

ସେଟ୍ ଉପରେ ଦ୍ୱିତୀୟ ବକ୍ତୃତାକୁ ସ୍ୱାଗତ୍ୱ ଫଳସ୍ୱରୂପ ସମ୍ପର୍କ ବିଷୟରେ ଅଧ୍ୟୟନ କରନ୍ତୁ ଯେଉଁଠାରେ ଆପଣ ଦେଖିବେ ଯେ ସେଟ୍ ଆସେ ତେଣୁ ସେଟ୍ ର ଧାରଣାକୁ ଭଲ ଭାବରେ ବୁଝିବା ଅତ୍ୟନ୍ତ ଜରୁରୀ ଅଟେ

ତେଣୁ ମୋତେ ଆରମ୍ଭ କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ମୋତେ ପ୍ରଥମେ ମନେ ପକାଇବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଆମେ ଏକ ସେଟ୍ କୁ ପ୍ରତିନିଧିତ୍ୱ କରିବାର ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ଉପାୟ ବିଷୟରେ କହିଥିଲୁ ରୋଷ୍ଟର ଫର୍ମ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟତା | ଗୋଟିଏ ହେଉଛି ରୋଷ୍ଟର ଫର୍ମରେ ବିଲ୍ଟର ଫର୍ମ ସେଟ୍ କରିବା, ମନେରଖିବା ଯେ ଆମେ ସମସ୍ତ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକୁ ଚାଲିକାଢ଼ି କରିବା ସମସ୍ତ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ଚାଲିକାଢ଼ି ନୋଟ୍ ଯେ ସାଧାରଣତଃ  $real$  ସୀମିତ ସଂଖ୍ୟାର ସେଟ୍ ପରି ପ୍ରକୃତ ସେଟ୍ ପାଇଁ ରୋଷ୍ଟର ଫର୍ମ ବ୍ୟବହାର କରିବା ସମ୍ଭବ ନୁହେଁ ତେଣୁ ଆମକୁ ସେଟ୍ ବିଲ୍ଟର ଆବଶ୍ୟକ | ଫର୍ମ ଯଦିଓ କିଛି ଅସୀମ ସେଟ୍ ପାଇଁ ଯଦି ଆମର ପ୍ରାକୃତିକ ସଂଖ୍ୟା କିମ୍ବା ଏପରିକି ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ତେବେ ଆମେ ରୋଷ୍ଟର ଫର୍ମ ମଧ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା କିନ୍ତୁ ସାଧାରଣତଃ  $build$  ବିଲ୍ଟର ଫର୍ମ ସେଟ୍ ଅଧିକ ଉପଯୋଗୀ

ତେଣୁ ମୁଁ କିଛି ନୋଟ୍ସ ଉପସ୍ଥାପନ କରିବି | ଯାହାକୁ ଆମେ ରିଆଲ୍ ନମ୍ବରର ସେଟ୍ ରେ ଲେଖିବାକୁ କୁହାଯାଏ ତାହା ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବୁ ତେଣୁ  $a$  ଏବଂ  $b$  କୁ  $b$  ରୁ କମ୍ ସହିତ ରିଆଲ୍ ନମ୍ବର ଦିଅନ୍ତୁ ତେବେ ଆମେ ବ୍ୟବଧାନ  $ab$  ଲେଖିବା ଏହା ସମସ୍ତ  $x$  ର ସେଟ୍ ସହିତ ସମାନ ଯେପରି  $x$  ହେଉଛି ଏକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ  $a$  ଅଟେ |  $x$  ରୁ କମ୍  $b$  ଠାରୁ କମ୍ ଏହାକୁ ଏହାକୁ ଖୋଲା ବ୍ୟବଧାନ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଏହା ସମସ୍ତ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସେଟ୍ ଅଟେ ଯାହାକି  $a$  ଏବଂ  $b$  ମଧ୍ୟରେ କଠିନ ଅଟେ ଏବଂ ଆମେ ଏହି ବନ୍ଦ ବ୍ରାକେଟ୍ ବ୍ୟବହାର କରୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସମସ୍ତ  $x$  କହିବ ଯେ  $x$  ଏକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ  $a$  କମ୍ ଅଟେ |  $x$  ସହିତ ସମାନ ହେବା ଠାରୁ  $b$  ଠାରୁ ସମାନ ଏହା ବନ୍ଦ ବ୍ୟବଧାନ ଅଟେ ଏବଂ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଅଧା ଖୋଲା କିମ୍ବା ଅଧା ବନ୍ଦ ବ୍ୟବଧାନ ବ୍ୟବହାର କରୁ

ତେଣୁ  $ab$  ଏହାର ଅର୍ଥ ହେବ  $x$  ହେଉଛି ଏକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ  $x$   $a$  ଠାରୁ କଠିନ ଏବଂ  $b$  ଠାରୁ ସମାନ | ସମାନ ଭାବରେ ଏହା ସମସ୍ତ  $x$  କୁ ସୂଚିତ କରିବ ଯେ  $x$  ରେ  $r$  ରେ ଅଛି ଏବଂ  $a$  ଠାରୁ ସମାନ,  $b$  ଠାରୁ କମ୍ ଏବଂ ଆମେ କିଛି ଅସୀମ ବ୍ୟବଧାନ ମଧ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରୁ

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଏକ କମ୍ପା ଅସୀମତା ଲେଖେ ତେବେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସମସ୍ତ  $x$  ହେଉଛି |  $x$  ହେଉଛି ଏକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ବନ୍ଦ ଏକ ଅସୀମତା ଠାରୁ  $x$  ବଡ଼ ଅଟେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସମସ୍ତ  $x$  ଯେପରିକି  $x$  ହେଉଛି ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ  $x$  ବଡ଼ |  $g$  ଏକ ମାଲନସ୍ ଅସୀମତା ଠାରୁ  $b$  ଠାରୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି  $x$  କହୁଛି ଯେ  $x$  ବନ୍ଦ ହେବା ଠାରୁ  $b$  ମାଲନସ୍ ଅସୀମତା ଠାରୁ କମ୍ ଏହା ଏହାର ଅର୍ଥ ହେବ ଯେ  $x$  ହେଉଛି ଏକ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ  $x$   $b$  ଠାରୁ କମ୍ କିମ୍ବା ସମାନ ଏବଂ ଆମେ ମାଲନସ୍ ଅସୀମତା ବ୍ୟବହାର କରୁ | ସମସ୍ତ ଅସୀମ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସେଟ୍ କୁ ସୂଚାଇବା ପାଇଁ ଅସୀମତା ଠିକ ଅଛି

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଅସୀମତା କେବଳ ଏକ ପ୍ରତୀକ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ବ୍ୟବଧାନ ଦେଇଥାଏ ଏହି ସମସ୍ତ ବ୍ୟବଧାନଗୁଡ଼ିକର ଉପସେଟ୍ଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି  $r$  ର ସବ୍ସେଟ୍

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆପଣ ଗଣନା କିମ୍ବା ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ବିଷୟଗୁଡ଼ିକରେ ଏହି ବ୍ୟବଧାନ ବହୁତ ଉପଯୋଗୀ ହେବ |

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ ମଧ୍ୟ ପରିଚିତ କରାଇବୁ

ତେଣୁ ଏକ ସେଟ୍ ର ସବ୍ସେଟ୍ ବ୍ଲୋ ଆମେ ଯାହା କହିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ତାହା ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରୁ

ତେଣୁ ଆମେ ବେଳେବେଳେ ଏହି ନୋଟ୍ସକୁ ସଠିକ୍ ସବ୍ସେଟ୍ ନାମକ ଏହି ନୋଟ୍ ମଧ୍ୟ ଦେଖୁ

ତେଣୁ ଆମେ କହିଥାଉ ଯେ  $x$  ର ଏକ ସଠିକ୍ ସବ୍ସେଟ୍ ଯଦି  $a$  ର ଏକ ସବ୍ସେଟ୍ କିନ୍ତୁ  $a$  ହେଉଛି |  $x$  ତାହାଣ ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଏବଂ ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା ନୋଟ୍ସରେ ହେଉଛି ସବ୍ସେଟ୍ ପାଇଁ ଆମେ  $x$  ର ଏକ ସବ୍ସେଟ୍ ବ୍ୟବହାର କରୁ ଏବଂ ସଠିକ୍ ସବ୍ସେଟ୍ ପାଇଁ ଆମେ ଏହାକୁ ଏହିପରି ଲେଖୁ

ତେଣୁ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେବ ଯେ  $x$  ର ଏକ ସଠିକ୍ ସବ୍ସେଟ୍ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ  $a$  ର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉପାଦାନ ଅଛି |  $x$  ଏବଂ  $x$  ରେ ଅତିକମରେ ଗୋଟିଏ ଉପାଦାନ ଅଛି ଯାହା ଏକ ଉପାଦାନରେ ନାହିଁ, ଉପାଦାନ ସ୍ୱରୂପ ଗୋଟିଏ ଦୁଇଟି ଏହା ହେଉଛି  $p$  | ସେଟ୍ ର ରୋପର୍ ସବ୍ସେଟ୍ ଗୋଟିଏ ଦୁଇ ଡିଜିଟି ଅନ୍ୟ ଶବ୍ଦ ବ୍ୟବହାର ହେଉଛି ସୁପରସେଟ୍

ତେଣୁ ଆମେ କହୁ ଯେ  $b$  ହେଉଛି  $a$  ର ଏକ ସୁପରସେଟ୍ ଯଦି  $a$  ହେଉଛି  $b$  ର ସବ୍ସେଟ୍ ଏବଂ ଏଠାରେ ଥିବା ନୋଟ୍ସରେ ଆମେ ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରିବା ପାଇଁ ବ୍ୟବହାର କରୁ ଯେ  $b$  ହେଉଛି  $a$  ର ସୁପରସେଟ୍ ଏବଂ ତା' ପରେ ଯଦି  $b$  ଏହା ହେଉଛି ଏକ ସୁପରସେଟ୍ କିନ୍ତୁ  $b$   $a$  ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ ଆମେ କହିପାରିବା ଯେ  $b$  ର ସଠିକ୍ ସୁପରସେଟ୍ ହେଉଛି  $a$  ର ଏକ ସଠିକ୍ ସୁପରସେଟ୍ ଯଦି ଆମେ ଏହିପରି ଲେଖିବା ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏବଂ  $b$  ଗତ ଶ୍ରେଣୀରେ ଆମେ କିଛି ଅପରେସନ୍ ବିଷୟରେ ଶିଖିବା ସହିତ ସମାନ ନୁହେଁ | ୟୁନିଅନ୍ ଛକ ପରି ସେଟ୍ ଏବଂ ପାର୍ଥକ୍ୟ ସେଟ୍ ପରି ସେଟ୍ ଗୁଡ଼ିକରେ ଆଜି ଆମେ ଏହି ଅପରେସନ୍ ୟୁନିଅନ୍ ଏବଂ ଛକ ର କିଛି ଗୁଣ ଚାଲିକାଢ଼ି କରିବୁ

ତେଣୁ ପ୍ରଥମେ ଯଦି ମୋର ଦୁଇଟି ସେଟ୍ ଥାଏ ତେବେ ଏକ ୟୁନିଅନ୍  $b$  ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକୁ  $b$  ୟୁନିଅନ୍ କୁହାଯାଏ ଯାହାକୁ କମ୍ୟୁଟିଭ୍ ନିୟମ ଦ୍ୱିତୀୟ କୁହାଯାଏ | ମୋର ଡିନୋଟି ସବ୍ସେଟ୍ ଅଛି ତାପରେ ଏକ ୟୁନିଅନ୍  $b$  ୟୁନିଅନ୍  $c$  ଏହା  $b$  ୟୁନିଅନ୍ ସହିତ ଏକ ୟୁନିଅନ୍ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏହାକୁ ଆସୋସିଏଟିଭ୍ ଆଇଡ୍ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଡ଼ିବା ପାଇଁ ଆପଣ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବରେ ଏହି ସର୍ଭାବଳୀ ଶୁଣିଥିବେ ଯେ ଯୋଗ ହେଉଛି କମ୍ୟୁଟିଭ୍ ଆଡିଟିଭ୍ ଆସୋସିଏଟିଭ୍

ତେଣୁ ସମାନ ଭାବରେ ୟୁନିଅନ୍ ଏହାକୁ ଗ୍ରହଣ କରେ | କମ୍ୟୁଟିଭ୍ ଆସୋସିଏଟିଭ୍ ଦ୍ୱିତୀୟ ହେଉଛି ଯେ ଆମେ  $h$   $ave$  ଏହା ଖାଲି ସେଟ୍

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଖାଲି ସେଟ୍ ସହିତ ଏକ ୟୁନିଅନ୍ ନିଅନ୍ତି ଯାହା ଏକ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା ପ୍ରକୃତ ସଂଖ୍ୟା ପାଇଁ ଏକ ପ୍ଲସ୍  $0$  ଏହା ଏକ ସତ୍ୟ ଏବଂ ଏକ ୟୁନିଅନ୍ ଏକ ସମାନ ଅଟେ ଯାହାକୁ ଆମେ ପରିଚୟ ଆଇଡ୍ ବୋଲି କହିଥାଉ | ଏବଂ ଏହାକୁ  $idempotent$  ମଧ୍ୟ କୁହାଯାଏ, ମୁଁ ଆଉ ଗୋଟିଏ ପସନ୍ଦ କରେ

ତେଣୁ ଯଦି  $a$  ର ଏକ ସବ୍ସେଟ୍ ତେବେ  $u$  ସହିତ ଏକ ୟୁନିଅନ୍  $u$  ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ପୁନର୍ବାର ଛକ ପାଇଁ ଆମର ସମାନ ଗୁଣ ଅଛି, ପୁନର୍ବାର ଛକଟି ଏକ ଛକ ସହିତ  $b$  ଛକ ସହିତ ସମାନ |  $b$  ସହିତ  $c$  ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା  $b$  ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା  $c$  ସହିତ ସମାନ, ଖାଲି ସେଟ୍ ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ଖାଲି ସେଟ୍ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ  $a$  ପ୍ରଦାନ କରେ ଏବଂ ଯଦି  $a$   $b$  ର ଉପସେଟ୍ ଅଟେ, ତେବେ  $b$  ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହି ଗୁଣଗୁଡ଼ିକ ଅତି ସହଜ ଅଟେ | ପରବର୍ତ୍ତୀ ଗୋଟିଏ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ଜିନିଷକୁ ଯାଞ୍ଚ କରିବା ପାଇଁ ଯାହାକୁ ବଣ୍ଟନକାରୀ ନିୟମ କୁହାଯାଏ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମର ଡିନୋଟି ସେଟ୍  $ab$  ଏବଂ  $c$  ଥାଏ ତେବେ  $b$  ୟୁନିଅନ୍  $c$  ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ  $c$  ୟୁନିଅନ୍ ସହିତ  $c$  ଛକ ସହିତ ସମାନ,

ତେଣୁ ଏହା କହିଥାଏ ଯେ ଛକ ବଣ୍ଟନ କରେ | ୟୁନିଅନ୍ ଉପରେ

ତେଣୁ ଏହା ପୁଣି ଅନୁରୂପ | ଜିନିଷଟି ହେଉଛି ଯଦି ତୁମର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଏବଂ ରାଶି ଅଛି ତେବେ ଏକ ଟାଇମ୍  $b$  ପ୍ଲସ୍  $c$  ହେଉଛି ଏକ ଟାଇମ୍  $b$  ପ୍ଲସ୍ ଟାଇମ୍  $c$  ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ  $b$  ଛକ ସହିତ ଏକ ୟୁନିଅନ୍  $c$  ଏହା ଏକ ୟୁନିଅନ୍  $b$  ସହିତ ଏକ ୟୁନିଅନ୍  $c$  ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହା ମୋତେ ପ୍ରଥମକୁ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବାକୁ ଦିଅ | ଭେନ୍ ଡାଇଗ୍ରାମ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ଯଦି ଆମର  $ab$  ଏବଂ  $c$  ଡିନୋଟି ସେଟ୍ ଥାଏ ତେବେ ମୋତେ  $b$  ସହିତ ଏକ ଛକ ଲେଖିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ, ଏହି ଲାଲ୍ ବ୍ଲୋକ୍ ସୂଚିତ ହୋଇଛି ଏବଂ  $c$  ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ହେଉଛି ଏହି ଅଂଶ ଏବଂ ଯଦି ଆପଣ ଏହି ଦୁଇଟିର ମିଳନ ନିଅନ୍ତି ତେବେ ଲାଲ୍  $b$  ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ | ଏବଂ ନୀଳ ଅଂଶଟି  $c$  ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ଅଟେ ଏବଂ ଏଗୁଡ଼ିକର ମିଳନ ଠିକ୍ ଭାବରେ  $b$  ୟୁନିଅନ୍  $c$  ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ଅଟେ ସମାନ ଭାବରେ ଆପଣ ଦ୍ୱିତୀୟତା ପାଇଁ ଅନ୍ୟ କିଛି ଜିନିଷ କରିପାରିବେ ଯାହାକି ସଂପର୍କର କିଛି ଗୁଣ ଅଟେ ଯଦି ମୋର  $u$  ଅଛି ତେବେ ସର୍ଭାବଳୀ ସେଟ୍ ତେବେ ଏକ ପ୍ରଶଂସା ତୁମ ଛତା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ | ମାଲନସ୍ ଏକ ଅଧିକାର

ତେଣୁ ପ୍ରଥମ ସମ୍ପର୍କ ହେଉଛି ଯେ ଯଦି ଆମେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ପ୍ରଶଂସା ନିଅୁ ତେବେ ଆମେ ଏହା ସହିତ ସମାନ ହୋଇପାରିବା କାରଣ ଏକ ପ୍ରଶଂସା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣେଣୁ ମୁଁ ମାଲନସ୍ ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣେଣୁ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା  $u$  ମାଲନସ୍ ମୁଁ ମାଲନସ୍ ସହିତ ସମାନ ଯାହା ନିଜ ସହିତ ସମାନ | ଏବଂ ଖାଲି ସେଟ୍ ଥିବାରୁ ଖାଲି ସେଟ୍ ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣେଣୁ କ'ଣ | କି  $no$  ଶସି ଉପାଦାନ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣେଣୁରେ  $u$  ର ସମସ୍ତ ଉପାଦାନ ଧାରଣ କରିବ ନାହିଁ ଏବଂ  $u$  ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣେଣୁ ହେଉଛି ଖାଲି ସେଟ୍ ଅନ୍ୟ ଏକ ଜିନିଷ ହେଉଛି ଯଦି  $a$  ହେଉଛି  $b$  ର ସବ୍ସେଟ୍ ଏବଂ ଉଭୟ ୟୁନିଅନ୍ ସେଟ୍  $u$  ର ସବ୍ସେଟ୍ ତେବେ  $b$  ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣେଣୁ ହେଉଛି ଏକ ସବ୍ସେଟ୍ | ଏକ ଅଧିକାରର ସଂପର୍କତା କାରଣ  $b$

ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରେ ଯେକ **anything** ଶିକ୍ଷିତ ଜିନିଷର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ସେହି ସମସ୍ତ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକ ଯାହା **u** ରେ ଅଛି କିନ୍ତୁ **b** ରେ ନାହିଁ  
ତେଣୁ ଯଦି ଏକ ଉପାଦାନ **b** ରେ ନାହିଁ ତେବେ ଏହା **b** ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରେ ଥିବା **x** ରେ ହୋଇପାରିବ ନାହିଁ ଏହା ସୂଚିତ କରେ ଯେ **x** **b** ରେ ନାହିଁ ଯାହା ସୂଚିତ  
କରେ | **x** **a** ରେ ନାହିଁ କାରଣ **a** ହେଉଛି **b** ର ଏକ ସଂସ୍କରଣ ଯଦି କୁରା **ax** ଥାଏ ତେବେ ଏହା **b** ରେ ମଧ୍ୟ ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ ଏହା ମଧ୍ୟ ସୂଚିତ କରେ ଯେ **x**  
ଏକ ପ୍ରଶଂସା ରେ ଅଛି

ତେଣୁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ଆମେ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ ଏବଂ ଛକକୁ ସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ସମ୍ପର୍କ କରିବୁ  
ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ଦୁଇଟି ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ଗୁଣ | ଏବଂ ଏଗୁଡ଼ିକୁ ଡି ମୋର୍ଗାନର ନିୟମ କୁହାଯାଏ  
ତେଣୁ ପ୍ରଥମଟି ହେଉଛି ଯଦି ମୁଁ ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଗ୍ରହଣ କରେ ଯାହା ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ ବି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରେ ଛକ ସହିତ ସମାନ, ଯଦି ବି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ  
ହୋଇଥିବା ଏକ ପ୍ରଶଂସା ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟଟି ଯଦି ମୁଁ ଏହାର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଗ୍ରହଣ କରେ | ଛକ ତାପରେ ମୁଁ କମ୍ପ୍ୟୁଟର ମିଳନ ପାଏ | ପୁନର୍ବାର ଏହାକୁ ମେଣ୍ଟ  
କରନ୍ତୁ ଯାହାକୁ ଆପଣ ଚିତ୍ର ଆଙ୍କିବା ଦ୍ୱାରା ଦେଖିପାରିବେ  
ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ଭେଦ ଚିତ୍ର ଆଙ୍କି ତେବେ ଆପଣ ଯଦି ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ ବି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଦେଖନ୍ତୁ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି ସବୁକିଛି ଯାହାକି **a** ରେ ନାହିଁ ଏବଂ ଏହା **b**  
ରେ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଏହି ଅଂଶଟି ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ଅଟେ ଯାହାକି ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ବିଷୟରେ ଏବଂ **b** ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ହେଉଛି ସମସ୍ତ ଉପାଦାନ ଯାହା **a** ରେ ନାହିଁ କିନ୍ତୁ  
ଏଥିରେ ଏହି ପଦ୍ମଗୁଡ଼ିକ ଅନ୍ତର୍ଭୁକ୍ତ ହୋଇଛି ଯାହା **b** ରେ ଅଛି କିନ୍ତୁ ସମାନ ଭାବରେ **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରେ ନାହିଁ ସମସ୍ତ ଉପାଦାନ ଯାହା **b** ରେ ନାହିଁ କିନ୍ତୁ ଏଥିରେ ଥିବା  
ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକୁ ଧାରଣ କରିପାରେ କିନ୍ତୁ ଏକ ନୁହେଁ | **b** ରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ଆପଣ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ଛକ ଦେଖନ୍ତୁ ଯାହା ଏହି ଦୁଇଟି ଲାଲ ରଙ୍ଗର ସାଧାରଣ ନୀଳ  
ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ଆମର ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ ଏହା ହେଉଛି ଆମର **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଏବଂ ତା' ପରେ ଏହା **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା ଏକ ପ୍ରଶଂସା ସହିତ  
ସମାନ | ପରବର୍ତ୍ତୀ ଜିନିଷ ଯାହା ଆମେ କରିବୁ ଧରାଯାଉ ଆମର ଦୁଇଟି ସେଟ୍ **a** ଏବଂ **b** ଅଛି ଏବଂ ଆମେ **a** ଏବଂ **b** ରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ଜାଣି  
ତା' ହେଲେ ଆମେ ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ଉପାଦାନ ସଂଖ୍ୟା ବିଷୟରେ କିଛି କହିପାରିବା

ତେଣୁ ପ୍ରଥମେ ମୋଡେ **a** ଏବଂ **b** ଲେଖିବାକୁ ଦିଅ | ଦୁଇଟି ସୀମିତ ସେଟ୍ ଯେପରିକି ଏକ ଛକ **b** ଖାଲି ଅଛି | **a** ଏବଂ **b** ହେଉଛି ଦୁଇଟି ଅସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ସେଟ୍ ତେବେ  
ସେହି କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା କ'ଣ

ତେଣୁ ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ର ଏହା **n** ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର ସମାନ ଅଟେ କାରଣ ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ଯୁକ୍ତି ଅନୁର କିଛି | ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯେ ଏହା **a**  
କିମ୍ବା **b** ରେ ଅଛି ଏବଂ **a** ରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି **n** ର ଏହା ହେଉଛି **b** ର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି **b** ରେ ଏହା ହେଉଛି  
ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ କାରଣ ସେଠାରେ କ **element** ଶିକ୍ଷିତ ଉପାଦାନ ନାହିଁ ଯାହା ଉଭୟ ପାଇଁ ସାଧାରଣ ଅଟେ | **a** ଏବଂ **b** ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ  
ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି **a** ଏବଂ **b** ରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା | କିମ୍ବା **b** ସମାନ ଅଟେ, କେବଳ **a** ରେ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର  
ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ **b** ରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ଯୋଡ଼ିବା ସହିତ ଆମେ ଦେଖିବା ଯେ ଆମେ ସାଧାରଣତ **what** କ'ଣ କହିପାରିବା

ତେଣୁ ସାଧାରଣତ **n** ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ରେ ଏହା **b** ମାଲନସ୍ **n** ସହିତ ସମାନ | **n** ଏକ ଛକ ବି ଏହା ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ଉପାଦାନ ସଂଖ୍ୟା ପାଇଁ ଏକ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ  
ସୂତ୍ର ଯାହା ପ୍ରୋବ ଶିଖିବାବେଳେ ଆପଣ ବହୁତ ଉପଯୋଗୀ ପାଇବେ | ସାମର୍ଥ୍ୟ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରମାଣ କରିବା କାହିଁକି ଏହା ସତ୍ୟ  
ତେଣୁ ପ୍ରମାଣ ଆମେ ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ଏକ ମାଲନସ୍ **b** ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ବିଚ୍ଛେଦ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ ସହିତ ବି ମାଲନସ୍ ତାହାଣ ସହିତ ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ଲେଖିପାରିବା

ତେଣୁ ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ଏହି ତିନୋଟି ଭାଗରେ ଭାଙ୍ଗି ପାରିବ ଏବଂ ଏଗୁଡ଼ିକ ଅସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ଯେଉଁଠାରେ ଏକ ମାଲନସ୍ **b** ଏକ ଛକ **b** ଏବଂ **b** ମାଲନସ୍ **a** ଯୁକ୍ତି  
ଭାବରେ ବିଭାଜିତ ଅଟେ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଜାଣି ଯେ ଅସଂପୂର୍ଣ୍ଣ ପାଇଁ ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ପ୍ରତ୍ୟେକରେ ଉପାଦାନ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସମଷ୍ଟି  
ତେଣୁ ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ର **n** ଅଟେ | ଏକ ମାଲନସ୍ **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର ଏକ ଛକ **b** ସହିତ **n** ସହିତ ସମାନ, ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ **a** ଏବଂ **b** ରେ ଥିବା ଉପାଦାନ ସଂଖ୍ୟା  
ଅନୁଯାୟୀ ଏହାକୁ ପ୍ରକାଶ କରିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ

ତେଣୁ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ **a** ରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ସଂଖ୍ୟା ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ | ଏକ ମାଲନସ୍ **b** ରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ଏବଂ ଏକ ଛକରେ **b**  
ର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ମାଲନସ୍ **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର ଏକ ଛକ **b** ସହିତ **n** ସହିତ ସମାନ ଅଟେ **b** **b** ର ମାଲନସ୍ **a** ଏବଂ ଏକ ଛକ **b** ର ମାଲନସ୍ **n** |  
ତେଣୁ ଏକ **a** ମାଲନସ୍ **b** ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଆମ ଛକଗୁଡ଼ିକର **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସମାନ ଭାବରେ **b** ର **n** ହେଉଛି **b** ର ମାଲନସ୍ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର ଏକ ଛକ **b**

ତେଣୁ ଯଦି ଆପଣ ପୂର୍ବ ପୃଷ୍ଠାକୁ ଏକ ଛକ ର ମାଲନସ୍ **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର ପ୍ରଥମ ଦୁଇଟି ଶବ୍ଦ ଦେଖନ୍ତୁ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି **n** ର | **b** ର ମାଲନସ୍ ର ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର  
ଏକ ଛକ **b** ର ଏହା **n** ର ଅଟେ ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମର ଏକ ଛକ ର ମାଲନସ୍ **n** ଅଛି

ତେଣୁ ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ର **n** ସହିତ ଏକ ଛକ **b** ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର **n** ସହିତ ସମାନ | ଏହା ଅତ୍ୟନ୍ତ ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ସୂତ୍ର ଅଟେ  
ତେଣୁ ଏଠାରେ ଆମକୁ ଛକଗୁଡ଼ିକରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ କାରଣ ଯେତେବେଳେ ଆମେ **a** ର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟାକୁ  
ଗଣନା କରୁ ଏବଂ ଛକଗୁଡ଼ିକରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦୁଇଥର ଗଣନା କରାଯାଏ

ତେଣୁ ଆମକୁ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ | ଗୋଟିଏ ଉପାଦାନ ଯାହାକୁ ଆପଣ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଫର୍ମୁଲା ମନେ ରଖିପାରିବେ ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ଯୁକ୍ତି ଅନୁର **n** ବିଷୟରେ କ'ଣ  
ଧରାଯାଉ ମୋର ତିନୋଟି ସେଟ୍ ଅଛି ତା' ହେଲେ ଆମେ ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ଯୁକ୍ତି ଅନୁର ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ପାଇଁ ସମାନ ସୂତ୍ର ଲେଖିପାରିବା କି? ପୂର୍ବ ସୂତ୍ର **b**  
ାରା ଆମେ **b** ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **c** ଏବଂ **n** ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା **b** ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **c** ମାଲନସ୍ **n** ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା | **b** ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **c** ର ଆମେ  
ପୁନର୍ବାର ଜାଣି ଯେ ଏହା ଆମେ **n** ର **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର **c** ମାଲନସ୍ **n** ର **b** ଛକ **c** ମାଲନସ୍ **n** ର ଏକ ଛକ **b** ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **c** ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା ବର୍ତ୍ତମାନ ଡି  
ମୋର୍ଗାନ ନିୟମ **the** ାରା ବିତରଣ ସମ୍ପର୍କ ଦ୍ୱାରା ଏକ ଛକ **b** ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **c** ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ **b** ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ ସହିତ ସମାନ, **c** ସହିତ **n** ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା **c**  
ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ ସହିତ ଏହା ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ସହିତ **n** ସହିତ ସମାନ, **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା **n** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସହିତ ଦୁଇଟି ସେଟ୍ ର ଛକ ସହିତ ମାଲନସ୍ **n**  
ସହିତ ସମାନ | **b** ଏକ ଛକ ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏହା ଏକ ଛକ ସହିତ **n** ସହିତ ସମାନ ଅଟେ **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ସହିତ ଏକ ଛକ ସହିତ ବି ଛକ ସହିତ ଏକ ଛକ **c** ଛକ ସହିତ **c** ଛକ ସହିତ ଛକ ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି  
ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଆମ ସହିତ ଏହି ସମୀକରଣ ରହିଲା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ | ଦୁଇଟି ସମୀକରଣ ଅଛି  
ତେଣୁ ଯଦି ତୁମେ ଏକ ଛକ ବି ଯୁକ୍ତି ଅନୁର **c** ର ମୂଲ୍ୟକୁ ସମୀକରଣରେ ଦୁଇଟି ସମୀକରଣରେ ରଖିବ, ତେବେ ଆମେ ଏକ ଯୁକ୍ତି ଅର୍ଥ **b** ଯୁକ୍ତି ଅନୁର **n** କୁ କ'ଣ  
ପାଇବୁ ଏହା **c** ମାଲନସ୍ **n** ର **n** ସହିତ ସମାନ | **n** ଏକ ଛକ ର **n** ମାଲନସ୍ **n** ର ଅବ ଛକ **c** ମାଲନସ୍ **n** ଏକ ଛକ **c** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** | **n** ଏକ ଛକ **b**  
ର ଛକ **c** ଠିକ୍

ତେଣୁ ତିନୋଟି ସେଟ୍ ର ମିଳନ ପାଇଁ ଆପଣ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟାକୁ ପ୍ରଥମେ ସେଗୁଡ଼ିକର ପ୍ରତ୍ୟେକରେ **n** ର ଏକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର **b** ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ **n** ର **c** ଯୋଡ଼ନ୍ତୁ  
ତାପରେ ଆପଣ ଏକ ସମୟରେ ଦୁଇଟି ଛକ ନିଅନ୍ତୁ | ଏବଂ ତାପରେ ତୁମେ ସେଥିରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ କର ଏବଂ ତାପରେ ତୁମେ ତିନୋଟିର  
ଛକକୁ ବେଖ, ତାପରେ ତୁମକୁ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଯୋଡ଼ିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେତେବେଳେ ତୁମେ ଏକ ସମୟରେ ଦୁଇଟିର ଛକରେ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ କର, ତେବେ  
ତୁମେ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଚ୍ଛିନ୍ନ କରିଛ | ଛକରେ ଥିବା ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର  
ତେଣୁ ଆପଣଙ୍କୁ ଯୋଡ଼ିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ ତିନୋଟିର ମିଳନରେ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟା ପାଇବାକୁ ସମାନ ଭାବରେ ଚାରିଟିର ମିଳନରେ ଉପାଦାନ ସଂଖ୍ୟା ପାଇଁ ସୂତ୍ର

ବାହାର କରିପାରିବ କିନ୍ତୁ ଆମେ ତାହା କରିବୁ ନାହିଁ

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଦେଖିବା | ଉଦାହରଣ ସ୍ୱରୂପ ଧରାଯାଉ ଯେଠାରେ 400 ଲୋକ ଅଛନ୍ତି ଏବଂ ସେମାନେ ଇଂରାଜୀ କିମ୍ବା ହିନ୍ଦୀ କୁହନ୍ତି କିମ୍ବା ସେଠାରେ କିଛି ଲୋକ ଅଛନ୍ତି ଯେଉଁମାନେ ଉଭୟ କଥା କୁହନ୍ତି ଏବଂ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଏହି 400 ଜଣଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ 250 ଜଣ ଲୋକ ଏବଂ ଏହି 400 200 ଲୋକଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ସେମାନେ ଇଂରାଜୀ କୁହନ୍ତି |

ଆମେ ଯାହା ଚାହୁଁଛୁ ତାହା ହେଉଛି କିପରି | ଅନେକେ ଉଭୟ ଭାଷାରେ ଠିକ୍ କୁହନ୍ତି  
ତେଣୁ ଆମକୁ ଯାହା କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ତାହା ହେଉଛି ଏ ହେଉଛି ଇ ରେ କଥା ହେଉଥିବା ଲୋକଙ୍କ ସେଟ୍ ହେଉଛି ଇଂରାଜୀ କହୁଥିବା ଲୋକଙ୍କ ସେଟ୍  
ତେଣୁ ଯାହା ଦିଆଯାଉଛି n ର h ହେଉଛି ଦୁଇ ଶହ ପଚାଶ n ର e ହେଉଛି 200 ଏବଂ n h ଯୁଗ୍ମର ର ଏଣିକି h ଯୁଗ୍ମର ହେଉଛି ସେହି ଲୋକମାନଙ୍କର ସେଟ୍, ଯେଉଁମାନେ ହିନ୍ଦୀ କିମ୍ବା ଇଂରାଜୀ କୁହନ୍ତି, ଏହା 400 ହେବା ପାଇଁ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ଆମେ କ'ଣ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ଯେ h ର n ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା e ସହିତ କେତେ ଲୋକ ଅଛନ୍ତି ଯେଉଁମାନେ n ରେ ଉଭୟ କଥା ହୁଅନ୍ତି | ଇଂରାଜୀ

ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ h ଯୁଗ୍ମର ଏହି ଫର୍ମୁଲା n କୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ହିସାବ କରିପାରିବା, h ର ଛକ n ର h ପ୍ଲସ୍ n ସହିତ h ଛକ e ର ମାଇନସ୍ n ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ କରେ ଯେ h ସହିତ e ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା n ର ଯୁଗ୍ମର n ସହିତ ସମାନ | ଇ ମାଇନସ୍ ଏହି ପ୍ଲସ୍ n ର h ପ୍ଲସ୍ n ର ଇ ତେଣୁ ଏହା ମାଇନସ୍ ଚାରି ଶହ ପ୍ଲସ୍ 250 ପ୍ଲସ୍ 200 ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯାହା 50 ଦେଇଥାଏ |

ତେଣୁ 50 ଜଣ ଲୋକ ଅଛନ୍ତି ଯେଉଁମାନେ ଉଭୟ ହିନ୍ଦୀ ଏବଂ ଇଂରାଜୀ କୁହନ୍ତି ଠିକ୍ ଅଛି  
ତେଣୁ ମୋତେ କିଛି ସମସ୍ୟା କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯଦି ଆମର ସେଟ୍ ଅଛି ଏବଂ c ଯେପରି ଏକ ଯୁଗ୍ମର b ଏକ ଯୁଗ୍ମର c ସହିତ ସମାନ ଏବଂ b ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ c ସହିତ ଏକ ଛକ ସହିତ ସମାନ, ତୁମକୁ ଦିଆଯାଏ ଯେ ଏକ ଯୁଗ୍ମର b a ସହିତ ସମାନ | ଯୁଗ୍ମର c ଏବଂ b ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ହେଉଛି c ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ପ୍ରମାଣ କରେ ଯେ b ସହିତ c ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ମୋତେ କିପରି ଦେଖାଇବାକୁ ହୁଏ ଯେ ଦୁଇଟି ସେଟ୍ ସମାନ ଅଟେ  
ତେଣୁ ଦେଖାଇବାକୁ ଯେ b ସହିତ c ସମାନ ଯାହା ଆମେ ପ୍ରମାଣ କରିବୁ ଯେ b ହେଉଛି a c ର ସବ୍‌ସେଟ୍  
ତେଣୁ b ସହିତ c ସହିତ ସମାନ ହେବା ଏହା ଦେଖାଇବା ପାଇଁ ଯଥେଷ୍ଟ ଯେ b ହେଉଛି c ର ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍ ଏବଂ c ହେଉଛି b ର ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍  
ତେଣୁ ଦେଖିବା b କାହିଁକି c ର ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍ ଅଟେ

ତେଣୁ x କୁ b ରେ ଯେକି any ଶସି ଉପାଦାନ ହେବାକୁ ଦିଅ | ଦର୍ଶାନ୍ତୁ ଯେ x ମଧ୍ୟ c ରେ ଅଛି  
ତେଣୁ ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ b ହେଉଛି ଏକ ଯୁଗ୍ମର b ର ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍  
ତେଣୁ ଯଦି x ରେ b ଥାଏ ତେବେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଏକ ଯୁଗ୍ମର b ରେ ଅଛି କିନ୍ତୁ ଏକ ଯୁଗ୍ମର b ଏକ ଯୁଗ୍ମର c ସହିତ ସମାନ  
ତେଣୁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ କରେ ଯେ ଯଦି x ନେବି | b x ରେ a ଏବଂ c ର ମିଳନ ଅଟେ  
ତେଣୁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ କରେ ଯେ x a ର ଅଟେ କିମ୍ବା x ବର୍ତ୍ତମାନ c ର ଅଟେ, ଯାହା ଆମକୁ ପ୍ରମାଣ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯେ x c ରେ ଅଛି  
ତେଣୁ ଯଦି x c ରେ ଅଛି ତେବେ ଆମେ x ରେ c ରେ ଅଛି ତେବେ ଠିକ୍ ଅଛି | ଯଦି ଅନ୍ୟଥା ଯଦି x ରେ ଥାଏ ତେବେ x b ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ସହିତ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କାରଣ x ପୂର୍ବରୁ b ରେ ନିଆଯାଇଥିଲା କିନ୍ତୁ b ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ c ସହିତ ଏକ ଛକ ସହିତ ସମାନ  
ତେଣୁ x c ସହିତ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ ସହିତ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଟେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ କରେ ଯେ x ଭିତରେ ଅଛି | c

ତେଣୁ ଉଭୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ  
ତେଣୁ ଆମର x ଅଛି | b କୁ ଲାଳସା କରିବା ସ୍ୱତନ୍ତ୍ର ଯେ x ହେଉଛି c ର ଅଟେ  
ତେଣୁ b ହେଉଛି c ର ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍ ଏବଂ ସମାନ ଭାବରେ ଆପଣ ଦେଖାଇ ପାରିବେ ଯେ ଯଦି c ରେ କି x ଶସି x ନିଅନ୍ତି ତେବେ ସେହି ସମାନ ଯୁକ୍ତି ଦ୍ୱାରା ଆପଣ ଦେଖୁଥିବେ ଯେ ଏହା ମଧ୍ୟ b ର ଅଟେ | b ସମାନ ଅଟେ c ok ଦ୍ୱ problem ିତୀୟ ସମସ୍ୟା ମୋତେ ଏହା କରିବାକୁ ଦିଅ  
ତେଣୁ ଆମେ ଦେଖାଇବୁ ଯେ ଯଦି a ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ b ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ ସହିତ ସମାନ ତେବେ a a b ସହିତ ସମାନ ଅଟେ  
ତେଣୁ ମୋତେ ମନେ ପକାନ୍ତୁ ଯେ a ର ଏକ ପାଖରୁ ସେଟ୍ ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ | a ର ସମସ୍ତ ସବ୍‌ସେଟ୍‌ର ସେଟ୍ ସହିତ ସମାନ  
ତେଣୁ ଏହା ସମସ୍ତ c ସହିତ ସମାନ ଯେପରି c ହେଉଛି ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍  
ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ ଦୁଇଟି ସେଟ୍ ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ ସମାନ ତେବେ ଆମେ ପ୍ରମାଣ କରିବାକୁ ଚାହୁଁ ଯେ ସେଟ୍ ଗୁଡ଼ିକ ସମାନ  
ତେଣୁ ଆମେ ଚାହୁଁ | ପ୍ରମାଣ କରିବାକୁ ଯେ a ସହିତ b ସମାନ ଅଟେ  
ତେଣୁ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଯେତେବେଳେ a ର ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍ ହେଉଛି ଏକ ସଠିକ୍ ପାଖରୁ ସେଟ୍ ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ ର ସମସ୍ତ ସବ୍‌ସେଟ୍ ଧାରଣା କରେ  
ତେଣୁ ବିଶେଷ ଭାବରେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଧାରଣା କରେ କିନ୍ତୁ ଶକ୍ତି ସହିତ ସମାନ ହେବା ପାଇଁ a ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ ଦିଆଯାଏ | b ର ସେଟ୍  
ତେଣୁ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ କରେ ଯେ b ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ ର ଅଟେ ଯାହା ସ୍ପଷ୍ଟ କରେ ଯେ a b ର ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ସମାନ ଭାବରେ b ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ ଏକ b b ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ ସହିତ ସମାନ | b ର ପାଖରୁ ସେଟ୍ କୁ ବ ong ାଇଥାଏ ଯାହା ଏହାର ପାଖରୁ ସେଟ୍ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ କରେ ଯେ b ହେଉଛି ଏକ ସବ୍‌ସେଟ୍  
ତେଣୁ b ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ମୋତେ କିଛି ନୋଟେସନ୍ ଉପସ୍ଥାପନ କରିବାକୁ ଦିଅନ୍ତୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରୁଛୁ  
ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ କିଛି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଲେଖୁଛି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଦୁଇଟି ଏହାର ଅର୍ଥ ଯଦି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଗୋଟିଏ ସତ୍ୟ ତେବେ ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ 2 ଟୁରୁ ଅଟେ  
ତେଣୁ ଏହାକୁ ଲେଖିବା ପରିବର୍ତ୍ତେ ଯଦି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଆମେ ଏହି ଇଣ୍ଡିକେସନ୍ ସାଇନ୍ ବ୍ୟବହାର କରିବା ତେବେ ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଗୋଟିଏ ଯଦି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଗୋଟିଏ ସତ ତେବେ ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଦୁଇଟି ସତ ଏବଂ ଅନ୍ୟତମ ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଗୋଟିଏ ବ୍ୟବହାର କରିବା | ଏହି ଉଭୟ ପାର୍ଶ୍ୱ imp1 ର ଇଣ୍ଡିକେସନ୍ ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଗୋଟିଏ ସତ ଯଦି ଏବଂ ଯଦି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଦୁଇଟି ଟୁରୁ ଅଟେ ତେବେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯଦି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଟୁରୁ ଅଟେ ତେବେ ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଟୁରୁ ମଧ୍ୟ ସତ ହେବା ଆବଶ୍ୟକ ଏବଂ ଯଦି ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଦୁଇଟି ଟୁରୁ ତେବେ ସେଟ୍‌ମେଣ୍ଟ୍ ଗୋଟିଏ ଟୁରୁ ଏବଂ ସେଠାରେ | ଏହା ଲେଖିବା ପାଇଁ ଏକ ସର୍ତ୍ତକର୍ତ୍ତୃ ନୋଟେସନ୍ ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଲେଖିବା ତେବେ ମୁଁ ଏହାର ଡବଲ୍ f ଏହାର ଅର୍ଥ ଯଦି ଏବଂ ଯଦି କେବଳ ଏହି ଡବଲ୍ ଇନପ୍ଲେକ୍ସନ୍ ବଦଳରେ ଆମେ କିଛି ସମୟ ଲେଖିବା ପାଇଁ i ଡବଲ୍ f ଲେଖିବା ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ମୋତେ ଆଉ ଏକ ଉଦାହରଣ ଦିଅନ୍ତୁ

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ b ଅଟେ | ଅଣ c ସହିତ ବିଚ୍ଛେଦ ହୋଇଥିବା ଖାଲି b ଖାଲି ନୁହେଁ ଏବଂ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ c ଏହା ମଧ୍ୟ ଖାଲି ନୁହେଁ ଏହା ସତ୍ୟ ଯେ ଏକ ବିଚ୍ଛେଦ b ବିଚ୍ଛେଦ c ଖାଲି ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମର ଡିନୋଟି ସେଟ୍ ଥାଏ ଯେପରି ଯୁଗ୍ମ ଖାଲି ସେମାନେ ଅସମ୍ଭବ ନୁହଁନ୍ତି ତେବେ ଆମର ସାଧାରଣ କିଛି ଅଛି | ଏହା ସତ୍ୟ ଯେ ସେଗୁଡ଼ିକର ପ୍ରତ୍ୟେକରେ କିଛି ସାଧାରଣ ଅଛି

ତେଣୁ ଉଭୟଟି ନାହିଁ କାରଣ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଉଦାହରଣକୁ ନେବା, a କୁ କେବଳ ଦୁଇଟି ପଏଣ୍ଟ୍ ଶୂନ୍ୟ ଧାରଣା କରିଥିବା ସେଟ୍ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଗୋଟିଏ b ଗୋଟିଏ ଏବଂ ଦୁଇଟି ସହିତ ସମାନ ଏବଂ c 0 ଏବଂ 2 ଠିକ୍

ତେଣୁ | 0 ଏକ ଛକ ସହିତ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ c 1 ଏକ ଛକ ସହିତ b ଏବଂ 2 b ବିଚ୍ଛେଦ c ର ଅଟେ  
ତେଣୁ ଏହି ସମସ୍ତ ଯୁଗ୍ମ ଖାଲି ସେମାନେ ଅସମ୍ଭବ ନୁହଁନ୍ତି କିନ୍ତୁ ସେଠାରେ କି any ଶସି ଉପାଦାନ ଅଛି ଯାହାକି ab ପାଇଁ ସାଧାରଣ ଏବଂ c 0 b 1 ରେ ନାହିଁ ଏବଂ b କିନ୍ତୁ c 2 ରେ ନୁହେଁ b ଏବଂ c ରେ ଅଛି କିନ୍ତୁ ଏକ ଛକ b ରେ ନାହିଁ c ଏହା ଖାଲି ଅଛି  
ତେଣୁ ଆମେ ଆଜି ଏଠାରେ ଅଟକିଯିବା ଏବଂ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଶ୍ରେଣୀରେ ମୁଁ ସେଟ୍ ର ଆଉ କିଛି ଉଦାହରଣ କରିବି ଏବଂ ଏହା ଅଧ୍ୟାୟ ଶେଷ କରିବି | ସେଟ୍ ରେ ଧନ୍ୟବାଦ |