

ਵਿਦਿਆਰਥੀਆਂ ਦਾ iIT ਪਾਸ ਸਮੱਸਿਆ ਹੱਲ ਕਰਨ ਵਾਲੇ ਸੈਸ਼ਨ ਵਿੱਚ ਸੁਆਗਤ ਹੈ, ਸਾਡਾ ਵਿਸ਼ਾ ਸੰਭਾਵਨਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਆਖਰੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਲੈਕਚਰ ਨੰਬਰ 2 ਹੈ, ਅਸੀਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦੋ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦਿੰਦੇ ਹਨ,

ਇਸ ਲਈ ਆਉ ਉਨ੍ਹਾਂ ਨੂੰ ਯਾਦ ਕਰੀਏ ਇੱਕ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਜੇਕਰ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕੋ ਜਿਹੀਆਂ ਗੱਦਾਂ ਹਨ ਜੋ ਰੱਖਣੀਆਂ ਹਨ। k ਬਕਸਿਆਂ ਵਿੱਚ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਕੋਈ ਵੀ ਬਕਸਾ ਖਾਲੀ ਨਹੀਂ ਰਹੇਗਾ ਤਾਂ ਸੰਭਾਵੀ ਪ੍ਰਬੰਧਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ n ਘਟਾਓ 1 ਸੀਕੇ ਘਟਾਓ 1 ਹੈ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਜੇਕਰ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਦੋ ਬਕਸਿਆਂ ਵਿੱਚ ਤਿੰਨ ਸਮਾਨ ਗੱਦਾਂ ਰੱਖਣੀਆਂ ਹਨ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਕੋਈ ਵੀ ਬਕਸਾ ਖਾਲੀ ਨਹੀਂ ਹੈ ਤਾਂ ਇਸਦੇ ਦੋ ਸੰਭਵ ਤਰੀਕੇ ਹਨ ਇਸ ਨੂੰ ਪਹਿਲੇ ਬਕਸੇ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਅਤੇ ਦੂਜੇ ਬਕਸੇ ਵਿੱਚ ਦੋ ਜਾਂ ਪਹਿਲੇ ਬਕਸੇ ਵਿੱਚ ਦੋ ਅਤੇ ਦੂਜੇ ਬਕਸੇ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਅਤੇ ਦੂਜਾ ਫਾਰਮੂਲਾ ਇੱਕ ਸਮਾਨ ਸੈੱਟਅੱਪ ਸੀ n ਇੱਕੋ ਜਿਹੀਆਂ ਗੱਦਾਂ ਨੂੰ k ਬਕਸਿਆਂ ਵਿੱਚ ਰੱਖਿਆ ਜਾਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਕਿ ਕੁਝ ਬਕਸੇ ਖਾਲੀ ਰਹਿ ਜਾਣ ਤਾਂ ਸੰਭਾਵਿਤ ਪ੍ਰਬੰਧਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ n ਪਲੱਸ k ਘਟਾਓ 1 ck ਘਟਾਓ 1 ਉਦਾਹਰਨ ਤਿੰਨ ਗੱਦਾਂ ਦੇ ਬਕਸੇ

ਇਸ ਲਈ ਸੰਭਾਵੀ ਪ੍ਰਬੰਧ ਹਨ 0 3 1 2 2 1 ਅਤੇ 3 0 ਜੋ ਕਿ 4 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਡੇ ਕੋਲ 3 ਹੈ ਪਲੱਸ 2 ਘਟਾਓ 1 c 2 ਘਟਾਓ 1 ਬਰਾਬਰ 4 c 1 ਚਾਰ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਐਪਲੀਕੇਸ਼ਨ ਕਿੰਨੇ ਤਰੀਕਿਆਂ ਨਾਲ ਤੁਸੀਂ ਪੰਜ ਨੰਬਰਾਂ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ a ਕਾਮੇ b ਕੌਮਾ cd ਅਤੇ e ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਕਿ ਹਰ ਇੱਕ 0 ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੋਵੇ ਅਤੇ a ਪਲੱਸ b ਪਲੱਸ c ਪਲੱਸ d ਪਲੱਸ e 20 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਸੰਭਾਵੀ ਗੱਦਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਚੰਗੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸਮਝ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ 20 ਘਟਾਓ 1 c 5 ਘਟਾਓ 1 ਬਰਾਬਰ 19 c 4 ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਹਾਲਾਂਕਿ ਜੇਕਰ ਇੱਕ ਕੌਮਾ b ਕੌਮਾ cd ਅਤੇ e ਤੋਂ ਵੱਧ ਹਨ 0 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤਾਂ ਸੰਭਾਵਿਤ ਗੱਦਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ 20 ਜੇੜ 5 ਘਟਾਓ 1 c 5 ਘਟਾਓ 1 ਬਰਾਬਰ 24 c 4 ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਕਿਵੇਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰੀਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇਹ ਮੰਨ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਡੇ ਕੋਲ 20 ਵੱਖ-ਵੱਖ 20 ਗੱਦਾਂ ਹਨ ਜੋ ਇੱਕੋ ਜਿਹੀਆਂ ਹਨ ਜਾਂ ਅਸੀਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮੇਰੇ ਕੋਲ 1 ਹੈ 1 1 ਤੋਂ 20 ਗੁਣਾ ਤੱਕ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਨੂੰ ਅਜਿਹੀਆਂ ਲਾਈਨਾਂ ਬਣਾ ਕੇ ਪੰਜ ਕੰਪਾਰਟਮੈਂਟਾਂ ਵਿੱਚ ਵੰਡ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜਿਸਦੀ ਮੈਂ ਪਿਛਲੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਵਿਆਖਿਆ ਕੀਤੀ ਹੈ ਤਾਂ ਇੱਕ ਖਾਸ ਬਕਸੇ ਵਿੱਚ ਇਹਨਾਂ ਦਾ ਜੇੜ ਤੁਹਾਨੂੰ ਅਨੁਸਾਰੀ ਸੰਖਿਆ ਦੇਵੇਗਾ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਥੇ 20 ਹਨ ਜੋ ਜੇੜ ਹਮੇਸ਼ਾ ਹੋਣਗੇ। 20 ਹੋਵੇ ਅਤੇ ਉਹਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਹਰ ਇੱਕ ਨੂੰ ਤੁਸੀਂ ਟੀ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹੋ ਉਸ ਦਾ a ਇਹ b ਹੈ ਅਤੇ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਹ e ਹੋਣ ਜਾ ਰਿਹਾ ਹੈ ਤਾਂ ਉਥੇ ਅਸੀਂ ਸਮਝ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ ਉਪਰੋਕਤ ਫਾਰਮੂਲੇ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਇਹਨਾਂ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ, ਆਉ ਹੁਣ ਇੱਕ ਥੋੜੀ ਮੁਸ਼ਕਲ ਸਮੱਸਿਆ 'ਤੇ ਵਿਚਾਰ ਕਰੀਏ ਤਾਂ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਤੁਸੀਂ ਕਿੰਨੇ ਤਰੀਕਿਆਂ ਨਾਲ ਪੰਜ ਨੰਬਰਾਂ ਦੀ ਚੋਣ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ। 1 n 2 n 3 n 4 ਅਤੇ n 5 ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਕਿ ਸਾਰੇ i ਲਈ 0 ਤੋਂ ਵੱਡਾ ni 1 ਤੋਂ 5 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ n 1 n 2 ਤੋਂ ਘੱਟ n 4 ਤੋਂ n 3 ਘੱਟ ਹੈ ਅਤੇ n 5 ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਅਤੇ ਸਿਰਫਾ ni ਇੱਕ ਤੋਂ ਪੰਜ ਬਰਾਬਰ ਵੀਹ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਮੱਸਿਆ ਥੋੜੀ ਵੱਖਰੀ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਇੱਥੇ ਸਮਝ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਅਸੀਂ ਸਾਰੇ ਪੰਜ ਨੰਬਰਾਂ ਨੂੰ ਦੇਖ ਰਹੇ ਹਾਂ ਜੋ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਹੋਣੀਆਂ ਚਾਹੀਦੀਆਂ ਹਨ ਜੋ ਇੱਕ ਸੰਖਿਆ ਨੂੰ ਦੁਹਰਾਇਆ ਨਹੀਂ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਉਹ ਸਾਰੇ 0 ਤੋਂ ਵੱਧ ਹਨ ਅਤੇ ਉਹਨਾਂ ਦਾ ਜੇੜ 20 ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਆਉ ਅਸੀਂ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਸਮਝੀਏ ਕਿ ਇੱਕ ਸੰਭਾਵੀ ਗੱਲ ਹੈ ਇੱਕ ਦੇ ਤਿੰਨ 4 ਅਤੇ 10 ਇਹ ਇੱਕ ਸੰਭਾਵੀ ਗੱਲ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਸਾਰੇ 5 ਵੱਖਰੇ ਹਨ ਪਰ 1 2 4 4 9 ਇੱਕ ਗੱਲ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ 4 ਨੂੰ ਦੁਹਰਾਇਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਮੈਂ ਉਮੀਦ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਕਿ ਸਮੱਸਿਆ ਸਪਸ਼ਟ ਹੋ ਗਈ ਹੈ ਤੁਹਾਨੂੰ

ਇਸ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਲਈ ਜਾਣ ਦਿਓ t ਹੱਲ ਨੋਟ ਕਰੋ ਕਿ n 1 ਲਈ ਸਭ ਤੋਂ ਛੋਟਾ ਸੰਭਵ ਮੁੱਲ n 2 ਲਈ 1 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ 2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਉਹ n 2 ਨਹੀਂ ਹਨ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ n ਇੱਕ n ਦੇ ਤੋਂ ਛੋਟਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ n ਪੰਜ ਲਈ ਇਹ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਪੰਜ

ਇਸ ਲਈ ਆਉ ਅਸੀਂ ਪੰਜ ਨਵੇਂ ਵੇਰੀਏਬਲ x 1 x 2 x 3 x 4 ਅਤੇ x 5 ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰੀਏ ਜਿਵੇਂ x one is ਬਰਾਬਰ n ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਇੱਕ x ਦੇ ਬਰਾਬਰ n ਦੇ ਘਟਾਓ ਦੇ x 3 ਬਰਾਬਰ n 3 ਘਟਾਓ 3 x 4 n 4 ਘਟਾਓ 4 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ x 5 n 5 ਘਟਾਓ 5 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਹਰੇਕ xi ਬਰਾਬਰ 0 ਤੋਂ ਵੱਡਾ ਹੈ ਅਤੇ x 1 ਬਰਾਬਰ x 2 ਤੋਂ ਘੱਟ x 3 ਦੇ ਬਰਾਬਰ x ਚਾਰ ਤੋਂ ਘੱਟ ਅਤੇ ਇਸ ਤੋਂ ਘੱਟ x ਪੰਜ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇਸਲਈ ਸਮੱਸਿਆ ਪੰਜ ਸੰਖਿਆਵਾਂ x 1 x 2 x 3 x 4 ਅਤੇ x 5 ਚੁਣਨ ਦੀ ਬਣ ਜਾਂਦੀ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਸਾਰੇ ਬਰਾਬਰ 0 ਤੋਂ ਵੱਡੇ ਹਨ ਅਤੇ x 1 ਪਲੱਸ x 2 ਪਲੱਸ x 3 ਪਲੱਸ x 4 ਪਲੱਸ x 5 ਬਰਾਬਰ ਹਨ। n 1 ਘਟਾਓ 1 ਪਲੱਸ n 2 ਘਟਾਓ 2 ਪਲੱਸ n 3 ਘਟਾਓ 3 ਪਲੱਸ n 4 ਘਟਾਓ 4 ਪਲੱਸ n 3 ਘਟਾਓ n 5 ਘਟਾਓ 5 ਸਿਰਫਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ni 1 ਤੋਂ 5 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਮਾਇਨਸ 1 ਪਲੱਸ 2 ਪਲੱਸ 3 ਪਲੱਸ 4 ਪਲੱਸ 5 ਬਰਾਬਰ 20 ਘਟਾਓ 15 ਬਰਾਬਰ 5 ਹੈ।

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ x ਇਕ x ਦੇ x ਤਿੰਨ x ਚਾਰ x ਪੰਜ ਉਨ੍ਹਾਂ ਦਾ ਜੇੜ ਪੰਜ ਹੋਣਾ ਚਾਹੀਦਾ ਹੈ ਤਾਂ ਇਕ ਸੰਭਵ ਗੱਲ ਜ਼ੀਰੋ ਹੈ ਜ਼ੀਰੋ ਜ਼ੀਰੋ ਜ਼ੀਰੋ ਅਤੇ ਪੰਜ ਇਹ ਸਾਨੂੰ ਹੱਲ ਦਿੰਦਾ ਹੈ 1 2 3 4 ਅਤੇ 10 ਅਗਲਾ ਇੱਕ 0 0 0 1 4 ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਹ ਸਾਨੂੰ ਹੱਲ 1 2 3 5 ਅਤੇ 9 ਦਿੰਦਾ ਹੈ। 0 0 0 2 3 ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ ਹੱਲ 1 2 3 ਮਿਲਦਾ ਹੈ। 6 ਅਤੇ 8 ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ x 5 ਤੋਂ ਘਟਾ ਕੇ x 4 ਨੂੰ ਨਹੀਂ ਦੇ ਸਕਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ ਇੱਕ ਰੱਖਦੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ x ਚਾਰ ਦਾ ਸਭ ਤੋਂ ਛੋਟਾ ਮੁੱਲ 1 ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਥੇ ਇੱਕ 3 ਰਹਿ ਗਿਆ ਹੈ ਅਤੇ

ਇਸ ਲਈ ਹੱਲ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ get is 1 2 4 5 ਅਤੇ 8 ਅਗਲਾ ਇੱਕ 0 0 1 ਹੈ ਅਸੀਂ ਇੱਥੇ 1 ਤੋਂ ਘਟਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਇਸਨੂੰ ਇੱਥੇ ਜੋੜਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ 2 2 ਮਿਲਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਹੱਲ 1 2 4 6 ਅਤੇ 7 ਹੈ। ਅੱਗੇ ਅਸੀਂ ਕੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਇਸਨੂੰ ਬਣਾਉਂਦੇ ਹਾਂ 1 ਹੋਣ ਲਈ ਸਾਨੂੰ ਮਿਲਦਾ ਹੈ 0 1 x 3 1 ਤੋਂ ਘੱਟ ਨਹੀਂ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ

ਇਸ ਲਈ ਸਭ ਤੋਂ ਛੋਟਾ ਮੁੱਲ ਇੱਕ x ਚਾਰ ਹੈ ਫਿਰ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਦਿੰਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਦਿੰਦੇ ਹਾਂ ਇੱਥੇ ਦੇ ਤਾਂ ਜੋ ਇਸਨੂੰ ਪੰਜ ਬਣਾਉਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਅਨੁਰੂਪ ਹੱਲ ਹੈ ਇੱਕ ਤਿੰਨ ਚਾਰ 5 ਅਤੇ 7 ਅਤੇ ਅੰਤ ਵਿੱਚ ਸਾਨੂੰ 1 1 1 1 1 ਅਤੇ 1 ਮਿਲਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਸੰਬੰਧਿਤ ਗੱਲ 2 3 4 5 ਅਤੇ 6 ਹੈ ਨੋਟ ਕਰੋ ਕਿ ਉਹਨਾਂ ਸਾਰਿਆਂ ਦਾ ਜੇੜ 20 ਤੱਕ ਹੋਵੇਗਾ ਇਸਲਈ ਸੰਭਾਵਿਤ ਗੱਲਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਸੱਤ ਹਨ ਮੈਂ ਉਮੀਦ ਕਰਦਾ ਹਾਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਤਕਨੀਕ ਨੂੰ ਸਮਝ ਲਿਆ ਹੋਵੇਗਾ ਪਰ ਮੈਨੂੰ ਇੱਕ ਬਹੁਤ ਹੀ ਸਮਾਨ ਸਮੱਸਿਆ ਦਾ ਹੱਲ ਕਰਨ ਦਿਓ ਤਾਂ ਜੋ ਤੁਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਸਮਝ ਸਕੋ ਤਾਂ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਕਿੰਨੇ ਤਰੀਕਿਆਂ ਨਾਲ ਚਾਰ ਸੰਖਿਆਵਾਂ ਨੂੰ n 3 ਤੋਂ ਘੱਟ n 2 ਤੋਂ ਘੱਟ ਅਤੇ n ਤੋਂ ਘੱਟ ਵਿੱਚ ਚੁਣ ਸਕਦੇ ਹੋ। 4 ਯਾਨੀ ਕਿ ਉਹ ਸਾਰੇ ਵੱਖਰੇ ਹਨ a 0 ਤੋਂ ਵੱਡਾ 9 ਸਭ ਲਈ i ਬਰਾਬਰ ਹੈ 1 2 3 ਅਤੇ 4 ਅਤੇ ਸਿਰਫਾ ni i ਬਰਾਬਰ ਹੈ 1 ਤੋਂ 4 ਬਰਾਬਰ 16 ਜੋ ਕਿ ਸਮੱਸਿਆ ਹੈ ਤਾਂ ਫਿਰ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਅਸੀਂ x ਇੱਕ ਨੂੰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਿਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ n 1 ਘਟਾਓ 1 x 2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ n 2 ਘਟਾਓ 2 x 3 ਬਰਾਬਰ n 3 ਘਟਾਓ 3 ਅਤੇ x 4 ਬਰਾਬਰ n 4 ਘਟਾਓ 4 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਹਰੇਕ xi ਬਰਾਬਰ 0 x 1 ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ x 2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ x 4 ਦੇ ਬਰਾਬਰ x 3 ਤੋਂ ਘੱਟ ਅਤੇ ਸਿਰਫਾ x 16 ਘਟਾਓ 10 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ 6 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੇ ਅਨੁਸਾਰ ਜਾਂਦੇ ਹਾਂ x 1 x 2 x 3 ਅਤੇ x 4 ਦੁਬਾਰਾ ਅਸੀਂ ਉਹਨਾਂ ਨੂੰ ਬਹੁਤ ਯੋਜਨਾਬੱਧ ਢੰਗ ਨਾਲ ਤਿਆਰ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਸਾਨੂੰ 0 0 0 6 0 0 1 5 0 0 2 4 0 0 3 3 0 1 4 0 1 2 3 ਮਿਲਦਾ ਹੈ। 1 1 1 3 1 1 2 2 ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਅਸੀਂ 0 2 2 2 ਵੀ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਸਾਨੂੰ 1 2 3 4 5 6 7 8 9 ਮਿਲਿਆ ਹੈ। ਇਸਲਈ ਨੌਂ ਸੰਭਵ ਗੱਲ ਮੈਂ ਤੁਹਾਡੇ ਕੋਲ ਛੱਡਦਾ ਹਾਂ ਜੋ ਕਿ x ਇੱਕ ਦੀ ਵਿਵਸਥਾ ਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹੋਏ x ਦੇ x ਤਿੰਨ ਅਤੇ x ਚਾਰ ਤੁਸੀਂ ਇਹ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰਦੇ ਹੋ ਕਿ ਸੈੱਟ n one n two n ਤਿੰਨ ਅਤੇ n 4 ਹੁਣ ਇੱਕ ਸਮੱਸਿਆ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਕਿਵੇਂ ਜਾਣਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਪੂਰਾ ਸੈੱਟ ਹੈ ਇਹ ਹੋ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਖੁੰਝ ਗਏ ਹੋਵੋ ਉਹਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਕੁਝ ਨੂੰ

ਇਸ ਲਈ ਇਸ ਨੂੰ ਕਰਨ ਦੇ ਇੱਕ ਗਣਿਤਿਕ ਤਰੀਕੇ ਦੀ ਲੋੜ ਹੈ ਇਹ ਤੁਸੀਂ ਬਾਇਨੇਮੀਅਲ ਥਿਊਰਮ ਦੀ ਵਰਤੋਂ ਕਰਕੇ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ, ਮੈਂ ਚਾਹੁੰਦਾ ਹਾਂ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਬਾਅਦ ਦੇ ਕੁਝ ਲੈਕਚਰਾਂ ਵਿੱਚ ਇਸ ਬਾਰੇ ਸੋਚੋ, ਮੈਂ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਉਠਾਵਾਂਗਾ ਅਤੇ ਮੈਂ ਤੁਹਾਨੂੰ ਦਿਖਾਵਾਂਗਾ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਕਿਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਭਰੋਸਾ ਕਰੋਗੇ ਕਿ ਤੁਸੀਂ ਨੇ x 1 x 2 x 4 ਠੀਕ ਦੇ ਸਾਰੇ ਸੰਭਾਵੀ ਪ੍ਰਬੰਧਾਂ ਦਾ ਧਿਆਨ ਰੱਖਿਆ ਹੈ, ਇਸਲਈ ਆਉਣ ਵਾਲੇ ਸਮੇਂ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਹੁਣ ਸੰਭਾਵਨਾ 'ਤੇ ਧਿਆਨ ਕੇਂਦਰਿਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ 'ਓਏ ਕਿ ਅਸੀਂ ਸੰਭਾਵਨਾ ਬਾਰੇ ਗੱਲ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਜਦੋਂ ਅੰਡਰਲਾਈਨ ਪ੍ਰਯੋਗ ਬੇਤਰਤੀਬ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਨਮੂਨਾ ਸਪੇਸ ਓਮੇਗਾ ਜਾਣਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਸਾਨੂੰ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨ ਦੀ ਜ਼ਰੂਰਤ ਹੁੰਦੀ ਹੈ ਕਿ ਇਹ ਸਵਾਲ ਕੀ ਹੈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਕੁਝ ਬੇਤਰਤੀਬ ਪ੍ਰਯੋਗਾਂ ਨੂੰ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਅਸੀਂ ਪਿਛਲੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਵਰਣਿਤ ਕੀਤੇ ਹਨ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਦੇਖਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ ਅਸੀਂ ਸਿੱਕੇ ਨੂੰ ਉਛਾਲਦੇ ਹੋਏ ਦੇਖ ਰਹੇ ਹਾਂ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਪੰਜ ਵਾਰ ਅਸੀਂ ਦੇਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਦੋ ਸਿਰਾਂ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਕੀ ਹੈ ਜਾਂ ਕੁਝ ਅਜਿਹਾ ਕਹਿ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਪੁਛਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਕੀ ਹੈ, ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਜੇਕਰ ਤੁਹਾਨੂੰ ਯਾਦ ਹੈ ਕਿ ਅਸੀਂ ਬੈਰਾ ਵਾਲੇ ਯਾਤਰੀਆਂ ਦੀ ਸਮੱਸਿਆ ਬਾਰੇ ਗੱਲ ਕੀਤੀ ਹੈ ਤਾਂ ਕੁਝ ਸੰਭਾਵਨਾਵਾਂ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਦੀ ਅਸੀਂ ਖੋਜ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਉਹ ਇਹ ਹੈ ਕਿ ਬੈਰਾ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਬਰਾਬਰ ਹੋਣ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਕੀ ਹੈ ਜਾਂ ਕਹਿ ਲਓ ਕਿ ਯਾਤਰੀਆਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਅਜੀਬ ਹੈ ਆਦਿ ਆਦਿ ਜੇ ਤੁਸੀਂ ਇਸ ਕਿਸਮ ਦੀਆਂ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਦਾ ਵਿਸ਼ਲੇਸ਼ਣ ਕਰਦੇ ਹੋ ਤਾਂ ਅਸੀਂ ਸਮਝਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਦਿੱਤੇ ਗਏ ਨਮੂਨਾ ਸਪੇਸ ਓਮੇਗਾ ਦੇ ਉਪ ਸਮੂਹ ਨੂੰ ਦੇਖ ਰਹੇ ਹਾਂ। ਇਹ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਇਸਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦਾ ਪਤਾ ਲਗਾਉਣ ਦੀ ਕੋਸ਼ਿਸ਼ ਕਰ ਰਹੇ ਹਾਂ

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਉਹ ਹੈ ਜੋ ਬਹੁਤ ਮਹੱਤਵਪੂਰਨ ਹੈ ਅਤੇ ਗਣਿਤ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਇੱਕ ਘਟਨਾ ਕਹਿੰਦੇ ਹਾਂ  $i$  what  $i$   $s$  ਇੱਕ ਘਟਨਾ ਅਤੇ ਘਟਨਾ ਨਮੂਨਾ ਸਪੇਸ ਓਮੇਗਾ ਦਾ ਇੱਕ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਉੱਚਲਾਣ ਦੀ ਸਮੱਸਿਆ 'ਤੇ ਵਿਚਾਰ ਕਰੋ ਅਤੇ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਸਿੱਕਾ ਨੂੰ ਤਿੰਨ ਵਾਰ ਉੱਚਲਦੇ ਹਾਂ ਅਤੇ ਅਸੀਂ ਉਸ ਸਿਰਾਂ ਦੀ ਗਿਣਤੀ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨਾ ਚਾਹੁੰਦੇ ਹਾਂ ਜੋ ਅਜੀਬ ਹੈ ਅਸੀਂ ਦੇਖਿਆ ਹੈ ਕਿ ਅੱਠ ਸੰਭਵ ਨਤੀਜੇ ਹਨ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਦੇ ਅਸੀਂ ਹੱਡਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਨੂੰ ਵੇਖ ਰਹੇ ਹੋ ਅਜੀਬ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਸਿਰ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਇੱਕ ਹੈ ਜੋ ਇਸ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ ਕੀਤੀ ਜਾ ਸਕਦੀ ਹੈ  $htttt$  ਅਤੇ  $tth$  ਅਤੇ ਸਿਰ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਤਿੰਨ ਹੈ ਜੋ ਇੱਕ ਤਰੀਕੇ ਨਾਲ  $hhh$  ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਸਬਸੈੱਟ  $htttt$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਨੂੰ ਵੇਖ ਰਹੇ ਹਾਂ ਅਤੇ  $hhh$  ਠੀਕ ਹੈ ਤਾਂ ਹੁਣ ਤੁਸੀਂ ਇੱਕ ਘਟਨਾ ਦੀ ਧਾਰਨਾ ਨੂੰ ਸਮਝਦੇ ਹੋ ਕੁਝ ਪਰਿਭਾਸ਼ਾਵਾਂ ਦੇ ਇਹਨਾਂ ਸਬਸੈੱਟਾਂ ਨੂੰ ਮੁੱਖ ਤੌਰ 'ਤੇ ਐਲੀਮੈਂਟਰੀ ਘਟਨਾਵਾਂ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਵਿਅਕਤੀਗਤ ਅਜ਼ਮਾਇਸ਼ ਦਾ ਨਤੀਜਾ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਇੱਕ ਐਲੀਮੈਂਟਰੀ ਇਵੈਂਟ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇੱਕ ਡਾਈ ਸੁੱਟਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੁਢਲੀ ਘਟਨਾਵਾਂ ਦੀ ਗਿਣਤੀ ਛੇ ਹੁੰਦੀ ਹੈ। ਇੱਕ ਦੇ ਤਿੰਨ ਤੋਂ ਛੇ ਤੱਕ ਇੱਕ ਘਟਨਾ ਜਿਸ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਤੋਂ ਵੱਧ ਮੁਢਲੀਆਂ ਘਟਨਾਵਾਂ ਸ਼ਾਮਲ ਹੁੰਦੀਆਂ ਹਨ, ਨੂੰ ਮਿਸ਼ਰਿਤ ਘਟਨਾ ਉਦਾਹਰਣ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ  $e$  ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ  $d$  ਓਮੇਗਾ ਸੈੱਟ ਹੈ  $1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7$  ਅੱਠ ਨੌਂ ਕਿੰਨੇ ਮਿਸ਼ਰਿਤ ਘਟਨਾਵਾਂ ਸੰਭਵ ਹਨ ਕਿਉਂਕਿ ਓਮੇਗਾ ਦੀ ਕਾਰਡੀਨਲਿਟੀ 9 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਥੇ 2 ਦੀ ਸ਼ਕਤੀ 9 ਸੰਭਾਵਿਤ ਉਪ-ਸੈੱਟ ਹਨ ਜਿਨ੍ਹਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਇੱਕ  $\phi$  ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਇੱਕ ਨਲ ਸੈੱਟ ਹੈ। ਅਤੇ ਨੌਂ ਮੁਢਲੀਆਂ ਘਟਨਾਵਾਂ ਹਨ ਇਸਲਈ ਮਿਸ਼ਰਿਤ ਘਟਨਾਵਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ 2 ਦੀ ਪਾਵਰ 9 ਘਟਾਓ 9 ਪਲੱਸ 1 ਬਰਾਬਰ 512 ਘਟਾਓ 10 ਬਰਾਬਰ 502 ਹੈ ਇਸਲਈ ਬਹੁਤ ਸਾਰੀਆਂ ਮਿਸ਼ਰਿਤ ਘਟਨਾਵਾਂ ਸੰਭਵ ਹਨ ਕੁਝ ਹੋਰ ਪਰਿਭਾਸ਼ਾਵਾਂ ਦੇ ਘਟਨਾਵਾਂ  $u$  ਇੱਕ ਅਤੇ  $e$  ਦੇ ਨੂੰ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੇਕਰ  $u$  1 ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $a$  2  $u$  1 ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $e$  2  $\phi$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਜਾਂ ਖਾਲੀ ਸੈੱਟ ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਇੱਕ ਡਾਈ ਈ ਇੱਕ ਨੂੰ 3  $e$  2 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਤੋਂ ਘੱਟ ਇੱਕ ਨੰਬਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰ ਰਿਹਾ ਹੈ ਤਾਂ ਤੁਸੀਂ ਵੇਖ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇਹ ਚਾਰ ਤੋਂ ਵੱਧ ਹਨ ਘਟਨਾਵਾਂ ਦੇ ਇੱਕ ਕ੍ਰਮ ਨੂੰ ਜੋੜੋ  $u$  1  $e$  2  $ek$  ਨੂੰ ਆਪਸ ਵਿੱਚ ਨਿਵੇਕਲਾ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੇਕਰ  $ei$  ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $ej$  1 2 3 ਤੱਕ  $k$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ  $i$  ਕੌਮਾ  $j$  ਲਈ  $\phi$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ  $i$   $j$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੈ ਇੱਕ ਹੋਰ ਮਹੱਤਵਪੂਰਨ ਪਰਿਭਾਸ਼ਾ  $tw$  ਹੈ।  $o$  ਘਟਨਾਵਾਂ  $a$  ਅਤੇ  $b$  ਨੂੰ ਸੁਤੰਤਰ ਕਿਹਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜੇਕਰ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇੱਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$   $a$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਹੁਣ ਤੁਸੀਂ ਮੈਨੂੰ ਪੁੱਛ ਸਕਦੇ ਹੋ ਕਿ ਇੱਕ ਘਟਨਾ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਕੀ ਹੈ ਜੋ ਸਵਾਲ ਹੈ ਤਾਂ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਪਾਵਰ ਸੈੱਟ ਤੋਂ ਇੱਕ ਮੈਪਿੰਗ ਹੈ ਓਮੇਗਾ  $2^0$  1 ਯਾਨੀ ਜੇਕਰ  $a$  ਓਮੇਗਾ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ ਤਾਂ  $a$  ਦਾ  $p$  ਘਟਨਾ  $a$  ਨਾਲ ਜੁੜੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਹੈ ਇੱਕ ਸੰਖਿਆ  $p$  ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ 0 ਤੋਂ ਘੱਟ ਬਰਾਬਰ  $p$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ 1 ਤੋਂ ਘੱਟ ਜਿੱਥੇ  $p$   $a$  ਦੇ ਹੇਠਲੇ  $ap$  ਨੂੰ ਸੰਤੁਸ਼ਟ ਕਰਦਾ ਹੈ। ਓਮੇਗਾ ਦੇ ਓਮੇਗਾ ਬੀਪੀ ਵਿੱਚ ਮੌਜੂਦ  $a$  ਸਾਰੇ ਲਈ 0 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, 1 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਅਤੇ ਵੇਖੋ ਕਿ ਜੇਕਰ  $a_1$   $a_2$   $ak$  ਆਪਸ ਵਿੱਚ ਨਿਵੇਕਲੇ ਹਨ ਤਾਂ ਇੱਕ ਯੂਨੀਅਨ  $a_2$  ਯੂਨੀਅਨ  $ak$  ਦਾ  $p$  ਵਿਅਕਤੀਗਤ ਘਟਨਾ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਉੱਤੇ ਸਿਰਫ  $i$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। 1 2  $k$

ਇਸ ਲਈ ਇਹ ਬੁਨਿਆਦੀ ਪਰਿਭਾਸ਼ਾਵਾਂ ਹਨ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਆਮ ਤੌਰ 'ਤੇ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੀ ਗਣਨਾ ਕਰਨ ਦੀ ਇਜਾਜ਼ਤ ਦਿੰਦੀਆਂ ਹਨ, ਇੱਕ ਸੈੱਟ ਦਿੱਤੇ ਗਏ ਜੋ ਕਿ  $a$  ਦੀ ਓਮੇਗਾ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦਾ ਸਬਸੈੱਟ ਹੈ, ਨੂੰ ਓਮੇਗਾ ਦੀ ਮੁੱਖਤਾ ਦੁਆਰਾ ਭਾਗ ਕੀਤੇ ਤੱਤਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ ਵਜੋਂ ਗਿਣਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ। ਉਦਾਹਰਨ ਲਈ ਇੱਕ ਡਾਈ ਸੁੱਟਣਾ ਅਤੇ ਇੱਕ ਸਮ ਸੰਖਿਆ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ 2 ਚਾਰ ਛੇ ਦੀ ਕਾਰਡੀਨਲਿਟੀ ਹੈ, ਓਮੇਗਾ ਦੀ ਕਾਰਡੀਨਲਿਟੀ ਦੁਆਰਾ ਭਾਗੀ ਗਈ ਤਿੰਨ ਗੁਣਾ ਛੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਅੱਧੇ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ ਇੱਕ ਸਿਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ  $p$  ਹੈ ਜਦੋਂ  $0$   $p$  ਤੋਂ ਘੱਟ 1 ਤੋਂ ਘੱਟ ਹੈ ਤਾਂ ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ ਤਿੰਨ ਟੌਸ ਵਿੱਚ ਦੋ ਸਿਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਹੈ ਕਿ ਇਸ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਲਈ ਅਜਿਹੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਕਿਵੇਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕੀਤੀ ਜਾ ਸਕਦੀ ਹੈ, ਆਓ ਅਸੀਂ ਪਹਿਲਾਂ ਕੁਝ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾਵਾਂ ਨੂੰ ਸਮਝੀਏ ਤਾਂ ਜੋ ਦਿਖਾਓ ਕਿ ਇੱਕ ਤਾਰੀਫ਼ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ 1 ਘਟਾਓ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਯੂਨੀਅਨ  $a$  ਦੇ ਕਾਰਨ ਸੱਚ ਹੈ ਪੂਰਕ ਓਮੇਗਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ 1 ਓਮੇਗਾ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇੱਕ ਸੰਘ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਦੀ ਸੰਭਾਵਤਾ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ 1 ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ ਜਦੋਂ ਅਸੀਂ ਸਿੱਕਾ ਉੱਚਲਣਾ ਜੇਕਰ  $a$  ਸਿਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਤਾਂ ਇੱਕ ਤਾਰੀਫ਼ ਪੂਰਕ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸ ਲਈ ਜੇਕਰ ਸਿਰ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $a_1$  ਤੋਂ  $p$  ਫਿਰ ਪੂਰਕ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ 1 ਘਟਾਓ  $p$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਹੁਣ ਤਿੰਨ ਟੌਸ ਵਿੱਚ ਦੋ ਸਿਰ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨ 'ਤੇ ਵਿਚਾਰ ਕਰੋ ਇਸ ਘਟਨਾ ਨੂੰ  $hht$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਅਤੇ  $hth$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਅਤੇ  $thh$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਵਿੱਚ ਵੰਡਿਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਹੁਣ  $hht$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਕੀ ਹੈ ਇਸਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਪਹਿਲੇ ਟਾਸ ਦਾ ਸਿਰ ਕਲਮ ਕਰਨ ਲਈ ਦੂਜਾ ਟਾਸ ਸਿਰ ਹੋਣ ਲਈ ਅਤੇ ਤੀਜਾ ਟੌਸ ਪੂਰਕ ਹੋਣ ਲਈ ਕੀ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਪਹਿਲੇ ਗਾਉਸ ਵਿੱਚ ਸਿਰ ਹੋਣ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ  $p$  ਹੈ ਜੋ ਕਿ ਦੂਜੇ ਟਾਸ ਵਿੱਚ ਸਿਰ ਮਿਲਣ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਨਾਲ ਗੁਣਾ ਕੀਤਾ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਇੱਕ 1 ਘਟਾਓ  $p$  ਹੈ ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਹ ਮੈਨੂੰ  $p$  ਵਰਗ ਨੂੰ 1 ਘਟਾਓ  $p$  ਵਿੱਚ ਵੇਦੇਗਾ ਅਤੇ ਇਹ ਮੈਨੂੰ  $p$  ਵਰਗ ਨੂੰ 1 ਘਟਾਓ  $p$  ਵਿੱਚ ਵੇਦੇਗਾ ਇਸਲਈ ਕੁੱਲ ਸੰਭਾਵਨਾ 3  $p$  ਵਰਗ ਵਿੱਚ 1 ਘਟਾਓ  $p$  ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਅਸੀਂ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਪਹੁੰਚਦੇ ਹਾਂ ਹੱਲ ਇੱਕ ਹੋਰ ਮਹੱਤਵਪੂਰਨ ਵਿਸ਼ੇਸ਼ਤਾ ਹੈ ਇੱਕ ਸੰਘ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇੱਕ  $b$  ਨਾਲ ਕੱਟੇ ਹੋਏ ਘਟਾਓ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਨੂੰ ਇਸ ਤਰ੍ਹਾਂ ਦਿਖਾਇਆ ਜਾ ਸਕਦਾ ਹੈ ਕੀ ਇਸ ਨੂੰ ਮੇਰਾ ਓਮੇਗਾ ਮੰਨੋ ਅਤੇ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ ਇਹ  $a$  ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ  $b$  ਹੈ, ਇਸਲਈ ਇੱਕ ਯੂਨੀਅਨ  $b$  ਇਹ ਜੋੜ ਹੈ,

ਇਸ ਲਈ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਲਿਖ ਸਕਦੇ ਹਾਂ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਇੱਕ ਸੰਘ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਅਤੇ ਸੰਭਾਵਤ  $b$  ਦੇ ਨਾਲ ਕੱਟੀ ਹੋਈ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ। ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਪ੍ਰੋਬੇਬਿਲਟੀ ਦੇ ਨਾਲ ਇੱਕ  $b$  ਪੂਰਕ ਨਾਲ ਕੱਟਿਆ ਹੋਇਆ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ ਤਿੰਨ ਹੁਣ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਨਾਲ ਕੱਟੇ ਜਾਣ ਵਾਲੀ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹਨ, ਜੋ ਕਿ ਇਹ ਹਿੱਸਾ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ, ਇੱਕ  $b$  ਨਾਲ ਕੱਟਿਆ ਗਿਆ ਘੱਟ ਸੰਭਾਵਨਾ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਇਸ ਹਿੱਸੇ ਨੂੰ  $b$  ਅਤੇ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਤੋਂ ਘਟਾ ਰਹੇ ਹਾਂ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇੱਕ ਜੋੜ ਸੰਭਾਵੀ ਨਾਲ ਕੱਟੀ ਗਈ ਇੱਕ  $b$  ਪੂਰਕ ਨਾਲ ਕੱਟੀ ਗਈ ਸੰਭਾਵਨਾ  $a$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਅਸੀਂ ਇਹਨਾਂ ਦੇ ਹਿੱਸਿਆਂ ਨੂੰ ਜੋੜ ਰਹੇ ਹਾਂ ਇਸਲਈ ਸਾਡੇ ਕੋਲ ਇੱਕ ਸੰਘ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇੱਕ ਜੋੜ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇੱਕ ਲਾਘੇ ਦੀ ਘੱਟ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $b$  ਇਹ ਇੱਕ ਸੰਪੱਤੀ ਹੈ ਜਿਸਦੀ ਵਰਤੋਂ ਅਸੀਂ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਨ ਵਿੱਚ ਕਰਾਂਗੇ ਹੁਣ ਮੈਨੂੰ ਇੱਕ ਹੋਰ ਸਮੱਸਿਆ ਦਾ ਹੱਲ ਕਰਨ ਦਿਓ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ  $e$  ਇੱਕ ਬੇਤਰਤੀਬ ਪ੍ਰਯੋਗ ਹੈ  $a$  ਅਤੇ  $bb$  ਦੇ ਘਟਨਾਵਾਂ ਨੂੰ ਮੰਨੋ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਇੱਕ ਤੋਂ ਘੱਟ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਤੋਂ ਜ਼ੀਰੋ ਘੱਟ ਅਤੇ 1 ਤੋਂ ਘੱਟ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਤੋਂ 0 ਘੱਟ ਤਾਂ ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੇ ਕਥਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਕਿਹੜਾ  $aa$  ਅਤੇ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਆਪਸ ਵਿੱਚ ਨਿਵੇਕਲੇ ਹਨ ਅਤੇ  $a$  ਪੂਰਕ ਸੁਤੰਤਰ  $ca$  ਅਤੇ  $b$  ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਭਾਵ  $a$  ਅਤੇ  $b$  ਪੂਰਕ ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਅਤੇ  $da$  ਅਤੇ  $b$  ਸੁਤੰਤਰ ਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਅਤੇ  $b$  ਪੂਰਕ ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਇਸਲਈ ਇਹ ਚਾਰ ਕਥਨ ਹਨ ਜੋ ਸਾਨੂੰ ਜਾਂਚ ਕਰਨ ਲਈ ਦਿੱਤੇ ਗਏ ਹਨ ਕਿ ਉਹ ਸਹੀ ਹਨ ਜਾਂ ਗਲਤ ਅਤੇ ਇਹ ਸਪੱਸ਼ਟ ਹੈ ਕਿ  $a$  ਅਤੇ  $a$  ਪੂਰਕ ਆਪਸ ਵਿੱਚ ਨਿਵੇਕਲੇ ਹਨ ਕਿਉਂਕਿ ਜੇਕਰ ਇਹ ਮੇਰਾ ਓਮੇਗਾ ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਮੇਰਾ  $a$  ਹੈ ਤਾਂ ਇਹ ਹਿੱਸਾ ਇੱਕ ਤਾਰੀਫ਼ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਥੇ ਕੋਈ ਓਮੇਗਾ ਮੌਜੂਦ ਨਹੀਂ ਹੈ ਜਿਵੇਂ ਕਿ ਓਮੇਗਾ ਇੱਕ ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਓਮੇਗਾ ਇੱਕ ਪੂਰਕ  $ba$  ਨਾਲ ਸਬੰਧਤ ਹੈ ਅਤੇ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਹੁਣ ਅਸੀਂ ਜਾਣਦੇ ਹਾਂ ਕਿ  $a$  ਅਤੇ  $b$  ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਜੇਕਰ ਇੱਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ  $a$  ਇਨ ਪ੍ਰੋਬ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਬੀ ਦੀ ਯੋਗਤਾ ਹੁਣ ਇੱਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ 0 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਇੱਕ ਪੂਰਕ 5 ਹੈ ਇਸਲਈ ਇਸਦੇ ਸੰਭਾਵੀ ਤੱਤਾਂ ਦੀ ਸੰਖਿਆ 5 ਵਿੱਚ ਓਮੇਗਾ ਦੀ ਮੁੱਖਤਾ ਦੁਆਰਾ ਵੰਡਿਆ ਜਾਂਦਾ ਹੈ ਜ਼ੀਰੋ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦਾ ਹੈ ਹਾਲਾਂਕਿ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਬਰਾਬਰ ਹੁੰਦੀ ਹੈ 0 ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਨਹੀਂ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ 1 ਤੋਂ ਘੱਟ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਤੋਂ 0 ਘੱਟ ਹੈ ਇਸਲਈ  $b$  ਗਲਤ ਹੈ ਵੇਖੋ  $a$  ਅਤੇ  $b$  ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਭਾਵ  $a$  ਅਤੇ  $b$  ਪੂਰਕ ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਹੁਣ ਇੱਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$  ਪੂਰਕ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਇਸਲਈ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਇਸਨੂੰ ਖਿੱਚਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ ਇਹ ਓਮੇਗਾ ਹੈ  $a$  ਹੈ ਅਤੇ ਮੰਨ ਲਓ ਕਿ ਇਹ  $b$  ਹੈ ਇਸਲਈ ਇੱਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$  ਪੂਰਕ ਹੈ ਕੀ ਇਹ ਹਿੱਸਾ ਇੱਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$  ਦੀ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਹ  $a$  ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ ਹਿੱਸਾ  $b$  ਨਾਲ ਕੱਟਿਆ ਹੋਇਆ ਹੈ ਇਸਲਈ ਅਸੀਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਕਿ ਇਹ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $a$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ  $a$  ਅਤੇ  $b$  ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ  $b$  ਪੂਰਕ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਵਿੱਚ  $a$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਇਸਲਈ  $a$  ਅਤੇ  $b$  ਪੂਰਕ ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਇਸਲਈ  $c$  ਸਹੀ ਹੈ  $da$  ਅਤੇ  $b$  ਸੁਤੰਤਰ ਹੋਣ ਦਾ ਮਤਲਬ ਹੈ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਅਤੇ  $b$  ਪੂਰਕ ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਹੁਣ ਸੰਭਾਵਨਾ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$  ਪੂਰਕ ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਸਮਾਨ ਕਿਸਮ ਖਿੱਚਦੇ ਹਾਂ ਡਾਇਗ੍ਰਾਮ ਦਾ ਦੁਬਾਰਾ ਅਤੇ ਇਹ  $a$  ਹੈ ਅਤੇ ਇਹ  $b$  ਹੈ ਫਿਰ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$  ਪੂਰਕ ਹੈ ਇਹ ਹਿੱਸਾ ਇੱਕ ਸੰਘ  $b$  ਦੀ ਓਮੇਗਾ ਘੱਟ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $b$  ਦੀ ਇੱਕ ਪਲੱਸ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ 1 ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ ਇੱਕ ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਪਲੱਸ ਇੱਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ 1 ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ 1 ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇੱਕ ਇੰਟਰਸੈਕਸ਼ਨ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ  $a$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $b$  ਦਾ 1 ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ  $a$  ਦੀ 1 ਘਟਾਓ ਸੰਭਾਵਨਾ  $b$  ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਦੇ ਬਰਾਬਰ ਹੈ  $b$  ਪੂਰਕ ਦੀ ਸੰਭਾਵਨਾ ਵਿੱਚ ਇੱਕ ਤਾਰੀਫ਼ ਇਸਲਈ ਇੱਕ ਪੂਰਕ ਅਤੇ  $b$  ਪੂਰਕ ਸੁਤੰਤਰ ਹਨ ਠੀਕ ਹੈ ਦੇਸਤੇ ਮੈਂ ਅੱਜ ਇੱਥੇ ਅਗਲੀ ਕਲਾਸ ਵਿੱਚ ਰੁਕਾਂਗਾ ਮੈਂ ਘਟਨਾਵਾਂ ਨਾਲ ਸ਼ੁਰੂ ਕਰਾਂਗਾ ਅਤੇ ਘਟਨਾਵਾਂ ਦੇ ਅਲਜਬਰੇ ਨਾਲ ਜੁੜੀਆਂ ਕਈ ਸਮੱਸਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰਾਂਗਾ ਅਤੇ ਇਹ ਵੇਖਣ ਲਈ ਕਿ ਵੱਖ-ਵੱਖ ਘਟਨਾਵਾਂ ਦੀਆਂ ਸੰਭਾਵਨਾਵਾਂ ਨੂੰ ਕਿਵੇਂ ਪ੍ਰਾਪਤ ਕਰਨਾ ਹੈ ਠੀਕ ਹੈ ਦੇਸਤੇ ਤੁਹਾਡਾ ਧੰਨਵਾਦ