

ٹھیک ہے دوس

تو ہم پہلے ہی ایک متغیر میں لکیری عدم مساوات پر بات کر چکے ہیں اب ہم دو متغیر میں لکیری عدم مساوات کے بارے میں بات کریں گے
کا تعلق حقیقی نمبر سے ہے abc تو دو متغیر میں لکیری عدم مساوات کیا ہے فرض کریں اگر
میں عدم مساوات y اور x میں لکیری مساوات جبکہ دو متغیر y اور x برابر صفر کہلاتا ہے۔ دو متغیر اور ax plus by plus c
let x اور y دو متغیر ax plus c کم از cax plus by greater than cax plus by کے برابر صفر کہلاتے ہیں۔ ہم ایک ترتیب شدہ جوڑا لیتے ہیں اور کہتے ہیں کہ یہ لکیری مساوات کا حل ہے اگر یہ
کی قدر لکیری عدم مساوات کو متغیر میں ڈالتے ہیں xy میں پورا کرتا ہے یا آپ کہہ سکتے ہیں کہ اگر آپ xy کو متغیر
سے بڑا ہے اور اگر آپ آرڈر شدہ جوڑا 1 لیتے y جمع 3 x تو قیمت درست ہونی چاہیے مثال کے طور پر فرض کریں کہ ہم دو لیتے ہیں۔
ہیں اور ہمیں یہ دیکھنا ہوگا کہ آیا یہ 1 2 اس لکیری مساوات کا حل ہے یا نہیں
 2 x 2 کو 1 جمع میں ڈالیں 3 میں 2 برابر 7 کے برابر ہے جو 1 سے بڑا ہے 8 معذرت 8 1 سے بڑا جو لکیری عدم مساوات کو پورا کرتا ہے 2
 3 ایک سے بڑا y جمع 3

کو 0 y مانس x ایک سے بڑا آئیے دوسرا لیتے ہیں۔ مثال کے طور پر کہیں کہ y جمع 3 x تو یہ ایک دو اس عدم مساوات کا حل ہے دو
کو 0 سے کم میں رکھیں y مانس x سے کم کریں اور مانس 1 3 کی قدر پر غور کریں اور اس قدر کو

تو مانس 1 مانس 3 مانس 4 کے برابر ہے جو کہ دوبارہ 0 سے کم ہے
مانس 1 0 سے کم ہے x تو مانس 1 3 مساوات میں اس کو پورا کریں۔

سے کم گرافیکل حل دو متغیر میں مساوات میں لکیری کا گرافیکل حل 0 y مانس x تو یہ مانس 1 3 اس کا حل ہے مساوات میں
جمع x پر غور کریں یہ دو میں لکیری مساوات ہے متغیر ہے اور ہم صرف ایک لائن کا گراف کھینچتے ہیں y جمع x تو آئیے پانچ سے زیادہ
پانچ سے زیادہ y جمع x کے برابر پانچ کو اس کے لئے منسلک مساوات کہا جائے گا اس مساوات میں y جمع x برابر پانچ اس y
تو اگر آپ اسے کھینچتے ہیں

پر 5 کے برابر ہے y جمع x مساوات کا گراف یا یہ مساوات n تو اس
تو یہ اصل ہے 1 2 3 4 5 1 2 3 4 پانچ

پانچ کے برابر ہے اس طیارے کو y جمع x برابر پانچ کا مطلب ہے کہ اس لائن کو ان دو پوائنٹس سے گزرنا چاہیے اب یہ لائن y جمع x تو
تقسیم کریں دو حصے یا ہم کہہ سکتے ہیں کہ یہ جہاز لامحدود بہت سے پوائنٹس پر مشتمل ہے اور ان تمام پوائنٹس کے سیٹ کو تین حصوں میں
 x plus y کہتے ہیں وہ پوائنٹس ہیں جو ان لائنوں پر پڑے ہیں xy تقسیم کیا گیا ہے ایک حصہ اس لائن پر پڑا ہے لہذا پوائنٹس کا پہلا سیٹ
پانچ کے برابر اور پوائنٹس کا دوسرا سیٹ جو مساوات y جمع x کے برابر پانچ کا مطلب ہے کہ یہ تمام پوائنٹس اس مساوات کو پورا کرتے ہیں
 x کو پورا کرتا ہے 5 سے بڑا اور y جمع x پانچ سے زیادہ میں پورا کرتا ہے لہذا یہ پوائنٹس کا دوسرا سیٹ ہے جو اس مساوات y جمع x
جمع x کو 5 سے کم پورا کرتے ہیں لہذا یہ لائن y جمع x کو 5 سے کم y جمع x برابر 5 اور تیسرا سیٹ وہ تمام پوائنٹس ہیں جو y جمع
پانچ کے $plus$ y پر ہے۔ x ایک ہوائی جہاز کے تمام پوائنٹس کو تین مختلف سیٹ میں تقسیم کرتی ہے پوائنٹس کا ایک سیٹ جو اس لائن y
پانچ سے کم ہے اور یہ تصویر y جمع x پر ہے اور پوائنٹس کا تیسرا سیٹ جس کی وجہ y جمع x برابر ہے اور دوسرا سیٹ پانچ سے زیادہ
پانچ کے y جمع x کا مطلب ہے کہ یہ لائن phi کم سے y جمع x کہہ سکتے ہیں پانچ سے زیادہ اور y جمع x ہے لہذا ہم اسے
برابر ہے اس طیارے کو دو نصف طیاروں میں تقسیم کریں اسے باف پلین فرسٹ کہتے ہیں اور اسے باف پلین کہتے ہیں ہم کہہ سکتے ہیں کہ یہ
آدھا طیارہ ہے اور یہ آدھا طیارہ سیکنڈ ہے
تو اب ہم یہ فیصلہ کرنا ہے کہ یہ طیارہ بند طیارہ ہے یا کھلا طیارہ ہمارے پاس دو قسم کے طیارہ بند آدھا طیارہ ہے اور آدھا طیارہ کھلا ہے لہذا
اگر عدم مساوات سست ہے

کے برابر ہیں۔ 3 کے برابر y جمع x کم کے برابر 1 یا y جمع 3 x تو عدم مساوات کا مطلب ہے کہ فرض کریں کہ آپ مثال کے طور پر 2
سے بڑا ہے لہذا اگر عدم مساوات کی عدم مساوات کا نشان مساوات میں سست ہے

تو اس کا مطلب ہے کہ متعلقہ مساوات سے ظاہر ہونے والی لائن ایسوسی ایٹ لائن پوری لائن ہوگی لہذا جب آپ گراف کھینچیں گے
ایک سے زیادہ y مانس x سے کم دو یا تین y پلس پر غور کریں گے x تو لائن اس طرح ہوگی اور اگر آپ مساوات
تو یہ عدم مساوات سخت عدم مساوات ہے اس معاملے میں لائن آدھی لائن ڈاڈ لائن ہوگی لہذا یہ پوری لائن جہاز کو دکھاتی ہے قریب آدھے طیارے
میں یہ باؤنڈری لائن بھی ہوتی ہے اور جب سخت افادیت بار باف پلین میں یہ لائن شامل نہیں ہے اس لیے یہ نقطے والی لائن ہے یعنی یہ باؤنڈری
شامل نہیں ہے اور پوری لائن کا مطلب ہے باؤنڈری شامل ہے اب ہمارے پاس حل سیٹ ہے لہذا حل سیٹ کا مطلب ہے تمام ترتیب شدہ جوڑے کے
الفا بیٹا کا سیٹ ایک حقیقی نمبر جو دی گئی عدم مساوات کو پورا کرتا ہے اسے دی گئی عدم مساوات کا حل سیٹ کہا جاتا ہے اس کا مطلب ہے کہ
کو دو سے کم سمجھتے ہیں اور تمام پوائنٹس کہتے ہیں کہ اگر آپ ایک پوائنٹس الفا بیٹا پر غور کرتے ہیں اور y مانس x فرض کریں اگر آپ تین
اگر آپ اس 3 الفا مانس ڈالتے ہیں بیٹا اور یہ 2 سے کم ہے اس کا مطلب ہے کہ الفا بیٹا محلول سورج کے غروب سے تعلق رکھتا ہے اور اگر یہ
الفا مانس بیٹا 2 سے کم نہیں ہے 3

تو اس کا مطلب ہے کہ الفا بیٹا حل سیٹ سے تعلق نہیں رکھتا ہے لہذا حل سیٹ ہم کہہ سکتے ہیں کہ حل سیٹ تمام الفا بیٹا کا ایک مجموعہ ہے اس
 ax plus by less than c یا c پلس سے زیادہ برابر کے برابر ax سے کم یا c پلس کو ax طرح کہ الفا بیٹا عدم مساوات کو پورا کرتا ہے
کے مقابلے میں اس صورت حال میں ہم کہہ سکتے ہیں کہ الفا بیٹا حل ہے الفا بیٹا حل سیٹ سے ax plus by greater than c یا c پلس سے
تعلق رکھتا ہے الفا بیٹا حل سیٹ سے تعلق نہیں رکھتا اب حل کی وجہ کیا ہے ہوائی جہاز کی وجہ کیا ہے جس میں تمام نکات موجود ہیں جو مربوط
مرکز کو مطمئن کرتے ہیں عدم مساوات کی حل وجہ اس کا مطلب ہے حل کی وجہ فرض کریں کہ ہم گراف کھینچتے ہیں اور عدم مساوات کہتے
کے برابر سے کم ہے c پلس ہے ax ہیں کہ یہ
کے برابر سے کم ہے ax plus c تو

تو یہ لائن اس جہاز کو دو نصف طیاروں میں تقسیم کرتی ہے۔ دو ہمارے پاس دو وجہ ہیں پہلے خطہ کی نمائندگی آدھے طیارہ ایک سے ہوتی ہے
اور دوسرے خطے کی نمائندگی نصف طیارہ دو سے ہوتی ہے لہذا تمام پوائنٹس یا

تو آدھے طیارے سے مطمئن ہوتے ہیں یا آدھے طیارے دو سے حل کی وجہ ایک نقطہ ہے اس طرح پوائنٹس کا مجموعہ جو آدھے طیارہ ایک یا
آدھے طیارہ دو کو پورا کرتا ہے

تو فرض کریں کہ آپ اس وجہ کو پورا کرتے ہیں

تو اسے کہا جاتا ہے حل ریجن سلوشن وجہ برائے ایکس پلس سے کم کا مطلب ہے اگر تمام پوائنٹس جو آدھے طیارے کو پورا کرتے ہیں ٹھوس ریت
کا خطہ کہا جاتا ہے کہ حل سیٹ کو تلاش کرنے کے لیے الگورتھم کیسے تلاش کیا جائے لہذا دو متغیر میں لکیری مساوات کے حل کے سیٹ کو
تلاش کرنے کے لیے ہم درج ذیل الگورتھم کی پیروی کرتے ہیں اس لیے سب سے پہلے ہمیں متعلقہ مساوات لکھنی ہے
ایک کے برابر سے بڑا ہے y مانس x برابر دو y مانس x تو آئیے مثال کے طور پر کہتے ہیں کہ دو

بے x جمع

تو یہ آدھا طیارہ ایک ہے اور یہ آدھا طیارہ دو ہے

y برابر ایک x تو ہم دوبارہ ثالثی پوائنٹ ٹیسٹ ثالثی پوائنٹ ٹیسٹ کو چیک کرتے ہیں آئیے ایک نقطہ پر غور کریں کہ ایک دو اب ڈالیں یہ قدر

صفر کے برابر ہے x جمع y میں دو مساوات میں دو $t = 0$ برابر

تو 2 میں 2 جمع 1 برابر 5 جو کہ صفر سے بڑا ہے

صفر کے برابر ہے اس لیے پوائنٹ ایک دو کا ہونا ضروری ہے حل کی وجہ سے پوائنٹ ایک دو کا تعلق حل x جمع i تو ایک دو عدم مساوات دو

کی وجہ سے ہے یہ 0.12 ہوگا لہذا یہ نقطہ 1 2 حل کے علاقے سے تعلق رکھتا ہے اس کا مطلب ہے کہ آدھا طیارہ 1 حل کا خطہ ہوگا نصف

طیارہ 1 حل کا خطہ ہوگا لہذا نصف طیارہ 1 مقرر کریں۔ حل کی وجہ بنیں

تو آدھا طیارہ ایک حل کا خطہ ہو گا اس طرح ہم دو متغیر میں مساوات میں دی گئی حل کی وجہ تلاش کر سکتے ہیں اب ایک اور مثال لیتے ہیں

پر بحث کریں جو تین کے برابر سے کم ہے $\text{mod } x$ تو مثال لینے سے پہلے ہم صرف

برابر سے کم تین کے اس کا مطلب ہے کہ یہ ایک متغیر میں دو x سے کم برابر کے تین کا مطلب ہے مائیس تین برابر سے کم $\text{mod } x$ تو

کم ویں تین کے برابر ہے x سے بڑا ہے اور x عدم مساوات دے گا جو مائیس تھری کے برابر

تو اگر آپ ان دو عدم مساوات کے گراف کو پلاٹ کرتے ہیں

صفر ہے y ہے یہ x تو یہ

برابر ہوگی 3 x برابر ہوگی مائیس 3 اور x تو اس کی ایک منسلک مساوات

تو کہیں یہ 1 ہے یہ 2 ہے یہ 3 ہے یہ مائیس 1 مائیس 2 مائیس 3 ہے

محور کے y مائیس 3 کے برابر ہے یعنی یہ ایک لکیر ہے جو x تو

تواری ہے

محور کے y مائیس 3 کے برابر ہے x تو یہ ایک لکیر ہے

محور کے y مساوی 3 جو کہ ایک بار پھر x کے برابر ہے یہ ایک لائن ہے 3 x تواری ہے اور

مائیس 3 کے برابر سے بڑا یہ خطہ ہوگا اس کا مطلب یہ ہوگا کہ x کے برابر ہے یعنی ہمیں اس خطے پر غور کرنا ہوگا اور 3 x تواری ہے

تین کے برابر سے کم ہوگا لہذا اس تصور کو استعمال $\text{mod } x$ کم کی وجہ حل کی وجہ ہوگی اس کے برابر کے مقابلے میں یہ خطہ $\text{mod } x$

برابر تین سے کم x مائیس $\text{mod } y$ کو تین کے برابر دیا ہوا x مائیس $\text{mod } y$ کرتے ہوئے ہم عدم مساوات کو گرافی طور پر حل کرتے ہیں

برابر 3 سے کم x مائیس y تو اس کا مطلب ہے مائیس 3 کم برابر کے برابر

کے برابر سے کم اس کا 3 x مائیس y مائیس تین کے برابر سے بڑا اور x مائیس y تو ہم دوبارہ دو حصوں میں تقسیم ہو گئے۔ حصے

سے بڑا مائیس 3 کے برابر y مائیس x برابر مائیس 3 سے کم مائیس 3 کے برابر y مائیس x برابر 3 سے کم اور y مائیس x مطلب ہے

برابر مائیس 3 سے بڑا ہے ہمارے پاس یہ دونوں مساوات میں ہیں آئیے ہم y مائیس x برابر 3 سے کم اور y مائیس x تو آخر کار ہمارے پاس

یہ لیں کہ یہ مساوات 1 میں ہے اور یہ مساوات 2 میں ہے

x کم برابر 1 سے اس کا مطلب ہے 3 x y مائیس 3 x کم سے کم 3 کے برابر اس لیے ہم اسے لکھ سکتے ہیں y مائیس x تو 4 1

بذریعہ مائیس 3 1 کے برابر ہے y جمع 3 x مائیس 3 برابر برابر 1 سے منسلک مساوات yy جمع 3 x

برابر 1 کا مطلب ہے انٹرسیپٹ فارم v بذریعہ y کی شکل میں ایک جمع x تو یہ مساوات

بے صفر yx پر یہ x خارج ہوتی ہے صفر مائیس تین y محور کو تین صفر پر کاٹتی ہے اور x محور y تو یہ لکیر

محور y محور پر اور 0 مائیس 3 x کا مطلب ہے 3 0 x تو ہمارے پاس

تو 1 2 1 3 2 1 3 2 1 مائیس 1 مائیس 2 مائیس 3 مائیس 1 مائیس 2 مائیس 3

تو یہ 3 0 ہے

تو یہ پوائنٹ 3 0 ہوگا اور یہ پوائنٹ 0 مائیس 3 ہوگا ان دو پوائنٹس 3 0 اور 0 مائیس 3 کو جوڑیں

تو یہ پوائنٹ 3 0 ہے اور یہ پوائنٹ 0 مائیس 3 ہے

برابر تین کے اب اس کی حل کی وجہ y مائیس x تو مساوات

کم سے کم 3 کے برابر ہے آئیے ہم ایک صوابدیدی نقطہ لیتے ہیں کہ 0 0 y مائیس x تو

کا خطہ 3 کے برابر سے کم ہے اس کا مطلب y مائیس x so تو 0 مائیس 0 برابر 0 جو 3 سے کم ہے لہذا اصل 0 0 حل سے تعلق رکھتی ہے

مائیس 3 کے برابر سے بڑا ہے y مائیس x کم 3 سے پھر 2 y مائیس x یہ ہے کہ اصل یہاں ہے لہذا یہ خطہ حل ہونے والا خطہ ہوگا 4

کے برابر یہ منسلک مساوات سے وابستہ مساوات ہے اس لیے 1 3 x y مائیس 3 xy 3 مائیس 3 جمع xy لہذا اس کا مطلب ہے

محور پر اس لیے جوائن ڈرا کریں ان y محور پر اور 0 3 x محور اس لیے مائیس 3 0 y محور پر اور 0 3 x پوائنٹ مائیس 3 0 ہوگا

کا گراف مائیس 3 کے برابر ملے گا اب دوبارہ اصل ٹیسٹ چیک کریں y مائیس x دو پوائنٹس کو

کے حل y مائیس x تو صفر صفر لہذا 0 مائیس 0 کے برابر 0 مائیس 3 سے بڑا ہے جو درست ہے لہذا 0 0 مائیس تین کے برابر سے زیادہ

والے علاقے میں پڑے گا اس کا مطلب ہے کہ اس کے حل کی وجہ یہ ہوگی لہذا دونوں عدم مساوات میں مشترکہ حل کی وجہ یہ ہوگی لہذا یہ

سے کم دونوں کو پورا کرے گا یا ہم کہہ سکتے ہیں کہ یہ خطہ y مائیس x اور 3 کے برابر y مائیس x خطہ مائیس 3 کے برابر سے زیادہ

مائیس y $\text{mod } y$ وجہ حل کی وجہ ہوگی sadder برابر سے کم تین اتنی عام سایہ دار وجہ x مائیس $\text{mod } y$ اس خطے کو مطمئن کرے گا

مائیس x برابر سے زیادہ 1 کا مطلب ہے y مائیس $\text{mod } x$ حل y مائیس $\text{mod } x$ برابر سے کم 3 ایک اور مثال گرافی طور پر حل کریں x

برابر 1 سے بڑا ہے۔ لہذا جب آپ ان دونوں کے گراف کو پچھلے مسئلے کی طرح مساوات میں y مائیس x مائیس 1 کے برابر سے کم اور y

پلاٹ کریں گے

مائیس 1 x مائیس مائیس 1 کے برابر ہو یہ x مائیس ون اس طرح منسلک مساوات ہوگی y مائیس x صفر xy تو ہمیں گراف اس طرح ملے گا

کے برابر ہو گا 1 y اور جمع

تو یہ 1 2 1 3 مائیس 1 مائیس 2 1 2 مائیس 1 مائیس 2 ہے اس کا مطلب یہ ہے کہ یہ لائن مائیس 1 0 اور 0 ایک سے گزر رہی ہے

تو مائیس ون صفر سے اور یہ صفر ون ہے

تو اس لائن کا گراف اس طرح ہوگا

مائیس 1 برابر ہے 1 x کو مائیس 1 کے برابر ظاہر کرے گا اور اس مساوات میں اس کے لئے منسلک مساوات y مائیس x تو یہ

بذریعہ مائیس 1 برابر 1 y جمع 1 x x تو

تو یہ لائن 0 1 اور مائیس 0 1 مائیس 0 1 مائیس 0 1 صفر مائیس ون اور صفر مائیس ون سے گزر رہی ہے

کم y مائیس x مائیس ون 1 کے برابر ہے اب ہمیں یہ دیکھنا ہے کہ کون سا حصہ اس کو پورا کرے گا۔ مساوات میں x تو اس لائن کا گراف

سے کم مائنس 1 کے برابر ہے
تو آئیے چیک کریں کہ اصل اصلیت کا ٹیسٹ
تو صفر صفر ہے

کم سے کم مائنس 1 کے برابر ہے y مائنس x تو
تو 0 مائنس 0 برابر 0 سے کم مائنس 1 کے برابر ہے

کے لئے اسی طرح حل کا خطہ ہوگا 0 مائنس 0 برابر y مائنس x تو اصل غلط ہے اس بوائی جہاز میں واقع نہیں ہے لہذا یہ 1 کے برابر
سے زیادہ ایک کے برابر ایک بار پھر غلط ہے لہذا اصل اس وجہ میں نہیں ہے اس کا مطلب ہے کہ یہ حل کی وجہ ہوگی لہذا یہ کہا گیا حصہ حل
ایک کے برابر سے زیادہ ٹھیک ہے شکریہ آپ میں بحث کریں گے۔ y مائنس کی وجہ حل ہوگا $x \pmod$ کی وجہ ہوگا لہذا کہا گیا حصہ

Prutor@nitk