

ଗତ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକ ଉପରେ ଡ୍ରୋପ୍‌ସ ଚଳୁଥିବା $welcome$ ଗୀତ, ଆମେ ବୃତ୍ତର ପରିବାରର ସମାକରଣ ପାଇବା ପଞ୍ଚତି ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିଥାନ୍ତୁ

ତେଣୁ ବୃତ୍ତର ପରିବାରର ଏକ ବିଶେଷ ଶ୍ରେଣୀ ହେଉଛି ସେହି ବୃତ୍ତର ପରିବାର ଯାହା ଏକ ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା | ଆମର ଏକ ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁ ଅଛି ଯାହାର ସଂଯୋଜନା x ଗୋଟିଏ y ଅଟେ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ରେଖା ସିଧା ସଳଖ ରେଖା ଅଛି ଯାହାର ସମାକରଣ y ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ମି ଗୁଣ x ମାଲନସ୍ x ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ x ଗୋଟିଏ y ଏହି ସିଧା ଲାଇନ ଉପରେ ଅଛି |

ତେଣୁ ଆମେ ସର୍ବଲ ପରିବାରର ସମାକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଯାହା ସ୍ପର୍ଶ କରେ ଯାହା ଏହି ସିଧା ଲାଇନକୁ ଠିକ୍ ଏହି ସମୟରେ ସ୍ପର୍ଶ କରେ

ତେଣୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଅସୀମ ଅନେକ ବୃତ୍ତ ଅଛି ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଏହା ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତ ହୋଇପାରେ ଏହା ଅନ୍ୟ ଏକ ବୃତ୍ତ ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ଏହା ଅନ୍ୟ ଏକ ହୋଇପାରେ | ତେବେ ଏହି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକର ସାଧାରଣ ସମାକରଣ କ'ଣ ଅଟେ ଯାହା ହେଉଛି ଆହା ପ୍ରଶ୍ନ ଯାହା ଆମେ ଏଠାରେ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁଛୁ

ତେଣୁ ଯେକ $such$ ଶସି ସର୍ବଲ ପାଇଁ ଯାହା ସ୍ପର୍ଶ କରେ ଆମକୁ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସର୍ବଲ କହିବା | x ଗୋଟିଏ y ରେ ସିଧା ଲାଇନକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହିପରି ଏକ ବୃତ୍ତର ସାଧାରଣ ସମାକରଣ ହେଉଛି ଏବଂ କେନ୍ଦ୍ରଟି ମାଲନସ୍ g ମାଲନସ୍ f ଅଟେ ଯଦି ଆମେ କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗଦେବା ଏବଂ ଏହି ପଏଣ୍ଟ x ଗୋଟିଏ y ତେବେ ଏହି କୋଣ 90 ଡିଗ୍ରୀ ଅଟେ କାରଣ ଯେହେତୁ ଏହି ବୃତ୍ତଟି x 1 y 1 ରେ ସିଧା ଲାଇନକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ ଏହି ସିଧା ଲାଇନଟି ପ୍ରକୃତରେ ଏହି ସମୟରେ ବୃତ୍ତ ପାଇଁ ଏକ ସ୍ପର୍ଶକାତର ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ସିଧା ଲାଇନର ope ାଲର ଉପାଦାନ ope ୂଲା ଯାହା କେନ୍ଦ୍ରରୁ ଟାଙ୍ଗେଣୁକୁ p ଶ୍ରେରେ ରହିଥାଏ | ସିଧା ଲାଇନର ope ୂଲା ମି

ତେଣୁ ଫ୍ଲୋପ୍ ମି ର ଉପାଦ ଏବଂ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟବ୍ତୀକାରର ope ୂଲା ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ହେବା ଉଚିତ ଯାହା we ାରା ଆମେ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟବ୍ତୀକାରର ope ୂଲା ଆରମ୍ଭ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ y ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ f ଯାହା y ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ଅଟେ | f x ାରା x ଏକ ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ g d

$divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ଯାହାକି xx ଏକ ପ୍ଲସ୍ g ସିଧା ସଳଖର ope ୂଲା ଯାହା m ହେଉଛି ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏଠାରୁ ଆମେ ଯାହା ପାଇଥାଉ ତାହା ହେଉଛି m times y one plus f plus x one plus g ଜି ସହିତ ସମାନ | ro

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ କଣ କରିପାରିବା ଆମେ ଏହିପରି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲର ପରିବାରର ସମାକରଣ ପାଇବା ପାଇଁ ଏହି ସୂତ୍ରକୁ ଏଠାରେ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଏଠାରୁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ g ପାଇଁ ଏକ ସମାକରଣ ପାଇପାରିବା

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି g ସମାନ | ମାଲନସ୍ x ଏକ ମାଲନସ୍ m times y one plus f

ତେଣୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯାହା କରିବୁ ତାହା ଆମେ g ପାଇଁ ଏହି ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ନେବୁ ଏବଂ ଆମେ ଏହାକୁ ଏଠାରେ ବଦଳାଇବୁ ଏବଂ ଦେଖିବା ପରେ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ଦେଖିବା | ହେଉଛି x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଥର x ଗୁଣ g

ତେଣୁ g ବଦଳରେ ଆମେ ଉପାଦିତ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ବ୍ୟବହାର କରୁ ଯାହାକି ଏହି ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଥର f ଗୁଣ y ପ୍ଲସ୍ c ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଜାଣୁ ଯେ କେନ୍ଦ୍ରର ମାଲନସ୍ g ମାଲନସ୍ f ଅଟେ | ଏହି ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ବା ବର୍ଗର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଏହି ସମାକରଣରୁ ଏହି ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ ବ୍ୟାକ୍ରମ୍ୟ ହେଉଛି g ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ f ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ c ଏବଂ କେବଳ ଏହି ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖିବା ଦ୍ୱାରା ଏହି ବର୍ଗ ରେଡିଓ ହେଉଛି ଏହି ବିନ୍ଦୁ ଏବଂ କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଏହି ବର୍ଗାକାର ସକ୍ତଳନ ଦୂରତା ଯାହାକି x ଗୋଟିଏ | ପ୍ଲସ୍ g

ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ଗୋଟିଏ | ପ୍ଲସ୍ f ପୁରା ବର୍ଗ

ତେଣୁ

ତେଣୁ ଏହା ଏବଂ ଏହା ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ଏଠାରୁ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ c ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ g ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ f ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ g ପୁରା ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ f ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଅନ୍ୟ ଏକ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି | ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରର ସଂଯୋଜନା ଦୃଷ୍ଟିରୁ c ପାଇଁ ଏବଂ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ସ୍ଥିର ବିନ୍ଦୁ x ଗୋଟିଏ y

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ଏଠାରେ ବ୍ୟବହାର କରିବୁ ତା' ହେଲେ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ଏବଂ ମାଲନସ୍ x ରେ ଦୁଇଟି x | ମାଲନସ୍ ମୋର ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ f କୁ ଦୁଇ y ମାଲନସ୍ ରୁ mx ପ୍ଲସ୍ c ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କିନ୍ତୁ c ବଦଳରେ ଆମେ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ

ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ ପ୍ଲସ୍ f ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ ମାଲନସ୍ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ମାଲନସ୍ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ | ଏଠାରେ କିଛି ବାତିଲ୍ ହେବାକୁ ପଡିବ

ତେଣୁ ଆମେ ଆଉ ଅଧିକ ସରଳୀକରଣ ପାଇବୁ ନାହିଁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଯାହା କରିବା ତାହା ହେଉଛି ଆମେ g କୁ ମାଲନସ୍ x 1 ମାଲନସ୍ ମି ଥର y

ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ f ସହିତ ବଦଳାଇବା ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହା କରିବୁ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଅକ୍ତିମ ସମାକରଣ | ବୃତ୍ତର ପରିବାର ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଟି | ପାଠ୍ୟକ୍ରମ ଏହା ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ମାଗଣା ପାରାମିଟର f

ତେଣୁ ଆମେ f କୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିବା ଦ୍ୱାରା ଆମେ ବିଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସର୍ବଲର ସମାକରଣ ପାଇଥାଉ କିନ୍ତୁ ଏହି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକର ସାଧାରଣ ସମ୍ପର୍କ ହେଉଛି ଯେ ସେମାନେ ସେହି ସିଧା ଲାଇନକୁ y 1 y ମାଲନସ୍ y 1 ସହିତ ସମାନ କରନ୍ତି x ମାଲନସ୍ x 1 | x 1 y 1 ରେ ଏହା ପୁନର୍ବାର ସରଳୀକୃତ

ହୋଇପାରିବ ଏବଂ ଆମେ କେବଳ ଏହି ଅଂଶ ଗ୍ରହଣ କରୁ ଯାହା f ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ

ତେଣୁ ଏହି ପରିସ୍ଥିତି ପାଇଁ କିଛି ବିଶେଷ ମାମଲା ଅଛି ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ସେହି ସିଧା ଲାଇନକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରୁଥିବା ବୃତ୍ତର ପରିବାରର ସମାକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ଆଗ୍ରହୀ | ସ୍ $cases$ ତନ୍ତ୍ର କେସ୍ ଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଯେତେବେଳେ ସିଧା ଲାଇନଟି x ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ଅନ୍ୟଟି ହେଉଛି ଯେତେବେଳେ ସିଧା ଲାଇନଟି y ଅକ୍ଷରେ ପ୍ୟାରେଲ୍ ଆଏ

ତେଣୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଦୁଇଟି ବିଶେଷ କେସ୍ ଗ୍ରହଣ କରିବୁ

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଏହା ହେଉଛି ସିଧା ଲାଇନ ଯାହା ସମାନ୍ତରାଳ ଅଟେ | y ଅକ୍ଷ ଏଠାରେ ପଏଣ୍ଟ x ଏକ y ପଏଣ୍ଟ ଯାହା ଆମେ ଏହିପରି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲ ଖୋଜୁଛୁ ଯାହା ଏହି ପଏଣ୍ଟ x କୁ y କୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ସିଧା ଲାଇନକୁ ଏହି ସମୟରେ ଆରମ୍ଭ କରିବା x ଗୋଟିଏ y ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ସମସ୍ତ ସର୍ବଲର କେନ୍ଦ୍ର ରହିବା ଉଚିତ | ay କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଯାହା y ସହିତ ସମାନ, ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ x କୋର୍ଡିନେଟ୍ ହେଉଛି ମାଲନସ୍ g , ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ସମସ୍ତ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକର ସମାକରଣ ହେଉଛି x ପ୍ଲସ୍ g ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ବର୍ଗର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ବର୍ଗର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ କେବଳ ସରଳ | x ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ g ପୁରା ବର୍ଗ ପୁନର୍ବାର ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳୀକରଣ କରିବା ତେବେ ଆମେ ଯାହା ପାଇଥାଉ ତାହା ହେଉଛି x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି gx ପ୍ଲସ୍ g ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ହେଉଛି x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ g ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଏବଂ ଦୁଇଟି gx ଗୋଟିଏ g ବର୍ଗ ବାତିଲ୍ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଯାହା ପାଇଥାଉ | ହେଉଛି x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଏବଂ ଦୁଇଟି g ରେ x ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ସେହି ସମସ୍ତ ବୃତ୍ତର ସମାକରଣ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ଏହି ରେଖାକୁ x ଅକ୍ଷରେ ସମାନ୍ତରାଳ ଭାବରେ ସ୍ପର୍ଶ କରେ | y ଗୋଟିଏ ଆମେ ଏହାକୁ ଆହୁରି ସରଳୀକରଣ କରିପାରିବା ଏବଂ ଆମେ ଏହାକୁ ଲେଖିପାରିବା

ତେଣୁ ଏହି x ବର୍ଗକୁ x ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ଏବଂ ଦୁଇଟି xx ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି x ବର୍ଗ ଏବଂ ସମାକରଣର ଅବଶିଷ୍ଟ ଅଂଶ ଯାହା କରିପାରିବ | x ମାଲନସ୍ କୁ ଆହୁରି ସରଳୀକୃତ କର | x 1 ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ମାଲନସ୍ y

ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟି g ରେ x ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇ xx ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ପ୍ଲସ୍ x

ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ଦୁଇ ଗ୍ର ଏବଂ ଦୁଇଟି x ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ଚିହ୍ନା କରିପାରିବା | ଏହା ଏକ ମାଗଣା ପାରାମିଟର k ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହିପରି ସମସ୍ତ ସର୍ବାଧିକମ ପରିବାର ଯାହାକି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପଦ୍ଧତିରେ y ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ରେଖା ସ୍ପର୍ଶ କରେ ଏହି ସମୀକରଣ ଦ୍ୱାରା ଦିଆଯାଏ
ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ପାରାମିଟରକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିବା ତେବେ ଆମେ ଭିନ୍ନ ଏବଂ ଭିନ୍ନ ସର୍ବାଧିକ ପାଇଥାଉ | ଏବଂ ଏହା ଦେଖିବା ଅତ୍ୟନ୍ତ କଷ୍ଟସାଧ୍ୟ ନୁହେଁ ଯେ ଯଦି
ଆମେ x କୁ x ସହିତ ସମାନ ଏବଂ y କୁ ସମାନ କରିବା ତେବେ ଏହି ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ ପ୍ରକୃତରେ ଶୂନ୍ୟକୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରେ ଯାହା ଦର୍ଶାଏ ଯେ x x y y ପଦ୍ଧତି
ପ୍ରକୃତରେ ଏହି ସର୍ବାଧିକ ଉପରେ ଏହି ସର୍ବାଧିକ ଉପରେ ରହିଥାଏ | k ର ମୂଲ୍ୟର ଦ୍ୱିତୀୟ କେନ୍ଦ୍ର ହେଉଛି ଯେତେବେଳେ ସିଧାସଳଖ ରେଖା ଯେକ *any* ଶାସି ବୃତ୍ତ ପାଇଁ
x ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ଭାବରେ ଘଟେ ଯାହା ଏହି ସମାନ୍ତରାଳ ଭାବରେ ସିଧା ସଳଖକୁ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ଛୁଇଁବ, ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗର x ସଂଯୋଜନା | ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ
x ଅନ୍ ହେବ | e ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ y କୋର୍ଡିନେଟ୍ ହେଉଛି ମାଲନସ୍ f ଏବଂ ତା' ପରେ ସମାନ manner ଙ୍ରେ ଆମେ ଲେଖିପାରିବା ଯେ ଏହି ବୃତ୍ତର
ସମୀକରଣ x ମାଲନସ୍ x 1 ପୁରା ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ y ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ f ହେବ ଯାହା y ପୂର୍ଣ୍ଣ f ପୁରା ବର୍ଗ ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ | ବର୍ଗର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ
ଏହି ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟରେ ଏହି ଦୂରତା ଏବଂ ଏହି ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟରେ ଏହି ଦୂରତା ଏବଂ ଏହି ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟରେ ବର୍ଗ ଦୂରତା ଯାହାକି କେବଳ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ ପୁରା ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ, ଯଦି
ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳୀକରଣ କରିବା ତେବେ ଆମେ ପରିବାରର ସମୀକରଣ ପାଇବାକୁ ଯାଉଛୁ | ସର୍ବାଧିକମ ଏହି ପ୍ରକାରର ହେବ ଯେଉଁଠାରେ k ହେଉଛି sum
ଯାହା ମାଗଣା ପାରାମିଟର ଅଟେ

ତେଣୁ ଯଦିଓ ଆମେ ସର୍ବାଧିକ ପରିବାରର ସାଧାରଣ ସମୀକରଣକୁ ଫେରିଯିବା ଯାହାକି ସିଧା ଲାଲନକୁ y ମାଲନସ୍ yy କୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ x ପଦ୍ଧତିରେ x ଗୁଣ ସହିତ
ସମାନ | ଗୋଟିଏ y ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଯାହା ଆମେ ପାଇଛୁ

ତେଣୁ ଏହାକୁ ଆହୁରି ସରଳୀକୃତ କରାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ମୁଁ ଏହାକୁ ଏକ ବ୍ୟାୟାମ ଭାବରେ ଛାଡ଼ିଦେବି

ତେଣୁ ଏହି ସମଗ୍ର ସମୀକରଣକୁ x ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ y ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ k କୁ y ମାଲନସ୍ y ରେ ପୁନଃ ଲିଖନ
କରାଯାଇପାରିବ | ଗୋଟିଏ ମି nus m times x minus x one ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ଅତ୍ୟନ୍ତ କଷ୍ଟକର ନୁହେଁ ମୁଁ ଭାବୁଛି ଆମକୁ କେବଳ
ଏହି ଦୁଇଟି ଶବ୍ଦର ପରିଚୟ ଦେଇ ଏହି x ବର୍ଗ ଏବଂ y ବର୍ଗକୁ ବଦଳାଇବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି x ବର୍ଗକୁ x ମାଲନସ୍ x ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା | ପୁରା ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇଟି xx ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଏବଂ ଆମେ y ବର୍ଗକୁ y
ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇ yy ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଅବଶିଷ୍ଟ ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକ ଲେଖିପାରିବା
ଯେପରି ଏହି ଶବ୍ଦ ଏଠାରେ ଅଛି | ମାଲନସ୍ ଦୁଇ xx ଗୋଟିଏ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଶବ୍ଦ ହେଉଛି ମାଲନସ୍ ଦୁଇ mxy ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ଏହା ଏବଂ ଏହା ବାଡ଼ିଲୁ ହୋଇଯିବ ତେବେ ଏଠାରେ ଆମର ଦୁଇଟି fy ମାଲନସ୍ ଦୁଇ mfx ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ y ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଛି
ଏବଂ ଆମେ ଏଠାରେ ଦୁଇଟି x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଏବଂ ଦୁଇଟି mx ଗୋଟିଏ ପାଇବୁ | y ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ f ମାଲନସ୍ ଦୁଇ fy ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି ଏହି ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଏବଂ ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଏଠାରେ ସେମାନେ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ x ଏକ ବର୍ଗ ହୋଇଯାଏ
ଯାହା ଏଠାରେ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇ x ଏକ ବର୍ଗ ସହିତ ବାଡ଼ିଲୁ ହୁଏ ଏବଂ ତା' ପରେ ଅବଶିଷ୍ଟ ସର୍ତ୍ତାବଳୀ ଆମେ ଆହୁରି ସରଳୀକୃତ ହୋଇପାରିବା | ପୂର୍ଣ୍ଣ ପାଆନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହି ମାଲନସ୍ y1 ବର୍ଗ ଏବଂ ଏହାକୁ ମିଶ୍ରିତ କରି ମାଲନସ୍ ଦୁଇ y ଏକ ବର୍ଗ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହି ସମଗ୍ର ଜିନିଷକୁ ଦୁଇଟି y
ଭାବରେ y ମାଲନସ୍ y ରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ଦୁଇଟି mx ଗୋଟିଏ y ଶବ୍ଦ ଏବଂ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ mxy ଗୋଟିଏ | ଏକତ୍ର ହୋଇପାରିବ ଏବଂ ଆମେ ମିଶ୍
ମାଲନସ୍ x ମାଲନସ୍ x ରେ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇଟି y ପାଇପାରିବା

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଏବଂ ଏହି ଶବ୍ଦକୁ ଏକତ୍ର କରିଛେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏହାକୁ ମଧ୍ୟ ଯୋଡ଼ିପାରିବା ଏବଂ ଏହି ଶବ୍ଦକୁ ଆମେ y f ମାଲନସ୍ y ରେ ଦୁଇଟି f
ପାଇପାରିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଯାହା ରହିଥାଏ | ଏହି ଶବ୍ଦଟି କେବଳ ଆହା ସହିତ ଏହି ଶବ୍ଦ ଯାହା ଆମକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇଟି mf ଦୁ sorry ଖୁତ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ mf କୁ x
ମାଲନସ୍ x ରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କରିବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ଆହୁରି ସରଳୀକୃତ କରିବା ତେବେ ଆମେ y y ମାଲନସ୍ y 1 ମାଲନସ୍ ମି ଗୁଣ x ରେ ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 y 1 ପାଇବୁ | ମାଲନସ୍ x ଗୋଟିଏ
ଯାହାକି ଏହି ଏବଂ ଏହି ଶବ୍ଦକୁ ମିଶ୍ରଣ କରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଦୁଇଟି f ରେ y ମାଲନସ୍ y ରେ ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ x ରେ x ମାଲନସ୍ x ରେ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ
ତା' ପରେ ଅବଶ୍ୟ ଏହା ଏବଂ ଏହା ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଟାଇମ୍ y ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ f କୁ ସମାନ ଭାବରେ ଲେଖିବା | ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଏହା ପ୍ରକୃତରେ k ପାରାମିଟର ଅଟେ

ତେଣୁ ଶେଷରେ ଆମେ କରିବା | ସର୍ବାଧିକ ପରିବାର ପାଇଁ ଏହି ଫର୍ମ ପାଆନ୍ତୁ ଯେତେବେଳେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ k ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟରେ ଯଦି ଆପଣ x କୁ x ସହିତ
ସମାନ ଏବଂ y କୁ ସମାନ ଭାବରେ ରଖନ୍ତି ତେବେ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ ଶୂନ୍ୟକୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରେ ଯାହା ଦର୍ଶାଏ ଯେ x x y y ପଦ୍ଧତି | ଏହି ସମସ୍ତ ସର୍ବାଧିକ ଉପରେ ଏହି
ସର୍ବାଧିକ ଉପରେ ପଡ଼ିଛି ଯାହାକି k ର ମୂଲ୍ୟ ହୋଇପାରେ ଯାହା ଦ୍ୱ next ାରା ପରବର୍ତ୍ତୀ ସର୍ବାଧିକ ପରିବାରର ସମୀକରଣ ଉପରେ ଆମର ଆଲୋଚନା ସମାପ୍ତ ହେବ
ଯଦି ଆମେ ମଧ୍ୟଭାଗକୁ ଦିଆଯାଏ ତେବେ ଏକ କୋର୍ଡର ସମୀକରଣ କିପରି ପାଇବୁ ତାହା ଗ୍ରହଣ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ | ଏକ କୋର୍ଡ ଧରାଯାଉ ଯାହା କହିବାକୁ ଗଲେ
ଆମର ଏଠାରେ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଛି ଯାହା ମାଲନସ୍ g ମାଲନସ୍ f ରେ ଅଛି, ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏକ କୋର୍ଡ ଅଛି ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି କୋର୍ଡର ମଧ୍ୟଭାଗ
ଆମକୁ ଦିଆଯାଉଛି ଏବଂ ଏହା x ଗୋଟିଏ y ଅଟେ | ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମକୁ ହୃଦୟର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଆମେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଜାଣୁ ଯେ ଯଦି ଆମେ ହୃଦୟର ମଧ୍ୟଭାଗକୁ ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗରେ ଯୋଗଦେବା ତେବେ ଏହି କୋର୍ଡଟି 90 ଡିଗ୍ରୀ ଅଟେ ତେବେ ଆସନ୍ତୁ କହିବା
ଯେ କୋର୍ଡରେ ଅନ୍ୟ କ point ଶାସି ବିନ୍ଦୁ ଅଛି | ଏହି କୋର୍ଡର ope ୁଲ op ୁଲ ଉପରେ ଅଛି | ଏହି ସିଧା ଲାଲନର e y 1 ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ f ସହିତ
ସମାନ, x ଏକ ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ g ଦ୍ୱ divided ାରା ବିଭକ୍ତ ଯାହାକି ଏହା କିନ୍ତୁ ଏହି ଦୁଇଟି ସିଧା ଲାଲନ ନବେ ଡିଗ୍ରୀ ଉପରେ ଥିବାରୁ ଏହି ope ାଲର
ଉପାଦ ମାଲନସ୍ ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏଥର ଏହା ମାଲନସ୍ ହେବା ଉଚିତ | ଯାହାକୁ ସରଳୀକୃତ କରାଯାଇପାରେ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି କୋର୍ଡର ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ କର୍ଡର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ଆଗ୍ରହୀ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମକୁ x ଏକ y କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଥିବା ଏକ ପଦ୍ଧତି p ଦିଆଯାଇଛି | ଏକ ବୃତ୍ତ ଯାହାର ସମୀକରଣ
ମଧ୍ୟ ଆମକୁ ଦିଆଯାଏ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ପଦ୍ଧତି p ଏହି ବୃତ୍ତର ବାହାରେ ଅଛି

ତେଣୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ pt ଗୋଟିଏ pt ଦୁଇଟି ପଦ୍ଧତିରୁ ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍ବାଧିକ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଅଛି ଏବଂ ଯଦି ଆମେ t 1 t 2 ରେ ଯୋଗଦେବା ତେବେ ଏହା କିଛି
ନୁହେଁ | ଏକ କୋର୍ଡ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନର ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ ହେଉଛି ଏହି ଯୋଗାଯୋଗର କୋର୍ଡର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବା

ତେଣୁ ଏହାକୁ କଣ୍ଟ୍ରୋଲ କୋର୍ଡ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ କଣ୍ଟ୍ରୋଲ କୋର୍ଡର ଏହି ସମୀକରଣ ଏକ ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ବାହାରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ପଦ୍ଧତି ପାଇଁ ଏହି ସମୀକରଣ ସହିତ ସମାନ | ପାଠ୍ୟକ୍ରମ w e ଏହି ବୃତ୍ତର
ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧକୁ ଜାଣି ଯାହାକି g ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ଦ୍ୱାରା f ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ c ଦ୍ୱ given ାରା ଦିଆଯାଇଥିବା ଏହି ଟାଙ୍ଗେଣୁଗୁଡ଼ିକର ଦ length ଘ୍ୟ ମଧ୍ୟ

ମିଳିପାରିବ କାରଣ ଆମେ ଜାଣୁ ଏହା 90 ଡିଗ୍ରୀ ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ କେନ୍ଦ୍ର ସହିତ p ରେ ଯୋଗଦେବା ତେବେ pt 1 o ହେଉଛି ଏକ ସଠିକ କୋଣ ତ୍ରିଭୁଜ
ତେଣୁ ପାଇଥାଗୋରସ୍ ଥିରେମ୍ ରୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ବର୍ଗ ଦୂରତା po 1 ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ r ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ, ଯେହେତୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ସଂଯୋଜନା ପୋ ବର୍ଗ
ଏବଂ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିକୁ ଏଠାରେ ବଦଳାଇବା | ଆମେ ପାଇ 1 ପୋ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣୁ 1 ବର୍ତ୍ତମାନ ମଧ୍ୟ ସର୍ବାଧିକ କୁ ବିଚାର କରିବା, ଯାହାର କେନ୍ଦ୍ର p ରେ ଅଛି ଏବଂ ବ୍ୟାସ୍ତ୍ୟ 1 ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ନାଲିରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ଏହି ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର p ରେଡିଓ ଅଛି । ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ସର୍କଲ୍ କିମ୍ବା ଏହା t ଏକ ଏବଂ t ଦୁଇଟି ଦେଇ ଗଠି କରେ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ t ଗୋଟିଏ ଏବଂ t ଦୁଇଟି ହେଉଛି ଏହି ଲାଲ୍ ବୃତ୍ତ ଏବଂ ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ଛକ ବିନ୍ଦୁ, ଯାହାର ସମୀକରଣ ଏହି ଏବଂ ତେଣୁ ଏହି କୋର୍ଡର ଏକ ସମୀକରଣ ଯାହାକୁ ଆମେ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ, ଏହା କେବଳ କିଛି ନୁହେଁ, ଲାଲ୍ ସର୍କଲ୍ ଏବଂ ପ୍ରଦତ୍ତ କ୍ଲଙ୍କ୍ ସର୍କଲ୍ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ମିକାଲିକ ଅକ୍ଷରର ସମୀକରଣ ଏବଂ ଏହା ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଜାଣୁ

ତେଣୁ ଏହି ଲାଲ୍ ସର୍କଲର ସମୀକରଣ x ମାଇନସ୍ x ଏକ | ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ମାଇନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ହେଉଛି 1 ବର୍ଗ ଏବଂ ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍କଲ୍ ହେଉଛି ଏହି ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହା ହେଉଛି $s2$

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଲେଖିବାବେଳେ ଆମକୁ ଏହାକୁ ଏହିପରି ଲେଖିବାକୁ ପଡିବ | ରେଡିକାଲ୍ ଅକ୍ସ୍ କେବଳ ଏକ ମାଇନସ୍ s ଦୁଇଟି ସହିତ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହେବ | ଯୋଗାଯୋଗର ହୋର୍ଡର ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ସମାନ ପରିସ୍ଥିତି ପାଇଁ କରିବୁ

ତେଣୁ lnr କୁ କିପରି ଖୋଜିବୁ ଜାଣିବା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମକୁ ଏହି ସମ୍ପର୍କର ଦି $length$ ଧ୍ୟ ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ଅତ୍ୟନ୍ତ କଷ୍ଟସାଧ୍ୟ ନୁହେଁ କାରଣ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଏହି କୋଣ 90 ଡିଗ୍ରୀ ହେବ ' s କୁହନ୍ତୁ ଯଦି ଏହି କୋଣ ଥାଗା ତେବେ ଏହି କୋଣଟି 90 ମାଇନସ୍ ଥାଗା କିନ୍ତୁ ଏହି ସମଗ୍ର କୋଣ ହେଉଛି 90 ଏହି କୋଣଟି ମଧ୍ୟ ଏହି ପଏଣ୍ଟକୁ ଆଗକୁ ବ $which$ ାଇଥାଏ ଯାହାକି ସିଧା ସଳଖ ରେଖା ସହିତ ଯୋଗାଯୋଗର କୋର୍ଡର ଛକ ଅଟେ | ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି ଏହି କୋର୍ଡର ମଧ୍ୟଭାଗ ଅଟେ ଏବଂ

ତେଣୁ ଯଦି ଏହି ଦି $length$ ଧ୍ୟ x ଥାଏ ତେବେ ଏହା ମଧ୍ୟ x ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ମିଡପଏଣ୍ଟକୁ ମି ଦିଅନ୍ତୁ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏଠାରେ ଏହି ଛୋଟ ଦି $length$ ଧ୍ୟକୁ ଆମେ ଏହାକୁ h ବ୍ପାରି ସୂଚିତ କରିବୁ

ତେଣୁ ଆମର ଏହି ଡ୍ରଇଙ୍ଗା ଟି ଅଛି | ମୋଟ୍ ଖାନ୍ ମୋ ଭଲି ଏବଂ ଆମର ମଧ୍ୟ ଡ୍ରଇଙ୍ଗା ଅଛି pt one o ଜଣେ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ଡ୍ରଇଙ୍ଗାର ସମସ୍ତ ଡିନୋଟି କୋଣ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ଡ୍ରଇଙ୍ଗା t ଗୋଟିଏ ମୋ ଡ୍ରଇଙ୍ଗା t ଗୋଟିଏ po ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଶ୍ଵ of ର ଅନୁପାତ ନିଶ୍ଚୟ | ସମାନ ହୁଅ ବର୍ଗ ଏବଂ h ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ଦ୍ଵ r ାରା r ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ 1 ବର୍ଗ ଏବଂ h ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ରୁ r ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ 1 ବର୍ଗ ସହିତ r ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ $t1$ $t2$ ର ଯୋଗାଯୋଗର ଦି $length$ ଧ୍ୟ x ର ଦୁଇଗୁଣ ଅଟେ ଯାହା ହେଉଛି 2 ଥର x ଯାହାକି r ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ 1 ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ଦ୍ଵ 2 ାରା 2 $r1$ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ପରିସ୍ଥିତିକୁ ଦୃଷ୍ଟିରେ ରଖି ଆମେ ଏହା ବିଷୟରେ ଅନେକ ମଜାଦାର ଜିନିଷ ପାଇପାରିବା ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଆମେ ଡ୍ରଇଙ୍ଗା pt one t two

ତେଣୁ pt one t two

ତେଣୁ ଜାଣିପାରିବା | ଆମେ କିପରି ତାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଚତୁର୍ଭୁଜ pt ର ମୋଟ୍ କ୍ଷେତ୍ର ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟିର କ୍ଷେତ୍ରର ସମଷ୍ଟି

ତେଣୁ ଏହି ତ୍ରିକୋଣଭୂମି କ୍ଷେତ୍ର ଏବଂ ଏହି ଡ୍ରଇଙ୍ଗାର କ୍ଷେତ୍ର 1 ରେ ପରିଣତ ହେବ କାରଣ pt ର କ୍ଷେତ୍ର | ଗୋଟିଏ o ଅର୍ଦ୍ଧେକ 1 ରେ r ରେ ଏବଂ pt two ର କ୍ଷେତ୍ର ସମାନ ଅଟେ, $ot1$ $t2$ ର କ୍ଷେତ୍ର କେବଳ h ରେ ଅଛି, ଆମେ h ଏବଂ x ର ପୂର୍ବ ପ୍ରାପ୍ତ ମୂଲ୍ୟକୁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଏବଂ ଏହାକୁ r $cube$ 1 ଭାବରେ ପାଇପାରିବା | r ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ 1 ବର୍ଗ ଏବଂ

ତେଣୁ pt ଏକ t ଦୁଇଟିର କ୍ଷେତ୍ର ସମାନ t ଅଟେ | o pt one ot ଦୁଇଟି $minus$ କ୍ଷେତ୍ର ot one t t ର ସମାନ ଯାହା ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି କୋଣରୁ ଦୁଇଟି ଟାଙ୍ଗେଣୁ ବ୍ପାରି ଉପବିଭାଗ ହୋଇଥିବା ଏହି କୋଣକୁ ମଧ୍ୟ ଜାଣିପାରିବା

ତେଣୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି କୋଣଟି r ର ବିପରୀତ ଅଟେ | 1

ତେଣୁ ଏହି ସମଗ୍ର କୋଣ ହେଉଛି କୋଣ t ଗୋଟିଏ pt ଦୁଇଥର r ଦ୍ଵ 1 ାରା ଦୁଇଗୁଣ ଚନ୍ ଓଲଟା ଯାହା କେବଳ ସରଳ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଏକ ଟାନ୍ ଇନଭର୍ସ ଏକ ପ୍ଲସ୍ ଟାନ୍ ଇନଭର୍ସ b ଫର୍ମୁଲା ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଅନ୍ୟ ଏକ ପ୍ରଶ୍ନ ଯାହା ଆମେ ହୋଇପାରେ | ପରମାୟାଜାଣିବା ସମାନ ସେଟଅପ୍ ପାଇଁ ଆମକୁ ସର୍କଲର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଇପାରେ ଯାହା ଡ୍ରଇଙ୍ଗା $pt1$ $t2$ କୁ ସର୍ବୁକ୍ରାନ୍ତ କରେ

ତେଣୁ ଆମକୁ ଏହି ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣକୁ ଲାଲ ରଙ୍ଗରେ ଖୋଜିବାକୁ ପଡିବ ଯାହା pt ଗୋଟିଏ ଏବଂ t ଦୁଇଟି ଦେଇ ଗଠି କରେ

ତେଣୁ ଏହି ବୃତ୍ତଟି t ଦେଇ ଗଠି କରେ | ଗୋଟିଏ ଏବଂ t ଦୁଇଟି ଏବଂ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ t ଗୋଟିଏ ଏବଂ t ଦୁଇଟି ହେଉଛି କଳା ରଙ୍ଗର ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ଛକ ଏବଂ ନୀଳ ରଙ୍ଗରେ ଏହି ବୃତ୍ତଟି

ତେଣୁ ଏହି ବୃତ୍ତଟି ଯେତେବେଳେ p ର କେନ୍ଦ୍ରରେ ଥାଏ ଏବଂ ବ୍ୟାସ୍ 1 ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ ଏହି ବୃତ୍ତକୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଦର୍ଶାଏ | ନୀଳ ରଙ୍ଗରେ | $t1$ ଏବଂ $t2$ ଦେଇ ଗଠି କରେ ଏବଂ ଏହା ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍କଲକୁ କଳା ରଙ୍ଗରେ t ଏବଂ t ଦୁଇଟିରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରେ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ସମସ୍ତ ସର୍କଲର ପରିବାରକୁ ବିଚାର କରୁ ଯାହା $t1$ ଏବଂ $t2$ ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଗଠି କରେ ଯାହା ନୀଳ ଏବଂ କଳା ବୃତ୍ତର ଛକ ଅଟେ | ଏହି ଲାଲ୍ ବୃତ୍ତଟି ସେହି ବୃତ୍ତର ପରିବାରର ହେବା ଉଚିତ୍ ଯାହା ଦ୍ଵ we ାରା ଆମେ ଏହି ଲାଲ୍ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ

ତେଣୁ ଏହି ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଏହି ଲାଲ୍ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ କେବଳ ସରଳ ହୋଇପାରେ | ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ଆମକୁ ପରିବାରକୁ ଜଣାଶୁଣା ସମସ୍ତ ସର୍କଲର ପରିବାରର ସମୀକରଣ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ଛକ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ ଲମ୍ବତା ହେଉଛି ଏକ ମାଗଣା ପାରାମିଟର

ତେଣୁ ଆମେ ଲମ୍ବତା ପରିବର୍ତ୍ତନ କରି ଲମ୍ବତାକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ ଯୁଁ ବିଭିନ୍ନ ସର୍କଲ୍ ପାଇବି ଯାହା t ଦେଇ ଗଠି କରେ | ଗୋଟିଏ ଏବଂ t ଦୁଇଟି ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ଛକ ବିନ୍ଦୁ

ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହିପରି ଏକ ବୃତ୍ତ ହେଉଛି ଏହି ଲାଲ୍ ବୃତ୍ତ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଲାଲ୍ ବୃତ୍ତ ମଧ୍ୟ x one y one th ଦେଇ ଗଠି କରେ | ପୂର୍ବରୁ, ଯଦି ତୁମେ x କୁ x ସହିତ ସମାନ ରଖିବ ଯେତେବେଳେ y y ସହିତ ସମାନ ହେବ ତେବେ ଏହି ବାମ ପାର୍ଶ୍ଵ ପାର୍ଶ୍ଵ ଶୂନ୍ୟକୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରିବା ଉଚିତ୍ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ତାହା କରିବୁ ଯାହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଲମ୍ବତା 1 ବର୍ଗ ବ୍ପାରି ସମାନ ହେବା ଉଚିତ୍

ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲୁ | ଲମ୍ବତାର ମୂଲ୍ୟ ଏବଂ ଡା' ପରେ ଆମେ କେବଳ ଯାହା କରିବା ଆବଶ୍ୟକ ତାହା ହେଉଛି ଆମକୁ ଆବଶ୍ୟକ, କାରଣ x ଗୋଟିଏ y ଗୋଟିଏ gf ଏବଂ c ଆମକୁ ଜଣାଶୁଣା ସେଗୁଡିକ ଆମକୁ ଦିଆଯାଏ 1 ମଧ୍ୟ ଆମକୁ ପ୍ରକୃତରେ ଜଣାଶୁଣା 1 ବାସ୍ତବରେ ଆମେ ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ | ସୂତ୍ର ଏବଂ r ବର୍ଗ ହେଉଛି ଏହାର ବର୍ଗ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବା ତେବେ ଆମେ ଯାହା ଦେଖିବା ତାହା ହେଉଛି ଏହି ସଂଖ୍ୟାଟି ହେଉଛି ବର୍ଗ ଏବଂ

ତେଣୁ ଲମ୍ବତା ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହି ଲାଲ୍ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ କିଛି ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ଆମକୁ କେବଳ ଲମ୍ବତାକୁ ସମାନ ରଖିବା ଆବଶ୍ୟକ | ଏହି ସମୀକରଣରେ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଏହା ହେଉଛି ଲାଲ୍ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଆପଣଙ୍କୁ ଧନ୍ୟବାଦ |