

ਪਿਛਲੇ ਸੱਤ ਲੈਕਚਰਾਂ ਵਿੱਚ ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਪਹਿਲੇ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਤੁਹਾਡਾ ਸੁਆਗਤ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਜਿਵੇਂ ਕਿ $\sin x$, $\cos x$, $\cot x$, $\tan x$, $\csc x$ ਅਤੇ $\sec x$ ਬਾਰੇ ਚਰਚਾ ਕੀਤੀ ਸੀ, ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਦੇ ਉਲਟਾਂ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਕਰਾਂਗੇ। ਇਹਨਾਂ ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ $\arcsin$ ਦੀ ਪਛਾਣ ਦੀ ਚਰਚਾ ਕਰੀਏ, ਆਉ ਅਸੀਂ $\sin x$ ਦੇ ਕੇਸ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਆਪਣੇ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰਾਂ ਤੋਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\sin x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਇੱਕ ਡੋਮੇਨ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਜੋ ਸਾਰੇ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਰੇਂਜ ਘਟਾਉਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਸਾਰੀਆਂ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਹੁੰਦੀ ਹੈ। ਇੱਕ ਇਸਦਾ ਮਤਲਬ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕੋਈ ਅਸਲ ਮੁੱਲ x ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ x ਦਾ ਚਿੰਨ੍ਹ ਨਿਸ਼ਚਤ ਤੌਰ 'ਤੇ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਉਂਦਾ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੋਵੇਗਾ ਅਗਲਾ ਸਵਾਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਕੀ ਅਸੀਂ $\sin x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਕਿ ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੁਆਰਾ ਮੇਰਾ ਕੀ ਮਤਲਬ ਹੈ? ਕਹਿਣ ਦਾ ਮਤਲਬ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਕਿਸੇ ਵੀ y ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਵਾਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜਦੋਂ ਕੋਈ ਵਿਲੱਖਣ ਮੌਜੂਦ ਹੈ ਤਾਂ ਕੀ r ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਕੋਈ ਵਿਲੱਖਣ x ਮੌਜੂਦ ਹੋਵੇਗਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ x ਦਾ $\sin x$ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ। $\arcsin$ ਇਸ y ਲਈ ਤਾਂ ਇਹ ਉਹ ਬੁਨਿਆਦੀ ਸਵਾਲ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪੁੱਛ ਰਹੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਕਿਉਂਕਿ $\sin x$ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇੱਕ ਪੀਰੀਅਡਿਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਇਹ ਸੱਚ ਨਹੀਂ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਸ ਸਲਾਈਡ 'ਤੇ ਮੈਂ $\sin x$ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੇ 'ਤੇ x ਹੈ। ਲੇਟਵੇਂ ਧੁਰੇ 'ਤੇ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਕਹਿਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ y ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਉਨ੍ਹਾਂ ਸਾਰੇ x ਨੂੰ ਲੱਭਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜਿਵੇਂ ਕਿ $\sin x$ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰੀਏ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਲੇਟਵੀਂ ਰੇਖਾ ਖਿੱਚਦੇ ਹਾਂ ਜੋ x ਧੁਰੇ ਦੇ ਸਮਾਨਾਂਤਰ ਹੈ ਅਤੇ ਜੋ ਕਿ y ਧੁਰੇ 'ਤੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਪਾਸੇ 'ਤੇ ਅੱਧੇ ਦੇ ਵਿਸਥਾਪਨ 'ਤੇ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇੱਥੇ x ਦੇ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਮੁੱਲ ਹਨ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਇਹ ਮੁੱਲ ਅਤੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਇੱਥੇ ਅਤੇ ਇਹ ਮੁੱਲ x ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ

ਇਸ ਲਈ x ਦੇ ਇਹ ਸਾਰੇ ਮੁੱਲ ਅਜਿਹੇ ਹਨ ਕਿ x ਦਾ ਚਿੰਨ੍ਹ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਅਨੰਤ ਹਨ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਤੋਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ x ਨਹੀਂ ਲੱਭ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ $\sin x$ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਆਮ ਤੌਰ 'ਤੇ ਹੁਣ ਤੱਕ ਇਹ ਪ੍ਰਤੀਤ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਹੋਵੇਗਾ। ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨਾ ਮੁਸ਼ਕਲ ਹੈ $\sin$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹਾਲਾਂਕਿ ਅਸੀਂ ਅਜੇ ਵੀ ਇਸਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਛੋਟੀ $\arcsin$ ਸਧਾਰਨ ਉਦਾਹਰਣ ਲੈਣ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਸਲਾਈਡ 'ਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਫੰਕਸ਼ਨ $f(x)$ ਦਾ ਇੱਕ ਪਲਾਟ x ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ y ਬਰਾਬਰ x ਵਰਗ ਨੂੰ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ x ਉੱਤੇ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ। ਲੇਟਵੇਂ ਧੁਰੇ 'ਤੇ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਨੀਲੀ ਬਿੰਦੀ ਵਾਲੀ ਕਰਵ x ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ y ਲਈ ਵਕਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਨੂੰ ਸਾਰੀਆਂ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦੇ ਸੈੱਟ ਤੋਂ ਲੈ ਕੇ ਸਾਰੀਆਂ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦੇ ਸੈੱਟ ਤੱਕ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜਿਸਨੂੰ ਮੈਂ r ਪਲੱਸ ਦੁਆਰਾ ਦਰਸਾਉਂਦਾ ਹਾਂ ਹੁਣ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਦੀ ਰੇਂਜ ਵਿੱਚ y ਦੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਮੁੱਲ ਲਈ ਇੱਥੇ ਵੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ, ਤਾਂ ਆਉ ਉਦਾਹਰਣ ਲਈ ਇਹ y ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਦੇ ਲਈ ਲੈ ਲਈਏ ਤਾਂ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਲਈ ਅਸੀਂ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ x ਦੇ ਦੋ ਮੁੱਲ ਹਨ ਇੱਕ x ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਅਤੇ ਫਿਰ x ਦਾ ਇੱਕ ਹੋਰ ਮੁੱਲ ਹੈ ਜੋ x ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਉਂਦਾ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ x ਬਰਾਬਰ ਦੇ ਮਾਇਨਸ ਇੱਕ ਅਤੇ x ਬਰਾਬਰ ਦੇ ਪਲੱਸ ਵਨ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ y ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਦੁਬਾਰਾ ਕੋਈ ਵਿਲੱਖਣ x ਨਹੀਂ ਹੈ ਜੋ $f(x)$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। x ਵਰਗ ਇੱਕ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹਨਾਂ ਦੋਵਾਂ ਲਈ x ਘਟਾਉਂਦਾ ਇੱਕ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇੱਕ ਸਾਨੂੰ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ y ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਕੋਈ ਵਿਲੱਖਣ x ਨਹੀਂ ਹੈ ਜਿਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ x ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨਾ ਮੁਸ਼ਕਲ ਜਾਪਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਕ ਆਮ ਚਾਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਨਵੇਂ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਅਤੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਜੋ ਕਿ ਪੁਰਾਣੇ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਸਮਾਨ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਅਜੇ ਵੀ ਹੈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ x ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ $f(x)$ ਹੋਵੇਗਾ ਪਰ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸਾਰੇ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦੇ ਸਮੂਹ ਤੋਂ ਸਾਰੇ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦੇ ਸਮੂਹ ਦੇ ਉਪ ਸਮੂਹ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਾਂਗੇ ਚਲੋ ਅਸੀਂ ਕਹੀਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ f ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਇਸ ਹੇਠਲੇ ਉਪ-ਸੈੱਟ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ, ਆਉ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ ਦੇਈਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਸਭ ਦੇ ਸੈੱਟ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਸੈੱਟ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ 0 ਤੋਂ ਸਭ ਤੋਂ ਅਨੰਤ ਤੱਕ ਇੰਨਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇੱਕ ਨਵਾਂ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਜੋ r ਪਲੱਸ ਤੋਂ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ r ਪਲੱਸ ਲਾਜ਼ਮੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਅਨੰਤ ਤੱਕ ਦਾ ਇਹ ਅੰਤਰਾਲ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਨਵਾਂ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਪ੍ਰਾਈਮ r ਪਲੱਸ ਤੋਂ r ਪਲੱਸ ਤੱਕ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ x ਦਾ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਦੁਬਾਰਾ x ਵਰਗ ਸੱਜੇ ਹੈ ਤਾਂ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਦੁਬਾਰਾ ਹੈ f prime x x ਵਰਗ ਹੈ ਜੋ ਸਮਾਨ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਪਹਿਲਾਂ ਇਹ ਸੀ ਕਿ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਹੁਣ ਆਰ ਤੋਂ ਆਰ ਪਲੱਸ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰ ਦਿੱਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਪਰ ਇਸ ਪਾਥੀ ਨੂੰ ਕਰਨ ਦਾ ਫਾਇਦਾ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਆਰ ਤੋਂ ਆਰ ਪਲੱਸ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਕੇ ਅਸੀਂ ਅਜੇ ਵੀ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਡੋਮੇਨ ਦੀ ਪੂਰੀ ਸ਼੍ਰੇਣੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਅਜੇ ਵੀ ਉਹੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਪਹਿਲਾਂ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਪਿਛਲੇ ਫੰਕਸ਼ਨ f r ਪਲੱਸ ਸੀ ਕਿਉਂਕਿ $f(x)$ x ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਸੀ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ x ਵਰਗ ਸਿਰਫ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਪਿਛਲੇ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ r ਪਲੱਸ ਹੁਣ ਵੀ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ f ਤੋਂ r ਤੋਂ r ਪਲੱਸ ਤੱਕ ਹੁਣ ਵੀ ਡੋਮੇਨ ਅਜੇ ਵੀ r ਪਲੱਸ ਹੀ ਰਹੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਸਾਰੀਆਂ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਨੰਬਰਾਂ ਇਸ ਨਵੇਂ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਦੀ ਰੇਂਜ ਵਿੱਚ ਹੋਣਗੀਆਂ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸੀਮਤ ਕਰ ਦਿੱਤਾ ਹੈ। ਕਿ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਅਜੇ ਵੀ ਉਹੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਨੂੰ ਨਹੀਂ ਬਦਲ ਰਹੇ ਹਾਂ ਪਰ ਮਹੱਤਵਪੂਰਨ ਗੱਲ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਕੀਤੀ ਹੈ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਡੋਮੇਨ ਦੀ ਇਸ ਪਾਥੀ ਨੂੰ ਕਰਨ ਨਾਲ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜੋ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ

ਇਸ ਲਈ ਮੈਂ ਪਲਾਟੀ ਹਾਂ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਨੂੰ ਲਾਲ ਰੰਗ ਵਿੱਚ ਇਸਲਈ ਮੈਂ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਿਰਫ ਖਿਤਿਜੀ ਧੁਰੀ ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਪਾਸੇ 'ਤੇ x ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ $f(x)$ ਦੇ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਨੂੰ ਸਮਝਦਾ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਲਾਲ ਰੰਗ ਵਿੱਚ ਇਹ ਕਰਵ ਨਵੇਂ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਲਈ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਹੈ ਅਤੇ ਹੁਣ ਜੋ ਅਸੀਂ $\arcsin$ ਦਾ ਕੋਈ ਵੀ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ y ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇੱਕ ਦੇ ਤਿੰਨ, ਆਉ ਇੱਥੇ ਚਾਰ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ y ਨੂੰ ਚਾਰ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਕੀ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਪ੍ਰਤੀਬੰਧਿਤ ਡੋਮੇਨ ਵਿੱਚ x ਦਾ ਕੇਵਲ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਹੈ ਜੋ ਹੈ x ਬਰਾਬਰ 2 ਜਿਸ ਲਈ f ਪ੍ਰਾਈਮ x 4 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਪ੍ਰਤੀਬੰਧਿਤ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ y ਬਰਾਬਰ 1 ਲਈ ਵੀ ਪ੍ਰਤੀਬੰਧਿਤ ਡੋਮੇਨ ਵਾਲੇ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਲਈ ਸਿਰਫ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਹੱਲ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ x ਬਰਾਬਰ ਪਲੱਸ ਵਨ ਅਤੇ ਅਜਿਹਾ

ਇਸ ਲਈ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ r ਤੋਂ r ਪਲੱਸ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰ ਦਿੱਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਹੁਣ ਵਿਲੱਖਣਤਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਕੋਈ ਹੋਰ y ਲੈ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ y ਨੂੰ ਲੈ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ y ਦਾ ਕੁਝ ਮੁੱਲ ਹੈ ਤਾਂ ਵੀ ਇਸ ਤਾਰ ਲਈ ਇਹ ਵਿਲੱਖਣ ਹੈ x ਇਹ $\arcsin$ ਹੈ e ਵਿਲੱਖਣ x ਜਿਵੇਂ ਕਿ x ਦਾ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਜੋ ਕਿ x ਵਰਗ ਹੈ, ਇਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਪ੍ਰਤੀਬੰਧਿਤ ਫੰਕਸ਼ਨ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਲਈ ਹੁਣ ਇਸ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨਾ ਸੰਭਵ ਹੈ, ਆਉ ਅਸੀਂ $\arcsin$ ਕਹੀਏ ਜੋ r ਪਲੱਸ ਤੋਂ r ਪਲੱਸ ਤੱਕ ਹੈ ਅਤੇ r ਪਲੱਸ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਕਿਸੇ ਵੀ y $\arcsin$ ਲਈ ਉਲਟਾ y ਦਾ $\arcsin y$ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਜਿੱਥੇ ਇਹ y ਦਾ ਧਨਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ $\arcsin$ ਨੂੰ ਕਈ ਵਾਰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤੁਸੀਂ $\arcsin$ ਵੀ ਲਿਖੋਗੇ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਕਈ ਵਾਰ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਇਨਵਰਸ ਲਿਖਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਅਸਲ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਨਾਮ 'ਤੇ $\arcsin$ 'ਤੇ ਇਸ ਸੁਪਰਸਕਰਿਪਟ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜਿਸ ਦੇ ਉਲਟ ਅਸੀਂ

ਇਸ ਲਈ f prime inverse ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜਾਂ ਕਈ ਵਾਰ ਲੋਕ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਨਹੀਂ ਵੀ ਲਿਖਦੇ ਹਨ। ਉਹ ਸਿਰਫ ਲਿਖਦੇ ਹਨ ਕਿ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਇਨਵਰਸ r ਪਲੱਸ 2 r ਪਲੱਸ ਤੋਂ ਹੈ ਅਤੇ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਇਨਵਰਸ y ਦੇ ਕਿਸੇ ਵੀ y ਲਈ ਹੈ ਜੋ f ਪ੍ਰਾਈਮ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ f ਮਾਫ ਕਰਨਾ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਪ੍ਰਧਾਨ ਭੁੱਲ ਗਿਆ ਹੈ f y ਦਾ ਪ੍ਰਮੁੱਖ ਉਲਟ y ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਉਸੇ ਤਰੀਕੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ $\arcsin$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਨਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਰੇਂਜ ਨੂੰ ਬਦਲਿਆ ਨਹੀਂ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਪਰ ਫਿਰ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਤੌਰ 'ਤੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਜਾਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਪੂਰੀ ਚਾਲ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਨਾ ਹੈ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਇਸ ਕੇਸ ਵਿੱਚ ਵੀ ਜੋ ਅਸੀਂ ਕਹੀਏ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਆਰ ਪਲੱਸ ਦੀ ਬਜਾਏ ਆਰ ਪਲੱਸ ਦੀ ਬਜਾਏ ਸੀਮਤ ਕਰੋ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਪ੍ਰਤੀਬੰਧਿਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਨੂੰ ਕੁਝ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਉਂਦਾ 2 ਤੋਂ ਪਲੱਸ 2 ਕਹਿਣ ਦਿਓ ਤਾਂ ਇਹ ਕੰਮ ਨਹੀਂ ਕਰੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਮਾਇਨਸ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਟੂ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸੀਮਾ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਸਿਰਫ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਲੈ ਕੇ ਚਾਰ ਤੱਕ ਦਾ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹਿ

ਦੇਈਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਮਾਇਨਸ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਟੂ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਮਾਇਨਸ ਟੂ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਟੂ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਸਿਰਫ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਚਾਰ ਸੱਜੇ ਹੋਵੇਗੀ ਜਦੋਂ ਕਿ ਅਸਲ ਫੰਕਸ਼ਨ ਸਾਰੀਆਂ ਗੈਰ-ਨੈਗੇਟਿਵ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਸੀ ਅਤੇ ਇਹ ਇਸ ਰੇਂਜ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ 4 ਸੱਜੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਕੋਈ ਅਰਥਪੂਰਨ ਪਾਬੰਦੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਸਾਨੂੰ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਅਜਿਹੇ ਵਾਅ ਵਿੱਚ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਨੀ ਚਾਹੀਦੀ ਹੈ। y ਕਿ ਰੇਂਜ ਨੂੰ ਬਦਲਿਆ ਨਹੀਂ ਜਾਂਦਾ ਸੀਮਾ ਅਜੇ ਵੀ ਉਹੀ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਇਸ ਤਕਨੀਕ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਲਈ ਕਰਾਂਗੇ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰ ਸਕੀਏ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਦੁਬਾਰਾ y ਬਰਾਬਰ $\sin x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਤੇ ਵਾਪਸ ਚਲੇ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\sin x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਤਿਬੰਧਿਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਸਾਨੂੰ $\arcsin x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਡੋਮੇਨ ਦੱਸਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਤੋਂ 2 ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। $-\pi/2$ to $\pi/2$. ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ $\sin x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ $\pi/2$ to $\pi/2$

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਪਾਬੰਦੀ ਨੂੰ ਕਰਨ ਨਾਲ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਪ੍ਰਤਿਬੰਧਿਤ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਕਰਵ ਹੋਵੇਗਾ ਠੋਸ ਲਾਲ ਕਰਵ ਜੋ ਮੈਂ ਹੁਣ ਖਿੱਚਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਪ੍ਰਤਿਬੰਧਿਤ $\sin x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਵਕਰ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ 2 ਤੋਂ ਪਲੱਸ $\pi/2$ ਬਾਇ 2 ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਵੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਹ ਪਾਬੰਦੀ ਸਾਰੇ ਆਰ ਟੀ ਉਸ ਦੇ ਸੰਭਾਵੀ ਮੁੱਲ ਉੱਥੇ ਹਨ ਕਿਉਂਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਵਕਰ ਦੀ ਪਾਲਣਾ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਇਸ ਦਿਸ਼ਾ ਵਿੱਚ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ $\sin x$ ਦੇ ਮੁੱਲ ਲਗਭਗ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਤੱਕ ਜਾਂਦੇ ਹਨ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅੱਗੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ $\arcsin$ ਵੱਲ ਵਧਦੇ ਹਾਂ। ਅੱਗੇ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਤੱਕ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਸ ਪਾਬੰਦੀ ਦੇ ਬਾਅਦ ਵੀ ਸਾਈਨ ਐਕਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਅਜੇ ਵੀ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਹੈ ਇਸ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਰੇਂਜ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਵਿੱਚ y ਦਾ ਕੋਈ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ। ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਕਹੀਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਸ y ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ y ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ y ਨੂੰ ਘਟਾਓ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਸ ਪ੍ਰਤਿਬੰਧਿਤ ਡੋਮੇਨ ਵਿੱਚ x ਦਾ ਕੇਵਲ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ x ਦਾ ਚਿੰਨ੍ਹ ਅੱਧੇ ਘਟਾਓ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਕਿਉਂਕਿ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਪ੍ਰਤਿਬੰਧਿਤ ਡੋਮੇਨ ਵਿੱਚ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ $\sin x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਜਦੋਂ ਇਸ ਡੋਮੇਨ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਹੈ ਤਾਂ x ਦੇ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਸਖਤੀ ਨਾਲ ਵਧਾਉਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਕਿਸੇ ਵੀ y ਲਈ ਜਿਸਨੂੰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਰੇਂਜ ਵਿੱਚ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਵਿੱਚ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਉੱਥੇ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਹੋਵੇਗਾ। $\arcsin$ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਵਿੱਚ x ਦਾ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਜਿਵੇਂ ਕਿ x ਦਾ ਚਿੰਨ੍ਹ ਇਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਅੱਧੇ ਲਈ x ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸ ਲਈ x ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ ਘਟਾਓ 30 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਡਿਗਰੀ ਜਾਂ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ 6 ਤੋਂ ਵੱਧ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਈਨ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ 6 ਗੁਣਾ ਘਟਾਓ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਲਿਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਘਟਾਓ ਅੱਧੇ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਛੇ ਹੈ ਤਾਂ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਇਸ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰ ਦਿੱਤਾ ਹੈ। ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਡੋਮੇਨ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਨਜ਼ਦੀਕੀ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਅਸੀਂ ਇਸਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਵਿਲੱਖਣ ਅਤੇ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਦੀ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਗ੍ਰਾਫ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜਿਸਦਾ ਡੋਮੇਨ ਅੰਤਰਾਲ ਹੋਵੇਗਾ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਵਨ ਵਿਚਕਾਰ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਅਤੇ ਰੇਂਜ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਹੋਵੇਗਾ ਇੱਥੇ $\arcsin$ ਬਨਾਮ $\sin x$ ਮੁੱਲਾਂ ਦੀ ਇੱਕ ਸਾਰਣੀ ਹੈ ਜੋ ਇਸ ਗ੍ਰਾਫ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਸਾਡੀ ਮਦਦ ਕਰੇਗੀ ਤਾਂ ਆਓ $\arcsin$ ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰੋ $\sin$ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਪਤਾ ਹੈ ਕਿ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੋ ਦਾ ਸਾਈਨ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮਾਈਨਸ ਵਨ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਓਵਰ ਟੂ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਮਾਈਨਸ ਵਨ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਹੈ। y ਬਰਾਬਰ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਮਾਇਨਸ ਵਨ

ਇਸ ਲਈ y ਬਰਾਬਰ ਦਾ ਮਾਈਨਸ ਵਨ ਇੱਥੇ ਹੈ ਅਤੇ ਮਾਈਨਸ ਵਨ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਇੱਥੇ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਲਾਜ਼ਮੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਇਸ ਉੱਤੇ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਮਾਈਨਸ 1 ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਹੈ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਇਸਲਈ ਮਾਈਨਸ 1 ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਗ੍ਰਾਫ ਉੱਤੇ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਆਹ ਅੱਗੇ ਵਧਦੇ ਹੋਏ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਦੀ ਸਾਈਨ 3 ਬਾਇ 3 ਹੈ ਤਾਂ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਦੀ ਸਾਈਨ 3 ਜੋ ਮਾਈਨਸ ਦਾ ਸਾਈਨ ਹੈ ਸੱਠ ਡਿਗਰੀ ਤਿੰਨ ਓਵਰ ਦੋ ਦੇ ਘਟਾਓ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਅਸੀਂ ਇਹ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਘਟਾਓ ਮੂਲ ਤਿੰਨ ਓਵਰ ਦੋ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਓਵਰ 3 ਹੈ ਤਾਂ ਵਾਈ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਮਾਇਨਸ ਰੂਟ 3 ਓਵਰ 2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ 4 ਯੂਨਿਟ ਹੈ ਅਤੇ ਮਾਇਨਸ ਰੂਟ 3 ਓਵਰ 2 ਲਗਭਗ 0 ਘਟਾਓ ਜ਼ੀਰੋ ਪੁਆਇੰਟ ਐੱਨ ਛੇ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਲਗਭਗ ਹੋਵੇਗਾ ਇੱਥੇ $\arcsin$ ਕਿਤੇ ਅਤੇ ਫਿਰ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਤਿੰਨ ਤਾਂ ਇਹ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੋ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸ ਦਾ ਦੋ ਤਿਹਾਈ ਹਿੱਸਾ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਤਿੰਨ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਛੇ ਯੂਨਿਟ ਹੈ ਇਹ ਇੱਥੇ ਕਿਤੇ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਗ੍ਰਾਫ 'ਤੇ ਬਿੰਦੂ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਸ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਦਿਖਾ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮਾਇਨਸ $\arcsin$ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ, $\arcsin$ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ, ਦੋ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ, ਦੋ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਦੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ, ਦੋ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦਾ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਗੁਣਾ ਚਾਰ ਘਟਾਓ ਹੋਵੇਗਾ। ਦੋ ਦਾ ਇੱਕ ਓਵਰ ਵਰਗ ਰੂਟ ਮਾਇਨਸ ਜ਼ੀਰੋ ਪੁਆਇੰਟ ਸੱਤ ਹੈ ਜੋ ਇੱਥੇ ਕਿਤੇ ਹੈ ਅਤੇ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਚਾਰ ਇਸ ਦਾ ਅੱਧਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਕਿਤੇ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਅਤੇ ਇਹ ਇੱਥੇ ਮਿਲਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਦਾ ਸਾਈਨ 6 ਦੁਆਰਾ 30 ਹੈ ਡਿਗਰੀ ਮਾਇਨਸ ਹਾਫ ਹੈ ਅਤੇ ਮਾਈਨਸ ਹਾਫ ਹੈ ਇੱਥੇ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਸਿਕਸ ਇਸ ਚੀਜ਼ ਦਾ ਤੀਜਾ ਹਿੱਸਾ ਹੈ ਜੋ ਇੱਥੇ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਾ ਇੱਕ ਹੋਰ ਬਿੰਦੂ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਜ਼ੀਰੋ ਦਾ ਆਹ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਜ਼ੀਰੋ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਇੱਥੇ ਹੈ ਸਮਮਿਤੀ ਸਮਾਨ ਚੀਜ਼ ਹੋਵੇਗੀ। ਦੋ ਉਤੇ y ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲਾਂ ਲਈ $\arcsin$,

ਇਸ ਲਈ $\arcsin$ ਲਈ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਕ ਦੇ ਘਟਾਓ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ $\pi/2$ ਬਾਇ ਦੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੇੜ ਰੂਟ 3 ਬਾਇ 2 ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਰੂਟ 3 ਬਾਇ 2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦਾ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਹੈ। 3 ਜੋ ਇੱਥੇ ਉੱਤੇ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇਹ ਸਾਨੂੰ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ $\pi/2$ ਓਵਰ ਫੋਰ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ $\pi/2$ ਓਵਰ ਛੇ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਇੱਥੇ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਸਾਰੇ ਬਿੰਦੂਆਂ ਨੂੰ ਜੋੜਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੇ ਤਾਂ ਇਹ ਬਿੰਦੀ ਵਾਲਾ ਲਾਲ ਕਰਵ y ਦੇ ਸਾਈਨ ਇਨਵਰਸ ਲਈ ਗ੍ਰਾਫ ਹੈ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ $\cos y$ ਲਈ ਵੀ $\arcsin$ ਲਈ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ $\cos$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਨਹੀਂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਫਿਰ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਆਵਰਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਪੂਰੀ ਅਸਲ ਰੇਖਾ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਇਸਦੇ ਉਲਟ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ y ਦਾ ਕੋਈ ਵੀ ਮੁੱਲ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇਸ $\cos$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਵਿੱਚ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਉੱਥੇ x ਦੇ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਮੁੱਲ ਹੋਣਗੇ ਜਿਸ ਲਈ $\cos x$ ਉਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਪਰ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਪਾਬੰਦੀ ਨੂੰ ਕਹਿ ਦੇਈਏ $t \in \arcsin$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ 0 ਤੋਂ π ਤੱਕ ਦੇ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਸਿਰਫ 0 ਤੋਂ π ਤੱਕ ਵਿਚਾਰ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ 0 ਤੋਂ π ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਨੂੰ 0 ਤੋਂ ਪਾਈ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ $\cos$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਗੇਅਲ ਲਾਈਨ ਦੇ ਇਸ ਸਬਸੈੱਟ ਤੱਕ ਇਸ $\arcsin$ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰੇ ਤਾਂ $\cos$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਾ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜੇ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜਿਵੇਂ ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਕੋਸ ਲਈ ਇਹ ਪੂਰੀ ਰੇਂਜ ਕਵਰ ਕੀਤੀ ਜਾਂਦੀ ਹੈ ਭਾਵੇਂ ਅਸੀਂ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਨੂੰ π ਕਰਨ ਲਈ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ 0 ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰੇ ਜਦੋਂ ਇਸ 0 ਤੋਂ ਪਾਈ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕੀਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਵੀ 1 ਅਤੇ ਘਟਾਓ 1 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਸਾਰੇ ਮੁੱਲ 1 ਅਤੇ

ਘਟਾਓ 1 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੁੰਦੇ ਹਨ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਲਾਲ ਕਰਵ 1 ਅਤੇ ਘਟਾਓ 1 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਨਿਰੰਤਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇੱਥੋਂ ਇੱਕ ਤੋਂ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰੋ ਅਤੇ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਕਰਵ ਦੇ ਨਾਲ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ π ਦੇ ਦੋ ਗੁਣਾ ਉੱਤੇ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਮੁੱਲ ਤੱਕ ਪਹੁੰਚ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਹੋਰ ਹੇਠਾਂ ਅਸੀਂ ਸਾਰੇ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਮਾਈਨਸ ਵਨ ਤੱਕ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਜਦੋਂ $x = \pi$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ $\cos$ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਕੇ ਵੀ ਪੂਰੀ ਰੇਂਜ ਨੂੰ π ਕਰਨ ਲਈ 0 ਤੱਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਫਿਰ ਵੀ ਉਹੀ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ y ਦਾ ਕੋਈ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕਹੀਏ ਕਿ ਅਸੀਂ y ਬਰਾਬਰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਅੱਧਾ ਕਹਿਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਅੱਧੇ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਅਸਲੀ $\arccos$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਵੇਖਦੇ ਹਾਂ ਜਿਸਦਾ ਡੋਮੇਨ ਸੀ ਪੂਰੀ ਅਸਲ ਲਾਈਨ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਥੇ x ਦੇ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਮੁੱਲ ਹੋਣਗੇ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਹੋਰ ਮੁੱਲ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਹੋਰ ਮੁੱਲ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇੱਕ ਹੋਰ ਮੁੱਲ ਇੱਥੇ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਵੀ ਅਤੇ x ਦੇ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਅਨੰਤ ਮੁੱਲ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਲਈ $\cos x$ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਪਰ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਤੱਕ ਅਸੀਂ ਕੀ ਦੇਖਾਂਗੇ ਕਿ x ਦਾ ਸਿਰਫ਼ ਇੱਕ ਹੀ ਮੁੱਲ ਹੈ x ਦਾ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਜੋ ਕਿ ਇਸ ਉਦਾਹਰਨ ਵਿੱਚ ਇਹ π ਤਿੰਨ ਜਾਂ ਸੱਠ ਡਿਗਰੀ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਸੱਠ ਡਿਗਰੀ ਦੀ $\cos$ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਲਈ ਕੀ ਹੈ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਸਿਰਫ਼ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ y ਲਈ ਸਹੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਸੀਂ ਅੰਤਰਾਲ $\arccos$ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਵਿੱਚ ਕਿਸੇ ਹੋਰ y ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ ਲਾਗਤ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਾਂਗੇ ਕਿ ਇਸ ਵਿੱਚ ਹਮੇਸ਼ਾ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ x ਹੋਵੇਗਾ। ਇਸ ਪ੍ਰਤੀਬੱਧਿਤ ਡੋਮੇਨ ਵਿੱਚ ਜਿਵੇਂ ਕਿ $\cos 0 = 1$ ਕਿ x ਇਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਤੌਰ 'ਤੇ ਵੀ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ ਫੰਕਸ਼ਨ $\cos$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜਦੋਂ ਇਸ ਡੋਮੇਨ ਤੱਕ ਸੀਮਤ 0 ਤੋਂ 0 ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕੀਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਮੈਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਘਟ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਕਿਸੇ ਵੀ ਮੁੱਲ ਲਈ y ਜੋ ਅਸੀਂ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਵਿੱਚ ਹਮੇਸ਼ਾ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ x ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸਲਈ $\cos$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਉਲਟਾ ਹੁਣ ਵਿਲੱਖਣ ਤੌਰ 'ਤੇ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਮੇਰਾ ਮਤਲਬ ਅਰਥਪੂਰਨ ਤੌਰ 'ਤੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ, ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਤੱਕ $\cos$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਉਲਟ ਹੈ। ਇੱਕ ਡੋਮੇਨ ਅਤੇ ਰੇਂਜ ਹੈ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ 0 ਤੋਂ π ਅਤੇ ਦੁਬਾਰਾ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਮੁੱਲਾਂ ਦੀ ਇੱਕ ਸਾਰਣੀ ਹੈ ਜਿਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਕੀਤਾ ਸੀ ਜਿਸ ਨਾਲ ਅਸੀਂ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਪਾਈ ਦਾ $\cos$ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ $\cos$ ਦਾ ਉਲਟਾ ਘਟਾਓ ਇੱਕ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ y ਦਾ ਉਲਟਾ ਉਲਟਾ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਹੈ ਇੱਥੇ π π ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਉੱਤੇ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਠੀਕ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਤਿੰਨ π ਓਵਰ ਦੀ $\cos$ ਹੈ ਚਾਰ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਓਵਰ ਚਾਰ ਦਾ $\cos$ ਦੇ ਦੋ ਵਰਗ ਮੂਲ ਉੱਤੇ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਅਸੀਂ ਜੋ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਦੇ ਦੋ ਵਰਗ ਮੂਲ ਉੱਤੇ ਮਾਇਨਸ ਇੱਕ ਦਾ $\cos$ ਉਲਟਾ ਚਾਰ ਉੱਤੇ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤਾਂ y ਬਰਾਬਰ ਮਾਈਨਸ ਇੱਕ ਓਵਰ ਦੋ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਕਿਤੇ ਏਹ ਹੈ ਅਤੇ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਬਾਇ ਚਾਰ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਤਿੰਨ ਚੌਥਾਈ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਨੌਂ ਯੂਨਿਟ ਹਨ ਤਾਂ ਤਿੰਨ ਚੌਥਾਈ ਹੋਣਗੇ ਕਿਤੇ ਛੇ ਦੇ ਆਸਪਾਸ ਅਤੇ ਤਿੰਨ ਚੌਥਾਈ ਯੂਨਿਟ ਤਿੰਨ ਚਾਰ ਪੰਜ ਛੇ ਅਤੇ ਕਿਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਜੋ ਬਿੰਦੂ ਹੈ ਉਹ ਗ੍ਰਾਫ਼ 'ਤੇ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ $\arccos$ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਹੋਰ ਅੱਗੇ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\arccos x$ ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਦੋਂ x ਦੇ ਪਾਈ ਗੁਣਾ ਤਿੰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਘਟਾਓ ਅੱਧੇ ਦਾ $\cos$ ਉਲਟਾ

ਇਸ ਲਈ $\cos$ ਉਲਟਾ ਦਾ y ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਅੱਧਾ, y ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਅੱਧਾ ਇੱਥੇ ਹੈ ਇਸਲਈ ਘਟਾਓ ਅੱਧੇ ਦਾ ਉਲਟਾ ਦੇ ਪਾਈ ਗੁਣਾ ਤਿੰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਕਿ $\arccos$ ਦਾ ਦੋ ਤਿਹਾਈ ਹਿੱਸਾ ਹੈ ਇਸ ਪੂਰੀ ਰੇਂਜ ਜੋ ਛੇ $\arccos$ ਛੇ ਦੇ ਵਰਗ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਇੱਥੇ ਆਉਂਦਾ ਹੈ ਹੁਣ ਤੱਕ ਸਾਨੂੰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕੀਤਾ ਹੈ $\cos$ ਇਨਵਰਸ ਕਰਵ ਦਾ ਇਹ ਹਿੱਸਾ ਜੋ ਮੈਂ ਇੱਕ ਬਿੰਦੀ ਵਾਲੀ ਰੇਖਾ ਨਾਲ ਦਿਖਾ ਰਿਹਾ ਹਾਂ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅੱਗੇ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ $\cos$ of π by two ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜ਼ੀਰੋ ਦਾ $\cos$ inverse π by two ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ $\cos$ inverse of zero π ਹੋਵੇਗਾ ਦੋ ਦੁਆਰਾ π ਹੋਵੇਗਾ। ਇਸ ਪੂਰੀ ਰੇਂਜ ਦਾ ਅੱਧਾ ਹਿੱਸਾ ਜੋ ਇੱਥੇ ਕਿਤੇ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਇੱਕ ਸਮਾਨ $\arccos$ ਸਮਮਿਤੀ ਹੋਵੇਗਾ ਜਿਸਦਾ ਤੁਸੀਂ y ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲਾਂ ਲਈ ਇਸ ਰੇਖਾ ਬਾਰੇ ਵਕਰ ਜਾਣਦੇ ਹੋ

ਇਸ ਲਈ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ 0 ਦਾ $\cos$ 1 ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ 1 ਦਾ $\cos$ ਉਲਟ ਹੋਵੇਗਾ। 0 ਹੋਵੇ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਕਿਹੜਾ ਹੈ ਅਤੇ ਚਲੇ ਇੱਕ ਹੋਰ ਬਿੰਦੂ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ π ਤਿੰਨ ਨਾਲ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸੱਠ ਡਿਗਰੀ ਦਾ $\cos$ ਜੋ π ਬਾਇ ਤਿੰਨ ਹੈ ਅੱਧੇ ਸੱਜੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ $\cos$ ਅੱਧੇ ਦਾ ਉਲਟਾ π ਹੋਵੇਗਾ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ $\cos$ ਇੱਥੇ y ਦਾ ਉਲਟਾ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ $\cos y$ ਦਾ ਉਲਟਾ ਅੱਧਾ ਹੈ $\pi/3$ π ਬਾਇ 3 ਇੱਥੇ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਹੈ ਇਸਲਈ ਕਰਵ ਕੁਝ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਿਖਾਈ ਦੇਵੇਗਾ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ $\cos$ ਲਈ ਇਹ ਕਰਵ ਹੈ ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਤਾਂ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਦੂਜਾ ਟ੍ਰਾਈਗੋਨੋਮੈਟ੍ਰਿਕ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਅਤੇ ਹਰ ਜਗ੍ਹਾ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹੀ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਪੂਰੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੇ ਲੈਕਚਰਾਂ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਸੀ, ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨਾ ਮੁਸ਼ਕਲ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਨਾ ਪਵੇਗਾ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਡੋਮੇਨ ਸਾਰੇ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਹਨ ਸਿਵਾਏ $\pi/2$ ਦੇ ਅੱਡ ਗੁਣਜਾਂ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਇਸ ਦਾ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ $\pi/2$ ਦੇ ਅੱਡ ਗੁਣਜਾਂ 'ਤੇ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਬੇਅੰਤ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ x ਪੂਰੀ 'ਤੇ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਹੈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ x ਹੈ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ ਦਾ ਟੈਨ ਹੈ। x ਅਤੇ ਨੀਲੇ ਬਿੰਦੀ ਵਾਲਾ ਕਰਵ $\tan x$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਦੁਬਾਰਾ ਇੱਕ ਪੀਰੀਅਡਿਕ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਇਹ π ਨਾਲ ਦੁਹਰਾਉਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ $\tan$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਘਟਾਓ π ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਦੇ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੋ ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਸਾਨੂੰ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਲੈਣਾ ਪਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਮੁਆਫ਼ ਕਰੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਹੈ ਖੁੱਲ੍ਹੇ ਅੰਤਰਾਲ ਨੂੰ ਇੱਕ ਗੋਲ ਬਰੈਕਟ ਨਾਲ ਦਰਸਾਇਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਬੰਦ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਵਰਗ ਬਰੈਕਟ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਇਸ ਖੁੱਲ੍ਹੇ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਓਪਨ ਅੰਤਰਾਲ ਲੈਣ ਦਾ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ 'ਤੇ ਅਨਬਾਊਂਡਡ ਹੋ ਜਾਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਬਚਣਾ ਪਵੇਗਾ। ਉਹ ਦੋ ਬਿੰਦੂ

ਇਸ ਲਈ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਬਾਕੀ ਸਾਰੇ ਬਿੰਦੂ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਪ੍ਰਤੀਬੱਧਿਤ ਡੋਮੇਨ ਹੋਣਗੇ ਅਤੇ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਉਸ ਡੋਮੇਨ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਪ੍ਰਤੀਬੱਧਿਤ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਕਰਵ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਇਸ ਨਾਲ ਦਿਖਾ ਰਿਹਾ ਹਾਂ ਲਾਲ ਕਰਵ ਦੇ ਨਾਲ ਤਾਂ ਲਾਲ ਕਰਵ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ ਲਾਲ ਕਰਵ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਪੂਰੀ ਰੇਂਜ ਨੂੰ ਘਟਾਓ ਅਨੰਤ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਅਨੰਤ ਤੱਕ ਕਵਰ ਕਰਨ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਮਾਂ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਇਸ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਕੇ ਵੀ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਰੇਂਜ ਅਜੇ ਵੀ ਉਹੀ ਰਹਿੰਦੀ ਹੈ ਜੋ ਪਹਿਲਾਂ ਸਾਰੀਆਂ ਅਸਲ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਹੈ ਹਾਲਾਂਕਿ ਦਿਲਚਸਪ ਗੱਲ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਲਾਲ ਕਰਵ ਇੱਕ ਮੈਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਵਧ ਰਹੀ ਕਰਵ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਵਿੱਚ y ਦੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਮੁੱਲ ਵਿੱਚ y ਦਾ ਕੋਈ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ y ਦਾ ਕੋਈ ਅਸਲ ਮੁੱਲ ਕੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ? ਅਸੀਂ ਵੇਖਾਂਗੇ ਕਿ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਵਿੱਚ ਹਮੇਸ਼ਾ x ਦਾ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਹੋਵੇਗਾ ਘਟਾਓ π ਬਾਇ ਦੋ ਤੋਂ ਜੋੜ π ਬਾਇ ਦੋ ਵਿੱਚ x ਦਾ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਹੋਵੇਗਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ x ਦਾ ਟੈਨ ਉਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਟੈਨ ਲਈ ਦੁਬਾਰਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ 2 ਤੋਂ ਪਲੱਸ π ਬਾਇ 2 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਖੁੱਲ੍ਹੇ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਨਾਲ ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਵ ਲੱਖਣ ਤੌਰ 'ਤੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ, ਇ ਲਈ ਇਸ ਸਲਾਈਡ 'ਤੇ ਅਸੀਂ ਦੁਬਾਰਾ ਸਾਈਨ ਅਤੇ ਕੋਸਾਈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪਲਾਟ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਟੈਨ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਡੋਮੇਨ ਸਾਰੇ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਹੈ ਬੇਸ਼ੱਕ ਰੇਂਜ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਬਾਇ ਟੂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਇੱਥੇ ਦਿਖਾਇਆ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਆਉ ਹੁਣ ਗ੍ਰਾਫ਼ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰੀਏ

ਇਸ ਲਈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਮੁੱਲਾਂ ਦੀ ਇਸ ਸਾਰਣੀ ਤੋਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਭ ਤੋਂ ਪਹਿਲਾਂ 0 ਦਾ ਟੈਨ 0 ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ 0 ਦਾ ਟੈਨ 0 ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਇਹ ਪਤਾ ਚੱਲਦਾ ਹੈ ਕਿ ਜ਼ੀਰੋ ਦਾ $\tan$ ਉਲਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ y ਬਰਾਬਰ ਦਾ $\tan$ ਉਲਟਾ। ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ,

ਇਸ ਲਈ y ਦਾ $\tan$ ਉਲਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਗੁਣ ਵਿੱਚ ਸਾਡੇ ਕੋਲ y ਨੂੰ ਖਿਤਿਜੀ ਧੁਰੇ 'ਤੇ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ y ਦਾ $\tan$ ਉਲਟਾ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੇ 'ਤੇ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਹੈ ਅਤੇ $\tan$ ਵਿੱਚ $\tan$ ਜ਼ੀਰੋ ਦਾ ਉਲਟਾ ਵੀ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦੇ ਗੁਣ 'ਤੇ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ π ਬਾਇ ਛੇ ਦਾ $\tan$ ਇੱਕ ਓਵਰ ਰੂਟ ਤਿੰਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਇੱਕ ਓਵਰ ਰੂਟ ਤਿੰਨ ਦਾ $\tan$ ਉਲਟਾ π ਬਾਇ ਛੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ। ਇੱਕ ਓਵਰ ਰੂਟ ਤਿੰਨ ਦਾ $\tan$ ਉਲਟਾ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਕ ਓਵਰ ਰੂਟ ਤਿੰਨ ਹੈ π ਇੱਥੇ ਕਿਤੇ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ 1 ਓਵਰ ਰੂਟ 3 ਦੇ ਬਰਾਬਰ y ਹੈ ਅਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਮੁੱਲ ਅਤੇ 1 ਓਵਰ ਰੂਟ 3 ਦਾ y ਬਰਾਬਰ π ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ। 6 ਦੁਆਰਾ ਜੋ ਕਿ ਇਸ ਪੂਰੀ ਰੇਂਜ ਦਾ ਇੱਕ ਤਿਹਾਈ ਹਿੱਸਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੱਥੇ ਕਿਤੇ ਹੋਵੇਗਾ π ਹੋਵੇਗਾ ਕਿਤੇ ਵੀ ਉੱਥੇ ਅਤੇ ਫਿਰ ਬੇਸ਼ੱਕ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ 4 ਦੁਆਰਾ ਪਾਈ ਦਾ ਟੈਨ 1 ਹੈ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ $\tan$ ਔਡ ਕਿਉਂਕਿ $\tan$ ਦਾ $\tan$ of π ਦੇ 4 ਦੇ ਬਰਾਬਰ 1 ਹੁੰਦਾ ਹੈ, ਇਸ ਤੋਂ ਬਾਅਦ 1 ਦਾ $\tan$ ਉਲਟਾ π ਦੇ 4 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ y ਬਰਾਬਰ ਦਾ $\tan$ ਉਲਟਾ ਇੱਕ ਦਾ π ਬਾਇ ਚਾਰ ਪਾਈ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ y ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਇੱਥੇ ਹੈ ਅਤੇ π ਬਾਇ ਚਾਰ ਇੱਥੇ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਬਿੰਦੂ ਗੁਣ ਉੱਤੇ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਦੂਜੇ ਬਿੰਦੂਆਂ ਨੂੰ ਵੀ ਪਲਾਟ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਾਂਗੇ। ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਾ ਕਰਵ ਪਰ ਨੋਟ ਕਰੋ ਕਿ $\tan$ ਉਲਟ ਦਾ ਮੁੱਲ ਜਿਵੇਂ y 'ਤੇ ਜਾਂਦਾ ਹੈ, y ਦਾ ਮੁੱਲ ਅਨੰਤਤਾ 'ਤੇ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ y ਦੇ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲਾਂ ਲਈ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਪਾਸੇ 'ਤੇ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਮੁੱਲ ਵੱਡਾ ਅਤੇ ਵੱਡਾ ਹੁੰਦਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। ਇਨਫਿਨਿਟੀ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਵੱਲ ਜਾਵੇਗਾ ਪਰ ਕਦੇ ਵੀ ਪਾਈ ਬਾਇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ ਇਹ ਕਨਵਰਜ ਹੋ ਜਾਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਤੁਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ ਗੁਣ π ਵੱਲ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ ਦੇ ਮੁੱਲ ਦੇ ਨਾਲ ਸੰਬੰਧਿਤ ਰੇਖਾ ਹੈ। ਧੁਰਾ π ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਦੇ ਗੁਣ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਬਿੰਦੀ ਵਾਲਾ ਕਰਵ ਕਦੇ ਵੀ ਇਸ π ਤੋਂ ਅੱਗੇ ਨਹੀਂ ਜਾਵੇਗਾ π ਠੋਸ ਲਾਲ ਲਾਈਨ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਨੈਗੇਟਿਵ ਸਾਈਡ 'ਤੇ ਵੀ ਇਸ ਸਾਰਣੀ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਅਸੀਂ y ਦੇ ਨੈਗੇਟਿਵ ਮੁੱਲਾਂ ਲਈ ਕਰਵ ਨੂੰ ਨੈਗੇਟਿਵ ਸਾਈਡ ਖਿੱਚ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇੱਥੋਂ ਤੱਕ ਕਿ ਇੱਥੇ ਜੋ ਵਕਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਹੋਵੇਗਾ ਉਹ ਕੁਝ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੈ ਤਾਂ ਵੀ ਇੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇਹ ਰੇਖਾ ਹੈ ਜੋ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਟੈਨ ਇਨਵਰਸ y ਨਾਲ ਮੇਲ ਖਾਂਦਾ ਹੈ ਜੋ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੇ 'ਤੇ 2 ਦੁਆਰਾ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ ਨਾਲ ਮੇਲ ਖਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਜਿਵੇਂ ਕਿ y ਮਾਈਨਸ ਅਨੰਤਤਾ 'ਤੇ ਜਾਂਦਾ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਦਿਸ਼ਾ ਵਿੱਚ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਕੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਗੁਣ ਜਾਵੇਗਾ ਜਿਵੇਂ ਤੁਸੀਂ ਇੱਥੋਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਗੁਣ ਜਾਵੇਗਾ। 2 ਦੁਆਰਾ ਘੁਟਾਓ π ਦੇ ਇਸ ਮੁੱਲ ਦੇ ਨੇੜੇ ਅਤੇ ਨੇੜੇ ਪਰ ਕਦੇ ਵੀ ਇਸ ਤੋਂ ਵੱਧ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ ਅਸਲ ਵਿੱਚ $\tan$ ਉਲਟਾ y ਕਦੇ ਵੀ ਮਾਈਨਸ π ਬਾਇ 2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ। ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਕੋਟੈਂਜੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਵੀ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਥੇ ਕੋਟੈਂਜੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ, ਕਾਰਟੈਕਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਕੁਝ ਵੀ ਨਹੀਂ ਹੈ। 1 ਉੱਤੇ $\tan x$ ਤਾਂ ਜੋ ਇੱਕ ਹੈ ਜਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ $\cos x$ ਉੱਤੇ $\sin x \sin x$ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਵੀ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਕੋਟੈਂਜੈਂਟ x ਦੇ ਸਾਈਨ ਉੱਤੇ $\cos x$ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਤੁਸੀਂ ਜੋ ਵੇਖੋਗੇ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜਦੋਂ ਵੀ x ਇੱਕ ਮਲਟੀਪਲ ਇੱਕ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਗੁਣਜ ਹੁੰਦਾ ਹੈ। π ਜਦੋਂ ਵੀ x ਦੀ π ਸਾਈਨ ਦਾ ਪੂਰਨ ਅੰਕ 0 ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ x ਲਈ x ਦਾ ਕੋਟੈਂਜੈਂਟ π ਦੇ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਗੁਣਜ ਹੋਣ ਲਈ ਚੰਗੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਇਸ ਗੁਣ ਤੋਂ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਅਸੀਂ ਹਰੀਜ਼ੈਂਟਲ ਧੁਰੇ 'ਤੇ x ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਹੈ ਅਤੇ x ਦਾ $\cot$ on ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ π ਦੇ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਗੁਣਜਾਂ 'ਤੇ,

ਇਸ ਲਈ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ x ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਜਾਂ x ਬਰਾਬਰ π ਜਾਂ π ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਗੁਣ ਜਾਂ ਤਾਂ ਪਲੱਸ ਅਨੰਤ ਜਾਂ ਮਾਈਨਸ ਅਨੰਤ ਤੱਕ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਬੇਅੰਤ ਸੱਜੇ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ $\cot$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਇਸ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਲਈ ਇਸ ਸੈੱਟ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਸਾਰੇ ਅਸਲ ਮੁੱਲਾਂ 'ਤੇ ਵਿਚਾਰ ਕਰ ਸਕੀਏ ਅਤੇ ਇਹ ਸੈੱਟ ਬਿਲਕੁਲ ਉਹੀ ਹੈ ਜੋ π ਦੇ ਸਾਰੇ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਗੁਣਜਾਂ ਤੋਂ ਸਾਡਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਕੋਰਡ ਦਾ ਡੋਮੇਨ ਸੈੱਟ ਹੈ ਫੰਕਸ਼ਨ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਰੇਂਜ ਸਾਰੀਆਂ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਹੋਵੇਗੀ ਕਿਉਂਕਿ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਮਾਈਨਸ ਅਨੰਤ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਅਨੰਤ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਸਾਰੇ π ਵਾਸਤਵਿਕ ਮੁੱਲਾਂ ਨੂੰ ਲੈ ਲਵੇਗਾ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇਹ π ਦੇ ਨਾਲ ਪੀਰੀਅਡਿਕ ਵੀ ਹੈ ਇਸਲਈ $\cot x$ ਇੱਕ ਆਵਰਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ π so $\cot x$ ਬਰਾਬਰ ਹੈ $\cot$ of π plus π ਦਾ ਮਤਲਬ ਜੇਕਰ ਤੁਸੀਂ ਉਸੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸਮਝਦੇ ਹੋ ਜੋ ਇੱਥੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਤਾਂ chord ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨਾ ਮੁਸ਼ਕਲ ਹੋ ਜਾਵੇਗਾ y ਦਾ ਕੋਈ ਵੀ ਮੁੱਲ ਜੋ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਦੱਸੀਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ y ਨੂੰ ਲਓ ਤਾਂ ਇਹ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਦੇ ਨਾਲ ਮੇਲ ਖਾਂਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ x ਦੇ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਮੁੱਲ ਹੋਣਗੇ ਜਿਸ ਲਈ x ਦਾ $\cot$ ਇਸ ਮੁੱਲ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ 2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸ ਲਈ ਕੋਈ ਵਿਲੱਖਣ x ਨਹੀਂ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਡੋਮੇਨ ਦੇ ਨਾਲ $\cot$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਦੁਬਾਰਾ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਨਾ ਪੈਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰੀਏ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨੂੰ 0 ਤੋਂ π ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਨੂੰ 0 ਤੋਂ π ਤੱਕ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ। ਪਰ ਅਸੀਂ ਬਿੰਦੂ 0 ਅਤੇ π ਨੂੰ ਸ਼ਾਮਲ ਨਹੀਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਕਿਉਂਕਿ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਬੇਅੰਤ ਹੈ ਇਹ ਇਹਨਾਂ ਦੇ ਸਿਰੇ ਦੇ ਬਿੰਦੂਆਂ 'ਤੇ ਚੰਗੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ 0 ਤੋਂ π ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਇਸ ਓਪਨ ਇੰਟਰਵਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। π ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਕੀ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਕਰਵ ਇਸ ਖੁੱਲ੍ਹੇ ਅੰਤਰਾਲ 0 ਤੋਂ ਪਾਈ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਹੈ ਹੁਣ ਉਹ ਬਣ ਜਾਂਦੀ ਹੈ ਜੋ ਮੈਂ ਇੱਥੇ ਲਾਲ ਠੋਸ ਲਾਲ ਕਰਵ ਨਾਲ ਖਿੱਚ ਰਿਹਾ ਹਾਂ ਅਤੇ ਹੁਣ ਇਹ ਦੇਖਣਾ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨ ਹੈ ਕਿ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਤੋਂ ਬਾਅਦ ਵੀ $\cot$ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਡੋਮੇਨ ਓਪਨ ਇੰਟਰਵਲ 0 ਤੋਂ π ਤੱਕ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਰੇਂਜ ਅਜੇ ਵੀ ਮਾਈਨਸ ਅਨਫਿਨਿਟੀ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਇਨਫਿਨਿਟੀ ਤੱਕ ਹੈ ਇਸਲਈ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਇਸ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਦੇ ਬਾਵਜੂਦ ਵੀ ਸਾਰੇ ਅਸਲ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਹੈ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ 0 ਤੋਂ π ਅਤੇ ਦੂਜਾ ਇਹ ਦੇਖਣਾ ਬਹੁਤ ਆਸਾਨ ਹੈ ਕਿ ਇੱਥੇ ਠੋਸ ਕਰਵ ਮੋਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਘੱਟ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਵਿੱਚ ਕੋਈ y ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕੋਈ y ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ π ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ y ਨੂੰ ਲਓ ਤਾਂ ਇਹ y ਹੈ ਘੁਟਾਓ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਦੇ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕੋਈ y ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ x ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਕਿ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਇਸ ਪ੍ਰਤਿਬਿੰਬਿਤ ਡੋਮੇਨ ਵਿੱਚ ਸਥਿਤ ਹੋਵੇਗਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ x ਦਾ $\cot$ ਇਸ y ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ। ਇਹ ਸੱਚ ਹੋਵੇਗਾ f ਜਾਂ y ਦਾ ਕੋਈ ਮੁੱਲ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਲੈਂਦੇ ਹੋ ਅਤੇ ਇਹ ਵੀ ਬਹੁਤ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇਸ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਨਿਰੰਤਰ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਇਹ ਇਸ ਸੀਮਤ ਡੋਮੇਨ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਨਿਰੰਤਰ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਇਹ ਮੋਨੋਟੋਨਿਕ ਤੌਰ 'ਤੇ ਘੱਟ ਰਿਹਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਇਸ ਡੋਮੇਨ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਕੇ ਸਾਨੂੰ ਇਸਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਦੇ ਯੋਗ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਦੁਬਾਰਾ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਗੁਣ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜਿਸਦਾ ਡੋਮੇਨ ਸਾਰੇ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਰੇਂਜ ਹੁਣ ਕੋਰਡ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਪ੍ਰਤਿਬਿੰਬਿਤ ਡੋਮੇਨ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਖੁੱਲ੍ਹਾ ਅੰਤਰਾਲ ਹੈ। ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ ਪਾਈ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੋਂ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ π ਦਾ $\cot$ ਬਾਇ ਦੇ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਜ਼ੀਰੋ ਦਾ $\cot$ inverse π by two ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ $\cot$ inverse of y ਬਰਾਬਰ ਜ਼ੀਰੋ ਸੇ y ਬਰਾਬਰ ਇੱਥੇ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ π ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਦੇ ਬਾਇ ਦੇ ਤਾਂ π ਇੱਥੇ ਦੇ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ $\cot$ ਇਨਵਰਸ y ਦੇ ਗੁਣ ਉੱਤੇ ਇਸ ਬਿੰਦੂ ਨੂੰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਗੁਣ ਵਿੱਚ ਸਾਡੇ ਕੋਲ y ਨੂੰ ਲੈਣ ਵੇਲੇ ਧੁਰੇ ਉੱਤੇ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ $\cot$ y ਦਾ ਅਨੁਪਾਤਕ $\cot$ ਉਲਟਾ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੇ 'ਤੇ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਜਾਵੇਗਾ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਤਿੰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ π ਦਾ $\cot$ ਤਿੰਨ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਤਿੰਨ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਦਾ $\cot$ ਉਲਟਾ ਤਿੰਨ ਉੱਤੇ π ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ ਇੱਕ ਦਾ $\cot$ ਉਲਟਾ π ਉੱਤੇ ਤਿੰਨ ਦਾ ਵਰਗ ਰੂਟ ਕਿਤੇ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ π ਉੱਤੇ ਤਿੰਨ ਕਿਤੇ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਉੱਥੇ ਕਿਤੇ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ ਬਿੰਦੂ ਨੂੰ ਇੱਥੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਾਂਗੇ ਤਾਂ ਇਹ ਹੈ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਹ ਪਾਈ ਓਵਰ ਟੂ ਸੀ ਇਹ π ਉੱਤੇ ਤਿੰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ y ਨੂੰ ਨੂੰ ਹੋਰ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਮੁੱਲਾਂ ਵਿੱਚ ਵਧਾਉਂਦੇ ਹਾਂ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇਸ ਦਿਸ਼ਾ ਵਿੱਚ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ,

ਇਸ ਲਈ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ah 3 ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦਾ $\cot$ ਉਲਟਾ π 6 ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ ਜਿਵੇਂ ਅਸੀਂ y ਨੂੰ ਵਧਾਵਾਂਗੇ ਉਹ ਹੈ $\cot$ ਉਲਟਾ। ਘਟੇਗਾ ਅਤੇ ਜ਼ੀਰੋ ਵੱਲ ਚਲਾ ਜਾਵੇਗਾ ਸੋ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਟੇਬਲ ਤੋਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਤਿੰਨ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਦਾ $\cot$ ਉਲਟਾ π ਬਾਇ ਛੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਤਿੰਨ ਦਾ ਵਰਗ ਮੂਲ ਇੱਥੇ ਕਿਤੇ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ π ਬਾਇ 6 ਕਿਤੇ π ਹੈ। ਇਹ ਹੈ ਇਹ ਪਾਈ ਹੈ 6 ਦੁਆਰਾ। ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਬਿੰਦੂ ਨੂੰ ਕਰਵਾ 'ਤੇ ਸੱਜੇ ਪਾਸੇ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ,

ਇਸ ਲਈ ਜ਼ਰੂਰੀ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੁਣ ਤੱਕ ਜੋ ਕੁਝ ਹੈ, ਅਸੀਂ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜਾਵੇਗਾ ਪਰ ਮੁੱਲ ਜਿੰਨਾ y ਅਨੰਤ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ y 'ਤੇ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜ਼ੀਰੋ ਵੱਲ ਜਾਵੇਗਾ ਪਰ ਇਹ ਕਦੇ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ। ਜ਼ੀਰੋ ਸੱਜੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇ ਅਤੇ ਫਿਰ y ਦੇ ਨੈਗੇਟਿਵ ਮੁੱਲਾਂ ਲਈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਾਂਗੇ ਕਿ ਇਸ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਸਮਾਨ ਕਿਸਮ ਦਾ ਕਰਵ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਜਿਸ ਨੂੰ ਅਸੀਂ $\cot x$ ਦੇ ਨੈਗੇਟਿਵ ਮੁੱਲਾਂ ਨੂੰ ਦੇਖ ਕੇ ਖਿੱਚਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਇੱਥੇ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰਾਂਗੇ ਦੇਖੋ ਕਿ ਘਟਾਓ 1 ਦਾ ah $\cot$ ਉਲਟਾ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਓਵਰ ਚਾਰ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਉੱਤੇ ਹੈ ਅਤੇ ਚਾਰ ਉੱਤੇ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ ਇਹ ਛੇ ਇਕਾਈਆਂ ਹਨ ਤਾਂ ਚਾਰ ਉੱਤੇ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਸਾਢੇ ਚਾਰ ਯੂਨਿਟ ਸਹੀ ਹੋਣਗੇ।

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇੱਥੇ ਕਿਤੇ ਕਿਤੇ ਹੋਵੇਗਾ ਤਾਂ ਇਹ y ਬਰਾਬਰ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਇੱਥੇ ਤਿੰਨ ਪਾਈ ਓਵਰ ਚਾਰ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਹੋਰ ਵੀ ਨੈਗੇਟਿਵ ਮੁੱਲਾਂ ਲਈ ah ਲਈ ਆਨ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਾਂਗੇ ਕਿ ਕੋਟ ਇਨਵਰਸ ਦਾ ਮੁੱਲ ਫੰਕਸ਼ਨ π ਵੱਲ ਜਾਵੇਗਾ ਤਾਂ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਅੰਦਰ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਇਸ ਦਿਸ਼ਾ ਤਾਂ ਜਿਵੇਂ ਅਸੀਂ ਇਸ ਦਾ ਮੁੱਲ ਬਣਾਉਂਦੇ ਹਾਂ,

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਇਸ ਕਾਲਮ ਵਿੱਚ y ਦਾ ਮੁੱਲ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ y ਵੱਧ ਤੋਂ ਵੱਧ ਨੈਗੇਟਿਵ ਹੁੰਦਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਘਟਾਓ ਤਿੰਨ ਦੇ ਵਰਗ ਮੂਲ ਤੱਕ ਜਦੋਂ y ਵੱਧ ਰਿਹਾਤਮਕ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ x ਦਾ ਮੁੱਲ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ। π ਵੱਲ ਤਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ah ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ π ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਵਕਰ ਬਿੰਦੀ ਵਾਲੀ ਕਰਵ ਕੁਝ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜਾਵੇਗੀ ਇਸ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਅੰਤ ਵਿੱਚ y ਦੇ $\cot$ ਉਲਟ ਲਈ ਲਾਲ ਬਿੰਦੀ ਵਾਲੀ ਕਰਵ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ y ਵੱਧ ਤੋਂ ਵੱਧ ਨੈਗੇਟਿਵ $\cot$ ਉਲਟ ਹੁੰਦਾ ਜਾਵੇ। y π ਵੱਲ ਝੁਕੇਗਾ ਪਰ ਹਮੇਸ਼ਾ π ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੋਵੇਗਾ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਇਹ ਕਦੇ ਵੀ π ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੋਵੇਗਾ ਅਗਲਾ ਫੰਕਸ਼ਨ ah cosecant ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ ਇਸ ਲਈ x ਦਾ cosecant ਫੰਕਸ਼ਨ cosecant ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ x ਦੇ ਸਾਈਨ ਉੱਤੇ 1 ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਵੀ ਹੈ ਇੱਕ ਆਵਰਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਅਤੇ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ x ਦਾ 1 ਓਵਰ ਸਾਈਨ ਹੈ ਅਤੇ ਜਦੋਂ ਵੀ $\sin x$ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਕੀਤਾ ਜਾਵੇਗਾ, ਇਸ ਲਈ ਜਦੋਂ ਵੀ x ਦੇ π cosecant ਦਾ ਇੱਕ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਗੁਣਜ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਕੀਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਲਈ ਇਸਦਾ ਡੋਮੇਨ cosecant ਫੰਕਸ਼ਨ π ਦੇ ਪੂਰਨ ਅੰਕ ਗੁਣਜਾਂ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਸਾਰੀਆਂ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਇਹ cosecant x ਦਾ ਡੋਮੇਨ ਹੈ ਅਤੇ ਰੇਂਜ ਲਈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ cosecant x sine x ਉੱਤੇ 1 ਹੈ ਅਤੇ sine x ਦੀ ਰੇਂਜ ਸਭ ਹੈ। ਘਟਾਓ 1 ਅਤੇ ਪਲੱਸ 1 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਮੁੱਲ ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ 1 ਓਵਰ ਸਾਈਨ x ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ 1 ਤੋਂ ਪਲੱਸ 1 ਦੇ ਬਾਹਰ ਸਾਰੇ ਮੁੱਲ ਲੈ ਲਵੇਗਾ।

ਇਸ ਲਈ ਅਤੇ ਇਹ ਇਸ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਬਹੁਤ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਖਿਤਿਜੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ x ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੈ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ x ਦਾ cosecant ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਨੀਲੇ ਬਿੰਦੀ ਵਾਲੀ ਕਰਵ ਕਦੇ ਵੀ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਕੋਈ ਮੁੱਲ ਨਹੀਂ ਲਵੇਗੀ ਅਤੇ ਅਜਿਹਾ

ਇਸ ਲਈ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਸਾਈਨ x ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਹੈ ਅਤੇ $\sin x$ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦਾ ਹੈ। ਇੱਕ ਅਤੇ ਇਸ ਲਈ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਇਸ ਰੇਂਜ ਘਟਾਓ 1 ਤੋਂ ਪਲੱਸ 1 ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਸਾਰੀਆਂ ਅਸਲ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਸੈੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਲਈ ਹੁਣ ਇਸ ਦੇ ਨਾਲ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਅਜੇ ਵੀ ਆਵਰਤੀ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਅਜੇ ਵੀ ਇੱਕ ਆਵਰਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ cosecant x ਦਾ ਇੱਕ ਆਵਰਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ x ਜੇਕਰ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਹੈ e ਇਸ ਨੂੰ ਡੋਮੇਨ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਅਜੇ ਵੀ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਦੀ ਜ਼ਰੂਰਤ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਹੋਰ ਪਿਛਲੇ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਲਈ ਕੀਤਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਸਥਿਤੀ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਸੰਭਾਵਿਤ ਵਿਕਲਪ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਵਿਚਾਰ ਕਰਦੇ ਹਾਂ। ਬਿੰਦੂ 0 ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ 2 ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਪਾਈ ਦੁਆਰਾ 2 ਤੱਕ। ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ cosecant ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ π by two to plus π by two ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ ਪਰ ਬਿੰਦੂ ਜ਼ੀਰੋ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਕਿਉਂਕਿ x ਬਰਾਬਰ ਹੈ x ਦਾ ਜ਼ੀਰੋ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਅਰਥਪੂਰਨ ਤੌਰ 'ਤੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਬੇਅੰਤ ਬਣ ਜਾਂਦਾ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਹੁਣ ਤੱਕ ah ਨੂੰ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਇਸ ਸੈੱਟ ਜਾਂ ਅਸਲ ਲਾਈਨ ਦੇ ਇਸ ਸਬਸੈੱਟ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਨਾਲ ਪ੍ਰਤੀਬੱਧਿਤ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਪ੍ਰਤੀਬੱਧਿਤ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਕੁਝ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਿਖਾਈ ਦੇਵੇਗਾ ਤਾਂ i ਮੈਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਥੇ ਠੋਸ ਲਾਲ ਕਰਵ ਨਾਲ ਖਿੱਚ ਰਿਹਾ ਹਾਂ ਅਤੇ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਕੇ ਵੀ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਰੇ ਆਰ. ਪ੍ਰਤੀਬੱਧਿਤ cosecant ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਅੰਤ ਅਜੇ ਵੀ ਉਹੀ ਚੀਜ਼ ਹੈ ਜੋ ਘਟਾਓ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਸਾਰੇ ਅਸਲ ਮੁੱਲ ਹਨ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਕਿਸੇ ਵੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਮਾਈਨਸ ਵਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਮੇਰੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਮੁੱਲ ਨੂੰ ਨਹੀਂ ਲੈ ਸਕਦਾ ਪਰ ਮੁੱਲਾਂ ਦੀ ਇਸ ਰੇਂਜ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਇਹ ਹੋਰ ਸਾਰੇ ਸੰਭਾਵੀ ਮੁੱਲਾਂ ਨੂੰ ਲੈਂਦਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਮਾਈਨਸ ਪਾਈ 2 ਅਤੇ 0 ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਅੰਤਰਾਲ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇੱਥੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਇਹ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਹੈ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕਰਵ ਨਿਰੰਤਰ ਹੈ ਅਤੇ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਤੋਂ ਸ਼ੁਰੂ ਹੋ ਰਿਹਾ ਹੈ। ਇਹ ਘਟਾਓ ਅਨੰਤਤਾ ਤੱਕ ਪੂਰੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਚਲਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਇਹ ਮੁੱਲ ਪਲੱਸ ਵਨ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਕਰਵ ਦੁਬਾਰਾ ਨਿਰੰਤਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਮੁੱਲ ਤੋਂ ਇੱਕ ਤੋਂ ਅਨੰਤ ਤੱਕ ਜਾਂਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਮੁੱਲ ਹਨ ਇੱਕ ਤੋਂ ਅਨੰਤ ਤੱਕ ਜਾਣਾ ਅਤੇ ਫਿਰ ਮਾਇਨਸ 1 ਤੋਂ ਮਾਇਨਸ ਅਨੰਤ ਤੱਕ ਜਾਣਾ ਜੋ ਕਿ ਮੂਲ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਉਹੀ ਸੀਮਾ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਅਸਲ ਲਾਈਨ ਦੇ ਇਸ ਸਬਸੈੱਟ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਦੇ ਬਾਵਜੂਦ ਵੀ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਅਜੇ ਵੀ ਉਹੀ ਹੈ ਇਸ ਤੋਂ ਇਲਾਵਾ ਅਸੀਂ ਇਹ ਵੀ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕੋਈ y ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਆਓ ਇਸ ਰੇਂਜ ਦੇ ਸੈੱਟ ਵਿੱਚ ਕੋਈ y ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਆਓ ਅਸੀਂ ਇਹ ਕਹੀਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ y ਦੇ ਇਸ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਮੁੱਲ ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ y ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ ਦੇ ਅੰਕ ਪੰਜ ਨਾਲ ਮੇਲ ਖਾਂਦਾ ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ah ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ y ਦੇ ਅੰਕ ਪੰਜ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸ ah ਲਈ ਅਸੀਂ ਜੋ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਇੱਥੇ x ਦਾ ਬਿਲਕੁਲ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਹੈ ਜੋ ਇੱਥੇ ਅਜਿਹਾ ਹੈ ਕਿ ਇਸ x ਦਾ cosecant ਇਹ ਮੁੱਲ 2.5 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਬੇਸ਼ੱਕ ਇਹ ਮੁੱਲ ਪ੍ਰਤੀਬੱਧਿਤ ਡੋਮੇਨ ਵਿੱਚ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਨਾ ਕੀਤਾ ਹੁੰਦਾ ਕਿ ਇੱਥੇ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਹੋਰ ਮੁੱਲ ਹੋਣੇ ਸਨ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ x ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ ਜਾਂ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ x ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ ਜਾਂ x ਦਾ ਇਹ ਮੁੱਲ ਤਾਂ ਬੇਅੰਤ ਤੌਰ 'ਤੇ ਬਹੁਤ ਸਾਰੇ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਹੋਰ x ਮੁੱਲ ਹੋਣੇ ਸਨ। x ਦਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ x ਦਾ cosecant 2.5 ਹੋਣਾ ਸੀ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਕੋਈ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਨਹੀਂ ਹੈ ਪਰ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਤੱਕ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਸ ਰੇਂਜ ਵਿੱਚ y ਦੇ ਕਿਸੇ ਵੀ ਮੁੱਲ ਲਈ ਹਮੇਸ਼ਾ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ x ਹੋਵੇਗਾ। ਪਾਥੀ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ x ah ਡੋਮੇਨ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਉਸ x ਦਾ cosecant y ਦੇ ਮੁੱਲ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੋਵੇਗਾ ਅਤੇ ਇਸ ਲਈ ਦੁਬਾਰਾ ਇਸ ਪਾਥੀ ਨੂੰ ਕਰਨ ਨਾਲ ਸਾਨੂੰ cosecant ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਦੇ ਯੋਗ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਜੋ ਮੇਰੇ ਕੋਲ ਇਸ ਸਲਾਈਡ ਵਿੱਚ ਇਸ ਨੂੰ ਪਲਾਟ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰੇਗਾ ਅਤੇ ਇਹ ਉਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਹੀ ਕੀਤਾ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੂਜੇ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਲਈ ਦੂਜੇ ਲਈ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਛੇਤੀ ਹੀ ਇਹ ਦਿਖਾਵਾਂਗਾ ਕਿ ਇਹ ਕਿਵੇਂ ਦਿਖਾਈ ਦਿੰਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਿਖਾਈ ਦਿੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਟੇਬਲ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਅਸੀਂ ਪਲਾਟ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਜੋ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਕੀ ਹੈ ਕੀ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਖਿਤਿਜੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ y ਹੈ ਅਤੇ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ y ਦਾ cosecant ਉਲਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਹੈ cosecant ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਡੋਮੇਨ cosecant ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸ ਲਈ cosecant ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਡੋਮੇਨ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ ਇੱਕ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਸਾਰੀਆਂ ਅਸਲ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਹਨ ਤੋਂ ਪਲੱਸ ਵਨ ਅਤੇ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੇਂਜ ਕੋਸੇਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਸੋਧਿਆ ਜਾਂ ਪ੍ਰਤੀਬੱਧਿਤ ਡੋਮੇਨ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੀ ਸਲਾਈਡ 'ਤੇ ਦੇਖਿਆ ਸੀ ਜੋ ਕਿ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਮਾਇਨਸ ਪਾਈ ਹੈ ਦੇ ਤੋਂ ਬਿੰਦੂ ਜ਼ੀਰੋ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਪਲੱਸ π ਬਾਇ 2 ਦੇ ਅਤੇ ਫਿਰ ਦੁਬਾਰਾ ਮੁੱਲਾਂ ਦੀ ਇਸ ਸਾਰਣੀ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਦੇ ਹੋਏ ਅਸੀਂ ਲ ਲ ਕਰਵ ਰਾਹੀਂ ਇੱਥੇ ਅਤੇ ਇੱਥੇ ਇ ਹੈ ਕਿ ਕ ਕੋਸੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਕੀ ਹੈ ਅ ਂ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅ ਿੰ ah ਦੇ ਨਾਲ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜਿਵੇਂ ਕਿ y

ਵੱਧ ਤੋਂ ਵੱਧ ਧਰਮ ਾਰਾਤਮਕ ਹੁੰਦਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। cosecant ਉਲਟਾ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਇਸ ਮੁੱਲ ਵੱਲ ਜਾਵੇਗਾ, ਇਸ ਲਈ ਇੱਥੇ ਇਹ ਵਕਰ ਲਾਲ ਕਰਵਾ ਹਮੇਸ਼ਾ ਸਕਾਰਾਤਮਕ ਪਾਸੇ 'ਤੇ ਹਰੀਜ਼ੋਂਟਲ ਧੁਰੇ ਤੋਂ ਉੱਪਰ ਰਹੇਗਾ ਅਤੇ y ਦੇ ਨੈਗੇਟਿਵ ਮੁੱਲਾਂ ਲਈ ਲਾਲ ਕਰਵਾ ਹਮੇਸ਼ਾ ਲੇਟਵੇਂ ਧੁਰੇ ਤੋਂ ਹੇਠਾਂ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਮੇਰਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਦਾ ਇਹ ਹਿੱਸਾ ਕਰਵਾ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਵਿੱਚ ਵੀ ਇਹੋ ਜਿਹੀ ਸਮੱਸਿਆ ਹੋਵੇਗੀ ਅਤੇ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਲਈ ਵੀ ਸਾਨੂੰ ਦੂਜੇ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਵਾਂਗ ਹੀ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ, ਸਾਨੂੰ ਇਸਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਵੀ ਸੀਮਤ ਕਰਨਾ ਪਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ x ਦਾ $\sec x$ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। x ਦੇ $\cos$ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਹੈ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ x ਦਾ $\cos$ ਜ਼ੀਰੋ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਜਦੋਂ ਵੀ $x = \pi$ ਦਾ ਦੋ ਗੁਣਾਂ ਦਾ ਇੱਕ ਅਜੀਬ ਗੁਣਜ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਸੈੱਟ ਨੂੰ ਸਾਰੇ ਸੈੱਟ 'ਚੋਂ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। f ਸਾਰੇ ਵਾਸਤਵਿਕ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਪਾਈ ਦੇ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ ਗੁਣਜਾਂ ਨੂੰ ਦੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ π ਦੇ ਦੋ ਸੈਕਿੰਡ ਦੁਆਰਾ x ਦੇ ਵਿਸਤ੍ਰਿਤ ਗੁਣਜ 'ਤੇ ਚੰਗੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਇਸ ਗ੍ਰਾਫ ਤੋਂ ਵੀ ਦੇਖਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਜਿੱਥੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਖਿਤਿਜੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ x ਹੈ ਅਤੇ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ x ਦਾ ਖੰਡ ਹੈ। ਅਤੇ ਜੇ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਹੈ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਪੀਰੀਅਡਿਕ ਹੈ ਅਤੇ ਰੌਜ਼ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਕਿਉਂਕਿ x ਦਾ ਸੈਕੈਂਟ $\cos x$ ਉੱਤੇ ਇੱਕ ਹੈ ਅਤੇ $\cos x$ ਮਾਇਨਸ ਵਨ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਹੈ ਤਾਂ ਕੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਕਿ ਸੈਕੈਂਟ ਦੀ ਰੌਜ਼ ਫੰਕਸ਼ਨ ਪੂਰੀ ਅਸਲ ਲਾਈਨ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੱਥੇ ਘਟਾਓ ਇਕ ਅਤੇ ਪਲੱਸ ਵਨ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਅੰਤਰਾਲ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਪੂਰਾ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰਾ ਹੈ ਤਾਂ ਜੋ ਇਹ ਰੌਜ਼ ਹੈ ਅਤੇ ਦੂਜੇ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਦੁਬਾਰਾ ਉਹੀ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਇਸ ਡੋਮੇਨ ਨਾਲ ਆਵਰਤੀ ਹੈ। ਇਸਦੇ ਨਾਲ ਇੱਕ ਡੋਮੇਨ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਵੀ ਸੀਮਤ ਕਰਨ ਦੀ ਜ਼ਰੂਰਤ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ 0 ਅਤੇ π ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ r ਨੂੰ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ restricted ਡੋਮੇਨ ਜ਼ੀਰੋ ਤੋਂ π ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਬੰਦ ਅੰਤਰਾਲ ਹੈ ਪਰ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਬਿੰਦੂ x ਬਰਾਬਰ π ਦੇ ਦੋ ਗੁਣਾਂ ਨਹੀਂ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸਦਾ ਕਾਰਨ ਇਹ ਹੈ ਕਿ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ π ਦੇ x ਦੇ ਦੋ ਸੈਕੈਂਟ ਦੁਆਰਾ ਇਹ ਬੇਅੰਤ ਹੈ। ਸਹੀ ਢੰਗ ਨਾਲ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਨਹੀਂ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਸੋਧਿਆ ਡੋਮੇਨ 0 ਤੋਂ π ਅੰਤਰਾਲ ਹੋਵੇਗਾ ਸਿਵਾਏ ਬਿੰਦੂ $\pi/2$ ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਅਤੇ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਫਿਰ ਉਹੀ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਮੈਂ ਲਾਲ ਕਰਵਾ ਨਾਲ ਖਿੱਚ ਰਿਹਾ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦਾ ਗ੍ਰਾਫ ਹੋਵੇਗਾ ਜਦੋਂ ਡੋਮੇਨ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ $x = \pi$ 'ਤੇ 2 ਦੁਆਰਾ ਸੀਮਤ ਹੈ ਅਤੇ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਡੋਮੇਨ ਦੀ ਇਸ ਪਾਬੰਦੀ ਦੇ ਬਾਅਦ ਵੀ ਪੂਰੀ ਰੌਜ਼ ਨੂੰ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ, ਇਹ ਅਜੇ ਵੀ ਅੰਤਰਾਲ ਘਟਾਓ 1 ਤੋਂ ਪਲੱਸ 1 ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਸਾਰੇ ਅਸਲ ਮੁੱਲ ਹਨ,

ਇਸ ਲਈ ਸਾਰੇ ਮੁੱਲ ਹਨ ਉੱਥੇ ਘਟਾਓ 1 ਤੋਂ ਪਲੱਸ 1 ਨੂੰ ਛੱਡ ਕੇ ਅਤੇ ਇਹ ਵੀ ਜੋ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ y ਦਾ ਕੋਈ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਹਮੇਸ਼ਾ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ y ਦਾ ਕੋਈ ਮੁੱਲ ਲੈਂਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ x ਦਾ ਇੱਕ ਵਿਲੱਖਣ ਮੁੱਲ ਹੋਵੇਗਾ ਜਿਵੇਂ ਕਿ x ਦਾ ਖੰਡ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ। y ਅਤੇ x ਦਾ ਉਹ ਮੁੱਲ ਇਸ ਅੰਤਰਾਲ ਅਤੇ ਉੱਥੇ ਦੇ ਵਿੱਚ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸ ਪਾਬੰਦੀ ਦੁਆਰਾ ਅਸੀਂ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਮੈਂ ਇੱਥੇ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰ ਰਿਹਾ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਗ੍ਰਾਫ 'ਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਲੇਟਵੇਂ ਧੁਰੇ 'ਤੇ y ਹੈ ਅਤੇ ਸੈਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਨੂੰ ਲੰਬਕਾਰੀ ਧੁਰੀ 'ਤੇ ਪਲਾਟ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਦੁਬਾਰਾ ਜਾ ਰਹੇ ਹਾਂ x ਬਨਾਮ ਸੈਕੈਂਟ x ਲਈ ਸਾਰਣੀ ਦੇ ਮੁੱਲਾਂ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰੋ ਸੈਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਨੂੰ ਇਸ ਤੋਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਗਿਆ ਹੈ ਇਹ ਉਹ ਡੋਮੇਨ ਹੋਵੇਗਾ ਜੋ ਅਸਲ ਵਿੱਚ ਸੈਕੈਂਟ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੌਜ਼ ਹੈ ਅਤੇ ਸੈਕੈਂਟ ਇਨਵਰਸ ਫੰਕਸ਼ਨ ਦੀ ਰੌਜ਼ ਸੈਕੈਂਟ ਦਾ ਪ੍ਰਤੀਬਿੰਬਿਤ ਡੋਮੇਨ ਹੋਵੇਗਾ। ਫੰਕਸ਼ਨ ਜੋ 0 ਤੋਂ π ਹੈ, ਬਿੰਦੂ π ਨੂੰ 2 ਦੁਆਰਾ ਛੱਡ ਕੇ। ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਇਸ ਲੈਕਚਰ ਵਿੱਚ ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਅਸੀਂ ਸ਼ੁਰੂ ਵਿੱਚ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਉਲਟ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕੀਤੀ ਸੀ ਪਰ ਅਸੀਂ ਤੁਰੰਤ ਇੱਕ ਸਮੱਸਿਆ ਵਿੱਚ ਫਸ ਗਏ ਕਿਉਂਕਿ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨ $\sin$ ਹਨ। ਇਹਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਜ਼ਿਆਦਾਤਰ ਸਮੇਂ-ਸਮੇਂ ਤੇ ਹੁੰਦੇ ਹਨ ਅਤੇ ਇਸਲਈ ਉਹਨਾਂ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਦੀ ਉਹਨਾਂ ਦੀ ਆਮ ਪਰਿਭਾਸ਼ਾ ਦੇ ਨਾਲ ਉਹਨਾਂ ਦੇ ਉਲਟਾਂ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨਾ ਮੁਸ਼ਕਲ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰਦੇ ਹਾਂ w ਇਹ ਸੀ ਕਿ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਡੋਮੇਨ ਨੂੰ ਸੀਮਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਦੇ ਉਲਟਾਂ ਨੂੰ ਅਰਥਪੂਰਨ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਅਗਲੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਸਭ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਾਂਗੇ ਅਤੇ ਇਹਨਾਂ 6 ਉਲਟ ਤਿਕੋਣਮਿਤੀ ਫੰਕਸ਼ਨਾਂ ਦੇ ਵਿਚਕਾਰ ਬਹੁਤ ਸਾਰੀਆਂ ਪਛਾਣਾਂ ਅਤੇ ਸਬੰਧਾਂ ਨੂੰ ਸਾਬਤ ਕਰਨ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਾਂਗੇ ਜਿਹਨਾਂ ਨੂੰ ਅਸੀਂ ਅੱਜ ਦੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕੀਤਾ ਹੈ। ਤੁਹਾਡਾ ਧੰਨਵਾਦ