

બધાને નમસ્કાર, આ શંકુ વિભાગી પરનું પાંચમું વ્યાખ્યાન છે
તેથી આપણે પેરાબોલા એલિપ્સ અને હાઇપરબોલા મોડ વિશે વાત કરીશું
તેથી ચાલો હું પહેલા

આપણે જાણીએ કે પેરાબોલાના પ્રમાણભૂત સ્વરૂપો

ચાર કુહાડી અથવા y ની બરાબર y ચોરસ સ્વરૂપ છે તે વિશે વાત કરીએ.

ચોરસ માઈનસ $4axx$ ચોરસ છે $4ay$ છે અથવા x ચોરસ છે માઈનસ ચાર ay
તેથી આ આપેલ છે આ પેરાબોલા y ચોરસ બરાબર ચાર કુહાડી છે આ મૂળમાં શિરોબિંદુ ધરાવે છે આ બધા પેરાબોલાના મૂળમાં
શિરોબિંદુ છે અને પછી આપણી પાસે આ છે શું પેરાબોલા x ચોરસ બરાબર ચાર ay છે અને પછી આપણી પાસે આ પેરાબોલા છે
જો હું y અક્ષમાં પ્રતિબિંબિત કરું તો મને y ચોરસ માઈનસ $4ay$ ની બરાબર મળે છે અને આ x ચોરસ બરાબર $4ay$ છે ચાલો
આપણે આનો એક પેરાબોલા જોઈએ.

x ચોરસ બરાબર $4ay$ અથવા x ચોરસ બરાબર $4ay$ ટાઈપ કરો
તેથી અહીં તમે જુઓ કે y એ x ચોરસ બાય $4a$ અથવા x ચોરસ બાય $4a$ જમણે આપેલ છે
તેથી xy માં આ એક ખાસ પ્રકારનું ચતુર્ભુજ સમીકરણ છે.

x માં ચતુર્ભુજ તરીકે

તેથી આ y બરાબર આપે છે 1 બાય 4 કુહાડી અથવા x ચોરસ અથવા y એ માઈનસ 1 બાય ચાર કુહાડીનો ચોરસ છે હવે જો
આપણે x માં સામાન્ય ચતુર્ભુજ બહુપદી ગણીએ

તો સામાન્ય ચતુર્ભુજ y બરાબર ax ચોરસ વત્તા bx વત્તા c

ગણીએ જ્યાં a શૂન્ય સિવાય આપવામાં આવે છે હવે આપણે બતાવશે કે આ ફરીથી પેરાબોલાને રજૂ કરે છે જે પ્રમાણભૂત સ્વરૂપમાં
નથી શિરોબિંદુઓ મૂળમાં હોવા જરૂરી નથી પરંતુ આ પેરાબોલાના શિરોબિંદુઓ કેવી રીતે શોધી શકાય

તેથી આપણે આ લખી શકીએ કારણ કે y એ એક ગુણ્યા x ચોરસ વત્તા b બાય કુહાડી વત્તા c છે અને પછી આપણે શું કરીએ
છીએ આપણે અહીં એક ચોરસ પૂર્ણ કરીએ જેથી તમે તેને x વત્તા b બાય 2 એક આખા ચોરસ તરીકે લખી શકો તો આ તમને x
ચોરસ વત્તા b કુહાડી વત્તા b ચોરસ બાય ચાર a ચોરસ આપશે

તેથી આપણે b ચોરસને ચાર વડે બાદ કરીએ a ચોરસ વત્તા c બાય a જે ગુણ્યા x વત્તા b બાય 2 એક આખા ચોરસ ઓછા આ
 b ચોરસ ચાર વડે a ચોરસ ગુણાકાર a આપે છે b ચોરસ વડે ચાર a વત્તા c ગુણ્યા a આપે છે c

તેથી આ y છે એક ગુણ્યા x વત્તા b બાય 2 આખા ચોરસ ઓછા b ચોરસ ઓછા ચાર ac b બરાબર છે y બે બાય ચાર a
અથવા આને y વત્તા b ચોરસ માઈનસ ચાર ac બાય ચાર a એ એક ગુણ્યા x વત્તા b બાય બે a ચોરસ તરીકે લખી શકાય છે

તેથી આ y માઈનસ k એ ગુણ્યા x ઓછા h બરાબર છે વર્ગ જ્યાં k આનો ઋણ છે

તેથી $4ac$ ઓછા b ચોરસ બાય $4a$ અને h એ ઓછા b બાય બે a છે

તેથી આ y નું સ્વરૂપ છે જો હું y ઓછા ka ને ys તરીકે મુકું તો આપણી પાસે y ડેશ એક વખત સમાન છે x ડેશ ચોરસ

તેથી જો આપણે આ પેરાબોલાનો ગ્રાફ દોરીએ તો તમે જોશો કે શિરોબિંદુ h અલ્પવિરામ k પર સ્થાનાંતરિત થયેલ છે

તેથી જો મારું ધારો કે a ધન છે તો આ પેરાબોલા ખુલશે અને શિરોબિંદુ h અલ્પવિરામ k બિંદુ પર છે જે અહીં ગમે ત્યાં હોઈ શકે
છે.

આપણે યોથા ચતુર્થાંશમાં લઈ રહ્યા છીએ અને પછી પેરાબોલા આ જમણા જેવો હશે

તેથી આ શિરોબિંદુ છે અને અહીં પેરાબોલાની ધરી આ રેખા $x = h$ બરાબર હશે પેરાબોલા આ રેખા વિશે સપ્રમાણ છે અને ફોકસ a
હશે આ અક્ષ પર અને આ કિસ્સામાં ડાયરેક્ટ્રીક્સ 1

so ની બરાબર y હશે ફોકસ અને ડાયરેક્ટ્રીક્સ શોધવાનું મુશ્કેલ નથી એ પણ આપણે જાણીએ છીએ કે પેરાબોલા એ તમામ
પોઈન્ટના બધા સેટ દ્વારા આપવામાં આવે છે જેનું ફોકસ અને ડાયરેક્ટ્રીક્સનું અંતર સમાન હોય છે

તેથી આપણી પાસે આ શિરોબિંદુ અહીં h અલ્પવિરામ k છે શિરોબિંદુથી આ અંતર ડાયરેક્ટ્રીક્સ આ 1 માઈનસ k છે અને આનું
ફોકસનું અંતર જો મારું ફોકસ બિંદુ h અલ્પ આલ્ફા પર કહું તો ફોકસથી શિરોબિંદુ સુધીનું અંતર આ આલ્ફા માઈનસ k છે કારણ કે
વોલા ધ શિરોબિંદુ ફોકસથી સમાન અંતર છે અને ડાયરેક્ટ્રીક્સ આપણે આલ્ફા માઈનસ k બરાબર છે 1 માઈનસ k એટલે કે
આલ્ફા ઓછા k આ 1 માઈનસ k નો મોડ હોવો જોઈએ

તેથી આ k ઓછા 1 તો આલ્ફા વત્તા 1 બરાબર બે k આ એક સમીકરણ છે અને જો તમે લો

પેરાબોલા પર અન્ય કોઈપણ બિંદુ ચાલો આપણે કહીએ કે આપણે બિંદુ p લઈએ જે અમુક x અલ્પવિરામ છે y આલ્ફા છે તો
આપણી પાસે પેરાબોલાના સમીકરણ છે y ઓછા k એ ગુણ્યા x ઓછા h ચોરસ છે

તેથી આ x અલ્ફા અલ્ફાને અહીં મુકીએ તો આપણી પાસે આલ્ફા છે ઓછા k એ eq છે $ua1$ to a ગુણ્યા x માઈનસ h
ચોરસ જે આપણે x ઓછા h ચોરસ બરાબર આલ્ફા ઓછા k બાય a અથવા x બરાબર h વત્તા આલ્ફા ઓછા k ના વર્ગમૂળ
બાય a

તેથી p બિંદુ છે જો આપણે આ બિંદુ p લઈએ તો કોઓર્ડિનેટ h વત્તા આલ્ફા ઓછા k નું વર્ગમૂળ અલ્ફા અલ્ફા દ્વારા હવે p થી f
નું અંતર p થી p ના ફોકસનું અંતર x કોઓર્ડિનેટમાં આ તફાવત જેટલું છે

તેથી આ આલ્ફા ઓછા k બાયનું વર્ગમૂળ હશે a અને ડાયરેક્ટ્રીક્સ p થી લીટી સુધી p નું અંતર કેટલું છે 1 આ અંતર y સંકલન
છે અહીં આલ્ફા છે અને આ y બરાબર છે 1

તેથી આલ્ફા ઓછા 1 કારણ કે આપણે અહીં આ y બરાબર 1

તેથી આલ્ફા ઓછા 1 લઈ રહ્યા છીએ હવે pf ઇક્વલ ટુ $p1$ નો અર્થ થશે આલ્ફા ઓછા k બાય a બરાબર આલ્ફા ઓછા 1
ચોરસ અને આ બે સમીકરણમાંથી આપણે આલ્ફા અને 1 માટે ઉકેલી શકીએ છીએ તો ચાલો આપણે આ સમીકરણ મૂકીએ એક

સૂચવે છે કે k બરાબર છે માફ કરશો આહ યાલો મૂકીએ 1 થી યાલો આલ્ફા ટુ k માઈનસ આલ્ફા અને પછી પટના સંદર્ભમાં 1 લખીએ આ સમીકરણમાં બે આલ્ફા ઓછા k બાય એક બરાબર આલ્ફા ઓછા બે k ઓછા આલ્ફા સ્ક્વેર જેનો અર્થ થાય છે આલ્ફા ઓછા k એક વખત આ 2 આલ્ફા ઓછા 2 k છે

તેથી 4 આલ્ફા ઓછા k સ્ક્વેર્ડ આ સૂચવે છે કે આલ્ફા ઓછા k બરાબર એક છે યાર a દ્વારા આલ્ફા k થી અલગ છે તેથી તમે જુઓ છો કે h અલ્પવિરામ a છે અહીં ફોકસ શિરોબિંદુથી અલગ છે

તેથી આ આલ્ફા ઓછા k બિન-શૂન્ય છે

તેથી અમે આલ્ફા ઓછા કીને રદ કરીએ છીએ આલ્ફા ઓછા k મેળવો એક બાય યાર a જે સૂચવે છે કે આલ્ફા બરાબર છે k વત્તા એક બાય યાર a અને જો તમે આનો ઉપયોગ કરશો તો આ આપશે 1 બરાબર બે k ઓછા આલ્ફા જે k ઓછા એક બાય યાર a છે

તેથી પેરાબોલા y માઈનસ k માટે એક ગુણ્યા x ઓછા h સ્ક્વેર્ડ શિરોબિંદુ h અલ્પવિરામ k ફોકસ પર છે કે ફોકસ h અલ્પવિરામ આલ્ફા પર હતું જે h અલ્ફા આલ્ફા બરાબર છે અમને k વત્તા એક બાય યાર a તરીકે મળ્યો અને ડાયરેક્ટ્રીક્સ એ 1 ની બરાબર y રેખા છે

જે y બરાબર k ઓછા છે એક બાય યાર a

તેથી આ યાદ રાખવા માટે જો આપણી પાસે આ શિરોબિંદુ h અલ્પવિરામ k કે m છે એટલે કે આ અંતર માઈનસ k છે

તેથી આ ડાયરેક્ટ્રીક્સ

આ શિરોબિંદુથી 1 બાય યાર a ના અંતરે છે અને ફોકસ ફરીથી એક બાય યાર a ના અંતર પર છે, તમે જાણો છો કે શિરોબિંદુ આ ફોકસ અને ડાયરેક્ટ્રીક્સ પરના આ બિંદુ વચ્ચેનું મધ્યબિંદુ છે

તેથી આ કિસ્સામાં ફોકસ અને ડાયરેક્ટ્રીક્સ વચ્ચેનું અંતર બે એક એક બાય બે એક બરાબર છે

તેથી આપણે જોયું છે કે આપણે ફોકસ અને ડાયરેક્ટ્રીક્સનો ઉપયોગ કરીને પેરાબોલાને વ્યાખ્યાયિત કર્યું છે

તેથી પેરાબોલા તમામ બિંદુઓનો સેટ છે જેમ કે ફોકસના કોઈપણ બિંદુનું અંતર ડાયરેક્ટ્રીક્સથી બિંદુના બિંદુના કાટખૂણે અંતર જેટલું છે જ્યારે આપણે બે નિશ્ચિત બિંદુઓ માટે લંબગોળ અને હાઇપરબોલાને વ્યાખ્યાયિત કર્યા છે જેને ફોસી કહેવાય છે અને પછી આપણે વ્યાખ્યાયિત કર્યા છે

તેથી યાલો આપણે અંડાકાર અને અતિપરવલાને દ્રષ્ટિએ જોઈએ ફોકસ અને ડાયરેક્ટ્રીક્સ એટલે f એ કોઈપણ નિશ્ચિત બિંદુ છે યાલો આપણે x અક્ષ પર લઈએ

તેથી f કોઈપણ f અલ્પવિરામ શૂન્ય છે અને ધારો કે આપણે લઈએ, યાલો આપણે લંબગોળ લઈએ

તેથી આપણી પાસે f અલ્પવિરામ શૂન્ય છે અથવા આપણે તેને c અલ્પવિરામ z તરીકે લખીએ.

e અને માઈનસ c અલ્પવિરામ શૂન્ય અને પછી x અક્ષ પર મુખ્ય અક્ષ સાથેનો લંબગોળ આ દ્વારા આપવામાં આવે છે આ અલ્પવિરામ શૂન્ય ઓછા a શૂન્ય છે આ શૂન્ય b શૂન્ય ઓછા b છે

તેથી જો આપણે આ અંડાકાર x યોરસને એક યોરસ વત્તા y યોરસ દ્વારા જોઈએ તો b યોરસ બાય એક બરાબર છે જ્યાં a b કરતા મોટો છે અને c યોરસ એ યોરસ ઓછા b યોરસ છે આ કિસ્સામાં હવે યાલો આપણે આ રેખા જોઈએ

તેથી રેખા x બરાબર યોરસ બાય c ગણીએ તો આ રેખા ક્યાં છે આ અમુક છે લાઇન x બરાબર યોરસ બાય c એ નોંધ કરો કે a c કરતા મોટો હોવાથી આ a કરતા મોટો હશે કારણ કે a બાય c એક કરતા સખત રીતે મોટો છે

તેથી આ x બરાબર યોરસ બાય c આ લંબગોળની જમણી બાજુએ છે જો આપણે લંબગોળ પર કોઈપણ બિંદુ pxy લો યાલો આપણે pf 1 અને આ રેખા $p1$ નું અંતર જોઈએ

તેથી લંબગોળ પર pxy નું અંતર f વન જે c શૂન્ય છે તે pf એક બરાબર x ઓછા c વર્ગ વત્તા y ના વર્ગમૂળ સમાન છે.

યોરસ એટલે pf એક યોરસ x ઓછા c યોરસ વત્તા y યોરસ જે i s બરાબર x યોરસ બાદબાકી બે cx વત્તા c યોરસ વત્તા y યોરસ પણ y યોરસ y યોરસ બરાબર b યોરસ ગુણ્યા એક બાદબાકી x યોરસ બાય યોરસ એટલે યાલો આને મુકીએ

એટલે આ કહે x યોરસ ઓછા બે cx વત્તા c સ્ક્વેર વત્તા y સ્ક્વેર એ b સ્ક્વેર ગુણ્યા એક બાદબાકી x સ્ક્વેર બાય સ્ક્વેર છે તેથી આ એક સ્ક્વેર બાય સ્ક્વેર બાય એક્સ સ્ક્વેર માઈનસ બે સીએક્સ વત્તા સી સ્ક્વેર વત્તા બી સ્ક્વેર આપે છે પણ આ શું છે આ

બાય સ્ક્વેર ઓછા બાય સ્ક્વેર બરાબર છે a યોરસ x યોરસ બાદબાકી બે cx વત્તા c યોરસ વત્તા b યોરસ બરાબર યોરસ c યોરસ એ યોરસ ઓછા b યોરસ દ્વારા આપવામાં આવે છે ફરીથી યાલો એક યોરસ ઓછા b યોરસને c યોરસ તરીકે અહીં મૂકીએ

તો આ c યોરસ બાય યોરસ x છે યોરસ ઓછા બે cx વત્તા એક યોરસ

તેથી આ c બાય કુહાડી બાદ આખા યોરસ બરાબર છે કારણ કે જો તમે આનો યોરસ કરો છો તો તમને આ પદ વત્તા યોરસ ઓછા બે વખત મળશે આ અહીં બે cx આપશે યાલો c યોરસ બાય યોરસ મૂકીએ બહાર પછી આપણને x ઓછા એક યોરસ બાય c આખા યોરસ મળે છે e પણ p થી 1 નું અંતર કેટલું છે પણ જો તમે જોશો કે આ બિંદુ pxy છે આ 1 p થી 1 નું અંતર છે x

ઓછા a યોરસ બાય c આ અંતરનો મોડ x ઓછા a યોરસ બાય c છે

તેથી આ x બાદબાકી a યોરસ બાય c યોરસ એ $p1$ યોરસ છે

તેથી આપણે મેળવીએ છીએ pf એક યોરસ બરાબર c બાય એક યોરસ ગુણ્યા $p1$ એક યોરસ જે pf એક છે c બાય a ગુણો c બાય a

તેથી આ e વખત $p1$ એક $pp1$ છે

તેથી આમ pf 1 બાય $p1$ e બરાબર છે

તેથી લંબગોળ પરના કોઈપણ બિંદુનો ગુણોત્તર આ રેખા x યોરસ આ લંબગોળ અને રેખા x બરાબર એક યોરસ બાય cpf એક બાય $p1$ એ અચળ e ની બરાબર x બરાબર છે તેવી જ રીતે જો આપણે આ રેખા x બરાબર માઈનસ a યોરસ બાય c લઈએ

તેવી જ રીતે લાઇન x માટે બાદબાકી a યોરસ બાય c નો ગુણોત્તર e બરાબર છે

તેથી આ રેખાઓ x બરાબર છે વત્તા ઓછા a ચોરસ બાય c ને લંબગોળ x ચોરસ બાય ચોરસ વત્તાના નિર્દેશકો કહેવાય છે y સ્કવેર બાય b સ્કવેર સમાન એક સાથે b કરતાં વધુ આપણે તેનાથી વિપરીત કરી શકીએ છીએ અને હવે આપણે ડાયરેક્ટ્રીક્સનો ઉપયોગ કરીને એલિપ્સ અથવા હાઇપરબોલાને પણ વ્યાખ્યાયિત કરી શકીએ છીએ તો ચાલો આપણે એક કોનિક સેક્શન લઈએ આપણે જોઈશું કે આ કોનિકનો ઉપયોગ કરીને આપણને પેરાબોલા $1f$ હાઇપરબોલા મળશે.

મૂળ પર શિરોબિંદુ ધરાવતો વિભાગ x અક્ષ પર ફોકસ કરે છે અને y અક્ષની સમાંતર રેખાને ડાયરેક્ટ્રીક્સ કરે છે તેથી આપણી પાસે x અક્ષ અને y અક્ષ છે આપણે શિરોબિંદુ v 0 0 લઈએ, ચાલો આપણે આ બિંદુને સંકલન f અલ્પવિરામ 0 સાથે ફોકસ કરીએ.

ચાલો એક લીટી લઈએ 1 આ લીટીનું સમીકરણ શું છે આ લીટી અમુક આલ્ફાના બરાબર x છે હવે ચાલો જોઈએ આપણે પોઈન્ટ p ના લોકસ શોધીએ જેમ કે ગુણોત્તર pf ને $p1$ વડે ભાગવામાં આવે છે જ્યાં આ કોઈપણ બિંદુનો લંબ છે તેથી જો આપણે કોઈપણ pxy લઈએ તો આપણે

pf અંતર જોઈએ છીએ અને આ લંબ અંતર $p1$ આ અમુક સ્થિરાંકની બરાબર છે અને આ એક સ્થિરાંક છે તો કારણ કે આપણી પાસે v છે ત્યારથી v 0 0 વળાંક પર આવેલું છે આપણી પાસે vf છે $v1$ વડે વિભાજિત આ બરાબર હોવું જોઈએ e આ imp lies $v1$ અંતર છે vf બાય evf અહીં f બરાબર છે

તેથી આ f બાય e બાય છે

તેથી લીટી 1 x બરાબર છે બાદબાકી f બાય e ચાલો આપણે તેને ફરીથી દોરીએ અને આપણી પાસે આ રેખા x બરાબર છે માર્ઇનસ f બાય e બાય હવે વળાંક પર કોઈપણ સામાન્ય બિંદુ pxy લો તો pf ચોરસ e ચોરસ $p1$ ચોરસ શું છે pf ચોરસ pf ચોરસ શું છે x ઓછા f આખા ચોરસ વત્તા y ચોરસ આ બરાબર e ચોરસ ગુણ્યા p બે 1 આ લંબાઈ x વત્તા f છે e

so x વત્તા f બાય e ચોરસ

તેથી જો આપણે આને સરળ બનાવીએ તો આ આપે છે x ચોરસ ઓછા બે fx વત્તા f ચોરસ વત્તા y ચોરસ બરાબર આ ex વત્તા f ચોરસ છે જે e ચોરસ x ચોરસ વત્તા 2 efx વત્તા f ચોરસ

તેથી f ચોરસ છે $રદ$ કરે છે અને આ આપે છે એક બાદબાકી e ચોરસ x ચોરસ માર્ઇનસ બે f one વત્તા ex વત્તા y ચોરસ બરાબર શૂન્ય

તેથી ચાલો p બરાબર મૂકીએ f ગુણ્યા એક વત્તા અને આપણને એક ઓછા e ચોરસ x ચોરસ ઓછા બે px વત્તા y ચોરસ બરાબર મળે છે હવે શૂન્ય સુધી જો આપણે આ સમીકરણ જોઈએ તો આ સમીકરણ છે જેમ કે રતિ p થી f અને p ની રેખા 1 ના અંતરનો o એ અચળ e છે હવે જો e એક સમાન હોય તો આપણને મળે છે અને પ્રથમ પદ n હોય તો આપણને y ચોરસ બરાબર બે px મળે છે જે એક પેરાબોલા છે

તેથી આ આપણે પહેલેથી જ તે પહેલાં જોયું કે જો આપણે ગુણોત્તરને એક સમાન લઈએ તો આપણને એક પેરાબોલા મળે છે જો e એક કરતા ઓછો હોય તો e એક કરતા ઓછો હોય તો એક બાદબાકી e ચોરસ આ ધન છે

તેથી આપણને અમુક ચોરસ x ચોરસ ઓછા મળે છે.

બે px વત્તા y ચોરસ બરાબર શૂન્ય

તેથી આ આપણે લખી શકીએ x ચોરસ ઓછા 2 p બાય એક ચોરસ x વત્તા y ચોરસ બાય એક ચોરસ બાય શૂન્ય અથવા x ઓછા p એક ચોરસ p બાય ચોરસ ચોરસ વત્તા p ચોરસ બાય a ચાર વત્તા y ચોરસ બાય ચોરસ માફ કરશો આ માર્ઇનસ બરાબર શૂન્ય અથવા x ઓછા p બાય ચોરસ ચોરસ વત્તા y ચોરસ ચોરસ બરાબર p ચોરસ બાય એ ચાર જે લંબગોળનું સમીકરણ છે જો કે તે નથી પ્રમાણભૂત સ્વરૂપમાં પરંતુ અહીં

તમે લંબગોળ જોશો જો તમે શૂન્યની બરાબર y મૂકો તો તમને x ઓછા p મળશે ચોરસ ચોરસ દ્વારા p ચોરસ ચોરસ છે

તેથી x એ લંબગોળના કેન્દ્રની બરાબર છે

p બિંદુ પર ચોરસ અને શૂન્ય છે અને જો તમે જોશો તો શૂન્યના બરાબર વિશેષ કિસ્સામાં આપણને આના જેવું લંબગોળ મળે છે સામાન્ય સમીકરણ જો હું e ને શૂન્યની બરાબર મુકું તો x ચોરસ ઓછા બે px વત્તા y ચોરસ બરાબર શૂન્ય આપે છે જે વર્તુળનું સમીકરણ છે

તેથી અંડાકારમાં આપણે જોઈએ છીએ કે e બરાબર શૂન્ય સાથે મૂકીએ તો આપણને વર્તુળનું સમીકરણ મળે છે અને જો e મોટું હોય તો એક કરતાં તો આપણે સમીકરણને આ સમીકરણ તરીકે લખી શકીએ જો e એક કરતાં મોટું હોય તો આ નકારાત્મક છે

તેથી આપણે e ચોરસ ઓછા એક x ચોરસ વત્તા બે px ઓછા y ચોરસ બરાબર શૂન્ય લખીશું અને આ અહીં ધન છે

તેથી આ એક સમીકરણ છે હાઇપરબોલા જેથી ફોકસ અને ડાયરેક્ટ્રીક્સનો ઉપયોગ કરીને આ અંડાકાર અને હાઇપરબોલાને પણ વ્યાખ્યાયિત કરી શકાય

તેથી આ તમામ કોનિક વિભાગો પેરાબોલા એલિપ્સ અને હાઇપરબોલાને તમામ બિંદુઓના સ્થાન તરીકે વ્યાખ્યાયિત કરી શકાય છે જેમ કે બિંદુના અંતર માટેનો ગુણોત્તર નિશ્ચિત બિંદુ સુધી foc us અને નિશ્ચિત રેખા એ અચળ e છે જે વિષમતા બરાબર છે

તેથી આગળ જેમ આપણે અંડાકાર માટે કર્યું તેમ આપણે ડાયરેક્ટ્રીક્સનું સમીકરણ શોધી કાઢ્યું તે જ રીતે હાઇપરબોલા માટે બે ડાયરેક્ટ્રીક્સ હશે અને ડાયરેક્ટ્રીક્સનું

સમીકરણ આપણે શોધી શકીએ છીએ

તેથી ધ્યાનમાં લો હાઇપરબોલા x ચોરસ બાય એક ચોરસ ઓછા y ચોરસ બાય b ચોરસ એક બરાબર

તેથી અહીં શિરોબિંદુઓ અલ્પવિરામ શૂન્ય અને બાદબાકી શૂન્ય છે અને ફોકસ f એક c અલ્પવિરામ શૂન્ય છે ત્યાં બીજું ફોકસ છે f બે ઓછા c શૂન્ય હવે ચાલો ફરી જોઈએ હાઇપરબોલાના કિસ્સામાં c ચોરસની બરાબર x રેખા પર આપણે જાણીએ છીએ કે c વર્ગ એ ચોરસ વત્તા b ચોરસ છે

તેથી આ ચોરસ કરતાં મોટો છે

તેથી a બાય c એક કરતા ઓછો છે

તેથી એક ચોરસ બાય c આ a કરતાં સખત રીતે ઓછું છે

તેથી અહીં આ રેખા x બરાબર ચોરસ બાય c છે હવે જો હું કોઈ બિંદુ pxy લઉં તો યાલો ગણતરી કરીએ કે pf એક અને આ અંતર p1 શું છે

તેથી pf એક ચોરસ બરાબર x ઓછા c ચોરસ છે વત્તા y ચોરસ જે i s બરાબર x ચોરસ ઓછા બે cx વત્તા c ચોરસ વત્તા y ચોરસ પણ y ચોરસ બરાબર b ચોરસ ગુણ્યા x ચોરસ એક ચોરસ ઓછા એક આ b ચોરસ બાય ચોરસ x ચોરસ ઓછા b ચોરસ

તેથી pf એક ચોરસ x ચોરસ ઓછા બે છે cx વત્તા c ચોરસ વત્તા b ચોરસ બાય ચોરસ x ચોરસ ઓછા b ચોરસ

તેથી આ એક વત્તા b ચોરસ બાય ચોરસ x ચોરસ ઓછા બે cx વત્તા c ચોરસ ઓછા b ચોરસ છે પણ એક ચોરસ વત્તા b ચોરસ c ચોરસ છે

તેથી આ છે c ચોરસ બાય એક ચોરસ x ચોરસ ઓછા બે cx વત્તા c ચોરસ ઓછા b ચોરસ એ એક ચોરસ છે

તેથી આને c બાય કુહાડી બાદ આખો ચોરસ લખી શકાય છે જે ફરીથી હું c બાય a આઉટ મૂકી શકું છું જેથી c ચોરસ ગુણ્યા x ઓછા a ચોરસ બાય c આખો ચોરસ કારણ કે c બાય a વિષમતા છે e આ e ચોરસ ગણો pe1 ચોરસ છે

તેથી pf એક બાય p1 e બરાબર છે જે અતિપરવલાના કિસ્સામાં એક કરતા મોટો છે

તેથી રેખા x બરાબર વત્તા એક ચોરસ બાય ઓછા c એ હાઇપરબોલા x ચોરસ બાય ચોરસ મિનિટના નિર્દેશો છે us y સ્કવેર બાય b સ્કવેર બરાબર એક જો આપણે હાઇપરબોલાને y ધરી પર ફોસી સાથે લઈએ તો જો આપણે y સ્કવેરને એક સ્કવેર માઈનસ

x સ્કવેર બાય b સ્કવેર બરાબર એક લઈએ તો ડિરેક્ટરી કહે છે કે લીટી y બરાબર વત્તા ઓછા a હશે ચોરસ બાય c,

તેથી ફરીથી આહ લંબગોળની જેમ જ આપણને આ પ્રમાણભૂત સ્વરૂપમાં x બરાબર ચોરસ બાય c અને x બરાબર એક ચોરસ બાય c આ પ્રમાણભૂત સ્વરૂપમાં આપેલ નિર્દેશોનું સમીકરણ મળે છે

તેથી આ બતાવે છે કે તમામ શંકુ વિભાગો પેરાબોલા એલિપ્સ અને હાઇપરબોલા

ફોકસ અને એલિપ્સ ફોકસ અને ડાયરેક્ટ્રીક્સના સંદર્ભમાં વર્ણવી શકાય છે અને વ્યાખ્યા એ છે કે નિશ્ચિત બિંદુ ફોકસના અંતરનો ગુણોત્તર અને ડાયરેક્ટ્રીક્સ નામની રેખાના લંબ અંતરનો ગુણોત્તર એક સ્થિર હોવો જોઈએ અને તે સ્થિરાંક બરાબર છે કે કેમ તેના આધારે 1 કરતાં 1 ઓછું કે એક કરતાં વધારે આપણને પેરાબોલા એલિપ્સ અને હાઇપરબોલા મળે છે

તેથી આજે આપણે અહીં રોકાઈશું અને હવે પછીના ક્લાસમાં આપણે પેરાબોલા એલિપ્સ અને હાઇપરબોલા વગેરેના સ્પર્શક અને નોર્મલ વિશે શીખીશું આભાર