

ସମସ୍ତଙ୍କୁ ନମସ୍କାର ଏହି ବକ୍ତୃତା ରେ ଆମେ ତୃତୀୟ ପ୍ରକାରର କୋନିକ୍ ବିଭାଗଗୁଡ଼ିକ ବିଷୟରେ ଅଧ୍ୟୟନ କରିବୁ ଯାହାକୁ ହାଇପରବୋଲା କୁହାଯାଏ  
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ହାଇପରବୋଲାରେ ଥିବା ଜିନିଷରୁ ଆରମ୍ଭ କରିବା

ତେଣୁ ସଂଜ୍ଞା ହେଉଛି ଏକ ହାଇପରବୋଲା ହେଉଛି ଏକ ବିମାନରେ ସମସ୍ତ ପଏଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକର ସେଟ୍ , ଯାହାର ଦୂରତା ଦୁଇଟି ସ୍ଥିର | ବିମାନରେ ଥିବା ପଏଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକ ଏକ  
ସ୍ଥିର ଅଟେ ଏବଂ ଦୁଇଟି ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଦୂରତାଠାରୁ କମ୍ ହେବା ପାଇଁ ସ୍ଥିରତାକୁ ନେଇଯିବ

ତେଣୁ ନିମ୍ନରଖନ୍ତୁ ଯେ ଆମେ ଏକ ଏଲିପ୍ସକୁ ଏକ ବିମାନରେ ସମସ୍ତ ପଏଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକର ସେଟ୍ ଭାବରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିଥାଉ ଯାହାର ଦୁଇଟି ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁରୁ ଦୂରତା ହେଉଛି |  
ସ୍ଥିର ଏଠାରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଦୁଇଟି ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁରୁ ଦୂରତାର ସମଷ୍ଟି ବଦଳରେ ଆମେ ଦୁଇଟି ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁରୁ ଦୂରତାର ପାର୍ଥକ୍ୟ ନେଇଥାଉ | st ଏହି ଦୁଇଟି  
ଏଲିପ୍ସ ପାଇଁ ଦୁଇଟି ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁକୁ ହାଇପରବୋଲାର ଫୋକି କୁହାଯାଏ ଏବଂ ଫୋକିରେ ଯୋଗ କରୁଥିବା ରେଖା ସେମିତି ସ୍ଥିର ମିଡ୍‌ପଏଣ୍ଟକୁ ହାଇପରବୋଲାର ସେଣ୍ଟର  
ସେଣ୍ଟର ଏବଂ ଦୁଇଟି ଫୋକି ମାଧ୍ୟମରେ ଲାଇନକୁ ଲାଇନକୁ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ କୁହାଯାଏ | ହାଇପରବୋଲାର ଅକ୍ଷ ଏବଂ ରେଖା ଯାହା ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ଅକ୍ଷରେ p ଶ୍ରେଣିରେ ରହିଥାଏ  
ତେଣୁ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ଅକ୍ଷରେ p ଶ୍ରେଣିରେ ଏବଂ କେନ୍ଦ୍ର ଦେଇ ଯିବା ପାଇଁ ହାଇପରବୋଲାର କଞ୍ଚୁଗେଟ୍ ଅକ୍ଷ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ମୋଡେ ଏହାକୁ ଗଣିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ବିମାନରେ ଆମର ଦୁଇଟି ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁ ଅଛି | ଆମେ ସେମାନଙ୍କୁ f1 ଏବଂ f2 ବୋଲି କହିଥାଉ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ଉଭୟ ଫୋକା

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ଫୋକସ୍ | ହାଇପରବୋଲା ଏବଂ ରେଖା ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ଫୋକା ଦେଇ ଗତି କରେ ଏହି ରେଖାକୁ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ଅକ୍ଷ ଏବଂ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ଅକ୍ଷରେ  
ପର୍ପେଣ୍ଡିକୁଲାର୍ ଏବଂ ପାସ୍ ଥିରୁ କୁହାଯିବ | h କେନ୍ଦ୍ର ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି କଞ୍ଚୁଗେଟ୍ ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଧରିବା ଯେ କେନ୍ଦ୍ରରୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଫୋକି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଦୂରତା c ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ଦୂରତା c ଏହା ହେଉଛି c

ତେଣୁ ଦୁଇଟି foci ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଦୂରତା ସମାନ ହେବ | ଦୁଇଟି c କୁ ଏହା ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ସଂଖ୍ୟା ଅଟେ ଏବଂ କେନ୍ଦ୍ରକୁ ମୂଳ ସ୍ଥାନରେ ରଖିବାକୁ ଦିଅ ଏବଂ  
ଫୋକିଗୁଡ଼ିକ x ଅକ୍ଷରେ ରହିଥାଏ

ତେଣୁ ଆମର ଏହା ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ ଏବଂ ଆମେ କେନ୍ଦ୍ରକୁ ମୂଳ ଏବଂ foci f 1 ଏବଂ f 2 ଭାବରେ ନେଉଛୁ | x ଅକ୍ଷରେ ମିଛ

ତେଣୁ x ଅକ୍ଷ ହେଉଛି ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ଅକ୍ଷ ଏବଂ ପର୍ପେଣ୍ଡିକୁଲାର୍ y ଅକ୍ଷ ହେବ ଯାହା କଞ୍ଚୁଗେଟ୍ ଅକ୍ଷ ଅଟେ ଏବଂ ଆମର ଯାହା ଅଛି ତାହା ହେଉଛି f ଗୋଟିଏ f ଦୁଇଟି  
ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ଦୁଇ c

ତେଣୁ ଏହି ଦୂରତା c ଏବଂ c

ତେଣୁ

ତେଣୁ f one f two ର ସଂଯୋଜନା ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ମାଇନସ୍ c କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ଏହା c କମ୍ ଶୂନ୍ୟ

ତେଣୁ f ଗୋଟିଏ ହେଉଛି ମାଇନସ୍ c ଶୂନ୍ୟ f ଦୁଇଟି ହେଉଛି c କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହି ହାଇପରବୋଲାକୁ ଟ୍ରାକ୍ କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ

ତେଣୁ ହାଇପରବୋଲା ହେଉଛି ସମସ୍ତ ପଏଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକର ସେଟ୍ ଯେପରି | f ଗୋଟିଏ ଏବଂ f ଦୁଇଟି ଠାରୁ ଦୂରତାର ପାର୍ଥକ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଥିବା କହିବା | e ହେଉଛି ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ ପଏଣ୍ଟ p ଡେବେ ଆମ ପାଖରେ pf ଗୋଟିଏ ହେଉଛି ବୃହତ୍ ଦୂରତା ଏଠାରେ pf 2 ହେଉଛି ଛୋଟ  
ଦୂରତା ଯଦି ଠିକ୍ ଅଛି ତେବେ pf 1 ମାଇନସ୍ pf 2

ତେଣୁ ଯଦି p ହାଇପରବୋଲା ଉପରେ କ point ଶିଥି ବିନ୍ଦୁ ଥାଏ ତେବେ pf ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ pf ଦୁଇଟି ଏହା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ | ସ୍ଥିର ସହିତ ସମାନ ମୂଲ୍ୟ  
ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହି ସ୍ଥିର 2 a ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମର ସଂଜ୍ଞାରେ ଅଛି ଯେ ଏହି ସ୍ଥିରତା ଦୁଇଟି ଫୋକିର ଦୂରତାଠାରୁ କମ୍

ତେଣୁ ଆମର 2a 2c ରୁ କମ୍

ତେଣୁ a ବର୍ତ୍ତମାନ c ଠାରୁ କମ୍ | ଏହି ହାଇପରବୋଲା ଉପରେ କିଛି ପଏଣ୍ଟ ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କର ଶୂନ୍ୟ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ଆମର ଏକ ପଏଣ୍ଟ x କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ଅଛି  
ତେବେ ଯଦି x 0 ରୁ c ମଧ୍ୟରେ ଥାଏ ତେବେ ଆମେ ଦେଖିବା ଯେ ଏହି ଦୂରତା କହିବା ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ପଏଣ୍ଟ aaf 1 ମାଇନସ୍ af 2 ଏହା ହେଉଛି  
foci f ସହିତ ବିନ୍ଦୁରୁ ଦୂରତା ମଧ୍ୟରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ | ଗୋଟିଏ ଏବଂ f ଦୁଇଟି ଏହାକୁ ଆମେ ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ଚାହୁଁ | ବର୍ତ୍ତମାନ ଗୋଟିଏ ଦୂରତା ହେଉଛି  
ଏହି ଦୂରତା ହେଉଛି c ଏହା ହେଉଛି x

ତେଣୁ af 1 c ପ୍ଲସ୍ x ସହିତ ସମାନ ଏବଂ af 2 c ମାଇନସ୍ x ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଏହା ପୁଣି c

ତେଣୁ af 1 ମାଇନସ୍ af ଦୁଇଟି ହେଉଛି c ପ୍ଲସ୍ x ମାଇନସ୍ c ମାଇନସ୍ x ଯାହା ଦୁଇଟି x ସହିତ ସମାନ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଯାହା ଚାହୁଁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ  
ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ af ଦୁଇଟି ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଦୁଇଟି x ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ସ୍ପଷ୍ଟ କରେ ଯେ x ସମାନ ଭାବରେ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ପାଇଥାଉ ତାହା କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ | ହାଇପରବୋଲା ସମାନ ଭାବରେ ଆମେ ଦେଖିପାରୁ ଯେ ମାଇନସ୍ କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ମଧ୍ୟ ହାଇପରବୋଲା ଉପରେ  
ପଡ଼ିଥାଏ ଯଦି ମୋଡ୍ x c ଠାରୁ ସମାନ ତେବେ x କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ହାଇପରବୋଲା ଉପରେ ମିଳେ ନାହିଁ କାରଣ ଏହା ଯଦି ତୁମେ ଦେଖି ଯେ ମୋର x କମ୍ 0 ଅଛି  
ତେବେ ଏହାର ଦୂରତା f 1 ମାଇନସ୍ ଏହି 2 f 2 ର ଦୂରତା f 1 ଏବଂ f 2 ର ଦୂରତା ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଏହାର କାରଣ ହେଉଛି ଯଦି x c ଠାରୁ x କିମ୍ବା x ଠାରୁ c କିମ୍ବା x ଠାରୁ ସମାନ ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ | ମାଇନସ୍ c ସହିତ ସମାନ ଠାରୁ କମ୍ ତେବେ f  
ଗୋଟିଏ ଏବଂ f ଦୁଇଟି ଠାରୁ ଦୂରତାର ପାର୍ଥକ୍ୟ ହେଉଛି f ଗୋଟିଏ f ଦୁଇଟି ଯାହା ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ | c ଏହା ଦୁଇଟି ତାହାଣ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମର ଏହିପରି ଗୋଟିଏ f ଦୁଇଟି ଅଛି ଏବଂ ଯଦି ଆମର ଏଠାରେ x କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ଅଛି ତେବେ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ af ଦୁଇଟି ସମାନ ଭାବରେ f  
ଗୋଟିଏ f ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ମୋର ଏଠାରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ଅଛି | ତାପରେ bf ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ bf ଗୋଟିଏ ପୁଣି f f f ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମର x ଅକ୍ଷରେ ଠିକ୍ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ଅଛି ଯାହା ହାଇପରବୋଲା ଉପରେ ଅଛି

ତେଣୁ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ଅକ୍ଷରେ ଠିକ୍ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ଅଛି ଯାହା ହାଇପରବୋଲା ଉପରେ ଏହି ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁରୁ ସଂଯୋଜନା ଅଟେ | ମାଇନସ୍ ଏକ କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଏକ କମ୍ ଶୂନ୍ୟ  
ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟକୁ ହାଇପରବୋଲାର ଭର୍ଟିକ୍ସ କୁହାଯାଏ  
ତେଣୁ ଚିତ୍ରରେ x x ମାଇନସ୍ c ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ c ଶୂନ୍ୟ ଉପରେ ପଡ଼ିଥିବା f ଗୋଟିଏ f ଦୁଇଟି ଉପରେ ଧ୍ୟାନ ଦେବୁ ଏବଂ ଆମର ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ଅଛି |  
ସେମାନଙ୍କୁ a ଏବଂ b କୁ ଡାକ, ଯାହାର ସଂଯୋଜନା ମାଇନସ୍ ଏକ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଏକ ଶୂନ୍ୟ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଭର୍ଟିକ୍ସ ଯାହାକୁ ହାଇପରବୋଲାର ଭର୍ଟିକ୍ସ କୁହାଯାଏ  
ବର୍ତ୍ତମାନ ହାଇପରବୋଲାର ଷ୍ଟାଣ୍ଡାର୍ଡ ଫର୍ମ ଖୋଜିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଦୁଇଟି ପ୍ରକାର ଅଛି x ଅକ୍ଷରେ ଫୋକସ୍ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରକାର ହେଉଛି | y ଅକ୍ଷରେ foci ଏବେ ତାହାଣ n ଆମେ ସାଧାରଣ ଫର୍ମ ବିଷୟରେ  
ଆଲୋଚନା କରୁନାହିଁ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ଫର୍ମ ନେଉଛୁ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ଫର୍ମ ଯାହା ବିଷୟରେ ଆମେ ଆଲୋଚନା କରୁଛୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମର ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ଅକ୍ଷ ହେଉଛି x ଅକ୍ଷ ଏବଂ କଞ୍ଚୁଗେଟ୍ ଅକ୍ଷ ହେଉଛି y axis foci  
f one f ଦୁଇଟି ଏହା ହେଉଛି ମାଇନସ୍ | c କମ୍ ଶୂନ୍ୟ f ଦୁଇଟିର କୋର୍ଡିନେଟ୍ c କମ୍ ଶୂନ୍ୟ ଅଛି, ଆସନ୍ତୁ p କୁ ଯେକ any ଶିଥି ବିନ୍ଦୁ ହେବା ପାଇଁ px  
କମ୍ ଯ y କୁ ହାଇପରବୋଲା ଉପରେ ଯେକ any ଶିଥି ବିନ୍ଦୁ ଶୂନ୍ୟରୁ ଅଧିକ ହେବ

ତେଣୁ ଆମେ ପ୍ରଥମ ଚତୁର୍ଥାଂଶ କିମ୍ବା ଚତୁର୍ଥାଂଶରେ ଶୋଇବାକୁ ବିନ୍ଦୁ ନେଉଛୁ |

ତେଣୁ ଯଦି ମୋର ଏଠାରେ କ point ଶିଥି ବିନ୍ଦୁ ଅଛି ଯାହାର ସଂଯୋଜନା x କମ୍ ଯ ତେବେ ଆମର pf ଗୋଟିଏ ହେଉଛି ବଡ଼ ଦୂରତା pf ଦୁଇଟି ହେଉଛି

ଏହି ଦୁଇଟି ଫୋକି ଠାରୁ ଛୋଟ ଦୂରତା

ତେଣୁ ଆମ ପାଖରେ  $pf$  ଗୋଟିଏ ମାତ୍ରା  $pf$  ଦୁଇଟି ରହିବା ସ୍ଥିର ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଦୁଇଟି ଅଟେ |  $a$

ତେଣୁ  $pf$  ଗୋଟିଏ  $pf$  ଗୋଟିଏ ହେଉଛି  $x$   $x$  କମା  $y$  ରୁ ମାତ୍ରା  $c$  କମା ଶୂନ୍ୟର ଦୂରତା

ତେଣୁ ଏହା  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମୂଳ  $pf$  ଦୁଇଟି ହେଉଛି  $x$  ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମୂଳ

ତେଣୁ ଆମ ପାଖରେ ଅଛି |  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମୂଳ |  $y$  ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗର  $y$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ମୂଳ ଏହା ସ୍ଥିର ସହିତ ସମାନ ଯାହା

ବର୍ତ୍ତମାନ ଦୁଇଟି ଅଟେ ଆମକୁ ବର୍ତ୍ତମାନ  $x$  ଏବଂ  $y$  ମଧ୍ୟରେ ଏକ ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ପଡିବ

ତେଣୁ ଆମେ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ଲେଖିବା ଏହା ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣ ବର୍ଗ ହେବ |  $x$  ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗର ମୂଳ ଯାହା ଚାରି ବର୍ଗ ବର୍ଗ ସହିତ

ସମାନ ଅଟେ  $x$  ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $x$  ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗର ଚାରି ଗୁଣ ବର୍ଗ ମୂଳ ଏହା ଏଠାରେ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ | ଆପଣ

$y$  ବର୍ଗକୁ ବାଟିଲ କରିପାରିବେ ଏହା  $x$  ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗର ଚାରି ଗୁଣ ବର୍ଗ ମୂଳକୁ  $plus$  ଏବଂ  $x$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ବର୍ଗର ମାତ୍ରା  $x$  ମାତ୍ରା  $y$  ବର୍ଗକୁ

ସ୍ଥାନାନ୍ତର ମାତ୍ରା  $x$  ବର୍ଗ କିନ୍ତୁ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ସ୍ଥାନାନ୍ତର  $x$  ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ | ଚାରି  $xc$  ଚାରି  $cx$  ମାତ୍ରା  $c$  ଚାରି ଏକ ବର୍ଗ ଉଭୟ

ପାର୍ଶ୍ୱରୁ ଚାରିଟି ବାଟିଲ କରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ସ୍ଥାନାନ୍ତର ଆମେ ଏକ ବର୍ଗ ଥର  $x$  ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ପାଇଥାଉ ଏହା  $cx$  ମାତ୍ରା ଏକ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ବର୍ଗ

ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଏକ ବର୍ଗ  $x$  ବର୍ଗ ଏବଂ ଏକ ବର୍ଗ  $c$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ |  $2$  ଏକ ବର୍ଗ  $cx$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଏକ ବର୍ଗ  $y$  ବର୍ଗ ଏହା  $c$  ବର୍ଗ  $x$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ଚାରି ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମର ଏହି ଶବ୍ଦ ବାଟିଲ ଅଛି ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହା ଲେଖିପାରିବା କାରଣ ଏହା  $c$  ଠାରୁ ଛୋଟ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ  $c$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗର ଲେଖୁ | ବର୍ଗ  $x$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ଏକ ବର୍ଗ  $y$  ବର୍ଗ ଏହା ଏକ ବର୍ଗ  $c$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $a$  ରୁ ଚାରି ସହିତ ସମାନ ଯାହା

ଏକ ବର୍ଗ ଥର  $c$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $c$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ  $c$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ବର୍ଗ ରଖିବା ତେବେ ଆମେ  $b$  ବର୍ଗ ପାଇବା |  $x$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା ଏକ ବର୍ଗ  $y$  ବର୍ଗ ଏକ ବର୍ଗ  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ,

ଏକ ବର୍ଗ  $b$  ବର୍ଗ  $div$  ଚାରି ବିଭାଜିତ ହେବା ଦ୍ୱାରା ଆମେ  $x$  ବର୍ଗକୁ ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $y$  ବର୍ଗ  $square$  ଚାରି  $b$  ବର୍ଗ ଦ୍ୱାରା ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ସମୀକରଣ ଯାହା ଯେକ  $any$  ଶବ୍ଦ ବିନ୍ଦୁ ପାଇଁ ସତ୍ୟ |  $x$  ପଡିଟିବୁ

ତେଣୁ ଆମେ ଏଠାରୁ ଦେଖୁ ଯେ ଏହା  $x$  ବର୍ଗକୁ ଏକ ବର୍ଗ  $1$  ଚାରି  $1$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ବର୍ଗ  $imp$  ଚାରି ସୂଚିତ କରିବ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ  $y$  ଶବ୍ଦ  $y$  କୁ ନେଇଥାଉ ତେବେ ଏହା ସର୍ବଦା  $1$  ରୁ ଅଧିକ କିମ୍ବା ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ  $x$  ବର୍ଗ  $a$  ଠାରୁ ସମାନ ଅଟେ | ବର୍ଗ

ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ  $x$  ସମାନ ଠାରୁ ବଡ ଅଟେ | ପଡିଟିବୁ ଅଧା ସ୍ଥାନରେ ଶୋଇଥିବା  $x$  ପାଇଁ

ତେଣୁ ଏହି ହାଲପରବୋଲା ଉପରେ ଯେକ  $point$  ଶବ୍ଦ ବିନ୍ଦୁ ଆମ ପାଖରେ  $chi$   $f1$   $f2$  ପାଇଁ ଅଛି ଏବଂ ଆମର ଦୁଇଟି ଭର୍ତ୍ତୀୟ ମାତ୍ରା ଏକ କମା ଶୂନ୍ୟ

ଏକ କମା ଶୂନ୍ୟ ମଧ୍ୟ ଏହି ସମୀକରଣରୁ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଯଦି  $y$  ଶୂନ୍ୟ ତେବେ  $x$  ବର୍ଗ | ଏକ ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏକ କମା ଶୂନ୍ୟ ଏଠାରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା କହିଥାଏ ଯେ  $x$  ସର୍ବଦା ସମାନ ଠାରୁ ବଡ ଅଟେ

ତେଣୁ ଯେକ  $any$  ଶବ୍ଦ ବିନ୍ଦୁ ଧାଡ଼ିର ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ରହିବ, ଏହା ଏକ ରେଖା  $x$  ସହିତ ସମାନ, ଯଦି  $p$  ଥାଏ ଏଠାରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି  $x$  କମା

$y$

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଏହାକୁ ଗ୍ରାଫ୍ କରନ୍ତି ତେବେ ଆପଣ ମଧ୍ୟ ଏହିପରି କିଛି ପାଇବେ ଏଠାରୁ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି ସମୀକରଣ  $x$  ଅକ୍ଷ ଏବଂ  $y$  ଅକ୍ଷରେ

ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ ଯଦି  $x$  କମା  $y$  ଏହା ଉପରେ ରଖେ ତେବେ  $x$  କମା ମାତ୍ରା  $y$  ଏହା ମଧ୍ୟ ମିଳି ହେବ

ତେଣୁ ଗ୍ରାଫ୍ ମଧ୍ୟ ସମାନ ଭାବରେ ଦେଖାଯିବ ତୁମେ ଦେଖାଇ ପାରିବ ଯେ  $x$  ନେଗେଟିଭ ପାଇଁ ଆମେ ସମାନ ସମୀକରଣ ପାଇଥାଉ ଯଦି  $p$  ଯଦି  $x$  କମା  $y$

ସହିତ ହାଲପରବୋଲା ଉପରେ ଶୂନ୍ୟରୁ କମ୍ ତେବେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି  $p$  ଥାଏ ଏଠାରେ ଯେକ  $any$  ଶବ୍ଦ ବିନ୍ଦୁ ଆମର  $pf$  ଦୁଇଟି ଅଛି  $pf$  ଗୋଟିଏ ଠାରୁ ବଡ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ | ଆମେ  $pf$  ପାଇଁ ସମୀକରଣ କରିବୁ ଦୁଇଟି ମାତ୍ରା  $pf$  ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ପୂର୍ବ ପରି ଯେପରି ଆମେ ସମାନ ସମୀକରଣ  $x$

ବର୍ଗକୁ ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $y$  ବର୍ଗ ଦ୍ୱାରା  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ, ଯେଉଁଠାରେ  $b$  ବର୍ଗ  $c$  ବର୍ଗ ମାତ୍ରା ଏକ ବର୍ଗ ଅଟେ | ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ପୁନର୍ବାର ଆମର ଏକ ବିନ୍ଦୁ

ଅଛି ମାତ୍ରା  $0$  ଯାହା ହାଲପରବୋଲା ଉପରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ହାଲପରବୋଲା ଏହିପରି ହେବ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଗ୍ରାଫ୍ ପାଇବୁ

ତେଣୁ ହାଲପରବୋଲା  $x$  ବର୍ଗକୁ ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $y$  ବର୍ଗ  $b$  ଚାରି  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ | ଆମର ଦୁଇଟି ଭର୍ତ୍ତୀୟ ମାତ୍ରା ଏକ କମା ଶୂନ୍ୟ ଏକ କମା ଶୂନ୍ୟ

ହାଲପରବୋଲା ଏହି ଦୁଇଟି ଭର୍ତ୍ତୀୟ ଦେଇ ଗତି କରେ ଏହା ସର୍ବଦା  $x$  ଠାରୁ  $x$  କିମ୍ବା ମାତ୍ରା  $0$  ରୁ କମ୍ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା  $x$  ଅକ୍ଷରେ ସମାନ୍ତରାଳ ହେବ ଏବଂ ଏହି

ଅକ୍ଷରେ ଏହି ହାଲପରବୋଲା | ଦୁଇଟି ଶାଖା ଅଛି ଏହାର ଗୋଟିଏ ହେଉଛି  $x$  ପଡିଟିବୁ ପାଇଁ ଏବଂ ଏହା  $x$  ନେଗେଟିଭ ପାଇଁ ଏହା ସମାନ ଅଟେ ହାଲପରବୋଲା

ଗ୍ରାଫ୍ ଅକ୍ଷରେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ ଏବଂ ସେମାନେ ଅକ୍ଷକୁ ଏକତ୍ର କରନ୍ତି ବର୍ତ୍ତମାନ ହାଲପରବୋଲାର ଦ୍ୱିତୀୟ ରୂପ ହେଉଛି ଯେତେବେଳେ  $y$   $axi$  ଉପରେ ଫୋକସ୍ |

$s$

ତେଣୁ  $y$  ଅକ୍ଷରେ ଏହା ହେଉଛି ଦ୍ୱିତୀୟ ଫୋକସ୍  $foci$

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ତୁମର  $x$   $axis$   $y$   $axis$   $foci$   $y$  ଅକ୍ଷରେ ରହିଥାଏ

ତେଣୁ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଗୁଡିକ ଶୂନ୍ୟ ମାତ୍ରା ଏବଂ  $0$   $c$  ହେବ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମର  $y$  ଅକ୍ଷ ହେଉଛି ଗ୍ରାଫ୍ ଅକ୍ଷ | ଅକ୍ଷ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି କମ୍ପ୍ୟୁଟେଟ୍

ଅକ୍ଷ ଏବଂ ଆମେ ଦେଖିପାରୁ ଯେ ଗ୍ରାଫ୍ ଯାହା ଆମେ ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି ଏହି  $x$  ଏବଂ  $y$  ଅକ୍ଷକୁ ଅବଲମ୍ବକ କରିବା  $so$  ଚାରି ହାଲପରବୋଲା ଏହି ତାହାଣ

ପରି ଦେଖାଯିବ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଶୂନ୍ୟ କମା ଏକ ସମୀକରଣ |  $y$  ଅକ୍ଷରେ  $foci$  ସହିତ ହାଲପରବୋଲାର ଦିଆଯାଏ ଆମେ  $x$  ଏବଂ  $y$  କୁ ବଦଳାଇ

ଦେଇଥାଉ

ତେଣୁ ଆମର  $y$  ବର୍ଗ ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରା  $x$  ବର୍ଗ  $b$  ଚାରି  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ହାଲପରବୋଲା ଅଟେ ଏବଂ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହା  $y$  ଅକ୍ଷରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରେ | ପୂର୍ଣ୍ଣ ମାତ୍ରା ଶୂନ୍ୟ ଦୁ  $sorry$  ଶୁଦ୍ଧ ଏହା  $y$  ଅକ୍ଷକୁ ଶୂନ୍ୟ

ପୂର୍ଣ୍ଣ ମାତ୍ରା  $a$  ରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରେ ଏବଂ ଏହା  $x$  ଅକ୍ଷକୁ ବିଚ୍ଛେଦ କରିବ ନାହିଁ କାରଣ ଯଦି ତୁମେ  $y$  କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ରଖିବ ତେବେ ଆମେ ମାତ୍ରା  $x$

ବର୍ଗକୁ  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ କରିବୁ ଯାହାର କ  $real$  ଶବ୍ଦ ପ୍ରକୃତ ମୂଳ ନାହିଁ |  $y$  ସର୍ବଦା  $a$  ସହିତ ସମାନ ଠାରୁ ବଡ ଅଟେ |  $sy$  ହୁଏତ  $a$  ସମାନ ଠାରୁ ବଡ

କିମ୍ବା  $y$  ମାତ୍ରା ସହିତ ସମାନ ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆହା ଏଲିପ୍ସ ପାଇଁ ଆମେ ହାଲପରବୋଲାର ଲାଟାଇଟ୍ ରେକ୍ଟର୍ କୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବୁ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ହାଲପରବୋଲାକୁ ଗ୍ରାଫ୍ ଅକ୍ଷ ସହିତ ଦେଖିବା ଯେହେତୁ  $x$  ଅକ୍ଷଗୁଡିକ ହେଉଛି ଭର୍ତ୍ତୀୟ ମାତ୍ରା ଏକ ଶୂନ୍ୟ | ଏବଂ ଏକ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଏଠାରେ ଫୋକସ୍

ହେଉଛି  $c$  କମା ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଏକ ଫୋକସ୍ ହେଉଛି ମାତ୍ରା  $y$  କମା ଶୂନ୍ୟରେ | ଏହି ଗ୍ରାଫ୍ ଅକ୍ଷ

ତେଣୁ ଏହା ଗୋଟିଏ ଲାଟାଇଟ୍ ରେକ୍ଟର୍ ପରି ଅନ୍ୟଟି ଏହିପରି ନକାରାତ୍ମକ  $x$  ଅକ୍ଷରେ ରହିବ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ଲାଲ୍ ସେଗମେଣ୍ଟ ଯାହା ଏକ ଫୋକସ୍ ଦେଇ ଗ୍ରାଫ୍ ଅକ୍ଷରେ  $p$  ଶ୍ରେଣୀରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ହାଲପରବୋଲା ଉପରେ ଶେଷ ପଏଣ୍ଟ ରହିଥାଏ

ତେଣୁ ଆମେ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହଁବୁ | ଏହି ଲାଟାଇଟ୍ ରେକ୍ଟର୍ ର ଦ  $length$  ଧ୍ୟ

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଏହି ବିନ୍ଦୁକୁ  $b$  କୁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ ବୋଲି କହିଥାଏ ତେବେ ଆମେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦ୍ୱାରା ଦେଖିପାରିବା ଯେ ଯଦି ଉଭୟ  $c$  ପରି  $x$  କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଥାଏ ଏବଂ ଯଦି

$y$  କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଏଠାରେ ବିଟା ଅଟେ |  $n$  ଏହା ମାତ୍ରା ବେଟା ଅଟେ

ତେଣୁ  $c$  ମାତ୍ରା ବିଟା ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $b$   $c$  ସହିତ ସମାନ ହେବା ପରେ ଆମେ ଲାଟାଇଟ୍ ରେକ୍ଟର୍ ର ଦ  $length$  ଧ୍ୟ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହଁବୁ ତା' ପରେ

ଲାଟାଇଟ୍ ରେକ୍ଟର୍ ର ଲମ୍ବ  $2$  ବିଟା ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ସମାନ | ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦ  $this$  ଚାରି ଏହି ଅନ୍ୟ ଲାଟାଇଟ୍ ରେକ୍ଟର୍ ର ଦ  $length$  ଧ୍ୟ

ଡେଣୁ ଆମେ ବିଟା କ'ଣ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁ

ଡେଣୁ  $c$  କମା ବିଟା ହାଇପରବୋଲା ଉପରେ ରହିଥାଏ ଯାହାର ସମୀକରଣ  $x$  ବର୍ଗ  $q$  square ାରା ଏକ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍  $y$  ବର୍ଗ  $q$  square ାରା  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ, ଆମେ ଆପଣଙ୍କୁ  $x$  କୁ  $cc$  ସହିତ ସମାନ ରଖିବା | ବର୍ଗ ବର୍ଗ  $q$  square ାରା ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ବିଟା ବର୍ଗ  $q$  square ାରା ଏହା ସମାନ ଅଟେ ଏହା ଦୁ  $a$  ାଏ ଯେ ବିଟା ବର୍ଗ  $q$   $b$  ାରା ବର୍ଗ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଯାହା ବର୍ଗଫୁଟରୁ ବର୍ଗ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ କିଛି  $c$  ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ ଯାହାକୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଡାକିଲୁ |  $b$  ବର୍ଗ

ଡେଣୁ ଏହା ଏକ ବର୍ଗ  $q$   $by$  ାରା  $b$  ବର୍ଗ ଅଟେ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ବେଟା ବର୍ଗ ହେଉଛି ଏକ ବର୍ଗ  $q$   $by$  ାରା ଚାରିରୁ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ବିଟା ହେଉଛି  $b$  ବର୍ଗ,

ଡେଣୁ ଲ୍ୟାଟାଇସ୍ ରେକ୍ଟମ୍ ର ଲମ୍ବ ଦୁଇଗୁଣ  $b$  ବର୍ଗ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ସମାନ ସୂତ୍ର ସହିତ ସମାନ | ଲାଟାଇସ୍ ରେକ୍ଟମ୍ ର ଏଲିପ୍ସ ଲମ୍ବ ପାଇଁ ଆମେ ପାଇଲୁ ଦୁଇଟି  $b$  | ବର୍ଗ  $q$   $now$  ାରା ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଲିପ୍ସ ପାଇଁ ଆମେ ହାଇପରବୋଲାର ବିଟିଡୁଡାକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରୁ ଯେହେତୁ ହାଇପରବୋଲା ପାଇଁ  $cc$  ସମାନ ଅଟେ

ଡେଣୁ ହାଇପରବୋଲା ପାଇଁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ  $c$  ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ

ଡେଣୁ ଏହା ବର୍ତ୍ତମାନଠାରୁ ବଡ଼ ଅଟେ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ କିଛି ଦେଖିବା | ପ୍ରଥମ ହାଇପରବୋଲାକୁ  $x$  ବର୍ଗ  $q$   $16$  ାରା  $16$  ମାଇନସ୍  $y$  ବର୍ଗ  $q$   $nine$  ାରା ନଅଟି ସମାନ ଏବଂ  $q$   $one$  ାରା ଚାରିଟି ନଅ  $y$  ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଚାରି  $x$  ବର୍ଗ ଚିରିଣ ଛଅ ସହିତ ସମାନ ହେବା ପାଇଁ ଆସନ୍ତୁ ଜାଣିବା ପାଇଁ ହାଇପରବୋଲାକୁ ଦେଖିବା | ପ୍ରଥମ ସମସ୍ୟା ଯଦି ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଆମର  $x$  ବର୍ଗ  $16$  ମାଇନସ୍  $y$  ବର୍ଗ  $q$   $nine$  ାରା ନଅଟି ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି  $x$  ବର୍ଗର ଏକ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍  $y$  ବର୍ଗ  $q$   $b$  ାରା  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ

ଡେଣୁ ଏହା ଏକ ଚାରି  $b$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଚିନିଟି ଏବଂ  $foci$   $x$  ଅକ୍ଷରେ ରହିଥାଏ

ଡେଣୁ ଫୋକି କୋର୍ଡିନେଟ୍ସ୍ ପୁସ୍ ମାଇନସ୍  $c$  କମା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ  $c$  ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ ସହିତ  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏହା ସୂଚିତ କରେ  $c$  ବର୍ଗ ହେଉଛି ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍  $b$  ବର୍ଗ ଯାହା ଚାରି ବର୍ଗ ଏବଂ ଚିନୋଟି ବର୍ଗ ଅଟେ | ପରିଣତି ଏହା ସୂଚିତ କରେ  $c$  ହେଉଛି  $e$  | ପାଞ୍ଚରୁ ଯୋଗ୍ୟତା

ଡେଣୁ ଫୋକିସ୍ ପୁସ୍ ମାଇନସ୍ ପାଞ୍ଚ କମା ଶୂନ୍ୟରେ ପୁସ୍ ମାଇନସ୍ ଏକ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ଡେଣୁ ଏହା ପୁସ୍ ମାଇନସ୍ ଚାରି ଶୂନ୍ୟ ଏକ୍ସ୍ଟ୍ରିମିଟି ଇ ଦ୍ୱାରା  $c$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ପାଞ୍ଚଟି ହେଉଛି

ଡେଣୁ ଏହା ପାଞ୍ଚରୁ ଚାରି ଏବଂ ଲାଟାଇସର ଲମ୍ବ | ରେକ୍ଟମ୍  $1$  ଦୁଇଟି  $b$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା  $q$   $times$  ାରା ଦୁଇଥର ସମାନ  $b$  ଏଠାରେ ଚିନି ଅଟେ

ଡେଣୁ ନଅ  $q$   $a$  ାରା ଚାରିଟି ଏହା  $q$   $nine$  ାରା ନଅ  $q$   $two$  ାରା ସମାନ ଭାବରେ ବିଟାୟ ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ଆମର ନଅ  $y$  ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ଚାରି  $x$  ବର୍ଗ  $36$  ସହିତ ସମାନ

ଡେଣୁ ଆମେ ପ୍ରଥମେ ସ୍ପ୍ଲାଣ୍ଡର୍ଡ଼ ଫର୍ମରେ ଲେଖନ୍ତୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି  $y$  ବର୍ଗ  $q$   $4$  ାରା  $4$  ମାଇନସ୍  $x$  ବର୍ଗ  $q$   $9$  ାରା  $9$  ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି  $y$  ବର୍ଗର ଏକ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍  $x$  ବର୍ଗ  $q$   $b$  ାରା  $b$  ବର୍ଗ  $q$   $one$  ାରା ସମାନ ଏବଂ  $b$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $b$  ଚିନି ସହିତ ସମାନ |

ଡେଣୁ ଏହି ଫର୍ମଟି ଯେତେବେଳେ  $foci$   $y$  ଅକ୍ଷରେ ରହିଥାଏ

ଡେଣୁ  $foci$   $y$  ଅକ୍ଷରେ ରହିବ ଏବଂ ଶୂନ୍ୟ ପୁସ୍ ମାଇନସ୍  $c$  କୁ ସଂଯୋଜନା କରିବ ଯାହା  $cc$  ବର୍ଗ ହେଉଛି ପୁନର୍ବାର ଏକ ବର୍ଗ ପୁସ୍  $b$  ବର୍ଗ ଯାହା ଦୁଇ ବର୍ଗ ଏବଂ ଚିନି ବର୍ଗ ଚାରି ପୁସ୍ | ନଅଟି ଡ୍ରୟୋଦଶ

ଡେଣୁ  $c$  ହେଉଛି ଡ୍ରୟୋଦଶର ବର୍ଗ ମୂଳ |  $efore$   $foci$  ରେ ଶୂନ୍ୟ ପୁସ୍ ମାଇନସ୍ ବର୍ଗ ମୂଳ ଡ୍ରୟୋଦଶ ଭର୍ଟିସେସ୍ ବର୍ତ୍ତମାନ  $y$  ଅକ୍ଷରେ ଅଛି ଯାହା ଶୂନ୍ୟ ପୁସ୍ ମାଇନସ୍  $aa$  ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ଡେଣୁ ଏହା ଶୂନ୍ୟ ପୁସ୍ ମାଇନସ୍ ଦୁଇଟି ଏକ୍ସ୍ଟ୍ରିମିଟି  $e$  ହେଉଛି  $c$   $q$   $ac$  ାରା ମୂଳ  $q$   $thir$  ାରା ଦୁଇଭାଗ ଏବଂ ଲମ୍ବ | ଲାଟାଇସ୍ ରେକ୍ଟମ୍  $1$   $q$   $two$  ାରା ଦୁଇଟି  $b$  ବର୍ଗ ଅଟେ ଯାହା  $q$   $times$  ାରା ଦୁଇଥର  $b$  ହେଉଛି ଚିନିଟି ଏଠାରେ ଚିନି ବର୍ଗ  $q$   $a$  ାରା ଦୁଇଟି

ଡେଣୁ ଏହା ନଅ ଓକେ ସହିତ ସମାନ

ଡେଣୁ ଆମେ ଏହି ଅଧ୍ୟାପନାକୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ସମାପ୍ତ କରିବୁ ଯାହା ଉପରେ ଆମେ ଆଉ କିଛି ସମସ୍ୟା ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବୁ | ହାଇପରବୋଲା ଏବଂ ଚା'ପରେ ଆମେ ପାରାବୋଲା ଏଲିପ୍ସ ଉପରେ ଅଧିକ ଉନ୍ନତ ବିଷୟ ଉପରେ ଆଲୋଚନା କରିବୁ ଏବଂ ହାଇପରବୋଲା ଆପଣଙ୍କୁ ଧନ୍ୟବାଦ |