

خوش آمدید طالب علم آج ہمارا موضوع چوکور مساوات ہے یہ آخری کلاس میں لیکچر نمبر دو ہے جس پر ہم نے کثیر الاضلاع کے بارے میں بات کی ہے اور کثیر الٹائی میں ہم نے لکیری کثیر الٹائی چوکور کثیر اور مکعب کثیر پر بحث کی ہے اور اس کے بعد چوکور کثیر الٹائی سے ہم نے چوکور مساوات پر تبادلہ خیال کیا ہے۔ جس میں ہم نے چوکور مساوات کی جڑ کا پتہ لگایا ہے اس کے بعد ہم نے جڑوں کی نوعیت کے بارے میں بحث کی ہے بغیر جڑوں کو دوبرا مساوات کی اصل جڑیں تلاش کیے لہذا اس کلاس میں ہم کلاس کو چوکور مساوات کی تشکیل کے ساتھ شروع کریں گے فرض کریں الفا اور بیٹا چوکور مساوات کی جڑیں ہیں یہ چوکور مساوات کی جڑیں ہیں اب مساوات یہ ہوگی فرض کریں کہ الفا جڑ ہے صفر کے جمع bx مربع جمع ax ماننس الفا جڑ ہوگا چوکور کا عنصر مساوات x برابر الفا چوکور مساوات کو پورا کرے گا اور x تو x ماننس الفا اس چوکور مساوات کا فیکٹر ہے اور بیٹا بھی چوک مساوات کی جڑ ہے x برابر ہے کیونکہ الفا جڑ ہے لہذا ماننس بیٹا کا عامل ہوگا یہ چوکور x ماننس الفا اور $1x$ برابر x اب c جمع bx مربع پلس ax ماننس بیٹا بھی x برابر بیٹا اور x تو کو ضرب کریں گے اب ماننس x مربع ماننس بیٹا x ماننس بیٹا صفر کے برابر ہونا چاہئے اب ہم x ماننس الفا اور x مساوات کا عنصر ہے لہذا مربع x اسکوائر ماننس الفا پلس بیٹا کے طور پر لکھا جا سکتا ہے۔ الفا بیٹا صفر کے برابر ہے اب چوکور مساوات x پلس الفا بیٹا اسے x الفا مربع ماننس جڑوں کا x ماننس جڑوں کا مجموعہ ہوگی کیونکہ الفا اور بیٹا چوکور مساوات کی جڑیں ہیں لہذا الفا پلس بیٹا جڑوں کا مجموعہ پلس کی جڑوں کا مجموعہ ہوگا صفر کے برابر فرض کریں کہ الفا اور بیٹا جڑیں ہوں گی لہذا آپ جڑوں کی جڑوں اور پیداوار کا x مجموعہ پہلی جڑ دو جمع جڑ تین n مجموعہ لے کر مساوات کا پتہ لگاسکتے ہیں اب ہم ایک مثال لیتے ہیں فرض کریں کہ چوکور مساوات کی دو جڑیں ہیں۔

یہ اور دوسری جڑ دو ماننس جڑ تین ہے فرض کریں کہ چوکور مساوات کی دو جڑیں ہیں اور یہ جڑیں عقلی شکل میں ہیں لہذا ہم چوکور مساوات کی مساوات کا پتہ لگا سکتے ہیں اب اس کا مجموعہ جڑ الفا پلس بیٹا ہو گا پلس روٹ 3 پلس 2 ماننس جڑ 3 کے برابر ہوگا یہ 4 ہوگا اب ہم جڑ کی پیداوار معلوم کرسکتے ہیں یہ 2 جمع جڑ 3 کو 2 جمع 2 ماننس جڑ 3 سے ضرب دے کر اب ہم ان کو ضرب دے سکتے ہیں۔ دو یہ ایک مربع ماننس مربع ہوگا یہ چار منفی تین ہوگا یہ ایک ہوگا اب جڑ کا مجموعہ چار ہوگا اور جڑ کی پیداوار ایک ہے اب ہم مساوات کو تلاش کرسکتے ہیں چوکور b مربع ماننس جڑ کا مجموعہ 4 ہے اور جڑ کی پیداوار x پلس کی پیداوار جڑ کے برابر 0 x مربع ماننس رقم ہوگی جڑ کے پیکٹ کے x مساوات جمع ایک صفر کے برابر ہوگی یہ چوکور مساوات ہوگی اب ہم لے سکتے ہیں ایک اور مثال جس میں x مربع ماننس چار x ایک ہے لہذا مساوات ہے یہ دونوں جڑیں پیچیدہ ہیں i ہیں اور دوسرا اصول دو ماننس i جڑیں فرضی ہیں فرض کریں کہ جڑیں دو جمع جڑ کا مجموعہ ہوگا چار i جمع دو ماننس i تو ہم یہ معلوم کر سکتے ہیں کہ جڑ کی چوکور مساوات کا مجموعہ الفا جمع بیٹا برابر ہے دو جمع مربع یہ چار جمع i اب ہم دو مربع کو ضرب کر سکتے ہیں ماننس i ماننس دو ماننس i ضرب دو جمع i اب ہم جڑ الفا بیٹا برابر دو جمع جمع x مربع ماننس الفا پلس بیٹا کا x ایک ہوگا جو کہ پانچ ہے اب جڑ کا مجموعہ چار ہے اور جڑ کی پیداوار پانچ ہے اب چوکور مساوات ہوگی مربع ہوگا ماننس جڑ کا مجموعہ چار ہے اور جڑ کی پیداوار پانچ ہے صفر ہے اب یہ ہے ہماری چوکور مساوات اب x الفا بیٹا برابر صفر اب یہ ایک چوکور مساوات ہے اب an برابر 0 ہے c جمع bx مربع پلس ax ہم چوکور مساوات کی تبدیلی پر تبادلہ خیال کریں گے فرض کریں کہ اب اس دی گئی مساوات کی جڑوں کا m n ہم ایک چوکور مساوات حاصل کرنا چاہتے ہیں جس کا پر ڈالیں گے y برابر ایک کو x پر ڈال سکتے ہیں اگر ہم y برابر ایک کو x تواتر ہے کیونکہ جڑیں باہم ہیں اب ہم تو ہمیں چوکور مساوات کی جڑ ملے گی جو اب دی گئی مساوات کے m برابر صفر اب مساوات c جمع y ایک اور b دو پورا مربع جمع y پر ڈالیں مساوات ہوگی ایک ایک سے زیادہ y برابر ایک کو x تواتر ہے۔ سے a مربع y مربع دونوں سے ضرب کریں اطراف یہ ہوگا y برابر صفر اب c جمع y زیادہ v مربع جمع y سے زیادہ sa ہوگی مربع cy مربع برابر صفر ہوگا اب چوکور مساوات cy مربع یہ ایک جمع ہم جمع y صفر میں c جمع y سے زیادہ v مربع جمع y زیادہ برابر c جمع bx مربع جمع ax جمع ایک برابر صفر ہوگی اب یہ چوکور ہے وہ مساوات جس کی جڑیں دی گئی چوکور مساوات vy جمع صفر کے m جمع بارہ صفر کے برابر اب ہم تلاش کر x مربع جمع سات x تواتر ہیں اب ہم اس کی ایک مثال لیتے ہیں فرض کریں کہ یہ چوکور مساوات ہے اس چوکور مساوات کی جڑ لیکن ہم اس مساوات کو تبدیل کر رہے ہیں اور ہم اس مساوات کو حاصل کرنا چاہتے ہیں جس کی جڑیں t سکتے ہیں اس جڑ کے m تواتر ہوں بغیر چوکور مساوات کی جڑیں تلاش کیے

مربع سے زیادہ جمع سات میں سے ایک کی طاقت بذریعہ جمع بارہ برابر صفر y پر اب مساوات ایک ہو جائے گی۔ y کو برابر کریں گے x تو ہم y مربع جمع سات i مربع سے ضرب کرنے کے بعد یہ بارہ y جمع بارہ صفر کے برابر ہوگا y مربع جمع سات اور y اور یہ ایک اور ایک دوسرے کے m r جمع ایک صفر ہو جائے گا آئیے ہم چوکور مساوات کی جڑ کو چیک کریں جمع 12 برابر 0 اس کے بعد ہم چوکور مساوات بارہ کی جڑ x مربع جمع 7 x تواتر سب سے پہلے ہم چوکور مساوات کی جڑ تلاش کریں گے

مربع x مربع جمع سات بذریعہ جمع ایک برابر صفر اور معلوم کریں کہ جڑوں کے درمیان کیا تعلق ہے اب پہلی مساوات ہے y تلاش کریں گے۔ x جمع تین x مربع جمع چار x جمع بارہ صفر کے برابر ہے درمیانی مدت x جمع بارہ صفر کے برابر ای جمع چار جمع تین کا x جمع سات جمع x جمع چار میں تین لے رہے ہیں صفر کے برابر یہ ہو جائے گا x جمع چار اب ہم اس x کا x جمع چار x جمع بارہ صفر کے برابر جمع تین برابر صفر اب اس چوکور مساوات کی جڑیں ماننس تین اور ماننس 4 ہیں اب ہمیں پتہ چلا ہے کہ اس مساوات کی جڑ ماننس 3 x چار اور مربع جمع y اور ماننس 4 ہے اب ہم جڑ تلاش کریں گے۔ اس چوکور مساوات کی جڑ 1 پر ماننس 3 اور 1 پر ماننس 4 ہونی چاہیے آئیے ہم بارہ مربع i سات جمع ایک کے برابر صفر بارہ سو بارہ کی جڑ معلوم کرنے کی کوشش کرتے ہیں اب ہم درمیان کو تقسیم کر رہے ہیں۔ ٹرم بارہ فیکٹر بارہ کا چار میں تین ہے ah فیکٹرائزڈ

لے سکتے ہیں یہ y جمع ایک صفر اب ہم پہلے دو میں چار y جمع تین y مربع جمع چار i کا چار جمع تین ہو گا جمع ایک صفر بارہ y تو یہ جمع ایک برابر صفر ہوگا y جمع ایک اور چار y جمع ایک صفر کے برابر لے سکتے ہیں یہ تین y جمع ایک اب ہم جمع ایک تین y ہوگا تین ہو اب جڑیں ماننس ایک سے زیادہ تین اور ماننس ایک سے زیادہ چار ہوں گی اس چوکور مساوات کی جڑ ہے ماننس ایک سے زیادہ تین اور ماننس ایک سے زیادہ چار جو دی گئی مساوات کے m ax تواتر ہے آہ اب ہم ایک اور چوکور مساوات کو تبدیل کریں گے جس کی جڑیں دی گئی چوکور مساوات کی جڑوں سے منفی ہیں فرض کریں کہ صفر کے برابر ہے یہ اب ہماری چوکور مساوات ہے۔ ہم ایک اور مساوات کا پتہ لگائیں گے جس کی جڑیں دی گئی چوکور c جمع bx مربع جمع مساوات کے منفی ہیں

برابر صفر اب نئی مساوات c جمع y کا ماننس B پورے مربع کا جمع y کا ماننس a ڈالیں اب نئی مساوات ہوگی y برابر ماننس x تو مربع ماننس x مربع ہوگی۔ ماننس از جمع سی برابر صفر اب یہ تبدیلی کی مساوات ہے آئیے ہم سمجھتے ہیں کہ کیوں ایک اور مثال آہ فرض کریں جمع دو برابر صفر ایک چوکور مساوات ہے اور ہم اس مساوات کو اس کے ساتھ حاصل کرنا چاہتے ہیں جس کی جڑیں منفی آہ کے m x تین ڈالیں گے اب ٹرانسفارم مساوات ہے ٹرانسفارم y برابر ماننس x تواتر ہیں معذرت آہ جس کی جڑیں دی گئی چوکور مساوات کی منفی ہیں اب ہم جمع دو برابر صفر ہوگا اب y مربع جمع تین y جمع دو برابر صفر اب یہ y ہوگی پورے مربع پر ماننس تین کا ماننس y چوک مساوات ماننس مربع جمع تین y جمع دو کی جڑ معلوم کریں گے اور پھر اس کے بعد ہم x مربع ماننس تین x ہم جڑوں کو چیک کریں گے سب سے پہلے ہم

x مربع ماننس تین x کی جڑ کا پتہ لگائیں گے جمع دو صفر کے برابر ہے کیونکہ ہم چیک کریں گے کہ جڑیں منفی ہیں یا نہیں اب پہلی مساوات مربع ماننس تو x فیکٹرائز کرنے کی کوشش کریں گے۔ اسکوائر ماننس تو پلس ون آف ایکس پلس ٹو برابر صفر x جمع دو برابر صفر ہے ہم اسے ایکس ماننس ایکس پلس دو برابر صفر اب ایکس ماننس 2 کا مشترکہ ایکس نکالنے کی کوشش کریں یہاں ماننس 1 کا ایکس ماننس 2 برابر 0 ہوگا یہ برابر ایک اور دو ہوں گی اب ہم تبدیل شدہ مساوات کی جڑیں تلاش کریں گے جو x ایکس ماننس 2 ایکس ہوگا ماننس ایک صفر کے برابر اب جڑیں جمع دو میں سے ایک y مربع جمع دو جمع کرنے کی کوشش کریں y جمع دو برابر صفر اسے y مربع جمع تین y مربع جمع تین باقی y ہے نکالیں گے یہ ہو جائے گا اور ah y جمع دو سے y جمع دو برابر صفر اب جڑیں اب ہوں گی جب ہم اس y جمع y مربع جمع دو y صفر برابر ہوں گی ماننس دو اور ماننس ون اب پہلی چوکور y جمع ایک ہو جائے گا اب جڑیں y جمع دو y اب ہم جمع ایک جمع دو لے سکتے ہیں یہ مساوات کی جڑیں ایک اور دو ہیں اور اس تبدیل شدہ چوکور مساوات کی جڑیں ماننس 1 اور ماننس 2 ہیں جو کہ منفی ہیں پہلی چوکور مساوات کی طرف تاکہ ہم یہ کہہ سکیں کہ ہم اس چوکور مساوات کو تلاش کر سکتے ہیں جس کی جڑیں دی گئی چوکور مساوات کے منفی ہیں اب ہم تبدیلی کی برابر صفر ایک c جمع bx مساوات پر بحث کریں گے جس کی جڑیں دی گئی چوکور مساوات کے مربع ہیں فرض کریں کہ محور مربع جمع y ڈال کر اس ایک اور چوکور مساوات کی جڑ تلاش کریں گے اب مساوات ایک انڈر روٹ y کو جڑ کے نیچے x کوآڈریٹک مساوات ہے اب ہم جمع ay برابر صفر اسے c جڑ بذریعہ جمع v جمع ay برابر صفر ہوگی ہوگا c جمع y جڑ کے نیچے b سے پورے مربع کے علاوہ مربع b ہو جائے گا پورے مربع کے برابر c جمع ay کے طور پر لکھا جا سکتا ہے جڑ کا دونوں اطراف مربع کر کے یہ v برابر ماننس c ac مربع جمع دو y اب چوکور مساوات ایک مربع y مربع v برابر y کا ac مربع جمع 2 c ہے مربع جمع y اب مساوات ایک مربع y مربع x مربع برابر صفر ہوگی اب ہم شفاف چوکور مساوات ہے اُنہی ہم اس کی ایک مثال لیتے ہیں۔ فرض کریں کہ c جمع y مربع v ماننس کے نیچے ڈال کر تبدیل شدہ چوکور مساوات کا پتہ لگائیں گے y کو جڑ x جمع بارہ صفر کے برابر ہے چوکور مساوات میں اب ہم x جمع سات جمع سات کا جڑ بذریعہ جمع بارہ برابر صفر y جمع بارہ ای کا سات جڑ کوال صفر اب یہ ہوگا y ہوگا پورے مربع کے علاوہ y اب یہ جڑ اب چوکور مساوات ہوگی y برابر 49 y مربع جمع 144 جمع 24 ہوگا y کے دونوں طرف یہ y جمع بارہ برابر منفی سات جڑ y یہ ہوگا جمع 12 x مربع جمع 7 x مربع ماننس 25 صفر کے برابر ہے اب اُنہی ہم ان دو چوکور مساوات کی جڑیں چیک کرتے ہیں pi جمع 144 کا y جمع x مربع جمع 7 x مربع ماننس 25 از جمع 144 برابر 0 سب سے پہلے ہم معلوم کریں گے پہلی چوکور مساوات کی جڑ y برابر 0 اور جمع بارہ کے برابر دو کو تقسیم x مربع جمع چار جمع تین کو x کے برابر ہے یہ ہماری پہلی چوکور مساوات ہے اب ہم درمیانی مدت 0 12 مربع y جمع تین صفر کے برابر ہے جڑیں ہوں گی ماننس تین اور ماننس چار اب ہم x جمع چار ہوگا x کر کے فیکٹرائز کر سکتے ہیں اب ہم جمع 144 برابر 0 یہ y مربع ماننس سولہ جمع 9 ہوگی y کی جڑ ماننس پچیس باقی جمع ایک چالیس چار برابر صفر کے برابر ہوں گے اب جڑ ماننس 16 اب ہم ماننس y y ماننس 6 کو عام کے طور پر y جمع 144 برابر 0 اب y ماننس 9 by مربع ماننس 16 ill be y ڈبلیو y برابر سولہ کے اور y ماننس ہوگا نو برابر صفر کی جڑ ہوگی y ماننس سولہ اور y ماننس سولہ نکال سکتے ہیں آخری دو میں یہ 9 برابر نو کے اب اس کی جڑ پہلی چوکور مساوات ماننس 3 اور ماننس 4 ہے اور اس مساوات کی جڑ 9 اور 16 ہے جو اب دی گئی چوکور مساوات کا مربع ہے اب ہم ان چوکور مساوات

توں پر بات کریں گے جن کی جڑیں مشترک ہیں

ایک صفر کے برابر ہے اور دوسری چوکور مساوات c جمع x ایک v مربع جمع x تو اُنہی ہم دو چوکور مساوات لیں پہلی چوکور مساوات ایک جمع دو کے دو برابر صفر یہ دو چوکور مساوات ہیں اور جن کی ایک جڑ مشترک ہے یعنی پہلی چوکور مساوات x کے دو ہے۔ b مربع جمع x مشترکہ جڑ الفا ha کی دو جڑیں ہوں گی اور دوسری چوکور مساوات کی دو جڑیں ہوں گی جس میں ایک جڑ مشترک ہے اب ہم الپ کو لیتے ہیں۔ ایک صفر کے برابر ہوگی ہم c ایک الفا جمع v ہے مشترکہ جڑ ہے لہذا یہ دونوں مساوات کو پورا کرے گا اب دونوں مساوات ایک الفا مربع جمع دو برابر صفر ہوگی اب ہم c دو الفا جمع b کی قدر دو الفا مربع جمع x کی قدر رکھی ہے الفا ہے اب ہم ڈالتے ہیں دوسری مساوات میں x نے کراس ضرب کا طریقہ استعمال کر کے ان دونوں مساوات کو حل کر رہے ہیں اب یہ الفا مربع ہوگا اب الفا مربع کو باقی لائٹ کرنے کی کوشش کریں ہم کر سکتے ہیں بی بی ایک بی دو سی ایک سی دو الفا کا عدد بی ایک بی دو سی ایک سی دو اب برابر الفا ہے اب ہم الفا کو چھپائیں گے امتحان لیں گٹانک دو اب b ایک b دو یہ ایک ہوگا ایک دو c ایک c سی 2 لیں اس کے بعد ایک ایک دو اب مستقل حصہ ایک ہو جائے گا اب ہم چھپائیں گے 1 c b1 c2 ہوگا اب الفا مربع c1c دو b دو ماننس c ایک b ہم اس طرح پھیل سکتے ہیں ہم پہلے بائیں سے دائیں ضرب کریں گے یہ الفا مربع ایک اب الفا مربع ہوگا b ٹو a دو ماننس b ایک اب ایک a ٹو c ایک b ایک اے دو اے دو ماننس c الفا برابر c ایک اب ہم آخری دو b دو a دو ماننس b ایک سے تقسیم ایک c دو b دو ماننس c ایک b ایک لے کر الفا معلوم کر سکتے ہیں اب ہم اس حالت کا پتہ لگا سکتے ہیں جس میں جڑیں مشترک ہیں اب ہم الفا مربع کو b دو a دو ماننس b ایک b ایک یہ b دو a دو ماننس b ایک پر ایک c دو v دو ماننس c ایک b برابر صفر کے پورے مربع کے برابر الفا اب الفا مربع کی قدر ہے دو b ایک سے زیادہ a دو c دو ماننس a ایک ٹو بی ون اب الفا کی قدر ہے a دو ماننس ہوگی b ایک پر ایک c دو b دو ماننس c ایک b ایک سے زیادہ پورا مربع اب یہ ہو جائے گا b دو a دو ماننس b ایک سے زیادہ ایک a دو c دو ایک دو ماننس c ایک b دو a دو ماننس دو ماننس اے ٹو b ایک a ایک سے پورے مربع پر a دو c ایک دو ماننس c ایک b دو a دو ماننس c ایک سے پورے مربع a ٹو c دو ماننس a ایک c دو کی قدر اب یہ a ایک c وی ون پورے مربع میں یا یہ دونوں منسوخ ہو جائیں گے اب ہوگی ایک کو ایک ب دو سے ضرب دو منفی دو ب ایک اب یہ حالت ہے جب دو چوکور مساوات جس میں c دو b دو ماننس c ایک b کے برابر ah k ایک جڑ مشترک ہے لہذا ہم دو جڑوں کے برابر ہونے کی مشروط حالت کا پتہ لگا سکتے ہیں اب اُنہی مثال کی کچھ مثالیں لیتے ہیں۔ نمبر ایک ماننس چار برابر صفر میں ایک جڑیں x مربع ماننس تین x ماننس پانچ برابر صفر اور kx مربع جمع x کی قدر معلوم کریں اگر مساوات دو مشترک ہیں اب حل یہ ہوگا کہ الفا مشترک جڑیں ہیں اب یہ دونوں کو پورا کرے گا۔ اب مساوات دو ایل ہوگی پہلی مساوات دو الفا اسکوائر پلس کے الفا ماننس پانچ برابر صفر ہوگی اور دوسری مساوات ہوگی الفا اسکوائر ماننس تھری الفا ماننس چار برابر صفر اب ہم اسے کراس ضرب مینہ اور k ماننس 3 ماننس 5 ماننس 4 برابر الفا ماننس 5 ماننس 4 اور 1 برابر ایک دو ایک k یہ الفا مربع od استعمال کر کے معلوم کریں گے۔ k اب الفا اسکوائر ماننس 4 k ماننس پندرہ برابر الفا ماننس پانچ جمع اٹھ اور 1 برابر ماننس 6 ماننس k ماننس تھری اب الفا مربع اوور ماننس فور پلس سکس اور الفا کی ویلیو k جمع پندرہ اوور k الفا اسکوائر کی ویلیو ہوگی چار k ماننس x ماننس 15 الفا اوور 3 برابر ایک اوور ماننس کی قدر کو حل کریں گے الفا کیس الفا مربع ہے چار k جمع 6 اب الفا اسکوائر ہے مساوی الفا مربع ہم اس کو استعمال کر کے k ماننس 3 اوور مربع جمع کو ضرب دے k جمع چھ سے پورے مربع سے اب ہم k جمع پندرہ کو k جمع چھ سے تقسیم کیا جائے گا اور یہ نو ہو جائے گا گیا t جمع اکیاسی ہ ہو جائے گا 162 پھر 81 k مربع جمع انتیس k جمع 90 برابر نو اب مساوات ہوگی چار k جمع 15 k سکتے ہیں۔ 24 سات ستائیس اور بارہ فیکٹر ہوگا چار ک مربع جمع ستائیس ک جمع بارہ ک جمع اکیاسی صفر اب ہم کامن نکال سکتے ہیں کہ کوما ہے ک چار ک جمع کی قدر ماننس 27 ہے 4 اور ماننس 3 اب اُنہی کچھ اور مثال لیتے k جمع 27 برابر 0 ہوگا۔ اب k ستائیس اور آخری دو اصطلاحات میں 3 4 برابر a جمع cx مربع جمع bx برابر ہے تین صفر اور c جمع bx مربع جمع ax مثبت حقیقی اعداد ہیں جیسے کہ مساوات abc ہیں اگر کے درمیان تعلق اسی طرح تلاش کریں جس طرح ہم نے پہلے سوال کا حل کیا ہے الفا کو c اور ab صفر کی جڑیں مشترک ہیں پھر اب مشترک جڑ ہونے دیں

