

ପୂର୍ବ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ସର୍ବଲଗୁଡ଼ିକ ଉପରେ ପାଞ୍ଚଟି ବକ୍ତୃତା ପାଇଁ ସ୍ୱାଗତ, ଆମେ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ ଏବଂ ସାଧାରଣ ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ପାଇଁ ସୂତ୍ର ପାଇଥିଲୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ଏକ ବିନ୍ଦୁରୁ ଏକ ବୃତ୍ତର ଦୂରତା ପାଇଁ ଏକ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ମଧ୍ୟ ପାଇଥିଲୁ |

ତେଣୁ ଏହି ବକ୍ତୃତା ରେ ଆମେ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ଆହା ସହିତ ଜଡ଼ିତ କିଛି ସମସ୍ୟାକୁ ଏକ ବୃତ୍ତକୁ ନେଇଯିବା କେବଳ ଗତ ବକ୍ତବ୍ୟରେ ଆମେ ଯାହା କରିଥିଲୁ ତାହା ସଂଶୋଧନ କରିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଏକ ବୃତ୍ତ ସହିତ ଏକ ବିନ୍ଦୁର ଶକ୍ତିର ଅର୍ଥ କ'ଣ ତାହା ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବୁ | ଦୁଇଟି ସର୍ବଲ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସମ୍ପର୍କ ସମ୍ପର୍କକୁ ସଠିକ୍ ଭାବରେ ଅଧ୍ୟୟନ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଆମେ ଯେକ any ଶସି ଦୁଇଟି ସର୍ବଲର ସାଧାରଣ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ପାଇଁ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ପାଇବାକୁ ଯାଉଛୁ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କେବଳ ଦୁଇଟି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିବା

ତେଣୁ ଏଠାରେ ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶ୍ନ ହେଉଛି ଯେ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ $|pt$ ବୃତ୍ତକୁ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଛି x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ପଏଣ୍ଟ୍ ମୂଳ ଚାରିଟି କମା ସହିତ ଚାରିଟି ସମାନ

ତେଣୁ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ଏହି ସମୟରେ ବୃତ୍ତକୁ ଟାଣେ | ଅନ୍ୟ ଏକ ବୃତ୍ତକୁ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ଯାହା ଏହି ସମୀକରଣ ଦ୍ୱ $given$ ାରା ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ଆମକୁ ପଚରାଯାଏ ଯେ ଏହି ସମୀକରଣ ରେଖା ପାଇଁ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସମୀକରଣ କ'ଣ ଯାହା ପ୍ରଥମ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସରେ p ଶ୍ରେରେ ରହିଥାଏ କିଛି ସିଧା ଲାଇନଟି ନିଜେ ଅନ୍ୟ ଏକ ବୃତ୍ତ ପାଇଁ ଏକ ସ୍ପର୍ଶକାତର |

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଚିତ୍ର ମାଧ୍ୟମରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତଟି x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ଚାରିଟି ସମାନ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏଠାରେ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଅକ୍ସକୁ ଟାଣିବା ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହା ହେଉଛି y ଅକ୍ସ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି x ଅକ୍ସ ଯାହା ଆମର ଉପରୁ ଏଠାରେ ଅଛି | ପ୍ରଥମ ସର୍ବଲ ହେଉଛି x ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ଚାରି ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବୃତ୍ତର ଉପରୁ କେନ୍ଦ୍ର ଅଛି ଏବଂ ଏହାର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ସର୍ବଲ c ଗୋଟିଏ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ସର୍ବଲ c ଗୋଟିଏ ଏହି ଚାରୋଟି ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଯିବାକୁ ଯାଉଛି | ଦେଖାଇଛୁ କାରଣ ଏହାର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ଏହିପରି କିଛି ଦେଖାଯିବ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଆମର ସର୍ବଲ c ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ସର୍ବଲ c ଦୁଇଟିର ଯାହାର ସମୀକରଣ x ମାଇନସ୍ ଡିନୋଟି ପୁରା ବର୍ଗ ପ୍ଲସ୍ y ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ | e

ଏତେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ସର୍ବଲରେ uh ଡିନୋଟି କମା ଶୂନ୍ୟରେ ଏକ କେନ୍ଦ୍ର ଅଛି ଯାହା ଏଠାରେ ଅଛି ଏବଂ ଏହାର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ଅନ୍ୟ ସର୍ବଲ c ଦୁଇଟି ଅଟେ ଯେପରି ଆପଣ ଦେଖୁଥିବେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ସର୍ବଲ ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ | ଅନ୍ୟଟି ଏହି ଦୁଇଟି କମା ଶୂନ୍ୟ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ଯେ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ pt ଏକ ପଏଣ୍ଟ୍ରେ ପ୍ରଥମ ବୃତ୍ତକୁ ଟାଣାଯାଇଥାଏ ଯାହା ଡିନୋଟି କମା ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଅଟେ

ତେଣୁ p ପଏଣ୍ଟ୍ 3 କମା 1 ର ବର୍ଗ ମୂଳ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା କେଉଁଠାରେ | ଏହି ବିନ୍ଦୁଟି ହେଉଛି ଏହି ବିନ୍ଦୁର y ସଂଯୋଜନା 1

ତେଣୁ ଏବଂ x ସଂଯୋଜନା ହେଉଛି

ତେଣୁ ଏହା ଏହି ବିନ୍ଦୁ ହେବା ଉଚିତ କାରଣ ଏହା ହେଉଛି ଏକମାତ୍ର ବିନ୍ଦୁ ପ୍ରଥମ କ୍ୱାଡ୍ରାଣ୍ଟରେ ଅଛି ଏବଂ ଏହାର ସମାନତା 1 ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ y ସଂଯୋଜନା 1 ସହିତ ସମାନ |

ତେଣୁ ଏକମାତ୍ର ବିନ୍ଦୁ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ଆମର p ଏବଂ ପ୍ରଥମ ସର୍ବଲ c 1 ରେ p ରେ ଥିବା ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ଏହିପରି କିଛି ଦେଖାଯିବ

ତେଣୁ ଏହା ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ pt ହେବାକୁ ଯାଉଛି

ତେଣୁ ଏହା ଆମକୁ କହିବା ଏହା ହେଉଛି d

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ଏହା | ଲାଲ୍ ରେଖା ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ସର୍ବଲ c କୁ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ pt ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହା i | s କହିଛି ଯେ pt ରୁ ଏକ ସିଧା ରେଖା ଏହି ଅନ୍ୟ ବୃତ୍ତ ପାଇଁ ଏକ ସ୍ପର୍ଶକାତର ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା କେବଳ କହିଛି ଯେ ସିଧା ଲାଇନଟି pt କୁ $ppendpendicular$ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆହା ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଏବଂ ଏହା ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ | ଅନ୍ୟ ସର୍ବଲ

ତେଣୁ ଆମେ କିପରି ଏହି ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ର ସମୀକରଣ ଖୋଜିବା ପାଇଁ ପ୍ରକୃତରେ ଆବଶ୍ୟକ କରୁ ଏହାର ଉତ୍ତର ପ୍ରକୃତରେ ନୁହେଁ କାରଣ pt ବିଷୟରେ ଆମେ କେବଳ ସୂଚନା ଯାହା ବ୍ୟବହାର ହେଉଛି ତାହା ହେଉଛି ଏହି ସିଧା ଲାଇନଟି pt ପାଇଁ p ଶ୍ରେରେ ଅଛି

ତେଣୁ କଣ ଠିକ୍ | ବିଷୟଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଏହି ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ pt ର ope ୁଲା

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଏହି ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ pt କୁ ବେଶ୍ ଡେଇଁ ଏହି ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ pt ର ope ୁଲା ଖୋଜିବା କଷ୍ଟସାଧ୍ୟ ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ତା' ପରେ ଏହା କୁହାଯାଏ ଯେ ସିଧା ଲାଇନଟି pt କୁ p ଶ୍ରେରେ ଥାଏ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହା କହିଥାଉ | pt କୁ $ppendpendicular$ ହେଉଛି ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି, ଆସନ୍ତୁ କହିବା o ହେଉଛି ଉପରୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଏହି ଆହା ଏହି ଲାଇନ ସେଗମେଣ୍ଟ୍ସ ଅପ୍ pt କୁ p ଶ୍ରେରେ ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ କାରଣ ଏହା 90 ଡିଗ୍ରୀ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ କାରଣ ଏହା ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ସମ୍ପର୍କିତ ହେତୁ | e lf ଏବଂ ତାପରେ ସେମାନେ ଏହା କହିଛନ୍ତି ଯେ, ସିଧାସଳଖ ଲାଇନ L ମଧ୍ୟ pt ପାଇଁ ଲମ୍ବ ଅଟେ | ରେଖା L ବର୍ତ୍ତମାନ ope ୁଲା ଖୋଜିବା ଅତ୍ୟନ୍ତ ସହଜ

ତେଣୁ ସିଧା ଲାଇନର ope ୁଲାଟି op ର ope ୁଲା ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହା ଡିନୋଟି ମାଇନସ୍ ଶୂନ୍ୟର ବର୍ଗ ମୂଳ ଦ୍ୱାରା ବିଭକ୍ତ ଏକ ମାଇନସ୍ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହେବ | ଯାହା ଡିନୋଟିର ବର୍ଗ ମୂଳରୁ ଗୋଟିଏ ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଏହି ବିନ୍ଦୁ p ପ୍ରକୃତରେ ଡିନୋଟି କମା ର ବର୍ଗ ମୂଳ ଏବଂ o ଏହାର ଉପରୁ

ତେଣୁ ope ୁଲା ଖୋଜିବା ଅତ୍ୟନ୍ତ ସହଜ ଏବଂ

ତେଣୁ L ର ସମୀକରଣ y ପ୍ରକାରର ହେବ | to mx $plus$ c

ତେଣୁ ଏହା x ଡିଭାଇଡ୍ x ପ୍ରକାରର ସ୍ଲୋପ୍ ପ୍ଲସ୍ c ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ହେବ ଯେଉଁଠାରେ c ଏକ ସ୍କିର ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି ସିଧା ଲାଇନର ସମୀକରଣ ଏବଂ ଏହି ପ୍ରଶ୍ନଟି ଆମକୁ ପଚାରୁଛି ଏହି ଚାରୋଟି ସମ୍ଭାବନା ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଟି ବ $valid$ ଧ? L ପାଇଁ ସମୀକରଣ ଯେହେତୁ ଏହା ପ୍ରକୃତରେ ଏହି ରେଖା L କୁ ଏହି ସର୍ବଲକୁ ଏହି ଛୋଟ ସର୍ବଲକୁ ଏକ ସ୍ପର୍ଶକାତର ହେବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯଦି ଯଦି ଏହି ସିଧା ଲାଇନକୁ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ହେବାକୁ ପଡ଼ିବ ତେବେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ କେବଳ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଅଛି ଯେଉଁଠାରେ ସିଧା ଲାଇନ ନିଶ୍ଚିତ | ସର୍ବଲ $c2$ କୁ ସ୍ପର୍ଶ କର

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଯଦି ଏକ ବିନ୍ଦୁ ଅଛି ତେବେ ଧରାଯାଉ L କିଛି ସମୟରେ c କମା y କୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ L କ $point$ ଶସି ସମୟରେ c ଦୁଇଟିକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରେ ତେବେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଏହି ବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜନା L ଏବଂ c ଦୁଇଟି ପରସ୍ପରକୁ ସ୍ପର୍ଶ କରୁଛି ଏହି ବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜନା ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରିବା ସହିତ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ମଧ୍ୟ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଉଭୟ ସମୀକରଣକୁ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ ହେବାକୁ ପଡ଼ିବ ଏବଂ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣକୁ ଏକାସାଙ୍ଗରେ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ତେବେ ଆମେ ଏହାକୁ ବଦଳାଇ ପାରିବା | y ଦ୍ୱ x ାରା x ରୁଟ୍ 2 1 ପ୍ଲସ୍ c ଦ୍ୱ so ାରା ଆମେ ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ ଆମର ଏହି ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ଅଛି ଯାହା ସିଧା ସିଧା ଲାଇନର ଛକ ବିନ୍ଦୁର x ଏବଂ y କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଦ୍ୱାରା ସନ୍ତୁଷ୍ଟ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ | ଏହି y କୁ ଏହି ସମୀକରଣରେ ସମାନ ଭାବରେ ରଖି ଏବଂ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ସମୀକରଣ ପାଇଥାଉ ଏହା କୁହାଯାଏ ଯେ ଯେହେତୁ L ଏହା କୁହାଯାଏ ଯେ L ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଏକ ପ୍ରଶ୍ନରେ ଏହା କୁହାଯାଏ ଯେ L ପ୍ରକୃତରେ ଏହି ସର୍ବଲ c ଦୁଇଟି ପାଇଁ ଏକ ସ୍ପର୍ଶକାତର ଅଟେ

ତେଣୁ ଯଦି L ହେଉଛି ଏହି ସର୍ବଲ c ଦୁଇଟି ପାଇଁ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ସ ତେବେ ସିଧା ଲାଇନ L ଏବଂ c ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ କେବଳ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁ ରହିବା ଉଚିତ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହି ସମୀକରଣର କେବଳ ଗୋଟିଏ ସମାଧାନ ହେବା ଉଚିତ ଯଦି ଆପଣ ଏଠାରେ ଦେଖନ୍ତି ଏହି ସମୀକରଣ ପ୍ରକୃତରେ ଏହି ସମୀକରଣର ଚତୁର୍ଭୁଜ ଅଟେ | x ରେ ଚତୁର୍ଭୁଜ ଏତେ ସମ୍ଭାବ୍ୟ c ର ମୂଲ୍ୟ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି ଆପଣ ଜାଣନ୍ତି ସାଧାରଣତ $than$ x ଠାରୁ ଦୁଇଟି ସମାଧାନ ହୋଇପାରେ

ତା'ଠାରୁ ଅଧିକ କିଛି ହୋଇପାରେ କିନ୍ତୁ ତା'ପରେ ଧାରଣା ହେଉଛି ଯେ ଆମେ ଏହି c କୁ ଏପରି ଭାବରେ ବାଛିବା ଉଚିତ ଯେ ସେଠାରେ କେବଳ ଗୋଟିଏ ଅଛି । ଏହି ସମୀକରଣରେ x ର ସମାଧାନ ବା ମାତ୍ରିକ ଭାବରେ ଉଭୟ ମୂଳ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ଯଦି ଯଦି ଆମେ ଏହିପରି ଏସି ବାଛିଥାଉ ତେବେ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ରେଖା ମାତ୍ରିକ ଭାବରେ ସର୍ବଳ c କୁ କେବଳ ଗୋଟିଏ ସ୍ଥାନରେ ସ୍ପର୍ଶ କରିବ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣ ଖୋଲିବା ତେବେ ଆମେ ଯାହା ପାଇଥାଉ ଏବଂ t କୁ କୁଡ଼ା ଯଦି ଆମେ ସର୍ବାବଳୀକୁ ପୁନଃ ସଜାଇଥାଉ ତେବେ ଆମେ ଏଠାରେ ଏହି ସମୀକରଣ ପାଇବା ଶେଷ କରିଥାଉ

ତେଣୁ ମୂଳଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ହେବା ପାଇଁ ସର୍ତ୍ତ ହେଉଛି ଯେ ଭେଦଭାବକାରୀ 0 ହେବା ଉଚିତ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଭେଦଭାବକାରୀ ମୂଳ 3 ମାଇନସ୍ 6 ପୁରା ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ 4 ଥର 2 c ହେବାକୁ ଯାଉଛି । 4 ଯୁ 3 ାରା ଷୋହଳ ଯାହା ଷୋହଳରୁ ତିନି ଗୁଣ ଆଠ ପ୍ଲସ୍ ସି ବର୍ଗ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ସମୀକରଣର ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜ ସମୀକରଣର ସମାନ ମୂଳ ଥାଏ ଏବଂ ଯଦି ଚତୁର୍ଭୁଜ ସମୀକରଣର ଏହି ଭେଦଭାବ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହୁଏ ଏବଂ ତେବେ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଆହୁରି ସରଳ କରିପାରିବା

ତେଣୁ ଆମେ ଏହା ପାଇବୁ । ଏହା ହେଉଛି ଏଠାରେ ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ ଏବଂ ତା'ପରେ ଆମର ଏହି ସମୀକରଣରେ ଅଛି ଯେହେତୁ ଆମେ ନିଜକୁ c ରେ ଚତୁର୍ଭୁଜ ଭାବରେ ଦେଖିପାରିବା

ତେଣୁ ଆମେ ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସବୁକୁ ଡାହାଣ ପାର୍ଶ୍ୱରେ ନେଇଥାଉ ତେବେ ଆମେ 4 c ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ 8 ଗୁଣ ମୂଳ 3 ଦୁ sorry ଖୁଡ଼ ଏବଂ ଆଠଥର ପାଇପାରିବା ।

ଗୋଟିଏ ଥର ରୁଟ୍ ତିନିରେ c ପ୍ଲସ୍ କୋଡିଏ ଡ୍ three ାରା ତିନୋଟି ସମାନ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ତା'ପରେ c ର ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ c ମାଇନସ୍ ରୁଟ୍ ତିନି ପ୍ଲସ୍ ମାଇନସ୍ ତିନି ମାଇନସ୍ ପାଞ୍ଚରୁ ତିନି ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ c ର ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ଏହି n ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ସରଳ କରିବା । er ତେବେ ଏହି ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ

ତେଣୁ c ପାଇଁ ଆମେ ପାଇଥିବା ଦୁଇଟି ଭାଲ୍ୟୁ ଏବଂ ତା'ପରେ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଭାଲ୍ୟୁଗୁଡ଼ିକୁ ସମୀକରଣରେ ରଖିବା । ପ୍ଲସ୍ c

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ କେସ୍ ପାଇଁ ଯେଉଁଠାରେ c ରୁଟ୍ ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ ରୁଟ୍ ତିନୋଟି ରେଖାର ସମୀକରଣ 1 ରୁଟ୍ ରୁ ତିନୋଟି ମାଇନସ୍ ଗୋଟିଏ ରୁଟ୍ ତିନୋଟି ହୋଇଯାଏ ଯାହା x ମାଇନସ୍ ରୁଟ୍ 3 ରୁ y ସମାନ 1

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ସମ୍ଭାବନା ସହିତ ମେଳ ହୁଏ । ଏଠାରେ ଏକ ସଠିକ୍ ଅଛି, ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ସମ୍ଭାବନାକୁ ଦେଖିବା ଯେଉଁଠାରେ c ରୁଟ୍ ତିନି ଦ୍ୱାରା ମାଇନସ୍ ପାଞ୍ଚ ଅଟେ ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ସେଠାରେ ରଖିବା ଯଦି ଆମେ c କୁ ମୂଳ ତିନୋଟି ଦ୍ୱାରା ମାଇନସ୍ ପାଞ୍ଚ ସହିତ ସମାନ ରଖିବା ତେବେ ଆମେ x ମାଇନସ୍ ରୁଟ୍ ତିନି y ସମୀକରଣ ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଦୁର୍ଭାଗ୍ୟବଶତ this ଏହି ସମୀକରଣ ଚାରୋଟି ବିକଳ୍ପ ମଧ୍ୟରୁ କ on ଶସିତିରେ ନାହିଁ

ତେଣୁ ବିକଳ୍ପ ହେଉଛି ସଠିକ୍ ପସନ୍ଦ, ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ସମସ୍ୟାରେ ଆଉ ଏକ ସମସ୍ୟା ନେବା ଏହା କୁହାଯାଏ ଯେ pq ଏବଂ rs କୁ ବ୍ୟାବହାର r ର ବୃତ୍ତର ପ୍ରାନ୍ତରେ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ହେବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ । ଆମ ପାଖରେ ଯାହା ଅଛି, ତାହା ହେଉଛି ve ଏକ ସର୍ବଳ ଏବଂ pr ହେଉଛି ଏହାର ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି r ଏବଂ ଏହା କୁହାଯାଏ ଯେ ଏହା ହେଉଛି rs

ତେଣୁ ଉଭୟ pq ଏବଂ rs ଏହି ବୃତ୍ତର ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଅଟେ ଯଦି କୁହାଯାଏ ps ଏବଂ rq ତେବେ ଏହା ହେଉଛି ସିଧା ଲାଇନ । ps ଏବଂ ଏଠାରେ ଆମର ସିଧାସଳଖ ରେଖା rq ଅଛି

ତେଣୁ କୁହାଯାଏ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍ q ଏବଂ s ଏପରି ଯେ ps ଏବଂ rq ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଏ ଯାହା ଡ୍ they ାରା ସେମାନେ ଏଠାରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଅନ୍ତି ଏବଂ q ଏବଂ s ଏହିପରି ଯେ ଏହି ଛକ ବିନ୍ଦୁ । ps ଏବଂ rq ବୃତ୍ତର ପରିଧି ଉପରେ ରହିଥାଏ

ତେଣୁ ଯଦି ତାହା ହୁଏ ତେବେ pq ଏବଂ rs ଦ s ଯ୍ୟ ଦୃଷ୍ଟିରୁ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ବିଷୟରେ ଆମେ କ'ଣ କହିପାରିବା କାରଣ ସେଠାରେ ସମ୍ପର୍କ ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଦୁ understanding ାମଣାକୁ ଅନ୍ୟକୁ ନେଇଯିବା । ପରବର୍ତ୍ତୀ ସ୍ଥଳକୁ କୁ ଆମ ପାଖରେ ଏହିପରି ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଛି, ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହା ହେଉଛି ସେଣ୍ଟର o ଆମର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ r ଅଟେ ଏବଂ ତା'ପରେ କୁହାଯାଏ ଯେ ଆମର ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ rs ଏବଂ pq ଅଛି କିନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି । କହିଥିଲେ ଯେ ଏହି ଲମ୍ବଗୁଡ଼ିକ

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ହେଉଛି ଟ୍ୟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ rs an । dpq ବୃତ୍ତର ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ କିନ୍ତୁ ତା'ପରେ ସେମାନଙ୍କର ଲମ୍ବ ଏହି ଦୁଇଟି ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଦ s ଯ୍ୟ ଏପରି ଯେ ଯଦି ଫୁଁ p କୁ s କୁ ସଂଯୋଗ କରେ ଏବଂ ଯଦି ଫୁଁ r କୁ q କୁ ସଂଯୋଗ କରେ ତେବେ ଲାଇ ଏବଂ ସବୁଜ ରଙ୍ଗରେ ଟାଣାଯାଇଥିବା ସେହି ସିଧା ଲାଇନଗୁଡ଼ିକ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହେବ । ବୃତ୍ତର ପରିଧି ଯାହା ଏହି ବିନ୍ଦୁ ଅଟେ

ତେଣୁ ସେଥିପାଇଁ ଫୁଁ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟମୂଳକ ଭାବରେ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟମୂଳକ ଭାବରେ ଆଙ୍କିଲି, ଫୁଁ ଏହି ବିନ୍ଦୁ ଏବଂ r ଦେଇ ଯିବା ପାଇଁ ଏହି ସବୁଜ ରେଖା ଟାଣିଥିଲି କାରଣ ପ୍ରଶ୍ନଟି ପଚାରିଲି ଯେ ଏହା କ'ଣ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହାକୁ କିପରି ବାଛିବା? ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍ q ଏବଂ s

ତେଣୁ ଏହି ଖାଲି pqrs ଅନୁଯାୟୀ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଖୋଜିବାକୁ ଆମକୁ କୁହାଯାଏ ଯେପରି ଏହି ଦୁଇଟି ସିଧା ଧାତୁଗୁଡ଼ିକ ଗୋଟିଏ ଟାଣାଯାଇଥାଏ , ଏହି ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ p ରୁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ s ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ । ଅନ୍ୟ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ସିଧା ଲାଇନଟି ଏହି ଅନ୍ୟ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଯୋଗାଯୋଗ ବିନ୍ଦୁରୁ ବୃତ୍ତକୁ ଯାଏ ଯାହା r ପଏଣ୍ଟ୍‌କୁ ପ୍ରଥମ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍‌ର q ପଏଣ୍ଟ୍‌କୁ ଯାଏ

ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଜଣ ଏହା ଉପରେ ଛକ ଦେଇଥା'ନ୍ତି ଯେ ଫୁଁ ଗୋଟିଏ ହେ ହେବି । s ଏହି ଦ length ଯ୍ୟକୁ ଏପରି ଭାବରେ ବାଛିବା ପାଇଁ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ଧାତୁ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଏ ଏବଂ ସେହି ବିନ୍ଦୁଟି ପରିଧିରେ ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ ଯାହା ଡ୍ the ାରା ଏହା ଏକ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ସର୍ତ୍ତ ଅଟେ ଯେ ଏହା ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ବୃତ୍ତର ପରିଧି ଉପରେ ରହିବ ଏବଂ ଅବଶ୍ୟ ଏହି ବିଚ୍ଛେଦ ବିନ୍ଦୁ । x କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଆମେ ଏହି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ପାଇ ଆହା ବ୍ୟବହାର କରିବୁ ଆମେ ନିର୍ଭର କରୁ ଯେ ଏଠାରେ ସବୁଠାରୁ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ତଥ୍ୟ ହେଉଛି ଏହି ଦୁଇଟି ଧାତୁଟି ବୃତ୍ତର ପରିଧି ଉପରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ବିଚ୍ଛେଦ ହୁଏ ଯାହା ଡ୍ usefu ାରା ଏହା ଉପଯୋଗୀ ହେବ । ଆମ ଏବଂ ଯେହେତୁ ସେମାନେ ଉଚ୍ଚ ବିଦ୍ୟାଳୟର ପରିସର ଉପରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ବିଚ୍ଛେଦ କରନ୍ତି ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଏହି କୋଣଟି ନବେ ଦଶକ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯଦି ଏହି ଦୁଇଟି ଧାତୁଟି ଛକ ବିନ୍ଦୁ ବୃତ୍ତର ପରିଧିରେ ନଥାଏ ତେବେ ଏହି କୋଣ 90 ଡିଗ୍ରୀ ହୋଇନପାରେ । ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ହେଉଛି 90 କାରଣ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି କୋଣ ବର୍ତ୍ତମାନ ଥାଟା କାରଣ ଏହି କୋଣଟି ଥାଟା ଏବଂ ଏହା ଏକ ସିଧା ଲାଇନ

ତେଣୁ ଏହା ମଧ୍ୟ 90 ଡିଗ୍ରୀ ଅଟେ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଡାହାଣ କୋଣ ତ୍ରିଭୁଜ ଦେଖିବା । le px କ୍ଲ୍ୟୁବ୍ ତାପରେ ଆମର ଥାଟା ଏବଂ ନଅ ଟି ଅଛି

ତେଣୁ ଏହି କୋଣ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ ଥାଟା ହେବା ଉଚିତ କାରଣ pq ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଏହି କୋଣ opq 90 ଏହା 90 ଏବଂ ସେହି କୋଣର ଏହି ଅଂଶ 2 ମାଇନସ୍ ଥାଟା ଅର୍ଥାତ୍ ଏହା ଅନୁସରଣ କରେ । କୋଣ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଥାଟା ହେବ ଏବଂ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ଆମେ ଏହି ତ୍ରିଭୁଜ r sp କୁ ଦେଖନ୍ତି ଯାହା ମଧ୍ୟ ଏକ ଡାହାଣ କୋଣ ତ୍ରିଭୁଜ ଅଟେ, ଏହା ଏହାର କୋଣ r sp ରେ ଠିକ୍ କୋଣ ହୋଇଯିବ କାରଣ ଏହା ହେଉଛି ଏହା 2 ମାଇନସ୍ ଥାଟା ଡ୍ pi ାରା ହେବ ଏବଂ ତା'ପରେ କେବଳ । ଏହା ଦେଖିବା ପରେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ହୋଇଛି ଯେ ଏହି ଡାହାଣ କୋଣର ତ୍ରିଭୁଜର 3 କୋଣ ps ଏବଂ rpq ର ତିନୋଟି କୋଣ ସମାନ କାରଣ ଗୋଟିଏ କୋଣ 90 ଡିଗ୍ରୀ ଅନ୍ୟଟି ଥାଟା ଏବଂ ତୃତୀୟ କୋଣଟି ଉଭୟରେ 2 ମାଇନସ୍ ଥାଟା ଡ୍ pi ାରା ପାଇ । କେସ୍ କାରଣ ତ୍ରିଭୁଜ rpq ପାଇଁ ଏହି କୋଣ ହେବାକୁ ଯାଉଛି କାରଣ ଏହା ହେଉଛି 90 ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଏହି କୋଣଟି ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ ଥାଟା ଡ୍ pi ାରା ହେବ ଏବଂ ଯେହେତୁ ଏହି ଦୁଇଟି ତ୍ରିଭୁଜର ତିନୋଟି କୋଣ ସମାନ ଏହି ଦୁଇଟି ତ୍ରିଭୁଜ ସମାନ

ତେଣୁ ଫୁଁ ମଧ୍ୟ କେବଳ ଏଗୁଡ଼ିକ ଅଙ୍କନ । wo ତ୍ରିଭୁଜ ପୃଥକ ଭାବରେ

ତେଣୁ ଫୁଁ ପ୍ରଥମେ ଏହି ତ୍ରିଭୁଜ r ps ଅଙ୍କନ କରୁଛି

ତେଣୁ ଏହା r ରେ ଡାହାଣ କୋଣରେ ଅଛି ଏବଂ ଏହା ପରେ ଫୁଁ rpq ମଧ୍ୟ ଚିତ୍ର କରୁଛି ଯାହାକି rpq ରେ ଏହି କୋଣ pqr ଥିବା ଯେହେତୁ ଏହି ଦୁଇଟି ତ୍ରିଭୁଜ ।

ସମାନତା ଅନୁପାତରୁ ସମାନ, rp ଓ $divided$ ାରା ବିଭାଜିତ rs ଏହାକୁ ବିଭାଜିତ ହେବା ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ଯାହାକି rp କୁ pq ଓ $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ଏବଂ ଏଠାରୁ ଏହା ଅନୁସରଣ କରେ ଯେ rp ବର୍ଗ ହେଉଛି $pq \times rs$ ଏବଂ

ତେଣୁ rp ହେଉଛି pqk ସମୟର rs ର ବର୍ଗ ମୂଳ କିନ୍ତୁ rp | ବ୍ୟାସ ଦୁଇଟି r ବ୍ୟତୀତ ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଏହା ମା $shows$ ଲିକ ଭାବରେ ଦର୍ଶାଏ ଯେ ବ୍ୟାସ ଏହି ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଙ୍ଗେଣ୍ଟର ଦ $length$ ଧ୍ୟର ଉପାଦର ବର୍ଗ ମୂଳ ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ଏହା ମ $option$ ଲିକ ଭାବରେ ବିକଳ୍ପ ଅଟେ

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆସକ୍ତ ଦେଖିବା ଶକ୍ତିର ଅର୍ଥ କ'ଣ? ଏକ ବୃତ୍ତ ସହିତ ଏକ ବିନ୍ଦୁ

ତେଣୁ ଦ $second$ ିତୀୟରେ ଆସକ୍ତ ଏହି ବୃତ୍ତକୁ ଏଠାରେ ବିଚାର କରିବା ଯାହାର କେନ୍ଦ୍ର o ଅଟେ ଏବଂ ଧରାଯାଉ ଆମର ଏଠାରେ ଏକ ପଏଣ୍ଟ ଅଛି ଏବଂ ଆମେ ଏହି ବୃତ୍ତର ଶକ୍ତିକୁ ଏହି ବୃତ୍ତକୁ ପରିଭାଷିତ କରୁ | ଏହି ବିନ୍ଦୁରୁ ଏହି ବୃତ୍ତକୁ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟର ସ୍କାଟ୍ ଲମ୍ବ

ତେଣୁ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ pt ହେଉଛି ଟ୍ୟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ pt ଏହି ପଏଣ୍ଟରୁ ବୃତ୍ତ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ତେବେ ଏହି ବୃତ୍ତ ସହିତ p ପଏଣ୍ଟର ଶକ୍ତି ଆସକ୍ତ କହିବା c ସହିତ ସମାନ | pt ବର୍ଗ ଏହି ଦ $length$ ଧ୍ୟର ବର୍ଗ pt ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଏକ ମଜାଦାର ଫଳାଫଳ ପ୍ରମାଣ କରିବୁ ଯେ ଧରାଯାଉ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ p ରୁ ଆରମ୍ଭ କରି ଯେକ any ଶସି ସିଧା ଲାଇନ ନିର୍ମାଣ କରୁ ଯାହା ଏହି ବୃତ୍ତକୁ a ଏବଂ b ରେ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟରେ କାଟିଦିଏ

ତେଣୁ ଏହା ଯେକ any ଶସି ସିଧା ସଳଖ ହୋଇପାରେ | ସିଧା ଲାଇନ

ତେଣୁ ଆସକ୍ତ ଏଠାରେ ଏହି ସିଧା ଲାଇନ କହିବା ଏବଂ ଏହା ଏହି ସିଧା ଲାଇନ a ଏବଂ b ପଏଣ୍ଟରେ ବୃତ୍ତକୁ କାଟିଦିଏ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଦେଖାଇବୁ ଯେ pa $times$ pb pt ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ p ର ଶକ୍ତି

ତେଣୁ ଏହାର ଉପାଦ | ଏହି ଦୁଇଟି ଦ s ଧ୍ୟ

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି p ପଏଣ୍ଟରୁ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଦ s ଧ୍ୟ ଯେଉଁଠାରେ ସିଧା ଲାଇନ ବୃତ୍ତକୁ କାଟି ଦେଇଛି ଏବଂ ଏହା ଯେକ any ଶସି ସିଧା ଲାଇନ ପାଇଁ ସତ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ଯଦିଓ ମୁଁ ଚାଣିଥିଲି ଆସକ୍ତ ଏହିପରି ଅନ୍ୟ ଏକ ଧାଡ଼ି କହିବା | fa ଏବଂ b ଏହିପରି ଥିଲା ତେବେ $pa \times times$ pb ତଥାପି ମୋତେ pt ବର୍ଗର ସମାନ ମୂଲ୍ୟ ଦେବ କାରଣ ମନେରଖନ୍ତୁ ଏହି ମୂଲ୍ୟ pt ବର୍ଗ କେବଳ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ p ର କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ ଏବଂ ତା' ପରେ ମୁଁ ଦାବି କରୁଛି ଯେ ଯଦି ମୁଁ p ରୁ କ $straight$ ଶସି ସିଧା ଲାଇନ ଆଜେ | ମୁଁ କେବଳ ଯେକ $arbit$ ଶସି ଇଚ୍ଛାଧୀନ ସିଧାସଳଖ ରେଖା ଆଜିଲି, ତେବେ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ p ଏବଂ ପଏଣ୍ଟ୍ ମଧ୍ୟରେ ଏହି ଦୁଇଟି ଦ s ଧ୍ୟର ଉପାଦ ଯେଉଁଠାରେ ଏହି ଇଚ୍ଛାଧୀନ ଭାବରେ ସିଧା ସଳଖ ରେଖା ବୃତ୍ତକୁ କାଟିଦିଏ

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ସେହି ଦୁଇଟି ଦୂରତାର ଉପାଦ ନେବି ତେବେ ଏହା ଶକ୍ତି ସହିତ ସମାନ ହେବ | ସର୍କଲ ସହିତ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ p

ତେଣୁ ଆସକ୍ତ ଏହି ସତ୍ୟକୁ ପ୍ରମାଣ କରିବା

ତେଣୁ ଏହାକୁ ପ୍ରମାଣ କରିବା ପାଇଁ ପ୍ରଥମେ ଏହି ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍ a ଏବଂ b କୁ ସର୍କଲର ମଧ୍ୟଭାଗରେ ସଂଯୋଗ କରିବା ଏବଂ ଆସକ୍ତ ଏହି ବିନ୍ଦୁ pb କୁ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ ସହିତ ସଂଯୋଗ କରିବା | a ଏବଂ t କୁ ମଧ୍ୟ ସଂଯୋଗ କରିବ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଏହି କୋଣ ହେଉଛି ଆମା ତାପରେ ହାଇଲ୍‌ସ୍କୁଲ ଜ୍ୟାମିତିରୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ କୋଣ ଯଦି ଏକ ଆର୍କ୍ ବ୍ୟାସ ସଙ୍କେତେତ୍ ଆଜଲ୍ ଏକ ଆର୍କ୍ ବ୍ୟାସ ସଙ୍କେତେତ୍ ଆସକ୍ତ ଏହି ଆର୍କ୍ ab କୁ କହିବା | କେନ୍ଦ୍ର

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି କୋଣ ବିଷୟରେ କହୁଛି, ସର୍ବଦା ସମାନ ଆର୍କ୍ ବ୍ୟାସ ପରିଧିର ଯେକ $point$ ଶସି ବିନ୍ଦୁରେ ଦୁଇଗୁଣ ହୋଇଥାଏ | କେନ୍ଦ୍ରରେ ସମାନ ଆର୍କ୍ ଦ sub ାରା ଉପସ୍ଥାପିତ ହୋଇଥିବା କୋଣ ଦୁଇଟି ଆମା ସମାନ ଭାବରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଅନ୍ୟ ଆର୍କ୍‌କୁ ଏହି ଆର୍କ୍ ଦ sub ାରା ଉପସ୍ଥାପିତ ହୋଇଥିବା କୋଣରେ ପରିସୀମା ଉପରେ b କୁ ବିଚାର କରିବା, ଏହାକୁ phi ଓ den ାରା ପୁନର୍ବାର ସମାନ ଫଳାଫଳରୁ ସୂଚିତ କରିବା | ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗରେ ଏହି ଆର୍କ୍ ବ୍ୟାସ ଉପସ୍ଥାପିତ କୋଣକୁ ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲୁ ଯାହା ଏହି କୋଣର ଦୁଇଗୁଣ ହେବ ଯାହା ଦୁଇଟି phi ଅଟେ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ଆମେ ଦେଖିବା ଏହି କୋଣଟି ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଥା ପୁସ୍ ଫି ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଏହା ଏହାର ବାହ୍ୟ କୋଣ | ତ୍ରିରଙ୍ଗା ତ୍ରିରଙ୍ଗା ବ୍ୟାସର କୋଣ ମଧ୍ୟ ଯଦି ଆମେ ଏହି ତ୍ରିରଙ୍ଗା ବଚକୁ ଦେଖିବା ତେବେ ଏହା ଏକ ଆଇସୋସେଲ୍ସ୍ ତ୍ରିରଙ୍ଗା କାରଣ ଏହି ଲମ୍ବ ଏବଂ ଏହି ଦ $length$ ଧ୍ୟ ଏହି ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି ଏବଂ ଏହି କୋଣ a ପୁନ $equal$ ସମାନ ଏବଂ ସେମାନେ ନବେ ଦଶ ଡିଗ୍ରୀ ମାଇନସ୍ ଆମା ପୁସ୍ ଫି ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ 90 ଡିଗ୍ରୀ ମାଇନସ୍ ଆମା ପୁସ୍ phi ବର୍ତ୍ତମାନ ଯେହେତୁ ଏହି pt ଏହି ବୃତ୍ତ ପାଇଁ ଏକ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍ ଅଟେ,

ତେଣୁ କୋଣ pto 90 ଡିଗ୍ରୀ ଅଟେ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏହି କୋଣ atp 90 ସହିତ ସମାନ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ | ଡିଗ୍ରୀ ମାଇନସ୍ ଆମା ଏବଂ ଏହି ଅନ୍ୟ କୋଣ ଯାହା phi ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ଆମେ ଦେଖୁ ଏହି ତ୍ରିରଙ୍ଗା ଆପ୍ସାୟ୍ଟ୍ ଏହି ଆଜଲ୍ ହେଉଛି ଥା ପୁସ୍ phi ଏହି କୋଣଟି phi ସମାନ ଭାବରେ ଅନ୍ୟ ଏକ ତ୍ରିରଙ୍ଗା $bptbpt$ ତେଣୁ b ରେ ଥିବା କୋଣ ମଧ୍ୟ phi ଦୁ $sorry$ ଖୁଡ଼ | ତ୍ରିରଙ୍ଗା btp କୁ ବିଚାର କର tp କୋଣ btp ହେଉଛି ଆମା ପୁସ୍

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ତ୍ରିକୋଣକୁ ଦେଖୁ ଆମେ କହିପାରିବା ଯେ ତ୍ରିରଙ୍ଗା ଟ୍ୟାପ୍ ତ୍ରିରଙ୍ଗା btp ସହିତ ସମାନ କାରଣ ସମସ୍ତ ତିନୋଟି କୋଣ ଏହି ଦୁଇଟି ତ୍ରିକୋଣର ସମାନ ଏବଂ ଯେହେତୁ ସେଗୁଡ଼ିକ | ସମାନତା ଅନୁପାତରୁ ସମାନତା ଠାରୁ ଆମେ ପାଇଥାଉ ଯେ pt ଓ $divided$ ାରା ବିଭାଜିତ pt pv ବ୍ୟାସ ବିଭାଜିତ pt ସହିତ ସମାନ ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏଠାରୁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ pt ବର୍ଗ ହେଉଛି $pb \times pb$ |

ତେଣୁ ଏହା ଏହି ସ୍ପେଟମେଣ୍ଟ୍‌କୁ ପ୍ରମାଣ କରେ

ତେଣୁ ଆହା ଆମେ ଏଠାରେ [ମ୍ୟୁଜିକ୍] ପୂର୍ବ ସ୍କାଲଡ୍ ରେ ପ୍ରମାଣ କରିସାରିଥିବା କଥାକୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ଯାହା pb ରେ pt ସମାନ ଥିଲା

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଅକ୍ସ | x ଏବଂ y ଅକ୍ସକୁ ଦର୍ଶାଯାଇଛି ଯେ ଆମର ଏଠାରେ ଉପୁଡ଼ି ଅଛି ଏବଂ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଆମର ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଛି ଯାହାର କେନ୍ଦ୍ର ଏଠାରେ ପାଞ୍ଚଟି କମା ତିନିରେ ଅଛି କେବଳ ଏକ ଇଚ୍ଛାଧୀନ ବୃତ୍ତ ଏବଂ ଆସକ୍ତ କହିବା ଯେ ଏହାର ବ୍ୟାସ୍ତ୍ୟ ଦୁଇଟି ଅଛି

ତେଣୁ ଏହା ଏହିପରି କିଛି ଅଟେ | ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ବିନ୍ଦୁ p କୁ ବିଚାର କରିବା ଯାହାର ସଂଯୋଜନା r ଯାହାର ସଂଯୋଜନା ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ ଦୁଇଟି ତେବେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ପଏଣ୍ଟ୍ p ର ଶକ୍ତି ଏହି ବୃତ୍ତ ସହିତ ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟର ବର୍ଗ ଦ $length$ ଧ୍ୟ ହେବ

ତେଣୁ ଏହି ସମ୍ଭାବନା ଅଧିକ ହେବ | ଟାଙ୍ଗେଣ୍ଟ୍

ତେଣୁ ଏହି ବିନ୍ଦୁ p ର ଶକ୍ତି ହେଉଛି ଏହି ଲମ୍ବ pt ର ବର୍ଗ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି pt ଖୋଜିବା କଷ୍ଟକର ନୁହେଁ ଆସକ୍ତ p କୁ ଏହି ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗରେ ଯୋଗଦେବା o ଦେଖିବା ଯେ ଏହି ତ୍ରିରଙ୍ଗା ହାଣ୍ଡି ଏକ ସଠିକ୍ କୋଣ ତ୍ରିରଙ୍ଗା ଏବଂ ତା' ପରେ | ore pt ବର୍ଗ ପୁସ୍ ot ବର୍ଗ ପାଇଥାଗୋରସ୍ ଥିଓରେମ୍ ଠାରୁ op ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଏହି ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଦୁଇଟି ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ ot ବର୍ଗ 4 ଅଟେ କାରଣ ot ହେଉଛି ସର୍କଲ୍ ଅପ୍ ବର୍ଗର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ କାରଣ ଆମେ ଉଭୟ o ର ସଂଯୋଜନା ଜାଣୁ | ପପ୍ ବର୍ଗ ହେଉଛି ପାଞ୍ଚ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ପୁରା ବର୍ଗ ପୁସ୍ ତିନୋଟି ମାଇନସ୍ ମାଇନସ୍ ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ଏବଂ ଏହା ତିରିଶ ତିରିଶ ଚାରିଟି ହୋଇଯାଏ ଏବଂ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣରେ ଏହି ଦୁଇଟି ମୂଲ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରୁ ସେତେବେଳେ ଆମେ pt ବର୍ଗକୁ ତିରିଶ ସହିତ ସମାନ କରିଥାଉ

ତେଣୁ ଏହି ବିନ୍ଦୁର ଶକ୍ତି p ଦୁଇଟି | ଏହି ସର୍କଲ ସହିତ କମା ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ତିରିଶ ଅଟେ, ଚାଲନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ କିଛି ବିନ୍ଦୁକୁ ବିଚାର କରିବା, ଆସକ୍ତ ନଅଟି କମା ପାଞ୍ଚ କହିବା

ତେଣୁ ଏହା ନଅଟି କମା ପାଞ୍ଚ ଏବଂ ଆସକ୍ତ ଏହି pn ନଅଟି କମା ପାଞ୍ଚକୁ ଏକ ସିଧା ଲାଇନରେ ଯୋଗଦେବା ଏବଂ ଏହାକୁ ସିଧା କହିବା | ରେଖା ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍‌ରେ ବୃତ୍ତକୁ କାଟେ ଏବଂ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହି ଦ $length$ ଧ୍ୟ ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ ଏବଂ pb ସେମାନଙ୍କ ଉପାଦକୁ ନେବ ଏବଂ ପାଞ୍ଚ କରିବ ଯେ ସେହି ଉପାଦଟି 30 ସହିତ ସମାନ କି ନୁହେଁ କାରଣ ତାହା ହେଉଛି | t ଆମେ ପୂର୍ବ ସ୍କାଲଡ୍ ରେ ଦେଖାଇଥିଲୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସିଧା ଲାଇନକୁ ଏଠାରେ ଦେଖିବା ତେବେ ସିଧା ଲାଇନର ସମୀକରଣ ହେଉଛି ଯଦି କ $point$ ଶସି ବିନ୍ଦୁ ଅଛି ତେବେ ଆସକ୍ତ ସିଧା ଲାଇନରେ x କମା y କହିବା ତେବେ y ମାଇନସ୍ ମାଇନସ୍ 2 ବିଭାଜିତ

| x ମାଇନସ୍ ଦ୍ by ାରା ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଏହି ରେଖାର ope ୁଲା ସହିତ ସମାନ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଯାହା ପାଞ୍ଚ ମାଇନସ୍ ମାଇନସ୍ ଦୁଇ ନଅ ମାଇନସ୍ ଦ୍ by ାରା ବିଭକ୍ତ

ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳ କରିବା ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜିରେ ଏହି ରେଖାର ସମୀକରଣ x ମାଲନସ୍ 4 y ସହିତ x x ମାଲନସ୍ 4 ସହିତ ସମାନ ହେବ । ସମୀକରଣ ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି ଆମକୁ ଏହି ଲାଲ୍ ରେଖା ଏବଂ ଛକ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଏହି ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁର ବିଶ୍ଳେଷଣ କରିବା ସଂଯୋଜନା ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଏବଂ ଏହି ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁକୁ ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଏହି ବୃତ୍ତର ସମୀକରଣ ଏହି ସମୀକରଣ ଦ୍ୱାରା ଦିଆଯାଏ । ସମୀକରଣ ଏବଂ ବୃତ୍ତର ଏହି ସମୀକରଣ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯେହେତୁ x x ମାଲନସ୍ 4 ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ଆମେ ଏହି y କୁ x ମାଲନସ୍ 4 ଦ୍ୱାରା ବଦଳାଇଥାଉ ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି ଆମେ x ମାଲନସ୍ ପାଞ୍ଚ ପୁରା ବର୍ଗ ପୁସ୍ x ମାଲନସ୍ ସାତ ପୁରା ବର୍ଗ ଚାରିଟି ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯାହା ପାଇଲୁ ତାହା ଦେଖିପାରିବା । ହେଉଛି x ରେ ଚତୁର୍ଥ ସମୀକରଣ ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି ଆମେ x ର ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ମୂଲ୍ୟ ପାଇବୁ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ବିଶ୍ଳେଷଣ x କୋର୍ଡିନେଟ୍ ସହିତ ଅନୁରୂପ ହେବ ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି x ର ପ୍ରଥମ ମୂଲ୍ୟ ଯାହା ଆମେ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ପାଇଥାଉ x ପାଞ୍ଚ ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଆମେ x କୁ ପାଞ୍ଚ ସହିତ ସମାନ ରଖିବା । ବାମ ହାତ ବାମ ହାତ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଚାରିଟି ହେବ ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି ସମୀକରଣ x ପାଞ୍ଚ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ x ପାଞ୍ଚ ସହିତ ସମାନ ହେବ y ସଂଯୋଜନା ଖୋଜିବ ହେବା ଉଚିତ ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି ଏହା ହେଉଛି ଖୋଜିବ ପଏଣ୍ଟ ଯାହାକି ଏହି ପଏଣ୍ଟ ଅନ୍ୟ ଏକ ସମୀକରଣ । ଏହି ସମୀକରଣକୁ x ସାତ ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଯେତେବେଳେ x ସାତ ସହିତ ସମାନ ଏହି ଶବ୍ଦ ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ଏହା ଚାରିଟି ଯେତେବେଳେ x ସାତ ହୁଏ ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି y ତିନି ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଛକଟିର ଅନ୍ୟ ବିନ୍ଦୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଏହି ଦୂରତା p ଏବଂ pb pa କୁ ସହଜରେ ପାଇପାରିବା । ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ଯାହାର ଅଠର ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ ହେବାକୁ ବାହାରିଥାଏ ଏବଂ pb ହେଉଛି ତିନି ମାଲନସ୍ ମାଲନସ୍ ଦୁଇ ପୁରା ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ ଏବଂ ସାତ ମାଲନସ୍ ଦୁଇଟି ପୁରା ବର୍ଗ ଯାହାକି pb ରେ ପଚାଶ p ର ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ ହେବାକୁ ବାହାରିଲା, ତାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଅଷ୍ଟାଦଶର ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ ଅଟେ । n times ପଚାଶ ଯାହା ତିରିଶ ସହିତ ସମାନ ଡେଣ୍ଟ୍ରୋଲୋଜି ଆମେ ଦେଖି ଯେ ପ୍ରକୃତରେ pa ଏବଂ pb ର ଉପାଦ ଏହି ପଏଣ୍ଟ p ର ଶକ୍ତି ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଦ୍ୱ $next$ ାରା ଆମେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତୃତା ରେ ଏହି ବକ୍ତୃତାକୁ ସମାପ୍ତ କରିବୁ ଆମେ ଏକ ନୂତନ ବିଷୟ ଆରମ୍ଭ କରିବା । ଦୁଇଟି ସର୍କଲରେ ଥିବା ସାଧାରଣ ଚାଳେଷ୍ଟ୍ ଆପଣଙ୍କୁ ଧନ୍ୟବାଦ ।