

କ୍ରମ ଏବଂ କ୍ରମ ଏହି ବକ୍ତୃତା ଏହି ବିଷୟଗୁଡ଼ିକ ଉପରେ ଅଧିକ କିଛି ସମସ୍ୟା ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିବା ପାଇଁ ଉଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଯାହା କି ତିନି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାର ସମଷ୍ଟି ଯାହା ତିନିଟି d ଦିଆଯାଇ ବିଭକ୍ତ ହେବାବେଳେ ଦୁଇଟିର ସ୍ଵାରକ ଛାଡ଼ିଦିଏ, ଆମକୁ ନିମ୍ନଲିଖିତ ନୀତିକ୍ରମ କରିବା ପାଇଁ $a + 1 + a + 2$ ଦିଅନ୍ତୁ। ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ $3b$ କ୍ରମାଗତ ପଞ୍ଚିତ ଲକ୍ଷ୍ମିଜର୍ଣ୍ଣ ଆମକୁ ଯଦି a ତିନିଟି d is ାରା ବିଭାଜିତ ହୁଏ ତେବେ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ ରିମାଲଣ୍ଡର 1 କୁ 3 ସହିତ ବିଭକ୍ତ କଲାବେଳେ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ଏକ ରିମାଲଣ୍ଡର 2 ଛାଡ଼ିଦେବ ଯେତେବେଳେ ତିନିଟି d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହୁଏ ଏହା ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ ପୂର୍ଣ୍ଣ କିନ୍ତୁ ଉପଯୋଗୀ ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ ମୋଡେ ପୁନରାବୃତ୍ତି କର ତୁମର ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ଇତ୍ୟାଦି କ୍ରମାଗତ ପଞ୍ଚିତ ଲକ୍ଷ୍ମିଜର୍ଣ୍ଣ ହେବା ପାଇଁ 3 d div ାରା ଏକ ବିଭାଜିତ ଅର୍ଥାତ୍ ଏହା ରିମାଲଣ୍ଡର 0 ଛାଡ଼ିଦିଏ ଯେତେବେଳେ 3 d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହୁଏ ତା' ପରେ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ 1 ରିମାଲଣ୍ଡର ଛାଡ଼ିଦେବ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ରିମାଲଣ୍ଡର 2 ଛାଡ଼ିଦେବ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ 3 | 3 d $again$ ାରା ପୁନର୍ବାର ବିଭାଜିତ ହେବ ଏବଂ ଅନ୍ୟ ପଟେ ଯଦି a 3 d div ାରା ବିଭାଜିତ ନହୁଏ କିନ୍ତୁ ଏକ ରିମାଲଣ୍ଡର 1 କୁ 3 d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ କରାଗଲେ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ 1 3 ଚକ d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହେଲେ ସ୍ଵାରକ 2 ଛାଡ଼ିଦେବ | $reas + plus + 2 + 3$ ଦ୍ଵାରା ଠିକ୍ ବିଭାଜିତ ହେବ ଏବଂ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣକୁ ଧ୍ୟାନରେ ରଖି ଆସନ୍ତୁ ବିଆଯାଇଥିବା ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ସହିତ ଆମକୁ you ିବା ପାଇଁ ଆପଣଙ୍କୁ ତିନୋଟି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ କିଛି ନମ୍ବର ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଏ ଯାହା ପ୍ରଥମ ତିନିଟି d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହେଲେ ଦୁଇଟିର ସ୍ଵାରକ ଛାଡ଼ିଥାଏ | ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଯଥା ଶହେ ପତ୍ରର ସ୍ଵାରକ 1 ଯେତେବେଳେ ତିନୋଟି d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହୁଏ

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ତିନି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିକୁ ବିଭକ୍ତ କଲାବେଳେ ଦୁଇଟି ସ୍ଵାରକକୁ ସ୍ଵରଣ କରାଏ ଯାହା ହେଉଛି ଆମର ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣ ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ତିନି ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ଯାହା ଅବଶିଷ୍ଟ 2 କୁ 3 d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ କଲାବେଳେ 1 ନୁହେଁ 1 ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଯଥା 1 କିମ୍ବା 2 3 ାରା ବିଭାଜିତ ହେବ, ଗୋଟିଏ ନୁହେଁ ତିନିଟି d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହେଲେ ରିମାଲଣ୍ଡର ଛାଡ଼ିଦେବେ ଯେତେବେଳେ ଗୋଟିଏ ଚାରିଟି ମୂଲ୍ୟ ରିମାଲଣ୍ଡର 2 କୁ 3 d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ କରାଯାଏ

ତେଣୁ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଅଧିକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭାବରେ 3 ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଯାହା 3 ଦ୍ଵାରା ବିଭକ୍ତ ହେଲେ ସ୍ଵାରକ 2 ଛାଡ଼ିଥାଏ | ଗୋଟିଏ ନୁହେଁ ଚାରିଟି ନୁହେଁ ଗୋଟିଏ ସାତ ଲକ୍ଷେଟିର ଆସନ୍ତୁ ଶେଷ ତିନୋଟି ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ଯାହାକି 3 ଚି ନୋଟ୍ ଦ୍ଵାରା ବିଭକ୍ତ ହେଲେ ସ୍ଵାରକପତ୍ର 2 ଛାଡ଼ିଦିଏ | 3 ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା କିମ୍ବା ସର୍ବାଧିକ 3 ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି 9999 999 ଯାହାକି 3 d is ାରା ବିଭାଜିତ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ପୂର୍ବ ସଂଖ୍ୟା ଯଥା 9 9 8 ଏକ ସ୍ଵାରକ 2 ଛାଡ଼ିଦେବ ଯେତେବେଳେ 3 d $divided$ ାରା ବିଭକ୍ତ ହେବ ତେଣୁ ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତରାଧିକାରୀ ଶେଷ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି 9 9 8 ଫଳସ୍ଵରୂପ, 998 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କ୍ରମର ସମସ୍ତ ସର୍ତ୍ତଗୁଡ଼ିକର ସମଷ୍ଟି ଖୋଜିବା ପାଇଁ ପ୍ରଶ୍ନ ହୁଏ, ଗୋଟିଏ ନୁହେଁ ଚାରିଟି ନୁହେଁ ସାତୋଟି ଇତ୍ୟାଦି 998 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ କି ଏହି କ୍ରମଟି ସାଧାରଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ ତିନୋଟି ସହିତ ଗାଣିତିକ ପ୍ରଗତିରେ ଅଛି ତେଣୁ ଆମକୁ କିଛି ସୀମିତ ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଏ | ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ ସହିତ ଗୋଟିଏ ଆପ୍ ର ଶବ୍ଦ ସଂଖ୍ୟା ଗୋଟିଏ ନୁହେଁ ଏବଂ ସାଧାରଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ 3 ଫର୍ମୁଲାକୁ ମନେରଖନ୍ତୁ ଯାହା ଏକ ଆପ୍ ର ପ୍ରଥମ n ଶବ୍ଦର ସମଷ୍ଟି ପାଇଁ ଉପଲବ୍ଧ ଅଛି ଯେଠାରେ ଦୁଇଟି ସୂତ୍ର ଉପଲବ୍ଧ ଅଛି ଯାହାକି ଗୋଟିଏ n ର ସମାନ n ର ସମାନ ଅଟେ | 2 ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦର ସମାପ୍ତି ସହିତ ଶେଷ ହୋଇଛି ଏବଂ ଶେଷ ଶବ୍ଦର ଆଉ ଏକ ସୂତ୍ର ଅଛି ତଥାପି ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଏହି ଦୁଇଟି ସୂତ୍ର ମଧ୍ୟରୁ ଯେକ any ଶବ୍ଦ ଶବ୍ଦର ସଂଖ୍ୟା ଆବଶ୍ୟକ କରେ ଯାହାକୁ ଆପଣ ସମାପ୍ତ କରୁଛନ୍ତି

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ t ପଚାରିବା ହେଉଛି ଆପଣେ 101 ରୁ ଆରମ୍ଭ ହୋଇ 998 ସହିତ ଶେଷ ହେବା ସହିତ ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ 998 ସହିତ ଶେଷ ହେବା ପାଇଁ 998 ଠି nth ହେବା ପରେ 998 ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ n ମାଲନସ୍ 1 ଥର ସମାନ ହେବ ଯାହା ଆମେ ଜାଣୁ | ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦଟି ଗୋଟିଏ ନୁହେଁ ଏବଂ ସାଧାରଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ ହେଉଛି ଏହି ସମୀକରଣକୁ ସରଳୀକରଣ କରିବା ଦ୍ଵାରା ଆମେ n ମାଲନସ୍ 1 କୁ 998 ମାଲନସ୍ 1 ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ 3 ଦ୍ଵାରା ବିଭକ୍ତ ଯାହାକି 2 99

ତେଣୁ n 300 ସହିତ ସମାନ ହେବ ତେଣୁ ପ୍ରବନ୍ଧ କ୍ରମରେ 1.1 104 ଇତ୍ୟାଦି 998 ଯାହାକି ଏକ ଗାଣିତିକ ପ୍ରଗତି ଅଟେ ଯେଠାରେ ବାସ୍ତବରେ 300 ଶବ୍ଦ ଅଛି ତେଣୁ ଆମକୁ ଏକ ଗାଣିତିକ ପ୍ରଗତିର ପ୍ରଥମ 300 ଶବ୍ଦର ସମଷ୍ଟି ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଆବଶ୍ୟକ ରାଶି ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦରେ n d two ାରା ସମାନ ଏବଂ ଶେଷ ଶବ୍ଦ 300 ରୁ 2 ଗୁଣିତ ସମାନ | 101 ପୂର୍ଣ୍ଣ 998 ସହିତ ଚିକିଏ ଗଣନା ସହିତ ଗୋଟିଏ ଉତ୍ତର ପାଇପାରିବ କାରଣ ଗୋଟିଏ ଛଅ ଚାରି ଆଠ ପାଞ୍ଚ ଶୂନ୍ୟ ଏକ ଲକ୍ଷ ଷାଠିଏ ଚାରି ହଜାର ଏବଂ ଆଠ ପଚାଶଟି ଏହି ପ୍ରବନ୍ଧ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା ଆସନ୍ତୁ ସମାନ ସମସ୍ୟା ସହିତ ଅଗ୍ରଗତି କରିବା | ହଜାରେ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପଞ୍ଚିତ ଲକ୍ଷ୍ମିଜର୍ଣ୍ଣ ର ରାଶି ଯାହା phi d div ାରା ବିଭାଜିତ ଏବଂ ଦୁଇଟି d is ାରା ବିଭାଜିତ ନୁହେଁ ଏହା ପୁନର୍ବାର ଏକ ଆପ୍ ର ପ୍ରଥମ n ଶବ୍ଦର ସମଷ୍ଟି ସହିତ ଏକ ସମସ୍ୟା ଅଟେ, ଯେପରି ଆମେ ଦେଖିପାରିବା ଆସନ୍ତୁ ଏହି ନୋଟ୍‌କୁ ଆନୁଷ୍ଠାନିକ ଭାବରେ ସମାଧାନ କରିବା ଯେ ହଜାରେ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସକାରାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା | phi d div ାରା ବିଭାଜିତ ହେଉଛି 5 10 15 ଇତ୍ୟାଦି ହଜାରେ ନୋଟ୍ ଯେ 1000 d is ାରା ବିଭାଜିତ ହୁଏ 5 d by ାରା ବିଭାଜିତ ପୂର୍ବ ସଂଖ୍ୟା 995 ହେବ | ଏହି ଚାଲିକାରେ ନୋଟ୍ କରନ୍ତୁ ଯେ 10 20 ଇତ୍ୟାଦି d by ାରା ବିଭାଜିତ ହେବ

ତେଣୁ ଆମେ 10 20 କୁ ବିଚାର କରିବା ଉଚିତ୍ ନୁହେଁ | ଏବଂ ସେହିପରି ପଞ୍ଚିତ ଲକ୍ଷ୍ମିଜର୍ଣ୍ଣ ଚାଲିକାକୁ କରିବାବେଳେ ଯାହା 5 d div ାରା ବିଭାଜିତ ହୁଏ କିନ୍ତୁ 2 d div ାରା ବିଭାଜିତ ହୁଏ ନାହିଁ ଇତ୍ୟାଦି ଆମକୁ 1000 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପଞ୍ଚିତ ଲକ୍ଷ୍ମିଜର୍ଣ୍ଣ କରିବାକୁ କୁହାଯାଏ ତେଣୁ ବିଚାର କରାଯାଉଥିବା ଶେଷ ପଞ୍ଚିତ ଲକ୍ଷ୍ମିଜର୍ଣ୍ଣ ଯାହା phi ଦ୍ଵାରା ବିଭାଜିତ ହୁଏ କିନ୍ତୁ 2 ଦ୍ଵାରା ନୁହେଁ 995 ଏହିପରି ହେବ | କ୍ରମର ସର୍ତ୍ତାବଳୀର ସମଷ୍ଟି ଖୋଜିବା ପାଇଁ ସମସ୍ୟା ଫୁଟିଲା

ତେଣୁ 995 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଜଣେ ସହଜରେ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି କ୍ରମଟି ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ phi ଏବଂ ସାଧାରଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ ସହିତ ଏକ ଗଣିତ ପ୍ରଗତି ଅଟେ | ପୂର୍ବ ସମସ୍ୟା ଆସନ୍ତୁ ମନେ ରଖିବା ଯେ ଏକ ଆପ୍ ର ପ୍ରଥମ n ଶବ୍ଦର ରାଶିରେ ଦୁଇଟି ସୂତ୍ର ଅଛି କିନ୍ତୁ ଉଭୟ ଶବ୍ଦର ସଂଖ୍ୟା ଆବଶ୍ୟକ କରନ୍ତି ଯାହାକୁ ସଂକ୍ଷିପ୍ତ କରାଯିବା ଆବଶ୍ୟକ ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ପଦକ୍ଷେପ ଭାବରେ ଆମେ ଏହି ଆପରେ 5 ରୁ 5 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କେତେ ଶବ୍ଦ ଅଛି ତାହା ପାଇଁ | 995 ଏହି ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟରେ 995 କୁ nth ଚର୍ଚ୍ଚା ପାଇଁ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରି 995 ଏକ n ପୂର୍ଣ୍ଣ n ମାଲନସ୍ 1 ଥର d ସହିତ ସମାନ, ଯାହା 5 ପୂର୍ଣ୍ଣ n ମାଲନସ୍ 1 ଥର 10 ବିଚ୍ଛିନ୍ନ n ଆମେ 995 ମାଲନସ୍ 5 ରୁ 10 ସହିତ ସମାନ | ପୂର୍ଣ୍ଣ 1 . ଯାହା n କୁ 100 ସହିତ ସମାନ ବୋଲି ସୂଚିତ କରେ, ପ୍ରବନ୍ଧ ଚାଲିକାରେ 995 ବାସ୍ତବରେ ଏହି ଆବଶ୍ୟକୀୟ ରାଶି ବ୍ୟବହାର କରି 100 ତମ ଅଟେ ଯାହା ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ 5 ସହିତ ଏକ ଆପର ପ୍ରଥମ 100 ଶବ୍ଦର ସମଷ୍ଟି ଅଟେ ଏବଂ ସାଧାରଣ ପାର୍ଥକ୍ୟ 10 d $term$ ାରା ପ୍ରଥମ ଚର୍ଚ୍ଚାରେ 2 ହେବ | ଏଥିସହ ଶେଷ ଶବ୍ଦ ଆମେ ଏହି ସୂତ୍ର ଉପରେ ନିର୍ଭର କରିବା କାରଣ ଶେଷ ଶବ୍ଦ ଆମକୁ ଜଣାଶୁଣା ଏହା ହେଉଛି 100 ରୁ 2 ପ୍ରଥମ ଚର୍ଚ୍ଚାରେ 5 ଏବଂ ଶେଷ ଚର୍ଚ୍ଚା ହେଉଛି 995 କିଛି ସରଳ ଗଣନା ସହିତ 50 000 ହେବାର ଉତ୍ତର ଏଠାରେ ମିଳିପାରିବ ଯଦି ଆପଣଙ୍କର ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମସ୍ୟା ହେଉଛି a 2 ଶକ୍ତି 65 ଏବଂ b କୁ 2 ପାଖରୁ 64 ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ପାଖରୁ 63 ପୂର୍ଣ୍ଣ ଇତ୍ୟାଦି ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ପାଖରୁ 0 ଭାବରେ ଦିଆଯାଏ ତେବେ ଏହି ସମସ୍ୟାରେ b ଠାରୁ ବଡ଼ ଅଟେ ତୁମକୁ ସମାଧାନ ଆଡ଼କୁ a ଏବଂ b ତୁଳନା କରିବାକୁ କୁହାଯାଏ ପ୍ରଥମେ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା b ଯାହା 2 କୁ ଦିଆଯାଏ | ପାଖରୁ 64 ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ପାଖରୁ 63 ପୂର୍ଣ୍ଣ ଇତ୍ୟାଦି ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ପାଖରୁ 0 ବାସ୍ତବରେ ପ୍ରଥମ gp ର ପ୍ରଥମ କିଛି ଶବ୍ଦ 2 ର ଶକ୍ତି ଏବଂ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତ 2 ସହିତ gp ର ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକର ସମଷ୍ଟି 2 b ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ ସହିତ 2 ଶକ୍ତି 0 ସହିତ ସମାନ | ଯାହାକି 1 ଏବଂ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତ 2 ଦେଖିବା ଯେ 2 ପାଖରୁ 0 ହେଉଛି ଶେଷ ଚର୍ଚ୍ଚା କିନ୍ତୁ ଗୋଟିଏ 2 ପାଖରୁ 1 ହେବ ଏହା 2 ବର୍ଗ ହେବ ଏବଂ 2 ପାଖରୁ 64 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଯଦି ଆପଣ ଅନ୍ୟ ପାର୍ଶ୍ଵରୁ ପ $read$ ିତ ତେବେ ଆପଣ ପାଳନ କରିପାରିବେ | ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦଟି ହେଉଛି 1 ଏବଂ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତ ହେଉଛି 2 | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ ଏକ gp ଶବ୍ଦର ସମଷ୍ଟି ପାଇଁ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରିବା ଯେ ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ ସହିତ agp ର ପ୍ରଥମ n ଶବ୍ଦର ରାଶି ଏବଂ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତ r ସହିତ sn ସମାନ ଅଟେ | ଶକ୍ତି n ମାଲନସ୍ 1 d r ାରା r ମାଲନସ୍ 1 ମନେକରାଯାଏ r 1 ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ପୂର୍ବ ଦୁଇଟି ସମସ୍ୟା ସହିତ ସମାନ | ପ୍ରଥମ କାର୍ଯ୍ୟଟି ହେଉଛି ଏହି କ୍ରମରେ କେତେ ଶବ୍ଦ ଅଛି ଜାଣିବା ପାଇଁ ଆସନ୍ତୁ ଜାଣିବା 2 ପାଖରୁ 64 ହେଉଛି nth ଚର୍ଚ୍ଚା ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଅନ୍ୟ ପାର୍ଶ୍ଵରୁ ପ $read$ ିବା 2 ପାଖରୁ 64 କୁ nth ଚର୍ଚ୍ଚା ପାଇଁ ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରି nth $term$ ହେବ | ଏକ gp a ରୁ r ପାଖରୁ n ମାଲନସ୍ 1 2 ପାଖରୁ 64 ସହିତ ସମାନ | ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ a ହେଉଛି 1 ଏବଂ r ହେଉଛି 2 . ଲକ୍ଷ୍ମିଜର୍ଣ୍ଣର ନିୟମକୁ ମନେରଖନ୍ତୁ ଏଠାରେ ଆଧାର ଦୁଇଟି ସମାନ ଏବଂ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ସମାନ

ତେଣୁ ଏକ୍ସପୋଜନ୍ତୁ ସହିତ ତୁଳନା କରାଯାଏ n ମାଲନସ୍ 1 | n ସହିତ ସମାନ ଥିବା 64 ରେ ସମାନ, ଏହା ସିଦ୍ଧାନ୍ତ କରେ ଯେ ବାସ୍ତବରେ 2 ଶକ୍ତି 0 ପୂର୍ଣ୍ଣ ଇତ୍ୟାଦିରେ

2 ଟି ଶକ୍ତି 64 ରେ 65 ଟି ଶକ୍ତି ଅଛି | ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଆସନ୍ତୁ bb କୁ r ପାଖରୁ n ମାତ୍ରରେ 1 ରେ r ସହିତ ସମାନ | ମାତ୍ରରେ 1 ହେଉଛି ଏକ gp ର n ଶବ୍ଦର ସମଷ୍ଟି ଯାହା a ସହିତ ସମାନ ଅଟେ 1 ଗୁଣ r ହେଉଛି 22

ତେଣୁ 2 ଶକ୍ତି 65 ମାତ୍ରରେ 1 ଓ 2 ାରା 2 ମାତ୍ରରେ 1 ଯାହାକି 2 ଶକ୍ତି 65 ମାତ୍ରରେ 1

ତେଣୁ ଆମେ 2 ଶକ୍ତି 65 ମାତ୍ରରେ 1 ପ୍ରତ୍ୟାବର୍ତ୍ତନ ପାଇଁ b ପ୍ରାପ୍ତ କରୁ | ସେହି 2 ପାଖରୁ 65 ହେଉଛି ଏକ ମୂଲ୍ୟ,

ତେଣୁ b ହେଉଛି ଏକ ମାତ୍ରରେ 1 ଯାହା କହେ ଯେ b ପୂର୍ବ 1 ସହିତ ସମାନ | b ଠାରୁ ଧାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ab ସକାରାତ୍ମକ ଅଟେ

ତେଣୁ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ହିଁ a ଠାରୁ ବଡ଼ ଅଟେ ଏଠାରେ ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମସ୍ୟା ହେଉଛି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାରଖାନା ମୂଲ୍ୟ 6 ଲକ୍ଷ ଟଙ୍କା ଯଦି ଏହି ଉପକରଣ ପ୍ରଥମ ବର୍ଷରେ 13.5 ମୂଲ୍ୟରେ ହ୍ରାସ ହୁଏ | ପରବର୍ତ୍ତୀ ବର୍ଷ ଶତକଡ଼ା 12 ବର୍ଷ ତୁଟାଇ ବର୍ଷ ଏବଂ 10 ବର୍ଷ ଶେଷରେ ଏହାର ମୂଲ୍ୟ କ'ଣ ହେବ ତାହା ଉପରେ [ମ୍ୟୁଜିକ୍] ପ୍ରୟୋଗ କରୁଥିବା ସମସ୍ତ ଶତକଡ଼ା ମୂଳ ମୂଲ୍ୟରେ ତୁମର ଯତ୍ନପାତ୍ର ଏକ ଖଣ୍ଡ ଅଛି ଯାହାକି ପ୍ରତିବର୍ଷ ମୂଲ୍ୟରେ ହ୍ରାସ ହୁଏ | 10 ବର୍ଷ ଶେଷରେ ମୂଲ୍ୟ ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଇଛି ଯେହେତୁ ସରଳତା ପାଇଁ ସମସ୍ତ ଅବନତି ଶତକଡ଼ା given ଠାଗ ଦିଆଯାଇଛି, ଆସନ୍ତୁ ଧରିବା ଯେ ମୂଲ୍ୟ 100 ଅଟେ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଦୁଇ ଡିଜି ବର୍ଷ ଶେଷରେ ମୂଲ୍ୟର ଶତକଡ଼ା ଦିଆଯାଏ | ତାଲିକା 15 13.5 12 ଇସ୍ତେରେ ଏହି ଶତକଡ଼ା ଅବନତିର ଏହି ତାଲିକା ଗାଣିତିକ ପ୍ରଗତିରେ ଦେଖାଯିବ ଏବଂ ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ 15 ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ସାଧାରଣ ଡିଫ୍ | ferece d ମାତ୍ରରେ 1.5 ସହିତ ସମାନ ଏହା ଦ୍ୱ term ିତୀୟ ଚର୍ମ ମାତ୍ରରେ ପ୍ରଥମ ଚର୍ମ କିମ୍ବା ତୃତୀୟ ଚର୍ମ ମାତ୍ରରେ ଦ୍ୱିତୀୟ ଚର୍ମରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଅଟେ ଏବଂ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣକୁ ରଖିବା ଦ୍ୱ us ାରା ଆସନ୍ତୁ ଜାଣିବା 10 ବର୍ଷ ଶେଷରେ ଶତକଡ଼ା ଅବନତି କ'ଣ ତେଣୁ ଦଶମ ବର୍ଷରେ ଅବନତିର ଶତକଡ଼ା ? କେବଳ ଏହି ଆପର ଦଶମ ଅବଧି ପଚାରୁଛି ଫଳସ୍ୱରୂପ ଦଶମ ବର୍ଷରେ ଅବନତିର ଶତକଡ଼ା a ଏବଂ d ର ମୂଲ୍ୟ ବଦଳାଇ ସୂତ୍ରର ଏକ ନଅ d ଫର୍ମୁଲା ଠାରୁ ମିଳିପାରିବ ଏବଂ ଆମେ ଦଶମ ବର୍ଷରେ ଶତକଡ଼ା ଅବନତିକୁ 1.5 ହେବ

ତେଣୁ କ୍ରମାଗତ ଅବନତି | ପ୍ରଥମ 10 ବର୍ଷ 15 13.5 12 ଇତ୍ୟାଦି 1.5 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏହି ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରି 10 ବର୍ଷରେ ମୂଲ୍ୟ ହ୍ରାସ ହେବ ବୋଲି ମନେକରି 100 ମୂଲ୍ୟ 15 ପୂର୍ବ 13.5 ପୂର୍ବ ଇତ୍ୟାଦି ପୂର୍ବ 1.5 ଆପଣ ଦେଖିପାରିବେ ଯେ ଏହି ରାଶି ବାସ୍ତବରେ ପ୍ରଥମ 10 ସର୍ଭାବଳୀର ସମଷ୍ଟି ଅଟେ | ଏକ ଗାଣିତିକ ପ୍ରଗତି ତେଣୁ ଏହାର ମୂଲ୍ୟ 10 ରୁ 2 10 ହେବ ଏହି ରାଶିରେ ଶବ୍ଦ ସଂଖ୍ୟା 15 ପୂର୍ବ 1.5 ସହିତ ଗୁଣିତ ହେବ ଯାହାକି 82.5 ଅଟେ | 10 ବର୍ଷ ମଧ୍ୟରେ ମୂଲ୍ୟ ହ୍ରାସ ହୋଇଥିବା 100 ମୂଲ୍ୟକୁ ଧରାଯିବା ହେଉଛି 10 ବର୍ଷ ଶେଷରେ ଉପକରଣର ଫଳାଫଳ ମୂଲ୍ୟ 100 ମାତ୍ରରେ ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ 82.5 ହେବ ତେଣୁ 10 ବର୍ଷ ପରେ ଉପକରଣର ମୂଲ୍ୟ 17.5 ହେବ | ଯଦି ଏହାର ମୂଲ୍ୟ 100 ଟଙ୍କା ଅଟେ ତେବେ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟର ମୋଟ ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ଏହାକୁ ସେଲ କରିବା ଆସନ୍ତୁ 6 ବର୍ଷ ଏହାର ମୂଲ୍ୟ 10 ବର୍ଷ ଶେଷରେ 6 ଲକ୍ଷରୁ 17.5 ରୁ 100 ହେବ କାରଣ ଏହାର କାରଣ ହେଉଛି 17.5 ହେଉଛି ଅବନତି ଯଦି ଏହାର ମୂଲ୍ୟ ହେଉଛି 100

ତେଣୁ 17.5 ଦ୍ୱ 100 ାରା ମୂଲ୍ୟ ହ୍ରାସ ହେଉଛି ଯଦି ମୂଲ୍ୟ 1 ଟଙ୍କା ଏହାକୁ 60 000 ସହିତ ବ ly ାଇବ ତେବେ ପ୍ରକୃତ ମୂଲ୍ୟ ଏହାକୁ ଏକ ଲକ୍ଷକୁ ସରଳ କରାଯାଇପାରିବ ଏବଂ ପାଞ୍ଚ ହଜାର ଏହା ସମାଧାନ ସମାପ୍ତ କରିବ ଯଦି ଲଗ୍ 2 ହୁଏ ତେବେ ଆଉ କିଛି ସମସ୍ୟା ସହିତ ଅଗ୍ରଗତି କରିବା | ମ୍ୟୁଜିକ୍] ଲଗ୍ 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ଏବଂ 2 ପାଖରୁ x ପୂର୍ବ 3 ର ଲୋଗାରିଦମ୍ ହେଉଛି x ର ମୂଲ୍ୟ ଖୋଜ, ଏହା ଗାଣିତିକ ପ୍ରଗତି ଉପରେ ଆଧାର କରି ଏକ ମଜାଦାର ସମସ୍ୟା ଏବଂ ଏହା ପାଇଁ ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟ ସ୍ଥିର କରିବା ପାଇଁ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଧାରଣା | ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଉପରେ କିଛି ମ ics ଲିକ କଥା ମନେ ପକାଇଦେବି ଯେ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ପ୍ରକୃତ ନମ୍ବରର ଲୋଗାରିଦମ୍କୁ ଅଧିକ ସଠିକ ଭାବରେ ପ୍ରକାଶ କରିବାର ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବିପରୀତ ଅଟେ, ଯେଉଁଥିରେ ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ପ୍ରକୃତ ନମ୍ବରର ସରଳ ଲୋଗାରିଦମ୍ରେ x ପାଇବା ପାଇଁ ଅନ୍ୟ ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ବୁଦ୍ଧି କରାଯିବା ଉଚିତ | x ରୁ ବେସ୍ b ଯେଉଁଠାରେ b ହେଉଛି 1 ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ ଏକ ପଜିଟିଭ୍ ରିଆଲ୍ ନମ୍ବର ହେଉଛି y ଯଦି b ପାଖରୁ y ହେଉଛି ଏକ ପଜିଟିଭ୍ ରିଆଲ୍ ନମ୍ବରର x କୁ ଆଧାର b କୁ ପୁନରାବୃତ୍ତି କରେ ଯେଉଁଠାରେ b ଏକ ସ୍ଥିର ପଜିଟିଭ୍ ରିଆଲ୍ ନମ୍ବର 1 ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ବୋଲି କୁହାଯାଏ | y ଯଦି b ସହିତ x ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସିଭ୍ ହୋଇଛି x ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଆମେ ଜାଣୁ ଲୋଗାରିଥମିକ୍ ଭାଷାରେ 2 ପାଖରୁ 3 ହେଉଛି 8 ଆମେ କହିଥାଉ ଯେ ଏହି ଲଗ୍ 8 କୁ ବେସ୍ 2 କୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦାହରଣ ଭାବରେ ଆମେ ଜାଣୁ phi ବର୍ଗ ହେଉଛି ପ୍ରକୃତ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଭାଷାରେ | ସଂଖ୍ୟା 25 ରୁ ବେସ୍ 5 ହେଉଛି 2. ଆମେ ଜାଣୁ 25 ପାଖରୁ 1 ହେଉଛି 25

ତେଣୁ 25 ର ଲୋଗାରିଦମ୍ କୁ 25 ରୁ ବେସ୍ 25 ସହିତ ତୁଳନା କରନ୍ତୁ 25 ର ଅନ୍ୟ ଏକ ବେସ୍ ପାଇଁ ଟାଇମ୍ ଲୋଗାରିଥମ୍ ଯଥା 25 ହେଉଛି 1 | ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଆଉ ଏକ ଚତୁଷ୍ଟାକ୍ ଦେବି କେବଳ କିଛି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଉଦାହରଣ ଦେବା ପାଇଁ ଆମେ କହିଥାଉ ଯେ 9 ର ବେସ୍ 3 କୁ ଲୋଗାରିଦମ୍ 2 ଅଟେ କାରଣ 3 ଯେତେବେଳେ ସ୍ୱାତନ୍ତ୍ର 9 ପ୍ରଦାନ କରେ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଅନୁରୋଧ କରୁଛି | ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସିଭ୍ ଏବଂ ଏହାର ଓଲଟା ପ୍ରକ୍ରିୟା ଲୋଗାରିଦମ୍ ସହିତ ଅଧିକ ଅଭ୍ୟାସ କରନ୍ତୁ ମୋତେ କେବଳ ଟିପ୍ପଣୀ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଯଦିଓ ମୁଁ ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା x ର ଲୋଗାରିଦମ୍କୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିଛି, ଏକ ସକାରାତ୍ମକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା b ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ କିମ୍ବା ଅଧିକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭାବରେ ବେସ୍ ସହିତ 1 ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ | ସେହି ପରିପ୍ରେକ୍ଷାରେ b କୁ ନମ୍ବର ଭାବରେ ଗ୍ରହଣ କରିବା ପ୍ରଥା, ଆମେ ଲୋଗାରିଦମ୍କୁ ଏକ ନମ୍ବର x ର ପ୍ରାକୃତିକ ଲୋଗାରିଦମ୍ ବୋଲି କହିଥାଉ, ଏହାକୁ x ର ପ୍ରାକୃତିକ ଲୋଗାରିଦମ୍ କୁହାଯିବ ଏହା ମନେ ରଖିବା ଉଚିତ ଯେ କାଲକୁଲସ୍ରେ ପ୍ରାକୃତିକ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଅପେକ୍ଷା କାମ କରିବାକୁ ପସନ୍ଦ କରାଯାଏ | ଏକ ଇଛାଧୀନ ଆଧାରକୁ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଏବଂ ପ୍ରାକୃତିକ ଲୋଗାରିଦମ୍କୁ ସରଳ ln ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଇଛି ପରବର୍ତ୍ତୀ ଦୁଇଟି ପଜିଟିଭ୍ ରିଆଲ୍ ନମ୍ବର x ଏବଂ y ର ଉତ୍ପାଦର ଲୋଗାରିଦମ୍ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଦୁଇଟି ମ basic ଲିକ ଗୁଣକୁ ଏକ ସ୍ଥିର ଆଧାରକୁ ମନେ ପକାଇବା | b ହେଉଛି ଏକ ଉତ୍ପାଦର ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ଲୋଗାରିଦମ୍ ସମଷ୍ଟି ହେଉଛି କିଛି ଲୋଗାରିଦମ୍ରେ ରୁପାନ୍ତରିତ ହୁଏ ବାସ୍ତବରେ ଏହା ଗଣନାକୁ ସରଳ କରିଥାଏ ଏବଂ ଏହି ଗୁଣଟି ଲୋଗାରିଦମ୍କୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବା ପାଇଁ ଏକ ପ୍ରେରଣା ଅଟେ ଯାହାକି ଗୁଣନର ଜଟିଳ ପ୍ରକ୍ରିୟାକୁ ଅପେକ୍ଷାକୃତ ସରଳ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ କରାଯାଇପାରେ | ଯୋଗ ସହିତ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଗ୍ରହଣ କରି ଏବଂ ଲୋଗାରିଦମ୍ ର ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ମୋତେ ମନେ ପକାନ୍ତୁ ଯେ ଏକ ପାଖରୁ x ପାଖରୁ ର ଲୋଗାରିଦମ୍ କିଛି ବେସ୍ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ , ସରଳ ଭାଷା ଲୋଗାରିଦମ୍ ଉତ୍ପାଦକୁ ବଦଳାଇବା ପାଇଁ ବେସ୍ ସହିତ x ର p ଗୁଣ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଅଟେ | ଏହାକୁ ଧାନରେ ରଖି ଲୋଗାରିଦମ୍ ଏବଂ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଉତ୍ପାଦରେ ଶକ୍ତି ପରିବର୍ତ୍ତନ କରେ, ଆସନ୍ତୁ ସେହି ସମସ୍ୟାକୁ ଫେରିବା, କାରଣ ଲଗ୍ 2 ଲଗ୍ 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ଏବଂ ଲଗ୍ 2 ପାଖରୁ x ପୂର୍ବ 3 ଆପ୍ରେ ଅଛି କାରଣ ଏହି 3 ସଂଖ୍ୟା ସଂଖ୍ୟାରେ ଅଛି | ମ middle ୀରେ ଦେଖାଯିବା ଯଥା ଲଗ୍ 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ପ୍ରଥମ ଏବଂ ତୃତୀୟ ସ୍ଥାନରେ ଘଟୁଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ଗାଣିତିକ ଅର୍ଥ ହେବ ଯାହା

ତେଣୁ t ଅଟେ | 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ର ଖାଇସ୍ ଲୋଗାରିଦମ୍ ହେଉଛି ଲଗ୍ 2 ପୂର୍ବ ଲଗ୍ 2 ପାଖରୁ x ପୂର୍ବ 3 ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ 2 ଲୋଗାରିଥମ୍ ଲୋଗାରିଦମ୍ ର 2 ପୂର୍ବ ଲୋଗାରିଥମ୍ ର ପ୍ରପର୍ଟି 2 ପାଖରୁ x ରେ ଉତ୍ପାଦର ଲୋଗାରିଦମ୍ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | ପୂର୍ବ 3. ସମାନ ଭାବରେ ବାମ ପାର୍ଶ୍ୱ 2 ରେ 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ର ଲୋଗାରିଦମ୍ 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ର ପୁରା ବର୍ଗକୁ ଲେଖାଯାଇପାରିବ

ତେଣୁ ପ୍ରବୃତ୍ତ ସୂଚନା 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ର ଲୋଗାରିଦମ୍କୁ ଅନୁବାଦ କରେ ସମଗ୍ର ବର୍ଗ ସମାନ | 2 ରୁ 2 ପାଖରୁ x ପୂର୍ବ 3 ର ଲୋଗାରିଦମ୍ କୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସିଭ୍ ଗ୍ରହଣ କରିବା ଏବଂ ଲୋଗାରିଦମ୍ ଏବଂ ଏକ୍ସପୋନେନ୍ସିଭ୍ ବିପରୀତ ପ୍ରକ୍ରିୟା ବୋଲି ଆମେ 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ପାଇଥାଉ, ସମଗ୍ର ବର୍ଗ 2 ରୁ 2 ପାଖରୁ x ପୂର୍ବ 3 ସହିତ ସମାନ | 2 ଶକ୍ତି ଉତ୍ପାଦନ କରିବା ପାଇଁ ଏହାକୁ ବିସ୍ତାର କରିବା | x ବର୍ଗ ମାତ୍ରରେ ଦୁଇଥର 2 ପାଖରୁ x ପୂର୍ବ 1 ଦୁଇଥର 2 ପାଖରୁ x ପୂର୍ବ 6 ସହିତ ସରଳ ମନିପୁଲେସନ୍ ସହିତ ଏହା 2 ପାଖରୁ x ରେ ରୁପାନ୍ତରିତ ହୋଇଛି ପୁରା ବର୍ଗ ମାତ୍ରରେ 4 ଗୁଣ 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 5 ସମାନ 0 ଯଦି ଆପଣ 2 ପାଖରୁ x ହେବାକୁ ଦିଅନ୍ତି | y ଏହା ଦେଖାଯାଇପାରେ ଯେ ପ୍ରି | vious ସମୀକରଣ ହେଉଛି ଏକ ଚତୁର୍ଥୁତ ସମୀକରଣ y ବର୍ଗ ମାତ୍ରରେ 4 y ମାତ୍ରରେ ϕ ସମାନ 0 ସମାଧାନ ସହିତ ଆମେ y କୁ 5 କିମ୍ବା y ସମାନ ମାତ୍ରରେ 1 ବଦଳାଇବା y କୁ 2 ଶକ୍ତି x ସହିତ ସମାନ କରିବା ଦ୍ୱ ାରା ଏହା 2 ପାଖରୁ x କୁ 5 କିମ୍ବା 2 ପାଖରୁ x ସମାନ ହୋଇଯାଏ | ପ୍ରକୃତ x ଟିପ୍ପଣୀ ପାଇଁ ମାତ୍ରରେ 1 କୁ 2 ପାଖରୁ x ମାତ୍ରରେ 1 ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ

ତେଣୁ 2 ପାଖରୁ x ଲୋଗାରିଦମ୍ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସ୍ମରଣ କରିବା ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏହା ବେସ୍ 2 କୁ ϕ ର ଲୋଗାରିଦମ୍ ସହିତ ସମାନ ବୋଲି କହିବା ସହିତ ଏହାକୁ ସମାପ୍ତ କରିବା | ସମସ୍ୟା ଆପଣଙ୍କୁ ଧନ୍ୟବାଦ