

11 ଟି ସର୍କଲକୁ ଲେବଲ୍ କରିବାକୁ ସ୍ୱାଗତ

ତେଣୁ ଏହି ବକ୍ତୃତା ମଧ୍ୟରେ ଆମେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ପରସ୍ପରକୁ ଛକ କରିବା ପାଇଁ କଣ୍ଟ୍ରୋଲ୍ ପାଇବା ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିବୁ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ପୂର୍ବ ବକ୍ତୃତାକୁ ମନେ ପକାଇଥାଉ ତେବେ ଆମେ ସେହି ସର୍କଲକୁ ଅଧିକ କଠୋରତାର ସହିତ ଗ୍ରହଣ କରିବୁ | ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକର ଦୂରତା ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ସମଷ୍ଟିଠାରୁ କମ୍ ଏବଂ ଯଦି ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଏହି ଦୂରତା ମଧ୍ୟ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ସମଷ୍ଟି ପାର୍ଥକ୍ୟଠାରୁ ଅଧିକ ତେବେ ଏହି ଅବସ୍ଥାରେ ଆମେ କହିଥିଲୁ ଯେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ଦୁଇଟିରେ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ହେବ | ପଞ୍ଚମ ଗୁଡ଼ିକ ଯଦିଓ ଆମେ ଏହାକୁ କଠୋର ଭାବରେ ଆମକୁ ବ moving ାଇ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ମନେ ପକାଇଥାଉ ତେବେ ଯଦି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ଗୋଟିଏ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଏହି ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ | ହେଉଛି r ଗୋଟିଏ ଏବଂ କେନ୍ଦ୍ର ହେଉଛି ଏହି ପଞ୍ଚମ ଠାରେ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ସମୀକରଣ $d \leq r_1 + r_2$ ଦିଆଯାଇଥିବା ଏହି ବୃତ୍ତର ରେଡିୟସ୍ r ଦୁଇଟି ଏବଂ କେନ୍ଦ୍ର ଦୁଇଟିରେ ଅଛି ତେବେ ଆମେ ଏହି ଚିତ୍ରଣୀ ଦେଇଥିଲୁ ଯେ ଯଦି ଦୂରତା ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ $d < r_1 + r_2$ ରେଡିୟସ୍ ସମଷ୍ଟିଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ଏହା ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ପାର୍ଥକ୍ୟଠାରୁ ଅଧିକ ଅଟେ ତେବେ ଯେତେବେଳେ ଏହି ଅବସ୍ଥା ଘଟେ ତେବେ ଆମେ କହିଲୁ ଯେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ଠିକ୍ ଦୁଇଟି ପଞ୍ଚମରେ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ହେବ ଏବଂ ଆମେ ମଧ୍ୟ | ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ କହିଲୁ ଯେ ଯଦି ଏହା ହୁଏ ତେବେ ଯଦି ଏହି ଅବସ୍ଥା ଘଟେ ତେବେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ଦୁଇଟି ପଞ୍ଚମରେ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ହୁଏ ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ କହିଲୁ ଯେ ଯଦି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ସମଷ୍ଟି ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ପରସ୍ପରକୁ ବାହ୍ୟରେ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି | ଠିକ୍ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ କହିଲୁ ଯେ ଯଦି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ଏହି ଦୂରତା ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ପାର୍ଥକ୍ୟର ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ତେବେ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଭାବରେ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି ତେଣୁ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଉଦାହରଣ ମାଧ୍ୟମରେ ଏହି ଆହାକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିଥିଲୁ | ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକ ଅଙ୍କନ କରିଛନ୍ତି ଏବଂ ଏହି ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକ କିପରି ସୃଷ୍ଟି ହୋଇପାରେ ଦେଖାଇଛୁ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଏହି ବିବୃତ୍ତିକୁ ଆନୁଷ୍ଠାନିକ କିମ୍ବା କଠୋର ଭାବରେ ପ୍ରମାଣ କରିନାହିଁ

ତେଣୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ତାହା କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ

ତେଣୁ ଆସକ୍ତ କହିବା t ଗୋଟିଏ ଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ

ତେଣୁ ଆମର ଏହା ହେଉଛି ସର୍କଲ ପ୍ରଥମ ସର୍କଲର ସମୀକରଣ ଯାହା s ଦ୍ୱାରା ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା କହିବା ଯେ ଏହା ଅନ୍ୟ ସର୍କଲର ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଆଲୋଚନାରେ ଆମେ କରିବୁ | ମନେକର ଯେ ସାଧାରଣତା ହରାଇବା ବିନା ଆମେ ଅନୁମାନ କରିବୁ ଯେ ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଦ୍ୱିତୀୟ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧଠାରୁ ଅଧିକ କିମ୍ବା ଏହା $d < |r_1 - r_2|$ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ସହିତ ସମାନ ହୋଇପାରେ, ଆସକ୍ତ ଦ୍ୱିତୀୟ ବୃତ୍ତର ଏହି କେନ୍ଦ୍ରକୁ o_2 ଏବଂ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ, ଏହି ରେଖା ବିଭାଗର ଦ $length$ ଯାହା $d < |r_1 - r_2|$ ଅଛି, ଏହା ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ପଞ୍ଚମ ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ସ୍ପର୍ଶ p ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ ହେବ ଏବଂ o ଗୋଟିଏ ଏବଂ o ଦୁଇଟିକୁ ଏହି p ସହିତ ସଂଯୋଗ କରିବ | କେଉଁ ପରିସ୍ଥିତିରେ ଏହା ଘଟିବ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ପରସ୍ପରକୁ ଠିକ୍ ଗୋଟିଏ ସମୟରେ ସ୍ପର୍ଶ କରିବେ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ପୁନର୍ବାର ଆମର ପୂର୍ବ ବକ୍ତୃତାକୁ ମନେ ପକାଇବୁ ତେବେ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଏହି ବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜନାଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ସେଣ୍ଟ୍ରେ | ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତର r ହେଉଛି ab ଏବଂ ଏହା କହିବା ଯେ ଦ୍ୱିତୀୟ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରର କୋର୍ଡିନେଟ୍ସ ଗୁଡ଼ିକ c କମା d ତେବେ ଗୋଟିଏ p ର ଦ $length$ ଯାହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ r ର ଦୁଇଟି ଲମ୍ବ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ଏବଂ ଏହା କହିବା ଯେ ଏହାର ସଂଯୋଜନା | ପଞ୍ଚମ p କୁ x ଏବଂ y ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ ଏବଂ ତାପରେ ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ କହିଲୁ ଯେ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଏହି ସବୁଜ ବିନ୍ଦୁ ରେଖା x ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ଅଟେ ଏବଂ ଏହି ସବୁଜ ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଏହି କୋଣ x ଅକ୍ଷ ସହିତ ଗୋଟିଏ p

ତେଣୁ ଏହି କୋଣଟି ହେଉଛି ସମାନ ଭାବରେ ସବୁଜ ରଙ୍ଗର ବିନ୍ଦୁ ରେଖା ସହିତ o ରୁ po ଦୁଇ p ର କୋଣ, ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଏହା phi ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ ହୋଇଛି ଆମେ o ଦୁଇଟିରୁ ଏହି ସବୁଜକୁ ଏକ ପର୍ପେଣ୍ଡିକୁଲାର୍ ମଧ୍ୟ ପକାଇଥାଉ | ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁ ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହି p ଲେଖିବା | ପ୍ରଥମ ସର୍କଲ ସହିତ ପୋଲାଲ ଫର୍ମରେ o p ଏହି ବିନ୍ଦୁର p ର ସଂଯୋଜନା ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ x ଏକ ପ୍ଲସ୍ r ଗୋଟିଏ କୋସ୍ ଥାଟା ସହିତ ସମାନ ଏବଂ y b ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଗୋଟିଏ ପାପ ଥାଟା ସମାନ ଭାବରେ x ଏବଂ y ଶବ୍ଦରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇପାରେ | ଦ୍ୱିତୀୟ ସର୍କଲ ସହିତ ପୋଲାଲ ଫର୍ମର ଯେଉଁଥିରେ x ହେଉଛି c ପ୍ଲସ୍ r ଦୁଇଟି $cos\ phi$ y ହେଉଛି d $plus$ r ଦୁଇଟି $sin\ phi$ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଆହାକୁ ଏହି ଏବଂ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ସମାନ କରିପାରିବା ଏବଂ ଏହି ସମୀକରଣ ଯେଉଁଥିରେ ଆମେ ଏକ ପ୍ଲସ୍ r ପାଇପାରିବା | ଗୋଟିଏ $cos\ theta$ c $plus$ r ଦୁଇଟି $cos\ phi$ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ b $plus$ r ଗୋଟିଏ $sin\ theta$ ବର୍ତ୍ତମାନ d $plus$ r ଦୁଇଟି $sin\ phi$ ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଆମେ ଅନୁମାନ କରିଛୁ r ଗୋଟିଏ r ରୁ ସମାନ ହେବା ଠାରୁ ଆମେ ଯାହା କରିବୁ ତାହା ହେଉଛି ଏହାକୁ ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱକୁ ନେଇଯିବ

ତେଣୁ ଆମେ r ଏକ $cos\ theta$ c $minus$ a $plus$ r two $cos\ phi$ ଏବଂ r ଗୋଟିଏ $sin\ theta$ d $minus$ b $plus$ r two $sin\ phi$ ପାଇବୁ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣରେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ବର୍ଗ କରି ପାରିବା | ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଉପରକୁ ଉଠାନ୍ତୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣକୁ ବର୍ଗ କରି ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଯୋଡ଼ିବା, ଆମେ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ କୋସ୍ ବର୍ଗ ଥାଟା ପ୍ଲସ୍ ବର୍ଗ ପାଇଥାଉ | ଏହା $cos\ phi$ ଏବଂ ତା'ପରେ ଏଠାରେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଶବ୍ଦର ବର୍ଗ ହେଉଛି d ମାଇନସ୍ b ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ r ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ସାଇନ ବର୍ଗ phi ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇଟିକୁ d ମାଇନସ୍ b ରେ r ଦୁଇଟି ପାପ phi ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳ କରିବା ପାଇଁ cos ବର୍ଗ ଥାଟା ପ୍ଲସ୍ | ପାପ ବର୍ଗ ଥାଟା ଯେକ any ଶବ୍ଦ ଥାଟା ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ସମାନ ଭାବରେ କୋସ୍ ବର୍ଗ ଫି ପ୍ଲସ୍ ପାପ ବର୍ଗ ଫି ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ ଯାହାକୁ ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରୁ ତା'ପରେ ଆମେ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ପାଇଥାଉ c ମାଇନସ୍ ଏକ ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ d ମାଇନସ୍ b ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ r ଦୁଇ ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଏବଂ ଦୁଇଟି r ଦୁଇଟି c ରେ | ମାଇନସ୍ a $cos\ phi$ $plus$ d $minus$ b $sin\ phi$ ବର୍ତ୍ତମାନ c ମାଇନସ୍ ଏକ ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ d ମାଇନସ୍ b ପୁରା ବର୍ଗ

ତେଣୁ cc ମାଇନସ୍ ଏକ ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ d ମାଇନସ୍ b ପୁରା ବର୍ଗ ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଦୂରତାର ସ୍କ୍ୱାର୍ଡ ଲମ୍ବ ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ | ଯାହାକୁ ଆମେ d ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରିପାରିବା | ବର୍ଗ ଏକ o ଦୁଇ ବର୍ଗ କର ଏବଂ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଏଠାରେ ଏହି ଶବ୍ଦ ପାଇଁ ଆମେ ଦୁଇଗୁଣ କରି d କୁ ଦୁଇଗୁଣ କରିଥାଉ ଏବଂ ସେଠାରେ ପହଞ୍ଚିବା ପରେ ଆମେ ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ରଖିପାରିବା ଏବଂ ତା'ପରେ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ଶବ୍ଦରେ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ରଖିବା | ପରିଶେଷରେ ଆମେ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ପାଇଥାଉ r ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇ ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଦୁଇ r ଦୁଇ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଥର c ମାଇନସ୍ a d $cos\ phi$ ପ୍ଲସ୍ d ମାଇନସ୍ b d $cos\ phi$ o ଦୁଇଟି ପାପ phi ରେ ଦିଅ | ଆମେ ଦେଖୁ ଏହି ଦୁଇଟି ଶବ୍ଦ କ'ଣ ଆପଣ ଜାଣନ୍ତି ଏହି uh c ମାଇନସ୍ a by d one o two ଏବଂ d $minus$ b by d one o two ଯଦି ଆମେ ପୂର୍ବ ଚିତ୍ରକୁ ଫେରିବା ତେବେ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି ଯଦି ଆମେ ଏହି ତାହାଣ କୋଣ ତ୍ରିଭୁଜ ଉପରେ ଧ୍ୟାନ ଦେବୁ | o one o two m ତାପରେ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ o ଗୋଟିଏ m କିଛି ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ c ମାଇନସ୍ ao ଦୁଇ m d ମାଇନସ୍ b ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ଆସକ୍ତ ଏହି କୋଣ m $o1$ $o2$ କୁ ସୂଚୀତ କରିବା

ତେଣୁ ଏହି କୋଣଟି ଏହାକୁ ଆଲମ୍ପା ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରିବା | ଏହା ସହଜରେ ଦେଖାଯାଏ ଯେ c ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ d two o d $divided$ o d ବିଭକ୍ତ, cos ଆଲମ୍ପା ଏବଂ d ମାଇନସ୍ b d one o d ଗୋଟିଏ d two o d ବିଭାଜିତ ହେଉଛି ସାଇନ ଆଲମ୍ପା s | o ଯଦି ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରୁ ଯେ ଏହାକୁ ଆମେ କୋସ୍ ଆଲମ୍ପା ଏବଂ ଏହା ସାଇନ ଆଲମ୍ପା ହେବା ପାଇଁ ପାଇଥାଉ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଆମର ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଅଛି କିନ୍ତୁ ଏହା $cos\ a$ $cos\ b$ $plus$ $sin\ a$ $sin\ b$ ର ଫର୍ମ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା phi ମାଇନସ୍ ଆଲମ୍ପା ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ | ଏହା ମଧ୍ୟ ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଆଲମ୍ପାର ମୂଲ୍ୟ କେବଳ ଦୁଇଟି ସର୍କଲର କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକର ସଂଯୋଜନା ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କିଛି ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ ଯାହା ଆମକୁ ଦିଆଯାଏ

ତେଣୁ ଆଲମ୍ପା ଆମକୁ ଜଣାଶୁଣା

ତେଣୁ phi ଏବଂ $theta$ ର ମୂଲ୍ୟ କାରଣ ଆମେ | ଆମେ ଜାଣିବୁ ଯେ ଆମେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲର ଛକ ବିନ୍ଦୁକୁ ସଠିକ୍ ଭାବରେ ଜାଣିନାହିଁ ଏବଂ ତାହା ହେଉଛି ଆମର ପ୍ରୟାସ ହେଉଛି ଏକ ପଦ୍ଧତି ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବା ପାଇଁ ଆମର ପ୍ରୟାସ ହେଉଛି ଛକ ବିନ୍ଦୁକୁ ବର୍ଣ୍ଣିତ କରିବା ପାଇଁ ଏକ ପଦ୍ଧତି ଆଣିବା | ଛକଗୁଡ଼ିକର ଏହି ଦୁଇଟି ପୋଲାଲ ଫର୍ମ

ଦିଆଯାଇଥିଲା

ତେଣୁ ଆମେ ϕ ଖୋଜିବାରେ ସକ୍ଷମ ହେବା ଯଦି ϕ କିମ୍ବା θ ଠାରୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଏଠାରେ θ ଆକୁ ଅନୁକରଣ କରିଛୁ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା ଯଦି ଆମର ମୂଳତ a ଏକ ଗ୍ରାହକଗୋଳକୁ ଅଛି | θ ରେ ସମୀକରଣ ϕ ର r_{ms}

ତେଣୁ ଆମେ ସମାଧାନ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣ ସଠିକ ଭାବରେ ଏହି ସମୀକରଣ r ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ହେଉଛି r ଦୁଇ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ d ଗୋଟିଏ o ଦୁଇ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦୁଇଟି r^2 d^2 o^2 କୁ ϕ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ର କୋସ୍ ରେ

ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣର ସବୁକିଛି ଜଣାଶୁଣା | ଆମକୁ କାରଣ ଆମେ ସମୀକରଣ ବା ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ଜାଣୁ

ତେଣୁ ଆମେ ରେଡିଊକୁ ଜାଣୁ ଯାହା ଆମେ ଜାଣିଥିବା କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ଜାଣୁ ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଆଙ୍ଗୁଳି ଆଲଫାକୁ ଜଣା ନାହିଁ ଯାହା ϕ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ ϕ ଜାଣିବା ପରେ ଏହି ସମୀକରଣର ସମାଧାନ କରି ଜାଣିପାରିବା | ϕ ର ମୂଲ୍ୟ ଏଠାରେ ରଖି ଏବଂ ଆମେ ଏହି ବିଚ୍ଛେଦ ବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜନା

ପାଇପାରିବା

ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣରୁ

ତେଣୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସ୍ୱାଇଡ୍ ରୁ ϕ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ର ଏକ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ r ଦୁଇ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଏବଂ ଗୋଟିଏ ଉପରେ ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ | r ଦୁଇଟି ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି କରେ

ତେଣୁ ϕ ର ମୂଲ୍ୟ ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଆମକୁ ଏହି ସମୀକରଣର ସମାଧାନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯାହା ଏହିପରି ଆଲୋଚନା ଭାବରେ କରାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ ଆମେ ଭୁସମାନ୍ତର ଅକ୍ଷରେ ϕ ବନାମ ϕ ସହିତ ଭୁଲମ୍ ଅକ୍ଷରେ ϕ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ର ପୂର୍ଣ୍ଣ କରିବୁ | ϕ ର \cos ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ଏହିପରି କିଛି ଦେଖାଯାଇପାରେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହା ହେଉଛି ଆଲଫା

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ϕ ଫି ମାଲନସ୍ ଆଲଫା କୋସ୍ ର i ମାଲନସ୍ ଆଲଫା କୋସ୍ ହେଉଛି ଆଲଫା କୋସ୍ ଯାହା ϕ ଯେତେବେଳେ ମାଲ ମାଲସ୍ ଆଲଫା ର ଆଲଫା କୋସ୍ ଅଟେ | ଏହାର ସର୍ବାଧିକ ମୂଲ୍ୟ ହାସଲ କରିବ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମର ଏହିପରି କିଛି ଅଛି

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଚକ୍ର

ତେଣୁ ଏହି ମୂଲ୍ୟ ଦୁଇଟି ପାଇଁ ହେବ ଏବଂ ϕ ର ଏହି ମୂଲ୍ୟ ଯେଉଁଠାରେ ଏହା ସର୍ବନିମ୍ନ ସ୍ତରରେ ପହଞ୍ଚିବ

ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖିବା ଯେ ଯେତେବେଳେ ଆମ ପାଖରେ ଥାଏ | ϕ ଆଲଫା ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ସମାନ ତେବେ ϕ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ର କୋସ୍ ମାଲନସ୍ ଏକ ଅଟେ ଯାହା ସର୍ବନିମ୍ନ ସମ୍ଭବ୍ୟ ମୂଲ୍ୟ ଅଟେ ଯାହା ଏହା ହାସଲ କରିପାରିବ ଏବଂ ଏହା ϕ ରେ ଆଲଫା ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍ପଷ୍ଟ ହୋଇଛି ଯଦି ଏହି ମୂଲ୍ୟ ଏହି ସମୀକରଣର ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ \sin ରେ ଏକ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ ଅଛି ଯାହା ସମାନ ଠାରୁ କମ୍ ତା' ହେଲେ ଆମର ସମାଧାନ ହେବ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ମୂଲ୍ୟକୁ x ଅକ୍ଷରୁ ଏକ ଭୁସମାନ୍ତର ବିସ୍ଥାପନ ଦ୍ୱାରା ଏକ ରେଖା ଦ୍ୱାରା ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏକ ସବୁଜ ବିନ୍ଦୁ ରେଖା ବ୍ୟବହାର କରିବା |

ତେଣୁ ଯଦି ଧରନ୍ତୁ s ଭାଲ୍ୟୁ ଆମକୁ ଗୋଟିଏ କମ୍ କହିବା, ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହା ଅଧା ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଯଦି ଏହି ମୂଲ୍ୟ ଅଧା ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଅଧା ଏଠାରେ ଅଛି କାରଣ ଏହା ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ଏହା ଅଧା ଅଟେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହି ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ଅନୁରୂପ ଯାହା ଆମକୁ ଦିଆଯାଉଛି | ଅଧା କୁହ ଆମେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ରେଖା ଆଙ୍କିବା ଯାହା x ଅକ୍ଷ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ଏବଂ x ଅକ୍ଷରୁ ଅଧା d \sin ରା ବିସ୍ଥାପିତ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହି ସବୁଜ ଡବ୍ ଲାଇନ୍ କୋସ୍ ଫି ପାଇଁ ବକ୍ରତା କାଟିବାକୁ ଯାଉଛି କାରଣ ଏହି ସବୁଜ ରେଖା ହେଉଛି ଜ୍ୟାମିତିକ ଭାବରେ | ରେଖା ର ସମୀକରଣ ଏହି ଗ୍ରାଫ୍ ପାଇଁ ଏହି ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଆପଣ ଜାଣିଥିବେ ଯେ ଏହି ସବୁଜ ରେଖା $\cos \phi$ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପାଇଁ ବକ୍ରକୁ କାଟିବାକୁ ଯାଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯଦି ଏହା ଅଧା ହେବ ତେବେ ପାଞ୍ଚଟିର ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ଏହି ମୂଲ୍ୟ ହେବ ଏବଂ ଏହି ମୂଲ୍ୟ ବାସ୍ତବରେ ଏହା ସହଜରେ ଦେଖାଯାଏ ଯେ ଯେପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଏହି ମୂଲ୍ୟର ଏକ ମହତ୍ତ୍ୱମୟ ମୂଲ୍ୟ କମ୍ ଥାଏ, ଯଦି ମହତ୍ତ୍ୱମୟ ମୂଲ୍ୟ ଏକରୁ କମ୍ ଥାଏ ତେବେ ଜଣେ ସହଜରେ ଦେଖିପାରେ | ଆ t ସର୍ବଦା ϕ ର ଦୁଇଟି ସମାଧାନ ହେବ କାରଣ ଏହି ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ଗୋଟିଏ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଚକ୍ର ଏଠାରେ ଏଠାରେ ϕ ର ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ ରହିବ ଯାହା ଏହି ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରିବ ଏବଂ ଯଦି ଏହି ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ \sin ର ଏକ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ ଥାଏ ଯାହା ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ | ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆମେ ଅଧା ନେଇଗଲୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏହା ଦେଖୁଲୁ ଏବଂ ଏହା ପାଞ୍ଚଟିର ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ ଥିଲା ଯଦି ଏହା ହୁଏ ତେବେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ \sin ର ଏକ ମୂଲ୍ୟ କମ୍ ଥାଏ ସେହି ଦୃଶ୍ୟ ସହିତ ଅନୁରୂପ ହେବ ଯେଉଁଠାରେ ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତ ପରସ୍ପରକୁ ବିଚ୍ଛେଦ କରନ୍ତି | ଠିକ୍ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଯଦି ଏହି ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ଗୋଟିଏ କିମ୍ବା ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ହେବ ତେବେ ଯଦି ଏହି ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ତେବେ ସବୁଜ ବିନ୍ଦୁ ରେଖା ଏହିପରି କିଛି ଅଟେ ଯେଉଁ କ୍ଷେତ୍ରରେ | ଗୋଟିଏର ଏହି ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ଅନୁରୂପ ସବୁଜ ବିନ୍ଦୁ ରେଖା ଏହି ବକ୍ରକୁ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସ୍ଥାନରେ ଛୁଇଁ କରେ ଯାହା ϕ ସହିତ ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ଯାହା ϕ ସହିତ ସମାନ | ଆଲଫା ଏବଂ

ତେଣୁ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସ୍ଥାନରେ ପରସ୍ପରକୁ ଛୁଇଁ କରିବେ ଯାହାର କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଗୁଡ଼ିକ ସେହି କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଦିଆଯାଇଛି ϕ ସହିତ ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ଯଦି ଏହି ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଯଦି ବ୍ୟାଘ୍ରସ୍ ଏବଂ କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ଥାଏ | ଯେହେତୁ ଏହି ଡାହାଣ ହାତଟି ସମାନ ସହିତ ସମାନ, ଯେତେବେଳେ ଏହା ସମାନ ହୋଇଥାଏ ଯେତେବେଳେ ଏହି ଡାହାଣ ହାତ y ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ, ସେତେବେଳେ ମଧ୍ୟ ଯେତେବେଳେ ଏହା ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ ହୁଏ ତେବେ ସବୁଜ ବିନ୍ଦୁ ରେଖା ଏହିପରି କିଛି ଏବଂ ସେଠାରେ ମଧ୍ୟ | ϕ ର ଠିକ୍ ଗୋଟିଏ ମୂଲ୍ୟ ଯାହା ଏହି ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରେ ଯାହାର ମ \sin ଲିକ ଅର୍ଥ ହେଉଛି ϕ ସହିତ ଆଲଫା ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ସମାନ ଥିବା ଗୋଟିଏ ପଏଣ୍ଟ xy ଅଛି ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ପରସ୍ପରକୁ ଛୁଇଁ କରିବେ

ତେଣୁ ଏହି ବିଶେଷ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ | କିମ୍ବା ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ କେବଳ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁରେ ପରସ୍ପରକୁ ବିଚ୍ଛେଦ କରିବେ ଯାହା ମ \sin ଲିକ ଭାବରେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ସେମାନେ ପରସ୍ପରକୁ ଗୋଟିଏ ସମୟରେ ଛୁଇଁ କରିବେ | ଆମେ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ କିପରି ବର୍ଣ୍ଣିତ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବ ଯେଉଁଠାରେ ସର୍କଲ୍ ଗୁଡ଼ିକ ପରସ୍ପରକୁ ଛୁଇଁ କରନ୍ତି r_1 r_2 ଏବଂ ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଦୂରତା

ତେଣୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ କହିଥିଲୁ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା | r ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ r ଦୁଇ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗକୁ ଦୁଇ r d ଠାରା ଗୋଟିଏ କମା o ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ କହିବା ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା ଏହା କ'ଣ ଅନୁରୂପ ଅଟେ ଯାହା ϕ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ର କୋସ୍ ସହିତ ସମାନ | ଏହା ଘଟିବ ଯଦି ଏବଂ ଯଦି କେବଳ ଆମେ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ତେବେ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି r ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ r ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ r ଦୁଇଟି ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି r ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ | r ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ଏବଂ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ r ଗୋଟିଏ ହେଉଛି r ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇ କିମ୍ବା r ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇ ମାଲନସ୍ r ଦୁଇଟି କରିବା ସହିତ ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ମାମଲା ସମ୍ଭବ ହୁଏ କାରଣ ଆମେ ପ୍ରାରମ୍ଭରେ କହିଥିଲୁ ଯେ r ଗୋଟିଏ r ରୁ ସମାନ ଏବଂ d ଦୂରତା ଠାରୁ ବଡ଼ | ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ସର୍ବଦା ଏକ ନିକାରାମୂଳ ପରିମାଣ ଅଟେ ଏବଂ ଏହି କାରଣରୁ ଏହା ସମ୍ଭବ ହୁଏ

ଆମେ sh କରିପାରିବା | ଯେହେତୁ ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଦୂରତା ଆମ କ୍ଷେତ୍ରରେ r ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ r ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ, ଆମେ r କୁ r ଦୁଇଟିରୁ ଅଧିକ ନେଇଛୁ

ତେଣୁ ଏହା ବାସ୍ତବରେ ବ୍ୟାପ୍ତସର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ ସହିତ ସମାନ କିନ୍ତୁ ଯଦି ଏହା ସମାନ ଅଟେ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ସମାଧାନ ହେଉଛି phi ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ଏବଂ phi ସମାନ ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଚିତ୍ରକୁ ଫେରିଯିବା ଯେତେବେଳେ phi ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଏହା ବିଚା ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ତେଣୁ pi ସହିତ ସମାନ ବେତା ଅର୍ଥାତ୍ ଏହି ସର୍କଲ ଭିତରକୁ ଗତି କରୁଛି | ଯାହା ଦ୍ୱାରା ଏହା ଏହିପରି ଗତି କରୁଛି

ତେଣୁ ଆପଣ ଦେଖାଇ ପାରିବେ ଯେ ଉଦାହରଣ ମାଧ୍ୟମରେ ଗୋଟିଏ ଦୃଶ୍ୟ ହେଉଛି ଯେତେବେଳେ ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକ ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକରେ ଆହାକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଏ ଯାହା ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏହି କୋଣ ବର୍ତ୍ତମାନ ବେତା ଅଟେ ଯଦି ଏହି କ୍ଷେତ୍ର ସର୍କଲ୍ | ଭିତରକୁ ଆଗକୁ ବା then ଂବା ପରେ ଏହିପରି ଏକ ଦୃଶ୍ୟ ରହିବ

ତେଣୁ ଏହା କେନ୍ଦ୍ର ହେବ ଏହା କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକରେ ଯୋଗଦେବା ରେଖା ହେବ ଏବଂ ତା' ପରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଆଙ୍ଗୁଳି ବିଚା ବୁଦ୍ଧି ପାଇବ
ତେଣୁ ଏହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆଙ୍ଗୁଳି ବିଚା ହେବ | r ଏହା ଚାତ୍ର ଥିଲା ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ବାଧାବିପ୍ଳରେ ପରିଣତ ହୋଇଛି କାରଣ ଏହି ବୃତ୍ତ ଭିତରକୁ ଚାଲିଆସିଛି ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଏହା ଘଟେ ଯେ ବୃତ୍ତୀୟ ବୃତ୍ତଟି ଏତେ ପରିମାଣରେ ଗତି କରେ ଯେ ଏହା କେବଳ ଗୋଟିଏ ସ୍ଥାନରେ ବଡ଼ ବୃତ୍ତକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ ଯାହା ଘଟିବ | ଯେହେତୁ ଏହା ହେଉଛି ପଏଣ୍ଟ p

ତେଣୁ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯାହା ଘଟିବ ତାହା ହେଉଛି ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ଏଠାକୁ ଆସିବ ଏବଂ ଏହା ଘଟିବ ଯେ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ଏବଂ p ସମାନ ସିଧା ଲାଇନରେ ରହିବ କାରଣ ଯେତେବେଳେ ବିଚା ଏହି ଚିତ୍ରରୁ ହେବ | ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି p ଏକ ସିଧା ଧାଡ଼ିରେ ଖସିଯିବ କିନ୍ତୁ ତାପରେ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ କେନ୍ଦ୍ର ଠାରୁ ପାର୍ଥକ୍ୟ ହେଉଛି ଯେ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଚିତ୍ରରୁ o 1 o 2 p ଏକ ସିଧା ଲାଇନରେ ଖସିଗଲା ଯାହା ଗୋଟିଏ po 2 ଥିଲା

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମର ମାଇନସ୍ 1 ଥିଲା | କେନ୍ଦ୍ର ଯଦି ଆମେ ଦେଖିବା ଚିତ୍ରରୁ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି p ଏହି ସିଧା ଲାଇନରେ ଖସିଗଲା o ଗୋଟିଏ po ଦୁଇଟି ସହିତ p ସହିତ ଗୋଟିଏ ଏବଂ o ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ p କାରଣ ଗୋଟିଏ ଏବଂ o ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ ଥିଲା ସେଥିପାଇଁ ଆମେ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ନେଇଥିଲୁ ଏବଂ p ଗୋଟିଏ ଏବଂ o ମଧ୍ୟରେ ଥିଲା | ଦୁଇଟି ଏବଂ p ହେଉଛି con ର ବିନ୍ଦୁ | ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ସ୍ପର୍ଶ କରୁଥିବା ବିନ୍ଦୁର କ act ଶିଳ ଯାହା ଦ୍ୱାରା ଆମେ ଏହିପରି ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ନେଇଛୁ ଯେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ବାହ୍ୟରେ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରିବା ଆବଶ୍ୟକ କିନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ପୂର୍ଣ୍ଣ ଗୋଟିଏ ମାମଲା ପାଇଁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଚିତ୍ରରୁ ଏକ ସିଧା ଲାଇନରେ ଖସିପଡ଼ିଛି ଯାହା ହେଉଛି ଗୋଟିଏ | p ଏତେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହା ହୋଇପାରେ ଯଦି ସର୍କଲ୍ ସର୍କଲ୍ ଭିତରରୁ ବଡ଼କୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ କାରଣ ଯୋଗାଯୋଗ ବିନ୍ଦୁ କିମ୍ବା ପଏଣ୍ଟ ଯେଉଁଠାରେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ସ୍ପର୍ଶ ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ନଥାଏ ତାହା ସମାନ ସିଧା ଲାଇନରେ ଥାଏ କିନ୍ତୁ ଯେତେବେଳେ ଆଗକୁ ବା extended ାଯାଏ | ଆମେ ଏହି ସିଧା ଲାଇନକୁ କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗଦେବା ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ଆଗକୁ ଉତ୍ପାଦନ କରିବା ତେବେ ଏହା ପ୍ରକୃତରେ p କୁ ଭେଟିଥାଏ

ତେଣୁ p ରେଖା ସେଗମେଣ୍ଟ ବାହାରେ ଏକ o ଦୁଇଟି ଯଦି ଏହା ସମାନ ଧାଡ଼ିରେ ରହିଥାଏ କିନ୍ତୁ ଏହା ଲାଇନ୍ ସେଗମେଣ୍ଟର ଏକ ଅଂଶ ନୁହେଁ | ଏହା ଆମକୁ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଦେବାରେ ସାହାଯ୍ୟ କରେ ଯେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଭାବରେ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରିବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଏହାର ସର୍ତ୍ତ ଏବଂ ବିପରୀତରେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଦେଖାଇବା ଅତି ସହଜ ଅଟେ ଯଦି ଆମେ ଭୁଲିଯିବା ତେବେ ଆମେ ଜାଣୁ ଯଦି ଆମେ ଦେଖୁ କି ନାହିଁ | ଏହି ସମୀକରଣ ବ୍ୟତୀତ ତୁମେ ଜାଣିଛ ଯେ ଆମେ ଏହାକୁ ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ କରି ରଖୁଥିଲୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ମାମଲାରେ ସମାନ କରିବା ପାଇଁ ବଦଳାଇଥିଲୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଚାହୁଁଥିଲୁ କାରଣ ଆମେ ଦୁଇଟି ପରିସ୍ଥିତିରେ ଆଗ୍ରହ ପ୍ରକାଶ କରୁଥିଲୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆମର କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି | phi ର କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ପରସ୍ପରକୁ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସ୍ଥାନରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରନ୍ତି କାରଣ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସ୍ଥାନକୁ କୁ ଫେରିବା ତେବେ ଯଦି phi ର ଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ ଥାଏ ତେବେ phi ର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ ଏକ ଭିନ୍ନ ପଏଣ୍ଟ p ସହିତ ଅନୁରୂପ ହେବ କାରଣ ଯଦି ଆମେ phi କୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରିବା ତେବେ x ଏବଂ y ସଂଯୋଜନାଗୁଡ଼ିକ ବଦଳିବ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଏକ ଛକ ବିନ୍ଦୁ ପାଇଥାଉ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଦେଖୁ କିଛି ସ୍ୱ scen ତନ୍ତ୍ର ଦୃଶ୍ୟରେ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ଏହା ଦେଖୁ ଯେଉଁଠାରେ ସ୍ପର୍ଶ ଦୃଶ୍ୟରେ ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱିକ ଗୋଟିଏ କିମ୍ବା ଗୋଟିଏ ଅଟେ | ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ କ୍ଷେତ୍ରରେ phi ର କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ଅଛି କିମ୍ବା ପାଞ୍ଚର ଗୋଟିଏ ମୂଲ୍ୟ ଆମେ ସମୀକରଣକୁ ସମାଧାନ କରୁ ସେଠାରେ ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ନାହିଁ ଠିକ୍ ଗୋଟିଏ ମୂଲ୍ୟ ଅଛି ଏବଂ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ପାଞ୍ଚର ଗୋଟିଏ ମୂଲ୍ୟ ହେବ | ଠିକ୍ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁକୁ ଜବାବ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେଉଁଠାରେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ମିଳିତ ହେବ ଯାହାର ମ means ଲିକ ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସେହି ସମୟରେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରିବେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଏହି ମାମଲା ପାଇଁ ଜାଣିପାରିବା ଯଦି ଆମେ ଏହି ଅବସ୍ଥା ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିବା ତେବେ ଏହି ଅବସ୍ଥା ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିବା ଏବଂ ଯଦି ତୁମେ ଏହି ମୂଲ୍ୟକୁ ଏଠାରେ ରଖ, ତେବେ ଆମେ ଯାହା ଦେଖିବା ତାହା ଦେଖିବା ଯେ ଏହି ତାହାଣ ହାତଟି ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହାର ମୂଲ ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯଦି ଏହି ଅବସ୍ଥା ସତ ତେବେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଭାବରେ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ

ତେଣୁ ଆମେ କଣ | ମୁଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖାଇଥିବା ଶୋ ହେଉଛି ଯେ ଯଦି d ଦୂରତା ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଭାବରେ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି ଏବଂ ଏହା ପୂର୍ବରୁ ଆମେ ଦେଖାଇଥିଲୁ ଯେ ଯଦି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ଭାବରେ ସ୍ପର୍ଶ କରେ ଯଦି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ ତେବେ ଏହା ନିଶ୍ଚିତ ହେବା ଉଚିତ ଯେ ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି କରିବା ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ସେହି ପରି କିଛି ଯାହା ଆମେ ବାହ୍ୟରେ ସ୍ପର୍ଶ କରିଥାଉ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ପୂର୍ବରେ ଦେଖୁଥିଲୁ | ବକ୍ତୃତା ଯେ ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତ ପରସ୍ପରକୁ ଗୋଟିଏ କିମ୍ବା ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରିବାକୁ ଯାଉଛନ୍ତି

ତେଣୁ ସେମାନେ ଠିକ୍ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରିବେ ଯଦି ଏହି ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ity ର ଆକାର ଏକରୁ କମ୍ ଅଟେ ଏବଂ ଆମେ ଆମର ପୂର୍ବ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ବିଶ୍ଳେଷଣ କରିଥିଲୁ |

ତେଣୁ ଯଦି ଏହାର ପରିମାଣ ଏକରୁ କମ୍ ତେବେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ଠିକ୍ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଏ ଏବଂ ଯଦି ଏହି ମୂଲ୍ୟର ଗୋଟିଏ ମତ୍ତ୍ୟୁଲ୍ୟ ସମାନ ତେବେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି ଏବଂ ଅବଶ୍ୟ ଯଦି ଏହି ମୂଲ୍ୟ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ ଗୋଟିଏରୁ ଅଧିକ ତେବେ ସେଠାରେ ନାହିଁ | phi ର ସମାଧାନ ଯଦି ଏହି ମୂଲ୍ୟ ଗୋଟିଏରୁ ଅଧିକ ହୁଏ ଯଦି ଏହାର ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ମୂଲ୍ୟ ଗୋଟିଏରୁ ଅଧିକ ତେବେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ପାଞ୍ଚଟିର କ solution ଶସି ସମାଧାନ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ କାରଣ କୋସାଇନ୍ ଫଙ୍କସନ୍ ର ପରିସର ପୂର୍ଣ୍ଣ ଖିନ ଏବଂ ମାଇନସ୍ ମଧ୍ୟରେ ଅଛି ଯାହାର ମ means ଲିକ ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସେହି ଦିନଠାରୁ | phi ର କ solution ଶସି ସମାଧାନ ନାହିଁ ଏହାର ମ means ଲିକ ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି ନାହିଁ କିମ୍ବା ପରସ୍ପରକୁ ବିଚ୍ଛେଦ କରନ୍ତି ନାହିଁ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଏ ନାହିଁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଟିକିଏ b ଏହି ମାମଲା ପାଇଁ ଏହା ବାଜ ବର୍ଣ୍ଣର ଆମେ ଦେଖାଇଥିଲୁ ଯେ ଆପଣଙ୍କ ସହିତ ଅନୁରୂପ ଦୁଇଟି ମାମଲା ଅଛି ଯାହା ସେମାନେ ଜାଣନ୍ତି ଯେ ସେମାନେ ବାହ୍ୟ କିମ୍ବା ଆଭ୍ୟନ୍ତରୀଣ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହି ଆହା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାମଲା ବିଶ୍ଳେଷଣ କରିବା କଷ୍ଟକର ନୁହେଁ ଏବଂ ମୁଁ ଭାବୁଛି ପୂର୍ବ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଆମେ କହିଥିଲୁ | ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି r ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ r ଠାରୁ କମ୍ ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ଏହା ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଥକ୍ୟଠାରୁ ବଡ଼ ଅଟେ ତେବେ ଏହି ଆହା ଏହି ପ୍ରଥମ କେନ୍ଦ୍ର ଏହି ଅବସ୍ଥା ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରିଥିଲୁ ତାହା ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ଟିକିଏ ଉଦାହରଣ ନେଇଥାଉ | ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଆମେ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କ'ଣ କରିଛୁ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମର ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ଅଛି

ତେଣୁ ଏହାକୁ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଅକ୍ସ x ଏବଂ y ହେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ
ତେଣୁ ଆମର ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତ ଅଛି ଯାହାର କେନ୍ଦ୍ର ମୂଳରୁ ଏବଂ ଯାହାର ବ୍ୟାସ୍ତ୍ୟ ଆମକୁ ତିନୋଟି ମୁନିଟ୍ କହିବା | ବୃତ୍ତଟି ଏହିପରି କିଛି
ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ସର୍କଲ୍ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଆମର ଥାଉ ଏକ ସର୍କଲ୍ ଅଛି ଯାହାର କେନ୍ଦ୍ର ଏହି ଅବସ୍ଥାରେ ଅଛି ଯାହା ପାଞ୍ଚଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଯାହାର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ମଧ୍ୟ ଆମକୁ ତିନୋଟି ମୁନିଟ୍ କହିବା

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି th ଇ ଅନ୍ୟ ସର୍କଲ୍ ଉଭୟର ସମାନ ରେଡ଼ିଓ ଅଛି କିନ୍ତୁ କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକ ବିଭିନ୍ନ କେନ୍ଦ୍ରରେ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଅଛି
ତେଣୁ ସେମାନେ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ p ଏବଂ q ରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଅନ୍ତି ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଏହା ଲେଖିବା ତେବେ ଏହି ଦୁଇଟି ଚିତ୍ରରୁ ପାଇଁ ଏହା ହେଉଛି 1 | o 2 ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି p

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଚିତ୍ରରୁ o ଏକ o ଦୁଇଟି p ଯାହାକୁ ଆମେ r ଗୋଟିଏ ପାଇଥାଉ ତିନୋଟି r ଦୁଇଟି ହେଉଛି ତିନି ଏବଂ d ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ପାଞ୍ଚ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଚିତ୍ରରୁ o ଏକ o ଦୁଇଟି p ଯାହାକୁ ଆମେ r ଗୋଟିଏ ପାଇଥାଉ ତିନୋଟି r ଦୁଇଟି ହେଉଛି ତିନି ଏବଂ d ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ପାଞ୍ଚ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଚିତ୍ରରୁ o ଏକ o ଦୁଇଟି p ଯାହାକୁ ଆମେ r ଗୋଟିଏ ପାଇଥାଉ ତିନୋଟି r ଦୁଇଟି ହେଉଛି ତିନି ଏବଂ d ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ପାଞ୍ଚ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଚିତ୍ରରୁ o ଏକ o ଦୁଇଟି p ଯାହାକୁ ଆମେ r ଗୋଟିଏ ପାଇଥାଉ ତିନୋଟି r ଦୁଇଟି ହେଉଛି ତିନି ଏବଂ d ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ପାଞ୍ଚ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଚିତ୍ରରୁ o ଏକ o ଦୁଇଟି p ଯାହାକୁ ଆମେ r ଗୋଟିଏ ପାଇଥାଉ ତିନୋଟି r ଦୁଇଟି ହେଉଛି ତିନି ଏବଂ d ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ପାଞ୍ଚ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି ଯଦି ଆମେ ଅନୁସରଣ କରିବା | ସମାନ ବିଶ୍ଳେଷଣ ଯାହା ଆମେ ସାଧାରଣ ମାମଲା ପାଇଁ କରିଥାଉ ତା' ହେଲେ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି ϕ ମାତ୍ରରେ ଆଲଫା ର କୋସ୍ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଆହା ଏଠାରେ ଆମର ଆଲଫା ହେଉଛି ଯେ ଆଲଫା କୋସ୍

ତେଣୁ ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି ଆମେ ପୂର୍ବରୁ କେନ୍ଦ୍ରର ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରିଥିଲୁ | ବିତୀୟ ବୃତ୍ତର କମା b କେନ୍ଦ୍ର ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତ, ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତର c କମା d ରେଡିଓସ୍ r ଠାରୁ r ଦ୍ୱିତୀୟ ବୃତ୍ତର ରେଡିଓସ୍ r ଠାରୁ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି କରି ଯାହା ମଧ୍ୟରେ ପାଞ୍ଚଟି | କୋସ୍ ରେଡିଓସ୍ ଉଭୟ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ab ହେଉଛି $origi$ | ncd ହେଉଛି ପାଞ୍ଚଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ଆହା କୋସ୍ ଆଲଫା c ମାତ୍ରରେ d ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି ଯାହା ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଉଦାହରଣ ପାଇଁ c ମାତ୍ରରେ a ପାଞ୍ଚ ହେବ

ତେଣୁ ପାଞ୍ଚ ଉପରେ ପାଞ୍ଚଟି ଗୋଟିଏ ହେବ

ତେଣୁ କୋସ୍ ଆଲଫା ଏକ n ସାଧନ ଆଲଫା ସ୍ୱଳ୍ପ ଅଟେ | ଶୂନ୍ୟ କାରଣ ପାପ ଆଲଫା $d d o o d$ ଉପରେ d ମାତ୍ରରେ b ଥିଲା

ତେଣୁ ଏହି ଉଦାହରଣ ପାଇଁ ଆମର ଯାହା ଅଛି ଏବଂ ϕ ମାତ୍ରରେ ଆଲଫା ର \cos ଥିଲା ଆହା ଆମର ସମୀକରଣ ଥିଲା ଯେ ଏହା r ଏକ ବର୍ଗ ମାତ୍ରରେ r ଦୁଇ ବର୍ଗ ସ୍ୱଳ୍ପ d ଉପରେ ସମାନ | o ଦୁଇ ବର୍ଗ ଦ୍ୱିତୀୟ ଦୁଇ r ଦୁଇ d ଗୋଟିଏ o ଦୁଇଟି

ତେଣୁ ଏହା ଆହା ତିନି ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହା ନଅ ମାତ୍ରରେ ତିନି ବର୍ଗ ଏବଂ ପାଞ୍ଚ ବର୍ଗ ଦ୍ୱିତୀୟ ପାଞ୍ଚ ମଧ୍ୟରେ ସମାନ ହେବ ଯାହା ମାତ୍ରରେ 5 ରୁ 6 ସହିତ ସମାନ ହେବ | ତେବେ ଆମେ ଯାହା କରିପାରିବା ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଆମର ଗ୍ରାଫକୁ ଫେରିପାରିବା

ତେଣୁ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଏଠାରୁ ମଧ୍ୟ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଯେହେତୁ କୋସ୍ ଆଲଫା ଗୋଟିଏ ଏବଂ ପାପ ଆଲଫା 0 ଏହା ଅନୁସରଣ କରେ ଯେ ଆଲଫା 0 ଡିଗ୍ରୀ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ $\cos \phi$ ମାତ୍ରରେ ଆଲଫା | ନିଜେ $\cos \phi$ ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ଏହି ସମାଧାନ ଖୋଜିବା କିମ୍ବା ମିକାଲିକ ଭାବରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଚାହୁଁ | ଏହି ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜନା ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଯାହା କରାଯାଇପାରିବ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଆମକୁ x ଅକ୍ଷର ମାତ୍ରରେ 5 ରୁ 6 ବିସ୍ଥାପନ ସହିତ ଏକ ସବୁଜ ଭୂସମାନ୍ତର ରେଖା ଆଙ୍କିବାକୁ ପଡିବ କିନ୍ତୁ ଏହା ସହିତ ସମାନ୍ତର ଭାବରେ ଯାହା କିଛି ହେବ | ଏହା ଦ୍ୱିତୀୟ ନିକାରାମୂଳ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଏହା ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଏହି ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅଟି ଏହି ଭୂସମାନ୍ତର ଆହା ଲାଭନ୍ ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚ ବା x ଅକ୍ଷର ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ବିସ୍ଥାପନ ସହିତ ଏବଂ x ଅକ୍ଷ କମା କିମ୍ବା ସମାନ୍ତର ଭାବରେ ସମାନ୍ତରାଳ | ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ $\cos \phi$ ମାତ୍ରରେ ଆଲଫା ପାଇଁ ବକ୍ରତା ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ସମାଧାନ

ତେଣୁ ϕ ର ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ଯାହା ଆମକୁ ϕ ର କୋସ୍ ଫି ମାତ୍ରରେ ଆଲଫା ର ମାତ୍ରରେ କୋସ୍ ସହିତ ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ସହିତ ସମାନ ହେବ ତେଣୁ

ତେଣୁ ଏହି ପରିପ୍ରେକ୍ଷାରେ ଆମ ପାଖରେ ଯାହା ଅଛି, ଫି ମାତ୍ରରେ ଆଲଫା ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ରହିବ

ତେଣୁ ଏହା ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ଅଟେ ଏବଂ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆଲଫା ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମକୁ ଏହାର ସମାଧାନ ଖୋଜିବାକୁ ପଡିବ | ϕ ସମୀକରଣ ମଧ୍ୟ ϕ ମୂଳ ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଗୋଟିଏ ମୂଲ୍ୟ ϕ ବା ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ଓଲଟା କୋସ୍ ଓଲଟା ସହିତ ଦିଆଯିବ ଏବଂ 5 ର ଏହି ମୂଲ୍ୟ 0 ରୁ π ବ୍ୟବଧାନରେ ରହିବ

ତେଣୁ ଏହି ପ୍ରଥମ ଫି କୋଣଟି ମୁଖ୍ୟତଃ $this$ ଏହା ଅଟେ | କୋଣ

ତେଣୁ ଏହା ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅଟି କୋସ୍ ଓଲଟା ସହିତ ସମାନ, ଯାହା 0 ରୁ 180 ଡିଗ୍ରୀ ମଧ୍ୟରେ ଏବଂ ϕ ର ଅନ୍ୟ ମୂଲ୍ୟ 2 ପାଇଁ ମାତ୍ରରେ ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଏହା ϕ ଗୋଟିଏ ହେବ ଏହା ϕ ଦୁଇଟି ହେବ | କାରଣ ଆମେ ଦେଖୁଛୁ ଦୁଇଟି ସମାଧାନ ହେବ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ϕ ଦ୍ୱିତୀୟ ବୃତ୍ତର କୋସ୍ ଏବଂ ଏହାକୁ ϕ ଦ୍ୱିତୀୟ ବୃତ୍ତର କୋସ୍

ତେଣୁ ϕ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ଓଲଟା \cos ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ϕ ଦୁଇଟି ଦୁଇଟି ମାତ୍ରରେ କୋସ୍ ଓଲଟା ସହିତ ସମାନ ହେବ | ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ଏବଂ ଏହି କୋଣ 2 ପାଇଁ ମାତ୍ରରେ କୋସ୍ ଓଲଟା 5 ରୁ 2 ପାଇଁ ମାତ୍ରରେ କୋସ୍ ଓଲଟା ମାତ୍ରରେ 5 ରୁ 6 କିଛି ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଚିତ୍ର ସହିତ ଅନ୍ୟ ϕ 2 ଏହି ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ଅନୁରୂପ ଅଟେ ଏବଂ ମୁଁ ଏହା ସହିତ ସୂଚିତ କରିବି | ଯାହା ମି bas ଲିକ ଭାବରେ ଏହି କୋଣ ସହିତ ଅନୁରୂପ ହେବ fr ଓମ୍

ତେଣୁ ଏହି ଧାଡ଼ିରୁ ଆରମ୍ଭ କରି ସମସ୍ତେ ଏହିଠାରୁ ଆରମ୍ଭ କରି ଏହି ରେଖା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ

ତେଣୁ ସବୁଜ ରଙ୍ଗର ଏହି କୋଣଟି ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ଓଲଟା ଦୁଇଟି ପାଇଁ ମାତ୍ରରେ କୋସ୍ ଛତା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ଆପଣ ଯେପରି ଦେଖିପାରିବେ ଏହି ϕ ଦୁଇଟି ବର୍ତ୍ତମାନ ଅନୁରୂପ ହେବ ଯଦି ଆମେ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ମି ϕ ଲିକ ଭାବରେ କେବଳ ϕ one ଏବଂ ϕ ଦୁଇଟି ର ଏହି ଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରି ଏବଂ ପଏଣ୍ଟ ପଏଣ୍ଟର ପୋଲାର ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ ବ୍ୟବହାର କରି ଯେଉଁଠାରେ 2 ଟି ସର୍କଲ୍ ସ୍ପର୍ଶ କରେ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ $x c$ ସ୍ୱଳ୍ପ r ଦୁଇଟି $\cos \phi$ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ϕ କହିବା | ଗୋଟିଏ ଏବଂ y ହେଉଛି d plus r ଦୁଇଟି ସାଧନ ϕ ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ϕ କୁ ϕ ସହିତ ସମାନ ଭାବରେ ପୋଲାର ଫର୍ମରେ ରଖିବା, ତେବେ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ ପାଇବା, ଆସନ୍ତୁ ସେଗୁଡ଼ିକୁ x ଗୋଟିଏ y ବା ମାତ୍ରରେ ସୂଚିତ କରିବା

ତେଣୁ ଏହା ϕ ସହିତ ϕ ସହିତ ସମାନ ହେବ | 1 ଏହି ବିନ୍ଦୁ p ସହିତ ଅନୁରୂପ ହେବ କାରଣ ଏହି କୋଣଟି ϕ 1 ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ϕ 1 ଏବଂ ସବୁଜ ରଙ୍ଗରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ଏହି ଅନ୍ୟ କୋଣଟି ହେଉଛି ϕ 2

ତେଣୁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ର ସଂଯୋଜନାଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି x 1 କମା y 1 ଯାହା ହେବ | ଏହି ସମୀକରଣ ବା ମିଆଯାଉ ଏବଂ ଏହା ଗଣନା କରିବା କଷ୍ଟକର ନୁହେଁ | କାରଣ ଆମେ ଏଠାରେ ଏହି ସମସ୍ତ ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ଜାଣିଛେ, ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ϕ କୁ ଜାଣିଛେ, ଆମେ ଜାଣୁ r ଦୁଇଟି ସମାନ ତିନିଟି ସହିତ ସମାନ | ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ c ସମାନ ଅଟେ | $\sin \phi$ କୁ ଗଣନା କରିପାରିବ

ତେଣୁ ଆମେ ମି $point$ ଲିକ ଭାବରେ ଏହି ବିନ୍ଦୁର କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଗୁଡ଼ିକୁ ଗଣନା କରିବା ପାଇଁ ସମାନ ଭାବରେ ଏହି ପଏଣ୍ଟ ର କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଗୁଡ଼ିକୁ ଗଣନା କରିପାରିବା ଯାହା ଆମକୁ ଆହାକୁ x ଦୁଇ y ଦ୍ୱିତୀୟ ସୂଚୀତ କରେ

ତେଣୁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଗୁଡ଼ିକ qx ଦୁଇଟି କମା y ଦୁଇଟିକୁ ଗଣନା କରାଯାଇପାରେ | ସମାନ $manner$ ଙ୍ଗରେ ସମାନ ଗଣନା କରାଯାଇପାରେ କିନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି ଯେ ϕ 1 ବଦଳରେ ଆମର ϕ 2 ରହିବ ଯେଉଁଠାରେ ϕ 2 ହେଉଛି 2π ମାତ୍ରରେ କୋସ୍ ମାତ୍ରରେ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ଓଲଟା,

ତେଣୁ ସିଓକ୍ ହେବା ପାଇଁ x ଦୁଇଟି c ସ୍ୱଳ୍ପ ସହିତ ସମାନ ହେବ | ଦୁଇଟି $\cos \phi$ ଦୁଇଟି ଏବଂ y ଦୁଇଟି ସମାନ ହେବ d plus r ଦୁଇଟି $\sin \phi$ ଦୁଇଟି ϕ ଦୁଇଟି ହେଉଛି ଏହି କୋଣ

ତେଣୁ ଏହା କେବଳ ଦୁଇଟି ଥିଲା କେବଳ ଏହି ସରଳ ବକ୍ରବ୍ୟରେ ଆମେ ଏହି ବକ୍ରବ୍ୟରେ ବିକଶିତ କି $ques$ ଶିଳକୁ ଆମେ ବିକଶିତ କି $techni$ ଶିଳ ସହିତ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା | ପ୍ରଥମେ e କୁ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଉଥିଲା | ପରିସ୍ଥିତିକୁ କଠୋର ଭାବରେ ପ୍ରମାଣ କରନ୍ତୁ ଯେଉଁଠାରେ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ୍ ପରସ୍ପରକୁ ଏକ ସମୟରେ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତୁ ଏବଂ ଏକ ଉପାଦାନ ଭାବରେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଦେଖୁ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ଛକ ବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜନା ଖୋଜିବା ପାଇଁ ସମାନ କି $techni$ ଶିଳ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ଯଦିଓ ଏହି ଉଦାହରଣରେ ଆମେ ଆଲଫା ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଥିଲା କିନ୍ତୁ ସାଧାରଣତଃ $a1$ ଆଲଫା ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏହା ମଧ୍ୟ କଷ୍ଟସାଧ୍ୟ ନୁହେଁ କାରଣ ଆମେ ଏହା ବଦଳରେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଏହି ଫି ବଦଳରେ ଏଠାରେ 5 ମାତ୍ରରେ

ଆଲଫା ଥାଆନ୍ତା | phi 1 ମାଲନ୍ସ ଆଲଫା ଅଛି ଏବଂ ଏଠାରେ ଆମର phi 2 ମାଲନ୍ସ ଆଲଫା ଥାଆନ୍ତା ଯଦି ଆଲଫା 0 ହୋଇନଥାନ୍ତା ତେବେ ସମାଧାନଟି phi 1 ସହିତ ଆଲଫା ପୂର୍ଣ୍ଣ କୋସ୍ ଓଲଟା ମାଲନ୍ସ 5 ରୁ 6 ଏବଂ phi 2 ଆଲଫା ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ସହିତ ସମାନ ହୋଇଥାନ୍ତା | ପାଇ ମାଲନ୍ସ କୋସ୍ ମାଲନ୍ସ ପାଞ୍ଚରୁ ଛଅ ଓଲଟା
ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତୃତା ଆହାରେ ଆମେ ଏକ ନୂତନ ବିଷୟ ଆରମ୍ଭ କରିବୁ ଯାହା ପରିବାରର ସର୍ବଲ୍ ଅଟେ ଯାହା ସିଧା ସଳଖ ପରିବାରର ବିଷୟ ଉପରେ ଆଲୋଚନା ହୋଇଥାନ୍ତା | ତୁମକୁ ଧନ୍ୟବାଦ

Prutor@iitk