

ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀਕ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ 'ਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਪਿਛਲੇ ਚਾਰ ਲੈਕਚਰਾਂ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀਕ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਨੂੰ ਕਵਰ ਕੀਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਹੈ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਵਿਚਕਾਰ ਪਛਾਣ ਅਤੇ ਸਬੰਧਾਂ ਨੂੰ ਵੀ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨਾ ਸ਼ੁਰੂ ਕੀਤਾ ਸੀ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਅਜਿਹਾ ਕਰਨਾ ਜਾਰੀ ਰੱਖਾਂਗੇ। ਇਹ ਇਹ ਲੈਕਚਰ ਮੁੱਖ ਤੌਰ 'ਤੇ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਲਈ ਸਮੱਸਿਆ ਹੱਲ ਕਰਨ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਪਹਿਲੀ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਸਾਬਤ ਕਰਨਾ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ ਇਹ ਖੱਬੇ ਹੱਥ ਵਾਲਾ ਪਾਸਾ x ਵਰਗ ਪਲੱਸ ਇਕ ਓਵਰ x ਵਰਗ ਜੇੜ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਤੁਰੰਤ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਇਹ ਆਹ ਥੋੜਾ ਮੁਸ਼ਕਲ ਜਾਪਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਆਹ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਅਤੇ ਉਲਟ ਜਿਓਮੈਟ੍ਰਿਕ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੀ ਇੱਕ ਰਚਨਾ ਜਾਪਦੀ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਰਚਨਾ ਦਾ ਇੱਕ ਆਲ੍ਹਣਾ ਤੀਜੇ ਪੱਧਰ ਤੱਕ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਵਿਚਾਰ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਸਭ ਤੋਂ ਅੰਦਰਲੇ ਪੱਧਰ ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਨਾ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਇਹ ਖਾਟ ਹੈ। ਉਲਟਾ x ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ \cot ਇਨਵਰਸ x ਨੂੰ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣ ਦਿਓ ਅਤੇ ਫਿਰ ਕਿਉਂਕਿ \cot ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਓਪਨ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਹੈ। i ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਓਪਨ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਫਿਰ ਥੀਟਾ ਦਾ ਸਾਈਨ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਤੱਕ ਸਬੰਧਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਈਨ ਥੀਟਾ ਗੈਰ ਹੈ। ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਇਸ ਲਈ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ ਇਸ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਿਨ ਥੀਟਾ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ \sin ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ,

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਹ \sin ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਦਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੈ ਜੋ 1 ਘਟਾਓ \cos ਵਰਗ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਥੀਟਾ ਹੁਣ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਸੱਜੇ ਹੱਥ ਵਾਲੇ ਪਾਸੇ ਨੂੰ x ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪ੍ਰਗਟ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਸ ਸਬੰਧ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਾਂਗੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਸਬੰਧ ਤੋਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਦੋਵੇਂ ਪਾਸੇ \cot ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਜੋ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ x ਥੀਟਾ ਦੇ \cot ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਤੇ ਇਸਦਾ ਅਰਥ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਇੱਕ ਓਵਰ x ਹੈ, ਫਿਰ ਇਸਨੂੰ 1 ਘਟਾਓ 1 ਓਵਰ ਸਕਵੇਅਰ ਥੀਟਾ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਿਸਨੂੰ ਫਿਰ 1 ਘਟਾਓ 1 ਓਵਰ ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਵਜੋਂ ਵੀ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਇਹ ਪਛਾਣ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸੈਕੈਂਡ ਵਰਗ ਥੀਟਾ o ਹੈ। ne ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਉਸ ਪਛਾਣ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜਿਸ ਨੂੰ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਨੂੰ 1 ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਤੋਂ ਵੱਧ ਸਰਲ ਬਣਾਇਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਆਹ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਦੇ ਇਸ ਮੁੱਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਦੀ ਯੋਜਨਾ ਬਣਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜੋ ਇੱਕ ਓਵਰ x ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਇੱਕ ਓਵਰ x ਨਾਲ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ ਜੋ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਸਿਨ ਥੀਟਾ ਇੱਕ ਓਵਰ x ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਓਵਰ x ਵਰਗ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਇੱਕ ਜੇੜ x ਵਰਗ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਅਤੇ ਇਹ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਵਾਪਸ ਪਾ ਦਿੰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਸਿਨ ਥੀਟਾ ਦੇ \cos ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਪਰ \sin ਥੀਟਾ ਹੈ ਇਹ ਮੁੱਲ ਜੋ ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਤੋਂ ਵੱਧ ਇੱਕ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਸਾਨੂੰ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਜੋ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਮੁੱਲ ਫਾਈ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਆਓ ਓ ਦਾ ਉਲਟਾ ਕਰੀਏ। ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਦਾ ne over ਵਰਗ ਰੂਟ ਹੁਣ ϕ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ah ਇਹ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਹੈ ਇਹ ਪੂਰਾ ਮੁੱਲ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ϕ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਦੇ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਾਨੂੰ ਕੀ ਲੱਭਣਾ ਹੈ $out\ is\ \cos\ of\ \phi$ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇੱਥੇ ਆਹ ਇਹ ਵੀ ਸਿੱਟਾ ਕੱਢਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਫਾਈ ਦਾ ਟੈਨ ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦਾ ਇੱਕ ਜੇੜ x ਵਰਗ ਹੁਣ ਇਹ ਫਾਈ ਦਾ \cos ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਹੁਣ ਫਾਈ ਦੀ \cos ਹੁਣ ਗਣਨਾ ਕਰਨੀ ਪਵੇਗੀ। \cos ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ϕ ਅੰਤਰਾਲ 0 ਤੋਂ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ $\cos\ \phi$ ਨੂੰ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ $\cos\ \phi$ ਨੂੰ \cos ਵਰਗ ϕ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜਿਸ ਨੂੰ ਫਿਰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਸਕਿੰਟ ਵਰਗ ਫਾਈ ਦੇ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਅਤੇ ਫਿਰ ਦੁਬਾਰਾ ਇਹ ਪਛਾਣ ਵਰਤਦੇ ਹੋਏ ਕਿ \sec ਵਰਗ ਫਾਈ 1 ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਫਾਈ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਫਾਈ ਦੇ 1 ਓਵਰ ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਬੇਸ਼ੱਕ ah ਵਿੱਚ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਅਸੀਂ su ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਨਾਲ $bsubstitute\ tan\ \phi$ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਇਹ ਬਦਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ $\tan\ \phi$ ਨੂੰ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ $\cos\ \phi$ ਬਰਾਬਰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਇੱਕ ਵੱਧ ਵਰਗ ਰੂਟ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੈ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਫਾਈ ਦਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਵਰਗ ਰੂਟ ਜੋ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਦਾ ਇੱਕ ਵੱਧ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਟੈਨ ਵਰਗ ਫਾਈ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਇੱਕ ਜੇੜ x ਵਰਗ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਹ ਬਰਾਬਰ ਨਿਕਲਦਾ ਹੈ ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਦਾ ਇੱਕ ਜੇੜ x ਵਰਗ ਦਾ ਮੂਲ ਦੇ ਜੇੜ x ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਅਤੇ ਇਹ ਬਿਲਕੁਲ ਉਹੀ ਹੈ ਜੋ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਵਿੱਚ ਸਾਬਤ ਕਰਨ ਲਈ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਸੀ ਤਾਂ ਜੋ ਇਹ ਪਹਿਲੀ ਸਮੱਸਿਆ ah ਦੇ ਸਬੂਤ ਨੂੰ ਖਤਮ ਕਰ ਦੇਵੇ ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਦੂਜੀ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਦੱਸਦਾ ਹੈ ਕਿ ਮੈਨ ਲਓ ਉੱਥੇ ਹੈ ਇੱਕ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਜਿਸਦਾ ਡੋਮੇਨ 0 ਤੋਂ $4\ \pi$ ਹੈ ਅਤੇ ਜਿਸਦੀ ਰੇਂਜ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ 0 ਤੋਂ π ਹੈ ਅਤੇ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਨੂੰ ਥੀਟਾ ਦੇ f ਵਜੋਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ \cos ਥੀਟਾ ਦੇ \cos ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਥੀਟਾ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਪੁਆਇੰਟਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਪੁੱਛਦਾ ਹੈ ਟੀ ਦਾ ਡੋਮੇਨ $he\ f$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਜੋ f ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ 10 ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਓਵਰ ਥੀਟਾ ਦੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦਾ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਲਾਜ਼ਮੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣਾ ਪਵੇਗਾ ਕਿ f ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਇਸ ਡੋਮੇਨ ਵਿੱਚ ਕਿੰਨੇ ਥੀਟਾ ਹਨ ਜਿਵੇਂ ਕਿ f ਥੀਟਾ ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ f ਦਸ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਓਵਰ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਦਸ

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਾਨੂੰ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਚਾਰ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਸਾਰੇ ਥੀਟਾ ਲਈ ਹੱਲ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ \cos ਉਲਟ \cos ਥੀਟਾ ਦਸ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣ ਦੀ ਜ਼ਰੂਰਤ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ 0 ਤੋਂ 4 ਵਿੱਚ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਕਿੰਨੇ ਹੱਲ ਮੌਜੂਦ ਹਨ। π ਇੰਨਾ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਖੂਹ ਹੈ ਸਾਨੂੰ ਪਹਿਲਾਂ ਇਸ ਖੱਬੇ ਹੱਥ ਵਾਲੇ ਪਾਸੇ ਨੂੰ ਸਰਲ ਬਣਾਉਣ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਬਰਾਬਰੀ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਨੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ ਅਤੇ ਦੇਖਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਨੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਦੇ ਅਜਿਹੇ ਕਿੰਨੇ ਮੁੱਲ ਹਨ ਹੁਣ ਇਹ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ 0 ਤੋਂ 4 ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ। ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਜਦੋਂ ਅਜਿਹਾ ਹੈ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇਸ ਖੇਤਰ ਨੂੰ 0 ਤੋਂ $4\ \pi$ ਨੂੰ 4 ਖੇਤਰਾਂ ਵਿੱਚ ਵੰਡੀਏ ਤਾਂ ਪਹਿਲਾ ਖੇਤਰ 0 ਤੋਂ π ਹੈ, ਦੂਜਾ ਖੇਤਰ π ਤੋਂ $2\ \pi$ ਹੋਵੇਗਾ, ਫਿਰ ਤੀਜਾ ਖੇਤਰ $2\ \pi$ ਤੋਂ $3\ \pi$ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਆਖਰੀ ਖੇਤਰ ਜੋ ਹੈ ਚੌਥਾ ਖੇਤਰ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਅਤੇ ਚਾਰ ਪਾਈ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਪਹਿਲਾ ਕੇਸ ਉਦੋਂ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ \cos ਥੀਟਾ ਦਾ \cos ਉਲਟ ਕੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਹੁਣ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ah ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਮੁੱਲ \cos ਥੀਟਾ ਦੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਥੀਟਾ \cos ਉਲਟ ਲਈ ਹੈ, ਆਓ ਅਸੀਂ ਕਹੀਏ ਕਿ ਇਹ ਕੇਸ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਤੋਂ ਹੁਣ ਕੁਝ ਐਂਗਲ ਫਾਈ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਕਿਸੇ ਵੀ ਥੀਟਾ ਫਾਈ ਲਈ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ π ਵੀ \cos ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ ਲਾਗੂ ਕਰਨ ਨਾਲ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਹੈ $\cos\ \theta\ is\ equal\ to\ \cos\ \phi$ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਵਿੱਚ 0 ਤੋਂ π ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੀ ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਮਾਈਨਸ π by 2 ਤੋਂ $plus\ \pi$ by ਵਿਚਕਾਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ। 2 ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ ਨੂੰ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਜਲਦੀ ਇੱਥੇ ਖਿੱਚਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ x ਬਨਾਮ x ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ah \cos ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਕਹੀਏ ਤਾਂ ਆਓ ਇਹ ਕਹੀਏ ਕਿ ਇਹ π ਓਵਰ ਦੇ ਹੈ। ਕਹੋ ਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਹੈ ਅਤੇ ਮੈਨ ਲਓ ਕਿ ਇਹ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਹੈ ਅਤੇ ਗ੍ਰੇਪ h ਕੁਝ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੈ ਅਤੇ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਗ੍ਰਾਫ ਨੂੰ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਰਵ ਫੰਕਸ਼ਨ $\cos\ x$ ਜਦੋਂ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਤੱਕ ਸੀਮਿਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ x ਵਧਣ ਨਾਲ ਮੈਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਘਟ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਦੋ ਕੋਣ ਥੀਟਾ ਹਨ ਜੋ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਅਤੇ ϕ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹਨ। ਅੰਤਰਾਲ

ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਤੱਕ

ਇਸ ਲਈ ਥੀਟਾ ਅਤੇ ਫਾਈ ਦੋਵੇਂ ਇੱਕੋ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹਨ ਅਤੇ $\cos \theta = \cos \phi$ ਪਰ ਕਿਉਂਕਿ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਮੋਨੋਟੋਨੀਲੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਘਟ ਰਿਹਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸੱਚ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਫਾਈ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੇ ਤਾਂ ਇਹ ਫਾਈ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਪਹਿਲੇ ਕੇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ 0 ਤੋਂ π $\cos \theta = \cos \phi$ ਥੀਟਾ ਦੇ ਉਲਟ ਹੈ, ਜੋ ਕਿ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟਾ ਹੁਣ ਥੀਟਾ ਹੈ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਦੂਜੇ ਖੇਤਰ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਜੋ π ਅਤੇ 2π ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਕੇਸ ਲਈ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟਾ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦਾ ਕਿਉਂਕਿ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟਾ ਇਹ ਮੁੱਲ ਦੀ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ \cos^{-1} ਜੋ ਕਿ 0 ਤੋਂ π ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਥੀਟਾ ਅੰਤਰਾਲ π ਤੋਂ 2π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ

ਇਸ ਲਈ ਸਹੀ ਹੋਣ ਲਈ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ ਦੂਜੇ ਖੇਤਰ ਨੂੰ π ਤੋਂ 2π ਹੋਣ ਲਈ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਪਰ ਇਹ ਇਸ ਤੋਂ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਹੋਵੇਗਾ।

ਖੱਬੇ ਪਾਸੇ ਤਾਂ π ਦਾ ਮੁੱਲ ਦੂਜੇ ਖੇਤਰ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਤੇ ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲੇ ਖੇਤਰ ਨੂੰ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਵਜੋਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਸੀ ਇਸਲਈ π ਪਹਿਲੇ ਖੇਤਰ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਇਸਲਈ ਹੁਣ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਦੂਜੇ ਕੇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਪਾਈ ਤੋਂ ਦੋ ਪਾਈ ਤੱਕ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟਾ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਆਮ ਵਾਂਗ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟ ਦਾ ਮੁੱਲ ਕਿਵੇਂ ਲੱਭ ਸਕਦੇ ਹਾਂ, ਆਓ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ ਦੇਈਏ ਕਿ ਇਹ ਕੁਝ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਹੈ। ਸਪੱਸ਼ਟ ਕਰੋ ਕਿ ਇਸ x ਦਾ ਸਬੰਧ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਤੱਕ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ $\cos \theta = \cos \phi$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ $\cos \theta = \cos x$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ, ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਗੱਲ ਦਾ ਅਹਿਸਾਸ ਹੁੰਦਾ ਹੈ। ਇੱਥੇ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ $\cos \theta = \cos \phi$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇੱਕ π ਦੇ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦਾ ਰਿਓਡਿਕ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ $\cos \theta = \cos \phi$ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਦੋ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਲੈਣ ਦਾ ਕਾਰਨ ਇਹ ਸੀ ਕਿਉਂਕਿ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ ਪਾਈ ਤੋਂ ਦੋ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸਦਾ ਅਰਥ ਹੈ ਕਿ ਦੋ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ। π ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਜੇ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਜੋ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ π ਤੋਂ ਦੋ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਦੋ π ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਅਸਲ ਵਿੱਚ $\cos \theta = \cos \phi$ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਦਾ ਇੱਕ ਉਪ ਸਮੂਹ ਹੈ। ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਥੇ ਕੀ ਹੈ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਕੋਣ ਦੋ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਹੈ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ ਦੇਈਏ ਕਿ ਇਹ ϕ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ $\cos \theta = \cos \phi$ ਹੈ ਇਸ ਵੈਲਯੂ $\cos \theta = \cos \phi$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ϕ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ। ਜਾਣੋ ਕਿ ਇਹ ਫਾਈ ਜੋ ਕਿ ਦੋ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਹੈ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਫਾਈ ਫਾਈ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਕਿਉਂਕਿ $\cos \theta = \cos \phi$ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਹ ਤੁਰੰਤ ਹੈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ $\phi = \theta$ ਥੀਟਾ ਦੇ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ $\phi = \theta$ ਇਸ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਜਿੱਥੇ ਥੀਟਾ π ਤੋਂ ਦੋ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟਾ ϕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਜਿੱਥੇ ϕ ਦੋ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਸ ਵਿੱਚ ਇਹ ਕੇਸ ਦੂਜੇ ਕੇਸ ਵਿੱਚ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟਾ ਦੋ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਦੇ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਹੈ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਤੀਜੇ ਕੇਸ ਲਈ ਜਿੱਥੇ ਥੀਟਾ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਦੁਬਾਰਾ ਦੋ ਪਾਈ ਤੋਂ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ। $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਥੀਟਾ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਇਹ ਦਿਖਾ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਦੋ ਪਾਈ ਤੋਂ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਥੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਦੋ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਅੱਗੇ ਕਿ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ ਦੋ ਪਾਈ ਦਾ $\cos \theta = \cos \phi$ ਬਰਾਬਰ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਥੀਟਾ ਦੇ $\cos \theta = \cos \phi$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਸਮਾਨ ਸਥਿਤੀ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਇਸ ਕੋਣ ਦੀ $\cos \theta = \cos \phi$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਕੋਣ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ ਦੋ ਪਾਈ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਥੇ ਇਹ ਖਾਸ ਅੰਤਰਾਲ ਇੱਕ ਹੈ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ $\cos \theta = \cos \phi$ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਕੋਣ $\cos \theta = \cos \phi$ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇਸ ਗੱਲ ਦਾ ਅਨੁਸਰਣ ਕਰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ ਦੋ ਪਾਈ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ $\phi = \theta$ ਲਈ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ $\cos \theta = \cos \phi$ ਥੀਟਾ ਦਾ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਦੋ π ਤੋਂ ਤਿੰਨ π $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟਾ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ ਦੋ ਪਾਈ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਹੀ ਗੱਲ ਆਖਰੀ ਦ੍ਰਿਸ਼ ਲਈ ਸੱਚ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਥੀਟਾ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਤੋਂ ਚਾਰ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਚਾਰ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਤੋਂ ਚਾਰ ਪਾਈ ਚਾਰ ਪਾਈ ਮਾਇਨਸ ਥੀਟਾ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਦੁਬਾਰਾ 4 ਪਾਈ ਮਾਈਨਸ ਥੀਟਾ ਦੇ ਉਲਟ $\cos \theta = \cos \phi$ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ $\cos \theta = \cos \phi$ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਦੁਬਾਰਾ ਇਸ ਕਰਕੇ ਹੈ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਪੀਰੀਅਡਿਕਿਟੀ ਦੀ ਇਸਲਈ $\cos \theta = \cos \phi$ ਚਾਰ ਪਾਈ ਮਾਇਨਸ ਥੀਟਾ $\cos \theta = \cos \phi$ ਥੀਟਾ ਹੈ ਅਤੇ ਚਾਰ π ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਇਹ ਖਾਸ ਕੋਣ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਕੇਸ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ ਦੁਬਾਰਾ ਤੋਂ $i = t$ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੈ ਕਿ ਚਾਰ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ $\cos \theta = \cos \phi$ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਇਸ ਚੌਥੇ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਚਾਰ π ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਇਹਨਾਂ ਚਾਰ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਕੇਸਾਂ ਨੂੰ ਇਸ ਵਿੱਚ ਸੰਖੇਪ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਇੱਥੇ ਸਲਾਈਡ ਕਰੋ ਤਾਂ ਇਹ ਸਲਾਈਡ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਦੀਆਂ ਸਾਰੀਆਂ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਰੇਂਜਾਂ ਲਈ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਦੁਆਰਾ ਲਏ ਗਏ ਮੁੱਲ ਨੂੰ ਦੱਸਦੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਸਹੀ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਗ੍ਰਾਫ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ $\phi = \theta$ ਲਈ ਦੋਵੇਂ ਕਰਵ ਬਣਾਏ ਹਨ। ਫੰਕਸ਼ਨ $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਦੇ ਨਾਲ ਨਾਲ ਫੰਕਸ਼ਨ $\theta - \cos^{-1} \cos \theta$ ਦੇ ਨਾਲ ਨਾਲ ਫੰਕਸ਼ਨ $\theta - \cos^{-1} \cos \theta$

ਇਸ ਲਈ ਲੇਟਵੇਂ ਪੂਰੇ ਉੱਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਥੀਟਾ ਹੈ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ ਉੱਤੇ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਦੋ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੁਆਰਾ ਲਏ ਗਏ ਮੁੱਲਾਂ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਕਾਲੇ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਫੰਕਸ਼ਨ $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਹੈ। ਥੀਟਾ ਨੀਲੇ ਰੰਗ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਦਸ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦਸ ਉੱਤੇ ਬਣਾਇਆ ਹੈ ਅਤੇ $\phi = \theta$ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\phi = \theta$ ਤੋਂ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਦੇ ਉਹਨਾਂ ਸਾਰੇ ਮੁੱਲਾਂ ਨੂੰ ਲੱਭਣ ਲਈ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਸੀ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਲਈ ਇਹ ਦੋ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹਨ। ਉਹੀ ਮੁੱਲ ਲਓ ਜਾਂ ਜਿਸ ਲਈ $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਬਰਾਬਰ ਦਸ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦਸ ਵੱਧ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਉਹੀ ਹੈ ਜੋ ਪੁੱਛਿਆ ਜਾ ਰਿਹਾ ਸੀ ਅਤੇ ਇਹ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਬਹੁਤ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਦੋਵੇਂ ਕਰਵ ਇੱਥੇ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ $\phi = \theta$ 'ਤੇ ਕੱਟਦੇ ਹਨ ਅਤੇ ਫਿਰ ਦੂਜੇ ਜਦੋਂ ਉਹ ਇੱਥੇ ਇਕ ਦੂਜੇ ਨੂੰ ਕੱਟਦੇ ਹਨ ਅਤੇ ਫਿਰ ਤੀਜੀ ਵਾਰ ਅੰਦਰੋਂ ਇੱਥੇ ਇਕ ਦੂਜੇ ਨੂੰ ਕੱਟਦੇ ਹਨ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਮੂਲ ਤੌਰ 'ਤੇ ਥੀਟਾ ਦੇ ਤਿੰਨ ਵੱਖਰੇ ਮੁੱਲ ਹਨ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਲਈ $\cos^{-1} \cos \theta = \theta$ ਥੀਟਾ ਦਸ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਸਵਾਲ ਦਾ ਅੰਤਮ ਜਵਾਬ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਹੋਵੇਗੀ। ਬਿੰਦੂ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਚਾਰ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਦਸ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਵੱਧ ਦਸ ਬਰਾਬਰ $\cos \theta = \cos \phi$ ਥੀਟਾ ਤਿੰਨ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ ਸਿਰਫ ਤਿੰਨ ਵੱਖਰੇ ਬਿੰਦੂ ਹਨ ਅਗਲੀ ਸਮੀਖਿਆ ਵਿੱਚ ਸਾਨੂੰ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੇ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਸਮੀਕਰਨ $\phi = \theta$ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਲਈ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ x ਦੇ ਉਹਨਾਂ ਸਾਰੇ ਮੁੱਲਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨਾ ਅਤੇ ਲੱਭਣਾ ਪਵੇਗਾ ਜੋ ਇੱਥੇ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਪੂਰਾ ਕਰਦੇ ਹਨ ਤਾਂ ਜੋ ਉਹੀ ਚੀਜ਼ ਲਿਖੀ ਜਾ ਸਕੇ ਜਿਵੇਂ $\tan^{-1} x = \theta$ ਬਰਾਬਰ π ਵੱਧ ਚਾਰ ਘਟਾਓ $\tan^{-1} x$ । ਤਿੰਨ x ਦਾ $\tan^{-1} x$ ਪਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਚਾਰ ਦੁਆਰਾ π ਦਾ $\tan^{-1} x$ ਇੱਕ ਹੈ ਜਾਂ ਇੱਕ ਦਾ $\tan^{-1} x$ ਉਲਟਾ ਇੱਕ π ਚਾਰ ਦੁਆਰਾ ਚਾਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ π ਨੂੰ ਚਾਰ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਦੇ $\tan^{-1} x$ ਉਲਟ ਨਾਲ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸੱਜੇ ਹੱਥ ਦਾ ਪਾਸਾ ਇੱਥੇ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਸਾਨੂੰ $\tan^{-1} x = \theta$ $x = \tan \theta$ ਲਈ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨੀ ਪਵੇਗੀ ਜਾਂ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਸਨੂੰ $\tan^{-1} \cos^{-1} \cos \theta = \theta$ $x = \tan \theta$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ $\tan^{-1} x = \theta$ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਜੋ $y = \cos^{-1} \cos \theta$ ਦਾ ਫਾਰਮੂਲਾ ਸੀ। ਅਸੀਂ ਆਪਣੇ ਪਿਛਲੇ

ਲੇਕਚਰਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਵਿੱਚ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਵੇਖ ਚੁੱਕੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਸਮੀਕਰਨ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸ ਕੇਸ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੁਣ ਕੀ ਹੈ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ 1 ਦੇ ਬਰਾਬਰ x ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ y ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ $3x$ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ x ਅਤੇ y ਦਾ ਗੁਣਨਫਲ। ਇਸ ਕੇਸ ਲਈ ਮਾਇਨਸ $3x$ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਲਈ ਇੱਕ ਹੋਰ ਚੀਜ਼ ਜੋ ਧਿਆਨ ਵਿੱਚ ਰੱਖਣੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਮੁੱਲ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਮੁੱਲ ਅਤੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਵੀ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਦੋਵੇਂ ਮੁੱਲ ਚਾਰ ਗੁਣਾ ਪਾਈ ਤੱਕ ਜੋੜਦੇ ਹਨ ਤਾਂ ਹੁਣ ਜੇ ਜੇਕਰ x ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ x ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਮੁੱਲ ਵੀ ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਤੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਵੀ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ x ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਸਾਰੀ ਚੀਜ਼ ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਹੋਵੇਗੀ ਪਰ ਕਿਉਂਕਿ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਵਿੱਚ ਸਾਨੂੰ x ਦੇ ਉਹਨਾਂ ਮੁੱਲਾਂ ਨੂੰ ਲੱਭਣ ਲਈ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਹੈ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਲਈ ਇਹ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਇਹ ਸਿੱਟਾ ਕੱਢਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਿਰਫ਼ ਉਹੀ x ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਨਗੇ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਲਈ x ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਉਹ ਚੀਜ਼ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਤੋਂ ਤੁਰੰਤ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਅਗਲੀ ਚਰਚਾ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਆਪਣੀ ਚਰਚਾ ਨੂੰ ਸਿਰਫ਼ x ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲਾਂ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਰੱਖਾਂਗੇ। ਦੁਬਾਰਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਫਾਰਮੂਲੇ 'ਤੇ ਵਾਪਸ ਆ ਰਹੇ ਹਾਂ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ x ਸਾਡੀ ਸਮੱਸਿਆ ਲਈ ਇੱਥੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਸਦਾ ਕੀ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ y ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ y ਘਟਾਓ ਤਿੰਨ x ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ x ਗੁਣਾ y

ਇਸ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ x ਗੁਣਾ ਹੈ y ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹਨਾਂ ਤਿੰਨ ਕੇਸਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਸਾਡਾ ਕੇਸ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਹ ਖਾਸ ਕੇਸ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਸਾਡੇ ਲਈ xy ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ਕ ਜ਼ੀਰੋ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ou ਵਿੱਚ r ਕੇਸ ah for for ਸਾਡੀ ਸਮੱਸਿਆ ਲਈ xy ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਖਾਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ x ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਅਤੇ y ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਤਿੰਨ x ਦੇ ਨਾਲ ਕਰਨੀ ਪਵੇਗੀ ਅਤੇ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਅਜਿਹਾ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਨੂੰ ਬਰਾਬਰ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। 1 ਘਟਾਓ $3x$ ਉੱਤੇ 1 ਪਲੱਸ $3x$ ਦਾ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਜੋ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਦੇ x ਦਾ ਟੈਨ ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਤਿੰਨ x ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਜੋੜ ਤਿੰਨ x ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ $\tan^{-1} a$ ਬਰਾਬਰ ਹੈ $\tan^{-1} b$ ਜੇ ਇਹ ਸੱਚ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਸੱਚ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ a ਬਰਾਬਰ b ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਸੱਚ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ a ਬਰਾਬਰ b ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਮੇਰਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਸਿਰਫ਼ \tan^{-1} ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਕੇ ਦੇਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਦੋਹਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਦੋਹਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ ਟੈਨ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ b ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਇਸ ਤੱਥ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਇਹ ਇਸ ਗੱਲ ਦਾ ਅਨੁਸਰਣ ਕਰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਸੱਚ ਹੈ ਜੇਕਰ ਦੇ x ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਤਿੰਨ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਤਿੰਨ x ਤੋਂ ਵੱਧ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਆਹ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਥੋੜਾ ਜਿਹਾ ਕੰਮ ਕਰਦੇ ਹਾਂ t ਬੇਸ਼ਕ ਆਹ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਥੋੜਾ ਜਿਹਾ ਬੀਜਗਣਿਤ ਹੋਰਾਫੇਰੀ ਹੈ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਦਿੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਛੇ x ਵਰਗ ਪਲੱਸ ਪੰਜ x ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਅਤੇ ਖੱਬੇ ਪਾਸੇ ਨੂੰ ਛੇ x ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਵਿੱਚ x ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਬਰਾਬਰ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਗੁਣਕ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਜ਼ੀਰੋ ਇਸਲਈ ਹੁਣ ਦੇ ਹੱਲ ਹਨ ਇਸਲਈ x ਜਾਂ ਤਾਂ ਛੇ ਤੋਂ ਵੱਧ ਇੱਕ ਹੈ ਜਾਂ ਇਹ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਹੈ ਪਰ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ah x ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇੱਕ ਮੁੱਲ ਹੱਲ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਕੋ ਇੱਕ ਸੰਭਵ ਹੱਲ ਹੈ x ਇੱਕ ਓਵਰ ਛੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅੰਤਮ ਜਵਾਬ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਹੋਰ ਬਹੁਤ ਦਿਲਚਸਪ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਮੈਨੂੰ ਲਗਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ je ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਕਹਿੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ xy ਅਤੇ z ਗਣਿਤ ਦੀ ਤਰੱਕੀ ਵਿੱਚ ਹਨ ਅਤੇ $\tan^{-1} x$ $\tan^{-1} y$ ਅਤੇ $\tan^{-1} z$ ਦੀ ਅੰਕਗਣਿਤਿਕ ਪ੍ਰਗਤੀ ਵਿੱਚ ਹਨ ਤਾਂ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੇ ਵਿੱਚੋਂ ਕਿਹੜਾ ਹੁਣ ਸਹੀ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ xy ਅਤੇ z ਗਣਿਤ ਦੀ ਤਰੱਕੀ ਵਿੱਚ ਹਨ ਸਾਡੇ ਕੋਲ y ਬਰਾਬਰ ਹੈ x ਪਲੱਸ z ਵੱਧ 2 ਜਾਂ ਦੂਜੇ ਸ਼ਬਦਾਂ ਵਿੱਚ y ਘਟਾਓ x ਬਰਾਬਰ z ਘਟਾਓ y ਹੁਣ ਟੈਨ ਹੈ। ਉਲਟਾ x $\tan^{-1} y$ ਅਤੇ t ਇੱਕ ਉਲਟ z ਦੀ ਅੰਕਗਣਿਤਿਕ ਪ੍ਰਗਤੀ ਵਿੱਚ ਹਨ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਤੱਥ ਨੂੰ $\tan^{-1} y$ ਘਟਾਓ $\tan^{-1} x$ is equal to $\tan^{-1} z$ minus $\tan^{-1} y$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਵੀ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ, ਆਓ ਹੁਣ ਇਸ ਕੋਣ ਨੂੰ ਥੀਟਾ ਦੁਆਰਾ ਦਰਸਾਉਂਦੇ ਹਾਂ, ਆਓ ਇਹ ਕਹੀਏ ਕਿ ਇਹ ਹੁਣ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ। ਆਉ ਅਸੀਂ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੀ ਨਿਰੀਖਣ ਕਰੀਏ ਤਾਂ ਚਲੋ ਇਹ ਕਹੀਏ ਕਿ ਇਹ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਪਾਈ 2 ਹੈ ਤਾਂ ਇਸ ਕੇਸ ਲਈ ਇਹ ਸੱਚ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ z ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਤੇ ਸਭ ਤੋਂ ਛੋਟਾ ਹੈ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x

ਇਸ ਲਈ ਅਤੇ ਇਹ ਅਤੇ ਇਹ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਬਰਾਬਰ ਹਨ, ਇਹ ਕੋਣ ਮਾਪ ਵਿੱਚ ਬਰਾਬਰ ਹਨ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਦੋਵੇਂ ਕੋਣ ਮਾਪ ਵਿੱਚ ਬਰਾਬਰ ਹਨ ਅਤੇ ਇਹ ਸਾਰੇ $\tan^{-1} x$ $\tan^{-1} y$ ਉਲਟਾ y ਅਤੇ $\tan^{-1} z$ ਨੂੰ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ π by 2 ਤੋਂ plus π ਵਿੱਚ ਪਿਆ ਹੋਣਾ ਹੈ। ਦੋ ਦੁਆਰਾ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਕੋਣ ਦੀ ਵਿਸ਼ਾਲਤਾ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਕਹੀਏ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਤਾਂ ਇਹ ਥੀਟਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਵੀ ਥੀਟਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਦੋਵਾਂ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਜੋੜਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਦੋ ਥੀਟਾ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੁੰਦੇ ਹਨ ਜੋ ਹੈ ਇਹ ਮੁੱਲ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਨੂੰ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਇਹ 2 ਥੀਟਾ ਇਸ ਪੂਰੇ ਅੰਤਰਾਲ ਦੀ ਲੰਬਾਈ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ π ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ π ਤੋਂ 2 ਜਾਂ ਹਾਂ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੋਣੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਸਖਤ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ π ਬਾਇ ਦੋ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸਮਾਨਤਾ ਦੇ ਦੋਵੇਂ ਪਾਸੇ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਕੋਣ ਥੀਟਾ 0 ਅਤੇ π ਬਾਇ 2 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਥੀਟਾ ਦੇ $\tan^{-1} x$ $\tan^{-1} y$ minus $\tan^{-1} z$ ਦੇ $\tan^{-1} x$ $\tan^{-1} y$ minus $\tan^{-1} z$ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਤੌਰ ਤੇ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਘਟਾਓ b ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੇ ਟੈਨ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਚਲੋ ਇਹ ਕਹੀਏ ਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਇਹ ਹੈ b ਸੇ ਇਹ $\tan^{-1} a$ minus $\tan^{-1} b$ ਓਵਰ ਵਨ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} a$ $\tan^{-1} b$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ $\tan^{-1} a$ is y minus $\tan^{-1} b$ ਹੁਣ x 1 ਪਲੱਸ xy ਤੋਂ ਵੱਧ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਥੀਟਾ 0 ਅਤੇ π ਬਾਇ 2 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ ਕਿਉਂਕਿ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ 0 ਅਤੇ π by 2 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ਼ \tan^{-1} ਫੰਕਸ਼ਨ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ 0 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਸ ਵੈਲਯੂ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਹੈ ਅਤੇ ਥੀਟਾ ਬੇਸ਼ਕ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਜੋ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਉਪ ਸਮੂਹ ਹੈ। ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇੱਥੋਂ ਅੱਗੇ ਆਉਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ y ਮਾਇਨਸ x ਦੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ xy ਉੱਤੇ \tan^{-1} ਉਲਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ah ਉਹੀ ਚੀਜ਼ ਇਸ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਲਈ ਕੀਤੀ ਜਾ ਸਕਦੀ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਇੱਥੇ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਕੀ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ z ਮਾਇਨਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y 1 ਪਲੱਸ zy ਤੋਂ ਵੱਧ z ਮਾਇਨਸ y ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਉਹ ਬਰਾਬਰ ਹਨ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਇਹ ਸਮਾਨਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਦਾ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਇਹ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਹੁਣ ਸਾਨੂੰ ਸਿਰਫ਼ ਲਾਗੂ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ। ਇਸ ਸਮਾਨਤਾ ਦੇ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ \tan^{-1} ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਜੋ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਇੱਥੇ ਇਸ ਮੁੱਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਿਸ ਨੂੰ ਅਸੀਂ ਲਿਖਦੇ ਹਾਂ y ਮਾਇਨਸ x x 1 ਪਲੱਸ xy ਬਰਾਬਰ z ਮਾਇਨਸ y ਓਵਰ 1 ਪਲੱਸ zy ਅਤੇ ਫਿਰ ਅੱਗੇ r ਸਰਲੀਕਰਨ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਦੱਸਦਾ ਹੈ ਕਿ y ਘਟਾਓ x 1 ਪਲੱਸ zy ਵਿੱਚ z ਘਟਾਓ y 1 ਪਲੱਸ xy ਵਿੱਚ ਅਤੇ ਫਿਰ y ਪਲੱਸ z ਨੂੰ y ਵਰਗ ਘਟਾਓ x ਘਟਾਓ xyz z ਜੋੜ xyz ਘਟਾਓ y ਘਟਾਓ xy ਵਰਗ ਹੈ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ xy

ਅਤੇ z ਹਨ। ਅੰਕਗਣਿਤ ਦੀ ਤਰੱਕੀ ਵਿੱਚ y ਘਟਾਓ x ਬਰਾਬਰ z ਘਟਾਓ y ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਚਾਰ ਸ਼ਬਦ ਰੱਦ ਹੋ ਜਾਂਦੇ ਹਨ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੇ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ $2xyz$ ਅਸੀਂ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਪਦ ਨੂੰ ਇਸ ਪਾਸੇ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸ਼ਬਦ ਨੂੰ ਖੱਬੇ ਪਾਸੇ ਲਿਆਉਂਦੇ ਹਾਂ y ਵਰਗ ਵਿੱਚ x ਪਲੱਸ z ਪਰ ਫਿਰ x ਪਲੱਸ z ਦੇ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ xy ਅਤੇ z ਅੰਕਗਣਿਤ ਵਿੱਚ ਹਨ ਇਸਲਈ ਇਹ ਦੇ y ਘਣ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਨੂੰ ਦੇ ਵਿੱਚ y ਵਿੱਚ y ਵਰਗ ਘਟਾਓ xz ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਵਜੋਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਦੂਜੇ ਕੇਸ ਨੂੰ ਵਿਚਾਰੋ ਬਿਨਾਂ ਸਮੇਂ ਦੇ ਹਿੱਤ ਵਿੱਚ, ਭਾਵੇਂ ਅਸੀਂ ਦੂਜੇ ਕੇਸ ਲਈ ਵੀ ਅਜਿਹਾ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜਿੱਥੇ ਅਸੀਂ ਇਸ ਮੁੱਲ ਨੂੰ ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਮੰਨਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਸਿਰਫ ਇੱਕ ਸਮਾਨ ਵਿਉਂਤਪੱਤੀ ਦੀ ਪਾਲਣਾ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਵੀ ਇਸ ਸਥਿਤੀ 'ਤੇ ਪਹੁੰਚ ਜਾਵਾਂਗੇ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇਸ ਦੀ ਪਾਲਣਾ ਕਰਦਾ ਹੈ। ਇਹ ਇੱਕ ਜ਼ਰੂਰੀ ਹੈ ਅਤੇ ਕਾਫ਼ੀ ਸ਼ਰਤ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੱਕ ਜ਼ਰੂਰੀ ਅਤੇ ਲੋੜੀਂਦੀ ਸ਼ਰਤ ਹੈ ਜੇਕਰ xyz ਅਤੇ $\tan^{-1} x \tan^{-1} y$ ਅਤੇ $\tan^{-1} z$ ਦੇਵੇਂ ਹੀ ਅੰਕਗਣਿਤਿਕ ਪ੍ਰਗਤੀ ਵਿੱਚ ਹੋਣੇ ਚਾਹੀਦੇ ਹਨ ਤਾਂ ਇਹ ਇੱਕ ਜ਼ਰੂਰੀ ਅਤੇ ਕਾਫ਼ੀ ਸ਼ਰਤ ਹੈ ਇਸਦੇ ਲਈ ਹੁਣ ਇੱਥੇ ਸਿਰਫ ਦੇ ਹਨ ਸੰਭਾਵਨਾਵਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਜਾਂ ਤਾਂ $y = 0$ ਜਾਂ y ਵਰਗ ਹੁਣ xz ਹੈ ਜੇਕਰ $y = 0$ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ $y = 0$ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ $y = 0$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ x ਪਲੱਸ z ਬਰਾਬਰ $2y$ ਬਰਾਬਰ 0 ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਵੀ ਹੈ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ $\tan^{-1} x$ ਹੈ। $\tan^{-1} y$ ਅਤੇ $\tan^{-1} z$ ਅੰਕਗਣਿਤਿਕ ਪ੍ਰਗਤੀ ਵਿੱਚ ਹਨ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਠੀਕ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਕੇਸ y ਨੂੰ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਲੈ ਰਹੇ ਹਾਂ ਪਰ ਇਹ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਅਤੇ x ਪਲੱਸ z ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਕੇਸ ਲਈ ਕਿਉਂਕਿ z ਹੈ ਮਾਇਨਸ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਹ ਦਰਸਾਉਂਦਾ ਹੈ ਕਿ z ਮਾਇਨਸ x ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ z ਦਾ ਇਹ ਤੀਜਾ ਟੈਨ ਉਲਟਾ ਘਟਾਓ x ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੋ x ਦੇ $\tan^{-1} x$ ਦਾ ਘਟਾਓ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੱਕ ਸੰਭਾਵਨਾ ਹੈ ਕਿ y ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜ਼ੀਰੋ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ $x = 0$ ਅਤੇ ਮਾਇਨਸ x ਹੈ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਮਾਇਨਸ x ਹੈ ਇਹ ਅੰਕਗਣਿਤ ਦੀ ਪ੍ਰਗਤੀ ਵਿੱਚ ਹੈ ਅਤੇ $\tan^{-1} x = 0$ ਨ ਘਟਾਓ $\tan^{-1} x$ ਵੀ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਤਿੰਨੋਂ ਗਣਿਤ ਦੀ ਤਰੱਕੀ ਵਿੱਚ ਵੀ ਹਨ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੱਕ ਸੰਭਾਵਨਾ ਹੈ ਅਤੇ ਦੂਜੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇਹ ਹੈ ਕਿ y ਵਰਗ xz ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਹੈ ਦੂਜੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਪਰ ਇਹ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਹ ਦਰਸਾਉਂਦੀ ਹੈ ਕਿ xy ਅਤੇ z ਜਿਓਮੈਟ੍ਰਿਕ ਪ੍ਰਗਤੀ ਵਿੱਚ ਹਨ ਅਤੇ ਉਸੇ ਸਮੇਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ $2y$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ x ਪਲੱਸ z ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ

ਇਸ ਲਈ ਇਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਉਹ ਅੰਕਗਣਿਤਿਕ ਪ੍ਰਗਤੀ ਵਿੱਚ ਹਨ

ਇਸ ਲਈ ਕਿਉਂਕਿ xy ਅਤੇ z ਦੇਵੇਂ ਗਣਿਤ ਵਿੱਚ ਹਨ। ਜਿਓਮੈਟ੍ਰਿਕ ਪ੍ਰਗਤੀ ਦੇ ਨਾਲ-ਨਾਲ ਇਕੋ ਸੰਭਵ ਤਰੀਕਾ ਇਹ ਹੈ ਕਿ x ਬਰਾਬਰ y ਬਰਾਬਰ z ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਸਿਰਫ ਦੇ ਸੰਭਾਵਨਾਵਾਂ ਹਨ ਇਸਲਈ ਸੰਭਾਵਨਾ ਨੰਬਰ ਇੱਕ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਸੰਭਾਵਨਾ ਹੈ ਕਿ $y = 0$ ਹੈ ਅਤੇ $z = x$ ਦੇ ਘਟਾਓ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਦੂਜਾ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਸੰਭਾਵਨਾ ਨੰਬਰ 2 ਇਹ ਹੈ ਕਿ xy ਅਤੇ z ਸਾਰੇ ਬਰਾਬਰ ਹਨ, ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਿਰਫ ਦੇ ਸੰਭਾਵਨਾਵਾਂ ਹਨ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਬਹੁ-ਚੋਣ ਵਾਲੇ ਪ੍ਰਸ਼ਨ 'ਤੇ ਵਾਪਸ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਪੁੱਛਿਆ ਗਿਆ ਸੀ,

ਇਸ ਲਈ ਕਿਉਂਕਿ y ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ i ਹੈ। s ਇੱਥੇ ਜ਼ਿਕਰ ਨਹੀਂ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ ਇੱਕੋ ਇੱਕ ਸੰਭਾਵਨਾ ਜੋ ਸਹੀ ਹੈ ਇਹ ਪਹਿਲਾ ਦ੍ਰਿਸ਼ ਹੈ ਇਸਲਈ ਬਾਕੀ ਸਾਰੇ ਸਹੀ ਨਹੀਂ ਹਨ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਹੋਰ ਦਿਲਚਸਪ ਸਮੱਸਿਆ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਵਿੱਚ ਸਾਨੂੰ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ x ਦਾ ਮੁੱਲ ਹੋਣਾ ਹੈ। 0 ਅਤੇ 1 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਅਤੇ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ ਇੱਥੇ ਇਸ ਬਹੁਤ ਲੰਬੇ ਸਮੀਕਰਨ ਦਾ ਮੁੱਲ ਲੱਭਣ ਲਈ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਹਮੇਸ਼ਾਂ ਅੰਦਰਲੇ ਸਮੀਕਰਨਾਂ 'ਤੇ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਨੇਸਟਡ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਦੀ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਰਚਨਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਕ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣ ਲਈ $\cot^{-1} x$ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਦੇ ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ $x = 0$ ਅਤੇ 1 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਇਹ ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਲਾਜ਼ਮੀ ਤੌਰ 'ਤੇ 0 ਓਪਨ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਕ ਇਹ ਅਸਲ ਵਿੱਚ π ਤੋਂ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ। ਚਾਰ ਤੋਂ ਪਾਈ ਓਵਰ ਦੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ \cot^{-1} ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਅੱਗੇ ਆਉਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਕੇਰਸ ਨੂੰ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਇਹ ਵੀ ਅੱਗੇ ਆਉਂਦਾ ਹੈ ਕਿ $x = \cot^{-1}$ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ θ ਨੂੰ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਕੀ ਇੱਥੇ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਹਰ ਥਾਂ ਥੀਟਾ ਦੁਆਰਾ $\cot^{-1} x$ ਹੈ ਤਾਂ ਫਿਰ ਜੇ ਵੀ ਇਸ ਵੱਡੇ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਅੰਦਰ ਹੈ ਉਹ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇੱਕ ਜੋੜ x ਵਰਗ ਦਾ ਇਹ ਮੂਲ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਕੋਟ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਦਾ ਮੂਲ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਵਨ ਓਵਰ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਦਾ ਮੂਲ ਹੈ ਜੋ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਏਹ ਵਨ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਦੇ ਰੂਟ ਉੱਤੇ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਜਿਸ ਨੂੰ ਹੋਰ ਸਰਲ ਬਣਾਇਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਅੰਕ ਇੱਥੇ ਸੈਕ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਉਹ ਸਕਵੇਅਰ ਥੀਟਾ ਇੱਕ ਓਵਰ ਕੋਸ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਥੀਟਾ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਸਾਈਨ ਨੂੰ ਸਰਲ ਕਰ ਦੇਵੇਗਾ। ਇਹ ਵੀ ਨੋਟ ਕੀਤਾ ਜਾਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਰੋਜ਼ ਵਿੱਚ ਥੀਟਾ ਲਈ \sin^{-1} ਥੀਟਾ ਸਖਤੀ ਨਾਲ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਮੀਕਰਨ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਦੇ ਇਸ ਮੂਲ ਨੂੰ ਇਸ ਦੂਜੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਅੰਦਰ ਲਿਜਾਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੇ ਸਾਨੂੰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਉਹ ਵਰਗ ਹੈ। ਅਫਸੋਸ ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦਾ ਰੂਟ ਹੁਣ ਵਰਗ ਰੂਟ ਨਹੀਂ ਰਹੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ 1 ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਵਿੱਚ x ਕੋਸ ਥੀਟਾ ਪਲੱਸ ਸਾਈਨ ਥੀਟਾ ਪੂਰਾ ਵਰਗ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਜੋੜ x ਵਰਗ ਹੋਵੇਗਾ,

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਮਿਲਦਾ ਹੈ। ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਅੰਦਰ ਇਸ 1 ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਨੂੰ ਮੂਵ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਇਹ 1 ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਗੁਣਾ $x = \cos^{-1}$ ਥੀਟਾ ਪਲੱਸ ਸਾਈਨ ਥੀਟਾ ਪੂਰੇ ਵਰਗ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਜੋੜ x ਵਰਗ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੋਵੇਗਾ ਪਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਜੋੜ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੈ। x ਵਰਗ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਸਿਨ ਥੀਟਾ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਇਸ ਤੱਥ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਇਹ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ ਤੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਸਾਈਨ ਥੀਟਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਉਹੀ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਵਰਤਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ x ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਵਿੱਚ \cos^{-1} ਥੀਟਾ ਉੱਤੇ \sin^{-1} ਥੀਟਾ ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਇਸ ਨੂੰ ਜਦੋਂ ਵੰਡਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਦੋਵਾਂ ਨੂੰ ਸਿਨ ਥੀਟਾ ਦੁਆਰਾ ਵੰਡਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਇੱਕ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ $x = \cot^{-1}$ ਥੀਟਾ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਆਖਰਕਾਰ ਸਾਡੇ ਕੋਲ x ਦਾ ਰੂਟ $\cot^{-1} \theta$ ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਪੂਰੇ ਵਰਗ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਜੋੜ x ਵਰਗ ਵਿੱਚ ਹੈ ਪਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਕੋਟ ਥੀਟਾ ਹੈ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ x ਨਾਲ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਅੰਤ ਵਿੱਚ x ਵਰਗ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਅਤੇ ਇੱਕ ਪੂਰਾ ਵਰਗ ਘਟਾਓ 1 ਜੋੜ x ਵਰਗ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸ ਨੂੰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਹੋਰ ਸਰਲ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ x ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਇੱਕ ਪਲੱਸ x ਵਰਗ ਤਾਂ ਇਹ ਫਿਰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਦਾ ਹੈ ਜਿਸਨੂੰ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਜੋੜ x ਵਰਗ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਵਿੱਚ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪਾਇਆ ਹੈ, ਆਓ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਵਿੱਚ ਅਗਲੀ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਸਾਨੂੰ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੱਲਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਲੱਭਣੀ ਪਵੇਗੀ ਜੋ ਇਸ ਨਿਮਨਲਿਖਤ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਪੂਰਾ ਕਰਦੇ ਹਨ। ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੱਲਾਂ ਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਵੇਰੀਏਬਲ x ਦੇ ਮੁੱਲ ਜੋ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹਨ

ਇਸ ਲਈ x ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਧ ਹਨ ਜੋ ਇਸ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਪੂਰਾ ਕਰਦੇ ਹਨ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਖੱਬੇ ਪਾਸੇ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਵੀ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਉਲਟ ਹੈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦਾ ਜੋੜ ਹੈ ਦੇ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਮੁੱਲਾਂ ਦੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸਾਨੂੰ ਤੁਰੰਤ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਏ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਥੀ ਟਾਈਪ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਯਾਦ ਦਿਵਾਉਂਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਤੁਹਾਨੂੰ ਯਾਦ ਕਰਨ ਲਈ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਵਿੱਚ ਇਹ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਪਛਾਣ ਸਾਬਤ ਕੀਤੀ ਸੀ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਨੂੰ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਜੇ ਗੁਣਨਫਲ xy 1 ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ x ਪਲੱਸ y ਦਾ \tan ਉਲਟਾ 1 ਘਟਾਓ xy ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਗੁਣਨਫਲ xy 1 ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ x ਅਤੇ y ਦੋਵੇਂ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹਨ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਜੇਕਰ xy 1 ਤੋਂ ਵੱਧ ਹੈ ਪਰ x ਅਤੇ y ਦੋਵੇਂ ਨੈਗੇਟਿਵ ਹਨ ਤਾਂ ਸਿਰਫ਼ ਪਲੱਸ π ਜੋੜਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਮੌਜੂਦਾ ਸਮੱਸਿਆ ਲਈ ਮਾਇਨਸ π ਜੋੜਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਜਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਸਿਰਫ਼ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੱਲਾਂ ਦਾ ਸੰਖਿਆ ਲੱਭਣ ਵਿੱਚ ਦਿਲਚਸਪੀ ਰੱਖਦੇ ਹਾਂ। ਇਸਲਈ x ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ

ਇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ ਵੀ x ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇੱਕ ਗੁਣਾ ਦੇ x ਜੋੜ ਇੱਕ ਵੀ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇੱਕ ਗੁਣਾ ਚਾਰ x ਜੋੜ ਇੱਕ ਵੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀਆਂ ਇਹ ਦੋਵੇਂ π ਆਰਗੂਮੈਂਟਾਂ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹਨ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਸ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਕੇਸ ਨੂੰ ਰੱਦ ਕਰ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਸਿਰਫ਼ ਦੋ ਕੇਸ ਜੋ ਮੈਂ ਹੁਣ ਲਾਗੂ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਉਹ ਹਨ ਜਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਕੇਸ ਜਾਂ ਇਹ ਕੇਸ π ਪਰ ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਹ ਮੁੱਲ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਜੇਕਰ x 0 ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਤਾਂ $2x$ ਪਲੱਸ 1 ਜ਼ਰੂਰ ਹੈ। 1 ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ 1 ਬਾਇ ਦੇ x ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਇੱਕ ਤੋਂ ਸਖਤੀ ਨਾਲ ਘੱਟ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਸਕਾਰਾਤਮਕ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੰਨਾ ਇੱਕ ਬਾਇ ਦੇ x ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੱਥੇ ਪਹਿਲੇ ਆਰ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੀ ਦਲੀਲ ਹੈ ਜ਼ੀਰੋ ਅਤੇ ਇੱਕ ਅਤੇ ਇੱਕ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ। ਇਸੇ ਗੱਲ ਨੂੰ π ਬਾਰੇ ਕਿਹਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ e ਦੂਸਰੀ π ਆਰਗੂਮੈਂਟ ਇੱਥੇ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਬਾਇ ਚਾਰ x ਜੋੜ ਇੱਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਦੋਨੋਂ ਇੱਕ ਬਾਇ ਦੇ x ਜੋੜ ਇੱਕ ਅਤੇ ਇੱਕ ਬਾਇ ਚਾਰ x ਜੋੜ ਇੱਕ ਜ਼ੀਰੋ ਅਤੇ ਇੱਕ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਤੋਂ ਇਹ ਨਿਕਲਦਾ ਹੈ ਕਿ ਗੁਣਨਫਲ ਇੱਕ ਬਾਇ ਦੇ x ਜੋੜ ਇੱਕ ਗੁਣਾ ਇੱਕ ਚਾਰ x ਜੋੜ ਕੇ ਇੱਕ ਵੀ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਦੋਵੇਂ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹਨ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਆਪਣੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਤੇ ਵਾਪਸ ਆਉਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹਨਾਂ ਦੋ ਮਾਮਲਿਆਂ ਵਿੱਚੋਂ ਬਾਹਰਲਾ ਕੇਸ ਜੋ ਲਾਗੂ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਉਹ xy ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਇੱਕ ਜੋ ਇਹ ਹੈ ਕਿ \tan ਉਲਟਾ x ਪਲੱਸ n ਉਲਟਾ y ਦੇ ਦੋ ਆਰਗੂਮੈਂਟਾਂ ਦਾ ਗੁਣਨਫਲ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਆਰਗੂਮੈਂਟ x ਅਤੇ y ਹਨ ਤਾਂ ਉਤਪਾਦ x ਅਤੇ y ਜੇਕਰ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹਨ ਤਾਂ ਇਹ ਪਹਿਲਾ ਕੇਸ ਲਾਗੂ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਜੋ ਇੱਥੇ ਸੱਚ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਗੁਣਨਫਲ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਗੁਣਨਫਲ ਨੂੰ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਦਾ \tan ਉਲਟਾ ਹੈ x ਦੇ x ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਗੁਣਾ ਚਾਰ x ਜੋੜ ਇੱਕ ਦਾ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣਾ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ π ਇਸ ਪਹਿਲੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਾਂਗੇ \tan inverse of ਇਹ ਪਲੱਸ ਇਸ ਤੋਂ ਵੱਧ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਉਤਪਾਦ o f ਇਹ ਦੋ ਮੁੱਲ ਅਤੇ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਨੂੰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਵੀ ਸਰਲ ਬਣਾਇਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਇੱਥੇ ਸਮੱਸਿਆ ਵਿੱਚ ਇਹ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਲੱਭਣ ਦੀ ਜ਼ਰੂਰਤ ਹੈ ਸਾਨੂੰ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੱਲ ਲੱਭਣ ਦੀ ਜ਼ਰੂਰਤ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ x ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲ ਲੱਭਣ ਦੀ ਜ਼ਰੂਰਤ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ ਦੇ ਗੁਣਾ x ਵਰਗ ਦਾ \tan ਉਲਟਾ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਦੋ ਗੁਣਾ x ਵਰਗ ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੋਵੇ,

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਸ ਸਮਾਨਤਾ ਤੋਂ ਇਹ ਅਤੇ ਇਹ ਬਰਾਬਰ ਹਨ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੈ ਕਿ ਇੱਥੇ ਇਹ ਆਰਗੂਮੈਂਟ ਦੋ ਗੁਣਾ x ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ। ਜੇ ਕਿ ਛੇ x ਜੋੜ ਦੋ ਵੱਧ ਦੇ x ਇੱਕ ਗੁਣਾ ਚਾਰ x ਜੋੜ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਬਰਾਬਰ ਦੇ ਓਵਰ x ਵਰਗ ਹੈ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਆਰ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਬੀਜਗਣਿਤਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਰਲ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਕੀ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ x ਨੂੰ ਇਸ ਬਹੁਪਦ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਪੂਰਾ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਨੂੰ ਹੋਰ ਗੁਣਕ ਬਣਾਇਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। x ਵਿੱਚ ਤਿੰਨ x ਵਰਗ ਘਟਾਓ ਸੱਤ x ਘਟਾਓ ਛੇ ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ,

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਨੂੰ ਹੋਰ ਗੁਣਕ ਵੀ ਬਣਾਇਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਤਿੰਨ x ਵਰਗ ਘਟਾਓ ਸੱਤ x ਘਟਾਓ ਛੇ ਨੂੰ ਤਿੰਨ x ਜੋੜ ਦੇ ਗੁਣਾ x ਘਟਾਓ π ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ π ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ x ਦੇ ਬਿਲਕੁਲ ਤਿੰਨ ਮੁੱਲ ਹਨ ਜੋ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦੇ ਹਨ ਅਤੇ ਮੁੱਲ ਹਨ x ਬਰਾਬਰ 0 ਇੱਥੋਂ x ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਦੇ ਗੁਣਾ ਤਿੰਨ ਇਸ ਕਾਰਕ ਦੇ ਕਾਰਨ ਅਤੇ x ਇਸ ਆਖਰੀ ਗੁਣਕ ਤੋਂ ਤਿੰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਪਰ ਜੇ ਅਸੀਂ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਸਮੱਸਿਆ ਵੱਲ ਵਾਪਸ, ਸਮੱਸਿਆ ਸਾਨੂੰ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੱਲਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਲੱਭਣ ਲਈ ਕਹਿ ਰਹੀ ਸੀ ਜੋ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦੇ ਹਨ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਇਹ ਘਟਾਓ ਦੇ ਗੁਣਾ ਤਿੰਨ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਕੋ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੱਲ x ਬਰਾਬਰ ਤਿੰਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸੰਖਿਆ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਨ ਵਾਲੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੱਲਾਂ ਦੀ ਗਿਣਤੀ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਨ ਵਾਲੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੱਲਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਇੱਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ ਕੇਵਲ ਇੱਕ ਹੱਲ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਤਿੰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ x ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਇਹ ਪੰਜਵਾਂ ਲੈਕਚਰ ਖਤਮ ਹੋ ਜਾਵੇ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਇਸ ਵਿੱਚ ਕੁਝ ਹੋਰ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਕਰਨਾ ਜਾਰੀ ਰੱਖਾਂਗੇ। ਅਗਲਾ ਲੈਕਚਰ ਜੋ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ 'ਤੇ ਸਾਡਾ ਆਖਰੀ ਲੈਕਚਰ ਹੋਣਾ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਨਵਾਂ ਵਿਸ਼ਾ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਨ ਦੀ ਯੋਜਨਾ ਬਣਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜਿੱਥੇ ਅਸੀਂ ਤਿਕੋਣਾਂ ਦੀਆਂ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾਵਾਂ ਬਾਰੇ ਚਰਚਾ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜਿੱਥੇ ਇਹ ਇਸ ਸਮਗਰੀ ਦਾ ਬਹੁਤ ਸਾਰਾ ਹਿੱਸਾ ਲਓ ਜੋ ਅਸੀਂ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਲਈ ਕਵਰ ਕੀਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਬਹੁਤ ਲਾਭਦਾਇਕ ਹੋਣ ਜਾ ਰਹੀਆਂ ਹਨ ਤੁਹਾਡਾ ਪੰਨਵਾਦ