

ଗଣିତର iitpal ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ଅଧିବେଶନରେ ଛାତ୍ରମାନଙ୍କୁ ସ୍ୱାଗତ କରିବା ଆମର ବିଷୟ ହେଉଛି ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଲେକ୍ଚର ନମ୍ବର ଛଅ ଯେପରି ଯୁଗ୍ମ ଶ୍ରେଣୀ ଶେଷରେ କହିଥିଲି ଆଜି ଆମେ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ବର୍ଣ୍ଣନା ଏବଂ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ଥିରେମ୍ ବ୍ୟବହାରକୁ ଦେଖିବା ଯଦି ଆପଣ ମନେ ରଖିବେ | ପ୍ରଥମ ବକ୍ତୃତା ଯୁଗ୍ମ ଚିତ୍ରର ଗୋଟିଏ ମୁଦ୍ରା ଚିତ୍ର କରିବା ଏବଂ ଫଳାଫଳର କ୍ରମକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିବା ବିଷୟରେ କହିଥିଲି ଏବଂ ଆମେ ଦେଖିଛୁ ଯେ ttt କ୍ରମଗୁଡ଼ିକ ଏହା thththththththth ହୋଇପାରେ ଏବଂ ତିନୋଟି ହେଉଛି h

ତେଣୁ ଆମେ ଚିତ୍ରର ଗୋଟିଏ ମୁଦ୍ରା ଚିତ୍ର କରିବା ସମୟରେ ଆଠଟି ସମ୍ଭାବ୍ୟ କ୍ରମ ଅଛି | ଏହିପରି କ୍ରମର ସମସ୍ୟା ହେଉଛି ଗଣିତ ବ୍ୟବହାର କରି ଏଗୁଡ଼ିକ ମନିପୁଲେସନ୍ ନୁହେଁ ଏବଂ ଅଧିକ ଗୁରୁତ୍ୱ Ly ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ଧରାଯାଉ ସେଠାରେ 100 ଟି ଚିତ୍ର ଅଛି ଏବଂ ସେଥିପାଇଁ 2 ଟି ପାଖରୁ 100 କ୍ରମ ଅଛି ଯାହା ପରିଚାଳନା କରିବା ପାଇଁ ବହୁତ ବଡ଼ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ଆଣିଥାଉ ତାହା ଅନିୟମିତତାର ଧାରଣା କୁହାଯାଏ | ଭେରିଏବଲ୍ କ୍ରମ ପାଇଁ ମୁଁ ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ର ଏକ ସରଳୀକୃତ ସଂଜ୍ଞା ଦେଇଥାଏ | ଯାହାକି ଏକ ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ଅନୁସରଣ କରେ, ନମୁନା ସ୍ୱେପ୍ ଓମେଗା ଠାରୁ ରିଅଲ୍ ନମ୍ବରକୁ ଏକ ମ୍ୟାପିଙ୍ଗ୍ ହେଉଛି ଏହା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଜ୍ଞା ନୁହେଁ କିନ୍ତୁ ଆପଣଙ୍କ ସ୍ତରରେ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଅନୁମାନ କରିବା ପୂର୍ବ ପରୀକ୍ଷଣ ବିଷୟରେ x କୁ ଏକ ଅନିୟମିତ ଭେରିଏବଲ୍ ଭାବରେ ବିବେଚନା କରିବା | x ର ଓମେଗା କ୍ରମରେ ମୁଣ୍ଡ ସଂଖ୍ୟା ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମର ଏହି ଆଠଟି କ୍ରମ tttththththththththth ଏବଂ hhh

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ମୋର ଓମେଗାସ୍

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ x ପ୍ରୟୋଗ କରୁ ତେବେ ଏହି 3 ରେ 0 ହେବୁ ଅଛି ଏହି 3 ଟି ଲିଟ୍ 1 କୁ ନେଇଥାଏ | 2 କୁ ଏବଂ ଏହା 3 କୁ ନେଇଥାଏ

ତେଣୁ ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ x ମୂଲ୍ୟ 0 କିମ୍ବା 1 କିମ୍ବା 2 କିମ୍ବା 3 ନେଇଥାଏ | ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ x ମୂଲ୍ୟ 0 1 2 3 ନେଇଥାଏ ଯେତେବେଳେ ଚିତ୍ର ସଂଖ୍ୟା ସମାନ ହୋଇଥାଏ ଯଦି ଚିତ୍ର ସଂଖ୍ୟା n ଥାଏ ତେବେ ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ଅନୁରୂପ ଅଟେ | x 0 ରୁ n ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଭାଲ୍ୟୁ ନେବ କାରଣ ସମସ୍ତ n ଚିତ୍ର ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡ ରହିପାରିବ ନାହିଁ ଯାହାକି ମୁଣ୍ଡକୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଜିନିଷ ନୋଟିସ୍ ଦେବ | e ର ସମ୍ଭାବ୍ୟତା 0 1 ରୁ n ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଥିବା ସମସ୍ତଙ୍କ ପାଇଁ ସମାନ ନୁହେଁ ଯେହେତୁ ଆପଣଙ୍କ କୁ understand ପାରିବେ ଯେ x ସହିତ ଯେତେବେଳେ ଏହା 0 1 2 3 ନେଉଛି ତେବେ 0 ପାଇଁ କେସ୍ ସଂଖ୍ୟା 1 ପାଇଁ 1 ସଂଖ୍ୟା ସମାନ ଅଟେ | x ପାଇଁ 3 ସଂଖ୍ୟାର କେସ୍ 2 ସହିତ ସମାନ ଏବଂ 3 ପାଇଁ କେସ୍ ସଂଖ୍ୟା 1 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ p ହେଉଛି ଏକ ସମ୍ଭାବନା ଯେ ଗୋଟିଏ ଚିତ୍ରରେ ମୁଦ୍ରାର ମୁଣ୍ଡ

ତେଣୁ ttt ର ସମ୍ଭାବନା 1 ମାଲନସ୍ p ସହିତ 1 ସହିତ ସମାନ | ମାଲନସ୍ p ରେ 1 ମାଲନସ୍ p ରେ 1 ମାଲନସ୍ p ପୁରା କ୍ୟୁବ୍ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା ପ୍ରାୟତଃ we ଆମେ q କ୍ୟୁବ୍ ଲେଖିବା ସମାନ ଭାବରେ ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡର ସମ୍ଭାବନା tth ର ସମ୍ଭାବନା ସହିତ tht ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ସହିତ qqp ପୂର୍ଣ୍ଣ qpq ପୂର୍ଣ୍ଣ pqq ସମାନ | ତିନି ଘଣ୍ଟାର pq ବର୍ଗକୁ ସମାନ ଭାବରେ ଦୁଇ ଘଣ୍ଟାର ତିନି p ବର୍ଗ q ହେବାକୁ ବାହାରକୁ ଆସୁଛି ଏବଂ ତିନି ଘଣ୍ଟାର ସମ୍ଭାବନା p କ୍ୟୁବ୍ ସହିତ ସମାନ, ଆମେ ଦେଖିପାରୁ ଯେ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା q ପୂର୍ଣ୍ଣ p ବାହାର ପାଖରୁ 3 ଏବଂ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା x କୁ ମିଳିପାରିବ | ହେଉଛି y ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ 3 ରୁ ବାହାର ହେବାକୁ ଯାଉଛି ତୁମେ ପୋଜିସନ୍ ବାଛିଛୁ ସେଠାରେ ଏକ ମୁଣ୍ଡ ରଖି ଯାହାକି ଏହି ଉପାୟରେ ହୋଇପାରିବ ଏବଂ ଅବଶିଷ୍ଟ ଅବସ୍ଥାନରେ ତୁମେ ସାଧାରଣତଃ q q ରଖିବ ଯଦି ଗୋଟିଏ ମୁଦ୍ରାର ମୁଣ୍ଡ ପାଇଁ ସମ୍ଭାବନା ଥାଏ ତେବେ ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ x n ଚିତ୍ରରେ ମୁଣ୍ଡର ଗଣନା ଦେବା q ପୂର୍ଣ୍ଣ p ରୁ ପାଖରୁ n କୁ ମିଳିପାରିବ ଏବଂ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା x ସମାନ i ncip ସହିତ ପାଖରୁ iq କୁ ପାଖରୁ n ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ, ଏହାକୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କିମ୍ବା ସମ୍ଭାବ୍ୟତା ଜନତା କାର୍ଯ୍ୟ କୁହାଯାଏ | ପାରାମିଟର n ଏବଂ p ସହିତ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ବର୍ଣ୍ଣନା ପାଇଁ ଯାହାକୁ ଆମେ ପ୍ରାୟତଃ p p ରେ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ଭାବରେ ଲେଖୁ, ତେବେ ଆସନ୍ତୁ କିଛି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା | ଦୁଇଟିର p ଭିତର ସମ୍ଭାବ୍ୟତାର ମୂଲ୍ୟ ହେଉଛି 6 ଟି ଚିତ୍ର ମଧ୍ୟରୁ 4 ଟି ମୁଣ୍ଡ ଆମେ ପାଇଛୁ ଯାହା 6 c 4 p କୁ ପାଖରୁ 4 କୁ ପାଖରୁ 6 ମାଲନସ୍ 4 ଯାହା 2 ଏବଂ 2 ର ସମ୍ଭାବନା ହେଉଛି | ଶକ୍ତି ସହିତ 6 c 2 p ସହିତ ସମାନ 2 q ଶକ୍ତି 4

ତେଣୁ p 2 ଯାହାକି 4 ର ସମ୍ଭାବନା ଉପରେ 2 ର ସମ୍ଭାବନା 9 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏହା 6 c 2 p ବର୍ଗ q କୁ ପାଖରୁ 4 ଉପରେ 6 c 4 ରେ ଦିଆଯାଏ | p କୁ ପାଖରୁ 4 q ବର୍ଗ 9 ସହିତ ସମାନ ଯାହା p ବର୍ଗ ଉପରେ q ବର୍ଗ ନଅ ସହିତ ସମାନ ଯାହା q ଡ୍ୱାପା p ଟିନି ସହିତ ସମାନ କାରଣ ଏହା ନକାରାତ୍ମକ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ସମସ୍ତ ସମ୍ଭାବନା ସକରାତ୍ମକ

ତେଣୁ q ବର୍ଗମାନ 3 p ସହିତ ସମାନ | q 1 ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ p ପୂର୍ଣ୍ଣ 3 p 1 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ p କୁ 0.25 କିମ୍ବା 1 by 4 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହାର ଉତ୍ତର ହେଉଛି ଅନ୍ୟ ଏକ ସମସ୍ୟା ଧରାଯାଉ x ଡ୍ୱା bin ାରା ବିନୋମିଆଲ୍ n କମା p ଅନୁସରଣ ହୁଏ ଯେତେବେଳେ n ଗୋଟିଏର ଆଠଟି ସମ୍ଭାବନା ସହିତ ସମାନ | ଶୂନ୍ୟ ପଏଣ୍ଟ ଦୁଇଟି ଶୂନ୍ୟ ଚାରି ଆଠ ଏବଂ ଦୁଇଟିର ସମ୍ଭାବନା 0.1024 ସହିତ ସମାନ,

ତେଣୁ p ର ମୂଲ୍ୟ ଖୋଜ,

ତେଣୁ ଗୋଟିଏର ସମ୍ଭାବନା ଆଠ c ଗୋଟିଏ p କୁ ପାଖରୁ 8 କୁ ଶକ୍ତି 8 ମାଲନସ୍ 1 ସହିତ ସମାନ ଯାହା 7 ହେଉଛି 0.2048 ସମ୍ଭାବନା ସହିତ ସମାନ | 2 hc 2 p ବର୍ଗ q ସହିତ ସମାନ 6 ଶକ୍ତି 6 ସହିତ ସମାନ | 0.1024

ତେଣୁ ବିଭାଜନ କରି ଆମ ପାଖରେ 8 pq କୁ ପାଖରୁ 7 ଉପରେ 8 c 2 ଅଛି ଯାହା ଫ୍ୟାକ୍ଟୋରିଆଲ୍ ଆଠଟି ସହିତ ଫ୍ୟାକ୍ଟୋରିଆଲ୍ ଦୁଇରୁ ଫ୍ୟାକ୍ଟୋରିଆଲ୍ ଛଅ p ବର୍ଗ q କୁ ପାଖରୁ ଛଅ ସହିତ ସମାନ, ଶୂନ୍ୟ ପଏଣ୍ଟ ଦୁଇଟି ସହିତ 0.1024 କିମ୍ବା 8 pq ରେ ବିଭକ୍ତ | ପାଖରୁ 7 ଫ୍ୟାକ୍ଟୋରିଆଲ୍ ଛଅ ଉପରେ ଫ୍ୟାକ୍ଟୋରିଆଲ୍ ଆଠ ଡ୍ୱା divided ାରା ବିଭକ୍ତ ହୋଇଛି ଯାହା ସାତରୁ ଆଠଟି ଯାହା ପଚାଶ ଛଅଟି ଡ୍ୱା by ାରା ବିଭକ୍ତ ଅଠେଇଶ ଆଠ ବର୍ଗ ବର୍ଗ q ସହିତ ଶକ୍ତି 6 ସହିତ 2 କିମ୍ବା 2 ଉପରେ 7 q ସହିତ p ସମାନ 2 ସହିତ ସମାନ | q ହେଉଛି 7 p ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ p ର ମୂଲ୍ୟ 1 ରୁ 8 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଉତ୍ତର ହେଉଛି ଏକ ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ର ଏକ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ଧାରଣା ହେଉଛି ଏହାର ଅର୍ଥ କିମ୍ବା ପ୍ରାୟତଃ it ଏହାକୁ ଆଣି କୁହାଯାଏ ଯାହାକୁ ଆପଣ ଜାଣନ୍ତି ଯେ ଏକ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ n କମା p ରାଣ୍ଡମ୍ ର ଅର୍ଥ | ଭେରିଏବଲ୍ np ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହାର ଭେରିଏନ୍ସ npq ଏହା ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ତୁମେ ତୁମର ପାଠ୍ୟପୁସ୍ତକ କିମ୍ବା ତୁମର ଶ୍ରେଣୀରେ କରିଥିବ

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହି ସୂତ୍ରକୁ ଗ୍ରହଣ କରୁ ନାହିଁ ଯଦି ଏକ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ର ଅର୍ଥ ଚାରି ଏବଂ ଏହାର ଭିନ୍ନତା ଏହାର ଅଧା | ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସମ୍ଭାବ୍ୟତାକୁ ଗଣନା କର ଯେ ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ଦୁଇଟିରୁ ସମାନ ମୂଲ୍ୟଠାରୁ ଅଧିକ ମୂଲ୍ୟ ଗ୍ରହଣ କରେ

ତେଣୁ ଉତ୍ତର ଅର୍ଥ np ଭାରିଆନ୍ସ npq ସହିତ ସମାନ ଏବଂ npq ଅଧା np ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଅର୍ଥାତ୍ q ଅଧା ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ p ଅଧା ସହିତ ସମାନ | ଏହାର ଅର୍ଥ 4 ସହିତ ସମାନ, n କୁ ଅଧା ସହିତ ସମାନ, ଚାରିଟି ଅର୍ଥ ହେଉଛି n ଆଠ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଆମେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ବର୍ଣ୍ଣନା ପାଇପାରିବା ଯେ ଏହା ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ଆଠଟି କମା ଅଧା ଅଟେ ଏହି ସମ୍ଭାବ୍ୟତାକୁ ଗଣନା କରିବା ଆବଶ୍ୟକ ଏହି ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ବିନୋମିଆଲ୍ 8 କମା ଅଧା ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ଠାରୁ ଅଧିକ | 2 ସହିତ ସମାନ ଯାହା 1 ମାଲନସ୍ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା 0 ର ମାଲନସ୍ ସମ୍ଭାବ୍ୟତା 1 ମାଲନସ୍ 8 c 0 ଅଧା ସହିତ ଶକ୍ତି 0 1 ମାଲନସ୍ ଅର୍ଦ୍ଧେକ ଶକ୍ତି ସହିତ ଆଠ ମାଲନସ୍ ଆଠ c ଶକ୍ତି ଅର୍ଦ୍ଧେକ ଶକ୍ତିରେ ଅର୍ଦ୍ଧେକ ଶକ୍ତି ଆଠ ମାଲନସ୍ | ଗୋଟିଏ ସାତ ସହିତ ସମାନ, ଶୂନ୍ୟକୁ ବ raised ାଯାଇଥିବା ଗୋଟିଏ ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ, ଶକ୍ତିର ଅଧା ସହିତ ସମାନ, ଆଠ ମାଲନସ୍ ଆଠ c ଗୋଟିଏ ଶକ୍ତି ଆଠରୁ ଅଧା ସହିତ ଶକ୍ତି ଆଠଟି 1 ମିନିଟ୍ ସହିତ ସମାନ | ଆମକୁ 9 ଗୁଣ ଅଧା ଶକ୍ତି 8 ସହିତ 1 ମାଲନସ୍ 9 ଥର 1 ଉପରେ 2 56 ସମାନ 256 ମାଲନସ୍ 9 ଉପରେ 256 ଉପରେ 246 ସମାନ 256 ଉପରେ 247 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା ଡ୍ୱା the ାରା ରାଣ୍ଡମ୍ ଭେରିଏବଲ୍ ମୂଲ୍ୟ ଦୁଇରୁ ଅଧିକ ହେବ |

ତେଣୁ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ବର୍ଣ୍ଣନା ଉପରେ ଏଗୁଡ଼ିକ କିଛି ସରଳ ସମସ୍ୟା ଏବଂ ଏହା ସହିତ ମୋତେ ଦ୍ୱିପାକ୍ଷିକ ଥିରେମ୍ ବ୍ୟବହାର ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିବାକୁ ଯିବାକୁ ଦିଅ, ଉଦାହରଣ ପାଇଁ କିଛି ଇଭେଣ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଗଣିତରେ ସମସ୍ୟାକୁ ବିଚାର କର ଯେ କେତେ ଉପାୟରେ ତୁମର ପାଞ୍ଚଟି ଭିନ୍ନ ସକରାତ୍ମକ ଇଣ୍ଟିଜର୍ n ଗୋଟିଏ n ଦୁଇଟି n ହୋଇପାରେ | ତିନୋଟି n ଚାରି ଏବଂ ପାଞ୍ଚଟିରେ ଯେପରି ସିଗମା k ni i ଗୋଟିଏ ରୁ ପାଞ୍ଚ ସମାନ କୋଡ୍ ସହିତ ସମାନ, ଆମେ ଜାଣିବାକୁ ପାଇଲୁ ଯେ ସମାଧାନ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି 7 ଯାହା ସେଗୁଡ଼ିକ 1 2 3 4 ଏବଂ 10 1 2 3 5 ଏବଂ 9 1 2 3 6 8 1 2 4 5 8 1 2 4 6 7 1 3 4 5 7 ଏବଂ 2 3 4 5 6.

ତେଣୁ ଏହି ସାତଟି ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସମାଧାନ କିଛି ଆମେ ଏହାକୁ ଯାନ୍ତ୍ରିକ ଭାବରେ କରିଛୁ ଯେପରି ଆପଣ ପ୍ରଥମେ ତାହା ବୁଝିପାରନ୍ତି | ମୁଁ ସର୍ବାଧିକ ଓଜନ ଦେଇଛି | t ଶେଷକୁ ଏବଂ t ପରେ ମୁଁ ସେହି ଓଜନ ବଣ୍ଟନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କଲେ ଯେ ସମସ୍ତ ପାଞ୍ଚଟି ଅଲଗା ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ସେହି ଭାବରେ ଆମେ ସମାଧାନର ସମାଧାନ ପାଇପାରୁ, ଏହିପରି ଏକ ସମାଧାନ ସମସ୍ତ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ମିଶ୍ରଣ ଦେବା ନିଶ୍ଚିତ ହୁଏ

ତେଣୁ ମୁଁ ଦେବାକୁ ଚାହୁଁଛି | ସମାଧାନର ସଂଖ୍ୟା ପାଇବା ପାଇଁ ତୁମେ ଏକ ଗାଣିତିକ ଭାବରେ ଯାହା ମୁଁ ତୁମକୁ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସଠିକ୍ ସମାଧାନ ଦେବାକୁ ଯାଉଛି ନାହିଁ କିଛି ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସମାଧାନର ସମାଧାନ ଯାହା ଏହି କ୍ଷେତ୍ରରେ 7 କିପରି ହେବ ଯେ ଅନ୍ତର୍ନିହିତ ଧାରଣା ଫଳସ୍ୱରୂପ ସୃଷ୍ଟି କରୁଛି ଯାହା ମୂଳତଃ ଏକ ପାଖରୁ ସିରିଜ୍ ଅଟେ | ସୀମିତ କିମ୍ବା ସୀମିତ ହୋଇପାରେ

ତେଣୁ ମୋତେ ପ୍ରଥମେ ଆପଣଙ୍କୁ କିଛି ଭବାହରଣ ଦେବି, ଯେଉଁଥିରେ ଆମର ଦୁଇଟି ଭେରିଏବଲ୍ x ଏବଂ y କେତେ ଭାବରେ ଅଛି, ଯେପରି 0 ରୁ x ଠାରୁ ସମାନ 2 ରୁ କମ୍ ଏବଂ ଗୋଟିଏ ସମାନ ଠାରୁ y ଠାରୁ କମ୍ ଦୁଇଟି ଏବଂ x ପୂର୍ଣ୍ଣ y ତିନୋଟି ସହିତ ସମାନ, ଏହି ସମାଧାନଟି ବହୁତ ସରଳ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମେ ଏକ ଟେବୁଲ୍ ଆଙ୍କିବା ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ସେମାନଙ୍କ ରାଶି x ମୂଲ୍ୟ 0 1 2 ନେଇପାରେ ଏବଂ y କେବଳ 1 ଏବଂ 2 ମୂଲ୍ୟ ନେଇପାରେ ତେଣୁ ଆମେ ହା ve ଏହି 6 ଟି ମିଶ୍ରଣ ଏବଂ ରାଶିଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି 1 2 2 3 3 4.

ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖିପାରୁ ଯେ ଦୁଇଟି ମାମଲା ଅଛି ଯେତେବେଳେ ରାଶିରେ ତିନିଟି ଦୁଇଟି ମାମଲା ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ଏବଂ ଗୋଟିଏ ଚାରୋଟି ମାମଲା ତେଣୁ ଏହାକୁ କିପରି କରାଯିବ | ନିମ୍ନଲିଖିତ ଦୁଇଟି ପଲିନୋମିଆଲ୍ କୁ ବିଚାର କରନ୍ତୁ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କର ଉତ୍ପାଦକୁ ଗଣନା କରନ୍ତୁ ତେଣୁ ସେହି ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଗୁଡ଼ିକ କ'ଣ ଅଟେ କାରଣ x ମୂଲ୍ୟ 0 1 2 ନେଇଥାଏ ଆମେ z କୁ ପାଖରୁ 0 ପୂର୍ଣ୍ଣ z କୁ ପାଖରୁ 2 କୁ z ଲେଖିବା ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟତା y ସହିତ ଅନୁରୂପ ଅଟେ | ଯାହା କେବଳ 1 ଏବଂ 2 ମୂଲ୍ୟ ନେଇଥାଏ

ତେଣୁ ଆମେ z କୁ ପାଖରୁ 1 ରେ z ଲେଖିବା ଏବଂ ପାଖରୁ 2 କୁ z ପୂର୍ଣ୍ଣ z ବର୍ଗ ସହିତ ଗୁଣିତ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ z ପୂର୍ଣ୍ଣ z ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଉତ୍ପାଦକୁ ଗଣନା କରିବା ତେବେ ଆମେ z ପୂର୍ଣ୍ଣ z ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ z ପାଇଥାଉ | କ୍ୟୁବ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ z ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ z କ୍ୟୁବ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ z କୁ ପାଖରୁ 4 ସହିତ z ପୂର୍ଣ୍ଣ z ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ z କ୍ୟୁବ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ z ସହିତ ସମାନ | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆପଣ ଏହି ଉତ୍ପାଦ ଏବଂ ଏହି ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ମାମଲାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ସମାନତା ପାଇପାରିବେ କି? z କୁ ଶକ୍ତି ସହିତ 1 2 ସହିତ z ବର୍ଗ 2 ସହିତ z କ୍ୟୁବ୍ ଏବଂ 1 ସହିତ | z କୁ ପାଖରୁ 4 ସହିତ ଏହି ପଲିନୋମିଆଲ୍ 1 2 3 ଏବଂ 4 କୁ ଯୋଡ଼ିବା ପାଇଁ ଯେକ $combination$ ଶସି ମିଶ୍ରଣ ପାଇଁ ସମାଧାନର ସଂଖ୍ୟା ଦେଇଥାଏ | x ପୂର୍ଣ୍ଣ y ପୂର୍ଣ୍ଣ z ଦଶ ସହିତ ସମାନ, ଯେତେବେଳେ ଶୂନ୍ୟରୁ କମ୍ x ଠାରୁ ସମାନ, 4 ରୁ 4 ରୁ ଅଧିକ, ଅର୍ଥାତ୍ ଏହା ଯେକ any ଶସି ସକାରାତ୍ମକ ଇଣ୍ଟିଜର ନେଇପାରେ ଏବଂ z ସମାନ 0 ରୁ ଅଧିକ ହୋଇପାରେ ଅର୍ଥାତ୍ ଏହା ମଧ୍ୟ 0 ନେଇପାରେ

ତେଣୁ ଆମେ ଚାହୁଁ ସମାଧାନର ସଂଖ୍ୟା ଜାଣିବା ପାଇଁ ଯେପରିକି x ପୂର୍ଣ୍ଣ y ପୂର୍ଣ୍ଣ z ଦଶ ସହିତ ସମାନ ତେଣୁ ସମାନ ମାର୍ଗରେ ଯାଇ ଆମେ ନିମ୍ନଲିଖିତ ତିନୋଟି ପଲିନୋମିଆଲ୍ ଲେଖିପାରିବା କାରଣ x 0 ରୁ 4 ମଧ୍ୟରେ ମୂଲ୍ୟ ନେଇଥାଏ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ସେଗୁଡ଼ିକୁ x କୁ ଲେଖିବା | ଶକ୍ତି 0 ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ 2 ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ 3 ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ 4 କୁ y ଦ୍ୱିଗୁଣିତ ଯେକ any ଶସି ସକାରାତ୍ମକ ମୂଲ୍ୟ ନେଇପାରେ ଯାହା ଆମକୁ ଏକ ଅସୀମ ସିରିଜ୍ x ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ x କ୍ୟୁବ୍ ଅପ୍ ଦେଇଥାଏ | z ସହିତ ଅନୁରୂପ ଅସୀମତାକୁ ଗୁଣିତ କରେ | କାରଣ z 0 ରୁ ଆରମ୍ଭ ହୁଏ ଆମ ପାଖରେ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗ ଅସୀମତା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସିଦ୍ଧ ହେଉଛି ଯେ ଯଦି ଆମେ ଉତ୍ପାଦକୁ ଗଣନା କରିବା ଏବଂ ପାଖରୁ 10 ରେ x ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ପାଇବା ଯାହା ଦ୍ୱିଗୁଣିତ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ସଂଖ୍ୟା ଦିଆଯିବ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ | ଚେଷ୍ଟା କରନ୍ତୁ ଆମର 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ x କ୍ୟୁବ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ 4 କୁ x ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ କର ଯଦି ଆମେ x ବାହାର କରିବା ତେବେ ଆମେ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗକୁ ଅସୀମତା ପୂର୍ଣ୍ଣ ବର୍ଗ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହାର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଖୋଜିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା | ଏଥିରେ ପାଖରୁ ଦଶକୁ x ତେଣୁ ଆମେ ପ୍ରଥମଟିକୁ x ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ x କ୍ୟୁବ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ ଚାରି ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ ପାଞ୍ଚକୁ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣ x ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗଫୁଟକୁ ଦୁଇଗୁଣି କରି ଲେଖିବା | ଆମେ ଦେଖୁ ଯେ ଯଦି ଆମେ ପାଖରୁ 5 କୁ x ପାଇଁ ଶବ୍ଦ ପାଇଥାଉ ଯାହା ଏହି x ସହିତ ପାଖରୁ 6 କୁ ଗୁଣିତ ହେବ ଏବଂ ଏହା ଦ୍ୱାରା x ଏବଂ ପାଖରୁ ନଅକୁ ଗୁଣିତ ହେବ ଯାହା ଏହା ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିତ ହେବ ଏବଂ ତାହା ଆମକୁ ଦେବ | ପାଖରୁ ଦଶରେ x ପାଇବା ପାଇଁ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ଭାବରେ | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ପାଖରୁ n ସହିତ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ ପାଖରୁ n ସହିତ 1 ମାଇନସ୍ x ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ସମାନ, ଯାହା ପାଖରୁ ମାଇନସ୍ n ସହିତ 1 ମାଇନସ୍ x ସହିତ ସମାନ ଯାହା 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ ସିଗନା ଭାବରେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ | ଓଭର r 1 ରୁ ଅସୀମତା n ମାଇନସ୍ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ r ସହିତ ପାଖରୁ r କୁ ବାକ୍ସନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଆମେ ଏହି ସୂତ୍ରକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ଏବଂ ଏହାର ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରୁଛୁ ତେଣୁ ଆମକୁ ଶକ୍ତିର ନଅ x କୁ କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ | x ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ପାଖରୁ ପାଞ୍ଚ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମେ x କୁ ପାଖରୁ ପାଞ୍ଚକୁ ବିଚାର କରିବା n ଏଠାରେ 2 r ସହିତ ସମାନ 5 ତେଣୁ ପାଖରୁ 5 ସହିତ x ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ 2 ପୂର୍ଣ୍ଣ 5 ମାଇନସ୍ 1 c 5 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ | x ର ପାଖରୁ 5 କାରଣ ଆମର ଫର୍ମୁଲା ପୂର୍ଣ୍ଣ ରେ ଅଛି ମାଇନସ୍ 1 କ୍ର 7 ମାଇନସ୍ 1 ସହିତ ସମାନ ଯାହା 6 c 5 ସମାନ 6 ଆସନ୍ତୁ କେବଳ x ପାଇଁ ପାଖରୁ ନଅକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା

ତେଣୁ ଏଠାରେ r ନଅ n ସହିତ ସମାନ | 2 ସହିତ ସମାନ ତେଣୁ x ର ଶକ୍ତି 9 ସହିତ ସମାନ 9 ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ମାଇନସ୍ 1 c 9 10 ସହିତ ସମାନ | c 9 10 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ମୁଁ ଏହାକୁ ସମାଧାନ କରୁନାହିଁ କିଛି ତେଣୁ ଆପଣ ବୁଝିପାରନ୍ତି ଯେ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସମାଧାନର ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା 9 ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ସହିତ ସମାନ, ଯାହାକି ପାଖରୁ 9 ସହିତ x ର 10 କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଅଟେ ଯାହା ସମାନ ମାର୍ଗରେ 10 ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ | ପୂର୍ଣ୍ଣ 9 ପୂର୍ଣ୍ଣ 8 ପୂର୍ଣ୍ଣ 7 ପୂର୍ଣ୍ଣ କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ x କୁ ପାଖରୁ 5 କୁ ଆପଣ ଗଣନା କରିଛନ୍ତି ଏହା 6 ସହିତ ସମାନ, ଏହା ହେଉଛି 19 ପୂର୍ଣ୍ଣ 28 27 ପୂର୍ଣ୍ଣ 7 34 ପୂର୍ଣ୍ଣ 6 ଯାହା 40 ଅଟେ |

ତେଣୁ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସମାଧାନ ହେଉଛି ଚାଳିଶ ନୋଟ୍ ଯାହା ଆମେ ଗଠନ କରୁଛୁ | ମୂଲ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ବିଚାର କରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭେରିଏବଲ୍ ସହିତ ଅନୁରୂପ ପାଖରୁ ସିରିଜ୍ ଯାହା ଭବାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ନେଇପାରେ ଧରାଯାଉ ଆମ ପାଖରେ x ପୂର୍ଣ୍ଣ y ପୂର୍ଣ୍ଣ z ପାଇପାରିବାରେ ଆମର ଅସୁବିଧା ଅଛି ଯେପରି x ହେଉଛି ଦୁଇଟି y ର ଏକାଧିକ | ତିନୋଟି ଏବଂ z ର ପଲିଟିଭ୍ ଏବଂ ପାଞ୍ଚଟି ମଧ୍ୟରୁ ଏକାଧିକ ଏହିଗୁଡ଼ିକ ଆମକୁ ଦିଆଯାଉ ନାହିଁ କି ସେଗୁଡ଼ିକ ପଲିଟିଭ୍

ତେଣୁ x ଏବଂ y ମୂଲ୍ୟ ଶୂନ୍ୟକୁ ନେଇପାରେ ତେଣୁ x ପୂର୍ଣ୍ଣ y ପୂର୍ଣ୍ଣ z ପାଇଁ ସମାଧାନ ସଂଖ୍ୟା ଉପରେ 20 ଅବଶିଷ୍ଟ ସହିତ 50 ସହିତ ସମାନ | 1 ର ପୂର୍ଣ୍ଣ x ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ 4 କୁ x ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ ଦ୍ୱିଗୁଣିତ 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ x କ୍ୟୁବ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ 6 କୁ x କୁ ଶକ୍ତି 6 କୁ x କୁ ପାଖରୁ 5 କୁ x କୁ ଗୁଣିତ କରାଯିବ | ପାଖରୁ 10 ପୂର୍ଣ୍ଣ x କୁ ପାଖରୁ 15 କୁ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଏହି 3 ପାଖରୁ ସିରିଜ୍ କୁ ବହୁଗୁଣିତ କରିବା ଏବଂ x ର କୋଏଫିସିଏଣ୍ଟ କୁ ପାଖରୁ 50 କୁ ପାଇବା ଯାହା ଏହି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ ହେବାକୁ ଯାଉଛି ବର୍ତ୍ତମାନ ମୋତେ ଶ୍ରେଣୀରେ କରିଥିବା ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଦିଅ | ପୁନର୍ବାର ଏକ ଯାନ୍ତ୍ରିକ ଭାବରେ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ସମସ୍ୟାକୁ ମନେରଖିବା ଆମର ସମସ୍ୟା ହେଉଛି 0 ରୁ କମ୍ n 1 ରୁ କମ୍ n 2 ରୁ n 3 କମ୍ n 4 ଠାରୁ n 5 କମ୍ ଏବଂ ଏହା ଦିଆଗଲା ଯେ ସିଗନା n ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ପାଞ୍ଚ ସହିତ ସମାନ | ଆପଣ ଏହାକୁ କେତେ ଭାବରେ କୋଡ଼ିଏ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହାକୁ ବଜାୟ ରଖିବା ପାଇଁ ଆମେ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଭାବରେ ଆରମ୍ଭ କରୁ ଯେ ଏଗୁଡ଼ିକ ଅଲଗା ଅଲଗା ଅଟେ ଆମେ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଦୁଇଟିକୁ n ଦୁଇଟି ମାଇନସ୍ n 1 m 3 n 3 ମାଇନସ୍ n 2 ସହିତ ସମାନ | m 4 n 4 ମାଇନସ୍ n 3 ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ତାପରେ 5 n 5 ମାଇନସ୍ n 4 ସହିତ ସମାନ | ଗୋଟିଏ ଏବଂ ନି ଦୁଇ ନି ତିନି ନି ଚାରି ନି ପାଞ୍ଚଟି 0 ରୁ ଅଧିକ n 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ n 2 ପୂର୍ଣ୍ଣ n 3 ପୂର୍ଣ୍ଣ n 4 ପୂର୍ଣ୍ଣ n 5 ସମାନ 20 ଏହାକୁ ଆମେ ମାଇନସ୍ n 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ 3 ରେ 5 n 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ 4 ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା | n 3 ମାଇନସ୍ n 2 ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 n 4 ମାଇନସ୍ n 3 ପୂର୍ଣ୍ଣ n 5 ମାଇନସ୍ n 4 ସମାନ 20 କିମ୍ବା 5 n 1 ପୂର୍ଣ୍ଣ 4 ନି 2 ପୂର୍ଣ୍ଣ 3 ନି 3 ପୂର୍ଣ୍ଣ 2 ନି 4 ପୂର୍ଣ୍ଣ ନି 5 ଯେତେବେଳେ n ଗୋଟିଏ ଏବଂ ସମସ୍ତ 20 ସହିତ ସମାନ | m ଶୂନ୍ୟଠାରୁ ବଡ଼, ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ନିମ୍ନଲିଖିତ ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ କହିବା ଯେ x 1 ସମାନ n 1 ମାଇନସ୍ 1 x 2 m 2 ମାଇନସ୍ 1 x 3 ସମାନ m 3 ମାଇନସ୍ 1 x 4 m 4 ମାଇନସ୍ 1 ଏବଂ x ସହିତ ସମାନ | 5 ନି 5 ମାଇନସ୍ ସହିତ ସମାନ |

