

ଶେଷ ଶ୍ରେଣୀରେ ଆମେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟର ଗତି ପାଇଁ ସମୀକରଣ ପାଇଥିଲୁ ଏବଂ ଦୁଇଟି ଡାଇମେନ୍ସନ୍ ରେ ଗତି ପାଇଁ ବିଭିନ୍ନ ସମ୍ପର୍କ ଦେଖିଥିଲୁ ଆସନ୍ତୁ ଆଜି ଚେଷ୍ଟା କରିବା କିନ୍ନେମାଟିକ୍ସରେ କିଛି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବା ଏବଂ ମୋଡେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟର ଗତିର ପୁନଃ ap ପ୍ରତିକ୍ରିୟା ସହିତ ଆରମ୍ଭ କରିବା | ଗତି ହେଉଛି ଏକ କଣିକାର ଗତି ଯାହାକି $t=0$ ରେ ଏକ ବେଗ v_0 ସହିତ ମୁକ୍ତ ହୋଇଛି ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହି କଣିକାକୁ ଦେଖିବା ଏହା ବାୟୁରେ ମୁକ୍ତ ହୁଏ ଯେପରି ଆମେ ଦେଖୁ କାରଣ ଏହି ବେଗ ପ୍ରବୃତ୍ତ ଅଟେ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଆମର x ଚାରିବା | ଏବଂ ଏହି ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ବେଗ ପରି y ସଂଯୋଜନା ଉଭୟ x ଏବଂ y ଉପାଦାନ ପାଇଛି ତେଣୁ ଏହି ଦୁଇଟି ଦିଗରେ ଏକ ଗତି ଅଟେ ଏବଂ ଏହି ପ୍ରକାରର ସମସ୍ୟାର ମୁକାବିଲା କରିବା ପାଇଁ ଆମେ ଦେଖିବାର ଉପାୟ ଯେପରି ଭୂସମାନ୍ତର ଏବଂ ଭୂଲମ୍ବ ଦିଗରେ ଗତି ଅଲଗା କରିବା | ଏଠାରେ ଯଦି ଆମେ ଭୂସମାନ୍ତର ଦିଗରେ ଗତି ଦେଖିବା ତେବେ ଭୂସମାନ୍ତର ଦିଗରେ କଣିକାର ବରଣ ଯାହା ମୁଁ କୁରା as ଭାବରେ ଲେଖିଥାଏ 0 ହେଉଛି ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ବେଗ ଯାହା ମୁଁ $v_0 \cos \theta$ ଭାବରେ ଲେଖେ ଏହା $v_0 \cos \theta$ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ଯଦି w ଭୂଲମ୍ବ ଗତିକୁ ଦେଖନ୍ତୁ ଯାହା ଏକ ଅର୍ଥରେ ଭୂସମାନ୍ତର ଗତିରୁ ବିଗୁଣିତ ହୋଇଛି ତେବେ ଏଠାରେ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ ଦେଖିବା ବରଣିତତା ମାଧ୍ୟକର୍ଷଣ ହେତୁ ବରଣିତ ହେବା ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଏବଂ y ଉପର ଆଡକୁ ସୂଚାଉଛି ମାଲନସ୍ g ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଦେଖିବା | y ଦିଗରେ ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ବେଗ ଏହା $v_0 \sin \theta$ ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଥିରୁ ଆମେ ପାଇଲୁ ଏବଂ ଯଦି ଏହାକୁ ଦେଖିବା ତେବେ ଆମେ 2 ସିଧା ଫରଫର୍ଟ ସମ୍ପର୍କ ପାଇଥାଉ
ତେଣୁ ଆମେ v_x ଏବଂ v_y ପାଇଁ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୀକରଣ ଲେଖିବା ଏବଂ x ସହିତ ବିସ୍ଥାପନ | ଏବଂ y ଏବଂ ଯେପରି ଆମେ ଭୂସମାନ୍ତର ଏବଂ ଭୂଲମ୍ବ ଉପାଦାନଗୁଡ଼ିକୁ ପୃଥକ ଭାବରେ ବିଭାଜିତ କରିଥାଉ

ତେଣୁ ଯେକି t ଶସି ସମୟରେ t ପରେ v_x କୁ $v_0 \cos \theta$ ବାରା ଦିଆଯିବ ଏବଂ ତା'ପରେ ଆମର ଏକ ଚର୍ଚ୍ଚ ମୂଲ୍ୟ 80 ଅଛି
ତେଣୁ ଏହା ମୂଲ୍ୟ ଆମ୍ଭ ଚାଲନ୍ତୁ t କିନ୍ତୁ କୁରା 0 ହେଉଛି |

ତେଣୁ x ଦିଗରେ ଥିବା v_x ବେଗର x ଉପାଦାନ ହେବ, ବେଗର ଭୂଲମ୍ବ ଉପାଦାନ ଯାହାକି ଆମେ v_y ଲେଖିପାରିବା $v_y \sin \theta$ ଗୁଣ v_y ଶୂନ୍ୟ ଏହାକୁ ଲେଖିବା $v_y \sin \theta$ ଶୂନ୍ୟ ପାପ ଶୂନ୍ୟ ମାଲନସ୍ g ସହିତ ସମାନ | ସମୟ t କାରଣ $g t$ ରେ ବରଣ ସହିତ ସମାନ | $e y$ ଦିଗ
ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ x ଦିଗରେ ଯାତ୍ରା କରୁଥିବା ଦୂରତା ଲେଖିବା ତେବେ ଗଲକ୍ତୁ ଏହି ଛୋଟ ଛବିକୁ ପୁନର୍ବାର 0 0 ର ଏକ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ରୁ ଆରମ୍ଭ କରିବା ଏବଂ ତା'ପରେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟର ଏକ ପଥ ଭ୍ରମଣ କରେ ଯାହାକୁ ଆମେ ଯେକି $location$ ଶସି ସ୍ଥାନରେ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁ x କିମ୍ବା y କ'ଣ? କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଗୁଡ଼ିକ
ତେଣୁ x କୋର୍ଡିନେଟ୍ $x = v_0 \cos \theta t$ ବାରା ଦିଆଯିବ ଯାହାକି 0 ମୂଲ୍ୟ $v_0 \cos \theta t$ ଏବଂ y କୋର୍ଡିନେଟ୍ $y = v_0 \sin \theta t - \frac{1}{2} g t^2$ ମାଲନସ୍ ଅଧା $g t^2$ ବର୍ଗ ବାରା ଦିଆଯିବ ଏବଂ ଏହି 2 ସମୀକରଣରୁ ଆମେ ସମୀକରଣ ପାଇଲୁ | x ର ଫଳସମ୍ପର୍କ ଭାବରେ y ଲେଖିବା $y = v_0 \sin \theta \frac{x}{v_0 \cos \theta} - \frac{g x^2}{2 v_0^2 \cos^2 \theta}$ ବାରା ଏବଂ ଏହା ସମୟକୁ ହଟାଇ ଆମେ ପାଇଲୁ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ତାହା କରୁ ତେବେ ଯାହା ଦେଖୁ ତାହା t ବାରା x ସହିତ $v_0 \cos \theta t$ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି t ପାଇଁ ସମୀକରଣ ଏବଂ ତା'ପରେ ଆମେ ରଖିବା | ଏହା y ପାଇଁ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ରେ

ତେଣୁ ଆମେ $y = v_0 \sin \theta t - \frac{g x^2}{2 v_0^2 \cos^2 \theta}$ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହାକୁ ସରଳ କରିଥାଉ y କୁ x ଗୁଣ ଚାଲେଣି ଆମେ ସହିତ 0 ମାଲନସ୍ ଅଧା g ସହିତ v_0 ବର୍ଗ କୋସ୍ ବର୍ଗ ଥାଏ 0 ଗୁଣ x ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯାହାକୁ ଆମେ | ଗତ ଥର ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯାଇଛି ଏକ ପାରାବୋଲାର ସମୀକରଣ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଥରେ ଆମର ଏହି ସମୀକରଣ ଥରେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟର ମୋସନରେ ଆମେ ଖୋଜୁଥିବା ଜିନିଷ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ହେଉଛି ଦୂରତା ଯାହା ପ୍ରୋଜେକ୍ଟର ସମାନ ସ୍ତର କିମ୍ବା ଗ୍ରାଉଣ୍ଡକୁ ପୁଣି ଥରେ ଧକ୍କା ଦେବା ପୂର୍ବରୁ ଯାତ୍ରା କରେ | ଭୂମି

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଯେ ଏହି ବିନ୍ଦୁର ସଂଯୋଜନାଗୁଡ଼ିକ x ସହିତ ସମାନ ହେବ ry ସହିତ ସମାନ 0 ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ବିନ୍ଦୁ ଶୂନ୍ୟ କିମ୍ବା ଶୂନ୍ୟ ଅଟେ
ତେଣୁ ଏହି ପରିସର ପାଇଁ ଆକର୍ଷଣ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ପାଇବା ଅତ୍ୟନ୍ତ ସ୍ପଷ୍ଟ | $y = v_0 \sin \theta t - \frac{g x^2}{2 v_0^2 \cos^2 \theta}$ ଏଠାରେ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଏହା ଆମକୁ x ର ମୂଲ୍ୟ ଦେବ ଏବଂ ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ ଦେଖୁଛୁ ଯଦି ଆମେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟର ଉଡ଼ାଣ ସମୟ ଗଣିବାକୁ ଚାହିଁବୁ ଯଦି ଆମେ ଏହାକୁ t ବୋଲି କହିଥାଉ ତେବେ ଏଥର ଏହା ହେବ | ଏଥିପାଇଁ ସମୟ ଆମକୁ ବେଗ ସମୀକରଣରେ ବେଗ ସମୀକରଣକୁ ଯିବାକୁ ପଡ଼ିବ, ଆମର $x = v_0 \cos \theta t$ ଏହା ସହିତ ସମାନ, ଯଦି $y = 0$ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ କୁ ଦେଖିବା $v_0 \sin \theta t - \frac{g x^2}{2 v_0^2 \cos^2 \theta} = 0$ ମାଲନସ୍ ଅଧା $g t^2$ ବର୍ଗ ଆମେ y ରଖିବା | ଏଠାରେ 0 ସହିତ ସମାନ | $\sin \theta t - \frac{g x^2}{2 v_0^2 \cos^2 \theta} = 0$ ଏବଂ ଏଠାରୁ ଆମେ ବିମାନର ସମୟ ପାଇଁ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ପାଇବୁ ଯାହା g ଉପରେ $2 v_0 \sin \theta t$ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ତାପରେ ଆମେ ଥରେ ଜାଣିବା ପରେ ଆମେ ପରିସରକୁ ପାଇପାରିବା | $v_0 \cos \theta t = 0$ ରେ t

ତେଣୁ ଏହା $v_0 \cos \theta t = 0$ ରୁ $2 v_0 \sin \theta t = g t^2$ ସହିତ g ରେ ସମାନ ହୋଇଯାଏ ଏବଂ ଏହା ଆମେ ଏହାକୁ $2 v_0 \sin \theta$ ବର୍ଗ $\cos \theta t = \frac{g t}{2 v_0 \sin \theta}$ ଉପରେ ଲେଖିବା ଏବଂ ଏହା ମଧ୍ୟ ହୋଇପାରେ | ସରଳୀକୃତ ହୋଇଛି

ତେଣୁ ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି କିଛି ଜିନିଷ ଯାହାକୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପାଇପାରିବା ଆସନ୍ତୁ ପୁନର୍ବାର ଏହି ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ କୁ ଦେଖିବା ଏବଂ ଏହା ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ କୁ ଦେଖିବା ପାଇଁ ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରୋଜେକ୍ଟର ପଥ କାହିଁକି y ସଂଯୋଜନା ଯାହା ଭ୍ରମଣ କରେ $v_0 \sin \theta t - \frac{g x^2}{2 v_0^2 \cos^2 \theta} = 0$ ମାଲନସ୍ ଅଧା $g t^2$ ବର୍ଗ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଯାହା କୁ $realize$ ପାଉଛୁ ଯେ ଏହି କଣିକା ଯେତେବେଳେ ଏକ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟର ଗତିରେ ଭ୍ରମଣ କରେ ସେତେବେଳେ ଏହା ସମାନ y ମୂଲ୍ୟକୁ 2 ଥର t_1 ଏବଂ t_2 ରେ ଅତିକ୍ରମ କରେ ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଏହି ସମୀକରଣକୁ ଦେଖିବା ତେବେ ଏହା ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ସମାନ ମୂଲ୍ୟ ପାଇଁ y ର ଆମେ t ରେ ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ସମୀକରଣ ପାଇଥାଉ ଏବଂ ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜ ସମୀକରଣର ମୂଳ ଦୁଇଟି ମୂଳ ସେମାନେ t_1 ଏବଂ t_2 ର ମୂଲ୍ୟ ଦିଅନ୍ତି | ବର୍ତ୍ତମାନ କିଛି ସମସ୍ୟାରେ ଯଦି ଆମକୁ ଏଥର ଖୋଜିବାକୁ ପଡ଼ିବ ଯାହା ହେଉଛି ତେଲଗା t ଯାହା ସମାନ ଅଟେ ଯଦି ତେଲଗା t ପାଇଁ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ଦରକାର ଯାହା t_2 ମାଲନସ୍ t_1 ତେବେ ଆମର ଏହି ଦୁଇଟି ମୂଳ t_1 ଏବଂ t_2 ଅଛି ଏବଂ ଆମେ ପାଇପାରିବା | ଯଦି ଆମେ ଦୁଇଟି ମୂଳ ପାଇଁ ସମାଧାନ କରିପାରିବା ତେବେ ଆମେ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ବାହାର କରି ପାରିବା ଏବଂ t_2 ମାଲନସ୍ t_1 ପାଇଁ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ପାଇପାରିବା ଏବଂ ଏହା ଆମକୁ ସମୟ ଦେବ ଯାହା କି କଣିକା ଦୂରତା ଭ୍ରମଣ କରିବାକୁ ଲାଗେ ଯେତେବେଳେ ଏହା ସମାନ ଭଜତା ଅତିକ୍ରମ କଲାବେଳେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ 2 ଟି ଭିନ୍ନ ସ୍ଥାନରେ | ଏହାକୁ ବେଳେବେଳେ କାମ କର କାରଣ ଏହା ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ସମୀକରଣରେ ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ସମୀକରଣ ଯାହା ଆମେ ଜାଣୁ ମୂଳର ସମଷ୍ଟି ମାଲନସ୍ b ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ମୂଳର ଉତ୍ପାଦ a ବାରା c ସହିତ ସମାନ ଏବଂ ଯେଉଁଠାରେ ସମୀକରଣ କୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ବର୍ଗ $b x^2 + c x + a = 0$ ବାରା ଦିଆଯାଏ | ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ ଦୁଇଟି ମାଲନସ୍ ଟି ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁ, ତେବେ ପ୍ରକୃତରେ ଆମେ ଯାହା ଦେଖୁଛୁ ତାହା ହେଉଛି ଦୁଇଟି ମୂଳର ପାର୍ଥକ୍ୟ
ତେଣୁ ଯଦି ଆମର ମୂଳର ସମଷ୍ଟି ଅଛି ତେବେ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହି ସମୀକରଣର ଦୁଇଟି ମୂଳ ହେଉଛି ଆଲଫା ଏବଂ ବିଟା | ଯଦି ମୁଁ ଆଲଫା ମୂଲ୍ୟ ବିଟା ପୁରା ବର୍ଗ ମାଲନସ୍ 4 ଥର ଆଲଫା ବିଟା ଦେଖେ | ମୋଡେ ଆଲଫା ମାଲନସ୍ ବିଟା ପୁରା ବର୍ଗ ଦେବ

ତେଣୁ
ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଆଲଫା ମାଲନସ୍ ବିଟା ଆବଶ୍ୟକ କରେ ତେବେ ମୁଁ ଯାହା କରିବା ଆବଶ୍ୟକ କରେ ମୁଁ ମୂଳର ବର୍ଗର ପରିମାଣକୁ ମୂଳର ଉତ୍ପାଦର ଚାରି ଗୁଣ ମାଲନସ୍ ନେବା ଆବଶ୍ୟକ କରେ

ତେଣୁ ଯଦି ଆବଶ୍ୟକ ହୁଏ ତେବେ ଏହିପରି ଏକ କ୍ଷେତ୍ରରେ | ଏହି ତେଲ୍ ଖୋଜିବା ପାଇଁ ଦୁଇଟି ମୂଳ ପାଇଁ ସମାଧାନର ଆବଶ୍ୟକତା ନାହିଁ ମୁଁ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିକୁ କୁମ୍ଭ ବର୍ଗ ମୂଲ୍ୟ $b x^2 + c x + a$ ଆକାରରେ ପ୍ରକାଶ କରିପାରିବି 0 ଏବଂ ତା'ପରେ ଏଠାରୁ ମୁଁ ଦୁଇଟି ମୂଳର ପାର୍ଥକ୍ୟ ପାଇପାରିବି କାରଣ ଆଲଫା ମୂଲ୍ୟ ବିଟା ଦିଆଯିବ | ମାଲନସ୍ b ବାରା ଏକ ଆଲଫା ବିଟା c ବାରା c ଦିଆଯିବ

ତେଣୁ ଏହି ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ ମୁଁ ଏଠାରେ ଖାଇ ପାରିବି ଏବଂ ସେଠାରୁ ମୁଁ ମୂଳର ପାର୍ଥକ୍ୟ ପାଇ ପାରିବି
ତେଣୁ ଏହା ଆପଣଙ୍କୁ ପାରାମିଟର ଅନୁଯାୟୀ କାର୍ଯ୍ୟ କରିବାକୁ ଛାଡ଼ିଦେବ | ଆମର ସମସ୍ୟା ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ମି θ ଲିକ ପକ୍ଷକୁ କହିଛି ଏହା କିପରି କରାଯାଇପାରିବ କାରଣ କେତେକ ସମସ୍ୟାରେ ଆପଣଙ୍କୁ ଏଥର ପଚରାଯାଇପାରେ କିମ୍ବା ଏକ ଅସୁବିଧା ହୋଇପାରେ ଯେଉଁଠାରେ ଆପଣଙ୍କୁ ତେଲଗା t_1 ଏବଂ ତେଲଗା t_2 ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯାଇପାରେ ଯେଉଁଠାରେ ତେଲଗା t_2 ହେବ | ଅନ୍ୟ ଭଜତା ପାଇଁ ସମୟ ଏବଂ ବୋଧହୁଏ ଏହି ଭଜତା ପାର୍ଥକ୍ୟ ଆପଣଙ୍କୁ ଦିଆଯିବ ଏବଂ ତାପରେ

ମାଲନସ୍ ଅଥା gt ବର୍ଗ ସହିତ ସମାନ ହେବ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆଉ ଗୋଟିଏ ଜିନିଷ ଅଛି । ଜଣେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ମୋସନ୍ ରେ ଦେଖିପାରିବ ଏବଂ ଆମ ପାଖରେ ଯାହା ଅଛି, ଆସନ୍ତୁ ରେଞ୍ଜର ଫର୍ମୁଲାକୁ ଦେଖିବା ଆମକୁ ରେଞ୍ଜ $v \theta$ ବର୍ଗ ସାଇନ ସହିତ 2 ଟି ଠା 0 ର g ସହିତ ସମାନ ଅଟେ ଯଦି ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମକୁ $v \theta$ ଏବଂ ଥା 0 ର ମୂଲ୍ୟ ଦିଆଯାଏ । ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବେଗ ଏବଂ ଆମେ 0 ଅଛି ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଅନ୍ୟ ଏକ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ କୁ ଦେଖିବା ଯାହା ସମାନ ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ବେଗ $v \theta$ ସହିତ ଫୋପାଡ଼ି ଦିଆଯାଏ କିନ୍ତୁ ପାଇର ଏକ କୋଣରେ 2 ମାଲନସ୍ ଆମେ 0 ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହି ଦୁଇଟି ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ କୁ ଦେଖିବା ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ । ଥା 0 ର ଏକ କୋଣରେ ଫୋପାଡ଼ି ଦିଆଯାଏ ଅନ୍ୟଟି 90 ମାଲନସ୍ ଥା 0 ର କୋଣରେ ଫୋପାଡ଼ି ଦିଆଯାଏ । ଯଦି ତୁମେ ଏହାର ପରିସରକୁ ଗଣନା କର ତେବେ ଏହାର ପରିସର $r = 1$ ସହିତ ସମାନ ହେବ $v \theta$ ବର୍ଗ ସାଇନ ବର୍ଗ 2 ଥା 0 । g ଏବଂ $r = 2$ ଉପରେ $v \theta$ ବର୍ଗ ସାଇନ ବର୍ଗ ସହିତ 2 ଥର ପାଇ 2 ମାଲନସ୍ 2 ଥା 0 an ସହିତ ସମାନ ହେବ । d ଏହା ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କିଛି ହେବ ନାହିଁ ଦୁଇଟି କୋଣ ଦ୍ୱାରା ଆଲୋଚିତ ହେବ ଏବଂ ଏହି ଦୁଇଟି ପ୍ରାରମ୍ଭିକ କୋଣର ସମଷ୍ଟ ନବେ ଡିଗ୍ରୀ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ଏଥିରୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ଆମେ ଏକ ପ୍ରଦତ୍ତ v ଶୂନ୍ୟ ପାଇଁ ପରିସର ସର୍ବାଧିକ ହେବ ଯେତେବେଳେ ଥା 0 ଶୂନ୍ୟ ଚାରି କିମ୍ବା ଚାଳିଶ ପାଞ୍ଚ ସହିତ ସମାନ ହେବ । ଡିଗ୍ରୀ

ତେଣୁ ଏକ ଶରୀରର କୋଣ ଯାହା 45 ଡିଗ୍ରୀ କୋଣରେ ଫୋପାଡ଼ି ଦିଆଯାଏ ସର୍ବାଧିକ ପରିସରକୁ ଆବୃତ କରେ କିନ୍ତୁ ଧ୍ୟାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏଠାରେ ରେଞ୍ଜ ବିଷୟରେ କଥାବାର୍ତ୍ତା କରୁ, ଏହାର ଦୂରତା ଏହାର ଅର୍ଥ ନୁହେଁ ଯେ ସମୟ t_1 ଏବଂ ସମୟ t_2 ଦ୍ୱାରା ନିଆଯାଇଛି । ସମାନ ହେବ ସମୟ ଭିନ୍ନ ହେବ ଏବଂ ଏହା ଏଥିରୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଯେ ଉଡ଼ାଣର ଏହି ସମୟ ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଭୂଲମ୍ବ ବେଗ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରେ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଥା 0 ର ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଭୂଲମ୍ବ ବେଗ ଏବଂ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ହେବ ଯଦିଓ ରେଞ୍ଜ । ସମାନ ହୋଇପାରେ । ଏବଂ ସମାନ ଭାବରେ ଉଚ୍ଚତା ଉଚ୍ଚତା ଯାହା ସେମାନେ ସଫା କରନ୍ତି କିମ୍ବା ସେମାନେ h_1 ଏବଂ h_2 ରେ ପହଞ୍ଚି ଡାହା ମଧ୍ୟ ଭିନ୍ନ ହେବ

ତେଣୁ ପରିସର ସମାନ ହେବ କିନ୍ତୁ ଏହି ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ ଭିନ୍ନ ହେବ ଏବଂ ବେଳେବେଳେ ଆମେ t_1 ଏବଂ t_2 କିମ୍ବା h_1 ମଧ୍ୟରେ ସମ୍ପର୍କ ଖୋଜିବାକୁ କୁହାଯିବ । ଏବଂ h_2 ଏବଂ ଏହି ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ ତୁମେ ଏଠାରେ ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକର ଚାରିଆଡ଼େ ଖେଳିବା ଦ୍ୱାରା ଶେଷ କରି ପାରିବ, ଏହି ଜିନିଷଟି ଏକ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ମୋସନ୍ ଉପରେ ଆସନ୍ତୁ, ଏକ ଲନକ୍ଲିଡ଼ ପ୍ଲେନରେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ର ଏକ ମାମଲା ନେବା, ପ୍ରକୃତରେ ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ପାଇଥିବା ସମୀକରଣଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ ଏଠାରେ ବ $valid$ ଧ କିନ୍ତୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ । ଏକ ପ୍ରକୃତ ବିମାନର କଥାବାର୍ତ୍ତା ହୋଇପାରେ ଯେପରି ଆମେ ଦେଖିବା ସମସ୍ୟାକୁ ଦେଖିବା

ତେଣୁ ଧରାଯାଉ ଆମର ଏଠାରେ ଏକ ବିମାନ ଅଛି ଆହା ବିମାନ ଏହା ଏକ ଆଙ୍ଗଲ୍ ଆଲଫାରେ ଅଛି ଏବଂ ଆମେ ଏହା ହେଉଛି କୋର୍ଡିନେଟ୍ 0 0 ଏବଂ ଆମେ ଏକ ବେଗ ସହିତ ଏକ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ପକାଉ । $v \theta$ ଭୂସମାନ୍ତର θ କୋଣରେ

ତେଣୁ ଥା 0 ହେଉଛି ଏକ କୋଣ ଯାହା ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ଭୂସମାନ୍ତର ସହିତ ଡିଆରି କରେ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ସେହି ପ୍ରକୃତ ଯାହା ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ବର୍ତ୍ତମାନ ଫୋପାଡ଼ି ଦିଆଯିବ ଏହା ଉପରକୁ ଯିବ ଏବଂ ଏହା ପୁଣି ହିଟ୍ ହେବ । ଏଠାରେ $s = 0$ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ କହିବା ଏହାର ଉପରକୁ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ବି ପଏଣ୍ଟ ଏବଂ ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ଦୂରତାକୁ ଡାକିବା କାରଣ ରେଞ୍ଜ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି ପରିସର ପୂର୍ବ ସମସ୍ୟା ଠାରୁ ଭିନ୍ନ ଅର୍ଥରେ ଅନ୍ୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯେଉଁଠାରେ ଆମେ ପୂର୍ବ ମାମଲାଗୁଡ଼ିକରେ ଆଉ । ଯେତେବେଳେ ଏହା ଭୂମିରେ ପଛକୁ ଧକ୍କା ଦେଲା ସେତେବେଳେ ସମାନ ସ୍ତରରେ ଥିଲା , ପ୍ରାରମ୍ଭ ବିନ୍ଦୁ ତୁଳନାରେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ଏକ ଭିନ୍ନ ଚାର ସ୍ତରରେ ଆପାତ କରୁଛି

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ଆମେ ଏହି ପାରାମିଟରଗୁଡ଼ିକ ଅନୁଯାୟୀ ଏହି ପରିସର ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ଆମ ପାଇଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯାହା ପାରାମିଟରଗୁଡ଼ିକ ଅଛି, v ରେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ଆମେ 0 ର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ବେଗ ଭୂମିରୁ କୋଣ ଏବଂ ଆମର ତୃତୀୟ ଜିନିଷ ଆଲଫା ଅଛି ଯାହା ପ୍ରକୃତରେ କୋଣ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା କରିବାବେଳେ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ପରିସର ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁ । ଏହା ସହଜ ହୋଇପାରେ କାରଣ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ମୁଁ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟା ପାଇଁ ଚୟନ କରେ ତେବେ ଏହା ଲନକ୍ଲିଡ଼ ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ପର୍ଯ୍ୟବସିତ ଦିଗ ଯାହା ମୁଁ ଲନକ୍ଲିଡ଼ ସହିତ x କୁ ବାଛି ଏବଂ ଲନକ୍ଲିଡ଼ ସହିତ y ପର୍ଯ୍ୟବସିତ ଏବଂ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହିପରି ଚାଲିଛି ଯଦି ମୁଁ ଦେଖେ ଏହା ଉପରେ ଆମେ ଉପରକୁ 0 0 ରୁ ଆରମ୍ଭ କରୁ ଏବଂ ଅନ୍ତିମ ବିନ୍ଦୁ ଯାହା ମୁଁ ଏହାର କୋର୍ଡିନେଟ୍ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହେଁ, r କମା 0 ହେବ କାରଣ ବର୍ତ୍ତମାନ y ଲନକ୍ଲିଡ଼ ସହିତ p ଶ୍ରେଣୀରେ ଅଛି ଏବଂ x ଲନକ୍ଲିଡ଼ ସହିତ ଅଛି

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଏହାକୁ ଦେଖିବା ସେତେବେଳେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟଲ୍ ଅଟେ । ଏକ ଦ୍ୱରଣକୁ ଅନୁଭବ କରିବା ଯାହାକି g ସହିତ ସମାନ, ଏହି ଦିଗଟି ଭୂଲମ୍ବ ଦିଗ x ଏବଂ y ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ କିମ୍ବା ପର୍ଯ୍ୟବସିତ ନୁହେଁ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା କରିବା ଡାହା ହେଉଛି x ଏବଂ y ଦିଗଗୁଡ଼ିକ ସହିତ ଦ୍ୱରଣକୁ ସମାଧାନ କରିବା

ତେଣୁ ଯଦି ଆମେ x ଏବଂ y କୁ ବାଛିଥାଉ ତେବେ ମୁଁ କ'ଣ ବାଛିଛି । ଘଟିବ ଚାଲନ୍ତୁ ଆସନ୍ତୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯାହା ଦେଖୁ ଡାହା ହେଉଛି ଏହି ଦିଗ ଯଦି ମୁଁ ପର୍ଯ୍ୟବସିତ ଦିଗକୁ ଦେଖେ ତେବେ ଏହା ହେଉଛି ବିମାନ ସହିତ ସମାନ୍ତରାଳ ଦିଗ ଏହି କୋଣଟି ଆଲଫା ଏହି କୋଣଟି 90 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା

ତେଣୁ ଏଠାରେ ଉପାଦାନ ଯଦି ଏହା g ତେବେ ଏଥିରେ ଉପାଦାନ । ଦିଗ ଏହା $g \cos$ ଆଲଫା ହେବ ଏବଂ ଏହି ଦିଗରେ ଥିବା ଉପାଦାନଟି g ସାଇନ ଆଲଫା ହେବ ପ୍ରକୃତରେ ଏହା ହେଉଛି $g \cos$ 90 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ଯାହା ମୁଁ $g \sin$ alpha ଭାବରେ ଲେଖିପାରେ । ମାଲନସ୍ g ସାଇନ ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ଅଟେ, ମୁଁ ଏହି ଦିଗରେ g ନେଇଛି g ଏହା ସହିତ ମାଲନସ୍ ଏବଂ ଦ୍ୱରଣର y ଉପାଦାନ ଯେହେତୁ ମୁଁ ଏହି x କୁ ବାଛିଛି ଏବଂ y ମାଲନସ୍ $g \cos$ ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଆମକୁ ଏହି ଦୁଇଟିକୁ ହୁଏତ କମ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ । ପଏଣ୍ଟଗୁଡ଼ିକ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ପାର୍ଥକ୍ୟ ଯେତେବେଳେ ମୁଁ x ଏବଂ y ର ଏହି ସୂତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରେ ଯାହା ପୂର୍ବ କେସ୍ ତୁଳନାରେ ପ୍ରକୃତ ହୁଏ ତେବେ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବି x ଦିଗରେ ଦ୍ୱରଣିତତା ଅଛି ଏବଂ y ଦିଗରେ ଦ୍ୱରଣ ଅଛି ଯେତେବେଳେ ପୂର୍ବରୁ ଦ୍ୱରଣ କେବଳ ଥିଲା । y ଦିଗ ସହିତ ଏବଂ ଏହି ପାର୍ଥକ୍ୟ ଆସୁଛି କାରଣ ଆମେ ଆମର ଅକ୍ଷକୁ ବାଛିଛୁ

ତେଣୁ ଯଦି ଡାହା ହେଉଛି ତେବେ ଆମେ ଏହାକୁ ଏହିପରି ଲେଖିବା

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମକୁ କେବଳ ଦେଖିବା କୁରା ax ଠି ମାଲନସ୍ g ପାପ ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ । ମାଲନସ୍ $g \cos$ ଆଲଫା $vx \theta$ ସହିତ ସମାନ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମକୁ ବେଗର x ଉପାଦାନକୁ ଦେଖିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ବେଗ $v \theta$ ଏକ କୋଣ ଡିଆରି କରେ ଏହି $v \theta$ ବେଗ x ଅକ୍ଷ ସହିତ 0 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା କୋଣ ଡିଆରି କରୁଛି । ଏବଂ ପର୍ଯ୍ୟବସିତ ଉପାଦାନ ସହିତ ତେଣୁ ଆମର ଯାହା ଅଛି । $vx \theta$ ଥା 0 ଶୂନ୍ୟ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ର $v \theta$ କୋସାଇନ୍ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ $v y$ ଶୂନ୍ୟ ଥା 0 ଶୂନ୍ୟ ମାଲନସ୍ r ର v ଶୂନ୍ୟ ସାଇନ ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଥରେ ଏହା ପାଇଲେ ଆମେ ଆମକୁ ବ $move$ ୍ରିବା ଦ୍ୱାରା $v xvyx$ ଏବଂ y ପାଇଁ ଆମର ସମୀକରଣ ଲେଖିବା । ଆମ ପାଖରେ ଯାହା ଅଛି, vx ଥା 0 0 କୋସାଇନ୍ ସହିତ ସମାନ 0 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ମାଲନସ୍ ଜି ସାଇନ ଆଲଫା t ଏବଂ vy ପାଇଁ ଆମେ $b y$ ପାଇଥାଉ 0 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ମାଲନସ୍ $g \cos$ ଆଲଫା t ସହିତ ତାପରେ ଆମେ ଲେଖିବା । x କମ୍ପୋନେଣ୍ଟ x ଉପାଦାନ $v \theta \cos$ theta θ minus alpha t minus half $g \sin$ alpha times t square ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ଏଠାରୁ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ଡାହା ହେଉଛି tta ଶୂନ୍ୟ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା t minus $g \cos$ alpha ସହିତ v ଶୂନ୍ୟ ସାଇନ ସହିତ ସମାନ । t ବର୍ଗ ଦ୍ୱ two ାରା

ତେଣୁ ଭର୍ଟିକାଲ କମ୍ପୋନେଣ୍ଟରେ g କୁ \cos ଆଲଫା ଦ୍ୱାରା ବଦଳାଯାଏ ଏବଂ ଭୂସମାନ୍ତର ଉପାଦାନରେ g ସାଇନ ଆଲଫା ହେତୁ ଆମେ ଏହି ଅତିରିକ୍ତ ସର୍ତ୍ତାବଳୀ ପାଇଥାଉ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯେତେବେଳେ ଆମେ r ପାଇଁ କମା 0 y ରେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ପାଇଥାଉ । 0

ତେଣୁ ଏହା ସୂଚିତ କରିବ ଯେ ଏହି ମୂଲ୍ୟ ଶୂନ୍ୟର ଶୂନ୍ୟ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ଟାଇମ୍ସ ମାଲନସ୍ ଜି କୋସ୍ ଆଲଫା ଟି ବର୍ଗର v ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ । wo ଏବଂ ଏଠାରୁ ଆମେ t ର ଭାଲ୍ୟୁ ପାଇପାରିବା

ତେଣୁ ଆମେ t କୁ ଜି କୋସ୍ ଆଲଫା ଦ୍ୱ t ାରା ଶୂନ୍ୟ ମାଲନସ୍ ଆଲଫା ର ଦୁଇଟି v ଶୂନ୍ୟ ସାଇନ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ଏହି ସମୟ ହେଉଛି ପ୍ରୋଜେକ୍ଟ୍ ବିମାନରେ ଫେରିବା ପାଇଁ | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମକୁ ରେଞ୍ଜ ପାଇଁ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ଖୋଜିବାକୁ ପଡିବ, ଏହା କରିବାର ଗୋଟିଏ ଉପାୟ ହେଉଛି ଆମେ x ର ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ରେ t ର ଏହି ଭାଲ୍ୟୁ ପ୍ଲଗ୍ କରିପାରିବା ଯାହା x ର ଆଟା 0 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା t ମାଲନସ୍ ଅଧା g ସାଇନ ଆଲଫା t ବର୍ଗର ସମାନ | ଏବଂ ଏହା ଆମକୁ r ର ମୂଲ୍ୟ ଦେବ କିନ୍ତୁ ଆମେ ଏହାକୁ ଅନ୍ୟ ଉପାୟରେ ମଧ୍ୟ ଦେଖିପାରିବା ଏବଂ ସାଂଖ୍ୟିକ ଭାବରେ ଏହା ସାମାନ୍ୟ ସରଳ ହେବ ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହି ଚିତ୍ରକୁ ପୁନର୍ବାର ଚିତ୍ର କରିବା ଏହା x ଥିଲା ଏହା ହେଉଛି ଏହି କୋଣଟି ଆଲଫା ଥିଲା | ବର୍ତ୍ତମାନ ମୁଁ ଯାହା କହୁଛି, ମୋତେ ଭ୍ରମମାନ୍ତର ଦିଗକୁ x ଷ୍ଟାର୍ ଭାବରେ ଡାକିବାକୁ ଦିଅ, ତେବେ ଆମର ଯାହା ଅଛି ତାହା ହେଉଛି ଦୂରତା ଯାହାକି ପ୍ରୋଜେକ୍ଟ୍ ମେଡେଟେବଲେ ଏକ ଦୂରତା ଯାଏ ଯାତ୍ରା କରେ | $r \sin \theta$ ହେଉଛି ଭ୍ରମମାନ୍ତର ଦୂରତା ଭ୍ରମଣ ଏବଂ ଏହା $v \sin \theta$ ରେ କିଛି ନୁହେଁ | କାରଣ ଯଦି ମୁଁ x ଷ୍ଟାର୍ କୋର୍ଡିନେଟ୍ସ ଦୃଷ୍ଟିରେ ଦେଖେ ମୋର ତଥାପି ପୁରୁଣା ସମୀକରଣ ଅଛି x ଦୂରତା ଭ୍ରମଣ କରିବା ଛଡା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ, ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ବେଗ ସମୟ ସହିତ ଗୁଣିତ ହୁଏ ଏବଂ ମେଡେଟେବଲେ ଏହାର ସ୍ଥିତିକୁ ଆସେ ସେତେବେଳେ ନିଆଯାଇଥିବା ସମୟ ଯାହାକି r କମା 0 ଭାବରେ ଦିଆଯାଇଥିଲା | ସମାନ ସମୟରେ କ୍ୟାପିଟାଲ୍ t ଏବଂ କ୍ୟାପିଟାଲ୍ t ଯାହାକୁ ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖୁଛୁ $2v \sin \theta \sin \alpha$ ସହିତ ସମାନ

ତେଣୁ ମୁଁ $r \sin \theta$ କୁ $v \sin \theta$ ସହିତ $2v \sin \theta$ ଗୁଣିତ ସହିତ ସମାନ କରିପାରିବି | 0 ସାଇନ ଆଟା 0 ମାଲନସ୍ ଆଲଫା $g \cos \alpha$ ଆଲଫା t divided ାରା ବିଭକ୍ତ

ତେଣୁ ଏହି ଉପାୟରେ ମୁଁ $r \sin \theta$ ର ମୂଲ୍ୟ ପାଇ ପାରିବି ଏବଂ ଆମେ ଯାହା କୁ realize ପାରିବା $r \sin \theta$ ରେଞ୍ଜ କୋସାଇନ୍ ଆଲଫା ସହିତ ସମାନ, ଏହା ଏହି ଚିତ୍ର $r \cos \alpha$ ରୁ ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ସ୍ପଷ୍ଟ ହୋଇଛି | $r \sin \theta$ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ମୁଁ ଯାହା ପାଇଲି ତାହା ହେଉଛି $r \cos \alpha$ ରେଞ୍ଜ ଏହା $v \sin \theta$ ରୁ $2v \sin \theta \sin \alpha$ minus $g \cos \alpha$ ଦ୍ଵାରା ବିଭକ୍ତ ଏବଂ ଏହା ମୋତେ r ପାଇଁ ଏକ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ପ୍ରଦାନ କରେ | ଯାହା ମୁଁ ସମାନ ହେବ ଯଦି ମୁଁ $2v \sin \theta$ ବର୍ଗ କୋସାଇନ୍ ଆଟା 0 ଟି ସାଇନା 0 ମାଲନସ୍ ଆଲଫାକୁ $g \cos \alpha$ ବର୍ଗ ଦି divided ାରା ବିଭକ୍ତ କରେ | r

ତେଣୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ଖୋଜି ପାରିବି ଏବଂ ମୁଁ ସମାନ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ପାଇଥା'ନ୍ତି ଯଦି ମୁଁ x ପାଇଁ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ ରେ t ର ଭାଲ୍ୟୁ ପ୍ଲଗ୍ କରିଥା'ନ୍ତି ଏବଂ ଏକ୍ସପ୍ରେସନ୍ କୁ ସରଳୀକରଣ କରିବା ପାଇଁ ପ୍ରାଇଗୋନୋମେଟ୍ରି ବ୍ୟବହାର କରିଥା'ନ୍ତି ତେବେ ମୁଁ r ର ସମାନ ମୂଲ୍ୟ ପାଇଥା'ନ୍ତି କିନ୍ତୁ ଏଠାରେ i ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତିକୁ ବ୍ୟବହାର କଲା ଏବଂ ପରିସରର ଭ୍ରମମାନ୍ତର ଉପାଦାନକୁ ବ୍ୟବହାର କଲା ଏବଂ ପ୍ରାଇଗୋନୋମେଟ୍ରି ବ୍ୟବହାର କରି r ସହିତ ଏହାର ସମ୍ପର୍କ ମୁଁ ସମାନ ସମ୍ପର୍କକୁ ସମ୍ଭବତଃ a ଅନ୍ତ ସମୟ ମଧ୍ୟରେ କିମ୍ବା ଯାହା ବି ହେଉ

ତେଣୁ ମେଡେଟେବଲେ ତୁମର କ have ଶସି ଅସୁବିଧା ହୁଏ ଯେଉଁଠାରେ ତୁମର ଯାହା ଦେଖିବା ଅପେକ୍ଷା ତୁମର ଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତି ଥାଏ | ଉଦାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଏହି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସମସ୍ୟାରେ ଆମେ x ଏବଂ y କୁ ଇନକ୍ଲିନ୍ ସହିତ ବାଛିଥିଲୁ ଯାହା r ଠାରୁ r ପାଇଁ ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ସରଳ ହୋଇଗଲା ଏହା କେବଳ y କୋର୍ଡିନେଟ୍ ହୋଇଗଲା 0 କିନ୍ତୁ ମେଡେଟେବଲେ ଆମେ ଏହା କଲୁ ସେତେବେଳେ ଆମେ ଅନୁଭବ କଲୁ ଯେ ଚୁଡ଼ନ x ସହିତ ଭ୍ରମାନ୍ତର କରିବାକୁ ପଡିବ | y ଦିଗଗୁଡ଼ିକ ସମାନ ଭାବରେ ଉପାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ଆପଣଙ୍କର ଏକ ଅସୁବିଧା ହୋଇପାରେ ଯେଉଁଠାରେ ଆପଣଙ୍କର କିଛି ଇନକ୍ଲିନ୍ ଉପରେ ଫୋପାଡି ଦିଆଯାଏ ମୁଁ ଇନକ୍ଲିନ୍ ଠାରୁ ସମସ୍ୟାକୁ ଦେଖିଲି ଏବଂ ମୁଁ ଆପଣଙ୍କ ପାଇଁ ଏହି ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିବାକୁ ଯାଉନାହିଁ | କିନ୍ତୁ ତୁମେ କ'ଣ କରିପାରିବ ଯଦି ତୁମେ ତୁମର x କୁ ଏହିପରି ବାଛି, ତୁମେ ତୁମର y କୁ ଏହିପରି ବାଛି ମେଡେଟେବଲେ ତୁମେ ତୁମର ମାଧ୍ୟକର୍ଷଣ ଉପାଦାନକୁ ସମାଧାନ କର, ତେବେ ଏହି ଉପାଦାନଟି x ଉପାଦାନ ସକରାମୂଳ ହେବ ଏହା ନକରାମୂଳ ହେବ ନାହିଁ କାରଣ ଏହା ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି ତୁମର x ବର୍ତ୍ତମାନ ତଳକୁ ଯାଉଛି | ତୁମର ସମସ୍ୟା x ଉପର କିମ୍ବା ତଳକୁ ଅଛି ତୁମକୁ x ଏବଂ y ସହିତ ଭ୍ରମାନ୍ତର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମୂଲ୍ୟ ସମାଧାନ କରିବାକୁ ପଡିବ ଏବଂ ତାପରେ ସେଗୁଡ଼ିକର ସମାଧାନ ପାଇଁ ସାଧ୍ୟତା ରୁହ ଯଦି ତୁମେ y କୁ ଉପରକୁ ନେଇଯାଅ ତେବେ କିଛି ନକରାମୂଳ ସଙ୍କେତ ଅଛି କିଛି ସକରାମୂଳ ଚିହ୍ନ ସମସ୍ତଙ୍କୁ ଧ୍ୟାନରେ ରଖେ | ତୁମର ସମସ୍ୟା ସମାପ୍ତ କରିବା ପୂର୍ବରୁ ସେହି ସଙ୍କେତଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଆମେ ପ୍ରୋଜେକ୍ଟ୍ ଗତି ସହିତ ଜଡିତ ଭିନ୍ନ ଧାରଣା ବିଷୟରେ ବିସ୍ତୃତ ଭାବରେ ଦେଖୁଛୁ ଆସନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ଏକ ସମସ୍ୟାକୁ ଦେଖିବା ଯାହାକି ଆପେକ୍ଷିକ ବେଗର ଧାରଣା ବ୍ୟବହାର କରେ ଏବଂ ବେଳେବେଳେ ଏହି ପ୍ରକାରର ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଏଠାରେ ଅନୁସନ୍ଧାନ ସମସ୍ୟା ଭାବରେ ମଧ୍ୟ କୁହାଯାଏ ଯାହା ଦିଆଯାଏ | ଆମ ପାଇଁ ଏହା ହେଉଛି ଏକ ବିମାନ ଅଛି ଯାହାର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଅବସ୍ଥାନ ଯଦି କେହି ଏହା କହିଥାଏ ତେବେ ଏହି ଦୂରତା ଏକ ଅଟେ

ତେଣୁ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ xy ଦୃଷ୍ଟିରେ ଦେଖେ ତେବେ ବିମାନଟି ପ୍ରଥମେ କମା ବି ଏବଂ ମିସାଇଲ୍ ଲା ଅଟେ | ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମକୁ ଯାହା ଦିଆଯାଉଛି ତାହା ହେଉଛି ମିସାଇଲ୍ vm ର ଗତି ସ୍ଥିର ଏବଂ ବିମାନର ଏକ ସ୍ଥିତ ଭ୍ୟା ଅଛି ଯାହା ମଧ୍ୟ ସ୍ଥିର ହେବା ପାଇଁ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ର ସର୍ବଦା ବିମାନ ଆଡକୁ ଗାଲଡ୍ ହୋଇଥାଏ ତେଣୁ ଏହାର ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ସ୍ଥିତିକୁ ଦିଆଯାଏ | ବିମାନ ଏବଂ କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ର ଏବଂ ଦିଆଯାଉଛି ଯେ ବିମାନଟି ଯାତ୍ରା କରୁଛି ଏବଂ ବିମାନଟି ଏକ ସିଧା ଲାଇନରେ ଯାତ୍ରା କରେ ତେଣୁ ଏହା ସ୍ଥିର ଅଟେ ଏବଂ ଆମେ ଏହା ମଧ୍ୟ କହିପାରିବା ଯେ ବିମାନର ବେଗ ଆମେ ଏହାକୁ ହ୍ରାସ କରିପାରିବା ଏହା ମଧ୍ୟ ସମାନ ହେବ ଯେ ଏହା କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ର ଅଟେ | ବେଗ କ୍ରମାଗତ ଗତି ସ୍ଥିର ଅଟେ ଏବଂ ଏହା ସର୍ବଦା ବିମାନ ଆଡକୁ ଗାଲଡ୍ ହୋଇଥାଏ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ମେଡେଟେବଲେ ବିମାନଟି ପରବର୍ତ୍ତୀ ସ୍ଥାନକୁ ଯାଏ ମିସାଇଲ୍ ଉପଯୁକ୍ତ ଭାବରେ ଏହାର ଦିଗ ବଦଳାଇବ ଯାହା a always ାରା ଏହା ସର୍ବଦା ବିମାନ ଆଡକୁ ଯାଉଛି ଏବଂ ଏଠାରେ ଆମେ ଯାହା ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ ବିମାନକୁ ଧକ୍କା ଦେବା ପାଇଁ କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ର ଦ୍ଵାରା ନିଆଯାଇଥିବା ସମୟ ଖୋଜିବାକୁ ଚାହୁଁଛୁ

ତେଣୁ ଏହି ପରି ସମସ୍ୟାରେ ଆସନ୍ତୁ ପ୍ରଥମେ ଦୁଇଟି ଚିତ୍ର ଆଙ୍କିବା ଏହା ହେଉଛି ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ଚିତ୍ର ଯେଉଁଠାରେ ଆମର ବିମାନ ଏହି ଅବସ୍ଥାନ କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ରରେ ଅଛି | ଏଠାରେ ଅଛି ଏବଂ ଏହା ମିସାଇଲ୍ ବେଗ ସହିତ ବିମାନ ଯାତ୍ରା କରୁଛି

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି vm ଏହି ଦୂରତା ହେଉଛି ଏହି ଦୂରତା b

ତେଣୁ ଏହା ହେଉଛି t ରେ ବିନିୟାସ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ଆସନ୍ତୁ ପରେ ସମାନ ସଂରଚନାକୁ ଦେଖିବା | ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ t ଟି ବିମାନଟି ଅନ୍ୟ ସ୍ଥାନକୁ ସ୍ଥାନାନ୍ତରିତ ହୋଇଥାନ୍ତା ଯେଉଁଠାରୁ ଏହା ଆରମ୍ଭ ହୋଇଥିଲା ଅନ୍ୟ କମା ଠାରୁ ବିମାନଟି ଏହାର ଅବସ୍ଥାନକୁ ଆସିଥାନ୍ତା ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ x ଦ୍ଵାରା ଦିଆଯିବ ଏବଂ ମେଡେଟେବୁ ଏହା a ରେ ଯାତ୍ରା କରୁଛି | ସିଧାସଳଖ ରେଖା ଏହା y ସଂଯୋଜନା ସର୍ବଦା b ହେବ ଏବଂ କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ର ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ ଅଛି, ଆମେ ସଠିକ୍ ସ୍ଥିତି ଜାଣିନାହିଁ ଏହା କିଛି ସାଧାରଣ ସମୟରେ t କିନ୍ତୁ କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ରର ବେଗ ଏହିପରି ବିମାନ ଆଡକୁ ଗତି କରେ | ଆମେ ଯାହା କରୁ ତାହା ହେଉଛି ବିମାନରେ ଆମେ ଏକ କୋର୍ଡିନେଟ୍ ସିଷ୍ଟମ୍ ରଖିଥାଉ ଯାହାକୁ ଆମେ ବିମାନ ସହିତ ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକୁ ଦେଖୁ

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଦିଗକୁ ଦେଖିବା ତେବେ ଆସନ୍ତୁ ଏହି କୋଣକୁ ବିମାନର ଲାଇନ ଏବଂ ଯେକ between ଶସି ସାଧାରଣ ତତକ୍ଷଣାତ୍ କହିବା | ମିସାଇଲ୍ ମୁଁ ଥି ବୋଲି କହୁଛି | ଫି ଆଙ୍ଗଲ୍

ତେଣୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଏକ ବୃହତ୍ ଉପାୟରେ ଚାଣିବା ଆସନ୍ତୁ ଏହା ହେଉଛି ବିମାନ ହେଉଛି ଏହା ହେଉଛି ଏକ ସାଧାରଣ ସ୍ଥାନରେ ମିସାଇଲ୍ ଯାହା ମୁଁ ଏହାକୁ ଆକିଛି ଏହାକୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ଫି ଭାବରେ ଡାକେ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ପାଇଥାଉ ତାହା ହେଉଛି ବିମାନର ପୃଥକତା ହାର ଏବଂ କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ରର ପୃଥକତା ହାର ଏହାର ଅର୍ଥ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ r ବୋଲି କହୁଛି ତେବେ dt ଦ୍ଵାରା ଏହାର ପରିମାଣ r ଦିଗରେ ବିମାନର କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ର ମାଲନସ୍ ବେଗର ବେଗ ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ଆମ ପାଖରେ ଯାହା ରହିବ | ପୃଥକତା ହେଉଛି ଏହି ପୃଥକତାର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହାର ଏହା r ଦିଗରେ ବିମାନର କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ର ମାଲନସ୍ ବେଗର ବେଗ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ

ତେଣୁ ଏଠାରୁ ଯାହା ଆମେ ଏଠାରେ ଚିତ୍ରରୁ ଦେଖୁ ଏବଂ ବାସ୍ତବରେ ଏଠାରେ ମୁଁ ରଖିବା ଉଚିତ୍ ନୁହେଁ | ଭେକ୍ଟର ସଙ୍କେତ

ତେଣୁ ମୁଁ ସେମାନଙ୍କୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ କାଟୁଛି ଏବଂ ଯଦି ଆମେ ଏହି ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖିବା ତେବେ r ଦିଗରେ ବିମାନର ବେଗ ଏହି କୋଣ ମଧ୍ୟ ϕ ଅଟେ

ତେଣୁ ଏହା $va \cos \phi$ ସହିତ ସମାନ ହେବ

ତେଣୁ ପୃଥକତାର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହାର | vm ମାଲନସ୍ $va \cos \phi$ ସହିତ ସମାନ ହୋଇଯାଏ | ϕ ଏବଂ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ ଏକୀକୃତ କରେ ତେବେ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବି, ତାହା ହେଉଛି ଶୂନ୍ୟରୁ t ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ vm ମାଲନସ୍ ଏବଂ କୋସ୍ ϕ dt ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ସହିତ ସମାନ, ଯେଉଁଠାରେ କ୍ୟାପିଟାଲ୍ ଟି ହେଉଛି ମେଡେଟେବଲେ କ୍ଷେପଣାସ୍ତ୍ର ବିମାନକୁ ଧକ୍କା ଦିଏ ଏବଂ ମେଡେଟେବଲେ ମୁଁ ଏହାକୁ ସଂଯୋଗ କରେ ଏହି ସମ୍ଭାବ୍ୟ ସହିତ ସମାନ | ଏହି ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ ପୃଥକତା କାରଣ ଏହି dr ମେଡେଟେବଲେ

ଆମେ ଏହାକୁ ଦେଖିବା ଏହା ସମ୍ଭାବ୍ୟ ବିଚ୍ଛିନ୍ନତା ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ ଏବଂ ଏହି ପୃଥକତା ହେଉଛି ଏକ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ b ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ
ତେଣୁ

ତେଣୁ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ସମୀକରଣ ଯାହା ଆମକୁ ବର୍ଗ ମୂଳ କହିଥାଏ | ଏକ ବର୍ଗ ପୂର୍ଣ୍ଣ b ବର୍ଗର ଏହା ହେଉଛି ପୃଥକତା ଯାହା ପ୍ରାରମ୍ଭରେ ସେଠାରେ ଥିଲା ଏବଂ ଶେଷରେ ପୃଥକତା ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ ହୋଇଯାଏ

ତେଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ dr କୁ ଏକୀକୃତ କରିବା ସେତେବେଳେ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ଏକ ବର୍ଗର ପୂର୍ଣ୍ଣ b ବର୍ଗର ବର୍ଗ ମୂଳ ଏହା ଶୂନ୍ୟ ଅବିଚ୍ଛିନ୍ନ ସହିତ ସମାନ ହେବ | $\int \sqrt{t^2 - vm^2} dt = \frac{t}{2} \sqrt{t^2 - vm^2} - \frac{vm^2}{2} \ln \left| \frac{t}{vm} + \sqrt{\frac{t^2}{vm^2} - 1} \right| + C$ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏଠାରେ ଆମେ ଯାହା କୁ realize ଠିକ୍ ଭାବରେ ϕ ସମୟ ସହିତ ବଦଳୁଛି ତେଣୁ $\cos \phi dt$ ର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଖୋଜିବା ସିଧା ସଳଖ ନୁହେଁ କାରଣ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସ୍ଥିତିରେ ଆମକୁ ϕ ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେଉଛି

ତେଣୁ ଆମେ ଏଠାରୁ ଯାହା ପାଇପାରିବା ଏହାର ମୂଳ ଅଟେ | ଏକ ବର୍ଗ plus b square $\sqrt{vm^2 - t^2}$ times t minus va times $\cos \phi$ d t 0 to t ସହିତ ସମାନ | x ଦିଗରେ ତାପରେ ଏବଂ କାରଣ ଆମେ ଆମର ସଂଯୋଜନା ପ୍ରଣାଳୀକୁ ବିମାନର ରେଫରେନ୍ସ ଫ୍ରେମ୍ ଉପରେ ରଖୁଛୁ

ତେଣୁ x ଦିଗରେ ବିମାନ ସହିତ କ୍ଷେପଣାସ୍ତର ଆପେକ୍ଷିକ ବେଗ ଏହା $vm \cos \phi$ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏହା ହେଉଛି x ର ଉପାଦାନ | କ୍ଷେପଣାସ୍ତର ବେଗ ବିମାନର ବେଗର x ଉପାଦାନ ଯାହା va ସହିତ ସମାନ ଅଟେ

ତେଣୁ ଆମ ପାଖରେ ଯାହା ଅଛି, ଆମେ ଏହି dx କୁ dt ଦ୍ଵାରା ଲେଖିପାରିବା ଯାହା ବିମାନର ଫ୍ରେମ୍ ରେଫରେନ୍ସରେ x ଦୂରତାରେ ପୃଥକତା ଅଟେ | $\int \sqrt{vm^2 - t^2} dt = \frac{t}{2} \sqrt{vm^2 - t^2} + \frac{vm^2}{2} \sin^{-1} \left(\frac{t}{vm} \right) + C$ ଏବଂ ଯଦି ମୁଁ ଏହାକୁ ଏକୀକୃତ କରେ ତେବେ ମୁଁ ଯାହା ପାଇବି ତାହା ହେଉଛି ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ dx ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ $vm \cos \phi dt$ ମାଇନସ୍ ଭାବ୍ ସହିତ ସମାନ ହେବ ଏବଂ ବିମାନର ରେଫରେନ୍ସ ଫ୍ରେମ୍ରେ ଗୁଞ୍ଜାଯାଇଥିବା ଏହି x ଦୂରତା ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ପୃଥକତା ଛଡ଼ା ଆଉ କିଛି ନୁହେଁ କାରଣ ତାହା ହେଉଛି d ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ ଯାହା ମିଆଇଲକୁ x ଦିଗରେ ବିମାନର ରେଫରେନ୍ସ ଫ୍ରେମ୍ରେ ଆକୃତ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ

ତେଣୁ ଏଠାରୁ ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି ଦ୍ଵିତୀୟ ସମୀକରଣ ଯାହା ଆମକୁ vm ଥର ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ $\cos \phi dt$ 0 ରୁ t ମାଇନସ୍ v ସହିତ ସମାନ | $\int \sqrt{vm^2 - t^2} dt = \frac{t}{2} \sqrt{vm^2 - t^2} + \frac{vm^2}{2} \sin^{-1} \left(\frac{t}{vm} \right) + C$ ଏହାକୁ ସମୀକରଣ ନମ୍ବର 2 ଭାବରେ କଲ୍ କରିପାରିବ ଏବଂ ମୁଁ ପୂର୍ବରୁ ପାଇଥିବା ସମୀକରଣକୁ ମୁଁ ଏହାକୁ ସମୀକରଣ ନମ୍ବର ଭାବରେ କଲ୍ କରିପାରିବି ଯାହାକୁ ଆମେ ଶୂନ୍ୟରୁ t ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଇଣ୍ଟିଗ୍ରାଲ୍ $\cos \phi dt$ ର ମୂଲ୍ୟ ପାଇପାରିବା ଏବଂ ଆମେ 2 ରେ ବଦଳାଇବୁ ଏବଂ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ସବୁ କରିବୁ |

max ତାପରେ ଶେଷରେ ଏହି ପ୍ରତିସ୍ଥାପନ ଦ୍ଵାରା ଆମେ ଯାହା ପାଇବୁ ତାହା ହେଉଛି ଏକ ବର୍ଗର ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣ $\sqrt{vm^2 - t^2}$ ଗାଇମ୍ ବର୍ଗ ମୂଳ ସହିତ ସମାନ ହେବା ପାଇଁ ଏକ ବର୍ଗର ପୂର୍ଣ୍ଣ b ବର୍ଗର $\sqrt{vm^2 - t^2}$ ବର୍ଗ ମାଇନସ୍ ବନାମ ବର୍ଗ ଦ୍ଵିଭାଜିତ ହେବା, ବର୍ତ୍ତମାନ ଆସନ୍ତୁ କିଏନାମେଟିକ୍ସର ଅନ୍ୟ ଏକ ଦିଗକୁ ଦେଖିବା | ଆମେ ଏହି ପରିମାଣ $v \cdot a$ କୁ ଦେଖିବା ଏବଂ ଦେଖିବା ଏହି ସ୍କାଲାରରୁ ଆମେ କିଛି ପାଇପାରିବା କି ନାହିଁ ଦେଖିବା ଯେପରି v ହେଉଛି ବେଗ ଭେକ୍ଟର ଏବଂ a ହେଉଛି ବେଗ ଭେକ୍ଟର ଦୟାକରି ଧାନ ଦିଅନ୍ତୁ ଯେ ଆମେ ସମସ୍ତ ଫର୍ମୁଲା ଯାହାକୁ $ah \cdot v$ ଭଳି ବ୍ୟବହାର କରୁଛୁ | ପ୍ରାରମ୍ଭିକ ବେଗକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ 80 କିମି ବସ୍ତାପନ ସମାନ |

ବର୍ଗରେ $v \cdot t$ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଅଧା ପାଇଁ ଏହି ସୁତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ବ valid ଧ ଅଟେ ଯେତେବେଳେ ବେଗର ସ୍ଥିର ହୁଏ ଯଦି ବେଗର ସ୍ଥିର ହୁଏ ତେବେ ଏହି ସୁତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ବ valid ଧ ନୁହେଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଦୁଇଟି ଭେକ୍ଟର ପରିମାଣର v ଏବଂ a ଏବଂ ଉଭୟ v ଏବଂ a ସାଧାରଣ ଅଟେ | ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ସେମାନେ ସ୍ଥିର ନୁହଁନ୍ତି ସେମାନେ ସମୟ ସହିତ ଭିନ୍ନ ହୋଇପାରନ୍ତି ଏବଂ ସେମାନେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯେକ direction ଶସି ଦିଗରେ ରହିପାରନ୍ତି ଯାହା ଆମେ ଜାଣୁ ଯେତେବେଳେ ଆମେ 1d ମୋସନ୍ v ରେ ଗୋଟିଏ ଡାଇମେନ୍ସନ୍ସନ୍ ଗତି ବିଷୟରେ କଥାବାର୍ତ୍ତା କରିବା ଏବଂ a ସମାନ ଦିଗରେ ଥାଏ ଏବଂ ମୁଁ ଯାହା କହିବାକୁ ଚାହେଁ ସେଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି | ପରସ୍ପରର ବିପରୀତ ହୋଇପାରେ କିମ୍ବା ସେମାନେ ସମାନ ଦିଗରେ ରହିପାରନ୍ତି v ଭେକ୍ଟର ଏବଂ ଭେକ୍ଟର ମଧ୍ୟରେ କୋଣ ଶୂନ୍ୟ କିମ୍ବା ପାଇ କିନ୍ତୁ ଦୁଇଟି d ଗତିରେ ଆମେ v ପାଇପାରିବା ଏବଂ ଯେକ any ଶସି ସାଧାରଣରେ v ଏବଂ a ମଧ୍ୟରେ କୋଣ ହୋଇପାରେ | ତତକ୍ଷଣାତ୍ ଏହା 0 କିମ୍ବା pi ସହିତ ସମାନ ହେବ ନାହିଁ ଏହା ଶୂନ୍ୟ ଏବଂ ପାଇ ମଧ୍ୟରେ କିଛି ହୋଇପାରେ ଏବଂ ସାଧାରଣତ such ଏହିପରି ଏକ ଶରୀର ଏକ ବକ୍ର ପଥରେ ଗତି କରିବ ଯାହା ଆମେ ଦେଖୁଥିଲୁ ଯାହା ପୁନର୍ବାର ଦେଖିବା ପାଇଁ ଯେତେବେଳେ ଏକ ବକ୍ର ପଥରେ ଗତି କରେ ତାପରେ ବେଗ | ସର୍ବଦା ପଥ ପାଇଁ ଟାଙ୍ଗେଟ୍ ଏବଂ | ବେଗର ଦୁଇଟି ଉପାଦାନ ଅଛି ଯାହା ପଥରେ ଟାଙ୍ଗେଟ୍ ଅଟେ ଯାହା ଗତିର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହାର ଏବଂ ଦ୍ଵିତୀୟ ଉପାଦାନ ଯାହା ପଥରେ p ଷ୍ଟରେ ରହିଥାଏ ଏବଂ ଦ୍ଵିତୀୟ ଉପାଦାନକୁ ପଥ ବକ୍ରତାର କେନ୍ଦ୍ରକୁ ସୂଚାଇଥାଏ |

ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଏହା ସ୍ଥାନୀୟ ଭାବରେ ଏକ ବକ୍ର ପଥ ଯାହା ଆମେ ଅନୁମାନ କରିବୁ ଯଦି ଏହି ଶରୀର ଏହିପରି ଗତି କରେ ଯେ ଯଦି ଏହା ଏହି ଉପାଦାନରେ ଗତି କରେ ଯଦି ଏହା ଏକ ବୃତ୍ତରେ ଗତି କରେ ତେବେ ବେଗର ଦ୍ଵିତୀୟ ଉପାଦାନ ସେହି ବୃତ୍ତର ମଧ୍ୟଭାଗକୁ ସୂଚାଇବ | ଯାହାକୁ ଆମେ ସାଧାରଣ ଉପାଦାନ ଭାବରେ କହିପାରିବା ଏବଂ ଏହା ସ୍ପିଡ୍ ବର୍ଗ ଦ୍ଵିଭାଜିତ $\frac{v^2}{r}$ ବକ୍ରତାର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଦ୍ଵିଭାଜିତ $\frac{v^2}{r}$ ରା ବିଭକ୍ତ

ତେଣୁ ଏହା ସର୍ବଦା ଘଟିବ ଯେତେବେଳେ ଏକ ଶରୀର ଏକ ବକ୍ର ପଥରେ ଭ୍ରମଣ କରେ ବର୍ତ୍ତମାନ ମୁଁ ଆଲୋଚନା କରିବାକୁ ଚାହୁଁଥିଲି ଯଦି ଆମେ ଏହି ଅଭିବ୍ୟକ୍ତି ଦେଖିବା | v ର ବିନ୍ଦୁ ସହିତ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ଗାଣିତିକ ପରିମାଣ ପରି ଦେଖାଯାଉଛି ସେଠାରେ କିଛି ବେଗ ଅଛି ସେଠାରେ କିଛି ବେଗ ଅଛି କିନ୍ତୁ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଦେଖିବା ଆମେ ଏହାକୁ dt ଦ୍ଵାରା v dotted ଭାବରେ ଲେଖିବା କାରଣ dt ଦ୍ଵାରା ବେଗ dv ଅଟେ | ଏହାକୁ ଆମେ d ଚାଲିବା v ଚାଲିବା ବିନ୍ଦୁ ଦ୍ଵାରା ବିଭାଜିତ କରି ଏହାକୁ ଲେଖିବା ଏବଂ ଏହା $\frac{dv}{dt}$ ରା ବିଭାଜିତ dt $\frac{dv}{dt}$ ରା ଏହା ଅଧା ଥର d ସହିତ ସମାନ ହେବ ଯେଉଁଠାରେ v ବର୍ତ୍ତମାନ ଭେକ୍ଟର ବିନା

ତେଣୁ ଏହା ଗତି ସହିତ ସମାନ
ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନଠାରୁ ଏଠାରୁ କଣ? ଆମେ ଦେଖିପାରୁଛୁ ଯଦି ଆମେ ଏହି ପରିମାଣ $v \cdot a$ କୁ ଦେଖିବା ଯଦି ଏହା 0 ସହିତ ସମାନ ତେବେ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଯଦି $v \cdot a$ ଶୂନ୍ୟ ସହିତ ସମାନ, ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି d ବର୍ଗର dt ଦ୍ଵାରା ଶୂନ୍ୟ
ତେଣୁ ଏହାର ଭ physical ଟିକ ଅର୍ଥ ହେଉଛି | ସମୟ ସହିତ ଗତି ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେଉନାହିଁ
ତେଣୁ ଗତି t ସହିତ ପରିବର୍ତ୍ତନ ହେଉନାହିଁ ଏବଂ ଯଦି ସର୍ବଦା ଯଦି ସବୁ ସମୟରେ $v \cdot a = 0$ ଥାଏ ତେବେ ଆସନ୍ତୁ ଏହାକୁ ଲେଖିବା ଯଦି ସବୁ ସମୟ ପାଇଁ $v \cdot a = 0$ ଏହା ସୂଚିତ କରିବ ଯେ କଣିକା ସହିତ ଗତି ଅଛି | ଚଳନ ସ୍ଥିର ଅଟେ

ତେଣୁ ଯଦି ବେଗ ବେଗ ସହିତ p ଷ୍ଟରେ ଥାଏ ତେବେ କଣିକାକୁ କ୍ରମାଗତ ବେଗ ସହିତ ଭ୍ରମଣ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ, ଯଦି ଆମେ v ଡଟ୍ a ଶୂନ୍ୟରୁ ଅଧିକ ତେବେ ଚିହ୍ନକୁ ଦେଖିପାରିବା ଯଦି ଶାରୀରିକ ଭାବରେ ଏହା କେବେ ହେବ ଯଦି ଏହା ବେଗ ଅଟେ | ଭେକ୍ଟର ଯଦି ଏହା ବେଗ ଭେକ୍ଟର v ଡଟ୍ a ଶୂନ୍ୟରୁ ଅଧିକ ହେବ ଯଦି v ମଧ୍ୟରେ ଏହି କୋଣ ଥାଏ | ଏବଂ ଏହା ହେଉଛି ଯଦି କୋଣ ଥାଏ 0 ରୁ 90 ଡିଗ୍ରୀ ମଧ୍ୟରେ ଥାଏ କାରଣ ଏହା v କୋସାଇନ୍ ଥାଏ ଯଦି କୋଣ ଥାଏ b ଏବଂ a ମଧ୍ୟରେ 90 ଡିଗ୍ରୀରୁ 180 ଡିଗ୍ରୀ ମଧ୍ୟରେ ଥାଏ ତେବେ $v \cdot a = v a \cos \theta$ ଗୁଣର ସମାନତା ସହିତ ସମାନ ହେବ | କୋଣର ଏକ ସମୟର କୋସାଇନ୍ ଯାହା $\cos \theta$ ରା ଏହା ସମାନ ହେବ 0 ରୁ କମ୍ ହେବ |

ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଯେପରି ଆମେ ଦେଖୁଲୁ v ସହିତ ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ ହାର କିମ୍ବା ଗତିର ବର୍ଗର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହାରର ଅଧା ସହିତ ସମାନ, ଯଦି v ଡଟ୍ a ପଜିଟିଭ୍ ଏହା ସୂଚାଏ ଯେ dt ର ସ୍ପିଡ୍ ବର୍ଗର ପଜିଟିଭ୍ ଅଟେ ଏବଂ ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ବେଗ ବା ସ୍ପିଡ୍ ଏବଂ ଯଦି v ଡଟ୍ a 0 ରୁ କମ୍ ତେବେ ଏହା ସୂଚିତ କରିବ ଯେ କଣିକାର ପଥରେ କଣିକାର ଗତି କମିଯିବ | ବେଳେବେଳେ ଯେତେବେଳେ ପରିମାଣ ବିଷୟରେ କିଛି ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ନେବାକୁ ପଡ଼େ ଆମେ ଗଣିତ ବ୍ୟବହାର କରି ଗୁଣାତ୍ମକ ବ୍ୟାଖ୍ୟା ବିଷୟରେ କିଛି ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ନେବା ପାଇଁ ଏହି ଗାଣିତିକ ତଥ୍ୟଗୁଡ଼ିକ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଯାହା ଆମେ ଅତି ସହଜରେ କରିପାରିବା ଯାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ କରିଛୁ ଯାହା ହେଉଛି ଗତିର ସମୀକରଣ ଅଧ୍ୟୟନ କରିଛୁ | ଗୋଟିଏ ଡାଇମେନ୍ସନ୍ସନ୍ ମୋଟ୍ ପାଇଁ | ଦୁଇଟି ଡାଇମେନ୍ସନ୍ସନ୍ ଗତି ପାଇଁ ଆମେ ଆମେ କ୍ରମାଗତ ବେଗର ଦ୍ଵିତୀୟ ମାତ୍ରା ପାଇଁ ତାହା କରିଥିଲୁ ଯେତେବେଳେ ବେଗର ସ୍ଥିର ହେଉଛି ବେଗ ଏବଂ ପୋଜିସନ୍ ଭେକ୍ଟରର ଡେରିଭେଟିଭ୍ | ପୋଜିସନ୍ ଭେକ୍ଟରର ଡେରିଭେଟିଭ୍ ଆମକୁ ବେଗ ଭେକ୍ଟର ପ୍ରଦାନ କରେ ଏବଂ ଆମେ ଭେକ୍ଟର ପରିମାଣକୁ କିପରି ବିସ୍ତୃତ ଭାବରେ ଭିନ୍ନ କରିବାକୁ ଦେଖୁଲୁ

ତେଣୁ ଏକ କଣିକାର ଗତିକୁ କିପରି ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରାଯିବ ସେ ବିଷୟରେ ଆମେ ଏକ କଣିକାର ଗତିର ଅଧ୍ୟୟନ ସମାପ୍ତ କରିଛୁ | ଆମେ ଏପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କିଏନାମେଟିକ୍ସ ଭାବରେ କଲ୍ କରୁ ଏବଂ ଆଉ ଏକ ଜିନିଷ ଯାହା ମୁଁ ଆପଣଙ୍କୁ ଅତି ସ୍ପଷ୍ଟ ଭାବରେ ପ୍ରକାଶ କରିଥିଲି ଯେ ଯେତେବେଳେ ଆମେ $r \cdot dr$ କୁ dt ଦେଖିବା ସେତେବେଳେ ଆମେ ଦ୍ଵିତୀୟ ଡେରିଭେଟିଭ୍ କୁ ଯାଇଥିଲୁ ଯାହା ବେଗର ଦ୍ଵିତୀୟ ଡେରିଭେଟିଭ୍ ପ୍ରକାଶ ପଚରାଯାଏ ଆମେ କାହିଁକି କରୁନାହିଁ | ତୃତୀୟ ଡେରିଭେଟିଭ୍ କିମ୍ବା ଚତୁର୍ଥ

ଡେରିଭେଟିଭ୍ କୁ ଯାଆନ୍ତୁ ଏବଂ ଏହାର କାରଣ ସ୍ପଷ୍ଟ ହୋଇଯିବ ଯେତେବେଳେ ଆମେ ଗତିର କାରଣ ବିଷୟରେ ଅଧ୍ୟୟନ କରିବା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ କେବଳ ଗ୍ରାଏନ୍ ବିନା ଗତିର ବିବରଣୀ ଅଧ୍ୟୟନ କରିଛୁ । g କୁ $understand$ ିବା ପାଇଁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଗତିର କାରଣ କଣ ଯାହା ପରବର୍ତ୍ତୀ ଅନୁସରଣ କରିବାକୁ ଯାଉଛି ଯାହା ଆମେ କରିବାକୁ ଯାଉଛୁ ତାହା କୁ to ିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବୁ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ଷମ ଶରୀର କାର୍ଯ୍ୟକ୍ଷମ ଗତି କରିବାକୁ ଲାଗେ ଏବଂ ଆମେ ଯାହା ଦେଖିବା ତାହା ହେଉଛି ବଳ ନାମକ ଏକ ପରିମାଣ ଅଛି ଏବଂ କେବେ । ଏକ ଶରୀର ଉପରେ ବଳ ପ୍ରୟୋଗ କରାଯାଏ ଯାହା ହେଉଛି ଶରୀରର ଗତି ବଦଳାଇଥାଏ ଏବଂ ଏହା ହିଁ ନ୍ୟୁଟନ୍ ନିୟମ ଅନୁଯାୟୀ ଆବୃତ୍ତ ହେବ ଏବଂ ଏହାକୁ ଆମେ ଗତିଶୀଳତା ବୋଲି କହିଥାଉ ଏବଂ ମିଳିତ ଭାବରେ ଗତିଜଡତା ଏବଂ କିଏନାମେଟିକ୍ସକୁ ଗତିଶୀଳ ଭାବରେ କୁହାଯାଏ ତେଣୁ ବର୍ତ୍ତମାନ ଅଧ୍ୟୟନ କରିସାରିଛୁ । ଏକ କଣିକାର ଗତି ଏବଂ ଗତିଜଡତା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଆମର ପରବର୍ତ୍ତୀ ମଡ୍ୟୁଲ୍ ରେ ଏକ କଣିକାର ଗତିଶୀଳତା ଉପରେ ଧ୍ୟାନ ଦେବୁ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି ଆମେ ଏକ କଣିକାକୁ ଦେଖିବା ଏବଂ ତା' ପରେ ଆମେ ଶକ୍ତିକୁ ଏକ କଣିକାର ଗତିର ପରିବର୍ତ୍ତନ ହାର ସହିତ ସମ୍ପର୍କ କରିବୁ ଯାହାକୁ ଆମେ ବ୍ୟାଖ୍ୟା କରିବୁ । ଏବଂ ତାହା ହେଉଛି ନ୍ୟୁଟନ୍ ର ନିୟମ ।

Prutor@Gmail