

صفر سے بڑا یا اس کے برابر ہے لہذا ہم نے تمام صورتوں کو تصویری طور پر دیکھ کر مکمل کر لیا ہے جب کوئی حل c اس لیے ہمارے پاس کے لیے 0 سے سختی سے کم کا ہم نے d یہ سب حقیقی نمبر ہیں یاد کرتے ہیں کہ c اور ab الفا اور بیٹا کے نشانات کا بھی مطالعہ کرتا ہے۔ سے سختی سے کم 0 کے لیے ہم الفا اور بیٹا کے نشان کا مطالعہ نہیں کر سکتے ہیں جو d پہلے ہی دیکھا ہے کہ کوئی حقیقی حل نہیں ہے لہذا صفر کے برابر ہے اس صورت میں d سے بڑا ہے یا صفر کے برابر آئے ہم اپنی پہلی صورت پر غور کریں کیونکہ d ہم فرض کرتے ہیں کہ سے سختی سے بڑا ہے تو اس صورت میں ہمارے پاس الفا 0 b سے تقسیم کیا گیا ہے لہذا اگر a کو 2 b ہمارے پاس الفا برابر بیٹا ہے مائنس سے سختی سے کم ہے تو ہمیں الفا اور بیٹا ملتا ہے وہ دونوں 0 سے سختی سے بڑے 0 b اور بیٹا ہے یہ دونوں 0 سے سختی سے کم ہیں اگر b کو 0 سے سختی سے بڑا سمجھیں ہم جانتے ہیں کہ حل مائنس d کے برابر ہے تو ہمیں الفا برابر بیٹا برابر 0 ملتا ہے اب ہم 0 b ہیں اور اگر مقدار 0 سے سختی سے بڑی ہے a مثبت ہے 2 سے تقسیم کیا گیا اب a مائنس مربع جڑ کو 2 لوس کے d ہیں۔ p کے مائنس مربع جڑ کی علامت کا مطالعہ کریں الفا اور بیٹا ہی کو 0 سے سختی سے بڑا d جمع b اس لیے ہمارے لیے یہ کافی ہے کہ مائنس ہمیشہ سختی سے 0 a تقسیم 2 ac مربع مائنس 4 b مائنس مربع جڑ کا b ہونے دیں تو یہاں خاص طور پر ایک حل جسے ہم کہتے ہیں الفا مائنس d بھی 0 سے سختی سے بڑا ہے تو c سے کم ہوتا ہے جو کہ الفا ہمیشہ منفی ہوتا ہے۔ اب ہم دیکھتے ہیں کہ دوسرے حل بیٹا کا کیا ہوتا ہے اگر اور d سے سختی سے کم ہے۔ b کا مربع جڑ d مربع سے سختی سے کم ہے لہذا ہم سمجھتے ہیں کہ b سے ac مربع مائنس 4 b جو کہ d جمع b کا مربع جڑ منفی ہے لہذا بیٹا جو مائنس d جمع b سے بڑے ہیں لہذا یہاں سے ہم لکھ سکتے ہیں کہ مائنس b کے برابر ہے تو ہمارے پاس بیٹا 0 کے برابر ہے کیونکہ بیٹا مائنس ہی پلس اسکوا ہے۔ 0 c سے تقسیم کیا جائے تو منفی ہے اگر a کا مربع جڑ 2 سے سختی b سے کم ہے تو c منفی ہے c سے تقسیم کیا جاتا ہے جو کہ 0 ہے اگر a کو 2 b جمع b سے بڑا ہے لہذا ہمیں صرف مائنس d سے سختی سے بڑا ہے کیونکہ b کا مربع جڑ d مربع سے سختی سے بڑا ہے لہذا ac مربع مائنس 4 b برابر ہے d ہمارے پاس سے تقسیم کیا گیا صفر سے سختی سے بڑا ہے جو a کا مربع جڑ 2 d جمع b دونوں مثبت ہیں لہذا ہمارے پاس اب بیٹا برابر ہے مائنس b اور سے تقسیم کیا گیا ہے a کا مربع جڑ 2 d جمع b صفر سے سختی سے کم ہے تو ہمارے پاس حل بیٹا ہے جو مائنس b کہ بیٹا مثبت ہے اب اگر اس سے سختی سے بڑا ہے۔ صفر جو کہ حل بیٹا کی علامت ہے مثبت ہے ac مربع مائنس 4 b برابر ہے d سے سختی سے بڑا ہے پھر یہاں ہمارے پاس 0 c اس لیے ہمیں حل الفا کے نشان کو دیکھنا ہے اب لیٹ ictly ہے۔ d str سے سختی سے کم ہے کیونکہ b کا مربع جڑ مائنس d سے سختی سے کم ہے۔ مربع تو ہم کہہ سکتے ہیں کہ b سے سختی سے 0 d مائنس مربع جڑ b سے سختی سے کم ہے اور یہاں سے ہم یہ نتیجہ اخذ کر سکتے ہیں کہ مائنس 0 b سے بڑا اور 0 سے تقسیم کیا گیا ہے سختی سے 0 سے بڑا ہے۔ یہ حل کی علامت ہے الفا مثبت ہے a کو 2 d مائنس مربع جڑ ہے b بڑا ہے لہذا الفا جو مائنس سے تقسیم کیا a مربع کو 2 b مائنس مربع جڑ کے b کے برابر ہے تو ہم دیکھ سکتے ہیں کہ الفا 0 کے برابر ہے کیونکہ الفا مائنس 0 c اگر 0 c سے تقسیم کرتے ہیں جو 0 کے برابر ہے۔ اب اگر a کو 2 b جمع b سے سختی سے کم ہے۔ ہم یہاں مائنس 0 b گیا ہے اور جیسا کہ کا مربع جڑ اس سے سختی سے بڑا d مربع سے سختی سے بڑا ہے لہذا ہمارے پاس d b منفی ہے تو c سے سختی سے کم ہے یعنی اگر اور b ہے۔ مائنس

کے مائنس d صفر کے برابر ہے تو ہم جانتے ہیں کہ حل جمع ہیں b اس لیے ہم کہہ سکتے ہیں کہ الفا صفر سے سختی سے کم ہے اب اگر سے سختی سے بڑا ہے ہم واضح طور پر کر سکتے ہیں۔ الفا دیکھیں 0 d سے تقسیم کیا گیا ہے اور جیسا کہ ہمارے یہاں ہے a مربع جڑ کو 2 سے تقسیم کیا گیا ہے سختی سے 0 کا مربع جڑ ہے جس کو 2 d بیٹا جو d سے سختی سے کم ہے۔ a کا مائنس مربع جڑ ہے تقسیم 2 d جو سے بڑا ہے لہذا الفا کی سائن منفی ہے اور بیٹا کی سائن مثبت ہے اب میں چند مساوات کو نوٹ کر کے نظریہ کے حصے کو یاد نہیں کر رہا ہوں تمام پیچیدہ اعداد ہیں ہمارے پاس حل c اور ab کے برابر ہے جہاں 0 c جمع bx مربع پلس ax لہذا ہمارے پاس ایک چوکور ہے مساوات کے علاوہ کچھ b سے اگر ہم الفا اور بیٹا کا مجموعہ حاصل کرتے ہیں تو یہ مائنس a کے برابر ہے تقسیم b الفا اور بیٹا کا مجموعہ ہے مائنس مربع مائنس 4 b مکمل مربع مائنس مربع جڑ a کو 2 سے تقسیم کیا جاتا ہے b نہیں ہے۔ بذریعہ دوسرا یہ ہے کہ حل الفا اور بیٹا کی پیداوار مربع مائنس 4 b اور تیسری چیز یہ ہے کہ حل الفا اور بیٹا کے درمیان فاصلہ a کے برابر ہے تقسیم c پورے مربع سے تو یہ a تقسیم 2 ac کے برابر ہے اور بیٹا 0 c الفا جمع b سے تقسیم کیا جاتا ہے اور آخری مساوات الفا مربع جمع a کے مربع جڑ کا ماڈیولس ہے جس کو ac یہ سوال n پر کچھ مسائل حل کرنا شروع کر دیتے ہیں۔ i ہے۔ 0 کے برابر اب ان سب کے ساتھ ہم چوکور مساوات c بیٹا جمع b مربع جمع کے درمیان سختی سے ہوتا ہے تو یہاں سے ہم جانتے pi by 12 سے مائنس pi by 6 ہمیں دیا گیا ہے کہ تھیٹا ایک زاویہ ہے جو مائنس سگ تھیٹا x مربع مائنس دو x ہیں کہ تھیٹا چوتھے کواڈرنٹ میں ہے ہمیں بتایا گیا ہے کہ الفا ون اور بیٹا ون اس کے حل ہیں۔ چوکور مساوات ٹین تھیٹا مائنس 1 برابر 0 کے حل ہیں ہمیں یہ بھی بتایا گیا ہے کہ x مربع جمع 2 x جمع ایک 0 کے برابر ہے اور الفا 2 بیٹا 2 چوکور مساوات الفا 1 بیٹا سے سختی سے بڑا ہے 1 اور الفا 2 بیٹا 2 سے سختی سے بڑا ہے پھر ہمارا کام یہ معلوم کرنا ہے کہ الفا 1 پلس بیٹا 2 کیا ہے اور ایسا پر غور کرتے ہیں۔ مربع x کرنے کے لیے ہمیں یہ معلوم کرنا ہوگا کہ الفا 1 بیٹا 1 اور الفا 2 بیٹا 2 کیا ہیں لہذا ہم سب سے پہلے چوکور مساوات مائنس 2 ایکس سگ تھیٹا جمع 1 0 کے برابر ہے اور اس چوکور مساوات کے حل ہیں 2 سیکنڈ تھیٹا پلس مائنس مربع جڑ کا 4 6 مربع تھیٹا مائنس 4 کو 2 سے تقسیم کیا گیا ہے اور یہ تھیٹا کے بعد سے اب سگ تھیٹا پلس مائنس ٹین تھیٹا کے برابر ہے۔ چوتھے کواڈرنٹ میں ہے ہم جانتے ہیں کہ ٹین تھیٹا منفی ہے۔ لہذا ہم کہہ سکتے ہیں کہ سیکنڈ تھیٹا مائنس ٹین تھیٹا سیکنڈ تھیٹا پلس ٹین تھیٹا سے سختی سے بڑا ہے لہذا اب ہم جانتے ہیں کہ x الفا ون سیکنڈ تھیٹا مائنس ٹین تھیٹا ہے اور بیٹا 1 سیکنڈ تھیٹا پلس ٹین تھیٹا ہے اس کے بعد ہم دوسری چوکور مساوات پر غور کرتے ہیں جو ہے ٹین تھیٹا مائنس 1 0 کے برابر ہے اور ان مساوات کے حل ہیں مائنس 2 ٹین تھیٹا پلس مائنس مربع جڑ کا 4 ٹین مربع تھیٹا جمع 4 x مربع جمع 2 کو 2 سے تقسیم کیا گیا ہے اور یہ مائنس ٹین تھیٹا پلس مائنس سیکنڈ تھیٹا کے برابر ہے۔ چونکہ تھیٹا چوتھے کواڈرنٹ میں ہے ہم جانتے ہیں کہ سیکنڈ تھیٹا مثبت ہے

اس لیے ہم یہ نتیجہ اخذ کر سکتے ہیں کہ مائنس ٹین تھیٹا پلس سیکنڈ تھیٹا مائنس ٹین تھیٹا مائنس سگ تھیٹا سے سختی سے بڑا ہے لہذا اب ہم یہ بھی جانتے ہیں کہ مائنس ٹین تھیٹا پلس سگ تھیٹا الفا ہے۔ 2 اور مائنس ٹین تھیٹا مائنس سیکنڈ تھیٹا بیٹا 2 ہے تو اب اس سب کے ساتھ ہم یہ جانتے کے لیے تیار ہیں کہ الفا 1 پلس بیٹا 2 کیا ہے ہم لکھتے ہیں کہ الفا 1 پلس بیٹا 2 کیا ہے یہ سگ تھیٹا مائنس ٹین تھیٹا مائنس سگ ہے۔ تھیٹا جو مائنس 2 ٹین تھیٹ ہے۔ لہذا اب ہمارے پاس الفا 1 پلس بیٹا 2 ہے مائنس 2 ٹین تھیٹا کے برابر ہے اب ہم سوال میں سوال کی طرف واپس جاتے پر مشتمل x ہیں ہم دیکھتے ہیں کہ تیسرا آپشن صحیح ہے اب ہم اس سوال کو دیکھتے ہیں ہمارے پاس سیٹ ایس ہے جو تمام غیر منفی حقیقی اعداد مائنس 6 جمع 6 کے برابر 0 میں پورا کرے ہمیں x کا مربع جڑ x مائنس 3 کے مربع جڑ کے ماڈیولس میں x مساوات 2 کو x ہوتا ہے تاکہ مائنس 3 کا x میں موجود ہیں اور ایسا کرنے کے لیے ہم سب سے پہلے یہ نوٹ کریں گے کہ s یہ معلوم کرنا ہے کہ کتنے ہیں عناصر ایک ہی سے سختی سے کم ہے اب 9 x مائنس 3 کا مربع جڑ 0 سے سختی سے کم ہے جب x کے برابر ہے اور 9 x مربع جڑ 0 سے بڑا ہے جب مائنس 3 کے x کو 9 کے برابر سے بڑا سمجھتے ہیں اس معاملے میں پہلے ہم مساوات کو دوبارہ لکھتے ہیں تو ہماری مساوات 2 ہے x ہم کیس پورے مربع مائنس 4 مربع رو کی x جمع کا مربع جڑ 6 0 کے برابر ہے لہذا ہمارے پاس x پورے مربع کا مربع جڑ مائنس 6 x مربع جڑ میں کے متغیر مربع جڑ میں ایک چوکور مساوات ہے کیونکہ مستقل اصطلاح 0 ہے یہاں x کے برابر ہے لہذا یہ 0 t کا x مساوات مربع جڑ ہے

ماننس 4 کے برابر ہے 0 کے برابر تو یہاں سے ہم یہ نتیجہ اخذ کر سکتے x کا مربع جڑ x ہم اسے بہت آسانی سے حل کر سکتے ہیں لہذا ہم $16x$ کے برابر ہے یا 0 کا مربع جڑ 4 کے برابر ہے اور یہاں سے ہمیں معلوم ہوتا ہے کہ x کا مربع جڑ 0 کے برابر ہے۔ یا x ہیں کہ کے برابر 0 اس معاملے میں ممکن x کے برابر ہے ممکن ہے لیکن $16x$ کے برابر ہے اس لئے $9x$ کے برابر ہے۔ اب یاد کریں کہ ہم کیس سے سختی سے کم ہے اور اس صورت میں ہماری مساوات بن جاتی ہے۔ ماننس 2 $9x$ نہیں ہے اب ہم اگلی صورت پر غور کرتے ہیں جو کہ پورے مربع x جمع 6 برابر ہے 0 کے۔ لہذا ہمارے پاس x پورے مربع کا مربع جڑ ماننس 6 کا مربع جڑ x کا مربع جڑ ماننس 3 جمع x میں x کے متغیر مربع جڑ میں ایک چوکور مساوات ہے ہم اسے x جمع 12 کے برابر ہے۔ 0 تو پھر ہمارے پاس x کا مربع جڑ ماننس 8 مربع جڑ جمع ماننس مربع جڑ 64 ماننس 48 کو 2 سے تقسیم کیا گیا ہے لہذا ہمارے 8 s کے متغیر مربع جڑ کے لیے حل کرتے ہیں اور ہمیں حل ملتا ہے۔ x اب 36 کے برابر ہے چونکہ x کے برابر ہے یا $4x$ کا مربع جڑ 2 یا 6 کے برابر ہے۔ تو یہاں سے ہم یہ حاصل کرتے ہیں کہ x پاس سختی سے ہے اس صورت میں 9 سے کم

کے برابر 4 ممکن ہے x مساوی 36 ممکن نہیں ہے اور x اس لیے

برابر ہے 4 x برابر ہے 16 اور x کے صرف دو ممکنہ انتخاب ملتے ہیں جو کہ x اس لیے یہاں سے ہمیں اس لیے ہم کہہ سکتے ہیں کہ سیٹ بالکل دو عناصر پر مشتمل ہے لہذا آپشن دو درست ہے یہاں تیسرا سوال ہے اور اس سوال میں ہمیں مساوات کا جمع 5 برابر ہے 0 اور ہمیں کرنا ہے۔ معلوم کریں کہ اس مساوات کے کتنے حقیقی حل ہیں x جمع 3 جمع 2 x مربع جمع 4 x ماڈیولس دیا گیا ہے جمع 3 0 کے برابر ہے اور اس صورت x مربع جمع 4 x کی ان تمام اقدار کے لیے حل کرتے ہیں جن کے لیے x تو پہلے ہم اس مساوات کو کے لیے اس چوکور مساوات کو حل کرتے ہیں تو x بن جاتی ہے۔ اب 0 کے برابر ہے جب ہم a جمع x مربع جمع 6 x میں ہماری مساوات کے برابر ہے 36 ماننس 32 کی جڑ ہیں تقسیم 2 سے جو کہ ماننس 6 پلس ماننس 2 کو 2 squ ماننس 6 جمع ماننس x ہمیں حاصل ہوتا ہے کہ کی ان دو قدروں میں سے جس کی x برابر ہے ماننس 2 یا ماننس 4 اب ہم چیک کریں گے کہ x سے تقسیم کرنے کے برابر ہے لہذا ہمارے پاس جمع 3 بڑا x مربع جمع 4 x جمع 3 بڑا ہے جو 0 کے برابر ہے مطمئن ہے ہم یہاں شرط کو دوبارہ لکھتے ہیں x مربع ہے جمع 4 x شرط کی x جمع 3 اور ہمیں ملتا ہے کہ 4 ماننس 8 جمع 3 یہ ماننس 1 کے برابر ہے جو کہ 0 سے سختی سے کم ہے اس لئے x ہے 0 سے پہلے کو ماننس 4 x ماننس 2 کے برابر نہیں ہے۔ اس کے بعد ہم x ماننس 2 کے برابر ہے شرط مطمئن نہیں ہے اس لئے x اس قدر کے لئے جو کے برابر کرتے ہیں اور جب ہم اس قدر کو چوکور کثیر میں بدلتے ہیں تو ہمیں ملتا ہے کہ 16 ماننس 16 جمع 3 اور یہ 3 کے برابر ہے اور واضح کی ان تمام قدروں کی مساوات حل کرتے ہیں جن کے لیے x ماننس کے برابر ہے 4 ممکن ہے اب ہم x طور پر یہ 0 کے برابر سے بڑا ہے لہذا x ماننس 3 جمع 2 x مربع ماننس 4 x جمع 3 سختی سے 0 سے کم ہے اور اس صورت میں ہماری مساوات ماننس x جمع 4 sq x ماننس 2 ہے 0 کے برابر لہذا ہم اس چوکور مساوات کو اب حل کرتے ہیں اور x مربع جمع 2 x کے برابر ہے یعنی ہمارے پاس v جمع 5 برابر ہے ماننس 2 پلس ماننس مربع جڑ 4 جمع 8 تقسیم 2 اور یہ ماننس 2 جمع ماننس 2 مربع جڑ کے برابر ہے 3 کو 2 x ہمیں حاصل ہوتا ہے کہ ماننس 1 پلس ماننس مربع جڑ 3 کی ان دو قدروں میں سے ہم چیک x سے تقسیم کیا گیا ہے۔ ماننس 1 جمع ماننس مربع جڑ 3 کے برابر ہے اب پر غور کرتے ہیں۔ 3 ماننس 1 کے مربع جڑ x جمع 3 سختی سے 0 سے کم ہے پہلے ہم x مربع جمع 4 x کریں گے کہ جس شرط کے لئے جمع 3 میں بدلتے ہیں تو ہم حاصل کرتے ہیں کہ 3 ماننس 2 مربع جڑ 3 x مربع جمع 4 x کے برابر ہے لہذا جب ہم اسے چوکور کثیر الاضلاع برابر ہے مربع جڑ x جمع 1 جمع 4 مربع جڑ 3 منفی 4 جمع 3 اور یہ ہے اسی طرح 3 جمع 3 کا 2 مربع جڑ جو 0 سے سختی سے بڑا ہے لہذا کو ماننس 1 ماننس مربع جڑ 3 کے برابر سمجھتے ہیں لہذا جب ہم ان کو بدلتے ہیں تو ہم حاصل x ماننس 1 ایک محلول نہیں ہے اُن پھر ہم 3 کرتے ہیں کہ 3 جمع 1 مکمل مربع ماننس 4 کا مربع جڑ 3 جمع 1 جمع 3 کے مربع جڑ میں یہ 3 جمع 2 کے برابر ہے۔ 3 جمع 1 ماننس 4 کا مربع جڑ 3 ماننس 4 جمع 3 کے مربع جڑ میں اور یہ 3 کے مربع جڑ میں 3 منفی 2 کے برابر ہے اور واضح طور پر یہ 0 سے سختی سے کم ہے برابر ہے ماننس 1 ماننس مربع جڑ 3 ممکن ہے لہذا ہمیں معلوم ہوا کہ اس مساوات کے بالکل دو x کیونکہ 12 9 سے سختی سے بڑا ہے لہذا دیا گیا ہے۔ x کو پاور ماننس سائن e ماننس x حقیقی حل ہیں لہذا تیسرا آپشن درست ہے یہاں اس سوال میں ہمیں مساوات ax کو پاور سائن ماننس 4 0 کے برابر ہے اور جیسا کہ آپشنز سے ظاہر ہوتا ہے کہ ہمیں یہ معلوم کرنا ہے کہ اس مساوات کے کتنے حقیقی حل ہیں ماننس 4 برابر ہے 0 پر اور یہ ویسا ہی ہے جیسے پاور x پر پاور ماننس سائن e ماننس x کو پاور سائن e اس لیے ہم مساوات کو لکھتے ہیں میں ایک چوکور مساوات ہے e لکھنا ماننس 1 0 کے برابر ہے لہذا ہم دیکھتے ہیں کہ یہ e پر x کو پاور سائن e ماننس 4 پر x سائن 2 ماننس 1 ہے 0 y مربع ماننس 4 y کے برابر رکھتے ہیں تو ہمارے پاس یہ چوکور مساوات x کے پاور سائن e کو y سادگی کے لیے ہم کے برابر

جمع ماننس مربع جڑ 16 جمع 4 تقسیم 2 کے برابر ہے جو کہ 4 4 y کے لیے حل کرتے ہیں تو ہم حاصل کرتے ہیں کہ y اس لیے جب ہم اسے کے 2 5 y جمع ماننس 2 مربع جڑ کے برابر ہے 5 تقسیم 2 اور یہ 2 کے برابر ہے۔ جمع 5 کا ماننس مربع جڑ پہلے ہم یہ ظاہر کرتے ہیں کہ ماننس مربع جڑ کے برابر نہیں ہو سکتا

اس لیے پہلے ہم نوٹ کریں کہ 5 کا 2 ماننس مربع جڑ 0 سے سختی سے کم ہے کیونکہ 4 کسی بھی حقیقی کے لیے اب 5 سے سختی سے کم ہے۔ ہمیشہ حقیقی ہوتا ہے اور x سے پاور xe سائن ہمیشہ حقیقی ہوتا ہے اور جیسا کہ ہم جانتے ہیں کہ کسی بھی حقیقی نمبر x کا نمبر x تو x کسی بھی حقیقی نمبر کے لئے 0 سے سختی سے بڑا ہوتا ہے۔ x کا پاور سائن e درحقیقت یہ 0 سے سختی سے بڑا ہوتا ہے اس لئے کے 2 ماننس مربع جڑ کے برابر نہیں ہو سکتا کیونکہ 5 کا 2 ماننس مربع جڑ 5 y کے برابر ہے لہذا e کے x پاور سائن y یہاں جیسا کہ کیا ہے y ہے 5 کے 2 جمع مربع جڑ کے برابر اب ہم لکھتے ہیں کہ y کے لیے واحد ممکنہ انتخاب y سختی سے کم ہے۔ 0 سے زیادہ۔ لہذا e کا 2 جمع مربع جڑ 5 ہم لوگارتھم کو اس مساوات کے دونوں اطراف کی بنیاد x ہے پاور سائن e ہے تو ہمارے پاس e کا x یہ پاور سائن کے 2 جمع مربع جڑ کے لاگرتھم کے برابر ہے اب 2 جمع 5 کا مربع جڑ 4 5 $sine$ x پر لے جاتے ہیں اور اس وجہ سے ہم حاصل کرتے ہیں سے سختی سے بڑا ہے اور ہم جانتے ہیں کہ 4 سختی سے بڑا ہے۔

e کے لاگرتھم سے بڑا ہے کیونکہ لوگارتھم ایک بڑھتا ہوا فنکشن ہے اور ہم جانتے ہیں کہ e کے مقابلے 2 جمع مربع جڑ کا لاگرتھم e اس لیے سختی سے بڑا ہے۔ 1 سے زیادہ جو ممکن نہیں ہے x کا لاگرتھم 1 کے برابر ہے لہذا ہم یہ حاصل کر رہے ہیں کہ سائن e سے لے کر بیس جیسا کہ ہم جانتے ہیں کہ کسی بھی حقیقی نمبر کے لیے سائن ایکس ہمیشہ ماننس 1 کے برابر سے بڑا ہوتا ہے اور جمع 1 کے برابر سے کم ہوتا ہے

اس لیے سائن 1 سے بڑا ممکن نہیں ہے تو ہم سمجھتے ہیں کہ یہ مساوات نہیں ہے۔ کوئی حقیقی حل ہونا یہ ہمارا پانچواں سوال ہے اس سوال میں qx مربع پلس px جو کہ ریاضی کی ترقی میں ہیں ہمارے پاس یہ چوکور مساوات r اور pq حقیقی اعداد e ہمیں تین مثبت دیئے گئے ہیں۔ پر حالات معلوم کرنے ہوں گے تاکہ تمام حقیقی حل پہلے نوٹ کریں۔ r اور p صفر کے برابر ہے ہمیں اس چوکور مساوات کے لیے r جمع اب ایک ریاضی کی ترقی میں ہیں جیسا کہ ہم r اور pq کو 2 سے تقسیم کیا گیا ہے کیونکہ ہمیں بتایا گیا ہے کہ r جمع p برابر ہے q کہ مربع q کے لیے ضروری اور کافی شرط جانتے ہیں تمام کے لیے 0 کے برابر ہے۔ اصلی حل ہے r جمع qx مربع جمع px چوکور مساوات p کو 2 سے تقسیم کیا جاتا ہے اس حالت میں ہمیں r جمع p کی قیمت کو بدلتے ہیں جو q برابر 0 سے بڑا ہے لہذا جب ہم pr ماننس 4 مربع اب صفر کے برابر r جمع pr مربع ماننس 14 p برابر 0 سے بڑا ہوتا ہے۔ جو کہ p r حاصل ہوتا ہے پورا مربع ماننس 16 r جمع

مربع سے تقسیم کر سکتے ہیں p غیر صفر ہے لہذا ہم اس عدم مساوات کو p ایک مثبت حقیقی نمبر ہے ہم جانتے ہیں کہ p سے بڑا ہے چونکہ پورا مربع اب صفر کے برابر سے بڑا ہے۔ اس عدم مساوات کو دوبارہ p بذریعہ r جمع p بذریعہ r اور ہم حاصل کرتے ہیں 1 مائنس 14 جمع 49 بڑا ہے 48 کے برابر p بذریعہ r پورے مربع مائنس 2 میں p بذریعہ r لکھیں p کا ماڈیولس بذریعہ r مائنس 7 پورا مربع 48 کے برابر سے بڑا ہے لہذا ہم نتیجہ اخذ کر سکتے ہیں کہ r by p اس لیے ہمارے پاس مائنس 7 کے 4 مربع جڑ p کا چوتھا آپشن ماڈیولس بذریعہ r مائنس 7 کے 3 کے 4 مربع جڑ کے برابر سے بڑا ہے لہذا ہم دیکھ سکتے ہیں کہ کے محل وقوع کا r کے تناسب سے p کے برابر سے بڑا ہے درست ہے اب آئیے دیگر تین آپشنز کو لیتے ہیں۔ ایسا کریں کہ ہم سب سے پہلے جمع p کو r جمع 4 مربع جڑ کے 3 سے بڑا ہے اور ساتھ ہی ہم مائنس 7 کے 4 مربع جڑ کے برابر سے بڑا ہے لہذا ہم دیکھ سکتے ہیں کہ برابر 7 سے کم ہے مائنس 4 مربع جڑ 3 تو یہاں p بذریعہ r لکھ سکتے ہیں۔ 3 کے 4 مربع جڑ کے برابر سے بڑا جس کا مطلب ہے کہ 7 is مثبت ہے p بذریعہ r دونوں مثبت اعداد ہیں تناسب p اور r کا تناسب کہاں ہے کیونکہ p بذریعہ r سے اب ہم یہ معلوم کر سکتے ہیں کہ r کا تعلق کھلے 0 سے بند 7 منفی 4 مربع جڑ 3 یونین بند 7 جمع 4 مربع جڑ 3 لامحدودیت کے لیے اب دیکھیں کہ جب تناسب r by p لہذا وقفہ بند 7 جمع 4 مربع جڑ 3 سے انفیٹی میں ہے اور جب r بذریعہ p وقفہ 0 سے بند 7 منفی 4 مربع جڑ 3 میں ہے تو تناسب p بذریعہ وقفہ کھلا 0 سے بند 7 منفی 4 مربع جڑ 3 میں ہے لہذا r بذریعہ p جمع 4 مربع جڑ 3 سے لامحدود ہے پھر تناسب p بذریعہ r تناسب کے ماڈیولس p کا حالت ماڈیولس مائنس 7 کے 3 کے 4 مربع جڑ کے برابر سے بڑا ہے 3 کے p بذریعہ r اب یہاں سے ہم دیکھ سکتے ہیں کہ کے برابر ہے مائنس 7 کے 3 کے 4 مربع جڑ کے برابر سے بڑا ہے لہذا اس عمل میں اب آپشن 3 بھی درست ہے جیسا کہ ہم نے دیکھا ہے کہ ہم کچھ کے لیے ممکنہ انتخاب حاصل کرنا p سے r اور r کے تناسب سے p وقفوں میں کے لیے آپشن 1 اور آپشن 2 درست نہیں ہیں

دے گئے ہیں جو کہ لمبائی میں ایک مثلث کے c اور ab اس لیے یہ سوال پانچ کو حل کرتا ہے یہاں اس سوال میں ہمیں تین مثبت حقیقی نمبر مربع بھی دیا گیا ہے ڈی پلس 2 میں ایک جمع ہی پلس سی میں ایکس پلس 3 لیمبڈا x اطراف کا اور ہمیں ایک حقیقی نمبر لامبڈا اور چوکور مساوات میں اے بی پلس سی سی پلس سی اے 0 کے برابر ہے ہمیں لیمبڈا کی ریج معلوم کرنی ہے جس کے لیے اس دی گئی چوکور مساوات کے پاس اب تمام حقیقی حل موجود ہیں جو ہم کریں گے سب سے پہلے اس چوکور مساوات کے لیے ضروری اور کافی شرط لکھیں کہ تمام حقیقی حل ہوں اور جمع ہی سی جمع سی اے صفر کے برابر اب اگر ہم چار کو منسوخ ab شرط ہے 4 میں ایک جمع ہی جمع سی پورے مربع مائنس 12 لیمبڈا میں b پورے مربع کو تقسیم کرتے ہیں تو ہم حاصل کرتے ہیں کہ ایک مربع جمع c جمع b جمع a کریں یہ عدم مساوات اور اگر ہم اس اصطلاح کو میں 0 سے بڑا ہے لہذا آخر کار ca پلس bc پلس ab کو λ مائنس 3 ca پلس bc پلس ab مربع جمع 2 کو c مربع جمع ca جمع bc جمع ab مربع تقسیم کیا جاتا ہے c مربع جمع b ہم حاصل کرتے ہیں 3 لیمبڈا مائنس 2 ایک مربع کے برابر سے کم ہے جمع سے بڑا ہے اور c سختی سے b ایک مثلث کے اطراف کی لمبائی میں لہذا ایک جمع c اور ab سے اب ہم یہ معلومات استعمال کرتے ہیں کہ سے سختی سے بڑا ہے لہذا ہمارے پاس یہ تین عدم مساواتیں ہیں اب پہلی a جمع c اور b سے بڑا i ہے۔ b سختی سے c جمع a اس سے سختی b سے سختی سے بڑا ہے اور b مائنس a c سے بڑا ہے ہم لکھ سکتے ہیں کہ c سختی سے b جمع a عدم مساوات سے سے a مائنس b c سے سختی سے بڑا ہے اور c مائنس a b سے بڑا ہے دوسری عدم مساوات سے سے اب b سختی سے بڑا ہے۔ ایک مائنس c سے سختی سے بڑا ہے اور c مائنس b سختی سے بڑا ہے اور آخری سے ہم لکھ سکتے ہیں کہ سے سختی سے بڑی ہے تو ان c مائنس a b سے سختی سے بڑی ہے اور عدم مساوات b مائنس c a ہم اس عدم مساوات پر غور کریں کہ b c کے ماڈیولس سے سختی سے بڑا ہے اگلا ہم غور کریں گے۔ یہ عدم مساوات جو b مائنس a c دونوں سے ہم یہ حاصل کرتے ہیں کہ b سے سختی سے بڑی ہے تو یہاں سے ہم یہ حاصل کرتے ہیں کہ c سے سختی سے بڑی ہے اور وہ عدم مساوات جو a مائنس حاصل ہوتا ہے۔ موڈو سے سختی سے بڑا c کے ماڈیولس سے سختی سے بڑا ہے اور آخری دو باقی ماندہ عدم مساوات سے ہمیں وہ a مائنس اب ہم ان تینوں عدم مساوات کو استعمال کرنے جا رہے ہیں اور ہم کیا کریں گے کہ ہم اس عدم مساوات کے دونوں 1 us کا a مائنس b ہے۔ مربع سے سختی سے بڑا ہے۔ ایک مربع b اور bc مربع مائنس 2 c مربع جمع b اطراف کو مربع کریں گے پھر ہمیں ایک مربع ملے گا جو سے سختی سے بڑا ہے اب ہم ان تینوں عدم ab مربع مائنس 2 b مربع جمع c سے سختی سے بڑا ہے اور ac مربع مائنس 2 c جمع c مربع جمع b مربع 2 سے سختی سے بڑا ہے۔ ایک مربع جمع c مربع جمع b مساوات کو جوڑتے ہیں پھر ہم حاصل کرتے ہیں مربع جمع ca جمع bc جمع ab مربع مائنس 2 میں

اب 2 سے کم ہے اب یاد کریں کہ ہمارے پاس پہلے c جمع bc جمع ab مربع تقسیم ہے c مربع جمع b اس لیے ہمارے پاس ایک مربع جمع مائنس 2 کے برابر سے بڑا ہے لہذا ہم کہہ λ 3 ca پلس bc جمع ab مربع تقسیم c مربع جمع b سے ہی وہ مربع جمع تھا سختی سے کم ہے 4 سے تقسیم λ 3 مائنس 2 سختی سے 2 سے کم ہے لہذا λ 3

اس لیے پہلا آپشن کہ لیمبڈا 4 ہائی سے سختی سے کم ہے۔ 3 درست ہے لہذا دوسرا آپشن کہ لیمبڈا 5 ہائی 3 سے سختی سے بڑا ہے درست نہیں ہو سکتا اور ساتھ ہی ساتھ ہم یہ بھی کہہ سکتے ہیں کہ چوتھا آپشن جو لیمبڈا کھلے وقفے 4 سے 3 سے 5 ہائی 3 میں ہے وہ بھی درست نہیں ہے۔ درست ہے لہذا ہمیں صرف یہ چیک کرنا ہے کہ آیا تیسرا آپشن جو لیمبڈا ہے کھلے وقفہ 1 سے 3 سے 5 ہائی 3 میں ہے درست ہے یا نہیں یہ چیک مربع جمع 2 x کرنے کے لئے کہ آئیے ہم دی گئی چوکور مساوات میں لیمبڈا ڈالتے ہیں 0 کے برابر ہے اور ہم اسے ڈالتے ہیں۔ حاصل کریں کہ کے برابر ہے اور ہم واضح طور پر دیکھ سکتے ہیں کہ اس چوکور مساوات میں تمام حقیقی حل موجود ہیں کیونکہ θ میں c جمع b ایک جمع حقیقی اعداد ہیں لہذا تیسرا آپشن بھی درست نہیں ہے جیسا کہ ہم دیکھتے ہیں۔ θ جو کہ لیمبڈا کے لیے ہے 0 کے برابر ہے اس مساوات میں abc بھی تمام حقیقی حل موجود ہیں لیکن θ اس کھلے وقفے میں نہیں ہے 1 ضرب 3 سے 5 ضرب 3 تو یہاں صرف ایک آپشن درست ہے جو کہ پہلا آپشن ہے جو کہ لیمبڈا سختی سے کم ہے۔ 4 سے 3 کے مقابلے میں۔ ہم آج یہاں اپنا پہلا سیشن ختم کرتے ہیں ہم نے اس کا جائزہ لیا ہے۔ چوکور اور اس کا استعمال کرتے ہوئے ہم نے اگلے دو لیکچرز میں کچھ مسائل حل کیے ہیں ہم آپ کے کچھ اور مسائل حل کریں گے۔ $eory$ مساوات کی