

ସର୍ବଲଗୁଣ୍ଡିକ ଉପରେ 12 ଟି ବକ୍ତୃତାକୁ ସ୍ଵାଗତ

ତେଣୁ ଏହି ବକ୍ତୃତା ରେ ଆମେ ଏକ ନୂତନ ବିଷୟ ଆରମ୍ଭ କରିବୁ ଯାହା ପରିବାରବର୍ଗର ସର୍ବଲ୍ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଆମେ ମ ically ଲିକ ଭାବରେ ସମସ୍ତ ସର୍ବଲଗୁଣ୍ଡିକ ପାଇଁ ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ଲେଖିବା ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବୁ ଯାହା ସମସ୍ତ ହେବ | ଏକ ସାଧାରଣ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଆମେ ସମସ୍ତ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଲେଖିପାରିବା ଯାହା ଯେକ  $any$  ଶସି ଦୁଇଟି ପ୍ରଦତ୍ତ ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ କିମ୍ବା ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ସମସ୍ତ ସର୍ବଲର ସମୀକରଣ ଯାହା ଦୁଇଟି ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍ବଲର ଛକ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ ଯାହା  $ଦ$  this ାରା ଏହା ଏହାର ବିଷୟ ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ବକ୍ତୃତା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମ ଦୃଶ୍ୟ ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିବା ଯେଉଁଠାରେ ଚାଲନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମକୁ ଦୁଇଟି ସର୍ବଲ୍ ସମୀକରଣ ଦିଆଯାଇଛି ଯାହାର ସମୀକରଣ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ବିଚାର ଡିଗ୍ରୀ ପଲିନୋମିଆଲ୍ |  $x$  ଏବଂ  $y$  ଯେତେବେଳେ  $s$  ଦୁଇଟି ହେଉଛି  $x$  ଏବଂ  $y$  ରେ ଏହି ଅନ୍ୟ ବିଚାର ଡିଗ୍ରୀ ପଲିନୋମିଆଲ୍

ତେଣୁ ଏହା ପ୍ରଥମ ଦୃଶ୍ୟକୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କରିଥାଏ ଏବଂ ଏହା  $ଦ$  circle ିତୀୟ ବୃତ୍ତର ଦୁଇଟିକୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କରିଥାଏ |  $o$  ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍ବଲ୍ ପରସ୍ପରକୁ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ  $p$  ଏବଂ  $q$  ରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରନ୍ତି

ତେଣୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ସେହି ସମସ୍ତ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ଆଗ୍ରହୀ ଅଟୁ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ବିଚ୍ଛେଦ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତ ଏହି ସର୍ବଲ୍ ହୋଇପାରେ | ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆଉ ଏକ ବୃତ୍ତ ଚିତ୍ର କରୁଛି, ଅନ୍ୟ ଏକ ସର୍ବଲ୍ ଏହିପରି କିଛି ହେବ କାରଣ ତୁମେ ଶୀଘ୍ର ଅନୁଭବ କରିବ ଯେ ସେଠାରେ ଅସୀମ ଅନେକ ବୃତ୍ତ ଅଛି ଯାହା ଅଜ୍ଞାତପାରିବ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ଦିଆଯାଇଥିବା ସର୍ବଲର ଛକଗୁଡ଼ିକର ଉଭୟ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଯିବ କିନ୍ତୁ ଏଠାରେ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ | ଏକ ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ କିମ୍ବା ଏକ ସମୀକରଣ ଖୋଜିବା ଯାହାକି କିଛି ପାରାମିଟର ପାଇବ ଯେପରି ଯଦି ଆମେ ସେହି ପାରାମିଟରକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିବା ତେବେ ଆମେ ଯେକ  $such$  ଶସି ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ପାଇବାକୁ ସମର୍ଥ ହେବା ଉଚିତ ଯାହାକି ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ ଯାହା  $ଦ$  radical ାରା ଆମେ ମ radical ଲିକ ଅକ୍ଷରର ଧାରଣା ବ୍ୟବହାର କରିବୁ | ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ସେଥିରେ ଚିକିତ୍ସା କରାଯାଇ, ଯଦି ଆମେ ଯେକ  $any$  ଶସି ଦୁଇଟି ବିଚ୍ଛେଦ ସର୍ବଲ୍ ପାଇଁ ମନେ ପକାଇବା ରେଡିକାଲ୍ ଅକ୍ଷର ଅନନ୍ୟ ସିଧାସଳଖ ରେଖା  $ଦ$  given ାରା ଦିଆଯାଇଥିଲା ଯାହାକି ଛକଗୁଡ଼ିକର ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁରେ ଯୋଗ ଦେଇଥାଏ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହେଲେ ଏହି ରେଡିକାଲ୍ ଅକ୍ଷର ଏହି ଲାଲ୍ ସିଧା ଲାଇନ ଯାହା ଉଭୟ  $p$  ଏବଂ  $q$  ଦେଇ ଯାଇଥାଏ |

ତେଣୁ ଏହା  $s$  ଏବଂ  $s$  ର ଦୁଇଟିର ମ radical ଲିକ ଅକ୍ଷର ହେବ କିନ୍ତୁ ତା' ପରେ ଧରାଯାଉ ଆମର ଏକ ସାଧାରଣ ସର୍ବଲ୍ ଅଛି ଯାହାର ସମୀକରଣ  $x$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ  $y$  ବର୍ଗ ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି  $gx$  ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟି  $fy$  ପୁସ୍ତ  $c$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମକୁ ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଏ | ଏହିପରି ସର୍ବଲଗୁଣ୍ଡିକର ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଗତି କରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ସିଧା ଲାଇନର ସମୀକରଣ କିମ୍ବା ଏହି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ମ radical ଲିକ ଅକ୍ଷର କେବଳ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍  $ଦ$  two ାରା ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯଦି ଆମେ ଗୋଟିଏ ଏବଂ  $s$  ଦୁଇଟିକୁ ବାହାର କରିଦେବା | ଏବଂ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଆମେ ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି ଦୁଇଟିରେ  $g$  1 ମାଇନସ୍  $g$  2 ରେ  $x$  ପୁସ୍ତ 2 ରେ  $f$  1 ମାଇନସ୍  $f$  2 ରେ  $y$  ପୁସ୍ତ  $c$  1 ମାଇନସ୍  $c$  2 ସମାନ 0.

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ ମ radical ଲିକ ଅକ୍ଷରର ସମୀକରଣ | ଯଦି ଅନ୍ୟ କିଛି ଅଛି ତେବେ ସର୍ବଲଗୁଣ୍ଡିକ ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍ଵସ୍ଵ ଭାବରେ | ଏହି ସମୀକରଣ ଦ୍ଵାରା ଦିଆଯାଇଥିବା ସାଧାରଣ ସର୍ବଲ୍ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଗତି କରେ ତେବେ ଏହା ସ୍ଵସ୍ଵ ଯେ  $s$  ଏବଂ ଯେକ  $any$  ଶସି ସାଧାରଣ ସର୍ବଲ୍  $s$  ଏବଂ ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍ବଲ୍ ଗୁଣ୍ଡିକ ମଧ୍ୟ  $p$  ଏବଂ  $q$  ରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହେବ କାରଣ  $p$  ଏବଂ  $q$  ଗୋଟିଏ ଉପରେ ଅଛି ଏବଂ ଆମେ ବିଚାର କରୁଛୁ | ସେହି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲ୍ ଗୁଣ୍ଡିକ ଯାହା  $p$  ଏବଂ  $q$  ଦେଇ ଗତି କରେ

ତେଣୁ  $p$  ଏବଂ  $q$  ମଧ୍ୟ  $s$  ଉପରେ ରହିବା ଉଚିତ ଏବଂ

ତେଣୁ  $p$  ଏବଂ  $q$  ପଏଣ୍ଟଗୁଣ୍ଡିକ ଉଭୟ  $s$  ଏବଂ  $s$  ପାଇଁ ସାଧାରଣ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ

ତେଣୁ  $s$  ଏବଂ  $s$  ଗୁଣ୍ଡିକ  $p$  ଏବଂ  $q$  ରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହେବା ଜରୁରୀ | ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ସର୍ବଲଗୁଣ୍ଡିକ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ମ radical ଲିକ ଅକ୍ଷର ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ସିଧାସଳଖ ରେଖା ସମୀକରଣ ଦ୍ଵାରା ମାଇନସ୍  $s$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତ ମଧ୍ୟରେ ମ radical ଲିକ ଅକ୍ଷର ଯେକ  $any$  ଶସି ବୃତ୍ତ ମଧ୍ୟରେ ରହିବ ଯାହାକି  $pq$  ମଧ୍ୟ ଦେଇ ଗତି କରିବ | ଏବଂ ଏହି ସର୍ବଲ୍ ଗୁଣ୍ଡିକ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍  $s$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହେବ କିନ୍ତୁ ଏହି ରେଡିକାଲ୍ ଅକ୍ଷର ମଧ୍ୟ ଏକ ସିଧା ରେଖା ଯାହା  $p$  ଏବଂ  $q$  ଦେଇ ଗତି କରେ ଏବଂ ଏହି ସିଧା ଲାଇନର ସମୀକରଣ ମାଇନସ୍  $s$  ହେବ

ତେଣୁ ଏହି ମାଇନସ୍ ଏହାକୁ ସମୀକରଣ କରିବ | ଏହି ଆହା  $sm$  ହେବ |  $inus$   $s$  ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ହେବ  $g$  ମାଇନସ୍  $g$  ଗୋଟିଏ  $x$  ପୁସ୍ତ ଦୁଇଟିରେ  $f$  ମାଇନସ୍  $f$  ଗୋଟିଏ  $y$  ପୁସ୍ତ  $c$  ମାଇନସ୍  $c$  ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହେବ କିନ୍ତୁ ତା' ପରେ ଏହା ଲକ୍ଷ୍ୟ ହେବ ଯେ  $p$  ଏବଂ  $q$  ପଏଣ୍ଟଗୁଣ୍ଡିକ ଏହି ସିଧା ଲାଇନ ଉପରେ ଏବଂ ଏହି ସିଧା ଲାଇନରେ ରହିଥାଏ | ଯେକ  $any$  ଶସି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ  $p$  ଏବଂ  $q$  ମଧ୍ୟରେ କେବଳ ଗୋଟିଏ ଅନନ୍ୟ ସିଧା ଲାଇନ ଅଛି ଏବଂ ଏହି ସମୀକରଣ ଏବଂ ଏହି ସମୀକରଣ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ସମାନ ସିଧା ଲାଇନକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ଵ କରିବା ଉଚିତ ଯାହା  $ଦ$  we ାରା ଆମର ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ  $g$  2 ମାଇନସ୍  $g$  1 ରୁ  $x$  ପୁସ୍ତ  $2f$  ମାଇନସ୍  $f$  ଗୋଟିଏ ଅଛି |  $y$  plus  $c$  ମାଇନସ୍  $c$  ରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣ ଯାହା  $s$  ଏବଂ  $s$  ମଧ୍ୟରେ ମ radical ଲିକ ଅକ୍ଷର ଏବଂ ଏହି ଅନ୍ୟ ସିଧା ରେଖା ସମୀକରଣ ଯାହା  $s$  ଏବଂ  $s$  ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ ମ radical ଲିକ ଅକ୍ଷର

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ସମାନ ସିଧା ଲାଇନ ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ | ଯାହା ମ ically ଲିକ ଭାବରେ ସୂଚିତ କରେ ଯେ ଯଦି ଆମେ ଏହି ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣକୁ ନେଇଥାଉ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ କିଛି ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟବାନ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା  $q$  ସହିତ ବ multip ାଇଥାଉ

ତେଣୁ ସେଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ସମୀକରଣ ହୋଇଥିବାରୁ ସେଠାରେ କିଛି ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା  $q$  ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ ଯେପରି ଯଦି ଆମେ ଏହି ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣକୁ ଗୁଣନ କରିବା |  $q$  ଆମେ ଏକ୍ସା କରିବା ଜରୁରୀ |  $ctly$   $ଦ$  equ ିତୀୟ ସମୀକରଣ ପାଆନ୍ତୁ କାରଣ ସେଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ସିଧା ଲାଇନ ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଯାହା ଧରି ରଖିବା ଉଚିତ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଏହି ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣକୁ  $q$  ଦ୍ଵାରା ଗୁଣନ କରିବା ପରେ ଆମେ ଦୁଇଟି  $qg$  ମାଇନସ୍  $g$  କୁ  $x$  ରେ ଦୁଇଟି ପୁସ୍ତ ଏବଂ  $qf$  ମାଇନସ୍  $f$  କୁ  $y$  ରେ ପୁସ୍ତ କୁ  $c$  ରେ ପାଇଥାଉ | ମାଇନସ୍  $c$  ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ  $q$  ସହିତ ଗୁଣନ କରିବା ପରେ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଠିକ୍ ଭାବରେ ପାଇବା ଉଚିତ ଯାହା ମ ically ଲିକ ଭାବରେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ଏହା ଏବଂ ଏହା ସମାନ ସମୀକରଣ କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ୍ସ ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ ଏହା ଘଟିବା ପାଇଁ ଏହା ସତ୍ୟ ହେବା ଉଚିତ ଯେ  $g$  ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍  $g$  ଦୁଇଟି ସମାନ ହେବା ଜରୁରୀ |  $q$  ରୁ  $g$  ମାଇନସ୍  $g$  ଗୋଟିଏ  $f$  ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍  $f$  ଦୁଇଟି ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ  $q$  ସହିତ  $f$  ମାଇନସ୍  $f$  ଏବଂ  $c$  ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍  $c$  ଦୁଇଟି ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ  $q$  ସହିତ  $c$  ମାଇନସ୍  $c$  ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ  $g$  2  $f$  1  $f$  2 ଏବଂ  $c$  ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ଖୋଜିବା ପାଇଁ 1  $c$  2 ବର୍ତ୍ତମାନ ଜଣାଶୁଣା, ଏହି ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ପାଇଁ  $gf$  ଏବଂ  $c$  ମଧ୍ୟରେ କିଛି ସମ୍ପର୍କ ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି କାରଣ ଏହା ସେହି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲଗୁଣ୍ଡିକର ସମୀକରଣକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ଵ  $that$  କରେ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଗତି କରେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା | ଏହା ହେଉଛି  $w$  ଟୋପି ଗୁଣଗୁଣ୍ଡିକ  $gf$  ଏବଂ  $c$  କୁ ସମ୍ବନ୍ଧ କରେ

ତେଣୁ ଏଠାରୁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖିପାରୁଛେ,  $g$   $g$  ସହିତ ସମାନ ହେବ  $g$  ଏକ ମାଇନସ୍  $g$   $ଦ$   $q$  ାରା  $q$  plus  $g$  ଗୋଟିଏ ସମାନ ଭାବରେ  $f$  ଏକ ମାଇନସ୍  $f$  ଦୁଇଟି ସହିତ  $q$  plus  $f$  one ଏବଂ  $c$  will ସହିତ ସମାନ ହେବ |  $c$  ପୁସ୍ତ  $c$   $ଦ$  by ାରା  $c$  ଏକ ମାଇନସ୍  $u$  ସହିତ ସମାନ ହୁଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଯାହା ଆମେ ପାଇପାରିବା ଏହାକୁ ସରଳୀକୃତ କରାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଯାହା ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପାଇବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଯଦି ଏହି ସାଧାରଣ ସମୀକରଣକୁ ଫେରିବା ତେବେ ଆମେ  $gf$  ଏବଂ  $c$  କୁ ବଦଳାଇଥାଉ । ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ  $and$  ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ତାହା କରିବା ତେବେ ଆମେ ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ପାଇବାକୁ ସକ୍ଷମ ହେବା ଉଚିତ ଯେଉଁଠାରେ ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ  $q$  ରହିବ ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣରେ ଏହି ପାରାମିଟର  $q$  ରହିବ ଏବଂ ସେହି ପାରାମିଟରକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରି  $q$  ପରିବାରରୁ ବିଭିନ୍ନ ସର୍ବାଧିକ ପାଇବ । ସର୍ବାଧିକ ଗୁଣିତ ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହା କରୁ ଯେ ଆମେ ଯାହା ପାଇଥାଉ ତାହା ହେଉଛି  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଏବଂ ଦୁଇଟି  $x$  ରେ  $g$  ରେ

ତେଣୁ  $g$  ବଦଳରେ ଆମେ ଏହି ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇ  $y$  କୁ  $f$  ରେ ରଖିଥାଉ  
ତେଣୁ  $f$  ବଦଳରେ ଆମେ ଏହି ତାହାଣ ହାତକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $c$  ରଖି ।  $c$  ଆମେ ଏହି ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ କୁ ସମାନ  $0$  ରଖି ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯାହା କରିପାରିବା ତାହା କରିବା ।  $1$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $x$  ବର୍ଗକୁ  $1$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $q$  ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ  $q$  ବର୍ଗରୁ ମାଇନସ୍  $1$  କୁ  $q$  ବର୍ଗରେ ଲେଖନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହି  $x$  ବର୍ଗ ବଦଳାଇବ ଯଦି ଏହି ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ଶବ୍ଦ ସହିତ ସମାନ ଜିନିଷ  $y$  ବର୍ଗ ସହିତ କରିବ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ତାହା କରିବା ଆମେ  $s$  କୁ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $q$  ରୁ  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇ  $g$  ଗୋଟିଏ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇ  $f$  ଗୋଟିଏ  $y$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଏବଂ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ  $q$  ଗୁଣ  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ଏବଂ ଦୁଇ  $g$  ଦୁଇ  $x$  ମୁକ୍ତ ଦୁଇ  $f$  ଦୁଇ  $y$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $c$  ଦୁଇଟି ବର୍ତ୍ତମାନ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ଆମେ ଏହି ସ୍ଥାନକୁ କୁ ଫେରିବା ତେବେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ  $q$  ଶୂନ୍ୟ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ କାରଣ ଯଦି  $q$  ଶୂନ୍ୟ ହୋଇଥାନ୍ତା ତେବେ ଏହା ଏବଂ ଏହା ମେଲ ହେବ ନାହିଁ କାରଣ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହା ଏକ ଶୂନ୍ୟ ନଥିବା ସମୀକରଣ ନୁହେଁ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି । ଏକ ଶୂନ୍ୟ ନଥିବା ସମୀକରଣ ଯେଉଁଠିରେ ମୋର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ଏହି ସମୀକରଣରେ  $g$  ଏକ ଏବଂ  $g$  ଦୁଇଟି ସମାନ  $f$  ଏବଂ  $f$  ଦୁଇଟି ସମାନ ନୁହେଁ

ତେଣୁ  $g$  ଗୋଟିଏ  $g$  ଦୁଇଟି  $f$  ଗୋଟିଏ ଏବଂ  $f$  ଦୁଇଟି  $c$  ଗୋଟିଏ ଏବଂ  $c$  ଦୁଇଟି ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ  $g$  ଗୋଟିଏ  $g1$  ଏବଂ  $g2$  ଏହି ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରୁ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ

ତେଣୁ  $g1$  ମାଇନସ୍  $g2$  ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ କିମ୍ବା  $f1$  ମାଇନସ୍  $f2$  ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ।  $th$  ଶୂନ୍ୟ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ କାରଣ ଯଦି ଉଭୟ ଶୂନ୍ୟ ତେବେ କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ତେବେ କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ଅଟେ ଯେଉଁଠିରେ ଆମର ଯାହା ଅଛି ତାହା ଏକାନ୍ତ ସର୍ବାଧିକ ଏବଂ ଏକାନ୍ତ ସର୍ବାଧିକ ପରସ୍ପରକୁ ଛକ କରିବ ନାହିଁ ଯଦି ଆମେ ପ୍ରଥମ ସ୍ଥାନକୁ ଫେରିବା ତେବେ ଆମେ କହିଥିଲୁ । ଆମେ ଦୁଇଟି ସର୍ବାଧିକ ବିଷୟରେ କହୁଛୁ ଯାହା ପରସ୍ପରକୁ ଏତେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏଠାରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରେ ଏଠାରେ ଅତି କମରେ ଗୋଟିଏ କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଅଛି ଯାହା ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହା ଏକ କ୍ଷୁଦ୍ର ସମୀକରଣ ନୁହେଁ ଏବଂ  
ତେଣୁ  $q$  କଦାପି ଶୂନ୍ୟ ହେବ ନାହିଁ କାରଣ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ  $q$  ବ୍ଯାବା ବହୁଗୁଣିତ କରିବେ । ଏକ ଶୂନ୍ୟ ସମୀକରଣ ଏବଂ ତା' ପରେ କ  $way$  ଶସି ଉପାୟ ନାହିଁ ଯେ ଏହା ଏବଂ ଏହା ସମାନ ସମୀକରଣ ହୋଇପାରେ କାରଣ ଯଦି ତୁମେ ଏହାକୁ  $q$  କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କର , ଯଦି  $q$  ଶୂନ୍ୟ ହେବ ତେବେ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣ ସହିତ ବହୁଗୁଣିତ ହୋଇଥାଉ, ତେବେ ଏହି ସମୀକରଣ ଏହା ଏକ ଶୂନ୍ୟ ସମୀକରଣ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଏହି ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟବାନ  $q$  ଶୂନ୍ୟ ନୁହେଁ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଆମେ ଯାହା କରିପାରିବା ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଏହି ସମଗ୍ର ସମୀକରଣକୁ  $q$  ସହିତ ବ  $ly$  ାଇ ପାରିବା

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ତାହା କରିବୁ ଆମେ ଏଠାରେ ନାମକରଣରୁ ମୁକ୍ତି ପାଇବୁ । ତା' ପରେ ପାଇବା ହେଉଛି ଯେ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $q$  କୁ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍  $s$  ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ସମୀକରଣର ସାଧାରଣ ରୂପ ଯାହା ଆମେ ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଆମେ ଏହାକୁ ମଧ୍ୟ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $q$  ଭାବରେ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ରେ ଲେଖିବା । ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $q$   $q$   $s$  ାରା ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଆମେ ଏହା କରିପାରିବା କାରଣ ଏବଂ ଆମକୁ ଯାହା ଆମେ ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଏହାକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମାନ ଶୂନ୍ୟ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା କିନ୍ତୁ ଏହା ଏହି ସମୀକରଣ ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଯେଉଁଠାରେ  $k$  ଗୋଟିଏ ପରେ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $q$  ଏବଂ ଯେହେତୁ  $q$  ହେଉଛି ପ୍ରକୃତ  $k$  ମଧ୍ୟ ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟଯୁକ୍ତ, ଯେହେତୁ  $q$  ଶୂନ୍ୟ  $k$  ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ  
ତେଣୁ ଏହି ସମସ୍ତ ସର୍ବାଧିକ ଗୁଣିତକର ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ଯାହା ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ଛକ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ । ଏବଂ  $s$  ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କିନ୍ତୁ ଏହି  $k$  ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ନୁହେଁ ଯେକ  $any$  ଶସି ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟ ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ, ଏହାକୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବା ପାଇଁ ଆସନ୍ତୁ ଚିକିଏ ଉଦାହରଣ ନେବା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମର ଦୁଇଟି ସର୍ବାଧିକ  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଛି । ଦୁଇଟି  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଚାରି  $y$  ମାଇନସ୍ ଚାରି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ । ଯେହେତୁ ସେଣ୍ଟର ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ ପାଖରୁ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ଏବଂ ଏହାର ତିନୋଟି ବ୍ୟାସାଙ୍କ ଅଛି ଯାହା ଅନ୍ୟ ବୃତ୍ତର ଦୁଇଟି  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ଛଅ  $y$  ସମାନ ଶୂନ୍ୟ ହେବ ଏହାର କେନ୍ଦ୍ର ଶୂନ୍ୟ କମା ମାଇନସ୍ ତିନୋଟି ଏବଂ ବ୍ୟାଞ୍ଚ୍ୟ ତିନୋଟି ସହିତ ସମାନ ଯେପରି ଆମେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଦେଖୁ । ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ଦୁଇଟିର ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ବ୍ୟାଞ୍ଚ୍ୟସର ସମଷ୍ଟିଠାରୁ କମ୍ କାରଣ ବ୍ୟାଞ୍ଚ୍ୟସର ସମଷ୍ଟି ଛଅ ଏବଂ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଅଧିକ କାରଣ ରେଡିଓ ମଧ୍ୟରେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଶୂନ୍ୟ

ତେଣୁ ଏହି ପରିସ୍ଥିତି । ଯାହାର  $m$  means ଲିକ ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ସର୍ବାଧିକ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥାନ୍ତି ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ସମସ୍ତ ସମୀକରଣ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହଁବୁ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ଛକ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ

ତେଣୁ ସେହି ସର୍ବାଧିକ ଗୁଣିତକର ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ହେବ  $s^2 + k$  ସହିତ  $0$  ସହିତ ସମାନ ଯେଉଁଠାରେ  $k$  ବାସ୍ତବ ଏବଂ  $k$  ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଏହି ଉଦାହରଣ ପାଇଁ  $s$  ସମାନ ହେବ  
ତେଣୁ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ଏବଂ ଦୁଇଟି  $x$   $p1$  ଆମ ଚାରି  $y$  ମାଇନସ୍ ଚାରି ପୂର୍ଣ୍ଣ  $k$  ଥର  $s$  ଦୁଇଟି ହେଉଛି  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଛଅ  $y$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଯଦି ଆମେ  $k$  କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ରଖିବା ତେବେ ଆମକୁ  $s$  ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ପଡିବ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ  $k$  କୁ ଅସାମାନ୍ୟ ପସନ୍ଦ କରୁ ସମୀକରଣ ସାମାନ୍ୟରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଦୁଇଟି ସହିତ ଅନୁରୂପ ହେବ

ତେଣୁ ଏହା ଅଧିକ ପରିଶୋଧିତ ହୋଇପାରିବ ଆମେ ଜାଣିଥିବେ ଏହା ଆହୁରି  $1$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $kx$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $1$  ପୂର୍ଣ୍ଣ କାଲ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $2$   $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $4$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $6$   $k$  କୁ  $y$  ମାଇନସ୍ ଚାରି ସମାନ ଶୂନ୍ୟ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ । ଏହା ହେଉଛି ଏହିପରି ସମସ୍ତ ସର୍ବାଧିକ ଗୁଣିତକର ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ, ଆମକୁ କେବଳ  $k$  ର ମୂଲ୍ୟ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିବାକୁ ପଡିବ ଏବଂ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର ଏକ ଭିନ୍ନ ସର୍ବାଧିକ ମିଳିବ କିନ୍ତୁ ଆମକୁ ନିଶ୍ଚିତ କରିବାକୁ ହେବ ଯେ  $k$  ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ କାରଣ ଯଦି  $k$  ମାଇନସ୍  $1$  ସହିତ ସମାନ ତେବେ  $s$  ବର୍ଗ ଏବଂ  $y$  ବର୍ଗର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ହେଉଛି  $0$  ଏବଂ

ତେଣୁ  $k$  ସହିତ ମାଇନସ୍  $1$  ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଆମେ ପାଇବାକୁ ଯାଉଛୁ ତାହା ହେଉଛି  $s^2 + k$  ମାଇନସ୍  $s^2$  ସମାନ  $0$  ଯାହାକି ଏକ ସିଧା ଲାଇନର ସମୀକରଣ ବ୍ୟତୀତ  $s$  ର  $m$  radical ଲିକ ଅଧିକ । ଗୋଟିଏ ଏବଂ  $s$  ଦୁଇଟି ଏବଂ ତାହା ସମୀକରଣର ବୃତ୍ତ ହେବ ନାହିଁ । ଏକ ବୃତ୍ତର ଆୟନ ଯେଉଁଥିପାଇଁ ଆମେ କହିଛୁ ଯେ  $k$  ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ନୁହେଁ ଯାହା  $q$  first ାରା ପ୍ରଥମ ପ୍ରକାରର ବୃତ୍ତର ପରିବାର ଅନ୍ୟ ଏକ ବୃତ୍ତର ପରିବାର ଅଟେ ଯଦି ଆମକୁ ଶୂନ୍ୟର ଏକ ବୃତ୍ତର ପ୍ରାଇମ ଦିଆଯାଏ ତେବେ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ।

ତେଣୁ ଏହାକୁ ଏହି ସମୀକରଣ ବ୍ଯାବା ଦିଆଯାଉ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମର ଏକ ସିଧା ଲାଇନ ଅଛି ଯାହା ଏହି ସମୀକରଣ ବ୍ଯାବା ଦିଆଯାଇଥାଏ  
ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ଆମକୁ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ଏହି ସିଧା ଲାଇନ ଏବଂ ଏହି ବୃତ୍ତ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଏ । ଏପରିକି ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁରେ ସ୍ପର୍ଶ କରିପାରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ସେହି ସମସ୍ତ ସର୍ବାଧିକ ଗୁଣିତକର ସମୀକରଣ ପାଇଁ ଆଗ୍ରହୀ, ଯାହା ଏହି ଛକ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ ଯାହା ଏହି ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍ବାଧିକ ପ୍ରାଇମ ଛକ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ ଏବଂ ଏହି ସିଧା ସଳଖ ରେଖା ବର୍ତ୍ତମାନ ଦିଆଯାଇଥିବା ସିଧା ଲାଇନ । ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଯଦି ଆମର ଅନ୍ୟ କ  $circle$  ଶସି ସର୍ବାଧିକ ଅଛି ତେବେ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମର ଅନ୍ୟ କ  $circle$  ଶସି ବୃତ୍ତ ଅଛି ଯାହା ମଧ୍ୟ ଏହି ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଯାଇଥାଏ ତେବେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ରେଡିକାଲ୍ ଅଧିକ ତେଣୁ ଏହାକୁ ସାଧାରଣ ବୃତ୍ତର ସମାନ ହେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ । ଶୂନ୍ୟକୁ ତାପରେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ହୋଇଛି ଯେ ଏହି ସର୍ବାଧିକ  $s$  ଏବଂ ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍ବାଧିକ  $s$  ପ୍ରାଇମ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ମ



so so so ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହେବା ଜରୁରୀ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହିପରି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକର ସମୀକରଣ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ପ୍ରଦତ୍ତ ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଯିବ  $x$  ଗୋଟିଏ  $y$  ଏବଂ  $x$  ଦୁଇ  $y$  ଦୁଇଟି ଏବଂ  $k$  ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟବାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ  $k$  କୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରି ପାରିବା ଏବଂ ଆମେ ଭିନ୍ନ ହେବାରେ ଲାଗିପାରିବା | ବିଭିନ୍ନ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକ , ଆମେ ଯାହା ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିଥିଲୁ ତାହା ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବା ପାଇଁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଉଦାହରଣ ନେବା | ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଗତି କରେ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ଯୋଗ କରୁଥିବା ସିଧା ସଳଖ ରେଖା ହେଉଛି ଏହି ପଏଣ୍ଟ  $o$  ଯାହାର ସଂଯୋଜନା ଚାରୋଟି କମା ମାଲନସ୍ ଦୁଇଟି ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ଦୂରତା ଆଠଟି ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ କେନ୍ଦ୍ର ସହିତ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଙ୍କନ କରୁ | ଯେହେତୁ  $o$  ରେଡିଓ ହେଉଛି ଆଠର ବର୍ଗ ମୂଳ ଯାହା  $\sqrt{circle}$  ାରା ବୃତ୍ତ ଏହିପରି କିଛି ହେବ ଏବଂ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ସେହି ବୃତ୍ତ ଉପରେ ରହିବ କାରଣ ଆମେ ରେଡିଓକୁ ମୂଳ ଆଠ ସହିତ ସମାନ ହେବା ପାଇଁ ବାଛିଛୁ ଯାହା ଏହି  $\sqrt{length}$  ଯିଏ ଅଧା ଅଟେ ଏବଂ ଆମେ ବାଛିଛୁ | ଏହି ରେଖା ସେଗମେଣ୍ଟର ମଧ୍ୟଭାଗ ହେବାକୁ ଏହି ରେଖା ବିଭାଗର ମଧ୍ୟଭାଗ ହେବା ପାଇଁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ  $p$  ଏବଂ  $q$  ଏହି ବୃତ୍ତର ହାରାକ୍ରମ ବିପରୀତ ପ୍ରାନ୍ତରେ ରହିବ

ତେଣୁ  $pq$  ଏକ ବ୍ୟାସ ଏବଂ ଏହି ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ହେବ |  $x$  ମାଲନସ୍ ଚାରି ପୁରା ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ଏବଂ ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ହେଉଛି ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ବର୍ଗ ଯାହା ଆଠଟି ହେବ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଯାହା ସିମ୍ପି ହୋଇପାରେ | ଦୁ  $sorry$  ଖୁବ୍ ହେବା ପାଇଁ ପ୍ଲାଇଡ୍ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ କିନ୍ତୁ ଏହାକୁ  $s$  ଲେଖିବା ପାଇଁ ସରଳୀକୃତ କରାଯାଇପାରେ କାରଣ ଏହା  $x$  ମାଲନସ୍ ଚାରି ପୁରା ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ସହିତ ଦୁଇଟି ପ୍ରମୁଖ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଆଠଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହୋଇପାରେ ଯାହାକି  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ଅଟେ | ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଆଠ  $y$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଆଠ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଚାରି  $y$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ବାର ସମାନ ଶୂନ୍ୟ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ସମାନ ଭାବରେ  $p$  ଏବଂ  $q$  ରେ ଯୋଗ କରୁଥିବା ଏହି ସିଧା ଲାଲନର ସମୀକରଣକୁ ଲେଖିବା କଷ୍ଟକର ନୁହେଁ | ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ  $p$  ଏବଂ  $q$  କୁ ଯୋଡ଼ିବା ଏହି ସିଧାସଳଖ ରେଖାର ସମୀକରଣ  $y$  ମାଲନସ୍ ଶୂନ୍ୟ ଦ୍ୱାରା  $x$  ମାଲନସ୍ ଦୁଇ ସମାନ  $\sqrt{divided}$  ାରା ବିଭକ୍ତ ହେବ ଯାହା ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ଅଟେ ଏବଂ ଏହି ସିଧା ଲାଲନର ଏହି ସମୀକରଣ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ମାଲନସ୍ ଦୁଇଟି ସମାନ ଶୂନ୍ୟ

ତେଣୁ ଏହି ସିଧା ଲାଲନଟି ହେବ |  $1$   $\sqrt{x}$  ାରା  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ମାଲନସ୍ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯେହେତୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଏହି ସର୍ବଲଗୁ ପ୍ରାଇମ୍ ଏବଂ ଡିଜାଇନ୍ ଦ୍ୱାରା ଏହି ସିଧା ଲାଲନ  $1$  ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ହେବ

ତେଣୁ ଆମେ  $o$  ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁଛୁ | ପରିବାର କିମ୍ବା ସର୍ବଲ ପରିବାରର ସେହି ସମସ୍ତ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଯାହା ଏହି ବୃତ୍ତର ଛକ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ସିଧା ରେଖା  $1$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଏହି ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ଦ୍ୱାରା  $s$  ସହିତ ସମାନ | ପ୍ରାଇମ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $k1$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଯଦି ଆମେ ବହୁମୂଲ୍ୟକୁ  $s$  ପ୍ରାଇମ୍ ପାଇଁ ବଦଳାଇଥାଉ ଏବଂ ଏଠାରେ ଆମେ  $x$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $y$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $k$  ମାଲନସ୍ ଆଠ  $x$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $k$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଚାରି  $y$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ବାର ମାଲନସ୍ ଦୁଇ  $k$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ | ଏହିପରି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଉଭୟ ଏହି ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଗତି କରିବ ଏବଂ ଜଣେ ଏହାକୁ ମଧ୍ୟ ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ସାଧାରଣ ସମୀକରଣ ଯାହା ଆମେ ସେହି ସମସ୍ତ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ ପାଇଛୁ ଯାହା  $p$  ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଗତି କରିବ ଦୁଇଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ  $q$  ଛଅ କମା ମାଲନସ୍ | ଚାରିଟି ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହା ଏକ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଅଟେ କାରଣ  $x$  ଶୂନ୍ୟର କ  $e$  ଶସି କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ନାହିଁ  $xy$  ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ  $s$  ବର୍ଗ ଏବଂ  $y$  ବର୍ଗର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ସମାନ ପରବର୍ତ୍ତୀ  $g$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ  $f$  ବର୍ଗ ମାଲନସ୍  $c$  | ହେଉଛି  $k$  ମାଲନସ୍ ଆଠଟି ପୁରା ବର୍ଗ ଚାରି ପୂର୍ଣ୍ଣ  $k$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଚାରି ଚାରି ବର୍ଗ ଚାରି ମାଲନସ୍ ବାର ମାଲନସ୍ ଦୁଇ  $k$  ଏବଂ ଯାହା ଦୁଇଟି  $k$  ବର୍ଗ ମାଲନସ୍  $8k$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $80$  ମାଲନସ୍  $48$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ଆଠ  $k$  କୁ ଚାରି ଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ ଯାହା ଦୁଇ  $k$  ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ସମାନ | ତିରିଶ ଦୁଇରୁ ଚାରିଟି ଯାହା ଶୂନ୍ୟରୁ କଠିନ ଅଟେ

ତେଣୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହା କିଛି ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ, ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ମଧ୍ୟ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ପ୍ରକୃତରେ ଏହି ବୃତ୍ତ ଉପରେ ଅଛି କି ନାହିଁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ପଏଣ୍ଟକୁ ଦୁଇଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ଉପରେ ଯାଞ୍ଚ କରିବା ପାଇଁ ବଦଳାଇବା | ବୃତ୍ତ  $x$  କୁ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ  $y$  କୁ ସମାନ ରଖିବ ଏବଂ ଦେଖିବ ଯେ ଏହି ପଲିନୋମିଆଲ୍ ସମୀକରଣ  $x$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ  $y$  ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କି ଏହା ଶୂନ୍ୟକୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରେ କି ନାହିଁ ଏହି ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ଏହି ବହୁଭୂତର ମୂଲ୍ୟ  $x$  ସହିତ ଦୁଇଟି ସହିତ ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଏବଂ  $y$  ସହିତ  $0$  ସମାନ  $4$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $0$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $k$  ମାଲନସ୍  $8$  ଥର  $2$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $12$  ମାଲନସ୍  $2k$  ଯାହା  $4$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $2k$  ମାଲନସ୍  $16$  ପୂର୍ଣ୍ଣ  $12$  ମାଲନସ୍  $2k$  ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଏହି ବାଟିଲ୍ ଏବଂ  $4$  ପୂର୍ଣ୍ଣ ବାର ଷୋହଳ ମାଲନସ୍ ଷୋହଳ ହେଉଛି ଶୂନ୍ୟ  $s$  |  $o$  ବାସ୍ତବରେ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ ଥାହା  $n$  ically ଲିକ ଭାବରେ ଏହି ବହୁଭୂତ ଶୂନ୍ୟକୁ ମୂଲ୍ୟାଙ୍କନ କରେ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି ଏହି ବୃତ୍ତ ଉପରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି କି  $k$  ର କେଉଁ ମୂଲ୍ୟ ବାଛିଥାଉ ନା କାହିଁକି ଆମେ କିଛି ପାଇଥାଉ | ସର୍ବଲ ଏବଂ ସେହି ସର୍ବଲ ଏହି ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ ଦୁଇଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ଦେଇ ଗତି କରିବ ଏବଂ ସମାନ ଜିନିଷ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ ପାଇଁ ଛଅଟି କମା ମାଲନସ୍ ଚାରି ସହିତ ପରୀକ୍ଷା କରିବୁ ତେବେ ଏହା ସହିତ ଆମେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟକୁ ସମାପ୍ତ କରିବୁ ଏବଂ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ ନେତ୍ରୁ | ଅଧିକ ଅବଶିଷ୍ଟ ମାମଲା ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ସର୍ବଲର ପରିବାର ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ପୂର୍ବ ପରୀକ୍ଷାରୁ ସର୍ବଲ ପରିବାର ଉପରେ କିଛି ଚ୍ୟାଲେଞ୍ଜିଂ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ଧନ୍ୟବାଦ |