_1$  ଠିକ୍ ଅଛି | ଏହା ହେଉଛି  $r_3$  ପୂର୍ବ  $r_1$

ତେଣୁ  $0$  ଏବଂ  $0$  ଏବଂ ଏହା  $7$  ଏବଂ  $b_3$  ପୂର୍ବ  $b_1$  ଠିକ୍ ଅଛି ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମକୁ ଏହାକୁ ଆହୁରି ହ୍ରାସ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ କାରଣ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ ଏହି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ରାଙ୍କ ବିଷୟରେ କିଛି କହି ପାରିବୁ ନାହିଁ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଫ୍ଲୁ ଏହି  $r_3$  ପ୍ରୟୋଗ କରିବି  $r_3$  ମାଇନସ୍ କୁ  $|7 \ by \ 13 \ r \ 2$

ତେଣୁ ମାଇନସ୍  $1 \ 2 \ 5 \ b \ 1 \ 0 \ 0 \ 13 \ b \ 2$  plus  $2 \ b \ 1$  no ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରନ୍ତୁ  $0 \ 0$  ଏହା  $0$  ଠିକ୍ ଅଛି ଏହା  $0$  ଅଟେ ଏବଂ ଚା'ପରେ  $b \ 3$  ପୂର୍ବ  $b \ 1$  ମାଇନସ୍  $7$  ରୁ  $13$  ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ମୋଡେ ଏହି ଠିକ୍ ଅଛି ହେଁ  $7$  ରୁ  $13$  ରୁ ଲିଭାଇବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଏହା ଏକ  $v_2$  ପୂର୍ବ  $2$  ଥର  $b_1$  ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ କଣ କରିବା? ଆମେ ମାଇନସ୍ ପାଇବୁ

ତେଣୁ ଏହା ମାଇନସ୍  $1 \ 2 \ 5 \ b \ 1 \ 0 \ 0 \ 13 \ b \ 2$  plus  $2 \ b \ 1$  ଏବଂ  $0 \ 0 \ 0$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା  $13 \ b \ 1$  uh minus  $13 \ b \ 1 \ b \ 3 \ a$  plus  $13 \ b \ 1$  minus  $7$  ସହିତ ସମାନ |  $b_2$  ମାଇନସ୍  $14 \ b_1 \ 13$  ଦ୍ୱିତୀୟ ଭାଗ ବିଭକ୍ତ

ତେଣୁ ଆମେ  $6$  ମାଇନସ୍  $b_1$  ପୂର୍ବ  $13b$  ପାଇଥାଉ ଠିକ୍ ଅଛି ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ପରବର୍ତ୍ତୀରେ ଲେଖିବା ଯାହା ଦ୍ୱ we ାରା ଆମେ ନିମ୍ନ ସିଷ୍ଟମ୍ ମାଇନସ୍  $1 \ 2 \ 5 \ v \ 1$   $0 \ 0 \ 13 \ b \ 2$  ପୂର୍ବ  $b \ 1 \ 0 \ 0 \ 0$  ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଏଠାରେ ଆମେ ପାଇଥାଉ | ମାଇନସ୍  $b \ 1$

ତେଣୁ ମାଇନସ୍  $b \ 1$  ମାଇନସ୍  $7 \ b \ 2$  ପୂର୍ବ  $13 \ b \ 3$  କୁ  $13$  ଦ୍ୱିତୀୟ ଭାଗ ବିଭକ୍ତ କରାଯାଇଛି ଯାହା ଦ୍ୱ system ାରା ସିଷ୍ଟମରେ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି

ତେଣୁ ମାଇନସ୍  $b \ 1$  ମାଇନସ୍  $7 \ b \ 2$  ପୂର୍ବ  $13 \ b \ 3$  ଠିକ୍  $0$  ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ତେବେ କେବଳ ବର୍ଷିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ରାଙ୍କ  $a$  ଯାଙ୍କ ସହିତ ସମାନ ହେବ କାରଣ ଏଠାରେ  $a$  ଯାଙ୍କ  $2$  ଅଟେ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଏକ ନିୟୁକ୍ତ  $a$  ଯାଙ୍କ ବିଷୟରେ କିଛି କହି ପାରିବୁ ନାହିଁ ଯଦି ଏହି ମାଇନସ୍  $b \ 1$  ମାଇନସ୍  $7 \ b \ 2$  ପୂର୍ବ  $13$  |  $b \ 3 \ 0$  ଚା' ହେଲେ ବର୍ଷିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ରାଙ୍କ ମଧ୍ୟ  $2$  ଠିକ୍ ହେବ

ତେଣୁ ଏହା ସ୍ମୃତି କରେ ଯେ  $13 \ b \ 3 \ b \ 1$  plus  $7 \ b \ 2$  ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ସର୍କିଟ୍

ତେଣୁ  $s$  ସେଟ୍ ହେଉଛି ସ୍ତର ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ସେଟ୍  $b_1 \ b_2 \ b_3 \ r_3$  ର ଅଟେ | ଯେପରିକି  $13 \ b_3$  ଯାହା  $b_1$  ପୂର୍ବ  $7 \ b_2$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ  $s$  ସେଟ୍ ଗଠନ କରିଛୁ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ଅଂଶ ଗ୍ରହଣ କରିବା ଏବଂ ଦେଖିବା ସେହି ସିଷ୍ଟମରେ ସମସ୍ତ  $b_1 \ b_2 \ b_3$  ପାଇଁ ଅତିକମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି କି ନାହିଁ

ତେଣୁ ସିଷ୍ଟମ୍ ଏହା ଅଟେ |  $x$  ପୂର୍ବ  $2i$  ପୂର୍ବ  $3z$   $b_1 \ 4y$  ପୂର୍ବ  $5z$  ସହିତ ସମାନ,  $b_2$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $x$  ପୂର୍ବ  $2 \ i$  ପୂର୍ବ  $6 \ g \ b \ 3$  ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ସିଷ୍ଟମକୁ ଗୋଟିଏ ଠିକ୍ ବୋଲି କହିବା

ତେଣୁ ସିଷ୍ଟମର ବର୍ଷିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସକୁ ଦୁଇ ଡିଗ୍ରୀ  $b$  ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ଲେଖିବା | ଗାରି  $5 \ b \ 2 \ 1 \ 2 \ 6 \ b \ 3$  ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଚାଲି ଏହାକୁ ହ୍ରାସ କରିବା ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ହ୍ରାସ କରିବା

ତେଣୁ ଆମେ କଣ କରିବା ଆମେ ଗ୍ରାନ୍ତୁଫର୍ମେସନ୍  $r_3$  ପ୍ରୟୋଗ କରିବା

ତେଣୁ ଆମେ  $r_3$  କୁ ପ୍ରୟୋଗ କରିବା ଏବଂ  $r_3$  ମାଇନସ୍  $r_1$  ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ଧାଡ଼ି ଯେପରି ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି | ତିନୋଟି  $v_1$  ଏପରିକି ଦ୍ୱିତୀୟ ଧାଡ଼ି ମଧ୍ୟ  $0 \ 4 \ 5 \ b \ 2$  ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି  $0$  ଏହା  $0$  ଏବଂ ଏହା  $3$  ଏବଂ ଏହା  $b \ 3$  ମିନିଟ୍ |  $sb \ 1$

ତେଣୁ ଏଠାରେ ବର୍ଷିତ  $b$  ର ଯାଙ୍କ ଏକ ଯାଙ୍କ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା  $3$  ଡାହାଣ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏହା ସ୍ମୃତି କରେ ଯେ ସିଷ୍ଟମ୍ କାରଣ ଆମେ ତିନୋଟି ଶୂନ୍ୟ ନଥିବା ଧାଡ଼ି ପାଇଛୁ ଏବଂ ଚା' ପରେ ଏହି ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ମଧ୍ୟ ଏହାର ଲମ୍ବା ଫର୍ମରେ ଅଛି | ସମସ୍ତ  $b_1 \ b_2 \ b_3$  ପାଇଁ ତନ୍ତ୍ର ଏକ ଅନନ୍ୟ ସମାଧାନ ଅଛି ବୋଲି ସ୍ମୃତି କରେ  $x$  ପୂର୍ବ  $y$  ପୂର୍ବ  $3z$   $b_1 \ 5x$  ପୂର୍ବ  $2y$  ପୂର୍ବ  $6z$  ସହିତ ସମାନ,  $b_2$  ମାଇନସ୍  $2x$  ମାଇନସ୍  $y$  ମାଇନସ୍  $3z$   $b_3$  ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଯାଞ୍ଚ କରିବା ଏହି  $s$  ର ସମସ୍ତ  $b_1 \ b_2 \ b_3$  ପାଇଁ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି କି ନାହିଁ | ଚାଲନ୍ତୁ ସିଷ୍ଟମ୍ ଦୁଇଟି ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ସିଷ୍ଟମ୍ ପାଇଁ ବର୍ଷିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଲେଖନ୍ତୁ  $1 \ 1 \ 3$  ପାଞ୍ଚ ଦୁଇଟି ଛଅ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ତିନି  $b_1 \ b_2 \ b_3$  ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଏହା ଠିକ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରିବୁ ତାହା ହେଉଛି ଆମେ କିଛି ଧାଡ଼ି ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିବା

ତେଣୁ ପ୍ରଥମଟି | ଏହା ହେଉଛି  $b_1$  tr ansformation ହେଉଛି  $r_2$  ମାଇନସ୍  $5 \ r_1$

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି  $0 \ 2$  ମାଇନସ୍  $10 \ 2$  ମାଇନସ୍  $5 \ 2$  ମାଇନସ୍  $5$  ହେଉଛି ମାଇନସ୍  $3 \ 6$  ମାଇନସ୍  $15$  ହେଉଛି ମାଇନସ୍  $9 \ b \ 2$  ମାଇନସ୍  $5 \ p \ 1 \ 5 \ v \ 1$

ଠିକ ଅଛି ମୋତେ କେବଳ ଲେଖିବାକୁ r2 ହେଉଛି r2 ମାଲନସ୍ 5 r1 ସମାନ ଭାବରେ i '11 ଏହି ଅପରେସନ୍ ନେବି r3 ହେଉଛି r3 ପ୍ଲସ୍ 2 r1 ପ୍ଲସ୍ 2 r 1 ଦୁ sorry ଖୁବ୍ ଆମର ଏଠାରେ ସ୍ପେସ୍ ନାହିଁ ok r 3 plus 2 r 1  
ତେଣୁ ଏହା 0 ହୋଇଯାଏ ତାପରେ ମାଲନସ୍ 1 ପ୍ଲସ୍ 2 1 ମାଲନସ୍ 3 ପ୍ଲସ୍ 6 3 ଏବଂ b ହୋଇଯାଏ | 3 ପ୍ଲସ୍ 2 b 1 ଠିକ ଅଛି  
ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମକୁ ଏହି ଏଣ୍ଟ୍ରିଗୁଡ଼ିକୁ 0 ଠିକ୍ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ  
ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ କଣ କରିବୁ ତାହା ହେଉଛି r3 ଗ୍ରାହ୍ୟର୍ଥେସନ୍ ପ୍ରୟୋଗ କରିବୁ ଯାହା r3 ପ୍ଲସ୍ 1 ଚୂଡ଼ାୟ r2 ଠିକ ଅଛି  
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା | ଏହି ରୂପାନ୍ତର ସହିତ r3 ପ୍ରାଥମିକ ଧାତି ଅପରେସନ୍ r3 କୁ r3 ପ୍ଲସ୍ 1 3 r2 ଭାବରେ ଏହା ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମକୁ ଆହୁରି ହ୍ରାସ କରିବ  
ତେଣୁ 1 1 3 b 1 ଦ୍ୱିତୀୟ ଧାତିରେ 0 ମାଲନସ୍ 3 ମାଲନସ୍ 9 ଏବଂ b 2 ମାଲନସ୍ 5 b 1 ଏବଂ କ change ଶସି ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେବ ନାହିଁ | ଏଠାରେ ଯଦି ମୁଁ ଧାତି 2 କୁ 1 ଚୂଡ଼ାୟ ଗୁଣ କରେ ତେବେ ଆମେ 1 ମାଲନସ୍ 1 ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଏହାକୁ ଚୂଡ଼ାୟରେ ଯୋଡ଼ିବା ଏହା ଏକ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ତିନୋଟି ମାଲନସ୍ ତିନୋଟି ଶୂନ୍ୟ ଠିକ ଅଛି ଏବଂ ଆମେ ହା ve b ତିନି ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି b ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ଗୋଟିଏ ଦ୍ୱାରା 3 b2 ମାଲନସ୍ 5 b1 ଠିକ ଅଛି ତେବେ ଆମେ କ'ଣ ପାଇବୁ 1 1 3 0 ମାଲନସ୍ 3 ମାଲନସ୍ 9 0 0 0 ଏହା ହେଉଛି b 1 ଏହା b 2 ମାଲନସ୍ 5 b 1 ଏବଂ ଏହା 6 ମାଲନସ୍ so  
ତେଣୁ b 1 ପ୍ଲସ୍ b 2 ପ୍ଲସ୍ 3 b 3 କୁ 3 ଦ୍ୱିଭାଜିତ ଭାବେ ବିଭକ୍ତ  
ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ହ୍ରାସ ହୋଇଥିବା ସିଷ୍ଟମ ଯାହା ଆମେ ଠିକ୍ ହୋଇଥାଉ  
ତେଣୁ ଏହି ସିଷ୍ଟମର ସମାଧାନ ହେବ ଯଦି b 1 ପ୍ଲସ୍ b 2 ପ୍ଲସ୍ 3 b 3 0 ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଏହା ସୂଚିତ କରେ | ସିଷ୍ଟମ ଦୁଇଟି ପାଇଁ ଅତି କମରେ ସମାଧାନ ପାଇବା ପାଇଁ ଆମର ପ୍ରତ୍ୟେକ b1 b2 b3 ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ରହିବା ଉଚିତ ଯାହାକି ଆମର ସମସ୍ତ b 1 b 2 b 3 ପାଇଁ b1 ପ୍ଲସ୍ 2 ପ୍ଲସ୍ 3 b 3 0 ରହିବା ଉଚିତ କାରଣ ସେତେବେଳେ କେବଳ ବର୍ଷିତ ମାନ୍ୟତା | ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସ ଯାକ ଯାକ ସହିତ ସମାନ ହେବ କାରଣ ଏଠାରେ ଯାକ ଯଦି ଆପଣ ଏହା 2 ଦେଖନ୍ତି ଏବଂ ଯଦି b 1 ପ୍ଲସ୍ b 2 ପ୍ଲସ୍ 3 b 3 0 ତେବେ ବର୍ଷିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ରାଜ୍ ମଧ୍ୟ ଦୁଇଟି ହେବ ଏବଂ ତା'ପରେ ସେଠାରେ ରହିବ | ଅତିକମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଠିକ ଅଛି ଯାହା ଦ୍ୱିଭାଜିତ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ଅବସ୍ଥା ଠିକ୍ ହେବା ଉଚିତ କିନ୍ତୁ ଏହି ଅବସ୍ଥା ସମସ୍ତ b 1 b 2 b 3 be lo ପାଇଁ ସତ୍ୟ ନୁହେଁ | nging to s କାରଣ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ 6 1 1 s ର ଅଟେ କାରଣ s ରେ ରହିବା ପାଇଁ ଆମର 13 b 3 b 1 plus 7 b 2 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ  
ତେଣୁ s 13 b 3 ରେ ରହିବାର ଅବସ୍ଥା କ'ଣ ଏହା ସତ୍ୟ ଅଟେ | b 1 plus 7 b 2 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ | ପ୍ରତ୍ୟେକ b1 v2 b3 ପାଇଁ ଅତିକମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ s ଠିକ ଅଛି  
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ସେହି ଅଂଶ c କୁ ଯିବା ଯାହା ସିଷ୍ଟମ୍ x ପ୍ଲସ୍ 2y ମାଲନସ୍ 5 z b1 2x ମାଲନସ୍ 4y ପ୍ଲସ୍ 10z b2 x ମାଲନସ୍ 2y ପ୍ଲସ୍ 5z ସହିତ ସମାନ | b3 ଠିକ ଅଛି  
ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ଏହି ସିଷ୍ଟମକୁ ଡାକନ୍ତୁ ଦୁ sorry ଖୁବ୍ ସିଷ୍ଟମ ତିନୋଟି ସଂସ୍ଥାପନ କରନ୍ତୁ ଆପଣ ତିନୋଟି ମୂଲ୍ୟ ଜାଣିଛନ୍ତି  
ତେଣୁ ଚାରିଟି ଠିକ ଅଛି ମୋତେ ଏହି ଠିକ ଅଛି  
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ସିଷ୍ଟମ ମାଲନସ୍ 1 2 ମାଲନସ୍ 5 2 ମାଲନସ୍ 4 10 1 ମାଲନସ୍ 2 5 b 1 b 2 b 3  
ତେଣୁ ଏହାକୁ ହ୍ରାସ କରିବା  
ତେଣୁ ଆମେ ମାଲନସ୍ 1 ରୁ ମାଲନସ୍ 5 ଏବଂ b କୁ ନେଇଯିବା | 1 ଆମେ ପ୍ରୟୋଗ କରୁ ଯେ r 2 r 2 ପ୍ଲସ୍ 2r 1 r 2 ପ୍ଲସ୍ 2r 1 କୁ ଆମେ 0 ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଏଠାରେ ମଧ୍ୟ ଆମେ 0 ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଏଠାରେ ମଧ୍ୟ 0 ପାଇଥାଉ ଏବଂ ତା'ପରେ r3 ପ୍ଲସ୍ r1 ଆମେ 0 0 0 ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଏଠାରେ b2 ପ୍ଲସ୍ 2b1 | ଏବଂ b3 ପ୍ଲସ୍ b1  
ତେଣୁ ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରିଥିବା ଧାତି ଅପରେସନ୍ କ'ଣ ଆମେ r2 ପ୍ଲସ୍ 2r1 ବ୍ୟବହାର କଲୁ ଏବଂ r3 ହେଉଛି r 3 ପ୍ଲସ୍ r 1 | ଭଲ b2 ପ୍ଲସ୍ 2 b1 ର ଆବଶ୍ୟକତା 0 ଏବଂ b3 ପ୍ଲସ୍ b1 0 ସହିତ ସମାନ  
ତେଣୁ ଭଲ କଣ୍ଟ୍ରୋଲ୍ ସତ୍ୟ ହେବା ଉଚିତ କିନ୍ତୁ 6 1 1 ଯେପରି ଆମେ ଶେଷ ଭାଗରେ ଆଲୋଚନା କରିଥିଲୁ ଏହା ଏହି ଦୁଇଟି ପରିବର୍ତ୍ତନକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ ନାହିଁ  
ତେଣୁ ସିଷ୍ଟମ୍ 4 | ସମସ୍ତ b1 b2 b3 ପାଇଁ ଠିକ ଅଛି ବୋଲି ଅନ୍ତତ least ପକ୍ଷେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ପାଇବ ନାହିଁ  
ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ଶେଷ ଭାଗକୁ ଯିବା ଯାହା d ଅଟେ ଏବଂ ଏଠାରେ ସିଷ୍ଟମ୍ x ପ୍ଲସ୍ 2y ପ୍ଲସ୍ 5 z ଦ୍ୱାରା b1 2x ପ୍ଲସ୍ ସହିତ ସମାନ | 3z b2 x ପ୍ଲସ୍ 4y ପ୍ଲସ୍ 1 ପ୍ଲସ୍ ମାଲନସ୍ 5 z b3 ସହିତ ସମାନ  
ତେଣୁ ଏହାର ଯାଞ୍ଚ ଅଛି କି ନାହିଁ ତାହା ଯାଞ୍ଚ କରିବା ଆବଶ୍ୟକ | ସମସ୍ତ b ଏବଂ b 2 ପାଇଁ ଅନ୍ତତ least ପକ୍ଷେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ, ସମସ୍ତ b ଏବଂ b 2 ପାଇଁ, ଯାହାକି ଏହି ସିଷ୍ଟମକୁ ପାଞ୍ଚଟି ଠିକ ଅଛି ବୋଲି କହିବା, ତେବେ ଚାଲନ୍ତୁ ସିଷ୍ଟମର ବର୍ଷିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସକୁ ଗୋଟିଏ ଦୁଇ ପାଞ୍ଚ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ତିନି ଚାରି ମାଲନସ୍ 5 b1 b2 b3 ଲେଖିବା | ଏବଂ ତାପରେ ତୁମେ ଏହାକୁ ହ୍ରାସ କର  
ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରୁ ତାହା ହେଉଛି 1 2 5 b1 ତାପରେ ଆମେ r2 ମାଲନସ୍ ବଦଳାଇଥାଉ ଆମେ r2 ମାଲନସ୍ 2 r1 ପ୍ରୟୋଗ କରୁ  
ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି 0 ଏହା ହେଉଛି ମାଲନସ୍ 4 3 ମାଲନସ୍ 10 ମାଲନସ୍ 7 ଏବଂ b2 ମାଲନସ୍ 2b1 ଏବଂ ତାପରେ r ତିନୋଟି ମାଲନସ୍ r ଗୋଟିଏ |  
ତେଣୁ ଶୂନ୍ୟ ଏହା ଭଲ ଦୁଇଟି ଏବଂ ଏହା ମାଲନସ୍ ଦଶ ଠିକ୍ ଅଛି ଏବଂ b ତିନି ମାଲନସ୍ b ଗୋଟିଏ ଠିକ ଅଛି  
ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ କେବଳ ପ୍ରାଥମିକ ଧାତି ଅପରେସନ୍ କରିବୁ  
ତେଣୁ ଏଠାରେ ମୋତେ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅ ଯେ ଆମେ r ଦୁଇଟି ଦୁଇଟି r ରେ କେଉଁ ଅପରେସନ୍ ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲୁ ଏବଂ r ତିନୋଟି ମାଲନସ୍ r ଗୋଟିଏ ଠିକ ଅଛି  
ତେଣୁ ଏଠାରେ ଆମେ ଅପରେସନ୍ r 3 ପ୍ଲସ୍ 1 ରୁ 2 r 1 ବ୍ୟବହାର କରିବୁ ଏବଂ ତା'ପରେ ଆମେ 1 2 5 b 1 0 ମାଲନସ୍ 4 ମାଲନସ୍ 7 b 2 ମାଲନସ୍ 2 b 1 ଏବଂ 0 ଏହା 0 ଠିକ ଅଛି ତେବେ ମାଲନସ୍ 10 | ମାଲନସ୍ 1 ମାଲନସ୍ 7 ମାଲନସ୍ 10 ମାଲନସ୍ 7 ଦ୍ୱିଭାଜିତ ଭାବେ  
ତେଣୁ ଏହା ମାଲନସ୍ 10 ମାଲନସ୍ 7 ଦ୍ୱିଭାଜିତ ଭାବେ ମାଲନସ୍ 27 ଦ୍ୱିଭାଜିତ ଭାବେ 2 ଠିକ ଅଛି ଏବଂ ତା'ପରେ b3 ମାଲନସ୍ b1 ପ୍ଲସ୍ 1 ରୁ 2 b2 ମାଲନସ୍ | b1 ଠିକ ଅଛି  
ତେଣୁ ଯେକ way ଶସି ପ୍ରକାରେ ଏହି ସିଷ୍ଟମରେ ସମସ୍ତ b1 b2 b3 ପାଇଁ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି କାରଣ ଏଠାରେ ଆମେ କହିପାରିବା ଯେ a ଯାକ i ଯାକ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ମୁଁ b କୁ ଦ୍ୱିଗୁଣିତ କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ସମସ୍ତ b1 b2 b3 ପାଇଁ 3 କୁ ଯାଉଛି  
ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ | ସେହି ସିଷ୍ଟମ୍ 5 ର ସମସ୍ତ b1 b2 b ତିନୋଟି ପାଇଁ ଅତିକମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି ଯାହା ଠିକ ଅଛି ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସିଷ୍ଟମ୍ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ସିଷ୍ଟମ୍ ଚାରିଟିରେ ମୋର ଅଂଶ a ଏବଂ ଅଂଶ ଚାରୋଟି ସିଷ୍ଟମ୍ ଅଂଶରେ ପରିଭାଷିତ ହେବ ଏବଂ ଚତୁର୍ଥ ଭାଗରେ ସମସ୍ତକ ପାଇଁ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି | b 1 b 2 b 3 ଏବଂ ପଏଣ୍ଟ୍ b ଅଂଶଗୁଡ଼ିକ ଏଥିରେ ଠିକ୍ ନାହିଁ  
ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ସମସ୍ୟା ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନ କରିବା , xyz କୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ସହିତ ପଏଣ୍ଟ୍ ହେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯାହା xyz ସମଗ୍ର ସମୀକରଣର ସିଷ୍ଟମକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ 3x ମାଲନସ୍ y ମାଲନସ୍ z ସହିତ ସମାନ | 0 ମାଲନସ୍ 3x ପ୍ଲସ୍ z 0 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ସମଲିଙ୍ଗୀ ପ୍ରଣାଳୀ | ous ସମୀକରଣ  
ତେଣୁ ସମୀକରଣର ସମାନ ପ୍ରଣାଳୀରେ b ଅଛି ଯାହାକି 0 ଅଟେ  
ତେଣୁ ଏଠାରେ b ହେଉଛି 0 0 0 b ହେଉଛି 0 ଭେକ୍ଟର ଏବଂ a ହେଉଛି 3 ମାଲନସ୍ 1 ମାଲନସ୍ 3 0 1 ମାଲନସ୍ 3 2 1  
ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ a ଯାକ ସର୍ବଦା ସମାନ | ବର୍ଷିତ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସର ଯାକ ଏହାର କାରଣ ହେଉଛି b ହେଉଛି 0 ଭେକ୍ଟର ଠିକ୍  
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କେବଳ ଏକ ଯାକ ଗୋଟିଏକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଯାହା ଦ୍ୱିଭାଜିତ ଭାବେ ଆମ ପାଖରେ 3 ମାଲନସ୍ 1 ମାଲନସ୍ 1 ମାଲନସ୍ 3 0 1 ମାଲନସ୍ 3 2 1 ଠିକ ଅଛି

ତେବେ ଆମେ କେବଳ ଧାଡ଼ି ରୂପାନ୍ତରଣକୁ ପ୍ରୟୋଗ କର ଯାହାକି  $r^3$  ଦୁ sorry ଖୁଚ  $r^2$  ହେଉଛି  $r^2$  ପୁସ୍ତ  $r^1$  ଏବଂ  $r^3$  ହେଉଛି  $r^3$  ପୁସ୍ତ  $r^1$   
 ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ଧାଡ଼ି ଠିକ୍ ଅଛି ତେବେ ଏହା ହେଉଛି 0 ଏହା ମାଲନସ୍ 1 ଏବଂ ଏହା 0 ଏହା ହେଉଛି 0 ଏହା ହେଉଛି 1 ଏବଂ ଏହା 0 | ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହାକୁ ଆହୁରି ହାସ କରିବା ଆମେ  $r^3$  କୁ  $r^3$  ପୁସ୍ତ  $r^2$  ଭାବରେ ବ୍ୟବହାର କରିବା ତା' ହେଲେ ଆମ ପାଖରେ 3 ମାଲନସ୍ 1 ମାଲନସ୍ 1 0  
 ମାଲନସ୍ 1 0 ଏବଂ 0 0 0 ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଏଠାରେ ଯଦି ଆପଣ ଯାକ୍ 2 ଯାକ୍ ଯାକ୍ ଦେଖନ୍ତୁ | a 2 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା 3 ରୁ କମ୍ ଅଟେ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ସିଷ୍ଟମ୍ ଅସୀମ ଅନେକ ସମାଧାନ  
 ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ହାସ ହୋଇଥିବା sy କୁ ନେବା | ସମୀକରଣର ଷ୍ଟେମ୍  
 ତେଣୁ 3 ମାଲନସ୍ 1 ମାଲନସ୍ 1 0 ମାଲନସ୍ 1 0 0 0 ଏବଂ xyz 0 0 0 ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ଆମକୁ  $3x$  ମାଲନସ୍  $y$  ମାଲନସ୍  $z$  0 ସହିତ ସମାନ  
 ଏବଂ  $y$  0 0 ସହିତ ସମାନ | ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ  $z = 3x$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଯଦି ଆପଣ  $x$  କୁ ଏକ ଆଲଫା ଭାବରେ ନିଅନ୍ତି ତେବେ ଆଲଫା 0 3 ଆଲଫା ସହିତ ଏବଂ ଇଣ୍ଟିଜର୍ ପାଇଁ କାରଣ ଆମେ ଇଣ୍ଟିଜର୍  
 ସଲ୍ୟୁସନ୍ ପାଇଁ ଆଗ୍ରହୀ ଅଛୁ , ସମୀକରଣ ସିଷ୍ଟମର ଇଣ୍ଟିଜର୍ ସଲ୍ୟୁସନ୍ ସେଟ୍ ଅଟେ | ସମୀକରଣ ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଆମକୁ ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ ଏହିପରି କେତେ ସମାଧାନ  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $y$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $z$  ବର୍ଗକୁ 100 ରୁ କମ୍ ଠାରୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ  
 ତେଣୁ ଆଲଫା 0 3 ଆଲଫାକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରିବା ପାଇଁ ଏହାକୁ  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $y$  ବର୍ଗ ଏବଂ  $z$  ବର୍ଗ ସମାନ ଠାରୁ କମ୍ | 100 ରୁ ଆମ ପାଖରେ ଆଲଫା ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ 9  
 ଆଲଫା ବର୍ଗ 100 ରୁ ସମାନ ଠାରୁ କମ୍ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ 10 ରୁ 5 ବର୍ଗ କମ୍ 100 ରୁ ସମାନ ଏହା ଆଲଫା ବର୍ଗକୁ 10 ରୁ କମ୍ ତୁଳନାରେ ସୂଚିତ କରେ ଆଲଫା  
 ଇଣ୍ଟିଜର୍ ଠିକ୍ ଅଛି ଏହା ସୂଚିତ କରେ 1 ପୁସ୍ତ ଏହା ମାଲନସ୍ ର ଅଟେ | 3 ମାଲନସ୍ 2 ମି nus 1 0 1 2 3 ଠିକ୍ ଅଛି ତାପରେ ଇଣ୍ଟିଜର୍ ସଲ୍ୟୁସନ୍  
 ତେଣୁ ଏହା ଭଲ  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $y$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $z$  ବର୍ଗ 100 ରୁ କମ୍ ଠାରୁ କମ୍ 0 0 0 1 0 3 2 0 6 3 0 9 ମାଲନସ୍ 1 0 ମାଲନସ୍ 3 ମାଲନସ୍ | 2 0 ମାଲନସ୍ 6  
 ମାଲନସ୍ 3 0 ମାଲନସ୍ 9  
 ତେଣୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ମୋଟ ପଏଣ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ସମୁଦାୟ ପଏଣ୍ଟ 7 ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଶେଷ ଭଉଁର ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନ କରିବା  
 ତେଣୁ ନିମ୍ନଲିଖିତ ର line ଖ୍ୟ ସମୀକରଣ  $x$  ପୁସ୍ତ ବାରା  $cz$  ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ବିଚାର କରନ୍ତୁ | 0  $bx$  ପୁସ୍ତ ସାଇ ପୁସ୍ତ ଆଇ ଶୂନ୍ୟ  $cx$  ପୁସ୍ତ ଆଏ ପୁସ୍ତ  $bz$   
 ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ଏକ ପୁସ୍ତ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  0 ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ ଅବ ପୁସ୍ତ  $bc$  ପୁସ୍ତ  $ca$  ସହିତ ସମାନ ତେବେ  
 ତାହା ଦେଖାନ୍ତୁ | ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ବିମାନକୁ ଦୁଇଟି ଦି represent ାରା ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ if କରେ ଯଦି ଏକ ପୁସ୍ତ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  ଶୂନ୍ୟ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ  
 ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ ମଧ୍ୟ  $ab$  plus  $bc$  ହିଁ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ତେବେ ଦେଖାନ୍ତୁ ଯେ ସମୀକରଣ ଗୋଟିଏ ପଏଣ୍ଟରେ ସ୍ପେନ ମିଟିଂକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରେ ଠିକ୍ ଅଛି ତୃତୀୟ  
 ଭାଗ ହେଉଛି ଯଦି ଏକ  $pl$  ଆମ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  ହେଉଛି 0 ଏବଂ ଠିକ୍ ଅଛି ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ ଅବ ପୁସ୍ତ  $bc$  ପୁସ୍ତ  $ca$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ  
 ଯେ ସମୀକରଣ ସମଗ୍ର  $rq$  ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଏଠାରେ ଏକ ପୁସ୍ତ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  | ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ  $ab$  plus  $bc$  plus  $ca$  ସହିତ ସମାନ  
 ତେଣୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି 2 ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ 2 ବି ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ 2 ସି ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ 2 ଅବ ମାଲନସ୍ 2 ବିସି ମାଲନସ୍ 2  $ca$  0 ଅଟେ | ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଏକ ମାଲନସ୍  
 $b$  ପୁରା ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ମାଲନସ୍  $c$  ପୁରା ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ମାଲନସ୍ ପୁରା ବର୍ଗ ଶୂନ୍ୟ ଠିକ୍ ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଏକ ମାଲନସ୍  $b$  ପୁରା ବର୍ଗ  
 ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ମ  $bas$  ଲିକ ଭାବରେ ଏହା ହେଉଛି ଚିନୋଟି ପଜିଟିଭ୍  $uh$  ର ସମଷ୍ଟି | ଅଣ-ନକାରାତ୍ମକ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ରାଶି 0  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଏବଂ ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ଶବ୍ଦ 0 ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଏକ ମାଲନସ୍  $b$  ହେଉଛି 0  $b$  ମାଲନସ୍  $c$  0  $c$   
 ମାଲନସ୍  $a$  ହେବା ଆବଶ୍ୟକ 0 ଠିକ୍  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ |  $b$  ସହିତ ସମାନ,  $c$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏକ ପୁସ୍ତ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  0 ନୁହେଁ |  
 ତେଣୁ ଏହା 0 ଠିକ୍ ସମାନ ନୁହେଁ  
 ତେଣୁ ଆମେ ପ୍ରାପ୍ତ କରୁ ଯେ ଏହା  $a$  ସହିତ  $b$  ସହିତ ସମାନ ଅଟେ  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ବିମାନକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ ok କରେ  
 ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ  $pi$  2 କୁ ଯିବା  
 ତେଣୁ  $pi$  2 ରେ ଆମର ଏକ ପୁସ୍ତ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  ଅଛି | 0 ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ ଅବ ପୁସ୍ତ  $bc$  ପୁସ୍ତ  $c$  ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ  
 ଠିକ୍ ଏଠାରେ ଠିକ୍ ଅଛି  
 ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ମ୍ୟାଟ୍ରିକ୍ସକୁ ନେବା ଯାହାକି  $abc$   $bc$   $acab$  ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ  
 ତେଣୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ କ'ଣ?  $a$  ର ଏକ ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ କିଛି ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ଏକ ସମୟ  $bc$  ମାଲନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍  $b$  ଚାଇମ୍  $b$  ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଏସି ପୁସ୍ତ  $c$  ଅର  
 $ab$  ମାଲନସ୍  $c$  ବର୍ଗ ବ୍ୟତୀତ ଏହା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ 3  $abc$  ମାଲନସ୍ ଏକ କ୍ୟୁବ୍ ମାଲନସ୍  $b$  କ୍ୟୁବ୍ ମାଲନସ୍ କ୍ୟୁବ୍ ଠିକ୍ ଯେପରି ଆମେ ଜାଣୁ | ଯେ ଏକ କ୍ୟୁବ୍  
 ପୁସ୍ତ  $bq$  ପୁସ୍ତ  $c$  କ୍ୟୁବ୍ ଏକ ପୁସ୍ତ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  ସହିତ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଅବ ମାଲନସ୍  $bc$  ମାଲନସ୍  $c$  ପୁସ୍ତ 3  $abc$  ଠିକ୍ ଏହା ଆମେ  
 ଜାଣୁ  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ  $a$  ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ ସମାନ | ଏକ ପୁସ୍ତ ର ମାଲନସ୍ କୁ |  $b$  ପୁସ୍ତ  $ca$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ ମାଲନସ୍  $ab$  ମାଲନସ୍  $bc$   
 ମାଲନସ୍  $ca$   
 ତେଣୁ ଏକ ପୁସ୍ତ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ ମଧ୍ୟ  $ab$  plus  $bc$  plus  $ca$  ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ  
 ଯେ  $a$  ର ନିର୍ଣ୍ଣୟକାରୀ | ଏହା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ସମୀକରଣର ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ସମଲିଙ୍ଗୀ ସମୀକରଣର ସମକକ୍ଷ ସମୀକରଣର ଏକ ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ସମାଧାନ ରହିବ ଏବଂ ଏହା କିଛି ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ  $x$   
 ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ଶୂନ୍ୟ  $z$  ସହିତ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ  
 ତେଣୁ ତୁଟିପୁଣ୍ଡ ସମାଧାନ ଏକମାତ୍ର | ସମାଧାନ  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ବିମାନଗୁଡ଼ିକ ଏହା ପୁରଣ କରୁଛନ୍ତି ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ସ୍ପେନ ମିଟିଂକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରେ ଯାହା ଶୂନ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ 0 ଠିକ୍  
 ଅଛି  
 ତେଣୁ ଚାଲନ୍ତୁ ତୃତୀୟ ପକ୍ଷକୁ ଯିବା  
 ତେଣୁ ପୁସ୍ତ  $b$  ପୁସ୍ତ  $c$  0 ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  କ'ଣ? ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ  $ab$  plus  $bc$  plus  $c$  ସହିତ ସମାନ  
 ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ଦୁଇଟି ସର୍ଭ ଅଟେ ଯେପରି ଆମେ ପ୍ରଥମ ଭାଗରେ ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $b$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $c$  ବର୍ଗ  $ab$  ପୁସ୍ତ  $bc$  ପୁସ୍ତ  $ca$  ସହିତ ପୁସ୍ତ  $a$  is ସହିତ ସମାନ |  
 $b$  ସହିତ ସମାନ  $c$  ଠିକ୍ ଅଛି ଏବଂ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ  $bi$  put  $av$  0 ସ୍ଥାନରେ ଏକ ପୁସ୍ତ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ  $a$  0 ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ  $a$   $b$   
 ସହିତ ସମାନ  $c$  ସହିତ  $c$  ସମାନ ଅଟେ  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଯେକ  $any$  ଶସି  $xyz$  ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ | ରୁ କ୍ୟୁବ୍ ସମୀକରଣର ସମାଧାନର ସମାଧାନ ହେବ  
 ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ସମୀକରଣ  $r^3$  ର ପୁରା ସ୍ପେସ୍ ଛିଦ୍ରକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ so କରେ

ଡେଣୁ ମୁଁ ଏହା ବନ୍ଦ କରିବି ଠିକ୍ ଛାଡ଼ିମାନେ ମୁଁ ଏଠାରେ ଅଟକି ଯିବି ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି କ୍ରମର ଶେଷ ବକ୍ତବ୍ୟ ଧନ୍ୟବାଦ । ତୁମେ ଏହି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ଅଧିବେଶନରେ ଯୋଗଦେବା ପାଇଁ ମୁଁ ଆଶା କରେ ତୁମେ ସେମାନଙ୍କୁ ଉପଭୋଗ କରିଛୁ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଶୁଭକାମନା ଜଣାଉଛି ଧନ୍ୟବାଦ ।

Prutor@iitk