

ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਤੀਜੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਤੁਹਾਡਾ ਸੁਆਗਤ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਕੁਝ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਕੁਝ ਪਛਾਣਾਂ ਅਤੇ ਸਬੰਧਾਂ ਨੂੰ ਦੇਖਿਆ ਸੀ ਅਤੇ ਉਮੀਦ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਪੂਰਾ ਕਰ ਲਵਾਂਗੇ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਦੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ। ਇੱਥੇ ਕੁਝ ਨਵੇਂ ਸਬੰਧਾਂ ਨੂੰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਉਠਾਓ ਇੱਕ ਆਮ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਅਸੀਂ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਦੌਰਾਨ ਸਾਹਮਣਾ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਵੇਲੇ ਵੀ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਇੱਥੇ ਦੱਸ ਦੇਈਏ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਹੈ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਅਤੇ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ x ਦਾ ਮੁੱਲ ਲੱਭੋ ਜਿਵੇਂ ਕਿ \cos ਉਲਟਾ x ਦਾ ਸਾਈਨ ਆਂਧਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਕੋਈ ਇਸ ਰੂਟ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਕੋਈ ਇਹ ਲਿਖ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਠੀਕ ਆਂਧਾ 30 ਡਿਗਰੀ ਦੇ ਸਾਈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੋ $\pi/6$ ਤੋਂ ਵੱਧ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ \cos ਉਲਟਾ ਬਰਾਬਰ ਕਰੇ x ਨੂੰ $\pi/6$ ਤੋਂ ਵੱਧ 6 ਨਾਲ।

ਇਸ ਲਈ ਤੁਸੀਂ $\cos^{-1} x$ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਇਸਲਈ $\pi/6$ ਛੇ ਨਾਲ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇੱਥੇ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ ਉੱਤੇ \cos ਲੈ ਕੇ ਤੁਹਾਨੂੰ x ਬਰਾਬਰ $\pi/6$ ਦੇ \cos over six ਜੋ ਬਰਾਬਰ t ਹੈ। \circ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਤਿੰਨ ਓਵਰ ਦੇ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਅਜਿਹੀ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਕੀ ਕਰੀਏ, ਇੱਥੇ ਇਹ ਸਮਝਣ ਵਾਲੀ ਗੱਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ x ਘਟਾਓ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਇੱਕ ਅਤੇ ਜ਼ੀਰੋ ਫਿਰ \cos ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਤੋਂ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ x ਦਾ \cos ਉਲਟਾ ਅੰਤਰਾਲ π ਬਾਇ ਦੇ ਤੋਂ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਪਰ ਫਿਰ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਆਂਧੇ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਹਾਨੂੰ ਯਾਦ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਕਿਹਾ ਹੈ ਕਿ \cos ਉਲਟਾ x ਸੇ ਪਾਈ ਬਾਇ ਛੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਆਂਧੇ ਦਾ ਸਾਈਨ ਉਲਟਾ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਇਸ \cos ਉਲਟਾ x ਨੂੰ \sin ਉਲਟਾ ਆਂਧਾ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਆਂਧਾ ਹਮੇਸ਼ਾ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ π ਬਾਇ ਦੇ ਤੋਂ ਜੇ π ਬਾਇ ਦੇ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈਟ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਹੈ ਜਦੋਂ ਕਿ ਜੇਕਰ x ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਵਿੱਚ ਹੈ ਤਾਂ \cos ਇਨਵਰਸ x ਦੂਜੇ ਅੰਤਰਾਲ π ਬਾਇ ਟੂ ਪਾਈ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਅਤੇ ਰੇਂਜ ਸੈਟ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਆਪਸ ਵਿੱਚ ਨਿਵੇਕਲੇ ਹਨ ਇਸਲਈ ਇਹਨਾਂ ਦੋਨਾਂ ਦਾ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ $i s \text{ null}$ ਸੈੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਦੇ ਨਾਲ ਖਤਮ ਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਨੂੰ x ਦਾ ਇੱਕ ਮੁੱਲ ਮਿਲਿਆ ਹੈ ਜੋ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਵਿੱਚ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਆਹ ਦਾ ਸਾਹਮਣਾ ਕਰਾਂਗੇ ਇਹ ਉਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦੀ ਸਮੱਸਿਆ ਦਾ ਮੂਲ ਪੈਟਰਨ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਅਸੀਂ ਸਾਹਮਣਾ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਇਸਦਾ ਹੱਲ ਨਿਕਲ ਸਕੇ। ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਦੁਬਾਰਾ ਉਦਾਹਰਣ ਵੱਲ ਵਾਪਸ ਜਾਣਾ ਤਾਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ x ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਅਤੇ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਤਾਂ \cos ਉਲਟਾ x ਜਿਸ ਨੂੰ ਮੈਂ ਥੀਟਾ ਦੁਆਰਾ ਦਰਸਾਉਂਦਾ ਹਾਂ ਨਿਸ਼ਚਤ ਤੌਰ 'ਤੇ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਅਤੇ ਪਾਈ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਸਥਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜਾਣ ਦੀ ਬਜਾਏ ਸਿੱਧੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਕਹਿਣਾ ਕਿ \cos ਉਲਟ ਹੈ। ਆਂਧੇ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਜੇ ਸੰਭਵ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਹਾਫ਼ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਇਸ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਕੇਸ ਇਨਵਰਸ x ਸਿਨ ਇਨਵਰਸ ਹਾਫ਼ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦਾ ਪਰ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਪਾਈ ਮਾਇਨਸ ਥੀਟਾ ਦਾ ਸਾਈਨ ਸਾਈਨ ਥੀਟਾ ਦੇ ਸਮਾਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ।

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦੀ ਚੋਣ ਦਾ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ $\cos^{-1} x$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਾਂਗੇ ਕਿ π ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਜੇਕਰ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਤਾਂ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ। π by two So and this ਅੰਤਰਾਲ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਹੁਣ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਬੁਨਿਆਦੀ ਚਾਲ ਹੈ ਜੋ ਕੀਤੀ ਜਾਣੀ ਹੈ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸਿਨ ਥੀਟਾ ਅਸਲ ਵਿੱਚ $\cos^{-1} x$ ਦਾ sine ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਹੈ ਸਮੱਸਿਆ ਵਿੱਚ ਹੋਣ ਲਈ ਇਹ ਮੁੱਲ ਆਂਧਾ ਮੰਨਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਦਾ ਸਾਈਨ ਆਂਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਅਸੀਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਪਾਈ ਮਾਇਨਸ ਥੀਟਾ ਆਂਧੇ ਦੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੋਂ ਸਿੱਟਾ ਕੱਢ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਇਹ ਲਾਈਨ ਸਿਰਫ਼ ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਪਾਈ ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਇਸਲਈ ਪਾਈ ਮਾਈਨਸ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ, ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਸੀ। π by two ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਤੱਥ ਦੇ ਕਾਰਨ ਕਿ π ਘਟਾਓ ਥੀਟਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸਦਾ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਫਿਰ ਮਤਲਬ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ x ਦਾ \cos ਉਲਟ ਹੈ ਇਸਲਈ ਜੇ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਹੈ π ਮਾਇਨਸ \cos ਉਲਟਾ x । ਆਂਧੇ ਦਾ sine ਉਲਟਾ ਹੈ ਕੋਰਸ ਦਾ sine ਉਲਟਾ ਆਂਧਾ ਬਰਾਬਰ $\pi/6$ and ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ $\cos^{-1} x$ ਬਰਾਬਰ π minus $\pi/6$ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ $5\pi/6$ ਵੱਧ 6 ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ x ਹੁਣ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ \cos ਨੂੰ ਖੱਬੇ ਅਤੇ ਸੱਜੇ ਦੋਵੇਂ ਪਾਸੇ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ x ਬਰਾਬਰ $\pi/6$ ਦੇ \cos ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ। ਛੇ ਜੋ ਘਟਾਓ $\cos \pi$ ਓਵਰ ਛੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਜੋ ਤਿੰਨ ਓਵਰ ਦੇ ਦੋ ਘਟਾਓ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਤਿੰਨ ਓਵਰ ਦੇ ਦੋ ਘਟਾਓ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ x ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਹੈ ਸਹੀ ਹੱਲ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਜ਼ਰੂਰੀ ਮੁੱਖ ਨੁਕਤਾ ਇਹ ਸੀ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਸਿੱਧੇ ਤੌਰ 'ਤੇ $\cos^{-1} x$ ਨੂੰ \sin^{-1} of ਆਂਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਬਦਲਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਸਮੱਸਿਆ ਵਿੱਚ ਪੈ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ ਆਂਧੇ ਦਾ \sin ਉਲਟਾ ਦੀ ਰੇਂਜ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ। ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਜੋ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਹੈ ਜਦੋਂ ਕਿ x ਦੇ ਲਈ ਨੈਗੇਟਿਵ \cos ਉਲਟ ਰੇਂਜ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ, ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਬਰਾਬਰ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਯਕੀਨੀ ਤੌਰ 'ਤੇ x ਦਾ ਮੁੱਲ ਤੁਸੀਂ ਇੱਥੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੋ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਵਿੱਚ ਨਹੀਂ ਪਏਗਾ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਰਸਮੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਗਲੀ ਸਲਾਈਡ ਵਿੱਚ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਰਸਮੀ ਬਣਾਉਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕੀਤੀ ਹੈ ਤਾਂ ਜ਼ਰੂਰੀ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ f ਫਾਰਮ ਦਾ ਇੱਕ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਇਹ ਇਹਨਾਂ ਛੇ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਕੋਈ ਵੀ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਆਮ ਤੌਰ 'ਤੇ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਇੱਕ ਡੋਮੇਨ a ਹੁੰਦਾ ਹੈ। ਅਤੇ ਰੇਂਜ b ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਛੇ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਹਰੇਕ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਲਈ ਆਂਧੇ ਵਧੇ ਤਾਂ ਉਲਟਾ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਉਲਟ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਡੋਮੇਨ ਸੈੱਟ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਵਰਗਾ ਹੀ ਹੋਵੇਗਾ ਜੇ b ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਦਾ ਡੋਮੇਨ f ਉਲਟ ਸੈੱਟ b ਹੈ ਅਤੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸੈੱਟ c ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਬੇਸ਼ੱਕ ਸੈੱਟ a ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੋ f ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਡੋਮੇਨ ਹੈ ਇਸਲਈ ਆਮ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਮੰਨ ਲਓ ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰੋ ਜਿੱਥੇ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਲੱਭਣਾ ਹੈ ਇਸ ਲਈ x ਦਾ ਮੁੱਲ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਲੱਭਣਾ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਦਾ $f(x)$ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਕਿਹਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ f ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਤਾਂ ਹੱਲ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨ ਹੈ ਇਸਦਾ ਹੱਲ ਸਿਰਫ਼ ਟੀ ਹੋਣਾ x ਦੇ f ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ x ਦਾ f ਉਲਟਾ f ਉਲਟ ਦੀ ਰੇਂਜ ਦੇ ਸਮੂਹ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਜੇ c ਹੈ ਇਸਲਈ ਥੀਟਾ ਨਿਸ਼ਚਤ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਾਰੇ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕਰੀਏ ਕਿ ਥੀਟਾ c ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਹੱਲ ਇਸ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦਾ ਹੈ। ਪਾਥੀ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਨੂੰ f ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਦੀ ਰੇਂਜ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਪਰ ਜੇਕਰ ਇਹ ਕਰੀਏ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ f ਥੀਟਾ ਦੀ ਇੱਕੋ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਲੱਭਣਾ ਪਵੇਗਾ ਪਰ ਇਹ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਦਾ ਮੁੱਲ ਲੱਭਣ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ। ਜੇ ਕਿ f ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਤਾਂ ਸਵਾਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਕਿਵੇਂ ਲੱਭ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਥੀਟਾ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਜਿੱਥੇ ਸਾਨੂੰ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ f ਉਲਟ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ। ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ x ਦੇ f ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ x ਦਾ f ਉਲਟਾ ਹਮੇਸ਼ਾ ਸੈੱਟ c ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਜਦੋਂ ਕਿ ਇੱਥੇ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਜ਼ਿਕਰ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਸੈੱਟ c ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਨਹੀਂ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਕਿਵੇਂ ਲੱਭੀਏ। ਅਜਿਹੀ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ

ਇਸ ਲਈ ਮੈਂ ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਆਮ ਤੌਰ 'ਤੇ s ਲਈ ਹੱਲ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕੀਤੀ ਹੈ \sin ਫੰਕਸ਼ਨ ਤਾਂ \sin ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਡੋਮੇਨ ਅਤੇ ਰੇਂਜ ਇੱਥੇ ਲਿਖੇ ਅਨੁਸਾਰ ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਡੋਮੇਨ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਵਨ ਹੈ ਰੇਂਜ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਕਹਿ ਦੇਈਏ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨਾ ਹੈ। ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਇੱਥੇ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਲੱਭਣਾ ਪਏਗਾ ਕਿ \sin ਥੀਟਾ ਬੇਸ਼ੱਕ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਥੀਟਾ ਲੱਭਣੀ ਪਵੇਗੀ ਪਰ ਜੇ ਸਾਨੂੰ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਇਸ ਰੇਂਜ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਜਿੱਥੇ m ਕੁਝ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਲੱਭਣ ਲਈ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਥੀਟਾ ਲੱਭਣ ਲਈ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੋ ਇਸ ਰੇਂਜ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ $m\pi$ ਮਾਇਨਸ π by 2 ਤੋਂ $m\pi$ ਪਲੱਸ π by 2 ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਕਿ $\sin \theta = x$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿਵੇਂ ਕਰੀਏ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਲਗਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਬਹੁਤ ਆਖ਼ ਨਹੀਂ ਹੈ ਬੇਸ਼ੱਕ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਔਡ m ਨੂੰ ਵੀ ਵਿਚਾਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਆਓ ਇਹ ਕਹੀਏ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਜਿਹਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਨੂੰ ਲਿਖਣ ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ $\sin \theta = x$ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਪਰ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ m ਦਾ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਕੇਸ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਅਸਲ ਵਿੱਚ θ ਕੀ ਹੈ ਇੱਥੇ ਪਾਬੰਦੀ ਹੈ ਥੀਟਾ ਦਾ ਅਨੁਵਾਦ ਘਟਾਓ π ਬਾਇ ਦੋ ਤੋਂ ਜੋੜ π ਬਾਇ ਦੋ ਨਾਲ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ m ਦੇ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਕੇਸ ਲਈ ਹੱਲ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨ ਹੈ ਥੀਟਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇਹ m ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਦਾ ਹੱਲ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ m ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਲਈ ਇਹ ਸੈੱਟ ਜਿੱਥੇ ਅਸੀਂ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਰੋਖਾ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਪਰ ਕੀ ਜੇ m ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਜਿੱਥੇ m ਬਰਾਬਰ ਹੈ $n\pi$ n ਨਾught n n n ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਨੂੰ ਕੁਝ ਹੋਰ ਕਰਨਾ ਪਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਦੁਬਾਰਾ $\sin \theta = x$ ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ $m\pi$ ਘਟਾਓ π ਬਾਇ ਦੋ ਤੋਂ $m\pi$ ਪਲੱਸ π ਬਾਇ ਦੋ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਪਰ ਅਸੀਂ ਕੀ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕੀ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ $m\pi$ ਜੇਕਰ ਥੀਟਾ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਤਾਂ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ $m\pi$ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ π ਬਾਇ ਦੋ ਤੋਂ ਪਲੱਸ π ਬਾਇ ਦੋ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਹੈ ਹੁਣ ਆਓ ਦੇਖੀਏ ਕਿ ਮੁੱਲ ਕੀ ਹੈ। $\sin(\theta - m\pi)$ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਉਸ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਵੇਖਾਂਗੇ $\sin a \cos b$ ਮਾਇਨਸ $\cos a \sin b$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਪਰ π ਦੇ ਇੱਕ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਗੁਣਜ ਦਾ \sin ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਉਹੀ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ $m\pi$ ਦੇ ਇਸ \cos ਨੂੰ m ਦੀ ਪਾਵਰ ਲਈ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਟੂ ਪਾਵਰ m ਗੁਣਾ \sin ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜੋ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਸਾਡੇ ਲਈ ਚੰਗੀ ਖ਼ਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਨੂੰ m ਗੁਣਾ x ਦੀ ਪਾਵਰ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਵੀ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ $\sin \theta = x$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ ਨੂੰ ਦੇ ਮਾਮਲਿਆਂ ਵਿੱਚ ਵੰਡ ਸਕਦੇ ਹੋ, ਇੱਕ ਤਾਂ ਜਦੋਂ m ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜਦੋਂ m ਵੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ $m\pi$ ਬਰਾਬਰ x ਦਾ ਸਾਈਨ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇੱਥੇ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ $m\pi$ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਤੋਂ ਅਸੀਂ ਸਿੱਧੇ ਤੌਰ 'ਤੇ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ $m\pi$ ਬਰਾਬਰ ਹੈ x ਦੇ ਉਲਟ ਉਲਟ ਜਿੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਇਹ ਸਿੱਟਾ ਕੱਢ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ $m\pi$ ਪਲੱਸ ਸਾਈਨ ਉਲਟਾ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਜਿੱਥੇ m ਵੀ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਹੱਲ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ $\text{odd } m$ ਦੇ ਕੇਸ ਲਈ ਇਹ $\text{odd } m$ ਲਈ ਸਮਾਨ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਣ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਕਿ $\sin(\theta - m\pi)$ ਬਰਾਬਰ $\text{minus one to the power } m$ ਗੁਣਾ x ਸਿਰਫ਼ x ਦਾ ਘਟਾਓ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਥੀਟਾ ਮਾਇਨਸ $m\pi$ ਪਾਈ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਕਥਨ ਤੋਂ ਅਸੀਂ ਸਿੱਧੇ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਮਾਇਨਸ $m\pi$ ਮਾਇਨਸ x ਦੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਪਰ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਇੱਕ ਅਜੀਬ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ x ਦੇ ਮਾਇਨਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਿੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਇਹ ਸਿੱਟਾ ਕੱਢਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜਦੋਂ m ਔਡ ਥੀਟਾ $m\pi$ ਮਾਇਨਸ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੀ ਸਲਾਈਡ ਵਿੱਚ ਪੂਰੀ ਚੀਜ਼ ਦਾ ਸਾਰ ਦਿੱਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਮੂਲ ਸਮੱਸਿਆ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਥੀਟਾ ਲੱਭਣ ਦੀ ਸੀ $m\pi$ ਘਟਾਓ π ਬਾਇ ਦੋ ਤੋਂ $m\pi$ ਪਲੱਸ π ਬਾਇ ਦੋ ਜਿੱਥੇ m ਕੁਝ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਵਿੱਚ ਇਸ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਲੱਭਣਾ ਹੈ। ਅੰਤਰਾਲ ਅਤੇ ਥੀਟਾ ਅਜਿਹਾ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ \sin ਥੀਟਾ ਕੁਝ ਮੁੱਲ x ਦੇ ਕੁਝ ਮੁੱਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਸਦਾ ਆਮ ਹੱਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ m ਵੀ ਹੈ ਤਾਂ ਥੀਟਾ ਬਰਾਬਰ $m\pi$ ਪਲੱਸ \sin ਉਲਟਾ x ਜੇਕਰ m ਔਡ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ $m\pi$ ਘਟਾਓ ਪਾਪ ਉਲਟ ਹੈ। f ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦੀਆਂ ah ਸਮੀਕਰਨਾਂ ਨੂੰ ਹੋਰ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਲਈ ਲਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ c ਫੰਕਸ਼ਨ ਵੀ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਸਮੱਸਿਆ ਜਾਂ ਪਛਾਣ ਵੱਲ ਵਧਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਸੀ ਜਿੱਥੇ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਰੁਕੇ ਸੀ,

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਹਾਨੂੰ ਯਾਦ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਹ ਦੇਖਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰ ਰਹੇ ਸੀ ਕਿ ਕੀ x ਦਾ \tan ਉਲਟਾ x ਪਲੱਸ \tan ਉਲਟਾ y ਨੂੰ \tan ਉਲਟ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਕਿਸੇ ਚੀਜ਼ ਦੀ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਤੇਜ਼ ਵਿਉਤਪੱਤੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ a ਪਲੱਸ b ਦਾ \tan ਬਰਾਬਰ ਹੈ $\tan a$ ਪਲੱਸ $\tan b$ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ $\tan a \tan b$ ਹੁਣ ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਵਿੱਚ ਜੇਕਰ ਮੈਂ x ਅਤੇ b ਦੇ ਉਲਟ \tan ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਬਦਲਦਾ ਹਾਂ y ਦੇ \tan ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤਾਂ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਮੈਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਇਸ ਦਾ ਟੈਨ ਹੈ a ਅਤੇ ਇਹ b ਹੈ ਸੋ \tan ਦਾ a ਪਲੱਸ b ਹੈ $\tan a$ ਪਲੱਸ $\tan b$ ਨੂੰ ਇੱਕ ਘਟਾਓ $\tan a$ ਗੁਣਾ $\tan b$ ਨਾਲ ਭਾਗ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ \tan ਦਾ \tan ਉਲਟਾ ਹੈ। $x \tan$ ਦਾ $x \tan$ ਹੈ ਉਲਟਾ y ਬਰਾਬਰ y ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਆਖ਼ਰਕਾਰ ਸਾਨੂੰ ਜੋ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਉਹ x ਦੇ \tan ਉਲਟਾਂ ਦੇ ਜੋੜ ਦਾ \tan ਹੈ ਅਤੇ y ਇੱਕ ਘਟਾਓ xy ਉੱਤੇ x ਪਲੱਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਕਥਨ ਹੈ ਇੱਥੇ ਪਰ ਕੀ ਇਹ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਦਰਸਾਉਂਦਾ ਹੈ ਕਿ \tan ਉਲਟਾ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਉਲਟਾ y ਬਰਾਬਰ \tan ਉਲਟਾ x ਪਲੱਸ y ਓਵਰ ਵਨ ਘਟਾਓ $x y$ ਕੀ ਇਹ ਹਮੇਸ਼ਾ ਸੱਚ ਹੈ ਜਵਾਬ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਹ x ਅਤੇ y ਦੇ ਮੁੱਲਾਂ 'ਤੇ ਨਿਰਭਰ ਕਰਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੋ ਹੈ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ x ਅਤੇ y ਅਜਿਹੇ ਹਨ ਜੋ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਹਨ। x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਜੇਕਰ ਇਹ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੇਂਜ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਸਮਾਨਤਾ ਇੱਥੇ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦੀ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਗਲੀਆਂ ਕੁਝ ਸਲਾਈਡਾਂ ਵਿੱਚ ਮੈਂ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੇ ਨਤੀਜੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਾਂਗਾ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਵਧੀਆ ਸਾਰਣੀ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਹ ਦਰਸਾਏਗਾ ਕਿ ਜੇਕਰ x ਗੁਣਾ y 1 ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਸੱਚ ਹੈ ਕਿ \tan ਉਲਟਾ x ਜੋੜ \tan ਉਲਟਾ y ਬਿਲਕੁਲ ਬਰਾਬਰ ਹੈ \tan ਉਲਟਾ x ਪਲੱਸ y ਵੱਧ ਇੱਕ ਘਟਾਓ $x y$ ਪਰ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਹੀ ਜੇਕਰ xy ਘੱਟ ਹੈ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਪਰ ਦੂਜੇ ਕੇਸਾਂ ਲਈ ਤਾਂ ਦੂਜੇ ਕੇਸਾਂ ਵਿੱਚ ਜੇਕਰ x ਅਤੇ y ਦੋਵੇਂ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹਨ ਅਤੇ xy ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਹੈ ਤਾਂ ਉਸ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਇੱਕ π ਜੋੜਨਾ ਪਵੇਗਾ ਤਾਂ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੂਜੇ ਪਾਸੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਦੋਵੇਂ x ਅਤੇ y ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਹਨ ਪਰ ਉਤਪਾਦ ਅਜੇ ਵੀ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਪਾਈ ਜੋੜਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਤਿੰਨ ਸਥਿਤੀਆਂ ਨੂੰ ਦਿਖਾਉਣ ਲਈ ਇੱਕ ਛੋਟਾ ਨਤੀਜਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਉਹ ਚੀਜ਼ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਵੇਖ ਚੁੱਕੇ ਹਾਂ ਪਰ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਥੇ ਲਿਖਣ ਬਾਰੇ ਸੋਚਿਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰਾਂ ਤੋਂ ਅਸੀਂ ਇਹ ਦੋਵੇਂ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾਵਾਂ ਵੇਖੀਆਂ ਹਨ ਤਾਂ ਇੱਕ ਇਹ ਸੀ ਕਿ ਕਿਸੇ ਵੀ x ਅਸਲ ਲਈ ਟੈਨ ਦਾ ਇਹ ਜੋੜ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ x ਹਮੇਸ਼ਾ 2 ਬਾਇ ਪਾਈ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਵੀ ਕਿ ਜੇਕਰ x ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਤਾਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ 1 ਓਵਰ x ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਹੁਣ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਦੋਨਾਂ ਸਟੇਟਮੈਂਟਾਂ ਨੂੰ ਦੋਨੋਂ ਸਟੇਟਮੈਂਟਾਂ ਨੂੰ ਜੋੜਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ x ਗੈਰ-ਨਕਾਰਾਤਮਕ ਲਈ ਅਸੀਂ ਸਿਰਫ਼ ਇਸ \cot inverse x ਨੂੰ ਇੱਥੇ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ x ਉੱਤੇ \tan inverse one over x ਨਾਲ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਖਾਸ ਸਮੀਕਰਨ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਸਾਰੇ x ਲਈ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਟੈਨ ਉਲਟਾ x ਪਲੱਸ \tan ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਓਵਰ x ਹਮੇਸ਼ਾ π ਹੁੰਦਾ ਹੈ। ਦੇ ਨਾਲ ਅਤੇ ਫਿਰ ਆਹ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਸਾਰੀ ਚੀਜ਼ ਨੂੰ ਘਟਾਓ ਚਿੰਨ੍ਹ ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਕਰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟਾ x ਘਟਾਓ ਟੈਨ ਉਲਟਾ ਇਕ ਓਵਰ x ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ

x ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਤੇ y ਘੱਟ ਹੈ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਦਾ ਸਬੰਧ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਜ਼ੀਰੋ

ਇਸ ਲਈ ਵੀ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖੋਗੇ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਦੀ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ। ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ 0 ਤੋਂ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਅਤੇ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਤੋਂ 0 ਹਨ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹੋ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਦੋਵਾਂ ਨੂੰ ਜੋੜਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਲਾਜ਼ਮੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਸ ਸੈੱਟ ਅਤੇ ਇਸ ਸੈੱਟ ਦੇ ਨਾਲ ਜੋੜਨਾ ਪੈਂਦਾ ਹੈ। ਯੂਨੀਅਨ ਬਿਲਕੁਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਵੀ ਇਹੀ ਗੱਲ ਹੋ ਰਹੀ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਪਹਿਲੀ ਕਤਾਰ ਦਿਖਾਈ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਕੇਸ ਪੰਜ ਸੀ,

ਇਸ ਲਈ ਇਸਦਾ ਮਿਲਾਨ ਅਤੇ ਇਹ ਆਹ ਇਹ ਸਥਿਤੀ xy ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ ਕੀ ਅਸੀਂ ਦਿਖਾਇਆ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ x ਅਤੇ y ਦਾ ਗੁਣਨਫਲ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ $\tan^{-1} x$ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} y$ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਰੋਜ਼ π ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇੱਥੇ ਬਾਕੀ ਦੇ ਕੇਸ ਵੀ ਬਹੁਤ ਜ਼ਿਆਦਾ ਨਹੀਂ ਹਨ। ਮੁਸ਼ਕਲ ਇਸਲਈ ਇੱਕ ਕੇਸ ਉਹ ਹੈ ਜਿੱਥੇ xy ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਤੇ x ਅਤੇ y ਦੋਵੇਂ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹਨ ਇਸਲਈ i ਨ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ $\tan^{-1} x$ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਬਾਇ ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟਾ y ਦਾ ਸਬੰਧ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਬਾਇ ਦੇ ਨਾਲ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਦੋਵੇਂ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹਨ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ $xy > 1$ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ $y > 1/x$ ਉੱਤੇ x ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਇਸਲਈ $\tan^{-1} x$ ਇਨਵਰਸ ਇੱਕ ਮੋਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਵਧ ਰਿਹਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਇੱਥੋਂ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਕਥਨ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਕਿ $\tan^{-1} y$ ਇੱਕ ਓਵਰ x ਦੇ $\tan^{-1} x$ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜਿਵੇਂ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਕੀਤਾ ਸੀ ਅਸੀਂ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ $\tan^{-1} x$ ਜੋੜਾਂਗੇ ਅਤੇ ਇਹ ਉਹੀ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਤੋਂ ਅਸੀਂ ਦੁਬਾਰਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਦੇ ਨਾਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਵਨ ਦੇ ਨਾਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਵਨ ਓਵਰ x ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦਿਖਾਇਆ ਸੀ ਕਿ ਜਦੋਂ x ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸਦਾ ਮੁੱਲ π ਬਾਇ ਦੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਦੇਖੋ ਕਿ ਇਸ ਦ੍ਰਿਸ਼ ਲਈ π ਇੱਥੇ $\tan^{-1} x$ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} y$ ਅਸਲ ਵਿੱਚ π ਤੋਂ ਦੇ ਗੁਣਾ ਵੱਡਾ ਹੈ ਇਹ π ਤੋਂ ਦੇ ਗੁਣਾ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ π ਇਸ ਸਥਿਤੀ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਕੀ ਹੈ ਤਾਂ ਆਓ ਦੇਖੀਏ ਕਿ ਕੀ ਮੈਂ ਕਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਟੈਨ ਉਲਟ ਹੈ। x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਤਾਂ ਇਹ ਕੇਸ ਨੰਬਰ ਦੇ ਲਈ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕੀ π ਦੇ ਗੁਣਾ ਵੱਡਾ ਹੈ ਪਰ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇਹ ਥੀਟਾ π ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ $\tan^{-1} x$ ਅਤੇ $\tan^{-1} y$ ਦੋਵੇਂ 0 ਤੋਂ π ਬਾਇ 2 ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹਨ ਇਸਲਈ $\tan^{-1} x$ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} y$ ਦਾ ਸਭ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲ π ਕੇਵਲ π ਬਾਇ 2 ਪਲੱਸ π ਬਾਇ 2 ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ π ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ π ਥੀਟਾ π ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੋਣੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਆਖਿਰਕਾਰ ਇਸ ਕੇਸ ਦੇ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਕੀ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਅੰਤਰਾਲ π ਬਾਇ 2 ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਗੁਣ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ। ਕਿ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇਸ ਥੀਟਾ ਦਾ ਆਹ ਟੈਨ ਇੱਕ ਘਟਾਓ xy ਉੱਤੇ x ਪਲੱਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ 'ਤੇ ਸਾਡੀ ਪਹਿਲੀ ਸਲਾਈਡ ਤੋਂ ਅੱਗੇ ਆਉਂਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਮੂਲ ਸਮੱਸਿਆ ਦੁਬਾਰਾ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਹ ਹਾਂ ਇਹ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਅੰਤਰਾਲ π by 2 to π ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਦੇ ਨਾਲ ਹੀ ਇਹ ਇਸ ਸ਼ਰਤ ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਨਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਥੀਟਾ x ਪਲੱਸ y ਤੋਂ ਵੱਧ 1 ਘਟਾਓ xy ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਹਾਨੂੰ ਇਹ ਦੁਬਾਰਾ ਯਾਦ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਕਿਸਮ ਦੀ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲੀਆਂ ਕੁਝ ਸਲਾਈਡਾਂ ਵਿੱਚ ਚਰਚਾ ਕਰ ਰਹੇ ਸੀ ਕਿ ਤੁਹਾਡੇ ਕੋਲ ਥੀਟਾ ਦਾ f ਹੈ ਤਾਂ ਇੱਥੇ f ਹੈ ਕੁਝ z

So z ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਹ ਮੁੱਲ ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਲੋੜ ਹੈ ਪਰ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਥੀਟਾ ਸਬੰਧਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਸਲਈ ਥੀਟਾ f ਉਲਟ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਵੀ ਅਸੀਂ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਸੰਬੰਧਿਤ ਹੈ। π ਤੋਂ π ਤੋਂ ਅੰਤਰਾਲ π ਬਾਇ 2 ਪਾਈ ਜੋ ਕਿ f ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਨਹੀਂ ਹੈ π ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਮੱਸਿਆ ਦੇ ਪੈਟਰਨ ਦੀ ਬਿਲਕੁਲ ਕਿਸਮ ਹੈ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲੀਆਂ ਕੁਝ ਸਲਾਈਡਾਂ ਵਿੱਚ ਚਰਚਾ ਕਰ ਰਹੇ ਸੀ ਅਤੇ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਕਿਸਮ ਦੀ ਸਮੱਸਿਆ ਦਾ ਸਾਹਮਣਾ ਕਰਦੇ ਰਹੋਗੇ ਜਾਂ ਜਦੋਂ ਤੁਸੀਂ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਨਾਲ ਨਜਿੱਠਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਕਿਸਮ ਦੀ ਸਮੱਸਿਆ ਦੇਖਦੇ ਰਹੋਗੇ ਤਾਂ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਜੋ ਚਾਲ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਹੈ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਨਹੀਂ ਸਾਨੂੰ ਕੁਝ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ 'ਤੇ ਕੁਝ ਓਪਰੇਸ਼ਨ ਤਾਂ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਅਜਿਹਾ ਹੋਵੇ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਸ ਵਿੱਚੋਂ π ਨੂੰ ਘਟਾਉਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਵਿੱਚੋਂ π ਨੂੰ ਘਟਾਉਂਦੇ ਹਾਂ। ਇਹ ਤਦ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ ਦੇ ਦੁਆਰਾ π ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ π ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ ਥੀਟਾ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਜ਼ੀਰੋ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਜੋ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਜ਼ੀਰੋ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਸ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਥੀਟਾ ਤੋਂ ਪਾਈ ਨੂੰ ਘਟਾਉਣ ਦਾ ਕਾਰਨ ਦੁੱਗਣਾ ਹੈ, ਪਹਿਲਾਂ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਮੈਨੂੰ ਇੱਕ ਨਵਾਂ ਕੋਣ ਥੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇਸ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਪਾਈ ਨੂੰ ਘਟਾਉਣ ਦਾ ਕਾਰਨ ਦੁਬਾਰਾ ਦੇ ਗੁਣਾ ਹੈ ਪਹਿਲਾਂ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਮੈਨੂੰ ਇੱਕ ਨਵਾਂ ਕੋਣ ਥੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ, ਦੂਜਾ ਇਹ ਕਿ ਮੈਂ ਜਾਣਦਾ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਪਾਈ ਦੇ ਨਾਲ ਪੀਰੀਅਡਿਕ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਥੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਦਾ ਟੈਨ ਹੁੰਦਾ ਹੈ। ਪਾਈ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਦੇ ਸਮਾਨ ਹੈ ਜਿਸਨੂੰ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇੱਕ ਘਟਾਓ xy ਉੱਤੇ x ਪਲੱਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਇੱਕ ਹੋਰ ਕਾਰਨ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ ਕੋਣ π ਨੂੰ ਥੀਟਾ ਤੋਂ ਘਟਾਉਣ ਲਈ ਚੁਣਿਆ ਹੈ ਤਾਂ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਕੀ ਹੈ। ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਕੋਣ ਦਾ ਸਪਰਸ਼ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਇਹ ਕੋਣ ਰਨ ਨਾਲ ਸਬੰਧਿਤ ਹੈ ਇਸ ਵੈਲਯੂ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ π ਸੈੱਟ x ਪਲੱਸ y ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ xy ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਗੁਣ ਅਸੀਂ ਆਸਾਨੀ ਨਾਲ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਇੱਕ ਘਟਾਓ xy ਉੱਤੇ x ਪਲੱਸ y ਦੇ $\tan^{-1} x$ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} y$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇੱਥੋਂ ਇਹ ਹੇਠਾਂ ਆਉਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਥੀਟਾ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। π plus $\tan^{-1} x$ plus $\tan^{-1} y$ over one minus xy ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਸਾਰਣੀ ਵਿੱਚ ਬਿਲਕੁਲ ਇਹੀ ਲਿਖਿਆ ਗਿਆ ਸੀ ਕਿ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ π ਕੇਸ ਨੰਬਰ ਦੇ ਸੀ,

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ x ਅਤੇ y ਦੋਵੇਂ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹਨ ਅਤੇ $xy > 1$ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਤਾਂ $\tan^{-1} x$ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} y$ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ π ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਉਲਟਾ x ਪਲੱਸ y ਵੱਧ ਇੱਕ ਘਟਾਓ xy ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਹੁਣੇ ਸਾਬਤ ਕੀਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਸਮੇਂ ਦੇ ਹਿੱਤ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਇਸ ਆਖਰੀ ਕਥਨ ਦੇ ਸਬੂਤ ਨਾਲ ਅੱਗੇ ਨਹੀਂ ਵਧਾਂਗੇ ਪਰ ਇਹ ਵੀ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਬਿਲਕੁਲ ਉਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਕੀਤਾ ਜਾਵੇ ਜਿਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਕੇਸ ਦੇ ਕੀਤਾ ਸੀ ਅਤੇ ਫਿਰ ਬੇਸ਼ੱਕ $\tan^{-1} x$ plus $\tan^{-1} y$ ਤੋਂ ਸਮੀਕਰਨ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨ ਹੈ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ $2 \tan^{-1} x$ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ $2 \tan^{-1} x$ ਵਾਰ $\tan^{-1} x$ ਨੂੰ $\tan^{-1} x$ plus $\tan^{-1} x$ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। x ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ y ਬਰਾਬਰ ਦੇ ਨਾਲ $\tan^{-1} x$ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} y$ ਫਾਰਮੂਲਾ ਵਰਤ ਸਕਦੇ ਹਾਂ 1 ਤੋਂ x ਅਤੇ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਉਸ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਇਸ ਨੂੰ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਤੋਂ ਦੁਬਾਰਾ ਤਸਦੀਕ ਕਰਨ ਲਈ ਇੱਕ ਛੋਟੀ ਜਿਹੀ ਕਸਰਤ ਕਰ ਸਕੋ, ਟੈਨ ਲਈ ਸਮੀਕਰਨ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ ਆਸਾਨ ਹੈ। $\tan^{-1} x$ minus $\tan^{-1} y$ ਅਤੇ i ਜਲਦੀ ਹੀ ਇਸ ਵਿੱਚੋਂ ਲੰਘਾਂਗਾ ਇਸਲਈ $\tan^{-1} x$ minus $\tan^{-1} y$ ਨੂੰ $\tan^{-1} x$ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} y$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ $\tan^{-1} x$ ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇੱਕ ਅਜਿਹਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਗੁਣ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਦੇ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਵੇਰੀਏਬਲ x ਅਤੇ ਮਾਇਨਸ y ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਜੋੜ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖਿਆ ਹੈ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਆਪਣੇ ਨਤੀਜੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਦੇ ਯੋਗ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਪਹਿਲਾਂ ਸੀ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਉਸ ਸਾਰਣੀ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਹੈ ਇਹ ਤਿੰਨ ਸ਼ਰਤਾਂ ਇੱਕ ਸਨ ਇਸਲਈ ਪਹਿਲੀ ਸ਼ਰਤ x ਗੁਣਾ ਮਾਇਨਸ y ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਉਹ

ਸਾਰਣੀ ਬਹੁਤ ਜਲਦੀ ਦਿਖਾਉਂਦੀ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਬਹੁਤ ਸਰਲ ਹੈ ਸਾਨੂੰ ਬੱਸ ਇਹ ਕਰਨਾ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਪੂਰੀ ਸਾਰਣੀ ਵਿੱਚ ਹਰ ਜਗ੍ਹਾ ਸਾਨੂੰ ਸਿਰਫ ਇਸ y ਨੂੰ ਬਦਲਣਾ ਹੈ। ਘਟਾਓ y ਦੁਆਰਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ $\tan^{-1} x$ ਨਾਲ ਲਈ ਸਮੀਕਰਨ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਾਂਗੇ $\tan^{-1} y$ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਕੀਤਾ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਉਸ ਸਾਰਣੀ ਵਿੱਚ y ਨੂੰ ਘਟਾਓ y ਨਾਲ ਬਦਲਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਤੁਹਾਨੂੰ x ਗੁਣਾ ਘਟਾਓ y ਮਿਲਦਾ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਪਹਿਲਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ xy ਸੀ ਪਰ ਅਸੀਂ y ਨੂੰ ਘਟਾਓ y ਨਾਲ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ x ਗੁਣਾ ਘਟਾਓ y ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਜੇ x ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਉਸੇ ਸਥਿਤੀ ਨੂੰ ਬਰਾਬਰ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ xy ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਪਿਛਲੀ ਸਲਾਈਡ ਉੱਤੇ $\tan^{-1} x$ ਉਲਟਾ x ਪਲੱਸ y ਸੀ ਪਰ ਫਿਰ ਅਸੀਂ y ਦੀ ਬਜਾਏ ਲਿਖਦੇ ਹਾਂ ਮਾਇਨਸ y ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ x ਪਲੱਸ ਘਟਾਓ y ਵੱਧ ਤੋਂ ਵੱਧ ਇੱਕ ਘਟਾਓ xy ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਪਰ ਕਿਉਂਕਿ y ਨੂੰ ਮਾਇਨਸ ਪੰਜ ਨਾਲ ਬਦਲ ਦਿੱਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੁਣ 1 ਘਟਾਓ x ਗੁਣਾ ਮਾਇਨਸ y ਹੈ ਅਤੇ ਉਹੀ ਕੰਮ ਸਾਨੂੰ ਦੂਜੇ ਲਈ ਕਰਦੇ ਰਹਿਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ। ਸ਼ਰਤਾਂ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਤਿੰਨ ਸ਼ਰਤਾਂ ਲਈ ਕਤਾਰਾਂ ਹਨ ਅਤੇ $\tan^{-1} x$ ਉਲਟਾ x ਮਾਇਨਸ y ਉਲਟਾ y ਲਈ ਮੁੱਲ x ਅਤੇ y ਦੋਵਾਂ ਦੁਆਰਾ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਸਥਿਤੀ 'ਤੇ ਨਿਰਭਰ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਹੁਣ ਤੱਕ ਅਸੀਂ ਸਿਰਫ ਇਹ ਦੇਖਿਆ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਨੂੰ ਕਿਵੇਂ ਜੋੜਿਆ ਜਾਵੇ। ਦੋ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਵੇਰੀਏਬਲ x ਅਤੇ y ਦਾ ਉਲਟ ਪਰ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇਹ ਚੀਜ਼ਾਂ ਉਤਪੰਨ ਹੋ ਸਕਦੀਆਂ ਹਨ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ, ਆਓ ਇਹ ਦੱਸੀਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ x ਪਲੱਸ ਕੋਸ ਇਨਵਰਸ y ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਕਿਵੇਂ ਕਰੀਏ ਤਾਂ ਇੱਕ ਇੱਕ ਤਰੀਕਾ ਇਹ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਕਿਸੇ ਚੀਜ਼ ਦੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ x ਤੋਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਤੱਕ ਪਰਿਵਰਤਨ ਫਾਰਮੂਲੇ ਨੂੰ ਲੱਭ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਅਤੇ ਦੁਬਾਰਾ ਕਿਸੇ ਚੀਜ਼ ਦੇ $\cos^{-1} y$ ਤੋਂ \tan^{-1} ਇਨਵਰਸ ਤੱਕ ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਅਸੀਂ ਇਨ੍ਹਾਂ ਦੋਵਾਂ ਸ਼ਬਦਾਂ ਨੂੰ ਇੱਥੇ ਦੇ ਹੋਰ ਵੇਰੀਏਬਲਾਂ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਵਿੱਚ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੀ ਸਲਾਈਡ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਦੋ ਵੇਰੀਏਬਲਾਂ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਨੂੰ ਕਿਵੇਂ ਜੋੜਿਆ ਜਾਵੇ। ਆਹ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੋ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸਾਰੀ ਚੀਜ਼ ਨੂੰ ਇੱਕ ਵੇਰੀਏਬਲ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਹ ਸਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰੇਗਾ ਤਾਂ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਅਜਿਹਾ ਕਰਨ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਟੈਨ ਤੋਂ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਤੋਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਵਾਈਸ ਉਲਟ ਅਤੇ ਫਿਰ \cos^{-1} ਤੋਂ ਕੁਝ ਰੂਪਾਂਤਰਨ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਲੋੜ ਪਵੇਗੀ। ਇਨਵਰਸ ਤੋਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਫਿਰ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਤੋਂ ਕੋਸ ਇਨਵਰਸ ਤੱਕ, ਇਸ ਲਈ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੀਆਂ ਸਲਾਈਡਾਂ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਨੂੰ ਤੇਜ਼ੀ ਨਾਲ ਅਹ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਾਂਗੇ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਮਾਮਲੇ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਸਵਾਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਹੈ x ਦਾ ਮੁੱਲ ah ਜੋ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਦੇਖਣਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ x ਦਾ ah ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਕਿਸ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਚਿੰਨ੍ਹ ਲੱਭਣਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ ਦੇਈਏ ਕਿ ਥੀਟਾ ਪਾਪ ਉਲਟ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਫਿਰ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਥੀਟਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਜੋ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ ਅਣਜਾਣ ਚੀਜ਼ ਨੂੰ ਇੱਥੇ ਲੱਭਣਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ x ਦੇ ਟੈਨ ਨੂੰ ਲੱਭਣ ਵਿੱਚ ਦਿਲਚਸਪੀ ਰੱਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਇਹ ਸਮੀਕਰਨ ਇੱਥੇ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਦੋਹਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ ਟੈਂਜੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲੈਂਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੈਨੂੰ ਜੋ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਵੇਗਾ ਉਹ ਹੈ $\tan^{-1} x$ ਜੇਕਰ ਮੈਂ ਦੋਵਾਂ ਪਾਸਿਆਂ 'ਤੇ \tan ਲੈਂਦਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ah ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਹ ਅਣਜਾਣ ਚੀਜ਼ ਇੱਥੇ ਹੈ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ x ਨੂੰ ਦਰਸਾਇਆ ਗਿਆ ਹੈ ਥੀਟਾ ਦੁਆਰਾ ਅਸੀਂ ਆਖਰਕਾਰ ਥੀਟਾ ਦਾ ਟੈਨ ਲੱਭਣਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਪਰ ਥੀਟਾ ਦਾ ਟੈਨ $\cos^{-1} x$ ਉੱਤੇ $\sin^{-1} x$ ਹੈ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\sin^{-1} x$ ਅਸਲ ਵਿੱਚ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ $\cos^{-1} x$ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣਾ ਆਸਾਨ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਸ ਕੋਸ ਵਿੱਚ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ ਘਟਾਓ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ $\pi/2$ ਤੋਂ $3\pi/2$ ਤੱਕ $\cos^{-1} x$ ਹਮੇਸ਼ਾ ਹੋਵੇਗਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਰਹੇ ਇਹ ਹਮੇਸ਼ਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਰਹੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਤੇ ਇਹ ਵੀ ਕਿ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਹੀ ਇਹ ਫਾਰਮੂਲਾ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\cos^{-1} x$ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਇੱਕ ਮਾਇਨਸ ਸਿਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਸਿਨ ਥੀਟਾ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ $\cos^{-1} x$ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਵਰਗ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਬੇਸ਼ੱਕ $\cos^{-1} x$ ਥੀਟਾ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਵਰਗ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਦਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਹੀ ਹੈ ਇੱਥੇ ਪਾਓ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਆਖਰਕਾਰ ਇਹ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਥੀਟਾ ਦਾ ਟੈਨ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਵਰਗ ਦੇ ਰੂਟ ਉੱਤੇ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਸਾਫ਼-ਸਾਫ਼ ਲਿਖਣਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਦੇ ਰੂਟ ਉੱਤੇ x ਉੱਤੇ ਸਿਨ ਉਲਟਾ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਵਰਗ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਹੁਣ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਇਹ ਚਿੰਨ੍ਹ ਦੇਖਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਉਲਟਾ x ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ x ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੀ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਵੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਕੁਝ ਕੋਟ ਥੀਟਾ ਦਾ ਟੈਨ ਇਸ ਮੁੱਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਥੀਟਾ ਇਸ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ। ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਦਾ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ nd

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਦੇਖਣਾ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨ ਹੈ ਕਿ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਥੀਟਾ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਵਰਗ ਦੇ x ਓਵਰ ਰੂਟ ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਹ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਚਿੰਨ੍ਹ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਵਰਗ ਦੇ x ਓਵਰ ਰੂਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਕਰਾਂਗੇ ਸਾਨੂੰ ਉਲਟਾ ਵੀ ਕਰਨਾ ਪੈਂਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ah ਮੰਨ ਲਓ ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ ਅਸਲ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ x ah ਦਾ ਕੁਝ ਮੁੱਲ ਦਿੱਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਸਵਾਲ ਪੁੱਛਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਇਹ ਦਲੀਲ ਲੱਭੋ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਸਾਈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਇਸ ਅਣਜਾਣ ਵੇਰੀਏਬਲ ਦਾ ਉਲਟਾ ਇੱਥੇ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਦੁਬਾਰਾ ਉਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਕੀਤਾ ਸੀ, ਆਓ ਥੀਟਾ ਦੁਆਰਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਨੂੰ ਦਰਸਾਉਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਥੀਟਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਜੋ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਤੋਂ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਤੱਕ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਹੈ। $\pi/2$ ਅਤੇ ਫਿਰ $\sin^{-1} x$ ਨੂੰ $\tan^{-1} x$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ $\sec^{-1} x$ is $1/\cos^{-1} x$ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਉੱਤੇ ਟੈਨ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਪਛਾਣ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਸਕਿੰਟ ਹੈ $\tan^{-1} x$ ਤਾਂ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਸ ਪੜਾਅ ਲਈ ਵਰਤਿਆ ਹੈ ਤਾਂ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ x ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਟੈਨ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਟੈਨ ਥੀਟਾ ਨੂੰ ਇੱਥੇ x ਨਾਲ ਬਦਲਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਟੈਨ ਵਰਗ ਥੀਟਾ ਨੂੰ x ਵਰਗ ਨਾਲ ਬਦਲ ਦਿੱਤਾ ਜਾਵੇਗਾ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਆਹ ਇਹ ਵਰਗ ਰੂਟ ਇੱਥੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਰੂਟ ਹੈ ਇਸਦਾ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜਦੋਂ ਥੀਟਾ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ $\pi/2$ ਤੋਂ $3\pi/2$ ਤੱਕ ਥੀਟਾ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਥੀਟਾ ਦਾ ਸੈਕੈਂਟ ਸਾਰੇ ਥੀਟਾ ਲਈ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ। ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਕਿਉਂਕਿ ah $\sec^{-1} x$ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਹੈ ਅਸੀਂ $1/\cos^{-1} x$ ਵਰਗ ਦਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਲਵਾਂਗੇ ਤਾਂ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਕੀ ਹੈ ਥੀਟਾ ਦਾ ਸਾਈਨ ਜਿੱਥੇ ਥੀਟਾ ਟੈਨ ਹੈ ਉਲਟਾ x ਇਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਸਾਈਨ ਵਜੋਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਦਾ ਇੱਕ ਜੇੜ x ਵਰਗ ਦੇ ਰੂਟ ਉੱਤੇ x ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਪਰ ਇਹ ਕੋਟ $\tan^{-1} x$ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਰੋਜ਼ ਸੈੱਟ ਵੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਰੋਜ਼ ਦਾ ਇੱਕ ਉਪ ਸਮੂਹ ਹੈ। ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਸੈੱਟ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਤੋਂ ਐੱਸ ਟੈਟਮੈਂਟ ਇੱਥੇ ਇਹ ਦੱਸਦਾ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਇੱਕ ਜੇੜ x ਵਰਗ ਦੇ ਰੂਟ ਉੱਤੇ x ਦੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਆਰਗੂਮੈਂਟ ਦੇ ਅੰਦਰ ਇਹ ਵੱਡਾ ਪ੍ਰਸ਼ਨ ਚਿੰਨ੍ਹ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਜੇੜ x ਵਰਗ a ਦੇ x ਓਵਰ ਰੂਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਇੱਕ ਛੋਟੀ ਜਿਹੀ ਉਦਾਹਰਣ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਮਹੱਤਤਾ ਨੂੰ ਸਮਝਣ ਵਿੱਚ ਮਦਦ ਕਰੇਗੀ ਜੋ ਅਸੀਂ ਹੁਣੇ ਹੀ ਲਿਆ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਕਹਿਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਹੋਰ ਅਸਲ ਸੰਖਿਆ ਦੇ ਇੱਕ ਓਵਰ ਤਿੰਨ ਪਲੱਸ ਸਿਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਮੁੱਲ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨ ਲਈ ਕਿਹਾ ਗਿਆ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਦੋ ਗੁਣਾ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਹੈ Ah ਦਾ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਵਰਗ ਰੂਟ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਅੱਠ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ, ਜੇਕਰ ਸਾਨੂੰ ਯਾਦ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਹੁਣੇ ਇਹ ਫਾਰਮੂਲਾ ਸਾਬਤ ਕੀਤਾ ਹੈ ਕਿ x ਦਾ ਸਾਈਨ ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਵਰਗ ਦੇ ਇੱਕ ਘਟਾਓ x ਵਰਗ ਦੇ ਮੂਲ ਉੱਤੇ x ਦਾ ਉਲਟਾ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਤਿੰਨ ਅਤੇ ਜੇ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰੋ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਜੋ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਾਂਗੇ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇੱਕ ਓਵਰ ਤਿੰਨ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਇੱਕ ਓਵਰ ਤਿੰਨ ਦੇ ਟੈਨ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਨੌਂ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਨਾਲ ਵੰਡਿਆ ਗਿਆ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਤਿੰਨ ਪੂਰੇ ਵਰਗ ਇੱਕ ਤੋਂ ਨੌਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਹ ਟੈਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਅੱਠ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਦਾ ਉਲਟਾ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਤਿੰਨ ਦਾ ਸਾਈਨ ਉਲਟਾ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਅੱਠ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੋਂ ਇੱਕ ਦਾ ਉਲਟਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਪਿੱਛੇ ਜਾਂਦੇ

ਹਾਂ ਤਾਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਯਾਦ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਧਨਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਲਿਆ ਸੀ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦੂਜੇ ਪਦ ਲਈ ਵੀ ਅਸੀਂ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਦੋ ਗੁਣਾ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਵੱਧ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦਾ ਅੱਠ ਬਰਾਬਰ ਟੈਨ ਦਾ ਉਲਟਾ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ x ਹੈ ਤਾਂ 2 ਦਾ 3 ਗੁਣਾ 1 ਘਟਾਓ 1 ਵੱਧ 8 ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਨਾਲ ਭਾਗ 1 ਘਟਾਓ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਇਸ ਚੀਜ਼ ਦਾ ਵਰਗ ਜੋ ਕਿ 4 ਗੁਣਾ 9 ਗੁਣਾ 1 ਘਟਾਓ 1 ਦਾ 8 ਪੂਰੇ ਵਰਗ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸ ਨੂੰ ਉਲਟਾ 2 ਨੂੰ 1 ਘਟਾਓ ਮੂਲ 8 ਵਿੱਚ ਟੈਨ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ 3 ਨੂੰ ਹੇਠਾਂ ਲੈ ਜਾਵਾਂਗੇ। ਵਰਗ ਮੂਲ ਤਾਂ ਜੋ ਇੱਥੇ ਇਸ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਪਦ ਦੇ ਵਰਗ ਦਾ 9 ਘਟਾਓ 4 ਗੁਣਾ ਬਣਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਅੱਠ ਦੇ ਵਰਗ ਰੂਟ ਦੁਆਰਾ ਇੱਕ ਜੋੜ ਇੱਕ ਗੁਣਾ ਅੱਠ ਘਟਾਓ ਦੋ ਗੁਣਾ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਅਗਲੀ ਸਲਾਈਡ 'ਤੇ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ 2 ਗੁਣਾ ਦੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ। 8 ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੁਆਰਾ 1 ਘਟਾਓ 1 ਅਤੇ So 5 ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਅਤੇ the n ਘਟਾਓ ਅੱਧਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੋੜ 8 ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੁਆਰਾ 8 ਜੋ ਕਿ 2 ਗੁਣਾ 1 ਘਟਾਓ ਦੇ ਟੈਨ ਉਲਟ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਡਾਊਨ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਲੈ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੰਨੀ ਚੰਗੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਕੀ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸ ਨੂੰ ਦੋ ਗੁਣਾ ਇੱਕ ਵਜੋਂ ਵੀ ਲਿਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ। ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਵਰਗ ਮੂਲ ਅੱਠ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ, ਨੌਂ ਦਾ ਦੋ ਜੋੜ ਅੱਠ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਅਤੇ ਜੋ ਕਿ ਦੋ ਦਾ ਉਲਟਾ ਅੱਠ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਵਿੱਚ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਅੱਠ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਨੂੰ ਭਾਜ ਲਈ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ। ਇੱਥੇ ਸਾਨੂੰ ਅੱਠ ਦਾ 36 ਜੋੜ ਅੱਠ ਗੁਣਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਮਿਲਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅੱਠ ਦਾ ਅੱਠ ਗੁਣਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੋਵੇਗਾ ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੈ, ਇਹ ਦੂਜੇ ਪਦ ਲਈ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਸ਼ਬਦ ਇੱਥੇ ਦੋ ਗੁਣਾ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਇਹ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਇਸ ਚੀਜ਼ ਦਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਹੁਣ ਸਾਨੂੰ ਕਰਨਾ ਪਏਗਾ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਦੇਖਿਆ ਸੀ ਕਿ ਇੱਕ ਓਵਰ 3 ਦੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਨੂੰ ਇੱਕ ਓਵਰ ਰੂਟ ਅੱਠ ਦਾ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਮੰਨਿਆ ਗਿਆ ਸੀ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਚੀਜ਼ ਲਈ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਮੀਕਰਨ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਇਆ ਹੈ ਜੋ ਇੱਥੇ ਹੈ ਤਾਂ ਹੁਣ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਵਿੱਚ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ। ਦੋਵਾਂ ਨੂੰ ਜੋੜਨ ਦੀ ਸਥਿਤੀ ਤਾਂ ਆਖਰਕਾਰ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਕੀ ਹੈ 1 ਓਵਰ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ 3 ਪਲੱਸ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਆਫ਼ 2 ਦਾ 3 ਗੁਣਾ 1 ਘਟਾਓ 1 ਓਵਰ 8 ਦਾ ਵਰਗ ਰੂਟ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ 1 ਓਵਰ 8 ਦਾ ਵਰਗ ਰੂਟ ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸ ਸਮੀਕਰਨ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਇਸ 4 ਨੂੰ ਰੱਦ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜਿਸ ਨਾਲ ਅਸੀਂ ਵਰਗ ਲੈ ਸਕਦੇ ਹਾਂ 4 ਦਾ ਮੂਲ ਇੱਥੇ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ 8 ਘਟਾਓ 1 ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ 9 ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦਾ ਦੋ ਗੁਣਾ ਅੱਠ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਕੀਤਾ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੋ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਜੋੜ ਨੂੰ ਦੋ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਜੋੜ ਵਿੱਚ ਬਦਲ ਦਿੱਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਫਾਰਮੂਲਾ ਵਰਤਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਕੀ ਜਾਂਚ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਜੇ ਮੈਂ ਹੁਣ ਨਹੀਂ ਕਰਾਂਗਾ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਸ ਮੁੱਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ x ਅਤੇ y ਇਸ ਮੁੱਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਤੁਸੀਂ ਇਸਦੀ ਜਾਂਚ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ। ਇਸ x ਅਤੇ ਇਸ y ਦਾ ਗੁਣਨਫਲ 1 ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ $i \tan^{-1} x$ ਪਲੱਸ $\tan^{-1} y$ ਲਈ ਵਰਤ ਸਕਦਾ ਹਾਂ ਉਲਟਾ y ਇਸ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰ ਸਕਦਾ ਹੈ $\tan^{-1} x + \tan^{-1} y = \tan^{-1} \frac{x+y}{1-xy}$ ਇਹ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਸ ਵਾਰ ਇਹ ਜੋ x ਹੈ। ਵਾਰ y 1 ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਹ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨ ਹੋ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ 1 ਦੇ \tan^{-1} ਉਲਟਾ ਵਰਗ π ਨਾਲ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। 8 ਦਾ π ਪਲੱਸ ਰੂਟ ਅੱਠ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਨੌਂ ਦਾ ਮੂਲ ਜੋੜ ਦੇ ਮੂਲ ਅੱਠ ਤੋਂ ਵੱਧ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅੱਠ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਇੱਕ ਘਟਾਓ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਬਹੁਤ ਦਾ ਘਟਾਓ ਜੜ ਦੇ ਗੁਣਾ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅੱਠ ਦਾ ਸੋਲਾਂ ਗੁਣਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਅਤੇ ਇਹ ਆਹ ਉੱਤੇ ਹੋਰ ਸਰਲੀਕਰਨ \arcsin ਜੋ ਵੀ ਇੱਥੇ ਅੰਦਰ ਹੈ ਉਹ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਅੰਕ ਅਤੇ ਹਰ ਇੱਕ ਹੀ ਹੋਣਗੇ ਅਤੇ ਇਹ ਇੱਕ ਆਸਾਨ ਅਭਿਆਸ ਦੇ ਤੌਰ 'ਤੇ \arcsin ਨੂੰ ਛੱਡ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੱਕ ਦਾ \tan^{-1} ਉਲਟਾ ਬਣ ਜਾਵੇਗਾ ਜੋ ਚਾਰ ਦੇ ਬਰਾਬਰ π ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹਨਾਂ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਕੁਝ ਹੋਰ ਸਬੰਧ ਬਣਾਏ ਅਤੇ ਖਾਸ ਤੌਰ 'ਤੇ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ x ਪਲੱਸ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਦੇ ਫਾਰਮੂਲੇ ਅਤੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਰੂਪਾਂਤਰਣ ਬਾਰੇ ਚਰਚਾ ਕੀਤੀ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਗਲੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਹੋਰ \arcsin ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੇਖਾਂਗੇ ਅਤੇ ਕੁਝ ਲੈ ਸਕਦੇ ਹਾਂ। ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਵੀ ਇੱਕ ਹੋਰ ਬਹੁਤ ਮਹੱਤਵਪੂਰਨ ਚੀਜ਼ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਵੀ ਵੇਖੀ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਮਾਮਲਿਆਂ ਨਾਲ ਕਿਵੇਂ ਨਜਿੱਠਣਾ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ f ਥੀਟਾ ਹੈ ਜਿੱਥੇ f ਕੁਝ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਪਰ ਥੀਟਾ ਨੁਕਸਾਨ ਹੈ। f ਉਲਟ ਦੀ ਰੋਜ਼ ਵਿੱਚ ਨਾ ਹੋਣ ਲਈ ਸਿਖਲਾਈ ਦਿੱਤੀ ਗਈ ਹੈ ਤੁਹਾਡਾ ਧੰਨਵਾਦ