



ସ୍ଥିର ସଂଖ୍ୟା ପାଖରେ ସ୍ଥିର ରହିବ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ  $n$  ଅସୀମତା ପାଇଁ ପ୍ରକୃତ ହେବ । ଆଂଶିକ ରାଶିର କ୍ରମର ଏକ ସୀମା ନ ଥିବାରୁ ଆମେ ବିବ୍ୟୟନ ନୁହଁ ଯେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ସମୀକରଣ ଆର ପାଖାନ୍ତ  $n$  ମାତ୍ରର  $1$  ସମର୍ପିତ ନୁହେଁ ପ୍ରାୟତଃ  $r$  ଏହି ସିରିଜ୍ ଏକ ସମୀନ ସଂଖ୍ୟାକୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରେ ନାହିଁ ଯଦି  $r$  ସମୀନ ଅଟେ ।  $1$  ରୁ ମାତ୍ର  $1$  ବର୍ତ୍ତମାନ ଚାଲନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ କେସ ନେବା  $r$  ନା ଗୋଟିଏ କିମ୍ବା ମାତ୍ର  $1$  ନଜର ରଖିବା ଯେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆଂଶିକ ରାଶି କ୍ରମର କ୍ରମ ସୂତ୍ରକୁ  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ପାଖାନ୍ତ  $n$  କୁ  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ରେ ନେଇଥାଏ ଯାହା ଆମକୁ ପାଳନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ । ଯେତେବେଳେ  $n$  ବଡ଼ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ବଡ଼ ନୋଟ୍ ହୁଏ ସେତେବେଳେ  $sn$  କୁ  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ମାତ୍ରର  $r$  ଆର ପାଖାନ୍ତ  $n$  ଦ୍ୱାରା  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ, ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ  $n$  ଠାରୁ  $s$  ଯାଏନ ଅଟେ ତେଣୁ  $n$  ଯଥେଷ୍ଟ ବଡ଼ ହେବା ସହିତ  $sn$  ସହିତ  $k$  ଯେତେ ତାହା ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିବାକୁ ।  $q$  term ଚିତାୟ ଶବ୍ଦ ସହିତ  $k$  ଯେତେ ତାହା ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିବା ଯଥେଷ୍ଟ, ଯେହେତୁ  $n$  ଅଧିକ ସଠିକ୍ ହେବା ପାଇଁ  $r$  ଶକ୍ତି  $n$  ସହିତ  $k$  ଯେତେ ତାହା ଦେଖିବା ଯଥେଷ୍ଟ, ଯେହେତୁ  $n$  ବଡ଼ ହେବାରେ ଲାଗିଛି, ଆସନ୍ତୁ  $r$  ର ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ଭାଗ କରିବା ଯାହାକୁ ଆମେ ଆଗ୍ରହୀ । ଯଥା  $r$  ଦୁଇଟି କମାସରେ  $1$  କମା ମାତ୍ରର  $1$  ସହିତ ସମୀନ ନୁହେଁ ଗୋଟିଏ ମୋଡ୍  $1$  ରୁ କମ୍ ଅଟେ ଯାହାକି ଆମେ  $-1$  ରୁ  $1$  ମଧ୍ୟରେ ଥିବା  $r$  ର ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ ଆଗ୍ରହୀ ଅଟୁ ଯେତେବେଳେ ମୋଡ୍  $r$   $1$  ରୁ କମ୍ ଅବଶ୍ୟ  $r$  ଉଭୟକୁ ନେଇପାରେ । ସକାରାତ୍ମକ ଏବଂ ନକାରାତ୍ମକ ମୂଲ୍ୟ କିନ୍ତୁ  $t$  କୁକୁଡ଼ା ଯେହେତୁ ଏହା  $1$  ରୁ କମ୍ ଆକାରରେ ଏହା ଫର୍ମ  $1$  ରୁ କିଛି  $mr$  ଫର୍ମ  $1$  ରୁ  $m$  ହେବ ଯେଉଁଠାରେ  $m$  ସ୍ଥିର ହୋଇଥିବ ତୁମେ ରାଜି ହେବ

ତେଣୁ  $n$  ବଡ଼ ହୋଇ ବଡ଼  $r$  ଶକ୍ତି  $n$  ଯାହାକି  $m$  ଦ୍ୱାରା  $1$  ଅଟେ ।  $n$  ଛୋଟ ଏବଂ ଛୋଟ ହୋଇଯାଏ ତୁମେ ଏହାକୁ ଦେଖିଛ କାରଣ  $1$  by  $m$  power  $n$  ରେ ନାମଟି ବଡ଼ ହେବା ସହିତ ତେଜନିନେଟର ଯଥେଷ୍ଟ ବଡ଼ ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ମୋର ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ହେଉଛି ଯେ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ସୀମା  $n$  ଅସୀମତାକୁ ଦୃଷ୍ଟିରେ ରଖି ଆମର ଶକ୍ତି  $n$  ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ ମୁଁ ପୁନରାବୃତ୍ତି କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛି ।  $r$  ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ସ୍ଥିର ହୋଇଛି କିନ୍ତୁ ମାତ୍ର  $1$  ରୁ  $1$  ମଧ୍ୟରେ ଅଛି, ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ  $r$  କୁ ଚିତ୍ତା କରାଯାଇପାରେ କାରଣ ଫର୍ମ  $1$  ରୁ କିଛି ସଂଖ୍ୟା ସକାରାତ୍ମକ କିମ୍ବା ନକାରାତ୍ମକ ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ  $r$  ପାଖାନ୍ତ  $n$  ଫର୍ମ  $1$  ର କିଛି ହେବ ।  $m$  ପାଖାନ୍ତ  $nm$  ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍ଥିର ହୋଇଛି ଯେତେବେଳେ  $n$  ବଡ଼ ହୋଇଯାଏ ତେଜନିନେଟର ବହୁତ ବଡ଼ ହୋଇଯାଏ ଯାହା  $1$  ଦ୍ୱାରା  $1$  by  $m$  power  $n$  ଠାରୁ ନିକଟତର ହୁଏ ଯାହା  $q$  uit ଠାରୁ ତୁମେ କିପରି ଯୁକ୍ତି କରିପାରିବ ଯେ ସୀମା  $n$  କୁ ଅସୀମତା  $r$  ପାଖାନ୍ତ  $n$  କୁ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମୀନ ବୋଲି ଯୁକ୍ତି କରିପାରେ ।  $sn$  କୁ ଆମେ ଦେଖିପାରୁ ଯେ ଯେପରି  $n$  ଲକ୍ଷ୍ୟାତ୍ମକ ଭାବରେ ଲାଭ ହୋଇଯାଏ ।  $q$  term ଚିତାୟ ଶବ୍ଦଟି  $0$  ର ନିକଟତର ହେବ କାରଣ ଆମର ସୀମା  $r$  ଶକ୍ତି ଅଛି ଯେହେତୁ  $n$  ଅସୀମତାକୁ ଟେଣ୍ଡର କରିବା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ

ତେଣୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ଶବ୍ଦଟି  $n$  ଶସି ଯୋଗଦାନ କରେ ନାହିଁ ଯେହେତୁ  $n$  ବଡ଼ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ଆମେ ସେହି ସୀମାକୁ ହ୍ରାସ କରିଥାଉ  $n$  ଅସୀମତା ସ୍ଥାନକୁ  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  କୁ ଖସିଯାଏ । ଯଦି ତୁମେ ଏକ ଅସୀମ ଶୁଖିଲା ପରିଭାଷାକୁ ସ୍ମରଣ କର କିମ୍ବା ଆଂଶିକ ରାଶିର ଏକ ଅସୀମ ସିରିଜ୍ ସୀମାର ଅଧିକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଭାବରେ ସମ୍ମିଶ୍ରଣକୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଶୁଖିଲା ସମଷ୍ଟି ବୋଲି କହିଥାଉ

ତେଣୁ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମେ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ନେଉଛୁ ଯେ ସମୀକରଣ ଆର ପାଖାନ୍ତ  $n$  ମାତ୍ରର  $1$   $n$   $1$  ସହିତ ଅସୀମତା ସହିତ ସମୀନ ।  $agp$  ର ସମସ୍ତ ସର୍ତ୍ତାବଳୀର ରାଶି ହେଉଛି  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ବର୍ତ୍ତମାନ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ କେବଳ କେସ୍  $r$  ସହିତ ମାତ୍ରର  $1$   $r$  ସହିତ ସମୀନ ଏବଂ କେସ୍  $r$  ମାତ୍ରର  $1$  ରୁ  $1$  ମଧ୍ୟରେ ଅଛି । ଏହି ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ଯାହା ମୋଡ୍ କୁ ଗୋଟିଏ  $r$  ଠାରୁ ବଡ଼ ଅଟେ ସକାରାତ୍ମକ କିମ୍ବା ନକାରାତ୍ମକ ହୋଇପାରେ କିନ୍ତୁ ଏହାର ଆକାରରେ ଏହା ବର୍ତ୍ତମାନଠାରୁ ଅଧିକ ଅଟେ ଯେ  $n$  ସୀମା ଅସୀମତା ମୋଡ୍  $n$  ପାଖାନ୍ତ  $n$  କୁ ଟେଣ୍ଡର କରୁଥିବାରୁ  $r$  ମାତ୍ରର  $1$  ମୋଡ୍  $r$   $1$  ରୁ ଅଧିକ ଅଟେ । ଯେପରି  $n$  ଟେଣ୍ଡର  $t$   $o$  ଅସୀମତା ତୁମର ସେହି ମୋଡ୍  $r$  ପାଖାନ୍ତ  $n$  ବଡ଼ ଏବଂ ବଡ଼  $2$  ଟି ପାଖାନ୍ତ  $n$  ପରି ତୁମେ ଦେଖି ପାରିବ ଯେ  $2$  ଟାପରେ  $8$  ଟାପରେ  $16$  ଲତ୍ୟାଦି ଯେପରି  $n$  ଶକ୍ତି  $q$  increases ାଏ ଅନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କାଳ ପାଇଁ ଏହା ଅନୀତା ଅଟେ ଏବଂ ଏହାକୁ ଫେରିବା ।  $sn$  ର ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଦେଖିପାରୁଛି ଯେ  $n$  ଏହି ଶବ୍ଦଟି ବଡ଼ ହେବା ସହିତ ଦ୍ୱିତୀୟ ଶବ୍ଦ  $ar$  power  $n$  ଦ୍ୱାରା  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ଏକ ସ୍ଥିର ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟାର ନିକଟତର ହୁଏ ନାହିଁ ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ ଏହା ଏକତ୍ର ହୋଇନଥାଏ

ତେଣୁ ସୀମା  $sn$  ମଧ୍ୟ ବିବ୍ୟୟନ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ସୀମିତ ।  $n$  ଶୁଖିଲା ଭାଷାରେ ରଖିବା ପାଇଁ ଅସୀମତା ପାଇଁ ପ୍ରକୃତ ନାହିଁ, ଏହା କହିବା ସହିତ ସମୀନ ଅଟେ ଯେ ସଂପୃକ୍ତ ସିରିଜ୍ ସମର୍ପିତ ନୁହେଁ ଯାହା ସମୀକରଣ ଆର ପାଖାନ୍ତ  $n$  ମାତ୍ରର  $1$   $n$   $1$  ସହିତ ଅସୀମତା ସହିତ ସମୀନ, କେସ୍ ମୋଡ୍ ଅଧିକ ନୁହେଁ । ଗୋଟିଏ ଅପେକ୍ଷା ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତି ପାଇଁ ଆମକୁ ସଂକ୍ଷିପ୍ତ କରିବା, ଆମର ପ୍ରଥମ  $n$  ଶବ୍ଦର ସମଷ୍ଟି ପାଇଁ ଏକ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ଅଛି ଏବଂ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ହେଉଛି  $sn$  ସହିତ  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ପାଖାନ୍ତ  $n$  ସହିତ  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ସହିତ  $r$  ସହିତ ସମୀନ ନୁହେଁ ।  $r$  ସହିତ ସମୀନ  $1$  ପାଇଁ ଏହା ଏକ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ମାମଲାକୁ ହ୍ରାସ କରେ ଯଥା  $sn$  ଏକ  $n$  ଅସମୀନ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ସମୀକରଣ ଆର ପାଖାନ୍ତ  $n$  ମାତ୍ରର  $1$  କୁ ବିଚାର କରି  $1$  ରୁ ଅସୀମତା ମଧ୍ୟରେ ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଯେତେବେଳେ  $r$   $1$  ସହିତ ସମୀନ ହୁଏ ସିରିଜ୍ ଏକତ୍ର ହୋଇନଥାଏ । ଯେତେବେଳେ  $r$  ମାତ୍ରର  $1$  ସହିତ ସମୀନ, ସିରିଜ୍ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ଏକ ସୀମିତ ମୂଲ୍ୟକୁ ପ୍ରତିପାଦିତ କରେ ଯେତେବେଳେ  $r$  ମାତ୍ରର  $1$  ରୁ  $1$  ମଧ୍ୟରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ସେହି ସୀମିତ ମୂଲ୍ୟ  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ଏବଂ ମୋଡ୍  $r$  ପାଇଁ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରେ ନାହିଁ । ଏକ ସୀମିତ ମୂଲ୍ୟ କିମ୍ବା ଅଧିକ  $techn$  ଷୟକ ଭାବରେ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ଏକତ୍ର ନୁହେଁ, ମୋଡ୍ ଏଠାରେ ଏହି ପର୍ଯ୍ୟବେକ୍ଷଣକୁ ରେକର୍ଡ କରିବାକୁ ଦିଅ  $1$  ମୋଡ୍  $r$  ରୁ  $1$  ରୁ କମ୍ ସମସ୍ତ ଶବ୍ଦର ସମଷ୍ଟି ହେଉଛି  $r$  ର ଅନ୍ୟ ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ପାଇଁ  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ଯାହା ମୋଡ୍  $r$  ଠାରୁ ବଡ଼ କିମ୍ବା  $1$  ସମୀକରଣ  $n$  ସହିତ ସମୀନ  $1$  ରୁ ଅସୀମତା ଶକ୍ତି  $n$  ମାତ୍ରର  $1$  ଏକତ୍ର ନୁହେଁ । ମୁଁ ତୁମକୁ ଦୃ  $strongly$  ଭାବରେ ପରାମର୍ଶ ଦେବି ଯେ ଏହି ଫଳାଫଳକୁ ମନେରଖନ୍ତୁ ଏକ ଅସୀମ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ଯଦି ଏହି ଦୁଇଟି ମାମଲାକୁ ବାଦ ଦେଇ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତ ମାତ୍ରର  $1$  ରୁ  $1$  ମଧ୍ୟରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ରାଶି  $1$  ମାତ୍ରର  $r$  ଏବଂ ମୋଡ୍ ପାଇଁ ।  $r$   $1$  ରୁ ବଡ଼ କିମ୍ବା ସମୀନ, ଜ୍ୟାମିତିକ କ୍ରମ ସମର୍ପିତ ନୁହେଁ, ମୋଡ୍ ଏଠାରେ ଏକ ପାସ୍ ଟିପ୍ପଣୀ ଦିଅନ୍ତୁ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଏକ ଅସୀମ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏକତ୍ର ହୋଇଥାଉ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଏହା ଅଧିକ ହୋଇନଥାଏ ତେବେ ଏହାର ସମଷ୍ଟି ହେଉଛି । ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ଏହି ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ ଆମେ ଦେଖୁ, ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ଅସୀମ ଧାରାବାହିକରେ ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ ପରି ନୁହେଁ, ପ୍ରଶ୍ନଟି ହେଉଛି ସିରିଜ୍ ସମ୍ମିଳିତ କି କନଭର୍ଜେଣ୍ଟ୍, ଯଦିଓ ଏହାର ସମ୍ମିଶ୍ରଣ କ'ଣ ଏହାର ରାଶି କ'ଣ ଏହି ଦୁଇଟି ପ୍ରଶ୍ନ ପ୍ରଥମେ ଦୁଇଟି ଅସୀମ ସିରିଜ୍ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଦୁଇଟି ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ ସମାଧାନ ହେବ । ସିରିଜ୍ କନଭର୍ଜେଣ୍ଟ୍ କି ନୁହେଁ ତାହା ଅନୁସନ୍ଧାନ କରିବ ଯଦି ଏହା କନଭର୍ଜେଣ୍ଟ୍ ବୋଲି ଜଣାପଡେ ତେବେ ଅଧିକାଂଶ ମାମଲାରେ ଏହାର ଆକଳନ ପାଇଁ ଆମକୁ ସବୁଷ୍ଟ ହେବାକୁ ପଡ଼ିବ । ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦରେ କିଛିକ ପାଇଁ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ପାଇବା ପରିବର୍ତ୍ତେ ଅସୀମ କ୍ରମର ସମଷ୍ଟି ପାଇଁ ଏକ ସୂତ୍ର ଯେପରି ଜ୍ୟାମିତିକ ସିରିଜ୍ କ୍ଷେତ୍ରରେ ବିରଳ, ଆସନ୍ତୁ ମନେ ରଖିବା ଯେ ଦୁଇଟି ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା  $a$  ଏବଂ  $b$  ଦେଇ ଆମେ ଏକ ପ୍ରଶ୍ନ ପଚାରିଥିଲୁ ଆମେ ଏକ ସଂଖ୍ୟା କ୍ୟାପିଟାଲ୍ ସକ୍ରିବେଶ କରିପାରିବା କି?  $a$  ଏବଂ  $b$  ମଧ୍ୟରେ  $a$  ଯାହା  $q$  these ାରା ଏହି ଚିନୋଟି ସଂଖ୍ୟା ଏକ ଗାଣିତିକ ପ୍ରଗତିର ସର୍ତ୍ତାବଳୀ ଗଠନ କରେ ବାସ୍ତବରେ ଆମର  $aa$   $b$  ଦ୍ୱାରା ଏକ ସୂତ୍ର ଥିଲା ଏବଂ ଆମେ ଏହି ସଂଖ୍ୟାକୁ  $a$  ଏବଂ  $b$  ର ଗାଣିତିକ ଅର୍ଥ ଭାବରେ ଡାକିଲୁ କିନ୍ତୁ ସଂକ୍ଷେପରେ ଆମେ ସମୀନ ପ୍ରଶ୍ନ ପଚାରିବୁ କିନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ  $ap$   $hgp$  ବଦଳରେ ପ୍ରଶ୍ନ ହେଉଛି ଦୁଇଟି ରିଅଲ୍ ନମ୍ବର ଦିଆଯାଇଥିବା ପରି ପ  $read$  ୁଥିବା ପ୍ରଶ୍ନ ଏବଂ  $b$  ରେ ଏକ ନମ୍ବର ଅଛି କି ଆସନ୍ତୁ  $g$  କୁ ଡାକିବା ଯେପରି  $ag$  ଏବଂ  $b$  ଏକ  $gp$  ଗଠନ କରେ ଆଶା କରେ ତୁମେ ପ୍ରଶ୍ନକୁ  $u$  understand ୀ ପାରିବ ତୁମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଦୁଇଟି ନମ୍ବର ଯୋଗାଇ ଦିଆଯିବ । ଆସନ୍ତୁ,  $a$  ଏବଂ  $b$  ଉପରେ କ  $condition$  ଶସି ସର୍ତ୍ତ ଲଗାଇବା ନାହିଁ, ଏହା ବ୍ୟତୀତ ସେଗୁଡ଼ିକ ରିଅଲ୍ ପ୍ରଶ୍ନ ହେଉଛି ଆମେ ସବୁବେଳେ ଏକ ସଂଖ୍ୟା  $g$  ପାଇପାରିବା ଯେପରିକି  $ag$  ଏବଂ  $b$  ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତିର ସର୍ତ୍ତାବଳୀ ଏହି ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନ କରିବା । ଯଦି  $ag$  ଏବଂ  $b$  ଏକ  $gp$  ର କ୍ରମାଗତ ସର୍ତ୍ତାବଳୀ ହେଉଛି  $gp$  ର  $q$  terms ଚିତାୟ ଶବ୍ଦର ଅନୁପାତ  $q$  term ଚିତାୟ ଶବ୍ଦର ଅନୁପାତ ସହିତ  $q$  term ଚିତାୟ ଶବ୍ଦର ଅନୁପାତ ସହିତ ସମକକ୍ଷ ହେବା ଉଚିତ ଯାହା  $g$  ଦ୍ୱାରା  $g$  ସହିତ ସମକକ୍ଷ ହୋଇ ଯଦି  $agb$  ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତିରେ ଥାଏ  $g$  ବର୍ଗକୁ  $ab$  ସହିତ ସମୀନ ବୋଲି କହିବା ସହ ସମୀନ

ତେଣୁ ଆମେ ପ୍ରଶ୍ନ ପଚାରିଛୁ କି ସେଠାରେ ଏକ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ଯେପରି  $g$  ବର୍ଗ  $ab$  ନୋଟ୍ ସହିତ ସମୀନ ଯେ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟାର ବର୍ଗ ସର୍ବଦା ନକାରାତ୍ମକ ନୁହେଁ ତେଣୁ ଏକ ପ୍ରକୃତ  $g$  ସକ୍ଷେପଜନକ  $g$  ର ଅସ୍ତିତ୍ୱ ପାଇଁ । ବର୍ଗଟି ଆବା ସହିତ ସମୀନ ଏବଂ  $b$  ର ସମୀନ ଚିହ୍ନ ରହିବା ଉଚିତ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଶ୍ନକୁ ସାମାନ୍ୟ ରୂପାନ୍ତର କରିବା ଏବଂ ନିଜକୁ ପଚାରିବା ପାଇଁ ଦୁଇଟି ପରିଚିତ୍ ନମ୍ବର  $a$  ଏବଂ  $b$  ସେଠାରେ  $ag$  ଅଛି ଯେପରି  $agb$  ଏକ  $gp$

ଉତ୍ତର ସୃଷ୍ଟି କରେ ହିଁ ଏଥିରେ  $g$  ର ମୂଲ୍ୟ ହେବା ପାଇଁ  $g$  ନିଅ | କେସ୍  $agb$  ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତି ସୃଷ୍ଟି କରେ ଏବଂ ଏହି  $g$  କୁ ଦିଆଯାଇଥିବା ପଦ୍ଧତିରୁ ନମ୍ବରର ଜ୍ୟାମିତିକ ଅର୍ଥ ଭାବରେ କୁହାଯାଏ, ମୋଡେ ଦୁଇଟି ପଦ୍ଧତିରୁ ନମ୍ବର କ୍ୟାପିଟାଲ୍ ଦିଆଯାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଭାବରେ ରେକର୍ଡ କରିବାକୁ ଦିଅ, ମୋଡେ ଛୋଟ ଏବଂ ଛୋଟ  $p$  ଛୋଟ  $pt$  ଲେଖିବାକୁ ଦିଅ | ସେ ଜ୍ୟାମିତିକ ଅର୍ଥର  $gm$  କୁ  $a$  ଏବଂ  $b$  ର  $gm$  ଭାବରେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯାଇଛି ଏବଂ  $b$  ର ମୂଲ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ଆରିଥମେଟିକ୍ ଅର୍ଥ ସହିତ ଗାଣିତିକ ଅର୍ଥ ସହିତ ସମାନ, ଆମର ଯୋଗ ଏବଂ ବିଭାଜନ ଅଛି ଯାହାକୁ ଆମେ 2 ରେ ଯୋଡ଼ିବା ଏବଂ ବିଭାଜନ କରିବା ତୁମର ଗୁଣନ ଅଛି | ଏବଂ ଦୁଇଟି ପଦ୍ଧତିରୁ ନମ୍ବର ଦିଆଯାଇଥିବା ସଂକ୍ଷେପରେ ସଂକେତ ଦେବା ପାଇଁ ଏକ୍ସପୋଜେଣ୍ଟରୁ ଗ୍ରହଣ କରିବା ଦ୍ଵାରା ଆପଣ ସର୍ବଦା ଏକ ନମ୍ବର କ୍ୟାପିଟାଲ୍  $g$  ଅର୍ଥାତ୍ ଏହି ଦୁଇଟି ନମ୍ବରର ଜ୍ୟାମିତିକ ଅର୍ଥ ପାଇପାରିବେ ଯାହା  $a$  ଠାରୁ ଏକ କ୍ୟାପିଟାଲ୍  $gb$  ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତି ସୃଷ୍ଟି କରେ, ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଚିକେ ସାଧାରଣ କରିବା ଏବଂ ପଚାରିବା | ନିମ୍ନଲିଖିତ ପ୍ରଶ୍ନ ଦୁଇଟି ପଦ୍ଧତିରୁ ନମ୍ବର ଦିଆଯାଇଥିବା  $a$  ଏବଂ  $b$  ଆମେ ଆବଶ୍ୟକ କରୁଥିବା ସଂଖ୍ୟାକୁ ସମ୍ବନ୍ଧିତ କରିପାରିବା କିନ୍ତୁ ସାମିତ ଯେପରି ଏକ  $g_1$   $g_2$  ଇତ୍ୟାଦି  $g_n$   $b$  ଦୁଇଟି ପଦ୍ଧତିରୁ ରିଅଲ୍ ନମ୍ବର  $a$  ଏବଂ  $b$  ଦେଇ ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତି ସୃଷ୍ଟି କରେ ଯାହାକୁ ଆମେ  $n$  ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧିତ କରିବାକୁ ଚାହଁବୁ |  $g_1$   $g_2$  ଇତ୍ୟାଦି  $g_n$  କୁ ନିୟୁତ କରନ୍ତୁ ଯାହା  $a$  ଠାରୁ ଏକ  $g_1$   $g_2$  ଇସେଟେରା  $g$  ଏବଂ  $b$  ଫର୍ମ ଉତ୍ତର ଆଡକୁ  $gp$  କୁହନ୍ତୁ ଯଦି ଆମକୁ ଏକ  $g_1$   $g_2$  ଇସେଟେରା  $g$  ଏବଂ  $b$  ଆବଶ୍ୟକ ହୁଏ ତେବେ ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତି ଗଠନ କରିବା ପାଇଁ ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତିର କ୍ରମାଗତ ଶବ୍ଦଗୁଡ଼ିକ  $b$  ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ ସେହି ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତିର 2 ଚର୍ମ  $n$  ହେବା ଉଚିତ ଏବଂ ଏହି ଶବ୍ଦରେ ଆମର  $gp$  ର  $n$  ଚର୍ମ ପାଇଁ ଏକ ସୂତ୍ର ଅଛି ଏବଂ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତ ଲକ୍ଷିତ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତକୁ ଦେଖନ୍ତୁ |  $gp$  ହେବା  $r$   $n$   $n$  ପ୍ଲସ୍ 2 ଚର୍ମ ଫର୍ମୁଲା ଆର୍ ପାଖାନ୍ତ  $n$  ପ୍ଲସ୍ 2 ମାଇନସ୍ 1 ଦ୍ଵାରା ଦିଆଯାଏ ଯାହା  $d$   $b$  ଠାରୁ ଆମେ  $b$  ହେବା ଆବଶ୍ୟକ

ତେଣୁ  $r$  ପାଖାନ୍ତ  $n$  ପ୍ଲସ୍ 1  $b$  ସହିତ ସମାନ, ଯାହାକି  $r$  ସହିତ ସମୁଦାୟ  $b$  ସହିତ ସମାନ | ପାଖାନ୍ତ 1 ଦ୍ଵାରା  $n$  ଠାରୁ  $n$  ପ୍ଲସ୍ 1 ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମର ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ  $a$  ଏବଂ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତ ଏହି ଜିନିଷ  $b$  କୁ ଏକ ପାଖାନ୍ତ 1 ଦ୍ଵାରା  $n$  ପ୍ଲସ୍ 1 ଥରେ ଆମର ପ୍ରଥମ ଶବ୍ଦ ଏବଂ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତ ଥିଲେ ଆମେ ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତି କ'ଣ ଚାହା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରିପାରିବା

ତେଣୁ  $g$  1 ହେଉଛି | ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତିର  $d$  term ିତାୟ ଶବ୍ଦ ସାଧାରଣ ଅନୁପାତର ଏକ ଗୁଣ ହେବ ଯାହାକି ସମଗ୍ର ଶକ୍ତି  $d$  by ଠାରୁ  $b$  ଦ୍ଵାରା  $b$  ଦ୍ଵାରା 1 ଏବଂ  $n$  ପ୍ଲସ୍ 1 ସମାନ ଭାବରେ  $g$  2 ଜ୍ୟାମିତିକ ପ୍ରଗତିର ତୃତୀୟ ଶବ୍ଦ ହେବ ଏହା ଏକ ଥର  $r$  ବର୍ଗ ହେବ | ସମଗ୍ର ଶକ୍ତି  $d$  by ଠାରୁ 1 ଥର  $n$  ପ୍ଲସ୍ 1 ବର୍ଗ ଏବଂ ଏକ ସମୟ ଅଟେ | ଏହିପରି ଭାବରେ ଆମେ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ନେଉଛୁ ଯେ ଦୁଇଟି ସକାରାତ୍ମକ ସଂଖ୍ୟା ପ୍ରଦାନ କରିବା  $d$  always ଠାରୁ ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ଅନେକଗୁଡ଼ିଏ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧିତ କରିବା ସର୍ବଦା ସମ୍ଭବ ଅଟେ ଯାହା  $d$  the ଠାରୁ ଠାଳିକା ଏକ  $gp$  ଗଠନ କରେ ଆମେ ପରବର୍ତ୍ତୀ ବକ୍ତବ୍ୟରେ  $gp$  ଏବଂ  $ap$  ସହିତ ଜାରି ରଖିବା ଧନ୍ୟବାଦ |