

കോണിക് സെക്ഷനുകളെക്കുറിച്ചുള്ള പ്രഭാഷണം 6-ലേക്ക് സ്വാഗതം, അതിനാൽ ആദ്യം നമ്മൾ രേഖയുടെ വിഭജനത്തിന്റെ പോയിന്റുകൾ mx പ്ലസ് c ന് തുല്യമായ പരാബോള y ചതുരം ഉപയോഗിച്ച് നാല് x ന് തുല്യമായി കാണാം, അതിനാൽ ഈ പരാബോള y ചതുരം നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണെന്ന് കാണുകയാണെങ്കിൽ പരവലയമാണ് പരാബോള ശീർഷം ഉത്ഭവസ്ഥാനത്താണ്, അച്ചുതണ്ട് x അച്ചുതണ്ടാണ്, അതിനാൽ ഇത് പരാബോള y ചതുരത്തിന്റെ സമവാക്യമാണ്, നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ്, നമുക്ക് mx പ്ലസ് c ന് തുല്യമായ y രേഖ ഉണ്ടെന്ന് കരുതുക, തുടർന്ന് ഈ രേഖയെ വിഭജിക്കാൻ മൂന്ന് സാധ്യതകളുണ്ട്. പരവലയത്തെ രണ്ട് ബിന്ദുക്കളിൽ അല്ലെങ്കിൽ നമുക്ക് പരവലയത്തെ വിഭജിക്കുന്ന ഒരു രേഖ ഒരു ബിന്ദുവിൽ മാത്രമേ ഉണ്ടാകൂ, ഈ രേഖ പരവലയത്തോട് സ്പർശിക്കുന്നതോ അല്ലെങ്കിൽ രേഖ പരവലയത്തെ വിഭജിക്കാത്തതോ ആയ സന്ദർഭത്തിൽ ഇത് സംഭവിക്കാം, അതിനാൽ നമുക്ക് മൂന്ന് കേസുകൾ ഉണ്ട്. വരി 1 ഒന്ന് 1 രണ്ട് 1 മൂന്ന്

അങ്ങനെ ഗ്രാഫിൽ നിന്ന് നമുക്ക് കാണാൻ കഴിയുന്ന മൂന്ന് സാധ്യതകൾ കവലയുടെ ആദ്യ രണ്ട് പോയിന്റുകളാണ് രണ്ടാമത്തേത് കവലയുടെ ഒരു പോയിന്റ് മാത്രമാണ്, മൂന്നാമത്തേത് കവലയുടെ പോയിന്റുകളല്ല, അതിനാൽ ഞങ്ങൾ ആഗ്രഹിക്കുന്നു ഈ മൂന്ന് കേസുകളുടെയും അവസ്ഥ ബീജഗണിതമായി കണക്കാക്കാൻ ഞങ്ങൾ ആഗ്രഹിക്കുന്നു, അതിനാൽ y യുടെ വിഭജന പോയിന്റുകളുടെ പോയിന്റ് mx പ്ലസ് c നും പരവലയ y ചതുരം നാല് കോടാലിക്കും തുല്യമായി ഞങ്ങൾ പരിഹരിക്കുന്നു പരവലയത്തിന്റെ സമവാക്യം അപ്പോൾ നമുക്ക് mx പ്ലസ് സി സ്ക്വയർ നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ്, ഇത് m സ്ക്വയർ x സ്ക്വയർ പ്ലസ് $2mc$ പ്ലസ് c ചതുരം എന്ന് എഴുതുന്നതിന് തുല്യമാണ്, അതായത് m സ്ക്വയർ x ചതുരം പ്ലസ് രണ്ട് തവണ mc മൈനസ് രണ്ട് കോടാലി പ്ലസ് c സ്ക്വയർ 0 ന് തുല്യമാണ്. അതിനാൽ ഈ ക്വാഡ്രാറ്റിക് സമവാക്യത്തിന്റെ x ന്റെ വേരുകൾ വിഭജന ബിന്ദുവിന്റെ x കോർഡിനേറ്റ് നൽകും, തുടർന്ന് y സമവാക്യം ഉപയോഗിച്ച് mx പ്ലസ് c എന്ന സമവാക്യം ഉപയോഗിച്ച് നമുക്ക് y കോർഡിനേറ്റ് കണ്ടെത്താം, ഇപ്പോൾ ഇതൊരു ക്വാഡ്രാറ്റിക് സമവാക്യമാണ്, അതിനാൽ ഇത് ഒരു x ലെ ക്വാഡ്രാറ്റിക് സമവാക്യം, അതിനാൽ ഇതിന് യഥാർത്ഥവും വ്യതിരിക്തവുമായ റൂട്ടുകളിലേക്കോ തുല്യമായ റൂട്ടുകളിലേക്കോ യഥാർത്ഥവും വ്യതിരിക്തവുമായ രണ്ട് റൂട്ടുകളുണ്ട്, അതായത് ഒരു യഥാർത്ഥ റൂട്ട് അല്ലെങ്കിൽ രണ്ട് യഥാർത്ഥ സങ്കീർണ്ണമല്ലാത്ത റൂട്ടുകൾ മാത്രമേ ഉള്ളൂ എന്നാണ് അതിനുള്ള വ്യവസ്ഥ. ഈ ക്വാഡ്രാറ്റിക് സമവാക്യത്തിന്റെ വിവേചനപരമായ വിവേചനം $2mc$ മൈനസ് 2 ഒരു സ്ക്വയർ മൈനസ് 4 മടങ്ങ് m ചതുരശ്ര c ചതുരം നൽകിയതായി ഞങ്ങൾ കണ്ടെത്തി, അത് 4 ന് തുല്യമാണ്, നിങ്ങൾക്ക് പുറത്തെടുക്കാം m സ്ക്വയർ c സ്ക്വയർ മൈനസ് 4 amc കൂടാതെ നാല് ഒരു ചതുരശ്ര മൈനസ് m സ്ക്വയർ c സ്ക്വയർ അതിനാൽ m സ്ക്വയർ c സ്ക്വയർ റൂട്ടാക്കാം, ഇത് 16 തവണ ഒരു ചതുരം മൈനസ് amc ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഒരു ചതുരശ്ര മൈനസ് amc 0-നേക്കാൾ വലുതാണെങ്കിൽ രണ്ട് കവലകൾ ഉണ്ട്, അത് mc യേക്കാൾ വലുതാണ്, അതിനാൽ ഇത് വിവേചനം പോസിറ്റീവ് ആണെങ്കിൽ നമുക്ക് രണ്ട് കവല പോയിന്റുകൾ ഉണ്ട്, വിവേചനം 0 ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ ഒരു കവല പോയിന്റ് ഉണ്ട്, അതായത് mc ന് തുല്യമാണ്, a mc യേക്കാൾ കുറവാണെങ്കിൽ കവല പോയിന്റ് ഇല്ല, അതിനാൽ ഇവയാണ് അവസ്ഥകൾ. mc -നേക്കാൾ വലുത് അപ്പോൾ നമുക്ക് x -ന്റെ രണ്ട് മൂല്യങ്ങൾ ലഭിക്കുന്നു, അതിനാൽ a mc -ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ നമുക്ക് രണ്ട് കവല പോയിന്റുകൾ ലഭിക്കും, തുടർന്ന് നമുക്ക് കവലയുടെ ഒരു പോയിന്റ് മാത്രമേ ലഭിക്കൂ, രേഖ പരവലയത്തോട് സ്പർശിക്കുന്നതും a -യേക്കാൾ കുറവാണെങ്കിൽ mc അപ്പോൾ വിഭജനത്തിന്റെ പോയിന്റ് ഇല്ല, അതിനാൽ mc ന് തുല്യമായിരിക്കുമ്പോൾ y രേഖ mx നും c നും തുല്യമായ രേഖ പരവലയത്തെ ഒരു ബിന്ദുവിൽ മാത്രമേ വിഭജിക്കുകയുള്ളൂ, അതിനാൽ അത് നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമായ പരാബോള y ചതുരത്തോട് തൊടുവിലാണ്, ഇത് ഏത് ബിന്ദുവാണ് ഈ ചതുരാകൃതിയിലുള്ള സമവാക്യത്തിൽ നിന്ന് നമുക്ക് മനസ്സിലാക്കാം, വിവേചനം 0 ന് തുല്യമാകുമ്പോൾ x പരിഹരിക്കാൻ കഴിയും, x നൽകിയ പോയിന്റ് x കോമ y ചതുരാകൃതിയിലുള്ള സമവാക്യത്തിന് തുല്യമാണ് കോടാലി ചതുരവും ബിഎക്സ് പ്ലസ് സിയും പൂജ്യത്തിന് തുല്യമാണ് വേരുകൾ നമുക്ക് മൈനസ് b രണ്ടായി ലഭിക്കുന്നു, അതായത് മൈനസ് രണ്ട് mc മൈനസ് രണ്ട് a എന്നത് രണ്ട് m സ്ക്വയർ കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്നു, എന്നാൽ ഈ സാഹചര്യത്തിൽ a mc ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ നമുക്ക് ഇത് മൈനസ് രണ്ട് mc മൈനസ് രണ്ട് mc എന്ന് എഴുതാം. ഇത് mc യെ m സ്ക്വയർ കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ അല്ലെങ്കിൽ c കൊണ്ട് m കൊണ്ട് ഹരിക്കുക, കൂടാതെ x സമം c കൊണ്ട് m കൊണ്ട് ഹരിക്കുക, y എന്ന സമവാക്യത്തിൽ y എന്നത് mx പ്ലസ് c ന് തുല്യമാണ്, y ന് തുല്യമാണ് m തവണ x എന്നത് m കൊണ്ട് c കൊണ്ട് c കൊണ്ട് c എന്നത് രണ്ട് c കൊണ്ട് തുല്യമാണ്. അതിനാൽ mx പ്ലസ് c ന് തുല്യമായ y രേഖ പരവലയത്തോട് സ്പർശിക്കുന്നു y ചതുരം c എന്ന ബിന്ദുവിൽ നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ് m കോമ രണ്ട് c നൽകിയിരിക്കുന്നത് m തവണ c എന്നത് a ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ സ്പർശരേഖയുടെ സമവാക്യം mx പ്ലസ് c ഉം mc ഉം a ഉം ആയി ബന്ധപ്പെട്ടിരിക്കുന്നതിനാൽ വരിയുടെ സമവാക്യം എഴുതാം ഈ സമവാക്യം mc അടുത്തതിന് തുല്യമായ ഒരു പരാബോള y ചതുരത്തിന്റെ ചരടിന്റെ നീളം നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ നമുക്ക് ഈ പരാബോള y ചതുരം നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണെങ്കിൽ ഈ പരാബോളയിൽ ഏതെങ്കിലും രണ്ട് പോയിന്റുകൾ എടുക്കുകയാണെങ്കിൽ ഈ pq കോർഡിന്റെ നീളം എത്രയാണ്, അതിനാൽ ps കോർഡിനേറ്റുകൾ x one y one ഉം q ന് x രണ്ട് y രണ്ട് കോർഡിനേറ്റുകളും ഉണ്ടെന്ന് കരുതുക, ഈ വരിയുടെ സമവാക്യം mx പ്ലസ് c ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ കോഡിന്റെ നീളം x ഒന്ന് y ഒന്ന്, x എന്നിവ ചേരുന്നു പരാബോള y ചതുരത്തിലെ രണ്ട് y രണ്ട് എന്നത് നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ് 1 എന്നത് x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട് ചതുരം പ്ലസ് y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട് ചതുരത്തിന്റെ വർഗ്ഗമൂലത്തിന് തുല്യമാണ് രണ്ട് y രണ്ട് എന്നത് y ആണ് ചരിവിന് തുല്യമാണ് m ഇവിടെ ആണ് അതിനാൽ ഞാൻ f 0 ൽ എഴുതട്ടെ rm y മൈനസ് y ഒന്ന് ചരിവിന് തുല്യം y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട് x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട് തവണ x മൈനസ് x ഒന്ന് അതിനാൽ ഇത് ah എന്നത് mx പ്ലസ് c എന്നതിന് y തുല്യമായി എഴുതാം, ഇവിടെ m എന്നത് y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട്

കൊണ്ട് x ഒന്ന് മൈനസ് ആണ് x രണ്ട്, c എന്നിവ y_1 ന് തുല്യമാണ്, ഇത് x ഒന്ന് x രണ്ടിന് തുല്യമല്ലെങ്കിൽ ഞങ്ങൾ എടുക്കുന്നു, അതായത്, pq ലൈനിന്റെ x കോർഡിനേറ്റ് വ്യത്യസ്തമായതിനാൽ ഈ കോഡ് എടുക്കുകയാണെങ്കിൽ, അല്ലാത്തപക്ഷം x 1 തുല്യമാണെങ്കിൽ x 2 ലേക്ക്, അത് y കോർഡിനേറ്റിലെ ഒരു വ്യത്യാസം മാത്രമാണ്, അത് വക്രത്തിന്റെ ദൈർഘ്യമാണ്, അത് എളുപ്പത്തിൽ കണക്കാക്കാൻ കഴിയും, അതിനാൽ x ഒന്ന് x രണ്ടിന് തുല്യമാണെങ്കിൽ കോർഡ് 1 നീളം y ഒന്നിന്റെ മോഡിന് തുല്യമാണെന്ന് ശ്രദ്ധിക്കുക. മൈനസ് y രണ്ട്, നമുക്ക് നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമായ y ഒരു ചതുരം ഉള്ളതിനാൽ ഒന്ന് x എന്ന് വിളിക്കാം, y രണ്ട് ചതുരവും നാല് കോടാലി ആണ്, അതിനാൽ y ഒന്ന്, y രണ്ട് y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട്, y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട് എന്നിവ കേവല മൂല്യത്തിൽ വെറും നാല് കോടാലി ഒന്നിന്റെ രണ്ട് തവണ വർഗ്ഗമൂല്യം, ഇത് കോടാലി ഒന്നിന്റെ നാല് വർഗ്ഗമൂലമാണ്, എന്നാൽ x ഒന്ന് വ്യത്യസ്തമായ സാഹചര്യത്തിൽ x രണ്ടിൽ നിന്ന്, ഈ രേഖ y അക്ഷത്തിന് സമാന്തരമല്ല, നമുക്ക് ഇപ്പോൾ ഈ രേഖയുണ്ട്, x തൃപ്തിപ്പെടുത്തുന്നു, അതിനാൽ x ഒന്ന്, x രണ്ട് എന്നിവ ചതുരാകൃതിയിലുള്ള സമവാക്യത്തെ തൃപ്തിപ്പെടുത്തുന്നു. മൈനസ് രണ്ട് കോടാലിയും c ചതുരവും പൂജ്യത്തിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ x ഒന്ന് പ്ലസ് x രണ്ട് ക്വാഡ്രാറ്റിക് സമവാക്യത്തിന്റെ വേരുകളുടെ ആകെത്തുക മൈനസ് b കൊണ്ട് നൽകുന്നു, അതിനാൽ മൈനസ് രണ്ട് തവണ mc മൈനസ് രണ്ട് a ബൈ m ചതുരവും x ഒന്ന് x രണ്ട് ഗുണനവും വേരുകൾ c കൊണ്ട് ഒരു so c ചതുരം കൊണ്ട് m സ്ക്വയർ ആയതിനാൽ x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട് ചതുരം x ഒന്ന് പ്ലസ് x രണ്ട് മുഴുവൻ ചതുരം മൈനസ് നാല് x ഒന്ന് x രണ്ട് ആയിരിക്കും x 1 പ്ലസ് x 2 ചതുരം 4 കൊണ്ട് m to 4 mc മൈനസ് 2 ഒരു സമ്പൂർണ്ണ ചതുരം മൈനസ് 4 മടങ്ങ് x 1 x 2 എന്നത് c സ്ക്വയർ കൊണ്ട് m സ്ക്വയർ ആണ്, അതിനാൽ ഇത് m ചതുരം c സ്ക്വയർ മൈനസ് 4 amc പ്ലസ് 4 a ചതുരം മൈനസ് ഇവിടെ 4 തവണ m ന്റെ 4 ആയി എഴുതാം. m സ്ക്വയർ c ചതുരത്തിൽ നിന്ന് 4-ലേക്ക് കൊണ്ടുപോകുന്നു, അതിനാൽ ഇത് റദ്ദാക്കുന്നു, ഇത് 16 മടങ്ങ് AI -ന് തുല്യമാണ് ഒരു മൈനസ് mc ലേക്ക് m കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ നാലിലും y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട് എന്നത് mx 1 പ്ലസ് c മൈനസ് mx 2 പ്ലസ് c ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഇത് m തവണ x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട് ആണ് അതിനാൽ കോർഡിന്റെ ദൈർഘ്യം m , c എന്നിവ x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട് സ്ക്വയർ പ്ലസ് y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട് ചതുരത്തിന്റെ വർഗ്ഗമൂലമാണ് നൽകിയിരിക്കുന്നത്, ഇത് x 1 മൈനസ് x 2 ചതുരം പ്ലസ് m സ്ക്വയർ x 1 മൈനസ് x 2 ചതുരത്തിന്റെ വർഗ്ഗമൂലത്തിന് തുല്യമാണ്. ഒന്നിന്റെ പ്ലസ് മീ ചതുരശ്ര തവണ മോഡ് x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട്, ഞങ്ങൾക്ക് x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട് സ്ക്വയർ പതിനാറ് ഒരു തവണ മൈനസ് mc ന്റെ നാലിൽ നിന്ന് m എന്നതിന്റെ സ്ക്വയർ റൂട്ടിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഇത് ഒന്നിന്റെ സ്ക്വയർ റൂട്ടിന് തുല്യമാണ്. ഒരു തവണ മൈനസ് mc ok എന്നതിന്റെ സ്ക്വയർ റൂട്ട് x 1, x 2 എന്നിവയിൽ ലഭിക്കുന്നതിന് കോർഡിന്റെ ദൈർഘ്യം നൽകുന്നു, m , c എന്നിവയുടെ മൂല്യം x one y one, x two y two എന്നിങ്ങനെ x ഒന്ന് y ഒന്ന് y two ന് അടുത്തായി 1 എന്നതിന്റെ ഫോർമുല നേടുക, നമുക്ക് m എന്നത് y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട് കൊണ്ട് x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട്, c എന്നത് y ന് തുല്യം. ഒന്ന് മൈനസ് y ഒന്ന് മൈനസ് y രണ്ട് x ഒന്ന് മൈനസ് x രണ്ട് തവണ x ഒന്ന് ശരി അടുത്തതായി നമുക്ക് ടാൻജെന്റ് രേഖയുടെ സമവാക്യം കണ്ടെത്താം, അതിനാൽ ടാൻജെന്റ് രേഖയുടെ സമവാക്യം പരവലയ y ചതുരത്തിലേക്കുള്ള സമവാക്യം ഒരു പോയിന്റിൽ നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ് x ഒന്ന് y ഒന്ന് അങ്ങനെ നമുക്ക് ഒരു പരാബോള എടുത്ത്, x one y one എന്നത് പരാബോളയിലെ ചില പോയിന്റാണെന്ന് കരുതുക, ഈ പോയിന്റിൽ x one y one എന്നതിൽ ഈ ടാൻജെന്റ് രേഖയുടെ സമവാക്യം കണ്ടെത്താൻ ഞങ്ങൾ ആഗ്രഹിക്കുന്നു, അതിനാൽ രേഖയ്ക്ക് m ചരിവ് ഉണ്ടെന്ന് കരുതുക, തുടർന്ന് രേഖയുടെ സമവാക്യം ഇപ്പോൾ ടാൻജെന്റ് ലൈൻ നൽകിയിരിക്കുന്നത് y മൈനസ് y ഒന്ന്, m തവണ x മൈനസ് x ഒന്ന്, അത് mx ന് തുല്യമാണ്, ക്ഷമിക്കണം, mx ന് തുല്യം, y ഒന്ന് മൈനസ് mx ഒന്ന്, ഇത് c ന് തുല്യമാക്കാം. y ചതുരം നാല് $4ax$ ന് തുല്യമാണെങ്കിൽ a mc ന് തുല്യമാണ്, അത് a ആണ് m മടങ്ങ് y ഒന്ന് മൈനസ് mx ഒന്ന്, ഇത് m സ്ക്വയർ x ഒന്ന് എന്റെ ഒന്ന് പ്ലസ് a പൂജ്യം എന്ന് എഴുതുന്നതിന് തുല്യമാണ്, അപ്പോൾ ഇതിൽ നിന്ന് m ന്റെ മൂല്യം എന്താണ് ഇത് m എന്നത് y ഒരു ചതുരശ്ര മൈനസ് ഫോർ കോടാലി ഒന്നിന്റെ y 1 പ്ലസ് മൈനസ് വർഗ്ഗമൂലത്തിന് തുല്യമാണ് രണ്ട് മീറ്റർ കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ രണ്ട് x ഒന്ന് എന്നാൽ y ഒരു ചതുരം നാല് കോടാലി ഒന്നിന് തുല്യമാണ്, കാരണം x ഒന്ന് y ഒന്ന് പരവലയത്തിൽ കിടക്കുന്നതിനാൽ m എന്നത് y ഒന്ന് രണ്ട് x ഒന്നിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ഈ ടാൻജെന്റ് രേഖയുടെ ചരിവ് m തുല്യമാണ് y ഒന്ന് രണ്ട് x ഒന്ന്, ഇത് m എന്നതിന് തുല്യമായ y ഒന്ന് ചതുരം കൊണ്ട് രണ്ട് x ഒന്ന് y ഒന്ന് എന്ന് എഴുതാം, എന്നാൽ y ഒരു ചതുരം നാല് കോടാലി ഒന്ന് രണ്ട് x ഒന്ന് y ഒന്ന് കൊണ്ട് ഹരിക്കുന്നു, അതിനാൽ x ഒന്ന് ഇവിടെ റദ്ദാക്കുന്നു, നമുക്ക് രണ്ട് a വിഭജിക്കപ്പെടും y ഒന്ന് കൊണ്ട് നമുക്ക് ഈ ഫോർമുല m രണ്ട് a y ഒന്ന് കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ ലഭിക്കും, ടാൻജെന്റ് രേഖയുടെ സമവാക്യം mx ന് തുല്യമാണ്, c എന്നത് y ഒന്ന് മൈനസ് mx 1 ആണ്, ഇത് m ന് തുല്യമാണ് 2 a കൊണ്ട് y 1 നൽകുന്നു തവണ x പ്ലസ് y 1 മൈനസ് മീറ്റർ തവണ x ഒന്ന് ഈ ആദ്യ സമവാക്യത്തിൽ നിന്ന് കാണുകയാണെങ്കിൽ m തവണ x ഒന്ന് y ഒന്ന് ബൈ രണ്ട് ആണ് അതിനാൽ ഇത് y ഒന്ന് കൊണ്ട് y ഒന്ന് കൊണ്ട് രണ്ട് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ്, നമ്മൾ y_1 y കൊണ്ട് ഗുണിച്ചാൽ ഇത് സൂചിപ്പിക്കുന്നു y_1 സമം $2ax$ പ്ലസ് വൺ സ്ക്വയർ രണ്ട് കൊണ്ട് ഇപ്പോൾ നമുക്ക് y ഒരു ചതുരം നാല് കോടാലി ഒന്നായി വയ്ക്കാം, അതിനാൽ ഇത് രണ്ട് കോടാലിയും നാല് കോടാലി ഒന്ന് രണ്ടായി ഹരിച്ചാൽ yy ഒന്ന് തുല്യമാണ് രണ്ട് കോടാലി x ഒന്നിലേക്ക്, അതിനാൽ ഇത് x 1 y 1 പോയിന്റിലെ ടാൻജെന്റ് രേഖയുടെ സമവാക്യമാണ്, ഇത് പരവലയത്തിലെ x ഒന്ന് y ഒന്ന് പോയിന്റിലെ നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമായ പരവലയ y ചതുരത്തിലേക്കുള്ള ടാൻജെന്റ് രേഖയുടെ സമവാക്യമാണ് ശരി അങ്ങനെ പരവലയത്തിലെ ഏത് ബിന്ദുവിലും x 1 y 1 എന്ന 4 കോടാലിക്ക് തുല്യമായ പരവലയ y സ്ക്വയറിനിലേക്കുള്ള ടാൻജെന്റ് ലൈനിന്റെ സമവാക്യം ഞങ്ങൾ ഉരുത്തിരിഞ്ഞതാണ്, നിങ്ങൾ ഡെറിവേറ്റീവുകളെ കുറിച്ച് പഠിച്ചിട്ടുണ്ടെങ്കിൽ കാൽക്കുലസ് ഉപയോഗിച്ചും ഇത് ഉരുത്തിരിഞ്ഞു വരാം,

അതിനാൽ നമുക്ക് ഈ സമവാക്യത്തിന്റെ ഡെറിവേറ്റീവ് എടുക്കാം കാൽക്കുലസ് ഉപയോഗിച്ചുള്ള ടാൻജൻറ് ലൈനിൽ നമുക്ക് നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമായ സമവാക്യം y സ്ക്വയർ ഉണ്ട്, ഇതാണ് പരാബോളയുടെ സമവാക്യം, x ഒന്ന് y ഒന്ന് ഈ x ഒന്ന് y ഒന്ന് പരവലയത്തിൽ കിടക്കുന്നു, ഇത് സൂചിപ്പിക്കുന്നത് y ഒരു ചതുരം നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ് x ന്റെ f ന് തുല്യമായ ഏത് വളവിലും y ഒരു ബിന്ദുവിലെ x one y ഒന്ന് എന്ന ബിന്ദുവിലെ സ്തർശ്ശരേഖയുടെ ചരിവ്, x ഒന്ന് y ഒന്ന് എന്ന ബിന്ദുവിലെ ഡെറിവേറ്റീവ് dy/dx ന് തുല്യമാണ് ചരിവ് നൽകുന്നതെന്ന് ഇപ്പോൾ നമുക്കറിയാം , അതിനാൽ നിങ്ങൾ ചെയ്യേണ്ടത് do എന്നത് ഡെറിവേറ്റീവ് dy/dx കണക്കാക്കുന്നു അതിനാൽ ys x മായി ബന്ധപ്പെട്ട് 4 കോടാലിക്ക് തുല്യമായ ചതുരം നമുക്ക് ലഭിക്കുന്നു ഒന്ന് അതിനാൽ ഇത് രണ്ട് a ബൈ y വൺ കുറിപ്പിന് തുല്യമാണ്, ഞങ്ങളുടെ മുമ്പത്തെ രീതി ഉപയോഗിച്ച് ഇതേ ഫോർമുല m രണ്ട് a by y ഒന്ന് എന്നതിന് തുല്യമാണ്, എന്നാൽ അതിൽ കൂടുതൽ ബീജഗണിതം ഉൾപ്പെടുന്നു, എന്നാൽ നിങ്ങൾക്ക് കാൽക്കുലസ് അറിയാമെങ്കിൽ നിങ്ങൾക്ക് ഇത് എളുപ്പത്തിൽ ലഭിക്കും , അതിനാൽ സമവാക്യം ടാൻജൻറ് രേഖയുടെ സമവാക്യം y മൈനസ് y ഒന്ന് m തവണ m ആണ് രണ്ട് a by y ഒരു തവണ x മൈനസ് x ഒന്ന് , അതായത് yy ഒന്ന് മൈനസ് y ഒരു ചതുരം രണ്ട് കോടാലി മൈനസ് രണ്ട് കോടാലി ഒന്ന് എന്നാൽ y ഒരു ചതുരം നാല് കോടാലി ആണ് ഒന്ന് അതിനാൽ yy ഒന്ന് മൈനസ് നാല് കോടാലി ഒന്ന് രണ്ട് കോടാലി മൈനസ് രണ്ട് കോടാലി ഒന്ന് , ഇത് y തവണ y ഒന്ന് രണ്ട് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ് പ്ലസ് രണ്ട് കോടാലി ഒന്ന് അല്ലെങ്കിൽ yy ഒന്ന് രണ്ട് ഒരു തവണ x പ്ലസ് x ഒന്ന് എന്നതിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ നിങ്ങൾ ശ്രദ്ധിക്കുകയാണെങ്കിൽ രേഖപ്പെടുത്തുക ഈ വ്യത്യാസം മുകളിലെ ഡെറിവേറ്റീവ് അനുമാനിക്കുന്നു ഈ പോയിന്റ് x ഒന്ന് y ഒന്ന് ഉത്ഭവ പുജ്യം പുജ്യത്തിൽ നിന്ന് വ്യത്യസ്തമാണ്, കാരണം നമ്മൾ രണ്ട് a ബൈ y ഒന്ന് അല്ലെങ്കിൽ രണ്ട് a x ഒന്ന് എഴുതുന്നു, അതിനാൽ ഇത് ഇത് അനുമാനിക്കാം, എന്നാൽ x ഒന്ന് y ഒന്ന് പുജ്യമാണെങ്കിൽ ഇതാണ് ശീർഷകം പരാബോള y ചതുരത്തിന്റെ നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ്, നമ്മൾ ഈ പോയിന്റ് പുജ്യം പുജ്യം എടുക്കുകയാണെങ്കിൽ , പുജ്യം പുജ്യത്തിലെ ടാൻജൻറ് ലൈൻ y അക്ഷമാണെന്ന് വ്യക്തമാണ്, കാരണം y അക്ഷം ഈ പരാബോളയെ ഒരു പോയിന്റിൽ പുജ്യം പുജ്യത്തിൽ വിഭജിക്കുന്നു അതിനാൽ ഈ സമവാക്യം y ആണ് അച്ചുതണ്ട് പുജ്യത്തിന് തുല്യമായ x ആണ്, അതിനാൽ ലഭിച്ച സമവാക്യത്തിൽ പുജ്യത്തിന് തുല്യമായ x ഒന്ന് y ഒന്ന് ഇട്ടാൽ, ലഭിച്ച സമവാക്യത്തിൽ yy ഒന്ന് രണ്ട് കോടാലി x ഒന്ന് കൂടി ചേർത്താൽ നമുക്ക് ഇടതുവശത്ത് ലഭിക്കുന്നത് പുജ്യത്തിന് തുല്യമാണ്, അതായത് രണ്ട് കോടാലിയും 0 യും x 0 ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ yy ഒന്ന് രണ്ട് ഒരു തവണ x പ്ലസ് x ഒന്ന് എന്ന സമവാക്യം പുജ്യം പുജ്യത്തിന് പോലും സാധ്യതയുള്ളതാണ്, അതിനാൽ ഇത് x ഒന്ന് y എന്ന ബിന്ദുവിലെ സ്തർശ്ശരേഖയുടെ ചരിവ് സമവാക്യമാണ്, അടുത്തതായി നമ്മൾ സാധാരണ രേഖയുടെ സമവാക്യം കണ്ടെത്തും ഏത് പോയിന്റിലും x one y one എന്ന സമവാക്യം poi -ൽ സാധാരണ nt x one y one എന്ന പരാബോള y ചതുരത്തിൽ നാല് x ന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ എന്താണ് സാധാരണ രേഖ, അതിനാൽ നമുക്ക് ഈ പരാബോള ഉണ്ടെങ്കിൽ, ഒരു പോയിന്റ് x one y ഒന്ന് എടുത്താൽ ടാൻജൻറ് ലൈൻ ഇതാണ്, സാധാരണ രേഖ ലംബമായ രേഖയാണ് ടാൻജൻറ് ലൈനിലേക്ക്, അതിനാൽ ഈ വരി നമുക്ക് സാധാരണ രേഖയാണ് , ഇതാണ് ടാൻജൻറ് രേഖ, ടാൻജൻറ് സമവാക്യം yy ഒന്ന് രണ്ട് കോടാലി പ്ലസ് x ഒന്ന് എന്നതിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ y ഒന്ന് പുജ്യമല്ലെങ്കിൽ നമുക്ക് ഇത് എഴുതാം y രണ്ട് a ബൈ y ഒന്ന് x പ്ലസ് x വണ്ണിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ ടാൻജൻറ് രേഖയുടെ ചരിവ് രണ്ട് a കൊണ്ട് y ഒന്ന് നൽകുന്നു, ഇത് സാധാരണ രേഖയുടെ ചരിവ് സൂചിപ്പിക്കുന്നു m എന്ന് വിളിക്കാം ഇത് മൈനസ് $y1$ ന് $2a$ ന് തുല്യമാണ്, കാരണം ഇവ രണ്ട് വരികൾ ലംബമാണ്, ചരിവിന്റെ ഗുണനം മൈനസ് ഒന്നിന് തുല്യമാണ്, അതിനാൽ നമുക്ക് ചരിവ് മൈനസ് y ഒന്ന് ബൈ രണ്ട് ആണ്, അതിനാൽ നോർമലിന്റെ സമവാക്യം y മൈനസ് y ഒന്ന് ചരിവിന് തുല്യമാണ് മൈനസ് y ഒന്ന് രണ്ട് തവണ x മൈനസ് x ഒന്ന് ലെറ്റ് ഞങ്ങൾ ഈ സമവാക്യം ചരിവിന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ m എന്നതിന്റെ അടിസ്ഥാനത്തിൽ എഴുതുന്നു m നമുക്കുണ്ട് m എന്നത് മൈനസ് y ഒന്ന് രണ്ടിന് തുല്യമാണ്, അതായത് y ഒന്ന് മൈനസ് രണ്ട് am ന് തുല്യമാണ് , അതിനാൽ x ഒന്ന് , y ഒന്ന് ചതുരം കൊണ്ട് നാല് a , ഇത് ഒരു ചതുരശ്ര മീറ്റർ ചതുരത്തിന് നാല് മടങ്ങ് തുല്യമാണ്. നാല് എ അല്ലെങ്കിൽ ഇത് ആം സ്ക്വയറിനു തുല്യമാണ്, അതിനാൽ നോർമലിനുള്ള സമവാക്യം ഇടുന്നത് y മൈനസ് y ഒന്ന് m മൈനസ് y ഒന്ന് രണ്ട് തവണ x മൈനസ് x ഒന്ന് നമുക്ക് y മൈനസ് y ഒന്ന് y ഒന്ന് മൈനസ് രണ്ട് മീറ്റർ അതിനാൽ y പ്ലസ് $2a$ m തവണ x മൈനസ് x ഒന്ന് അങ്ങനെ x മൈനസ് ആം ചതുരം y എഴുതുന്നതിന് തുല്യമാണ് mx മൈനസ് രണ്ട് am മൈനസ് am q , അതിനാൽ ഇത് x ഒന്ന് y ഒന്ന് എന്ന ബിന്ദുവിലെ സാധാരണ സമവാക്യമാണ്. mx ഒന്ന് ആം സ്ക്വയർ ആണ് , y ഒന്ന് മൈനസ് രണ്ട് ആം ആണ്, അതിനാൽ നമ്മൾ ഒരു പരവലയത്തിൽ am സ്ക്വയർ മൈനസ് രണ്ട് am എന്ന് ഒരു പൊതു പോയിന്റ് എഴുതുകയാണെങ്കിൽ, സമവാക്യം mx മൈനസ് രണ്ട് am മൈനസ് am q ok എന്ന് എഴുതാം, അതിനാൽ അടുത്തത് നമ്മൾ ചെയ്യും സബ് ടാൻജൻറ് എന്നും സബ് നോർമൽ എന്നും വിളിക്കുന്നത് നിർവചിക്കുകയും പരവലയ സബ് ടാൻജൻറ്റിന്റെയും സബ് നോർമലിന്റെയും നീളം കണ്ടെത്തുക. ve പരാബോള y ചതുരം നാല് കോടാലിക്ക് തുല്യമാണ് , പരവലയത്തിൽ p ഒരു പോയിന്റ് ഉണ്ടെന്ന് കരുതുക, നമുക്ക് p ഈ പോയിന്റിലെ ടാൻജൻറ് രേഖ നോക്കാം, കൂടാതെ ഈ ടാൻജൻറ് രേഖ x അക്ഷത്തെ t എന്ന ബിന്ദുവിൽ ചേർക്കുന്നുവെന്നും നമുക്ക് സാധാരണ രേഖ വരയ്ക്കാം. n എന്നതിലെ x അക്ഷത്തെ സാധാരണ രേഖ വിഭജിക്കുന്നുവെന്ന് കരുതുക, ഇത് ലംബമാണെങ്കിൽ, ഇത് pt ശരി, തുടർന്ന് ഈ p -ൽ നിന്ന് x അക്ഷത്തിലേക്ക് ലംബമായി വരയ്ക്കാം , അതിനാൽ ആ പോയിന്റിനെ a എന്ന് വിളിക്കാം, അതിനാൽ pt എന്നത് പോയിന്റ് p -യും പലിശ വിഭാഗ പോയിന്റും തമ്മിലുള്ള ടാൻജൻറ് ആണ്. x അച്ചുതണ്ടിൽ, x അക്ഷത്തിൽ ഇതിന്റെ പ്രൊജക്ഷൻ എൺപത് ആയതിനാൽ ഇതിനെ സബ് ടാൻജൻറ് എന്ന് വിളിക്കും , an ഈ സബ് നോർമൽ ഇതാണ്, നിങ്ങൾ ഈ pn നോക്കുകയാണെങ്കിൽ ഇത് സാധാരണമാണ്, x അക്ഷത്തിൽ അതിന്റെ പ്രൊജക്ഷൻ

അങ്ങനെയാണ്. ഇത് സബ് ടാൻജെന്റ് ആണ് , ഇത് ഒരു സബ് നോർമൽ ആണ്, അതിനാൽ p എന്ന പോയിന്റിന്റെ കോർഡിനേറ്റുകൾ x one y ഒന്ന് ആയി എടുക്കുകയാണെങ്കിൽ, നമുക്ക് ടാൻജെന്റ് രേഖയുടെ സമവാക്യം അറിയാം pt എന്നത് y ഒന്ന് m ന് തുല്യമാണ്, yy ഒന്ന് രണ്ട് ഒരു തവണ x തുല്യമാണ് പ്ലസ് x ഒന്ന്

അങ്ങനെ കോർഡിനേറ്റ് പുജ്യത്തിന് തുല്യമായ y ഇട്ട് പുജ്യത്തിന് തുല്യമായ y ഇട്ടാൽ ലഭിക്കും ഒരു കോമ പുജ്യം, കാരണം p എന്നത് x ഒന്ന് y ഒന്ന് ആയതിനാൽ ഈ ബിന്ദു t ശീർഷത്തിൽ നിന്ന് തുല്യ അകലമാണ് , ഈ പോയിന്റ് a ഈ ശീർഷം t യിൽ നിന്ന് തുല്യമാണ്, കൂടാതെ ഈ ശീർഷം t യിൽ നിന്ന് തുല്യമാണ്, ഒരു so tup സബ് ടാൻജെന്റ് രണ്ട് തവണ x ഒന്നിന് തുല്യമാണ് , എന്താണ് ഈ ഉപ. ഈ ത്രികോണ ടാപ്പ് ട്രയാംഗിൾ പാനിനോട് സാമ്യമുള്ളതാണെന്ന് ഈ സബ് നോർമൽ നോട്ട് കണ്ടെത്തുന്നതിന്, എന്തുകൊണ്ടാണ് ഇത് കാരണം നിങ്ങൾ ഈ ആംഗിൾ കണ്ടാൽ നമ്മൾ തീറ്റ എന്ന് വിളിക്കുന്നു , ഇത് പാറ്റ് ഒരു വലത് കോണ ത്രികോണമാണെന്ന് പറയുന്നു, അതിനാൽ ഈ ആംഗിൾ 2 മൈനസ് പൈ ആയിരിക്കും തീറ്റ വീണ്ടും ഇത് 90 ഡിഗ്രിയാണ്, അതിനാൽ ഈ ആംഗിൾ തീറ്റയാണ്, അതിനാൽ ആംഗിൾ ലെ എടിപി ആംഗിൾ എപിഎൻ പോലെയാണ് , തുടർന്ന് ഒരു തൊണ്ണൂറ് ഡിഗ്രിയും സാധാരണമാണ്, അതിനാൽ ഈ രണ്ട് ത്രികോണങ്ങളും സമാനമാണ് , അതിനാൽ ഞാൻ എപി കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ ഇത് സമാനമാണ് ap വിഭജിച്ചിരിക്കുന്നു സമാന ത്രികോണങ്ങളിൽ , അനുപാതങ്ങൾ ഒന്നുതന്നെയാണെന്ന് നമുക്കറിയാം, അതിനാൽ ഇത് ap ചതുരത്തിന് തുല്യമാണ്, എന്നാൽ എന്താണ് $apap$ ദൈർഘ്യം എന്നത് മറ്റൊന്നുമല്ല, y ഒന്ന്, ഇത് y ഒരു ചതുരം by at രണ്ട് x ഒന്ന് എന്നാൽ y 1 ചതുരം 4 കോടാലി 1 നെ 2 x 1 കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ ഇത് സ്ഥിരം 2 a ആണ് , അതിനാൽ സബ് നോർമൽ a എന്നത് രണ്ട് a ആണ്, ഇത് ഒരു സ്ഥിരാങ്കമാണ്, അതിനാൽ സബ് നോർമൽ x one y one എന്ന ബിന്ദുവിനെ ആശ്രയിക്കുന്നില്ല, അതേസമയം സബ് ടാൻജെന്റ് x കോർഡിനേറ്റിനെ ആശ്രയിച്ചിരിക്കുന്നു പോയിന്റ് x വൺ y ഒന്ന് അതിനാൽ അടുത്ത പ്രഭാഷണത്തിൽ ഈ പ്രഭാഷണത്തിനായി ഞങ്ങൾ ഇവിടെ നിർത്താം ടാൻജെന്റ് നോർമൽ ഉൾപ്പെടെയുള്ള ചില പ്രശ്നങ്ങൾ കൂടി ഞങ്ങൾ ചെയ്യും നന്ദി