

کہتے ہیں اور پھر ہم نے اس کی وضاحت کی ہے

تو آئیے ہم بیضوی اور ہائپر بولا کو ان کے لحاظ سے دیکھتے ہیں۔ فوکس اور ڈائریکٹریکس

محور پر لے جائیں x کو کوئی بھی فکسڈ پوائنٹ ہونے دیں ہمیں f تو

کوما صفر ہے اور فرض کریں کہ ہم لیتے ہیں ہمیں بیضوی شکل دیتے ہیں f کوئی f تو

محور پر بڑے محور کے ساتھ x لکھتے ہیں۔ ایرو اور مائنس سی کوما صفر اور پھر z کوما c کوما صفر ہے یا ہم اسے f تو ہمارے پاس

مربع کو ایک x ہے لہذا اگر ہم اس بیضوی b بیضوی اس کے ذریعہ دیا گیا ہے یہ ایک کوما ہے صفر مائنس ایک صفر یہ صفر ہی صفر مائنس

مربع ہے اس معاملے میں b مربع ایک مربع مائنس c سے بڑا ہے اور a b مربع ہے جہاں b مربع پر دیکھیں ایک کے برابر y مربع جمع

اب ہم اس لائن کو دیکھتے ہیں

کے برابر سمجھیں c کو مربع ہائے x تو اس لائن کو

سے بڑا ہوگا کیونکہ a سے بڑا ہے یہ a c کے برابر ہے نوٹ کریں کہ چونکہ c ایک مربع بذریعہ x تو یہ لائن کہاں ہے یہ کچھ ہے لکیر

کے برابر اس بیضوی کے دائیں طرف واقع ہے اگر ہم بیضوی پر کوئی بھی نقطہ c x مربع x ایک سے سختی سے بڑا ہے لہذا یہ a x c

کا فاصلہ دیکھیں $p1$ کا فاصلہ دیکھیں اور اس لائن 1 pf لیں آئیے pxy

کے مربع جڑ کے برابر مربع y مربع جمع c مائنس x برابر ہے pf one صفر ہے c جو f one کا فاصلہ pxy تو بیضوی پر

y مربع y مربع لیکن y مربع جمع c جمع cx مربع مائنس دو x برابر i s مربع ہے جو y مربع جمع c مائنس x ایک مربع pf تو

مربع بذریعہ ایک مربع x مربع ضرب ایک مائنس b مربع کیا ہے برابر

تو آئیے اسے ڈالتے ہیں

مربع بذریعہ مربع ہے x مربع ضرب ایک مائنس b مربع y مربع جمع c جمع cx مربع مائنس دو x تو اس سے

مربع کے b مربع دیتا ہے لیکن یہ کیا ہے یہ مربع مائنس b مربع جمع c جمع cx مربع مائنس دو x مربع بذریعہ مربع b تو یہ ایک مائنس

مربع نے دیا ہے b مربع کے برابر ہے ایک مربع مائنس c مربع ایک مربع b مربع جمع c جمع cx مربع مائنس دو x برابر ہے ایک مربع

مربع کے طور پر رکھیں c مربع کو b پھر آئیے یہاں ایک مربع مائنس

جمع ایک مربع cx ہے مربع مائنس دو x مربع بذریعہ مربع c تو یہ

بذریعہ کلہاڑی مائنس ایک پورا مربع دائیں ہے کیونکہ اگر آپ اس کو مربع کرتے ہیں c تو یہ وہی چیز ہے جو

مائنس x مربع کو ایک مربع ڈالتے دیتا ہے۔ باہر پھر ہمیں c دے گا یہاں ah cx تو آپ کو یہ اصطلاح جمع ایک مربع مائنس دو بار ملے گی یہ دو

کا 1 p سے 1 p ہے یہ pxy کا فاصلہ کیا ہے لیکن اگر آپ دیکھیں کہ یہ نقطہ 1 سے p لیکن e پورا مربع ملتا ہے۔ c ایک مربع بذریعہ

مربع c مائنس ایک مربع بذریعہ x ہے لہذا یہ by c مائنس ایک مربع mod x اس فاصلے کا c مائنس ایک مربع بذریعہ x فاصلہ ہے

بذریعہ c بذریعہ ایک بار c ایک ہے pf ایک مربع جو $p1$ بذریعہ مربع ضرب c ایک مربع برابر pf مربع ہے اس طرح ہمیں ملتا ہے $p1$

a

کے برابر ہے pf 1 by $p1$ e ہے اس طرح $p1$ one $pp1$ e $times$ $p1$ تو یہ

$p1$ ایک بذریعہ cpf برابر مربع بذریعہ x مربع اس بیضوی اور لائن x تو بیضوی پر کسی بھی نقطہ کا تناسب اس لائن کے فاصلے تک

کے برابر مائنس x لیں اسی طرح لائن c کے برابر مائنس مربع بذریعہ x کے برابر اسی طرح اگر ہم اس لائن کو e برابر برابر x برابر ہے

مربع بذریعہ x کو بیضوی c مربع بذریعہ a برابر ہوں گی۔ جمع مائنس x کے برابر ہے اس طرح یہ لکیریں e کا تناسب c مربع بذریعہ

سے بڑا ہم اس کے برعکس کر سکتے ہیں اور اب ہم ڈائریکٹریکس کا b مربع برابر ایک کے ساتھ b مربع بذریعہ y مربع جمع کہا جاتا ہے

استعمال کرتے ہوئے بیضوی یا ہائپر بولا کی تعریف کر سکتے ہیں

ہائپر بولا ملے گا۔ سیکشن جس کی اصل $1f$ تو آئیے ایک کونک سیکشن لیتے ہیں ہم دیکھیں گے کہ اس مخروط کا استعمال کرتے ہوئے ہمیں پیرابولا

محور کے m y محور پر فوکس کرتا ہے اور x میں ایک چوٹی ہے جو

کوما f 0 0 v 0 0 محور ہے ہم ایک چوٹی y محور اور x توازی ایک لکیر کو ڈائریکٹ کرتا ہے لہذا ہمارے پاس

کچھ الفا کے برابر ہے اب آئیے دیکھتے x اس لائن کی مساوات کیا ہے یہ لائن 1 کے ساتھ اس نقطہ پر فوکس کرتے ہیں۔ آئیے ایک لائن لیتے ہیں

سے تقسیم کیا جائے جہاں یہ کسی بھی نقطہ کا کھڑا ہے لہذا اگر ہم $p1$ کو pf کا لوکس اس طرح تلاش کرتے ہیں کہ تناسب p ہیں پوائنٹس

لیتے ہیں pxy کوئی

یہ کچھ مستقل کے برابر ہے اور یہ ایک مستقل ہے $p1$ فاصلہ دیکھتے ہیں اور یہ کھڑا فاصلہ pf تو ہم

سے تقسیم کیا ہے یہ برابر ہونا چاہیے۔ ای اس $v1$ کو vf منحنی خطوط پر واقع ہے ہم نے v 0 0 چونکہ v ہے تو کیونکہ ہمارے پاس

کے برابر ہے f ہے یہاں evf بذریعہ vf کا فاصلہ imp $lies$ $v1$

آئیے ہم اسے دوبارہ کھینچتے ہیں اور ہمارے پاس یہ لکیر e بذریعہ f برابر ہے مائنس 1 x لہذا لائن e بذریعہ e کے برابر ہے f تو یہ

لیں pxy اب منحنی خطوط پر کوئی بھی عمومی نقطہ e بذریعہ f برابر ہے مائنس x

مربع کے برابر ہے e مربع یہ y پورا مربع جمع f مائنس x مربع کیا ہے pf مربع pf مربع کے برابر ہے $p1$ مربع e مربع pf تو

مربع e بذریعہ f جمع so x ہے بذریعہ f جمع x یہ لمبائی p two 1

تو اگر ہم اس کو آسان بناتے ہیں

efx مربع جمع 2 x مربع e مربع جو کہ f جمع ex مربع اس کے برابر ہے y مربع جمع f جمع fx مربع مائنس دو x تو یہ دیتا ہے

مربع f جمع

مربع صفر کے برابر ہوتا ہے y ایک جمع سابق جمع f مربع مائنس دو x مربع e مربع منسوخ کرتا ہے اور اس سے ایک مائنس f تو

مربع برابر ملتا ہے۔ صفر پر y جمع px مربع مائنس دو x مربع e ہمیں ایک مائنس e کے برابر ضرب ایک جمع f ڈالتے ہیں p تو آئیے

اب اگر ہم اس مساوات کو دیکھیں

ایک کے برابر ہے e ہے اب اگر e ایک مستقل o کے فاصلے کا 1 سے لائن p اور f سے o p تو یہ مساوات ہے جیسے رتی۔

تو ہمیں ملتا ہے اور پہلی اصطلاح وہاں نہیں ہے

کے برابر ملتا ہے جو ایک پیرابولا ہے px مربع دو y تو ہمیں

تو یہ ہم پہلے ہی اس سے پہلے دیکھا کہ اگر ہم تناسب کو ایک کے برابر لیں

ایک سے کم ہے e ایک سے کم ہے اگر e تو ہمیں ایک پیرابولا ملتا ہے اگر

مربع یہ مثبت ہے e تو ایک مائنس

بذریعہ p مربع مائنس 2 x مربع صفر کے برابر ہے لہذا اس طرح ہم لکھ سکتے ہیں y جمع px مربع مائنس ملتا ہے دو x تو ہمیں کچھ مربع

مربع y چار جمع a مربع بذریعہ p بذریعہ مربع مربع جمع p ایک مربع p مائنس x مربع ایک مربع صفر کے برابر یا y جمع x مربع

مربع بذریعہ چار جو بیضوی p مربع ایک مربع برابر y بذریعہ مربع مربع جمع p مائنس x بذریعہ مربع معاف کیجیے یہ مائنس برابر صفر یا

کو صفر کے برابر رکھتے ہیں y کی مساوات ہے حالانکہ یہ نہیں ہے معیاری شکل میں لیکن یہاں بیضوی شکل آپ دیکھتے ہیں اگر آپ مربع ایک مربع ہے p ملے گا ایک مربع مربع سے p مائنس x تو آپ کو پر ایک مربع اور صفر ہے اور ہمیں اس طرح کا بیضوی حاصل ہوتا ہے خاص صورت میں صفر p بیضوی کے مرکز کے برابر ہے پوائنٹ x تو ڈالتا ہوں e کے برابر اگر آپ دیکھیں کہ یہ تھا عام مساوات اگر میں صفر کے برابر کو e مربع صفر کے برابر ہوتا ہے جو ایک دائرے کی مساوات ہے لہذا بیضوی میں ہم دیکھتے ہیں کہ اگر ہم y جمع px مربع مائنس دو x تو صفر کے برابر رکھتے ہیں

زیادہ ہے ایک سے زیادہ e تو ہمیں دائرے کی مساوات ملتی ہے اور اگر ایک سے بڑا ہے e تو ہم اس مساوات کو اس مساوات کے طور پر لکھ سکتے ہیں اگر تو یہ منفی ہے مربع صفر کے برابر اور یہ یہاں مثبت ہے y مائنس px مربع جمع دو x مربع مائنس ایک e تو ہم لکھیں گے تو یہ اس کی ایک مساوات ہے۔ ایک ہائپر بولا تاکہ کوئی اس بیضوی اور ہائپر بولا کو فوکس اور ڈائریکٹریکس کا استعمال کرتے ہوئے بھی متعین کر سکتا ہے لہذا ان تمام مخروطی حصے پیرابولا بیضوی اور ہائپر بولا کو تمام پوائنٹس کے لوکس کے طور پر بیان کیا جاسکتا ہے اس طرح کہ نقطہ کے ہے جو سنکی ہے ٹھیک ہے e ہم اور ایک فکسڈ لائن ایک مستقل foc فاصلے کے لئے تناسب کو ایک مقررہ نقطہ کہا جاتا ہے۔ تو اس کے بعد جس طرح ہم نے بیضوی کے لئے کیا تھا اسی طرح ہم نے ڈائریکٹریکس کی مساوات کو پایا اسی طرح ہائپر بولا کے لئے دو ڈائریکٹریکس مربع b مربع بذریعہ y مربع بذریعہ مربع مائنس x ہوں گے اور ڈائریکٹریکس کی مساوات ہم تلاش کر سکتے ہیں لہذا اس پر غور کریں۔ ہائپر بولا دو مائنس f کوما صفر ہے یہاں ایک اور فوکس ہے c ایک f کے برابر ہے لہذا یہاں عمودی ایک کوما صفر اور مائنس صفر ہے اور فوکس b مربع ایک مربع جمع c کے برابر لائن پر ہم جانتے ہیں کہ c ایک مربع بذریعہ x صفر اب دوبارہ دیکھتے ہیں۔ ہائپر بولا کی صورت میں c سے سختی سے کم ہے لہذا یہاں a یہ c ایک سے کم ہے لہذا ایک مربع بذریعہ a by c مربع کے برابر ہے لہذا یہ مربع سے بڑا ہے لہذا لیتا ہوں pxy ہے اب اگر میں کوئی نقطہ c ایک مربع بذریعہ x یہ لائن کیا ہے $p1$ اور یہ فاصلہ pf one تو آئیے حساب کریں کہ

مربع لیکن y مربع جمع c جمع cx مربع مائنس دو x برابر i مربع جو y مربع کے برابر ہے۔ جمع c مائنس x ایک مربع pf one مربع مائنس دو ہے x ایک مربع pf مربع لہذا b مربع مائنس x مربع b مربع بذریعہ مربع مائنس ایک یہ x مربع بار b مربع برابر y مربع b مربع مائنس x مربع بذریعہ مربع b مربع جمع c جمع cx مربع ہے c مربع لیکن ایک مربع جمع b مربع مائنس c جمع cx مربع مائنس دو x مربع کے برابر ہے ایک مربع b تو یہ ایک جمع بذریعہ کلہاڑی مائنس c مربع ایک مربع ہے لہذا اسے b مربع مائنس c جمع cx مربع مائنس دو x مربع بذریعہ ایک مربع c لہذا یہ ہے بذریعہ اوٹ لگا سکتا ہوں c ایک مکمل مربع کے طور پر لکھا جا سکتا ہے جسے دوبارہ میں pf مربع ہے لہذا $pe1$ مربع بار e یہ e سنکی ہے a بذریعہ c پورا مربع چونکہ c مربع بذریعہ a مائنس x ایک مربع ضرب c تو ایک مربع c برابر جمع مائنس ایک مربع بذریعہ x کے برابر ہے جو کہ ہائپر بولا کے معاملے میں ایک سے بڑا ہے لہذا لائن one by $p1$ e کے $foci$ محور پر y مربع برابر ایک کے اگر ہم ہائپر بولا کو b مربع بذریعہ us y مربع کی سمت ہیں۔ x منٹ کے حساب سے ہائپر بولا مربع ایک کے برابر لیں b مربع بذریعہ x مربع کو مربع مائنس y ساتھ لیں اگر ہم c کے مربع بذریعہ a برابر ہوگی جمع مائنس y تو ڈائریکٹری کہتی ہے کہ لائن c کے برابر مائنس مربع بذریعہ x اور c کے برابر مربع بذریعہ x کی طرح ہمیں اس معیاری شکل میں ah ellipse تو پھر اسی طرح اس معیاری شکل میں دی گئی سم

توں کی مساوات ملتی ہے لہذا یہ ظاہر کرتا ہے کہ تمام مخروطی حصے پیرابولا بیضوی اور ہائپر بولا فوکس اور ایپلیس فوکس اور ڈائریکٹریکس کے لحاظ سے بیان کیا جا سکتا ہے اور تعریف یہ ہے کہ فاصلہ کا ایک فکسڈ پوائنٹ فوکس کا تناسب اور ڈائریکٹریکس نامی لکیر کا کھڑا فاصلہ ایک مستقل ہونا چاہئے اور اس بات پر منحصر ہے کہ آیا مستقل برابر ہے 1 سے کم یا ایک سے بڑا ہمیں پیرابولا بیضوی اور ہائپر بولا ملتا ہے لہذا ہم آج یہاں رکھیں گے اور اگلی کلاس میں ہم پیرابولا بیضوی اور ہائپر بولا وغیرہ کے ٹینجنٹ اور نارملز کے بارے میں جانیں گے شکر یہ