

ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟରେ ସର୍ବଲଗୁଣିକ ଉପରେ ସ୍ପଷ୍ଟ ବକ୍ତୃତାକୁ ସ୍ୱାଗତ, ଆମେ ଦୁଇଟି ସର୍ବଲରେ ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକର ଉପୁଜି ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବୁ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଆରମ୍ଭ କରିବା ପୂର୍ବରୁ ଆସନ୍ତୁ ସେହି ବିଷୟଗୁଣିକ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏକୁ ଶେଷ କରିବା ଯାହାକୁ ଆମେ ଶେଷ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଆବୃତ୍ତି କରିପାରିବୁ ନାହିଁ | କିଛିର ପରିଭାଷା ବିଷୟରେ ଯାହାକି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସର୍ବଲକୁ ନିର୍ଦ୍ଦେଶକଙ୍କ ସର୍ବଲ ଭାବରେ ଜଣାଶୁଣା

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଆମର o ରେ କିଛି କେନ୍ଦ୍ର ସହିତ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଛି ଏବଂ କିଛି ରେଡିଓରେ ଏକ ବୃତ୍ତ ଦିଆଯାଇଛି

ତେଣୁ ଏହି ବୃତ୍ତ ଆମକୁ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆସନ୍ତୁ ଚିତ୍ରା କରିବା | ଏହି ସମସ୍ତ ପଦ୍ମଗୁଣିକର ଅବସ୍ଥାନ ଯାହା ଏହି ବୃତ୍ତର ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକରେ ରହିଥାଏ ଯାହା 90° ଡିଗ୍ରୀ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ କରିଥାଏ

ତେଣୁ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସମୟରେ ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ କହିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମକୁ ଏହି ବୃତ୍ତର ଅନ୍ୟ ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ବିଚାର କରିବାକୁ ପଡିବ ଯାହା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତକୁଲାର ହେବାକୁ ଯାଉଛି | ଏହି ପ୍ରଥମ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ବୋଧହୁଏ ଏଠାରେ ଆମର ଅନ୍ୟ ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ଅଛି

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ସ୍ୱାଭାବିକ ପାଇଁ ଏକ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତକୁଲାର ଟାଇଲ ଲାଇନ୍ କରିବୁ

ତେଣୁ ଏହା ଅନ୍ୟ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ କହିବା | t ଏହି ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ 90° ଡିଗ୍ରୀରେ ମିଳିତ ହୁଏ ତାପରେ ଆମେ ଏହି ଛକଗୁଣିକର ଅବସ୍ଥାନ ପାଇଁ ଆଗ୍ରହୀ ଅଟୁ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ସମାନ ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ବିନ୍ଦୁ କିନ୍ତୁ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ 90° ଡିଗ୍ରୀରେ ବ meeting ଠକ ହେବା ଉଚିତ | ଅନ୍ୟମାନେ ଏହାକୁ ପଦ୍ମ p ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହିପରି ସମସ୍ତ ପଦ୍ମଗୁଣିକର ଲୋକସ୍ ଏବଂ ଆମେ ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଏହିପରି ସମସ୍ତ ପଦ୍ମଗୁଣିକର ଲୋକାଳ ଏକ ବୃତ୍ତ ଗଠନ କରିବାକୁ ଯାଉଛି କାରଣ ଯଦି ଆମର ଏହି ପଦ୍ମ p ଭଳି ଏଠାରେ ଅଛି ତେବେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି କୋଣ 90° ଡିଗ୍ରୀ ଅଟେ | କାରଣ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ସମାନ ଭାବରେ ଏହି କୋଣ ମଧ୍ୟ 90° ଡିଗ୍ରୀ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ ଏବଂ ଆମକୁ ଦିଆଯାଇଛି ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ 90° ଡିଗ୍ରୀରେ ସାକ୍ଷାତ ହେଉଛି

ତେଣୁ ଯଦି ଆମର ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜକୁ ଦେଖିବେ ତେବେ ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜକୁ ଚିନୋଟି କୋଣରେ ଅଛି | ନବେ ଡିଗ୍ରୀ ଏବେ ସ୍ୱାଭାବିକ ଭାବରେ ଚତୁର୍ଥ ମଧ୍ୟ ନବେ ଡିଗ୍ରୀ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜଟି ଏକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର କିମ୍ବା ବର୍ଗ ହୋଇପାରେ କିନ୍ତୁ ତା' ପରେ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ os ଏବଂ oq ଉଭୟ ଏଠାରେ ଥିବା ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ oq ps ଏକ ବର୍ଗ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ

ତେଣୁ ଏହାର ମୂଳ ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ଦୂରତା ମଧ୍ୟ r ସହିତ ସମାନ |

ତେଣୁ o ରୁ ଏହି ବିନ୍ଦୁ p ର ଦୂରତା ଏହା ଦୁଇଗୁଣ r ର ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଯେକ any ଶସି ବିନ୍ଦୁ p

ତେଣୁ ଆମେ ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ଆରି କରିପାରିବା ଯାହା ପରସ୍ପର ପାଇଁ p ଶ୍ରେଣୀରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆମର ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ଥାଇପାରେ | ଆସନ୍ତୁ ଏହି ପରି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ କହିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମକୁ ଆଉ ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ ଯାହାକି ଏହି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ସହିତ p ଶ୍ରେଣୀରେ ରହିଥାଏ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସମୟରେ ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ କହିବା

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ 90° ଡିଗ୍ରୀରେ ମିଳିତ ହୁଏ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ସମାନ ବିଶ୍ଳେଷଣ କରିବା | ଯେପରି ଆମେ ଏହି ବିନ୍ଦୁ ପାଇଁ କ'ଣ କରିଥିଲୁ p ଆସନ୍ତୁ ଏହି ବିନ୍ଦୁକୁ c ଭାବରେ ଡାକିବା

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ସମାନ ବିଶ୍ଳେଷଣ କରିବା ତେବେ ଆମେ ଯାହା ମଧ୍ୟ ଦେଖିବା ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଏହା ପୁନର୍ବାର r ସହିତ ସମାନ ପାର୍ଶ୍ୱ square ର ଏକ ବର୍ଗ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ପୁନର୍ବାର ଏହି ଦୂରତା oc ଅଟେ | ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି 2 ଥର r ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଯେଉଁଠାରେ r ହେଉଛି ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଏହିପରି ଯେକ any ଶସି ବିନ୍ଦୁ ଯାହା ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକର ଛକ ଉପରେ ରହିଥାଏ ଯାହା ନବେ ଦଶକରେ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ହୋଇଥାଏ

ତେଣୁ ଏହିପରି ଯେକ $point$ ଶସି ବିନ୍ଦୁ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦୂରତାରେ ରହିବ | ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗରୁ ଦୁଇଥର ବର୍ଗ ମୂଳର r ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହିପରି ସମସ୍ତ ବିନ୍ଦୁଗୁଣିକର ଅବସ୍ଥାନ ଅନ୍ୟ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଟେ କାରଣ ତାହା ହେଉଛି ଏକ ବୃତ୍ତର ପରିଭାଷା କାରଣ ଏହିପରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ବିନ୍ଦୁ ଯାହା ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକର ଛକରେ ଅବସ୍ଥିତ | ଯାହା $degrees$ o ଡିଗ୍ରୀରେ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ହୁଏ

ତେଣୁ ଏହିପରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ବିନ୍ଦୁ ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗରୁ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦୂରତାରେ ଶୋଇବାକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଏହି ସର୍ବଲ ଯାହା ଆମେ ପାଇଥାଉ ଯାହା ଏହିପରି ସମସ୍ତ ପଦ୍ମଗୁଣିକର ଅବସ୍ଥାନ ଅଟେ ଯାହାକୁ ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍ବଲକୁ ନିର୍ଦ୍ଦେଶକ ସର୍ବଲ କୁହାଯାଏ | ଆମେ ଦେଖିପାରିବା ନିର୍ଦ୍ଦେଶକ ସର୍ବଲର କେନ୍ଦ୍ର ପ୍ରଦତ୍ତ ସର୍ବଲର କେନ୍ଦ୍ର ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ ଯେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସର୍ବଲର ନିର୍ଦ୍ଦେଶକ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର ସମାନ | ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରରେ ଗୋଟିଏ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ ଅଛି ଏବଂ ଅନ୍ୟଟି ହେଉଛି ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ ହେଉଛି ଯେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶକ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ପ୍ରଦତ୍ତ ବୃତ୍ତର ଦୁଇଗୁଣର ବର୍ଗ ମୂଳ ଅଟେ ଯାହା q next ାରା ଆମେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ନିର୍ଦ୍ଦେଶକ ସର୍ବଲରେ ଏହି ଆଲୋଚନା ସମାପ୍ତ କରିବୁ | ଯେକ $given$ ଶସି ଦୁଇଟି ଦିଆଯାଇଥିବା ସର୍ବଲର ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ବିଷୟରେ କଥାବାର୍ତ୍ତା କରନ୍ତୁ କିନ୍ତୁ ଏହା କରିବା ପୂର୍ବରୁ ଗୋଟିଏ ଛୋଟ ଫଳାଫଳ ଅଛି ଯାହା ବୋଧହୁଏ ପୂର୍ବ ବକ୍ତୃତା ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏରେ ଆବୃତ୍ତ ହୋଇପାଆନ୍ତା କିନ୍ତୁ ଆମେ ଏହାକୁ ପୁନର୍ବାର ଏଠାରେ ଆଣିଥାଉ କାରଣ ଆମର ବିଶ୍ଳେଷଣରେ ଆମେ ଏହି ଫଳାଫଳ ବ୍ୟବହାର କରିବୁ |

ତେଣୁ ଫଳାଫଳ ଏହିପରି ଅଟେ ଏହା ମ bas ଲିକ ଭାବରେ କହିଥାଏ ଯେ ଯଦି ଆମର ଏଠାରେ ଏକ ସିଧା ଲାଇନ୍ ଅଛି ତେବେ ope ୂଲା ହେଉଛି ଏବଂ ଏହି ପଦ୍ମ ଆଲମ୍ପା ବିଚା ଦେଇ ଯାଇଥାଏ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମର ଆଉ ଏକ ପଦ୍ମ x କିଛି ନାହିଁ ଏବଂ ଆମକୁ ପଚରାଯାଇଥିବା ପ୍ରଶ୍ନ ହେଉଛି | ବର୍ଗ ଦୂରତାର ଏକ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଏହି ବିନ୍ଦୁର ସର୍ବନିମ୍ନ ବର୍ଗ ଦୂରତା x କିଛି ନୁହେଁ ଏହି ସିଧା ଲାଇନ୍ର କ $point$ ଶସି ବିନ୍ଦୁରୁ କିଛି ସ୍ପଷ୍ଟ ନୁହେଁ ଯେପରି ଆମେ ଉକ୍ତ ବିଦ୍ୟାଳୟରୁ ଶୋର ଜାଣୁ | ପରୀକ୍ଷଣର ଦୂରତା କିମ୍ବା କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ଦୂରତା ହେଉଛି ମ $ically$ ଲିକ ଭାବରେ ଏହି ବିନ୍ଦୁରୁ ସିଧା ଲାଇନ୍ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତକୁଲାର ଯାହା ଏହି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତକୁଲାର ଏବଂ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତକୁଲାରର ଏହି ଚତୁର୍ଥାଂଶ ଦୂରତା

ତେଣୁ ଏହି ରେଖା ବିଭାଗର ବର୍ଗ ଦୂରତା ଏହି ସୂତ୍ରରୁ ଦିଆଯାଏ | ଆସନ୍ତୁ ଦୁଇଟି ସର୍ବଲ ମଧ୍ୟରେ ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏଠାରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭାବରେ ଅନେକ ମାମଲା ଅଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏଠାରେ ଯେକ any ଶସି ଦୁଇଟି ସର୍ବଲ ଆଙ୍କିବା | ଏଗୁଣିକ କେନ୍ଦ୍ରଗୁଣିକ c ଗୋଟିଏ c ଦୁଇଟି ହେଉ, ତେବେ ଆମେ ଦେଖିପାରିବା ଯେ ପ୍ରକୃତରେ ଚାରୋଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ଅଛି

ତେଣୁ ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ଚାରିଟି ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ | ସର୍ବଲଗୁଣିକ ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସିଧା ଲାଇନ୍କୁ କହିବା

ତେଣୁ ଏହି ସିଧା ରେଖା ଯାହା ମୁଁ ଆଙ୍କିଛି ଉଭୟ ଏହି ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତ ପାଇଁ ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ

ତେଣୁ ଏହି ସିଧା ଲାଇନ୍ଟି ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ | ଏହି ଅବସ୍ଥାରେ ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତ ଏବଂ ସମାନ ସିଧା ଲାଇନ୍ ଏଠାରେ ବିଚାରୀ ବୃତ୍ତ ପାଇଁ ଏକ ସ୍ପର୍ଶକାନ୍ତର ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ସିଧା ଲାଇନ୍କୁ ଉଭୟ ଦିଆଯାଇଥିବା ସର୍ବଲଗୁଣିକ ପାଇଁ ଏକ ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଆମେ ଏଠାରେ ଏହିପରି ଅନ୍ୟ ଏକ ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ଆଙ୍କିବା | ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ କୁହାଯାଏ କିନ୍ତୁ ଏହି ଦୁଇଟି ବ୍ୟତୀତ ଆମ ପାଖରେ ଆଉ ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ରହିବ ଯାହାକୁ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ କୁହାଯାଏ ଏବଂ ସେଗୁଣିକ ଏହିପରି ଯେପରି ଆମେ ଦେଖିପାରିବା ଯେ ଏହି ଲାଇଲ ରେଖା ଏହି ସମୟରେ ପ୍ରଥମ ସର୍ବଲଗୁଣିକ ପାଇଁ ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ | ସମାନ ଲାଇଲ ରେଖା ଏହି ସମୟରେ ଅନ୍ୟ ସର୍ବଲ ପାଇଁ ଏକ ଟ୍ୟାଲୋଗୁଣିକ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏକ ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଉଭୟ ସର୍କଲ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଥାଏ ଯଦି ଆପଣ ଏହା ଦେଖନ୍ତି ଯେପରି ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ କ straight ଶସି ସିଧା ରେଖା ଭୁପୃଷ୍ଠକୁ ଦୁଇ ଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ କରେ । ଗୋଟିଏ ଅଧା ସିଧା ଲାଇନର ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଅଛି ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସିଧା ଲାଇନକୁ ନେବା ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଅର୍ଦ୍ଧେକ ସିଧା ସିଧା ଲାଇନର ଅନ୍ୟ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଉଭୟ ସି ଏକ ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କ୍ଷେତ୍ରରେ । ଆଇରଲଗୁଡ଼ିକ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ସିଧା ସଳଖ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ସମାନ ଭାବରେ ଏହା ଏତେ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ଯାହା ପାଇଁ ଉଭୟ ବୃତ୍ତ ଏହାର ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଅଛି ଯାହା ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣୁକୁ ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଏହି ସବୁଜ ରଙ୍ଗ । ଏହା ହେଉଛି ସିଧାସଳଖ କାର୍ବନ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କାରଣ ଉଭୟ ସର୍କଲ ଏହି ସିଧା ଲାଇନରେ କିମ୍ବା ତଳେ ସମାନ ଭାବରେ ଏହି ଅନ୍ୟ ସବୁଜ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ମଧ୍ୟ ଏକ ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କାରଣ ଉଭୟ ବୃତ୍ତ ଏହି ସିଧା ଲାଇନର ଉପରେ କିମ୍ବା ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ୱରେ କିନ୍ତୁ କ୍ଷେତ୍ରରେ । ଲାଇଁ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ଲାଇଁ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ପୃଷ୍ଠକୁ ଦୁଇ ଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ କରେ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱ ଅନ୍ୟଟି ହେଉଛି ଏହି ଅଂଶ ଏବଂ ଲାଇଁ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମେ ଦେଖିପାରିବା ଯେ ଏହି ବଡ଼ ବୃତ୍ତଟି ଏହି ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଏବଂ ଛୋଟ ବୃତ୍ତ ବିପରୀତ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଅଛି ।

ତେଣୁ ଏପରି ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ଯାହା ପାଇଁ ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ସମାନ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ନଥାଏ , ଏହାକୁ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କୁହାଯାଏ । ତେଣୁ ଏହା ମଧ୍ୟ ଏକ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କାରଣ ଏହି ସିଧା ଲାଇନ ଉଭୟ ପାଇଁ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣୁ । ଇ ସର୍କଲ କିନ୍ତୁ ଟା' ପରେ ବୃତ୍ତଗୁଡ଼ିକ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ବିପରୀତ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ଅଛି

ତେଣୁ ସେଠାରେ ଆଉ ଏକ ଓମ୍ ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ରହିବ ଯାହା ଏହି ପରି ଅଟେ । ତେଣୁ ଏହି ପ୍ରଥମ କ୍ଷେତ୍ରରେ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ଚାରିଟି ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ଦୁଇଟି ସିଧାସଳଖ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି । ଟ୍ରାନ୍ସଭର୍ସ ତେଣୁ ଏହି ବକ୍ତବ୍ୟର ପରବର୍ତ୍ତୀ ଭାଗରେ ଆମେ ଦେଖିବା ଏହି ଚାରିଟି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ସମୟର ସମୀକରଣକୁ କିପରି ଚାରିଟି ଏବଂ ଏହି ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁଗୁଡ଼ିକର ଛକ ବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜନାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ ଦେଖିବା

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ସମୀକରଣର ଡେରିଭେସନ୍ ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିବା । ଏହି ପ୍ରଥମ କେସ୍ ପାଇଁ ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁସ୍ୱ c ଏବଂ ସେଣ୍ଟର c ଦୁଇଟି c ଗୋଟିଏ କୋର୍ଡିନେଟ୍ x ଗୋଟିଏ y ଗୋଟିଏ c ଦୁଇଟିରେ x ଦୁଇଟି y ଦୁଇଟି କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଅଛି ଏବଂ ଏହାକୁ ପ୍ରଥମର ରେଡିଓକୁ ଦିଅନ୍ତୁ । ସେଣ୍ଟର c ସହିତ ସର୍କଲ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ r ଏବଂ ଅନ୍ୟ ବୃତ୍ତର ସେଣ୍ଟର c ସହିତ r ଦୁଇଟି ହେବ ତେଣୁ ଆମେ କିପରି ଅନୁମାନ କରିବା ଯଦି ଆମକୁ ଦିଆଯାଏ ତେବେ ମୁଁ ଏହାର ଅର୍ଥ ନୁହେଁ ଯେ ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକ ଜ୍ୟାମିତିକ ନୁହେଁ । ଅଳିତ ଏବଂ ଆମକୁ ଯାହା ଦିଆଯାଉଛି ତାହା କେବଳ ଏହି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଏବଂ ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକର ଏହି କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକର ସଂଯୋଜନା କହିବା ପାଇଁ ଦିଅନ୍ତୁ ତେବେ କେସ୍ କେମିତି ଯାଞ୍ଚ କରିବୁ କି ମାମଲାଟି ଦୁଇଟି ବିଚ୍ଛେଦ ନହେବା ଏବଂ ସ୍ପର୍ଶ ନକରିବା । ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକ ଯାହା ପାଇଁ ଏହା ବୁ very ିବା ଅତ୍ୟନ୍ତ କଷ୍ଟସାଧ୍ୟ ନୁହେଁ ଯେ ଯଦି ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ସିଧା ସଳଖ ଦୂରତା ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ଯଦି ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଦୂରତା ଯାହା ପ୍ରକୃତରେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଯଦି ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଏହି ଦୂରତା ଥାଏ । ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ସମଷ୍ଟିଠାରୁ ଅଧିକ

ତେଣୁ ଏହି ଅବସ୍ଥା ଘଟେ କି ନାହିଁ ଆମେ ସହଜରେ ଯାଞ୍ଚ କରିପାରିବା ଯେହେତୁ ଏହି ଅବସ୍ଥା ଘଟେ କି ନାହିଁ ତାହା ସ୍ପଷ୍ଟ ହୋଇପାରେ କାରଣ ଯଦି ଆମେ କହିବା ଯେ ଆମେ ଏକ ସିଧା ଲାଇନ ସହିତ କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗଦେବା ତେବେ ଏହି ଦୂରତା r ଅଟେ । ଏଠାରୁ ଏଠାରୁ ଏବଂ ଏହି ଦୂରତା r ଦୁଇଟି ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଯଦି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ସ୍ପର୍ଶ କରୁନାହିଁ ଏବଂ ଛକ କରୁନାହିଁ ତେବେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଦୁଇ କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ସମୁଦାୟ ଦୂରତା ହେବ । r ଏକ ପ୍ଲସ୍ r ଦୁଇଟି ପ୍ଲସ୍ ଅଧିକ ହୁଅନ୍ତୁ କାରଣ ଦୁଇଟି ସର୍କଲ ସ୍ପର୍ଶ କରୁନାହିଁ କିମ୍ବା ସେମାନେ ବିଚ୍ଛେଦ କରୁନାହିଁ ଯେତେବେଳେ ଏହା ଘଟେ ସେତେବେଳେ ଏହା ସତ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ବିପରୀତରେ ଯଦି ଦୂରତା r ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ r ଦୁଇଟି ଅଧିକ ତେବେ ତାହା ସେହି । ଏହା ମଧ୍ୟ ସୂଚିତ କରେ ଯେ ସେମାନେ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି ନାହିଁ କିମ୍ବା ସେମାନେ ବି ଛକ କରନ୍ତି ନାହିଁ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ପ୍ରଥମ କେସ୍ ନେବା ଯେଉଁଠାରେ ଆମର ଦୁଇଟି ଅଣ-ଛକ ଏବଂ ସ୍ପର୍ଶ ନଥିବା ସର୍କଲ ଅଛି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍କଲ c ଦୁଇଟି c ଏବଂ c ଦୁଇଟିର ସଂଯୋଜନାକୁ x ଗୋଟିଏ y ଗୋଟିଏ nx ଦୁଇ y ଦୁଇଟି ହେବାକୁ ଦିଅ, ଏହି ବୃହତ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧକୁ ସେଣ୍ଟର c ସହିତ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ସେଣ୍ଟର c ସହିତ କ୍ଷୁଦ୍ର ବୃତ୍ତର ସ୍ୱ natural ାଭାବିକ ଭାବରେ ଦୁଇଟି ହେବାକୁ ଦିଅ । r ଏଠାରେ ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ପାଇଁ r ଦୁଇଟି ଠାରୁ ବଡ଼ ଅଟେ, ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁକୁ ବିଚାର କରିବା

ତେଣୁ ଏହି ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ଯୋଗାଯୋଗ ବିନ୍ଦୁକୁ ଉଭୟ ପ୍ରଥମ ସର୍କଲ b କୁ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ଏବଂ ଯୋଗାଯୋଗ ବିନ୍ଦୁ କିମ୍ବା ଯେଉଁଠାରେ ବିନ୍ଦୁ । s ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ $circle$ ିତୀୟ ବୃତ୍ତକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ, ସେହି ବିନ୍ଦୁକୁ b ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି b ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି କୋଣଗୁଡ଼ିକ 90 ଡିଗ୍ରୀ ଅଟେ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ବୃତ୍ତର ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗ ଦେଇଥିବା ସିଧା ଲାଇନକୁ ବିଚାର କରିବା । ରେଖା କିଛି ସାଧାରଣ p ରେ ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁକୁ ବିଚ୍ଛେଦ କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହାର ସଂଯୋଜନାକୁ ଆମେ ଆଲଫା କମା ବିଟା ବ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରୁ

ତେଣୁ ଆମର ପ୍ରଥମ କାମ ହେଉଛି ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ଆଲଫା କମା ବିଟା ର ସଂଯୋଜନା ଖୋଜିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ସମୀକରଣ ପାଇବା । ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି r ଦୁଇଟି ବର୍ତ୍ତମାନ ବୃତ୍ତର ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ର ମଧ୍ୟରେ ଏହି ଦୂରତାକୁ ମୋଡେ ଗୋଟିଏ ବ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରିବାକୁ ଦିଅ ଏବଂ ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ଏବଂ ବିତୀୟ ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଦୂରତାକୁ ଆମେ ଦୁଇଟି ଦେଖିବା । ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଡ୍ରିରଙ୍ଗା pb ଦୁଇଟି ଯାହା ଏହି ଡ୍ରିରଙ୍ଗା ଡ୍ରିରଙ୍ଗା ପ୍ୟାକ୍ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି କାରଣ ଏହି ଦୁଇଟି ଡ୍ରିରଙ୍ଗାର ସମସ୍ତ ତିନୋଟି କୋଣ ଏତେ pb ଦୁଇଟି ଏବଂ pac ଗୋଟିଏ ଉଭୟ tr ଆଇଙ୍ଗଲ୍ସର ସମାନ ତିନୋଟି କୋଣ ଅଛି କାରଣ ଆପଣ ଯେପରି ଦେଖିପାରିବେ ଗୋଟିଏ କୋଣ ହେଉଛି 90 ଡିଗ୍ରୀ ଏହି କୋଣ ଏହି କୋଣ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଆମକୁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଏହି କୋଣଟି ଉଭୟ ଡ୍ରିରଙ୍ଗା ପାଇଁ ମଧ୍ୟ ସାଧାରଣ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି ଡ୍ରିରଙ୍ଗାର ଦୁଇଟି କୋଣ ସମାନ । ତୃତୀୟ କୋଣ ଘର ମଧ୍ୟ ସମାନ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ଏହି ତିନୋଟି ତ୍ରିକୋଣ ପାଇଁ ସମସ୍ତ ତିନୋଟି କୋଣ ସମାନ ଥିବାରୁ ଏହା ଅନୁସରଣ କରେ ଯେ ଉଭୟ ଡ୍ରିରଙ୍ଗା ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ସମାନତା ଅନୁପାତରୁ ଏବଂ ତେଣୁ ସମାନତା ଅନୁପାତରୁ ଏହା ଅନୁସରଣ କରେ ଯେ pc ଗୋଟିଏ ଲମ୍ବ pc ଗୋଟିଏ । ବୃହତ ଡ୍ରିରଙ୍ଗାର ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ଦ length ଯ୍ୟ ବ୍ୱାରା ବିଭକ୍ତ pc ଦୁଇଟି ଛୋଟ ଡ୍ରିରଙ୍ଗାର ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ pc ଗୋଟିଏ d p ାରା ଦୁଇଟି d r ାରା r ଗୋଟିଏ d r ାରା ବର୍ତ୍ତମାନ pc ଗୋଟିଏ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ 1 ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ 1 ଦୁଇଟି pc d divided ାରା ବିଭକ୍ତ ହେଉଛି 1 ଦୁଇଟି ଯାହା ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ 1 ଗୋଟିଏ d 1 ାରା 1 ଏବଂ ଏହା r d by ାରା r ଦୁଇଟି

ତେଣୁ n ଗୋଟିଏ d 1 ାରା r ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ r ଦୁଇ ଉପରେ r ଦୁଇଟି ଯାହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ 1 ଦୁଇଟି 1 ସହିତ ସମାନ, r ଦୁଇଟିରେ r ଗୋଟିଏ ମିନସ୍ ବ୍ୱାରା ବିଭକ୍ତ । sr two ଏବଂ 1 ଗୋଟିଏ ଆମକୁ ପୂର୍ବରୁ ଜଣାଶୁଣା କାରଣ ଆମେ ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ରର ସଂଯୋଜନା ଆମକୁ ଦିଆଯାଇଅଛି

ତେଣୁ ଏଠାରୁ ଆମେ ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ର ସଂଯୋଜନା ଖୋଜିବାରେ ସକ୍ଷମ ହେବା ଉଚିତ ଯେହେତୁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ଉପରେ ପଡ଼ିଛି । ସିଧାସଳଖ ରେଖା $c1$ $c2$ ରେ ଯୋଗ କରେ ଏହା ଅନୁସରଣ କରେ ଯେ ବେଟା ମାଇନସ୍ $y1$ ଆଲଫା ମାଇନସ୍ $x1$ d divided ାରା ବିଭକ୍ତ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ଲାଇନର ଖାଲ $pc1$ ରେଖା $pc1$ ର ope ୁଲା ଏହା ଏବଂ ସେହି ଖାଲଟି c 1 c 2 ରେଖାର ଖାଲ ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଏହା ଯେକ $ways$ ଶସି ପ୍ରକାରେ ସମାନ ଧାଡ଼ି ଅଟେ ଏବଂ ଧାଡ଼ି c 1 ର ope ୁଲା ଏବଂ c 1 c 2 ରେଖାର ope ୁଲା ହେଉଛି ଏବଂ ଏହା ବାସ୍ତବରେ ରେଖା pc ଦୁଇଟିର ଖାଲ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଆଲଫା ମାଇନସ୍ x ଉପରେ ବିଟା ମାଇନସ୍ y ଦୁଇଟି । 2

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ତେଣୁ 1 1 ଦୃଷ୍ଟିରୁ ଆମେ ଏଠାରେ 1 2 ପାଇ ସାରିଛୁ ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଆଲଫା ମାଇନସ୍ $x2$ ପୁରା ବର୍ଗ ଯାହାକୁ ମୁଁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସ୍କାଇଡ୍ କୁ ନେଇଯିବି । ସ୍କାଇଡ୍ ଆମ

ପାଖରେ 1 2 ବର୍ଗ ହେଉଛି ବିଟା ମାଇନସ୍ y 2 ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ x 2 ପୁରା ବର୍ଗ ଯାହା ସମାନ, ମୁଁ ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ x 2 ପୁରା ବର୍ଗକୁ ସାଧାରଣ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବି, ଏହା ବାହାରେ ଏକ ପ୍ଲସ୍ ବିଟା ମାଇନସ୍ y ଦୁଇ ପୁରା ବର୍ଗ ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ ଦ୍ଵାରା ଗୁଣିତ | x ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ କିନ୍ତୁ ବିଟା ମାଇନସ୍ y ଦୁଇଟି ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ x ଦ୍ଵାରେ ଦିଭିତ ଠାରୁ ବିଭିନ୍ନ ଏହି ସିଧା ମାଇନସ୍ ope ୂଲା ଦୁଇଟି ସର୍ବଲର କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗଦେବା ଛଡା ଆଉ କିଛି ଦୁହେଁ ଯାହା ପ୍ରକୃତରେ ଏଠାରେ ଏହି ପରିମାଣ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ ମୂଲ୍ୟ ଦ୍ଵାରା ଏଠାରେ ବଦଳାଇ ପାରିବା | ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ 1 ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ହେଉଛି ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ x ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗକୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ y ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ x 2 ମାଇନସ୍ x 1 ପୁରା ବର୍ଗ ଉପରେ କିନ୍ତୁ ତା' ପରେ ଏହି ସମୀକରଣରୁ ଆମେ ଆଗରୁ ଜାଣୁ ଯେ 1 2 ବର୍ଗ ହେଉଛି 1 1 ବର୍ଗ r 2 | ବର୍ଗ ଦ୍ଵାରା ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ r ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରୁ ତେବେ ଆମେ ଏହାକୁ ସମାନ କରିବା ପାଇଁ 1 ଏକ ବର୍ଗ r ଦୁଇ ବର୍ଗ r ସହିତ ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ r ଦୁଇ ବର୍ଗ ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ସମାନ 1 ଏକ ବର୍ଗ 1 ଗୋଟିଏ ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା | ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକ

ତେଣୁ ଗୋଟିଏ | ବର୍ଗ ହେଉଛି

ତେଣୁ ଏହା r ଉପରେ ଦୁଇ ବର୍ଗ ହୋଇଯାଏ r ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ r ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗକୁ 1 ଗୋଟିଏ ବର୍ଗରେ y ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ x ଦୁଇ ମାଇନସ୍ x ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ

ତେଣୁ ଏହି ଏବଂ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ସମାନ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଦେଖିବା ଯେ ଆମେ କରିପାରିବା | ଏହାକୁ ଏଠାରେ ସାଧାରଣ ଭେଦ ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କର ଏବଂ ତା' ପରେ ସେଠାରେ କିଛି ହେବ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଯାହା କରିବୁ

ତେଣୁ ଏହି ବାମ ପାର୍ଶ୍ଵକୁ ଏହି ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ x ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ଭାବରେ x ଦୁଇ ମାଇନସ୍ x ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗକୁ x ଦୁଇ ମାଇନସ୍ x ରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ y ଗୋଟିଏ ପୁରା ବର୍ଗ କିନ୍ତୁ ଏହି ସମଗ୍ର ଜିନିଷ ଏହା ସହିତ ସମାନ ଯାହା ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଦ୍ଵାରା ଗୁଣିତ ହୁଏ ଏହିପରି ସମାନ ଏବଂ ତା' ପରେ ଅବଶ୍ୟ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଏହା ଏବଂ ଏହା ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ଶେଷ କରୁ | ପାଇବା ହେଉଛି ଯେ ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ x ଦୁଇଟି r r ସହିତ ସମାନ, r ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ r ଦୁଇରୁ x ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ x ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳ କରିବା ତେବେ ଆମେ ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ x ଦୁଇ ପ୍ଲସ୍ r ଦୁଇରୁ x ଦୁଇ ମାଇନସ୍ x ଗୋଟିଏ ହେବା | r ଏକ ମାଇନସ୍ r ଦ୍ଵାରେ ଦିଭିତ ଯାହା r ଏକ x ଦୁଇଟି ଅଟେ | ମାଇନସ୍ r ଦୁଇ x ଗୋଟିଏ r ଦ୍ଵାରେ ଦିଭିତ ହୋଇଛି ଯାହା ଦ୍ଵାରେ ଆଲ୍ଫା ମନେ ଅଛି ଆଲ୍ଫା ହେଉଛି ସିଧା ସଳଖର ଛକ ବିନ୍ଦୁର x ସଂଯୋଜକ ଯାହାକି ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ସହିତ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗ ଦେଇଥାଏ ସେହିଭଳି ଆମେ ବିଟା ପାଇପାରିବା | ଏହା ସହଜ କାରଣ ଆମେ ଏଠାରେ ଏହି ସମାନତାକୁ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା କାରଣ ଆଲ୍ଫା ବର୍ତ୍ତମାନ ଜଣାଶୁଣା ହୋଇଥିବାରୁ ଆମେ ସହଜରେ ବିଟା ପାଇପାରିବା ଏବଂ ଛୋଟ ମନିପୁଲେସନ୍ ଆମକୁ ବେଟାକୁ r 1 y 2 ମାଇନସ୍ r 2 y 1 ସହିତ r ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ r ଦ୍ଵାରେ ଦିଭିତ ଠାରୁ ବିଭିନ୍ନ କରେ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମ ପାଖରେ ଅଛି | ଏହି ବିନ୍ଦୁର p ର ସଂଯୋଜନା କିନ୍ତୁ ଆମର ଚରମ ଲକ୍ଷ୍ୟ ହେଉଛି ଏହି ସମୀକରଣର ସମୀକରଣକୁ ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବା

ତେଣୁ ଆମେ କିପରି ପାଇବୁ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଗୋଟିଏ ଜିନିଷ ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଏହି ଟାଙ୍ଗେଣୁ ଏହି ବିନ୍ଦୁ ଉପରେ ଅଛି ଯାହାର ସଂଯୋଜନା | ତେଣୁ ଜଣାଶୁଣା ଯଦି ଏହି ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁରେ ଯଦି କି point ଶସି ବିନ୍ଦୁ x କମା y ଥାଏ ତେବେ ଆମେ କହିପାରିବା ଯେ x ମାଇନସ୍ ଆଲ୍ଫା ଉପରେ y ମାଇନସ୍ ବିଟା

ତେଣୁ x ମାଇନସ୍ ଆଲ୍ଫା ଉପରେ ମାଇନସ୍ ବିଟା ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ope ୂଲା ହେବ | ଏବଂ ସେହି ope ୂଲାକୁ m ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ope ୂଲା ଜାଣୁ ତେବେ ଆମେ ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବା ସମୀପୁ କରିପାରିବୁ କାରଣ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁର ସମୀକରଣ କିନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ m ଜଣା ନାହିଁ | ଆମ ପାଇଁ

ତେଣୁ ଆମେ କିପରି ମି ଆଲ୍ଫା ଏବଂ ବିଟା ଏଠାରେ ଜଣାଶୁଣା କିନ୍ତୁ m ଯାହା ଜଣା ନାହିଁ ତାହା ଜଣା ନାହିଁ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ଫଳାଫଳ ଯାହା ଆମେ ପ୍ରଥମ ପ୍ଲାଇଡ୍ ଗୁଡ଼ିକରେ ଦେଖୁ ଯାହାଠାରୁ ଏକ ବିନ୍ଦୁଠାରୁ କମ୍ ଦୂରତା ଥିଲା | ଦିଆଯାଇଥିବା ସିଧାସଳଖ ରେଖା

ତେଣୁ ଏହିଠାରେ ଏହି ଫଳାଫଳଟି ଅତ୍ୟନ୍ତ ଉପଯୋଗୀ ହେବାକୁ ଯାଉଛି କାରଣ ଆମେ ଏଠାରେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକରୁ ଏହି ଟାଙ୍ଗେଣୁର ସବୁଠାରୁ କମ୍ ଦୂରତା ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗରୁ r ଦୁଇଟି |

ତେଣୁ m ର ଏହି ମୂଲ୍ୟ ଏପରି ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଯେ ଏହାର ସବୁଠାରୁ କମ୍ ଦୂରତା କାରଣ ଯଦି m ଅଲଗା ଥାଏ ତେବେ ସବୁଠାରୁ କମ୍ ଦୂରତା ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍ବଲରୁ r ଗୋଟିଏ ଏବଂ r ଦୁଇଟି ହୋଇନପାରେ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେହେତୁ ଏହା ଏକ ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ | ଦେଖନ୍ତୁ ଏହି କୋଣଟି ନବେ ଡ୍ରା ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ଦୂରତା r ହେଉଛି ପ୍ରକୃତରେ ଏହି କେନ୍ଦ୍ରର ସବୁଠାରୁ କମ୍ ଦୂରତା ବିଟ୍ ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁରୁ ଏବଂ ସମାନ ଭାବରେ ଦ୍ଵିତୀୟ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର c ମଧ୍ୟରେ ସବୁଠାରୁ କମ୍ ଦୂରତା ଏବଂ ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ହେଉଛି r ଦୁଇଟି | କିନ୍ତୁ ମି ଏପରି ହେବା ଆବଶ୍ୟକ କାରଣ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଯଦି ଆମେ ଏହିପରି ope ୂଲାକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରୁ ତେବେ ଦୂରତା r 1 ଏବଂ r 2 ହେବ ନାହିଁ ମୋର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯଦି ମୁଁ ଯଦି ope ୂଲା ଥାଏ ତେବେ ଅନ୍ୟ କିଛି ହୋଇପାରେ | ତାପରେ ମୁଁ ଏହିପରି ଏକ ସିଧାସଳଖ ରେଖା ପାଇ ଶେଷ କରିବି ଯାହାକି ଯଦିଓ ଆଲ୍ଫା ବିଟା ଦେଇ ଯାଇଥାଏ

ତେଣୁ ଏହି କଳା ରେଖା ମଧ୍ୟ ଆଲ୍ଫା ବିଟା ଦେଇ ଯାଇଥାଏ କିନ୍ତୁ ତା' ପରେ ଯେହେତୁ ଏହି କଳା ଧାଡ଼ିର ସର୍ବଲରୁ ଦୂରତା ସମାନ ନୁହେଁ କାରଣ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କଳା ରେଖା | ଏପରିକି ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍ବଲକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରୁନାହିଁ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗରୁ ଏହି କଳା ଧାଡ଼ି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସବୁଠାରୁ କମ୍ ଦୂରତା ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ r 1 ଏବଂ r 2 ହେବ ନାହିଁ କାରଣ ଯଦି ଏହା r 1 ଏବଂ r 2 ଅଟେ | ସମ୍ପା କରନ୍ତୁ ଯେ ଏହି କଳା ଧାଡ଼ିଟି ସିଧାସଳଖ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏହା ଉଭୟ ସର୍ବଲ ପାଇଁ ଏକ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ m ଦୃଷ୍ଟିରୁ କିଛି ସମୀକରଣ ପାଇବା ପାଇଁ ବ୍ୟବହାର କରିବୁ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହି ମି ପାଇଁ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ତଥ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରିବୁ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଚିତ୍ରରେ ପୁନର୍ବାର ଫେରିଯିବା ପରେ ପ୍ରଥମ ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣ ଯାହା m କୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କରିବା ଉଚିତ, ଆହା ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସିଧା ଧାଡ଼ିଟି x ଗୋଟିଏ y ପଏଣ୍ଟରୁ r ସହିତ ସମାନ ଦୂରତା ରହିବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ଆମେ ଆଗ୍ରହୀ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏଠାକୁ ଫେରିବା | ଆମର ମ ically ଲିକ ଭାବରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ ଅଛି ଯାହାକି ସର୍ବଲର c ର କେନ୍ଦ୍ର ଥିଲା x ସହିତ ଏକ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ସହିତ ଏବଂ ଏହି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ଥିଲା ଯାହାର ସମୀକରଣ ଯାହାର ରେଖା ସମୀକରଣ y ମାଇନସ୍ ବେଟା କିମ୍ବା ମ ically ଲିକ ଭାବରେ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ଏକ ପଏଣ୍ଟ ଆଲ୍ଫା ବିଟା ଦେଇ ଯାଉଥିଲା | ଆଲ୍ଫା ବିଟା ଦେଇ ଯାଉଥିବା ଏହି ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ c ଠାରୁ ଏକ ସ୍ପଷ୍ଟ ଦୂରତାର ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି r ହେବା ଆବଶ୍ୟକ | d ଯେ ope ୂଲାଟି ମି

ତେଣୁ କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ଦୂରତା m ଗୁଣ x ସହିତ ସମାନ ହେବ x ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ଆଲ୍ଫା ମାଇନସ୍ y ଗୋଟିଏ ମାଇନସ୍ ବିଟା ପୁରା ବର୍ଗକୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ଲସ୍ ମି ବର୍ଗ ଦ୍ଵାରେ ଦିଭିତ ଠାରୁ ଏହା ବର୍ଗ ଦୂରତା

ତେଣୁ ଏହାକୁ r ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଏହା ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ସର୍ତ୍ତ ଯାହା ଏହି m କୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯାହା ହେଉଛି ଏହି ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ହେଉଛି ଏହି ପଏଣ୍ଟ x1 y1 ମଧ୍ୟରେ ସବୁଠାରୁ କମ୍ ଦୂରତା ପାଇଁ ଯାହା ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର ଅଟେ ଏବଂ ଏହି ସିଧାସଳଖ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣୁ କିମ୍ବା ଏହା ଅପେକ୍ଷା ଏହି ସିଧା ମାଇନସ୍ ope ୂଲା m ଏବଂ ଏକ ଦେଇ

ଯାଉଛି । ପଏଣ୍ଟ ଆଲଫା ବିଟା ଯାହା we ାରା ଆମର ଏକ ସିଧା ଲାଇନ ଥିଲା ଯାହାର ope ୂଲା ମି ରହିଥିଲା ଂ ଏହି ପଏଣ୍ଟ ଆଲଫା ବିଟା ଦେଇ ଗତି କ ୂ
ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଦୂରତାକୁ ଗଣନା କରିଛୁ ଏ ଂ ଦୂରତା ପାଇଁ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ହ ଉଛି ଏହି ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ କିନ୍ତୁ ଏହା ପ ରକ୍ତରେ r ସହିତ ସମାନ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ।
ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ବର୍ଗ ଦୂରତା । ce କୁ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେବାକୁ ପଡ଼ିବ ଏବଂ ଆମେ ବିଟାୟ ବୃତ୍ତ ପାଇଁ ସମାନ ସମୀକରଣ ପାଇବୁ କାରଣ ସମାନ
ସିଧା ରେଖା ମଧ୍ୟ ବିଟାୟ ବୃତ୍ତ ପାଇଁ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ ଅଟେ ଯାହା we ାରା ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ପାଇବାକୁ ଶେଷ କରୁ
ତେଣୁ ଏହା ପ୍ରଥମ ପାଇଁ ଅଟେ । ସର୍କଲ୍ ଏବଂ ଏହା ବର୍ତ୍ତମାନ ବିଟାୟ ସର୍କଲ୍ ପାଇଁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ସରଳୀକରଣ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ତେବେ
ପ୍ରକୃତରେ ଏହି ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ଗୋଟିଏ ଏବଂ ସମାନ କାରଣ ଯୁଁ ସେହି କାରଣକୁ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଏହାକୁ ଟିକିଏ ଆଗ୍ରହର ସହିତ ପାଲନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ କାରଣ ଯଦି
ଆମେ ଏହାକୁ ପୁନ r ଲିଖନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁ । ଆମେ ଏହାକୁ x^2 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା
ତେଣୁ ଯୁଁ ବିଟାୟ ସମୀକରଣ m ମାଲନସ୍ y ଦୁଇ ମାଲନସ୍ ବିଟା q x ାରା x ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ r ଦୁଇ ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ କିମ୍ବା ଏହା
ବଦଳରେ ତୁମେ ଏହାକୁ ନାମକରଣରେ ରଖିପାରିବ । ସମାନ ଜିନିଷକୁ m ମାଲନସ୍ y ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ବିଟା ଭାବରେ x ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗକୁ
ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟ ମି ବର୍ଗ ସହିତ r ଦୁଇ ବର୍ଗକୁ x ଦୁଇ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ ଏବଂ
ତେଣୁ ସମାନ ଜିନିଷ ଆମେ ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣ ସହିତ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ । n
ତେଣୁ ଆମର ଏହା ଅଛି , ଏହା ହେଉଛି ଆମର ପ୍ରକୃତରେ ଅଛି
ତେଣୁ ଯୁଁ ଦୁଇଟି ପ୍ରାଇମ୍ କହିବି
ତେଣୁ ଦୁଇଟିରୁ ଆମେ ଦୁଇଟି ପ୍ରାଇମ୍କୁ ଅତି ସହଜରେ ସମାନ ଭାବରେ ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣରୁ 1 ପ୍ରାଇମ୍ ପାଇପାରିବା କେବଳ ଆପଣ ଜାଣନ୍ତି ଆପଣ କେବଳ x^2
ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ବାହାର କରୁଛନ୍ତି । ଏଠାରେ ମି ମାଲନସ୍ y^2 ମାଲନସ୍ ବେଟା x ଉପରେ ଏକ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗକୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟ ମି ବର୍ଗ ବ୍ୱାରା r
ଏକ ବର୍ଗ ସହିତ x ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେବ
ତେଣୁ ଏହା ଗୋଟିଏ ପ୍ରାଇମ୍ ଏବଂ ଦୁଇଟି ପ୍ରାଇମ୍ ଥିଲା
ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣ ଦୁଇଟି ପ୍ରାଇମ୍ ଥିଲା । ବର୍ତ୍ତମାନ ଦୁଇଟି ପ୍ରାଇମ୍ ଥିଲା ଯଦି ଆମେ ଅଳ୍ପ କିଛି ସ୍ୱାଇଚ୍ ପଛକୁ ଫେରିଯିବା ତେବେ ଆମେ ଜାଣୁ କାରଣ ଏହା ହେଉଛି
 x^2 y^2 ଏହି ପଏଣ୍ଟ c^2 ହେଉଛି x^2 y^2 ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମର ଆଲଫା ବିଟା ଅଛି
ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ y^2 ମାଲନସ୍ x^2 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ଉପରେ ବିଟା
ତେଣୁ y^2 ମାଲନସ୍ ବେଟା ଯାହାକି ଏହି ପରିମାଣ ବୃତ୍ତର ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗଦେବା ପାଇଁ ଏହି ଲାଇନର ope ୂଲା ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ସେହି ope
ୁଲାଇଁ x^2 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା y^2 ାରା y^2 ମାଲନସ୍ ବିଟା ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଯାହା ଏହି ପରିମାଣ ଅଟେ । ସମାନ ସିଧା ଲାଇନରେ ଗୋଟିଏ
ତେଣୁ t ର ope ୂଲା । ଏହି ରେଖା ଖଣ୍ଡର ope ାଲରେ ତାଙ୍କର ରେଖା ସେଗମେଣ୍ଟ ସମାନ
ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ପରିମାଣ କେବଳ ସମାନ ଏବଂ ଯଦି ଏହା ପ୍ରକୃତରେ ଏଠାରୁ ମଧ୍ୟ ସ୍ପଷ୍ଟ ହୁଏ ତେବେ ଏହା ଏବଂ ଏହା ସମାନ ଅଟେ
ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା ଉଭୟ ସମୀକରଣରେ ଅଛି । ଏବଂ ଏଠାରେ ଦୁଇଟି ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ is ସମାନ ଅଟେ ବର୍ତ୍ତମାନ ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ $about$ ବିଷୟରେ ଏହା
ଜଣାପଡ଼େ ଯେ ତାହାଣ ହାତ ମଧ୍ୟ ସମାନ କାରଣ ଯଦି ଆମେ ମନେ ପକାଉ ତା' ହେଲେ ଯଦି ଆମେ ସମାନ ତ୍ରିଭୁଜକୁ ଫେରିବା ତେବେ ଆମେ ଦେଖିବା r ଗୋଟିଏ
ଦ୍ୱ r ାରା ଦୁଇଟି ଦ୍ୱ p ାରା pc^2 ସହିତ ସମାନ ।
ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ମନେ ରଖିବ r^2 by r^2 ହେଉଛି pc^2 ଦ୍ୱ p ାରା pc^2 ଯାହା ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ r ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଦ୍ୱ r ାରା r
ବର୍ଗ ଦ୍ୱ p ାରା pc ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ଦ୍ୱ p ାରା ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଅଟେ । ବର୍ତ୍ତମାନ pc ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ pc^2 ବର୍ଗ ହେଉଛି
ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି pc^2 ବର୍ଗ x^2 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ ସ୍ୱୟ y ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ବିଟା ପୁରା ବର୍ଗ PC ଉପରେ ଦୁଇଟି ବର୍ଗ ହେଉଛି x ଦୁଇ
ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ ସ୍ୱୟ y ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ବିଟା ପୁରା ବର୍ଗ ଏବଂ ଏହା x^2 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ । y^2 ମାଲନସ୍
ବେଟା q x ାରା x^2 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ ଉପରେ x ଦୁଇ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗକୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟ y ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ବେଟା ଉପରେ x ଦୁଇଟି
ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ବର୍ଗ ଉପରେ
ତେଣୁ ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ବିଟା ବର୍ଗ x ଦୁଇ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ବର୍ଗ ଉପରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ପାଇପାରିଛୁ । ଦେଖ ଯେ ଏଠାରେ ଏହି ଅନୁପାତ ଏବଂ ଏହି ଅନୁପାତ
ସମାନ କାରଣ ସେଗୁଡ଼ିକ କିଛି ନୁହେଁ, ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗରେ ଯୋଗ ଦେଇଥିବା ସିଧା ଲାଇନର ope ାଲର ବର୍ଗ ଛଡ଼ା
ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ବାଟିଲ୍ କରେ ଯାହା ଆମେ ପାଇଥାଉ r ବର୍ଗ ଦ୍ୱ r ାରା r ଦୁଇ ବର୍ଗ ସମାନ । ଏଥିରୁ ଏବଂ ଏହା ଅନୁସରଣ କରେ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣର
ତାହାଣ ହାତ ମଧ୍ୟ ସମାନ
ତେଣୁ ଆମେ ଆଗରୁ ଦେଖୁ ସାରିଛୁ ଯେ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ତାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱ ମଧ୍ୟ ସମାନ ଏବଂ
ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ଏକ ଏବଂ ସମାନ । କେବଳ ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ଆମକୁ କେବଳ ଏହି ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ
ଯାହାକୁ ଆମେ ଗୁରୁତ୍ୱ ଦେଇ ପାରିବା ନାହିଁ
ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ନେଇଯିବା ଏବଂ ମି ପାଇଁ ସମାଧାନ କରିବା
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମ ସମୀକରଣକୁ କେଉଁଠାରୁ re ଆମ ପାଖରେ ମାଲନସ୍ ଥିଲା
ତେଣୁ si ଦ୍ୱ $this$ ାରା ଏହି ଲାଇନର ope ୂଲାକୁ ଦର୍ଶାଇବ
ତେଣୁ $c1$ ଏବଂ $c2$ କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗଦେବା ପାଇଁ ଧାଡ଼ିର ope ୂଲା ହେବ
ତେଣୁ ଆମେ ମି ମାଲନସ୍ ପୁରା ବର୍ଗକୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟ ମି ବର୍ଗ ବ୍ୱାରା r ସହିତ ସମାନ । ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ ଦ୍ୱ x ାରା ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ପୁରା ବର୍ଗ ଏବଂ ଆମ
ପାଖରେ ଆଲଫା ଆଲଫା ପାଇଁ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ଥିଲା r ଗୋଟିଏ x ଦୁଇ ମାଲନସ୍ r ଦୁଇ x ଗୋଟିଏ ଦ୍ୱ r ାରା ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ r ଦୁଇ ଏବଂ
ତେଣୁ x ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ହେଉଛି x ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ହେଉଛି r ଗୋଟିଏ । x ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ x ରେ r ଉପରେ ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ r
ତେଣୁ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଏଠାରେ ରଖିବା ପରେ ଆମେ ମି ମାଲନସ୍ ର ପୁରା ବର୍ଗକୁ ଗୋଟିଏ ସ୍ୱୟ ମି ବର୍ଗ ସହିତ r ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ r ଦୁଇ ପୁରା ବର୍ଗ
 x ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ x ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ଏବଂ ତା' ପରେ ପାଇଥାଉ । ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ପୁନ arr ସଜାଇଥାଉ ଯାହା ପ୍ରକୃତରେ ମିଲେ ତାହା ହେଉଛି ଏକ
ତତ୍ତ୍ୱାତ୍ମୀ ସମୀକରଣ ଯାହା ପ୍ରକୃତରେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏବଂ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଦୁଇଟି ପ୍ରକୃତ ମୂଲ ରହିବ ଦୁଇଟି ପ୍ରକୃତ ମୂଲ ହେବ କିନ୍ତୁ ତା' ପରେ ଏହାର ଅର୍ଥ
ହେଉଛି ope ାଲର ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ ଅଛି ଯାହା ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଥରେ ସମାଧାନ କରିବା ପରେ ସେଠାରେ ସମ୍ଭବତା ଅଛି । ତାଙ୍କର ଦୁଇଟି
ସମାଧାନ ମି ମି ସମାନ ହେବ ଏବଂ m ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ ହେବ
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ତାହାଣ ହାତର ପରିମାଣ ଏହାକୁ k ସହିତ ସୂଚିତ କରିବ କାରଣ ଆମେ ପୂର୍ବରୁ r ଗୋଟିଏ ଏବଂ r ଦୁଇଟି ଜାଣୁ ଆମେ x ଗୋଟିଏ
 x ଦୁଇଟି ଜାଣୁ
ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ । ଏହାକୁ k ଦ୍ୱ den ାରା ସୂଚିତ କର ଯାହାକି ମାଲନସ୍ ବର୍ଗ ଭାବରେ k ମାଲନସ୍ ଏକ ସ୍ୱୟ ଦୁଇ ମିସ୍ ସ୍ୱୟ k ମାଲନସ୍ s ବର୍ଗ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ
ସମାନ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ । ମାଲନସ୍ ବିଟା m ସହିତ x ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଅନ୍ୟଟି ହେଉଛି y ମାଲନସ୍ ବିଟା ହେଉଛି m^2 x^2
ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ଏବଂ ଏହି ଦୁଇଟି ବ $valid$ ଧ ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ ଯଦି ଆମେ ଯଦି ପଛକୁ ଯିବା ତେବେ ଯଦି ଆମେ ଆମର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଆଲୋଚନାକୁ
ମନେ ପକାଉ । ଦର୍ଶାଯାଇଛି ଯେ ପ୍ରକୃତରେ ଆମେ ଚିତ୍ରରେ ଦୁଇଟି ଅଛି । ବିଜ୍ଞାପନରେ ଦର୍ଶାଯାଇଛି ଯେ ପ୍ରଥମ ମାମଲା ପାଇଁ ଏହି ମାମଲା ପାଇଁ ପ୍ରକୃତରେ ଦୁଇଟି
ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟ୍ୟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ ରହିବ ଏବଂ ଏହି ଦୁଇଟିର $opes$ ୂଲା ହେଉଛି m ଗୋଟିଏ ଏବଂ m ଦୁଇଟି
ତେଣୁ ଅନ୍ୟ ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଏହିପରି କିଛି ହେବ ଏବଂ ଏହି ଅନ୍ୟ ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଇଚ୍ଛା ହେବ । ଆଲଫା ବିଟା ମଧ୍ୟ ଦେଇ ଗତି

କରେ ଏବଂ କାରଣ ଏହା ଏହି ସମୀକରଣରୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଅଟେ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ଅନ୍ୟ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ ମଧ୍ୟ ଏହି ପଏଣ୍ଟ ଦେଇ p ପଏଣ୍ଟରୁ ଅତିକ୍ରମ କରିବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଉଭୟ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଏବଂ ସର୍କଲର କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗ କରୁଥିବା ସିଧା ଲାଇନଗୁଡ଼ିକ | ସମସ୍ତ ଏହି ପଏଣ୍ଟରେ ମିଟିଂ କରୁଛନ୍ତି ଏବଂ ଆଗକୁ ଆଉ ଏକ ଅଛି ଏହା ମଧ୍ୟ ସହଜ ଅଟେ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଏହି ପଏଣ୍ଟରେ ମିଳନ୍ତି ଯାହା ସର୍କଲର କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗଦେବା ପାଇଁ ସିଧା ଲାଇନ ଉପରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ସିଧାକୁ ବିଭକ୍ତ କରେ | c_1 c_2 ରେଖା ସେମାନଙ୍କ ରେଡି ଅନୁପାତରେ ବାହ୍ୟରେ ଯୋଗଦେବା

ତେଣୁ ମୁଁ ଏଠାରେ ଯାହା କହିବାକୁ ଚାହୁଁଛି ତାହା ହେଉଛି ଯେ ଏହା ହେଉଛି ଆଲଫା ବିଟା ଛକ ବିନ୍ଦୁ ଏହା ହେଉଛି ସିଧା ଲାଇନ ଯୋଗ | ଦୁଇଟି କେନ୍ଦ୍ରକୁ ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ କରି ଆମେ କହିଲୁ ଯେ ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ଏହି ସିଧା ଲାଇନକୁ ରେଡିୟସ୍ ଅନୁପାତରେ ବାହ୍ୟରେ କେନ୍ଦ୍ରରେ ଯୋଗଦେବାକୁ ବିଭକ୍ତ କରେ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଏଠାରେ ଯାହା କହୁଛୁ ତାହା ହେଉଛି ଯେହେତୁ ବିଭାଜନ ବାହ୍ୟ ଅଟେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି PC ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜିତ | pc two r d by r ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି କିଛି ଯାହା ଆମେ ପୂର୍ବରୁ କହି ସାରିଥିଲୁ ଏବଂ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ତ୍ରିଭୁଜର ସମାନତା ଠାରୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଅନୁସରଣ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ବିନ୍ଦୁ p ଯେଉଁଠାରେ ଦୁଇଟି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ ସାଧାରଣ | ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ମିଟିଂ ସିଧା ସଳଖ ରେଖାକୁ ବିଭକ୍ତ କରେ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ରଗୁଡ଼ିକରେ ବାହ୍ୟରେ r_1 ରୁ r_2 r_1 ଅନୁପାତରେ r ଅଟେ

ତେଣୁ pc 1 ଦ୍ୱାରା pc 1 d $divided$ ଦ୍ୱାରା ବିଭକ୍ତ r_1 ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହା ଆମେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତବ୍ୟରେ r_2 ଦ୍ୱାରା ବିଭକ୍ତ | ଏହି ସର୍କଲଗୁଡ଼ିକରେ ଗ୍ରାହ୍ୟତ୍ୱ ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ଗୁଡ଼ିକର ସମୀକରଣକୁ ଉଭୟ ସର୍କଲରେ ପହଞ୍ଚାଇ ଯେତେବେଳେ ଉଭୟ ସର୍କଲ ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରନ୍ତି ନାହିଁ କିମ୍ବା ସେମାନେ ପରସ୍ପରକୁ ବିଚ୍ଛେଦ କରନ୍ତି ନାହିଁ ଧନ୍ୟବାଦ |