

ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਉੱਤੇ ਚਾਰ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਤੁਹਾਡਾ ਸੁਆਗਤ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਵਿੱਚ ਕੁਝ ਸਬੰਧਾਂ ਨੂੰ ਲਿਆ ਸੀ, ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਦੇ ਨਾਲ ਸਮਾਪਤ ਕਰਾਂਗੇ ਅਤੇ ਕੁਝ ਨਵੀਆਂ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਾਂਗੇ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਕਿੱਥੋਂ ਛੱਡਿਆ ਸੀ, ਇਸ ਨੂੰ ਰੀਕੈਪ ਕਰਨ ਲਈ। ਦੋ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਮੁੱਲਾਂ  $x$  ਅਤੇ  $y$  ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਜੋੜ ਲਈ ਇਹ ਫਾਰਮੂਲਾ ਲਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਦਿਖਾਇਆ ਸੀ ਕਿ ਜੇਕਰ ਗੁਣਨਫਲ  $xy$  ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ  $\tan$  ਉਲਟ  $x$  ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਉਲਟ  $y$  ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $xy$  ਉੱਤੇ  $x$  ਪਲੱਸ  $y$  ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦੂਜੇ ਦੇ ਮਾਮਲਿਆਂ ਲਈ ਤਾਂ ਇੱਕ ਕੁਦਰਤੀ ਸਵਾਲ ਇਹ ਪੁੱਛਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਪਲੱਸ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ  $y$  ਵਰਗੀ ਕੋਈ ਚੀਜ਼ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨੀ ਪਵੇ ਤਾਂ ਕੀ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਬੀ ਟਾਈਪ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨਾ ਸੰਭਵ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸ ਨੂੰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਪਲੱਸ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ  $y$  ਦਾ ਮੁੱਲ ਅਤੇ ਇਹ ਸੰਭਵ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਜਿਹਾ ਕਰਨ ਦਾ ਤਰੀਕਾ ਇਹ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ ਪਹਿਲਾਂ ਦਿੱਤੇ  $x$  ਲਈ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਨੂੰ ਕਿਸੇ ਅਜਿਹੀ ਚੀਜ਼ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਬਦਲਣਾ ਜਿੱਥੇ ਕੋਈ ਚੀਜ਼ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੋਵੇਗੀ। ਆਮ ਤੌਰ 'ਤੇ  $x$  'ਤੇ ਨਿਰਭਰ ਕਰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ  $y$  ਨੂੰ ਵੀ ਕਿਸੇ ਚੀਜ਼ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਵਿੱਚ ਬਦਲਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ ਸਿਰਫ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $a$  ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $b$  ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨੀ ਪਵੇਗੀ ਜਿਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਵਿੱਚ  $ah$  ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਉਸ ਵਿਚਾਰ ਨੂੰ ਅੱਗੇ ਵਧਾਇਆ ਜਾ ਸਕੇ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਸੀ।  $ah$  ਨੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਵਿੱਚ ਪਰਿਵਰਤਨ ਫਾਰਮੂਲੇ ਕੱਢੇ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦਿਖਾਇਆ ਸੀ ਕਿ ਕਿਸੇ ਵੀ  $x$  ਲਈ ਜੇ ਕਿ  $x$  ਦਾ ਮੋਡ ਇੱਕ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ  $x$  ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਉੱਤੇ  $x$  ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੈ। ਜਿੱਥੇ ਇਹ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਹੈ ਅਤੇ ਉਲਟਾ ਫਾਰਮੂਲਾ ਕਿਸੇ ਵੀ  $x$  ਅਸਲ ਲਈ ਸੀ ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਦਿਖਾਇਆ ਸੀ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਉੱਤੇ  $x$  ਦੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਇਹ ਦੁਬਾਰਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੈ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਵਿੱਚ ਪਰਿਵਰਤਨ,  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਵਿੱਚਕਾਰ ਅਤੇ ਸੈਕ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਰੂਪਾਂਤਰਣ ਫਾਰਮੂਲੇ ਨੂੰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ ਵੀ ਸੰਭਵ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਮੇਂ ਦੇ ਹਿੱਤ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਸਾਰਿਆਂ ਨੂੰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਨਹੀਂ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਪਰ ਮੈਂ ਘੱਟੋ-ਘੱਟ ਅੱਗੇ ਜਾਵਾਂਗਾ ਅਤੇ  $\cos$  inverse ਅਤੇ  $\tan$  inverse ਵਿਚਕਾਰ ਰੂਪਾਂਤਰਣ ਫਾਰਮੂਲਾ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਾਂਗਾ ਤਾਂ ਇਹ ਵਿਚਾਰ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਮੰਨ ਲਓ ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ  $x$  ਦਾ ਮੁੱਲ ਦਿੱਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੋ ਜਿਸਦਾ ਮਾਡਿਊਲਸ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਇੱਥੇ ਇਹ ਅਣਜਾਣ ਮੁੱਲ ਲੱਭਣ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ  $x$  ਦਾ  $\cos$  ਉਲਟ ਇਸ ਮੁੱਲ ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ, ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਉਹੀ ਹੈ ਜੋ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕੀਤਾ ਜਾਣਾ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ ਕੇ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮੰਨ ਲਓ  $\cos$  ਉਲਟ  $x$  ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿਉਂਕਿ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ  $0$  ਤੋਂ  $\pi$  ਹੈ, ਇਸ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਇਹ ਥੀਟਾ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ  $0$  ਤੋਂ  $\pi$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਹੁਣ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ ਜੇ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਹਾਂ ਦੇ ਕੇਸਾਂ ਨੂੰ ਲੈਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਤਾਂ  $x$  ਜਾਂ ਤਾਂ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ  $ah$  ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਜਾਂ ਇਹ  $0$  ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਪਰ ਘਟਾਓ  $1$  ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ  $x = 0$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਤਾਂ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੈ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਵਿੱਚ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਕਰਨਾ ਹੈ  $\text{belong theta is cos inverse of } x$   $\text{theta}$  ਦਾ ਸਬੰਧ  $0$  ਤੋਂ  $\pi$  ਦੇ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ ਅਣਜਾਣ ਚੀਜ਼ ਨੂੰ ਲੱਭਣਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਦੋਵੇਂ ਪਾਸੇ  $\tan$  ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਤੁਹਾਨੂੰ  $\cos$  inverse  $x$  ਦਾ  $\tan$  ਕੀ ਮਿਲੇਗਾ। ਇਸ ਅਣਜਾਣ  $ah$  ਚੀਜ਼ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਲੱਭਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ  $\cos$  inverse  $x$  ਦੇ  $\tan$  ਦਾ ਮੁੱਲ ਲੱਭਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ ਥੀਟਾ ਦਾ  $\tan$  ਹੈ ਪਰ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇ ਅਸੀਂ  $\cos$  ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ  $x$  ਜੋ ਅਸੀਂ  $\cos$  ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ। ਇਸ ਸਮਾਨਤਾ ਦੇ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਉਹ ਹੈ  $x$  ਬਰਾਬਰ  $\cos$  ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਹੁਣ ਇਹ ਟੈਨ ਥੀਟਾ  $\cos$  ਥੀਟਾ ਉੱਤੇ  $\sin$  ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਪਰ  $\cos$   $\text{theta } x$  ਹੈ ਇਸਲਈ ਡਿਨੋਮੀਨੇਟਰ ਹੁਣ  $x$  ਹੈ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਦਾ ਹੈ। ਅੰਤਰਾਲ  $0$  ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ  $2$  ਤੱਕ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਈਨ ਥੀਟਾ ਦਾ ਮੁੱਲ ਧਨਾਤਮਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ  $1$  ਘਟਾਓ  $\cos$  ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਵਜੋਂ  $\sin$  ਥੀਟਾ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ, ਬੇਸ਼ੱਕ ਇਹ ਇਸ ਤੱਥ ਤੋਂ ਚੱਲਦਾ ਹੈ ਕਿ  $\sin$  ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਅਤੇ  $\cos$  ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਕਿਸੇ ਵੀ ਥੀਟਾ ਲਈ ਇੱਕ ਤੱਕ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ ਫਰ ਹੈ ਹੁਣ ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਤੱਥ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $\cos$  ਥੀਟਾ ਅਸਲ ਵਿੱਚ  $x$  ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ  $x$  ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਦਾ ਵਰਗ ਰੂਟ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਅੱਗੇ ਅਸੀਂ ਜੋ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਥੀਟਾ ਦਾ ਟੈਨ ਜਿੱਥੇ ਥੀਟਾ ਹੈ  $\cos$  inverse  $x$  ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ  $x$  ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਸੀਂ ਅੱਗੇ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਥੀਟਾ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ  $\pi$  ਬਾਇ ਦੇ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ  $\pi$  ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ। ਪਾਈ ਬਾਇ  $\pi$  ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਜਿਸ ਨਾਲ ਇਹ ਥੀਟਾ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਥੀਟਾ ਰੇਂਜ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ। ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਸੈੱਟ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ, ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਜੋ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਕੋਸ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਹੈ, ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ  $x$  ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਪਰ ਇਹ ਸਿਰਫ ਇਸ ਲਈ ਸੱਚ ਹੈ  $x$  ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਵੱਧ ਜ਼ੀਰੋ ਤੱਕ ਤਾਂ ਫਿਰ ਇਸ ਨੂੰ ਦੁਹਰਾਉਣਾ ਇਹ ਕਾਰਨ ਹੈ ਕਿ ਅਜਿਹਾ ਕਿਉਂ ਹੈ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ ਇਸ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਸੀ ਤਾਂ ਇਸ ਕਥਨ ਤੋਂ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਅਸੀਂ ਇਹ ਨਹੀਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਕਿ ਇਹ ਸੱਚ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਦੇ ਉਲਟ ਟੈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਇਸ ਮਾਤਰਾ ਦਾ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਸਹੀ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਰੇਂਜ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ  $x$  ਦੇ ਨੈਗੇਟਿਵ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਵੱਧ ਹੈ। ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕੋਸ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਥੀਟਾ ਅੰਤਰਾਲ  $\pi$  by  $2$  ਤੋਂ  $\pi$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ  $\cos$  ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਪਰਿਭਾਸ਼ਾ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਆਉਂਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ  $x$  ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਅਤੇ ਜ਼ੀਰੋ ਥੀਟਾ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਅੰਤਰਾਲ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ। ਦੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਕੋਸ ਥੀਟਾ ਉੱਤੇ ਸਾਈਨ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਕਿ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਵਿੱਚ ਹੁਣ ਦੁਬਾਰਾ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ  $\pi$  ਨਾਲ  $2$  ਤੋਂ ਵੱਧ  $\pi$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੈ ਕਿ ਸਾਈਨ ਥੀਟਾ ਅਜੇ ਵੀ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਸਾਈਨ ਨੂੰ ਪ੍ਰਗਟ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਥੀਟਾ ਧਨਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ  $\cos$  ਥੀਟਾ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $\cos$  ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਦਾ ਪਰ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $\cos$  ਥੀਟਾ  $x$  ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ  $x$  ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਇਹ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਦੁਬਾਰਾ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $x$  ਉੱਤੇ  $1$  ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਪਰ ਇਸ ਵਾਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ  $x$  ਨੈਗੇਟਿਵ ਥੀਟਾ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $\cos$  ਉਲਟ  $x$  ਇਹ ਇਸ ਸੈੱਟ  $\pi$  ਬਾਇ  $\pi$  ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਪਰ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਸੈੱਟ ਇਹ ਸੈੱਟ ਉਪ-ਸੈੱਟ ਨਹੀਂ ਹੈ ਜਾਂ ਇਹ ਸੈੱਟ ਕਰਦਾ ਹੈ। ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਕੋਈ ਵੀ ਬਿੰਦੂ ਸਾਂਝਾ ਨਹੀਂ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਕੇਸ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ ਇਸ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਥੀਟਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਨਹੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਉਸ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਨਹੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ।  $x$  ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਕੇਸ ਲਈ ਜਿੱਥੇ  $x$  ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਇਹ ਕਥਨ ਸਹੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਕਥਨ ਸਹੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਵਿੱਚ ਕੁਝ ਸ਼ਿਫਟ ਜਾਂ ਕੁਝ ਬਦਲਾਅ ਲਾਗੂ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਉਸ ਸ਼ਿਫਟ ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਨ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਥੀਟਾ ਥੀ ਦਾ ਨਵਾਂ ਮੁੱਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਤੱਕ ਲੰਮਾ ਹੈ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾ ਤੋਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਪਾਈ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪੀਰੀਅਡ ਨਾਲ ਪੀਰੀਅਡਿਕ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ

ਬੀਟਾ ਤੋਂ ਪਾਈ ਨੂੰ ਘਟਾਉਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਕੀ ਪਤਾ ਲੱਗਦਾ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਹੈ। ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਦੇ ਟੈਨ ਦੇ ਸਮਾਨ ਹੈ ਅਤੇ ਚੰਗੀ ਗੱਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ ਬੀਟਾ ਸੈਂਟ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਪਾਈ ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ 2 ਤੋਂ 0 ਦੁਆਰਾ ਸੈਂਟ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ। ਅਤੇ ਇਹ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਤੋਂ 0 ਦਾ ਸੈਂਟ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੁਣ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਵਾਪਸ ਜਾਂਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਕੀ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮੂਲ ਬੀਟਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਸੀ ਪਰ ਇਸਨੂੰ ਸਿਰਫ ਪਾਈ ਦੁਆਰਾ ਸਿਫਟ ਕਰਨ ਨਾਲ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਹੈ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਟੈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਬੀਟਾ ਹੁਣ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ

ਇਸ ਲਈ ਬੀਟਾ ਦਾ ਟੈਨ ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ  $i$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $s$  ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ  $x$  ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸਮੂਹ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਬੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ  $x$  ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੈ ਜੋ ਫਿਰ ਇਸ ਤੋਂ ਭਾਵ ਹੈ ਕਿ ਬੀਟਾ  $pi$  ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਉਲਟ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ  $x$  ਅਤੇ ਇਸਲਈ, ਪਰ ਇਹ ਕੇਵਲ ਤਦ ਹੀ ਹੈ ਜਦੋਂ  $x$  ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅੰਤ ਵਿੱਚ  $x$  we ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਅਤੇ ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲਾਂ ਲਈ ਦੋਵਾਂ ਨਤੀਜਿਆਂ ਨੂੰ ਜੋੜਦਾ ਹੈ। ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਇਹ ਰੂਪਾਂਤਰਨ ਫਾਰਮੂਲਾ ਹੈ ਕਿ  $\cos$  ਉਲਟਾ  $x$  ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੇਕਰ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ  $\cos$  ਉਲਟਾ  $x$  ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $x$  ਵਰਗ ਦਾ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ  $x$  ਨਹੀਂ ਤਾਂ ਇਹ  $pi$  ਪਲੱਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $x$  ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ, ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਅੱਗੇ ਉਲਟਾ  $ah$  ਉਲਟ ਸਬੰਧ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ ਕਿਸੇ ਵੀ ਦਿੱਤੇ ਗਏ  $ah$   $x$  ਲਈ ਅਸਲ ਮੁੱਲ ਵਾਲੇ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $x$  ਕਿਸੇ ਚੀਜ਼ ਦੇ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਸਦੇ ਲਈ ਇੱਕ ਸਮੀਕਰਨ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ ਹੋਵੇਗਾ। ਕੁਝ ਅਜਿਹਾ ਉਹ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਇਸ ਚੀਜ਼ ਦਾ ਉਲਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ਦੁਬਾਰਾ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਨੂੰ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਦਲ ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਬੀਟਾ ਨੂੰ ਖੁੱਲ੍ਹੇ ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਹੈ। ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਅਤੇ ਆਹ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਸ ਅਣਜਾਣ ਮਾਤਰਾ ਨੂੰ ਲੱਭਣ ਵਿੱਚ ਦਿਲਚਸਪੀ ਰੱਖਦੇ ਹਾਂ ਸਾਨੂੰ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਦਿਲਚਸਪੀ ਹੋਵੇਗੀ ਕਿਉਂਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸਮਾਨਤਾ ਦੇ ਦੋਵੇਂ ਪਾਸੇ  $\cos$  ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਅਣਜਾਣ ਦੇ ਬਰਾਬਰ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $x$  ਦਾ  $\cos$  ਮਿਲੇਗਾ। ਇਸਲਈ ਚੀਜ਼

ਇਸ ਲਈ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਦੇ  $\cos$  ਦਾ ਮੁਲਾਂਕਣ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਦਿਲਚਸਪੀ ਰੱਖਦੇ ਹਨ ਜੋ ਕਿ ਬੀਟਾ ਦਾ  $\cos$  ਹੈ ਜੋ ਕਿ 1 ਓਵਰ ਸੈਕੰਟ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਹੁਣ ਜਦੋਂ ਬੀਟਾ ਘਟਾਓ  $pi$  ਗੁਣਾ 2 ਤੋਂ ਪਲੱਸ  $pi$  ਗੁਣਾ 2 ਬੀਟਾ ਦਾ ਇੱਕ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਮੁੱਲ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਸਨੂੰ ਸੈਕੰਡ ਵਰਗ ਬੀਟਾ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖੇ ਜਿਸਨੂੰ ਅੱਗੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਇਹ ਪਛਾਣ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕਿਸੇ ਵੀ ਕੋਣ ਲਈ ਬੀਟਾ ਸੈਕੰਡ ਵਰਗ ਬੀਟਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ। ਇਸ  $er$  ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰੋ  $ror$  ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਬੀਟਾ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $x$  ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ  $x$  ਮਿਲਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਰੂਟ ਹੈ।  $x$  ਵਰਗ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਸ ਮਾਤਰਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ  $\tan$  inverse  $x$  ਦਾ  $\cos$  ਹੈ ਪਰ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $\tan$  inverse  $x$  ਇਸ ਮਾਤਰਾ ਦੇ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਤਾਂ ਹੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਬੀਟਾ ਹੈ।  $\cos$  ਬੀਟਾ ਇਸਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਸਿਰਫ ਇਹ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਬੀਟਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਰੂਟ ਦੇ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਵੈਧ ਹੈ ਜੇਕਰ ਇਹ ਕੋਣ ਬੀਟਾ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ  $pi$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ  $pi$  ਅਸਲ ਵਿੱਚ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਇਹ ਬੀਟਾ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਹੀ ਅਸੀਂ ਬੀਟਾ ਨੂੰ ਇਸ ਮਾਤਰਾ ਦੇ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਨਹੀਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਨਹੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਅਤੇ ਇਹ ਹੈ। ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਆਮ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਹੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇੱਥੇ ਬੀਟਾ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਵਿੱਚ ਫਾਲਸ ਵਿੱਚ ਹੋਣਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇਸ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਸੈਂਟ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਨਿਸ਼ਚਤ ਤੌਰ 'ਤੇ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਵਿੱਚ ਪੂਰੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸ਼ਾਮਲ ਨਹੀਂ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਨਹੀਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਕਿ ਅਸੀਂ ਹਮੇਸ਼ਾ ਇਹ ਨਹੀਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਕਿ ਬੀਟਾ ਜੋ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਸ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਵੀ ਇਸ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇਨ੍ਹਾਂ ਦੋ ਸੈਂਟਾਂ ਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਸੈਂਟ  $ah$  ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਸੈਂਟ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਦੇ ਅੰਦਰ ਨਹੀਂ ਹੈ। ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਦੋ ਕੇਸਾਂ ਵਿੱਚ ਵੰਡਦੇ ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਦਿਸ਼ਟੀਕੋਣ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਜਿੱਥੇ  $x$  ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਜਦੋਂ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਬੀਟਾ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਤਾਂ ਬੀਟਾ

ਇਸ ਲਈ ਸੈਂਟ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਬਰਾਬਰ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਦਾ ਅੰਤਰਾਲ 0 ਤੋਂ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਓਪਨ ਅੰਤਰਾਲ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਹੋਵੇਗਾ।  $pi$  'ਤੇ 2 ਅਤੇ ਫਿਰ ਖੋਲ੍ਹੋ ਹੁਣ ਕਿਉਂਕਿ  $ah$  ਬੀਟਾ ਇਸ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇਹ ਖਾਸ ਸੈਂਟ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ ਹੁਣ ਇਹ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜਦੋਂ  $x$  0 ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਕਿਉਂਕਿ ਬੀਟਾ ਦਾ  $\cos$  ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਬੀਟਾ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਇਹ ਉਸ ਬੀਟਾ ਦਾ ਅਨੁਸਰਣ ਕਰਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਟੈਨ ਹੈ। ਉਲਟਾ  $x$  ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਰੂਟ ਦੇ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਪਰ ਇਹ ਉਦੋਂ ਹੀ ਸਹੀ ਹੈ ਜਦੋਂ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਜਦੋਂ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੀ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਤੋਂ ਅਸੀਂ ਸਿੱਧਾ ਇਹ ਸੰਕੇਤ ਦੇ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਬੀਟਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਦੇ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਅੱਗੇ ਦੂਜੇ ਕੇਸ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਜਿੱਥੇ  $x$  ਹੁਣ ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਜਦੋਂ  $x$  ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਤਾਂ ਬੀਟਾ ਟੈਨ ਉਲਟ  $x$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਦੋ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਦੁਆਰਾ ਸੈਂਟ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਦੁਬਾਰਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਹੈ ਪਰ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਬੀਟਾ 0 ਤੋਂ  $pi$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਬੀਟਾ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਸਿੱਟਾ ਨਹੀਂ ਕੱਢਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਇਹ ਕਥਨ ਹੋਰ ਸਹੀ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ  $x$  ਨੈਗੇਟਿਵ ਦੇ ਕੇਸ ਲਈ ਤੁਹਾਡਾ  $r$  ਬੀਟਾ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਬੀਏਟਾ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਬਦਲਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਨੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ। ਇਸ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਕਿ ਇਹ ਬੀਟਾ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਪਰ ਸਾਨੂੰ ਇਸਨੂੰ ਇਸ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਬੀਟਾ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕੋਰਸ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਰੇਂਜ ਅਵਸਥਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ  $pi$  ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਬੀਟਾ ਏਹ ਨੂੰ ਪਾਈ ਦੁਆਰਾ ਵਧਾਉਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਬੀਟਾ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਨੂੰ ਸਮਝਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਅਸੀਂ ਜੋ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਬੀਟਾ ਇਸ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਬੀਟਾ ਪਲੱਸ ਪਾਈ  $pi$  ਨਾਲ 2 ਤੋਂ  $pi$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਹ ਸੈਂਟ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇੱਕ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ।  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਦਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਭਾਵੇਂ ਕਿ ਇਹ  $a$  ਹਾਲਾਂਕਿ ਬੀਟਾ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈਂਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਸੀ ਪਰ

ਬੀਟਾ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਬੀਟਾ ਪਲੱਸ ਪਾਈ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਬੀਟਾ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਦਾ  $\cos$  ਬੀਟਾ ਦੇ ਘਟਾਓ  $\cos$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਪਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $\cos$  ਬੀਟਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦਾ ਇੱਕ ਓਵਰ ਵਰਗ ਰੂਟ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਵਰਗ ਰੂਟ ਘਟਾਓ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਦੁਬਾਰਾ ਇਹ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ਬੀਟਾ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਦਾ ਸਕੌਸ ਵਨ ਵੱਧ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦਾ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਬੀਟਾ ਪਲੱਸ ਪਾਈ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸਮੂਹ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਸੀਂ ਤੁਰੰਤ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਬੀਟਾ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੋਂ ਵੱਧ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਦੇ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਇਹ ਸਿੱਟਾ ਕੱਢਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਬੀਟਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦੇ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਓਵਰ ਦੇ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਪਲੱਸ  $\cos$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਇਹਨਾਂ ਦੋਵਾਂ ਕੋਸਾਂ ਨੂੰ ਹੁਣ ਸੰਖੇਪ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ  $x$  ਦੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਮੁੱਲ ਲਈ ਜੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਮੁੱਲ ਲਈ ਅਸਲ ਮੁੱਲ ਹੈ।  $x$  ਜੇ ਅਸਲ ਮੁੱਲ ਵਾਲਾ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੈ  $x$  ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੁਆਰਾ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ  $x = 0$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $x$  ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜਦੋਂ  $x$  ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $x$  ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ  $\cos$  ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਪਰ ਜੇਕਰ  $x$  ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਤਾਂ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $x$  ਮਾਇਨਸ  $\pi$  ਪਲੱਸ  $\cos$  ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਘਟਾਓ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਹੁਣੇ  $\cos$  ਉਲਟਾ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਵਿਚਕਾਰ  $ah$  ਰੂਪਾਂਤਰਨ ਫਾਰਮੂਲੇ ਨਾਲ ਸਿੱਟਾ ਕੱਢਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਲਏ ਜਾ ਸਕਦੇ ਹਨ।  $\cot$  ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ  $x$  ਦਾ  $\cot$  ਇਨਵਰਸ ਦਿੱਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਉਸ ਨੂੰ  $a$  ਦੇ  $ah$  ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਬਦਲ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜਿਸ ਵਿੱਚ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਇਸ ਦੇ ਉਲਟ ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ ਕਿਸੇ ਚੀਜ਼ ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟ ਦਿੱਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਉਹ ਵਿਕਲਪਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਕਿਸੇ ਹੋਰ ਮੁੱਲ ਦੇ  $\cot$  ਇਨਵਰਸ ਵਜੋਂ ਵੀ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇ ਇਹ ਇੱਥੇ ਹੈ ਅਤੇ ਹੋਰ ਸਮਾਨ ਕਿਸਮ ਦੇ ਰੂਪਾਂਤਰਨ ਫਾਰਮੂਲੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਕੋਸੈਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਸੈਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਵੀ ਲਏ ਜਾ ਸਕਦੇ ਹਨ ਤਾਂ ਕਿ ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਮੁੱਢਲੀ ਵਰਤੋਂ ਉਹਨਾਂ ਫਾਰਮਾਂ ਦੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਆਮ ਸਮੀਕਰਨ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਸਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰਨ ਲਈ ਹੋਵੇਗੀ ਜੇ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ  $x$  ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਪਲੱਸ  $y$  ਜਾਂ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਪਲੱਸ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ  $y$  ਦਾ ਸੈਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਹੈ ਤਾਂ ਅਜਿਹਾ ਕਰਨ ਦਾ ਤਰੀਕਾ  $i$  ਵਰਗਾ ਹੋਵੇਗਾ। ਪਹਿਲਾਂ ਦੱਸਿਆ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ ਸਾਇਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਪਲੱਸ ਸੈਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ  $y$  ਵਰਗੀ ਕੋਈ ਚੀਜ਼ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨੀ ਪੈਂਦੀ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਵਰਤਨ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ ਚੀਜ਼ ਨੂੰ ਕੁਝ ਮੁੱਲ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਵਿੱਚ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਸੈਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਵਿੱਚ ਪਰਿਵਰਤਨ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਵਿੱਚ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਕਿਸੇ ਹੋਰ ਮੁੱਲ ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਨੋਟ ਕਰੋ ਕਿ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮੁੱਲ  $x$  ਦਾ ਇੱਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮੁੱਲ  $y$  ਦਾ ਇੱਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਲਿਖਣ ਲਈ  $\tan$  inverse  $a$  plus  $\tan$  inverse  $b$  ਟਾਈਪ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿਸੇ ਹੋਰ ਮੁੱਲ ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੀਆਂ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾਵਾਂ ਅਤੇ ਇਹਨਾਂ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਸਬੰਧਾਂ 'ਤੇ ਸਾਡੀ ਚਰਚਾ ਨੂੰ ਖਤਮ ਕਰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਦੇ ਬਾਕੀ ਹਿੱਸੇ ਵਿੱਚ  $re$  ਅਤੇ ਅਗਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਕਈ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ 'ਤੇ ਚਰਚਾ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ, ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਪਹਿਲੀ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਮੁੱਲ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨ ਲਈ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇ ਕਿਸੇ ਕੋਣ ਦਾ ਕੋਟੈਂਜੈਂਟ ਹੋਵੇ ਅਤੇ ਉਹ ਕੋਣ  $23$  ਵੱਖ-ਵੱਖ ਦੇ ਫੜੇ ਗਏ ਉਲਟਾਂ ਦਾ ਜੋੜ ਹੋਵੇ। ਮੁੱਲ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਪਹਿਲਾਂ ਇਸ ਨੂੰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ  $1$  ਪਲੱਸ ਸਮੇਸ਼ਨ ਦਾ  $\cot$  ਉਲਟ ਹੈ ਜੇ ਇੱਕ ਤੋਂ  $n$  ਦੇ  $k$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਦੇ  $\cot$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਹੁਣ ਇਸ ਜੋੜ ਦੇ ਅੰਦਰ ਇਹ ਚੀਜ਼ ਲਾਜ਼ਮੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਹੈ ਦੇ ਨੂੰ  $n$  ਨਾਲ ਅਤੇ ਇੱਕ ਜੋੜ ਦੇ ਨੂੰ ਸਾਰੇ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ  $n$  ਤੱਕ ਗੁਣਾ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਨੂੰ  $1$  ਪਲੱਸ  $2$  ਵਾਰ ਵਿੱਚ ਹੋਰ ਸਰਲ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਹੁਣ ਬਰੈਕਟ ਦੇ ਅੰਦਰ ਇਹ ਚੀਜ਼ ਕੁਝ ਵੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਪਰ ਪਹਿਲੀਆਂ  $n$  ਕੁਦਰਤੀ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਜੋੜ ਹੈ ਜੇ ਕਿ  $n$  ਗੁਣਾ  $n$  ਜੋੜ ਇੱਕ ਓਵਰ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਦੇ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਜੋੜ  $n$  ਗੁਣਾ  $n$  ਜੋੜ ਇੱਕ ਦੇ  $\cot$  ਉਲਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ  $ah$  ਅਸੀਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨਾ ਸੀ, ਆਓ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ ਦੇਈਏ ਕਿ ਇੱਕ ਜੋੜ  $n$  ਗੁਣਾ  $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਦਾ  $\cot$  ਉਲਟਾ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਬੇਸ਼ੱਕ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਟੀ ਦੀ ਸੀਮਾ ਤੋਂ ਉਸ 'ਤੇ ਬੀਟਾ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਖੁੱਲ੍ਹੇ ਅੰਤਰਾਲ  $0$  ਤੋਂ  $\pi$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ ਜੇ ਕਿ  $\cot$  ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਹੈ ਫਿਰ  $\cot$   $ah$  ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਦੋਵਾਂ ਦੇ ਚਿੰਨ੍ਹਾਂ 'ਤੇ ਲਾਗੂ ਕਰਨ ਨਾਲ ਇਸ ਸਮਾਨਤਾ ਦੇ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ  $\cot$  ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਨ ਨਾਲ ਸਾਨੂੰ  $\cot$  ਮਿਲਦਾ ਹੈ।  $\theta$  of  $\theta$  ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $n$  ਵਿੱਚ  $n$  ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਬੀਟਾ ਦਾ  $\tan$  ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਓਵਰ ਵਨ ਪਲੱਸ  $n$  ਵਿੱਚ  $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਇੱਥੇ ਕੁਝ ਵੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਪਰ ਇਸਨੂੰ  $n$  ਪਲੱਸ  $1$  ਘਟਾਓ  $1$  ਘਟਾਓ  $nn$  ਪਲੱਸ  $1$  ਘਟਾਓ  $n$  ਓਵਰ ਤੱਕ ਵੀ ਸਰਲ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ।  $1$  ਪਲੱਸ  $n$  ਪਲੱਸ  $1$  ਵਿੱਚ  $n$

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਸਾਨੂੰ  $x$  ਘਟਾਓ  $y$  ਬਰਾਬਰ  $\tan x$  ਘਟਾਓ  $\tan y$  ਓਵਰ ਵਨ ਪਲੱਸ  $\tan x \tan y$  ਦੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਯਾਦ ਦਿਵਾਉਂਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ  $ah$  ਇਹ  $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਹੈ  $\tan xn$  ਬਰਾਬਰ  $\tan$  ਹੈ।  $y$  ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ  $substitu$  ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਉਸ ਬਦਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਇੱਥੇ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਪੂਰੀ ਚੀਜ਼ ਨੂੰ ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਵੀ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਪਲੱਸ  $1$  ਮਾਇਨਸ ਟੈਨ ਆਫ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਓਵਰ ਵਨ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ।  $\tan$  ਉਲਟਾ  $n$  ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਵਾਰ ਟੈਨ ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $n$  ਤਾਂ ਇਹ ਟੀ ਦਾ ਹੈ  $he$  ਫਾਰਮ  $\tan x$  ਘਟਾਓ  $\tan y$  ਨੂੰ ਇੱਕ ਜੋੜ  $\tan x$  ਗੁਣਾ  $\tan y$  ਨਾਲ ਭਾਗ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਜੇ ਕਿ ਹੈ ਪਰ ਇਹ ਟੈਨ ਆਫ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਹੋਰ ਕੁਝ ਨਹੀਂ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਸਾਡਾ  $x$  ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ  $y$  ਹੈ ਤਾਂ  $x$   $n$  ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਹੈ ਅਤੇ  $n$  ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਜੇ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਸਾਰਾ ਸਮੀਕਰਨ ਹੈ ਇੱਥੇ  $x$  ਮਾਇਨਸ  $y$  ਦੇ ਟੈਨ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਹੋਰ ਕੁਝ ਨਹੀਂ ਹੈ ਜਿੱਥੇ  $x$   $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ  $y$   $n$  ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ  $\tan$  ਮਿਲਦਾ ਹੈ। ਬੀਟਾ  $x$  ਘਟਾਓ  $y$  ਦੇ ਟੈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੇ ਕਿ  $\tan$  ਦਾ ਉਲਟਾ  $n$  ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਤੱਕ ਇਹ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕੀਤਾ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ  $n$  ਕੁਦਰਤੀ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਹਨ ਅਤੇ ਇਹ  $n$  ਵੀ ਹਨ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਰੇ  $n$  ਅਤੇ  $n$  ਪਲੱਸ  $1$  ਤੋਂ ਵੱਡੇ ਹਨ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇਸ ਦਾ ਅਨੁਸਰਣ ਕਰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ  $n$  ਅਤੇ  $n$  ਪਲੱਸ  $1$  ਤੋਂ ਵੱਡੇ ਹਨ, ਇਹ ਇਸ ਦਾ ਅਨੁਸਰਣ ਕਰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ  $\pi$  ਬਾਇ ਦੇ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ  $n$  ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਵੀ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ। ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਅਤੇ ਅੱਗੇ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਉਹਨਾਂ ਦਾ ਅੰਤਰ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $n$  ਪਲੱਸ  $n$  ਦਾ ਇੱਕ ਮਾਇਨਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਯਾਦ ਰੱਖੋ ਕਿ ਇਹ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਕੁਝ ਨਹੀਂ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਜੇ ਜ਼ਰੂਰੀ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਤੁਹਾਨੂੰ ਯਾਦ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਕਦੋਂ ਏ. ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕੀਤਾ ਸੀ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਸ਼ੁਰੂ ਵਿੱਚ ਇਹ ਸੀ ਕਿ ਬੀਟਾ  $0$  ਤੋਂ ਪਾਈ ਤੱਕ ਦਾ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਹੈ ਪਰ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਹੋਰ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਤੱਥ ਦੇ ਨਾਲ ਇਸ ਤੱਥ ਨੂੰ ਜੋੜਿਆ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ। ਤੱਥ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਬੀਟਾ ਨੂੰ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਨੂੰ  $\pi$  ਤੋਂ ਰੇਖਾਬੱਧ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੇ ਅਸੀਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਬੀਟਾ

ਇਸ ਲਈ ਅੰਤਰਾਲ  $0$  ਤੋਂ  $\pi$  by  $2$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਟੈਨ ਬੀਟਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਇਹ ਤੱਥ ਕਿ ਬੀਟਾ  $0$  ਤੋਂ ਪਾਈ ਤੱਕ ਹੋਣੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਨੂੰ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਹੈ ਟੈਨ  $x$  ਦਾ ਮੁੱਲ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ ਉੱਤੇ ਹੈ ਅਤੇ  $x$  ਲੇਟਵੀਂ ਧੁਰੀ ਉੱਤੇ ਹੈ ਤਾਂ ਨੀਲੇ ਨਾਲ

ਚਿੰਨ੍ਹ ਕਰਵਾਏ  $x$  ਫੰਕਸ਼ਨ ਤਾਂ ਜਿਵੇਂ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜਦੋਂ  $x \rightarrow 0$  ਤੋਂ  $\pi/2$  ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ  $\tan x$  ਦਾ ਮੁੱਲ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਪਰ ਫਿਰ  $\pi/2$  ਅਤੇ  $\pi$  ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਮੁੱਲ ਇਹ ਮੁੱਲ ਹੈ ਇੱਥੇ ਕਰਵਾਏ ਦਾ ਇਹ ਹਿੱਸਾ ਇੱਥੇ ਇਹ ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। ਕਿ ਥੀਟਾ ਸਿਰਫ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੈ ਇੱਥੋਂ ਤੱਕ ਅਤੇ ਅੱਗੇ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਦੁਆਰਾ ਦੇ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਲਾਜ਼ਮੀ ਹੈ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਹੁਣ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ 'ਤੇ ਧਿਆਨ ਕੇਂਦਰਿਤ ਕਰੀਏ ਤਾਂ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੋਣੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਇਹ ਆਹ ਫਰਕ ਕੋਣ ਇੱਥੇ ਅਸੀਂ ਹੁਣੇ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਕੋਣ ਵੀ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੈ। ਦੋ ਦੁਆਰਾ ਪਰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਯਾਦ ਰੱਖਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਖਿਤਿਜੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ  $x$  ਹੈ ਅਤੇ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $x$  ਹੈ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਉਲਟਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇੱਕ ਮੈਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਵਧ ਰਿਹਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਜਿਸ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਬਣਾਇਆ ਗਿਆ ਹੈ ਲਾਲ ਰੰਗ ਵਿੱਚ  $\tan^{-1} x$  ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੱਕ ਮੈਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਵਧ ਰਿਹਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਕਿਉਂਕਿ  $n$  ਪਲੱਸ  $1/n$  ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ, ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਸ ਗੱਲ ਦਾ ਅਨੁਸਰਣ ਕਰਦਾ ਹੈ ਕਿ  $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $n$  ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਤੱਥ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਸਾਡੀ ਪਿਛਲੀ ਸਮੀਕਰਨ ਅਸੀਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਮਾਤਰਾ ਇੱਥੇ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮਾਤਰਾ 0 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਅੱਗੇ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਹ 0 ਤੋਂ ਸਖਤੀ ਨਾਲ ਵੱਡਾ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ  $n$  ਪਲੱਸ 1 ਅਤੇ  $n$  ਕਦੇ ਵੀ ਇੱਕੋ ਜਿਹੇ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦੇ ਅਤੇ ਅੱਗੇ ਅਸੀਂ ਨੇ ਦਿਖਾਇਆ ਸੀ ਕਿ ਇਹ ਸਾਰਾ ਮੁੱਲ ਇਸ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਤੱਥ  $\tan^{-1} x$  ਨੂੰ ਇਸ ਤੱਥ ਨਾਲ ਜੋੜ ਕੇ ਕਿ ਇਹ ਮੁੱਲ ਇਸ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਦੱਸ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮੁੱਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਮਾਇਨਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ। ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਤਾਂ ਹੁਣ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਆਹ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਅਜਿਹੀ ਸਥਿਤੀ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਬਰਾਬਰ ਟੈਨ ਆਫ ਆਹ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਮਾਈਨਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਓਪਨ ਇੰਟਰਵਲ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਵੀ ਐਲੂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਪਲੱਸ ਇਕ ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$  ਵੀ ਉਸੇ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਉਸੇ ਹੀ ਓਪਨ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਮੁੱਲ ਥੀਟਾ ਦੇ ਟੈਨ ਅਤੇ ਇਸ ਕੋਣ ਦੇ ਟੈਨ ਹੁਣ ਇੱਕੋ ਜਿਹੇ ਹਨ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $\tan^{-1} x$  ਦੁਬਾਰਾ ਵਾਪਸ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਵਕਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਵਿੱਚ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇੱਕ ਮੈਨੋਟੋਨਿਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਇਹ ਇੱਕ ਮੈਨੋਟੋਨਿਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਕਹਿੰਦੇ ਕਿ ਜੇਕਰ ਇਹ ਥੀਟਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਹੈ। ਥੀਟਾ ਦਾ ਟੈਨ ਕਿਉਂਕਿ ਟੈਨ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਮੈਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਵਧ ਰਿਹਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ, ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਇਸ ਕੋਣ ਦੇ ਟੈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇੱਕੋ ਇੱਕ ਤਰੀਕਾ ਸੰਭਵ ਹੈ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ ਖੁਦ  $n$  ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਪਲੱਸ ਵਨ ਮਾਇਨਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ  $n$

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸੱਚ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਤੱਕ ਜੋ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $n$  ਦਾ  $n$  ਪਲੱਸ ਵਨ ਵਿੱਚ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ ਅਸਲ ਵਿੱਚ  $n$  ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $n$  ਪਲੱਸ 1 ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟ  $n$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅੱਗੇ ਜਾ ਕੇ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਕਿ ਅਸੀਂ ਹੁਣੇ ਹੁਣੇ ਇਸ ਬਾਹਰੀ ਜੋੜ ਦੇ ਸ਼ਬਦਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ ਨੂੰ ਸਰਲ ਬਣਾਇਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਹੁਣ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਸਾਰੇ ਸ਼ਬਦਾਂ ਨੂੰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨਾਲ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਜੋੜ  $n$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਤੋਂ 23 ਕੋਟ ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਜੋੜ ਜੋੜ  $k$  ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਤੋਂ ਦੇ ਦਾ ਜੋੜ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ।  $n$  ਦੇ  $k$  ਸਮੇਸ਼ਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $n$  ਇੱਕ ਤੋਂ 23 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁਣ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਸਾਰੇ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ ਨੂੰ ਸਮੀਕਰਨ  $\tan$  ਇਨਵਰਸ  $n$  ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $\tan$  ਇਨਵਰਸ  $n$  ਦੁਆਰਾ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਪਰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਵੱਡੇ ਜੋੜ ਨੂੰ ਫੈਲਾਉਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ  $n$  ਬਰਾਬਰ ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਾਂਗੇ। ਇੱਕ ਦਾ ਪਹਿਲਾ ਪਦ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੈ ਇੱਕ ਦੂਜਾ ਪਦ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੈ ਤਿੰਨ ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਦਾ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਆਖਰੀ ਪਦ 23 ਦਾ 24 ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟ 23 ਦਾ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਪਰ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਇੱਥੇ ਦੇਖੋ ਕਿ ਇੱਥੇ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਰੱਦ ਹੋਣ ਜਾ ਰਹੇ ਹਨ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ 2 ਇੱਥੇ ਰੱਦ ਹੋ ਜਾਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ 3  $\tan^{-1} x$  ਨਾਲ ਰੱਦ ਹੋ ਜਾਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਥੇ ਸਿਰਫ਼ ਪਿਛਲਾ ਪਦ ਹੈ ਜੋ ਸਮੇਸ਼ਨ ਵਿੱਚ 20 ਸੈਕਿੰਡ ਟਰਮ ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ। 22 ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ 23 ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟਾ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਟੈਨ ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟਾ ਇੱਥੇ ਰੱਦ ਹੋ ਜਾਵੇਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਆਹ ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟਾ ਬਾਈ 20 ਪਹਿਲੇ ਪਦ ਵਿੱਚ ਟੈਨ ਉਲਟ 22 ਨਾਲ ਰੱਦ ਹੋ ਜਾਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਹ ਵੀ ਹੋਵੇਗਾ। ਤੀਸਰੇ ਪਦ ਵਿੱਚ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਤਿੰਨ ਦੇ ਨਾਲ ਰੱਦ ਕਰੋ ਤਾਂ ਆਖਰਕਾਰ ਜੋ ਬਚਣ ਵਾਲਾ ਹੈ ਉਹ 24 ਘਟਾਓ ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਦਾ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੈ ਅਤੇ 24 ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨ ਲਈ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਗਣਨਾ ਕਰਨੀ ਪਵੇਗੀ ਕਿ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕੀਤਾ ਹੈ। ਹੁਣ ਤੱਕ ਅਸੀਂ ਇਹ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਕਿ ਜੋੜ  $n$  ਦਾ  $\cot$  ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਤੋਂ 23  $\cot$  ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਜੋੜ ਜੋੜ  $k$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਤੋਂ ਦੇ  $n$  ਦੇ ਦੋ  $k$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਕਿ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਦਲੀਲ ਵਿੱਚ ਇਹ ਚੀਜ਼ ਅਸੀਂ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਕਿ ਇਹ 24 ਘਟਾਓ 1 ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਹੁਣ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਨੂੰ ਹੋਰ ਸਰਲ ਬਣਾਉਣ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਵਿਚਾਰ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਸ ਪੂਰੀ ਚੀਜ਼ ਨੂੰ ਕਿਸੇ ਚੀਜ਼ ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਵਜੋਂ ਪ੍ਰਗਟ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਸੀ. an then have  $\cot$  of  $\tan$  inverse something ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ  $\cot$  ਅਤੇ  $\tan$  ਦੇ ਵਿੱਚ ਇਹ ਰੂਪਾਂਤਰਨ ਫਾਰਮੂਲਾ ਦੇਖ ਚੁੱਕੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਇਸ ਚੀਜ਼ ਲਈ ਸਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰੇ, ਜੇਕਰ ਤੁਹਾਨੂੰ ਅੱਜ ਇਸ ਕਲਾਸ ਦੀ ਸ਼ੁਰੂਆਤ ਵਿੱਚ ਯਾਦ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਕੁਝ ਨੂੰ ਮੁੜ ਵਿਚਾਰ ਰਹੇ ਸੀ। ਪਹਿਲਾਂ ਲਏ ਗਏ ਨਤੀਜੇ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਸੀ ਕਿ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $x$  ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਉਲਟਾ  $y$  ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $x$  ਪਲੱਸ  $y$  ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟਾ  $xy$  ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ  $xy$  ਜੇਕਰ  $xy$  ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਸ ਵਿੱਚ ਕੀ ਹੋ ਰਿਹਾ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਦੇ 24 ਮਾਇਨਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਜੋ ਹੁਣ ਇਹ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਇੱਕ ਅਜੀਬ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਮੈਂ ਇੱਕ ਦੇ ਮਾਇਨਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਨੂੰ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਆਫ ਮਾਈਨਸ ਵਨ ਲਿਖ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਇਹ ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਇੱਕ ਅਜੀਬ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਕੀ ਮੇਰਾ ਕਹਿਣ ਦਾ ਮਤਲਬ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਕਿਸੇ ਵੀ  $x$  ਲਈ ਮਾਇਨਸ  $x$  ਦਾ ਟੈਨ ਉਲਟਾ  $x$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਇਸ ਪਛਾਣ ਨੂੰ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਦਰਸਾਇਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਹੁਣ ਇਹ ਸ਼ਬਦ 24 ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟਾ ਪਲੱਸ 1 ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਐਕਸਪ੍ਰੈਸ਼ਨ ਹੈ  $\tan^{-1} x + \tan^{-1} y = \tan^{-1} \frac{x+y}{1-xy}$

ਇਸ ਲਈ ਇਹ  $x$  ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ  $y$  ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇੱਥੇ ਅਸੀਂ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $x$  ਵਿੱਚ  $y$  ਘਟਾਓ ਚੌਥੀ ਅਤੇ ਘਟਾਓ ਚੌਥੀ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹਨਾਂ ਸਾਰੇ ਮਾਮਲਿਆਂ ਵਿੱਚੋਂ ਉਹ ਕੋਸ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੈ ਕੀ  $xy$  ਘਟਾਓ 24 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇੱਥੇ ਇਸ ਕੋਸ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨੀ ਪਵੇਗੀ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ  $x$  ਪਲੱਸ  $y$  ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ  $x$  ਪਲੱਸ  $y$  ਘਟਾਓ 1 ਨੂੰ 1 ਘਟਾਓ  $x$  ਦੁਆਰਾ  $y$  ਵਿੱਚ ਵੰਡਿਆ ਗਿਆ ਹੈ ਤਾਂ  $x$  ਹੈ। ਚੌਥੀ ਅਤੇ  $y$  ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਅੰਤਮ ਜਵਾਬ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ 23 ਤੋਂ 25 ਦਾ  $\tan$  ਉਲਟਾ,

ਇਸ ਲਈ ਹੁਣ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ 23 ਤੋਂ 25 ਦੇ  $\tan$  ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਪੂਰੀ ਚੀਜ਼ 23 ਬਾਇ 25 ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਕੋਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅੰਤਮ ਜਵਾਬ 23 ਬਾਇ 25 ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਕੋਟ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸਨੂੰ ਹੋਰ ਸਰਲ ਵੀ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਹੁਣ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ 23 ਬਾਇ 25 ਦਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਹੈ। ਕੀ ਥੀਟਾ ਹੈ ਤਾਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੈ ਕਿ 23 ਗੁਣਾ 25 ਥੀਟਾ ਦੇ ਟੈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਲੈ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੀ ਇਸ ਸਮਾਨਤਾ ਦੇ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ ਲਾਗੂ ਕਰੋ ਅਤੇ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਚੀਜ਼ ਮਿਲਦੀ ਹੈ ਪਰ ਇੱਥੋਂ ਇਹ ਪਤਾ ਚੱਲਦਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਦਾ ਕੋਟ ਇਕ ਓਵਰ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੋ ਕਿ 25 ਤੋਂ 23 ਹੈ ਪਰ ਫਿਰ ਇਹ ਕੁਝ ਨਹੀਂ ਹੈ।  $\cot$  of  $\theta$  ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ 23 ਗੁਣਾ 25 ਹੈ ਅਤੇ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਪੱਚੀ ਓਵਰ 23 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅੰਤਮ ਜਵਾਬ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਵੱਡੇ ਸੰਮਤ ਦਾ ਕੋਟ 25 ਤੋਂ 23 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਆਉ ਅਸੀਂ ਇਸ ਆਹ ਲੈਕਚਰ ਨੂੰ ਖਤਮ ਕਰਨ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਇੱਕ ਆਖਰੀ ਸਮੱਸਿਆ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਸਾਨੂੰ  $x$  ਦਾ ਮੁੱਲ ਲੱਭਣਾ ਪਵੇਗਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ  $x$  ਦਾ ਮਾਡ ਜ਼ੀਰੋ ਅਤੇ ਦੇ ਦੋ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ  $x$  ਇਸ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅੱਗੇ ਵਧਣ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇੱਥੇ ਦੇ ਅਨੰਤ ਲੜੀਵਾਂ ਹਨ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਉਹਨਾਂ ਨੂੰ ਸਰਲ ਬਣਾਉਣ ਦੀ ਲੋੜ

ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਹੋਰ ਅੱਗੇ ਜਾ ਸਕੀਏ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲੀ ਲੜੀ  $ah$  ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਅੰਦਰ ਹੈ ਤਾਂ ਪਹਿਲੀ ਲੜੀ  $x$  ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਵੱਧ ਦੇ ਪਲੱਸ  $x$  ਘਣ ਵੱਧ ਚਾਰ ਘਟਾਓ ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਿਆਦਾਤਰ ਸੰਭਾਵਤ ਤੌਰ 'ਤੇ ਮਾਇਨਸ  $x$  ਚਾਰ ਓਵਰ ਅੱਠ ਪਲੱਸ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ  $x$  ਨੂੰ ਬਾਹਰ ਆਮ ਫੈਕਟਰ ਦੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਲੈ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ 1 ਘਟਾਓ  $x$  ਵੱਧ 2 ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਵੱਧ 4 ਘਟਾਓ  $x$  ਘਣ ਅੱਠ ਤੋਂ ਵੱਧ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ।  $x$  ਗੁਣਾ 1 ਪਲੱਸ ਘਟਾਓ  $x$  ਵੱਧ 2 ਪਲੱਸ ਘਟਾਓ  $x$  ਵੱਧ 2 ਪੂਰੇ ਵਰਗ ਪਲੱਸ ਘਟਾਓ  $x$  ਦੇ ਘਣ ਉੱਤੇ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਤੁਰੰਤ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਥੇ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇੱਕ ਜਿਓਮੈਟ੍ਰਿਕ ਆਰ ਲੜੀ ਹੈ ਪਰ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣ ਦੀ ਜ਼ਰੂਰਤ ਹੈ ਕਿ ਕੀ ਇਹ ਲੜੀ ਹੈ ਕਨਵਰਜ ਕਰਨ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਜਾਂ ਨਹੀਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਦਿੱਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਵਿੱਚ ਕਥਨ 'ਤੇ ਵਾਪਸ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਦਿੱਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ  $x$  ਦਾ ਮਾਡ ਦੇ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ  $x$  ਦਾ ਮੋਡ ਦੇ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਉਸ ਮਾਡ ਨੂੰ ਦਰਸਾਉਂਦਾ ਹੈ।  $x$  ਦਾ ਮਾਡ ਵੀ ਦੇ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਦੇ ਉੱਤੇ  $x$  ਦਾ ਮਾਡ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਦਾ ਮਤਲਬ ਇਹ ਵੀ ਹੈ ਕਿ ਮਾਡ ਦਾ ਮਾਡ ਮਾਡ  $x$  ਓਵਰ ਦੇ ਵੀ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $ah$  ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਅਨੁਪਾਤ ਮਿਆਦ ਅਤੇ ਅਗਲੀ ਮਿਆਦ ਅਤੇ ਇਸ ਮਿਆਦ ਅਤੇ ਇਸਦੇ ਅਗਲੇ ਪਦ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਵੀ ਮਾਈਨਸ  $x$  ਵੱਧ ਦੇ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮਿੰਟ  $s$   $x$  over two ਦਾ ਇੱਕ ਪੂਰਨ ਮੁੱਲ ਹੈ ਜੋ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਉਥੋਂ ਅਸੀਂ ਇਹ ਸਿੱਟਾ ਕੱਢ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਲੜੀ ਕਨਵਰਜ ਹੋਣ ਜਾ ਰਹੀ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਵੈਲਯੂ ਵਿੱਚ ਕਨਵਰਜ ਹੋ ਜਾਵੇਗੀ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਇਹ  $x$  ਇੱਥੋਂ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਲੜੀ ਜਾ ਰਹੀ ਹੈ। 1 ਤੋਂ 1 ਘਟਾਓ ਘਟਾਓ  $x$  2 ਤੋਂ ਵੱਧ 2 ਨੂੰ ਕਨਵਰਜ ਕਰਨ ਲਈ ਜੋ ਕਿ  $x$  ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਦੇ ਉੱਤੇ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਅਨੰਤ ਲੜੀ  $x$  ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਉੱਤੇ ਦੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਦੂਜੀ ਲੜੀ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ ਆਰਗੂਮੈਂਟ ਦੇ ਅੰਦਰ ਹੈ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਤਾਂ ਇਹ ਦੂਜਾ ਕ੍ਰਮ ਜੋ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਆਰਗੂਮੈਂਟ ਹੈ  $x$  ਵਰਗ ਘਟਾਓ  $x$  ਚਾਰ ਓਵਰ ਦੇ ਜੋੜ  $x$  ਛੇ ਓਵਰ ਚਾਰ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜਿਸ ਨੂੰ  $x$  ਵਰਗ ਵਜੋਂ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ  $x$  ਵਰਗ ਸਾਰੇ ਸ਼ਬਦਾਂ ਦੇ ਸਮੇਂ ਲਈ ਸਾਂਝਾ ਹੈ 1 ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ 2 ਜੋੜ  $x$  4 ਉੱਤੇ 4 ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜੋ  $x$  ਵਰਗ ਗੁਣਾ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੋੜ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਦੇ ਜੋੜ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਦੇ ਪੂਰੇ ਵਰਗ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਸ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਵੀ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਉੱਥੇ ਦੁਬਾਰਾ ਇੱਕ ਹੋਰ ਜਿਓਮੈਟ੍ਰਿਕ ਤਰੱਕੀ ਹੈ ਅਤੇ ਪਰ ਸਾਨੂੰ ਅਜੇ ਵੀ  $ah$   $f$  ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਇਹ ਪਤਾ ਲਗਾਓ ਕਿ ਕੀ ਇਹ ਅਨੰਤ ਕ੍ਰਮ ਵੀ ਕਨਵਰਜ ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਜਾਂ ਨਹੀਂ ਹੁਣ ਸਾਨੂੰ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ  $x$  ਦਾ ਮਾਡ ਦੇ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸਦਾ ਮਤਲਬ ਇਹ ਹੈ ਕਿ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਦੇ ਤੋਂ ਵੱਧ  $x$  ਵਰਗ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ। ਅਤੇ ਇਹ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਇਹ ਦਰਸਾਉਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਮਾਈਨਸ  $x$  ਵਰਗ ਦਾ ਮਾਡਿਊਲਸ ਦੇ ਤੋਂ ਵੱਧ

ਇਸ ਲਈ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਦਾ ਮਾਡਿਊਲ ਇਸ ਜਿਓਮੈਟ੍ਰਿਕ ਲੜੀ ਵਿੱਚ  $n$ ਵੇਂ ਪਦ ਅਤੇ  $n$  ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਅਨੁਪਾਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਸ ਅਨੁਪਾਤ ਦਾ ਪੂਰਨ ਮੁੱਲ ਹੈ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਕ੍ਰਮ ਵੀ ਕਨਵਰਜ ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਮੁੱਚੀ ਸਮੀਕਰਨ ਇਹ ਸਮੁੱਚਾ ਕ੍ਰਮ ਮੁੱਲ  $x$  ਵਰਗ ਗੁਣਾ ਇੱਕ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਘਟਾਓ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਦੇ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਵਿੱਚ ਕਨਵਰਜ ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ। ਦੇ ਤੋਂ ਵੱਧ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇਸ ਨੂੰ ਨੋਟ ਕਰੀਏ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਹੁਣੇ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਹੋਰ ਕ੍ਰਮ ਵੀ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਦਲੀਲ ਵਿੱਚ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਦੇ ਉੱਤੇ ਬਦਲਦਾ ਹੈ ਸਾਨੂੰ ਅੱਗੇ  $x$  ਦੇ ਮੁੱਲ ਲੱਭਣੇ ਪੈਣਗੇ। ਅਜਿਹੇ ਮੋਡ ਓ  $f$   $x$  ਦੇ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੋਂ ਛੋਟਾ ਹੈ ਅਤੇ  $x$  ਦਾ ਸਾਇਨ ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਉੱਤੇ ਦੇ ਜੋੜ  $\cos$  ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਦਾ ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਦਾ ਦੇ ਗੁਣਾ  $\pi$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਆਓ ਇਸ ਚੀਜ਼ ਨੂੰ ਅਲਫ਼ਾ ਅਤੇ ਦੂਜੇ  $ah$  ਸ਼ਬਦ ਦੁਆਰਾ ਦਰਸਾਉਂਦੇ ਹਾਂ। ਜੋ ਕਿ ਬੀਟਾ ਦੁਆਰਾ  $\cos$  ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਦਲੀਲ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਥੇ ਮੌਜੂਦ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਲਫ਼ਾ ਪਲੱਸ ਕੋਸ ਇਨਵਰਸ ਬੀਟਾ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਉਹੀ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਲਫ਼ਾ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਘਟਾਓ  $\cos$  ਉਲਟ ਹੈ। ਬੀਟਾ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਦੋਵੇਂ ਪਾਸੇ ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਲਾਗੂ ਕਰਨ ਦਿੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਖੱਬੇ ਪਾਸੇ ਸਾਈਨ ਲਾਗੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਲਫ਼ਾ ਦਾ ਸਾਈਨ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਅਲਫ਼ਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ, ਸਾਨੂੰ ਪਾਈ ਦਾ ਸਾਈਨ 2 ਘਟਾਓ  $\cos$  ਉਲਟ ਮਿਲਦਾ ਹੈ। ਬੀਟਾ ਪਰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕਿਸੇ ਵੀ ਕੋਣ ਲਈ ਪਾਈ ਦਾ ਬੀਟਾ ਸਾਈਨ 2 ਘਟਾਓ ਬੀਟਾ ਬੀਟਾ ਦੇ  $\cos$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸੱਜੇ ਹੱਥ ਦੀ ਸਾਈਡ  $\cos$  inverse beta ਦੇ  $\cos$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੋ ਬੇਸ਼ੱਕ ਬੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ  $x$  ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਨਾ ਹੈ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਇਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਕੀ ਹੈ ਯਾਨੀ ਕਿ  $x$  ਨੂੰ ਸਮੀਕਰਨ  $x$  ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਪਲੱਸ  $x$  ਦੁਆਰਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਉੱਤੇ ਦੇ ਉੱਤੇ ਹੁਣ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ  $x$  ਦਾ  $ah$  ਮੋਡ ਦੇ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਦੋਵੇਂ ਭਾਜ ਕਦੇ ਵੀ ਜ਼ੀਰੋ ਨਹੀਂ ਹੋਣਗੇ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇੱਥੋਂ ਇਹ ਸੰਕੇਤ ਕਰਦਾ ਹੈ ਕਿ  $x$  ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਜੋੜ  $x$  ਵਰਗ ਦੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ  $x$  ਵਰਗ ਵਿੱਚ 1 ਪਲੱਸ  $x$  ਵੱਧ 2 ਅਤੇ ਫਿਰ ਥੋੜ੍ਹੇ ਜਿਹੇ ਬੀਜਗਣਿਤ ਸਰਲੀਕਰਨ ਨਾਲ ਸਾਨੂੰ  $x$  ਜੋੜ  $x$  ਘਣ ਓਵਰ 2 ਬਰਾਬਰ  $x$  ਵਰਗ ਜੋੜ  $x$  ਘਣ ਓਵਰ 2 ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ  $x$  ਘਣ ਮਿਲਦਾ ਹੈ। ਓਵਰ 2 ਉੱਥੇ ਖੱਬੇ ਅਤੇ ਸੱਜੇ ਦੋਵੇਂ ਪਾਸੇ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਜੋ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਹੈ  $x$  ਵਿੱਚ  $x$  ਘਟਾਓ 1 ਬਰਾਬਰ 0। ਇਸਲਈ  $x$  ਜਾਂ ਤਾਂ 0 ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਾਂ ਇਹ 1 ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਪਰ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਸਵਾਲ 'ਤੇ ਵਾਪਸ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਇਹ ਵੀ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਸੀ ਕਿ  $x$  ਦਾ ਮੋਡ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਦੇ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੋਂ ਸਖਤੀ ਨਾਲ ਘੱਟ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਜ਼ੀਰੋ  $x$  ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਸਖਤੀ ਨਾਲ ਵੱਡਾ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇੱਕ ਵਿਵਹਾਰਕ ਹੱਲ ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇੱਕੋ ਇੱਕ ਵਿਹਾਰਕ ਹੱਲ  $x$  ਬਰਾਬਰ ਹੈ। 1 ਲਈ ਕਿਉਂਕਿ  $x$  ਬਰਾਬਰ 1 ਹੈ  $x$  ਦਾ ਮਾਡਿਊਲਸ 1 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੁਣ 2 ਅਤੇ ਇਹ ਵੀ ਕਿ  $x$  ਬਰਾਬਰ 1 ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਸ ਸਵਾਲ ਦਾ ਅੰਤਮ ਜਵਾਬ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਮੂਲ ਦੇ ਤੋਂ ਘੱਟ ਮਾਡਿਊਲਸ ਵਾਲੇ  $x$  ਦਾ ਇੱਕੋ ਇੱਕ ਮੁੱਲ ਹੈ ਅਤੇ ਜੇ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਵੀ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦਾ ਹੈ  $x$  ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅੰਤਮ ਜਵਾਬ  $x$  ਹੈ। ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਨੂੰ ਅਗਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਖਤਮ ਕਰਾਂਗੇ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਹੋਰ ਦਿਲਚਸਪ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਉਠਾਵਾਂਗੇ ਧੰਨਵਾਦ